

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

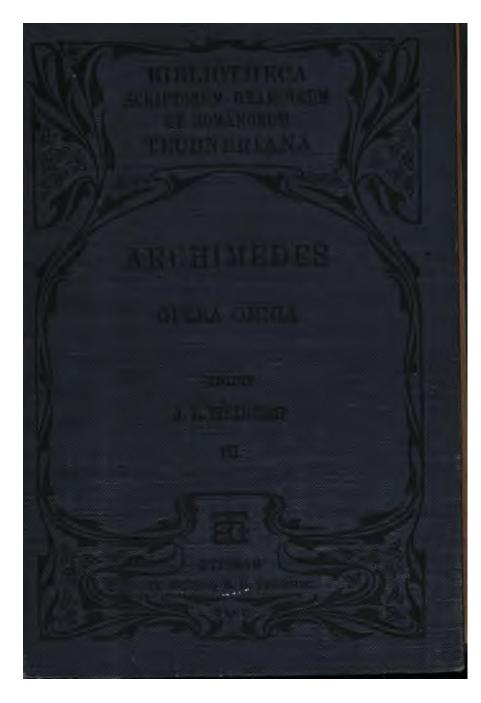
Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Berlag von B. G. Ceubner in Leipzig.

Maturstudien im Bause.

Plandereien in der Pannmerftunde. Ein Bach für die Jugend von Dr. A. Graepelin. Wit Beichnungen von D. Schwinderasheim. 2. Auflage. In Original-Leinwandband M 3.20.

afurstudien im Garten.

Plandereien am Honntag Nachmiffag. Ein Bag für die Jugend von Dr. A. Arnepelin. Mit Zeichenungen von D. Schwindragheim. In Orlginal-Leinwand-band M. 2.60.

Ohiga ber "Naturchinten im Garle" lotter ibe "Kalunspublen im Barten" ber terminanjarun Jagon die Naturchiche ihrer pinipur ilmgelung giblig wir großliche gree pringen, von fadurch eigene Kendenber und openen Kandenber in aber rieben Anleitung den Antonionen der der einem Anleitung den Antonionen der den Angelichen im Angelichen der Angelichen der Angelichen der Verleben der Verl

Streifzüge burch Mald und Flur.

Dierlehrer Gernhard Kandsberg. Zweite Auflage. Mit 84 Mustebilbern bar Sand und Schule bearbeitet von Bberfehrer Gernhard Landsberg. Zweite Auflage. Mit 84 Musteationen und Originalzeichnungen von Fran S. Landsberg. In Original-Leinwandband M. 5.—

Ericher biefes Aucher ern. Er will die gegend anteinen, die Weiter ist dere geste der Bertager biefes Aucher ern. Er will die Jegend anteinen, die Weiter ist diese nach geber zu dere nach aucher auf der gestellterlien laber des Buch in deuter nach ern die Australien nach gestellterlien laber des Buch in Laurer nach verstürfendungen auchgen. In dem Jahrebertreilen laber des Buch in Laurer nach verstürfender Eriffe in die Kaluer beiter auch dem in der Verm im Toole erne Jahres deuter der der Verstürfender der gestellter des in der haben fahre. Der gereiter bern ist mit den Heben far Ellenger, ihre Genoben und Kinde nich des Habens beitraltere ihre gestellter der Bengen der Kaluer von der der Verstürfender der Verstürfender der Verstürfender der Verstürfender der Bengen der Anner der Verstürfender der Bengen der Anner der Verstürfender der Begenfaller der Verstürfender der Bengen der Anner der Verstürfender der Begenfaller der Verstürfender der Bengen der Kaluer der der Bengen der Kaluer der der Gestellter der Verstürfender der Gestellter der Verstürfender der Gestellter der Verstürfender der Verstürfen der Verstürfender der Verstürfender der Verstürfender der Verstürfender der Verstü

Beimatklänge aus dentiden Gauen.

Fir jung und all ausgewählt von Oschr Dalpuhardi. Wit Buchjchmust von Nobert Engels.

- L. Weit Marid und Onbe, Rieberbeutide Gebichte und Grabbiergen. (Griffiemen)
- II. Mied Redmilier und Daftelgrund, Mittelbeurfde Beblifte u. Gryabinegen
- III. And Cohlund und Schnerzeitig. Oberbentiffe Gelichte und Ergabfungen.
- Die feinfelerifdem Umfolog geleftet is en. I Bil, gebenben be. I Die file file

In Indiangen am Kudert Engels gefieten Native die Erspublistionen mit 6.846 für ale Anniverte felligklichtigen West belown-

Jum Auffah-Unterricht

ift im Berlage bon B. G. Leubner in Belpain, Pofiftrafe 3, erichienen und burch alle Buchbanblungen gu begieben:

Sinbel, Mart, Diepolitionen gu beutichen Muffagen für Die Terlin ber boberen Uchranfialten. 2 Banbeben. 8. geb. jebes Dinbeben .4. 2. -

I. Balogen [XVI n. 198 S.] 1894. II. Blebden. [XX u. 299 S.] 1888.

Cholentus, Dr. C., Projeffer am Rneiphoffichen Womnafium gu Ronigsberg t. Br. Dispolitionen und Matertolien gu bentichen Auffdpen Aber Themata far bie beiben erften Riaffen fibherer

profifte Anleitung jur Abinffung bentider Auffage in Briefen an einen jungen Frennd. 6. Auft. [VI n. 194 S.1 8, 1893. geh. AC 2.40.

Grumbadt, Carl Bulius, Derefebrer, bentiche Auffage. Gar bie unieren Rlaffen hoberer Lebranftalten, foivie für Bolto., Burgerund Mitericheten. In 8 Bandgen. gr. 8. geh. je . 1.60. I. Sandern: Ergabbangen. [X u. 168 G.] 1800.

Beforeilungen und Schilderungen (A. n. 184 C.) 1890. Beitefe, (AIV.n. 200 C.) 1892. (In Leimmand ged. a. n. d. A.: Stefese für Knaben und Blädgen. ged. "K.».—)

Auhner, Dr. Abalf, Ghunnsfalleber, proftifche Anfeitung gur Bermeibung ber hauptfachlichften Fehler in Anlage und Aneführung benticher Auffahe für bie Schller ber mittleren und oberen Rieffen ber Gimmafien, Realichulen und anbrer hoberer Lefranftalten, fowle gum Gelofifinbium bei ber Borbergitung auf foriftliche Erbfungen im Deutiden. 2. Mailage. Wen bearbeitet bon Dr. Otto Epon. [88 S.] gr. 8. 1891 fort. . K. 1 .-

Menge, Dr. Mari, Meltor bes Progumuafiame ju Bopparb, and. fabrlide Dispositionen und Dinferentmarie bentichen Muffapen für obere Raffen hoberer Behranftalten.

[XX u. 215 5.] B. 1890. geh. .K 2 .-

Raumann, Dr. Intlus, Direftor bes Mealammaffund gu Dflerobe a/S., theeretijd proffijde Unleitung jur Abfalfung bentider Muffave in Regeln, Dlufterbeifpielen und Dispositionen besonders im Unichtus an bie Lefture flafficher Werfe nebft Anfgaben gu Malfenarbeiten fur bie millteren und oberen Raffen boberer Schulen. G. Auflinge, [XVI u. 546 S.] 8, 1807, gen. A 8.00.

Alltich, Dr. Germann, Oberlehrer in Themnit, beutiche Mufter-auffahr für alle Reten hoberer Schulen. [A u. 208 G.] gr. 8. 1889. Dauerhaft geb. & 2.40,

Anthory, Dr. G., Enmafiallehrer in Perbit, hundert Themata für beutsche Auffahr. Gin Silisbuch für den bentichen Unter-eicht auf der Setundaner-Stufe. [64 S.] 8. 1881. fan. R. - 100.

ARCHIMEDIS OPERA OMNIA

CUM COMMENTARIIS EUTOCII.

E CODICE FLORENTINO RECENSUIT, LATINE UERTIT

NOTISQUE ILLUSTRAUIT

J. L. HEIBERG

DR. PHIL.

nornwen hi

LIPSIAE

IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.

MDCCCLXXXI.

117301

YMAMMU MOMULOMOMAME OMALELI - YMEMUVMU

LIPSIAE: TYPIS R. G. TRURWERI.

PRAEFATIO.

Finito iam tertio huius editionis uolumine, quod toti operi finem imponit, in hac quoque praefatione naria congeram, quae sero addenda et corrigenda esse cognoui.

Ab erroribus in collatione codicis F enotanda commissis ceterisque typographicis incipiam.

I p. 70, 12: $\delta \eta$ — scribatur: $\delta \dot{\eta}$

I p. 264 in notis criticis addatur: 11. η'' om. F; corr. Wallis. praeterea pro "3". scribatur "4".

I p. 268, 1: ἐπεί — scribatur: ἐπεὶ οὖν

II p. 232 in notis addatur: 4. μηπει F; corr. Torellius.

II p. 252 in notis criticis addatur: "13. ὅψιος] οψιας F; corr. B. 15. ὅψιος] οψιας F; corr. ed. Basil. 17. ὅψιος] οψιας F; corr. A." praeterea in nota ad lin. 14 pro "C" ponatur "B".

II p. 256 in nota ad lin. 10 pro "BC" ponatur "V".

II p. 258 in notis addatur: "22: ὑπό] επι F, uulgo."

II p. 264 in notis addatur: "4. τᾶς] om. F, uulgo. 17. μυριάδες] μυριαδων F, uulgo."

II p. 276 in nota ad lin. 2 scribatur "A" pro "B".

II p. 296 in notis addatur: "re] om. F, uulgo" et: "26. ὑπ' ἀμῶν V, fort. recte".

II p. 314 in notis addatur: "10. διὰ τά] δι' F, uulgo".

III p. 30, 14: παράλληλοις — scribatur: παράλληλος III p. 96, 24: B \(\alpha \) — scribatur: BE

III p. 118, 3: οἶά ἐστιν — scribatur: οῖα ἐστιν

III p. 214 in notis criticis scribatur "22". pro "23".

III p. 316, 1: $\Psi\Gamma \dot{\eta}$ — scribatur: $\Psi\Gamma$, $\dot{\eta}$

denique I p. 156, 16 adnotare oblitus sum, pro BE in Fesse BA. quare in notis addatur: "16. BE] BA FA".

I p. 264, 2; 266, 20; III p. 270, 7, 10, 14; 284, 19, 24, 25 rolrov, quod praebet F, in rolrov (quod legitur I p. 266, 3, sed corrigendum uidetur) mutare non debueram, nam apud mathematicos Graecos genetiuum cum uerbo slvai eodem sensu coniungitur, quo nos signum aequalitatis = usurpamus. cfr. μορίου τινός III p. 274, 3; 276, 8; 278, 8 et loci in indice II sub uocabulo olog collecti. u. praeterea Proclus in Euclid. p. 296, 12: κωλύει γάρ οὐδεν μιᾶς μεν είναι καλ τρίτου τὴν ὑπὸ αβδ τοῦ δὲ λοιποῦ διμοίρου τὴν ύπὸ αβγ. p. 297, 19: μιᾶς ἄρα καὶ ἡμισείας ὀρθῆς έστιν ή ύπὸ δγζ al. quare etiam III p. 270, 19, 20, 21; 284, 23, 26 διμοίρου cum codd. retinendum erat.

Epistulam Eratosthenis nuper edidit E. Hiller: Eratosthenis carmin. reliq. Lipsiae 1872 p. 122 sq., cuius adnotatione cum mea comparata haec addenda mihi uidentur. p. 104, 6 iam Hiller pro δή tacite substituit dé. p. 104, 4 hanc coniecturam Nauckii adfert: δοκεῖ δ' ἡμαρτηκέναι, quam non probo; cfr. Hiller p. 131 not. p. 104, 19 falso ex editione Basileensi enotaui: διαπεμψομένους; habet διαμεμψαμένοις. p. 114, 1

Hermannus in Orph. p. 769 coniecit: τοῖσδε σύ γ' ἐν. ceterum Hiller totam epistulam subditiuam esse putat nulla idonea causa adlata. cfr. Cantor: Vorlesungen p. 284 not. 2. ne Menaechmi quidem neque Archytae solutiones in dubitationem uocandae sunt; sed uerba sola ab Eutocio ipso uel auctore eius (qui in Archyta solo Eudemus est) mutata sunt et ad sermonem mathematicorum Gaecorum posterioris temporis adcommodata. contra iure Blassius de Platone mathemat. p. 27 sq. solutionem Platonis damnasse mihi quoque uidetur. cfr. Cantor: Vorlesungen p. 200 sq. de his solutionibus cfr. Proclus in Timaeum p. 353 ed. Schneider: πῶς μὲν οὖν δύο δοθεισῶν εὐθειῶν δυνατὸν δύο μέσας ἀνάλογον λαβεῖν ἡμεῖς ἐπὶ τέλει τῆς πραγματείας [cfr. p. 384] εύρόντες την 'Αρχύτειον δείξιν αναγράψομεν, ταύτην εκλεξάμενοι μαλλον η την Μεναίγμου, διότι ταϊς κωνικαϊς έκεῖνος χρῆται γραμμαϊς, καὶ τὴν Έρατοσθένους ώσαύτως, διότι κανόνος χρηται παρα-ิชิย์ธย.

De 'quadrat. parab. prop. 23 acute observauit L. Oppermannus, uir mathematices antiquae in primis peritus, eam nihil nisi peculiarem quendam casum propositionis, quae apud Euclidem est IX, 35 continere (ἐὰν ιδοιν ὁσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον ἀφαιφεθισει δὲ ἀπό τε τοῦ δευτέρου καὶ τοῦ ἐσχάτου ἰσοι τῷ πρώτω, ἔσται, ὡς ἡ τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴ πρὸς τὸν πρῶτον, οῦτως ἡ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς πρὸ ἑαυτοῦ πάντας, h. e. si a:b=b:c=c:d, erit $b \div a:a=d \div a:a+b+c$). nam ex quadr. parab. 23 erit $d+c+b+a+\frac{1}{3}a=\frac{4}{3}d$, si d=4c, c=4b, b=4a; siue $a+b+c=\frac{1}{3}(d \div a)$,

Ł

h. e. $d \div a : a + b + c = 3 : 1$, quod ex Eucl. IX, 35 statim sequitur, quia $b \div a : a = 3 : 1$.

III p. 312, 10 sq. Eutocius librum II conicorum Apollonii citat; sed nisi hic quoque uestigium recensionis antiquioris Apollonii deprehenditur, uidetur memoria confisus deceptus esse. nam quod dicit: ἐπλ δὲ τῆς ὑπερβολῆς τὸ κέντρον τοῦ σχήματος ἐκτός ἐστιν, καθ' ὁ αι διάμετροι συμπίπτουσιν ἀλλή λαις, id in libro II conicorum nusquam legitur. potius uerba eius ad I def. alt. 1 p. 42 ed. Halley: τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῆς ἐλλείψεως ἑκατέρας ἡ διχοτομία τῆς διαμέτρου κέντρον τῆς τομῆς καλείσθω referri posse uidentur. tamen hoc uerum est, ex conic. II intellegi posse, centrum hyperbolae extra figuram cadere (u. uerbi causa II, 45: τῆς δοθείσης ἐλλείψεως ἢ ὑπερβολῆς τὸ κέντρον εύρεῖν).

In hoc tertio uolumine collationes nouas codd. Pariss. uno uel duobus locis exceptis nullas habui. in indice II interpretationem Latinam plerumque omisi et omnino magis etiam quam in primo breuitati studui. et hac re et inde, quod index I, cum secundum conficerem, in manibus typothetarum erat, inaequalitas molesta duorum indicum exorta est. in prolegomenis de dialecto Archimedis agere constitueram, sed cum hanc quaestionem altius repetere cuperem, et tempus instante itinere Italico deesset, satius duxi rem differre quam eam ratione imperfecta, quae mihi ipsi displiceret, iam nunc tractare.

Scrib. Hauniae Id. Sext. MDCCCLXXXI.

PROLEGOMENA.

De codicibus Archimedeis.

Cum ante hos duos annos de codicibus Archimedeis recte aestimandis quaererem, cuius disputationis summa potior est pars Quaestionum Archimedearum (Hauniae 1879. caput VI), non potuit me fugere, codicem Florentinum cum omnium praestantissimum esse, id quod iam censor editionis Torellianae (Jenaer Literaturzeitung 1795 p. 610 sq.) intellexerat, tum cum codice peruetusto Georgii Uallae artissima necessitudine conjunctum, quare cum de aetate huius codicis nihil compertum haberem, nisi Bandinium eum saeculo XIII tribuisse, necessario eo perductus sum, ut statuerem, codicem Florentinum esse ipsum illum Uallae codicem antiquum, unde descripti sunt codices Parisini BC. sed restabant difficultates et in scripturis singulorum locorum et in primis in explicando, quo modo codex ille tandem in bibliothecam Laurentianam peruenisset; etiam epistula illa primo libro de sphaera et cylindro praemissa in codice B melius seruata esse uidebatur (Quaest. Arch. p. 130). quas difficultates tum, ut potui, explicare conatus sum (Quaest. Arch. p. 132 sq.). uerum iam tum de iudicio Bandinii dubitare coeperam. et postquam codicem Florentinum ipse examinaui diligenterque contuli, mihi persuasi, hunc codicem nullo modo eundem esse posse ac codicem Uallae, sed potius apographum eius summa diligentia descriptum, ita ut scriba formam quoque litterarum plerumque molesta cura imitaretur. itaque constitui, hunc totum locum retractare.

Incipiamus a describendo codice Florentino.

codex igitur Florentinus bibliothecae Laurentianae Mediceae plut. XXVIII, 4 membranaceus est in membranis crassis sine ullo linearum uestigio scriptus, et optime conservatus, constat foliis CLXXIX forma maxima, quae manus recens satis neglegenter numeris signauit; manu prima in dextra parte infima posterioris paginae decimi cuiusque folii numeri fasciculorum et prima uerba sequentis paginae adscripta sunt. cedex satis perspicue. etsi non pulcherrime scriptus est compendiis multis: accentus et spiritus saepius omittuntur; hi ubi adsunt, formam quadratam + uel - praebent, rarissime curuatam, quali nunc utimur; hic illic et spiritus et accentus in eadem svllaba positus est. sed nunquam uno ductu coniuncti. prima pagina atramento euanidiore cum omnibus accentibus scripta est, titulus et A initiale rubra sunt. continentur hoc codice haecce:

de sphaera et cylindro I—II, de dimensione circuli, de concidibus, de lineis spiralibus, de planis aeque ponderantibus, arenarius, quadratura parabolae, commentaria Eutocii in libros II de sphaera et cylindro, in libellum de dimensione circuli, in libros II de planorum aequilibriis, excerpta Heronis de mensuris. in fine librorum semper repetitur titulus; praeterea in fine libri de quadratura parabolae habet:

εὐτυχοίης λέον γεώμετρα

πολλοὺς εἰς λυπάβαντας τοις πολὺ φίλτατε μούσαις et in fine commentariorum Eutocii in libros de sphaera et cylindro

Εὐτοκίου πινυτοῦ γλυκερὸς πόνος, ὅν ποτ' ἐκεῖνος γράψεν τοῖς φθονεροῖς πολλάκι μεμψάμενος.

figurae mathematicae semper eadem manu descriptae sunt, qua codex reliquus; in quo opere librarius amussi et circino usus est, instrumentis, quibus sectiones conicas et spirales depingeret, caruit; quare illas fere ita descripsit, quasi arcus circulorum essent, has nullo adiumento pessime et neglegentissime adumbrauit, in fine codicis neque uoca-

bulum τέλος neque aliud ullum signum, quo ostendatur codicem finitum esse, additum est; ultimum folium uacat et pro tegumento fuit. cfr. Bandinii catalogus II p. 14.

Codices Parisinos 2360 (B) et 2361 (C) ex antiquo codice Uallae descriptos esse, demonstraui Quaest. Arch. p. 124 sq., et hoc loco summatim rationes repetam.

in codice Parisino B in fine fol. 120 haec adnotauit librarius: ταῦτα ἐξεγράφη ἀπὸ τοῦ ἀντιγράφου ἐκείνου τοῦ παλαιστάτου ὁ πρότερον κτῆμα ὂν τοῦ Γεωργίου τοῦ βάλλα ὕστερον τοῦ ἐπιφανεστάτου ἄρχοντος ᾿Αλβέρτου Πίου τοῦ καρπαίου ἐγένετο ὁ μὲν ἀντίγραφον ὡς εἰρήπαμεν παλαιότατον ἦν πλείστην δὲ καὶ ἀμέτρητον ἔχον ἀσάφειαν ἐκ τῶν πταισμάτων · ὥστε ἀναρίθμητα χωρία μηδὲ σαφηνίσασθαι μηδαμῶς περὶ δὲ τὰς καταγραφὰς πολλῶν ὅντων καὶ ἄλλων ἁμαρτημάτων ταῦτα ἦν πυκνότερα τὰ ὑπογεγραμμένα στοιχεία δηλαδὴ ἀντὶ στοιχείων χ ἀντὶ τοῦ κ καὶ ἀνάπαλιν, Θ ἀντὶ τοῦ β καὶ ἀνάπαλιν, α ἀντὶ τοῦ λ καὶ ἀνάπαλιν, α ἀντὶ τοῦ λ καὶ ἀνάπαλιν, ε ἀντὶ τοῦ ξ καὶ ἀνάπαλιν.

φεστω. και $\frac{1}{2}$ ξοτωσαν. $\frac{1}{2}$ οτι. $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

itaque codex B ex Uallae codice descriptus est. praeterea in codice C hanc praefatiunculam Georgii Armagniaci inuenimus: "No te offendat, studiose lector, hunc Authorem

citra ullam ipsius commendationem aut praefationem aliquam videre: ita prima folii facies in veteri exemplari, unde hoc descriptum est, vetustate consumpta et extrita fuit, ut ne nomen Archimedis quidem agnosci potuerit, nec tum aliud Romae restabat, quo restitui hoc πρόσωπον posset. carebat in universum et spiritus et accentus omni nota: reliquis partibus integrum et absolutum nisi quod nonvoc de mensuris postremi folii secunda pagina itidem ut Archimedis penitus obliterata fuerit. quo tamen commendatione eiusmodi Authoris etiam Gallia laetaretur, malui potius quoquo modo eius tibi copiam meo sumptu fieri, quam mathematices amatoribus in hac parte mea culpa videri negligentior." et in fine codicis librarius hanc subscriptionem adjecit: τέλος ἐπέθηκε τούτω τῶ συντάγματι Χριστοφόρος δ ἀουέρος γερμανός τῆ πρώτη ἡμέρα τοῦ γιλίοστοῦ πεντακοσιοστοῦ καὶ τεσσαρακοστοῦ τετάρτου, δαπανήματι του εύσεβεστάτου των ρουθένων επισκόπου γεωργίου άρμαγνιακού τότε πρός παύλον τὸν τρίτον τῆς άγτας ἐκκλησίας την διοίκησιν οίκονομοῦντα εν τη δώμη παρά φραγκίσκου τοῦ κελτών βασιλέως έγκεκωμιασμένως πρεσβεύοντος. hinc adparet, codicem C Romae sumptu Georgii Armagniaci a. 1544 a Christophoro Auuero descriptum esse. iam Guil. Philander, qui Georgio Armagniaco ab epistulis erat et eum a. 1541 Uenetias et inde Romam secutus est, in editione Uitruuii (Lugd. 1552 et iterum 1586) haec habet p. 357: "haec ego scripseram, cum beneficio Rodolphi Pii Carporum Cardinalis facta est mihi copia videndi exscribendique, curante id Maecenate meo [h. e. Georgio Armagniacol Archimedis de sphaera et cylindro cum enarratione Eutocii volumen, ornamento futurum augustissimae illi et instructissimae Bibliothecae, quam tu [Franciscus primus] ad Fontem Bleeium instituisti. volumen Georgii Vallae fuerat, in quo praeter linguae Doricae proprietatem et omissionem spirituum atque accentuum, quae in legendo nonnihil exhibuerunt difficultatem, occurrunt subinde syllabarum et dictionum notae, quae ne a Graecis quidem satis agnoscuntur." itaque uix ulla relinquitur dubitatio, quin Georgius Armagniacus illum codicem Uallae, cuius copiam Philandro fecit, describendum curauit, ut hoc apographum bibliothecae Fonteblandinensi donaret. itaque sequitur, codicem C etiam ex codice Uallae descriptum esse, quod eo quoque confirmatur, quod in bibliothecam Parisinam ex Fonteblandinensi peruenit.

eod. Paris, 2360 chartaceus, olim Mediceus eadem continet opera Archimedis Eutociique commentaria eodem post librum de quadratura parabolae eosdem ordine. uersus praebet. contendunt, eum a Philandro scriptum esse itaque saeculo XVI tribuendum; sed hoc minime ex Philandri uerbis supra adlatis colligi potest; dicit enim hoe solum, se codicem Uallae "exscripsisse", h. e. enotauit ex eo, quae ei in commentario ad Uitruuium utilia esse poterant, nec si totum descripsisset, de libris de sphaera et cylindro solis commemorasset; uidetur hos libros solos euoluisse nec ceteros inspexisse. praeterea adparet ex subscriptione illa librarii, codicem archetypum tum, cum ex eo describeretur codex B, Alberti Pii fuisse; nam si iam tum Rodolpho Pio cessisset, sine dubio illius nomen, non Alberti posuisset uel certe eum quoque nominasset. quare cum Georgius Ualla a. 1499 mortuus sit, Albertus Pius a. 1531, colligendum est, codicem B inter hos annos scriptum esse.

cod. Paris. 2361 (C) chartaceus Fonteblandensis et ipse eadem opera Archimedis et Eutocii eodem ordine continet, et praeterea Heronis mensuras, sicut Florentinus. ex hoc codice Heroniana illa edidit F. Hultschius: Heronis reliq. p. 188—207. post Heronis mensuras praeterea sequuntur duo fragmenta περί σταθμῶν¹) et περί μέτρων, quae ex hoc codice edidit idem (Metrolog. script. 83—84. I p. 267—272; cfr. praef. p. XVII). haec omnia eadem et eodem ordine in codice Florentino inueniuntur, nisi quod ultimum fragmentum περί μέτρων in eo paullo longius est.

¹⁾ περὶ ταλάντων habet Hultschius, sed in codice esse περὶ σταθμών, testis est Carolus Graux, et ita legitur in Florentino.

iam hinc ueri simile est, codicem Florentinum et codices BC cognatos esse, et hoc aliis documentis certissimis arguitur. primum enim uidimus, codicem Uallae in initio mutilum fuisse, et es de causa codicem C maiore parte epistulae libro I de sphaera et cylindro praemissae carere; etiam in Florentino prima pagina alia manu et cum lacunis plurimis scripta est, et in B quoque idem locus similiter corruptus est (cfr. uol. I p. 3 not.); adscripsit librarius: 'Αργιμήδους τοῦ περί σφαίρας καὶ κυλίνδοου τὸ προοίμιον λείπει ἡ πρώτη γὰρ σελίς τοῦ ἀντιγράφου άφανης ην, ώς όραις. praeterea uol. III p. 4, 18 in omnibus codicibus lacuna est inter σύγκειται et τῆ ABΓΔ; adscripsit librarius codicis B: ξυ όλου σελίδιου η και δύο λείπει. denique numeri propositionum libri περί πωνοειδέων prorsus eodem modo in omnibus codicibus confusi ac corrupti sunt (cfr. Quaest. Arch. p. 123 sq.). itaque cum codex Florentinus ex Parisinis descriptus esse nequeat, relinquitur, ut aut ipse ille codex Uallae sit aut ex eo derivatus. iam exponam, cur nunc hoc uerum esse existimem.

ex nota Georgii Armagniaci supra e codice C adlata adparet, primam paginam et ultimam codicis Uallae litteris quidem inscriptas fuisse, sed prae uetustate et obscuritate legi non potuisse. at in codice Florentino prima pagina primo prorsus uacauit, et postea demum manu alia¹) pars omissa epistulae addita est, nec ullum est uestigium scripturae antiquioris postea deletae nec in lacunis unquam quidquam fuit scriptum. et pars extrema fragmentorum Heronianorum nitide et perspicue, ut reliqua pars codicis, scripta est, neque post eam quidquam scriptum fuit. dixi supra, ultimum fragmentum in Florentino paullo

¹⁾ Nicolaus Anziani bibliothecarius Laurentianus primam paginam eadem, qua reliquum codicem, manu scriptam esse censet. mihi tamen scriptura diuersa uidetur, quamquam non multum discrepat, et mecum sentiunt H. Menge et Carolus Graux, qui hanc partem saeculo XVI tribuit. certe hoc interest, quod in hac parte omnes fere accentus et spiritus adsunt.

longius esse; itaque librarius huius codicis paullo plura in archetypo legere potuit, quam librarius codicis C quinquaginta fere annis post uel legere potuit uel recipere operae pretium esse putauit. archetypum codicis Florentini in fine legi non potuisse, inde quoque colligere possumus, quod in Florentino neque τέλος neque aliud signum, quo opus perfectum significare solent librarii, reperitur.

praeterea in epistula illa ea est discrepantia codicis B. ut hac in parte e codice Florentino descriptus esse non possit; u. in primis uol. I p. 4, 6: ηγνόειστο F, γνοει B; p. 4, 11: πολλα . . . F, πολ . . . ξου B; p. 6, 1: άγνοεῖσθαι F, . . . εισθαι B; et his omnibus locis scriptura codicis F ita clara est, ut nulla de ea dubitatio relinquatur, itaque statuendum erat, lacunam illam codicis F postea demum, quam codex B ex eo descriptus esset, expletam esse. hoc per se factum esse potest; sed tamen ueri simile est, tum librarium codicis B, qui tam multis uerbis de antigrapho suo disserat, adnotaturum fuisse, se procemium ex alio exemplari sumpsisse, praesertim cum ad hoe ipsum procemium adscripsit: 'Αρχιμήδους τοῦ περί σφαίρας και κυλίνδρου τὸ προοίμιον $\lambda \epsilon |\pi \epsilon i^{1}$), ώς ὁρᾶις. non credo, haec uerba de alio ullo exemplari accipi posse, quam de eo antigrapho, quod in toto opere secutus est.

deinde in iis, quae Ualla ex suo codice Latine uertit (de qua re u. quae disputaui Neue Jahrbücher, Suppl. XII p. 381 sq.), quidam loci inueniuntur, ubi Ualla apertissime non prauam scripturam codicis Florentini, sed bonam codicum BC ob oculos habuit:

uol. III p. 306, 17: ἀρτώμενον BC, αρτωμεν F, "elevatus"
Ualla.

- III p. 70, 11: αὐτῶν BC, αυτον F, "ipsarum" Ualla.

- III p. 118, 25: ΘN BC, ΘH F, "hn" Ualla. minus ualent III p. 104, 12: Ἰπποκρατις F, "Hippocrates"

¹⁾ H. e. mancum est (non: deest), ut adparet ex additis uerbis os oçãis; nam procemium eadem manu, qua reliqua, scriptum est. cfr. Quaest. Archim. p. 121 not.

Ualla, III p. 182, 8: η μεν η HN F, "gn" Ualla, al. (u. Neue Jahrb. l. l. p. 385). cum Ualla ipse uix hos locos coniectura restituerit, id quod intellegent, qui errores ab eo receptos perlustrauerint, ex testimoniis Ualla et codicum BC coniunctis efficitur, in codice Uallae his locis aliam eamque emendatierem scripturam fuisse, ac in Florentino est (de III p. 76, 26; 124, 22 u. infra).

etiam ex compendiis illis, quae a librario codicis B in codice Uallae obuia esse dicuntur, testimonium grauissimum peti potest, quo probetur, quod proposuimus. ibi enim (p. IX) pro syllaba -ois hoc compendium rindicatur; uerum in Florentino hoc ita formatum nusquam inuenitur, sed erectum et rotundum ∂ , quae est forma recentior huius compendii (O. Lehmann: Die tachygr. Abkürz. p. 70—71).

et quamquam eorum locorum, ubi BC meliorem scripturam praebent quam F, ea fere est natura, ut negari non possit, librarios codicum BC errorem apertum et correctu facilem sua sponte eodem modo emendare potuisse, tamen non modo meliores illae scripturae satis frequentes facilius explicantur, si statuimus, codices BC ex ipso fonte codicis F deriuatos esse, sed inueniuntur etiam loci quidam, ubi emendatio difficilior erat nec talis, ut duo librarii non doctissimi fortuito in eandem incidere potuisse uideantur; uelut I p. 6, 11 in F est τοτε αξιωμα, sed uerum praebent BC (τά τε ἀξιώματα); I p. 8, 11: τομέα δὲ στερεὸν καλῶ legitur in BC, in F uero principio τομε solum fuisse uidetur; deinde eadem manu, qua epistula addita est in prima pagina, lacuna expleta est, nisi quod στερεόν omissum est lacuna parua relicta.

postremo loco commemorandum est (nam hoc genus demonstrandi in hoc maxime codice lubricum est et incertum), ipsam formam litterarum interdum originem recentiorem significare. hac de re in primis iudicio Caroli Graux nitor, qui imagine photographica, unde tabula uo-Iumini II adiuncta expressa est, diligenter examinata ita de codice nostro iudicauit: ce qui me paratt le plus pro-

bable en ce moment, c'est que le Laurentianus en question est le produit d'un copiste du quinzième siècle qui avait pour modèle un manuscrit du neuf ou dixième et cherchait à l'imiter scrupuleusement jusque dans le tracé des lettres. incidit igitur in eam ipsam sententiam, ad quam ego quoque alia progressus uia perueneram, nec Guilelmus Gardthausen, cui eandem imaginem transmiseram, hanc sententiam reiiciendam putanit, quamquam ipse ex sola litterarum forma codicem saeculo XI tribuere maluit, nisi aliunde documenta peti possent ad illam opinionem confirmandam; quod hic fecisse uideor. maxime offensioni est, ut monuerunt ambo illi palaeographi peritissimi, forma litterae φ , quam adparet uno ductu scriptam esse (u. tabula, lin. 1, 3, 4, 5, 6 cett.), id quod excepta forma & ante saeculum XV non occurrit (Gardthausen: Griech. Palaeogr. p. 208). praeterea huic opinioni id quoque fauet, quod scriptura, quae initio codicis diligentissima et nitidissima est, aduersus finem neglegentior fit et speciem minus antiquam praebet, et accentus, qui uulgo omittuntur, hic illic, et id quidem magis sub finem, frequentiores sunt, ita ut consuetudo librarii uoluntatem antigraphum religiose exprimendi interdum uicisse uideatur. denique membranae quoque et genere et specie tempus satis recens produnt.

his omnibus rebus perpensis statuendum est, codicem Florentinum non esse codicem Uallae, sed hunc communem fontem codicum FBC esse. iam de nostro codice F ipso accipiendum est, quod Angelus Politianus Uenetiis Laurentio Mediceo scribit anno 1491 (u. Fabronius: uita Laurentii II p. 285): in Vinegia ho trovato alcuni libri di Archimede e di Herone matematichi, che ad noi mancano.. ed altre cose buone. tanto che Papa Janni ha che scrivere per un pezo. quoniam Georgius Ualla ab anno 1486 ad 1499 Uenetiis docebat (Neue Jahrb. Suppl. XII p. 377), et codex Uallae, ut supra cognouimus, praeter Archimedem etiam fragmenta Heronis continebat, uix dubitare possumus, quin Angelus Politianus Uallae codicem

describendum curauerit. sed quod significat, Ioannem Rhosum¹) codicem Archimedis descripturum esse, id effectum non est. nam F ab eo scriptus esse nequit, ut facile adparet comparato aliquo codice²) ab eo scripto, qui frequentissimi sunt. cum tabula nostra.

itaque F ex ipso codice Uallae a. 1491 uel paullo post descriptus est, haud ita multo ante codices BC. igitur, ut quaeramus, cui harum trium quasi sororum potissimum credendum sit.

iam codicem B a docto librario descriptum esse, qui multa emendaret, multa etiam praue tentaret, satis firmis, opinor, documentis ostendi Quaest. Arch. p. 128-30, et plura singulis fere paginis occurrunt. unum addam. III p. 182, 25 in F est ov 3) pro ov rws; in B legitur teste Lebèguio ov. sed in margine manu 1 ovrws. codex C contra magis ad F adcedit, et magis etiam adcederet, si diligenter collatus esset; nam in omnibus fere locis, quos inspexit Henricus Lebègue, eadem quae in F scriptura etiam in C inuenta est, cum tamen in collatione Torelliana nihil enotatum esset, sicut intelleget, qui locos in meo adparatu stellula signatos cum illa collatione conferre uoluerit.

sed manifesto demonstrare possumus, codicem F maiore fide quam ceteros descriptum esse. sunt enim loci quidam, ubi ex interpretatione ipsius Uallae cognoscimus. eosdem in eius codice fuisse errores ineptos, quos F praebeat, sed qui in BC correcti sint4):

¹⁾ Nam is est "Papa Ianni", ut recte me monuit N. Anziani. de Ioanne Rhoso presbytero Cretensi, librario strenuo u. Gardthausen p. 326 sq.

²⁾ Comparaui Florentiae cum ipso codice F codices Laurentianos XXXII, 6; LV, 9; LXXXI, 23; LXXXVI, 18.

³⁾ Etiam apud Uallam "cuius circulus".

⁴⁾ Hoc documentum iam significaui Neue Jahrb. Suppl. XII p. 384-385. postea Henricus Lebègue meo rogatu omnes locos denuo contulit, ubi de BC nihil apud Torellium enotatum erat. quod innenit praeter locos supra adlatos, hic notabo, quia incredibilem neglegentiam collationis Torellianae manifestissime arguunt. III p. 62, 17: της ZH] B, τη ZH C (F). p. 68, 13:

- III p. 62, 10: οὖ δέον] BC, οὖδε ὁν F, "sit quod non est" Ualla.
- III p. 92, 25: τῷ ἀπό] BC, το απο F, "quod ex b" Ualla.
- III p. 94, 1: ἐπὶ παραβολῆς] BC, επει παραβολης F, "quoniam comparatione" Ualla.
- III p. 94, 5: ἐπὶ ὑπερβολῆς] ΒC, επει υπερβολης F, "quoniam hyperbole" Ualla.
- III p. 98, 7: τῷ ἀπό] BC, το απο F, "quod ex bd" Ualla.

III p. 122, 3: πόλω] BC, πολλω F, "multo magis" Uallahis ex locis perspicitur, quanta fuerit et quam anxia diligentia librarii codicis F; nam cum uix credibile sit, eum non potuisse hos errores ineptissimos corrigere, sicut fecerunt librarii codicum BC, adparet, eum summa fide archetypum, sicut accepisset, reddere uoluisse. hoc certe constat, etiam ubi BC contra auctoritatem codicis F consentiant, cautissime tamen nobis ex iis de scriptura archetypi iudicandum esse, et primarium locum nunc quoque obtinere codicem Florentinum.

omnino interpretatio illa Uallae plane cum F congruit paucis locis exceptis, quos supra p. XIII adtuli. sed etiam aliis ex rebus concludere possumus, quam accuratam imaginem archetypi codex F exprimat. nam primum pleraeque litterae formam saeculo XV longe antiquiorem praebent, sicut ex tabula nostra intellegi potest, quae paginam ex priore parte codicis sumptam (I p. 156, 10—160, 11 editionis) repraesentat. et usus compendiorum, omissi accentus et spiritus, horum forma quadrata, ubi adsunt,

τὸ ΘΜ] τῶ ΘΜ B C (F). p. 68, 16: τοῦ ΚΛ] τῶν ΚΛ B C (F). p. 68, 17: τούτων] τῶν B C (F). p. 70, 17: τὰς EH] τὰ EH BC(F). p. 76, 20: πολύ γε] BC(F). p. 84, 4: πρόθεσιν] BC(F). p. 98, 23: τἢ ἀπό] τὴν ἀπό B C (F), sed B mg. manu 1 τἢ. p. 104, 16: αὐτοῦ] B C (F). p. 116, 15: κυλινδρίω] κυλίνδρίον B C (F); itaque in notis delendum: "corr. BC". p. 188, 6: τὴν αὐτήν] B, κωνω τήν C (F); itaque in notis scribendum "corr. B". denique I p. 194, 10: ἡ B] ἡ HB B C (F); sed in B H deletum est. hinc etiam confirmatur, quod supra de genere codicum BC dixi.

haec omnia codicem antiquum sapiunt et cum descriptione codicis Uallae a librario codicis B facta mire congruunt. deinde pars mutilata epistulae libro I de sphaera et cylindro praefixae (I p. 2—6, 6), quae in prima pagina archetypi usu et tempore detrita fuit, etiam in F primam paginam nec plus nec minus occupat. etiam uerba $r\tilde{\eta}$ ABΓΔ III p. 4, 18, quae in archetypo necessario prima uerba prioris paginae folii fuerunt, cum ante ea unum uel duo folia tota exciderint, in F simili loco posita sunt; sunt enim extrema uerba posterioris paginae folii. III p. 172, 23 sq. ita in F leguntur:

... meriotov esti to ano the $\overline{\beta\epsilon}$ eni thu $\overline{\epsilon\alpha}$ o tan η dinlasia $\dot{\eta}$ $\overline{\beta\epsilon}$ the $\overline{\tau}$ $\overline{\epsilon}$ $\overline{\epsilon}$: \sim ε enisthesis of the nai tois anoloudousiv nata ntl.

signum ⁵ in margine adscriptum in F usurpatur ad uerba ab Eutocio citata distinguenda (III p. 4, 7 not., alibi). haec eodem modo in archetypo fuisse, inde intellegitur, quod C non intellecto signo illo ita praebet:

... ἐπὶ τὴν εα: — ς ἐπιστῆσαι δὴ χρῆ πτλ. itaque ^ς pro ς accepit et ante hoc signum lacunam statuit. item III p. 18, 16 in F ante καί ponitur ^ς, quod librarius codicis C ut ς καί legit. denique uerba I p. 244, 7—246, 7, ad quae adscripsit librarius codicis B: οὐδεμία σελὶς τοῦ ἀντιγράφου οὕτω συγκεχυμένη καὶ τεταραγμένη οὖσα ἐτύγχανεν ὡς αὕτη (Torellius p. 446), in F reuera in eadem pagina sunt (fol. 36 recto).

itaque librarius codicis F eadem diligentia, qua litterarum formas imitatus est, etiam speciem antigraphi secutus esse uidetur, ita ut pagina paginae, immo linea lineae respondeat. 1)

fieri igitur potest, ut horum trium codicum ope, in primis Florentini, imaginem quandam archetypi illius, quon-

¹⁾ Cfr. quae de cod. Marciano 247 simili diligentia e Marciano 246 descripto scripsit Jordan Hermes XIV p. 264 sq.

dam Georgii Uallae, fingamus. sine dubio scriptum fuit saeculo IX uel X, ut ex uestigiis pristinae litterarum formae in F seruatis coniecit Carolus Graux1), et fuit codici Oxoniensi Euclidis persimilis (Bodleian. d'Orville ms. X, 1. Inf. 2. 30; exempla eius edita sunt Palaeographical Society tab. 65-66) cum toto habitu tum usu compendiorum, satis diligenter descriptus fuit de exemplo alicuius uiri mathematices non imperito; neque enim scholia illa in margine adscripta additamentaque, quae in omnibus fere libris occurrunt, maxime tamen in libris de sphaera et cylindro²) ab ipso librario codicis profecta esse possunt, quippe quae maiorem mathematices scientiam ostendant, quam quae illis temporibus peruulgata esset. figuris instructus fuit plerumque optime et diligentissime descriptis, sed in litteris iis adpositis et in figuris et in uerbis ipsis Archimedis saepe erratum erat, quod notauit librarius codicis B (p. IX); exempla ex F collegi Quaest. Archim. p. 125 sq., et plura addi possunt. praeterea natura rei effecit, ut saepius non pauca uerba interciderent, quia, ut in demonstratione mathematica, eadem uerba saepius repetebantur et ita όμοιοτέλευτα oriebantur (u. I p. 74, 7; 144, 28; 184, 12; 200, 1; 206, 14; 226, 1; 230, 17; 246, 24; 250, 8; 254, 4; 360, 11; 370, 10; 380, 15; 390, 26; 432, 3; 458, 6; 462, 18; 472, 19; 476, 10; 496, 22; II p. 20, 21; 30, 6; 48, 12; 48, 20; 98, 21; 254, 21). multo rarius accidit, ut eadem de causa nonnulla errore bis scriberentur (I p. 288, 9; 376, 23; 496, 13; II p. 224, 24; 254, 15). interdum ob compendia uocabula per se parum similia permutata erant,

¹⁾ Tum demum recte codex Uallae παλαιότατος uocatur a librario codicis B (u. supra p. IX), quod de ipso codice Florentino praedicare non posset.

²⁾ Tamen mihi quidem ueri simile uidetur, haec additamenta non omnia ab eodem uiro proficisci. antiquiora existimo, quae in libris de conoidibus et de helicibus plerumque Dorice interposita sunt; recentiore demum aetate libri de sphaera et cylindro et de dimensione circuli in linguam communem conuersi et simul plurimis additamentis inquinati esse uidentur.

uelut ἔστω — ώς I p. 136, 8; ἔστω — ώστε I p. 28, 18; 154, 13; οὖν — γάρ I p. 134, 9; γάρ — γίνεται I p. 148, 2; 346, 9: τουτέστι - της Ιρ.148,5; ἐπί - πρός Ιρ.244,3-4; οὖνμέν Ip. 384, 1; ἴσον — ἐν Ip. 420, 17, alia; ita etiam accidit, ut οὖν compendio rariore scriptum saepius omitteretur (I p. 150. 12: 498, 4 al.). omnium frequentissimi ii errores erant, qui permutatis litteris n et ι , o et ω oriebantur; inde factum est, ut syllabae nv, iu, siv et ns, is, sis iisdem compendiis scriberentur. etiam dé et dn saepissime ut in omnibus fere mathematicorum codicibus confundebantur. in fine uocabulorum v saepe lineola transuersa supra uocalem extremam posita scribebatur, quod etiam nunc in F interdum seruatum est; saepius hoc scribendi genus causa fuit, cur ν finale in F omitteretur (I p. 58, 16; 70, 11; 72, 21; 116, 2; 290, 3 al.). consonantes geminati saepe ita scriptae fuisse uidentur, ut altera supra alteram poneretur, ut in F factum est I p. 42, 21; 42, 24; 60, 21; 94, 5; 102, 14; 112, 9; 164, 4; 242, 24; 280, 1; 474, 1 al. hinc non raro factum est, ut littera, quae bis scribenda erat, in F semel tantum scriberetur (Ip. 40,9; 44,12; 88,21; 102,14; 350, 8; 360, 8; 366, 10; 384, 12; 404, 17; 494, 1 al.). ne hoc quidem praetereundum esse uidetur, librarium codicis Uallae errores semel ortos pertinacia quadam amplexum esse longiusque propagasse, uelut in Arenario decies scripsit αις αν et similia pro ελς αν, in libro I de aequilibriis et libro de quadratura parabolae semper fere τραπείειον pro τραπέζιον, in libro de spiralibus saepe προαγόμενα pro προαγούμενα, in libro de conoidibus semper μηδεποθεν et ουδεποθεν pro μηδε ποθ' εν et οὐδε ποθ' εν, I p. 494 sq. octies του εγγεγοαμμενου pro τὸ έγγεγοαμμένον, praeterea per totum opus saepe και pro κα, saepius etiam εσται uel εσσειται pro ἔστε, al.

hic codex igitur mortuo Georgio Ualla (a. 1499) ad Albertum Pium Carpensem transiit, qui etiam alios codices Uallae et fortasse totam bibliothecam eius comparauit, ut ex subscriptione codicis cuiusdam Scorialensis adparet (Miller: Catalogue de mss. grecs Escur. p. 454): Awvāros ô

Βοντουρέλλιος εξέγραψεν από αντιγράφου, ο πρίν μεν πτημα ύπάρχον τοῦ Γεωργίου τοῦ Βάλλα (και γάρ ὁ αὐτὸς ἐγεγράφει τη ίδια γειρί) υστερον του έπιφανεστάτου άργοντος 'Alβέρτου Πίου τοῦ Καρπαίου εγένετο, έτει ἀπὸ θεογονίας αφηγ΄ σπιρροφοριώνος εβδόμη μεσούντος εν Κάρπω του 'Αλβέρτου ἐκβληθέντος ἤδη τῆς ἰδίας ἀρχῆς ὑπὸ τοῦ σκορπίου τοῦ μιαρωτάτου τῶν ζώων. de fatis bibliothecae Alberti Stephanus Borgia (Anecdot. litterar. Romae 1773 ff. I p. 81). haec tradit. Albertus ipse eam Augustino Steuchio Eugubino dono dedit, cuius frater Fabius partem eius Marcello Cervinio cardinali tradidit. ab eo ad Guilelmum Sirletum cardinalem testamento peruenit, quo mortuo ab Ascanio Colonna cardinali empta est, inde per complurium manus in Uaticanam uenit. sed adparet, nostrum codicem alia fortuna usum esse¹); uidimus enim, eum a. 1544 a. Rodolpho Pio filio fratris Alberti possessum esse, nec in catalogo bibliothecae Sirleti (Miller p. 323 - 324) ullus codex Archimedis nominatur. itaque, fortasse propter insignem uetustatem, in familia Piorum retinebatur. quo deinde peruenerit, nescimus, neque constat, utrum in bibliotheca aliqua Italiae lateat an interciderit, id quod ueri similius mihi uidetur.

Iam uideamus, quae ratio inter cetera subsidia critica et codices Uallae et Florentinum intercedat.

primum igitur constat, Nicolaum quintum papam codicem Archimedis habuisse, quem Latine uertendum curauerit. nam Nicolaus Cusanus cardinalis ita ei scribit (Opera p. 1004): "tradidisti enim mihi proximis his diebus magni Archimedis Geometrica Graece tibi praesentata et studio tuo in Latinum conuersa". quis fuerit interpres Nicolai, ex praefatione editionis Basileensis (fol. 2 uerso) com-

¹⁾ Et Ambr. Morandus in uita Steuchii (Steuchii opera. Uenet. 1591, I praef. fol. 4 uerso) non dicit, Albertum omnes libros Steuchio dedisse. nam uerba eius haec sunt: bibliothecam eius mirificam, quam ab Alberto Pio Carpensium principe acceperat dono, magna ex parte Fabius Steuchii frater Maxcello Ceruino largitus est.

perimus: "is (Regiomontanus) primae uocationi suae in Italiam ultro obsequens ut amplissimam sui nominis famam est consequutus, ita ex Constantinopolitana clade ereptos Graecos libros et uidit plurimos et descripsit non paucos articulis propriis. inter alia autem Archimedis libros de sphaera et cylindro, de circuli dimensione deque aliis rebus non tam utilibus quam necessariis mortalium generi, ueluti palam est legere in istis libris, quos Iacobus Cremonensis uir ea tempestate duplici honore dignus, cum quod Graece doctus esset, tum quod linguarum commercio adiutus hanc operam solus uidetur absoluere posse, in gratiam Nicolai quinti Rom. Pont. iam pridem latinos fecerat, oblatos sibi ab amicis diligentissime descripsit adiectis non raro in marginibus Graecis (quod etiam Graecorum codicum facta fuisset sibi copia), si quae uisa fuissent uel uersa duriuscule uel non admodum intelligenter descripta". haec Iacobi Cremonensis interpretatio in editione Basileensi recepta est, ut significat titulus: "Archimedis . . . opera, quae quidem exstant omnia, latinitate iam olim donata nuncque primum in lucem edita". quare inde de codice Nicolai papae coniecturam facere licet. statim adparet, eum cum codice Uallae arte conjunctum fuisse: nam lacuna illa uol. III p. 4, 18, quae teste librario codicis B (u. supra p. XII) eo orta est, quod unum uel plura folia codicis Uallae interciderant (nec fieri poterat, ut librarius ille in re tam facili intellectu erraret, quippe qui codicem Uallae ipse in manibus haberet). haec lacuna, inquam, iam in codice Nicolai quinti erat. nam in interpretatione Iacobi Cremonensis p. 2 ita scribitur: "unam autem lineam in plano quocunque modo connexam quamuis siue ex rectis pluribus connectatur Isiue ex curuis siue ex rectis et curuis unam tamen eam ex ea connexione postulat appellari]

Hic deest una charta in exemplari Graeco. ipsi abcd."

hine igitur necessario sequitur, codicem Nicolai aut ipsum codicem Uallae fuisse, quod suspicatus eram Quaest.

Arch. p. 139—140, aut ex eo ipso descriptum.¹) hoc mihi nunc ueri similius uidetur, quia uerba illa supra uncis inclusa, quibus lacunam nescio quis explere conatus est, uestigia originis Graecae seruauerunt; nam "eam ex ea connexione" uidetur esse interpretatio nimis religiosa uerborum Graecorum την ἐκ τῆς συνάψεως. quare librarius codicis Nicolai haec uerba addidit, ut lacunam codicis Uallae aliquatenus suppleret.

apographum interpretationis Iacobi Cremonensis ab Regiomontano ipsius manu descriptum, de quo loquuntur Uenatorius (u. supra p. XXII) et Regiomontanus ipse apud Gassendi (Opera V p. 469: traductio est Iacobi Cremonensis, sed nonnusquam emendata), etiamnunc in bibliotheca ciuitatis Norimbergensis exstat. de qua re primus monuit Henricus Menge (Neue Jahrb. f. Philologie 1880 p. 110). postea ipse hunc codicem examinaui, cum senatus Norimbergensis liberalissime concessisset, ut Hauniam mitteretur. est codex chartaceus centur. V, 15, qui libros Archimedis et commentarios Eutocii hoc ordine continet: Archimedis de sphaera et cylindro I-II. de circuli dimensione, de conoidibus et sphaeroidibus, de spiralibus, de planorum aequilibriis I-II, quadraturam parabolae, arenarium, Eutocii comm. in libros de sphaera et cylindro, de dimens. circuli, de planorum aequilibriis. in marginibus plurimis locis Graeca uerba notata sunt, sicut Uenatorium praedicantem uidimus (supra p. XXII). in prima pagina legitur "Thomae Venatorii sum ego" et in ultima manu Uenatorii "Ioannes de Monte Regio nascitur anno 1436 die 6 Iunii hora 4 minut. 40 ... post meridiem, idem Regiomontanus moritur anno 1476 circiter diem 8 Iulii". praeter Graeca Regiomontanus non

¹⁾ Et uulgo interpretatio cum Florentino in scripturae discrepantia consentit. quod hoc non ubique fit, uel librario codicis Nicolai, qui interpolatione, ut uidebimus, non abstinuit, uel Regiomontano tribuendum est. exemplo consensus sit, quod dittographia codicis F III p. 172, 17, quam correxerunt BC, etiam Cremonensi p. 36, 7 ante oculos erat.

raro emendationes uerborum Latinorum in margine addidit, quae omnes a Uenatorio receptae sunt, qui ex hoc ipso codice interpretationem Latinam editioni suae adiunctam (Basileae 1544) edidit.

ex locis illis, quos Regiomontanus e suo codice Graeco enotauit, suspicio, quam proposui Quaest. Archim. p. 138, Regiomontanum amicum Bessarionis nostro codice Ueneto, qui olim Bessarionis fuit (u. infra), usum esse, ualde confirmatur. nam cum ex plerisque locis a Regiomontano excerptis nihil de codice eius concludere liceat, quia eadem est scriptura omnium uel complurium codicum nostrorum, in nonnullis tamen errores eius classis codicum, cuius dux est cod. Uenetus, proprii etiam apud Regiomontanum occurrunt. quos iam adferam:

I p. 420, 9: ξξει ἄρα καὶ ἀνομοίως] ξξει οὖν ἀμετριᾶ όμοίως Regiom., Uenet. ap. Torellium p. 294 q.

III p. 68, 16: ἔσται ἡ πίνησις] ἔστω ἡ πίνησις Regiom.; Uenet. ap. Torellium p. 135 d.

III p. 98, 17: παμαρικών] μακαρικών Regiom., Uenet. p. 143 q.

ΙΙΙ p. 104, 3: διπλάζ'] ἐδιπλασίαζεν Regiom., διπλασίαζεν Uenet. p. 144 a.

III p. 106, 23: κατατρήσεις] καταμετρήσεις Regiom., Uenet.
 p. 145 m.

III p. 152, 7: ἀπλῶς μέν] μέν Regiom., Uenet. p. 163 f. III p. 300, 17: 'Ωπντοπίφ] ἀπντοβίφ Regiom., Uen. p. 216 s. et exemplaria Bessarionis interdum disertis uerbis significat Regiomontanus, uelut de planor. aequil. II, 8 extr. adnotauit: "sic scribitur in exemplari dni. b cardinalis et veri simile est ita translatum esse ex graeco. sed male actum est"; de plan. aequil. I, 15 extr. "male stat. vide exemplar utrumque dni Niceni grecum et latinum. vide etiam exemplar vetus apud magistrum Paulum".¹) nam

¹⁾ In his locis collationem meam meo rogatu beneuolenter partim confirmauit partim correxit Frommannus u. d., praefectus museo Germanico Norimbergensi.

..dominus Nicenus" est Bessarion, quem constat a. 1436 archiepiscopatum Nicaeae adeptum esse. eius exemplar Latinum, de quo loquitur Regiomontanus, et ipsum Uenetiis adseruatur; est cod. lat. CCCXXVII saec. XV ("olim Bessarionis", u. Latina et Italica D. Marci bibliotheca codd. mss. praeside L. Theupolo. Uenet. 1741 p. 140). quo continentur Archimedis de sphaera et cyl. I-II cum expositione Eutocii, de dimens, circuli cum exposit. Eutocii. de figuris conoid. et sphaeroidib., de lineis spiralib., de plan, aequiponderant, cum Eutocio, de quadratura parabolae, de numero arenae. quamquam hic nomen interpretis omissum est, tamen dubitari nequit, quin sit apographum interpretationis Iacobi Cremonensis; nam ordo librorum qualis hic est, in hac interpretatione sola inuenitur; in ceteris omnibus fontibus libellus de arenae numero ante librum de quadratura parabolae collocatur. credideris igitur. Regiomontanum hunc ipsum codicem descripsisse; uerum alio exemplari usus esse uidetur, cuius apographum deinde cum codice Latino Bessarionis contulit. nam in quadr. parab. 14 uerba "sicut autem ba ad bf, ita mensula de ad spacium q. spacium igitur q spacio r maius est. nam hoc ostensum est", quae in Graecis codicibus desunt, in interpretatione autem Basileensi p. 149 uncis inclusa sunt, etiam Regiomontanus uncis inclusit. et deinde in margine scripsit "vacat"1) et paullo infra "in exemplari dni erat additamentum", quod sine dubio de Latino, non de Graeco codice Bessarionis accipiendum est, sicut etiam "exemplar dni b cardinalis" in nota supra adlata (ad plan. aequil, II, 8), idem colligi potest ex nota ad pl. aeg. I. 15. — sed supra p. XXII uidimus, Regiomontanum teste Uenatorio complurium codicum Graecorum copiam habuisse, et hoc confirmatur ea adnotatione, quam p. XXIV adtulimus, posterior eius pars: "vide etiam exemplar vetus apud magistrum Paulum" manu quidem Regiomontani, sed alio genere atra-

¹⁾ Hoc de codd. Graecis accipio.

menti scripta est et apertissime aliquanto post addita. eodem atramento, quo hoc additamentum, in libro de lineis spiralibus additi sunt alteri propositionum numeri, qui a prop. 18 incipiunt. ibi in margine adnotauit Regiomontanus: "notas illas propositionum ex greco novo1) exemplari". hi numeri posteriores ita se habent, ut 19 ponatur in prop. 18 II p. 74, 17, deinde propp. 20-25 respondeant propp. 19 - 24 editionis, 26 ponatur II p. 102, 20, deinde prop. 27 respondent prop. 25 ed., 28 ponatur II p. 112, 7, prop. 29 respondent prop. 26 ed., 30 ponatur II p. 122, 13, prop. 31 respondeat prop. 27 ed.; denique prop. 28 ed. nullus additur nouus numerus. cum haec omnia cum numeris codicis Florentini (de ceteris codd. hic nihil certi scimus: in editis series numerorum emendata est, nisi quod in interpretatione Cremonensis numerus 19 praetermittur) prorsus congruant. sicut adparebit ex adnotationibus nostris, suspicari licet, illud exemplar uetus Pauli magistri ipsum codicem Uallae fuisse. quae si uera est coniectura, hinc de fatis codicis Uallae nouum testimonium nanciscimur, eum, ante quam in possessionem Uallae peruenerit, Pauli magistri fuisse. is uix alius esse potest ac Paulus (Albertini) Uenetus, natus circiter a. 1430, mortuus a. 1475, monachus illo tempore haud ignotus, qui etiam in nummo memoriali "M." h. e. magister appellatur (Tiraboschi: Storia della letterat. Ital. VI¹ p. 288 sq.).

Iam ad codices deteriores transeamus. sunt igitur hi: Codex Uenetus Marcianus CCCV membran, saec. XV (V) continens eadem ac Florentinus et eodem ordine; post Archimedem et Eutocium sequitur idem fragmentum Heronis (u. Morellius: Biblioth. manuscr. I p. 186). in prima pagina legitur πτημα βησσαρίωνος παρδηναλέως, et Bessario hic illic errores grauiores correxit, sed pleraeque emendationes ab ipso librario factae esse uidentur. ad scholium περλ ελίπ. 10 Bessario adscripsit: ση. τοῦτο σχόλιον

¹⁾ H. e. sine dubio "e codice Graeco, quem postea inspexi"; neque enim de aetate codicis accipi potest.

•

έστι εἰς τὸ ι ϑ(εώρημα) ὡραῖον πάνυ. in epigrammate Eratosthenis idem uersus distinxit, supra scripsit στίχοι ἡρωελεγεῖοι, denique III p. 114, 3 συνημῶν in συνηβῶν correxit. figurae fortasse postea a Bessarione ipso additae sunt.

Codex Parisinus 2359, chartaceus, olim Mediceus, saec. XVI (A); continet eadem opera Archimedis et Eutocii, quae Uenetus. duorum librariorum manu scriptus est, quorum alter, qui a folio 33 incipit, teste Carolo Graux Nicolaus Murmuris est, qui circiter a. 1541—42 Uenetiis multos codices describebat.

Codex Parisinus 2362, chartaceus, Fonteblandinensis, saec. XVI (D), eadem continens quae A.

Si supra recte statuimus, codicem Florentinum a. 1491 demum scriptum esse, fieri non potest, ut codex Uenetus, sicut antea arbitratus eram, ex eo descriptus sit, cum Bessario iam a. 1472 mortuus sit et Uenetus a. 1468 cum tota eius bibliotheca in Marcianam peruenerit, itaque putandum est, similitudinem summam horum codicum inde effectam esse, quod ambo ex eodem archetypo, codice antiquo illo Georgii Uallae, fluxerunt, ita ut hinc quoque fides librarii codicis F in antigrapho reddendo haud medioeriter confirmetur. uelut, ut pauca exempla adferam, I p. 8, 11: τομέα δὲ στερεὸν καλῶ ἐπειδάν in F legitur καλώ ἐπειδάν, ita ut, quae uncis inclusi, τομέ α δὲ postea addita sint. itaque archetypus Uallae hoc loco obscurior fuit (sed in BC tamen uera scriptura exstat); in Ueneto est τὸ με ἐπειδάν lacuna relicta. III p. 30, 14 compendium uocabuli ylverai (quod uocabulum totum in BC exstare uidetur) in F ita scriptum est, ut pro γάρ accipi possit, et ita sine dubio in archetypo fuit; nam ob similitudinem uocabulorum γάρ (quod tamen in F hoc loco compendio scriptum non est) et ylverai accidit, ut in Ueneto post ὅτι γάρ interciderint ἡ οἶτως ἀγομένη παράλlnlog ylverai. praeterea memorabile est, codicem Uenetum in duobus eorum locorum, ubi Ualla ipse cum BC contra F consentit (u. supra p. XIII), rursus a partibus codicis E contra reliquos stare; nam III p. 76, 26 etiam V περιφέφειαν habet pro περιφέφεια (u. Torellius p. 137 w)¹) et III p. 124, 22 τὰ ὑπό pro τὸ ὑπό (u. Torellius p. 149 z).²) itaque saltem dubitari potest, an F his quoque locis fidelius archetypum expresserit quam ceteri omnes, quamquam fieri potest, ut scriptura codicis Uallae uera quidem fuerit (quae deinde in BC interpretationemque Uallae transiit), sed obscurior et talis, ut locum errandi dederit (unde ortus est idem legendi error in FV).

nec desunt, quae confirment, codicem Uenetum non ex ipso F descriptum esse. primum commemorandum est, fragmentum Heronianum uel potius Epiphanianum ei adiunctum in Ueneto quoque, sicut in Parisino C (p. XI), paullo breuius esse quam in F (sed tamen quattuor uerbis longius quam in C); quare ne librarius codicis V quidem in difficultatibus archetypi hac in parte detriti explicandis tantum laborare sustinuit, quantum is, qui codicem F descripsit. nam si Uenetus ex F descriptus esset, non intellegitur, cur ultima pars aeque lectu facilis ac cetera in Ueneto recepta non sit. deinde I p. 6, 7 ἀποστέλλομεν, quod in F exstat, in Ueneto omissum est lacuna relicta, et hoc uerbum in archetypo difficile lectu fuisse, inde adparet, quod in B post lacunam llouev solum legitur. etiam I p. 6, 10 Uenetus cum BC coomervos praebet. non ερρωμενω ut F. II p. 80, 19 dittographia codicis F in V non inuenitur; cum ne in BC quidem exstet, librario codicis F, non archetypo tribuenda est. omnino saepius errores inepti codicis F in V non reperiuntur, quod ideo magni momenti est, quod librarius codicis V apertissime non intellexit, quae scribebat, et ea de causa coniecturas uix tentauit. huius generis adferam II p. 262, 15-16, ubi in V cett. recte est σελήνας, in F uero ελινας. 3) ita-

περιφέρεια BC, "ambitus" Ualla.
 τὸ ἀπὸ BM BC, "quod est sub bm" Ualla.

³⁾ Mirum est, Uenetum solum ex apographis codicis Uallae, si collationibus Torellianis credendum est, II p. 296, 26 scripturam, ut uidetur, ueram ὑπάμων i. e. ὑπ' ἀμῶν retinuisse.

que concludendum est, codicem V non ex F, sed ex antigrapho eius deriuatum esse.

Codices Parisinos AD ex V dependere ex communibus eorum lacunis permultis demonstraui Quaest. Archim. p. 133. relinquitur causa dubitandi, utrum D ex ipso V, quod etiamnunc credo, an ex A descriptus sit; u. H. Menge: Neue Jahrbücher 1880 p. 111—112; Quaest. Archim. p. 137. quam quaestionem, si operae pretium est, diligens collatio codicum V AD dirimet. hoc certe constat, codicem A apographum esse codicis V, et Parisinum D, siue ex V siue ex A descriptus sit, nullius prorsus pretii esse.

Sequitur, ut de codicibus Tartaleae agamus.

Nicolaus igitur Tartalea, Brixianus, mathematicus praeclarus († 1557) Uenetiis a. 1543 interpretationem nonnullorum operum Archimedis (de centris grauium uel de aequerepentibus I-II, tetragonismus sc. parabolae, dimensio circuli, de insidentibus aquae I) Latinam edidit, in cuius praefatione fol. 2 ita scribit: "cum sorte quadam ad manus meas peruenissent fracti et qui vix legi poterant quidam libri manu graeca scripti illius celeberrimi Philosophi Archimedis . . omnem operam meam, omne studium et curam adhibui, ut nostram in linguam, quae partes eorum legi poterant, converterentur, quod sane difficile fuit. nam et temporum vetustaste et eorum incuria, qui hosce libros detinuerant, errores non paucos fuisse corrigendos certe scias velim. visis autem horum titulis librorum et perlecto uniuerso opere Philosophum hunc et magna et constanti fama clarissimum habitum longe maiorem et clariorem etiam inuentum fuisse mihi clarissime patuit. ideo cupidus ego (ut dixi) hosce libros perspexi, ordine procurri 1) et omnia demum diligentissime perpendi,

¹⁾ Error typothetae est pro: percurri. omnino liber Tartaleae talibus erroribus scatet, sicut ex adnotatione mea ad libros neel oʻzovuévov patet. ridiculi causa hic duo addam: fol. 2*: ualde aequerepentibus pro: uel de aeq.; fol. 19: de centrum granitatis uel duplationis (h. e. de planis) aequerepentibus. infra legitur "oppositis" pro "appositis".

verum cum locos multos deprauatos et figuras quasdam ineptas et ad rem nihil facientes offendissem, ab incepto desistere pene coactus sum. sed desiderio incredibili id opus inspiciendi accensus magna ex parte erroribus purgatum et propria manu figuris aptis et propriis oppositis luce dignum censui et maxime eam partem, quam et verbis et exemplis, quantum in me fuit, dilucidam reddidi, donec totum opus, quod (ut spero) breui a me fiet, omnino castigetur". deinde a. 1565 a Troiano Curtio bibliopola Ueneto libri II de planorum aequilibriis e schedis Tartaleae editi sunt (praef. quare cum habeam adhuc apud me Archimedem de insidentibus aquae ab ipso Nicolao in lucem reuocatum et, quantum ab ipso fieri potuit, ab erroribus librarii emendatum et suis lucubrationibus illustratum, uideor fraudare omnes litteratos sua possessione, ni omnia, quae huius ingeniosissimi uiri apud me restant, in lucem emisero). utrique libro in hac editione proprium praefigitur folium titulum et signum typographi praebens. et eadem praefatio utrique praemissa est. liber primus prorsus eadem forma ac apud Tartaleam ipsum repetitur, nisi quod initium et finis paginarum propter typos maiores non semper eadem sunt (tamen apud utrumque liber foliis quattuor et dimidio continetur); praeterea apud Tartaleam titulus est: liber Archimedis de insidentibus aquae (in fine: explicit de insidentibus aquae liber), apud Curtium uero: Archimedis de insidentibus aquae liber primus (in fine: explicit de insidentibus aquae liber primus). in libro ipso praeter unum et alterum errorem typothetae nihil mutatum est.

cum Tartalea librum I de insidentibus aquae ceteris libris, quos e codice Graeco se sumpsisse testatur, sine ullo indicio fontis noui adiunxerit, iure putaueris, eum hunc etiam in uetusto illo codice repperisse. sed est, cur de hac re dubitemus. nam primum quamquam interpretatio libri I περὶ ὀχουμένων, si summam spectes, similis est interpretationi ceterorum librorum et uniuerso genere et in singulis uerbis Graecis Latine reddendis, tamen ad

codicem Graecum aliquanto propius adcedere uidetur: in primis syntaxis Graeca, cuius in ceteris libris uix ullum uestigium deprehenditur, saepissime hic seruata est, uelut genetiuus post comparatiuum pro ablatiuo et similia. 1) deinde constat, Tartaleam octo annis post nullum codicem Graecum ad manus habuisse; nam in libro, qui inscribitur Ragionamenti sopra la sua travagliata inventione (Uenetiis 1551) in ragionam. I fautori cuidam ita scribit: "ragioonandomi vostra signoria questi giorni passati, magnifico signor Conte, de l'opra di Archimede Siracusano da me data in luce e massime de quella parte, che e intitolata de insidentibus aquae quella me notifico esser molto desiderosa di trouare e di vedere l'original greco, dove che tal parte era stata tradotta. Per la qual cosa compresi, che vostra signoria ricercaua tal originale per la oscurità del parlare, che nella detta traduttion latina si pronontia. Onde per levar questa fatica a vostra signoria di star a ricercare tal original greco (qual forsi piu oscuro e incorretto lo ritrouaria della detta traduttion latina) ho dechiarata e minutamente dilucidata tal parte in questo mio primo ragionamento". quamquam hinc pro certo concludi non potest, Tartaleam ipsum nunquam codicem Graecum huius libri habuisse, tamen non possumus non mirari. hunc codicem tantulo spatio annorum tam penitus oblitterari potuisse, ut ne Tartalea quidem fautori suo eum studiosissime, ut uidetur, quaerenti indicare posset, quo peruenisset. praeterea uerba: qual forsi piu oscuro e incorretto lo ritrouaria mira essent, si ipse ex hoc codice interpretationem suam sumpsisset. omnino totus locus facilius explicari mihi uidetur, si statuerimus, ne Tarta-

¹⁾ Nam hoc sine ullo dubio adfirmari potest, hunc et ceteros libros a Tartalea editos e Graeco conuersos esse, non ex Arabico sermone, quod crediderit quis, quia fol. 11 legitur Archimenidis, forma nominis ab Arabibus ad multas interpretationes Latinas medii aeui propagata. sed sermo et species horum librorum talis est, ut necessario e Graeco fonte fluxisse putandi sint, sicut praedicat Tartalea.

leam quidem ipsum Graecum codicem hac in parte habuisse. hoc quoque memorabile est, eum de hoc libro ita loqui, ut significet, eum proprium et a ceteris diuersum locum obtinere (l'original greco, dove che tal parte era stata tradotta). huc adcedit testimonium Fr. Commandini uiri mathematices Graecae peritissimi et impigri codicum eius generis inuestigatoris. is haud ita multis annis post (Bononiae 1565) in praefatione editionis librorum neol ονουμένων fol. 2 haec habet: "cum enim graecus Archimedis codex nondum in lucem venerit, non solum is, qui eum Latinitate donavit, multis in locis foede lapsus est, verum etiam codex ipse, ut etiam interpres fatetur, vetustate corruptus et mancus est". his uerbis Tartaleam et descriptionem codicis eius, quam ex praefatione eius supra adtuli, significari adparet, et miramur, cur nomen eius non nominauerit, ceterum ex hoc loco concludi potest, Commandinum credidisse, etiam libros περί ογουμένων in eodem codice, quo cetera opera, exstitisse. sed tamen etiam hoc inde sequitur, eum Graecum codicem ne fando quidem nouisse. — his omnibus rebus adductus nunc in eam potius partem inclinauerim, ut putem, Tartaleam ex codice illo Graeco antiquo et dilacerato ceteros libros ipsum Latine interpretatum esse, sed librum I de insidentibus aquae, sicut etiam librum II, ei e Graeco Latine conversum nescio quo modo oblatum esse. 1) quod si uerum est, in promptu est suspicari, codicem illum, de quo loquitur Tartalea, ipsum codicem Uallae fuisse, qui eodem tempore fere (a. 1544) similiter a librario codicis C describitur (supra p. X). nam parum est ueri simile,

¹⁾ De origine et auctoritate fragmenti ab Ang. Maio editi quaestio difficilis est diiudicatu. hoc saltem pro certo constat, interpretationem Tartaleae non ad hanc formam libri, sed ad meliorem multo factam esse. crediderim, fragmentum illud paruum et praeter primam propositiones solas sine demonstrationibus complectens conatum esse alicuius uiri docti medii aeui interpretationem Latinam rursus Graece connertendi, quod idem Rivalius conatus est. eadem uidetur esse sententia Thuroti.

duos simul in Italia fuisse codices Archimedis, quorum uterque uetustate corruptus et passim difficilis lectu¹) esset, uterque nostris temporibus plane interciderit²), praesertim cum magna sit inter codicem Uallae et Tartaleae codicem in erroribus scribendi communitas cognatioque. cuius rei iam exempla quaedam dabo:

- Π p. 146, 14: ἐπὶ τό om. cod. Uallae; "repunt a maiori" Tartalea.
- II p. 150, 18: μεταξὺ τοῦ κέντρου cod. Uallae; "centri" Tartalea.
- II p. 152, 12: ἀντιπεπονθότων cod. Uallae; "contra passis" Tartalea.
- II p. 156, 6: ἄφτιά τε omissis καὶ τῷ πλήθει cod. Uallae; "paresque enim sunt . . . he. similiter" Tartalea.
- II p. 158, 5: ἀντιπεπονθότων cod. Uallae; "contra passis" Tartalea.
- Π p. 160, 2: τῷ A cod. Uallae; "ipsi a" Tartalea.
- II p. 160, 8: è\varphi' \vec{o} cod. Uallae; ,ad quod" Tartalea.
- II p. 162, 12: $\tau \tilde{\alpha}_S \pi l \epsilon v \varrho \tilde{\alpha}_S$ cod. Uallae; "lateris" Tartalea.
- II p. 162, 20: ποια cod. Uallae; "aliqua" Tartalea.
- II p. 174, 17: ἀποκα cod. Uallae; "aliqua" Tartalea.
- II p. 176, 9: ἔσται cod. Uallae; "erit" Tartalea.
- II p. 182, 18: ἐσσείται] εί cod. Uallae; "si" Tartalea.
- II p. 188, 6: ἔχωντι] ἔχοντα cod. Uallae; "habentia" Tartalea.
- II p. 194, 1: AEKI EZIK cod. Uallae; "ezir" Tartalea.
- II p. 218, 4: μεγίστας τᾶν ἀναλογιᾶν cod. Uallae; "ad maximam proportionem" Tartalea.

(u. supra p. IX).

¹⁾ Quamquam adparet, Tartaleam in libris, quos primos ederet, eligendis, breuissimum quemque praetulisse, ueri simile est, etiam lacunam in initio libri I de sphaera et cyl. eum deterruisse, ne hos libros ederet, cum ipse dicat, se eas partes edere, quae minimo negotio legi possent.

²⁾ De figuris in codice Uallae corruptis, quod Tartalea de suo codice tradit (p. XXXI), etiam librarius codicis B queritux

Π p. 230, 22: ἐφαπτομέναι cod. Uallae; "attingentes"
Tartalea.

II p. 236, 2 et 4: NE, NO] NEO cod. Uallae; "nxo"
Tartalea.

praeterea etiam apud Tartaleam, sicut in nostris codicibus, libri I de planor. aequil. propp. 1—2 sine numeris leguntur, ita ut numeri propositionum per totum librum duobus minores sint uero.

in libris de quadratura parabolae et de dimensione circuli Tartalea interpretationem alienam adripuit, quamquam ne uerbo quidem huius rei mentionem fecit (id quod fidem facit, eum etiam in libris περί ογουμένων alio fonte, ac in ceteris libris edendis, uti potuisse, etsi eum non diserte commemorauit). nam libri de quadratura parabolae et de dimensione circuli iam a. 1503 a Luca Gaurico Latine editi erant (Tetragonismus id est circuli quadratura per Campanum Archimedem Syracusanum atque Boetium mathematicae perspicacissimos adinuenta. in praefatione: Lucas Gauricus Iuphanensis ex regno Neapolitano mathematicae studiosis s. d. subscriptio est: dautum i almo studio Patauino 1503. 15 Kalendas Sextiles. fine libri: impressum Venetiis per Ioan. Bapti, Sessa anno ab incarnatione Domini 1503 die 28 Augusti. — 4^{to}), et hanc interpretationem Tartalea ad uerbum recepit seruatis et erroribus ineptissimis et interpunctione peruersa. perpaucas tantum modo lacunas expleuit, figuras et litteras figurarum interdum mutauit.1) hinc Tartalea fol. 19 titulum recepit: Archimedis tetragonismus, qui apud Gau-

¹⁾ Solus, quod sciam, hanc rem commemorauit Mazzucchelli: Notizie istoriche intorno alla vita, alle invenzioni ed agli scritti di Archimede siracusano, Brescia 1737. 4. p. 95. postquam in hunc locum tamdiu indignae obliuioni traditum incideram, ipse exemplum huius libri rarissimi, quod possidet magna bibliotheca regia Hauniensis, contuli.

ricum communis est inscriptio utriusque libri; deinde singulorum librorum tituli et apud Gauricum et apud Tartaleam hi sunt: incipit Archimenidis ("Archimedis" Tartalea) quadratura parabolae, et: Archimedis Syracusani quem codicem secutus sit, Gauricus non dicit; in liber. praefatione hoc solum habet fol. 2": Campani igitur atque Archimedis de tetragonismo circuli demonstratio quoniam ad nostras manus peruenit, nullatenus supprimendam itaque ne hoc quidem constat, utrum ipse existimani. hos libros e Graeco conuerterit an interpretationem Latinam nactus sit. sed quidquid id est, constat, interpretationem eius, quae longe deterior est quam Iacobi Cremonensis et Graeca tam presse sequitur, ut saepissime non modo ab usu linguae Latinae, sed ab omni sensu abhorreat, e codice simillimo codici Uallae uel ex eo ipso deriuatam nam non solum in eius archetypo, sicut in F et sine dubio in codice Uallae, propositiones libri de quadratura parabolae numeris prorsus carebant, quod inde intellegitur, quod saepissime propositiones pessime divisit coniunctis duabus et una in duas uel etiam plures discisa (numeros propositionum Tartalea addidit plerumque sectiones Gaurici maioribus solum litteris significatas secutus); sed etiam plerumque errores codicis Uallae hic quoque deprehenduntur, uelut:

I p. 264, 11: φαα' η"] φαα' cod. Uallae; "591" Gauricus.
 I p. 266, 7: ἐστὶ πολυγώνου πλευρὰς ἔχουτος ας΄ cod.
 Uallae; "est polygonii circa circulum habentis latera 96" Gauricus.

I p. 266, 21: ατνα'] τνα cod. Uallae; "351" Gauricus. I p. 268, 5: ἴση om. cod. Uallae; "qui sub hrg tertio ei qui sub agh" Gauricus.

I p. 268, 12: $\gamma \nu \gamma' \cup \delta''$] $\gamma \nu \gamma' \gamma' \delta'$ cod. Uallae; "3013. 3. 4" Gauricus.

I p. 268, 14: [εχνδ'] ετκδ' cod. Uallae; "5324" Gauricus.

I p. 268, 15: σμ'] σν' cod. Uallae; "250" Gauricus.

I p. 268, 15: δ' ψ"] δ' ψ' α' cod. Uallae; om. Gauricus. I p. 268, 16: ω" om. cod. Uallae; "1838. 9" Gauricus.

- I p. 270, 1: ξ5'] cξ5 cod. Uallae; "266" Gauricus.
- I p. 270, 1—2: ἐκατέρα γὰρ ἐκατέρα οιμαι ἄρα πρὸς τὴν καταγον ,αος cod. Uallae; ,,utraque enim utrique exstimo¹) ergo ad 1076" Gauricus.
- I p. 270, 4: $\Delta\Gamma$] $\Delta\Gamma$ cod. Uallae; "ag" Gauricus.
- I p. 270, 7: ,ςτλς'] ,ςτας' cod. Uallae; ,,6301. 6" Gauricus.
- I p. 270, 8: βιζ σd. Uallae; "7012" Gauricus.
- I p. 270, 14: ἐλάσσων μὲν ἢ ἐβδόμω μέρει μείζων δέ cod. Uallae; "et minor quidem quam septima parte maior" Gauricus.
- II p. 294, 4: τίν] τινα cod. Uallae; "quendam" Gauricus.
- II p. 294, 19: ∞στε] σπερ cod. Uallae; "quod quidem" Gauricus.
- II p. 296, 2: ὑπ' εὐθείας τε om. cod. Uallae, Gauricus.
- II p. 296, 3: προτέφων] πρώτων cod. Uallae; "primorum" Gauricus.
- Π p. 296, 22: δμοίως cod. Uallae; "similiter praedicto fundamento accipientes" Gauricus.
- II p. 300, 4: ἀχθέωντι] ἄχθωσαν cod. Uallae; "ducantur" Gaurieus.
- II p. 300, 21: KH] KI cod. Uallae; "ki" Gauricus, "kh" Tartalea.
- II p. 304, 26: κάτω νοείσθω] κατανοείσθω cod. Uallae²); ,,hoc quidem ad eandem ipsi dz intelligantur, haec autem ad alteram sursum" Gauricus.
- Π p. 306, 5: ἔχοντι] ἐόντι cod. Uallae; "existenti" Gauricus.
- II p. 306, 8: εηκα αὐτὸν ὁρίζονται cod. Uallae; "assimilatur linea ag ipsi orizonti" Gauricus.³)

1) H. e. aestimo (non: existimo).

3) Etsi hinc non adparet, quid Gauricus in suo codice legerit, hoc certe constat, eum similiter corruptum fuisse.

²⁾ Si re uera in codicibus Parisinis legitur κάτω, hinc rursus cernitur, codicem F archetypum maiore fide quam ceteros sequi; neque enim Gauricus ipso F usus esse uidetur (u. infra). in V tamen est κατανοείσθω.

- II p. 308, 9: φανερόν, ὅτι καὶ . . ὅτι cod. Uallae; "manifestum autem quod et si . . . quod" Gauricus.¹)
- Η p. 314, 10: διὰ τὰ αὐτά] δι' αὐτά cod. Uallae; "propter hoc prioribus" Gauricus.
- II p. 314, 15: μείζονα λόγον έχον cod. Uallae; "maiorem proportionem habens" Gauricus.
- II p. 320, 6: τας τομας cod. Uallae; "a sectione" Gauricus.
- II p. 326, 7: $\delta \hat{\eta}$] $\delta \hat{\epsilon}$ cod. Uallae; "autem" Gaurious.
- Π p. 326, 16: καθ' α καθ' δ cod. Uallae; "ubi" Gauricus.
- II p. 330, 17: ΠO] $\Pi \Sigma$ cod. Uallae; "ps" Gauricus.
- Π p. 336, 11: ΒΔΓ τοιγώνου cod. Uallae; "trigoni bdg" Gauricus.
- II p. 336, 26: κώνου om. cod. Uallae; "in sectione rectanguli ducta" Gauricus.
- II p. 348, 12: A, B, Γ, Δ] ABΓΔE F; "a. b. g. d. e" Gauricus.³)

¹⁾ II p. 304, 23 — 306, 19 errore bis habet Gauricus; correxit Tartalea.

²⁾ Hinc apud Gauricum etiam II p. 348, 15 idem error ortus est; habet enim "b. g. d. e" (B, Γ, △ nostri codices). utrumque correxit Tartalea. II p. 328, 16 etiam apud Gauricum et Tartaleam est "palam igitur est", nec plura.

colligam, ubi errores codicis Uallae apud Gauricum correcti sunt:

- I p. 260, 6: ἐλάττων] μείζων cod. Uallae; "minor" Gauricus.
- I p. 264, 3: 5ν] τ σν cod. Uallae; "proportionem habet quam" Gauricus.
- I p. 266, 2: ,δχογ' L] ,δυογ cod. Uallae; "4673" Gauricus. 1)
- I p. 268, 9: AH] AH cod. Uallae; "ah" Gauricus.
- I p. 270, 11: ι' οα"] ον ο' ια' cod. Uallae²); "10. 71" Gauricus.
- I p. 270, 12: ι'οα"] δ'ια' cod. Uallae; "10.71" Gauricus.
- II p. 298, 11: τῆ ΔΓ] om. cod. Uallae; "ipsi dg" Gauricus.
- II p. 298, 11—12: αι τε ἐπιψαύουσαι cod. Uallae; ,,quae ag et secundum b contingens" Gauricus.
- II p. 300, 5: παρὰ τὰν κατὰ τὸ B] om. cod. Uallae; "penes eam, quae secundum b contingentem" Gauricus.
- II p. 300, 10: $\delta \epsilon \int \delta \eta' \cos \theta$. Uallae; "autem" Gauricus.
- II p. 304, 16: & KA om. cod. Uallae; ,,quae lk" Gauricus.
- II p. 310, 1: $\tau \tilde{\varphi} A ... \tau \tilde{\varphi} ZA$] $\tau \tilde{\varphi} A ... \tau \tilde{\varphi} ZA$ cod. Uallae; "1 ... zl" Gauricus.
- II p. 310, 5: δ AΓ] δ AB cod. Uallae; "abg" Gauricus.
- II p. 312, 8: $\Delta \Gamma K$] $\Delta E K$ cod. Uallae; "dgk" Gauricus.⁸)
- II p. 318, 5: Δ] A cod. Uallae (FV); "l" Gauricus.
- II p. 324, 20: $B\Gamma\Delta$] $A\Gamma\Delta$ cod. Uallae; "bgd" Gauricus.
- Η p. 326, 9: τὰ αὐτὰ τῷ τμήματι] τὰ τῷ τμήματι cod.
- Uallae; "ad eandem portioni" Gauricus. II p. 326, 19: MH, NI] ΘH , III cod. Uallae; "mh, ni" Gauricus.
- II p. 330, 13: τὸ Γ εὐθεῖαι] τὰ ΓΕ εὐθεῖα cod. Uallae;
 "apud g rectae" Gauricus.

¹⁾ Hic Cr. cum cod. Uallae congruit (4473).

²⁾ Ortum est ex $o^{\prime}\alpha$, sicut etiam lin. 12, ubi insuper permutata sunt O et Θ .

^{3) &}quot;dek" Cr.

- II p. 340, 22: τούτου] om. cod. Uallae; "demonstratio autem hoc" Gauricus.
- II p. 344, 10: τμᾶμα] τμήματος cod. Uallae; ,,in bhg portione" Gauricus.
- II p. 344, 19: nóvov] om. cod. Uallae 1); "rectanguli coni" Gauricus.
- II p. 346, 7: ἴσα ἐόντα τῷ] ἴσων ὅντων τό cod. Uallae; "aequalia sunt spatio r" Gauricus ("t" Tartalea).
- II p. 346, 9: J] qωι cod. Uallae; "spatio i" Gauricus.
 II p. 350, 5: AΔΒΕΓ] AΔΕΒΓ cod. Uallae; "adbeg"
 Gauricus; sic etiam II p. 350, 13.

est autem, cur putemus, Gaurici interpretationem ad eundem codicem factam esse, quo Iacobus Cremonensis usus est; nam in utroque eaedem interpolationes et correctiones falsae, quae sponte ab ambobus inuentae esse non possint, his locis reperiuntur:

cod. Uallae Gauricus Cremonensis I p. 260, 12—13: accipiantur sectores sumptae sint itaλελείφθωσαν οί τῷ similes ipsi pka.²) que sectores similes IIZ Α τομεῖ ὅμοιοι. ipsi pfa.

II p. 300, 7: $\dot{\omega}_S$ $\dot{\alpha}$ ut quae bd longisicut bd ad bf $B\Delta$ nort $\dot{\alpha}\dot{\alpha}\nu$ BZ. tudine ad bz. longitudine.

II p. 302, 1: ἐσσεί- erit ergo ut quae erit igitur sicut be ται ἄρα ὡς ἁ ΒΓ bg ad bi longitu- ad bi longitudine, ποτὶ τὰν ΒΙ μάπει, dine, ita quae bg ad ita de ad df poten-

¹⁾ Si quidem collationi codd. Pariss. hoc loco credendum est; nam in V κώνον exstat. interpretationem Gaurici non e V deriuatam esse, inde adparet, quod lacunis huius codicis uacat, uelut I p. 266, 4; II p. 326, 19; p. 384, 3. ne ii quidem errores, qui codicis F proprii sunt, usquam apud Gauricum exstant (uelut II p. 298, 10; 318, 13; 322, 9; 328, 8, 10; 380, 5, 19 al.).

²⁾ Itaque habuerunt pro lelelodosar ellifodosar, quod pranum est, et pro romei romeis, quod et ipsum propter collocationem verborum reiiciendum est.

cod. Uallae ΒΙ γραμμαί.

Gauricus οῦτως & BΓ, BΘ, bt potentia. aequa- tia. aequales sunt bt lineae.

Cremonensis les enim quae dz enim df kg. et ideo kh. proportionales sicut be ad bh poergo sunt quae bg, tentia. proportionales igitur sunt be bh bi lineae. 1)

II p. 302, 4-5: est ergo ut quae est igitur sicut cd ώς ά ΓΔ ποτὶ τὰν gd ad lineam dz ad df ita fh ad hg. ita quae ti ad li-OH (lacuna). neam th.2)

etiam in erroribus codicis Uallae emendandis Cremonensis et Gauricus plerumque consentiunt. duos tamen locos apud Gauricum correctos, apud Cremonensem uero intactos supra p. XXXVIII not. 1 et 3 adtuli; hic duos alteros addam. II p. 304, 16 Cremonensis sic habet: "eandem ergo proportionem habet ki ad il quam de ad da. habet autem et ki ad ih eam quam da ad dk". hic igitur Cremonensis lacunam archetypi ita expleuit, ut "ki" interponeret, quae linea proxime ante commemorata est: haec interpolatio necessario effecit, ut deinde pro KI scriberet "li", et pro AI "dc", quia alioquin proportio euerteretur. etiam in sequentibus in litteris errauit ("ih" pro $K\Theta$, "dk" pro AK), sed ita ut rectam proportionem seruauerit. II p. 330, 13 interpretatio Cremonensis "et a punctis gik ad lineam ce rectam ducantur rectae" ostendit. eum scripturam codicis Uallae sine suspicione erroris reddere uoluisse, quam adiuuauit addito uocabulo "rectae". his igitur locis Gauricus uel auctor interpretationis eius

2) Interpolationibus adnumerandum non uidetur, quod I p. 268, 1 apud Gauricum legitur "secetur in duo aequa" (sic etiam Cr.); nam idem etiam I p. 264, 11 addidit, et Cremonensis semper "secetur" uel "dividatur" habet.

¹⁾ Adparet, Cremonensem interpolationem etiam propagauisse. ut intellegatur congruentia, notandum, litteras Graecas A, B, I, A, E, Z, H, O ab Cremonensi per abcdefgh, a Gaurico per abgdezht reddi.

ipse in ueram scripturam incidit. II p. 310, 5 dubitari potest, utrum Gauricus rectius pro falso *AB* scripserit "abg" an Cremonensis "ac".

ceterum errores iidem codicis Uallae apud Cremonensem et Gauricum seruati sunt paucis exceptis locis, ubi Cremonensis plus uidit et errorem sustulit, sed plerumque ita ut ipsa forma emendationis interpolationem arguat. nam I p. 268, 14; 268, 15; 268, 16; 270, 7; II p. 296, 2; 296, 22; 306, 5^1); 306, 8^2); 330, 17; 348, 2 eosdem errores etiam apud Cremonensem reperimus, quibus ii loci addendi sunt, ubi uitiosiorem etiam scripturam habet: I p. 264, 11: "571" (uerbis designatum, ut semper solet); I p. 266, 21: ",354"; I p. 268, 12: ",3013" omissis y' &', quia non intellexit; I p. 268, 15: "nam utraque utrinque" sequente lacuna, quod scripturam corruptam $\delta' \nu \nu' \alpha'$ non intellexit; etiam locum corruptissimum I p. 268, 17: $\tau \tilde{n}$ $KA - 270, 3: \xi_5'$ omisit magna lacuna relicta. I p. 270, 6 pro ξ5' habet "166" (Gauricus recte "66"). contra errorem correxit Cremonensis, reliquit Gauricus I p. 268, 53) ("et tertius angulus gfc erit tertio angulo gac aequalis"); I p. 270, 4 ((10°) ; I p. 270, 8 ((2017°)); II p. 294, 4 ("teque"); 300, 21 ("kg"); 304, 24 ("pars quidem versus d intelligatur infra"); 314, 5 ("maiorem igitur proportionem habet"); 326, 7 ("necesse iam est"); 326, 16 ("a punctis quibus"); 336, 11 ("bhc"); 336, 26 ("rectanguli coni"). sed hos locos coniectura emendatos esse, inde colligi potest, quod in aliis locis a Cremonensi correctis interpolatio manifesta est. uelut:

¹⁾ Nam scriptura eius "sic posito" ostendit, eum non habuisse oṽrως ἔχοντι, quod semper "sic se habente" uertit.

²⁾ Hic similitudo in primis memorabilis est: "ac linea ipsi librae assimilatur. terminantur autem lineae ad angulos rectos ex ipsa ac ductae in plano erecto super horizontem et erunt perpendiculares super horizontem".

³⁾ Omnino hic Gauricus (et Tartalea) locum nescio quomodo corrupit; habet enim "et communis qui sub ahg rectis et terminatis erit qui sub hrg tertio ei qui sub ahg".

I p. 266, 7: "est latus figurae multorum angulorum circa circulum descriptae, quae 96 lateribus concluditur".

I p. 270, 14: "unde colligitur, circuli circumferentiam sua diametro maiorem esse quam triplam sesquioctauam minorem uero quam triplam sesquiseptimam".

II p. 294, 19: "sumentes non facile concessibilia fundamenta ipsis, sane cum haec ipsa a quamplurimis non inuenta sunt. illud etiam diuulgatum, portionem".¹)

II p. 296, 3: "ueterum" (si legisset προτέφοις, scripsisset sine dubio "priorum").

II p. 308, 9: "manifestum quoque est, quod si triangulus bdc spacii f triplus exstiterit, ambo similiter constituta aequeponderabunt".

II p. 314, 10: "per eandem quae in superioribus rationem".

II p. 320, 6: "a punctis diuisionum."

itaque constat, interpretationem Gaurici a Tartalea receptam codice interpolato²) Nicolai V niti, et loci a codice Uallae discrepantes aut codici Nicolai tribuendi aut a Gaurico ipso mutati sunt. huius generis postremo loco quaedam adiiciam, ubi Gauricus scripturam falsam codicis, quam non intellegeret, interpretatione ad sensum recte diuinatum formata felici coniectura expediuit; etiam scripturam Cremonensis addidi.

Gauricus.

Cremonensis.

II p. 304, 23: intelligatur ergo propositum in recto ad

intelligatur autem hoc primum, quod est in inspectione

¹⁾ Ut intellegatur differentia utriusque interpretis in iisdem uerbis corruptis reddendis, adponatur Gaurici huius loci interpretatio: "sumentes non facile concessibilia fundamenta, quae quidem ipsis a plurimis non inuenta haec despecta sunt. portionem autem".

²⁾ Unam interpolationem supra arguimus p. XXIII, plures breuiter indicaui Quaest. Archim. p. 105.

Gauricus.

orizontem et lineae a. b. hoc quidem cett.1)

II p. 308, 13: et suspendatur apud b trigonum gdh ambligonium basim quidem habens cett.²)

II p. 338, 10: in portione contenta a recta et a sectione rectanguli coni quae a media basi ducta est cett.³)

II p. 338, 20: penes lineam contingentem sunt, palam quod cett.⁴)

Cremonensis.

propositum sitque conspectum ad horizontem erectum et lineae s. b. deinde pars cett.

et suspendatur secundum b triangulus cdg. triangulus uero cdg sit triangulus ambligonius, qui basim habeat cett.

in portione a linea recta et a rectanguli coni comprehensa sectione linea ducta a media base cett.

sunt aequedistantes contingenti sectionem in puncto b, constat cett.

II p. 294, 11: ὑφ' ἡμῶν apud Gauricum et Tartaleam est "ab aliis", id quod uix aliter explicari potest, ac si supposuerimus, in Graeco codice fuisse ΥΠΑΜΩΝ, quod pro ΥΠΑΛΩΝ acceptum sit. itaque ueri simile est, codicem Uallae quoque hoc loco genuinam formam Doriensium ὑπ' ἀμῶν seruasse et eam in omnibus nostris huius codicis apographis in uulgarem mutatam esse, quod idem II p. 296, 26 in omnibus excepto Ueneto factum ("a nobis" Cremonensis utrobique).

Inter emendationes a Tartalea in sua editione interpretationis Gaurici receptas memorabiliores (nam minora

Itaque cum Cremonensis hic Graeca quamuis corrupta cum fide sequatur, Gauricus locum eodem modo, quo ego, emendare conatus est, sed plura etiam omisit (τὸ ἐν τῷ θεωρίφ).

²⁾ Fortasse tamen hic errore typographico omissum est ',,sit autem trigonum gdh''. nam constructio manca est.

Hic uterque in eandem emendationem incidit, quam ego coniectura mea recepi.

⁴⁾ Hic quoque ueram scripturam inuenit, et sententia quidem loci satis patet.

quaedam maxime ad litteras figurarum pertinentia adnotare supersedeo) hae sunt, quibus id quoque efficitur, ut eius licentia interpolandi manifesto documento conuincatur:

Codex Uallae	Gauricus	Tartalea	Cremonensis
I p. 264, 7:συναμφότεροςή ZE, EΓ.	simul utraque quae re.	simul utraque quae re et eg.	
I p. 264, 4: λόγον ἔχει ἢ ὅν.	proportionem habet quam.		habet propor- tionem quam.
I p. 264, 10: Μ θυν΄ ποὸς Μ γυθ΄.	1 1 . 1	proportionem habet quam 349450 ad 13409.2)	proportionem habet quam 326041^3) ad 23409 .
I p. 264, 11: μήπει ἄρα ὅν.	longitudine ergo quam.	longitudine ergo maiorem quam.	longitudine uero sicut.
I p. 264, 15: τῆ ΕΚ.	per eb.	per ek.	ducta linea e k.
	secans rectam quae per punc- ta bg.	quae per punc- ta bg in punc- to t et circon- ferentia[m] circuli in	quae sit fh di- uidens lineas rectas cb ac. ducatur item alia aequedi- stans ipsi ac secans lineam bd, quae sit kg.*)

1) Numerum non intellexit; quare omisit.

²⁾ Errore typographi. etiam quod I p. 268, 2 pro "hgb" (Gauricus; "gcb" Cr.) apud Tartaleam legitur "hag", typographo tribuendum est.

³⁾ Numerum peruerse legit, nisi typographus errauit.
4) Cr. igitur hoc quoque loco interpolatione rem turbauit.

Codex Uallae	Gauricus	Tartalea.	Cremonensis
II p. 310, 26:			
ποτί τὸ Ζ' ὥστε μεῖζόν ἐστι τὸ	spatium k	tium z. ergo	re f spacium
Ζ τοῦ Κ.		ior est quam	
		spatium k.	

in loco postremo apud Gauricum errore typographi exciderunt: "quare maius est spatium z" propter δμοιοτέλευτον; Tartalea lacunam sine codice Graeco (nam ordo uerborum alius est) suppleuit, in quo errorem uel puero indignum (maior) commisit. quare colligendum est, eum ne in ceteris quidem emendationibus errorum Gaurici codicibus suis usum, sed suo ingenio confisum esse.¹)

Uerum ad codices Tartaleae reuertamur. si supra p. XXXII recte suspicati sumus, codicem illum "fractum et qui uix legi posset", de quo loquitur Tartalea, eundem fuisse ac codicem Uallae, confitendum est, primum eum nimium de genere codicis conqueri, ut adparet e codice Parisino C, qui eodem fere tempore satis recte ex eodem archetypo descriptus est; sed fortasse Tartalea in codicibus Graecis legendis parum uersatus erat. deinde codice suo non ea, qua debuit, diligentia et fide usus est, quoniam de planor. aequil. II, 9 pro genuina demonstratione paraphrasim Eutocii retractatam et in breuius contractam, quasi Archimedis esset, recepit (Quaest. Arch. p. 97).²) denique multa et correxit et interpolauit, in quo alio quodam codice usus est, quem uno tantum loco diserte nominauit; nam de

ideo lin. 19 pro ἄχθω scripsit "ducta est". addo, lin. 19 etiam apud Cr. legi "i" pro H, sicut in FV ("k" Gauricus; "h" Tartalea); fuit igitur in archetypo Uallae.

¹⁾ Praeterea Tartalea initio libri de quadratura parabolae bis pro "Archimenides" (Gauricus) scripsit "Archimedes", et pro "mathematicam" II p. 294, 11; 298, 2 "mecanicam".

²⁾ Fortasse genuina demonstratio in codice Uallae Tartaleae difficilior lectu uisa est; hoc certe constat, hunc codicem ei nullam causam praebuisse demonstrationem Eutocii cum uera confundeudi.

plan. aequil. II. 9 post demonstrationem illam refictam Eutocii additur fol. 16": "in alio exemplari graeco sic habebatur". sed antequam de hoc codice diligentius quaerimus, pauca nobis dicenda sunt de codice Norimbergensi Graeco cent. V app. 12 fol., cuius notitiam primam debeo Mengio (Neue Jahrb. 1880 p. 110); sed postea eum Hauniae conferre mihi ipsi contigit (Na). codex chartaceus est saec. XVI scriptus, qui eadem scripta Archimedis et Eutocii continet, quae F, et eodem ordine. hoc codice in editione principi paranda usus est Uenatorius, qui sua manu permultos errores correxit partim in margine partim in scidulis chartaceis margini adglutinatis: multa etiam ita emendauit, ut callide scripturam codicis eradendo, lineolas addendo uel producendo mutaret; quare id genus correctiones difficillime deprehenduntur et persaepe scripturam pristinam prorsus sustulerunt; nonnullae tamen earum manu antiquiore et fortasse prima facta esse uidentur. interdum etiam notas typothetae legendas adscripsit Uenatorius, ita ut adpareat, hunc ipsum codicem in manibus typothetarum fuisse, ad genus harum notarum cognoscendum unum exemplum sufficiat; I p. 22-24, ubi propositiones in Na eodem modo, quo in F, diuisae sunt, in scidula scripsit: ,, όμοίως paragraphus. φανερον δέ paragraphus. δειπτέον δέ demonstratio novae propositionis. praeponatur nota numeri 5", et hoc in edit. Basil. p. 4 factum est. hic codex Na Romae scriptus est uel certe Roma ad Bilibaldum Pirckheymerum Norimbergam peruenit (ed. Basil. praef. fol, 2": Bilibaldus Pirckheymerus, quem vos, dum uiueret inter doctos doctissimum nominari haud grauatim passi estis, ille inquam, ut erat uir excellentis ingenii, cum Rhoma graece scriptum Archimedis nostri exemplar opera amici cuiusdam tandem post longam expectationem accepisset, non tantum quasi uilem aliquem in aedibus suis passus est habitare hospitem cett.).

Na eiusdem cum ceteris codicibus classis esse ostendit lacuna in initio libri I de sphaera et cylindro et omnino eius in grauioribus erroribus consensus (cfr. praeterea

Quaest. Arch. p. 138). sed propius etiam locum, quem inter codices nostros obtinet, definire licet. nam eum e codice F originem ducere, errores his codicibus solis communes, et qui in codice Uallae fuisse non possint, manifesto demonstrant. in hac re iis tantum locis uti licet, ubi scriptura codicum Pariss. pro certo constat. sed inde quoque satis magna copia documentorum peti potest.

- I p. 210, 20—21: ἐπεἰπερ πρὸς XP in F solo repetuntur; itaque in communi archetypo Uallae bis scripta non erant; sed in N^a eadem uerba bis scribuntur; correxit Uenatorius.
- II p. 116, 8: τᾶς ἐπ τοῦ πέντρου τοῦ ἐλάσσονος πύπλου τῶν εἰρημένων in mg. manu 1 F (itaque in codice Uallae, sicut in cett. codd. et apud Cr., suo loco exstabant); om. Na (et ed. Basil.).
- II p. 244, 13: ἀκίνητον] ακιτον F Na (correxit man. 1).
- II p. 248, 1: $\tilde{\epsilon}$ [µεν] B; $\tilde{\epsilon}$ κεῖ $\tilde{\mu}$ εν ACDV; εκειμεν F; . Εκειμεν N^a .
- Η p. 250, 26: τὰν πορυφάν] ΒC; τᾶς πορυφάν VAD; τα πορυφάν F; τᾶ πορυφάν Ν^a.
- II p. 262, 15. 16: σελήνας] ελίνας FN^a.
- Η p. 270, 1: κατωνομασμένων] κατονομασμένων FN.
- Η p. 276, 9: η σσος Ι ασσος VA; α σσος Β; ασσος CD; ασσος FN.

postremo rem paruam quidem, sed quae re uera summi momenti sit, adferam; nam III p. 198, 26: ἀσυμπτώτους syllaba -τους casu in F paullo insolentius scripta est, ita ut simillima sit syllabae -τους (τουσ), et hanc formam singularem diligenter seruauit librarius codicis Na; inde factum est, ut in ed. Basil. p. 38, 17 legeretur ἀσυμπτώτους. etiam numeri propositionum saepe peruersi et figurae semper fere cum F congruunt. et omnino errores codicis F raro in ipso Na correcti sunt, ita ut fere semper, ubi in

adparatu critico nostro legitur "corr. ed. Basil.", liceat substituere "corr. Uenatorius".

uerum sicut dubitare non possumus, quin F fons sit codicis Na, ita constat, hunc librum non ex ipso F descriptum esse. nam primum multis locis in Na compendia usurpantur, ubi in F uocabulum omnibus litteris scriptum est; et hoc non librario codicis Na ipsi deberi, inde fit ueri simile, quod forma corrupta compendiorum ostendit, ea librario nota assuetaque non fuisse; frequentissimum est compendium uerbi \emph{Fotal} in hunc modum deformatum Δ . deinde non raro lacunae codicam nostrorum, quae in codice Uallae exstabant nec in F expletae sunt, eius modi supplementis reconcinnatae sunt, quae cum interpretatione Tartaleae tam arte cohaereant, ut Na et interpretatio illa necessario ex eodem codice fluxisse putanda sint. qua de re disputaui Quast. Archim. p. 98—100, et hic locos grauiores repetendos esse duxi:

Nª.

II p. 166, 14: καὶ τετμήσθω δίχα $\dot{\alpha}$ ΔB κατὰ τὸ Θ; om. cod. Uallae, nec opus est.

Π p. 170, 16: (ἔστιν ἄφα) τὸ Ν σαμεῖον ὅπερ (sc. ἔδει δεῖξαι); om. cod. Uallae, nec opus est.

II p. 192, 24: διάμετρος δὲ τοῦ τμάματος ἔστω ἁ ΒΔ; om. cod. Uallae, nec opus est.

Π p. 196, 11: τὰς ΔΜ, Ως. καὶ ἐν τοῖς ΖΘ, ΥΨ τραπεζείοις τὰ κέντρα τῶν βαρέων ἐσσούνται ὁμοίως διαιφέοντα; οm. cod. Uallae.

Tartalea

et secetur in duo quae db penes t.

est ergo nt centra (sine dubio t addidit Tartalea ipse, et deinde "centra" pro "centrum" scripsit; ὅπερ: ~ omisit, quia non intellexit).

diameter autem portionis sit bd.

lineas rs, 76 rectas. et in mn fg temporalibus [h. e. trapezalibus] centra grauitatum erunt similiter dividentia.

Nª

II p. 200, 4: ἀλλ' ἔστι ὡς τὸ ABΓ τοίγωνον ποτὶ τὸ K; om. cod. Uallae.

Πρ. 206, 3: καὶ ἐπεζεύχθω τὰ Θ, Μ, Ι, Ν. ἔσα ἄφα ἐστὶν ὰ ΘΧ τῷ ΧΜ, ὁ δὲ ΙΤ τῷ ΤΝ. ἀλλὰ καὶ τριγώνω τῷ ΑΚΒ ἔσον ἐστὶ τὸ ΒΛΓ, τμᾶμα δὲ τὸ ΑΚΒ τμάματι τῷ ΒΛΓ. δέδεικται γὰφ ἐν ἄλλοις τὰ τμάματα ἐπίτριτα εἶμεν τῶν τριγώνων; om. cod. Uallae.

Π p. 210, 13: (ΘΕ) ἔσται μείζων τᾶς ΒΘ. καὶ ἔστω ἁ ΘΗ; om. cod. Uallae.

Π p. 210, 15: (Θ) εὐθυγράμμου δὲ τοῦ $AKB\Lambda\Gamma$ τὸ E; om. cod. Uallae.

II p. 214, 9: (BI) κατὰ Z, H (καὶ ἄχθων) παρὰ τὰν $B\Delta$; om. cod. Uallae.

Π p. 214, 17: οὖτως ἁ ΘΔ πρὸς τὰν ΜΖ · ἀ δὲ ΒΔ τετραπλασίων τᾶς ΚΖ; om. cod. Uallae.

II p. 228, 23: ΑΔΕΓ τόμου διάμετρός ἐστιν ἁ ΗΖ καὶ αί μέν; om. cod. Uallae.

Π p. 232, 4: (MN) ποτὶ ΝΟ, ὡς δὲ ὡ ΜΝ ποὸς ΝΟ μάκει, οὕτως ὡ ΜΝ; om. cod. Uallae.

Archimedes, ed. Heiberg. III.

c

Tartalea.

sed sic [h. e. est sicut] abg ad spacium x.

et copulentur quae tn et mi. aequalis ergo est quaequidem tq ipsi qn, quae autem ic ipsi cm. sed trigono quidem akb aequale est trigonum blg, portio autem akb portioni blg. portiones enim trigonis ostensae sunt in aliis epytritae esse.

erit maior quam linea bt sitque ht (sed deinde Tartalea II p. 210, 18—19 scripturam mutauit; u. Quaest. Arch. p. 146).

rectilinei autem akblg signum e.

penes zh et ducantur ipsi bd aequidistanter.

ita quae td ad mz, quae autem db quadrupla ipsius kz.

manifestum autem, quod et sectoris adeg dyameter est quae hz et quae quidem.

ad no, ut autem quae mn ad no longitudinem, ita quae mn ad nx.

Nª.

Tartalea.

Π p. 232, 22 et 24: διπλασίας; om. cod. Uallae.1)

ex dupla.

Η p. 234, 5: καὶ ὁ ἀπὸ AZ; om. cod. Uallae.

et cubus qui ab az.

II p. 238, 7: PI. naì êsti

ri. et est totius quidem μέν τοῦ όλου τμάματος πένportionis centrum grauitatis. τρον: om. cod. Uallae.

haec omnia interpolatione orta esse, certissimum est; nam supplementa II p. 166, 14; 170, 16; 192, 24; 210, 15; 214, 9 (prior pars); 232, 4 per se bona certe necessaria non sunt. II p. 210, 13 interpolator nexum sententiarum paullo obscuriorem non perspexit, et totum locum peruertit (Quaest. Arch. p. 146). in aliis locis lacunas in nostris codicibus esse constat et, si summam spectes, recte apud Tartaleam et in Na expletae sunt; sed tamen errores quidam minuti interpolatoris manum produnt. II p. 196, 11 prauum est ἐν τοῖς ΖΘ, ΤΨ τραπεζείοις pro genetiuo, et litterae uix recte se habent; cfr. II p. 196, 9-10. II p. 214, 7 παρὰ τὰν ΒΔ haud facile eo loco intercidere poterant, quo in Na interpolata sunt: II p. 214. 17 genuinam scripturam ab interpolata diuersam seruauit Eutocius III p. 338, 17—18; II p. 228, 23 τόμου addendum esse et ZH pro HZ scribendum, docet idem III p. 360, 10-11; praeterea II p. 230, 1 και αι μέν praua sunt; nam μέν nihil habet, quo referatur; II p. 238, 7 denique pro μέν τοῦ saltem scribendum erat τοῦ μέν. Π p. 206, 3 sq. et forma minus bona est (ἐπεζεύγθω de punctis, cum apud Archimedem semper de lineis dicatur; τοινώνω τῶ AKB, τμᾶμα τὸ AKB, quae collocatio uerborum satis frequens hic tamen locum non habet), et ex

Contra II p. 234, 17: της AZ καὶ της ΔΗ, οὖτως ή συγκειμένη έκ τε της β', quae omisit cod. Uallae, etiam in No desunt; correxit Uenatorius. et etiam apud Tartaleam desunt; habet enim: "altitudinem autem compositam ex dupla ipsius nx et ipsa mn".

Eutocio III p. 334, 11 adparet, eum haec uerba non habuisse. 1)

itaque cum magna pars horum locorum eiusmodi sit, ut congruentia fortuita nullo modo esse possit, necessario sequitur, N^a ex eodem codice ab homine non indocto interpolato descriptum esse, quo usus sit Tartalea. nam eum ipso N^a usum non esse, hi maxime loci ostendunt:

II p. 164, 22: δίχα] om. N°; "in duo" Tartalea.

Π p. 172, 5 sq. καὶ πεποιήσθω, ὡς ἁ ΒΗ ποτὶ ΒΘ, οῦτως ἁ ΜΕ ποτὶ ΕΝ. καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΘ [ΒΘ cod. Uallae] ΘΓ] om. Na (corr. Uenatorius, qui pro πεποιήσθω habet γεγονέτω); "et sit facta ut quae bh ad bt, ita quae me ad en, et coniungantur quae bt, tg" Tartalea.

II p. 218, 3: Θν δὲ ἔχει λόγον] F; Θν δὲ λόγον ἔχει N*; "quam autem habet proportionem" Tartalea, qui si legisset λόγον ἔχει, scripsisset "proportionem habet", ut alibi sexcenties.

ex hoc libro igitur Tartalea de plan. aeguil. II. 9 fol. 16 alteram demonstrationem sumpsit, et re uera haec demonstratio cum F plerumque consentit, uelut II p. 218, 27 habet: "simul utraque quae ab, bg ad duplam ipsius bd"; II p. 220, 11: △0] △0 F; ,,dk" Tartalea; II p. 220, 12: OA OA F; "ka" Tartalea; idem II p. 220, 25; II p. 222, 6: O[] O[] F; ,kd" Tartalea; II p. 222, 8: ίσαν τα συγκειμένα] ίσαν ταν συγκειμέναν F; "ad aequalem compositam" Tartalea; II p. 222, 15: OA OA F; "kd" Tartalea; II p. 228, 4: AB] \(\Delta B F; \), db" Tartalea. interdum coniectura errorem sustulit; praeter paucas quasdam litterarum emendationes hic commemorandum est, eum II p. 220, 14, ubi in F omittitur nal respanhagla rag \(\Gamma \) recte habere: "et quadruplae ipsius gb"; et eum dittographiam codicis F II p. 224, 24-26, quae etiam in Na est (corr. Uenatorius) euitasse. uerum haec coniectura

¹⁾ Addi potest, N^a II p. 228, 14 falsum ήμίσους praebere, lin. 18 omittere (addidit Uenatorius); etiam Tartalea priore loco habet: "medietate", altero "e minori basium".

emendata esse, inde quoque confirmatur, quod interdum, ubi litterae in F peruersae sunt, errorem quidem subesse uidit, sed ueram scripturam non repperit, uelut ∏ p. 220, 25: OA] AF; "ka" Tartalea; ∏ p. 222, 10: AA] ABF; "da" Tartalea; ∏ p. 222, 19: OE] ⊕EF; "kd" Tartalea; ∏ p. 224, 7: OB] EBF; "kb" Tartalea; ∏ p. 226, 12: OB] ABF; "kb" Tartalea; ∏ p. 226, 16: OB] EBF; "kb" Tartalea; ∏ p. 228, 1: AO] AF; "ka" Tartalea; ∏ p. 228, 2: BA] B⊕F; "ab" Tartalea.

praeter interpolationes communes Tartalea proprias habet has, quae sine dubio ipsi debentur (cfr. de eius interpolatione interpretationis Gaurici supra p. XLIV):

fol. 5: "dixerunt enim Theorema esse quidem quod premittitur ad demonstrationem ipsius quod premittitur, Problema autem quod preiacitur ad constructionem ipsius quod premittitur, Porisma autem quod premittitur ad acquisitionem ipsius quod premittitur". haec, quae e Pappo VII p. 650, 17—20 ad uerbum uersa sunt, ante de plan. aequil. I, 3 inseruntur ita typis expressa, quasi sint ipsius Archimedis.

fol. 8° post II p. 172, 9: ΔM additum est "(per sextam sexti Euclidis)"; parenthesis signum non significat haec uerba interposita esse; nam fol. 15 uerba "aequalis enim est ipsi" II p. 216, 19—20, quae in codicibus sunt, eodem modo in parenthesi sunt.

fol. 13: "est autem et trigoni abg centrum grauitatis signum e. palam igitur quod totius abg centrum grauitatis est in linea xe [per signum o ut sit sicut abg trigonum a portiones atb, bkg ita xo ad oe, erit o centrum grauitatis totius portionis]. quare". hic uerba uncis inclusa prorsus inutilia sunt et in codicibus omittuntur II p. 204, 11; contra Tartalea errore omisit τοῦ δὲ — X p. 204, 9—10 et τουτέστι — σαμείων p. 204, 11. ceteris locis, ubi Tartalea adnotationes adiecit, diserte tituli loco praeposuit "interpres" (fol. 3, 4, 13°, 18, 20) uel "diffinitio prima a Nicolao Tartalea Brixiano interprete addita" (fol. 2°). in his commentariolis conscribendis interdum Eutocio ni-

titur (fol. 2* = Eutoc. III p. 306; fol. 4 = Eutoc. III p. 310; fol. 18* = Eutoc. III p. 360 cum additamentis quibusdam; u. Quaest. Arch. p. 96).

summa igitur disputationis de codicibus Tartaleae haec est. pro fundamento interpretationis habuit codicem Uallae¹), sed ubi is ei lectu difficilis uel mancus uisus erat, ad alium codicem confugiebat, qui e codice F descriptus erat, sed haud imperite interpolatus; idem antigraphus est codicis N^a.

Etiam in ceteris libris a Tartalea non editis lacunae nostrorum codicum communes interdum in Nº expletae sunt, quamquam supplementum multo saepius Uenatorio debetur; is sine dubio nullo codice adiutus sua coniectura expleuit lacunas2) codicis Na easdem, quae in codice Uallae erant, his locis: I p. 44, 3; 74, 7; 122, 7; 132, 14; 140, 26; 144, 28; 154, 26; 184, 14; 202, 1; 206, 14; 230, 17; 230, 23; 244, 4; 244, 14; 246, 24; 250, 8; 462, 18; 496, 22. III p. 160, 19; 182, 26-27; 202, 1; 210, 26; 216, 2; 218, 4; 240, 11—12; 242, 3; 250, 9; 254, 26; 352, 25; 354, 12; 368, 8. contra Na ipse has lacunas recte, ut uidetur, ex antigrapho illo interpolato emendauit: I p. 16, 2: ωστε την Θ. I p. 200, 1: AB. ὁ ἄρα N κύκλος ίσος ξσται τη. Η p. 6, 19: ξλασσον. Η p. 364, 12: ούτως ά ΔΗ ποτί τὰν συγκειμέναν ἐκ τᾶς β' τᾶς ΑΖ καὶ τᾶς ΔΗ (sed ita iam F in mg. manu 2). I p. 228, 17 et 18 δο-Dels supplementum necessarium in mg. positum est, sed manu 1, ut uidetur, certe non Uenatorii; etiam additamentum inutile I p. 202, 7: $\tilde{\eta}_{S}$ socilous in mg. manu anti-

2) In nonnullis tamen horum locorum non lacunas apertas expleuit, sed additamenta inutilia interposuit.

¹⁾ Tamen fieri potest, ut codex ille dilaceratus, a Tartalea commemoratus alius fuerit ac codex Uallae, et in eo iam lacunae illae interpolatione expletae fuerint, ita ut Tartalea eo solo loco ad alium codicem confugerit, quo eum commemoras sed hoc ideo parum ueri simile est, quod is codex, quem apographum codicis F fuisse necesse est (itaque post a. 1491 scriptum), tam male conservatus erat, ut uix ab Tartalea legi posset; quod uix spatio L annorum fieri potuit.

qua scriptum est $(\tau \tilde{\eta}_S \oplus)$. non dubito, quin haec eodem modo in antigrapho fuerint.

haec supplementa interpolata esse, ex iis, quae supra diximus, satis adparet; sed magis etiam inde confirmatur. quod interdum in Na et superuacua addita sunt (I p. 332, 21: λόγον; I p. 204, 3: ώς ή ΚΘ πρὸς ΘΔ, ή ΘΓ πρὸς ΓΔ; ΙΙΙ p. 124, 24: ἴσον ἄρα τὸ ὑπὸ ΒΜΑ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΔ τῷ ὑπὸ ΒΚΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΖ; idem casu suppleuit B), et emendationes in universum uerae paruulis erroribus laborant, sed quae interpolatoris manum redarguant. hoc in genere in primis commemorandum est supplementum I p. 40, 18 (nam I p. 40, 17 lacunam recte suppleuit Na), cuius errores in notis correxi (cfr. p. 41 n. 3); sed hic addendum est, post ênel our I p. 40, 20 dimidiam lineam in Na uacare (in mg. Uenatorius: "nulla hic lacuna"); itaque in archetypo codicis Nº magna lacuna erat, sicut est in eius archetypo, nostro codice F, quam interpolatio non prorsus expleuit; hinc fortasse concludi potest, interpolationes illas non prima manu factas esse. eiusdem generis est emendatio III p. 250, 5, quam in notis criticis indicaui; ueram in textu posui; etiam I p. 310, 4 puto, emendationem codicis Nº falsam, meam ueri similiorem esse.

His locis, qui in N* et apud Tartaleam correcti uel interpolatione peius etiam corrupti sunt, Cremonensis interdum idem praebet, quod nostri codices (Ip.16,2;154,26;246,24;496,22; IIp.192,24;196,11;206,3;210,13—15;228,23;232,6; IIIp.124,24;368,8). quod interdum supplementa Uenatorii iisdem fere uerbis habet, id casu factum esse necesse est, nisi quis credat, Uenatorius sua e Latina interpretatione Graece conuertisse¹); sed plerumque loci natura ita simplex est, ut idem duobus simul in mentem uenire potuisse ueri simillimum sit. huius modi hi loci sunt²):

¹⁾ Eum in editione sua hanc usurpasse, eo uidetur demonstrari, quod I p. 240, 3 uerba a Cremonensi p. 51 solo omissa (n. notae) in Na (et ed. Basil.) postea, sine dubio a Uenatorio, uncis inclusa sunt.

²⁾ Quod quam facile in scriptore mathematico fiat, inde per-

- I p. 122, 7: "duo latera" Cremonensis p. 28.
- I p. 144, 28: "quam est k ad i triplicata. k uero ad g" Cremonensis p. 33.
- I p. 184, 14: "minorem habet proportionem quam portio solida ad conum h" Cremonens. p. 41.
- I p. 202, 1: "ostendemus" Cremonensis p. 44.
- I p. 206, 14: "superficiei autem portionis dbe aequalis est circulus, cuius semidiametros est aequalis ipsi bd" Cremonens. p. 45.
- I p. 230, 17: "sequabitur circulo, cuius semidiametros est lm" Cremonensis p. 50.
- I p. 244, 4: "ad id, quod fit ex quadrato he in gh" Cremonensis p. 52.
- I p. 244, 14: "ad superficiem" Cremonensis p. 52.
- II p. 234, 17: "ex dupla af et dg eam habeat proportionem, quam composita ex dupla nx" Cremonensis p. 141.
- III p. 182, 26—27: "ad circulum, cuius quae ex centro aequalis est ipsi bm, et sicut circulus, cuius quae ex centro est aequalis ipsi ab" Cremonensis p. 38.
- III p. 202, 1: "et ad quadratum eg" Cremonensis p. 41
- III p. 216, 2: "bases" Cremonensis p. 44.
- III p. 218, 4: "et est sicut bh ad he, ita ln ad nm. uerum sicut he ad hp, ita nm ad nr" Cremonensis p. 44.
- III p. 240, 11—12: "in hg" et "quadratum ah" Cremon. p. 49.
- III p. 254, 26: "quadrato ar" Cremonensis p. 51.
- III p. 352, 25: "utriusque simul ab, be et quadrupla utriusque simul" Cremonens. p. 65.

spici potest, quod I p. 204, 24 Torellius et Cremonensis p. 44 in idem additamentum inciderunt. etiam II p. 222, 24 et Torellius addidit: "nal à $\Gamma \triangle$ norl $B \triangle$ mutato ênel in a_S , et Cremonensis p. 140 habet: "et cd ad db. quare". itaque enel retinuit, sed falso vertit.

III p. 354, 12: "utriusque simul ab, be et quadrupla utriusque simul" Cremonensis p. 66.

ad confirmandum, hunc consensum fortuitum esse, iam locos quosdam colligam, ubi supplementa Cremonensis et Uenatorii re ipsa similia sunt, sed uerbis ita differunt, ut nulla inter ea necessitudo esse possit:

I p. 44, 3: "altitudines uero omnium sunt aequales" Cremonensis p. 10.

I p. 74, 7: "habeat ad perpendicularem ductam a uertice coni ad idem latus" Cremon. p. 17.

I p. 132, 14: "inscriptae" Cremonensis p. 30.

I p. 230, 23: "superficies igitur klm portionis sphaerae similis est abc et aequalis superficiei de f" Cremonensis p. 50.

I p. 250, 8: "esto autem superficies maioris portionis unius sphaerae superficiei dimidiae sphaerae aequalis, quae est ad circumferentiam feh. dico igitur" Cremonens. p. 53.

I p. 462, 18: "cum igitur ipsius bh sit tripla bg, et dg ipsius hr tripla erit". Cremonens. p. 92.

III p. 160, 19: "educatur ad g" Cremonens. p. 33. itaque eandem lacunam habuit.

III p. 210, 26: "sicut fu ad ky, ita fo ad kx et uo ad yx" Cremonensis p. 43. hic quoque lacunam eandem parum recte expleuit.

III p. 242, 6: "cubi ab ad cubum bc. sicut enim ab ad bc" Cremonensis p. 49.

III p. 250, 6—10: "hoc est quadratum ah ad contentum sub ch, hg. proportio autem quadrati ah ad contentum sub ch, hb sumpto" Cremonensis p. 50.

similis ratio inter Na et Cremonensem intercedit. nam

I p. 202, 7: "sphaerae" Cremonensis p. 44;

I p. 228, 17 et 18: "data" Cremonensis p. 49;

II p. 6, 19: "ad minorem" Cremonensis p. 99;

II p. 214, 9: "punctis fg et ducantur kf, lg aequedistanter bd" Cremonensis p. 138;

- II p. 214, 18: "ita hd ad mf. sed bd ad kf quadrupla est" Cremonensis p. 138;
- II p. 232, 22 et 24: "ex dupla" Cremonensis p. 141;
- II p. 234, 5: "et cubus af" Cremonensis p. 141;
- II p. 300, 5: "aequedistantes illi, quae in puncto b contingit" Cremonensis p. 143 (cfr. Gauricus);
- III p. 364, 12: "ita dg ad compositam ex dupla ipsius af et ipsa dg" Cremonensis p. 67;
- his, inquam, locis et N^a (et Tartalea) et Cremonensis lacunas iisdem fere supplementis cuiuis obuiis resarcinauerunt. alibi contra forma genusque supplementorum differt, uelut:
 - I p. 40, 18: "sit aequale spatio, quod uocetur h. aut igitur h minus est eis plani particulis, quae lineis rectis af, fg, ge et arcubus ab, bc circa circumferentiam compraehenduntur, aut non minus eisdem. esto primum h non minus" Cremon. p. 10.
 - I p. 200, 1: "semidiametrum habens aequalem lineae ductae a uertice portionis baf ad circumferentiam basis portionis et intelligatur" Cremonensis p. 43.
 - II p. 166, 14: "intellige diametrum bd divisam esse per medium in h puncto" Cremonensis p. 129. sed haec nota fortasse Regiomontani est; saltem Uenatorius hoc credidit.
 - II p. 170, 16: "quare punctum n erit centrum dictum"
 Cremonensis p. 130.
 - II p. 200, 4: "qui eam habet quam" Cremonens. p. 135.
 - II p. 238, 7: "ad lineam, quae est inter centrum gravitatis abc portionis et centrum gravitatis frusti. sed centrum gravitatis acb portionis est r punctum" Cremonens. p. 142.

hine igitur uideri potest concludendum esse, quod Cremonensis et Nº interdum in emendationibus consentiant, id non ob

necessitudinem aliquam, sed casu euenisse.1) uerum tamen eius modi loci non desunt, qui re uera exstare quandam necessitudiuem demonstrare uideantur. nam coniecturae falsae I p. 260, 13: τομεῖς et II p. 300, 7: μήκει, quae in codice Nicolai V erant (u. p. XXXIX), etiam in Na receptae sunt.2) praeterea I p. 268, 14: ε & κδ' ω' δ", ubi in FBCV, h. e. in codice Uallae, legitur ετκδ΄ ε΄ δ΄, et in N* est ετκδ' γ' δ' (corr. Uenatorius) et apud Gauricum, quem codice Nicolai V usum esse supra demonstrauimus, fol. 30": "5324. 3. 4" (idem Tartalea fol. 31). sed cum Cremonensis p. 58 habeat: "quinque millia trecenta quattuor et viginti et quinta et quarta", concludendum est, codicem Nicolai V prima manu scripturam archetypi Uallae praebuisse, et postea demum emendationem parum rectam factam esse, quam secuti sunt et Gauricus et Na. his locis emendationes eius generis sunt, ut alteruter necessario eas ex altero sumpsisse existimandus sit. hoc ita uidetur explicandum, ut supponamus, codicem Nicolai V interpolatum ad manum fuisse librario codicis interpolati Tartaleae, qui archetypus est codicis Na, et ab eo hic illic, sicubi errorem in suo antigrapho suspicaretur, inspectum esse. itaque fieri potest, ut pars supplementorum communium Cremonensis et codicis Na (supra p. LVI) eadem uia e codice Nicolai in Nº migrauerint.

Postremo ut cognoscatur magis etiam genus ac natura codicis Nicolai V, nonnullos locos e Cremonensi adiciam, qui mihi memorabiliores uidentur.

III p. 218, 3: καὶ ἰσογώνια τὰ τρίγωνα rursus Cremo-

¹⁾ Qfli quam superbe ludificari possit, manifesto exemplo ostendam. Il p. 336, 8 recte habet F: ἐπεὶ δὲ τὸ ΒΔΓ τρίγωνον τοῦ μὲν ΒΘΓ τμάματος τριπλάσιον ἐστι, τοῦ δὲ ΒΘΓ τριγώνον τετραπλάσιον. in Na ob exitum similem interciderunt: ἐστι, τοῦ δὲ ΒΘΓ τριγώνον τετραπλάσιον. unde correxit Torellius: τοῦ μὲν ΒΘΓ τριγώνον τετραπλάσιον ἐστι τοῦ δὲ ΒΘΓ τμάματος τριπλάσιον. et ita Cremonensis p. 152: "cum igitur triangulus bcd sit quadruplus triangulo bhc et triplus portioni manifestum est." Gauricus Tartaleaque cum F consentiunt. 2) Nam lacunae II p. 302 etiam in Na sunt.

nensis fortuito cum Uenatorio consentit; nam in N^a τὰ τρίγωνα omissa sunt et in mg. manu Uenatorii (fortasse tamen manu antiquiore) legitur: ἐστι τὰ τρίγωνα; "trianguli sunt aequianguli" Cremonensis p. 44.

I p. 226, 1: τὴν AB κύκλος πρὸς τὸν περὶ διάμετρον a Torellio suppleta sunt, quocum hic Cremonensis solus congruit; habet enim p. 48: "circulus circum diametrum ab constitutum(!) ad circulum circa diametrum hk constantem".

II p. 336, 14—15 Cremonensis p. 153 habet: "quae a curua linea ad basim portionis aptata sit"; itaque ob oculos non habuit ueram scripturam ἀγομέναν; et re uera in codice Uallae fuit ἀπτομέναν (corr. B).

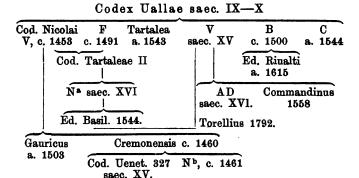
I p. 250, 19 in interpretatione Cremonensis N^b est "in qua est solis punctum (in mg. Regiomontanus: "in qua est s" eraso "solis"; et ita Cr. p. 53). hinc confirmatur, in codice Uallae fuisse τὸ σημεῖον; u. not. crit. I p. 250, 19.

II p. 306, 20: ἐν τοῖς μηχανικοῖς in N^b redduntur "in mathematicis", sicut est apud Gauricum fol. 17^{*} (cfr. supra p. XLV); "in mechanicis" Regiomontanus in mg., Cr. p. 145.

De recentioribus Archimedis interpretibus editoribusue constat, Commandinum codice Ueneto usum esse (Quaest. Arch. p. 105—8), Torellium eodem codice et ed. Basileensi (ibid. p. 110), ceteros nullo nouo subsidio (ibid. p. 112). Riualtum codicem B usurpasse, ostendi Quaest. Arch. p. 108—109. nunc addo, Marcum Meibomium, olim nostrae bibliothecae regiae praepositum, in suo Dialogo de proportionibus (Hauniae 1655 fol.) praeter multa alia Graecorum mathematicorum fragmenta etiam ex Archimede et Eutocio quaedam hausisse editionem Riualti maxime secutum (p. 16—21 — III p. 140, 7—148, 15; p. 37—39—I p. 12, 16—14, 17; p. 39—41 — III p. 18, 6—22, 4; p. 41—49 — I p. 236, 1—248, 14; p. 49—70 — III p. 222, 14—252, 2).

Ex iis igitur, quae hucusque disputauimus, hoc effici-

tur stemma codicum, interpretationum, editionum Archimedis, quod summa et finis huius disputationis sit:



P. Ubaldus (in duos Archimedis aequeponderantium libros paraphrasis. Pisauri 1588 fol.) nullo codice adiutus editione Basileensi usus est (p. 7: cum liber hic in Latinum versus multis in locis obscurus aliisque plerisque quodammodo mancis merito suspicetur . . . graecusque praeterea codex impressus, quem secuti sumus, multis in locis aliqua correctione egere videatur cett.). interpretatio Gallica Petri Forcadel (Paris. 1565. 4: le premier livre d'Archimede des choses egallement pesantes traduit et commenté par P. Forcadel de Bezies) in rebus criticis nullius prorsus momenti est, quia pleraque ipsius interpretis sunt. idem ibidem eodem anno interpretationem libri I neol ογουμένων eiusdem generis edidit (Le livre d'Archimede de des poids, qui aussi est dict des choses tombantes en l'humide. Paris. 1565. 4). denique Paschasius Hamelius (comment. in Archimedis librum de numero arenae. Lutet. 1557. 8) interpretationem editionis Basil. Latinam hic illic emendatam recepit.

hoc libris illis inspectis addendum putaui, ne quis noua subsidia in iis latere suspicatus frustra in iis conquirendis laboret.

Iam ad confirmandum stemma codicum supra propositum adnotationem criticam plenam ad arenarium dabo. collationem codicum Parisinorum ab H. Omont factam iam in Quaest. Archim. edidi; Uenetum et N^a postea ipse contuli; praeterea recepi scripturas editionis Basileensis ¹), Iacobi Cremonensis, Riualti (R), Torellii (T), quantum opus uidebatur.

II p. 242, 2: οἰόνται] οιοντε F. βασιλεῦ Γέλων] βασιλευογελών N° Ven.

> 242, 3: ἀριθμόν] om. FVABCDN^aVen. R. "arenam" Cr.

242, 4: τοῦ] τον FVABCDN*.

242, 6: êvtl] ev FVACDNaVen.; om. B. "nonnulli vero" Cr.

of om. FVABCDN*.

αὐτόν] αὐτῶν V (sed corr. m. 1).

242, 7: μεν είμεν] ηενιμεν FVABCD; ενιμεν N°Ven. , infinitiam eam minime" Cr. ὑπολαμβάνοντι] ὑπολαμβανωντι FN°Ven.

242, 9: οὖτως] οὖ VAD, & FN*Ven. (corr. in mg.), οὖτω BR.

242, 10: ϵl] $\eta \nu$ VAD.

νοήσαιεν] νοεισαιεν F; νοῆσαι εν VAD.

242, 11: ἄλλα] FVABCDNaVen.RT, "eiusmodi cumulum arenae concepissent, qualis esset" Cr.

άλίπος] αλικ'αν F; άλίπαν BC; άλίκ αν N*; άλίκου VAD.

τᾶς] πας FVABCDN^a; "uniuerse terrae tumor" Cr.

yas] yas FVABCDNA.

242, 12: τε] om. BR.

¹⁾ Ubi ed. Basil. cum emendationibus Uenatorii congruit, utrumque per "Ven." significaui, in dissensu "Ven." significat emendationes Uenatorii in Na manu factas, "ed. Basil." editionem.

242, 13: ποιλωμάτων] ποιλομάτων DN^aVen.T.
είς] om. FVABCDN^a.
ὑψηλοτάτοις] ὑψηλωτάτοις FV; ὑψιλοτάτοις D.

242, 14: ὀρέων ο ἀρέων FC.

μή γνωσόνται] μηγουσιν τε FBN*; μίγουσί τε VACD.

μηδένα κα ζηθήμεν ἀριθμόν] μηδεν ακαρη εμμεναι Γ; μηδένα κάρη ξιμεναι VAC; μηδένα βάρη ξιμεναι BN *R.1)

242, 16: πειρασούμαι] πειρασούμεν D.
τοι] του FVABD, N° manu 1; τοῦτο C, N° m. 2.
δι'] διά C.
ἀποδειξίων] ἀποδειξεων FVABCDN°.

 $242,\,17:\,\gamma$ εωμετρικάν] μετρικάν $D;\,\gamma$ εωμετρικών $N^{a}.$

242, 18: πατωνομασμένων] πατονομασμενων FCDN*. ἐνδεδομένων] ἐνδεδομένον FC.

242, 19: Ζεύξιππον] Ζευξίππου D.

244, 1: μόνον] μόνου Α.
ἀριθμόν] comp. FCN*; καί VABD.
μέγεθος] μεγέθεος N*Ven.

244, 2: εἴπαμες] ειπαμεν FVABCDN*.

244, 3: μέγεθος] μεγεθους FVACD; μεγέθεος N*Ven. ἴσον Ι΄σον D.

244, 5: κέντρον] μέτρον VAD.

244, 6: ά] ή FBCN^a.

244, 6: ἐκ] om. FVACDNAR.
ἴσα τῷ εὐθείᾳ] αι ευθειαι post lacunam FVABCD;
εὐθεῖαι Na Ven.

244, 8: ἐντὶ τὰ γραφόμενα, ώς] ἐν ταις γραφομεναις FVABCDN^a.

244, 9: διάπουσας] διαπρουσας FVABCDN^a.
δέ] om. FVABCDN^a.

ύποθεσίων] FCN a; ύποθέσεων B; ύπόθεσιν VAD.

244, 10: τινων] FBCNa; τινα VAD.

^{1) &}quot;eos minime dubium esse sensuros fore huiusmodi cumuli multitudinem nullo prorsus numero posse contineri" Cr.

- 244, 10: γραφάς] γραψας FVABCDN*.1)
- 244, 12: ἀπλανέα] ἀπλανη FVABCDN*. τῶν | τῶν τῶν D.
- 244, 13: anluntov] anitov FN* (corr. man. 1).
- 244, 15: ος έστιν] ως έστι D. των Ταν VAD.
- 244, 16: ἀπλανέων ζάπλανων FVABCDN*.
- 244, 17: ταλικαύταν] ταλίκαν ΒΒ, ταμικαύταν V, ταμικάνταν D.
 - ώστε] εστω FVADNA; έν ω BR, ές τω C.
- 244, 18: καθ' ου τάν] καθ αύ ταν FABCN*, καθ' αυτάν VD.
- 244, 19: ἀπλανέων] απλανων FVABCDN .
- 244, 20: οΐαν] οίον BD (B corr. m. 2).
 τᾶς] της FVA BCDN^a.
- 244, 21: γ'] δ' N°. έστιν] έστι CD.
- 244, 22: τό] τα FVACDN^a (corr. m. 1). τᾶς] τῆς B m. 1, R.
- 244, 24: αὐτό] αὐτον FVACDN*.
- 244, 25: τόδε] om. D.
- 244, 26: ώσπες είμεν] ώς πεςι μεν FVABCDN*. τό] τον Α.
- 246, 1: $\tilde{\phi}$ $\tilde{\eta}$ FVABCDN^a.
- 246, 2: 0v FVABCDR.

ύποτίθεται] ύποτίθενται ΝΑVen.

246, 3: ἀπλανέων] απλαν cum comp. ων F; ἀπλανῶν VABCD; ἀπλᾶν Νε Ven.

γάο] om. FVABDNa. "nam" Cr.

- 246, 4: ὑποκειμένω] υποκειμενον FVACN*R; ὑποκειμένου ΒD.
- 246, 6: ὑποτιθέσθαι] ὑποτιθεται FVABCDN*.
- 246, 7: φαμές] φαμεν FVABCDN*.
- 246, 8: ψάμμου] ψάμμους D.

^{1) &}quot;haec itaque quae apud Astrologos conscripta inueniuntur refutans et commutans Aristarchus Samius suppositionibus quibusdam scripta quaedam tradidit" Cr.

. 246, 8: σφαῖρα] σφαίρων Α. ταλικαύτα] ταλίκα BD.

246, 10: οῦτως] comp. FVN*; οῦτω BR. δειχθήσειν] δειχθεισ F; δειχθεισην B, δειχθεῖσι N*, δειχθεισ C, δειχθεισ V, δειχθεισών AD.

246, 11: τάν] των FVABCDN*.

κατονομαξίαν] κατονομαξίων FVAB, κατ' ὄνομα άξίων C, κατανομαξίων D, κατονομαζίων N*Ven.

ύπερβαλλόντας] ὑπερβάλλοντα D.

246, 12: ἀριθμόν] comp. F; καί VABCDN^a; "hanc ipsam arenam" Cr.

246, 13: μέγεθος] μεγέθους FVACDN*. ἔγοντος] εγον το FCN*.

246, 14: τα είρημένα] τη ειρημενη FVABCDN*. τάν] om. N*Ven.

246, 15: τ'] τ̄ F, τ̄ V, τῶν ABCN*.

μυριάδων] μοιριαδων FVADN*.

μή] om. FVABCDN*, Cr.

μείζονα] μειζων FVABCDN*.

καίπερ] και περι FVABCDN*.

τινῶν] τῶν FVABCDN*.

246, 16: πεπειραμένων] πειραμένων Ν*Ven. τύ] τοι FVABCDN*.

παρακολουθείς] παρακολουθής C. 246, 17: μυριάδων] μοιριαδων FVAN*.

246, 18: nal vels] navers FVABCDN^a.

246, 19: δεκαπλάσιον] δεκαπλασιών FABCN*, δεκαπλασίου VD.

προτέρων] προτέρου VD. δεδοξασμένου] δεδοξασμενων FVABCDN*.

246, 20: τ'] τ FVDNa, τῶν ABC.

μυριάδων] Μ FBCN*, μοιριάδων VAD.

^{1) &}quot;cum tu quoque illis assentias, qui experientia ostenderunt eum esse" Cr.

246, 21: μείζονα] μείζων FBCNAR, μείζω VAD.

248, 1: είμεν] επειμεν FN*, έπει μέν VACD. διαμέτρου] διάμετρον Α.

248, 2: σελήνας] σελάνας Β.

248, 3: τά] bis B; corr. m. 1. λαμβάνων] λαμβάνω VAD.

248, 5: τάν] τόν D.

248, 6: τριακονταπλασίαν] τριακονταπλασίας B m. 1; λπλασιών VAD.

καίπεο] και πεοι FVABCDN*.

248, 7: ἐννεαπλασίονα] εννεαπλασιον FVABCDN*.

248, 10: τοῦ] om. FVABCDN^a.

248, 11: οπτωκαιδεκαπλασίων] οπτωκοιδωδεκαπλασίων D.

248, 13: προπείμενον] ὑποπειμενον FVABCDN*. ἀναμφιλόγως] ἀναμφιλογον FVABCDN*.

248, 14: ὑποτιθέμαι] ὑποτίθεντι D.
τοῦ ἁλίου τᾶς διαμέτρου] om. FVABCDN*, Cr.

248, 15: σελήνας] σελάνας Β.
τριακονταπλασίαν] τριακοταπλασίαν V, τριακονταπλασίας Ven.

248, 16: μ elfona] μ elfon F, μ elfon C, μ elfon N^* , μ elfo VAD.

248, 17: μείζονα είμεν] είμεν μείζονα VAD.

248, 18: τῶν] τοῦ VAD.

248, 19: εύρηπότος] είρηποτος FVABCDN*, "dicat" Cr.

248, 20: τόν] τῶν F (comp.) CNA, τ VAD.
φαινόμενον] φαινόμαινον D.
εἰκοστόν] εἰκός C.

248, 22: δογανικῶς] δογανικῶν D.

248, 23: είς] ὡς FVABCDN*.
αν] ὰν F, ἄν N*D.
ἐναρμόζει] ἐναρμόζη VD, sed in utroque corr.
ἔχουσαν] εχουσα FBCN*.

248, 24: οὖν] ομοιον FVABCN*, ὅμοιον τι τᾶ ὅψει. τὸ μὲν ὅμοιον D.

ἀποιβές] αποιβει FVABCDN*, "simile uero" Cr.

248, 25: διά] bis D.

250, 1: ôsî] ðia — FVABCD, om. Na; "oportet" Cr. Archimedes, ed. Heiberg. III.

250, 1: ἀξιόπιστα] αξιοπιστας FVABCDN*.

250, 3: μακύνειν] μακαίνειν D.

250, 5: corlv ov] sou FVABCDNa, Cr.

250, 6: εἰς] αις F; αἶς VACDN^a, ἐς BR. ἐναρμόζει] εναρμόζη FVAN^a.

250, 7: τα om. FVABCDNa.

250, 8: ατις] α τες Na Ven.

εls] άς FCN*; om. VAD, ές BR.

250, 9: ἐναρμόζει] εναρμοζη FVACDN* (D habuit ἐναρμόζει).
ἔχουσαν] ἔχουσα BR.

τῷ] τηα FVAD, τῆ BN RVen.

250, 10: κανόνος] κανώνος N*.

ἐπὶ πόδα] ἐπιπεδον FCN^a, ἐπὶ πέδον VABD, "super planum" Cr.

250, 11: ἤμελλεν] obscure scriptum in Na, ἤμενεν Ven.

ανατέλλειν] ανατελλων F, ανατελεῖν Na Ven.

250, 13: ¿¿¿ðov] ő¿ð¿ov B mg, C, R.

250, 14: ἔπειτ'] ἔπειτα Α.
ἐόντος] ιοντος FVABCDN*.
δοίζοντι] ἀρίζοντι VD.
δυναμένου] δυναμενον FVACDN*.

250, 15: τοῦ] αὐτοῦ Β.
ἀντιβλεπέσθαι] ἀντιβλάψεσθαι C.
ἐπεστράφη] ἀπεστράφη VAD, ἐπεγράφη Β.

εls] ές Na Ven.

250, 16: ά ὄψις] αψις FVABCD.
πατεστάθη] πατασταθή N°Ven.

250, 18: ἀποχωριζόμενος] ἀποχωριζομένου Β m. 1, ὑποχωριζόμενος D; "separans autom cylindrum" Cr.

250, 19: οὖν] om. FVABCDN*. ἄρξατο] ἀρξάσθω VAD.

250, 20: µingóv j µingov FVABCDN*.

250, 21: κατεστάθη] corr. ex κατασταθη Na.
οὖν] ὁμοιως FVABCDNa; "siquidem similiter" Cr.

250, 24: ἐπιψανουσᾶν] επιψαυουσα FVABCDN*.

250, 25: \(\delta_S\) \(\epsilon_S\) \(\epsilon_S\) \(\epsilon_S\)

250, 26: εἰς] αις FVACDN*, ἐς BR. αλιος] ηλιος BR.

250, 26: ἐναφμόζει] εναφμόζη FVADN*. τάν] τα FN*, τάς VAD. ἔχουσαν] εχουσας FVABCD.

252, 2: δ' αf] δέ D.
 ἀφ' ἐνός] αφανη FVBCN^a, ἀφαν . . A, ἀφανής
 D. in V η finale macula deletum est et suprascriptum est ov rursus lineola deletum.

252, 3: σαμείου] σημειου FVABCDNa; "a puncto" Cr.

252, 4: όψιος] οψις FVADN*, όψεις C, η όψις BR.

252, 5: κανόνος] κανώνος Na Ven.

252, 6: ἀχθεισᾶν εὐθειᾶν] αχθειεια ευθεια F, ἀχθεῖα εὐθεῖα N*, ἀχθεῖαα εὐθεῖα VACD, ἄχθη ἁ εὐθεῖα BR. ἐπιψαυουσᾶν] επιψαυουσα FVABCDN*.

252, 7: rs] om. B(? habet R), Ven.

252, 8: ἐλάττων] ἐλάττωνι Α.

252, 9: είς] αις FVACDN^a, ές B. εναφμόζει] εναφμοζη FVACD (fuit -ει) N^a. εχουσαν] εχουσας FVABCDN^a.

252, 10: μέγεθος Ι μεγέθεος D. τᾶς] om. Na Ven.

252, 11: τόν] om. NaVen. εύρισκέται] εύρησκεται NaVen.

κυλίνδοια] κύλινδοοι Na, κυλινδοοι Ven., κύλινδοα ed. Basil.

252, 12: λαμβανέται] ἀναλαμβάνεται BN^a Ven.
 ἰσοπαχέα] ἰσοταχέα N^a m. 1, ed. Basil. (ἰσοπαχέα N^a m. 2).
 ἀλλάλοις] comp. N^a, ἀλλάλαν Ven.
 τό] τα FVAD; τὸ μὲν λευκόν om. N^a; corr. Ven. mg.

252, 13: οὖ] οὕτως VAD.
προτιθένται] προστίθενται N^aVen.
πρό] προς comp. F, πρός N^a, πρὸ πρός B, ποτί VACD.
ὄψιος] οψιας FVA CD N^a.

252, 14: ov] om. VAD.

252, 14: ως έστιν] ος εστιν FCN*, όσον VAD.

252, 15: ὄψιος] οψιας FVABCD. διγγάνειν] τιγγάνειν D.

252, 16: κα] οπ. FVABCDN*.

λαφθέντα] λειφθέντα VAD.

λεπτότερα] λεπτοτατα FVABCDN*.

252, 17: ἔωντι] ἐόντι VAD.
ὄψιος] οψιας FVBCDN*.
περιλαμβανέται] περι- comp. V, προλαμβάνεται D.
ὑπό] περί D.

252, 18: δρήται] ήρήται D. αὐτᾶς] αὐτῆς BR.

252, 19: μέν] πο FVABCDN^a (εἰκόνα Ven.R). λεπτότεφα] λεπτοτεφαν FVABCN^a, λεπτωτέφαν D. ἔωντι] εοντι FBCN^aVen.R, ἐάντι VAD.

252, 20: τοῦ] τοῦ τοῦ D. ἐφ'] ἀφ' N° Ven. T.

252, 21: τσῦ] τας FVACD.
τᾶς] om. C.
κυλινδρίων] κυλινδρων FVABCDN*.

252, 22: ἐπιταδείων] επειταδιῶν FVABCDN^a, "et positis ita" Cr.
πάχει] πάσχει D.

έπισκοτεῖ] ἐπισκοτεῖν C.

252, 24: δή] δέ C.
ταλικοῦτον] τελικοῦτον D.
μέγεθος] μεγέθεος D.

252, 25: nulivdolwy] nulivdowy FVABCDN*.

etativ] etati D.

252, 26: α δέ] οὐδέ Nª Ven. α οὐκ] ουκ FVABCDNª.

252, 27: είς] αίς FVACDNA, ές BR. έναρμόζει] εναρμόζη VAD (fuit -ει).

254, 2: ἐπί] ἀπο FVABCN^a, "per regulam" Cr. κανονίου] κανόνος VAD.

254, 3: ἐπισκοτεῖν] επικρωτειν F, ἐπικροτεῖν VABDN*, ἐπικρατεῖν C, "occultetur" Cr.

254, 3: τῷ] om. N°Ven.
ἀχθεισᾶν εὐθειᾶν] εὐχθειᾶν D.

254, 5: ἐπιψαυουσᾶν] ἐπιψαύουσα BR, επιψαυουσων FVACDN*.

254, 6: ἐλάττων] ἔλαττον D.

254, 7: γινέται] comp. FN*, γάρ ἐστι VACD; "non est minor" Cr.
 εἰς] αις FVACDN*, ἐς BR.
 ἄλιος] ῆλιος BR.
 ἐναρμόζει] εναρμόζη FVACDN*.

254, 8: τᾶ] τᾶν D.

254, 9: οῦτως] comp. F, οὐ CNa, οῦτω VABDR.

254, 10: τῷ] om. FVABCDN*. وἐδ] وἐδθ VAD.

254, 11: ἐλάττων η — 12: ὀρθᾶς] om. VAD. διαιρεθείσας] διαιρεθείσα FCN*, διαιρεθείσων Β.

254, 12: τᾶς ὀρθᾶς] των ορθων FBCN*.

εν μέρος] ευμετρος V, εν (εν) μέτρος ADN* (corr. Ven.).

254, 13: καί] om. ed. Basil.
ά γωνία] ἀγωνία D.
εἰς] ας FVACDN*, ἐς BR.
ἄλιος] ηλιος FVABDN*.
ἐναρμόζει] εναρμοζη FVCDN*.

254, 14: ἐστιν] ἐστι D.

254, 15: τᾶς ὀρθᾶς] om. FVCDN*. εἰς] ες FVDN*.

εν μέρος] om. FVCDN*, εν μέτρος A. Deinde in FVCDN* sequitur: ά δε έλαττων διαιρεθεισα των ορθων εις σ μειζων (μείζον C, μείζων D) η εν μερος (εύμετρος V, ένμετρος D) τουτων. δηλον ουν οτι α γωνια α ισαν ὁ αλιος εναρμοζη (έναρμόζει V, έναρμόζει D) ταν κορυφαν εχουσαν ποτι τα (τᾶν D) οψει ελαττων μεν εστιν η διαιρεθεισας τας ορθας εις οξδ τουτων

εν μερος (ξμμετρος V, &ν μετρος D). dein Ven. in N* deleuit lin. 12: δηλον — 15: τούτων.1)

254, 17: Εν μέρος Εμμετρος VAD.

πεπιστευμένων] πεπιστευμένον Α. δειχθησέται] δι' ων FVABCD NaR; "ex quibus sequitur" Cr.

254, 18: χιλιαγώνου] χιλιαγωνιου FVACDN*.

254, 19: τοῦ] τᾶς VAD.

254, 20: τῶν] τας FVABCDN^a. νοείσθω] νοήσθω D.

254, 21: τοῦ άλιου καὶ τοῦ κέντρου] om. FVACDN*, Cr.; τοῦ κέντρου τᾶς γᾶς καὶ τοῦ άλιου Β.

254, 22: ὄψιος] obscure scriptum in V, ὄψοος A, οψος D.

254, 23: ἐκβληθέν] εκβεβληθεν FVABCDN*.

254, 24: κύκλον] om. C.

254, 25: κατά] πα C.

256, 1: δε δ' CDN^a. 256, 3: Δ] om. FVCDN^a.

256, 4 et 5: έπιψαυόντων] έπιψαυωντων F.

256, 6: τόν] τῶν V m. 1, D. ΘΜ] ϑη FVABCDN^a.

256, 7: κατά] καὶ τά D. ἔστι] ἔστω C.

OK on FVABCD, "ok" Cr.

256, 8: δοίζοντα] ώρίζοντα V m. 1.

^{1) &}quot;istis angulis sic sumptis dimetiatur angulus rectus et fiat puncto et aculeo, ut angulo recto in centum et sexaginta quattuor partes diuiso unus angulus qui sit minor quam una pars illarum et ipse angulus minor factus sit recto angulo diuiso in ducentas partes maior una illarum partium. constat igitur quod angulus cui sol accommodatur, qui uerticem habet in uisu minor est quam una pars recti diuisi in centum quatuor et sexaginta partes: minor autem angulo solis dicto est maior quam una pars anguli recti diuisi in ducentas partes. constat item quod angulus cui sol accommodatur, qui uerticem habet in uisu, minor est quam una pars anguli recti diuisi in centum quatuor et sexaginta partes maior autem quam una pars recti diuisi in ducentas partes" Cr.

256, 9: τᾶν των FVABCDN*.

256, 10: τᾶν] των FBCN^a.

OM ON FVABCD, "hn" Cr.

256, 11: τᾶν | των FVABCDN*.1)

258, 1: Εν μέρος] Εμμετρος VAD.

ίσα γάρ ισον γωνιαι FVABCDN* (ισον comp. FN*). "huic autem angulo aequalis" Cr. Esti Estiv BC, elsi V.

258, 2: εἰς αν] α ισαν F, αἶς αν VACDN*, ἐς αν BR. έναρμόζει] έναρμόζη VAD.

5: εν μέρος] εμμετρος V m. 1, D.

258, 6: ὑποτεινούσας] ἀποτεινούσας VA, ἀποθειμούσας D.

258, 7: *ABΓ*] *ABN* FVBDN*.

258, 8: εἰρημένου] ειρη VAD (V in fine lineae).

9: τοῦ] bis B. τοῦ ΑΒΓ κύκλου] om. D.

τοῦ ABΓ κύκλου — lin. 11: κέντρου] bis F tribus primis uerbis expunctis; in C una linea in rasura est. nota, quae hoc loco in B est (Quaest. Arch. p. 181), significat ώραῖον (Wattenbach p. 24).

258, 12: ἔχειν] εχει FVACDN*.

258, 13: δεδειγμένον] δεδεικμενον B, sed corr.

258, 15: ταύτας δέ] τας δε FVABCDN* (δ' D, δέ om. B). έλάττων — lin. 16: πολυγωνίου] om. FVABCDNa.

258, 16: ἐλάττονα οὖν] ελαττω FVABCDN*; in FVBDN* sequitur lacuna 5-7 litterarum.2)

258, 17: δ] ηα FVACDN^a.

258, 18: τᾶς] om. VAD.

258, 20: ΣΗ] εη FVABCDN*, "eg" Cr.

258, 21: loãν γάρ om. D.

ΘΑ | τα ΘΑ FVABCDN^a; "cum hk sit aequalis ipsi ha" Cr.

2) "maiorem esse quam triplam sesquioctauam diametri minorem uero quam triplam sesquiseptimam. minorem uero habet proport." Cr.

¹⁾ In FVCDNa spatium figurae relictum est, in A nullum. in B figura reperitur Torellianae similis (R). in B adscriptum est: λείπει τὸ διάγραμμα et οὐ λείπει γόνυ τὸ διάγραμμα.

258, 22: ἐπεζευγμέναι ἐντί ὑπό] ἐπιζευγνυμεναι επι FVA BCDN*.

258, 23: ΣΗ] ABΓ FVABCDN^a Cr.; corr. B m. 2.

258, 25: EΘΥ] εθγ VAD.
διάμετρος] γωνια FVABCDN*, Cr; corr. B m. 2.
ΣΗ] ABH FVACDN*, αβγ B, ση m. 2; "abg" Cr.

258, 26: ἐστίν] ἐστί Β. τοῦ ΣΗ κύκλου] οm. C; του εη κυκλου FVADN^a Cr.

258, 27: ἄρα] comp. N°, δέ C. ΘΥ, ΚΣ] δγ κς VAD.

260, 1: τᾶς του FVABCDN^{*}. ωστε] ως VAD.

260, 2: ΥΣ] ~ς Ν*, γς VAD. ἐλάττονα] ἐλάσσονα C.

260, 3: ΘΚ μείζων] ΘΚ V ελαττων FBCN* (Θκψ B m. 2, θκ~ N*), θκῆ ἐλάττων VD, θκη οὖκ ἐλάττων Α; ,, hky minor" Cr.

 ΘP] corr. in $\vartheta \chi$ B, $\vartheta \kappa$ R. $\Sigma \Upsilon$] $\sigma \nu$ N^a Ven., $\sigma \gamma$ VAD.

260, 4: ἐλάττω] ἐλάττων D. καί] om. B.

έχει] εχοι FB. 60, 5: τάν] τα F, τᾶ VADN*. ΔΤ] δη D.

έπεί δέ] επι FVABCDN*.

260, 6: ΔΚΤ] δατ D; om. Na, δπτ τριγώνων Ven. δρθογωνίων] bis CD.
πλευραί] πλευράν D.

260, 7: ΔΤ ἄνισοι] ϑη ἄνισσοι D, ϑτ ἄνισοι V.
 ΘΡ, ἁ] ΟΡΑ FVABCDN*, "et angulus maior contentus lineis dt dk" Cr.

260, 8: ά] om. FVABCDN*.
τᾶν] των FVABCN*.

260, 9: τᾶν TVABCDN^a.

260, 11: ΔΤ δη D. δυῶν] δύο VAD.

260, 12: ἀτέραι] ᾶτεραι αι C.

260, 13: Empti] Eovil VAD.

260, 15: ταν] τα FVABCDN^a (B corr.).

260, 16: ὑποτεινουσᾶν] υποτεινουσα FVABCDN*, "subtensa" Cr.

ποτί] om. FVACDN^a.

έλάττονα] om. D.

260, 17: ὀρθάν γωνίαν] ὀρθογωνίαν D.

260, 18: ελάττονα] ελάττωνα D, ελάσσονα Nº Ven.

260, 19: τᾶν] των FVABCDN*.

260, 20: τᾶν ΘΟ, ΘΜ] των ΘΝ, ΘΜ FVABDN*, τῶν θμ, θν C; "hn, hm" Cr.

έλάττω] έλάττονα C. 260, 22: καί] om. Ven.

περιεχομένα] περιεχομένη VAD.

260, 23: τᾶν] των FBCN^a.

γωνίαν] γονίαν N^a.

260, 24: τῶν | των FBCN*.

260, 25: τᾶν] των FVABCDN*.

 $\Delta \Lambda - \tau \tilde{\alpha} \nu$ p. 262, 1] om. VAD.

260, 26: είη κα] ή εικα FCN.

262, 1: ά] om. F. τᾶν] των FBCN*.

262, 2: δισμύρια] δεσμύρια N° Ven. μέρεα] μερος FVABCDN°.

262, 3: μείζων] μείζον VA, μείζου D.

262, 4: ά ἄρα] αρα α FVABCDN*. μείζων] μείζον VAD.

262, 6: εἰς] αις FVACDN*, ἐς BR:
τᾶ] ταν FCN*.
ἐντί] ἐστιν BR.

 $\dot{\alpha}$] om. A, in V paene erasum.

262, 9: δεικνύται] δείκνοται D. καί] om. BR.

262, 10: ὅτι] οιον FVABCN*, οἶου D. ά] οm. D.

262, 11: 071] om. FVABCDNa.

262, 13: ρ'] έπατόν VAD.

262, 14: μείζονα] μειζων FVACDN°.

τριαπονταπλασίονα] τριαπονταπλασιων $FVACDN^a$.

262, 15: σελήνας] ελινας FN*, Ven.

μείζονα] μείζων FCN*, μείζον (ex μείζων) V, AD.

262, 16: σελήνας] ελινας FN*, Ven.

262, 19: ἐοῦσα] ἐοῦσαι Ν*.

χιλιαγώνου] χιλιαγώρου D.

262, 20: τῶν] τοῦ VD.

262, 21: φανερόν] φανερου D.

262, 23: ά δὲ διάμετρος τοῦ άλίου] om. D.

264, 4: παντός] πάντα D. τᾶς] om. FVABCDNa.

264, 5: δ κα ή ισόπλευρον] ό και εις ο εθ πλευρεον F, δ και εις ό έθ πλευραν έόν BC, δ και εις ό εθ πλευραν έων VAD.

καὶ πολυγωνότερον] και πολυγωνου οτι FBCN*.

264, 6: εγγεγοαμμένον εν τῷ κύκλῷ] εγγεγοαμμενου του κυκλου FBCN*.

264, 5: καl — lin. 6: διάμετρος] ἄμετρος VAD. "cuiuscunque figurae multorum angulorum circulo
inscriptae, quae plus quam sex lateribus constet; cum hexagono inscripto in circulo diametros circuli est tertia pars ambitus ipsius
hexagoni, erit ut diametros" Cr.

264, 9: τᾶς γᾶς — 10: διάμετρος] om. FVABCDN*; ,,quod autem diametros mundi minor sit decies milies decem milibus centies stadiorum hinc constat. quoniam" Cr.

264, 12: τάν] τον comp. FN*, τον VD, τήν C.

264, 13: μείζονα] μείζον D. σταδίων] σταδίων έστιν FVACDNa; in B corr. in σταδίων είμεν (sic R).

264, 14: "] om. FVCDN".

264, 16: τριπλασίονα] τριπλασίων FVACDN^a.
 ως] om. N^a Ven.

264, 17: μυριάδες] μυριαδων FVABCDN^a. 264, 21: μέν οὖν τῶν] om. FVABCDN^a.

264, 22: τῶν] τᾶν B; sed corr. m. 1.

264, 24: μείζον] μειζων FVACDN*.

264, 25: διάμετρον] διαμέτρου D. μάπωνος] μάπονος Ven.

264, 26: τετρωκοστομόριον] Α; τετρωκοντομοριον FBCN*; etiam V, sed corr.; τετροκοστομόριον D.

266, 2: ἐτέθεν] ἐπετέθεν ∇ , ἐπετέθων D, ἐτέθεντο BR. μαπώνες] μαπώνος $AD(\nabla?)$.

266, 3: ἀλλαλᾶν] C, αλλαλων FVABDN^a.
μακώνες] μάκονες VAD.

266, 4: δαπτυλιαίου] δαπτυλι αί F. ουν] om. FVABCDN².

266, 5: μάπωνος] μάπονος N^a Ven.
ώς τετρωποστομόριον] ώστε τροποστομόριον D.

266, 7: ἀναμφιλογώτατα] αναμφιλογωτατον FVABCN*, ἀναφιλαγωτατον D.

266, 8: προκείμενον] προκειμένου D.

266, 9: χρήσιμον] χρήσιμα VAD.

266, 11: περιτετευχότες τῷ] περιτευατ' ες το FVABCDN a. 1)

266, 14: προειρημένον] προειρημενων FVABCDN*.

266, 15: τό] τα FVABCDN*.

μυρίων] μορίων D.

266, 16: τό] om. FVABCDNa. ἀποχρεόντως] ἀπροχρεόντως Β.

266, 17: ἐγγιγνώσκομες] εγιγνωσκομεν FVABCDN*. ἀριθμόν] ἀριθμών VAD.

ἔστε ποτὶ τὰς μυρίας] ες τοις ποτι τας FVABN a, ές τοῖς C, ές τὰς ποτὶ τάς D. "referentes eum in reliquos superiores" Cr.

266, 18: ἔστων] ἐστω FVABCDNa.

266, 19: τὰς μυρίας μυριάδας] τα μυριαν μυριαδων FAB, τᾶν μυρίαν μυριάδων VCDN^a.

266, 20: πρώτων] πρώτον Α.

266, 21: ἀριθμῶν καὶ ἀριθμείσθων] και αριθμων FVABCDN*, "et numerorum secundorum" Cr.

^{1) ,,}ui in his, qui compositi sunt a me in libro, quem ad. Zeuxippum scripsi, non curent, qui haec legent' Cr.

266, 22: ἐκ τᾶν] ἐκατον FVACDN^a, αὶ ἀπὸ τῶν BR.

266, 23: καὶ έκατοντάδες] om. D.

ές τὰς μυρίας μυριάδας] εσται μυριων μυριαδων FVACN*, ἔστε μυρίων μυριάδων B. "erunt unitatum quae dicuntur decies milies decem milia" Cr.

ές τάς — 24: μυριάδες] om. D.

268, 1: τρίτων] τῶν τρίτων ΑΒR.

268, 2: ἀριθμείσθων] αριθμεισθω FVABCDN*.
τρίτων] τριων CN* (F?).

268, 3: ἀπό] αι απο FVABCDN*. τᾶν] τῶν BR.

268, 4: ἐς τὰς μυρίας μυριάδας] εσται μυριαν μυριαδες FVACD, εστε μυριαν μυριαδων Β, ἔσται μυρί (μυρίαι Ven.) μυριάδες Ν^{*}; "erunt decies milies decem milium unitatum dictarum" Cr.

268, 7: ἀριθμῶν] comp. FBCN*, οὖν VAD.

268, 8: οὖτως] comp. N*; οὖτω BR.

268, 9: ἐχόντων] εχοντες FVABCDN^a. ές τάς] εσται FVABCDN^a.

μυριακισμυριοστών] μυριακισμηριοστών Α.

268, 10: μυρίας μυριάδας] μυριαι μυριαδες FVABCDN^a; "et hoc modo procedentes numeri huiusmodi nomina habentes erunt decies milies denorum milium decies milies decem milia" Cr. ἀποχρέοντι] αποχρεωντι FCN^a.

268, 11: ἐπὶ τοσοῦτον] ἀπο τοσουντων F, ἀπὸ τοσούτων VABCDNa; "ex tantis" Cr.

γιγνωσκομένοι] γινωσκόμενοι ACN*.

έξεστι] έξεστιν Α.

268, 13: πρώτας] πρωτης ΕΥΑΒCDN*.

268, 14: πρώτας] om. FVACDN*.

268, 16: τας] της VAD.

πρώτων — 17: περιόδου] om. FVABCDN*, Cr.

268, 17: δευτέρων] τῶν δευτέρων VAD.

268, 20: ἐχόντων] ἔχοντες ΒR.

268, 21: ές τάς] εσται FVABCDN^a.

268, 22: μυρίας μυριάδας] μυρισιαι μυριαδες F, μύριαι μυριάδες VABCDN^a; "erunt decies milies decem milia decies milies" Cr.

nal] om. D.

268, 23: ἀριθμός] comp. FVN*, καί BR.

268, 24: οῦτως] comp. Na, οῦτω BR.

268, 25: ἐς τάς] εσται FVABCDN*, "erunt" Cr.

270, 1: μυρίας μυριάδας] μυριαι μυριαδες FVABCDN*.

οῦτως] οῦτω BR, comp. N*.

κατωνομασμένων] κατονομασμενων FN*, κατωνομασμιων D.

270, 3: έξης πειμένοι] έξησκημένοι VADN*, Ven. παρά] αρα C.

 η] $\tau \iota$ N^a, Ven.

270, 4: μέν] ειεν FVABCDN*.

270, 5: μετ' αὐτούς] μετὰ τοὺς C.

270, 6: παλουμένων] παλουμενοι FVABCDN*.

270, 7: τόν] των Β, corr. m. 1; τῶν αὐτῶν τρόπων ∇, sed corr.; τρόπων Α.

συνωνύμων] συνωνύμαν D.

270, 8: τῆ] om. FVABCDN*.

270, 9: ἀριθμῶν] comp. FBN*; in B sequitur: πρώτων corr. in ἀριθμῶν.

ἀριθμῶν] comp. FBN*. τᾶς] ἁ FVACN*, ὁ D.

270, 10: ἀριθμῶν] comp. FBN*. δ] om. N* Ven.

270, 11: χιλίαι] χίλλιαι VD.

270, 12: corlv cor VABDNa.

270, 15: μυριάδες] χιλιάδες VAD.

270, 18: ἐστιν] ἐστι VABCDN*.

270, 19: $\[\[\] \]$ esti nai FVCD, éstiv A, éstiv $\[\] \]$ St. BR, $\[\] \[\] \]$ Ven.

δποσαιοῦν] πολλαι FVABCDN*.

270, 20: έξοῦντι] *έξοῦτι* ed. Basil.

270, 21: γιγνωσκόμενον] γινωσκόμενον C.

270, 21: τᾶς] της FBCR.

270, 22: ἀνάλογον] ἀναλόγων A, sed corr.

ξόντων] εωντων FCN*.

πολλαπλασιάζωντι] πολλαπλασιαζοντες FVABCDN*, "si sint numeri ab unitate proportionales, et quidam ex eadem proportione sese multiplicauerint" Cr.

270, 23: δ γενόμενος] σταν FVABCDN*, "quod pro-

ducetur" Cr.

270, 24: τοῦ μείζονος] ουν FVABCDNa, "a maiore" Cr.

270, 25: πολλαπλασιαξάντων] πολλασιαξάντων Α, πολλαπλασιαζάντων C. άλλάλους] οm. VAD.

δ] om. VAD.

270, 26: πολλαπλασιαξάντων] πολλαπλασιαζάντων C, πολλασιαξάντων D, sed corr. άπέγει] απεγη FBCN*.

2, 1: ἐλάττονας] ελαττωνας Ε, ἐλάττονες D.

272, 2: δ] om. FVABCDN*.

οῦς] ως FVABCDN*.

ἀπέχοντι] απεχωντι FBCN*.

ἀπό μονάδος] απομαδος F.

272, 3: πολλαπλασιαξάντες] πολλαπλασιάσαντες C.

έστων] έστωσαν ΒR.

272, 4: ἀπὸ μονάδος] απομαδος FV.

272, 5: πεπολλαπλασιάσθω] πεπολλασιάσθω C, παραπολλασιάσθω N* (-αρα- comp.), Ven.

272, 6: Χ. λελάφθω] χλ ειληφθω FVABCDNa; "q. suma—tur" Cr.

272, 7: $\hat{\epsilon}_{n}$] $\delta \Theta K$ FVABCDN². $\tau \tilde{\alpha}_{S}$] bis C.

Δ] ΦΛ FVABCDN², ,,et hic sit l" Cr.

272, 8: ἀπὸ μονάδος] απομαδος FVAD.

272, 9: ἴσος] comp. FN^a, ἴσον A, ἴσαν ed. Basil.

272, 10: ἀριδμῶν ἴσους] ισων (comp.) ισους FVACDN = ἴσον ἴσους Β, Ven. R; "cum igitur sint pro – portionales, et totidem" Cr. 272, 10: Δ] διά D.

272, 11: τὸν αὐτόν] τὰν αὐτάν FVAN* Ven.

272, 12: 4] δέ D.

272, 13: ἐστίν] VADN^a. τῷ] supra m. 1 V.

272, 14: ἴσος] ἴσον VAD; comp. N°. δῆλον] ν in ras.
m. 2 A.

δ] om. Na Ven.

272, 15: τέ έστιν] τε έστιν comp. F, τέ έστι C, τουτέστιν VA, τουτέστι D.

272, 16: τῶν] om. Na Ven. T.

πολλαπλασιαξάντων] πολυπλασιαξάντων VA, πολλαπλασιαζάντων C.

"" isov comp. FNa, "" vABCD; "tantis distabit quantis" Cr.

272, 17: ἐλάττων] comp. FBCN*, ἔχων VAD.

272, 19: 6] supra V, om. AD.

272, 20: of Δ, Θ. of μèν γάρ] οιδε μεν γαρ οι FVABCDN^a; ,,quantus est numerus ex numeris ordinis multiplicantium collectus. nam" Cr.

272, 21: of δέ - 23: ἀπέχει] om. D.

272, 22: ένί] επι FVAC; "uno" Cr.

272, 23: τοσούτοι] τοσούτοις ed. Basil. Dein in FVBCDN^a spatium figurae relictum est.

274, 1: ἀποδεδειγμένων] ἀποδεδεικμένων Β, sed corr.

274, 3: μάπωνος] μάπονος R, ed. Basil.

274, 4: τετρωποστομόριον] τετραποστομόριον BR. δῆλον] om. B.

274, 5: ά] om. FVABCDN*.

οὐ] ου N*, οῦτως VAD.

274, 8: τετρωκοστομόριον] τετρακοστομοριον FVABCDN ..

274, 9: ἐστίν] ἐστί VADN^a.

274, 10: ἔχοντι] εχωντι FBCN* Ven.
ποτί] ποτ' BR.
τᾶν] τῶν C.

274, 11: διαμέτρων] διάμετρον V? AD.

274, 12: τοῦ ἴσον τῷ] εις το FVABCDN*; "ad magnitudinem" Cr.

274, 12: μάπωνος] μαπονος FVADN^a Ven. μεγέθει έχοντος] om. FVABCDN^a.

274, 13: μείζονα] μείζον FVABCDN*. μυρίων] μορίων D.

274, 15: οὐ] οὕτως VAD. & Nª.

μείζων] μείζον FVABCDNª.

κα εἴη] καιν FBCNª R Ven., om. VAD.
ἀριθμός] οὖν VAD.

274, 17: g'] ἀριθμοί VAD, ἀριθμός ed. Basil. (g' N'

274, 19: ι'] δέκα VAD.

μονάδες] μυριαδες FVBCDN*.

274, 21: ἐστίν] ἐστί VABDN*.
τάν] των FVADN*, τόν Ven.

274, 22: σφαίρας] εφη FBCN*, έφ' ή VAD.

μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν F, μυριάδεσσι ABCI
μυριάδεσι V.

274, 23: λόγον] om. N° Ven. τᾶν] τήν D. διαμέτρων] διαμετρον FVABCDN°.

274, 24: ταλικαύτα] τηλικαυτα FVABCD, τηλικαύτη Ν

274, 26: ελάττων] ελάσσων C.

274, 27: πολλαπλασιασθεισάν] πολλαπλασθεισαν FV πολλαπλασσθεισαν D, πολλαπλάσθησαν ed. Ba

276, 2: μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FVADN^a. ἐπεί] επι FVABCDN^a, "quoniam" Cr. δ' αί] δε FVABCDN^a.

276, 4: τῆ] τε FVABCDN^a (in V fuit δέ). δεκαπλασίων] δεκαπλευρων FVABCDN^a, "in cuplis quoque centum est proportionalis" ὅρων] ὁ ϙ̄ C, ὀϙ̄ N^a. ἀναλογία] αναλογον FVABCDN^a.

276, 6: $\delta \tilde{\eta} \lambda o \nu - 7$: $\dot{\alpha} \nu \alpha \lambda o \gamma (\alpha \varsigma)$ om. C.

276, 6: ἀριθμός] επτος FVABNa (in V obscure script ἐπ τᾶς D, "sextus" Cr.

276, 8: δεδείπται — 9: μονάδος] om. B.

276, 8: ενί] εν FVACDN^a.

276, 9: ἀπέχει] om. FVABCDN*.
η ὅσος] ασσος FN*, ἄσσος VA, ἇ ὅσος BR, ασσος

276, 9: δ ἀριθμός] ελαττων FVABCDN*.
συναμφοτέρων] συναμφο δε FBN* Ven. R, συνάμφω δέ C, συναμφότερα δέ VAD; "nam ostensum est productum uno paucioribus ab unitate
distare quam sint illi qui ex utroque multiplicantium numero collecto notantur" Cr.

276, 10: ἀπέχοντι] απεχωντι FCN*.
πολλαπλασιαξάντες] πολλαπλασιάσαντες C.

276, 12: τῷ] τη FVABCDN*.

276, 14: δευτέρων] om. Na Ven.

276, 15: φανερόν — 18: ἀριθμῶν] om. VAD.

276, 16: μέγεθος] μέγεθες ed. Basil.

τῷ] τα τε FVABCDN^a (post σφαίρα). 276, 17: ἐγούσα ἔλαττόν] ἐγούση ἐλάττών FBCN^a.

276, 20: ἐστίν] ἐστί BVAD, om. Nº Ven.

276, 21: μυριάδεσσι] μυριαδεσι FCNa, μυριαδεσιν VAD. γένοιτο] γέννοιτο A.

276, 23: μυρίων μυριάδων AN Ven.

276, 24: γενομένου] γενωμενου F.

276, 25: πολλαπλασιασθεισᾶν] πολλαπλασθεισᾶν B, sed corr. γιλιᾶν] γιλίων BR, γίαν Na Ven.

278, 1: [ε] ξκατόν BR.

μυριάδεσσιν] μυριάδεσιν VACD.

ἐπεὶ δ'] ἐπείδ' Ν* Ven., ἐπεὶ δέ C.

278, 3: ἀνάλογον αί] αναλογιαι FVABCDN^a; "in ordine proportionis" Cr. ἀναλογίας N^a Ven.

278, 4: αὐτῷ αυτη FVACDNa.

278, 5: ώς] ώ F.

278, 8: ἐντί] ἐστίν Ν° Ven.
τούτους] τους FVABCDN°.

278, 9: τῶν] (prius) om. FVABCDN*. εξ] εκ FVABCDN*; "sex" Cr.

278, 10: τρίτων] τριών FVACDN^a.

278, 11: τοίτων] supra m. 1 B.

278, 12: μέγεθος] μεγεθους FVACDNa.

278, 13: τα] om. Na Ven.

278, 14: έλασσον] ελάσσων ΒR.

278, 14: ι΄] δέπα VD.

278, 16: ἐχούσας] ἐχούσης Να Ven.

278, 18: μέγεθος] μεγέθεος Na Ven.

278, 19: ἐχούσα] ἐχουσαν ∇ (corr. in ἐχουσα, sed obscure) D.
 ἐστιν] ἐστι C.

ι'] δέκα VAD.

278, 20: δέ] δη FVABCDN*.
ά] (prius) ἡ Β. ά] (alt.) om. D.

278, 21: ¿στί] ἐστιν BR.

278, 22: ρ'] ξκατόν ΒR.

278, 23: μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FVACD, μυριάδεσσι BR.

278, 24: άλίπα] άλίσα A. ά] om. FVABCDN^a.

278, 26: ψάμμου] ψάμμον Α.

280, 1: μυριάδεσσι] μυριάδεσι VACD.
καὶ ἐπεί — 2: μυριάδες] om. VAD.

280, 5: οπτωπαιειποστός] οπτοπαιειποστός C.

280, 9: τέσσαρες] τέτταρες D.

280, 11: μονάδες] μυριάδες N^a Ven. 280, 12: μέγεθος] μεγέθεος N^a Ven.

280, 14: μονάδες] μυριάδες C. τῶν] τῶν δέ Nº Ven.

280, 15: δέ] δη FVABCDN^a.

μυρίων — 17: διάμετρον] bis F, sed corr. m. 1.

280, 17: μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FVACD, μυριάδεσσι BR.

280, 18: ἐκ] τὸ ἐκ C.

280, 19: διάμετρον] διαμετρων FAD (V?).

280, 20: ἔλασσον] ελασσων F, B (sed corr.), Na Ven. R.

280, 21: πολλαπλασιασθεισᾶν τᾶν χιλιᾶν] πολλαπλασιασθεισῶν τῶν τοῦν χιλίων VAD.

280, 23: μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FVACD. δ'] δέ Nº Ven.

280, 25: μονάδος] μαδος F. δ'] δέ N° Ven.

280, 26: δηλον — 27: αναλογίας] mg. F.

282, 1: τριάποντα] τριάπωντα A, sed corr.

282, 3: ἄλλοι] οι αλλοι FVABCD.

282, 6: μονάδες] μοναδων FVACDN*. τῶν] τᾶν Α.

282, 8: μέγεθος] μεγεθους FVADN^a.

282, 9: Ελασσον] ελασσων FVCDN°.

282, 10: δέ] δη FVABCDN^a. ά] (alt.) αί D.

282, 11: μυριάδων] μυριαδας FBCD, μυριάδες AR. έστι] έστιν C.

282, 12: τᾶς τάν] ταν FVABCDN*.

282, 13: μυριάδεσσι] F, μυριάδεσσιν BCN*, μυριάδεσιν VAD.

282, 14: τὸ μέγεθος] om. Na Ven. T.

282, 15: ά] om. C. δηλον] δήλων A, sed corr.

282, 17: πολλαπλασιασθεισᾶν τᾶν] πολλαπλασιασθεισῶν τῶν VAD.

δέκα] δέ Na Ven. μονάδων] μονάδας D.

282, 18: ρ'] έπατόν ΒR.

μυριάδεσσιν] μυριασιν FCN* Ven., μυριάσι VAB, μυριαδεσι deleto -δε- D.

282, 19: ἐπεί] ἀπεί Α.

282, 20: ¿στι] ἐστιν BC.

282, 22: δηλον] δηλον οὖν V (AD?).

282, 24: τῆ το F; corr. m. 2; τῆ Na Ven.

282, 25: καλουμένων] καμενων F (corr. m. 2) CN* Ven.

282, 29: έστι] έστιν Β. χιλίαι] om. VAD.

284, 2: τᾶ] μετά D.

284, 3: ρ΄] έκατόν VAD.
μυριάδων] μυριαδες FVABCDN*.

ξλασσον] έλασσων FBCN^a, έλα in fine lineae A.

284, 5: σφαῖρα] σφαιρας F (corr. m. 2) VACD. μυριᾶν] μυριας FVABCDN^a.

284, 6: μυριάδων] μυριάδας ΒR.

284, 7: ο΄] έπατόν BR. ο΄] έπατόν BR, om. D. μυριάδεσσιν] μυριάδεστο FVACD.

284, 8: δή δε FVABCDN*.

284, 10: μυριᾶν] μυριας FVABCDN^a.

μυριάδων] μυριάδας BR.

φανερόν] σφανερόν D. ἔλασσον] ἐλάσσων FVN^a,

Ven.

284, 12: πολλαπλασιασθεισᾶν] πολλαπλασιον FVACN*, πολλαπλασίων D.

τᾶν χιλιᾶν] τῶν χιλίων VAD, χιλιᾶν Na Ven.

284, 13: ταῖς ο΄ — 14: ἀριθμῶν] om. VAD.
μυριάδεσσιν] μυριασιν FCN^a, μυριάσι BR.

284, 14: τετρωποστός] τετραποστος FVABCDN^a.

284, 15: μονάδος ἀνάλογον] νομάδων D.
φ'] om. D.

284, 16: ἐκ τᾶς — 17: μονάδος] om. C.

284, 17: τετρωποστός] τετραποστος FVABCDN^a.

284, 18: οπτώ μέν] ειμεν FVACDNa, οι μέν οπτώ BR, ,,octo" Cr.

284, 20: τούτους] τους FBRN^a Ven.

284, 23: Le two entwo $[FVADN^a]$, two entwo $[FVADN^a]$, two entwo $[FVADN^a]$

284, 24: αὐτῶν] αυτος ΕΥΑCDN^a. ἐστι CD.

284, 25: μυριάδες] μοιριαδων F, μυριάδων VABCDN*.

284, 26: μέγεθος] μεγέθεος Na Ven.

286, 1: μυριάδων μυριάν] μυριακις μυριαδων μυριων FVABDN*, μυριακις μυριαδων μυριαδων C, ,,decem milium myriadum" Cr. Ελασσων FVACDN*.

286, 3: ἔχουσα] εχουσας FVADN*.

286, 5: μυριάδων μυριᾶν] μυριαδας μυριας FVACDN*, μυριάκις μυρίων BR. .

ρ'] om. D. μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FC, μυριάσιν VAD, μυριάδεσσι B.

286, 7: ταλικαύτα τηλικαύτα D. ἐστὶν ά] ἐστὶ τά D.

286, 8: e'] om. Na Ven.

286, 9: τό] om. C.

ξλασσον] ξλαττον VAD.

286, 10: πολλαπλασιασθεισᾶν] πολλαπλασιων FVACD Ven., πολλυπλασίων Ν^{*}; "producto ex decem myriadibus" Cr.

μυριάδων] μυριαδαν FVACD.

286, 11: ταῖς ο΄ μυριάδεσσιν] ταν ο΄ μυριαδες FCN*, ταν ο΄ μυριαδ. Β, τῶν ο΄ μυριάδες VAD.

286, 12: τῶν ἔκτων] τῶν ἀριθμῶν τῶν ἔκτων BR, τῶν ἀριθμῶν ἔκτων D.

286, 13: τετρωκοστός] τετρακοστος FVABCDN*.

^{1) &}quot;reliqui post quintos sextorum sunt uocati" Cr.

286, 15: δῆλον] δῆλον οὖν VAD.
δυοκαιπεντακοστός] δυοκαιπεντηκοστος FVABCDR.

286, 16: ἀπὸ μονάδος] om. C.

286, 20: καλουμένων — 22: έβδόμων] bis F, sed corr. m. 1.

286, 23: ίσον] comp. Na, ίσα ed. Basil.

286, 24: τάν] των comp. F, τῶν DN^a, τόν C.

286, 25: Ελασσον] ελασσων FBCN*.
α] γίλιαι VAD.

288, 1: μυριων mg. FB.

288, 2: τοῦ μέγεθος] om. D.

,α] χίλιαι VAD. τῶν] τᾶν D.

288, 4: οὖν] ομοιως post lacunam 3-8 litt. FVABCD.

288, 5: τῷ] τό N^a Ven.
ἀστρολόγων] ἀποστόλων D.

288, 6: α] χίλιαι VAD.

288, 10: ἔλασσόν] ελασσων FVCDN*. ἐστίν] ἐστί Ν* Ven.
α] χίλιαι VAD.

288, 12: ποτί τόν] ποτι των F, V (sed corr.), Na.

288, 13: είσημένον] είσημένων VA.

288, 15: αν] om. VD.

 $τ\tilde{\alpha}^{\nu}$ σφαιρ $\tilde{\alpha}^{\nu}$] $τ\tilde{\omega}^{\nu}$ σφαιρ $\tilde{\omega}^{\nu}$ VAD (σφαιρ ω^{ν} etiam FN*).

288, 16: ἔχοντι] εχωντι FC. ποτ'] ποτί Να Ven. άλλάλας] αλλας FVACDNa.

288, 18: ἐοῦσα] οὖσα ∇.

μυοιοπλασίων] μυοιοπλασιαν FVCN*, Ven.; μυοιοπλάσια B, V e corr., AD.

288, 20: τᾶς] om. D.

288, 21: ἐπεὶ δέ] επειδη FVABCDN*. ἔχοντι] εχωντι FC.

288, 23: av om. VAD, in mg. ÷ iidem.

288, 24: μυρίαις] om. FVBDN*, μυριάδων AC. μυριάδεσι] μυριάδεσι VAD.

288, 25: δέ] γάο N° Ven. (sed in N° supra scriptum δέ comp.).

on. FVABCDNa.

288, 26: ελασσόν] ελασσων FVABCDNa; corr. B mg.

290, 1: α] χίλιαι VAD.

290, 4: είμεν] om. C. ἐσσείται] εσειται F.

290, 5: πολλαπλασιασθεισᾶν] πολλαπλασιαν FVACDN^{*} Ven.

χιλιᾶν] χιλιων FVACDNa, Ven.

290, 6: μονάδων] μονάδων τῶν ἐβδόμων ἀριθμῶν Β. μυρίαις] comp. V, μυρίες Α. μυριάδεσσιν] μυριάδεσιν VAD, μυριάδεσσι BN*, R Ven.

290, 7: ξβδόμων] ξβδόμων ἀριθμῶν Β. ,α] χίλιαι VAD. μονάδες] μυριάδες C.

290, 8: αl] om. FVABCDNa.

290, 12: \tilde{o}_S na $\tilde{\epsilon} \tilde{t} \eta$] nai $\pi \epsilon \nu \tau \alpha$ - $F N^* Ven.$, nal $\pi \epsilon \nu \tau \acute{a} n_S$ V A B C D.

290, 13: τοίνυν] οὖν C.

290, 14: τα om. FVABCDN^a.

290, 16: ἔλασσόν] ἐλάσσων VABDR. ,α] χίλιαι VAD.

290, 18: κεποινωνηκότεσσι] κεκοινωκηκότεσσι B, sed corr.

290, 19: ὑπολαμβάνω] ὑπολαμβάμβανω D.

μεταλελαβηκότεσσιν] μεταλελαβηκότεσσι VABDN*.

290, 22: πεφροντικότεσσιν] πεφροντικότεσσι VABCDN*.
τάν] την C. ἐσσείσθαι] ἐσσεῖται DR, ἐσσεῖαθαι A.

290, 23: ἀήθην] ἀήθων D. κα] om. FVABCDN*.
τίν] τινας FVABCDN*.

αναφμοστεῖν] αναφμοστον ειη FBCNa, αν ασμον VAD; "quare nonnullos existimarim ad haec inspicienda nullo pacto posse accommodari" Cr.

De codicibus nondum collatis ad ea, quae collegi Quaest. Archim. p. 141—42, hic quaedam adiicienda sunt.

Cod. Scorialensis R—I—7 iussu Antonii de Covarrubias saec. XVI extremo ex duobus codicibus diuersis descriptus est (u. Carolus Graux: Revue critique 1881 p. 46).

Cod. S. Marci armar. 4 nr. 6 hodie in bibliotheca Magliabechiana Florentiae adseruatur (serie Conventi soppressi I. v. 30). est membranaceus in folio saec. XV, et haec opera Latine continet: Arcimenidis de rotundis pyramidibus (in fine: explicit commentarium Iohannis de thiss

in demonstrationes Archimenidis), de speculis¹), de leui et ponderoso (h. e. Iordani Nemorarii de ponderibus), de proportionibus, de quadratura circuli; deinde uaria excerpta geometrica, uelut: de isoperimetris corporibus; de speris, alia. in capite de quadratura circuli quaedam ex Archimede (κύκλου μέτρησις) sumpta sunt, sed multa adduntur. liber de rotundis pyramidibus idem est, qui alibi uocatur: Archimenidis de curuis superficiebus. propositiones huius libelli, qui ex Arabico fonte fluxisse uidetur, sponte, qua est beneuolentia humanitateque, ex cod. Basil. F. II, 33 (fol. 151—53) mecum per litteras communicauit Maximilianus Curtze, et eas hoc loco ponam:

- I. Cuiuslibet rotundae pyramidis curua superficies est equalis triangulo orthogonio, cuius unum laterum rectum angulum continencium equatur ypothenuse pyramidis, reliquum circumferencie basis (cfr. de sph. et cyl. I, 14).²)
- II. Cuiuslibet columpne rotundae curua superficies equalis est tetragono qui continetur sub lineis equalibus axi columpne et circumferentie basis (cfr. de sph. et cyl. I, 13).
- III. Quorumlibet duorum circulorum circumferencie suis dyametris sunt proporcionales.
- IV. Quarumlibet duarum pyramidum rotundarum inequalium et similium curuae superficies habent differenciam equalem ei quod fit ex ductu differenciae ypothenusarum in dimidias circumferencias suarum basium (cfr. de sph. et cyl. I, 16).

¹⁾ Uidetur esse catoptrica Euclidis, qualia ea etiam nunc habemus, sed praemititur praefatio apud Euclidem non occurrens. hic libellus propositiones 32 habet, quarum extrema haec est: ex concauis speculis ad solem positis ignis accenditur (Eucl. catoptr. 31).

²⁾ E codice Florentino S. Marci hoc corollarium adiungo: Ex hoc manifestum, quod proportio superficiei rotunde pyramidis ad suam basim est sicut ypothenusa ad semidiametrum basis suae (de sph. et cyl. I, 15).

- V. Si in circulo descripti poligonii equilateri et equianguli medietas ad terminos dyametri terminata
 dyametro stante circumducatur erunt conicae superficies equales ei quod fit ex ductu unius lateris
 circumducti in omnes circumferencias descriptas ab
 angulis polygonii siue ei quod fit ex ductu circumferencie circuli continentis poligonium in lineam que
 cum dyametro eiusdem circuli et latere poligonii in
 eodem circulo constituit triangulum orthogonium
 (cfr. de sph. et cyl. I, 24 et 21).
- VI. Cuiuslibet spere superficies est equalis quadrangulo rectangulo quod sub lineis equalibus dyametro spere et circumferencia maximi (sc. circuli) continetur (cfr. de sph. et cyl. I, 33).
- VII. Omne solidum conicarum superficierum inscriptibile et conscriptibile spere equum est pyramidi (sc. rotundae, h. e. cono) cuius basis equalis sit superficiei solidi et altitudo semidiametro spere inscriptibilis solido (cfr. de sph. et cyl. I, 31).
- VIII. Quarumlibet duarum pyramidum inequalium eiusdem altitudinis differencia equatur pyramidi eiusdem altitudinis cuius basis est differencia basium illarum pyramidum (cfr. I p. 80 lemma 1).
 - IX. Omnis columpna cuius altitudo dyametro spere et basis maximo circulo fuerint equales sesquialtera est spere sicut et tota superficies columpne toti superficiei spere sesquialtera est (= de sph. et cyl. I, 34 πόρισμα).
 - X. Omnis spera rotunda equalis est pyramidi cuius basis equatur superficiei spere et altitudo semi-dyametro spere (cfr. de sph. et cyl. I, 34).
 - XI. Cuiuslibet spere proportio ad cubum sue dyametri est tamquam proportio undecim ad 21.

itaque hoc opusculo retractatio quarundam propositionum libri I de sphaera et cylindro continetur, quae retractatio haud inscite propositiones illas cum propositionibus libelli de dimensione circuli in unum coniungit. denique commemorandi sunt duo codices Romani, quorum notitiam Mengio debemus (Neue Jahrbücher 1880 p. 112):

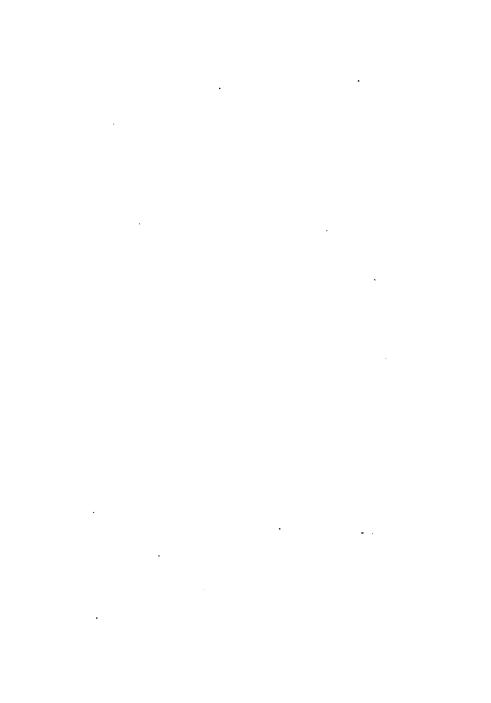
cod. Uaticanus Reginensis 16 Pii II, ut uidetur Mengio, ex F descriptus; continet eadem, quae F, et eodem ordine (u. L. Duchesne: de codd. mss. Graecis Pii II. Paris 1880 p. 12—13); chartaceus est saec. XV—XVI.

cod. Angelicus C 2, 6, cum B artissime coniunctus, et ipse chartaceus (u. Blume: Biblioth. mss. Ital. p. 137).

"Elementa mathematica" Archimedis, quae hebraice in codice Uaticano exstare dicuntur (Quaest. Arch. p. 28), non unum solum folium excerptorum Archimedeorum continent, uti proposuerat Libri p. 40 not. 1; est enim interpretatio libelli de dimensione circuli; u. Steinschneider, Zeitschr. f. Math. 1865 p. 475.

·				
			·	

EUTOCII ASCALONITAE COMMENTARIA IN ARCHIMEDEM.



EUTOCII COMMENTARIUM

IN LIBRUM I

DE SPHAERA ET CYLINDRO.

Είς τὰ περί σφαίρας καὶ κυλίνδρου Αρχιμήδους ούδένα τῶν πρὸ ἡμῶν ἀξίαν εύρὼν σύνταξιν καταβεβλημένον και κατανοήσας μη δι' εὐμάρειαν τῶν θεωρημάτων τοῦτο παροραθηναι (ἐπιστάσεως γὰρ ἀχρι-5 βοῦς, ώς ἴστε, καὶ εὐεπιβόλου δεῖται φαντασίας), ώρέγθην κατ' έμην δύναμιν σαφώς έκθέσθαι τὰ έν αὐτοις δυσθεώρητα προαγθείς μαλλον είς τούτο τώ μηδένα πω καθείναι είς ταύτην την υπόθεσιν η διά την δυσκολίαν όκνήσας καὶ αμα τὸ Σωκρατικὸν λογι-10 σάμενος, ώς τοῦ θεοῦ συλλαμβάνοντος πάνυ είκὸς καί έπὶ τέλος ἡμᾶς τῆς σπουδῆς έλθεῖν, ἐκ τρίτων δὲ διανοηθείς, ώς, εἴ τι καὶ παρὰ μέλος διὰ νεότητα φθέγξομαι, τοῦτο ὑπὸ τῆς σῆς περί τε τὴν ἄλλην φιλοσοφίαν έπιστημονικής θεωρίας καλ διαφερόντως περλ 15 τὰ μαθήματα ἐπανορθώσεως τεύξεται, ἀνέθηκά σοι, κράτιστε φιλοσόφων 'Αμμώνιε. πρέποι δ' ἄν σοι τῆ έμη σπουδή συνάρασθαι, και εί μεν άνεμιατον δόξη τὸ γράμμα αὐτόθεν μηδὲ εἰς ἄλλον έλθὲῖν συγχωρήσης, εί δὲ τοῦ σκοποῦ μὴ πάντη διαμαρτάνον, δήλωσον, ἢν 20 έχεις περί αὐτοῦ γνώμην, ώς εί γε τῆ ὑμετέρα κρίσει βεβαιωθή, πειράσομαι καὶ άλλο τυχὸν τῶν ᾿Αρχιμηδείων συντάξεων έρμηνεῦσαι.

Ευτοκιου Ασκαλωνιτου υπομνημα εις το πρωτον των Αρχιμηδου (σ deletum) περι σφαιρας και κυλινδρου F. 2. ευς cum comp. ον F; corr. Torellius. 10. συλλαβανοντος F. 11. τέλος] scripsi; τελούς (sic) F, uulgo. ἐκ τρίτων] scripsi;

Cum neminem priorum in libros Archimedis, qui sunt de sphaera et cylindro, idonea scripsisse cognouissem et intellexissem, hoc non ob facilitatem theorematum praetermissum esse (egent enim, ut scis, deliberatione diligenti et mente imagines rerum bene concipienti), concupiui pro uiribus meis, quae in iis difficilia essent perspectu, dilucide exponere, cum ad hoc conandum magis adducerer, eo quod nemo adhuc ad hoc argumentum adcessisset, quam difficultate deterrerer, simul Socratis illud mecum reputans, deo adinuante ueri simillimum esse, nos operi finem imposituros esse; tertio autem cogitans, etiam sicubi ob iuuentutem a ueris numeris modisque aberrassem, hoc ab adcurata tua cum reliquae philosophiae tum mathematices cognitione correctum iri, ad te, Ammonie philosophorum praeclarissime, opus meum misi. deceat autem te studium meum adiuuare, et, si inanis uidebitur libellus, omnino ne cum quoquam alio communicaueris, sin non prorsus a consilio aberrare, me certiorem fac, quid de eo iudices; nam si tuo iudicio probabitur, fortasse etiam alia scripta Archimedis explicare conabor.

ibid. De Eutocio pluribus exposui Neue Jahrb. Suppl. XI p. 357 sq.
 p. 375 sq. emendationes nonnullas proposui.

τοιων F, uulgo; ένθεσιν Torellius. 18. ελθ cum comp.

Είς τοὺς ὅρους.

Προειπών τὰ μέλλοντα έκτίθεσθαι ὑπ' αὐτοῦ θεωοήματα, τὸ σύνηθες πᾶσιν γεωμέτραις ἐν τῆ ἐκθέσει τηρών τάς τε ονομασίας, αίς αὐτὸς κατ' έξουσίαν δ έχρήσατος και τους δρους των υποθέσεων και αυτάς τὰς ὑποθέσεις διὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ συγγράμματος διασαφήσαι βούλεται καί φησιν πρώτον είναί τινας έν έπιπέδω καμπύλας γραμμάς, αΐτινες τῶν ἐπιζευγνυουσῶν τὰ πέρατα αὐτῶν εὐθειῶν ἢ κᾶ-10 σαι έπλ τὰ αὐτά είσιν, ἢ οὐδὲν ἔχουσιν έπλ τὰ ετερα. σαφες δ' αν είη τὸ λεγόμενον, εί γνωσόμεθα, τίνας καλεί τὰς ἐν ἐπιπέδω καμπύλας γραμμάς. ἰστέον οὖν, ὅτι καμπύλας γραμμὰς καλεῖ οὐχ ἀπλῶς τὰς κυκλικάς η κωνικάς η ακλαστον έχούσας την συνέχειαν, 15 άλλὰ πᾶσαν ἁπλῶς ἐν ἐπιπέδω γοαμμὴν τὴν παρὰ την εύθεταν καμπύλην όνομάζει, μίαν δε γραμμην έν έπιπέδω την όπωσουν συναπτομένην, ώστε καν έξ εύθει ων σύγκειται <math>+τ η ABΓ Δ. αλλ' ἐπειδη, ως καλ

20 K Z M B

ἀνωτέρω εἴρηται, καμπύλας γραμμὰς οὐ τὰς περιφερεῖς μόνον καλεῖ, ἀλλὰ καὶ τὰς έξ εὐθειῶν συγκειμένας, ἐκ δὲ τούτων ἦν ἡ ἐπιλογὴ τῶν ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλων, ἐνδεχόμενον ἂν εἴη λαβεῖν ἐπί τινος

έπὶ τὰ αὐτὰ κοίλης γραμμῆς δύο τυχόντα σημεία, ώστε τὴν ἐπ' αὐτὰ ἐπιζευγνυμένην εὐθεῖαν ἐπὶ μηδέτερα μὲν μέρη πίπτειν τῆς γραμμῆς, ἐπ' αὐτὴν δὲ ἐφαρμόζειν.

^{3.} τὸ σύνηθες] scripsi; του συνηθων F, uulgo; τῶν συνήθων Torellius cum V. 6. υποθεσ cum comp. ης F. 7.
πρῶτον ad ἔτερα lin. 11] in mg. ς adposuit F, ut semper lem-

In definitiones.

Praemissis theorematis, quae expositurus est, morem ab omnibus geometris in expositione observatum retinens nomina, quibus ipse suo arbitrio usus est, et definitiones suppositionum et suppositiones ipsas initio libri explicari uult et primum dicit, esse quasdam in plano curuas lineas, quae aut totae in eadem parte sint rectarum linearum terminos earum iungentium aut nihil in altera parte positum habeant [def. 1]. perspicuum autem erit, quod dicit, si cognouerimus, quales lineas in plano curuas intellegat. sciendum igitur, eum curuas lineas non proprie cyclicas aut conicas intellegere, aut quae continuationem non fractam habeant, sed omnes omnino in plano lineas praeter rectam curuas uocat, et unam in plano lineam, quae quoquo modo composita sit, ita ut, siue ex lineis rectis composita est \dagger lineae $AB\Gamma\Delta$. quoniam autem, ut etiam supra dictum est1), curuas lineas non circulares solas intellegit, sed etiam ex rectis lineis compositas, et ex his segregabantur lineae in eandem partem cauae, fieri poterit, ut in linea in eandem partem caua duo quaeuis puncta sumantur, ita ut linea inter ea ducta in neutram partem lineae cadat, sed cum ea congruat. itaque dicit, se in eandem partem cauam

¹⁾ Sc. in lacuna lin. 18.

matis Eutocii. 14. πονικας F. 18. Post σύγκειται magna lacuna est, quam Torellius sic explet: ἢτοι ἐκ περιφερῶν ἢτοι ἐξ εὐθειῶν καὶ περιφερῶν καμπύλην ὀνομάζει, omissis τἢ ABΓΔ; sed multo plura desunt; "hic deest una charta in exemplari Graeco" Cr. ἕν ὅλον σελίδιον ἢ καὶ δύο λείπει B. 25. λαβ cum comp. ην uel ιν F, ut καλεῖν p. 6 lin. 1.

διό φησιν έπὶ τὰ αὐτὰ κοίλην καλεῖν γραμμήν, ἐν ἦ αί διὰ δύο ὁποιωνοῦν σημείων ἀγόμεναι εὐθεῖαι ἥτοι πᾶσαι έπὶ τὰ αὐτὰ μέρη πίπτουσιν τῆς γραμμῆς ἤ τινες μὲν ἐπὶ τὰ αὐτά, τι-5 νὲς δὲ κατ' αὐτῆς, ἐπὶ τὰ ἕτερα δὲ μέρη οὐδεμία, τὰ δὲ αὐτὰ ἔξεστιν ἐπινοεῖν καὶ ἐπὶ τῶν ἐπιφανειῶν.

είτα έξης ονομάζει τομέα στεφεον και φόμβον στεφεον σαφώς έμφανίζων την έννοίαν των ονομάτων.

μετά δε ταῦτα αἰτήματά τινα λαμβάνειν άξιοι χοη-10 σιμεύοντα αὐτῷ πρὸς τὰς έξῆς ἀποδείξεις καὶ ὅντα μεν κάξ αὐτῆς τῆς αἰσθήσεως ώμολογημένα, οὐδεν δε ήττον δυνατά και άποδειχθηναι έκ τε των κοινων έννοιῶν καὶ έκ τῶν δεδειγμένων έν τοῖς στοιχείοις. 15 έστι δὲ πρώτον τῶν αἰτημάτων τὸ τοιόνδε πασῶν τῶν ταὐτὰ πέρατα έχουσῶν γραμμῶν έλαχίστην είναι την εύθεταν. έστω γαρ έν έπιπέδω εύθετα μέν τις πεπερασμένη ή ΑΒ, έτέρα δέ τις γραμμή ή ΑΓΒ τὰ αὐτὰ πέρατα έχουσα τὰ Α, Β. φησίν δή 20 δεδόσθαι αὐτῷ τὴν ΑΒ ἐλάττονα εἶναι τῆς ΑΓΒ. λέγω οὖν, ὅτι τοῦτο ἀληθὲς ὂν ἠτήσατο. εἰλήφθω γαο έπλ τῆς ΑΓΒ τυχὸν σημεῖον τὸ Γ, καλ ἐπεζεύχθωσαν αί ΑΓ, ΓΒ. φανερον δή, ὅτι αί ΑΓ, ΓΒ τῆς ΑΒ μείζους είσίν. πάλιν δη είληφθωσαν έπι της 25 ΑΓΒ γοαμμῆς ἄλλα τυχόντα σημεῖα τὰ Δ, Ε, καὶ έπεζεύχθωσαν αί ΑΔ, ΔΓ, ΓΕ, ΕΒ. όμοίως δή καὶ ένταῦθα δηλον, ὅτι δύο μεν αί ΑΔ, ΔΓ της ΑΓ μεί-

^{6.} ἐπί] om. F. τῶν] cum B; om. F, uulgo. 9. ευνοιαν F. 11. αποδειξ cum comp. ης F. 14. ευνοιων F. 18. τις] (prius) τι F. 20. ΑΓΒ] ΑΓ F. 21. ὅν] ὅ B. 24. τῆς] scripsi; τας per comp. F, uulgo; ταῖς (et γραμμαῖς) B, ed. Basil, Torellius.

lineam eiusmodi uocare, in qua sumptis duobus punctis quibuslibet lineae rectae puncta iungentes aut omnes in eandem partem lineae cadant, aut aliae in eandem partem, aliae in ipsam lineam, nulla autem in alteram partem.¹) eadem autem etiam in superficiebus intellegi possunt.³)

deinceps denominat sectorem solidum [def. 5] et rhombum solidum [def. 6] satis perspicue declarato sensu nominum.

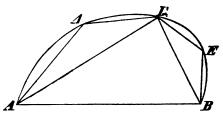
deinde postulata quaedam adsumit ad demonstrationes sequentes utilia, et quae quidem ab ipso sensu concedantur, sed nihilominus etiam ex notionibus communibus et propositionibus in elementis demonstratis demonstrari possint, primum autem postulatum hoc est: omnium linearum eosdem terminos habentium minimam esse rectam [post. 1].3) sit enim in plano linea aliqua recta terminata AB, et alia linea $A\Gamma B$ eosdem terminos habens A, B. dicit igitur, sibi concessum esse, lineam AB minorem esse linea $A\Gamma B$. dico igitur, hoc uere postulatum esse. sumatur enim in linea $A\Gamma B$ quoduis punctum Γ , et ducantur $A\Gamma$, adparet igitur, esse $A\Gamma + \Gamma B > AB$ [Eucl. I, 20]. rursus in linea $A\Gamma B$ alia quaeuis puncta sumantur Δ , E, et ducantur $A\Delta$, $\Delta\Gamma$, ΓE , EB. eodem igitur modo hic quoque adparet, esse $A\Delta + \Delta\Gamma > A\Gamma$

¹⁾ Hic nullum signum adpositum est in F, quo haec uerba ut Archimedis ipsius significentur. nec prorsus uerba ipsa Archimedis (def. 2) citantur, neque hoc p. 4, 7 sq. factum est.

²⁾ H. e. definn. 3-4.

³⁾ Ne hic quidem ipsa uerba Archimedis citantur, nec in F ullum signum adpositum est,

ζους εἰσίν, δύο δὲ αἱ ΓΕ, ΕΒ τῆς ΓΒ. ὅστε αἱ ΔΔ, Δ Γ, ΓΕ, ΕΒ πολλῷ μείζους εἰσὶ τῆς Δ Β. ὁμοίως δή, κἂν ἄλλα σημεία λαβόντες μεταξὺ τῶν εἰλημμένων



έπιζεύξωμεν έπὶ τὰ νῦν ληφθέντα εὐθείας, εὑρήσομεν δ αὐτὰς ἔτι μείζους οὕσας τῆς ΑΒ. καὶ τοῦτο συνεχῶς ποιοῦντες τὰς μᾶλλον συνεγγιζούσας τῆ ΑΒΓ γραμμῆ εὐθείας ἔτι μείζους εὑρήσομεν. ώστε ἐκ τούτου συμ φανὲς εἶναι αὐτὴν τὴν γραμμὴν μείζονα εἶναι τῆς ΑΒ δυνατοῦ ὅντος κατὰ πᾶν αὐτῆς σημεῖον ἐπιζεύ- 10 ξαντας εὐθείας λαβεῖν ἐξ εὐθειῶν συγκειμένην τὴν οἶον αὐτὴν οὖσαν γραμμὴν μείζονα δεικνυμένην διὰ τῶν αὐτῶν τῆς ΑΒ. οὐ γὰρ ἄτοπον ἐν ταῖς τῶν δμο λογουμένων ἀποδείξεσιν καὶ τοιαύτας ἐννοίας προσ λαμβάνειν.

15 μετὰ δὲ τοῦτό φησιν λαμβάνειν καὶ τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα έχουσῶν γραμμῶν ἐκείνας ἀνίσους εἶναι τὰς ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλας οὕσας κατὰ τὸν ἀνωτέρω εἰρημένον τρόπον. οὐ μόνον δὲ ἤρκεσεν εἰς τὸ ἀνίσους εἶναι τὸ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλας εἶναι, ἀλλὰ καὶ
20 ὅταν ἡ ἑτέρα τὴν ἑτέραν ἢ ὅλην περιλαμβάνη ἢ μέρος μὲν περιλαμβάνη, μέρος δὲ καὶ κοινὸν ἔχη, καὶ μείζονα εἶναι τὴν περιλαμβάνουσαν τῆς περιλαμβανομένης.

^{4.} εύρήσομεν] scripsi; ευρησωμεν F, valgo. 5. ούσας]

et $\Gamma E + EB > \Gamma B$ [Eucl. I, 20]. quare $A\Delta + \Delta\Gamma + \Gamma E + EB$

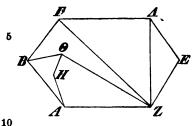
multo maiores sunt quam AB. eodem igitur modo, etiam si aliis punctis inter ea, quae sumpsimus, sumptis lineas ad puncta postea sumpta duxerimus, eas adhuc maiores inueniemus linea AB. et hoc deinceps facto lineas lineae $AB\Gamma$ magis adpropinquantes adhuc maiores inueniemus. quare hinc manifestum est, ipsam lineam maiorem esse linea AB, cum fieri possit, ut ad omnia puncta eius ductis lineis sumatur linea eadem fere, quae ipsa $[A\Gamma B]$, ex lineis rectis composita, quae eadem ratione demonstratur maior esse linea AB. neque enim absurdum est in demonstrationibus earum rerum, quae constant inter omnes, etiam eiusmodi rationes adsumere. 1)

deinde dicit se hoc quoque postulare: earum linearum, quae eosdem terminos habeant, illas inaequales esse, quae in eandem partem cauae sint, ita ut supra exposuimus. sed quod in eandem partem cauae sunt, nondum satis est ad efficiendum, ut inaequales sint, sed si etiam altera alteram aut totam complectitur, aut partem complectitur partem communem habet, et comprehendentem maiorem esse comprehensa [post. 2]. —

¹⁾ Sed tum satius erat, omnino non demonstrare conari.
neque enim adtinet, in demonstratione postulati aliud adsumere.

scripsi; η_S F; om. uulgo. 10. $\lambda \alpha \beta$ cum comp. sev F, ut lin. 13, 15. 13. evrolag F. 15. dé] scripsi; $\delta \eta$ F, uulgo. 15. dé ovoag lin. 17] s mg. F. 17. $\lambda oi \lambda \alpha_S$ F. 22. exes F; corr. Torellius.

νενοήσθωσαν γάο πρός τὸ καὶ τοῦτο κατάδηλον γενέσθαι ἐν ἐπιπέδω δύο γραμμαὶ αί ΑΒΓΔΕΖ καὶ



ΑΗΘΖ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι τὰ Α, Ζ καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοῖλαι καὶ ἔτι περιλαμβανομένη ὅλη ἡ ΑΗΘΖ ὑπὸ τῆς ΑΒΓ ΔΕΖ γραμμῆς καὶ τῆς τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχούσης αὐταίς τῆς ΑΖ εὐθείας. φημὶ δή,

ὅτι καὶ ἄνισοί εἰσιν αὶ προκείμεναι γραμμαί, καὶ μείζων ἡ περιλαμβάνουσα. ἐπεζεύχθωσαν γὰρ αὶ ΒΘ, ΓΖ, ΔΖ. ἐπεὶ οὖν, ἐὰν νοηθῆ ἐπιζευγνυμένη ἡ ΘΑ, ἐπὶ μιᾶς τῶν πλευρῶν τοῦ ΑΒΘ ἐντὸς συνιστάμεναι εἰσιν αὶ 15 ΑΗ, ΗΘ, ἐλάττους εἰσὶν αὶ ΑΗ, ΗΘ τῶν ΑΒ, ΒΘ. κοινὴ προσκείσθω ἡ ΘΖ. αὶ ἄρα ΑΗ, ΗΘ, ΘΖ ἐλάττους εἰσὶν τῶν ΑΒ, ΒΘ, ΘΖ. ἀλλ' αὶ ΒΘ, ΘΖ ἐλάττους εἰσὶ τῶν ΒΓΖ· ἐντὸς γὰρ πάλιν ἐπὶ μιᾶς τοῦ ΒΓΖ συνιστάμεναί εἰσιν. πολλῷ ἄρα αὶ ΑΒ, ΒΓ, 20 ΓΖ τῶν ΑΗ, ΗΘ, ΘΖ μείζους εἰσίν. ἀλλὰ τῆς ΓΖ μείζονες αὶ ΓΔ, ΔΖ, τῆς δὲ ΔΖ αὶ ΔΕ, ΕΖ. ἔτι πολλῷ ἄρα αὶ ΑΒΓΔΕΖ μείζους εἰσὶ τῶν ΑΗΘΖ.

σαφηνείας δε χάριν ύποκείσθωσαν καὶ ετεραι γραμμαὶ όμοίως ταις προειρημέναις ώς αι ΑΒΓΔΕ, 25 ΑΖΗΘΚΕ. λέγω, ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ περιλαμβάνουσα. νενοήσθωσαν γὰρ ἐκβεβλημέναι αι ΑΖ, ΗΘ ἐπὶ τὸ Λ. ἐπεὶ οὖν πάλιν δύο αι ΖΛ, ΛΗ μείζους εἰσὶ τῆς ΖΗ, κοιναὶ προσκείσθωσαν αι ΑΖ, ΗΘ. αι ἄρα ΑΛ, ΛΘ μείζους εἰσὶ τῶν ΑΖ, ΗΖ, ΗΘ. ἀλλ'

^{18.} $B\Gamma Z$] Γ supra scriptum manu 2 F. 19. συνεσταλμέναι F.

nam ut hoc quoque adpareat, fingantur duae lineae in plano $AB\Gamma \triangle EZ$ et $AH\Theta Z$ eosdem terminos A, Z habentes et in eandem partem cauae et praeterea $AH\Theta Z$ tota ab linea $AB\Gamma \triangle EZ$ et recta AZ eosdem terminos habenti comprehensa. dico igitur, et lineas propositas inaequales esse et comprehendentem maiorem. ducantur enim $B\Theta$, ΓZ , $\triangle Z$. quoniam igitur, si ducta fingitur linea ΘA , in uno latere trianguli $\triangle B\Theta$ intra positae sunt lineae concurrentes $\triangle AH$, $\triangle H\Theta$, erit

$$AH + H\Theta < AB + B\Theta$$
 [Eucl. I, 21].

communis addatur @Z. erit igitur

$$AH + H\Theta + \Theta Z < AB + B\Theta + \Theta Z$$
.

sed $B\Theta + \Theta Z < B\Gamma + \Gamma Z$; nam rursus in uno [latere trianguli] $B\Gamma Z$ lineae concurrentes intra positae sunt. itaque multo magis

$$AB + B\Gamma + \Gamma Z > AH + H\Theta + \Theta Z$$
.

sed

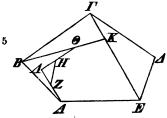
 $\Gamma \Delta + \Delta Z > \Gamma Z$, et $\Delta E + EZ > \Delta Z$ [Eucl. I, 20]. quare multo etiam magis

$$AB + B\Gamma + \Gamma\Delta + \Delta E + EZ > AH + H\Theta + \Theta Z$$
.

uerum perspicuitatis causa proponantur etiam aliae lineae eodem modo, quo supra commemoratae, uelut $AB\Gamma\Delta E$, $AZH\Theta KE$. dico comprehendentem maiorem esse. nam lineae AZ, $H\Theta$ fingantur productae ad A. quoniam igitur rursus ZA + AH > ZH [Eucl. I, 20], communes addantur AZ, $H\Theta$. itaque

$$AA + A\Theta > AZ + HZ + H\Theta$$
.

αί ΑΛ, ΛΘ έλάττους τῶν ΑΒΘ. πολλῷ ἄρα αί ΑΒΘ μείζους τῶν ΑΖΗΘ. χοινὴ προσχείσθω ἡ ΘΚ. μεί-



ζους ἄρα αί ΑΒΘΚ τῶν ΑΖΗΘΚ. ἀλλ' αί ΒΘΚ ἐλάττους τῶν ΒΓΚ. πολλῷ Δ ἄρα μείζους αί ΑΒΓΚ τῶν ΑΖΗΘΚ. αοινὴ προσαείσθω ἡ ΚΕ. αί ἄρα ΑΒΓΚΕ μείζους τῶν ΑΖΗΘΚΕ.

10 άλλ' αί ΓΚΕ έλάττους τῶν ΓΔΕ. πολλῷ ἄρα αί ΑΒΓΔΕ μείζους εἰσὶ τῶν ΑΖΗΘΚΕ.

καν περιφέρειαι δε ωσιν ήτοι αι περιλαμβάνουσαι η αι περιλαμβανόμεναι η και αμφότεραι, το αυτό ενεστιν έννοειν. συνεχων γαρ σημείων επ' αυτών λαμ15 βανομένων και έπι αυτά έπιζευγνυμένων ευθειών ληφθήσονται γραμμαί έξ ευθειών συγκείμεναι, εφ' ων άρμόσει ή προειρημένη απόδειξις των έξ ευθειών συγκειμένων οίον αυτών γινομένων των προτεθεισών διά το και πάσαν γραμμήν κατά συνέχειαν σημείων την 20 υπαρξιν έχουσαν νοείσθαι.

ὅτι δὲ εἰκότως τὴν ἀνισότητα τῶν γοαμμῶν οὐ μόνον τῷ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλας εἶναι ἐχαρακτήρισεν, ἀλλὰ προσέθηκεν τὸ καὶ δεῖν περιλαμβάνεσθαι τὴν ἐτέραν ὑπὸ τῆς ἐτέρας καὶ τῆς τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχούσης εὐθείας.

25 τούτου γὰρ μὴ ὅντος οὐδὲ τὸ ἀνίσους εἶναι τὰς γραμμὰς πάντη ἀληθὲς ὑπῆρχεν, ὡς ἔστι κατανοῆσαι ἐκ τῶν ὑποκειμένων καταγραφῶν. ἡ γὰρ ΑΒΓΔ γραμμὴ καὶ ἡ ΑΕΖΔ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ

^{6.} $AB \oplus K F$. 10. $\Gamma \triangle E$] $\Gamma \triangle E F$. 14. Envosing scripsi; vosin F, unlgo. 17. aquoth F; corr. CD. anodifis F. 20. vosiodw F; corr. B. 21. out] per comp. F; Et Torellius;

sed $AA + A\Theta < AB + B\Theta$ [Eucl. I, 21]. itaque multo magis $AB + B\Theta > AZ + ZH + H\Theta$. communis addatur ΘK . itaque

 $AB + B\Theta + \Theta K > AZ + ZH + H\Theta + \Theta K$. sed $B\Theta + \Theta K < B\Gamma + \Gamma K$ [Eucl. I, 20]. quare multo magis

 $AB + B\Gamma + \Gamma K > AZ + ZH + H\Theta + \Theta K$. communis addatur KE. itaque

 $AB+B\Gamma+\Gamma K+KE>AZ+ZH+H\Theta+\Theta K+KE.$ sed $\Gamma K+KE<\Gamma \Delta+\Delta E$ [Eucl. I, 20]. quare multo magis

 $AB + B\Gamma + \Gamma\Delta + \Delta E > AZ + ZH + H\Theta + \Theta K + KE$.

etiam si aut lineae comprehendentes aut comprehensae aut etiam utraeque ambitus sunt, idem intellegere licet. sumptis enim in iis punctis continuis et ad ea ductis lineis rectis sumentur lineae ex rectis compositae, in quibus demonstratio supra exposita ualebit, cum lineae ex rectis compositae ipsae fere lineae propositae fiant, quia quaeuis linea ex continuis punctis oriri fingatur.

iure autem inaequalitatem linearum non eo solo definiuit, quod in eandem partem cauae sint, sed adiecit, oportere alteram comprehendi altera et linea recta eosdem terminos habenti. nam si hoc non est, ne hoc quidem uerum erat, lineas utique inaequales esse, ut ex figuris propositis intellegi potest. nam lineae $AB\Gamma\Delta$, $AEZ\Delta$ et eosdem terminos habent et

sed cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 395. 22. àllà nai D, Torellius. 26. $\omega_{\mathcal{G}}/o_{\mathcal{G}}$ FA.

κοϊλαί είσι, καὶ ἄδηλον, ὁποτέρα αὐτῶν μείζων ἐστίν. δυνατὸν γὰρ καὶ ἴσας εἶναι. δυνατὸν δὲ καὶ ἐπὶ τὰ

αὐτὰ κοίλην έκατέραν νοεῖν καὶ τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχούσας ἀμφοτέρας, κατ' ἐναντίαν δὲ θέσιν ἀλλήλαις κειμένας, ώς ὁποτέρα τῶν εἰρημένων τῆ ΑΗΘΚΔ. καὶ οὕτως γὰρ ἄδηλος ῆ τε ἰσότης καὶ ἀνισότης αὐτῶν. διὸ καλῶς πρόσται τὸ δεῖν ἢ ὅλην τὴν ἐτέραν ὑπὸ τῆς ἐτέρας περιλαμβάνεσθαι καὶ τῆς τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχούσης εὐθείας, ἢ τινα μὲν περιλαμβάνεσθαι, τινὰ δὲ καὶ κοινὰ ἔχειν, ὡς ἐπὶ τῶν ΑΗΘΚΔ

καὶ $A \land M \land N \equiv \Delta$. ἐπὶ γὰ \mathbf{Q} τούτων τινὰ μὲν πε \mathbf{Q} ιλαμ15 βάνεται, τινὰ δὲ κοινά ἐστιν, ὡς τὰ $A \land$, $M \land N$.

δεόντως δὲ πάνυ κάκεῖνο πρός κρίσιν τῆς ἀνισότητος παρελήφθη τὸ δεῖν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχειν τὰς γραμμάς. τούτου γὰρ μὴ ὅντος οὐδ' ἄν περιλαμβάνοιντο ὑπὸ ἀλλήλων, πάντως ἄνισοι εἰσιν, ἀλλ' ἐνίστε 20 ἴσαι, ἢ καὶ ἡ περιλαμβανομένη μείζων. ὅπερ ἵνα σαφὲς γένηται, νενοήσθωσαν ἐν ἐπιπέδῳ δύο εὐθεῖαι αἷ ΑΒΓ ἀμβλεῖαν τὴν πρὸς τῷ Β γωνίαν περιέχουσαι καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τῆς ΒΓ τυχὸν σημεῖον τὸ Δ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΔ, ΑΓ. ἐπεὶ οὖν μείζων ἐστὶν η 25 ΑΔ τῆς ΑΒ, κείσθω τῷ ΑΒ ἴση ἡ ΔΕ, καὶ τετμήσθω ἡ ΑΕ δίχα κατὰ τὸ Ζ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΖΓ. ἐπεὶ οὖν δύο αἱ ΑΖΓ τῆς ΑΓ μείζους εἰσίν, ἴση δὲ ἡ ΑΖ τῷ ΖΕ, καὶ αἱ ΕΖΓ ἄρα τῆς ΑΓ μείζους εἰσίν. κοιναὶ προσκείσθωσαν αἱ ΑΒ, ΔΕ. αἱ ἄρα ΔΖΓ

^{5.} πειμεναις F; corr. AB. 8. πρόσκειται] scripsi; προκειται F, aulgo. 13. εχ cum comp. ην uel w F. 14. έπί]

in eandem partem cauae sunt, nec adparet, utra maior sit; nam fieri potest, ut etiam aequales sint. hoc quoque fieri potest, ut utraque fingatur in eandem partem caua et eosdem terminos habens, sed in diuersa inter se positae, ut utraque earum, quas commemorauimus, et linea $AH\Theta K \Delta$. nam sic quoque obscura est aequalitas et inaequalitas earum. quare bene adiectum est, oportere alteram totam ab altera et linea recta eosdem terminos habenti comprehendi, uel partem comprehendi, partem communem esse, ut in lineis $AH\Theta K \Delta$, $A\Delta MNE \Delta$. nam in his pars comprehenditur, pars communis est, ut $A\Delta$, MN.

hoc quoque ad probandam inaequalitatem prorsus necessario adsumptum est, oportere lineas eosdem terminos habere. nam si hoc non est, ne tum quidem, si inter se comprehenduntur¹), utique inaequales sunt, sed interdum aequales uel etiam comprehensa maior. quod ut adpareat, fingantur in plano duae lineae AB, $B\Gamma$ obtusum comprehendentes angulum ad B positum. et in $B\Gamma$ sumatur quoduis punctum Δ , et ducantur $A\Delta$, $A\Gamma$. iam quoniam $A\Delta > AB$ [Eucl. I, 19], ponatur $AB = \Delta E$, et AE in duas partes aequales dividatur in Z, et ducatur $Z\Gamma$. quoniam igitur

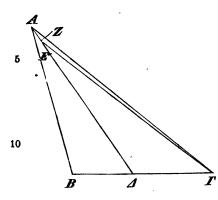
 $AZ + Z\Gamma > A\Gamma$ [Eucl. I, 20],

et AZ = ZE, etiam $EZ + Z\Gamma > A\Gamma$. communes

¹⁾ De optatiuo post $\tilde{\alpha}\nu$ (siue $\hat{\epsilon}\hat{\alpha}\nu$) cfr. comm. in Apollon. con. p. 80, 43.

eπει F. 17. εχ cum comp. ην F. 19. πάντως] scripsi; πτ F, uulgo; οὐδὲ οῦτως B, ed. Basil., Torellius. 22. ΛΒΓ] ΛΒ FV. τῷ] scripsi; το F, uulgo. 29. ΔΕ] Γ FAV. ΔΖΓ] ΒΖΓ FA.

των ΒΑΓ μείζους είσίν. ώστε μιας γραμμής νοουμέ-



νης τῆς ΒΑΓ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλης, ετέρας δὲ τῆς ΔΖΓ περιλαμβανομένης ὑπὸ τῆς ετέρας, μὴ ἐχούσης δὲ τὰ αὐτὰ πέρατα, οὐ μόνον ὅτι οὐ μείζων ἡ περιλαμβάνουσα, ἀλλὰ καὶ ἐλάττων ἐδείχθη.

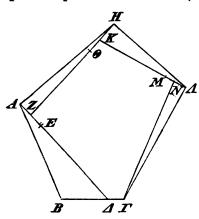
καί έπὶ γοαμμῶν δὲ ἐκ πλειόνων εὐθειῶν

συγκειμένων τὸ αὐτὸ τοῦτο ἔστι θεωρῆσαι. νενοήσθω15 σαν γὰρ ἐν ἐπιπέδφ δύο εὐθεῖαι αί ΑΒΓ καὶ τυχὸν σημεῖον τὸ Δ καὶ ἐπεξευγμένη ἡ ΑΔ. πάλιν δὴ κείσθω τῷ ΑΒ ἴση ἡ ΔΕ, καὶ ἡ ΕΑ δίχα τετμήσθω τῷ Ζ, καὶ τῷ ΑΔ πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἡ ΑΗ, καὶ ἐπεξεύχθω η ΖΗ. καὶ κείσθω τῷ ΑΗ ἴση ἡ ΖΘ, καὶ πάλιν 20 δίχα τετμήσθω ἡ ΘΗ κατὰ τὸ Κ, καὶ πρὸς ὀρθὰς τῷ ΖΗ ἤχθω ἡ ΗΛ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΚΛ. καὶ πάλιν τῷ ΗΛ ἴση ἡ ΚΜ, καὶ δίχα τετμήσθω ἡ ΜΛ τῷ Ν, καὶ πάλιν πρὸς ὀρθὰς τῷ ΚΛ ῆχθω ἡ ΛΓ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΝΓ. φανερὸν οὖν διὰ τὰ προ25 δεδειγμένα, ὅτι μείζων ἡ μὲν ΔΖ τῆς ΑΒ, ἡ δὲ ΖΚ τῆς ΑΗ, ἡ δὲ ΚΝ τῆς ΗΛ, ἡ δὲ ΝΓ τῆς ΛΓ. ὥστε καὶ ὅλη ἡ γραμμὴ ἡ ΔΖΚΝΓ μείζων τῆς ΒΑΗΛΓ.

BAZ FA, V (?). 22. πάλιν κείσθω Torellius. 26. KH
 ABHAΓ F; corr. Torellius.

addantur AB, ΔE . itaque $\Delta Z + Z\Gamma > BA + A\Gamma$. si igitur linea $BA\Gamma$ una linea in eandem partem caua esse fingitur et eodem modo $\Delta Z\Gamma$, quae ab illa altera comprehenditur neque eosdem habet terminos, demonstratum est, lineam comprehendentem non modo non maiorem esse, sed etiam minorem.

etiam in lineis ex pluribus rectis compositis hoc idem intellegere licet. fingantur enim in plano duae lineae AB, $B\Gamma$ et quoduis punctum Δ et ducta linea $A\Delta$. rursus igitur ponatur $\Delta E = AB$, et EA in duas partes aequales diuidatur in Z, et ducatur ΔH ad $\Delta \Delta$



perpendicularis, et ducatur ZH. et ponatur $Z\Theta = AH$, et rursus in aequales partes diuidatur ΘH in K, et HA ducatur ad ZH perpendicularis, et ducatur KA. rursus [ponatur] KM = HA, et in partes aequales diuidatur MA in N, et rursus ad KA perpendicularis ducatur

 $\Delta\Gamma$, et ducatur $N\Gamma$. manifestum igitur propter ea, quae supra demonstrauimus 1), esse

 $\Delta Z > AB$, ZK > AH, KN > HA, $N\Gamma > A\Gamma$.

quare etiam tota linea $\Delta ZKN\Gamma > BAHA\Gamma$. recte

¹⁾ Minus adcurate loquitur; neque enim ex antea demonstratis sequitur, sed ex hypothesi ($\Delta E = AB$ cett.).

Archimedes, ed. Heiberg. III.

καλῶς ἄρα προσετέθη τὸ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχειν ἐπὶ τῶν ἀνίσων. τὰ αὐτὰ δὲ δυνατὸν ἐπινοοῦντα δεικνύειν καὶ ἐπὶ τῶν ἐπιφανειῶν ἀνὰ πᾶσι τοῖς προειρημένοις, ὅταν αί λαμβανόμεναι ἐπιφάνειαι τὰ πέρατα ἔχωσιν 5 ἐν ἐπιπέδοις.

Είς τὸ β΄ θεώρημα.

Τὸ δὴ ΑΓ ἑαυτῷ ἐπισυντιθέμενον ὑπεφέξει τοῦ Δ] δηλαδὴ ὡς τοῦ ΑΒ ἤτοι ἐπιμορίου ἢ καὶ ἐπιμεροῦς τυγχάνοντος τοῦ Δ. εἰ δὲ εἰη τὸ ΑΒ τοῦ 10 Δ ἤτοι πολλαπλάσιον ἢ πολλαπλασιεπιμόριον ἢ καὶ πολλαπλασιεπιμερές, ἀφαιρεθέντος ἀπὸ τοῦ ΑΒ ἴσου τῷ Δ τοῦ ΒΓ τὸ λοιπὸν τὸ ΓΑ ὑπερέξει τοῦ Δ, ὥστε μηκέτι πολλαπλασιάζεσθαι αὐτό, ἀλλ' αὐτόθεν δεῖν τῷ ΑΓ ἴσον ἀποτίθεσθαι τὸ ΑΘ, καὶ τὴν αὐτὴν ἀπό-15 δειξιν ἀρμόζειν.

καὶ συνθέντι τὸ ΖΕ πρὸς ΖΗ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΑΒ πρὸς ΒΓ] ὅτι γάρ, ἐὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον ἐλάσσονα λόγον ἔχη, ἤπερ τρίτον πρὸς τέταρτον, καὶ συνθέντι ὁ αὐτὸς λόγος ἀκολου-20 θεῖ, δειχθήσεται οὕτως. ἔστωσαν τέσσαρα μεγέθη τὰ ΑΒ, ΒΓ, ΔΕ, ΕΖ, τὸ δὲ ΑΒ πρὸς τὸ ΒΓ μείζονα λόγον ἐχέτω, ἤπερ τὸ ΔΕ πρὸς τὸ ΕΖ΄ λέγω, ὅτι καὶ συνθέντι τὸ ΑΓ πρὸς τὸ ΓΒ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ΔΖ πρὸς τὸ ΖΕ. γεγονέτω γάρ, ὡς τὸ ΓΒ 25 πρὸς τὸ ΒΑ, οὕτως τὸ ΖΕ πρὸς τὸ ΖΘ. ἀνάπαλιν

^{4.} εχουσιν F; corr. Torellius. 7. δή Archimedes; δε FA. το ad Δ lin. 8] ε mg. F, ut semper, ubi nihil adnotatum est, in sequentibus lemmatis. 11. πολλαπλασιονεπιμερες F (ον per comp.); VAD. 12. τῷ το F. 16. Ante καί in F ponitur ε signum; ε καί C. τό] ἡ Torellius cum Archimede. ZE] scripsi; ZH F, unlgo; EZ Torellius cum

igitur in [lineis] inaequalibus adposuit, [oportere eas] eosdem terminos habere.

etiam in superficiebus licet, si animum aduerteris, eadem omnia demonstrare, quae diximus¹), si superficies sumptae terminos in plano habent.

In theorems II.

P. 14, 3: itaque $A\Gamma$ magnitudo ipsa sibi addita Δ magnitudinem excedet] scilicet si AB aut superparticularis aut superpartiens est magnitudinis Δ . sin AB aut multiplex est aut multiplex superparticularis aut etiam multiplex superpartiens, ablata ab AB magnitudine $B\Gamma$ aequali magnitudini Δ , reliqua ΓA excedet magnitudinem Δ , ita ut non iam oporteat multiplicari, sed $A\Theta$ aequalem magnitudini $A\Gamma$ statim ponere; tum eadem demonstratio ualebit.

P. 14, 10—12: et componendo²) $EZ:ZH < AB:B\Gamma$] nam, si primum ad secundum minorem rationem habeat, quam tertium ad quartum, tum etiam componendo eandem rationem sequi, ita demonstrabitur.³) sint quattuor magnitudines AB, $B\Gamma$, ΔE , EZ, et sit $AB:B\Gamma > \Delta E:EZ$. dico, etiam componendo esse $A\Gamma:\Gamma B > \Delta Z:ZE$. fiat enim $\Gamma B:BA=ZE:Z\Theta$.

Datinus πᾶσι τοῖς προσιρημένοις lin. 3 pendet ex τὰ αὐτά lin. 2; ἀνά enim distributiuum sensum habet (= καθ΄ ἔκαστον); cfr. Hultsch: Heron. p. XIV.

²⁾ Fortasse hoc lemma ex uerbis Archimedis cum Torellio corrigendum est; sed $\tilde{a}\varrho\alpha$ I p. 14, 11, ab Eutocio omissum, ab interpolatore additum est; nam prano loco collocatur.

interpolatore additum est; nam prauo loco collocatur.
3) Idem demonstrat Pappus II p. 684, 20; adcommodatius etiam ad uerba Archimedis idem II p. 686, 5; u. infra p. 21, not. 2.

Archimede. ZH] ZE F; corr. Torellius cum Archimede. 17. \$\delta\$] \$\sigma \text{Torellius cum Archimede}\$; u. not. 1.

άρα, ώς τὸ ΑΒ πρὸς τὸ ΒΓ, οῦτως τὸ ΘΖ πρὸς τὸ ΖΕ. μείζονα δὲ λόγον ἔχει τὸ ΑΒ ποὸς τὸ ΒΓ, ἤπερ ρο τὸ ΔΕ πρὸς ΕΖ. καὶ τὸ ΖΘ ἄρα πρὸς ΖΕ μείζονα λόγον έχει, ήπες τὸ ΔΕ πρὸς ΕΖ. μείζου ἄρα έστὶ τὸ ΖΘ τοῦ ΕΔ, καὶ ὅλον τὸ ΘΕ τοῦ ΔΖ. καὶ διὰ τοῦτο τὸ ΘΕ πρὸς ΕΖ μείζονα λόγον έχει, ήπερ τὸ ΔΖ πρὸς 10
| B | E | μείζονα λογον εχεί, ηπερ το ΔΕ προς | Γ | ΖΕ. άλλ' ώς τὸ ΘΕ πρὸς ΕΖ, τὸ ΑΓ πρὸς | ΓΒ διὰ τὸ συνθέντι. καὶ τὸ ΑΓ ἄρα πρὸς | ΓΒ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ΔΖ πρὸς ΕΖ. | — άλλὰ δὴ τὸ ΑΓ πρὸς ΓΒ μείζονα λόγον ἔχέτω, ἤπερ τὸ ΔΖ πρὸς ΖΕ. λέγω, ὅτι καὶ διελόντι τὸ ΑΒ πρὸς ΒΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ΔΕ πρὸς ΒΓ μείζονα λόγον ἔχει, η περ τὸ ΔE πρὸς EZ. πάλιν γὰρ ὁμοίως ϵ ὰν ποιήσωμεν, ώς τὸ $B\Gamma$ πρὸς ΓA , οῦτως τὸ ΖΕ πρὸς ΕΘ, ἔσται τὸ ΘΕ μεζίου τοῦ ΔΖ. καλ κοινοῦ ἀφαιρουμένου τοῦ ΕΖ, ἔσται μεῖζον τὸ ΘΖ τοῦ ΔΕ, καὶ διὰ τοῦτο τὸ ΘΖ πρὸς ΖΕ, τουτέστι τὸ ΑΒ πρὸς ΒΓ διὰ τὸ διελόντι, μείζονα λόγον έξει, 20 ήπερ τὸ ΔΕ πρὸς ΕΖ. — φανερὸν δὲ διὰ τῶν ὁμοίων, ότι καν τὸ ΑΒ πρὸς τὸ ΒΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχη, ἤπερ τὸ ΔΕ πρὸς ΕΖ, καὶ συνθέντι καὶ πάλιν διελόντι ό αὐτὸς λόγος ἔσται. — ἐκ δὲ τῶν αὐτῶν καὶ ὁ τοῦ άναστρέψαντι λόγος έμφανής έστιν. έχέτω γάρ τὸ ΑΓ 25 πρὸς ΒΓ μείζονα λόγον, ἤπερ τὸ ΔΖ πρὸς ΖΕ. λέγω, οτι καὶ ἀναστρέψαντι τὸ ΓΑ πρὸς ΑΒ ἐλάσσονα λόγον έχει, ήπεο τὸ ΖΔ ποὸς ΔΕ. ἐπεὶ γὰο τὸ ΑΓ πρὸς ΓΒ μείζονα λόγον έχει, ήπερ τὸ ΔΖ πρὸς ΖΕ, καὶ διελόντι τὸ AB πρὸς BΓ μείζονα λόγον έχει,

^{1.} ΘΖ] ΘΛ F. 3. ΖΘ] ΕΘ F. ΖΕ] ΖΘ F, V. 11. ΓΒ] ΓΔ F. 16. Εσται καί Torellius. 21. εχει F; corr. D.

e contrario igitur $AB:B\Gamma=\Theta Z:ZE$. sed

 $AB:B\Gamma > \Delta E:EZ.$

itaque etiam $Z\Theta: ZE > \Delta E: EZ$. itaque $Z\Theta > E\Delta$ [Eucl. V, 10], et $\Theta E > \Delta Z$. itaque

 $\Theta E: EZ > \Delta Z: ZE$ [Eucl. V, 8].

sed componendo est $\Theta E : EZ = A\Gamma : \Gamma B$. itaque etiam $A\Gamma : \Gamma B > \Delta Z : EZ$.

iam sit $A\Gamma: \Gamma B > \Delta Z: ZE$. dico, etiam dirimendo esse $AB: B\Gamma > \Delta E: EZ$. nam rursus eodem modo, si fecerimus $B\Gamma: \Gamma A = ZE: E\Theta$, erit $\Theta E > \Delta Z$. et ablata, quae communis est, magnitudine EZ, erit $\Theta Z > \Delta E$. quare $\Theta Z: ZE > \Delta E: EZ$, hoc est dirimendo $\Delta B: B\Gamma > \Delta E: EZ$.

et simili ratione manifestum est, etiam si sit

 $AB:B\Gamma < \Delta E:EZ$

et componendo et rursus dirimendo eandem rationem seruatum iri.²)

eodem modo etiam ratio, quae fit convertendo, manifesta erit.³) sit enim $A\Gamma: B\Gamma > \Delta Z: ZE$. dico, etiam convertendo esse $\Gamma A: AB < Z\Delta: \Delta E$. nam quoniam est $A\Gamma: \Gamma B > \Delta Z: ZE$, et dirimendo [supra

¹⁾ Cfr. Pappus II p. 690, 9.

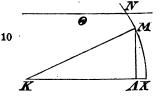
²⁾ Hoc ipso utitur Archimedes; habet Pappus II p. 686, 5; cfr. p. 19 not. 3.

³⁾ Pappus II p. 686, 28.

ἤπερ τὸ ΔE πρὸς EZ, ἀνάπαλιν τὸ $B\Gamma$ πρὸς BA ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ZE πρὸς $E\Delta$, καὶ συνθέντι τὸ ΓA πρὸς AB ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ΔZ πρὸς ΔE .

Els τὸ γ'.

Kαὶ ἀπὸ τοῦ K τῆ Θ ἴση κατήχθ ω ἡ KM] δυνατὸν γὰρ τοῦτο προσεκβληθείσης τῆς KΛ $\dot{\omega}$ ς ἐπὶ



τὸ X καὶ τεθείσης τῆς Θ ἰσης \overline{M} τῆ KX, καὶ κέντο $\overline{\omega}$ \overline{K} διαστήματι δὲ τῷ KX κύκλου γραφέντος $\overline{\omega}$ ς τοῦ XMN. ἔσται γὰρ ἡ $\overline{K}M$ ἴση τῆ $\overline{K}X$, \overline{X} τουτέστι τῆ $\overline{\Theta}$.

Ή ἄρα ΝΓ πολυγώνου έστὶ ἰσοπλεύρου καὶ 15 ἀρτιοπλεύρου πλευρά] τῆς γὰρ μιᾶς ὀρθῆς ἐπὶ τεταρτημορίου βεβηκυίας καὶ τῆς τομῆς κατὰ ἀρτίαν διαίρεσιν ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γινομένης δῆλον, ὅτι καὶ ἡ τοῦ τεταρτημορίου περιφέρεια εἰς ἀρτιακισαρτίους τὸν ἀριθμὸν ἴσας διαιρεθήσεται περιφερείας. ὅστε καὶ ἡ 20 ὑποτείνουσα εὐθεῖα μίαν τῶν περιφερειῶν πολυγώνου ἐστὶν ἰσοπλεύρου καὶ ἀρτιοπλεύρου πλευρά.

Ωστε καὶ ἡ ΟΠ πολυγώνου ἐστὶν ἰσοπλεύοου πλευρά] ἐὰν γὰρ τῆ ὑπὸ ΞΗΝ γωνία ἴσην ποιήσαντες τὴν ὑπὸ ΠΗΔ ἀπὸ τοῦ Π ἐπὶ τὸ Δ ἐπι-25 ζεύξωμεν καὶ προσεκβάλωμεν ἄχρι τῆς ΗΘ τῆς μετὰ ΗΔ γωνίαν περιεχούσης ἴσην τῆ ὑπὸ ΠΗΔ, ἔσται ἴση ἡ

^{8.} τῆ Θ ἴσης τῆς ΚΧ Torellius non male. 10. τῷ] scripsi; το F, uulgo. 11. ἔσται] per comp. F; ἔστι uulgo. 16. βεβηπν cum comp. ας F; corr. Torellius. 18. τεταφτιμοφιον F. 24. επιζενξομεν F; corr. Torellius, qui deinde addit τὴν Δ. 25. τῆς μετά... περιεχούσης] om. F; corr. Torellius.

p. 20, 11] $AB: B\Gamma > \Delta E: EZ$, etiam e contrario est $B\Gamma: BA < ZE: E\Delta^1$), et componendo [p. 20, 20] $\Gamma A: AB < \Delta Z: \Delta E$.

In theorems III.

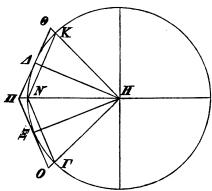
- P. 16, 6—8: et a K puncto ducatur KM lineae Θ aequalis] hoc enim fieri potest producta linea $K\Lambda$ ad X et posita $\Theta = KX$, et descripto circulo XMN centro K et radio KX. erit enim $KM = KX = \Theta$.
- P. 16, 20—21: linea NI igitur latus est polygoni aequilateri, cuius latera paria sunt numero]²) nam cum rectus angulus in quarta parte [circuli] positus sit, et sectio ex recto angulo secundum diuisionem parem fiat, adparet, etiam ambitum quartae partis in ambitus numero pariter pares diuisum iri. quare etiam linea sub unum ambitum subtendens latus est polygoni aequilateri, cuius latera paria sunt numero.
- P. 16, 28—29: itaque etiam OH latus est polygoni aequilateri] nam si fecerimus $\angle HH \triangle = \angle \Xi HN$ et a H ad \triangle [lineam] duxerimus et eam produxerimus usque ad $H\Theta$, quae cum $H\triangle$ angulum angulo HA aequalem comprehendit³), erit $H\Theta = HO$, et circulum

¹⁾ Pappus II p. 688, 11; sed ab Eutocio demonstratum non est.

²⁾ Nizzius p. 269 censet, uerba καὶ ἀρτιοπλεύρου lin. 15 subditiua esse. ego contra ueri similius censeo, haec uerba I p. 16 a transscriptore omissa esse. nam quamquam in demonstratione hoc non usurpatur, tamen fieri potest, ut Archimedes ob sequentia, ubi hoc additamento saepissime utitur, addere uoluerit. Eutocius saltem in suo exemplari ea habuit.

³⁾ Supplementum Torelli lin. 26 admodum incertum est; sed recepi inopia melioris,

ΠΘ τῆ ΠΟ καὶ ἐφαπτομένη τοῦ κύκλου. ἐπεὶ γὰρ ἡ ΞΗ ἴση ἐστὶ τῆ ΗΔ, κοινὴ δὲ ἡ ΗΠ, καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσιν, καὶ βάσις ἄρα ἡ ΞΠ τῆ ΠΔ ἴση ἐστί, καὶ ἡ ὑπὸ ΠΞΗ ὀρθὴ οὖσα τῆ ὑπὸ ΠΔΗ.
 ὅστε ἐφάπτεται ἡ ΔΠ. ἐπεὶ οὖν αί πρὸς τῷ Δ ὀρ-



θαί εἰσιν, εἰσιν δὲ καὶ αι ὑπὸ ΠΗΔ, ΔΗΘ ἴσαι, καὶ ἡ πρὸς ταῖς ἴσαις κοινὴ ἡ ΔΗ, ἴση ἐστὶ καὶ ἡ ΠΔ τῷ ΘΔ. ἀλλ' ἡ ΞΠ τῷ ΠΔ ἐδείχθη ἴση. καὶ ἡ ΘΠ ἄρα τῷ ΠΟ ἐστιν ἴση καὶ πάσαις ταῖς ὁμοίως ἐφαπτο10 μέναις. ὅστε ἡ ΘΠ πολυγώνου ἐστὶν ἰσοπλεύρου καὶ ἀρτιοπλεύρου πλευρὰ τοῦ περὶ τὸν κύκλον περιγραφομένου.

ότι δε και όμοίου τῷ ἐγγραφομένῷ, αὐτόθεν δῆλου. ἴσης γὰρ οὕσης τῆς μεν ΟΗ τῆ ΗΠ, τῆς δε
15 ΓΗ τῆ ΗΝ, παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΟΠ τῆ ΓΝ·
διὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ ΠΘ τῆ ΝΚ. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΝΚ
τῆ ὑπὸ ΟΠΘ ἴση ἐστί· καὶ διὰ τοῦτο ὅμοιόν ἐστι
τὸ περιγεγραμμένου τῷ ἐγγεγραμμένῷ.

^{2.} yavías] y cum comp. as F. 3. has cum comp. ns F.

contingens. nam quoniam $\Xi H = H \Delta$, et $H\Pi$ communis, et angulos aequales comprehendunt, erit igitur etiam basis $\Xi \Pi = \Pi \Delta$ [Eucl. I, 4], et angulus $\Pi\Xi H$ rectus $= L\Pi \Delta H$. quare $\Delta\Pi$ [circulum] contingit [Eucl. III, 16 $\pi \acute{o} \wp \iota \wp \iota \wp \iota \omega$]. quoniam igitur anguli ad Δ positi recti sunt, et $\Pi H \Delta$, $\Delta H \Theta$ aequales, et [latus] ad [angulos] aequales positum ΔH commune, est etiam $\Pi \Delta = \Theta \Delta$ [Eucl. I, 26]. sed demonstratum est, esse $\Xi \Pi = \Pi \Delta$. quare etiam $[\Theta \Delta = \Pi \Delta = \Xi \Pi = \Xi O, h. e.]$ $\Theta \Pi = \Pi O$, et omnibus [lineis] eodem modo contingentibus. quare $\Theta \Pi$ latus est polygoni aequilateri, cuius latera paria sunt numero, circum circulum circumscripti.

hinc statim adparet, polygoni similis etiam inscripto [latus esse]. nam cum

$$OH = H\Pi$$
 et $\Gamma H = HN$,

OII igitur lineae ΓN parallela est [Eucl. VI, 2]. eadem de causa etiam $II\Theta$ lineae NK parallela est. quare etiam $L\Gamma NK = OII\Theta$. itaque polygonum circumscriptum inscripto simile est.

^{5.} τφ] scripsi; το F, uulgo.
9. ΠΟ] ΠΘ FV. In figura litteras K, Γ permutauit Torellius; ego retinui rationem codicis F, quia sic duabus tantum emendationibus pro quattuor Torellianis opus est.
14. ΟΗ] scripsi; ΘΗ F, uulgo.
15. ἄφα] γαφ per comp. F; corr. Torellius.
ΟΠ] ΘΠ Torellius.
16. ΠΘ] ΟΠ Torellius.
NZ Torellius.
ΓNZ idem.

Ή ἄρα ΜΚ πρὸς ΚΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΓΗ πρὸς ΗΤ] μείζονος γὰρ οὔσης τῆς πρὸς τῷ Κ γωνίας τῆς ὑπὸ ΓΗΤ, ἐὰν τῷ ὑπὸ ΓΗΤ ἴσην συστησώμεθα τὴν ὑπὸ ΛΚΡ, τοῦ Ρ μεταξὺ τῶν Λ, 5 Μ νοουμένου, τὸ ΛΚΡ τρίγωνον τῷ ΓΗΤ ὅμοιόν ἐστιν, καί ἐστιν, ὡς ἡ ΡΚ πρὸς ΚΛ, οὕτως ἡ ΓΗ πρὸς ΗΤ. ἄστε καὶ ἡ ΜΚ πρὸς ΚΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΓΗ πρὸς ΗΤ.

Εἰς τὸ τ΄.

10 Διὰ δὴ τοῦτο ἔλασσόν ἐστι τὸ περιγραφόμενον τοῦ συναμφοτέρου] ἐπεὶ γὰρ τὸ περιγραφόμενον πρὸς τὸ ἐγγραφόμενον ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ συναμφότερον πρὸς τὸν κύκλον, πολλῷ ἄρα τὸ περιγραφόμενον πρὸς τὸν κύκλον ἐλάσσονα λόγον 15 ἔχει, ἤπερ τὸ συναμφότερον πρὸς τὸν κύκλον. ὥστε τὸ περιγραφόμενον ἔλασσόν ἐστι τοῦ συναμφοτέρου.

καὶ κοινοῦ ἀφαιρουμένου τοῦ κύκλου λοιπὰ τὰ περιλείμματα ἐλάσσονά ἐστι τοῦ Β χωρίου.

Είς τὸ η'.

20 Αἱ ἄρα ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὰ Α, Β, Γ ἐπιξευγνύμεναι κάθετοί εἰσιν ἐπ' αὐτάς] νενοήσθω γὰρ χωρὶς ὁ κῶνος, καὶ ἔστω κορυφὴ μὲν αὐτοῦ τὸ Η, κέντρον δὲ τῆς βάσεως αὐτοῦ τὸ Θ. καὶ ἀπὸ τοῦ Θ ἐπὶ τὸ Α ἐπεζεύχθω ἡ ΘΑ, ἀπὸ δὲ τοῦ Η ἡ ΗΑ. 25 λέγω, ὅτι ἡ ΗΑ κάθετός ἐστιν ἐπὶ τὴν ΔΕ. ἐπεὶ γὰρ ἡ ΗΘ κάθετός ἐστιν ἐπὶ τὸ τοῦ κύκλου ἐπίπεδον,

^{3.} K] K Γ F. $\gamma \omega \nu i \alpha \varsigma$] γ cum comp. $\alpha \varsigma$ F. 26. $\dot{\epsilon} \pi t$] scripsi (Philol. Samf. Mindeskrift. Haun. 1879 p. 19); $\pi \varrho o \varsigma$ per comp. F, uulgo.

P. 18, 6-7: itaque $MK: KA > \Gamma H: HT$] nam cum angulus ad K positus maior sit angulo ΓHT . si construimus $\angle AKP = \Gamma HT$, ita ut P inter Λ , M positum fingatur, est $\Delta KP \sim \Gamma HT$, et est [Eucl. VI, 4] $\Gamma H: HT = PK: KA$. quare etiam

 $MK: K \Lambda > \Gamma H: HT.^{1}$

In theorems VI.

P. 26, 16-17: itaque polygonum circumscriptum minus est utroque simul] nam quoniam polygonum circumscriptum ad inscriptum minorem rationem habet, quam utrumque simul ad circulum, multo igitur magis polygonum circumscriptum ad circulum minorem rationem habet, quam utrumque simul ad circulum.2) quare polygonum circumscriptum minus est utroque simul [Eucl. V, 10].

et ablato circulo, qui communis est, spatia reliqua minora sunt spatio B.

In theorems VIII.

P. 32, 3-6: itaque lineae a uertice ad A, B, Γ ductae perpendiculares ad eas sunt] fingatur enim conus seorsum descriptus, et uertex eius sit H, centrum autem basis Θ . et a Θ ad A ducatur ΘA , ab H autem HA. dico, HA ad ΔE perpendicularem esse. nam quoniam H@ ad planum circuli perpendicularis est, etiam omnia plana per eam posita [perpendicularia sunt] [Eucl. XI, 18]. quare etiam trian-

Nam MK > PK.
 Nam circulus maior est polygono inscripto.

καὶ πάντα τὰ δι' αὐτῆς ἐπίπεδα. ὥστε καὶ τὸ ΗΘΑ

Τοίνωνον ὀρθόν ἐστι πρὸς τὴν βάστιν. καὶ τῆ κοινῆ τομῆ τῶν ἐπιπέδων τῆ ΘΑ πρὸς ὀρθὰς ἡκται ἐν ἐνὶ τῶν ἐπιπέδων ἡ ΔΕ. ἡ ἄρα ΔΕ τῷ ΗΘΑ ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθάς ἐστιν, ὥστε καὶ πρὸς τὴν ΗΑ. ἡμοίως δὲ δειχθήσονται καὶ αί ἐπὶ τὰ Γ, Β ἐπιζευγνύμεναι ἀπὸ τῆς κορυφῆς κάθετοι οὖσαι ἐπὶ τὰς ΔΖ, ΕΖ.

έπιστήσαι δε χρή, ὅτι ἐπὶ μεν τοῦ πρὸ τούτου καλῶς προσέκειτο τὸ δεῖν πάντως τὴν ἐγγραφομένην
πυραμίδα ἰσόπλευρον ἔχειν τὴν βάσιν. οὐκ ἄλλως γὰρ
15 αἱ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὰς τῆς βάσεως πλευρὰς ἴσαι
ἤδύναντο εἶναι. ἐπὶ δὲ τοῦ προκειμένου οὐ προσέθηκεν τὸ εἶναι ἰσόπλευρον τὴν βάσιν διὰ τὸ δύνασθαι,
κᾶν ὁποῖά τις ἦ, τὸ αὐτὸ ἀκολουθεῖν.

Είς τὸ δ΄.

20 Μείζονα ἄρα ἐστὶν τὰ ΑΒΔ, ΒΔΓ τρίγωνα τοῦ ΑΔΓ τριγώνου] ἐπεὶ γὰρ στερεὰ γωνία ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Δ, αἱ ὑπὸ ΑΔΒ, ΒΔΓ μείζους εἰσὶν τῆς ὑπὸ ΑΔΓ. καὶ ἐὰν ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν διχοτομίαν τῆς βάσεως ἐπιζεύξωμεν ὡς τὴν ΔΕ κάθετον 25 γινομένην ἐπὶ τὴν ΑΓ, ἔσται ἡ ὑπὸ ΑΔΒ μείζων τῆς ὑπὸ ΑΔΕ. συνεστάτω οὖν τῆ ὑπὸ ΑΔΒ ἴση ἡ ὑπὸ ΑΔΖ, καὶ τεθείσης τῆς ΔΖ ἴσης τῆ ΔΓ ἐπεζεύχθω

^{1.} ἐπίπεδα πρὸς τὸ αὐτὸ ὁρθά ἐστι Torellius. 12. πρω FAD. 13. προσέκειτο] scripsi; προεκειτο F, uulgo. 14. εισοπλευρον F. ουκαλως F; corr. Torellius. 18. ηδυνατο

gulus $H\Theta A$ ad basim perpendicularis est. et in altero plano ad communem sectionem planorum ΘA perpendicularis ducta est ΔE . itaque ΔE ad planum $H\Theta A$ perpendicularis est [Eucl. XI def. 4]; quare etiam ad HA [Eucl. XI def. 3]. et eodem modo demonstrabimus, etiam lineas a uertice ad Γ , B ductas perpendiculares esse ad ΔZ , EZ.

animaduertendum est, in priore propositione recte adiectum esse, oportere pyramidem inscriptam omnino basim aequilateram habere. neque enim aliter lineae a uertice ad latera basis ductae aequales esse poterant. in hac autem non adiecit, basim aequilateram esse, quod, qualiscunque est, idem sequitur.

In prop. IX.

P. 34, 19—21: itaque trianguli $AB\Delta$, $B\Delta\Gamma$ maiores sunt triangulo $A\Delta\Gamma$] nam quoniam angulus ad Δ positus solidus est, erunt $LA\Delta B + B\Delta\Gamma > A\Delta\Gamma$ [Eucl. XI, 20]. et si a uertice ad punctum medium basis 1) lineam duxerimus uelut ΔE , quae ad $\Delta\Gamma$ perpendicularis erit 2), erit $LA\Delta B > A\Delta E$. 2) ponatur igitur $LA\Delta Z = A\Delta B$, et $\Delta Z = \Delta\Gamma$, et ducatur ΔZ .

¹⁾ Sc. trianguli A Δ Γ.

²⁾ Quia conus aequicrurius est (I p. 34, 2), h. e. $A\Delta = \Delta \Gamma$.

³⁾ Nam $A \triangle B = \hat{B} \triangle \Gamma$ et $A \triangle \hat{E} = \hat{E} \triangle \hat{\Gamma}$.

F. $\pi \varrho o \sigma \ell \vartheta \eta n \varepsilon v$] scripsi; $\pi \varrho o \varepsilon \vartheta \eta n \varepsilon v$ F, uulgo. 18. anolov ϑ cum comp. ηv uel ιv F. 22. $\iota \varphi$] scripsi; ιv F, uulgo. 25. $\iota \omega \varepsilon \iota \omega v$ F. Torellius in figura permutauit Λ et Γ ; quare lin. 27 scripsit $\Gamma \Delta Z$, p. 30 lin. 1: ΓZ , lin. 3: $\Gamma \Delta Z$.

10

ή ΑΖ. ἐπεὶ οὖν δύο δυσὶν ἴσαι, ἀλλὰ καὶ γωνία γωνία, καὶ τὸ ΑΒ⊿ τρίγωνον Γ ίσον έστὶ τῷ ΑΔΖ τοιγώνφ μείζονι ὄντι τοῦ Α Δ Ε. καὶ τὸ ΑΒΔ ἄρα τρίγωνον τοῦ

ΑΔΕ μεϊζόν έστιν. όμοίως δή καὶ τὸ ΔΒΓ τοῦ ΔΕΓ. δύο ἄρα τὰ ΑΔΒ, ΔΒΓ τοῦ ΑΔΓ μείζονά έστιν.

Είς τὸ ι'.

"Ήχθω γὰρ ή ΗΖ έφαπτομένη τοῦ κύκλου καὶ παράλληλος οὖσα τῆ ΑΓ δίχα τμηθείσης τῆς ΑΒΓ περιφερείας κατὰ τὸ Β] ὅτι γὰρ ἡ οῦτως άγομένη παράλληλοις γίνεται τη ΑΓ, δειχθήσεται 15 ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ Θ ἐπιζευχθεισῶν τῶν ΘΑ, ΘΔ, $\Theta\Gamma$. Exel yào l'on Estlu $\hat{\eta}$ $A\Delta$ $\tau\tilde{\eta}$ $\Delta\Gamma$, xal xolu $\hat{\eta}$ $\hat{\eta}$ ΔΘ, δύο δυσίν ἴσαι. άλλὰ καὶ βάσις ή ΑΘ βάσει $au \widetilde{\eta} \, \, \Theta \, \Gamma$ au καὶ αί ὑπὸ ΗΒΔ, ΔΒΖ γωνίαι ὀοθαί. ἀπὸ γὰο τοῦ 20 κέντρου έπὶ τὴν άφὴν ἐπέζευκται ἡ ΘΒ. ὅστε καὶ λοιπή ή ύπὸ ΔΗΒ λοιπη τη ύπὸ ΔΖΒ έστιν ίση. καὶ διὰ τοῦτο ή ΗΔ τῆ ΔΖ ἴση ἐστίν. ώστε παράλληλός έστιν ή ΖΗ τη ΑΓ.

Περιγράφοντες δή πολύγωνα περί τὸ τμῆμα 25 δμοίως δίχα τεμνομένων τῶν περιλειπομένων

^{6.} δή] FV; δέ uulgo. 8. ΔΔΓ] ΔΔΒ F; corr. Torellius.
11. HZ] uulgo; HZE F; HBZ Torellius, et transscriptor I p. 40, 1. 14. γίνεται] per comp. F, BC. 18. γωνία] γ supra scripto α F. 19. ΒΔΖ F; corr. Torellius. γωνίαι] γ supra scripto αι F.

quoniam igitur duo [latera] duobus aequalia sunt, et angulus angulo, etiam est $AB \triangle = A \triangle Z$ [Eucl. I, 4]. sed $A \triangle Z > A \triangle E$. i quare etiam $AB \triangle > A \triangle E$. similiter igitur etiam $\triangle B \Gamma > \triangle E \Gamma$. itaque

 $A\Delta B + \Delta B\Gamma > A\Delta\Gamma$.

In prop. X.

P. 40, 1—3: ducatur enim HZ linea circulum contingens et lineae $A\Gamma$ parallela, ambitu $AB\Gamma$ in B puncto in duas partes aequales diviso] nam lineam ita ductam lineae $A\Gamma$ parallelam esse demonstrabitur a centro Θ ductis lineis ΘA , ΘA , $\Theta \Gamma$. nam quoniam $AA = A\Gamma$, et $A\Theta$ communis, duo duobus aequalia. sed etiam basis $A\Theta = \Theta \Gamma$. quare etiam angulus angulo aequalis est [Eucl. I, 8]. sed etiam

$/HB \Delta = \Delta BZ$

(quia recti sunt; nam a centro ad contactum ducta est ΘB [Eucl. III, 18]). itaque etiam reliquus

$$\Delta HB = \Delta ZB$$

reliquo. quare $H\Delta = \Delta Z$, et ZH lineae $A\Gamma$ parallela.

P. 42, 21-25: si igitur polygonum circum segmentum circumscripserimus eodem modo ambitus re-

¹⁾ Non est, unde hoc concludatur. ita demonstrari potest: cum conus aequicrurius sit, altitudines triangulorum $A\Delta\Gamma$, $A\Delta B$, $B\Delta\Gamma$ aequales sunt. quare $A\Delta\Gamma = \frac{1}{2}E\Delta \times A\Gamma$,

 $A\Delta B + \Delta B\Gamma = \frac{1}{2}E\Delta \times (AB + B\Gamma);$

περιφερειών καὶ ἀγομένων ἐφαπτομένων λείψομέν τινα ἀποτμήματα ἐλάσσονα τοῦ Θχωρίου]
ἐπὶ μὲν τῶν ἐγγραφομένων δέδεικται ἐν τῇ στοιχειώσει,
ὅτι τὰ ἐγγραφόμενα τρίγωνα εἰς τὰ τμήματα μείζονά
δ ἐστιν ἢ τὸ ἣμισυ τῶν καθ' ἑαυτὰ τμημάτων, καὶ διὰ
τοῦτο δυνατὸν ἦν τέμνοντας τὰς περιφερείας δίχα καὶ
ἐπιζευγνύντας εὐθείας καταλείπειν τινὰ ἀποτμήματα
ἐλάσσονα τοῦ δοθέντος χωρίου. ἐπὶ δὲ τῆς περιγραφῆς οὐκέτι τοῦτο δέδεικται ἐν τῇ στοιχειώσει. ἐπεὶ
10 οὖν ἐν τῷ προκειμένῳ τοῦτό φησιν, ὅ καὶ ἔστιν αὐτὸ
συλλογίσασθαι διὰ τοῦ ς' θεωρήματος, δεικτέον, ὅτι ἡ
ἐφαπτομένη ἀφαιρεῖ τρίγωνον μεῖζον ἢ τὸ ἣμισυ τοῦ
καθ' ἑαυτὸ περιλείμματος, οἶον ὡς ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς, ὅτι τὸ ΗΔΖ τρίγωνον μεῖζόν ἐστιν ἢ τὸ

20 H B Z

ημισυ τοῦ περιλείμματος τοῦ περιεχομένου ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΔΓ καὶ τῆς ΑΒΓ περιφερείας. τῶν γὰρ αὐτῶν ἐπεζευγμένων, ἐπεὶ ὀρθή ἐστιν ἡ ὑπὸ ΔΒΖ, μείζων ἐστὶν ἡ ΔΖ τῆς ΒΖ. ἡ δὲ ΖΒ τῆ ΖΓ ἴση· ἐφάπτεται γὰρ ἐκατέρα αὐτῶν. καὶ ἡ ΔΖ ἄρα τῆς ΖΓ μείζων. ῶστε καὶ τὸ ΔΒΖ τρίγωνον μεῖζόν ἐστι τοῦ ΒΖΓ τριγώνου· ὑπὸ γὰρ τὸ αὐτὸ ῦψος εἰσίν. πολλῷ ἄρα τοῦ ΒΖΓ περιλείμματος μεϊ-

ζόν έστιν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ $\triangle BH$ τοῦ BHA μεζζον. ὅλον ἄρα τὸ $\triangle ZH$ μεζζόν έστιν ἢ τὸ ῆμισυ τοῦ $A \triangle \Gamma$ περιλείμματος.

^{2.} Θ] $\vartheta \bar{v}$ F; corr. Torellius. 23. $\mu \epsilon \iota \zeta$ cum comp. $\omega \nu$ F.

lictos in duas partes aequales dividentes et lineas contingentes ducentes relinquemus quaedam spatia minora spatio 1 in [polygonis] inscriptis in elementis demonstratum est, triangulos in segmenta inscriptos maiores esse dimidia parte segmentorum respondentium [Eucl. XII, 2 p. 200 ed. August], et ea de causa fieri poterat. ut ambitus in duas partes aequales dividentes et lineas ducentes relinqueremus spatia quaedam minora spatio dato [Eucl. X, 1]. in circumscriptis uero hoc non iam in elementis demonstratum est. cum igitur in proposito hoc dicat, quod ipsum ex prop. VI colligi potest, demonstrandum est, lineam contingentem abscindere triangulum maiorem dimidia parte spatii relicti ad eum pertinentis, uelut in eadem figura1) triangulum H⊿Z maiorem esse dimidia parte spatii relicti comprehensi lineis $A\Delta$, $\Delta\Gamma$ et ambitu $AB\Gamma$. iisdem enim ductis lineis, cum angulus \(\Delta BZ \) rectus sit, est $\Delta Z > BZ$. sed $ZB = Z\Gamma$; nam utraque contingit.²) quare etiam $\Delta Z > Z \Gamma$. itaque etiam $\Delta B Z > B Z \Gamma$ [Eucl. VI, 1]; nam eandem habent altitudinem. itaque $[\Delta BZ]$ multo maior est spatio relicto $BZ\Gamma$. et eadem ratione etiam \(\Delta BH \) major erit \[\[\] spatio relicto \] BHA. itaque totus ΔZH major est dimidia parte spatii relicti $A \Delta \Gamma$.

2) Cfr. Zeitschr. f. Math., hist. Abth. XXIV p. 181 nr. 15.

1

¹⁾ Figura p. 32 etiam ad priorem notam p. 30, 11 sq. pertinet.

Els tò iy'.

Νοείσθω δη είς του Β κύκλου περιγεγραμμένου καὶ έγγεγραμμένου, καὶ περὶ του Α κύκλου περιγεγραμμένου δμοιου τῷ περὶ του Β κεριγεγραμμένου δμοιου τῷ περὶ του δοθέντα κύκλου πολύγωνου έγγράψαι δμοιου τῷ ἐν ἐτέρφ ἐγγεγραμμένῳ, δῆλου: εἴρηται δὲ καὶ Πάππῳ εἰς το ὑπόμνημα τῶυ στοιχείωυ. περὶ δὲ τὸυ δοθέντα κύκλου πολύγωνου περιγράψαι δμοιου τῷ περὶ ἔτερου 10 κύκλου περιγεγραμμένῳ οὐκέτι ὁμοίως ἔχομεν εἰρημένου. ὅπερ νῦυ λεκτέου. τῷ γὰρ εἰς τὸυ Β κύκλου ἐγγεγραμμένῳ δμοιου εἰς τὸυ Α ἐγγεγράφθω, καὶ περὶ αὐτὸυ τὸυ Α δμοιου τῷ εἰς αὐτόν, ὡς ἐν τῷ γ΄ θεωρήματι. καὶ ἔσται δμοιου καὶ τῷ περὶ τὸυ Β περι γεγραμμένῳ.

Καὶ ἐπεὶ ὅμοιά ἐστι τὰ εὐθύγραμμα τὰ περὶ τοὺς Α, Β κύκλους περιγεγραμμένα τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον, ὅνπερ καὶ αί ἐκ τῶν κέντρων δυνάμει] τὸ τοιοῦτον ἐπὶ μὲν τῶν ἐγγεγραμμένων δέ-20 δεικται ἐν τῆ στοιχειώσει, ἐπὶ δὲ τῶν περιγεγραμμένων οὐκέτι. δειχθήσεται δὲ οῦτως.

νενοήσθωσαν γὰο χωρίς τὰ περιγεγραμμένα καὶ ἐγγεγραμμένα εὐθύγραμμα, καὶ ἀπὸ τῶν κέντρων τῶν κύκλων ἐπεζευγμέναι αἱ ΚΕ, ΚΜ, ΔΘ, ΔΝ. φανερὸν 25 δή, ὅτι αἱ ΚΕ, ΔΘ ἐκ τῶν κέντρων εἰσὶ τῶν περὶ τὰ περιγεγραμμένα πολύγωνα κύκλων, καὶ πρὸς ἀλλήλας εἰσὶ δυνάμει, ὡς τὰ περιγεγραμμένα πολύγωνα. καὶ ἐπεὶ αἱ ὑπὸ ΚΕΜ, ΔΘΝ ἡμίσειαί εἰσι τῶν ἐν τοῖς

^{4.} τῷ] το F. 7. mg. Παππω F. 8. ὅπως δὲ περὶ Τοrellius mg. 10. περιγεγραμμεν cum comp. ον F. 18. καὶ
αί] scripsi; και per comp. F, uulgo; αί Torellius cum trans-

In prop. XIII.

P. 60, 24—26: fingatur igitur circumscriptum et inscriptum circulo B, et circum A circulum circumscriptum polygonum simile figurae circum B circulum circumscriptae] quomodo fieri possit, ut dato circulo polygonum inscribatur simile ei, quod alii circulo inscriptum est, adparet; et insuper a Pappo in commentario ad elementa dictum est. uerum quo modo circum datum circulum circumscribatur polygonum simile ei, quod circum alium circulum circumscriptum est, non iam explicatum inuenimus. quare hoc nunc dicendum est. nam circulo A inscribatur polygonum simile ei, quod in B circulo inscriptum est, et circum ipsum A circumscribatur polygonum ei simile, quod ei inscriptum est, ut in tertio theoremati [u. p. 24]. et erit ei simile, quod circum B circumscriptum est [Eucl. VI, 21].

P. 62, 14—17: et quoniam similes sunt figurae rectilineae circum A, B circulos circumscriptae, eandem rationem habebunt, quam radii quadrati] hoc in figuris inscriptis demonstratum est in elementis [Eucl. XII, 1], neque uero in circumscriptis. demonstrabitur autem ita.

fingantur enim figurae rectilineae circumscriptae et inscriptae seorsum descriptae, et a centris circulorum ductae lineae KE, KM, $\Lambda\Theta$, ΛN . manifestum igitur, lineas KE, $\Lambda\Theta$ radios esse circulorum circum polygona circumscripta descriptorum, et quadratos eam rationem habere, quam polygona circumscripta [Eucl. XII, 1]. et quoniam anguli KEM, $\Lambda\Theta N$ dimidii

scriptore I p. 62, 16. 24. επεζευμεναι F. 25. είσί) per comp. F, nt lin. 27, 28.

πολυγώνοις γωνιῶν, δμοίων ὄντων τῶν πολυγώνων δῆλον, ὅτι καὶ αὐταὶ ἰσαι εἰσίν. ἀλλὰ καὶ αί πρὸς

τοις Μ, Ν ὀφθαί. ἰσογώνια ἄφα τὰ ΚΕΜ,
ΛΘΝ τρίγωνα. καὶ
ἔσται, ὡς ἡ ΚΕ πρὸς
ΛΘ, ἡ ΚΜ πρὸς ΛΝ΄
ὥστε καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν.
ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΚΕ

10 πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΛ, οῦτως τὰ περιγεγραμμένα πρὸς ἄλληλα. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΚΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΝ, οῦτως τὰ περιγεγραμμένα πρὸς ἄλληλα.

Τὸν αὐτὸν ἄρα λόγον ἔχει τὸ ΚΤΔ τρίγωνον πρὸς τὸ εὐθύγραμμον τὸ περὶ τὸν Β κύ15 κλον, ὅνπερ τὸ ΚΤΔ τρίγωνον πρὸς τὸ ΖΡΛ
τρίγωνον] ἐπεὶ γὰρ τὰ περὶ τοὺς Α, Β κύκλους εὐθύγραμμα πρὸς ἄλληλά ἐστιν, ὡς αἱ ἐκ τῶν κέντρων
δυνάμει, τουτέστιν ἡ ΤΔ πρὸς Η δυνάμει, τουτέστιν
ἡ ΤΔ πρὸς ΡΖ μήκει, τουτέστιν ὡς τὸ ΚΤΔ τρίγω20 νον πρὸς τὸ ΖΡΛ, ἴσον δὲ τὸ ΚΤΔ τῷ περὶ τὸν Α
κύκλον περιγεγραμμένω, ἔστιν ἄρα, ὡς τὸ ΚΤΔ πρὸς
τὸ περὶ τὸν Β κύκλον περιγεγραμμένον, οῦτως τὸ αὐτὸ
ΚΤΔ τρίγωνον πρὸς τὸ ΖΡΛ τρίγωνον.

Έναλλὰξ ἄρα ἐλάσσονα λόγον ἔχει τὸ πρίσμα 25 πρὸς τὸν κύλινδρον, ἤπερ τὸ ἐγγεγραμμένον εἰς τὸν Β κύκλον πολύγωνον πρὸς τὸν Β κύκλον ὅπερ ἄτοπον] ἐὰν ποιήσωμεν ὡς τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ πρίσματος πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ κυλίνδρου, οῦτως τὸ ἐγγεγραμμένον εἰς τὸν Β κύκλον πρὸς ἄλλο τι, ἔσται πρὸς ἔλασσον τοῦ Β κύκλου, πρὸς 11. ΔΝ ΔΗ F. 13. Signum non adposit F; sed in

sunt angulorum polygonorum, adparet, cum similia sint polygona, eos quoque aequales esse. sed praeterea anguli ad M, N positi recti sunt. similia igitur sunt triangula KEM, $A\Theta N$. et erit [Eucl. VI, 4] $KE:A\Theta = KM:AN$. quare etiam quadrata earum. sed ut $KE^2:\Theta A^2$, ita figurae circumscriptae inter se. quare etiam ut $KM^2:AN^2$, ita figurae circumscriptae inter se.

P. 64, 11—14: quare triangulus $KT\Delta$ ad figuram rectilineam circum B circulum circumscriptam eandem rationem habet, quam triangulus $KT\Delta$ ad triangulum $ZP\Delta$ nam quoniam figurae rectilineae circum A, B circulos circumscriptae eam inter se rationem habent, quam radii quadrati, h. e. $T\Delta^2: H^2$, h. e. $T\Delta: PZ$, h. e. $KT\Delta: ZP\Lambda^1$), et $KT\Delta$ aequalis est figurae circum A circulum circumscriptae, erit igitur, ut $KT\Delta$ ad figuram circum B circulum circumscriptam, ita idem $KT\Delta$ ad $ZP\Delta$ triangulum.

P. 64, 26: permutando igitur prisma ad cylindrum minorem rationem habet, quam figura circulo B inscripta ad B circulum; quod absurdum est] si fecerimus, ut, quam habeat rationem superficies prismatis ad superficiem cylindri, eam habeat figura circulo B inscripta ad aliud, erit ad spatium minus circulo B^2),

U. I p. 62, 20; 64, 9.
 Nam prismatis superficies maior est superficie cylindri, sed figura inscripta minor circulo.

mg. lineola est. 15. ZPA] ZPA FV; corr. B manu 2. 17. αt] om. F; corr. B. 18. TΔ] TA FV. 20. τῷ] το F. 23. τρίγωνον] ∇ F. 24. Signum non adposuit F; sed in mg. lineolam habet 27. ἐἀν γάφ Torellius, fortasse recte.

ο μείζονα λόγον έχει το έγγεγραμμένον ήπες προς τον κύκλον, τουτέστιν ή έπιφάνεια τοῦ πρίσματος προς τὴν τοῦ κυλίνδρου ἐπιφάνειαν μείζονα λόγον ἔχει, ἤπες τὸ ἐγγεγραμμένον πρὸς τὸν κύπλον. ἐδείχθη δὲ 5 ἔχον καὶ ἐλάσσονα. ὅπερ ἄτοπον.

Είς τὶ ιδ'.

Ἡ δὲ Γ πρὸς τὴν Δ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ τὸ πολύγωνον τὸ ἐν τῷ Α κύκλω ἐγγεγραμμένον πρός την έπιφάνειαν της πυραμίδος της έγγε-10 γραμμένης είς τὸν κῶνον] ή γὰρ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ χύχλου πρός τὴν πλευράν τοῦ χώνου μείζονα λόγον ἔχει, ήπες ή ἀπὸ τοῦ κέντρου κάθετος ἀνομένη έπλ μίαν πλευράν τοῦ πολυγώνου πρός τὴν ἐπλ τὴν πλευράν τοῦ πολυγώνου κάθετον άγομένην ἀπὸ τῆς 15 πορυφής του κώνου. νενοήσθω γὰρ χωρίς ἡ ἐν τῷ δητῷ καταγραφή, καὶ εἰς τὸν Α κύκλον ἐγγεγραμμένον πολύγωνον τὸ ΖΘΚ, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου τοῦ Α ἐπὶ μίαν πλευράν τοῦ πολυγώνου τὴν ΘΚ κάθετος ήχθω ή ΑΗ. φανερον δή, ὅτι τὸ ὑπὸ 20 της περιμέτρου τοῦ πολυγώνου καὶ της ΑΗ διπλάσιόν έστι τοῦ πολυγώνου. νενοήσθω δή καλ ή τοῦ κώνου πορυφή τὸ • Λ σημεῖον, καὶ ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὸ Η ἐπεζευγμένη ή ΛΗ, ητις κάθετος γίνεται έπὶ τὴν ΘΚ, ώς έδείχθη έν τῷ λήμματι τοῦ η΄ θεωρήματος. ἐπελ 25 οὖν ἰσόπλευρόν έστι τὸ έγγεγραμμένον πολύγωνον, έστι δε και ισοσκελής ο κώνος, αι από του Λ έφ' έκάστην τῶν πλευρῶν τοῦ πολυγώνου ἀγόμεναι κάθετοι ίσαι είσι τη ΑΗ. έκάστη γαρ αὐτῶν δύναται τὸ

^{5.} elasson F; corr. Torellius. 23. y(secon] yaq esti

ad quod maiorem rationem habebit figura inscripta quam ad circulum [Eucl. V, 8], h. e. superficies prismatis ad superficiem cylindri maiorem rationem habet, quam figura inscripta ad circulum. sed demonstratum est, eam etiam minorem habere; quod absurdum est.

In prop. XIV.

P. 74, 1-4: sed Γ : \triangle majorem rationem habet, quam polygonum circulo A inscriptum ad superficiem pyramidis cono inscriptae] nam radius circuli ad latus comi maiorem rationem habet, quam linea a centro ad latus aliquod polygoni perpendicularis ducta ad lineam a uertice coni ad latus polygoni perpendicularem ductam. fingatur enim seorsum descripta figura in ipsa propositione posita, et circulo A inscriptum polygonum $Z\Theta K$, et a centro circuli A ad latus aliquod polygoni ΘK perpendicularis ducatur AH. manifestum igitur, rectangulum, quod contineatur perimetro polygoni et linea AH, duplo maius esse polygono [Eucl. I, 41]. fingatur igitur etiam uertex coni punctum Λ , et ab Λ ad H ducta linea ΛH , quae ad ΘK perpendicularis erit, ut demonstratum est in commentario ad propositionem VIII [p. 26]. iam quoniam polygonum inscriptum aequilaterum est, et conus aequicrurius, lineae ab A ad singula latera polygoni perpendiculares ductae aequales sunt lineae AH; nam singulae quadratae aequales sunt quadrato axis cum

⁽utrumque per comp.) FV; corr. BC. 24. θεοφηματος F. 26. πονος F.

20

ἀπὸ τοῦ ἄξονος καὶ τῆς ἴσης τῆ ΑΗ. διὰ δὲ τοῦτο καὶ τὸ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ πολυγώνου καὶ τῆς

ΑΗ διπλάσιόν έστι τῆς ἐπιφανείας τῆς πυφαμίδος. τὸ γὰρ ὑφ' ἐκάστης πλευρᾶς καὶ τῆς ἀπὸ τῆς κορυφῆς καθέτου ἐπ' αὐτὴν ἀγομένης ἴσης τῆ ΛΗ διπλάσιόν ἐστι τοῦ καθ' ἑαυτὴν τριγώνου. ώστε ἐστίν, ὡς ἡ ΑΗ πρὸς ΗΛ, τὸ πολύγωνον πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τῆς πυραμίδος κοινοῦ ῦψους τῆς περιμέτρου τοῦ πολυγώνου λαμβανομένης. ἀχθείσης δὴ τῆς ΗΝ παρὰ τὴν ΜΛ ἔσται, ὡς ἡ ΛΜ πρὸς

ΜΛ, ή ΛΗ πρὸς ΗΝ. ή δὲ ΛΗ πρὸς ΗΝ μείζονα 15 λόγον ἔχει ἤπερ πρὸς τὴν ΗΛ. μείζων γὰρ ή ΛΗ τῆς ΗΝ. καὶ ἡ ΛΜ ἄρα πρὸς ΜΛ, τουτέστιν ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΛΗ πρὸς ΗΛ, τουτέστιν ἤπερ τὸ πολύγωνον πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τῆς πυραμίδος.

Είς τὸ ις'.

Καὶ ἐπεὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΒΑ, ΑΗ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΒΔΖ καὶ τῷ ὑπὸ τῆς ΔΔ καὶ συναμφοτέρου τῆς ΔΖ, ΑΗ διὰ τὸ παράλληλον είναι τὴν ΔΖ τῷ ΑΗ] ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν ἡ ΔΖ 25 τῷ ΑΗ, ἔστιν, ὡς ἡ ΒΑ πρὸς ΑΗ, ἡ ΒΔ πρὸς ΔΖ. καὶ διὰ τοῦτο τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων τῶν ΒΑ, ΔΖ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων τῶν ΒΔ, ΑΗ. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν ΒΑ, ΔΖ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΒΔ, ΔΖ καὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΔΖ διὰ τὸ πρῶτον θεώρημα τοῦ β΄

^{8.} wore | wor cum comp. ns F. AH AH F. 9. ovens

quadrato lineae aequalis lineae AH. itaque etiam rectangulum comprehensum perimetro polygeni et linea AH duplo maius est superficie pyramidis; nam rectangula comprehensa singulis lateribus et lineis a uertice ad ea perpendicularibus ductis, quae aequales sunt lineae AH, duplo maiora sunt singulis triangulis ad ea pertinentibus. quare est, ut AH: HA, ita polygonum ad superficiem pyramidis, si perimetrum polygoni pro communi altitudine sumimus.\(^1\)) ducta igitur HN lineae MA parallela erit AM: MA = AH: HN sed AH: HN > AH: HA; nam AH > HN. itaque etiam AM: MA > AH: HA, h. e. $\Gamma: \Delta$ maiorem rationem habet, quam polygonum ad superficiem pyramidis.

In prop. XVI.

P. 78, 20-24: et quoniam

 $BA \times AH = BA \times AZ + AA \times (AZ + AH)$, quia AZ linea parallela est lineae AH] nam quoniam AZ parallela est lineae AH, erit

 $BA:AH=B\Delta:\Delta Z.$

itaque $BA \times \Delta Z = B\Delta \times AH$ [Eucl. VI, 16]. sed $BA \times \Delta Z = B\Delta \times \Delta Z + A\Delta \times \Delta Z$ propter pri-

Nam rectangulum comprehensum perimetro polygoni et linea AH duplo maius est polygono.

τό Torellius. 11. νψ cum comp. ους (simillimo comp. ης) F. 12. λαμβανομέν cum comp. ης F. 22. ΒΔ, ΔΖ Torellius.

βιβλίου τῆς στοιχειώσεως. καὶ τὸ ὑπὸ τῶν $B extstyle \triangle$, AH ἄρα ἴσον ἐστὶ τῷ τε ὑπὸ $B extstyle \triangle$, AZ καὶ τῷ ὑπὸ $A extstyle \triangle$, AZ. κοινὸν προσκείσθω τὸ ὑπὸ AA, AH. τὸ ἄρα ὑπὸ $B extstyle \triangle$, AH μετὰ τοῦ ὑπὸ AA, AH, ὅπερ ἐστὶν 5 τὸ ὑπὸ BA, AH, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ BA, AZ καὶ ἔτι τῷ ὑπὸ AA, AH.

Είς τὸ κγ'.

Τὸ δὲ πληθος τῶν πλευρῶν τοῦ πολυγώνου μετρείσθω ὑπὸ τετράδος] ὑπὸ τετράδος βούλεται 10 μετρείσθαι τὰς πλευρὰς τοῦ πολυγώνου διὰ τὸ τοῦ κύκλου κινουμένου περί τὰν ΑΓ διάμετρον πάσας τὰς πλευρὰς κατὰ κωνικῶν φέρεσθαι ἐπιφανειῶν χρησίμου ἐσομένου αὐτῷ ἐν τοῖς ἑξης τοῦ τοιούτου. μὴ γὰρ ὑπὸ τετράδος μετρουμένων τῶν πλευρῶν τοῦ πολυ-15 γώνου, κὰν ἀρτιόπλευρον ἡ, οὐ πάσας δυνατὸν κατὰ κωνικῶν φέρεσθαι ἐπιφανειῶν, ὡς κατανοῆσαι ἔνεστιν ἐπὶ τῶν τοῦ ἔξαγώνου πλευρῶν δύο γὰρ τὰς ἀπεναντίον αὐτοῦ παραλλήλους πλευρὰς κατὰ κυλινδρικῆς φέρεσθαι ἐπιφανείας συμβαίνει. ὅπερ, ὡς εἰρηται, οὐ 20 χρήσιμον αὐτῷ πρὸς τὰ ἑξῆς.

Εἰς τὸ λ'.

Ή δὲ ΚΘ ἔση ἐστὶ τῆ διαμέτοφ τοῦ ΑΒΓΔ κύκλου] ἐὰν γὰρ ἀπὸ τοῦ Χ ἐπιζεύξωμεν ἐπὶ τὸ σημετον, καθ' δ ἐφάπτεται ἡ ΚΖ τοῦ ΑΒΓΔ κύκλου, 25 νοούμενον τὸ Μ, ὁμοίως δὲ καὶ τὴν ΧΚ, ἐπεὶ ἔση ἐστὶν ἡ ΧΚ τῆ ΧΖ, εἰσὶν δὲ καὶ ὀρθαὶ αἶ πρὸς τῷ

^{. 1.} τοιχειωσεως F. BΔ] BA F. 3. προσκείσθω] scripsi; προκείσθω F, uulgo. AH] ΔΗ F. το άρα ὑπο ΒΔ, ΑΗ μετὰ τοῦ ὑπο ΔΑ, ΑΗ] om. F; corr. Torellius; habet Cr. 21.

mum theorems secundi libri elementorum [Eucl. II, 1]. quare etiam $BA \times AH = BA \times AZ + AA \times AZ$. commune adiiciatur $AA \times AH$. itaque

 $B \Delta \times AH + \Delta A \times AH$

h. e. $BA \times AH = B\Delta \times \Delta Z + A\Delta \times \Delta Z + A\Delta \times AH [= B\Delta \times \Delta Z + A\Delta \times (\Delta Z + AH)].$

In prop. XXIII.

P. 100, 25—26: et numerus laterum polygoni per quattuor diuidi possit] latera polygoni per quattuor diuidi uult, ut circulo circum diametrum AI moto omnia latera per superficies conicas circumuoluantur, quod in sequentibus ei utile erit. nam si latera polygoni per quattuor diuidi non possunt, fieri potest, etiam si paria sunt numero, ut non omnia per superficies conicas circumuoluantur, ut in hexagono intellegi potest. accidit enim, ut duo latera parallela eius inter se opposita per cylindricam superficiem circumuoluantur. quod, uti diximus, ei ad sequentia utile non est.

In prop. XXX.

P. 126, 6—7: sed linea $K\Theta$ aequalis est diametro circuli $AB\Gamma\Delta$] nam si a X puncto lineam duxerimus ad punctum, in quo KZ circulum $AB\Gamma\Delta$ contingit, quod sit M^1), et etiam lineam XK, erit KM = MZ,

¹⁾ Torellius hoc loco et infra semper pro M posuit Σ , quia in figura ed. Basil., quam retinuit, haec littera pro M posita est, quod idem in nostra figura uol. I p. 127 errore factum est, quem hic correctum uolo.

eig το κθ΄ F. 22. ΑΒΓ F. 25. τὸ Μ] τὸ Μ τὴν ΧΜ? 26. τῷ] scripsi; το F, uulgo.

Els τὸ ιγ'.

Νοείσθω δη είς του Β κύκλου περιγεγραμμένου καὶ έγγεγραμμένου, καὶ περὶ του Α κύκλου περιγεγραμμένου, καὶ περὶ του Α κύκλου περιγεγραμμένου ὅμοιου τῷ περὶ του Β κεριγεγραμμένω ὅπως μὲυ οὖυ ἔστιν εἰς τον δοθέντα κύκλου πολύγωνου έγγράψαι ὅμοιου τῷ ἐν ἐτέρῷ ἐγγεγραμμένῷ, δῆλου εἰρηται δὲ καὶ Πάππῷ εἰς το ὑπόμυημα τῶυ στοιχείωυ. περὶ δὲ του δοθέντα κύκλου πολύγωνου περιγράψαι ὅμοιου τῷ περὶ ἔτερου 10 κύκλου περιγεγραμμένῷ οὐκέτι ὁμοίως ἔχομεν εἰρημένου. ὅπερ νῦυ λεκτέου. τῷ γὰρ εἰς του Β κύκλου ἐγγεγραμμένῷ ὅμοιου τῷ εἰς αὐτόν, ὡς ἐν τῷ γ΄ θεωρήματι. καὶ ἔσται ὅμοιου καὶ τῷ περὶ τὸυ Β περι γεγραμμένῷ.

Καί έπει ὅμοιά έστι τὰ εὐθύγραμμα τὰ περὶ τοὺς Α, Β κύκλους περιγεγραμμένα τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον, ὅνπερ καὶ αί ἐκ τῶν κέντρων δυνάμει] τὸ τοιοῦτον ἐπὶ μὲν τῶν ἐγγεγραμμένων δέ-20 δεικται ἐν τῆ στοιχειώσει, ἐπὶ δὲ τῶν περιγεγραμμένων οὐκέτι. δειχθήσεται δὲ οῦτως.

νενοήσθωσαν γὰο χωρίς τὰ περιγεγραμμένα και ἐγγεγραμμένα εὐθύγραμμα, καὶ ἀπὸ τῶν κέντρων τῶν κύκλων ἐπεζευγμέναι αἱ ΚΕ, ΚΜ, ΛΘ, ΛΝ. φανερὸν 25 δή, ὅτι αἱ ΚΕ, ΛΘ ἐκ τῶν κέντρων εἰσὶ τῶν περὶ τὰ περιγεγραμμένα πολύγωνα κύκλων, καὶ πρὸς ἀλλήλας εἰσὶ δυνάμει, ὡς τὰ περιγεγραμμένα πολύγωνα. καὶ ἐπεὶ αἱ ὑπὸ ΚΕΜ, ΛΘΝ ἡμίσειαί εἰσι τῶν ἐν τοῖς

^{4.} τφ] το F. 7. mg. Παππω F. 8. ὅπως δὲ περὶ Τοrellius mg. 10. περιγεγραμμεν cum comp. ον F. 18. καὶ
at] scripsi; και per comp. F, uulgo; αί Torellius cum trans-

In prop. XIII.

P. 60, 24—26: fingatur igitur circumscriptum et inscriptum circulo B, et circum A circulum circumscriptum polygonum simile figurae circum B circulum circumscriptae] quomodo fieri possit, ut dato circulo polygonum inscribatur simile ei, quod alii circulo inscriptum est, adparet; et insuper a Pappo in commentario ad elementa dictum est. uerum quo modo circum datum circulum circumscribatur polygonum simile ei, quod circum alium circulum circumscriptum est, non iam explicatum inuenimus. quare hoc nunc dicendum est. nam circulo A inscribatur polygonum simile ei, quod in B circulo inscriptum est, et circum ipsum A circumscribatur polygonum ei simile, quod ei inscriptum est, ut in tertio theoremati [u. p. 24]. et erit ei simile, quod circum B circumscriptum est [Eucl. VI, 21].

P. 62, 14—17: et queniam similes sunt figurae rectilineae circum A, B circulos circumscriptae, eandem rationem habebunt, quam radii quadrati] hoc in figuris inscriptis demonstratum est in elementis [Eucl. XII, 1], neque uero in circumscriptis. demonstrabitur autem ita.

fingantur enim figurae rectilineae circumscriptae et inscriptae seorsum descriptae, et a centris circulorum ductae lineae KE, KM, $\Lambda\Theta$, ΛN . manifestum igitur, lineas KE, $\Lambda\Theta$ radios esse circulorum circum polygona circumscripta descriptorum, et quadratos eam rationem habere, quam polygona circumscripta [Eucl. XII, 1]. et quoniam anguli KEM, $\Lambda\Theta$ N dimidii

scriptore I p. 62, 16. 24. επεζευμεναι F. 25. είσί] per comp. F, at lin. 27, 28.

πολυγώνοις γωνιών, δμοίων ὄντων τών πολυγώνων δήλου, ότι και αύται ίσαι είσίν. άλλά και αί πρός

τοίς Μ, Ν όρθαί. ίσογώνια ἄρα τὰ ΚΕΜ, ΛΟΝ τρίγωνα. ἔσται, ώς ή KE ποὸς 10, ή KM πρὸς 1N. ώστε καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν. άλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΚΕ

10 πρός τὸ ἀπὸ ΘΛ, οῦτως τὰ περιγεγραμμένα πρὸς ἄλληλα. καὶ ώς ἄρα τὸ ἀπὸ ΚΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΝ, ούτως τὰ περιγεγραμμένα πρὸς ἄλληλα.

Τὸν αὐτὸν ἄρα λόγον ἔχει τὸ ΚΤΔ τρίγωνον πρός τὸ εὐθύγραμμον τὸ περί τὸν Β κύ-15 κλον, δυπερ τὸ ΚΤΔ τρίγωνου πρὸς τὸ ΖΡΛ τρίγωνου] έπεὶ γὰρ τὰ περὶ τοὺς Α, Β κύκλους εὐθύγραμμα πρός άλληλά έστιν, ώς αί έκ των κέντρων δυνάμει, τουτέστιν ή ΤΔ πρός Η δυνάμει, τουτέστιν ή ΤΔ πρὸς ΡΖ μήκει, τουτέστιν ώς τὸ ΚΤΔ τρίγω-20 νον πρός τὸ ΖΡΛ, ἴσον δὲ τὸ ΚΤΔ τῷ περὶ τὸν Α κύκλον περιγεγραμμένω, έστιν άρα, ώς τὸ ΚΤΔ πρὸς τὸ περὶ τὸν Β κύκλον περιγεγραμμένον, οῦτως τὸ αὐτὸ ΚΤΔ τρίγωνον πρός τὸ ΖΡΛ τρίγωνον.

Έναλλὰξ ἄρα ἐλάσσονα λόγον ἔχει τὸ πρῖσμα 25 πρός τὸν χύλινδρον, ἤπερ τὸ ἐγγεγραμμένον είς τὸν Β κύκλον πολύγωνον πρός τὸν Β κύκλον οπερ άτοπον] έαν ποιήσωμεν ώς την έπιφάνειαν τοῦ πρίσματος πρός τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ κυλίνδοου, ούτως τὸ έγγεγραμμένον είς τὸν Β κύκλον 30 πρός άλλο τι, έσται πρός έλασσον τοῦ Β κύκλου, πρός

^{11.} AN AH F. 13. Signum non adposait F; sed in

sunt angulorum polygonorum, adparet, cum similia sint polygona, eos quoque aequales esse. sed praeterea anguli ad M, N positi recti sunt. similia igitur sunt triangula KEM, $A\Theta N$. et erit [Eucl. VI, 4] $KE:A\Theta = KM:AN$. quare etiam quadrata earum. sed ut $KE^2:\Theta A^2$, ita figurae circumscriptae inter se. quare etiam ut $KM^2:AN^2$, ita figurae circumscriptae inter se.

P. 64, 11—14: quare triangulus $KT\Delta$ ad figuram rectilineam circum B circulum circumscriptam eandem rationem habet, quam triangulus $KT\Delta$ ad triangulum $ZP\Delta$ nam quoniam figurae rectilineae circum A, B circulos circumscriptae eam inter se rationem habent, quam radii quadrati, h. e. $T\Delta^2: H^2$, h. e. $T\Delta: PZ$, h. e. $KT\Delta: ZP\Delta^1$), et $KT\Delta$ aequalis est figurae circum A circulum circumscriptae, erit igitur, ut $KT\Delta$ ad figuram circum B circulum circumscriptam, ita idem $KT\Delta$ ad $ZP\Delta$ triangulum.

P. 64, 26: permutando igitur prisma ad cylindrum minorem rationem habet, quam figura circulo B inscripta ad B circulum; quod absurdum est] si fecerimus, ut, quam habeat rationem superficies prismatis ad superficiem cylindri, eam habeat figura circulo B inscripta ad aliud, erit ad spatium minus circulo B^2),

U. I p. 62, 20; 64, 9.
 Nam prismatis superficies maior est superficie cylindri, sed figura inscripta minor circulo.

mg. lineola est. 15. ZPA] ZPA FV; corr. B manu 2. 17. αt] om. F; corr. B. 18. TA] TA FV. 20. τφ] το F. 23. τρίγωνον] ∇ F. 24. Signum non adposuit F; sed in mg. lineolam habet 27. έἀν γάφ Torellius, fortasse recte.

ο μείζονα λόγον έχει τὸ έγγεγραμμένον ήπες πρὸς τὸν κύκλον, τουτέστιν ἡ ἐπιφάνεια τοῦ πρίσματος πρὸς τὴν τοῦ κυλίνδρου ἐπιφάνειαν μείζονα λόγον ἔχει, ਜπες τὸ ἐγγεγραμμένον πρὸς τὸν κύκλον. ἐδείχθη δὲ 5 ἔχον καὶ ἐλάσσονα. ὅπερ ἄτοπον.

Είς τὶ ιδ'.

Ἡ δὲ Γ πρὸς τὴν Δ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ τὸ πολύγωνον τὸ ἐν τῷ Α κύκλφ ἐγγεγραμμένον πρός την έπιφάνειαν της πυραμίδος της έγγε-10 γραμμένης είς τὸν χῶνον] ή γὰρ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου πρὸς τὴν πλευρὰν τοῦ κώνου μείζονα λόγον έχει, ήπερ ή ἀπὸ τοῦ κέντρου κάθετος ἀγομένη έπλ μίαν πλευράν τοῦ πολυγώνου πρός τὴν έπλ τὴν πλευράν τοῦ πολυγώνου κάθετον άγομένην ἀπὸ τῆς 15 πορυφής του κώνου. νενοήσθω γάρ χωρίς ή έν τῷ δητώ καταγραφή, καὶ είς τὸν Α κύκλον έγγεγραμμένον πολύγωνον τὸ ΖΘΚ, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου τοῦ Α ἐπὶ μίαν πλευράν τοῦ πολυγώνου τὴν ΘΚ κάθετος ήγθω ή ΑΗ. φανερον δή, ὅτι τὸ ὑπὸ 20 της περιμέτρου τοῦ πολυγώνου καὶ της ΑΗ διπλάσιόν έστι τοῦ πολυγώνου. νενοήσθω δή καὶ ή τοῦ κώνου πορυφή τὸ • Λ σημείου, καὶ ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὸ Η ἐπεζευγμένη ή ΔΗ, ητις κάθετος γίνεται έπὶ την ΘΚ, ώς έδείχθη έν τῷ λήμματι τοῦ η΄ θεωρήματος. ἐπελ 25 οὖν ἰσόπλευρόν έστι τὸ ἐγγεγραμμένον πολύγωνον, έστι δε και ισοσκελής ὁ κῶνος, αι ἀπὸ τοῦ Δ ἐφ' έκάστην των πλευρών του πολυγώνου άγόμεναι κάθετοι ίσαι είσὶ τῆ ΛΗ. έκάστη γὰρ αὐτῶν δύναται τὸ

^{5.} elassov F; corr. Torellius. 23. yisecal yas esti

ad quod maioram rationem habebit figura inscripta quam ad circulum [Eucl. V, 8], h. e. superficies prismatis ad superficiem cylindri maiorem rationem habet, quam figura inscripta ad circulum. sed demonstratum est, eam etiam minorem habere; quod absurdum est.

In prop. XIV.

P. 74, 1-4: sed Γ : Δ majorem rationem habet, quam polygonum circulo A inscriptum ad superficiem pyramidis cono inscriptae] nam radius circuli ad latus com maiorem rationem habet, quam linea a centro ad latus aliquod polygoni perpendicularis ducta ad lineam a uertice coni ad latus polygoni perpendicularem ductam. fingatur enim seorsum descripta figura in ipsa propositione posita, et circulo A inscriptum polygonum ZOK, et a centro circuli A ad latus aliquod polygoni ΘK perpendicularis ducatur AH. manifestum igitur, rectangulum, quod contineatur perimetro polygoni et linea AH, duplo maius esse polygono [Eucl. I, 41]. fingatur igitur etiam uertex coni punctum Δ , et ab Δ ad H ducta linea ΔH , quae ad ΘK perpendicularis erit, ut demonstratum est in commentario ad propositionem VIII [p. 26]. iam quoniam polygonum inscriptum aequilaterum est, et conus aequicrurius, lineae ab A ad singula latera polygoni perpendiculares ductae aequales sunt lineae AH; nam singulae quadratae aequales sunt quadrato axis cum

⁽utrumque per comp.) FV; corr. BC. 24. Φεορηματος F. 26. πονος F.

ъ

20

ἀπὸ τοῦ ἄξονος και τῆς ἴσης τῆ ΑΗ. διὰ δὲ τοῦτο και τὸ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ πολυγώνου και τῆς

ΑΗ διπλάσιόν έστι τῆς ἐπιφανείας τῆς πυραμίδος. τὸ γὰρ ὑφ' ἐπάστης πλευρᾶς καὶ τῆς ἀπὸ τῆς κορυφῆς καθέτου ἐπ' αὐτὴν ἀγομένης ἴσης τῆ ΛΗ διπλάσιόν ἐστι τοῦ καθ' ἑαυτὴν τριγώνου. ώστε ἐστίν, ὡς ἡ ΑΗ πρὸς ΗΛ, τὸ πολύγωνον πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τῆς πυραμίδος κοινοῦ ῦψους τῆς περιμέτρου τοῦ πολυγώνου λαμβανομένης. ἀχθείσης δὴ τῆς ΗΝ παρὰ τὴν ΜΛ ἔσται, ὡς ἡ ΛΜ πρὸς

ΜΛ, ή ΛΗ πρὸς ΗΝ. ή δὲ ΛΗ πρὸς ΗΝ μείζονα 15 λόγον ἔχει ἤπερ πρὸς τὴν ΗΛ. μείζων γὰρ ή ΛΗ τῆς ΗΝ. καὶ ἡ ΛΜ ἄρα πρὸς ΜΛ, τουτέστιν ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΛΗ πρὸς ΗΛ, τουτέστιν ἤπερ τὸ πολύγωνον πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τῆς πυραμίδος.

Είς τὸ ις'.

Καὶ ἐπεὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΒΑ, ΑΗ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΒΔΖ καὶ τῷ ὑπὸ τῆς ΑΔ καὶ συναμφοτέρου τῆς ΔΖ, ΑΗ διὰ τὸ παράλληλον εἶναι τὴν ΔΖ τῷ ΑΗ] ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν ἡ ΔΖ 25 τῷ ΑΗ, ἔστιν, ὡς ἡ ΒΑ πρὸς ΑΗ, ἡ ΒΔ πρὸς ΔΖ. καὶ διὰ τοῦτο τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων τῶν ΒΑ, ΔΖ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων τῶν ΒΔ, ΑΗ. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν ΒΑ, ΔΖ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΔΖ καὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΔΖ διὰ τὸ πρῶτον θεώρημα τοῦ β΄

^{8.} wote] wat cum comp. ys F. AH] AH F. 9. ovtws

quadrato lineae aequalis lineae AH. itaque etiam rectangulum comprehensum perimetro polygeni et linea AH duplo maius est superficie pyramidis; nam rectangula comprehensa singulis lateribus et lineis a uertice ad ea perpendicularibus ductis, quae aequales sunt lineae AH, duplo maiora sunt singulis triangulis ad ea pertinentibus. quare est, ut AH: HA, ita polygonum ad superficiem pyramidis, si perimetrum polygoni pro communi altitudine sumimus.\(^1\)) ducta igitur HN lineae MA parallela erit AM: MA = AH: HN sed AH: HN > AH: HA; nam AH > HN. itaque etiam AM: MA > AH: HA, h. e. $\Gamma: A$ maiorem rationem habet, quam polygonum ad superficiem pyramidis.

In prop. XVI.

P. 78, 20-24: et quoniam

 $BA \times AH = BA \times AZ + AA \times (AZ + AH)$, quia AZ linea parallela est lineae AH] nam quoniam AZ parallela est lineae AH, erit

BA:AH=BA:AZ.

itaque $BA \times \Delta Z = B\Delta \times AH$ [Eucl. VI, 16]. sed $BA \times \Delta Z = B\Delta \times \Delta Z + A\Delta \times \Delta Z$ propter pri-

Nam rectangulum comprehensum perimetro polygoni et linea AH duplo maius est polygono.

<sup>τό Torellius.
11. νψ cum comp. ους (simillimo comp. ης) F.
12. λαμβανομέν cum comp. ης F.
22. Β Δ, Δ Ζ Torellius.</sup>

10

έπειδη ὁ Ν κύκλος ἴσος ἐστὶ τῆ ἐπιφανεία τοῦ σχήματος, ή δὲ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Ν δύναται τὸ ὑπὸ ΜΘ, ΖΗ, τὸ δὲ ὑπὸ ΜΘ, ΖΗ μεῖζον τοῦ ὑπὸ ΓΔ, ΔΞ (ἡ μὲν γὰρ ΜΘ ἴση δέδεικται τῆ ΓΔ, ἡ δὲ ΖΗ μείζων τῆς ΔΞ), 5 ὁ Ν ἄρα κύκλος μείζων ἐστὶ τοῦ κύκλου, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου δύναται τὸ ὑπὸ ΓΔ, ΔΞ. τὸ δὲ ὑπὸ ΓΔ, ΔΞ ἴσον τῷ ἀπὸ ΔΔ. ὁ ἄρα Ν κύκλος, τουτέστιν ἡ ἐπιφάνεια τοῦ περιγεγραμμένου, μείζων ἐστὶ τοῦ κύκλου, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΔΔ.

Είς τὸ μα'.

Άλλὰ τὰ εἰρημένα χωρία πρὸς ἄλληλά ἐστιν, ώς τὸ ἀπὸ τῆς ΕΚ πλευρᾶς πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΑΛ πλευράς] έὰν γὰρ ἐπιζευχθῆ ἡ ΔΛΚ, παραλλήλου ούσης της ΕΚ τη ΑΛ έστιν, ώς ή ΕΔ πρός ΔΑ, 15 $\dot{\eta}$ EK $\pi \varrho \dot{o}_S$ A A. \dot{o}_S \dot{o}_S $\dot{\eta}$ E Δ $\pi \varrho \dot{o}_S$ Δ A, $\dot{\eta}$ EZ $\pi \varrho \dot{o}_S$ A Γ . καὶ ὡς ἄρα ἡ ΕΚ πρὸς ΑΛ, ἡ ΕΖ πρὸς ΑΓ, καὶ ἡ ἡμίσεια της ΕΖ πρός την ημίσειαν της ΑΓ. όμοίως δη καλ έπλ πασών τών έπιζευγνυουσών τὰς γωνίας τών πολυγώνων δειχθήσεται, ὅτι τὸν αὐτὸν ἔχουσι λόγον 20 πρὸς ἀλλήλας, ὃν ἡ ΕΚ πρὸς ΑΛ. καὶ ὡς ἄρα ξυ πρός εν, ούτως απαντα πρός απαντα. ώς άρα ή ΕΚ πρός ΑΛ, ούτως πάσαι αί έπιζευγνύουσαι τάς τοῦ περιγεγραμμένου γωνίας μετά της ημισείας της βάσεως τοῦ μείζονος τμήματος πρός πάσας τὰς ἐπιζευγνυούσας 25 μετὰ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως τοῦ ἐλάσσονος τμήματος. ώστε και ώς τὸ ἀπὸ τῆς ΕΚ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΑΛ, ούτως τὸ ὑπὸ τῆς ΕΚ καὶ πασῶν πρὸς τὸ ὑπὸ τῆς ΑΛ καὶ πασῶν. τὰ γὰο ὅμοια εὐθύγοαμμα ἐν διπλασίονι λόγω έστὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν, καὶ

^{6. △}至] △H F. 7. △至] △H F. 10. εις το 18' F.

lus N aequalis est superficiei figurae, et radius circuli N quadratus aequalis est $M\Theta \times ZH$, et

$M\Theta \times ZH > \Gamma \Delta \times \Delta \Xi$

(nam $M\Theta = \Gamma \Delta$, ut demonstratum est, et $ZH > \Delta \Xi$), circulus igitur N maior est circulo, cuius radius quadratus aequalis est $\Gamma \Delta \times \Delta \Xi$. sed $\Gamma \Delta \times \Delta \Xi = \Delta \Lambda^2$ [Eucl. VI, 8 $\pi \delta \varrho$.]. itaque circulus N, h. e. superficies figurae circumscriptae, maior est circulo, cuius radius aequalis est lineae $\Delta \Lambda$.

In prop. XLI.

P. 172, 5-8: sed spatia, quae commemorauimus, eam inter se rationem habent quam $EK^2: AA^2$] nam si duxerimus $\Delta \Lambda K$, erit, cum EK lineae $A\Lambda$ parallela sit, $E\Delta: \Delta A = EK: A\Lambda$, sed $E\Delta: \Delta A = EZ: \Lambda\Gamma$. quare etiam $EK: AA = EZ: A\Gamma = \frac{1}{2}EZ: \frac{1}{2}A\Gamma$. similiter igitur etiam in omnibus lineis angulos polygonorum iungentibus demonstrabimus, eas inter se eam rationem habere, quam EK: AA. quare etiam ut una ad unam, ita omnes ad omnes [Eucl. V, 12]. itaque ut EK : AA, ita omnes lineae angulos polygoni circumscripti iungentes cum dimidia basi majoris segmenti ad omnes lineas [angulos polygoni inscripti] iungentes cum dimidia basi segmenti minoris. quare etiam, ut $EK^2: AA^2$, ita rectangulum comprehensum linea EK et omnibus [lineis iungentibus] ad rectangulum comprehensum linea AA et omnibus; nam figurae rectilineae similes in duplici proportione sunt,

^{16.} ἡ ἡμίσεια] ἡ addidi; om. F, uulgo. 18. γωνίας] γασ F. 23. γωνίας] γ cum comp. ας F. 24. ἐπιζευγνυούσας τὰς τοῦ ἐγγεγραμμένου γωνίας Τorellius.

τοῦ μὲν τῆς ΕΚ πρὸς ΑΛ λόγου διπλασίων ὁ τοῦ ἀπὸ τῆς ΕΚ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΑΛ, τῶν δὲ ἐπιζευγνυουσῶν τὰς τοῦ μείζονος πρὸς τὰς ἐπιζευγνυούσας τὰς τοῦ ἐλάττονος διπλασίων ἐστὶν ὁ τοῦ ὑπὸ τῆς ΕΚ ταὶ πασῶν πρὸς τὸ ὑπὸ τῆς ΑΛ καὶ πασῶν. ὅμοια γὰ ρ καὶ ταῦτα διὰ τὸ τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχειν..

Καί έστιν, ώς ή ΕΚ προς την έκ τοῦ κέντρου τῆς έλάσσονος σφαίρας, οῦτως ή ΑΛ προς την ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπὶ τὴν ΑΛ κάθετον ἠγ
10 μένην] ἐὰν γὰρ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπὶ τὴν άφην ἐπιξευξωμεν εὐθεῖαν, ἔσται ἡ ἐπιζευχθεῖσα κάθετος ἐπὰ ἀμφοτέρας τὰς ΕΚ, ΑΛ. καὶ ἔσται, ὡς ἡ ΕΔ προς ΔΑ, τουτέστιν ἡ ΕΚ προς ΑΛ, ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπὶ τὴν ἀφὴν ἐπιζευχθεῖσα, τουτέστιν ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἐπὶ τῆς ἐλάσσονος σφαίρας, προς τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπὶ τὴν ΑΛ κάθετον.

Έδειχθη δέ, ώς ή ΕΚ πρός ΑΛ, οῦτως ή ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Μ κύκλου πρός τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Ν κύκλου] ἐπεὶ δέδεικται, ὅτι ἐστίν, 20 ὡς τὸ πολύγωνον πρὸς τὸ πολύγωνον, οῦτως ὁ Μ κύκλος πρὸς τὸν Ν, τουτέστι τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Μ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Ν.

Είς τὸ μβ'.

Έκατερος γάρ των λόγων διπλάσιός έστι

^{2.} $\tau \tilde{\omega} v$ $\delta \dot{\epsilon}$] $\tau \tilde{\omega} \tilde{v}$ $\delta \dot{\epsilon}$ $\tau \tilde{\omega} v$? 11. $\tilde{\epsilon} \sigma \tau \omega_1$] per comp. F, ut lin. 12. 14. $\tilde{\epsilon} \pi \iota \zeta \varepsilon v \chi \vartheta \varepsilon \iota \delta \omega_1$ scripsi; $\varepsilon \pi \iota \zeta \varepsilon v \chi \vartheta \varepsilon \iota \delta \omega v$ F, uulgo; om. Torellius et cam uerbis $\dot{\eta}$ $\dot{\alpha} \pi \dot{\delta}$ lin. 13 ad $\tau \sigma v \tau \dot{\epsilon} \sigma \tau v$ lin. 14 ed. Basil. 23. $\varepsilon \iota \varsigma$ τo μ' F.

quam latera inter se respondentia [Eucl. VI, 20]. et $EK^2: AA^2$ duplex est quam proportio EK: AA, et proportio, quam habet rectangulum comprehensum linea EK et omnibus [lineis iungentibus] ad rectangulum comprehensum linea AA et omnibus duplex est quam ea, quam habent lineae [angulos] maioris [polygoni] iungentes ad lineas [angulos] minoris iungentes; nam illa quoque [rectangula] similia sunt, quia latera proportionalia habent [Eucl. VI def. 1].¹)

P. 174, 10—13: et est, ut EK ad radium sphaerae minoris, ita AA ad lineam a centro ad lineam AA perpendicularem ductam] nam si a centro ad contactum lineam duxerimus, linea ducta ad utramque lineam EK, AA perpendicularis erit [Eucl. III, 18; III, 3]. et erit, ut EA: AA, h. e. EK: AA, ita linea a centro ad contactum ducta, h. e. radius sphaerae minoris, ad lineam a centro ad AA perpendicularem [Eucl. VI, 4].

P. 174, 13—16: et demonstratum est, esse, ut EK: AA, ita radium circuli M ad radium circuli N] quia demonstratum est, esse, ut polygonum ad polygonum, ita M circulum ad N, h. e. quadratum radii circuli M ad quadratum radii circuli N [Eucl. XII, 2].

In prop. XLII.

P. 176, 27 — 178, 2: nam utraque ratio duplex est

¹⁾ Miramur, cur Eutocius non ad prop. 32 p. 132, 14 sq. haec adnotauerit; ibi enim idem fere concluditur; u. p. 133 not. 3. ceterum demonstratio hoc loco parum recte procedit; maxime uerba p. 52, 28: τὰ γάο — 29: πλευρῶν rationem conturbant. εὐθύγραμμα enim eadem sunt rectangula, de quibus p. 54, 5 legitur: ὅμοια γὰο καὶ ταῦτα.

2) Nam polygona eam inter se rationem habent, quam

τοῦ, ὂν ἔχει ἡ τοῦ περιγεγραμμένου πολυγώνου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ ἐγγεγραμμένου] ἐδείχθη γὰρ ἐν τῷ πρὸ τούτου, ὅτι ἐστίν, ὡς ἡ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου τοῦ ἴσου τῆ ἐπιφανεία τοῦ 5 περιγεγραμμένου πρὸς τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου τοῦ ἴσου τῆ ἐπιφανεία τοῦ ἐγγεγραμμένου, οῦτως ἡ πλευρὰ τοῦ περιγεγραμμένου πολυγώνου πρὸς τὴν πλευρὰν τοῦ ἐγγεγραμμένου. οἱ δὲ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους ἐν διπλασίονι λόγῳ εἰσὶν τῶν ἐκ τῶν κέντρων. 10 καὶ ἡ ἐπιφάνεια ἄρα πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν διπλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Είς τὸ μδ΄.

Τὸ ἄρα περιγεγραμμένον στερεὸν πρὸς το έγγεγραμμένον ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἢ ὁ στε15 ρεὸς τομεὺς πρὸς τὸν Θ κῶνον] εἰ γὰρ τὸ περιγεγραμμένον στερεὸν πρὸς τὸ ἐγγεγραμμένον ἐλάσσονα ἢ τριπλασίονα λόγον ἔχει τοῦ, ὂν ἔχει ἡ Δ πρὸς Ζ, ἡ δὲ Δ πρὸς Ε μείζονα ἢ τριπλασίονα, τὸ ἄρα περιγεγραμμένον πρὸς τὸ ἐγγεγραμμένον ἐλάσσονα λόγον
20 ἔχει, ἤπερ ἡ Δ πρὸς Ε΄ ἡ δὲ Δ πρὸς Ε, ἤπερ ὁ τομεὺς πρὸς τὸν κῶνον. καὶ τὸ περιγεγραμμένον ἄρα πρὸς τὸ ἐγγεγραμμένον ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ ὁ τομεὺς πρὸς τὸν κῶνον.

Εὐτοκίου 'Ασκαλωνίτου ὑπόμνημα εἰς τὸ πρῶτον 25 τῶν 'Αρχιμήδους περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου, ἐκδόσεως παραναγνωσθείσης τῷ Μιλησίφ μηχανικῷ 'Ισιδώρφ ἡμετέρφ διδασκάλφ.

^{3.} πρό] περι F; corr. ed. Basil. 12. εις το μβ΄ F. 13. στερεὸν σχήμα Torellius cum transscriptore uol. I p. 186, 13. 17. Δ] B F; corr. Torellius. 20. Ε ξλάσσονα λόγον ξχει ήπερ ed. Basil., Torellius; sed cfr. Quaest Arch. p. 159.

quam ea, quam habet latus polygoni circumscripti ad latus polygoni inscripti] nam demonstratum est in propositione praecedenti¹), esse, ut radius circuli superficiei polygoni circumscripti aequalis ad radium circuli superficiei inscripti aequalis, ita latus polygoni circumscripti ad latus inscripti. sed circuli inter se in duplici proportione sunt quam radii [Eucl. XII, 2]. itaque etiam superficies ad superficiem duplicem rationem habet, quam latus ad latus.2)

In prop. XLIV.

P. 184, 12-15: itaque figura solida circumscripta ad inscriptam minorem rationem habet, quam sector solidus ad conum @] nam si figura solida circumscripta ad inscriptam minorem quam triplicem rationem habet, quam $\Delta: \mathbb{Z}$, sed $\Delta: E$ maiorem quam triplicem, figura igitur circumscripta ad inscriptam minorem rationem habet, quam $\Delta: E$; sed $\Delta: E$ [minorem rationem habet], quam sector ad conum. quare etiam figura circumscripta ad inscriptam minorem rationem habet, quam sector ad conum.

Eutocii Ascalonitae commentarius in primum librum Archimedis de sphaera et cylindro, editione recognita ab Isidoro mechanico Milesio, magistro nostro.³)

 $EK^2:AA^2$. ceterum hoc, quod demonstratum esse Eutocius contendit, ipsum demonstratum non est; sequitur autem ex uol. I p. 172, 6 sq.; cfr. uol. I praef. p. XI.

¹⁾ Prop. 41 p. 174, 13 sq.; cfr. supra p. 54, 17 sq. 2) Hace demonstratio inutilibus ambagibus utitur. nam sic ratiocinandum. superficies: superficiem = latus 2: latus 3: (prop. 42) = polygonum: polygonum (Eucl. VI, 20).

3) Cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 359.

... ε ω τρωτω 3.βλίφ θεωρημά-... τυλυτόνε το η κατά τὸν αὐτὸν ... ετιτερού θεωρημασι σπουδή.

in in a sampliate.

1

3

20

στ: 17. ed.

.. . . Podering swade A xulludgor oposi outo le liguis deveróu éstiv ातः व्यवस्थान वह स्वानीह उद्यहर्ष्ट्रामुह हेर वैश्वτοις του να κασεστερον γένηται ... cheer ward & numberdoos. of Basis contog, veros de ή AT. xal beer orm respecting numerical neither door April. Aureindur de Apetepon & AF) το πευρος, αιο **προσπελεθέησθα τό** ΑΓ they be to the topout and neigo original proces q 1 1. q iga A. I quedia istiv and the Signatural xvilledgor pager pile goria tou Inunior, vvos de the Ad Think your issess for agoreden-TOUTOU IL OF THE SEL TES GITTE BAGEOS with rester door roots artificets eldir of ta A Source of a Il. supplesons the Al Siza jan der in rader rogdig nederdoog pader per and i realer, ever de rips AE. Estat futólios 1 44 saison a lay schoolings & pagen exan ton

Pikainn das das sie sie nilinihan abs abbi edaibae sar

Cum theoremata libri primi perspicue exposuerimus, consentaneum est theorematis libri secundi idem studium impendere.

primum igitur in theoremate I dicit:

P. 190, 15—16: sumatur cylindrus dimidia parte maior dato cono uel cylindro] hoc autem duobus modis facere licet, aut basi aut altitudine eadem in utroque seruata. et quo magis adpareat, quod dicimus, fingatur conus uel cylindrus, cuius basis sit A circulus, altitudo autem $A\Gamma$. et sit propositum, ut cylindrum eo dimidia parte maiorem inueniamus. supponatur igitur prius cylindrus $A\Gamma$, et producatur $A\Gamma$ altitudo cylindri, et ponatur $\Gamma A = \frac{1}{2}A\Gamma$. itaque $AA = \frac{3}{2}A\Gamma$. si igitur finxerimus cylindrum basim habentem circulum A, altitudinem autem lineam AA, dimidia parte maior erit dato $A\Gamma$. nam coni et cylindri, qui in eadem basi sunt, eam inter se rationem habent, quam altitudines [Eucl. XII, 14].

sin conus est $A\Gamma$, si rursus, linea $A\Gamma$ in E in duas partes aequales diuisa, cylindrum finxerimus basim habentem A circulum, altitudinem autem AE, dimidia parte maior erit cono $A\Gamma$. nam cylindrus basim

κυλινδρου F. 3. τοῦ] addidi; om. F, uulgo. 12. ευς cum comp. $\iota \nu$ uel $\eta \nu$ F. $\delta \dot{\epsilon}$] $\delta \dot{\eta}$ Torellius. 18. $\dot{\epsilon}$ σται] per comp. F, ut lin. 23.

Σαφῶς ἡμῖν τῶν ἐν τῷ πρώτῷ βιβλίῷ θεωρημάτων γεγραμμένων ἀκόλουθος καὶ ἡ κατὰ τὸν αὐτὸν τρόπον ἐν τοῖς τοῦ δευτέρου θεωρήμασι σπουδή.

φησίν δή πρώτον έν τῷ α΄ θεωρήματι.

10

15

Είλήφθω τοῦ δοθέντος κώνου ἢ κυλίνδρου ἡμιόλιος κύλινδρος] τοῦτο δὲ διχῶς δυνατόν ἐστιν ποιείν ἤτοι τῆς βάσεως τῆς αὐτῆς σωζομένης ἐν ἀμφοτέροις ἢ τοῦ ὕψους. καὶ ἵνα σαφέστερον γένηται τὸ λεγόμενον, νενοήσθω κῶνος ἢ κύλινδρος, οὖ βάσις

μεν ὁ Α κύκλος, ῦψος δὲ ἡ ΑΓ. καὶ δέον ἔστω αὐτοῦ ἡμιόλιον κύλινδρον εύρεῖν. ὑποκείσθω δὲ πρότερον ὁ ΑΓ κύλινδρος, καὶ προσεκβεβλήσθω τὸ ΑΓ ῦψος τοῦ κυλίνδρου, καὶ κείσθω τῆς ΑΓ ἡμίσεια ἡ ΓΔ. ἡ ἄρα ΑΔ ἡμιολία ἐστίν τῆς ΑΓ. ἐὰν δὴ νοήσωμεν κύλινδρον βάσιν μὲν ἔχοντα τὸν Α κύκλον, ῦψος δὲ τὴν ΑΔ εὐθεῖαν, ἡμιόλιος ἔσται τοῦ προτεθέντος τοῦ ΑΓ. οἱ γὰρ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως

20 ὅντες κῶνοι καὶ κύλινδροι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ τῷψη. — εἰ δὲ κῶνος εἴη ὁ ΑΓ, τμηθείσης τῆς ΑΓ δίχα ὡς κατὰ τὸ Ε ἐὰν πάλιν νοηθῆ κύλινδρος βάσιν μὲν ἔχων τὸν Α κύκλον, ΰψος δὲ τὴν ΑΕ, ἔσται ἡμιόλιος τοῦ ΑΓ κώνου. ὁ γὰρ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν

Ευτοκιου Ασκαλωνιτου υπομνημα εις το β περι σφαιρας και

Cum theoremata libri primi perspicue exposuerimus, consentaneum est theorematis libri secundi idem studium impendere.

primum igitur in theoremate I dicit:

P. 190, 15—16: sumatur cylindrus dimidia parte maior dato cono uel cylindro] hoc autem duobus modis facere licet, aut basi aut altitudine eadem in utroque seruata. et quo magis adpareat, quod dicimus, fingatur conus uel cylindrus, cuius basis sit A circulus, altitudo autem $A\Gamma$. et sit propositum, ut cylindrum eo dimidia parte maiorem inueniamus. supponatur igitur prius cylindrus $A\Gamma$, et producatur $A\Gamma$ altitudo cylindri, et ponatur $\Gamma A = \frac{1}{2}A\Gamma$. itaque $AA = \frac{3}{2}A\Gamma$. si igitur finxerimus cylindrum basim habentem circulum A, altitudinem autem lineam AA, dimidia parte maior erit dato $A\Gamma$. nam coni et cylindri, qui in eadem basi sunt, eam inter se rationem habent, quam altitudines [Eucl. XII, 14].

sin conus est $A\Gamma$, si rursus, linea $A\Gamma$ in E in duas partes aequales diuisa, cylindrum finxerimus basim habentem A circulum, altitudinem autem AE, dimidia parte maior erit cono $A\Gamma$. nam cylindrus basim

πυλινδοου F. 3. τοῦ] addidi; om. F, uulgo. 12. ευς cum comp. ιν uel ην F. δέ] δή Torellius. 18. ἔσται] per comp. F, ut lin. 23.

15

Α κύκλον, ύψος δὲ τὴν ΑΓ εὐθεῖαν τοῦ μὲν ΑΓ κώνου τριπλάσιός ἐστι, τοῦ δὲ ΑΕ κυλίνδρου διπλάσιος.
ώστε δῆλον, ὅτι καὶ ὁ ΑΕ κύλινδρος ἡμιόλιός ἐστι τοῦ ΑΓ κώνου. — οῦτως μὲν οὖν τῆς αὐτῆς βάσεως
σωζομένης ἔν τε τῷ προτεθέντι καὶ ἐν τῷ λαμβανομένω γενήσεται τὸ πρόβλημα. ἔνεστι δὲ καὶ τῆς βάσεως διαφόρου τυγχανούσης, τοῦ δὲ ἄξονος τοῦ αὐτοῦ μένοντος τὸ αὐτὸ ποιεῖν. ἔστω γὰρ πάλιν κῶνος ἢ κύλινδρος, οὖ βάσις ὁ ΖΗ κύκλος, ὕψος δὲ ἡ ΘΚ
10 εὐθεῖα, οὖ δέον ἔστω ἡμιόλιον κύλινδρον εὐρεῖν ῦψος

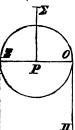
έχοντα ίσον τῆ ΘΚ. ἀναγεγράφθω ἀπὸ τῆς ΖΗ διαμέτρου τοῦ κύκλου τετράγωνον τὸ ΖΛ, καὶ προσεκβλη
Μ Φείσης τῆς ΖΗ κείσθω αὐτῆς ἡμίσεια ἡ ΗΜ, καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΖΝ παραλληλόγραμμον. τὸ ἄρα ΖΝ ἡμιόλιον έστι τοῦ ΖΛ, καὶ ἡ ΜΖ τῆς ΖΗ.

γράμμω ίσον τετράγωνον τὸ ΕΠ, καὶ περὶ διάμετρον 20 μίαν τῶν πλευρῶν αὐτοῦ τὴν ΕΟ κύκλος γεγράφθω. ἔσται δὴ ὁ ΕΟ ἡμιόλιος τοῦ ΖΗ· οἱ γὰρ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα. καὶ ἐὰν πάλιν νοηθῆ κύλινδρος βάσιν μὲν ἔχων τὸν ΕΟ κύκλον, ὕψος δὲ ἴσον τῆ ΘΚ, ἔσται 25 ἡμιόλιος τοῦ κυλίνδρου, οὖ βάσις μὲν ὁ ΖΗ κύκλος, ῦψος δὲ ἡ ΘΚ. — εἰ δὲ κῶνος εἰη, ὁμοίως τὰ αὐτὰ ποιήσαντες καὶ τῷ τρίτῳ μέρει τοῦ ΖΝ παραλληλογράμμου ἴσον συστησάμενοι τετράγωνον ὡς τὸ ΕΠ καὶ περὶ τὴν πλευρὰν αὐτοῖ τὴν ΕΟ κύκλον γράψαντες

^{10.} οδ δέον] ούδε όν F. ευς cum comp. ην uel ιν F.

habens A circulum, altitudinem autem $A\Gamma$ lineam triplo maior est cono $A\Gamma$, duplo autem maior cylindro AE [Eucl. XII, 10; XII, 14]. quare adparet, etiam cylindrum AE dimidia parte maiorem esse cono $A\Gamma$.

ita igitur problema resoluetur eadem basi seruata et in dato et in inuento. sed licet idem etiam ita facere, ut basis alia sit, sed axis idem maneat. sit enim rursus conus uel cylindrus, cuius basis sit ZH circulus, altitudo autem linea ΘK , et propositum sit, ut



inueniamus cylindrum dimidia parte maiorem illo, altitudinem habentem lineae ΘK aequalem. construatur in diametro circuli ZH quadratum ZA, et producta linea ZH ponatur $HM=\frac{1}{2}ZH$. et compleatur parallelogrammum ZN. itaque erit

 $ZN = \frac{3}{4}Z\Lambda$, et $MZ = \frac{3}{4}ZH$.

constructur igitur quadratum EII acquale parallelogrammo ZN, et circum diametrum EO latus aliquod eius describatur circulus. erit igitur circulus EO dimidia parte maior circulo ZH; nam circuli inter se eam rationem habent, quam diametrorum quadrata [Eucl. XII, 2]. et si rursus finxerimus cylindrum basim habentem circulum EO, altitudinem autem lineae OK acqualem, dimidia parte maior erit cylindro, cuius basis est ZH circulus, altitudo autem OK.

sin conus est, rursus iisdem comparatis et quadrato ΞII posito aequali tertiae parti parallelogrammi ZN et circum latus eius ΞO circulo descripto fingamus

In F figura p. 65 ante has duas figuras posita est. 17. $\tau \tilde{\eta}_{5}$] $\tau \eta$ FV. 21. $\xi \sigma \tau \omega_{1}$] per comp. F, ut lin. 24. 24. ΞO] $\Xi O O$ F.

νοήσωμεν ἀπ' αὐτοῦ κύλινδρον ῦψος ἔχοντα τὴν Θ Κ. ἔξομεν αὐτὸν ἡμιόλιον τοῦ προτεθέντος κώνου. ἐπεὶ γὰρ τὸ Z N παραλληλόγραμμον τοῦ ΞΠ τετραγώνου

τριπλάσιον, τοῦ δὲ ΖΛ ἡμιόλιον, τὸ ΖΛ τοῦ ΞΠ ἔσται διπλάσιον. καὶ διὰ τοῦτο καὶ ὁ κύκλος τοῦ κύλινδρος τοῦ κυλίνδρου. ἀλλ' ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν ΖΗ κύκλον, ὕψος

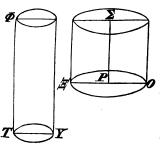
δὲ τὴν ΘΚ τοιπλάσιός ἐστι τοῦ περὶ τὴν αὐτὴν βάσιν καὶ ὕψος τὸ αὐτὸ κώνου. ὥστε καὶ ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν ΞΟ κύκλον, ὕψος δὲ ἴσον τῷ ΘΚ 15 ἡμιόλιός ἐστι τοῦ προκειμένου κώνου.

εί δὲ δέοι μήτε τὸν ἄξονα τὸν αὐτὸν εἶναι μήτε τὴν βάσιν, γενήσεται τὸ πρόβλημα πάλιν διχῶς. ἢ γὰρ τὴν βάσιν ἔξει ἴσην τῆ δοθείση ἢ τὸν ἄξονα ὁ ποριζόμενος κύλινδρος. ἔστω γὰρ πρότερον ἡ βάσις διδομένη 20 ὡς ὁ ΕΟ κύκλος. καὶ δέον ἔστω κύλινδρον εὐρεῖν ἡμιόλιον τοῦ δοθέντος κώνου ἢ κυλίνδρου ἀπὸ βάσεως τῆς ΕΟ. εἰλήφθω, ὡς προείρηται, τοῦ δοθέντος κώνου ἢ κυλίνδρου ἡμιόλιος κύλινδρος βάσιν ἔχων τὴν αὐτὴν τῷ προτεθέντι ὁ ΦΤ, καὶ γεγονέτω, ὡς τὸ ἀπὸ τῆς ΕΟ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΤ, οῦτως τὸ ῦψος τοῦ ΦΥ πρὸς τὴν ΡΣ. ἔσται ἄρα ὁ κύλινδρος ὁ ἀπὸ τῆς ΕΟ βάσεως ῦψος ἔχων τὴν ΡΣ ἴσος τῷ ΦΥ ἀντιπεπόνθασιν γὰρ αί βάσεις τοῖς ῦψεσιν. καὶ γεγονὸς ἄν εἴη τὸ ἐπίταγμα. εἰ δὲ

^{1.} ἐὰν νοήσωμεν Torellius. 6. ἔσται] per comp. F. 7. καί] per comp. F. 11. τόν] scripsi; την per comp. F, uulgo. Figura in F omittitur, sed tertia fere pars paginae uacat. 20.

in hoc [circulo] cylindrum constructum altitudinem habentem ΘK . erit dimidia parte maior dato cono. nam quoniam parallelogrammum ZN triplo maius est quadrato $\Xi \Pi$, sed dimidia parte maius parallelogrammo $Z\Lambda$, erit $Z\Lambda=2\Xi\Pi$. quare etiam circulus duplo maior erit circulo [Eucl. XII, 2] et cylindrus cylindro [Eucl. XII, 11]. sed cylindrus basim habens circulum ZH, altitudinem autem ΘK triplo maior est cono eandem basim et eandem altitudinem habenti [Eucl. XII, 10]. quare etiam cylindrus basim habens circulum ΞO , altitudinem autem lineae ΘK aequalem dimidia parte maior est cono dato.

sin oportet neque axem neque basim eandem esse, problema rursus duobus modis resoluetur. cylindrus enim, qui inuenitur, aut basim aut axem dato aequalem habebit. prius enim basis data sit, uelut circulus ΞO . et propositum sit, ut inueniamus cylindrum, cuius basis sit ΞO , dimidia parte maiorem dato cono



uel cylindro. sumatur, ut supra dictum est, cylindrus dimidia parte maior dato cono uel cylindro, basim habens eandem, quam datus, et sit ΦT . et fiat $\Xi O^2 : TT^2$ — altitudo cylindri $\Phi T : P\Sigma$. erit igitur cylindrus basim habens ΞO et altitudinem $P\Sigma$

aequalis cylindro ΦT ; nam bases in contraria sunt proportione altitudinum [Eucl. XII, 15]. et factum est,

^{ευς cum comp. ην uel ιν F. 25. PΣ] PO FV. 26. ἔσται] per comp. F. 27. βασ cum comp. ης F. 28. τοῖς] ταις FV. Archimedes, ed. Heiberg. III.}

μη η βάσις η διδομένη, άλλα ο άξων, τῷ αὐτῷ λόγῷ πορισθέντος τοῦ ΦΥ γενήσεται τὰ τῆς προτάσεως.

Είς τὴν σύνθεσιν τοῦ α΄.

Τούτου ληφθέντος έπει δι' άναλύσεως αὐτῷ προέβη 5 τὰ τοῦ προβλήματος, ληξάσης τῆς ἀναλύσεως εἰς τὸ δείν δύο δοθεισών δύο μέσας ανάλογον προσευρείν έν συνεχει άναλογία φησίν έν τη συνθέσει εύρήσθωσαν. την δε ευρεσιν τούτων ύπ' αύτου μεν γεγραμμένην ούδε όλως εύρίσκομεν, πολλών δε κλεινών άνδρών γρα-10 φαίς έντετυχήκαμεν τὸ πρόβλημα τοῦτο έπαγγελλομέναις, ών την Εὐδόξου τοῦ Κνιδίου παρητησάμεθα γράφειν, έπειδή φησιν μεν έν προοιμίοις δια καμπύλων γραμμῶν αὐτὴν ηὑρηκέναι, ἐν δὲ τῆ ἀποδείξει πρὸς τῷ μη κεχοήσθαι καμπύλαις γραμμαζς, άλλα και διηρημέ-15 νην άναλογίαν εύρων ώς συνεχεί χρηται. ὅπερ ἦν άτοπον ύπονοησαι, τί λέγω περί Εὐδόξου, άλλὰ περί τῶν καὶ μετρίως περὶ γεωμετρίαν ἀνεστραμμένων; ἵνα δη ή τῶν εἰς ήμᾶς έληλυθότων ἀνδρῶν ἔννοια έμφανής γένηται, δ έκάστου τῆς ευρέσεως τρόπος καὶ 20 ένταῦθα γραφήσεται.

'Ως Πλάτων.

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν δύο μέσας ἀνάλογον εύρεῖν ἐν συνεχεῖ ἀναλογία.

^{2.} πορισθέντος] scripsi; ποριθεντος F, uulgo. 4. αὐτῷ] scripsi; αυτ cum comp. ου F, uulgo. 6. προσευς cum comp. ην uel ιν F, ut lin. 11, 22, p. 68 lin. 2. 11. Κνιδειου F, uulgo. γοαφήν? Secunda pars figurae p. 65 in F omissa est; cfr. p. 64 not.; de loco prioris partis u. p. 63 not. 13. πρὸς τῷ] scripsi; προς (comp.) το F; πρὸ τό uulgo. 15. ευς cum comp. ων F. 18. ευγοια F.

quod iussum erat. sin non basis, sed axis datus est, fiet id, quod propositum est, eadem ratione inuento cylindro ΦT .

In compositionem prop. I.

Postquam hoc adsumpto problema per analysim resoluit, cum analysis ad duas medias proportionales inter duas lineas datas inueniendas in proportione continua descenderit, in compositione: inueniantur, inquit [p. 192, 23]. sed quomodo inueniantur, ab ipso non prorsus explicatum inuenimus; sed in multorum et clarorum uirorum scripta incidimus hoc problema profitentia, quorum Eudoxi Cnidii perscribere supersedemus, quoniam in procemio dicit, se id1) per curuas lineas inuenisse, in demonstratione uero, praeterquam quod curuis lineis non utitur, etiam proportione discreta, quam inuenit, tamquam continua utitur; quod ineptum erat non modo Eudoxo in mentem uenisse, sed iis, qui parum in geometria uersati sunt.2) sed ut eorum uirorum mens adpareat, qui quidem ad nos peruenerint, singulorum inueniendi ratio hic quoque perscribetur.

Ut Plato.

Datis duabus lineis rectis duas medias proportionales inuenire in proportione continua.

αὐτήν lin. 13 spectat ad εὕρεσιν lin. 8, ut τήν lin. 11.

²⁾ De hoc loco impeditissimo u. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 366. ceterum Eutocius sine dubio de Eudoxo, viro secutiasimo, iniuste iudicat; u. Bretschneider: Die Geometrie und die Geometer vor Euklid p. 166 sq.

ἔστωσαν αι δοθείσαι δύο εὐθείαι αι ΑΒΓ ποὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις, ὧν δεῖ δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν. ἐκβεβλήσθωσαν ἐπ' εὐθείας ἐπὶ τὰ Δ, Ε, καὶ κατε-

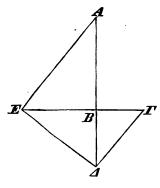
σκευάσθω όρθη γωνία ή ύπὸ ZHΘ, καὶ ἐν ἐνὶ σκέλὲι, οἰον τῷ ZH, κινείσθω κανών ὁ ΚΛ ἐν σωλήνι τινὶ ὄντι ἐν τῷ ZH οῦτως, ώστε παράλληλον αὐτὸν διαμένειν τῷ HΘ. ἔσται δὲ τοῦτο, ἐὰν ἕτερον κανόνιον

νοηθῆ συμφυὲς τῷ ΘΗ, παράλληλον δὲ τῷ ΖΗ, ὡς τὸ ΘΜ. σωληνισθεισῶν γὰρ τῶν ἄνωθεν ἐπιφανειῶν τῶν ΖΗ, ΘΜ σωλήσιν πελεκινοειδέσιν καὶ τύλων συμ15 φυῶν γενομένων τῷ ΚΛ εἰς τοὺς εἰρημένους σωλήνας, ἔσται ἡ κίνησις τοῦ ΚΛ παράλληλος ἀεὶ τῷ ΗΘ. τούτων οὖν κατεσκευασμένων κείσθω τὸ εν σκέλος τῆς γωνίας τυχὸν τὸ ΗΘ ψαῦον τοῦ Γ, καὶ μεταφερέσθω ῆ τε γωνία καὶ ὁ ΚΛ κανὼν ἐπὶ τοσοῦτον, ἄχρις ἂν 20 τὸ μὲν Η σημείον ἐπὶ τῆς ΒΛ εὐθείας ἦ τοῦ ΗΘ σκέλους ψαύοντος τοῦ Γ, ὁ δὲ ΚΛ κανὼν κατὰ μὲν τὸ Κ ψαύη τῆς ΒΕ εὐθείας, κατὰ δὲ τὸ λοιπὸν μέρος τοῦ Λ. ὡστε εἰναι, ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς καταγραφῆς, τὴν μὲν ὀρθὴν γωνίαν θέσιν ἔχουσαν ὡς τὴν ὑπὸ ΓΛΕ, 25 τὸν δὲ ΚΛ κανόνα θέσιν ἔχουσαν ὡς τὴν ὑπὸ ΓΛΕ, τού των γὰρ γεναμένων ἔσται τὸ προκείμενον. ὀρθῶν γὰρ

^{1.} AB, BΓ Torellius. Figuram cum F emendaui; cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 378. 9. διαμεν cum comp. ην uel ιν F. 10. ἔσται] per comp. F, ut lin. 16, 26. 13. τό] τω FD.

^{16.} τοῦ] των per comp. F. 17. τούτων] των per comp. F.Α. 18. γωνίας] γ cum comp. ας F. 19. γωνία] γ supra scripto

sint duae lineae datae AB, $B\Gamma$ inter se perpendiculares, inter quas duas medias proportionales inueniri oporteat. producantur in directum ad Δ , E, et



construatur angulus rectus $ZH\Theta$, et in utrouis crure, uelut ZH, moueatur regula KA in stria aliqua in ZH sita, ita ut lineae $H\Theta$ parallela maneat. hoc autem fiet, si aliam quoque regulam lineae ΘH coniunctam, lineae autem ZH parallelam finxerimus, uelut ΘM . striatis enim superficiebus

summis regularum ZH, ΘM striis forma securium¹) et in striis illis clauis regulae KA connexis motus regulae KA semper lineae $H\Theta$ parallelus erit. his igitur comparatis utrumuis crus anguli, uelut $H\Theta$, ponatur Γ punctum contingens, et moueatur angulus et regula KA usque eo, dum punctum H in linea BA cadat, cum crus $H\Theta$ punctum Γ tangat, et regula KA in puncto K lineam BE tangat, in altera autem parte punctum A, ita ut, sicut in figura est, angulus rectus ita positus sit, ut $L\Gamma\Delta E$, regula autem KA, ut EA linea. his enim ita comparatis factum erit proposi-

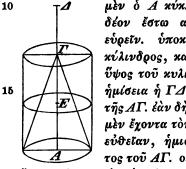
¹⁾ Hoc est, ni fallor, stria ita comparata, ut sectio transuersa eam habeat speciem, quam adposui; ita clauus e stria non emouetur.

α F. αν' F; αν ον Torellius. 20. B⊿] scripsi; BE F, uulgo. 26. γενομένων uulgo; γεναμενων FV.

Σαφῶς ἡμιν τῶν ἐν τῷ πρώτῷ βιβλίῷ θεωρημάτων γεγραμμένων ἀκόλουθος καὶ ἡ κατὰ τὸν αὐτὸν τρόπον ἐν τοῖς τοῦ δευτέρου θεωρήμασι σπουδή.

φησίν δή πρώτον έν τῷ α΄ θεωρήματι:

Είλήφθω τοῦ δοθέντος κώνου ἢ κυλίνδοου ἡμιόλιος κύλινδοος] τοῦτο δὲ διχῶς δυνατόν ἐστιν ποιεῖν ἤτοι τῆς βάσεως τῆς αὐτῆς σωζομένης ἐν ἀμφοτέφοις ἢ τοῦ ῦψους. καὶ ἵνα σαφέστερον γένηται τὸ λεγόμενον, νενοήσθω κῶνος ἢ κύλινδρος, οὖ βάσις



μεν ὁ Α κύκλος, ΰψος δε ἡ ΑΓ. και δέον ἔστω αὐτοῦ ἡμιόλιον κύλινδοον εύρειν. ὑποκείσθω δε πρότερον ὁ ΑΓ κύλινδρος, και προσεκβεβλήσθω τὸ ΑΓ ὕψος τοῦ κυλίνδρου, και κείσθω τῆς ΑΓ ἡμίσεια ἡ ΓΔ. ἡ ἄρα ΑΔ ἡμιολία ἐστίν τῆς ΑΓ. ἐὰν δὴ νοήσωμεν κύλινδρον βάσιν μεν ἔχοντα τὸν Ακύκλον, ὕψος δε τὴν ΑΔ εὐθείαν, ἡμιόλιος ἔσται τοῦ προτεθέντος τοῦ ΑΓ. οί γὰρ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως

20 ὅντες κῶνοι καὶ κύλινδροι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ὕψη. — εἰ δὲ κῶνος εἴη ὁ ΑΓ, τμηθείσης τῆς ΑΓ δίχα ὡς κατὰ τὸ Ε ἐὰν πάλιν νοηθῆ κύλινδρος βάσιν μὲν ἔχων τὸν Α κύκλον, ὕψος δὲ τὴν ΑΕ, ἔσται ἡμιόλιος τοῦ ΑΓ κώνου. ὁ γὰρ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν

Ευτοκιου Ασκαλωνιτου υπομνημα εις το β περι σφαιρας και

Cum theoremata libri primi perspicue exposuerimus, consentaneum est theorematis libri secundi idem studium impendere.

primum igitur in theoremate I dicit:

P. 190, 15—16: sumatur cylindrus dimidia parte maior dato cono uel cylindro] hoc autem duobus modis facere licet, aut basi aut altitudine eadem in utroque seruata. et quo magis adpareat, quod dicimus, fingatur conus uel cylindrus, cuius basis sit A circulus, altitudo autem $A\Gamma$. et sit propositum, ut cylindrum eo dimidia parte maiorem inueniamus. supponatur igitur prius cylindrus $A\Gamma$, et producatur $A\Gamma$ altitudo cylindri, et ponatur $\Gamma A = \frac{1}{2}A\Gamma$. itaque $AA = \frac{3}{2}A\Gamma$. si igitur finxerimus cylindrum basim habentem circulum A, altitudinem autem lineam $A\Delta$, dimidia parte maior erit dato $A\Gamma$. nam coni et cylindri, qui in eadem basi sunt, eam inter se rationem habent, quam altitudines [Eucl. XII, 14].

sin conus est $A\Gamma$, si rursus, linea $A\Gamma$ in E in duas partes aequales diuisa, cylindrum finxerimus basim habentem A circulum, altitudinem autem AE, dimidia parte maior erit cono $A\Gamma$. nam cylindrus basim

κυλινόρου F. 3. τοῦ] addidi; om. F, uulgo. 12. ευρ cum comp. $\iota \nu$ uel $\eta \nu$ F. $\delta \dot{\epsilon}$] $\delta \dot{\eta}$ Torellius. 18. $\dot{\epsilon}$ σται] per comp. F, ut lin. 23.

Α κύκλον, ΰψος δὲ τὴν ΑΓ εὐθεῖαν τοῦ μὲν ΑΓ κώνου τριπλάσιός ἐστι, τοῦ δὲ ΑΕ κυλίνδρου διπλάσιος. ώστε δῆλον, ὅτι καὶ ὁ ΑΕ κύλινδρος ἡμιόλιός ἐστι τοῦ ΑΓ κώνου. — οῦτως μὲν οὖν τῆς αὐτῆς βάσεως 5 σωζομένης ἔν τε τῷ προτεθέντι καὶ ἐν τῷ λαμβανομένω γενήσεται τὸ πρόβλημα. ἔνεστι δὲ καὶ τῆς βάσεως διαφόρου τυγχανούσης, τοῦ δὲ ἄξονος τοῦ αὐτοῦ μένοντος τὸ αὐτὸ ποιεῖν. ἔστω γὰρ πάλιν κῶνος ἢ κύλινδρος, οὖ βάσις ὁ ΖΗ κύκλος, ὕψος δὲ ἡ ΘΚ 10 εὐθεῖα, οὖ δέον ἔστω ἡμιόλιον κύλινδρον εὐρεῖν ῦψος

E B H M S

15

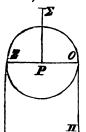
έχοντα ίσον τῆ ΘΚ. ἀναγεγράφθω ἀπὸ τῆς ΖΗ διαμέτρου τοῦ κύκλου τετράγωνον τὸ ΖΛ, καὶ προσεκβλη
Ε΄ Μ΄ θείσης τῆς ΖΗ κείσθω αὐτῆς ἡμίσεια ἡ ΗΜ, καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΖΝ παραλληλόγραμμον. τὸ ἄρα ΖΝ ἡμιόλιόν ἐστι τοῦ ΖΛ, καὶ ἡ ΜΖ τῆς ΖΗ.

Α Ν συνεστάτω δη τῷ ΖΝ παραλληλογράμμω ἴσον τετράγωνον τὸ ΕΠ, καὶ περὶ διάμετρον 20 μίαν τῶν πλευρῶν αὐτοῦ τὴν ΕΟ κύκλος γεγράφθω. ἔσται δὴ ὁ ΕΟ ἡμιόλιος τοῦ ΖΗ· οἱ γὰρ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα. καὶ ἐὰν πάλιν νοηθῆ κύλινδρος βάσιν μὲν ἔχων τὸν ΕΟ κύκλον, ὕψος δὲ ἴσον τῆ ΘΚ, ἔσται 25 ἡμιόλιος τοῦ κυλίνδρου, οὖ βάσις μὲν ὁ ΖΗ κύκλος, ῦψος δὲ ἡ ΘΚ. — εἰ δὲ κῶνος εἴη, ὁμοίως τὰ αὐτὰ ποιήσαντες καὶ τῷ τρίτῷ μέρει τοῦ ΖΝ παραλληλογράμμου ἴσον συστησάμενοι τετράγωνον ὡς τὸ ΕΠ καὶ περὶ τὴν πλευρὰν αὐτοῖ τὴν ΕΟ κύκλον γράψαντες

^{10.} or déor ovde or F. sug cum comp. no uel in F.

habens A circulum, altitudinem autem $A\Gamma$ lineam triplo maior est cono $A\Gamma$, duplo autem maior cylindro AE [Eucl. XII, 10; XII, 14]. quare adparet, etiam cylindrum AE dimidia parte maiorem esse cono $A\Gamma$.

ita igitur problema resoluetur eadem basi seruata et in dato et in inuento. sed licet idem etiam ita facere, ut basis alia sit, sed axis idem maneat. sit enim rursus conus uel cylindrus, cuius basis sit ZH circulus, altitudo autem linea ΘK , et propositum sit, ut



inueniamus cylindrum dimidia parte maiorem illo, altitudinem habentem lineae ΘK aequalem. construatur in diametro circuli ZH quadratum ZA, et producta linea ZH ponatur $HM=\frac{1}{4}ZH$. et compleatur parallelogrammum ZN. itaque erit

 $ZN = \frac{3}{4}Z\Lambda$, et $MZ = \frac{3}{4}ZH$.

constructur igitur quadratum $E\Pi$ aequale parallelogrammo ZN, et circum diametrum EO latus aliquod eius describatur circulus. erit igitur circulus EO dimidia parte maior circulo ZH; nam circuli inter se eam rationem habent, quam diametrorum quadrata [Eucl. XII, 2]. et si rursus finxerimus cylindrum basim habentem circulum EO, altitudinem autem lineae OK aequalem, dimidia parte maior erit cylindro, cuius basis est ZH circulus, altitudo autem OK.

sin conus est, rursus iisdem comparatis et quadrato $\Xi \Pi$ posito aequali tertiae parti parallelogrammi ZN et circum latus eius ΞO circulo descripto fingamus

In F figura p. 65 ante has duas figuras posita est. 17. $\tau \tilde{\eta} s \to \tau \tilde{\eta}$ FV. 21. $\tilde{\epsilon} \sigma \tau \omega$ per comp. F, ut lin. 24. 24. ΞO ΞO Ξ .

νοήσωμεν ἀπ' αὐτοῦ κύλινδρον ῦψος ἔχοντα τὴν ΘΚ. ἔξομεν αὐτὸν ἡμιόλιον τοῦ προτεθέντος κώνου. ἐπεὶ γὰρ τὸ ZN παραλληλόγραμμον τοῦ ΞΠ τετραγώνου

τριπλάσιον, τοῦ δὲ ΖΛ ἡμιόλιον, τὸ ΖΛ τοῦ ΕΠ ἔσται διπλάσιον. καὶ διὰ τοῦτο καὶ ὁ κύκλος τοῦ κύλινδρος τοῦ κυλίνδρου. ἀλλ' ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν ΖΗ κύκλον, ὕψος

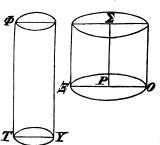
δε τὴν ΘΚ τριπλάσιός έστι τοῦ περί τὴν αὐτὴν βάσιν καὶ ὕψος τὸ αὐτὸ κώνου. ὥστε καὶ ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν ΞΟ κύκλον, ὕψος δὲ ἴσον τῷ ΘΚ 15 ἡμιόλιός έστι τοῦ προκειμένου κώνου.

εί δὲ δέοι μήτε τὸν ἄξονα τὸν αὐτὸν εἶναι μήτε τὴν βάσιν, γενήσεται τὸ πρόβλημα πάλιν διχῶς. ἢ γὰρ τὴν βάσιν ἔξει ἴσην τῆ δοθείση ἢ τὸν ἄξονα ὁ ποριζόμενος κύλινδρος. ἔστω γὰρ πρότερον ἡ βάσις διδομένη 20 ὡς ὁ ΞΟ κύκλος. καὶ δέον ἔστω κύλινδρον εὐρεῖν ἡμιόλιον τοῦ δοθέντος κώνου ἢ κυλίνδρου ἀπὸ βάσεως τῆς ΞΟ. εἰλήφθω, ὡς προείρηται, τοῦ δοθέντος κώνου ἢ κυλίνδρου ἡμιόλιος κύλινδρος βάσιν ἔχων τὴν αὐτὴν τῷ προτεθέντι ὁ ΦΥ, καὶ γεγονέτω, ὡς τὸ ἀπὸ τῆς ΞΟ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΥ, οὕτως τὸ ὕψος τοῦ ΦΥ πρὸς τὴν ΡΣ. ἔσται ἄρα ὁ κύλινδρος ὁ ἀπὸ τῆς ΞΟ βάσεως ῦψος ἔχων τὴν ΡΣ ἴσος τῷ ΦΥ ἀντιπεπόνθασιν γὰρ αί βάσεις τοῖς ῦψεσιν. καὶ γεγονὸς ἂν εἶη τὸ ἐπίταγμα. εἰ δὲ

ἐἀν νοήσωμεν Torellius.
 ἔσται] per comp. F.
 τόν] scripsi; την per comp. F, uulgo.
 Figura in F omittitur, sed tertia fere pars paginae uacat.

in hoc [circulo] cylindrum constructum altitudinem habentem ΘK . erit dimidia parte maior dato cono. nam quoniam parallelogrammum ZN triplo maius est quadrato $\Xi \Pi$, sed dimidia parte maius parallelogrammo $Z\Lambda$, erit $Z\Lambda=2\Xi\Pi$. quare etiam circulus duplo maior erit circulo [Eucl. XII, 2] et cylindrus cylindro [Eucl. XII, 11]. sed cylindrus basim habens circulum ZH, altitudinem autem ΘK triplo maior est cono eandem basim et eandem altitudinem habenti [Eucl. XII, 10]. quare etiam cylindrus basim habens circulum ΞO , altitudinem autem lineae ΘK aequalem dimidia parte maior est cono dato.

sin oportet neque axem neque basim eandem esse, problema rursus duobus modis resoluetur. cylindrus enim, qui inuenitur, aut basim aut axem dato aequalem habebit. prius enim basis data sit, uelut circulus ΞO . et propositum sit, ut inueniamus cylindrum, cuius basis sit ΞO , dimidia parte maiorem dato cono



uel cylindro. sumatur, ut supra dictum est, cylindrus dimidia parte maior dato cono uel cylindro, basim habens eandem, quam datus, et sit ΦT . et fiat $\Xi O^2 : TT^2$ = altitudo cylindri $\Phi T : P\Sigma$. erit igitur cylindrus basim habens ΞO et altitudinem $P\Sigma$

aequalis cylindro ΦT ; nam bases in contraria sunt proportione altitudinum [Eucl. XII, 15]. et factum est,

<sup>ενο cum comp. ην uel ιν F. 25. PΣ] PO FV. 26. ἔσται]
per comp. F. 27. βασ cum comp. ης F. 28. τοῖς] ταις FV.
Archimedes, ed. Heiberg. III.</sup>

ΔΘ πρὸς ΘΖ, οὕτως ἡ ΓΖ πρὸς ΔΑ. ἀλλ' ὡς ἡ ΘΔ πρὸς ΘΖ, οὕτως ῆ τε $B\Gamma$ πρὸς ΓΖ, καὶ ἡ ΔΑ πρὸς AB. τριγώνου γὰρ τοῦ ΔΘΖ παρὰ μὲν τὴν ΔΘ ἡκται ἡ $B\Gamma$, παρὰ δὲ τὴν ΘΖ ἡ BA. ἔστιν ἄρα, ὡς 5 ἡ $B\Gamma$ πρὸς Γ Ζ, ἡ Γ Ζ πρὸς ΔΑ, καὶ ἡ ΔΑ πρὸς AB. ὅπερ προέκειτο δείξαι.

'Ιστέον δέ, δτι ἡ τοιαύτη κατασκευὴ σχεδὸν ἡ αὐτή ἐστι τῷ ὑπὸ "Ηρωνος. τὸ γὰρ ΒΘ παραλληλόγραμμον τὸ αὐτό ἐστι τῷ ληφθέντι ἐπὶ τῆς "Ηρωνος κατασκευῆς, 10 καὶ αἱ προσεκβαλλόμεναι πλευραὶ αἱ ΘΑ, ΘΓ, καὶ ὁ πρὸς τῷ Β κινούμενος κανών. ταύτη δὲ μόνον διαφέρει, ὅτι ἐκεῖ μὲν μέχρι τοσούτου ἐκινοῦμεν περὶ τὸ Β τὸν κανόνα, ἄχρις ἀν αἱ ἀπὸ τῆς διχοτομίας τῆς ΑΓ, τουτέστι τοῦ Κ, ἰσαι ὑπ' αὐτοῦ ἀπετέμνοντο πρὸς 15 ταῖς ΘΔ, ΘΖ προσπίπτουσαι, ὡς αἱ ΚΔ, ΚΖ, ἐνταῦθα δὲ ἄχρις ἀν ἡ ΔΒ ἰση γένηται τῆ ΕΖ. ἐφ' ἐκατέρας δὲ κατασκευῆς τὸ αὐτὸ ἀκολουθεῖ, τὸ δὲ νῦν εἰρημένον πρὸς χρῆσιν εὐθετώτερον τὰς γὰρ ΔΒ, ΕΖ ἰσας τηρεῖν ἐνδέχεται διηρημένου τοῦ ΔΖ κανόνος εἰς 20 ἰσα καὶ συνεχῆ πολύ γε εὐκολώτερον τοῦ καρκίνω διαπειράζειν τὰς ἀπὸ τοῦ Κ ἴσας πρὸς τὰ Δ, Ζ.

'Ως 'Απολλώνιος.

"Εστωσαν αι δοθείσαι δύο εὐθείαι, ὧν δεί δύο μέσας ἀνάλογον εὑρείν, αι ΒΑΓ ὀρθὴν περιέχουσαι γω25 νιαν τὴν πρὸς τῷ Α. και κέντρῳ μὲν τῷ Β, διαστήματι δὲ τῷ ΑΓ κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ ΚΘΛ.

^{3.} $\pi\alpha\varrho\dot{\alpha}$] π (cum comp. $\alpha\varrho\alpha$) $\varrho\alpha$ F. 5. $\pi\alpha\ell$] per comp. F. 15. $\tau\alpha\dot{\epsilon}s$] $\tau\dot{\alpha}s$? $\pi\varrho\sigma\sigma\sigma\ell\pi\tau\sigma\nu\sigma\alpha\iota$] scripsi; $\pi\varrho\sigma\sigma\sigma\iota\tau\tau\sigma\nu\sigma\alpha\iota s$ F, ulgo. 21. $\tau\dot{\alpha}$ Δ] $\tau\sigma$ K F; corr. Torellius. 24. $AB\Gamma$ F; corr. Torellius. γ cum comp. $\alpha\nu$ F. 26. $\pi\epsilon\varrho\iota\varphi\epsilon\varrho\epsilon\iota\alpha\nu$ F V.

que $\Delta\Theta: \Theta Z = \Gamma Z: \Delta A$ [Eucl. VI, 16]. sed $\Theta \Delta: \Theta Z = B\Gamma: \Gamma Z = \Delta A: AB$.

nam in triangulo $\triangle \Theta Z$ lateri $\triangle \Theta$ parallela ducta est $B\Gamma$, lateri autem ΘZ parallela BA. itaque

 $B\Gamma: \Gamma Z = \Gamma Z: \Delta A = \Delta A: AB;$ quod demonstrandum erat.

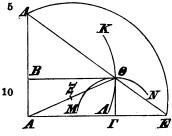
Animaduertendum est, hanc constructionem eandem fere esse ac Heronis. nam parallelogrammum $B\Theta$ idem est, quod in Heronis constructione sumptum est, et latera producta ΘA , $\Theta \Gamma$, et regula ad B mota. hoc tantum interest, quod illic regulam circum B usque eo mouebamus, dum lineae a puncto medio lineae $A\Gamma$, h. e. a K, ductae aequales ab ea abscinderentur cum lineis ΘA , ΘZ concurrentes, ut KA, KZ, hic autem usque eo, dum sit AB = EZ. sed in utraque constructione idem sequitur, uerum quod nunc exposuimus, ad usum commodius est. nam lineas AB, EZ aequales seruare licet regula AZ in partes aequales et continuas diuisa, et id quidem multo facilius, quam circino lineas a K ad A, Z ductas examinare, num aequales sint.

Ut Apollonius.1)

Duae lineae datae, inter quas duas medias proportionales inueniri oportet, sint BA, $A\Gamma$ rectum angulum ad A comprehendentes. et centro B, radio autem $A\Gamma$ describatur ambitus circuli $K\Theta A$. et rursus centro

¹⁾ Ubi Apollonius hanc resolutionem proposuerit, nescimus. aliam analytice per sectiones conicas comparatam commemorat Pappus III, 21 p. 56. utitur hoc problemate Apollonius conic. V, 52 p. 37, 8 ed. Halley; cfr. Scholium Arabis ib. p. 40.

καὶ πάλιν κέντος τῷ Γ καὶ διαστήματι τῷ AB κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ $M\Theta N$, καὶ τεμνέτω τὴν $K\Theta A$ κατὰ τὸ Θ , καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΘA , ΘB , $\Theta \Gamma$. παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶν τὸ $B\Gamma$, διάμετρος δὲ αὐτοῦ



ή ΘΑ. τετμήσθω δίχα ή ΘΑ τῷ Ξ, καὶ κέντος τῷ Ξ γεγοάφθω κύκλος τέμνων τὰς ΑΒ, ΑΓ έκβληθείσας κατὰ τὰ Δ, Ε, ώστε μέντοι τὰ Δ, Ε ἐπ' εὐθείας εἶναι τῷ Θ' ὅπες ἄν γένοιτο κανονίου κινουμένου περὶ τὸ Θ τέμ-

νοντος τὰς $A \Delta$, A E καὶ παραγομένου έπὶ τοσοῦτον, ἄχρις ἂν αἱ ἀπὸ τοῦ Ξ έπὶ τὰ Δ , E ἴσαι γένωνται.

15 Τούτου γὰρ γενομένου ἔσται τὸ ζητούμενον. ἡ γὰρ αὐτὴ κατασκευή ἐστι τῆ τε ὑπὸ Ἡρωνος καὶ Φίλωνος γεγραμμένη. καὶ δῆλον, ὅτι καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ αὐτὴ ἀρμόσει.

'Ως Διοχλης έν τῷ περὶ πυρίων.

20 Έν κύκλω ἤχθωσαν δύο διάμετοοι ποὸς ὀρθὰς αί AB, ΓΔ, καὶ δύο περιφέρειαι ἴσαι ἀπειλήφθωσαν ἐφ' ἐκάτερα τοῦ B αί EB, BZ, καὶ διὰ τοῦ Z παράλληλος τῆ AB ἤχθω ἡ ZH, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΔΕ. λέγω, ὅτι τῶν ΓΗ, ΗΘ δύο μέσαι ἀνάλογόν εἰσιν αί ZH, ΗΔ.
25 — ἤχθω γὰρ διὰ τοῦ Ε τῆ AB παράλληλος ἡ ΕΚ. ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ μὲν ΕΚ τῆ ZH, ἡ δὲ ΚΓ τῆ ΗΔ. ἔσται γὰρ τοῦτο δῆλον ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὰ Ε, Z ἐπι-ξευχθεισῶν εὐθειῶν. ἴσαι γὰρ γίνονται αί ὑπὸ ΓΛΕ,

^{4.} $B\Gamma$] $A\Gamma$ F; corr. Torellius. 15. $f\sigma \tau \alpha \iota$] per comp. F. In figura Ψ pro E habet F.

 Γ et radio AB describatur ambitus circuli $M \otimes N$, et secet ambitum $K \otimes A$ in Θ , et ducantur ΘA , ΘB , $\Theta \Gamma$. itaque parallelogrammum est $B\Gamma$, et diametrus eius ΘA . ΘA in duas partes aequales secetur in Ξ , et centro Ξ describatur circulus secans lineas AB, $A\Gamma$ productas in A, E, sed ita, ut puncta A, E in eadem linea recta sint ac Θ . quod fiet, si regulam circum Θ motam et lineas AA, AE secantem usque eo promouerimus, dum lineae a Ξ ad A, E ductae aequales sint.

Hoc enim facto effectum erit, quod quaerimus. nam constructio eadem est ac Heronis et Philonis. et adparet, etiam eandem demonstrationem ualere.

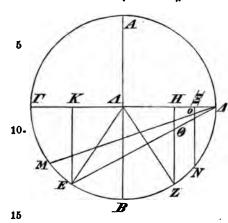
Ut Diocles in libro de causticis.

In circulo duae diametri inter se perpendiculares ducantur AB, $\Gamma \Delta$, et in utramque partem puncti B duo arcus aequales abscindantur EB, BZ, et per Z lineae AB parallela ducatur ZH, et ducatur ΔE . dico, inter lineas ΓH , $H\Theta$ duas medias proportionales esse ZH, $H\Delta$.

ducatur enim per E lineae AB parallela linea EK. itaque EK = ZH, $K\Gamma = H\Delta$. hoc enim adparebit lineis a Λ ad E, Z ductis. nam

 $L\Gamma\Lambda E = Z\Lambda\Lambda$ [Eucl. III, 26],

 $ZA\Delta$, καὶ ὀρθαὶ αί πρὸς τοῖς K, H. καὶ πάντα ἄρα πᾶσιν διὰ τὸ τὴν AE τῆ AZ ἴσην εἶναι· καὶ λοιπὴ



ἄφα ἡ ΓΚ τῆ ΗΔ
ἴση ἐστίν. ἐπεὶ οὖν
ἐστιν, ὡς ἡ ΔΚ πρὸς
ΚΕ, ἡ ΔΗ πρὸς
ΗΘ, ἀλλ' ὡς ἡ ΔΚ
πρὸς ΚΕ, ἡ ΕΚ πρὸς
ΚΓ· μέση γὰρ ἀνάλογον ἡ ΕΚ τῶν
ΔΚ, ΚΓ· ὡς ἄρα ἡ
ΔΚ πρὸς ΚΕ, καὶ ἡ
ΕΚ πρὸς ΚΓ, οῦτως
ἡ ΔΗ πρὸς ΗΘ.
καί ἐστιν ἴση ἡ μὲν

ΔΚ τῆ ΓΗ, ἡ δὲ ΚΕ τῆ ΖΗ, ἡ δὲ ΚΓ τῆ ΗΔ. ὡς ἄρα ἡ ΓΗ πρὸς ΗΖ, ἡ ΖΗ πρὸς ΗΔ, καὶ ἡ ΔΗ πρὸς ΗΘ. ἐὰν δὴ ἐφ' ἐκάτερα τοῦ Β ληφθῶσιν περιφέρειαι ἴσαι αί ΜΒ, ΒΝ, καὶ διὰ μὲν τοῦ Ν παρ-20 άλληλος ἀχθῆ τῆ ΔΒ ἡ ΝΞ, ἐπιζευχθῆ δὲ ἡ ΔΜ, ἔσονται πάλιν τῶν ΓΞ, ΞΟ μέσαι ἀνάλογον αί ΝΞ, ΞΔ. πλειόνων οὖν οὖτως καὶ συνεχῶν παραλλήλων ἐκβληθεισῶν μεταξὺ τῶν Β, Δ καὶ ταῖς ἀπολαμβανομέναις ὑπ' αὐτῶν περιφερείαις πρὸς τῷ Β ἴσων τε-25 θεισῶν ἀπὸ τοῦ Β ὡς ἐπὶ τὸ Γ, καὶ ἐπὶ τὰ γενάμενα σημεῖα ἐπιζευχθεισῶν εὐθειῶν ἀπὸ τοῦ Δ ὡς τῶν ὁμοίων ταῖς ΔΕ, ΔΜ, τμηθήσονται αί παράλληλοι αί μεταξὺ τῶν Β, Δ κατά τινα σημεῖα, ἐπὶ τῆς προκειμένης καταγραφῆς τὰ Ο, Θ, ἐφ' ἃ κανόνος παραθέσει

^{2.} AE] AB F; corr. ed. Basil. 18. έφ'] scripsi; παο F, uulgo; fort. πάλιν έφ'. 27. ὁμοίως ed. Basil., Cr., Torellius.

et anguli ad K, H positi recti sunt. itaque cum $\Delta E = \Delta Z$, omnia [latera et anguli] omnibus aequalia sunt [Eucl. I, 26]. quare etiam quae relinquitur¹) $\Gamma K = H\Delta$. itaque quoniam $\Delta K : KE = \Delta H : H\Theta$, sed $\Delta K : KE = EK : K\Gamma$ (nam EK media est proportionalis inter ΔK , $K\Gamma$), erit

 $\Delta K: KE = EK: K\Gamma = \Delta H: H\Theta.$

et $\Delta K = \Gamma H$, KE = ZH, $K\Gamma = H\Delta$. itaque

 $\Gamma H: HZ = ZH: H\Delta = \Delta H: H\Theta.$

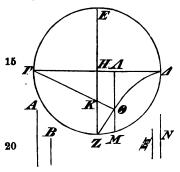
si igitur in utraque parte puncti B ambitus aequales sumpserimus MB, BN, et per N lineae AB parallelam lineam $N\Xi$ duxerimus, et ducta erit ΔM , rursus erunt lineae $N\Xi$, $\Xi\Delta$ inter $\Gamma\Xi$, ΞO mediae proportionales. si igitur hoc modo complures et continuas lineas parallelas inter puncta B, Δ duxerimus et arcubus ab iis aduersus B abscisis aequales posuerimus a B aduersus Γ arcus et ab Δ ad puncta ita orta lineas duxerimus similiter ac ΔE , ΔM , lineae parallelae inter B, Δ ductae in punctis quibusdam secabuntur (in figura O, Θ), ad quae si regula adplicata

¹⁾ Sc. si ab $\Gamma \Lambda = \Lambda \Delta$ auferemus $K \Lambda = \Lambda H$.

^{28.} ως ἐπί ed. Basil., Torellius. 29. παραθεσεις F; corr. ed. Basil.

ἐπιζεύξαντες εὐθείας έξομεν καταγεγοαμμένην ἐν τῷ κύκλῷ τινὰ γοαμμήν, ἐφ' ἦς ἐὰν ληφθῆ τυχὸν σημεῖον καὶ δι' αὐτοῦ παράλληλος ἀχθῆ τῆ ΑΒ, ἔσται ἡ ἀχθεῖσα καὶ ἡ ἀπολαμβανομένη ὑπ' αὐτῆς ἀπὸ τῆς διαμέτρου πρὸς τῷ Δ μέσαι ἀνάλογον τῆς τε ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῆς ἀπὸ τῆς διαμέτρου πρὸς τῷ Γ σημείῷ καὶ τοῦ μέρους αὐτῆς τοῦ ἀπὸ τοῦ ἐν τῆ γοαμμῆ σημείου ἐπὶ τὴν ΓΔ διάμετρον.

τούτων προκατεσκευασμένων έστωσαν αι δοθείσαι 10 δύο εύθεται, ών δεί δύο μέσας ανάλογον εύρειν, αι Α, Β. καὶ έστω κύκλος, έν ώ δύο διάμετροι πρὸς



όφθας αλλήλαις αί ΓΔ, ΕΖ, καὶ γεγράφθω έν αὐτῷ ἡ διὰ τῶν συνεχῶν σημείων γραμμή, ὡς προείρηται, ἡ ΔΘΖ. καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ Α πρὸς τὴν Β, ἡ ΓΗ πρὸς ΗΚ, καὶ ἐκιζευχθεῖσα ἡ ΓΚ καὶ ἐκβληθεῖσα τεμνέτω τὴν γραμμὴν κατὰ τὸ Θ. καὶ διὰ τοῦ Θ τῆ ΕΖ παράλ-

ληλος ήχθω ή ΛΜ. διὰ ἄρα τὰ προγεγραμμένα τῶν ΓΛ, ΛΘ μέσαι ἀνάλογόν εἰσιν αί ΜΛ, ΛΔ. καὶ ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΓΛ πρὸς ΛΘ, οῦτως ἡ ΓΗ πρὸς ΗΚ, 25 ὡς δὲ ἡ ΓΗ πρὸς ΗΚ, οῦτως ἡ Α πρὸς τὴν Β, ἐὰν ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ταῖς ΓΛ, ΛΜ, ΛΔ, ΛΘ παρεμβάλωμεν μέσας τῶν Α, Β, ὡς τὰς Ν, Ξ, ἔσονται εἰλημμέναι τῶν Α, Β μέσαι ἀνάλογον αί Ν, Ξ΄ ὅπερ ἔδει εὐρεῖν.

^{3.} ἔσται] per comp. F. 7. τοῦ ἐν] τη εν F; corr. B. 9. προκατεσκευασμένων] scripsi; προκατασκευασμενων F, uulgo.

lineas rectas duxerimus, in circulo lineam quandam habebimus descriptam, in qua si quodlibet punctum sumpserimus et per id lineam lineae AB parallelam duxerimus, linea ducta et linea ab ea in diametro ad A punctum abscisa mediae proportionales futurae sint inter lineam ab ea in diametro ad Γ punctum abscisam et eam partem ipsius1), quae inter punctum in linea sumptum²) et diametrum \(\Gamma \square\$ cadit.

his antea comparatis duae lineae datae, inter quas duas medias proportionales inueniri oportet, sint A, B. et sit circulus, in quo duae diametri inter se perpendiculares sint $\Gamma \Delta$, EZ, et in eo describatur linea illa per puncta continua inuenta, ut ante dictum est, 202. et sit $A: B = \Gamma H: HK$, et linea ΓK ducta et producta secet lineam illam in Θ . et per Θ lineae EZparallela ducatur AM. itaque propter ea, quae supra scripsimus, lineae MA, AA mediae sunt proportionales inter $\Gamma \Delta$, $\Delta \Theta$. et quoniam est

 $\Gamma A: AO = \Gamma H: HK$, et $\Gamma H: HK = A: B$, si inter A, B medias interposuerimus in eadem ratione, in qua sunt lineae $\Gamma \Lambda$, ΛM , $\Lambda \Delta$, $\Lambda \Theta^3$) ut N, Ξ , inter A, B mediae proportionales sumptae erunt N, Z; quod oportebat inueniri.

 $\Gamma A: \Lambda M = A: N, \Lambda M: \Lambda \Delta = N: \Xi,$

et ideo

 $\Lambda \Delta : \Lambda \Theta = \Xi : B.$

αὐτῆς lin. 4, 6, 7 de parallela (ἡ ἀχθεῖσα lin. 4) dicitur.
 In linea a Diocle constructa; u. lin. 2—3.

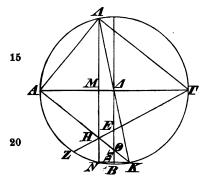
³⁾ H. e. si fecerimus

^{10.} ευρ cum comp. ην uel ιν F. 11. διαμετο cum comp. ον F. 15. ⊿EZ F.

'Ως Πάππος έν μηχανικαῖς είσαγωγαῖς.

Προέθετο μεν ό Πάππος κύβον εύρειν πρός τον δοθέντα κύβον λόγον έχοντα δεδομένον, καὶ ὡς πρὸς τὴν τοιαύτην πρόθεσιν καὶ τὰ τῆς ἀποδείξεως αὐτῷ 5 προέρχεται. δῆλον δέ, ὅτι τούτου εύρισκομένου καὶ τὸ προκείμενον εύρισκεται. δύο γὰρ δοθεισῶν εὐθειῶν ἐὰν τῶν ὀφειλουσῶν μέσων εύρεθῆναι ἡ δευτέρα εὐρεθῆ, καὶ ἡ τρίτη αὐτόθεν δοθήσεται.

γεγράφθω γάρ, ως φησιν αὐτὸς κατὰ λέξιν, ἡμι-10 κύκλιον τὸ ΑΒΓ, καὶ ἀπὸ τοῦ Δ κέντρου πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἡ ΔΒ, καὶ κινείσθω κανόνιον περὶ τὸ Α ση-



μετον, ώστε τὸ μὲν εν πέρας αὐτοῦ περικεῖσθαι τυλίφ τινὶ κατὰ τὸ Α σημετον έστῶτι, τὸ δὲ λοιπὸν μέρος ὡς περὶ κέντρον τὸ τυλάριον κινείσθω μεταξὺ τῶν Β, Γ. τούτων δὲ κατεσκευασμένων ἐπιτετάχθω δύο κύβους εὐρεῖν λόγον ἔχοντας πρὸς ἀλλήλους τὸν

ἐπιταχθέντα. καὶ τῷ λόγῷ ὁ αὐτὸς πεποιήσθω ὁ τῆς
ΒΔ πρὸς ΔΕ, καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΓΕ ἐκβεβλήσθω
25 ἐπὶ τὸ Ζ. παραγέσθω δὴ τὸ κανόνιον μεταξὺ τῶν Β,
Γ, ἔως οὖ τὸ ἀπολαμβανόμενον αὐτοῦ μέρος μεταξὺ τῶν ΖΕ, ΕΒ εὐθειῶν ἴσον γένηται τῷ μεταξὺ τῆς
ΒΕ εὐθείας καὶ τῆς ΒΚΓ περιφερείας. τοῦτο γὰρ

^{15.} ἐστῶτι] scripsi cum Pappo; εστω per comp. F, uulgo; om. B, ed. Basil., Torellius. 21. ενς cum comp. ην uel ιν F. Lineam ΛΛ in figura cum Pappo addidi.

Ut Pappus, in mechanicis institutionibus.1)

Pappus proposuit, ut inueniretur cubus ad datum cubum datam rationem habens [lib. VII p. 1070, 13], et demonstrandi ratio ei progreditur ad hanc propositionem spectans. adparet autem, hoc inuento etiam inueniri, quod nobis est propositum. nam si datis duabus lineis ex mediis, quae inueniendae sunt, secunda inuenta erit, etiam tertia statim erit data.

describatur enim, ut ipsius uerba sunt, semicirculus $AB\Gamma$, et a Δ centro perpendicularis ducatur ΔB , et circum A punctum moueatur regula ita, ut alter terminus clauo in A puncto posito affixus sit, altera autem pars circum clauum quasi centrum inter B, Γ moueatur. his autem comparatis propositum sit, ut duos cubos inueniamus datam inter se rationem habentes. et rationi [datae] aequalis fiat $B\Delta: \Delta E$, et linea ΓE ducta producatur ad Z. promoueatur igitur regula inter B, Γ usque eo, dum pars eius inter lineas ZE, EB abscisa aequalis fiat parti inter lineam BE et ambitum $BK\Gamma$ positae. hoc enim experiendo et regulam transferendo facile efficiemus. fiat, et posita

¹⁾ H. e. $\sigma v r \alpha \gamma \omega \gamma \tilde{\omega} v$ lib. VIII, 26 p. 1070—72; eadem methodus legitur III, 27 p. 64 sq., sed Eutocius ad locum priorem spectat, cuius loci discrepantia haec est, omissis locis, ubi congruentia probabili coniectura effecta est: lin. 9: $\gamma \epsilon \gamma \epsilon \phi \phi \delta \omega$ $\alpha \epsilon v \epsilon v \epsilon v \epsilon v \epsilon v$. 12: $\epsilon v \epsilon v \epsilon \omega \epsilon \tilde{\omega} \sigma \epsilon v$. 11: $\eta \gamma \delta \omega$ $\alpha \epsilon v \epsilon v \epsilon v \epsilon v$. 12: $\epsilon v \epsilon v \epsilon \tilde{\omega} \sigma \epsilon v$. 17: $\epsilon u \epsilon \epsilon \tilde{\omega} \delta \omega$ (fort. apud Eutocium recipiendum). 23: $\epsilon v \epsilon \tilde{\omega} \epsilon v \epsilon v \epsilon \tilde{\omega} \delta \omega$ 6: $\epsilon \kappa \epsilon \tilde{\omega} \epsilon \tilde{\omega} \delta v \epsilon \tilde{\omega} \epsilon$

πειράζοντες καὶ μετάγοντες τὸ κανόνιον δαδίως ποιήσομεν. γενονέτω δη και έγετω θέσιν την ΑΚ, ώστε ἴσας εἶναι τὰς HΘ, ΘΚ. λέγω, ὅτι ὁ ἀπὸ τῆς BΔκύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΔΘ κύβον λόγον ἔγει τὸν 5 έπιταγθέντα, τουτέστι τὸν τῆς ΒΔ πρὸς ΔΕ. νενοήσθω γαρ ό κύκλος αναπεπληρωμένος, και έπιζευχθείσα ή ΚΔ ἐμβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Λ, καὶ ἐπεζεύγθω ἡ ΛΗ. παράλληλος ἄρα έστιν τῆ ΒΔ διὰ τὸ ἴσην είναι τὴν μεν $K\Theta$ τη $H\Theta$, την δε $K\Delta$ τη $\Delta\Lambda$. επεζεύνθω δη 10 η τε ΑΛ και η ΛΓ. έπει οὖν ὀρθή έστιν η ὑπὸ ΑΛΓ (ἐν ἡμικυκλίω γάο), καὶ κάθετος ἡ ΛΜ, ἔστιν ἄρα, ώς τὸ ἀπὸ ΛΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΜΑ, τουτέστιν ή ΓΜ ποὸς ΜΑ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΜ ποὸς τὸ ἀπὸ ΜΗ. κοινὸς προσκείσθω ὁ τῆς ΑΜ πρὸς ΜΗ λόγος. ὁ ἄρα 15 συγκείμενος λόγος έκ τε τοῦ τῆς ΓΜ πρὸς ΜΑ καὶ τοῦ τῆς ΑΜ πρὸς ΜΗ, τουτέστιν ὁ τῆς ΓΜ πρὸς ΜΗ λόγος, δ αὐτός έστι τῶ συγκειμένω ἔκ τε τοῦ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΜΗ καὶ τοῦ τῆς ΑΜ πρός ΜΗ, ό δε συγκείμενος λόγος έκ τε τοῦ τοῦ ἀπὸ 20 της ΑΜ πρός τὸ ἀπὸ ΜΗ καὶ τοῦ της ΑΜ πρὸς ΜΗ δ αὐτός ἐστι τῷ λόγῳ, ὃν ἔχει ὁ ἀπὸ τῆς ΑΜ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΜΗ. καὶ ὁ τῆς ΓΜ ἄρα πρὸς ΜΗ λόγος δ αὐτός ἐστι τῷ λόγῳ, ὂν ἔχει δ ἀπὸ τῆς ΑΜ κύβος πρός του ἀπό τῆς ΜΗ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΓΜ 25 $\pi \rho \delta s$ MH, over $\eta \Gamma \Delta \pi \rho \delta s$ ΔE . δs $\delta \delta \dot{\eta}$ $\Delta M \pi \rho \delta s$ MH, $\dot{\eta}$ A Δ $\pi \rho \dot{o}_S$ $\Delta \Theta$. $\kappa \alpha \dot{b}$ \dot{a}_S \dot{a}_S \dot{a} \dot{b} Δ Δ Δ Δ Δ Δ τουτέστιν ώς δ δοθείς λόγος, ούτως δ από τῆς Β Δ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΔΘ κύβον. τῶν ἄρα ὀφειλουσών εύρεθηναι δύο μέσων ανάλογον τών ΒΔ, ΔΕ

^{1.} ποιήσομεν] scripsi cum Pappo; ποιησωμεν F, uulgo. 6. επεζευχθεισα F. 8. τῆ ΒΔ] scripsi cum Pappo; η ΒΔ F,

sit ut AK, ita ut $H\Theta = \Theta K$. dico, cubum $B\Delta$ ad cubum $\Delta\Theta$ rationem datam habere, h. e. rationem $B\Delta: \Delta E$. fingatur enim circulus expletus, et linea $K\Delta$ ducta ad Λ producatur, et ducatur ΛH . itaque ΛH lineae $B\Delta$ parallela est, quia $K\Theta = H\Theta$, $K\Delta = \Delta\Lambda$. ducantur igitur $A\Lambda$, $\Lambda\Gamma$. iam quoniam angulus $A\Lambda\Gamma$ rectus est (nam est in semicirculo), et ΛM perpendicularis, erit igitur $\Lambda M^2: M\Lambda^2$, h. e.

 $\Gamma M: MA^1), = AM^2: MH^2.^2)$

communis adiiciatur³) ratio AM: MH. itaque

 $\Gamma M: MA \times AM: MH$,

h. e. $\Gamma M: MH$, $= AM^2: MH^2 \times AM: MH$. sed $AM^2: MH^2 \times AM: MH = AM^3: MH^3$.

itaque etiam $\Gamma M : MH = AM^3 : MH^3$.

sed $\Gamma M: MH = \Gamma \Delta : \Delta E$, et $\Delta M: MH = \Delta \Delta : \Delta \Theta$. quare etiam $B\Delta : \Delta E^4$), h. e. data ratio, $= B\Delta^3 : \Delta \Theta^3$. itaque ex duabus mediis proportionalibus, quae inter

lin. 24: πύβου pro πύβος. 25: ΔE] ΔE , τουτέστιν $\dot{\eta}$ $B\Delta$ πρὸς $E\Delta$ et lin. 26: $\Delta\Theta$] $\Delta\Theta$, τουτέστιν $\dot{\eta}$ ΔB πρὸς $\Delta\Theta$; sed haec apud Pappum interpolata esse puto potius quam ab Eutocio omissa. 26: οῦτως $\dot{\eta}$ $\Delta\Delta$. 28: πύβου] in hoc uerbo desinit Pappus VIII p. 1072, 29. 28: τῶν — p. 88, 1: $\Delta\Theta$ etiam III p. 68 omisit. P. 88, 1: $\pi\Omega$ έάν — 3 paullum immutata habet III p. 68, 14—16.

¹⁾ Nam MA: ΛM = ΛM: ΓM (Eucl. VI, 8 πός.); tum u. Eucl. V def. 10.

²⁾ Nam $AAM \sim AMH$ (Eucl. VI, 8); tum AM : MA = MA : MH (Eucl. VI, 4).

³⁾ Sc. multiplicando.

⁴⁾ Nam $B\Delta = \Gamma\Delta = A\Delta$.

uulgo; $\dot{\eta} \ B \varDelta \ \tau \tilde{\eta} \ \varDelta H B$, ed. Basil., Torellius. 10. $\varDelta \Gamma$] $\varDelta \Gamma$ F; corr. AB. 17. $\tau o \tilde{v} \ \tau o \tilde{v}$] scripsi cum Hultschio in Pappo; $\tau o v$ F, uulgo (etiam Pappus); item lin. 19.

δευτέρα έστιν ή $\Delta \Theta$. και έὰν ποιήσωμεν, ώς τὴν $B \Delta$ πρὸς $\Delta \Theta$, τὴν $\Theta \Delta$ πρὸς ἄλλην τινά, ἔσται και ἡ τρίτη ηὑρημένη.

Προσέχειν δε χρή, ώς και ή τοιαύτη κατασκευή ή 5 αὐτή έστι τῆ ὑπὸ Διοκλέους είρημένη, τούτω μόνον διαφέρουσα τῷ ἐκεῖνον μὲν γραμμήν τινα καταγράφειν δια συνεχών σημείων μεταξυ τών Α, Β, έφ' ής έλαμβάνετο τὸ Η ἐκβαλλομένης τῆς ΓΕ καὶ τεμνούσης τὴν είοημένην γραμμήν, ένταῦθα δὲ τὸ Η πορίζεται διὰ 10 τοῦ ΑΚ κανόνος κινουμένου περί τὸ Α. ὅτι γὰρ τὸ Η τὸ αὐτό ἐστι, εἴτε ὡς ἐνταῦθα διὰ τοῦ κανόνος ληφθη, είτε ώς έφη ⊿ιοκλης, μάθοιμεν αν ούτως. έκβληθείσης της ΜΗ έπὶ τὸ Ν έπεζεύχθω ή ΚΝ. έπει οὖν ἴση έστιν ἡ ΚΘ τῆ ΘΗ, και παράλληλος ἡ 15 HN $\tau\tilde{\eta}$ ΘB , $l \sigma \eta$ $\epsilon \sigma \tau l$ $\times \alpha l$ $\hat{\eta}$ $K \Xi$ $\tau\tilde{\eta}$ ΞN . $\times \alpha l$ $\times o \iota \nu \hat{\eta}$ και ποὸς ὀοθάς ἡ ΕΒ. ἡ γὰο ΚΝ δίχα τε και ποὸς όρθας τέμνεται ύπὸ τῆς διὰ τοῦ κέντρου. καὶ βάσις άρα βάσει ίση, καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἡ ΚΒ περιφέρεια τη ΒΝ. τὸ ἄρα Η έστιν τὸ έπὶ της γραμμης τοῦ 20 Διοκλέους, καὶ ἡ ἀπόδειξις δὲ ἡ αὐτή έστιν. ἔφασκεν γὰρ ὁ Διοκλης, ὅτι ἐστίν, ὡς ἡ ΓΜ πρὸς ΜΝ, οὕτως ή ΜΝ πρός ΜΑ, καὶ ή ΑΜ πρός ΜΗ. ἴση δέ έστιν ή ΝΜ τη ΜΑ. ή γαρ διάμετρος πρός όρθας αὐτὴν τέμνει. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΓΜ πρὸς ΜΛ, οῦ-25 τως ή ΛΜ πρὸς ΜΑ, καὶ ή ΛΜ πρὸς ΜΗ. τῶν άρα ΓΜ, ΜΗ μέσαι ἀνάλογόν είσιν αί ΛΜ, ΜΑ. $\dot{\alpha}\lambda\lambda'$ ώς μὲν ή ΓΜ πρὸς ΜΗ, ή ΓΔ πρὸς ΔΕ, ώς δὲ ἡ ΓΜ πρὸς ΜΛ, ἡ ΑΜ πρὸς ΜΗ, τουτέστιν

^{6.} καταγραφ cum comp. $\eta \nu$ uel $\iota \nu$ F. 8. εκβαλομενης F. 13. έπ ℓ] scripsi; κατα F, uulgo. 20. δὲ $\dot{\eta}$] scripsi; δε F, uulgo. 23. NM] scripsi; HM F, uulgo; MN cum V Torellius.

 $B\Delta$, ΔE inveniendae sunt, altera est $\Delta\Theta$ [Eucl. V def. 11]. et si fecerimus $B\Delta : \Delta\Theta = \Theta\Delta$ ad aliam, erit etiam tertia inventa.

uerum animaduertendum est, hanc constructionem eandem esse, quam Diocles proposuit, eo tantum differentem, quod ille lineam quandam per puncta continua inter A, B descripsit, in qua punctum H sumptum est producta linea ΓE et lineam illam secante. hic punctum H per regulam AK circum A motam inuenitur. nam punctum H idem esse, siue ut hoc loco per regulam sumatur, siue ut indicauit Diocles, ita intellegemus. producta linea MH ad N ducatur KN. quoniam igitur $K\Theta = \Theta H$, et HN lineae ΘB parallela, erit etiam $K\Xi = \Xi N$ [Eucl. VI, 2]. et linea **ZB** communis est et perpendicularis; nam linea KN a linea a centro ducta in duas partes aequales et perpendiculariter secatur [Eucl. III, 3]. itaque etiam basis basi aequalis est [Eucl. I, 4], et ideo etiam ambitus KB ambitui BN [Eucl. III, 28]. itaque punctum H id est, quod in linea Dioclis positum erat, et demonstratio quoque eadem est. dixit enim Diocles, esse

 $\Gamma M: MN = MN: MA = AM: MH.$ ¹)

sed NM = MA; nam diametrus eam²) perpendiculariter secat [Eucl. III, 3]. itaque

 $\Gamma M: M \Lambda = \Lambda M: M \Lambda = \Lambda M: MH.$

itaque inter ΓM , MH mediae proportionales sunt ΔM , MA. sed $\Gamma M : MH = \Gamma \Delta : \Delta E$, et

2) Sc. lineam NA.

¹⁾ Eutocius proportiones Dioclis $\Gamma \Lambda: \Lambda M = \Lambda M: \Lambda \Delta = \Lambda \Delta: \Lambda \Theta$ (p. 82, 23) ad figuram Pappi p. 84 adcommodauit.

ή $\Gamma \Delta$ πρὸς $\Delta \Theta$. καὶ τῶν δύο μέσων ἄρα τῶν $\Gamma \Delta$, ΔE δευτέρα ἐστὶν ἡ $\Delta \Theta$, ἢντινα ἐπορίσατο καὶ ὁ Πάππος.

'Ως Σπόρος.

Τεστωσαν αι δοθείσαι δύο εὐθείαι ἄνισοι αι ΑΒ, ΒΓ. δεῖ δὴ τῶν ΑΒ, ΒΓ δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν ἐν συνεχεῖ ἀναλογία. ἤχθω ἀπὸ τοῦ Β τῷ ΑΒ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΔΒΕ, καὶ κέντρφ τῷ Β, διαστήματι δὲ τῷ ΒΑ ἡμικύκλιον γεγράφθω τὸ ΔΑΕ. καὶ ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τὸ Γ εὐθεία ἐπιζευχθείσα διήχθω ἐπὶ τὸ Ζ, καὶ ἀπὸ τοῦ Δ διήχθω τις εὐθεία οῦτως, ὥστε ἰσην εἶναι τὴν ΗΘ τῷ ΘΚ΄ τοῦτο γὰρ δυνατόν. καὶ ἤχθωσαν ἀπὸ τῶν Η, Κ ἐπὶ τὴν ΔΕ κάθετοι αί ΗΛ, ΚΝΜ.

15 Z H O Y E

έπεὶ οὖν έστιν, ὡς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΗ, ἡ MB πρὸς BA, ἴση δὲ ἡ KΘ τῆ ΘΗ, ἴση ἄρα καὶ ἡ MB τῆ BA· ώστε καὶ λοιπὴ ἡ ME τῆ $A\Delta$. καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΔM τῆ AE έστιν

ἴση. καὶ διὰ τοῦτό ἐστιν, ὡς ἡ ΜΔ πρὸς ΔΛ, ἡ ΛΕ πρὸς ΕΜ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΜΔ πρὸς ΔΛ, ἡ ΚΜ πρὸς ΗΛ [ὡς δὲ ἡ ΛΕ πρὸς ΕΜ, ἡ ΗΛ πρὸς ΝΜ]. πάλιν ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΔΜ πρὸς ΜΚ, ἡ ΚΜ 25 πρὸς ΜΕ, ὡς ἄρα ἡ ΔΜ πρὸς ΜΕ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΔΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΛΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ. ἴση γὰρ ἡ ΔΒ τῆ ΒΛ. πάλιν ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΜΔ πρὸς

^{4.} $\Sigma\pi \circ \varphi \circ g$ F, uulgo; $\Pi \circ \varphi \circ g$ B, Georgius Ualla. 13. KNM KMN F; corr. Torellius. 22. EM ΘM FV.

 $\Gamma M: M \Lambda = \Lambda M: MH = \Gamma \Delta: \Delta \Theta.$

itaque ex duabus inter $\Gamma \Delta$, ΔE mediis proportionalibus secunda est $\Delta \Theta^1$), quam etiam Pappus inuenit [p. 86, 28 sq.].

Ut Sporus.

Sint duae lineae datae inaequales AB, $B\Gamma$. oportet igitur, inter AB, $B\Gamma$ duas medias proportionales inueniri in proportione continua. ducatur aB ad lineam AB perpendicularis linea ΔBE , et centro B, radio autem BA semicirculus describatur ΔAE . et linea ab E ad Γ ducta producatur ad Z, et a Δ ducatur linea ita, ut sit $H\Theta = \Theta K$; hoc enim fieri potest. et ducantur ab H, K ad ΔE perpendiculares HA, KNM. quoniam igitur est $K\Theta : \Theta H = MB : BA$, et $K\Theta = \Theta H$, erit etiam MB = BA. quare etiam quae relinquitur. ME = AA. ergo etiam tota AE = AE. itaque est MA : AE = AE : EM. sed

 $M\Delta: \Delta \Lambda = KM: H\Lambda$ [et $\Lambda E: EM = H\Lambda: NM$].⁴) rursus quoniam est $\Delta M: MK = KM: ME$, erit [Eucl. V def. 10]

 $\Delta M : ME = \Delta M^2 : MK^2 = \Delta B^2 : B\Theta^2 = AB^2 : B\Theta^2$ (nam $\Delta B = BA$). rursus quoniam est

¹⁾ Cfr. p. 83 not. 3. ceterum "secunda" non est media proportionalis secunda, sed media proportionalis prima, quae in proportione continua secunda (terminus secundus) est; cfr. p. 84, 7; 88, 1.

²⁾ Sc. regula adplicata; u. Pappus supra p. 84, 25 sq.

³⁾ Sc. subtracta MB = BA ab BE = BA.

⁴⁾ Hace proportio per se uera sine ulla causa hoc loco additur; neque enim per totam demonstrationem usurpatur.

ΔΒ, ή ΛΕ πρὸς ΕΒ, ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΜΔ πρὸς ΔΒ, ἡ ΚΜ πρὸς ΘΒ, ὡς δὲ ἡ ΛΕ πρὸς ΕΒ, ἡ ΗΛ πρὸς ΓΒ, καὶ ὡς ἄρα ἡ ΚΜ πρὸς ΘΒ, ἡ ΗΛ πρὸς ΓΒ. καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΚΜ πρὸς ΗΛ, ἡ ΘΒ πρὸς ΓΒ. δ ἀλλ' ὡς ἡ ΚΜ πρὸς ΗΛ, ἡ ΜΔ πρὸς ΔΛ, τουτέστιν ἡ ΔΜ πρὸς ΜΕ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ, ἡ ΒΘ πρὸς ΒΓ. εἰλήφθω τῶν ΘΒ, ΒΓ μέση ἀνάλογον ἡ Ξ. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ, ἡ 10 ΘΒ πρὸς ΒΓ, ἀλλὰ τὸ μὲν ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ διπλασίονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΘΒ πρὸς Ξ, καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΒ πρὸς ΒΡ, ἡ δὲ ΘΒ πρὸς ΒΓ διπλασίονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΘΒ πρὸς Ε, καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΒ πρὸς ΒΓ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΒ

Φανερον δέ, ότι καὶ αῦτη ἡ αὐτή ἐστιν τῆ τε ὑπὸ Πάππου καὶ Διοκλέους γεγραμμένη.

'Ως Μένεχμος.

"Εστωσαν αί δοθεϊσαι δύο εὐθεῖαι αί Α, Ε. δεῖ 20 δὴ τῶν Α, Ε δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν. γεγονέτω, καὶ ἔστωσαν αί Β, Γ. καὶ ἐκκείσθω θέσει εὐθεῖα ἡ ΔΗ πεπερασμένη κατὰ τὸ Δ, καὶ πρὸς τῷ Δ τῆ Γ ἴση κείσθω ἡ ΔΖ, καὶ ἤχθω πρὸς ὀρθὰς ἡ ΘΖ, καὶ τῆ Β ἴση κείσθω ἡ ΖΘ. ἐπεὶ οὖν τρεῖς εὐθεῖαι ἀνά-25 λογον αί Α, Β, Γ, τὸ ὑπὸ τῶν Α, Γ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς Β. τὸ ἄρα ὑπὸ δοθείσης τῆς Α καὶ τῆς Γ, τουτέστι τῆς ΔΖ, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς Β, τουτέστι

^{4.} ΘΒ] ΘΓ FV. 6. ΔΒ] ΔΘ F. 7. ΔΒ] ΔΘ FV. 23. ΘΖ] scripsi; ΘΖΘ F; ΖΘ uulgo. 25. τῷ] το F. 26. Δ] scripsi; Δ F, uulgo; sed in figura Λ, Δ ut apud nos positae

 $M\Delta: \Delta B = AE: EB^1$),

sed $M\Delta: \Delta B = KM: \Theta B$ et $\Delta E: EB = H\Delta: \Gamma B$, erit igitur $KM: \Theta B = HA: \Gamma B$. et uicissim

 $KM: HA = \Theta B: \Gamma B.$

sed

 $KM: HA = MA: AA = AM: ME = AB^2: \Theta B^2.$ quare etiam $AB^2: \Theta B^2 \longrightarrow B\Theta: B\Gamma$. sumatur inter ΘB, BΓ media proportionalis Z. quoniam igitur est $AB^2:B\Theta^2=\Theta B:B\Gamma$, sed $AB^2:B\Theta^2$ duplicem rationem habet, quam $AB:B\Theta$, et $\Theta B:B\Gamma$ duplicem, quam $\Theta B : \Xi$ [Eucl. V def. 10], erit igitur

 $AB:B\Theta = B\Theta: \Xi.$

sed $B\Theta: \Xi = \Xi: B\Gamma$. quare

 $AB:B\Theta = B\Theta: \Xi = \Xi:B\Gamma^2$

Manifestum autem, hanc quoque [constructionem] eandem esse atque eam, quam proposuerunt Pappus et Diocles.

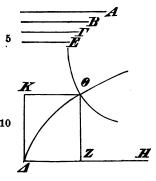
Ut Menechmus.

Duae lineae datae sint A, E. oportet igitur inter. A, E duas medias proportionales inueniri. — fiat, et sint B, Γ . et ponatur linea recta positione data ΔH in Δ terminata, et ad Δ lineae Γ aequalis ponatur ΔZ , et perpendicularis ducatur ΘZ , et ponatur $Z\Theta = B$. quoniam igitur tres lineae A, B, Γ proportionales sunt, erit $A \times \Gamma = B^2$. itaque rectangulum comprehensum linea data A et linea Γ , h. e. linea ΔZ , ae-

Nam M → AE, et AB = EB.
 Haec tota Spori demonstratio miris ambagibus et inhabili dicendi genere laborat.

sunt in F, et hucusque recte usurpantur; Torellius eas et in figura et per totam demonstrationem permutauit.

τῷ ἀπὸ τῆς $Z\Theta$. ἐπὶ παραβολῆς ἄρα τὸ Θ διὰ τοῦ Δ γεγραμμένης. ἤχθωσαν παράλληλοι αί ΘK , ΔK . καὶ



έπει δοθέν τὸ ὑπὸ Β, Γ· ἴσον γάρ έστι τῷ ὑπὸ Α, Ε· δοθέν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ ΚΘΖ. ἐπὶ ὑπερβολῆς ἄρα τὸ Θ ἐν ἀσυμπτώτοις ταῖς ΚΔ, ΔΖ. δοθέν ἄρα τὸ Θ· ἄστε καὶ τὸ Ζ. — συντεθήσεται δὴ οῦτως. ἔστωσαν αί μὲν δοθεῖσαι εὐθεῖαι αί Α, Ε, ἡ δὲ τῆ θέσει ἡ ΔΗ πεπερασμένη κατὰ τὸ Δ, καὶ γεγράφθω διὰ τοῦ Δ

παραβολή, ής ἄξων μὲν ἡ ΔΗ, όρθία δὲ τοῦ είδους 15 πλευρὰ ἡ Α, αί δὲ καταγόμεναι ἐπὶ τὴν ΔΗ ἐν ὀρθῆ γωνία δυνάσθωσαν τὰ παρὰ τὴν Α παρακείμενα χωρία πλάτη ἔχοντα τὰς ἀπολαμβανομένας ὑπ' αὐτῶν πρὸς τῷ Δ σημείω. γεγράφθω, καὶ ἔστω ἡ ΔΘ, καὶ ὀρθὴ ἡ ΔΚ. καὶ ἐν ἀσυμπτώτοις ταῖς ΚΔ, ΔΖ γεγράφθω 20 ὑπερβολή, ἀφ' ἡς αί παρὰ τὰς ΚΔ, ΔΖ ἀχθεῖσαι ποιήσουσιν τὸ χωρίον ἴσον τῷ ὑπὸ Α, Ε. τεμεῖ δὴ τὴν παραβολήν. τεμνέτω κατὰ τὸ Θ, καὶ κάθετοι ἤχθωσαν αί ΘΚ, ΘΖ. ἐπεὶ οὖν τὸ ἀπὸ ΖΘ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ Α, ΔΖ, ἔστιν, ὡς ἡ Α πρὸς τὴν ΖΘ, ἡ ΘΖ πρὸς ΣΔ. πάλιν ἐπεὶ τὸ ὑπὸ Α, Ε ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΘΖΔ, ἔστιν, ὡς ἡ Α πρὸς τὴν ΖΘ, ἡ ΖΔ πρὸς τὴν Ε. ἀλλὰ ὡς ἡ Α πρὸς τὴν ΖΘ, ἡ ΖΦ πρὸς ΖΔ. καὶ ὡς ἄρα ἡ Α πρὸς τὴν ΖΘ, ἡ ΖΦ πρὸς ΖΔ. καὶ ὡς ἄρα

^{1.} ἐπί] επει F, ut lin. 5. 2. ΔΚ] scripsi; ΛΚ F, uulgo.
4. Λ] scripsi; Δ F, uulgo. 7. ΚΔ, ΔΖ] scripsi, ΚΛ, ΛΖ F, uulgo. 8. τὸ Θ] τω Θ F. 11. Λ] scripsi; Δ F, uulgo, ut

quale est quadrato lineae B, h. e. quadrato lineae $Z\Theta$. itaque punctum Θ in parabola est per Δ descripta [Apollon. con. I, 11]. ducantur parallelae lineae ΘK , ΔK . et quoniam datum est rectangulum $B \times \Gamma$ (nam aequale est rectangulo $A \times E$), etiam rectangulum $K\Theta \times \Theta Z$ datum est. punctum Θ igitur in hyperbola est in asymptotis $K\Delta$, ΔZ descripta [Apollon. con. II, 12]. datum est igitur punctum Θ ; quare etiam punctum Z datum est.

componetur autem ita. datae lineae sint A, E, et linea positione data ΔH terminata in Δ , et per Δ describatur parabola, cuius axis sit ΔH , parametrus autem A, et lineae in angulo recto ad ΔH ductae quadratae aequales sint spatiis ad A adplicatis, quae latitudines habeant lineas, quas ipsae ad Δ abscindunt describatur et sit $\Delta \Theta$, et ΔK perpendicularis. et in asymptotis $K\Delta$, ΔZ describatur hyperbola talis, ut lineae ab ea lineis $K\Delta$, ΔZ parallelae ductae spatium aequale rectangulo $A \times E$ efficiant. secabit igitur parabolam. secet in Θ , et perpendiculares ducantur ΘK , ΘZ . iam quoniam est $Z\Theta^2 = A \times \Delta Z$ [Apollon. con. I, 11], erit $A: Z\Theta = \Theta Z: Z\Delta$. rursus quoniam est $A \times E = \Theta Z \times Z\Delta$,

erit $A: Z\Theta = Z\Delta : E$. sed erat $A: Z\Theta = Z\Theta : Z\Delta$. itaque etiam $A: Z\Theta = Z\Theta : Z\Delta = Z\Delta : E$. ponatur

lin. 15, 16, 21, 24 bis, 25, 26, 27. 12. ΔH] ΔH F, uulgo, ut lin. 14, 15. 12. Δ] Δ F, uulgo, ut lin. 13, 18. 16. $\gamma \omega \nu \langle \alpha \rangle$ γ supra scripto α F. 18. $\Delta\Theta$] $\Delta\Theta$ F, uulgo. 19. ΔK] ΔK F, uulgo. KA, ΔZ F, uulgo, ut lin. 20. 21. $\tau \epsilon \mu \nu \epsilon \epsilon$ iue $\tau \epsilon \mu \nu \epsilon \epsilon \epsilon$ Torellius mg. 23. $\epsilon \sigma \tau \ell$] per comp. F. 24. ΔZ] ΔZ FD; Γ uulgo. 25. $Z\Delta$] $Z\Delta$ F, uulgo, ut lin. 26, 27, 28. ΘZA F, uulgo. 27. $\pi \alpha \ell$ $\hat{\omega}_S$ $\hat{\omega}_S$ $\hat{\omega}_S$ $\hat{\eta}$ $\hat{\Lambda}$ $\pi \rho \hat{\omega}_S$ $\tau \hat{\eta} \nu$ $Z\Theta$, $\hat{\eta}$ $Z\Theta$ $\pi \rho \hat{\omega}_S$ $Z\Delta$] om. F, corr. Torellius (Δ, ZA) pro $A, Z\Delta$).

5

10

15

κείσθω τη μεν Θ Z ἴση ή B, τη δε ΔΖ ἴση ή Γ . ἔστιν ἄρα, ώς ή A πρὸς τὴν B, ή B πρὸς τὴν Γ , καὶ ή Γ πρὸς E. αἱ A, B, Γ , E ἄρα έξης ἀνάλογόν εἰσιν. ὅπερ ἔδει εύρεῖν.

"Αλλως.

"Εστωσαν αί δοθεϊσαι δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί AB, $B\Gamma$. καὶ γεγονέτωσαν αὐτῶν μέσαι αί ΔB , BE, ὥστε εἶναι ὡς τὴν ΓB πρὸς $B\Delta$, οὕτως

| Z | την Β Δ ποὸς ΒΕ, καὶ την | ΒΕ ποὸς ΒΑ, καὶ ηχθωσαν | ποὸς ὀρθὰς αἱ ΔΖ, ΕΖ. ἐπεὶ | οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΓΒ ποὸς | ΒΔ, ἡ ΔΒ ποὸς ΒΕ, τὸ ἄρα | ὑπὸ ΓΒΕ, τουτέστι τὸ ὑπὸ | δοθείσης καὶ τῆς ΒΕ, ἴσον | ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ΒΔ, τουτ- έστι τῆς ΕΖ. ἐπεὶ οὖν τὸ ὑπὸ

δοθείσης καὶ τῆς ΒΕ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΕΖ, τὸ Ζ ἄρα ἄπτεται παραβολῆς τῆς περὶ ἄξονα τὴν ΒΕ. πάλιν 20 ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΑΒ πρὸς ΒΕ, ἡ ΒΕ πρὸς ΒΔ, τὸ ἄρα ὑπὸ ΑΒΔ, τουτέστι τὸ ὑπὸ δοθείσης καὶ τῆς ΒΔ, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΕΒ, τουτέστι τῆς ΔΖ· τὸ Ζ ἄρα ἄπτεται παραβολῆς τῆς περὶ ἄξονα τὴν ΒΔ. ἡπται δὲ καὶ ἐτέρας δοθείσης τῆς περὶ τὴν ΒΔ. δοθὲν ἄρα τὸ Ζ. 25 καὶ κάθετοι αί ΖΔ, ΖΕ. δοθέντα ἄρα τὰ Δ, Ε.

συντεθήσεται δὲ οῦτως ἔστωσαν αι δοθείσαι δύο εὐθείαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αι ΑΒ, ΒΓ, καὶ ἐκβε-βλήσθωσαν ἐπ' ἄπειρον ἀπὸ τοῦ Β. καὶ γεγράφθω περὶ ἄξονα τὴν ΒΕ παραβολὴ ώστε τὰς καταγομένας

^{1.} B] HB FV. \(\Delta Z \] AZ F, uulgo. 2. A] \(\Delta \) F, uulgo,

$$B = \Theta Z$$
, $\Gamma = \Delta Z$. erit igitur $A: B = B: \Gamma = \Gamma: E$.

itaque A, B, Γ , E in continua proportione sunt; quod oportebat inueniri.

Aliter.

Duae lineae datae sint AB, $B\Gamma$ inter se perpendiculares. et inter eas mediae sint ΔB , BE, ita ut sit $\Gamma B: B\Delta = B\Delta: BE = BE: BA$, et perpendiculares ducantur ΔZ , EZ. quoniam igitur est

$$\Gamma B: B \Delta = \Delta B: BE$$

erit rectangulum $\Gamma B > BE$, h. e. rectangulum comprehensum linea data et linea BE, $= B \Delta^2$, h. e. $= EZ^2$. quoniam igitur rectangulum comprehensum linea data et linea BE aequale est EZ^2 , punctum Z parabolam tangit circum axem BE descriptam [Apollon. con. I, 11]. rursus quoniam est

$$AB:BE=BE:B\Delta$$
,

rectangulum $AB \times B\Delta$, h. e. rectangulum comprehensum linea data et linea $B\Delta$, $=EB^2$, h. e. $=\Delta Z^2$. itaque punctum Z parabolam tangit circum axem $B\Delta$ descriptam. sed [punctum Z] aliam quoque [parabolam] datam tangit circum [axem] BE descriptam. itaque punctum Z datum est. et lineae $Z\Delta$, ZE perpendiculares sunt. itaque data sunt puncta Δ , E.

componetur autem hoc modo. duae lineae datae inter se perpendiculares sint AB, $B\Gamma$, et producantur in infinitum a puncto B. et circum axem BE descri-

ut lin. 3. 13. οὖτως ή ΔΒ Torellius. 19. τήν] της ΕΔ. 22. ΔΖ] ΕΖ FV.

έπὶ τὴν ΒΕ δύνασθαι [τὰ] παρὰ τὴν ΒΓ. πάλιν γεγράφθω περὶ ἄξονα τὴν ΔΒ παραβολὴ ὥστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρὰ τὴν ΑΒ. τεμοῦσιν δὴ ἀλλήλας αὶ παραβολαί. τεμνέτωσαν κατὰ τὸ Ζ, καὶ ἀπὸ
5 τοῦ Ζ κάθετοι ἤχθωσαν αὶ ΖΔ, ΖΕ. ἐπεὶ οὖν ἐν
παραβολῆ κατῆκται ἡ ΖΕ, τουτέστιν ἡ ΔΒ, τὸ ἄρα
ὑπὸ ΓΒΕ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΒΔ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ
ΓΒ πρὸς ΒΔ, ἡ ΔΒ πρὸς ΒΕ. πάλιν ἐπεὶ ἐν παραβολῆ κατῆκται ἡ ΖΔ, τουτέστιν ἡ ΕΒ, τὸ ἄρα ὑπὸ
10 ΔΒΑ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΕΒ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΔΒ
πρὸς ΒΕ, ἡ ΒΕ πρὸς ΒΑ. ἀλλ' ὡς ἡ ΔΒ πρὸς ΒΕ,
οὕτως ἡ ΓΒ πρὸς ΒΔ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΓΒ πρὸς ΒΔ,
ἡ ΒΔ πρὸς ΒΕ, καὶ ἡ ΕΒ πρὸς ΒΑ. ὅπερ ἔδει εύρεῖν.

Γράφεται δὲ ἡ παραβολὴ διὰ τοῦ εὑρεθέντος δια15 βήτου τῷ Μιλησίφ μηχανικῷ Ἰσιδώρφ τῷ ἡμετέρφ
διδασκάλφ, γραφέντος δὲ ὑπ' αὐτοῦ εἰς τὸ γενόμενον
αὐτῷ ὑπόμνημα τῶν Ἡρωνος καμαρικῶν.

Ἡ Ἀρχύτου εῦρησις, ὡς Εὔδημος ίστορεῖ.

"Εστωσαν αί δοθείσαι δύο εὐθείαι αί ΑΔ, Γ. δεῖ 20 δὴ τῶν ΑΔ, Γ δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν. γεγράφθω περὶ τὴν μείζονα τὴν ΑΔ κύκλος ὁ ΑΒΔΖ, καὶ τῷ Γ ἴση ἐνηρμόσθω ἡ ΑΒ, καὶ ἐκβληθεῖσα συμπιπτέτω τῷ ἀπὸ τοῦ Δ ἐφαπτομένῃ τοῦ κύκλου κατὰ τὸ Π. παρὰ δὲ τὴν ΠΔΟ ῆχθω ἡ ΒΕΖ, καὶ νενοήσθω ἡμι-25 κυλίνδριον ὀρθὸν ἐπὶ τοῦ ΑΒΔ ἡμικυκλίου, ἐπὶ δὲ τῆς ΑΔ ἡμικύκλιον ὀρθὸν ἐν τῷ τοῦ ἡμικυλινδρίου παραλληλογράψιφ κείμενον. τοῦτο δὴ τὸ ἡμικύκλιον

^{1.} $\tau \alpha'$] deleo; cfr. lin. 3. 3. $\tau \alpha' \pi \alpha \rho \alpha'$ Torellius. $\alpha \lambda \lambda \eta \lambda'$ cum comp. αs F. 7. $\tau \tilde{\phi}$] τo F. 17. $\pi \alpha \mu \alpha \rho \iota \pi \tilde{\phi} \nu$] ι supra scriptum manu 1 F. 18. $\epsilon \tilde{\nu} \rho \eta \sigma \iota s$] F; $\epsilon \tilde{\nu} \rho \epsilon \sigma \iota s$ uulgo. 19. $A \Delta$] AB FVD, ut lin. 20. 23. $\tau \tilde{\eta}$] $\tau \eta \nu$ F.

batur parabola ita, ut parametrus sit Br. rursus circum axem ⊿B [describatur] parabola ita, ut parametrus sit AB. parabolae igitur inter se secabunt. secent in Z, et ab Z puncto perpendiculares ducantur ZA, ZE. quoniam igitur in parabola ducta est ZE. h. e. ΔB , erit $\Gamma B \times BE = B\Delta^2$ [Apollon. con. I, 11]. itaque $\Gamma B: B \Delta = \Delta B: BE$. rursus quoniam in parabola ducta est $Z\Delta$, h. e. EB, erit

 $\triangle B \times BA = EB^2$ [id.].

itaque $\Delta B : BE = BE : BA$. erat autem

 $\Delta B:BE=\Gamma B:B\Delta.$

quare $\Gamma B: B \Delta = B \Delta: B E = E B: B A$. quod oportebat inveniri.

Describitur autem parabola per diabetam¹) ab Isidoro mechanico Milesio magistro nostro inuentam et ab eo descriptam in commentario, quem confecit in Heronis camarica.2)

Methodus Archytae, ut tradit Eudemus.

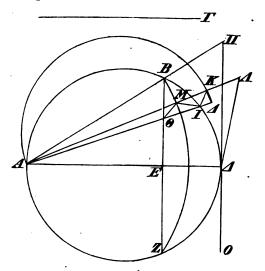
Duae lineae datae sint $A\Delta$, Γ . oportet igitur inter $A \Delta$, Γ duas medias proportionales inueniri. batur circum lineam maiorem AA circulus ABAZ, et lineae Γ aequalis aptetur linea AB, et producta cum linea in Δ circulum contingenti concurrat in Π . et lineae $\Pi \Delta O$ parallela ducatur BEZ, et fingatur semicylindrus rectus in semicirculo ABA positus, et in linea A d semicirculus perpendicularis in parallelogrammo semicylindri positus. hic igitur semicirculus

^{1) &}quot;Diabetum instrumentum est simile elemento Graeco 2" Cr. (J. Regiomontanus?).
2) H. e. de fornicibus construendis.

περιαγόμενον ώς ἀπὸ τοῦ Δ ἐπὶ τὸ Β μένοντος τοῦ Α πέρατος της διαμέτρου τεμεί την κυλινδρικήν έπιφάνειαν έν τη περιαγωγή και γράψει έν αὐτή γραμμήν τινα. πάλιν δέ, έὰν τῆς ΑΔ μενούσης τὸ ΑΠΔ 5 τρίγωνον περιενεγθή την έναντίαν τω ημικυκλίω κίνησιν, κωνικήν ποιήσει έπιφάνειαν τη ΑΠ εύθεία, ή δη περιαγομένη συμβαλεί τη κυλινδρική γραμμή κατά τι σημείου. αμα δε και το Β περιγράψει ημικύκλιου έν τη του κώνου επιφανεία. εχέτω δη θέσιν κατά τὸν 10 τόπον τῆς συμπτώσεως τῶν γοαμμῶν τὸ μὲν κινούμενον ήμικύκλιον ώς την τοῦ ΔΚΑ, τὸ δὲ ἀντιπεριαγόμενον τρίγωνον την τοῦ ΔΛΑ, τὸ δὲ τῆς εἰρημένης συμπτώσεως σημείον έστω τὸ K^* . έστω δὲ καὶ τὸ διὰ τοῦ Β γραφόμενον ἡμικύκλιον τὸ ΒΜΖ, κοινὴ 15 δὲ αὐτοῦ τομὴ καὶ τοῦ $B \triangle Z A$ κύκλου ἔστω ἡ B Z. καὶ ἀπὸ τοῦ Κ ἐπὶ τὸ τοῦ Β Δ Α ἡμικυκλίου ἐπίπεδον κάθετος ήγθω πεσείται δή έπλ την τοῦ κύκλου περι-

^{6.} $\tau\eta\varsigma$ $A\Pi$ ev ϑ ειας F; corr. B. In figura pro Γ in F est q. 9. $\vartheta\eta$] ϑ έ Torellius. 13. $\sigma\nu\mu\pi\tau\sigma\sigma\varepsilon\omega\varsigma$ F. 14. BMZ] EMH F.

circumactus a Δ aduersus B manente A termino diametri superficiem cylindricam in circumagendo secabit et in ea lineam quandam describet. rursus si manente linea

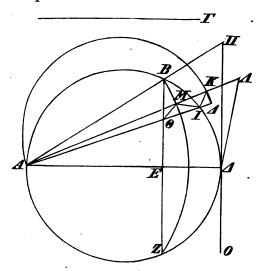


 $A\Delta$ triangulus $A\Pi\Delta$ circumactus erit in contrariam partem ac semicirculus, superficiem conicam efficiet linea $A\Pi$, quae in circumagendo cum linea cylindrica in puncto aliquo concurret. simul et B punctum semicirculum in superficie coni describet. et in loco, quo concurrunt lineae illae, semicirculus circumactus positionem habeat ΔKA , et triangulus in contrariam partem circumactus positionem ΔAA , et punctum, in quo concurrunt, sit K, et semicirculus per B descriptus sit BMZ, et communis sectio eius et circuli $B\Delta ZA$ sit BZ. et ab K ad planum semicirculi $B\Delta A$ perpendicularis ducatur; cadet igitur in ambitum circuli, quiae

περιαγόμενον ώς ἀπὸ τοῦ Δ ἐπὶ τὸ Β μένοντος τοῦ Α πέρατος της διαμέτρου τεμεί την κυλινδοικήν έπιφάνειαν έν τη περιαγωγή και γράψει έν αὐτή γραμμήν τινα. πάλιν δέ, έὰν τῆς ΑΔ μενούσης τὸ ΑΠΔ 5 τρίγωνου περιενεχθή την έναντίαν τῷ ἡμικυκλίω κίνησιν, κωνικήν ποιήσει έπιφάνειαν τη ΑΠ εύθεία, ή δή περιαγομένη συμβαλεί τη κυλινδρική γραμμή κατά τι σημείον αμα δε και το Β περιγράψει ημικύκλιον έν τη του κώνου έπιφανεία. έχετω δη θεσιν κατά τον 10 τόπον της συμπτώσεως τῶν γραμμῶν τὸ μὲν κινούμενον ήμικύκλιον ώς την τοῦ ΔΚΑ, τὸ δὲ ἀντιπεριαγόμενον τρίγωνον την τοῦ ΔΛΑ, τὸ δὲ τῆς είρημένης συμπτώσεως σημείον έστω τὸ K. έστω δὲ καλ τὸ διὰ τοῦ Β γραφόμενον ἡμικύκλιον τὸ ΒΜΖ, κοινή 15 δε αὐτοῦ τομὴ καὶ τοῦ ΒΔΖΑ κύκλου ἔστω ἡ ΒΖ. καὶ ἀπὸ τοῦ Κ ἐπὶ τὸ τοῦ Β Δ Α ἡμικυκλίου ἐπίπεδον κάθετος ήχθω· πεσείται δή έπὶ την τοῦ κύκλου περι-

^{6.} $\tau\eta\varsigma$ AH evdeias F; corr. B. In figura pro Γ in F est q. 9. $\delta\eta'$] dé Torellius. 13. $\sigma\nu\mu\pi\tau\sigma\sigma\varepsilon\omega\varsigma$ F. 14. BMZ] EMH F.

circumactus a Δ aduersus B manente A termino diametri superficiem cylindricam in circumagendo secabit et in ea lineam quandam describet. rursus si manente linea



 $A\Delta$ triangulus $A\Pi\Delta$ circumactus erit in contrariam partem ac semicirculus, superficiem conicam efficiet linea $A\Pi$, quae in circumagendo cum linea cylindrica in puncto aliquo concurret. simul et B punctum semicirculum in superficie coni describet. et in loco, quo concurrunt lineae illae, semicirculus circumactus positionem habeat $\Delta K\Delta$, et triangulus in contrariam partem circumactus positionem $\Delta \Delta A$, et punctum, in quo concurrunt, sit K, et semicirculus per B descriptus sit BMZ, et communis sectio eius et circuli $B\Delta ZA$ sit BZ. et ab K ad planum semicirculi $B\Delta A$ perpendicularis ducatur; cadet igitur in ambitum circuli, quix

20

φέρειαν διὰ τὸ ὀρθὸν έστάναι τὸν κύλινδρον. πιπτέτω καὶ έστω ή ΚΙ, καὶ ή ἀπὸ τοῦ Ι ἐπὶ τὸ Α ἐπιζευχθείσα συμβαλέτω τη ΒΖ κατά τὸ Θ, ή δὲ ΑΛ τῷ ΒΜΖ ήμικυκλίω κατά τὸ Μ. ἐπεζεύχθωσαν δὲ καὶ 5 αl ΚΔ, ΜΙ, ΜΘ. ἐπεὶ οὖν ἑκάτερον τῶν ΔΚΑ. ΒΜΖ ήμικυκλίων όρθόν έστι πρός τὸ ύποκείμενον έπίπεδον, καὶ ἡ κοινὴ ἄρα αὐτῶν τομὴ ἡ ΜΘ πρὸς όρθάς έστι τώ τοῦ κύκλου έπιπέδω. ώστε και πρός την ΒΖ δρθή έστιν η ΜΘ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΘΒ, ΘΖ, 10 τουτέστι τὸ ὑπὸ ΘΑ, ΘΙ, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΜΘ. ὅμοιον άρα έστι τὸ ΑΜΙ τρίγωνον έκατέρω τῶν ΜΙΘ, ΜΑΘ: καὶ ὀρθή ή ὑπὸ ΙΜΑ. ἔστιν δὲ καὶ ή ὑπὸ ΔΚΑ όρθή. παράλληλοι άρα είσιν αί ΚΔ, ΜΙ, και έσται ἀνάλογον, ώς ή ΔΑ πρός ΑΚ, τουτέστιν ή ΚΑ πρός 15 ΑΙ, ούτως ή ΙΑ πρός ΑΜ διὰ τὴν όμοιότητα τῶν τριγώνων. τέσσαρες ἄρα αί ΔΑ, ΑΚ, ΑΙ, ΑΜ έξῆς ανάλογόν είσιν. καί έστιν ή ΑΜ ίση τη Γ, έπεί καί τη ΑΒ. δύο άρα δοθεισών των ΑΔ, Γ δύο μέσαι ἀνάλογον ηθρηνται αί ΑΚ, ΑΙ.

'Ως 'Ερατοσθένης.

Βασιλεί Πτολεμαίφ Έρατοσθένης χαίρειν.

Τῶν ἀρχαίων τινὰ τραγωδοποιῶν φασιν εἰσαγαγεὶν τὸν Μίνω τῷ Γλαύκω κατασκευάζουτα τάφον. πυθόμενον δέ, ὅτι πανταχοῦ έκατόμπεδος εἰη, εἰπεῖν

^{9.} ΘB , ΘZ] ΘBZ F; corr. A. 10. ΘA , ΘI] ΘAI F; corr. A; sed fort. scribendum est $B\Theta Z$ et $A\Theta I$. 11. $\tilde{\alpha}\varrho\alpha$ fort] utrumque per comp. F. 13. foral] per comp. F. 16. teages F.

cylindrus rectus est.¹) cadat et sit KI, et linea ab I ad A ducta cum linea BZ in Θ concurrat, et linea AA cum semicirculo BMZ in puncto M. et ducantur etiam lineae KA, MI, $M\Theta$. quoniam igitur uterque semicirculus AKA, BMZ ad planum propositum perpendicularis est, itaque etiam communis eorum sectio $M\Theta$ ad planum circuli perpendicularis est [Eucl. XI, 19]. quare etiam $M\Theta$ ad BZ perpendicularis est [Eucl. XI def. 3]. itaque

 $\Theta B \times \Theta Z$, h. e. $\Theta A \times \Theta I^2$) - $M\Theta^2$.

itaque similis est triangulus AMI utrique triangulo $MI\Theta$, $MA\Theta$ [Eucl. VI, 8 cum $\pi o \varrho l \sigma \mu$.], et angulus IMA rectus. uerum etiam angulus ΔKA rectus est [Eucl. III, 31]. itaque lineae $K\Delta$, MI parallelae sunt, et erit $\Delta A: AK$, h. e. KA: AI, = IA: AM propter similitudinem triangulorum.⁸) itaque quattuor lineae ΔA , AK, AI, AM in continua sunt proportione. et $AM=\Gamma$, quoniam $AB=\Gamma$. itaque inter duas datas $A\Delta$, Γ duae mediae proportionales inuentae sunt ΔK , ΔI .

Ut Eratosthenes.

Eratosthenes Ptolemaeo regi s. d.

Narrant, quendam tragicum ueterem Minoem Glauco sepulcrum comparantem fecisse; et Minoem, cum comperisset, id undique centum pedes longum

Hanc epistulam ediderunt Fellius in Arato suo (Oxon. 1672) p. 33 sq., Reimerus de cubi duplicatione p. 146, Bernhardy:

¹⁾ Nam K in superficie cylindri est.

²⁾ Eucl. III, 35.

³⁾ $\triangle A: AK = IA: AM$ sequitur ex similitudine triangulorum $AK \triangle$, AMI (cfr. Eucl. VI, 2), $\triangle A: AK = KA: AI$ ex similitudine triangulorum $AK \triangle$, AKI (Eucl. VI, 8).

μικοὸν γ' ἔλεξας βασιλικοῦ σηκὸν τάφου· διπλάσιος ἔστω· τοῦ καλοῦ δὲ μὴ σφαλεὶς δίπλαξ' ἔκαστον κῶλον ἐν τάχει τάφου.

έδόκει δὲ διημαρτηκέναι. τῶν γὰο πλευοῶν διπλα-5 σιασθεισών τὸ μεν επίπεδον γίνεται τετραπλάσιον, τὸ δὲ στερεὸν ὀκταπλάσιον. έζητεῖτο δὲ καὶ παρὰ τοῖς γεωμέτραις, τίνα ἄν τις τρόπον τὸ δοθὲν στερεὸν διαμένον έν τῷ αὐτῷ σχήματι διπλασιάσειεν. καὶ έκαλείτο τὸ τοιοῦτον πρόβλημα κύβου διπλασιασμός. 10 ύποθέμενοι γὰο κύβον έξήτουν τοῦτον διπλασιάσαι. πάντων δε διαπορούντων έπλ πολύν χρόνον πρώτος Ίππομράτης ὁ Χῖος ἐπενόησεν, ὅτι, ἐὰν εύρεθῆ δύο εύθειῶν γραμμῶν, ὧν ἡ μείζων τῆς ἐλάσσονός ἐστι διπλασία, δύο μέσας ἀνάλογον λαβεῖν ἐν συνεχεῖ ἀνα-15 λογία, διπλασιασθήσεται δ κύβος, ώστε τὸ ἀπόρημα αὐτοῦ εἰς ετερον οὐκ ελασσον ἀπόρημα κατέστρεφεν. μετὰ χρόνον δὲ τινάς φασιν Δηλίους ἐπιβαλλομένους κατά χρησμόν διπλασιάσαι τινά των βωμων έμπεσεῖν είς τὸ αὐτὸ ἀπόρημα. διαπεμψαμένους δὲ τοὺς παρὰ 20 τῷ Πλάτωνι ἐν ἀκαδημία γεωμέτοας ἀξιοῦν αὐτοῖς

^{1.} βασιλεικου F; corr. Valckenarius diatribe p. 210. σιπου FA. 2. διπλασι cum comp. ου F; corr. Valckenarius. καλοῦ] καλ cum comp. ου F; κύβου B mg. manu 2, ed. Basil, Torellius, al. τοῦ κ. δέ] του δε του κ. F; corr. Valckenarius. σφαλης F; corr. VAD. 3. δίπλαζί] Nauckius; διπλασιαζί F; διπλασίαζεν VAD; διπλασιάζων uulgo. 4. δέ] addidi; om. F, uulgo. 5. γίνεται] per comp. F. 6. δὲ καί] scripsi; δη και F, uulgo. 12. Ιπποκρατις F. 16. αυτ cum comp. ου F, uulgo; αὐτό Torellius; αὐτῷ Bernhardy. 17. τιν cum comp. ας F. επιβαλλομενης F; corr. Wurmius cum C; ἐπιβαλομένης νόσου ed. Basil., Torellius, qui post βωμῶν lin. 18 addunt ἐπιταχθέντας. 19. διαμεμψαμενους F, uulgo; corr. F man. 2; διαπεμψομένους ed. Basil., Torellius; διοπομπησομένους uel ἀποδ. Bernhardy. παρά] π (cum comp. αρα) ρα F. 20. αὐτοῖς uulgo.

esse, dixisse: "paruum quidem indicasti regii sepulcri cubile; duplo maius sit. et pulchrum illud seruans 1) celeriter singula latera sepulcri conduplica". uidebatur autem errasse. nam lateribus conduplicatis planum quadruplo maius fit, solidum uero octuplo maius. sed etiam inter geometras quaerebatur, quo modo quis datam figuram solidam in eadem specie manentem conduplicare possit. et hoc problema uocabatur cubi duplicatio; nam cubo proposito hunc conduplicare conabantur. sed omnibus diu haesitantibus primus Hippocrates Chius inuenit, si inter duas lineas rectas, quarum maior duplo maior esset minore, duas proportionales medias in proportione continua sumere didicissemus, cubum conduplicatum iri, ita ut haesitatio eius in haesitationem non minorem converteretur. postea autem narrant, Delios quosdam ex oraculo aram aliquam conduplicare conatos in eandem haesitationem incidisse. et legatis missis a geometris in Academia apud Platonem degentibus petisse, ut

Eratosthenica p. 175 sq., Dressler: E. von der Verdoppelung des Würfels. Wiesbaden 1828, quem librum ex recensione Wurmii (Jahns Jahrbücher XIV p. 185 sq.) sola noui (cum hoc uolumen mihi praesto non esset, inuitus Neue Jahrb. Suppl. XI p. 380 Wurmio et Dresslero coniecturas aliquot eripui, quas hic auctoribus reddidi). fragmentum p. 104 Euripidi (in Polyido) tribuit Valckenarius diatr. p. 210; negat Nauckius Eurip. III p. V, ubi rectissime tertium uersum adiunxit (simile aliquid iam I. N. Loënsis Miscell. epiphyll. III, 1 suspicatus esse uidetur). epigramma Eratosthenis praeterea ediderunt F. Vieta: op. mathemat. (ed. Schooten, Lugd. Batau. 1646) p. 349, Brunckius Anal. I p. 478, Jacobs Anthol. Palat. I² p. 315, Reimerus p. 146; Latine uertit P. Ramus: Schol, math. (Francof. 1627) p. 24.

¹⁾ Pulchrum illud, h. e. speciem cubi (πανταχοῦ ἐκατόμ-πεδος p. 102, 24).

εύρετν τὸ ζητούμενον. τῶν δὲ φιλοπόνως ἐπιδιδόντων έαυτούς και ζητούντων δύο τῶν δοθεισῶν δύο μέσας λαβεῖν 'Αρχύτας μὲν ὁ Ταραντίνος λέγεται διὰ τῶν ήμικυλίνδρων εύρηκέναι, Εύδοξος δε διά των καλου-5 μένων καμπύλων γραμμών. συμβέβηκε δε πάσιν αὐτοῖς ἀποδεικτικῶς γεγραφέναι, γειρουργῆσαι δὲ καὶ εἰς χρεΐαν πεσείν μη δύνασθαι πλην έπλ βραχύ τι τοῦ Μενέχμου καλ ταῦτα δυσχερῶς. ἐπινενόηται δέ τις ύφ' ήμῶν ὀργανική λῆψις δαδία, δι' ἦς εύρήσομεν 10 δύο τῶν δοθεισῶν οὐ μόνον δύο μέσας, ἀλλ' ὅσας αν τις έπιτάξη. τούτου δε εύρισκομένου δυνησόμεθα καθόλου τὸ δοθέν στερεὸν παραλληλογράμμοις περιεχόμενον είς κύβον καθιστάναι η έξ ετέρου είς ετερον μετασγηματίζειν, καὶ δμοιον ποιείν καὶ ἐπαύξειν δια-15 τηρούντας την δμοιότητα, ώστε καί βωμούς καί ναούς. δυνησόμεθα δε και τὰ τῶν ύγρῶν μέτρα και ξηρῶν (λέγω δέ, οἶον μετρητὴν ἢ μέδιμνον), είς κύβον καθίστασθαι καὶ διὰ τῆς τούτου πλευρᾶς ἀναμετρεῖν τὰ τούτων δεκτικά άγγεῖα, πόσον γωρεῖ. χρήσιμον δὲ 20 έσται τὸ ἐπινόημα καὶ τοῖς βουλομένοις ἐπαύξειν καταπαλτικά καὶ λιθοβόλα ὄργανα. δεῖ γὰρ ἀνάλογον απαντα αύξηθηναι και τὰ πάγη και τὰ μεγέθη και τὰς κατατοήσεις καὶ τὰς χοινικίδας καὶ τὰ ἐμβαλλόμενα νεῦρα, εἰ μέλλει καὶ ἡ βολὴ ἀνάλογον ἐπαυξηθῆναι. 25 ταῦτα δὲ οὐ δυνατὰ γενέσθαι ἄνευ τῆς τῶν μέσων εύρέσεως. την δε ἀπόδειξιν και την κατασκευην τοῦ λεχθέντος ὀργάνου ὑπογέγραφά σοι.

δεδόσθωσαν δύο ἄνισοι εὐθεΐαι, ὧν δεῖ δύο μέσας ἀνάλογον εύρειν ἐν συνεχεῖ ἀναλογία, αί AE, $\Delta \Theta$.

^{1.} ευς cum comp. ην uel ιν F. 2. εαυτούς] εαυτοις F; corr. Dressler; αὐτοίς Bernhardy. 7. επιβραχυτητι F; corr. A.

sibi invenirent, quod quaererent, his industrie rem adgressis et inter duas datas lineas duas medias sumere conantibus Archytas Tarentinus dicitur per semicylindros inuenisse, Eudoxus autem per curuas lineas. quae uocantur, accidit autem omnibus, ut demonstrationem perficerent, sed re efficere et usui adcommodare non possent praeter Menechmum paullulum et id operose, a nobis autem methodus per instrumenta habilis inuenta est, qua inter duas lineas datas non modo duas medias sumamus, sed quotcunque quis uoluerit. hoc autem inuento omnino quoduis datum solidum parallelogrammis comprehensum in cubum mutare poterimus aut ex alia in aliam formam conuertere et simile reddere et amplificare similitudinem seruantes, ut etiam aras et aedes. et etiam mensuras humidi et sicci, uelut amphoram et medimnum, in cubum mutare poterimus et per huius latus metiri uasa illas capientia, quantum capiant. et inuentum meum iis quoque utile erit, qui catapultas ballistasque augere uolunt. nam omnia proportionaliter augenda sunt, et crassitudines et magnitudines et foramina et choinicides et funes inserti, si iactus proportionaliter augeri uoluerimus. haec autem fieri nequeunt, quin mediae inueniantur. demonstrationem autem et constructionem illius instrumenti infra tibi exposui.

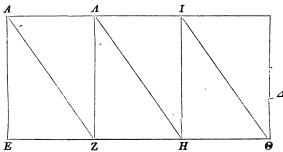
datae sint duae lineae inaequales, inter quas duas medias proportionales inueniri oportet in proportione continua, AE, $\Delta\Theta$, et in linea $E\Theta$ perpendicularis

^{8.} τις] της F. 9. ληψ cum comp. ης F. 16. δέ] fort. delendum. 17. η̃] om. F; corr. Wurmius. μεδιμν cum comp. ων F; corr. Torellius. 21. καί] κι F. 24. μελει F; corr. D. βουλη F; corr. Torellius.

καὶ κείσθω ἐπί τινος εὐθείας τῆς ΕΘ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΑΕ, και έπι της ΕΘ τρία συνεστάτω παραλληλόγραμμα έφεξης τὰ ΑΖ, ΖΙ, ΙΘ, καὶ ήχθωσαν διάμετροι έν αὐτοῖς αί ΑΖ, ΛΗ, ΙΘ. ἔσονται δὴ αὐταὶ παράλληλοι. 5 μένοντος δή τοῦ μέσου παραλληλογράμμου τοῦ ΖΙ συνωσθήτω τὸ μὲν AZ ἐπάνω τοῦ μέσου, τὸ δὲ IΘ ὑποκάτω, καθάπεο έπὶ τοῦ δευτέρου σχήματος, έως οὖ γένηται τὰ Α, Β, Γ, Δ κατ' εὐθεῖαν. καὶ διήχθω διὰ τῶν Α, Β, Γ, Δ σημείων εύθεῖα καὶ συμπιπτέτω τῆ ΕΘ έκ-10 βληθείση κατά τὸ Κ. ἔσται δή, ὡς ἡ ΑΚ πρὸς ΚΒ, έν μέν ταζς ΑΕ, ΖΒ παραλλήλοις ή ΕΚ πρός ΚΖ, έν δε ταις ΑΖ, ΒΗ παραλλήλοις ή ΖΚ πρός ΚΗ. ώς ἄρα ἡ ΑΚ πρὸς ΚΒ, ἡ ΕΚ πρὸς ΚΖ, καὶ ἡ ΚΖ πρὸς ΚΗ. πάλιν ἐπεί-ἐστιν, ὡς ἡ ΒΚ πρὸς ΚΓ, ἐν μὲν 15 ταϊς ΒΖ, ΓΗ παραλλήλοις ή ΖΚ πρὸς ΚΗ, ἐν δὲ ταϊς ΒΗ, ΓΘ παραλλήλοις ή ΗΚ πρός ΚΘ, ώς ἄρα ή ΒΚ΄ πρὸς ΚΓ, ή ΖΚ πρὸς ΚΗ, καὶ ή ΗΚ πρὸς ΚΘ. ἀλλ' ώς ἡ ΖΚ πρὸς ΚΗ, ἡ ΕΚ πρὸς ΚΖ. καὶ ώς ἄρα ἡ ΕΚ πρὸς ΚΖ, ἡ ΖΚ πρὸς ΚΗ, καὶ ἡ ΗΚ 20 πρὸς $K\Theta$. ἀλλ' ὡς ἡ EK πρὸς KZ, ἡ AE πρὸς BZ, $\dot{\omega}_S$ δὲ $\dot{\eta}$ ZK πρὸς KH, $\dot{\eta}$ BZ πρὸς ΓΗ, $\dot{\omega}_S$ δὲ $\dot{\eta}$ HK: πρὸς ΚΘ, ή ΓΗ πρὸς ΔΘ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΕ πρὸς ΒΖ, ή ΒΖ πρὸς ΓΗ, καὶ ή ΓΗ πρὸς ΔΘ. ηθοηνται ἄρα τῶν ΑΕ, ΔΘ δύο μέσαι η τε BZ καὶ ἡ ΓΗ.

^{14.} KH] ZH F, Cr. 16. HK] ZK F. 23. ΓΗ] (alt.) KH F.

ponatur AE, et in $E\Theta$ tria parallelogramma [aequalia] continua construantur AZ, ZI, $I\Theta$, et in iis diametri ducantur AZ, AH, $I\Theta$. hae igitur parallelae erunt. itaque manente parallelogrammo medio ZI inter se



adpropinquent AZ supra medium, $I\Theta$ infra, ut in figura secunda [p. 112], dum puncta A, B, Γ , Δ in eadem linea recta sint. et per A, B, Γ , Δ puncta ducatur linea et concurrat cum $E\Theta$ producta in K. erit igitur

AK: KB = EK: KZ

in parallelis AE, ZB, et AK: KB = ZK: KH in parallelis AZ, BH. itaque

AK: KB = EK: KZ = KZ: KH.

rursus quoniam est $BK: K\Gamma = ZK: KH$ in parallelis BZ, ΓH , et $BK: K\Gamma = HK: K\Theta$ in parallelis BH, $\Gamma \Theta$, erit igitur $BK: K\Gamma = ZK: KH = HK: K\Theta$.

sed ZK: KH = EK: KZ. itaque etiam

 $EK:KZ=ZK:KH=HK:K\Theta.$

sed EK:KZ = AE:BZ et $ZK:KH = BZ:\Gamma H$,

et $HK: K\Theta = \Gamma H: \Delta \Theta$. itaque etiam erit

 $AE:BZ=BZ:\Gamma H=\Gamma H:\Delta\Theta.$

itaque inter AE, $\Delta\Theta$ duae mediae inuentae sunt, BZ et ΓH .

ταῦτα οὖν ἐπὶ τῶν γεωμετρουμένων ἐπιφανειῶν άποδέδεικται. Ίνα δὲ καὶ ὀργανικῶς δυνώμεθα τὰς δύο μέσας λαμβάνειν, διαπήγνυται πλινθίον ξύλινον η έλεφάντινον η χαλκοῦν έχον τρεῖς πινακίσκους ἴσους 5 ώς λεπτοτάτους, ών ό μεν μέσος ενήρμοσται, οί δε δύο έπωστοί είσιν έν χολέδραις, τοῖς δὲ μεγέθεσιν καὶ ταις συμμετρίαις ώς εκαστοι έαυτούς πείθουσιν τά μέν γὰο τῆς ἀποδείξεως ώσαύτως συντελείται ποὸς δε τὸ ἀκριβέστερον λαμβάνεσθαι τὰς γραμμὰς φιλο-10 τεχνητέον, ίνα έν τῷ συνάγεσθαι τοὺς πινακίσκους παράλληλα διαμένη πάντα καὶ ἄσχαστα καὶ ὁμαλῶς συναπτόμενα άλλήλοις. - έν δε τῷ ἀναθήματι τὸ μεν όργανικόν γαλκοῦν έστιν και καθήρμοσται ὑπ' αὐτὴν την στεφάνην της στήλης προσμεμολυβδογοημένον, ύπ' 15 αὐτοῦ δὲ ἡ ἀπόδειξις συντομώτερον φραζομένη καὶ τὸ σχημα, μετ' αὐτὸ δὲ ἐπίγραμμα. ὑπογεγράφθω οὖν σοι καὶ ταὖτα, ἵνα ἔχης καὶ ὡς ἐν τῷ ἀναθήματι. των δε δύο σγημάτων τὸ δεύτερον γέγραπται έν τῆ στήλη.

20 δύο τῶν δοθεισῶν εὐθειῶν δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν ἐν συνεχεῖ ἀναλογία. δεδόσθωσαν αί ΑΕ, ΔΘ. συνάγω δὴ τοὺς ἐν τῷ ὀργάνῳ πίνακας, ἔως ἄν κατ' εὐθεῖαν γένηται τὰ Α, Β, Γ, Δ σημεῖα. νοείσθω δέ, ὡς ἔχει ἐπὶ τοῦ [δευτέρου] σχήματος. ἔστιν ἄρα, ὡς 25 ἡ ΑΚ πρὸς ΚΒ ἐν μὲν ταῖς ΑΕ, ΒΖ παραλλήλοις ἡ ΕΚ πρὸς ΚΖ, ἐν δὲ ταῖς ΑΖ, ΒΗ, ἡ ΖΚ πρὸς ΚΗ.

haec igitur in superficiebus geometricis demonstrata sunt. sed ut per instrumenta etiam duas medias sumere possimus, construatur laterculus ligneus uel eburneus uel aheneus tres tabellulas aequales complectens quam maxime exiles, quarum media adfixa sit, duae autem in strigis moueri possint, ea magnitudine eaque specie, quae cuique placuerit; nam demonstratio eadem ratione conficitur. sed quo subtilius sumantur lineae, opera danda est, ut in admouendis tabellulis omnia parallela maneant et non hiantia et aequabiliter coniuncta inter se.1) in dono autem uotiuo instrumentum aheneum est et infra ipsam columnae coronam positum est plumbo adfixum, infra id autem demonstratio est breuius exposita et figura, deinde autem epigramma. itaque haec quoque tibi perscribantur, ut habeas etiam, quae in dono uotiuo sunt. ex duabus autem figuris altera in columna descripta est.2)

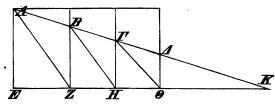
[Ut in dono uotiuo].

Inter duas lineas datas duas medias proportionales inuenire in proportione continua. datae sint AE, $\Delta\Theta$. admoueo igitur tabellulas instrumenti, dum puncta A, B, Γ , Δ in eadem linea recta sint. et fingantur esse, ut in figura sunt. erit igitur AK: KB = EK: KZ in parallelis AE, BZ, et AK: KB = ZK: KH in

¹⁾ Sed hoc ipsum difficillimum est; itaque Nicomedes non sine causa instrumentum Eratosthenis uituperauit (infra p. 114); cfr. Sturm p. 110. frustra igitur Eratosthenes gloriatur p. 106, 9 sq.

²⁾ Adparet igitur, in dono unam tantum figuram fuisse (eam, quae hic secunda est (p. 112) et bis ponenda erat); itaque in dono non fuit δεντέφον lin. 24, sed uidetur a librario additum esse.

ώς ἄρα ή ΕΚ πρὸς ΚΖ, ή ΚΖ πρὸς ΚΗ. ώς δὲ αὖται πρὸς ἀλλήλας, ἥ τε ΑΕ πρὸς ΒΖ, καὶ ἡ ΒΖ πρὸς ΓΗ. ώσαύτως δὲ δείξομεν, ὅτι καὶ ώς ἡ ΖΒ



πρὸς ΓΗ, ἡ ΓΗ πρὸς ΔΘ. ἀνάλογον ἄρα αἱ ΑΕ,
5 ΒΖ, ΓΗ, ΔΘ. ηῦρηνται ἄρα δύο τῶν δοθεισῶν δύο μέσαι. ἐὰν δὲ αἱ δοθεῖσαι μὴ ἴσαι ὧσιν ταῖς ΑΕ, ΔΘ,
ποιήσαντες αὐταῖς ἀνάλογον τὰς ΑΕ, ΔΘ τούτων ληψόμεθα τὰς μέσας καὶ ἐπανοίσομεν ἐπ' ἐκείνας, καὶ ἐσόμεθα πεποιηκότες τὸ ἐπιταχθέν, ἐὰν δὲ πλείους
10 μέσας ἐπιταχθῆ εὐρεῖν, εἰ ἐνὶ πλείους πινακίσκους
καταστησόμεθα ἐν τῷ ὀργανίφ τῶν ληφθησομένων μέσων ἡ δὲ ἀπόδειξις ἡ αὐτή.

Εἰ κύβον ἐξ ὀλίγου διπλήσιου, ὡγαθέ, τεύχειν φράζεαι καὶ στερεὴν πᾶσαν ἐς ἄλλο φύσιν

15 εὖ μεταμορφῶσαι, τόδε τοι πάρα, κἂν σύ γε μάνδρην ἢ σιρὸν ἢ κοίλου φρείατος εὐρὺ κύτος τῆδ' ἀναμετρήσαιο, μέσας ὅτε τέρμασιν ἄκροις συνδρομάδας δισσῶν ἐντὸς ἕλης κανόνων. μηδὲ σύ γ' ᾿Αργύτεω δυσμήγανα ἔργα κυλίνδρων

μησε σο γ Αφχοιεω συσμηχανά εθγά κοκινου 20 μηδε Μενεχμείους κωνοτομεΐν τριάδας δίζηαι, μηδ' εί τι θεουδέος Εὐδόξοιο κάμπυλον έν γραμμαϊς είδος ἀναγράφεται.

^{10.} εἰ ἐνὶ] ἔτι tacite Bernhardy. 11. μέσων, ταὐτὸν γενήσεται Torellius. 13. διπλήσιον] cfr. Schaeferus ad Gregor. Corinth. p. 527. 14. φραζεται FA. καί] scripsi; την F,

parallelis AZ, BH. itaque EK : KZ = KZ : KH. sed $EK : KZ = AE : BZ = KZ : KH = BZ : \Gamma H$. eodem modo demonstrabimus, esse

 $ZB: \Gamma H = \Gamma H: \Delta \Theta.$

itaque lineae AE, BZ, ΓH , $\Delta\Theta$ proportionales sunt. itaque inter duas lineas datas duae mediae inuentae sunt. — sin lineae datae lineis AE, $\Delta\Theta$ aequales non sunt, facientes lineas AE, $\Delta\Theta$ cum iis proportionales inter has duas medias sumemus et eas ad illas transferemus [cfr. p. 83 not. 3], et fecerimus, quod iussum erat; sin plures medias sumere iussi erimus, una plures tabellulas in instrumento inserentes 1), quam quot mediae sumendae sunt; et demonstratio eadem est. 2)

Si cubum paruo molimine conduplicare cogitas, amice, et quamuis speciem solidam in aliud bene conuertere, licet tibi, et saeptum uel sirum uel latam cauernam caui putei hac ratione metiri possis, si intra duas regulas [tabellulas] extremis finibus concurrentes sumpseris medias.³) neue confugeris ad Archytae inhabilia molimina cylindrorum neue ad Menechmi lineas illas tres per sectiones conicas efficiendas, neue si qua species linearum curuarum ab Eudoxo diuino con-

¹⁾ Sc. έσόμεθα πεποιηκότες τὸ ἐπιταχθέν.

Hoc instrumentum Eratosthenis significat Pappus III, 21
 54: ἐν τῷ Ἐρατοσθένους μεσολάβῳ. idem III, 23 p. 56—58
 summam huius ipsius demonstrationis suis uerbis dat.

³⁾ Ita haec uerba obscura et putida (lin. 18) accipienda puto, maxime propter sequentia: ἐντὸς δισσῶν κανόνων; cfr. p. 114 lin. 1. aliae aliorum enarrationes u. apud Bernhardy p. 181, Wurmium p. 191.

uulgo; $\tilde{\eta}$ Iacobs. 15. $\tau \delta \delta \epsilon$ J $\tau \delta \tau \epsilon$ Wurmins. 16. $\sigma \epsilon \iota \varphi \circ \Psi \tau$; corr. Fellus. 20. Meratzulov; Proclus in Eucl. p. 111, 28. 22. $\epsilon \gamma \gamma \varphi \alpha \mu \mu \alpha \iota \varsigma F$; corr. Brunck, Torellius.

τοϊσδε δέ γ' ἐν πινάκεσσι μεσόγραφα μυρία τεύχοις φεῖά κεν ἐκ παύρου πυθμένος ἀρχόμενος. εὐαιών, Πτολεμαῖε, πατὴρ ὅτι παιδὶ συνηβῶν πάνθ', ὅσα καὶ μούσαις καὶ βασιλεῦσι φίλα, 5 αὐτὸς ἐδωρήσω, τὸ δ' ἐς ὕστερον, οὐράνιε Ζεῦ, καὶ σκήπτρων ἐκ σῆς ἀντιάσειε χερός. καὶ τὰ μὲν ὡς τελέοιτο, λέγοι δέ τις ἄνθεμα λεύσσων τοῦ Κυρηναίου τοῦτ' Ἐρατοσθένεος.

'Ως Νικομήδης έν τῷ περὶ κογχοειδῶν γραμμῶν.

10 Γράφει δὲ καὶ Νικομήδης ἐν τῷ [ἐπι]γεγραμμένω πρὸς αὐτοῦ περὶ κογχοειδῶν συγγράμματι ὀργάνου κατασκευὴν τὴν αὐτὴν ἀποπληροῦντος χρείαν. ἐφ' ῷ καὶ μεγάλα μὲν σεμνυνόμενος φαίνεται ὁ ἀνήρ, πολλὰ δὲ τοῖς Ἐρατοσθένους ἐπεγγελῶν εὑρήμασιν ὡς ἀμη15 χάνοις τε ἄμα καὶ γεωμετρικῆς ἔξεως ἐστερημένοις. τοῦ τε ἀνελλειποῦς τοίνυν τῶν περὶ τὸ πρόβλημα πεπονηκότων τῆς τε πρὸς Ἐρατοσθένη συγκρίσεως ἕνεκα καὶ αὐτὸν τοῖς ἤδη γεγραμμένοις συνάπτομεν δυνάμει γράφοντα οῦτως.

20 νοεῖν χρὴ κανόνας δύο πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλοις συμβεβλημένους οῦτως ὥστε μίαν ἀποσώζειν αὐτοὺς ἐπιφάνειαν, καθάπερ εἰσὶν οἱ AB, ΓΔ, ἐν δὲ τῷ AB σωλῆνα πελεκινοειδῆ, εἰς ὃν χελώνιον διατρέχειν δυνήσεται, ἐν δὲ τῷ ΓΔ κατὰ τὸ μέρος τὸ πρὸς τῷ Δ
25 καὶ τὴν μέσον διαιροῦσαν εὐθεῖαν τὸ πλάτος αὐτοῦ

^{1.} γ' έν] εν F; corr. Bernhardy; τ' έν Reimer; τε έν Vieta; σὺ έν Fellus, Iacobs; κεν Wurmius (in lin. 2: μέν pro κεν cum B). πινακεσι F; corr. Fellus. 3. συνηβῶν] in F littera β ita formata est, ut similis sit μ. cfr. Valckenarius diatr. p. 296; συνήδων Fellus. 6. χειφος FV. 7. ανθ' εμα

struitur. his autem tabellulis sexcentas medias proportionales facillime efficies a paruo initio progrediens. felix es, Ptolemaee, quia pater cum filio iuuenescis, et ipse ei omnia donauisti, quaecunque et Musis et regibus placent; in postero autem, Iuppiter optime maxime, etiam sceptrum e manu tua utinam accipiat. haec igitur ita eueniant, dicat autem aliquis donum uotiuum cernens: hoc est Eratosthenis Cyrenensis.

Ut Nicomedes in libro de lineis conchoidibus.

Etiam Nicomedes in libro, quem de conchoidibus confecit, instrumenti cuiusdam constructionem describit eandem utilitatem praestantis. qua magnopere gloriari eum adparet et inuenta Eratosthenis inridere ut et inhabilia et sensu geometrico carentia. itaque ne quid desit eorum uirorum, qui in problemate resoluendo uersati sunt, et simul ut inuentum eius cum Eratosthene comparetur, eum quoque adiungimus iis, quae iam scripsimus, si summam spectes, ita scribentem:

fingantur duae regulae perpendiculariter inter se coniunctae, ita ut unam praebeant superficiem, ut sunt AB, $\Gamma \Delta$, et in AB stria forma securis, in qua chelonium moueri possit, et in $\Gamma \Delta$ in parte ad Δ sita et in linea latitudinem eius mediam secanti cylindrus

FV. λευσων F; corr. Fellus. 10. ἐπι- deleo. 12. ω] ο F; corr. Torellius. 14. αμηχαν cum rato comp. οις F. 15. εξεως] Torellius cum V; εξεσεως F, uulgo; ἐξετάσεως Bernhardy p. 175; fort. συνέσεως. 16. τοῦ τε] cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 380. 17. τῆς] τη F. 21. αποσως cum comp. ην uel ιν F, ut lin. 23, p. 116, 5. 22. οί] ο F. 23. χελωνιον] scripsi; εχελωνιον F, uulgo. 25. παί] προς per comp. F; corr. Α. τὴν μέσον] scripsi; μεσην την F, uulgo.

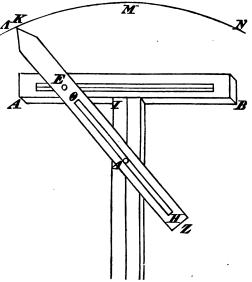
χυλίνδριον συμφυές τῷ κανόνι καὶ βραγὸ ὑπερέγον της ανωθεν επιφανείας αὐτοῦ τοῦ κανόνος, αλλον δὲ κανόνα ώς τὸν ΕΖ μετὰ βραγύ τι διάστημα τοῦ πρὸς τῷ Ζ πέρατος ἀνατομὴν ἔχοντα ὡς τὴν ΗΘ δυναμένην 5 περιβαίνειν τῷ πρὸς τῷ arDelta πυλινδρίarphi, πρὸς δὲ τῷ Eόπην στρογγύλην, ητις έγκείσεται είς τι άξόνιον συμφυές τῷ διατρέχοντι χελωναρίφ ἐν τῷ πελεκινοειδεῖ σωληνι τῷ ὄντι ἐν τῷ ΑΒ κανόνι. ἐναρμοσθέντος τοίνυν τοῦ ΕΖ κανόνος κατὰ μέν τὴν ΗΘ ἀνατομὴν 10 ἐν τῷ πρὸς τῷ Δ κυλινδρίῳ, κατὰ δὲ τὴν E ὀπὴν έν τῷ ἀξωνίφ τῷ συμφυεί τῷ χελωναρίφ, ἐάν τις ἐπιλαβόμενος τοῦ Κ ἄκρου τοῦ κανόνος κινη αὐτὸν ἐπὶ τὰ πρός τῷ Α μέρη, ἔπειτα ἐπὶ τὰ πρός τῷ Β, τὸ μὲν Ε σημείου αεί έπι του ΑΒ κανόνος ένεχθήσεται, ή δε 15 ΗΘ ανατομή έπὶ τῷ πρὸς τῷ Δ κυλινδρίω κινηθήσεται άελ της μέσης του ΕΖ κανόνος εύθείας έν τη κινήσει διὰ τοῦ ἄξονος τοῦ πρὸς τῷ Δ κυλίνδρου νοουμένης, της δε ΕΚ ύπεροχης του κανόνος αεί της

^{4.} τφ scripsi; το F, uulgo. 7. πελεκινωειδει F. 10.

Δ] Z F; corr. Torellius. 18. ἐπὶ τά] om. F; corr. Torellius.

15. τφ Δ] scripsi; το Δ F, uulgo. κυλινδοι cum comp. ον
F; corr. B C. 17. κυλίνδοου] cum C; κυλινδου F, uulgo; κυλινδοίφ Torellius. In figura Δ, N om. F; pro H habet M, pro A autem Λ; Λ in fine infimo regulae ΓΔ ponitur.

regulae adfixus et e superficie ipsius regulae paullulum exstans, et alia regula, ut EZ, rimam paruo spatio a termino Z distantem habens, ut $H\Theta$, quae cylindrum ad Δ positum comprehendere possit, et in E foramen



rotundum, quo recipi possit axis adfixus chelonio, quod in stria forma securis mouetur in regula AB sita. itaque regula EZ ita posita, ut rima $H\Theta$ cylindrum ad Δ situm comprehendat, foramen autem E axem chelonio adfixum recipiat, si adprehenso termino K regulam aduersus Δ et deinde aduersus B mouerimus, punctum E semper in regula ΔB feretur, $H\Theta$ autem rima in cylindro ad Δ posito mouebitur, ita ut media linea regulae EZ in mouendo semper per axem cylindri in Δ positi transeat, et spatium EK,

αὐτῆς μενούσης. ἐὰν τοίνυν πρὸς τῷ Κ ἐπινοήσωμέν τι γραφεῖον ἐφαπτόμενον τοῦ ἐδάφους, γραφήσεταί τις γραμμή, οἶά ἐστιν ἡ ΔΜΝ, ἥντινα καλεῖ Νικομήδης κογχοειδῆ πρώτην γραμμήν, καὶ διάστημα μὲν τῆς γραμ-5 μῆς τὸ ΕΚ μέγεθος τοῦ κανόνος, πόλον δὲ τὸ Δ.

ταύτη δη τη γραμμη συμβαϊνον δείκνυσιν τὸ ἀεὶ ἐπ' ἔλαττον [μὲν] συμπορεύεσθαι τῷ ΑΒ κανόνι, καὶ ἐάν τις εὐθεία διαχθη μεταξὺ της τε γραμμης καὶ τοῦ ΑΒ κανόνος, ὅτι πάντως τέμνει τὴν γραμμήν. καὶ τὸ μὲν πρότερον τῶν συμβαινόντων ἐστὶν εὐκατανόητον ἐφ' ἐτέρας καταγραφης. κανόνος τε νοουμένου τοῦ ΑΒ, πόλου δὲ τοῦ Γ, διαστήματος δὲ τοῦ ΔΕ, γραμμης δὲ κογχοειδοῦς της ΖΕΗ, προσπιπτέτωσαν ἀπὸ τοῦ Γ δύο αί ΓΘ, ΓΖ΄ ἴσων δηλονότι γινομένων τῶν 16 ΚΘ, ΛΖ. λέγω, ὅτι ἡ ΖΜ κάθετος ἐλάττων τῆς ΘΝ καθέτου.

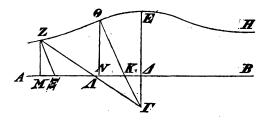
μείζονος γὰο οὔσης τῆς ὑπὸ ΜΑΓ γωνίας τῆς ὑπὸ ΝΚΓ λοιπὴ ἡ λείπουσα εἰς τὰς δύο ὀρθὰς ἡ ὑπὸ ΜΑΖ λοιπῆς τῆς ὑπὸ ΝΚΘ ἐστιν ἐλάσσων. καὶ διὰ 20 τοῦτο ὀρθῶν οὐσῶν τῶν πρὸς τοῖς Μ, Ν μείζων ἔσται καὶ ἡ πρὸς τῷ Ζ τῆς πρὸς τῷ Θ. καὶ ἐὰν τῆ πρὸς τῷ Θ ἔσην συστησώμεθα τὴν ὑπὸ ΜΖΞ, ἡ ΚΘ, τουτέστιν ἡ ΛΖ, πρὸς ΘΝ τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον, ὃν ἡ ΞΖ πρὸς ΖΜ. ὅστε ἡ ΖΛ πρὸς τὴν ΘΝ ἐλάττονα λόγον ἔχει 25 ἤπερ πρὸς τὴν ΖΜ, καὶ διὰ τοῦτο μείζων ἡ ΘΝ τῆς ΖΜ.

^{3.} AMN F; corr. Torellius. 7. $\mu \acute{e}r$] deleo. 11. $\tau \emph{e}$] $\gamma \acute{a}\varrho$? $\tau o \~{v}$ AB] $\tau \eta \emph{e}$ (comp.) AB F. 15. ΘN] Θ H F. 17. $\gamma \omega r \iota \iota \alpha \emph{e}$] γ cum comp. $\alpha \emph{e}$ F. Figura in F peruersa est; u. Torellius p. 395. 20. N] H F, Cr. $\acute{e}\sigma \iota \iota \alpha \emph{e}$] per comp. F. 11. $\tau \acute{e}$] (primum) scripsi; $\tau \emph{o}$ F, uulgo. $\tau \acute{\eta} \emph{e}$ $\tau \acute{\eta} \emph{e}$ (primum) scripsi; $\tau \emph{o}$ F, uulgo. 22. $\sigma \iota \iota \iota \iota \alpha \iota \alpha \emph{e}$ F, uulgo. 23. ΞZ] ΞN F. 25. ΘN] Θ H F.

quo excedit regula, semper idem maneat. si igitur in puncto K graphium aliquod finxerimus positum solum contingens, describetur linea quaedam, qualis est ΔMN , quam Nicomedes lineam conchoidem primam uocat, et radium uocat lineae spatium EK regulae, polum autem Δ punctum.

demonstrat igitur, huius lineae proprium esse, ut semper magis adpropinquet regulae AB, et, si linea recta inter lineam et regulam AB ducatur, eam semper lineam [conchoidem] secare. primum accidens facile est intellectu in alia figura. nam regula sit AB, polus autem Γ , radius autem ΔE , et linea conchoides sit ZEH, et a Γ ad eam producantur duae lineae $\Gamma\Theta$, ΓZ , quarum partes $K\Theta$, ΔZ aequales erunt [p. 116, 18]. dico, perpendicularem ZM minorem esse perpendiculari ΘN .

nam cum $\lfloor M \Lambda \Gamma > NK\Gamma$, qui restat angulus ad duos angulos rectos complendos, $M \Lambda Z$, minor est an-

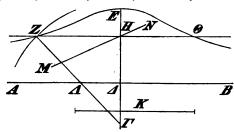


gulo reliquo $NK\Theta$. et ideo, cum anguli ad M, N positi recti sint, erit etiam $\angle Z > \Theta$. et si posuerimus $\angle MZ\Xi = \Theta$, erit

 $K\Theta : \Theta N$, h. e. $AZ : \Theta N$, $= \Xi Z : ZM$ [Eucl. VI, 4]. quare $ZA : \Theta N < ZA : ZM$; quare $\Theta N > ZM$.

τὸ δὲ δεύτερον ἡν τὸ τὴν διαγομένην εὐθεῖαν μεταξὸ τῆς τε AB καὶ τῆς γραμμῆς τέμνειν τὴν γραμμήν. καὶ τοῦτο δὲ οῦτω γίνεται γνώριμον

ή γὰο διαγομένη ἤτοι παράλληλός ἐστι τῆ ΑΒ ἢ 5 οὖ. ἔστω πρότερον παράλληλος, ὡς ἡ ΖΗΘ. καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ ΔΗ πρὸς ΗΓ, οὕτως ἡ ΔΕ πρὸς ἄλ-



λην τινὰ τὴν Κ. καὶ κέντοφ τῷ Γ, διαστήματι δὲ τῷ Κ περιφέρεια γραφεῖσα τεμνέτω τὴν ΖΗ κατὰ τὸ Ζ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΓΖ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΔΗ πρὸς ΗΓ, οῦτως ἡ ΛΖ πρὸς ΖΓ. ἀλλ' ὡς ἡ ΔΗ πρὸς ΗΓ, οῦτως ἦν ἡ ΔΕ πρὸς τὴν Κ, τουτέστι τὴν ΓΖ. ἴση ἄρα ἡ ΔΕ τῷ ΛΖ· ὅπερ ἀδύνατον. δεῖ γὰρ εἶναι τὸ Ζ πρὸς τῷ γραμμῷ. — ἀλλὰ δὴ μὴ ἔστω ἡ διαγομένη παράλληλος, καὶ ἔστω ὡς ἡ ΜΗΝ. καὶ ἥχθω διὰ τοῦ 15 Η παράλληλος τῷ ΑΒ ἡ ΖΗ. ἡ ἄρα ΖΗ συμπεσεϊται τῷ γραμμῷ, ὥστε πολλῷ μᾶλλον ἡ ΜΝ.

τούτων δὲ ὄντων τῶν παρακολουθημάτων διὰ τοῦ ὀργάνου τὸ χρήσιμον εἰς τὸ προκείμενον δείκνυται οῦτως.

20 πάλιν γωνίας δοθείσης τῆς Α καὶ σημείου ἐκτὸς τοῦ Γ διαγαγείν τὴν ΓΗ καὶ ποιείν τὴν ΚΗ ἴσην τῆ δοθείση.

τεμν cum comp. ην uel ιν F.
 η/νεται] per comp.
 In figura Θ om. F; ambitum circuli om. F, uulgo.

alterum erat, lineam rectam inter AB et conchoidem ductam hanc secare. hoc autem ita intellegitur.

linea enim producta aut parallela est lineae AB aut non parallela. prius sit parallela, ut $ZH\Theta$. et fiat $\Delta H: H\Gamma = \Delta E: K$. et centro Γ , radio K describatur ambitus circuli, qui secet lineam ZH in Z^1), et ducatur ΓZ . est igitur $\Delta H: H\Gamma = \Lambda Z: Z\Gamma$. erat autem

$\Delta H: H\Gamma = \Delta E: K = \Delta E: \Gamma Z.$

itaque $\Delta E = \Delta Z$; quod fieri non potest. tum enim Z punctum in linea [conchoide] positum est [p. 116, 18].²) — sed sit linea producta ne parallela, ut MHN, et per H lineae ΔB parallela ducatur ZH. itaque ZH cum linea conchoide concurret; quare multo magis linea MN concurret.

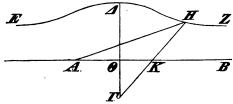
cum haec per instrumentum illud consequantur, id, quod ad propositum utile est, ita demonstratur.

rursus dato angulo A et puncto Γ extrinsecus posito [propositum sit], ut lineam ΓH producamus et lineam KH datae lineae aequalem faciamus.

¹⁾ Quod fieri necesse est, quia $\Delta H : H\Gamma = \Delta E : K$, h. e. $\Delta H : \Delta E = H\Gamma : K$; et $\Delta H > \Delta E$; itaque $H\Gamma < K$.

²⁾ Haec (lin. 12—18) parum recte procedunt; sensum restituemus deleto $\tilde{o}\pi\epsilon\varrho$ $\dot{a}\delta\dot{v}\nu\alpha\tau\sigma\nu$ lin. 12 et $\gamma\dot{a}\varrho$ in $\tilde{a}\varrho\alpha$ mutato. sed fortasse error Eutocio ipsi imputandus est. nam fieri potest, ut Nicomedes ipse demonstrationis initium ita formauerit: nam linea $ZH\Theta$ conchoidem ne secet, cet., ad quam formam conclusio illa aptissima est. hanc igitur retinuit Eutocius oblitus, se alio demonstrationis genere uti.

ἤχθω κάθετος ἀπὸ τοῦ Γ σημείου ἐπὶ τὴν AB ἡ $\Gamma\Theta$ καὶ ἐκβεβλήσθω. καὶ τῷ δοθείση ἴση ἔστω ἡ $\Delta\Theta$. καὶ πόλω μὲν τῷ Γ , διαστήματι δὲ τῷ δοθέντι τῷ $\Delta\Theta$, κανόνι δὲ τῷ AB γεγράφθω κογχοειδὴς γραμμὴ πρώτη



5 ή Ε ΔΖ. συμβάλλει ἄρα τῆ ΑΗ δια τὸ προδειχθέν.
συμβαλλέτω κατὰ τὸ Η, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΓΗ. ἴση ἄρα ἡ ΚΗ τῆ δοθείση.

τούτων δειχθέντων δεδόσθωσαν δύο εὐθεῖαι αί ΓΛ, ΛΑ πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις, ὧν δεῖ δύο μέσας ἀνάλογον 10 κατὰ τὸ συνεχὲς εὐρεῖν. καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΑΒΓΛ παραλληλόγραμμον, καὶ τετμήσθω δίχα έκατέρα τῶν ΑΒ, ΒΓ τοῖς Δ, Ε σημείοις, καὶ ἐπιζευχθεῖσα μὲν ἡ ΔΛ ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω τῆ ΓΒ ἐκβληθείση κατὰ τὸ Η, τῆ δὲ ΒΓ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΕΖ, καὶ προσ-15 βεβλήσθω ἡ ΓΖ ἴση οὖσα τῆ ΑΔ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΖΗ, καὶ αὐτῆ παράλληλος ἡ ΓΘ. καὶ γωνίας οἴσης τῆς ὑπὸ τῶν ΚΓΘ ἀπὸ δοθέντος τοῦ Ζ διήχθω ἡ ΖΘΚ ποιοῦσα ἴσην τὴν ΘΚ τῆ ΑΔ ἢ τῆ ΓΖ. τοῦτο γὰρ ὡς δυνατόν, ἐδείχθη διὰ τῆς κογχοειδοῦς. καὶ 20 ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΚΛ ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω τῆ ΑΒ ἐκβληθείση κατὰ τὸ Μ. λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ ΓΛ πρὸς ΚΓ, ἡ ΚΓ πρὸς ΜΑ, καὶ ἡ ΜΑ πρὸς τὴν ΑΛ.

^{3.} $\pi \delta \lambda \phi$] $\pi \delta \lambda \lambda \phi$ altero λ expuncto F. Hoc loco alteram quoque figuram habet F, ubi $HK\Gamma$ in altera parte lineae $\Delta \Gamma$ posita est.

5. $\pi \alpha \nu \sigma \nu \lambda \psi$ F (h. e. $\pi \alpha \nu \sigma \nu \nu \nu \nu \nu \nu \lambda \psi$).

ducatur a puncto Γ ad AB perpendicularis linea $\Gamma\Theta$ et producatur. et sit $\Delta\Theta$ datae lineae aequalis. et polo Γ , radio $\Delta\Theta$ linea data, regula AB describatur linea conchoides prima $E\Delta Z$. concurrit igitur propter ea, quae supra demonstrauimus [p. 120, 1 sq.] cum ΔH . concurrat in H. et ducatur ΓH . itaque linea KH aequalis est datae.

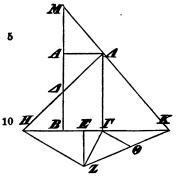
his demonstratis datae \sin^{1} duae lineae $\Gamma \Lambda$, $\Lambda \Lambda$ inter se perpendiculares, inter quas duas medias proportionales in proportione continua inueniri oportet. et compleatur parallelogrammum $AB\Gamma \Lambda$, et utraque linea AB, $B\Gamma$ in punctis Δ , E in duas partes aequales dividatur, et linea $\Delta \Lambda$ ducta producatur et cum linea ΓB producta in H concurrat, et ad lineam $B\Gamma$ perpendicularis [ducatur] EZ, et ducatur ΓZ lineae $A\Delta$ aequalis, et ducatur ZH et ei parallela $\Gamma \Theta$. et dato angulo $K\Gamma \Theta$ a dato puncto Z ducatur $Z\Theta K$, ita ut sit $\Theta K = A\Delta = \Gamma Z$. hoc enim fieri posse, per conchoidem demonstratum est [p. 120, 20 sq.]. et linea $K\Lambda$ ducta producatur et cum AB producta in M concurrat. dico esse

$\Gamma \Lambda : K\Gamma = K\Gamma : M\Lambda = M\Lambda : \Lambda\Lambda.$

¹⁾ Hanc methodum Nicomedis paucis immutatis tradit Pappus III, 24 p. 58—64 et magis cum Eutocio congruens III, 42 p. 246—50. incipit a δεδόσθωσαν lin. 8. posterioris loci ab Eutocio discrepantia haec est: lin. 8 δεδόσθωσαν γάρ; 19: ποχλοειδούς γραμμῆς; 21: ΛΓ; p. 124, 8: ἐστίν, ut lin. 7; 6: τουτεόστιν, ut lin. 8; 14: ἐστι, ut lin. 22; 15: ἐπεί... ΔΒ οπ. 27: ΓΚ πρὸς ΜΛ; 28: ΛΓ (alt.). p. 126, 1: ἔστιν... ΓΚ οπ. errore librarii; ἔστι δὲ καί, ὡς ἡ ΜΒ πρὸς ΒΚ Pappus III p. 62, 11—12.

 $[\]frac{\mathbf{c}\omega\mathbf{o}\partial\omega}{\mathbf{F}}\mathbf{F}, \text{ uulgo.}$ 15. $\mathbf{A}\Delta$] $\mathbf{A}\Lambda$ F. 18. $\mathbf{\Theta}K$ $\mathbf{\tau}\tilde{\eta}$ $\mathbf{A}\Delta$ $\tilde{\eta}$] $\mathbf{\Theta}K\mathbf{A}\Delta\mathbf{H}$ F; corr. BC.

-- έπεὶ ή $B\Gamma$ τέτμηται δίχα τῷ E, καὶ πρόσκειται αὐτῆ ή $K\Gamma$, τὸ ἄρα ὑπὸ $BK\Gamma$ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓE ἴσον



έστὶ τῷ ἀπὸ ΕΚ. κοινὸν προσκείσθω τὸ ἀπὸ ΕΖ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΒΚΓ μετὰ τῶν ἀπὸ ΓΕΖ, τουτέστι τοῦ ἀπὸ ΚΕΖ, τουτέστι τῷ ἀπὸ ΚΕΖ, τουτέστι τῷ ἀπὸ ΚΖ. καὶ ἐπεὶ ὡς ἡ ΜΑ πρὸς ΑΒ, ἡ ΜΑ πρὸς ΛΚ, οῦτως ἡ ΒΓ πρὸς ΓΚ, καὶ ὡς ἄρα ἡ ΜΑ πρὸς ΑΒ, οῦτως ἡ ΒΓ πρὸς ΓΚ. καί ως ἡ ΒΓ πρὸς ΓΚ. καί

έστιν τῆς μὲν ΑΒ ἡμίσεια ἡ ΑΔ, τῆς δὲ ΒΓ διπλῆ 15 ἡ ΓΗ (ἐπεὶ καὶ ἡ ΑΓ τῆς ΔΒ)· ἔσται ἄρα καί, ὡς ἡ ΜΑ πρὸς ΑΔ, οῦτως ἡ ΗΓ πρὸς ΓΚ. ἀλλ' ὡς ἡ ΗΓ πρὸς ΓΚ, οῦτως ἡ ΖΘ πρὸς ΘΚ διὰ τὰς παραλλήλους τὰς ΗΖ, ΓΘ. καὶ συνθέντι ἄρα, ὡς ἡ ΜΔ πρὸς ΔΑ, ἡ ΖΚ πρὸς ΚΘ. ἴση δὲ ὑπόκειται καὶ ἡ 20 ΑΔ τῆ ΘΚ, ἐπεὶ καὶ τῆ ΓΖ ἴση ἐστὶν ἡ ΑΔ. ἴση ἄρα καὶ ἡ ΜΔ τῆ ΖΚ. ἴσον ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ ΜΔ τῷ ἀπὸ ΖΚ. καί ἐστιν τῷ μὲν ἀπὸ ΜΔ ἴσον τὸ ὑπὸ ΒΜΑ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΔΑ, τῷ δὲ ἀπὸ ΖΚ ἴσον ἐδείχθη τὸ ὑπὸ ΒΚΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΖ, ὧν τὸ ἀπὸ ΑΔ ἴσον 25 τῷ ἀπὸ ΓΖ· ἴση γὰρ ὑπόκειται ἡ ΑΔ τῆ ΓΖ. ἴσον ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ ΒΜΑ τῷ ὑπὸ ΒΚΓ. ὡς ἄρα ἡ ΜΒ πρὸς ΒΚ, ἡ ΚΓ πρὸς ΛΜ. ἀλλ' ὡς ἡ ΒΜ πρὸς ΒΚ, ἡ ΓΛ πρὸς ΓΚ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΓΛ πρὸς ΓΚ, ἡ ΓΚ

^{1.} ἐπεὶ γάο Pappus p. 60, 20. 9. ΜΛ] ΜΛ FV. 15. τῆς ΔΒ] scripsi; της ΛΒ FV; τῆς ΛΔ uulgo. 17. ΗΓ] ΜΓ FV. 22. τῷ] (bis) το F. τό] τα FV. 23. ΒΜΛ] ΒΜ

quoniam $B\Gamma$ in duas partes aequales puncto E divisa est, et ei adiecta est $K\Gamma$, erit

 $BK \times K\Gamma + \Gamma E^2 = EK^2$ [Eucl. II, 6].

commune addatur EZ2. itaque

 $BK \times K\Gamma + \Gamma E^2 + EZ^2$,

h. e. $BK \times K\Gamma + \Gamma Z^2$, $= KE^2 + EZ^2 = KZ^2$.

et quoniam est MA: AB = MA: AK, et $MA: AK = B\Gamma: \Gamma K$,

erit etiam $MA: AB = B\Gamma: \Gamma K$. et est $A\Delta = \frac{1}{4}AB$ et $\Gamma H = 2B\Gamma$ [quoniam $A\Gamma = 2\Delta B$].¹) erit igitur etiam $MA: A\Delta = H\Gamma: \Gamma K$. sed

 $H\Gamma: \Gamma K = Z\Theta: \Theta K$

quia parallelae sunt HZ, IO.

[quare $MA: A\Delta = Z\Theta: \Theta K$].

itaque componendo $M\Delta: \Delta A = ZK: K\Theta$. sed supponitur esse $A\Delta = \Theta K$, quoniam $\Gamma Z = A\Delta$. quare etiam $M\Delta = ZK$, et etiam $M\Delta^2 = ZK^2$. sed

 $M\Delta^2 = BM \times MA + \Delta A^2$ [Eucl. II, 6], et demonstratum est $ZK^2 = BK \times K\Gamma + \Gamma Z^2$. et $A\Delta^2 = \Gamma Z^2$; nam supponitur esse $A\Delta = \Gamma Z$. quare etiam $BM \times MA = BK \times K\Gamma$. itaque

 $MB: BK = K\Gamma: AM.$

sed $BM: BK = \Gamma \Lambda: \Gamma K$. quare etiam $\Gamma \Lambda: \Gamma K = \Gamma K: \Lambda M$.

¹⁾ Nam $\Gamma H: HB = \Lambda \Gamma: B\Lambda$. quare $HB = \frac{1}{4}\Gamma H = B\Gamma$. ceterum haec uerba (lin. 15) ab Eutocio ipso addita sunt.

F; corr. A. 24. Post ΓZ addunt B, ed. Basil., Torellius: ἴσον ἄρα τὸ ὑπὸ ΒΜΑ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΛΔ τῷ ὑπὸ ΒΚΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΖ. ἀπὸ ΛΔ ἀπό οm. F. 25. τῷ] το F.

πρὸς AM. ἔστιν δὲ καὶ ὡς ἡ $\Lambda\Gamma$ πρὸς ΓK , ἡ MA πρὸς $A\Lambda$. καὶ ὡς ἄρα ἡ $\Lambda\Gamma$ πρὸς ΓK , ἡ ΓK πρὸς AM, καὶ ἡ AM πρὸς $A\Lambda$.

Είς τὸ β΄ θεώρημα.

Καὶ συνθέντι, ώς ἡ ΔΘ πρὸς ΘΓ, ἡ ΓΑ πρὸς ΑΕ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ] ώς γὰο ἐπὶ αὐτῆς τῆς ἐν τῷ ὁητῷ καταγραφῆς, ἐπεὶ ἐν όρθογωνίω τριγώνω τῷ ΓΒΑ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ήκται ή ΒΕ, τὰ πρὸς τῆ καθέτω τρί-10 γωνα δμοιά έστι τῶ τε δλω καὶ ἀλλήλοις. καὶ διὰ τοῦτό ἐστιν, ὡς ἡ ΓΑ πρὸς ΑΒ, ἡ ΒΑ πρὸς ΑΕ, καὶ ή ΓΒ πρὸς ΒΕ. ώστε καί, ώς τὸ ἀπὸ ΓΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΒ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ. ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΓΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΒ, οὕτως ἡ ΓΑ πρὸς 15 ΑΕ. ώς γαρ ή πρώτη πρός την τρίτην, ούτως τὸ άπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας. ὡς ἄρα ή ΓΑ πρὸς ΑΕ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ. διά δὲ τῶν αὐτῶν δείκνυται, ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ ΓΑ πρὸς ΓΕ, ούτως τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ. διὰ 20 γὰρ τῆν ὁμοιότητα τῶν τριγώνων ἐστὶ πάλιν, ὡς ἡ μέν ΑΓ πρός ΓΒ, ούτως ή ΒΓ πρός ΓΕ, τουτέστιν ώς τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, οῦτως ἡ ΑΓ πρὸς ΓΕ, ώς δὲ τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΓ πρὸς 25 ΓΕ, τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ.

εἶτα ἐφεξῆς δεικνύναι πειρώμενος τῷ BAZ τμήματι τῆς σφαίρας ἴσον τὸν BKZ κῶνον, ἐκθέμενος κῶνον τὸν N βάσιν μὲν ἔχοντα ἴσην τῆ ἐπιφανεί φ

^{13.} ΓB] $\Gamma \Theta B$ F; corr. A. 27. $\sigma \alpha (\alpha c) \sigma s criptum manu i <math>F$.

sed etiam $\Lambda\Gamma: \Gamma K = M\Lambda: \Lambda\Lambda$ [Eucl. VI, 4]. quare etiam $\Lambda\Gamma: \Gamma K = \Gamma K: \Lambda M = \Lambda M: \Lambda\Lambda$.

In prop. II.

P. 196, 15—16: et componendo

$$\Theta \Delta : \Theta \Gamma = \Gamma A : AE = \Gamma B^2 : BE^2$$

nam quoniam in figura ipsius propositionis [p. 196] in triangulo rectangulo $\Gamma B A$ ab angulo recto ad basim perpendicularis ducta est B E, trianguli ad perpendicularem siti similes sunt et toti et inter se [Eucl. VI, 8]. itaque est

$$\Gamma A : AB = BA : AE = \Gamma B : BE.$$

quare etiam

$$\Gamma A^2:AB^2=\Gamma B^2:BE^2.$$

sed

$$\Gamma A^2 : AB^2 = \Gamma A : AE$$
.

nam ut primus terminus ad tertium, ita quadratum primi ad quadratum secundi [Eucl. V def. 10]. quare $\Gamma A: AE = \Gamma B^2: BE^2$.

eadem ratione demonstratur, esse

$$\Gamma A : \Gamma E = AB^2 : BE^2$$

[p. 198, 28-29]. nam propter similitudinem triangulorum rursus est $A\Gamma: \Gamma B = B\Gamma: \Gamma E$, h. e.

$$A\Gamma^2: \Gamma B^2 = A\Gamma: \Gamma E$$
 [Eucl. V def. 10).

 \mathbf{sed}

$$A\Gamma^2:\Gamma B^2=AB^2:BE^2.$$

itaque etiam

$$A\Gamma: \Gamma E = AB^2: BE^2.$$

deinde demonstrare conans, conum BKZ aequalem esse segmento sphaerae BAZ posito cono N basim habenti superficiei segmenti BAZ aequalem, altito-

τοῦ ΒΑΖ τμήματος, ῦψος δὲ ἰσον τῆ ἐκ τοῦ κέντρου της σφαίρας, φησίν, ότι ὁ Ν κώνος ίσος έστὶ τώ ΖΑΒΘ στερεφ τομεί, ώς δέδεικται έν τφ πρώτφ βιβλίω. Ιστέον δέ, ὅτι ἐν τῷ πρώτω βιβλίω οὐ τὸν 5 τοιούτον τομέα ἀπεδείκνυεν ίσον όντα τῷ ούτως λαμβανομένω κώνω, άλλὰ τὸν περιεχόμενον ὑπό τε τῆς τοῦ χώνου ἐπιφανείας καὶ σφαιρικῆς ἐπιφανείας ἐλάττονος ήμισφαιρίου, οντινα καλ κυρίως έν τοις οροις τομέα στερεόν καλείν έφαίνετο. έφασκεν γάρ τομέα 10 δὲ στερεὸν καλέω, ἐπειδὰν σφαϊραν κῶνος τέμνη τὰν κορυφὰν ἔχων ποτί τῷ κέντρῷ τᾶς σφαίρας, τὸ περιεχόμενον σχημα ὑπὸ τᾶς τοῦ κώνου έπιφανείας καὶ τᾶς έντὸς τοῦ κώνου. τὸ δὲ νῦν προκείμενον σχημα περιέχεται μὲν ὑπὸ κωνι-15 κῆς ἐπιφανείας τὴν κορυφὴν ἐχούσης πρὸς τῷ κέντρῷ της σφαίρας καὶ σφαιρικής ἐπιφανείας, ἀλλ' οὐ της έντὸς ἀπολαμβανομένης τοῦ κώνου. ὅτι δὲ καὶ τὸ τοιούτον σχημα ίσον γίνεται τῷ κώνῳ τῷ βάσιν μὲν έχουτι την ίσην τη έπιφανεία τη σφαιρική τη περι-20 εχούση τὸ τμῆμα, ΰψος δὲ ἴσον τῆ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας, δειγθήσεται ούτως διὰ τῶν ἐν τῷ πρώτω βιβλίφ δεδειγμένων.

νενοήσθω χωρίς σφαίρα καὶ τετμήσθω ἐπιπέδω τινὶ μὴ διὰ τοῦ κέντρου τῷ περὶ διάμετρον τὴν Β Δ κύκλω. 25 κέντρον δὲ τῆς σφαίρας τὸ Α. καὶ νοείσθω κῶνος [ὁ] βάσιν μὲν ἔχων τὸν περὶ διάμετρον τὴν Β Δ κύκλον, κορυφὴν δὲ τὸ Α σημείον. ἐκκείσθω δὲ κῶνος ὁ Ε, οὖ ἡ μὲν βάσις ἴση ἔστω τῆ ἐπιφανεία τῆς σφαίρας,

^{2.} πονος F. 6. τον περιεχόμενον] scripsi; τω περιεχομενω F, uulgo. 12. τᾶς τοῦ] της του F; corr. Torellius, qui scripsit: ὑπό τε τᾶς ἐπιφανείας τοῦ κώνου καὶ τᾶς ἐπιφανείας

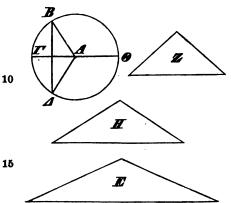
dinem autem radio sphaerae aequalem, dicit, conum N aequalem esse sectori solido ZABO, ut demonstratum sit in libro primo [p. 200, 4-5]. animaduertendum autem, eum in libro primo non eius modi sectorem cono hoc modo sumpto aequalem esse demonstrasse, sed sectorem comprehensum superficie coni et superficie sphaerica minore, quam hemisphaerium est, quem proprie in definitionibus sectorem solidum eum adpellasse adparet. ita enim: sectorem, inquit, solidum uoco, cum conus sphaeram secet uerticem habens ad centrum sphaerae, figuram, quae a coni superficie eaque parte [superficiei sphaerae] continetur, quae intra conum cadit [I def. 5 p. 9]. sed figura hic proposita conica quidem superficie continetur uerticem habenti ad centrum sphaerae et superficie sphaerica, sed non ea, quae intra conum cadit. uerum etiam eius modi figuram aequalem esse cono basim habenti aequalem superficiei sphaericae segmentum comprehendenti, altitudinem autem radio sphaerae aequalem, ita demonstrabimus per ea, quae in primo libro demonstrata sunt.

fingatur sphaera seorsum posita et secetur plano non per centrum posito, uelut circulo circum diametrum B \(\alpha \) descripto. centrum autem sphaerae [sit] \(A. \) et fingatur conus basim habens circulum circum diametrum $B\Delta$ descriptum, uerticem autem punctum A. ponatur autem conus E, cuius basis aequalis sit superficiei sphaerae, altitudo autem radius sphaerae. itaque

τᾶς σφαίρας ἐντός. 13. καί] om. F; corr. Τοτοιμίας κατας σφαίρας τᾶς ἐπιφανείας. 17. καί] per comp. F. καί] το F. 25. δ] deleo. 27. E] EN F. 13. nal] om. F; corr. Torellius; fort. nal

Archimedes, ed. Heiberg. III.

ύψος δε ή έκ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας ὁ ἄρα Ε κῶνος ἴσος ἐστὶ τῆ σφαίρα τετραπλάσιος γάρ ἐστι τοῦ κώνου τοῦ βάσιν ἔχουτος τὸν μέγιστον κύκλον, ῦψος δε τὸ αὐτό, οὖπερ καὶ ἡ σφαίρα ἐδείχθη τετραπλασία. 5 ἐκκείσθωσαν δε καὶ ἄλλοι δύο κῶνοι οἱ Ζ, Η, ὧν ὁ



μὲν Ζ βάσιν ἐχέτω
ἰσην τῆ ἐπιφανεία
τοῦ κατὰ τὴν ΒΓ Δ
τμήματος, ῦψος δὲ
τὴν ἐκ τοῦ κέν-
τρου τῆς σφαίρας,
δ δὲ Η βάσιν μὲν
ἰσην τῆ ἐπιφα-
νεία τοῦ κατὰ τὴν
ΒΘ Δ τμήματος,
ῦψος δὲ τὸ αὐτό.
δ ἄρα Ζ κῶνος

Ισος έστὶ τῷ τομεῖ, οὖ κορυφὴ μὲν τὸ Α, ἐπιφάνεια δὲ σφαιρικὴ ἡ κατὰ τὴν ΒΓΔ. ἐπεὶ οὖν ἴση
20 ἐστὶν ἡ τοῦ Ε κώνου βάσις ταῖς τῶν Ζ, Η κώνων βάσεσιν, καί εἰσιν ὑπὸ τὸ αὐτὸ ῦψος, ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ Ε κῶνος, τουτέστιν ἡ σφαῖρα, τοῖς Ζ, Η κώνοις. ἀλλ' ὁ Ζ ἴσος ἐδείχθη τῷ κατὰ τὴν ΒΓΔ στερεῷ τομεῖ κορυφὴν ἔχοντι τὸ Α. λοιπὸς ἄρα ὁ Η κῶνος ἴσος
25 ἐστὶ τῷ λοιπῷ τμήματι βάσιν ἔχων τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ κατὰ τὴν ΒΘΔ τμήματος, ῦψος δὲ τὴν ἐκ τοῦ κέντρου.

είτα πάλιν φησίν· ίσος ἄρα ὁ Ν κῶνος τουτέστιν ὁ ΒΘΖΑ τομεὺς τῷ ΒΘΖΚ σχήματι] ἐπεὶ

^{1.} σφαίφας] σ supra scr. manu 1 F. 4. καί] per comp. F. 7. ἴσην] ισ cum comp. σν F. 12. H] B F. 17. ἄφα]

conus E aequalis est sphaerae; nam quadruplo maior est cono basim habenti circulum maximum, altitudinem autem eandem1), et eodem etiam sphaeram quadruplo maiorem esse demonstratum est [I, 34]. ponantur etiam duo alii coni Z, H, quorum Z basim habeat aequalem superficiei segmenti $B\Gamma\Delta$, altitudinem autem radium sphaerae, H autem basim aequalem superficiei segmenti BO 1 et altitudinem eandem. itaque conus Z aequalis est sectori, cuius uertex est A, superficies autem sphaerica B $\Gamma \Delta$ [I, 44]. iam quoniam basis coni E aequalis est basibus conorum Z, H, et eandem habent altitudinem, erit igitur conus E, h. e. sphaera, aequalis conis Z, H. sed demonstratum est, conum Z aequalem esse sectori solido in $B\Gamma\Delta$ constructo uerticem habenti punctum A. itaque qui relinquitur conus H basim habens [aequalem] superficiei segmenti $B\Theta \triangle$, altitudinem autem radium, aequalis est segmento reliquo.

deinde rursus: conus igitur N, inquit, h. e. sector $B \otimes Z A$, aequalis est figurae $B \otimes Z K$ [p. 200, 13—14].

¹⁾ I, 33; I lemma 1 p. 80.

per comp. F. 18. of] of F. 25. Exam] Exont. Torellius. 29. $B\Theta ZA$] $B\Theta ZA$ F, Cr.

γὰρ συνήχθη ὁ N κῶνος ἴσος ὢν κώνω, οὖ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον τὴν BZ κύκλος, ὕψος δὲ ἡ ΘΚ, ὁ δὲ κῶνος, οὖ βάσις μέν ἐστιν ἡ αὐτή, ῦψος δὲ ἡ ΕΚ, ἴσος τῷ τε εἰρημένω κώνω καὶ τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὴν αὐτήν, ῦψος δὲ τὴν ΕΘ (πρὸς ἀλλήλους γάρ εἰσιν, ὡς τα ῦψη), κοινοῦ ἀφαιρεθέντος τοῦ κώνου τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος τὴν αὐτήν, ῦψος δὲ τὴν ΕΘ, λοιπὸν τὸ ΒΘΖΚ σχῆμα ἴσον ἐστὶ τῷ κώνω τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὸν περὶ διάμετρον τὴν BZ κύκλον, ῦψος δὲ 10 τὴν ΘΚ, τουτέστι τῷ N κώνω, τουτέστι τῷ ΒΑΘΖ τομεῖ.

έπαγαγών δη τὸ έκ τῶν συναγθέντων πόρισμα ἐπὶ τέλει τοῦ θεωρήματος έξῆς δι' έτέρας ἀποδείξεως συνάγει τὸ τελευταΐον μέρος τοῦ θεωρήματος, τουτέστιν 15 οτι τὸ ΑΒΖ τμημα της σφαίρας ίσον έστὶ τῷ ΒΚΖ κώνω, καὶ προιών φησιν ώς ἄρα ἡ ΚΘ πρός ΘΓ, ή ΘΔ πρός ΔΓ, καὶ ὅλη ἡ ΚΔ πρός ΔΘ ἐστιν, ώς ή ΔΘ. πρός ΔΓ] έπεὶ γάρ έστιν, ώς ή ΚΘ πρός $\Theta\Gamma$, η $\Theta \triangle$ $\pi \rho \delta_S \triangle \Gamma$, $\pi \alpha l$ $\ell \nu \alpha \lambda l \lambda \dot{\alpha} \dot{\xi}$ $\delta_S \dot{\eta}$ $K\Theta$ $\pi \rho \delta_S \Theta \triangle$, 20 $\dot{\eta}$ ΘΓ πρὸς ΓΔ, καὶ συνθέντι ώς $\dot{\eta}$ ΚΔ πρὸς ΔΘ, $\dot{\eta}$ ΘΔ πρὸς ΔΓ, τουτέστιν ή ΚΘ πρὸς ΘΑ. ἦν γὰρ ὡς ἡ ΚΘ προς ΘΓ, η Θ Δ προς ΔΓ, ἴση δὲ η ΘΓ τῆ ΘΑ. — καὶ μετ'όλίγον : ώς ἄρα ἡ ΚΘ πρὸς ΔΘ, οῦτως ἡ ΑΕ πρὸς ΕΓ. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΚΔ πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν 25 ΚΘΔ, οΰτως τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν ΑΕΓ] νοείσθωσαν γὰρ χωρίς κείμεναι αί $K \triangle$, $A\Gamma$, καὶ ἔστω, ώς ή ΚΘ πρὸς ΘΔ, οῦτως ή ΑΕ πρὸς ΕΓ. λέγω, ότι έστιν και ώς τὸ ἀπὸ ΚΔ πρὸς τὸ ὑπὸ ΚΘΔ,

^{6.} υψει F; corr. manus 1. 13. θεοφηματος F. 15. ABZ] scripsi; ABΓ FBCD; BAZ uulgo. 24. ὑπό] απο F; corr. Torellius.

nam quoniam effectum est, conum N aequalem esse cono, cuius basis sit circulus circum diametrum BZ descriptus, altitudo autem ΘK [p. 200, 11—13; cfr. I lemm. 4 p. 82], et conus, cuius basis eadem est, altitudo autem EK, aequalis est illi cono simul cum cono eandem basim habenti et altitudinem $E\Theta$ (nam eam inter se rationem habent, quam altitudines [I lemm. 1 p. 80]), ablato, qui communis est, cono basim habenti eandem et altitudinem $E\Theta$, quae relinquitur figura $B\Theta ZK$, aequalis est cono basim habenti circulum circum diametrum BZ descriptum, altitudinem autem ΘK , h. e. cono N, h. e. sectori $BA\Theta Z$.

adiecto iam in fine theorematis [p. 200, 18 sq.] corollario ex iam effectis derivato deinde alia demonstratione concludit¹) extremam partem theorematis, h. e. segmentum sphaerae ABZ aequale esse cono BKZ, et progressus: itaque, inquit,

 $K\Theta:\Theta\Gamma=\Theta\varDelta:\Delta\Gamma$

et $K\Delta: \Delta\Theta = \Delta\Theta: \Delta\Gamma$ [p. 202, 17—19]. nam quoniam est $K\Theta: \Theta\Gamma = \Theta\Delta: \Delta\Gamma$, et uicissim

 $K\Theta: \Theta \varDelta = \Theta \Gamma: \Gamma \varDelta$

et componendo $K\Delta: \Delta\Theta = \Theta\Delta: \Delta\Gamma$, h. e. $K\Theta: \ThetaA$ [p. 202, 19]. nam erat

 $K\Theta: \Theta\Gamma = \Theta \Delta: \Delta\Gamma$, et $\Theta\Gamma = \Theta A$.

et paullo post [p. 204, 2-6]: itaque

 $K\Theta: \Theta \varDelta = AE: E\Gamma.$

quare etiam $K\Delta^2: K\Theta \times \Theta\Delta = A\Gamma^2: AE \times E\Gamma$] fingantur enim seorsum descriptae lineae $K\Delta$, $A\Gamma$, et sit $K\Theta: \Theta\Delta = AE: E\Gamma$. dico, esse etiam

¹⁾ Uol. I p. 202; cfr. p. 203 not. 1.

οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΕΓ. ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ώς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΔ, οῦτως ἡ ΑΕ πρὸς ΕΓ, καὶ συνθέντι ἐστίν, ώς ἡ ΚΔ πρὸς ΔΘ, οῦτως ἡ ΑΓ πρὸς ΓΕ. ἄστε καὶ ώς τὸ ἀπὸ ΚΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΘ, οῦτως τὸ ἀπὸ δ ΚΠ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΓ. πάλιν ἐπεὶ ἐστιν, ώς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΔ, οῦτως ἡ ΑΕ πρὸς ΕΓ, ἀλλ' ώς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΔ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΚΘΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ κοινοῦ ῦψους τῆς ΘΔ λαμβανομένης, Ε ώς δὲ ἡ ΑΕ πρὸς ΕΓ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΑΕΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΓ, καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΚΘΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΓ, καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΚΘΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΓ. ἐδείχθη δέ, ὡς τὸ ἀπὸ ΘΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΚ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΚΘΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΑ. καὶ δι' 15 ἴσου ἄρα, ὡς τὸ ὑπὸ ΚΘΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΚΔ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΑΕΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΓ΄ καὶ ἀνάπαλιν ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Είς τὸ γ'.

'Ως δὲ οἱ εἰρημένοι κύκλοι πρὸς ἀλλήλους,
20 τὸ ἀπὸ ΑΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΒ, τουτέστιν ἡ ΑΓ
πρὸς ΓΒ] ὡς γὰρ ἐν αὐτῆ τῆ τοῦ ἡητοῦ καταγραφῆ,
ἐπεὶ ἐν ὀρθογωνίω τριγώνω τῷ ΑΔΒ κάθετος ἡκται
καὶ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς ἡ ΔΓ, μέση ἀνάλογόν ἐστι τῶν
τῆς βάσεως τμημάτων, καὶ τὰ πρὸς τῆ καθέτω τρίγωνα
25 ὅμοιά ἐστι τῷ τε ὅλω καὶ ἀλλήλοις. ὥστ' ἐστιν, ὡς
ἡ ΒΓ πρὸς ΔΓ, ἡ ΒΔ πρὸς ΔΑ. καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν
ἄρα. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΒΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΔ, οῦτως

^{4.} ω s] addidi; om. F, uulgo. $\sigma\tilde{v}\tau\omega$ s] per comp. F; ω s ed. Basil., Torellius. 8. $\tau\tilde{\eta}s$ Θ Δ] $\tau\eta s$ Θ Δ F. 9. Δ E] Δ E

 $K\Delta^2: K\Theta \times \Theta \Delta = A\Gamma^2: AE \times E\Gamma.$

nam quoniam est $K\Theta : \Theta \Delta = AE : E\Gamma$, etiam componendo erit $K\Delta : \Delta\Theta = A\Gamma : \Gamma E$. quare etiam

 $K\Delta^2:\Delta\Theta^2=A\Gamma^2:E\Gamma^2.$

rursus quoniam est $K\Theta: \Theta \triangle = AE: E\Gamma$, sed

 $K\Theta: \Theta \varDelta = K\Theta \times \Theta \varDelta: \Theta \varDelta^2$

communi altitudine sumpta @4, et

 $AE: E\Gamma = AE \times E\Gamma: E\Gamma^2$

rursus $E\Gamma$ communi altitudine sumpta, itaque etiam

 $K\Theta \times \Theta \Delta : \Theta \Delta^2 = AE \times E\Gamma : E\Gamma^2$.

sed demonstratum est, esse $\Theta \Delta^2 : \Delta K^2 = E\Gamma^2 : \Gamma A^2$. itaque ex aequali [Eucl. V, 21]

 $K\Theta \times \Theta \Delta : K\Delta^2 = AE \times E\Gamma : A\Gamma^2$. et e contrario $[K\Delta^3 : K\Theta \times \Theta \Delta = A\Gamma^2 : AE \times E\Gamma]$; quod erat demonstrandum.

In prop. III.

P. 206, 15—17: et quam rationem circuli, quos commemorauimus, inter se habent, eam habet $A\Delta^2$ ad ΔB^2 , hoc est $A\Gamma:\Gamma B$] nam in ipsa propositionis figura [p. 208] quoniam in triangulo rectangulo $A\Delta B$ perpendicularis et ab angulo recto ducta est $\Delta\Gamma$, media est proportionalis inter partes basis, et trianguli ad perpendicularem positi similes sunt et toti et inter se [Eucl. VI, 8 cum $\pi o \varrho l \sigma \mu$]. quare est

 $B\Gamma: \Delta\Gamma = B\Delta: \Delta\Lambda.$

itaque etiam $B\Gamma^2: \Delta\Gamma^2 = B\Delta^2: \Delta\Lambda^2$. sed

F, Cr. 13. $d\pi \delta \ E \Gamma$] $v\pi o \ \Delta E \Gamma \ F$; corr. ed. Basil. 14. $d\pi \delta \ E \Gamma$] $d\pi \delta$ om. F; corr. Torellius. ΓA] $\Gamma \Delta \ F$; corr. A. 25. $d\lambda \eta \lambda$ cum comp. of F.

ή πρώτη ή $B\Gamma$ πρὸς τρίτην τὴν ΓA . καὶ ὡς ἄρα ἡ $B\Gamma$ πρὸς ΓA , τὸ ἀπὸ $B \Delta$ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔA .

Δοθείς δη λόγος της ΑΓ πρός ΓΒ· ώστε δοθέν έστι τὸ Γ σημεῖον] ἐπεὶ γὰρ ἡ σφαῖρα ὑπό- τκειται δεδομένη, δέδοται ἄρα καὶ ἡ διάμετρος αὐτης ἡ ΑΒ· καὶ δέδοται ὁ λόγος της ΑΓ πρὸς ΓΒ· ἐὰν δὲ δεδομένον μέγεθος εἰς δεδομένον λόγον δταιρεθη, δέδοται ἐκάτερον τῶν τμημάτων. ώστε δοθεῖσά ἐστιν ἡ ΑΓ. καὶ δοθὲν τὸ Α (ἐπὶ γὰρ της κοινης τομης 10 ἐστι θέσει δεδομένων γραμμῶν). δέδοται ἄρα καὶ τὸ Γ.

Είς τὸ δ'.

Καὶ διὰ τὰ αὐτὰ τοτς πρότερον διὰ τῆς κατασκευῆς, ὡς ἡ ΔΔ πρὸς ΔΚ, ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ, καὶ ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ] ἐν γὰρ τῷ πρὸ τούτου συνήγετο 15 οὕτως ἐπεί ἐστιν ὡς συναμφότερος ἡ ΚΔ, ΔΧ πρὸς ΔΧ, οὕτως ἡ ΡΧ πρὸς ΧΒ, διελόντι, ὡς ἡ ΚΔ πρὸς ΔΧ, ἡ ΡΒ πρὸς ΒΧ, ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΚΔ, τουτέστιν ἡ ΚΒ, πρὸς ΒΡ, ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ. πάλιν ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΔΧ πρὸς ΧΔ, οὕτως συναμφότερος ἡ ΚΒ, ΒΧ 20 πρὸς ΧΒ, διελόντι καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΔΔ πρὸς ΔΚ, ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ. ἦν δὲ καί, ὡς ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ, ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ. ὡς ἄρα ἡ ΔΔ πρὸς ΔΚ, ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ, καὶ ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ.

Καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΡΛ πρὸς ὅλην τὴν ΚΛ ἐστιν, 25 ὡς ἡ ΚΛ πρὸς ΛΔ] ὡς γὰρ ἕν πρὸς ἕν, οὕτως ἄπαντα τὰ ἡγούμενα πρὸς ἄπαντα τὰ ἐπόμενα.

'Ως ἄρα ἡ ΡΛ πρὸς ΛΔ, τὸ ἀπὸ ΚΛ πρὸς τὸ

^{2.} τὸ ἀπό (prius)] η F; corr. ed. Basil. (οὕτως τὸ ἀπό). τὸ ἀπό (alt.)] om. F; corr. ed. Basil. 3. nullum signum adposuít F. δή] scripsi; δε F, uulgo. 6. AB\ ΔΓ F; corr. Torellius. δεδομένον μέγε-

 $B\Gamma^2: \Gamma\Delta^2 = B\Gamma: \Gamma\Lambda$ [Eucl. V def. 10]. quare etiam $B\Gamma: \Gamma\Lambda = B\Delta^2: \Delta\Lambda^2$.

P. 206, 18: data igitur est ratio $A\Gamma$: ΓB . quare datum est Γ punctum] nam quoniam sphaera supponitur data esse, etiam diametrus eius AB data est; et data est ratio $A\Gamma$: ΓB . sed si data magnitudo in datam rationem diuiditur, utraque pars data est [Eucl. dat. 7]. quare data est $A\Gamma$. et datum est A (est enim in communi sectione linearum positione datarum). quare etiam punctum Γ datum est.

In prop. IV.

P. 210, 22-212, 2: et eodem modo, quo supra, per constructionem erit

 $\Delta \Delta : \Delta K = KB : BP = \Delta X : XB$

nam in propositione praecedenti¹) sic concludebatur: quoniam $K\Delta + \Delta X : \Delta X = PX : XB$, dirimendo est $K\Delta : \Delta X = PB : BX$ et uicissim $K\Delta : BP$, h. e.

 $KB:BP = \Delta X:XB.$

rursus quoniam $\Delta X: X\Delta = KB + BX: XB$, erit dirimendo et uicissim $\Delta \Delta: \Delta K = \Delta X: XB$. erat autem etiam $\Delta X: XB = KB: BP$. itaque

$$A\Delta: \Delta K = \Delta X: XB = KB: BP.$$

P. 212, 4—6: quare etiam $PA: KA = KA: A\Delta$] nam ut unus terminus ad unum, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes [Eucl. V, 12].

P. 212, 6-7: erit etiam $PA: A\Delta = KA^2: A\Delta^2$]

¹⁾ H. e. in prop. 2; u. uol. I p. 211 not. 1. respicitur ad uol. I p. 196, 10—15 et p. 198, 22—27.

Φος εἰς] repetuntur in F, sed expunxit manus 1.
 13. ΛΔ\
 ΛΛ F.
 17. καὶ ἐναλλάξ Torellius.
 24 et 27. deest signum in F.
 27. ΛΔ ΚΔ F; corr. Torellius.

ἀπὸ ΛΔ] ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ἡ ΡΛ πρὸς ΛΚ, ἡ ΚΛ πρὸς ΛΔ, καὶ ὡς ἄρα ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΡΛ πρὸς ΛΔ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΡΛ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΚ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΡΛ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΛΚ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΔ. ἀνάλογον γάρ είσιν. ὡς ἄρα ἡ ΡΛ πρὸς ΛΔ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΛΚ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΔ.

Κείσθω τῆ ΚΒ ἴση ἡ ΒΖ· ὅτι γὰρ ἐπτὸς 10 τοῦ Ρπεσεῖται, δῆλον] ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ἡ ΧΔ πρὸς ΧΒ, οῦτως ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ, μείζων δὲ ἡ ΔΧ τῆς ΧΒ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ΚΒ τῆς ΒΡ. ἐπτὸς ἄρα τοῦ Ρπίπτει τὸ Ζ.

Έπει δε λόγος έστι τῆς ΔΛ πρὸς ΛΧ δοθείς, 15 καὶ τῆς ΡΛ πρὸς ΛΧ, καὶ τῆς ΡΛ ἄρα πρὸς ΛΔ λόγος έστι δοθείς] έπει γάρ έστιν, ώς συναμφότερος ή ΚΒΧ πρὸς ΒΧ, τουτέστιν ή ΖΧ πρὸς ΧΒ, οῦτως ή ΛΧ πρὸς $X \triangle$, ἀναστρέψαντι, ὡς ἡ XZ πρὸς ZB, οὕτως ἡ XAπρὸς $\Lambda \Delta$, καὶ ἀνάπαλιν, ὡς ἡ BZ πρὸς ZX, ἡ $\Lambda \Delta$ 20 πρός ΛΧ. δέδοται δε ό της ΒΖ πρός ΖΧ λόγος, έπειδη ή μεν ΖΒ ίση έστι τῆ έκ τοῦ κέντρου τῆς δεδομένης σφαίρας, ή δε ΒΧ των Β, Χ περάτων αὐτης δεδομένων καθ' ὑπόθεσιν τετμημένης τῆς σφαίρας ὑπὸ τοῦ διὰ τῆς ΑΓ ἐπιπέδου καὶ τῆς ΔΒ πρὸς ὀρθὰς οὔσης 25 τ $\tilde{\eta}$ $A\Gamma$ δέδοται· καὶ διὰ τοῦτο καὶ \tilde{o} λη $\hat{\eta}$ XZ, καὶ ό τῆς ΧΖ πρὸς ΖΒ. ὥστε καὶ ὁ τῆς ΛΧ πρὸς ΔΔ λόγος έστιν δοθείς. πάλιν έπειδη δέδοται δ λόγος τῶν τμημάτων, καὶ ὁ τοῦ ΛΑΓ κώνου πρὸς ΑΡΓ κώνον λόγος έσται δοθείς. ώστε καὶ ὁ τῆς ΛΧ

^{7.} $A\Delta$] $A\Delta$ F. 10. $X\Delta$] $H\Delta$ F. 17. KB, BX Torel-

nam quoniam est $PA: AK = KA: A\Delta$, erit etiam ut primus ad tertium, ita quadratum primi ad quadratum secundi [Eucl. V def. 10]. erit igitur

$$PA: A\Delta = PA^2: AK^2.$$

sed $P\Lambda^2: \Lambda K^2 = \Lambda K^2: \Lambda \Delta^2$; nam proportionales sunt. quare $P\Lambda: \Lambda \Delta = \Lambda K^2: \Lambda \Delta^2$.

P. 212, 14—15: et ponatur BZ = KB; nam extra punctum P eam egressuram esse, adparet] nam quoniam $X \triangle : XB = KB : BP$, et $\triangle X > XB$, erit igitur etiam KB > BP. quare Z extra P cadit.

P. 212, 17—19: sed quoniam ratio $\Delta \Lambda: \Lambda X$ data est, et ratio $P\Lambda: \Lambda X$, erit igitur etiam ratio $P\Lambda: \Lambda \Delta$ data] nam quoniam est KB + BX: BX, h. e.

$$ZX:XB = \Lambda X:X\Delta$$

convertendo erit $XZ:ZB = X\Lambda:\Lambda\Delta$, et e contrario $BZ:ZX = \Lambda\Delta:\Lambda X$. sed data est ratio BZ:ZX (quoniam ZB aequalis est radio datae sphaerae, et BX data est datis terminis eius B, X, cum ex hypothesi sphaera secta sit plano per lineam $A\Gamma$ posito, et cum ΔB ad $A\Gamma$ perpendicularis sit; quare etiam tota XZ et ratio XZ:ZB [data est]). itaque etiam ratio $\Lambda X:\Lambda\Delta$ data est. — rursus quoniam data est ratio segmentorum, etiam ratio conorum $\Lambda\Lambda\Gamma$, $\Lambda\Gamma$ data erit. quare etiam ratio $\Lambda X:XP$ (nam [coni]

lius. 18. ΧΛ] ΧΖ FV. 26. ΛΧ] ΔΛ FV. 29. ἔσται] per comp. F.

πρὸς ΧΡ πρὸς ἀλλήλους γάρ είσιν ὡς τὰ ὕψη καὶ ὅλης ἄρα τῆς ΡΛ πρὸς τὴν ΛΧ λόγος έστὶ δοθείς. ἐπεὶ οὖν έκατέρας τῶν ΡΛ, ΛΔ πρὸς τὴν ΛΧ λόγος έστὶ δοθείς, καὶ τῆς ΡΛ ἄρα πρὸς ΛΔ λόγος έστὶ δοθείς τὰ γὰρ πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχοντα δεδομένον καὶ πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει δεδομένον.

Έπελ οὖν ὁ τῆς ΡΛ πρὸς ΛΧ λόγος συνῆπται έκ τε τοῦ, ὂν ἔχει ἡ ΡΛ ποὸς ΛΔ καὶ ἡ ΛΔ πρός ΛΧ] ὅτι μὲν ἡ σύνθεσις τῶν λόγων λαμβάνεται 10 της ΛΔ μέσης λαμβανομένης, ώς κάν τη στοιχειώσει έλαμβάνετο, φανερόν. έπει δε το λεγόμενον άδιαρθρώτως πως καλ ούχ ούτως, ώστε την έννοίαν αποπληρώσαι, λέλεκται, ώς ἔστιν εύρεῖν ἐντυγχάνοντας Πάππω τε καὶ Θέωνι καὶ Αρκαδίω έν πολλοῖς συντάγμασιν 15 οὐκ ἀποδεικτικῶς, ἀλλ' ἐπαγωγῆ τὸ λεγόμενον παριστώσιν, οὐδεν ἄτοπον πρός βραχύ ενδιατρίψαντας τώ λόγω τὸ σαφέστερον παραστήσαι. φημί τοίνυν, ὅτι, έὰν δύο ἀριθμῶν ἤτοι μεγεθῶν μέσος τις ὅρος ληφθῆ, ό τῶν ἐξ ἀργῆς ληφθέντων ἀριθμῶν λόγος σύγκειται 20 έκ τοῦ λόγου, ὃν ἔχει ὁ πρῶτος πρὸς τὸν μέσον, καὶ τοῦ, ὂν ἔχει ὁ μέσος πρὸς τὸν τρίτον. ὑπομνηστέον δη πρότερου, πῶς ἐλέγετο λόγος ἐκ λόγων συγκεῖσθαι. ώς γαρ έν τη στοιγειώσει. όταν αί των λόγων πηλικότητες έφ' έαυτας πολλαπλασιασθείσαι ποιώσίν τινα, 25 πηλικότητος δηλονότι λεγομένης τοῦ ἀριθμοῦ, οὖ παρώνυμός έστιν ὁ διδόμενος λόγος, ώς φασιν άλλοι τε καλ Νικόμαχος έν τῷ πρώτω περλ μουσικής καλ Ήρώ-

^{3.} ἐπεί οὖν — 4: δοθείς om. F, adposito signo ο'; leguntur in mg. a manu 1 eodem signo addito. 7. Signum om. F. 13. ενο cum comp. ην uel ιν F. 14. αρκαδιος F mg. manu 1. 27. νικομαχος ηρωνας F mg. manu 1.

eam inter se rationem habent, quam altitudines). itaque etiam ratio PA: AX data est. — quoniam igitur utraque ratio PA: AX et AA: AX data est, etiam ratio PA: AA data; nam quae ad idem rationem datam habent, etiam inter se rationem datam habent [Eucl. dat. 8].

P. 212, 19—21: iam quoniam ratio PA:AX composita est ex rationibus PA:AA et AA:AX] compositionem rationem effici linea AA media sumpta, sicut etiam in elementis efficiebatur¹), manifestum est. quoniam autem de hac re parum distincte disputatum est nec ita, ut notioni satis fiat, sicut intellegi potest, si Pappum, Theonem²), Arcadium inspexeris, qui inmultis scriptis id, quod quaerimus, non demonstrando, sed per inductionem tradunt, haud absurdum erit paullulum moratos rem magis perspicue tradere. — dico igitur, si inter duos numeros uel magnitudines medium terminum sumpserimus, rationem numerorum ab initio sumptorum compositam esse ex ratione, quam habeat primus ad medium, et ea, quam habeat medius ad tertium.

prius igitur, quo modo ratio ex rationibus componi dicatur, in memoriam reuocandum. nam ut est in elementis [VI def. 5]: si quantitates rationum inter se multiplicatae [quantitatem] aliquam efficiant, cum quantitas uocatur numerus, a quo denominatur ratio data, ut aiunt cum alii, tum Nicomachus in primo libro de musica, tum Heronas in commentario in in-

Eucl. VI, 23; de compositione rationum cfr. Eutoc. ad Apollon. p. 32.
 Comment. Ptolem. p. 61-62 ed. Basil.

νας έν τῷ ὑπομνήματι τῷ εἰς τὴν ἀριθμητικὴν εἰσανωνήν, ταὐτὸν δὲ είπεῖν καὶ τοῦ ἀριθμοῦ τοῦ πολλαπλασιαζομένου έπλ τὸν επόμενον ὅρον τοῦ λόγου καλ ποιούντος τον ήγούμενον, και κυριώτερον μέν έπι 5 τῶν πολλαπλασίων ἡ πηλικότης ἂν λαμβάνοιτο, ἐπὶ δὲ τῶν ἐπιμορίων ἢ ἐπιμερῶν οὐκέτι τὴν πηλικότητα δυνατὸν λαμβάνεσθαι άδιαιρέτου μενούσης τῆς μονάδος. ώστ' έπ' έχείνων διαιρετέον την μονάδα, ο εί και μή κατά τὸ προσήκου τη άριθμητική, άλλὰ τη λουιστική 10 τυγγάνει. διαιρείται δε ή μονάς κατά το μέρος η τά μέρη, ἀφ' ὧν ώνόμασται ὁ λόγος, ὥστε εἶναι ὡς ἐν σαφεστέρω τῷ λέγειν τοῦ μὲν ἡμιολίου λόγου πηλικότητα πρὸς τη μονάδι καὶ τὸ ημισυ της μονάδος, τοῦ δὲ ἐπιτρίτου πρὸς τῆ μονάδι τὸ τρίτον . ὅστε, 15 καθά καὶ ἀνωτέρω εξρηται, τὴν πηλικότητα τοῦ λόγου έπὶ τὸν έπόμενον δρον πολλαπλασιαζομένην ποιείν τὸν ήγούμενον. τοῦ γὰρ ἐννέα πρὸς τὰ ξξ ἡμιολίου πηλικότης οὖσα ή μονὰς καὶ τὸ ῆμισυ πολλαπλασιασθεῖσα έπλ του 5' ποιεί του θ', καλ έπλ των άλλων δε το 20 αὐτὸ ἔξεστι κατανοείν, τούτων δὴ προσαφηνισθέντων έπανακτέον έπὶ τὸ προτεθέν. ἔστωσαν γὰρ οί δοθέντες δύο ἀριθμοί οί Α, Β, μέσος δὲ αὐτῶν εἰλήφθω τις ὁ Γ. δεικτέον δή, ὅτι ὁ τοῦ Α πρὸς τὸν Β λόγος συνηπται έκ τοῦ, ον ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ 25 πρὸς τὸν Β. είλήφθω γὰο τοῦ μὲν ΑΓ λόγου πηλικότης ὁ Δ, τοῦ δὲ ΓΒ ὁ Ε. ὁ ἄρα Γ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν Α ποιεί, ὁ δὲ Β τὸν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Γ. ὁ δὴ Δ τὸν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Ζ ποιείτω. λέγω, ὅτι ὁ Ζ πηλικότης ἐστὶ τοῦ τοῦ Α πρὸς τὸν Β

^{3.} επομενων F. 8. 6] addidi; om. F, uulgo. 12. τοῦ]

stitutionem arithmeticam [Nicomachi]. hoc autem idem est, ac si dicamus, quantitatem uocari numerum, qui in terminum sequentem rationis multiplicatus antecedentem efficiat. et magis proprie in multiplis sumitur quantitas, in superparticularibus uero et superpartientibus quantitas sumi non potest, ita ut unitas indiuisa maneat. quare in iis diuidenda est unitas, quod si non arithmeticae, at certe logisticae consentaneum est. diuiditur autem unitas secundum partem uel partes, ex quibus denominatur ratio, ita ut sit, ut planius loquamur, rationis sesquialterius quantitas praeter unitatem etiam dimidium unitatis, et rationis sesquitertiae quantitas praeter unitatem etiam pars tertia. ita enim, sicut etiam supra dictum est, quantitas rationis in terminum sequentem multiplicata antecedentem efficiet. nam unitas cum dimidio, quae quantitas est rationis sesquialterius 9:6, in 6 multiplicata efficit 9. et in ceteris quoque idem licet intellegere. his igitur praemissis ad propositum reuertamur. duo enim numeri dati sint A, B, et medius inter eos sumatur Γ . demonstrandum igitur, rationem A:B compositam esse ex $A:\Gamma$ et $\Gamma:B$. sumatur enim rationis $A:\Gamma$ quantitas Δ et rationis $\Gamma:B$ quantitas E. itaque $\Gamma \times \Delta = A$ et $B \times E = \Gamma$. sit igitur $\Delta \times E = Z$. dico, Z quantitatem esse ratio-

το F. 16. ποι cum comp. ην uel ιν F. 29. τοῦ τοῦ] τον F; corr. ed. Basil.

λόγου, τουτέστιν, ὅτι ὁ Ζ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Α ποιεί. δ γάρ Β τὸν Ζ πολλαπλασιάσας τὸν Η ποιείτω. ἐπεὶ οὖν ὁ Β τὸν μὲν Ζ πολλαπλασιάσας τὸν

Η πεποίημεν, τὸν δὲ Ε πολλαπλασιάσας τὸν Γ, ἔστιν ἄρα, ὡς ὁ Ζ

παλιν, ώς ὁ Ζ πρὸς τὸν Ε, οῦτως ὁ Α πρὸς τὸν Γ. άλλ' ώς ὁ Ζ πρὸς τὸν Ε, ἐδείχθη ὁ Η πρὸς τὸν Γ. καὶ 15 ώς ἄρα ὁ Η πρὸς τὸν Γ, ὁ Α πρὸς τὸν Γ. ἴσος ἄρα ό Α τῷ Η. ἀλλ' ὁ Β τὸν Ζ πολλαπλασιάσας τὸν Η πεποίηκεν. καὶ ὁ Β ἄρα τὸν Ζ πολλαπλασιάσας τὸν Α ποιεί. ὁ Ζ ἄρα πηλικότης έστὶ τοῦ τοῦ Α πρὸς τὸν Β λόγου. καί έστιν ὁ Ζ τοῦ Δ έπὶ τὸν Ε πολλαπλα-20 σιασθέντος, τουτέστι τῆς πηλικότητος τοῦ ΑΓ λόγου έπλ τὴν πηλικότητα τοῦ ΓΒ λόγου. ὁ ἄρα τοῦ Α πρὸς τον Β λόγος σύγκειται έκ τε τοῦ, ον έχει ο Α προς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ πρὸς τὸν Β. ὅπερ ἔδει δείξαι.

ίνα δε και έπι ύποδείγματος φανεφον γένηται 25 τὸ εἰρημένον, παρεμπιπτέτω τοῦ ιβ΄ καὶ τοῦ β΄ μέσος τις άριθμός ὁ δ΄. λέγω, ὅτι ὁ τοῦ ιβ΄ πρὸς τὸν β΄ λόγος, τουτέστιν ὁ έξαπλάσιος, σύγκειται έκ τε τοῦ τριπλασίου τοῦ ιβ΄ πρὸς τὸν δ΄ καὶ τοῦ διπλασίου τοῦ δ' πρὸς τὸν β'. ἐὰν γὰρ τὰς πηλικότητας τῶν

^{2.} τον Z] προς (comp.) τον Z FV. 11. τον A] τον ZA

nis
$$A:B$$
, h. e. esse $Z \times B = A$. sit enim $B \times Z = H$.

iam quoniam

$$B \times Z = H$$
 et $B \times E = \Gamma$,

erit igitur

$$Z: E = H: \Gamma$$

rursus quoniam

$$\Delta \times E = Z$$
 et $\Delta \times \Gamma = A$,

erit

$$E:\Gamma=Z:A$$
.

tum uicissim

$$E:Z=\Gamma:A.$$

et e contrario

$$Z: E = A: \Gamma.$$

sed demonstratum est, esse

$$Z: E = H: \Gamma$$

quare etiam

$$H:\Gamma=A:\Gamma$$
.

itaque A = H. sed erat

$$B \times Z = H$$
.

itaque

$$B \times Z = A$$
.

quare Z quantitas est rationis A:B. et erat

$$Z = \Delta \times E$$

hoc est aequalis quantitati rationis $A:\Gamma$ in quantitatem rationis $\Gamma:B$ multiplicatae. itaque ratio A:B composita est ex rationibus $A:\Gamma$ et $\Gamma:B$; quod erat demonstrandum.

uerum ut etiam exemplo adpareat, quod diximus, sumatur inter 12 et 2 medius numerus 4. dico, rationem 12:2, h. e. sexcuplam, compositam esse ex ratione triplici 12:4 et duplici 4:2. nam si quanti-

FV. 17. $\tau \delta \nu$ A] $\tau \alpha$ A F. 18. $\tau \delta \tilde{\nu}$ $\tau \delta \tilde{\nu}$] $\tau \omega$ F; corr. A. 19. $\lambda \delta \nu$ cum comp. $\delta \nu$ F. 22. B] Θ FV. 28. $\tau \delta \nu$ δ'] $\tau \alpha$ δ F; corr. Torellius. 29. $\tau \delta \nu$ β'] $\tau \alpha$ β' F; corr. Torellius, ut p. 146, 3.

λόγων πολλαπλασιάσωμεν έπ' άλλήλας, τουτέστι τὸν γ' έπλ τὸν β', γίνεται ὁ 5' πηλικότης ὢν τοῦ ιβ' πρὸς τὸν β΄ λόγου, καί έστιν έξαπλάσιος, δνπερ καὶ προέχειτο ὑποδείξαι. εί δὲ καὶ ὁ μέσος παρεμπίπτων μὴ 5 ύπάρχη τοῦ μὲν μείζονος έλάττων, τοῦ δὲ έλάττονος μείζων, άλλ' η [τὸ ἀνάπαλιν η] άμφοτέρων μείζων η άμφοτέρων έλάττων, και ούτως ή σύνθεσις ή προειρημένη ἀχολουθήσει. τοῦ θ' καὶ τοῦ 5' μέσος τις παρεμπιπτέτω άμφοτέρων μείζων διβ'. λέγω, ὅτι ἔχ τε 10 τοῦ ὑπεπιτρίτου τοῦ θ΄ πρὸς τὸν ιβ΄ λόγου καὶ τοῦ διπλασίου τοῦ ιβ΄ πρὸς τὸν 5΄ σύγκειται ὁ ἡμιόλιος τοῦ θ΄ πρὸς τὸν 5΄. ἡ γὰρ πηλικότης τοῦ θ΄ πρὸς τὸν ιβ΄ λόγου ἐστὶ τρία τέταρτα, τουτέστιν ημισυ καὶ τέταρτον, ή δὲ πηλικότης τοῦ ιβ΄ πρὸς τὸν ς' ἐστιν 15 ὁ β΄. ἐὰν οὖν πολλαπλασιάσωμεν τὸν β΄ ἐπὶ τὸ ῆμισυ καλ τέταρτον, γίνεται μονάς α΄ καλ ημισυ, ητις πηλικότης έστὶ τοῦ ἡμιολίου λόγου, ὃν ἔχει καὶ ὁ θ΄ πρός τὸν 5΄. όμοίως δὲ κᾶν τοῦ θ΄ καὶ τ΄ μέσος έμπέση ὁ δ΄, ἐκ τοῦ θ΄ πρὸς δ΄ διπλασιεπιτετάρτου καὶ τοῦ δ΄ πρὸς 5΄ 20 ύφημιολίου σύγκειται ό ήμιόλιος λόγος. πάλιν γὰρ την πηλικότητα τοῦ διπλασιεπιτετάρτου τὰ β' δ" ἐπλ την πηλικότητα τοῦ ὑφημιολίου, τουτέστι τὰ δύο τρίτα, πολλαπλασιάσαντες έξομεν τὸ εν καὶ ημισυ πηλικότητα τοῦ ἡμιολίου, ώς εἴρηται, λόγου. καὶ ἐπὶ πάντων δὲ 25 όμοίως ὁ αὐτὸς ἁρμόσει λόγος. συμφανές δὲ ἐκ τῶν είρημένων, ώς, έὰν δύο δοθέντων ἀριθμῶν ήτοι μεγεθών καν μη είς μέσος, πλείους δε παρεμπίπτωσιν δροι, δ τῶν ἄκρων λόγος σύγκειται ἐκ πάντων τῶν λόγων, ών έχουσιν οί κατά τὸ έξῆς κείμενοι ὅροι ἀρ-

^{2.} τὸν β΄] το β΄ F. γίνεται] per comp. F. 6. ἢ τὸ ἀνάπαλιν] errorem tam ineptum Eutocius uix potuit commit-

tates rationum, h. e. 3 et 2, inter se multiplicauerimus, efficietur 6 quantitas rationis 12:2, et sexcupla erit, quam ipsam inuenire propositum erat. sin numerus, qui medius sumitur, maiore minor et maior minore non est, sed aut utroque maior aut utroque minor, sic quoque compositio, quam significauimus, sequetur. inter 9 et 6 medius sumatur numerus 12 utroque maior. dico, rationem sesquialteram 9:6 compositam esse ex ratione subsesquitertia 9:12 et duplici 12:6. nam quantitas rationis 9:12 est $\frac{3}{4}$, h. e. $\frac{1}{4} + \frac{1}{4}$, quantitas autem rationis 12:6 est 2. si igitur multiplicauerimus 2 in $\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$, efficietur $1 + \frac{1}{2}$, quantitas rationis sesquialterius, quam habet 9:6. et similiter etiam si inter 9 et 6 medius sumitur 4, ratio sesquialtera composita est ex ratione duplici sesquiquarta 9:4 et subsesquialtera 4:6. rursus enim si quantitatem rationis duplicis sesquiquartae 2 + 1 in quantitatem subsesquialterius, h. e. $\frac{2}{3}$, multiplicauerimus, habebimus $1 + \frac{1}{2}$, quantitatem rationis sesquialterius, uti diximus. et in omnibus eadem ratio ualebit.

adparet autem ex iis, quae diximus, etiam si¹) inter duos datos numeros uel magnitudines non unus, sed plures medii sumantur termini, sic quoque rationem extremorum compositam esse ex omnibus rationi-

¹⁾ Fortasse delendum est έάν lin. 26.

tere. 11. $\pi \varrho \acute{o}_{S}$] om. F; corr. B. 12. $\tau \acute{o}_{T} \acute{s}'$] $\tau \alpha \acute{s}'$ F; corr. Torellius. 18. $\pi \alpha \acute{t}$] per comp. F. 18. \acute{s}'] F; $\tau o \~{v}$ s' uulgo. 21. $\acute{\rho}'$ $\acute{\sigma}'$] \overrightarrow{Bd}' F, uulgo; $\acute{o}\acute{v}o$ $\tau \acute{e}\tau \alpha \varrho \tau \alpha$ Torellius peruerse. 28. $\acute{e}_{T} \star \pi \alpha \acute{t}$ $\Hau \iota \iota \iota \iota \iota \iota$ $\Hau \iota \iota \iota$ om. F; corr. Torellius; fort. serib. α' ι'' . 26. εισημενώς F.

χόμενοι ἀπὸ πρώτου καὶ λήγοντες είς τὸν ἔσχατον τῆ κατὰ τοὺς ἐχομένους τάξει. δύο γὰρ ὅντων ὅρων τῶν Α, Β παρεμπιπτέτωσαν πλείους ένὸς οί Γ, Δ. λέγω, ὅτι ὁ τοῦ Α πρὸς τὸν Β λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ, ὁ δὺ ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ, καὶ ὁ

Δ πρὸς τὸν Β. ἐπεὶ γὰρ ὁ τοῦ Α πρὸς τὸν Β σύγκειται ἔκ τε τοῦ, ὃν ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Δ, καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν Β, ὡς ἀνωτέρω εἴρηται, ὁ δὲ τοῦ Α πρὸς τὸν Δ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ, ὃν ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ [ἔχει], ὁ ἄρα τοῦ Α πρὸς τὸν Β λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ, ὃν ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ, καὶ ὁ Δ πρὸς

15 τὸν Β. — ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δειχθήσεται.
Ετι ἐν τῷ ὁητῷ φησιν.

'Αλλ' ώς μεν ή ΡΛ ποὸς ΛΔ, ἐδείχθη τὸ ἀπὸ ΒΔ ποὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ] ἐπεὶ γὰο δέδεικται, ώς ή ΡΛ ποὸς ΛΔ, τὸ ἀπὸ ΛΚ ποὸς τὸ ἀπὸ ΔΛ, ώς δὲ τὸ 20 ἀπὸ ΚΛ ποὸς τὸ ἀπὸ ΛΔ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΒΔ ποὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ (ἐδείχθη γάο, ώς ή ΚΛ ποὸς ΛΔ, ή ΒΔ ποὸς ΔΧ διὰ τοῦ συνθέντι), ώς ἄρα ή ΡΛ ποὸς ΛΔ, τὸ ἀπὸ ΒΔ ποὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ.

Πεποιήσθω δέ, ώς ή PΛ πρός ΛΧ, ή ΒΖ πρός 25 ΖΘ] τὸ Θ σημεῖον ὅπως ποτὲ μὲν ἂν τεθῆ, ὅσον πρὸς τὴν ἀκολουθίαν τῆς ἀποδείξεως κατ' οὐδὲν ἐμποδων γίνεται τῷ λόγω. ὅτι δέ, καθὰ ἐν τῆ καταγραφῆ κεῖται, ἀεὶ μεταξὺ τῶν Β, Ρ πίπτει, οῦτως ἔσται δῆλον. ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ἡ ΛΚ πρὸς ΔΚ, τουτέστι πρὸς

^{9.} ανοτερω F. 12. ἔχει] deleo. 21. ΔΧ] ΒΧ FV, Cr. 24. sine signo F. 25. ἄν] εαν F; corr. Torellius. 27. γί-

bus, quas habeant termini deinceps positi a primo incipientes et in extremo desinentes secundum ordinem terminorum deinceps sequentium. nam inter duos terminos A, B sumantur plures uno Γ , Δ . dico, rationem A:B compositam esse ex $A:\Gamma$ et $\Gamma:\Delta$ et $\Delta:B$. nam quoniam ratio A:B composita est ex $A:\Delta$ et $\Delta:B$, ut supra dictum est, ratio autem $A:\Delta$ ex $A:\Gamma$ et $\Gamma:\Delta$, ratio igitur A:B composita est ex $A:\Gamma$ et $\Gamma:\Delta$ et $\Delta:B$. et similiter etiam in ceteris demonstrabitur.

porro in uerbis Archimedis est:

P. 212, 21-22: sed demonstratum est, esse

$$PA: A\Delta = B\Delta^2: \Delta X^2$$

nam quoniam demonstratum est, esse

 $PA: A\Delta = AK^2: \Delta A^2$ [p. 212, 7],

et $K\Delta^2: \Delta\Delta^2 = B\Delta^2: \dot{\Delta}X^2$ (nam demonstratum est, esse componendo

 $KA: A\Delta = B\Delta: \Delta X$ [p. 212, 9-10]), erit igitur $PA: A\Delta = B\Delta^2: \Delta X^2$.

P. 214, 1—2: fiat¹) autem $PA: AX = BZ: Z\Theta$] quo modo punctum Θ ponatur, quod ad demonstrationis tenorem adtinet, nihil refert ratiocinationis. uerum id semper inter puncta B, P cadere, sicut in figura [uol. I p. 217] positum est, sic erit manifestum. quoniam est AK: AK, h. e. AK: KB, $= KP: PB^2$),

¹⁾ Hoc loco igitur πεποιήσθω pro γεγονέτω genuinum esse uidetur (cfr. Quaest. Arch. p. 70), nisi hic quoque transscriptoris est.

²⁾ Componendo ex $A\Delta: K\Delta = KB: BP$ (uol. I p. 212, 1).

νεται] per comp. F. 28. οὖτως ἔσται] utrumque per comp. F. 29. γάφ ἐστιν] utrumque per comp. F.

ΚΒ, οῦτως ἡ ΚΡ πρὸς ΡΒ, καὶ ὡς ἄρα εν πρὸς εν, οῦτως ἄπαντα πρὸς ἄπαντα, ὡς ἡ ΛΡ πρὸς ΡΚ, ἡ ΚΡ πρὸς ΡΒ. μείζονα δὲ λόγον ἔχει ἡ ΛΡ πρὸς ΡΧ, ἤπερ ἡ ΛΡ πρὸς ΡΧ. καὶ ἡ ΛΡ ἄρα πρὸς ΡΧ μείδονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΚΡ πρὸς ΒΡ, τουτέστιν ἡ ΖΒ πρὸς ΒΡ. ἀναστρέψαντι ἡ ΡΛ πρὸς ΛΧ ἐλάσσονα ἔχει λόγον, ἤπερ ἡ ΒΖ πρὸς ΖΡ. ἐὰν ἄρα ποιήσωμεν, ὡς ΡΛ πρὸς ΛΧ, οῦτως τὴν ΒΖ πρὸς ἄλλην τινά, ἔσται πρὸς μείζονα τῆς ΖΡ. — φανερὸν δὲ 10 αὐτόθεν, ὅτι ἡ ΖΘ τῆς ΘΒ μείζων ἐστίν. ἐπεὶ γὰρ δέδεικται, ὡς ἡ ΛΔ πρὸς ΔΚ, ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ, καὶ ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ, μείζων δὲ ἡ ΔΧ τῆς ΧΒ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ΛΔ τῆς ΔΚ, καὶ ἡ ΚΒ τῆς ΒΡ. ώστε καὶ ἡ ΛΔ τῆς ΒΡ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΛΧ τῆς ΧΡ μεί-15 ζων ἐστίν. ώστε καὶ ἡ ΘΖ τῆς ΘΒ.

Αοιπὸν ἄρα ἐστίν, ὡς τὸ ἀπὸ ΒΔ, τουτέστι τὸ δοθέν, πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ, οῦτως ἡ ΖΧ πρὸς ΖΘ] ἐπεὶ γὰρ τῷ τῆς ΒΖ πρὸς ΘΖ λόγφ ὁ αὐτὸς ἐδείχθη ὁ συγκείμενος ἐκ τοῦ ἀπὸ ΒΔ πρὸς τὸ ἀπὸ 20 ΔΧ καὶ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΧ, τῷ δὲ αὐτῷ τῷ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΘ ὁ αὐτός ἐστι καὶ ὁ συγκείμενος ἐκ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΧ καὶ τοῦ τῆς ΧΖ πρὸς ΖΘ, καὶ ὁ συγκείμενος ἄρα ἐκ τοῦ ἀπὸ ΒΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ καὶ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΧ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ 25 συγκειμένφ ἐκ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΧ καὶ τοῦ τῆς ΧΖ πρὸς ΖΘ. ἐὰν οὖν τὸν ἐν ἀμφοτέροις τοῖς λόγοις κοινὸν ἀφέλωμεν τὸν τῆς ΒΖ πρὸς ΧΖ, λοιπὸς ὁ τοῦ

^{3.} KP] KB F, Cr. 5. KP] KB F; corr. A. 9. $\mathcal{E}\sigma\tau\alpha\iota$] per comp. F. 20. ΔX] ΔK FVCD. $\tau o\tilde{\nu}$] om. F; corr. Torellius. ZX] ZK FVCD. 22. ZX] ZK FV. $\tau o\tilde{\nu}$] om. FV. $Z\Theta$ loyov A, ed. Basil., Torellius. 23. ΔX \ ΔK

itaque ut unus terminus ad unum, ita omnes ad omnes [Eucl. ∇ , 12] KP: PB = AP: PK. sed

AP: PX > AP: PK.

itaque $\Delta P: PX > KP: BP$, h. e. $\Delta P: PX > BZ: BP$.\(^1\) convertendo $PA: \Delta X < BZ: ZP$ \(^3\) si igitur fecerimus, ut $PA: \Delta X$, ita BZ ad aliam lineam, erit ad lineam maiorem linea ZP.\(^3\) — hic autem statim adparet, esse $Z\Theta > \Theta B$. nam quoniam demonstratum est, esse

 $\Delta \Delta: \Delta K = \Delta X: XB = KB:BP \text{ (uol. I p. 212, 1-2),}$ et $\Delta X > XB$, erit etiam $\Delta \Delta > \Delta K$ et KB > BP. quare etiam $\Delta \Delta > BP$. itaque $\Delta X > XP$ et etiam $\Theta Z > \Theta B.$

P. 214, 10—12: itaque quod relinquitur $B\Delta^2$, hoc est spatium datum, ad ΔX^2 eam rationem habet, quam XZ ad $Z\Theta$] nam quoniam demonstratum est, esse $B\Delta^2: \Delta X^2 \times BZ: ZX = BZ: \Theta Z$ [uol. I p. 214, 5—7], sed etiam $BZ: Z\Theta = BZ: ZX \times XZ: Z\Theta$, erit etiam $B\Delta^2: \Delta X^2 \times BZ: ZX = BZ: ZX \times XZ: Z\Theta$.

si igitur rationem BZ: XZ utrique communem remo-

¹⁾ Nam ZB = KB (I p. 212, 14) < KP; tum u. Eucl. V, 8.

²⁾ Cfr. Pappus VII, 48 p. 686.

³⁾ Itaque $Z\Theta > ZP$; sed cum PA > AX, crit $BZ > Z\Theta$. itaque Θ punctum inter B et P cadit.

⁴⁾ Nam $PA: AX = BZ: Z\Theta$ (uol. I p. 214, 1—2); unde dirimendo $XP: AX = B\Theta: Z\Theta$.

FV. 24. ZX] ZK FV. 25. ZX] BX FV. 27. XZ] BZ F; ZX uulgo.

άπὸ $B \triangle$ πρὸς τὸ ἀπὸ $\triangle X$ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τῆς XZ πρὸς ZΘ.

Καὶ δὴ δοθεϊσαν τὴν ΔΖ τεμεῖν δεῖ κατὰ τὸ Χ καὶ ποιεῖν, ὡς τὴν ΧΖ πρὸς δοθεῖσαν 5 (τουτέστι την ΖΘ), ουτως τὸ δοθέν (τουτέστι τὸ ἀπὸ ΒΔ) προς τὸ ἀπὸ ΔΧ. τοῦτο δὲ οῦτως άπλῶς μὲν λεγόμενον ἔχει διορισμόν, προστιθεμένων δε τῶν προβλημάτων τῶν ἐνθάδε ὑπαρχόντων (τουτέστι τοῦ τε διπλασίαν είναι τὴν ΔΒ 10 της ΒΖ καὶ τοῦ μείζονα τὴν ΒΖ της ΖΘ, ώς κατὰ την αναλυσιν) ούκ έχει διορισμόν. καὶ έσται τὸ πρόβλημα τοιοῦτον· δύο δοθεισῶν εὐθειῶν τῶν ΔΒ, ΒΖ καὶ διπλασίας οὔσης τῆς ΔΒ τῆς ΒΖ καὶ σημείου ἐπὶ τῆς ΒΖ τοῦ Θ τεμεῖν τὴν 15 ΔΒ κατὰ τὸ Χ καὶ ποιεῖν, ὡς τὸ ἀπὸ ΔΒ ποὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ, τὴν ΧΖ πρὸς ΖΘ. ἐκάτερα δὲ ταῦτα ἐπὶ τέλει ἀναλυθήσεταί τε καὶ συντεθήσεται] έπὶ τέλει μὲν τὸ προρηθὲν ἐπηγγείλατο δεῖξαι, έν ούδενι δε των άντιγράφων εύρειν ενεστι τὸ έπ-20 άγγελμα. όθεν καὶ Διονυσόδωρον μεν ευρίσκομεν μή τῶν αὐτῶν ἐπιτυχόντα, ἀδυνατήσαντα δὲ ἐπιβαλεϊν τῷ καταλειφθέντι λήμματι ἐφ' έτέραν ὁδὸν τοῦ ὅλου προβλήματος έλθεῖν, ηντινα έξης γράψομεν. Διοκλης μέντοι καὶ αὐτὸς ἐν τῷ περὶ πυρίων αὐτῷ συγγεγραμ-25 μένω βιβλίω έπηγγέλθαι νομίζων τὸν Αρχιμήδη, μὴ πεποιηκέναι δε τὸ ἐπάγγελμα, αὐτὸς ἀναπληροῦν ἐπεχείρησεν. καὶ τὸ ἐπιχείρημα έξῆς γράψομεν. ἔστιν

^{1.} τό] om. F; corr. Torellius. 3. δή] εσται per comp. F; corr. ed. Basil. τήν] της per comp. F; corr. ed. Basil. δεῖ] δη FC. 4. ποι cum comp. ην uel ιν F. Lin. 3—11: διορισμόν sine signo F. 11. τό] Archimedes I p. 214, 20; om. F, nulgo. 17. τε] Archimedes I p. 214, 26; om. F, nulgo.

uerimus¹), quae relinquitur ratio $B\Delta^2:\Delta X^2$, aequalis erit rationi $XZ:Z\Theta$.

P. 214, 13-26: datam igitur lineam²) ΔZ secare oportet in puncto X, ita ut sit, sicut XZ ad lineam datam (h. e. $Z\Theta$), ita datum spatium (h. e. $B\Delta^2$) ad ΔX^2 . hoc si ita indefinite proponitur, determinationem habet, sed adiunctis condicionibus, quae hoc loco exstant (h. e. esse $\Delta B = 2BZ$ et $BZ > Z\Theta$, ut ex analysi adparuit), determinationem non habet. et erit problema huiusmodi: datis duabus lineis AB et BZ, quarum ΔB duplo maior est linea BZ, et puncto Θ in linea BZ lineam ΔB in puncto X ita secare, ut fiat $\Delta B^2 : \Delta X^2 = XZ : Z\Theta$. quorum utrumque in fine resoluetur et componetur] promisit quidem, se in fine demonstraturum esse, quae dicta sunt, sed in nullo codice inueniri potuit, quod promisit. quare etiam Dionysodorum, quippe qui eadem desideraret nec lemma praetermissum excogitare posset, aliam totius problematis rationem iniisse reperimus, quam infra perscribemus. Diocles autem, qui et ipse in eo libro, quem scripsit de speculis causticis, Archimedem promisisse quidem arbitratur, sed promissum non praestitisse, ipse supplere conatus est. et conatum eius deinceps perscribemus. nam quamquam et ipse cum prae-

¹⁾ Non subtrahendo, quod uulgo hoc uocabulo significatur, sed diuidendo.

Fortasse pro καὶ ἔσται scrib. εὐθεῖαν ἄρα, sicut uol. I
 214, 13 restitui; alioquin discrepantia transscriptori tribuenda est.

^{19.} τό] δε το F; corr. B; τόδε Torellius. 24. αὐτός\ αντο F; corr. V. 25. μή] scripsi; μητε F, uulgo; μήποτε B, ed. Basil., Torellius; "non" Cr.

γάρ καὶ αὐτὸ οὐδένα μὲν ἔχον πρὸς τὰ παραλελειμμένα λόγον, όμοίως δε τῷ Διονυσοδώρω δι' ετέρας ἀποδείξεως κατασκευάζον τὸ πρόβλημα. Εν τινι μέντοι παλαιώ βιβλίω (οὐδε γαρ της είς πολλά ζητήσεως ἀπέστη-5 μεν) ένετύχομεν θεωρήμασι γεγραμμένοις οὐκ ὀλίγην μεν την έκ των πταισμάτων έχουσιν άσάφειαν περί τε τὰς καταγραφὰς πολυτρόπως ἡμαρτημένοις, τῶν μέντοι ζητουμένων είχον την υπόστασιν, εν μέρει δε την Αρχιμήδει φίλην Δωρίδα γλώσσαν απέσωζον και τοῖς συν-10 ήθεσι τῷ ἀρχαίω τῶν πραγμάτων ὀνόμασιν ἐγέγραπτο, της μέν παραβολης δρθογωνίου κώνου τομης δνομαζομένης, της δε ύπερβολης αμβλυγωνίου κώνου τομης, ώς έξ αὐτῶν διανοείσθαι, μὴ ἄρα καὶ αὐτὰ είη τὰ έν τῷ τέλει ἐπηγγελμένα γράφεσθαι. ὅθεν σπουδαιότερον 15 έντυγχάνοντες αὐτὸ μὲν τὸ δητόν, ὡς γέγραπται, διὰ πλήθος, ώς εξοηται, των πταισμάτων δυσγερές εύρόντες τὰς ἐννοίας κατὰ μικρὸν ἀποσυλήσαντες κοινοτέρα καλ σαφεστέρα κατά τὸ δυνατὸν λέξει γράφομεν. καθόλου δὲ πρώτον τὸ θεώρημα γραφήσεται, ΐνα τὸ λε-20 γόμενον ὑπ' αὐτοῦ σαφηνισθῆ περί τῶν διορισμῶν: είτα και τοις αναλελυμένοις έν τῶ προβλήματι προσαρμοσθήσεται.

Εὐθείας δοθείσης τῆς ΑΒ καὶ ἐτέρας τῆς ΑΓ καὶ χωρίου τοῦ Δ προκείσθω λαβεῖν ἐπὶ 25 τῆς ΑΒ σημεῖον ὡς τὸ Ε, ὥστε εἶναι, ὡς την ΑΕ πρὸς ΑΓ, οῦτω τὸ Δ χωρίον πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΒ. γεγονέτω, καὶ κείσθω ἡ ΑΓ πρὸς ὀρθὰς τῆ ΑΒ, καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΓΕ διήχθω ἐπὶ τὸ Ζ. καὶ ἤχθω διὰ τοῦ Γ τῆ ΑΒ παράλληλος ἡ ΓΗ,

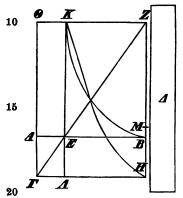
^{1.} παραλελειμμένα] scripsi; αρα (comp.) λελημμενα (altero μ supra scripto manu 1) F; παραλελημενα CVAD; προλελημένα

termissis nihil commune habet, tamen, sicut Dionysodori, problema alia demonstratione conficit. sed in libro quodam uetusto (neque enim multa perscrutari supersedebam) incidi in theoremata quaedam ibi perscripta, quae propter errores non minimam habebant obscuritatem et in figuris multifariam mendosa erant, praestabant autem, quod quaerimus, et aliqua ex parte sermonem Doricum Archimedi adsuetum seruabant et scripta erant cum nominibus in antiqua harum rerum disciplina usitatis, cum parabola uocaretur coni rectanguli sectio, hyperbola coni obtusianguli sectio; unde orta est suspicio, ea ipsa esse, quae in fine perscripturum se esse promisisset. quare adcuratius incumbens, cum ipsa uerba, sicut scripta sunt, propter eam, quam dixi, mendorum copiam obscuriora inuenissem, sententias singulatim excerptas oratione, quantum potui, usitatiore et clariore perscripsi. primum igitur theorema universaliter perscribetur, ut adpareat, quod de determinationibus dixit; deinde etiam ad ea, quae in analysi problematis dicta sunt, adplicabitur.

"Data linea AB et alia linea $A\Gamma$ et spatio Δ propositum sit, ut in linea AB punctum sumamus, uelut E, ita ut sit $AE: A\Gamma = \Delta: EB^2$. fiat, et ponatur $A\Gamma$ ad AB perpendicularis, et linea ΓE ducta producatur ad C. et ducatur per C lineae C parallela linea

Β, ed. Basil.; προβλελημμένα Torellius. 3. κατασκευάζον] scripsi; κατασκευάζων F, uulgo. 5. ένετύχομεν] scripsi; ενετυχαμεν F, uulgo; fort. έντετύχαμεν. ολιγ cum comp. αν F. 7. ημαρτιμενοις F. 10. εγγεγραπτο F. 13. αὐτά] scripsi; αντος F, uulgo. 14. έπερχόμενος γράφεσθαι Torellius. 17 ενγοιας F.

διὰ δὲ τοῦ Β τῆ ΑΓ παράλληλος ἡ ΖΒΗ συμπίπτουσα έκατέρα τῶν ΓΕ, ΓΗ. καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΗΘ παραλληλόγραμμον, καὶ διὰ τοῦ Ε ὁποτέρα τῶν ΓΘ, ΗΖ παράλληλος ἤχθω ἡ 5 ΚΕΛ, καὶ τῷ Δ ἴσον ἔστω τὸ ὑπὸ ΓΗΜ. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΕΛ πρὸς ΑΓ, οῦτως τὸ Δ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΒ, ὡς δὲ ἡ ΕΛ πρὸς ΗΖ, οῦτως τὸ ἀπὸ κοὸς ΗΖ, ὡς τὸ ἀπὸ



ΓΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΗΖ,
ώς ἄρα τὸ ἀπὸ ΓΗ πρὸς
τὸ ὑπὸ ΓΗΖ, οῦτως τὸ
Δπρὸς τὸ ἀπὸ ΕΒ, τουτέστι πρὸς τὸ ἀπο ΚΖ. καὶ
ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ ΓΗ
πρὸς τὸ Δ, τουτέστι πρὸς
τὸ ὑπὸ ΓΗΜ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΗ
πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΗΜ, οῦτως τὸ τὸ ἀπὸ ΓΗ
πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΗΜ, οῦτως ἡ ΓΗ πρὸς ΗΜ. καὶ

ώς ἄρα ἡ ΓΗ πρὸς ΗΜ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΚ. ἀλλ' ὡς ἡ ΓΗ πρὸς ΗΜ, τῆς ΗΖ ποὺς τὸ ἀπὸ ΖΚ. ἀλλ' ὡς ἡ ΓΗ πρὸς ΗΜ, τῆς ΗΖ ποινοῦ ῦψους λαμβανομένης οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΖ πρὸς τὸ ὑπὸ ΜΗΖ. ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΓΗΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΚ. ἔσον ἄρα τὸ ὑπὸ ΜΗΖ τῷ ἀπὸ ΖΚ. ἔὰν ἄρα περὶ ἄξονα τὴν ΖΗ γραφῆ διὰ τοῦ Η παραβολὴ ὥστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρὰ τὴν ΗΜ, ῆξει διὰ τοῦ Κ, καὶ ἔσται θέ
30 σει δεδομένη διὰ τὸ δεδομένην είναι τὴν ΗΜ

1. ΖΒΗ] ΖΗΒ F; corr. Torellius. 3. τὸ] τω F. 🤼 ἡ

 ΓH , per B autem lineae $A\Gamma$ parallela linea ZBH cum utraque linea ΓE , ΓH concurrens. et expleatur parallelogrammum $H\Theta$, et per E utrique lineae $\Gamma\Theta$, HZ parallela ducatur KEA, et spatio Δ aequale sit $\Gamma H \times HM$. iam quoniam est $EA : A\Gamma = \Delta : EB^3$,

et $EA: A\Gamma = \Gamma H: HZ$,

et $\Gamma H: HZ = \Gamma H^2: \Gamma H \times HZ$, erit

 $\Gamma H^2: \Gamma H \times HZ = \Delta: EB^2 = \Delta: KZ^2.$

et uicissim $\Gamma H^2: \Delta$, h. e.

 $\Gamma H^2: \Gamma H \times HM = \Gamma H \times HZ: ZK^2.$

sed $\Gamma H^2: \Gamma H \times HM = \Gamma H: HM$. itaque

 $\Gamma H: HM = \Gamma H \times HZ: ZK^2$.

sed $\Gamma H: HM = \Gamma H \times HZ: MH \times HZ$, communi altitudine sumpta HZ. itaque etiam

 $\Gamma H \times HZ : MH \times HZ = \Gamma H \times HZ : ZK^2$

quare erit $MH > HZ = ZK^2$. si igitur circum axem ZH per H parabolam descripserimus, ita ut parametrus sit HM, per K ibit¹), et positione data esit, quia HM magnitudine data est, quippe quae cum data linea

¹⁾ Apollon. con. I, 11 conuers. Zeitschr. f. Math., hist. Abth. XXV p. 51.

ZH] το απο ΓΗ F; corr. ed. Basil. In figura codicis F littera M in producta linea ΓΗ ponitur.

21. οὅτως] αλλ ὡς ΓΥΑ.

22. Post ΗΜ repetuntur in F: αλλ ὡς το υπο ΓΗΖ προς το απο ΖΚ αλλ ωσ η ΓΗ προς ΗΜ; sed expunxit manus 1.

26. ἄρα] per comp. F.

28. δύνασθαι] om. F; corr. A.

29. ἔσται] per comp. F.

τῷ μεγέθει περιέχουσαν μετὰ τῆς ΗΓ δεδομένης δοθέν τὸ Δ. τὸ ἄρα Κ ᾶπτεται θέσει δεδομένης παραβολής. γεγράφθω οὖν, ώς εἴρηται, καὶ ἔστω ώς ἡ ΗΚ. πάλιν ἐπειδὴ τὸ ΘΛ 5 γωρίον ίσον έστὶ τῷ ΓΒ, τουτέστι τὸ ὑπὸ ΘΚΛ τῷ ὑπὸ ΑΒΗ, ἐὰν διὰ τοῦ Β περὶ ἀσυμπτώτους τὰς ΘΓ, ΓΗ γραφή ὑπερβολή, ήξει διὰ τοῦ Κ διὰ τὴν ἀντιστροφὴν τοῦ ή θεωρήματος τοῦ δευτέρου βιβλίου τῶν Ἀπολλωνίου κωνικῶν 10 στοιχείων, καὶ ἔσται θέσει δεδομένη διὰ τὸ καὶ έκατέραν τῶν ΘΓ, ΓΗ, ἔτι μὴν καὶ τὸ Β τῆ θέσει δεδόσθαι. γεγράφθω, ώς εξοηται, καὶ ἔστω ώς ή ΚΒ. τὸ ἄρα Κ ᾶπτεται θέσει δεδομένης ύπερβολής. ήπτετο δε και θέσει δεδομένης 15 παραβολης. δέδοται ἄρα τὸ Κ. καί ἐστιν ἀπ' αὐτοῦ κάθετος ἡ ΚΕ ἐπὶ θέσει δεδομένην τὴν ΑΒ. δέδοται ἄρα τὸ Ε. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΕΑ πρός την δοθεϊσαν την ΑΓ, ουτως δοθέν τὸ Δ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΒ, δύο ἄρα στερεῶν, ὧν 20 βάσεις θὸ ἀπὸ ΕΒ καὶ τὸ Δ, ὕψη δὲ αί ΕΑ, ΑΓ, άντιπεπόνθασιν αί βάσεις τοῖς ὕψεσιν. ὥστε ἴσα ἐστὶ τὰ στερεά. τὸ ἄρα ἀπὸ ΕΒ ἐπὶ τὴν ΕΛ ίσον έστι τῷ δοθέντι τῷ Δ ἐπι δοθείσαν την ΓΑ. άλλα το άπο ΒΕ έπι την ΕΑ μέγιστον 25 έστι πάντων τῶν ὁμοίως λαμβανομένων ἐπὶ τῆς ΒΑ, ὅταν ἡ διπλασία ἡ ΒΕ τῆς ΕΑ, ὡς δειχθήσεται. δεϊ ἄρα τὸ δοθὲν ἐπὶ τῆν δοθεῖσαν μη μείζον είναι τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ.

γραφη] ή γραφη F; corr. ed. Basil. υποπεριβολη F; corr. ed. Basil. 8. η'] ιβ' Torellius. Φεορηματος F. 13.
 ΧΒ] Χ F; corr. A; "b k" Cr. 19. ἄρα] om. F; corr. ed. Ba-

 $H\Gamma$ datum spatium Δ comprehendat. itaque punctum K parabolam positione datam tangit. describatur igitur, uti diximus, et sit HK. rursus quoniam est $\Theta \Lambda = \Gamma B$ [Eucl. I, 43], h. e. $\Theta K \times K \Lambda = AB \times BH$. si per B in asymptotis $\Theta\Gamma$, ΓH hyperbolam descripserimus, per K ibit propter conuersum theorema VIII secundi libri Apollonii conicorum elementorum¹), et positione data erit, quia utraque linea $\Theta\Gamma$, ΓH et praeterea punctum B positione data sunt. describatur, uti diximus, et sit KB. itaque K hyperbolam positione datam tangit. tangebat autem etiam parabolam positione datam. itaque punctum K datum est. ab eo ad lineam AB positione datam perpendicularis ducta est KE. itaque E datum est. iam quoniam EA ad datam $A\Gamma$ eam rationem habet, quam datum spatium Δ ad EB^2 , in duabus figuris solidis, quarum bases sunt EB^2 et Δ , altitudines autem EA et $A\Gamma$, bases in contraria proportione altitudinum sunt. quare solidae figurae aequales sunt. itaque

$$EB^2 \times EA = \Delta \times \Gamma A$$

quorum utrumque datum est. sed $BE^2 \times EA$ maximum est omnium spatiorum in BA similiter sumptorum, si BE = 2EA, sicut demonstrabitur. itaque spatium datum in lineam datam multiplicatum non maius esse oportet quam $BE^2 \times EA$.

¹⁾ In nostris codd. est Apollon. con. II, 12. de qua re cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 362.

¹⁾ Sc. si $B\widetilde{E} = 2\widetilde{E}A$.

sil. 20. $\beta\alpha\sigma\iota\varsigma$ FCD. $\varkappa\alpha\iota'$] per comp. F. 21. $\beta\alpha\sigma$ cum comp. $\eta\varsigma$ uel $\iota\varsigma$ F. $\omega\sigma\tau\alpha\iota$ F. 22. $\check{\alpha}\varrho\alpha$] per comp. F. 24. $\tau\check{\eta}\nu$] (alt.) $\tau\iota$ cum comp. $\eta\nu$, ut uidetur, F. 25. opol cum comp. $\omega\nu$ FD.

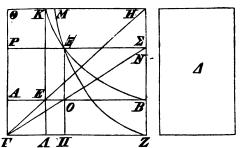
συντεθήσεται δε ουτως έστω ή μεν δοθεϊσα εὐθεῖα ή ΑΒ, ἄλλη δέ τις δοθεϊσα ή ΑΓ, τὸ δὲ δοθὲν γωρίον τὸ Δ. καὶ δέον ἔστω τεμεῖν τὴν ΑΒ, ὥστε εἶναι, ὡς τὸ ἕν τμῆμα πρὸς 5 την δοθείσαν την ΑΓ, ούτως τὸ δοθέν τὸ Δ πρός τὸ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος. είλήφθω τῆς ΑΒ τρίτον μέρος ἡ ΑΕ. τὸ ἄρα Δ ἐπὶ τὴν ΑΓ ήτοι μετζόν έστι τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ η ίσον η έλασσον, εί μεν οὖν μεζζόν έστιν, 10 οὐ συντεθήσεται, ώς έν τῆ ἀναλύσει δέδεικται. εί δὲ ἴσον ἐστί, τὸ Ε σημεῖον ποιήσει τὸ πρόβλημα, ζσων γὰρ ὄντων τῶν στερεῶν ἀντιπεπόνθασιν αί βάσεις τοις ΰψεσιν, καί έστιν, ώς . ή ΕΑ πρός ΑΓ, οΰτως τὸ Δ πρός τὸ ἀπὸ ΒΕ. 15 εί δὲ ἔλασσόν ἐστι τὸ Δ ἐπὶ τὴν ΑΓ τοῦ ἀπὸ ΒΕ έπλ την ΕΑ, συντεθήσεται ούτως. κείσθω ή ΑΓ πρὸς ὀρθὰς τῆ ΑΒ, καὶ διὰ τοῦ Γ τῆ ΑΒ παράλληλος ήχθω ή ΓΖ, διὰ δὲ τοῦ Β τῆ ΑΓ παράλληλος ήχθω ή ΒΖ καὶ συμπιπτέτω τῆ ΓΕ 20 έκβληθείση κατὰ τὸ Η. καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΖΘ παραλληλόγραμμον, καὶ διὰ τοῦ Ε τῆ ΖΗ παράλληλος ήχθω ή ΚΕΛ. ἐπεὶ οὖν τὸ Δ ἐπὶ την ΑΓ έλασσόν έστι τοῦ ἀπὸ ΒΕ έπὶ την ΕΑ. ἔστιν, ώς ἡ ΕΑ πρὸς ΑΓ, οῦτως τὸ Δ πρὸς 25 έλασσόν τι τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΕ, τουτέστι τοῦ ἀπὸ της ΗΚ. ἔστω οὖν, ώς ή ΕΛ ποὸς ΑΓ, οῦτως τὸ Δ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ, καὶ τῷ Δ ἴσον ἔστω τὸ

^{3.} $\tau \varepsilon \mu$ cum comp. $\eta \nu$ uel $\iota \nu$ F. 13. $\beta \alpha \sigma$ cum comp. ηs uel ιs F. 19. $\kappa \alpha l$ $\sigma \nu \mu \pi \iota \pi \tau \acute{\varepsilon} \tau \varpi$ $\tau \widetilde{\eta}$ ΓE] om. F; corr. ed. Basil. 21. $Z\Theta$] ZB F.

componetur autem hoc modo: data linea sit AB, et alia linea data $A\Gamma$, datum autem spatium Δ . et propositum sit, ut lineam AB ita secemus, ut altera pars ad datam lineam $A\Gamma$ eam rationem habeat, quam datum spatium Δ ad quadratum reliquae partis. sumatur AE tertia pars lineae AB. itaque $\Delta \times A\Gamma$ aut maius est, quam $BE^2 \times EA$, aut aequale aut minus. si igitur maius est, [problema] non componetur, ut in analysi demonstratum est. sin aequale est, punctum E problema resoluet. nam cum figurae solidae aequales sint, bases in contraria ratione altitudinum sunt, et erit $EA: A\Gamma = \Delta: BE^2$. sin

$$\Delta \times A\Gamma < BE^2 \times EA$$

ita componetur: ponatur $A\Gamma$ ad AB perpendicularis, et per Γ lineae AB parallela ducatur ΓZ , per B autem lineae $A\Gamma$ parallela ducatur BZ et cum ΓE producta concurrat in H. et expleatur parallelogrammum $Z\Theta$,



et per E lineae ZH parallela ducatur KEA. iam quoniam $A \times A\Gamma < BE^2 \times EA$, quam rationem habet $EA: A\Gamma$, eam habebit Δ ad magnitudinem minorem quam BE^2 , h. e. quam HK^2 . sit igitur

$$EA: A\Gamma = \Delta: HM^2$$

ύπὸ ΓΖΝ. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΕΑ πρὸς ΑΓ, οῦτως τὸ Δ, τουτέστι τὸ ὑπὸ ΓΖΝ, πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ, ἀλλ' ὡς ἡ ΕΑ πρὸς ΑΓ, οῦτως ἡ ΓΖ πρὸς ΖΗ, ώς δὲ ή ΓΖ πρὸς ΖΗ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΓΖ 5 πρός τὸ ὑπὸ ΓΖΗ, καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΓΖ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΖΗ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΖΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ. καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ ΓΖ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΖΝ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΖΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ. ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΓΖ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΖΝ, ἡ ΓΖ πρὸς ΖΝ, 10 ώς δὲ ή ΓΖ ποὸς ΖΝ, τῆς ΖΗ ποινοῦ ΰψους λαμβανομένης ούτως τὸ ὑπὸ ΓΖΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΖΗ. καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΓΖΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΖΗ, ούτως τὸ ὑπὸ ΓΖΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ. ζσον ἄρα ἐστὶ τὸ ἀπὸ ΗΜ τῷ ὑπὸ ΗΖΝ. ἐὰν 15 ἄρα διὰ τοῦ Ζ περὶ ἄξονα τὴν ΖΗ γράψωμεν παραβολήν ώστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρὰ τὴν ΖΝ, ἥξει διὰ τοῦ Μ. γεγράφδω, καὶ έστω ώς ή ΜΞΖ. καὶ έπεὶ ἴσον έστὶ τὸ ΘΑ τῷ ΑΖ, τουτέστι τὸ ὑπὸ ΘΚΛ τῷ ὑπὸ ΑΒΖ, ἐὰν 20 διὰ τοῦ Β περὶ ἀσυμπτώτους τὰς ΘΓ, ΓΖ γράψωμεν ὑπερβολήν, ήξει διὰ τοῦ Κ διὰ τὴν ἀντιστροφήν τοῦ η΄ θεωρήματος τοῦ δευτέρου βι βλίου τῶν ἀπολλωνίου κωνικῶν στοιχείων. γεγράφθω, καὶ ἔστω ώς ἡ ΒΚ τέμνουσα τὴν 25 παραβολήν κατὰ τὸ Ξ, καὶ ἀπὸ τοῦ Ξ ἐπὶ τὴν ΑΒ κάθετος ήχθω ή ΞΟΠ, καὶ διὰ τοῦ Ξ τῆ ΑΒ παράλληλος ήχθω ή ΡΞΣ. ἐπεὶ οὖν ὑπεοβολή έστιν ή ΒΞΚ, ἀσύμπτωτοι δὲ αί ΘΓ, ΓΖ, καὶ παράλληλοι ήγμέναι είσὶν αί ΡΕΠ ταῖς

^{17.} ZN] ZH F. 22. η'] ιβ' Torellius. τοῦ δευτέφου βιβί/ου] om. F; corr. Cr., ed. Basil. 24. BK] B Ξ K Torel-

et sit $\Delta = \Gamma Z \times ZN$. iam quoniam

 $EA: A\Gamma = \Delta: HM^2 = \Gamma Z \times ZN: HM^2$,

et $EA: A\Gamma = \Gamma Z: ZH$,

et $\Gamma Z: ZH = \Gamma Z^2: \Gamma Z \times ZH$,

itaque etiam

 $\Gamma Z^2 : \Gamma Z \times ZH = \Gamma Z \times ZN : HM^2$.

et uicissim

 $\Gamma Z_{-}^{2}: \Gamma Z \times ZN = \Gamma Z \times ZH: HM^{2}.$

sed $\Gamma Z^2: \Gamma Z \times ZN = \Gamma Z: ZN$,

et $\Gamma Z: ZN = \Gamma Z \times ZH: NZ \times ZH$,

communi altitudine sumpta ZH. itaque

 $\Gamma Z \times ZH : NZ \times ZH = \Gamma Z \times ZH : HM^2$. quare $HM^2 = HZ \times ZN$. si igitur per Z circum axem ZH parabolam descripserimus, ita ut parametrus eius sit ZN, per M ibit [Apollon. con. I, 11]. describatur, et sit $M\Xi Z$. et quoniam $\Theta A = AZ$ [Eucl. I, 43], h. e. $\Theta K \times KA = AB \times BZ$, si per B in asymptotis $\Theta \Gamma$, ΓZ hyperbolam descripserimus, per K ibit propter conversum theorema VIII libri secundi Apollonii conicorum elementorum [h. e. Apollon. II, 12 conu.]. describatur, et sit BK parabolam in Ξ secans, et ab Ξ ad AB perpendicularis ducatur $\Xi O\Pi$, et per Ξ lineae AB parallela ducatur $P\Xi \Sigma$. iam quoniam hyperbola est $B\Xi K$, et asymptoti $\Theta \Gamma$, ΓZ , et parallelae lineis AB, BZ sunt $P\Xi$, $\Xi \Pi$, erit

 $P\Xi \times \Pi\Xi = AB \times BZ$ [Apollon. II, 12];

lius. 27. $P \not\equiv Z$ FV. 28. $B \not\equiv F$; corr. Torellius. 29. $P \not\equiv$, $\not\equiv \Pi$ Torellius.

ΑΒΖ, ἴσον ἐστὶ τὸ ὑπὸ ΡΞΠ τῷ ὑπὸ ΑΒΖ, ὥστε καὶ τὸ ΡΟ τῷ ΟΖ. ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ Γ ἐπὶ τὸ Σ ἐπιζευχθῆ εὐθεῖα, ἥξει διὰ τοῦ Ο. ἐρχέσθω, καὶ ἔστω ὡς ἡ ΓΟΣ. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΟΛ τρὸς ΑΓ, οῦτως ἡ ΟΒ πρὸς ΒΣ, τουτέστιν ἡ ΓΖ πρὸς ΖΣ, ὡς δὲ ἡ ΓΖ πρὸς ΖΣ, τῆς ΖΝ κοινοῦ ΰψους λαμβανομένης οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΖΝ πρὸς τὸ ὑπὸ ΣΖΝ, καὶ ὡς ἄρα ἡ ΟΛ πρὸς ΛΓ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΖΝ πρὸς τὸ ὑπὸ ΣΖΝ. καί ἐστι 10 τῷ μὲν ὑπὸ ΓΖΝ ἴσον τὸ Δ χωρίον, τῷ δὲ ὑπὸ ΣΖΝ ἴσον τὸ ἀπὸ ΕΞ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΒΟ, διὰ τὴν παραβολήν. ὡς ἄρα ἡ ΟΛ πρὸς ΛΓ, οῦτως τὸ Δ χωρίον πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΒΟ. εἴληπται ἄρα τὸ Ο σημεῖον ποιοῦν τὸ πρόβλημα.

15 ὅτι δὲ διπλασίας οὖσης τῆς ΒΕ τῆς ΕΑ τὸ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ μέγιστόν ἐστι πάντων τῶν ὁμοίως λαμβανομένων ἐπὶ τῆς ΒΑ, δειχθήσεται οῦτως. ἔστω γάρ, ὡς ἐν τῆ ἀναλύσει, πάλιν δοθεῖσα εὐθεῖα πρὸς ὀρθὰς τῆ ΑΒ ἡ ΑΓ, 20 καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΓΕ ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω τῆ διὰ τοῦ Β παραλλήλω ἡγμένη τῆ ΑΓ κατὰ τὸ Ζ. καὶ διὰ τῶν Γ, Ζ παράλληλοι τῆ ΑΒ ἤχθωσαν αί ΘΖ, ΓΗ, καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ ΓΑ ἐπὶ τὸ Θ, καὶ ταύτη παράλληλος διὰ τοῦ Ε 25 ἤχθω ἡ ΚΕΛ. καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ ΕΑ πρὸς ΑΓ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΒ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΓΗΜ ἐπὶ τὴν ΑΓ διὰ τὸ τῶν δύο στερεῶν ἀντιπεπονθέναι τὰς βάσεις τοῖς ῦψεσιν. λέγω οὖν,

^{1.} AB, BZ Torellius. $PZ\Pi$ F. 2. $P\Theta$ FV. 8. καὶ ὡς ανα $= 9: \dot{v}$ πὸ ΣZN in mg. manu 1 F addito signo \circ -, cui re-

quare etiam PO = OZ. si igitur a Γ ad Σ ducta erit linea, ibit per O [Eucl. I, 43 conu.]. cadat, et sit $\Gamma O \Sigma$. iam quoniam est

 $OA: A\Gamma = OB: B\Sigma [\text{Eucl. VI, 4}] = \Gamma Z: Z\Sigma,$ et $\Gamma Z: Z\Sigma = \Gamma Z \times ZN: \Sigma Z \times ZN$, communi altitudine sumpta ZN, erit etiam

$$OA: A\Gamma = \Gamma Z \times ZN: \Sigma Z \times ZN.$$

et $\Gamma Z \times ZN = \Delta$, $\Sigma Z \times ZN = \Sigma Z^2 = BO^2$ propter parabolam [Apollon. I, 11]. itaque

$$OA: A\Gamma = \varDelta: BO^2$$
.

itaque sumptum est punctum O problema resoluens.

uerum $BE^2 \times EA$ maximum esse omnium spatiorum in BA similiter sumptorum, si BE = 2EA, sic demonstrabitur. nam rursus, ut in analysi, data sit linea $A\Gamma$ ad AB perpendicularis, et ducta linea ΓE producatur et cum linea per B lineae $A\Gamma$ parallela ducta in Z concurrat. et per Γ , Z lineae AB parallelae ducantur ΘZ , ΓH , et producatur ΓA ad Θ , et ei parallela per E ducatur KEA. et fiat

$$EA:A\Gamma=\Gamma H\times HM:EB^2$$
.

itaque

$$BE^2 \times EA = (\Gamma H \times HM) \times A\Gamma$$

quia in duabus solidis figuris bases in contraria proportione altitudinum sunt. dico igitur,

$$(\Gamma H \times HM) \times A\Gamma$$

spondet aliud simile in textu.
 per comp. F. 17. τῆς] την per comp. F; corr. AB. 28.
 τῶν] addidi; om. F, uulgo.
 29. βασ cum comp. ης uel ις F.

ότι τὸ ὑπὸ ΓΗΜ ἐπὶ τὴν ΑΓ μέγιστόν ἐστι πάντων τῶν ὁμοίως ἐπὶ τῆς ΒΑ λαμβανομένων. - γεγράφθω γὰρ διὰ τοῦ Η περί ἄξονα τὴν ΖΗ παραβολή ώστε τὰς χαταγομένας δύνασθαι 5 παρὰ τὴν ΗΜ. ηξει δὴ διὰ τοῦ Κ, ὡς ἐν τῆ άναλύσει δέδεικται, καὶ συμπεσεϊται έκβαλλομένη τη ΘΓ παραλλήλω οὖση τη διαμέτρω της τομῆς διὰ τὸ ἔβδομον καὶ εἰκοστὸν θεώρημα τοῦ πρώτου βιβλίου τῶν Ἀπολλωνίου κωνικῶν 10 στοιχείων. ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω κατὰ τὸ Ν, καὶ διὰ τοῦ Β περὶ ἀσυμπτώτους τὰς ΝΓΗ γεγράφθω ύπερβολή. ήξει ἄρα διὰ τοῦ Κ, ώς ἐν τῆ ἀναλύσει εἴοηται. ἐοχέσθω οὖν ώς ή ΒΚ, καὶ ἐκβληθείση τῆ ΖΗ ἴση κείσθο ἡ ΗΞ, 15 και έπεζεύχθω ή ΕΚ και έκβεβλήσθω έπι τὸ Ο. φανερον ἄρα, ὅτι ἐφάπτεται τῆς παραβολῆς διὰ τὴν ἀντιστροφὴν τοῦ τετάρτου καὶ τριακοστοῦ θεωρήματος τοῦ πρώτου βιβλίου τῶν Άπολλωνίου χωνιχών στοιχείων. ἐπεὶ οὖν δι-20 πλη έστιν ή ΒΕ της ΕΑ (ουτως γάρ ὑπόκειται), τουτέστιν ή ΖΚ τῆς ΚΘ, καί ἐστιν ὅμοιον τὸ ΟΘΚ τρίγωνον τῷ ΞΖΚ τριγώνω, διπλασία έστι και ή ΕΚ τῆς ΚΟ. ἔστιν δὲ και ή ΕΚ τῆς ΚΠ διπλη διὰ τὸ καὶ τὴν ΞΖ τῆς ΞΗ καὶ παρ-25 άλληλον είναι τὴν ΠΗ τῆ ΚΖ. ἴση ἄρα ἡ ΟΚ τῆ ΚΠ. ἡ ἄρα ΟΚΠ ψαύουσα τῆς ὑπερβολῆς καὶ μεταξὺ οὖσα τῶν ἀσυμπτώτων δίχα τέμνεται. ἐφάπτεται ἄρα τῆς ὑπερβολῆς διὰ τὴν ἀντιστροφὴν τοῦ τρίτου θεωρήματος τοῦ δευτέρου βιβλίου.

^{8.} Εβδομον] Επτον Torellius. 17. τετάρτου] τρίτου Το-

maximum esse omnium spatiorum in BA similiter sumptorum.

describatur enim per H circum axem ZH parabola, cuius parametrus sit HM. ibit igitur per K, ut in analysi demonstratum est [p. 156, 27 sq.], et producta cum $\Theta\Gamma$ diametro sectionis parallela concurret propter theorema XXVII primi libri Apollonii elementorum conicorum.\(^1\)) producatur et concurrat in N, et per B in asymptotis $N\Gamma$, ΓH describatur hyperbola. ibit igitur per K, ut in analysi dictum est [p. 158, 6 sq]. cadat igitur ut BK, et lineae ZH productae aequalis ponatur $H\Xi^2$), et ducatur ΞK et producatur ad O. adparet igitur, [lineam ΞO] parabolam contingere propter conuersum theorema XXXIV libri primi\(^3\)) Apollonii conicorum elementorum. iam quoniam

$$BE = 2EA$$

(ita enim suppositum est), h. e.

 $ZK = 2K\Theta$, et $O\Theta K \sim \Xi ZK$,

erit etiam $\Xi K = 2KO$. sed etiam $\Xi K = 2K\Pi$, quia $\Xi Z = 2\Xi H$, et ΠH lineae KZ parallela. itaque $OK = K\Pi$. quare $OK\Pi$, quae hyperbolam tangit et inter asymptotos posita est, in duas partes aequales dividitur. itaque hyperbolam contingit propter conversum theo-

¹⁾ In nostris codicibus est con. I, 26.

²⁾ Debebat esse lin. 14: καὶ ἐκβληθείσης τῆς ΖΗ ἴση αὐτῷ κείσθω ἡ ΗΞ.

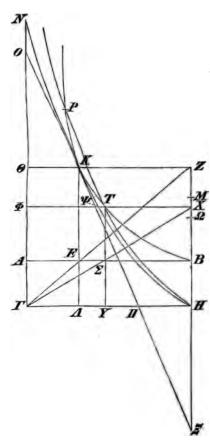
³⁾ In nostris codd. est I, 33.

rellius. 18. θεορηματος F. 23. ΞΚ] (alt.) ZK FV. 28. παφαβολής ed. Basil., Torellius.

των 'Απολλωνίου κωνικών στοιχείων. έφήπτετο δε και της παραβολης κατά το αὐτο Κ. η άρα παραβολή της ύπερβολης έφάπτεται κατά τὸ Κ. νενοήσθω οὖν καὶ ἡ ὑπερβολὴ προσεκ-5 βαλλομένη ώς έπὶ τὸ Ρ, καὶ εἰλήφθω έπὶ τῆς ΑΒ τυχὸν σημείον τὸ Σ, καὶ διά τοῦ Σ τῆ ΚΛ παράλληλος ήχθω ή ΤΣΥ καὶ συμβαλλέτω τῆ ύπερβολή κατά τὸ Τ, καὶ διὰ τοῦ Τ τῆ ΓΗ παράλληλος ήχθω ή ΦΤΧ. ἐπεὶ οὖν διὰ τὴν ὑπερ-10 βολήν και τὰς ἀσυμπτώτους ἴσον ἐστὶ τὸ ΦΥ τῶ ΓΒ, χοινοῦ ἀφαιρεθέντος τοῦ ΓΣ ἴσον γίνεται τὸ ΦΣ τῷ ΣΗ, καὶ διὰ τοῦτο ἡ ἀπὸ τοῦ Γ έπλ τὸ Χ έπιζευγνυμένη εὐθεῖα ήξει διὰ τοῦ Σ. έρχέσθω καὶ ἔστω ώς ή ΓΣΧ. καὶ ἐπεὶ τὸ ἀπὸ 15 ΨΧ ίσον έστι τῷ ὑπὸ ΧΗΜ διὰ τὴν παραβολήν, τὸ ἀπὸ ΤΧ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΧΗΜ.

^{1.} $\alpha \phi \eta \pi \tau \epsilon \tau \sigma$ FV. 6. $\tau \tilde{\eta}]$ $\tau \eta \nu$ per comp. FV. 8. $\tau \sigma \tilde{\tau}$ T] $\tau \sigma \nu$ (comp.) $\tilde{\tau}$ F. 9. $\tilde{\eta}_{Z} \theta \omega$] bis F. 11. $\gamma \ell \nu \epsilon \tau \alpha \iota$] per comp. F. 12. ΣH] ΣK F. Figuram nostram et eam, quam posui infra p. 172, in unum coniungit F, sed perspicuitatis gratia eas disiungere malui. ceterum in nostra figura in F est Φ pro Ψ , et M et Ω in producta ΓH ponuntur. praeterea additur spatium Δ , cuius hic nullus est usus.

rema III secundi libri Apollonii conicorum elementorum. sed in eodem puncto K etiam parabolam contingit.



itaque parabola hyperbolam in K contingit. fingatur igitur etiam hyperbola producta ad P, et in AB punctum quoduis sumatur, uelut Z, et per Σ lineae KAparallela ducatur $T\Sigma T$ et cum hyperbola in T concurrat. et per T lineae ΓH parallela ducatur ΦTX. iam quoniam propter hyperbolam et asymptotos

$\Phi T = \Gamma B$

II [Apollon. II, 12], ablato, quod commune est, $\Gamma \hat{\Sigma}$, erit

$$\Phi \Sigma = \Sigma H$$

itaque linea a Γ ad X ducta per Σ ibit [Eucl.I,43conu.]. cadat et sit $\Gamma \Sigma X$. et

quoniam $\Psi X^2 = XH \times HM$ propter parabolam (Apollon. I, 11), erit

 $TX^{s} < XH \times HM$.

i

γεγονέτω οὖν τῷ ἀπὸ ΤΧ ἴσον τὸ ὑπὸ ΧΗΩ. έπει οὖν έστιν, ώς ή ΣΑ πρὸς ΑΓ, οὕτως ή ΓΗ πρός ΗΧ, άλλ' ώς ή ΓΗ πρός ΗΧ, τῆς ΗΩ κοινοῦ ῦψους λαμβανομένης οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΩ 5 πρός τὸ ὑπὸ ΧΗΩ καὶ πρὸς τὸ ἴσον αὐτῷ τὸ ἀπὸ ΧΤ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΒΣ, τὸ ἄρα ἀπὸ ΒΣ έπι την ΣΑ ίσον έστι τῷ ὑπὸ ΓΗΩ ἐπι την ΓΑ. τὸ δὲ ὑπὸ ΓΗΩ ἐπὶ τὴν ΓΑ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ύπὸ ΓΗΜ ἐπὶ τὴν ΓΑ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΒΣ ἐπὶ τὴν 10 ΣΑ Ελαττόν έστι τοῦ ἀπὸ ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ. όμοίως δη δειχθήσεται καλ έπλ πάντων των σημείων τῶν μεταξὺ λαμβανομένων τῶν Ε, Β. - άλλὰ δὴ εἰλήφθω μεταξὺ τῶν Ε, Α σημείον τὸ ς. λένω, ὅτι καὶ οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ 15 την ΕΑ μετζόν έστι τοῦ ἀπὸ Βς έπλ την 5Α. τῶν γὰρ αὐτῶν κατεσκευασμένων ἤχθω διὰ τοῦ $\mathbf{5}$ $\mathbf{7}$ $\mathbf{7}$ τῆ ὑπερβολῆ κατὰ τὸ Ρ΄ συμβαλεί γὰρ αὐτῆ διὰ τὸ παράλληλος εἶναι τῆ ἀσυμπτώτω· καὶ 20 διὰ τοῦ Ρπαράλληλος ἀχθεῖσα τῆ ΑΒ ἡ Α'ΡΒ' συμβαλλέτω τη ΗΖ έκβαλλομένη κατά τὸ Β΄. και έπει πάλιν διὰ τὴν ὑπεοβολὴν ἴσον ἐστὶ τὸ Γ'ς τῷ ΑΗ, ἡ ἀπὸ τοῦ Γ ἐπὶ τὸ Β' ἐπιζευννυμένη εὐθεῖα ήξει διὰ τοῦ 5. ἐρχέσθω καὶ 25 ἔστω ώς ή ΓςΒ΄. καὶ ἐπεὶ πάλιν διὰ τὴν παραβολην ἴσον έστι τὸ ἀπὸ Α΄Β΄ τῷ ὑπὸ Β΄ΗΜ, τὸ ἄρα ἀπὸ ΡΒ΄ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ Β' ΗΜ. γεγονέτω τὸ ἀπὸ ΡΒ΄ ἴσον τῷ ὑπὸ Β'ΗΩ. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ 5Α πρὸς ΑΓ, οὕτως ἡ ΓΗ πρὸς

 ^{1.} XNΩ FV, ut lin. 5.
 6. τὸ ἄρα ἀπὸ ΒΣ] om. F;
 corr. Torellius.
 15. EA] BA FV.
 20. A PE'] index in E

fiat $XH \times H\Omega = TX^2$. iam quoniam est $\Sigma A: A\Gamma = \Gamma H: HX$,

sed $\Gamma H: HX = \Gamma H \times H\Omega: XH \times H\Omega$, communi altitudine sumpta $H\Omega$,

 $= \Gamma H \times H\Omega : TX^2 = \Gamma H \times H\Omega : B\Sigma^2,$

erit $B\Sigma^2 \times \Sigma A = (\Gamma H \times H\Omega) \times \Gamma A$. sed

 $(\Gamma H \times H\Omega) \times \Gamma A < (\Gamma H \times HM) \times \Gamma A$. itaque $B\Sigma^2 \times \Sigma A < BE^2 \times EA$. similiter igitur etiam in omnibus punctis inter E, B sumptis [idem] demonstrabitur.

uerum sumatur punctum inter E, A, uelut ε [u. fig. p. 172]. dico, sic quoque esse

 $BE^2 \times EA > B\varsigma^2 \times \varsigma A$.

nam iisdem comparatis per $\mathfrak s$ lineae KA parallela ducatur $\mathfrak q\mathfrak sP$ et cum hyperbola concurrat in P; concurret enim, quia asymptoto parallela est [Apollon. II, 13]; et linea A'PB' per P lineae AB parallela ducta cum HZ producta concurrat in B'. et quoniam rursus propter hyperbolam est $\Gamma'\mathfrak q = AH$ [Apollon. II, 12], linea a Γ ad B' ducta ibit per $\mathfrak s$ [Eucl. I, 43 conu.]. cadat et sit $\Gamma \mathfrak sB'$. et quoniam rursus propter parabolam [Apollon. I, 11] $A'B'^2 = B'H \times HM$, erit

 $B'P^2 < B'H \times HM$.

fiat $B'H \times H\Omega = B'P^3$. iam quoniam est $5A: A\Gamma = \Gamma H: HB'$,

ante litteram et cum ea coniuncta ponitur; raro omittitur, uelut hic in B, lin. 26 in A. 21. συμβαλλέτω] scripei; συμβαλλέτω F, uulgo. 26. B'HM] BHω F; corr. A. Pro I' in figura in F est η, h. e. 26.

ΗΒ', ἀλλ' ώς ἡ ΓΗ ποὸς ΗΒ', τῆς ΗΩ κοινοῦ ὕψους λαμβανομένης οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΩ ποὸς

15 20 25

τὸ ὑπὸ Β'ΗΩ, τουτέστι πρός τὸ ἀπὸ ΡΒ΄, τουτέστι πρός τὸ ἀπὸ Βς, τὸ ἄρα ἀπὸ Βς έπλ την 5Α ίσον έστλ τῶ ὑπὸ ΓΗΩ ἐπὶ τὴν ΓΑ. καὶ μεζζον τὸ ύπε ΓΗΜ του ύπο ΓΗΩ, μεζζον ἄρα καλ τὸ ἀπὸ ΒΕ ἐπὶ τὴν Μ ΕΑ τοῦ ἀπὸ Βς ἐπὶ 🕰 τὴν 5 Δ. δμοίως δὴ δειχθήσεται καὶ ἐπὶ πάντων τῶν σημείων τῶν μεταξὺ τῶν Ε. Α λαμβανομένων.

έδείχθη δὲ καὶ ἐπὶ κάντων τῶν μεταξὸ τῶν Ε, Β. πάντων ἄρα τῶν ἐπὶ τῆς ΑΒ ὁμοίως λαμβανομένων μέγιστόν ἐστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ, ὅταν ῇ διπλασία ἡ ΒΕ τῆς ΕΑ.

Ἐπιστῆσαι δὲ χοὴ καὶ τοῖς ἀκολουθοῦσιν κατὰ τὴν εἰρημένην καταγραφήν. ἐπεὶ γὰρ δέδεικται τὸ ἀπὸ 30 ΒΣ ἐπὶ τὴν ΣΑ καὶ τὸ ἀπὸ Βς ἐπὶ τὴν ς Α ἔλασσον 14. δή] δέ Torellius. Uerba τῶν Ε, Α lin. 17 ad μεταξύ

et $\Gamma H: HB' = \Gamma H \times H\Omega: B'H \times H\Omega$, communi altitudine sumpta $H\Omega$,

 $= \Gamma H \times H\Omega : B'P^2 = \Gamma H \times H\Omega : B \varsigma^2,$ itaque $B \varsigma^2 \times \varsigma A = (\Gamma H \times H\Omega) \times \Gamma A.$ et $\Gamma H \times HM > \Gamma H \times H\Omega.$

itaque etiam $BE^2 \times EA > Bs^2 \times sA$ [cfr. p. 164, 27]. similiter igitur etiam in omnibus punctis inter E, A sumptis [idem] demonstrabitur. uerum etiam in omnibus punctis inter E, B positis demonstratum est. itaque omnium spatiorum in AB similiter sumptorum maximum est $BE^2 \times EA$, si BE = 2EA.

Sed 1) etiam quae in figura proposita 2) sequentur, cognoscenda sunt. nam quoniam demonstratum est $B\Sigma^2 \times \Sigma A$ et $B\varsigma^2 \times \varsigma A < BE^2 \times EA$, etiam fieri

¹⁾ Archimedes ipse in supplemento illo, quod intercidit, et uniuersale et speciale problema resoluerat (uol. I p. 214, 25), sed cum ex Eutocio p. 154 non adpareat, utrum utriusque problematis resolutionem in "libro illo peruetusto" inuenerit neone, sequentia Eutocio ipsi quam fragmento illi Archimedis tribuere malui.

²⁾ H. e. in figuris p. 169 et p. 172 coniunctis; cfr. p. 168 not. crit.

lin. 19 repetuntur in F, nisi quod pro E, A habet AE; similiter Cr. 26. EA] EA: \sim F; uacat reliqua linea; tum in mg. 6 (h. e. signum citandi); $_{5}$ post lacunam C*, ed. Basil. 27. $\delta \dot{e}$] $\partial \eta$ F; corr. ed. Basil.

τοῦ ἀπὸ ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ, δυνατόν ἐστι καὶ τοῦ δοθέντος χωρίου έπλ την δοθείσαν έλάσσονος όντος τοῦ άπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ κατὰ δύο σημεῖα τὴν ΑΒ τεμνομένην ποιείν τὸ έξ άρχης πρόβλημα. τοῦτο δὲ 5 γίνεται, εί νοήσαιμεν περί διάμετρον την ΧΗ γραφομένην παραβολήν ώστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρά την ΗΩ. ή γάρ τοιαύτη παραβολή πάντως έρχεται διὰ τοῦ Τ. καὶ ἐπειδὴ ἀνάγκη αὐτὴν συμπίπτειν τη ΓΝ παραλλήλω ούση τη διαμέτρω, δηλον, δτι τέμνει 10 την ύπερβολην και κατ' άλλο σημείον ανωτέρω τοῦ Κ. ώς ένταῦθα κατά τὸ Ρ. καὶ ἀπὸ τοῦ Ρ ἐπὶ τὴν ΑΒ κάθετος άγομένη, ώς ένταῦθα ή Ρς, τέμνει την ΑΒ κατά τὸ 5, ώστε τὸ 5 σημείον ποιείν τὸ πρόβλημα, καὶ ἴσον γίνεσθαι τὸ ἀπὸ ΒΣ ἐπὶ τὴν ΣΑ τῷ ἀπὸ 15 Βς έπλ την ς Α, ως έστι διά των προειρημένων άποδείξεων έμφανές. ώστε δυνάτοῦ όντος έπὶ τῆς ΒΑ δύο σημεῖα λαμβάνειν ποιοῦντα τὸ ζητούμενον ἔξεστιν, οπότερον τις βούλοιτο, λαμβάνειν η τὸ μεταξύ τῶν Ε, Β η τὸ μεταξύ τῶν Ε, Α, εἰ μὲν γὰρ τὸ μεταξύ 20 τῶν Ε, Β, ὡς εἴρηται, τῆς διὰ τῶν Η, Τ σημείων γραφομένης παραβολής κατά δύο σημεία τεμνούσης την ύπερβολην τὸ μεν εγγύτερον τοῦ Η, τουτέστι τοῦ άξονος της παραβολης, εύρήσει το μεταξύ των Ε, Β, ώς ένταῦθα τὸ Τ εύρίσκει τὸ Σ, τὸ δὲ ἀπωτέρω τὸ 25 μεταξύ τῶν Ε, Α, ώς ἐνταῦθα τὸ Ρ εύρίσκει τὸ 5. καθόλου μεν οὖν οῧτως άναλέλυται κάὶ συντέθει-

^{3.} απο του (comp.) της FBC.
4. ποι cum comp. ην uel ιν F.
5. γίνεται] per comp. F.
15. ἐστι] per comp. F.
17. λαμβαν cum comp. ην uel ιν F, ut lin. 18.
24. αποτερω F.

potest, si datum spatium in datam [lineam] multiplicatum minus est quam $BE^2 \times EA$, ut in duobus punctis diuisa linea AB problema ab initio propositum resoluat. hoc autem fiet, si circum diametrum XH parabolam finxerimus descriptam, cuius parametrus sit $H\Omega$ [u. fig. p. 169]; eius modi enim parabola necessario per T ibit.1) et quoniam necesse est, eam cum \(\Gamma N \) diametro parallela concurrere \(\begin{aligned} Apollon. I. 26 \end{aligned}. \) adparet, eam in alio quoque puncto supra K posito hyperbolam secare, uslut hic in P^{2} et linea a P ad AB perpendicularis ducta, ut hic [u. fig. p. 172] Ps, lineam AB in 5 secabit, ita ut punctum 5 problema resoluat, et fiat $B\Sigma^2 \times \Sigma A = B\varsigma^2 \times \varsigma A$, ut ex demonstrationibus supra propositis manifestum est.3) itaque cum fieri possit, ut in BA duo puncta quaesitum praestantia sumantur, licet sumere utrumuis, siue punctum inter E, B positum siue inter E, A. nam si punctum inter E, B positum [quaerimus], cum, uti diximus, parabola per H, T puncta descripta in duobus punctis hyperbolam secet, punctum puncto H, h. e. axi parabolae, propius praebebit punctum inter E, B positum, ut hic punctum T punctum Σ praebet; punctum autem remotius punctum inter E, A positum praebebit, ut hic P punctum punctum 5 praebet.

In universum igitur problema hoc modo resolutum

¹⁾ Apollon. I, 11; nam $TX^2 = XH \times H\Omega$ (p. 170, 1).

²⁾ Nam ab T intra hyperbolam cadit parabola, et cum parametrus eius minor sit parametro parabolae HKN, intra K cadit; sed cum $N\Gamma$ extra hyperbolam sit, parabola hanc necessario secabit, ut cum $N\Gamma$ concurrat, et id quidem ultra K.

³⁾ Nam (p. 170, 6) $B\Sigma^{2} \times \Sigma A = (\Gamma H \times H\Omega) \times \Gamma A = B\varsigma^{2} \times \varsigma A$ (p. 172, 6).

κατὰ τὸ Χ καὶ ποιείν, ὡς τὴν ΧΖ πρὸς δοθείσαν, οῦτως τὸ δοθέν πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΔΧ. εἶτα είπων, ως καθόλου μέν τὸ λεγόμενον έχει διορισμόν, προστεθέντων δε των ύπ' αὐτοῦ εύρεθέντων προβλη-5 μάτων, τοῦ τε είναι διπλασίαν τὴν ΔΒ τῆς ΒΖ καὶ μείζονα την ΒΖ της ΖΘ, μη έχειν διορισμόν, μερικώτερον έπαναλαμβάνει τὸ πρόβλημα καί φησιν. ὅτι: και έσται τὸ πρόβλημα τοιοῦτον. δύο δοθεισών εὐθειῶν τῶν ΔΒ, ΒΖ καὶ διπλασίας οὕσης τῆς 10 ΔΒτης ΒΖ καὶ σημείου έπὶ της ΒΖ τοῦ Θ τεμείν την ΔΒ κατά τὸ Χ, οὐκέτι, ώς πρότερον, την ΔΖ είπων, άλλα την ΔΒ δείν τεμείν δια τό, ως ανωτέρω ήμεις απεδείξαμεν, είδεναι αὐτόν, ώς δύο σημειά έστι τὰ λαμβανόμενα έπὶ τῆς ΔΖ καὶ ποιοῦντα τό πρό-15 βλημα, εν μεν τὸ μεταξύ τῶν Δ, Β, ετερον δὲ τὸ μεταξύ τῶν Β, Ζ, ὧν τὸ μεταξύ τῶν Δ, Β ἦν τὸ πρός την έξ άρχης πρόθεσιν χρήσιμον.

ταῦτα μὲν οὖν ἀκόλουθα τοῖς ᾿Αρχιμήδους ρήμασιν κατὰ τὸ δυνατὸν σαφῶς ἀπεγραψάμεθα. ἐπεὶ δέ, 20 ὡς προείρηται, καὶ Διονυσόδωρος οὐδαμοῦ τοῖς ἐπὶ τέλει γραφομένοις παρ᾽ ᾿Αρχιμήδους ἐπηγγελμένοις ἐντυχών, ἀτονήσας δὲ ὥστε προσευρεῖν τὰ μὴ ἐκτεθέντα ἐφ᾽ ἑτέραν ὁδὸν βαδίζων τοῦ ὅλου προβλήματος οὐκ ἄχαριν εὑρέσεως συνεγράψατο τρόπον, ἀναγ-25 καῖον ἀήθημεν δεῖν καὶ αὐτὸν τούτοις ἐπισυνάψαι διορθωσάμενοι κατὰ δύναμιν. καὶ γὰρ αὐτὸς ἐκ πολλῆς ἀμελετησίας τῶν ἀνθρώπων τὰ πολλὰ τῶν ἀπο-

^{1.} τήν] το F. 6. μειζονον F. Lin. 1—2 et 8—11 signum non adposuit F. 8. τό] addidi cum Archimede I p. 214, 20; om. F, uulgo; cfr. supra p. 152, 11. 12. ανοτερω F. 13. ως] ω F. 21. ἐπηγγελμένοις] "fort. ἐπηγγέλμασιν" Torellius. 22. ἄστε] scripsi; ωσπερ F, uulgo. 24. Fort. ἀναγιαίως.

secare oportet in puncto X, ita ut sit, sicut XZ ad lineam datam, ita datum spatium ad ΔX^2 . deinde postquam dixit, propositum in uniuerso determinationem habere, adiunctis autem condicionibus a se inuentis, esse $\Delta B = 2BZ$ et $BZ > Z\Theta$, determinationem non habere, particularius problema denuo adgreditur et ita dicit [p. 214, 20—23]: et erit problema huius modi: datis duabus lineis $B\Delta$ et BZ, quarum $B\Delta$ duplo maior est linea BZ, et puncto Θ in linea BZ lineam ΔB in X secare [cett.]. non enim iam, ut antea, lineam ΔZ , sed ΔB secare oportere dicit, quia non ignorat, ut nos supra demonstrauimus, duo puncta in ΔZ sumi posse, quae problema resoluant, alterum inter Δ , B, alterum inter B, C. quorum quod inter Δ , C0 positum est, ad propositum ei utile est.

haec igitur cum uerbis Archimedis congruenter, quam clarissime potuimus, perscripsimus. sed quoniam, ut supra [p. 152, 20] diximus, etiam Dionysodorus, quippe qui nusquam, quae Archimedes promiserat se in fine scripturum esse, reperiret nec ualeret de suo inuenire, quae exposita non erant, aliam uiam problematis resoluendi ingressus satis bellam resoluendi rationem conscripsit, necessario oportere putauimus, eum quoque his adiungere, quantum potuimus emendatum; nam is quoque propter magnam hominum incuriam pleraque demonstrationum ob multitudinem

δείξεων τῷ πλήθει τῶν πταισμάτων ήφανισμένα ἔχων έν πᾶσιν, οἶς ἡμεῖς ἐνετύχομεν ἀντιγράφοις ἐφέρετο.

'Ως Διονυσόδωρος.

Την δοθείσαν σφαίραν επιπέδω τεμείν ώστε τὰ τμή-5 ματα αὐτῆς πρὸς ἄλληλα λόγον ἔγειν τὸν δοθέντα. έστω ή δοθεϊσα σφαίρα, ής διάμετρος ή ΑΒ, ό δέ δοθείς λόγος, \ddot{o} ν έχει $\dot{\eta}$ ΓΔ πρ \dot{o} ς ΔΕ. δεῖ δη τεμεῖν την σφαίραν έπιπέδω όρθω πρός την ΑΒ ώστε τό τιιήμα, ού κορυφή τὸ Α, πρὸς τὸ τμήμα, ού κορυφή 10 tò B, lóyov ξχειν, ον ξχει ή $\Gamma \triangle$ προς $\triangle E$. ἐκβεβλήσθω ή ΒΑ έπὶ τὸ Ζ, καὶ κείσθω τῆς ΑΒ ἡμίσεια $\dot{\eta}$ AZ. καὶ δν ἔγει λόγον $\dot{\eta}$ ΓΕ πρὸς ΕΔ, ἐχέτω $\dot{\eta}$ ΖΑ πρὸς ΑΗ, καὶ ἔστω ἡ ΑΗ πρὸς ὀρθὰς τῆ ΑΒ. καὶ τῶν ΖΑ, ΑΗ μέση ἀνάλογον εἰλήφθω ἡ ΑΘ. 15 μείζων ἄρα ή ΑΘ τῆς ΑΗ. `καὶ περὶ ἄξονα τὴν ΖΒ διὰ τοῦ Ζ γεγράφθω παραβολή ώστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρά την ΑΗ. η ξει άρα διά τοῦ Θ, ἐπειδή τὸ ὑπὸ ΖΑΗ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΑΘ. γεγράφθω οὖν, καὶ έστω ώς ή ΖΘΚ, καὶ διὰ τοῦ Β ἀνήγθω παρὰ 20 την ΑΘ η ΒΚ, καὶ τεμνέτω την παραβολην κατά τὸ Κ. καλ διὰ τοῦ Η περλ ἀσυμπτώτους τὰς ΖΒΚ γεγράφθω

^{2.} ένετύχομεν] scripsi; ενετυχαμεν F, uulgo; fort. έντετύχαμεν. 4—5. cum signo F. 12. εχετο F. In figura N omisit F.

errorum subobscura praebens in omnibus, in quos nos quidem incidimus, codicibus circumferebatur.

Ut Dionysodorus.

Datam sphaeram plano ita secare, ut segmenta eius inter se rationem datam habeant.

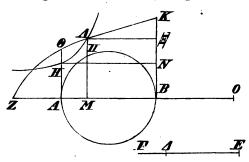
data sphaera ea sit, cuius diametrus est AB, et data ratio sit $\Gamma \Delta : \Delta E$ oportet igitur sphaeram plano ad AB perpendiculari ita secare, ut segmentum, cuius uertex sit A, ad segmentum, cuius uertex sit B, eam habeat rationem, quam $\Gamma \Delta : \Delta E$ producatur BA ad C, et ponatur $AC = \frac{1}{2}AB$ et sit

$$ZA:AH=\Gamma E:E\Delta$$

et AH ad AB perpendicularis sit. et sumatur $A\Theta$ inter ZA, AH media proportionalis. itaque $A\Theta > AH$. et circum axem ZB per Z describatur parabola, cuius parametrus sit AH. itaque per Θ ibit, quoniam

$$ZA \times AH = A\Theta^2$$
 [Apollon. I, 11].

describatur igitur et sit ZOK, et per B lineae AO



parallela ducatur BK, et secet parabolam in K. et per H in asymptotis ZB, BK describatur hyperbola.

ύπερβολή. τεμεί δη την παραβολην μεταξύ των Θ. Κ. τεμνέτω κατά τὸ Λ, καὶ ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὴν ΑΒ κάθετος ήγθω ή ΛΜ, καὶ διὰ Η, Λ τῆ ΛΒ παράλληλοι ήγθωσαν αί ΗΝ, ΑΞ. έπεὶ οὖν ὑπερβολή έστιν ἡ 5 ΗΛ, ἀσύμπτωτοι δὲ αί ΑΒΚ, καὶ παράλληλοι ταῖς ΑΗΝ αί ΜΑΞ, ίσον έστι τὸ ύπὸ ΑΗΝ τῶ ύπὸ ΜΛΕ διὰ τὸ η' θεώρημα τοῦ δευτέρου βιβλίου τῶν 'Απολλωνίου κωνικών στοιχείων. άλλ' ή μεν ΗΝ τη ΑΒ έστιν ζση, ή δε ΑΞ τη ΜΒ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΛΜΒ 10 ίσον έστὶ τῷ ὑπὸ ΗΑΒ. καὶ διὰ τὸ τὸ ὑπὸ τῷν ακρων ίσον είναι τῷ ὑπὸ τῶν μέσων αι τέσσαρες εὐθείαι ανάλογόν είσιν. έστιν άρα, ώς ή ΛΜ πρός ΗΑ, ούτως ή ΑΒ πρός ΒΜ. καὶ ώς άρα τὸ ἀπὸ ΛΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΑ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΜ. καὶ 15 έπει δια την παραβολην το από ΛΜ ίσον έστι τῷ ὑπὸ ΖΜ, ΑΗ, ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΖΜ πρὸς ΜΑ, οῦτως ἡ ΜΛ πρὸς ΑΗ. καὶ ὡς ἄρα ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, ούτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας, και τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς τρί-20 της. ώς ἄρα ἡ ΖΜ πρὸς ΑΗ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΛΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΑ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΛΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΗ, ούτως έδείηθη τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΜ. καὶ ώς ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΜ, οῦτως ἡ ΖΜ πρὸς ΑΗ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ 25 ΒΜ, ούτως ὁ κύκλος, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΑΒ πρὸς τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση έστl τ $\tilde{\eta}$ BM. καl ώς ἄρα δ κύκλος, $o\tilde{b}$ $\hat{\eta}$ έκ το \tilde{v} κέν-

^{6.} τό] τω F. 7. η'] ιβ' Torellius. 8. HN] η HN F.
10. τὸ τό] scripsi; το F, uulgo. 16. ZM] ΛΜ FV. ZM]
HM FV. οῦτως per comp. F. 25. οῦτως] οὸ F. 26.

ΔΒ] ΛΜ F; corr. ed. Basil. πρὸς τὸν κύκλον, οἱ ἡ ἐκ τοῦ κέντρον ἴση ἐστὶ τῷ ΒΜ] om. F; corr. ed. Basil. 27. ἄρα ὁ

secabit¹) igitur parabolam inter puncta Θ , K. secet in Λ , et ab Λ ducatur ΛM ad ΛB perpendicularis, et per H, Λ lineae ΛB parallelae ducantur HN, $\Lambda \Xi$ iam quoniam $H\Lambda$ hyperbola est et asymptoti ΛB , BK, et $M\Lambda$, $\Lambda \Xi$ lineis ΛH , HN parallelae, erit

 $AH \times HN = MA \times AB$

propter theorems VIII secundi libri elementorum conicorum Apollonii [II, 12]. sed

HN = AB, et AB = MB.

itaque $\Lambda M \times MB = H\Lambda \times \Lambda B$. et quia rectangulum exterioribus terminis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso, lineae quattuor proportionales sunt. erit igitur $\Lambda M: H\Lambda = \Lambda B: BM$. quare etiam $\Lambda M^2: H\Lambda^2 = \Lambda B^2: BM^2$. et quoniam propter parabolam $\Lambda M^2 = ZM \times \Lambda H$, erit igitur

ZM: MA = MA: AH.

quare etiam ut primus ad tertium, ita quadratum primi ad quadratum secundi [Eucl. V def. 10], et quadratum secundi ad quadratum tertii. itaque

 $ZM:AH - AM^2:HA^2$.

sed demonstratum est, esse

 $AM^2:AH^2=AB^2:BM^2.$

itaque $AB^2:BM^2=ZM:AH$. sed quam rationem habet $AB^2:BM^2$, eam habet circulus, cuius radius aequalis est lineae AB, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae BM [Eucl. XII, 2]. itaque quam

¹⁾ Nam cadet intra H nec extra asymptotum BK exibit.

nύnlos, οὖ ἡ ἐν τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῷ AB] om. Ϝ; corr. ed.. Basil. (om. ἀρα; corr. Torellius).

τρου ίση έστὶ τῆ ΑΒ, πρὸς τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ζση έστὶ τη BM, ουτως ή ZM πρός AH. ό ἄρα κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση έστὶ τῆ AB, ΰψος δὲ τὴν AH ἴσος έστὶ 5 τῷ κώνω τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ίση έστι τῆ ΒΜ, ῦψος δὲ τὴν ΖΜ. ὧν γάρ κώνων άντιπεπόνθασιν αί βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσοι είσιν έκεινοι. άλλ' ὁ κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, οὖ ή ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΑΒ, ὕψος δὲ τὴν 10 ΖΑ πρός τὸν κῶνον τὸν βάσιν μὲν ἔγοντα τὴν αὐτήν, ύψος δὲ τὴν ΑΗ ἐστιν, ὡς ἡ ΖΑ πρὸς ΑΗ, τουτέστιν ή ΓΕ πρὸς ΕΔ. ἐπὶ γὰο τῆς αὐτῆς βάσεως όντες πρός άλλήλους είσιν ώς τὰ ῦψη, και ὁ κῶνος ἄρα ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου 15 ζση έστι τῆ ΑΒ, ΰψος δὲ τὴν ΖΑ πρὸς τὸν κῶνον τὸν βάσιν ἔχοντα τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ίση έστι τη ΒΜ, ύψος δε την ΖΜ έστιν, ώς ή ΓΕ πρὸς $E \Delta$. ἀλλ' ὁ κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, οὖ ή έχ τοῦ κέντρου ἴση έστὶ τῆ ΑΒ, ῦψος δὲ τὴν 20 ΖΑ ἴσος έστι τῆ σφαίρα, ὁ δὲ κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τον κύκλον, ού ή έκ τοῦ κέντρου ίση έστὶ τῆ ΒΜ, ύψος δε την ΖΜ ίσος έστι τῷ τμήματι τῆς σφαίρας, ού πορυφή μέν έστι τὸ Β, ΰψος δὲ ή ΒΜ, ὡς έξῆς δειχθήσεται. καὶ ἡ σφαῖρα ἄρα πρὸς τὸ εἰρημένον 25 τμημα λόγον έχει, ον ή ΓΕ προς ΕΔ. και διελόντι τὸ τμῆμα, οὖ πορυφή τὸ Α, ΰψος δὲ ή ΑΜ πρὸς τὸ τμημα, ού πορυφή τὸ Β, ΰψος δὲ ή ΒΜ τοῦτον ἔχει

^{1.} ού] om. FVD. 2. AH] AB F; corr. Torellius. 3. δ βάσιν] scripsi; δ om. F, uulgo. 5. εχωντι F; corr. manus 1. 6. BM] AM FV. 12. ἐπί] scripsi; επει F, uulgo. 16. εχωντα F; corr. manus 1. τόν] addidi; om. F, uulgo. 22. ZM] BM FV. 23. B] Δ FV.

rationem habet circulus, cuius radius aequalis est lineae AB, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae BM, eam habet ZM:AH. conus igitur basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae AB, altitudinem autem AH aequalis est cono basim habenti circulum, cuius radius aequalis est lineae BM, altitudinem autem ZM. quorum enim conorum bases in contraria proportione sunt altitudinum, aequales sunt [I lemm. 4 p. 82]. sed conus basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae AB, altitudinem autem ZA ad conum basim habentem eandem, altitudinem autem AH eam rationem habet, quam

ZA:AH [I lemm. 1 p. 80], h. e. $\Gamma E:E\Delta$;

nam cum eandem habeant basim, eam inter se rationem habent, quam altitudines. quare etiam conus basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae AB, altitudinem autem ZA ad conum basim habentem circulum, cuius radius aequalis est lineae BM. altitudinem autem ZM eam rationem habet, quam $\Gamma E: E \Delta$. sed conus basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae AB, altitudinem autem ZA aequalis est sphaerae [de sph. et cyl. I, 34], conus autem basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae BM, altitudinem autem ZM aequalis est segmento sphaerae, cuius uertex est B, altitudo autem BM, ut infra demonstrabitur. itaque sphaera ad segmentum illud eam rationem habet, quam $\Gamma E : E \Delta$. et dirimendo segmentum, cuius uertex est A, altitudo autem AM, ad segmentum, cuius uertex est B, altiτὸν λόγον, ὃν ἔχει ἡ $\Gamma \Delta$ πρὸς ΔE . τὸ ἄρα διὰ τῆς ΔM ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον ὀρθὸν πρὸς τὴν ΔB τέμνει τὴν σφαΐραν εἰς τὸν δοθέντα λόγον. ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

οτι δε ό κώνος ό βάσιν έχων τον κύκλον, οδ ή έχ τοῦ χέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΒΜ, ΰψος δὲ τὴν ΖΜ ἴσος ἐστὶ τῷ τμήματι τῆς σφαίρας, οὖ κορυφὴ μὲν τὸ Β, ύψος δε ή ΒΜ, δειγθήσεται ούτως γεγονέτω γάρ, ώς ή ΖΜ πρὸς ΜΑ, οῦτως ή ΟΜ πρὸς ΜΒ. ὁ ἄρα 10 κώνος ὁ βάσιν ἔχων τὴν αὐτὴν τῷ τμήματι, ὕψος δὲ την ΟΜ ίσος έστι τῶ τμήματι. και έπει έστιν. ὡς ἡ ΖΜ ποὸς ΜΑ, οΰτως ἡ ΟΜ ποὸς ΜΒ, καὶ ἐναλλάξ, ώς ή ΖΜ πρὸς ΜΟ, οῦτως ή ΑΜ πρὸς ΜΒ, ἀλλ' ώς ή ΑΜ πρὸς ΜΒ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΠΜ πρὸς τὸ 15 ἀπὸ ΜΒ, οῦτως ὁ κύκλος, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση έστὶ τῆ ΠΜ, πρὸς τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΜΒ, ὡς ἄρα ὁ κύκλος, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση έστὶ τῆ ΠΜ, πρὸς τὸν κύκλον, οὖ ἡ έκ τοῦ κέντρου ἴση έστὶ τῆ MB, οῦτως ἡ MZ πρὸς MO. 20 ὁ ἄρα κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ίση έστι τη ΜΒ, ύψος δε την ΖΜ ίσος έστι τῷ κώνῳ τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ίση έστὶ τῆ ΠΜ, ῦψος δὲ τὴν ΜΟ : ἀντιπεπόνθασιν γὰρ αὐτῶν αί βάσεις τοῖς ῦψεσιν. ὧστε 25 καὶ τῷ τμήματι ἴσος ἐστίν.

^{11.} τῷ] addidi; om. F, uulgo. 14. τοντέστι] scripsi; οντως per comp. F, uulgo. 15. οῦτως] καὶ οῦτως Cr., ed. Basil., Torellius. 24. βασ cum comp. ης F.

tudo autem BM eam habet rationem, quam $\Gamma \Delta : \Delta E$. planum igitur per ΔM ductum ad ΔB perpendiculare sphaeram secundum rationem datam secat; quod oportebat fieri.

conum autem basim habentem circulum, cuius radius aequalis sit lineae BM, altitudinem autem ZM aequalem esse segmento sphaerae, cuius uertex sit B, altitudo autem BM, ita demonstrabimus: fiat enim OM: MB = ZM: MA. itaque conus basim habens eandem, quam segmentum, altitudinem autem OM segmento aequalis est [de sph. et cyl. II, 2]. et quoniam est ZM: MA = OM: MB, et uicissim

ZM:MO = AM:MB,

sed quam rationem habet AM:MB, h. e. $IIM^2:MB^2,^1$) eam habet circulus, cuius radius aequalis est lineae IIM, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae IIM, ad circulum igitur, cuius radius aequalis est lineae IIM, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae IIM, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae IIM, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae IIM, altitudinem autem IIM aequalis est cono basim habenti circulum, cuius radius aequalis est lineae IIM, altitudinem autem IIM0 [de sph. et cyl. I lemm. 4 p. 82]; nam bases eorum in contraria unt proportione altitudinum. quare etiam segmento aequalis est.

¹⁾ Nam $AM: \Pi M = \Pi M: MB$; tum u. Eucl. V def. 10; cfr. supa p. 182, 17 sq.

'Ως Διοκλής έν τῷ περὶ πυρίων.

Γράφει δε καὶ ὁ Διοκλῆς εν τῷ περὶ πυρίων προλέγων τάδε:

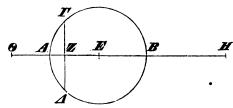
έν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου Αρχιμήδης ἀπ-*5 έδειξεν, ὅτι πᾶν τμῆμα σφαίρας ἴσον έστὶν χώνω τῷ βάσιν μεν έχοντι την αύτην τω τμήματι, ύψος δε εύθεϊάν τινα λόγον έχουσαν πρὸς τὴν ἀπὸ τῆς τοῦ τμήματος πορυφής έπι την βάσιν πάθετον, ον έχει συναμφότερος η τε έχ τοῦ κέντρου της σφαίρας και ή τοῦ 10 εναλλάξ τμήματος κάθετος πρός την τοῦ εναλλάξ τμήματος κάθετον. οἶον έὰν ή σφαζοα ή ΑΒΓ καὶ τμηθή έπιπέδφ τινί τῷ περί διάμετρον τὴν Γ⊿ κύκλφ, καί διαμέτρου ούσης της ΑΒ, κέντρου δε τοῦ Ε ποιήσωμεν, ώς συναμφότερον την ΕΑ, ΖΑ πρός ΖΑ, ούτως 15 την ΗΖ πρός ΖΒ, έτι τε, ώς συναμφότερον την ΕΒ, ΒΖ πρὸς ΖΒ, οῦτως τὴν ΘΖ πρὸς ΖΑ, ἀποδέδεικται, ὅτι τὸ μὲν ΓΒ⊿ τμῆμα τῆς σφαίρας ἴσον ἐστὶ τῷ κώνω, οδ βάσις μέν έστιν δ περί διάμετρον την ΓΔ κύκλος, ΰψος δὲ ἡ ZH, τὸ δὲ ΓAΔ τμημα ίσον έστὶ 20 τῷ κώνω, οὖ βάσις μέν έστιν ἡ αὐτή, ΰψος δὲ ἡ ΘΖ. προταθέντος οὖν αὐτῷ τοῦ τὴν δοθεῖσαν σφαῖραν έπιπέδω τεμείν ώστε τὰ τμήματα τῆς σφαίρας πρὸς ἄλληλα λόγον έχειν τὸν δοθέντα κατασκευάσας τὰ είρημένα φησί λόγος ἄρα δοθείς και τοῦ κώνου, οὖ 25 βάσις έστιν ὁ περί διάμετρον την Γ⊿ κύκλος, ΰψος

^{6.} τὴν αὐτήν] κωνω την FA; corr. B*. 8. κορυφ cum comp. ην FA. 14. ΕΔ] ΕΖ FV. 16. ΖΔ] ΖΔ FV. 21. προταθέντος] F; προτεθέντος uulgo. 22. τεμ cum comp. ην F. 25. ἐστίν] per comp. F.

Ut Diocles in libro de causticis.

Etiam Diocles in libro de causticis [de hoc problemate] scribit his praemissis:

In libro de sphaera et cylindro Archimedes demonstrauit, quoduis segmentum sphaerae aequale esse cono basim habenti eandem, quam segmentum, et altitudinem lineam, quae ad lineam a uertice segmenti ad basim perpendicularem ductam eam rationem habeat, quam habeat radius sphaerae una cum altitudine alterius segmenti ad altitudinem alterius segmenti [de sph. et cyl. II, 2]. uelut si sphaera est $AB\Gamma$ et plano aliquo secundum circulum circum diametrum ΓΔ descriptum secatur, et diametrus est AB, centrum autem E, et fit EA + ZA : ZA = HZ : ZB, et praeterea $EB + BZ : ZB = \Theta Z : ZA$, demonstratum est, segmentum sphaerae \(\bar{\mathbb{C}} B \(\Delta \) aequale esse cono, cuius basis sit circulus circum diametrum \(\int \sigma \) descriptus, altitudo autem ZH, segmentum uero $\Gamma A\Delta$ aequale esse cono, cuius basis sit eadem, altitudo autem @Z. itaque



proposito, ut data sphaera plano secetur ita, ut segmenta sphaerae inter se datam rationem habeant, constructis iis, quae diximus, ita loquitur [de sph. et cyl. II, 4 p. 210, 17 sq.]: itaque etiam ratio coni basim habeantis circulum circum diametrum $\Gamma \triangle$ descriptum, altitudi-

δὲ ή ΖΘ πρὸς τὸν κῶνον, οὖ βάσις μέν ἐστιν ἡ αὐτή, ύψος δε ή ΖΗ. και γάρ και τοῦτο ἀπεδείχθη. οί δε κῶνοι οἱ ἐπ' ἴσων βάσεων ὄντες πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ώς τὰ ΰψη. λόγος ἄρα τῆς ΘΖ πρὸς ΖΗ δοθείς. καὶ 5 έπεί έστιν, ώς ή ΘΖ πρός ΖΑ, οΰτως συναμφότερος ή ΕΒΖ πρὸς τὴν ΖΒ, διελόντι, ὡς ἡ ΘΑ πρὸς ΑΖ, ουτως ή ΕΒ πρός ΖΒ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καί, ώς ή ΗΒ πρός ΖΒ, ούτως ή αὐτή εὐθεῖα πρός τὴν ΖΑ. γέγονεν οὖν πρόβλημα τοιοῦτον θέσει οὔσης εὐθείας 10 της ΑΒ και δύο δοθέντων σημείων τῶν Α, Β και δοθείσης της ΕΒ τεμείν την ΑΒ κατά τὸ Ζ καὶ προσθείναι τὰς ΘΑ, ΒΗ ὥστε λόγον είναι τῆς ΘΖ πρὸς ΖΗ δοθέντα, ἔτι τε είναι, ώς μὲν τὴν ΘΑ πρὸς ΑΖ, ούτως την δοθείσαν εύθείαν πρός την ΖΒ, ώς δε την 15 ΗΒ πρός ΒΖ, ουτως την αυτην δοθείσαν εύθειαν πρός ΖΑ. τοῦτο δὲ έξῆς δέδεικται. ὁ γὰρ Αρχιμήδης μακρότερον αὐτὸ δείξας καὶ οῦτως εἰς πρόβλημα ετερον ἀπάγει, ο οὐκ ἀποδείκνυσιν ἐν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου.

20 θέσει δεδομένης εὐθείας τῆς AB καὶ δύο δοθέντων σημείων τῶν A, B καὶ λόγου τοῦ, ὂν ἔχει ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, τεμεῖν τὴν AB κατὰ τὸ Ε καὶ προσθεῖναι τὰς ZA, HB ὥστε εἶναι, ὡς τὴν Γ πρὸς τὴν Δ, οὕτως τὴν ZE πρὸς τὴν EH, ἔτι τε εἶναι, ὡς τὴν 25 ZA πρὸς AE, οὕτως δοθεῖσάν τινα εὐθεῖαν πρὸς τὴν BE, ὡς δὲ τὴν HB πρὸς BE, οὕτως τὴν αὐτὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πρὸς τὴν EA. γεγονέτω, καὶ τῆ AB πρὸς ὀρθὰς ἤχθωσαν αί ΘΑΚ, ΛΒΜ, καὶ τῆ δοθείση εὐθεία ἴση κείσθω ἐκατέρα τῶν ΑΚ, BΜ.

^{2.} zaí] (alt.) per comp. F. dé] addidi; om. F, vulgo.

nem autem $Z\Theta$ ad conum basim habentem eandem, altitudinem autem ZH data est. nam hoc quoque demonstratum est. coni autem, quorum bases aequales sunt, eam inter se rationem habent, quam altitudines [de sph. et cyl. I lemm. 1 p. 80]. itaque ratio $\Theta Z:ZH$ data est. et quoniam est

 $\Theta Z: ZA = EB + BZ: ZB$ [cfr. uol. I p. 210, 12 sq.], erit dirimendo $\Theta A: AZ = EB: ZB$. eadem de causa erit etiam HB: ZB = EB: ZA. itaque problema hoc est¹): linea AB positione data et datis duobus punctis A, B et linea EB, lineam AB in EB secare et lineas EB addicere, ita ut ratio EB at EB et ut praeterea, ut EB at a data linea ad EB et ut EB ita eadem linea data ad EB et ut EB ita eadem linea data ad EB et ut EB et ut EB ita eadem linea data ad EB et ut EB et ut EB ita eadem linea data ad EB et ut EB et ut EB ita eadem linea data ad EB et ut demonstratum est; nam Archimedes pluribus uerbis id demonstrauit et nihilo minus in alterum problema conuertit, quod in libro de sphaera et cylindro non demonstrat.²)

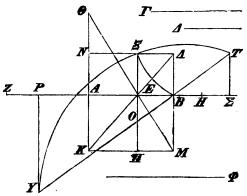
linea AB positione data et datis duobus punctis A, B et ratione $\Gamma: \Delta$ lineam AB in E secare et lineas ZA, HB adiicere, ita ut sit $\Gamma: \Delta = ZE: EH$, et praeterea ut ZA: AE, ita linea data ad BE, et ut HB: BE, ita eadem linea data ad EA. fiat, et ad ^{-}AB perpendiculares ducantur ΘAK , ABM, et lineae datae aequalis ponatur utraque linea AK, BM.

¹⁾ Archimedes problems hoc modo diserte non proponit; uerum cfr. uol. I p. 210, 21—22; p. 212, 1—2.

²⁾ Cfr. uol. I p. 214, 20 sq.; cfr. p. 215 not. 3.

^{6.} ZB] ZE F. 9. θεσσει F. 11. τεμείν] τεμ cam com. ην F, ut lin. 22. 28. ΘΑΚ] ΘΑΖ FV.

έπιζευχθείσαι αί ΚΕ, ΜΕ έκβληθέντων έπὶ τὰ Λ. Θ. έπεζεύηθω δε και ή ΚΜ, και δια του Λ παράλληλος ηχθω τη ΑΒ η ΑΝ, διὰ δὲ τοῦ Ε τη ΝΚ η ΞΕΟΠ. έπει οὖν έστιν, ώς ή ΖΑ πρὸς ΑΕ, οὕτως ή ΜΒ 5 πρός ΒΕ (ὑπόκειται γάρ), ώς δὲ ἡ ΜΒ πρός ΒΕ, ουτως ή ΘΑ πρός ΑΕ διὰ τὴν όμοιότητα τῶν τριγώνων, ώς ἄρα ή ΖΑ πρὸς ΑΕ, οῦτως ή ΘΑ πρὸς ΑΕ. Ιση ἄρα ή ΖΑ τῆ ΘΑ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ή ΒΗ τη ΒΛ. και έπει έστιν, ώς συναμφότερος ή 10 ΘΑΕ πρός συναμφότερον την ΜΒΕ, ούτως συναμφότερος ή ΚΑΕ πρός συναμφότερον την ΛΒΕ (ξκάτερος γαρ των λόγων ὁ αὐτός ἐστι τῷ τῆς ΑΕ πρός ΕΒ), τὸ ἄρα ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς ΘΑΕ καὶ συναμφοτέρου της ΑΒΕ ίσον έστι τῶ ὑπὸ συναμ-15 φοτέρου της ΚΑΕ καλ συναμφοτέρου της ΜΒΕ. κείσθω τη ΚΑ ίση έκατέρα των AP, BΣ. έπεὶ οὖν



συναμφότερος μεν ή ΘΑΕ ίση έστι τη ΖΕ, συναμφότερος δε ή ΛΒΕ ίση τη ΕΗ, συναμφότερος δε ή

^{1.} και έπιζευχθείσαι uulgo; καί om. FV. ἐκβληθέντων]

ducantur KE, ME et producantur ad Λ , Θ . ducatur autem etiam KM, et per Λ lineae ΛB parallela ducatur ΛN , per E autem lineae NK parallela linea EEOII. quoniam igitur est ZA:AE=MB:BE (hoc enim suppositum est), et $MB:BE=\Theta A:AE$ propter similitudinem triangulorum $[MBE,\Lambda\Theta E;Eucl.VI,4]$, erit igitur

$$ZA: AE = \Theta A: AE$$

itaque $ZA = \Theta A$. eadem de causa etiam BH = BA.) et quoniam est

 $\Theta A + AE : MB + BE = KA + AE : AB + BE$ (nam utraque ratio aequalis est rationi $AE : EB)^2$), erit igitur

$$(\Theta A + AE) \times (AB + BE) = (KA + AE) \times (MB + BE)$$
.
ponatur $AP = B\Sigma = KA$. iam quoniam

$$\Theta A + AE = ZE$$
, et $AB + BE = EH$,

¹⁾ Quia HB: BE = AK: EA = PA: BE; nam $KAE \sim EAB$.

²⁾ Est enim $AE : EB = \Theta A : MB$; tum u. Eucl. V, 18; praeterea AE : EB = KA : AB, unde eodem modo: AE + KA : EB + AB = AE : EB.

scripsi; εκβληθεισαν FVA; ἐκβεβλήσθωσαν uulgo. 2. επεξευθω F. 8. τῆ] προς per comp. FA. 10. πρός] per comp. F. 13. ΘAΕ] scripsi cum Cr.; ΘAΕ FV; ΛBΕ uulgo. 14. ΛBΕ] cum Cr.; ΛBΕ FV; ΛAΕ uulgo. In figura (eo deprausta, quod TT per K transit) H et N permutat F; infra K manus 2 addidit X. linea EB ipse addidi.

ΚΑΕ ίση τη ΡΕ, συναμφότερος δε ή ΜΒΕ ίση τη ΣΕ, καὶ ἐδείχθη τὸ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς ΘΑΕ καλ συναμφοτέρου της ΛΒΕ ίσον τῷ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς ΚΑΕ καὶ συναμφοτέρου τῆς ΜΒΕ, τὸ 5 αρα ύπὸ ΖΕΗ ίσον έστι τῷ ύπὸ ΡΕΣ. διὰ δὴ τοῦτο, ὅταν τὸ Ρ μεταξὺ τῶν Α, Ζ πίπτη, τότε τὸ Σ έξωτέρω τοῦ Η πεσείται καὶ τὸ ἀνάπαλιν. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, οὕτως ἡ ΖΕ πρὸς ΕΗ, ώς δε ή ΖΕ πρός ΕΗ, οΰτως τὸ ὑπὸ ΖΕΗ 10 πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ, ὡς ἄρα ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΖΕΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ. τὸ δὲ ὑπὸ ΖΕΗ ἴσον ἐδείχθη τῷ ὑπὸ PEΣ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ Γ πρὸς την Δ, ούτως τὸ ὑπὸ ΡΕΣ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ. κείσθω τη ΒΕ ίση ή ΕΟ, καὶ ἐπιζευγθεῖσα ή ΒΟ ἐκβεβλήσθω 15 έφ' έκάτερα, καὶ ἀπὸ τῶν Σ, Ρ πρὸς ὀρθάς ἀχθεϊσαι αί ΣΤ, ΡΥ συμβαλλέτωσαν αὐτῆ κατὰ τὰ Τ, Υ. έπει οὖν διὰ δεδομένου τοῦ Β πρὸς θέσει δεδομένην την ΑΒ ήπται η ΤΥ δεδομένην ποιούσα γωνίαν την υπό ΕΒΟ ημίσειαν όρθης, δέδοται ή ΤΥ τη 20 θέσει, και από δεδομένων των Σ. Ρ θέσει ήγμέναι αί ΣΤ, ΡΥ τέμνουσιν αὐτὴν κατὰ τὰ Τ, Υ. δοθέντα άρα έστι τὰ Τ, Υ. δοθείσα ἄρα ἐστίν ἡ ΤΥ τῆ θέσει και τω μεγέθει. και έπει διά την των ΕΟΒ, ΣΤΒ τριγώνων δμοιότητά έστιν, ώς ή ΤΒ πρός ΒΟ, 25 ούτως ή ΣΒ πρός ΒΕ, και συνθέντι έστιν, ώς ή ΤΟ πρὸς ΟΒ, οῦτως ή ΣΕ πρὸς ΕΒ. ἀλλ' ὡς ἡ ΒΟ πρὸς ΟΥ, ούτως ή ΒΕ πρὸς ΕΡ. καὶ δι' ἴσου αρα, ώς ή ΤΟ πρὸς ΟΥ, οῦτως ή ΣΕ πρὸς ΕΡ.

^{14.} EO] EΘ FV. 18. ποιουσαν F, uulgo. 21. ΣΤ, PT] ΣΡ, ΤΤ FV; "ry, ts" Cr. 24. ΣΤΒ\ ΣΤΤ FV, Cr. 25. ΣΒ] ΕΒ FV. ΒΕ] ΒΟ F.

KA + AE = PE, et $MB + BE = \Sigma E$, et demonstratum est, esse

 $(\Theta A + AE) \times (AB + BE) = (KA + AE) \times (MB + BE),$ erit $ZE \times EH = PE \times E\Sigma$. itaque si P inter A, Z cadit, Σ cadet extra H et uice uersa.¹) iam quoniam est $\Gamma: \Delta = ZE: EH$, et $ZE: EH = ZE \times EH: EH^2$, erit igitur $\Gamma: \Delta = ZE \times EH: EH^2$. sed demonstratum est $ZE \times EH = PE \times E\Sigma$. itaque

 $\Gamma: \Delta = PE \times E\Sigma : EH^2$.

ponatur EO = BE, et ducatur BO et producatur in utramque partem, et ab Σ , P perpendiculares ducantur ΣT , PT, et cum [linea BO producta] concurrant in T, T. quoniam igitur linea TT per datum punctum B ad lineam AB positione datam ducta est datum efficiens angulum EBO dimidium recti2), TT positione data est [Eucl. dat. 30]. et lineae ET, PT positione [datae]⁸) a datis punctis Σ , P ductae eam [h. e. TT] in T, T secant. itaque T, T data sunt [Eucl. dat. 25]. itaque linea TT et positione et magnitudine data est. et quoniam propter similitudinem triangulorum EOB, ΣTB est $TB:BO = \Sigma B:BE$ [Eucl. VI, 4], etiam componendo est

 $TO:OB = \Sigma E:EB$.

sed BO: OT = BE: EP [Eucl. VI, 2]. quare etiam ex aequali $TO: OT = \Sigma E: EP$ [Eucl. V, 22].

 $TO: OT = TO \times OT: OT^2$

 $\Sigma E: EP = \Sigma E \times EP: EP^2$. et

¹⁾ H. e. si P extra Z cadit, Σ cadet inter B, H; tum enim erit PE > ZE; quare $E\Sigma < EH$, sicut nunc est ZE > PEet ideo $EH < E\Sigma$.

2) Nam EB = EO et $\angle BEO = 90^{\circ}$.

³⁾ Nam perpendiculares sunt.

άλλ' ώς ή ΤΟ πρός ΟΥ, ούτως τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρός τὸ ἀπὸ ΟΥ, ὡς δὲ ἡ ΣΕ πρὸς ΕΡ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΣΕΡ πρός τὸ ἀπὸ ΕΡ. καὶ ώς ἄρα τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρός τὸ ἀπὸ ΟΥ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΣΕΡ πρὸς τὸ ἀπὸ 5 ΕΡ. καλ έναλλάξ, ώς τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ὑπὸ ΣΕΡ, ούτως τὸ ἀπὸ ΟΥ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΡ. τὸ δὲ άπὸ ΟΥ τοῦ ἀπὸ ΕΡ διπλάσιον, ἐπειδὴ καὶ τὸ ἀπὸ ΟΒ τοῦ ἀπὸ ΒΕ. καὶ τὸ ὑπὸ ΤΟΥ ἄρα τοῦ ὑπὸ ΣΕΡ έστι διπλάσιου. τὸ δὲ ὑπὸ ΣΕΡ πρὸς τὸ ἀπὸ 10 ΕΗ έδείχθη λόγον έχειν, ὃν έχει ἡ Γ πρὸς τὴν Δ. καὶ τὸ ὑπὸ ΤΟΥ ἄρα πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ λόγον ἔχει, ου ή διπλασία της Γ πρός την Δ. τὸ δὲ ἀπὸ ΕΗ ίσον έστι τῷ ἀπὸ ΕΟ έκατέρα γὰρ τῷν ΕΗ, ΕΟ ίση έστι συναμφοτέρω τη ΑΒΕ. τὸ ἄρα ύπὸ ΤΟΥ 15 πρός τὸ ἀπὸ ΕΟ λόγον ἔχει, ὃν ἡ διπλασία τῆς Γ πρός την Δ. καὶ δέδοται ὁ τῆς διπλασίας τῆς Γ πρός την Δ λόγος. δέδοται άρα καλ ό τοῦ ὑπὸ ΤΟΥ πρός τὸ ἀπὸ ΕΟ λόγος. ἐὰν ἄρα ποιήσωμεν, ὡς την Δ πρός την διπλασίαν της Γ, ούτως την ΤΥ 20 πρὸς ἄλλην τινὰ ὡς τὰν Φ, καὶ περὶ τὴν ΤΥ γράψωμεν έλλειψιν ώστε τὰς καταγομένας έν τῆ ὑπὸ ΞΟΒ γωνία, τουτέστιν εν ήμισεία όρθης, δύνασθαι τὰ παρὰ τὴν Φ έλλείποντα ὁμοίφ τῷ ὑπὸ ΤΥΦ, ἥξει διὰ τοῦ Ξ διὰ τὴν ἀντιστροφὴν τοῦ εἰκοστοῦ θεω-25 οήματος τοῦ πρώτου βιβλίου τῶν ᾿Απολλωνίου κωνικῶν στοιχείων. γεγράφθω, καὶ ἔστω ὡς ἡ ΤΞΤ. τὸ ἄρα Ε σημεῖον ἄπτεται θέσει δεδομένης έλλείψεως. και έπει διαγώνιός έστιν ή ΛΚ τοῦ ΝΜ παραλληλογοάμμου, ίσον έστι τὸ ὑπὸ ΝΞΠ τῷ ὑπὸ ΑΒΜ.

^{1.} OT] OTC F; corr. ed. Basil. deinde: ovrws η Σ E π ϱ os EP ex superioribus repetit F; corr. ed. Basil. (post EP in E

itaque $TO \times OT: OT^2 = \Sigma E \times EP: EP^2$. et uicissim

 $TO \times OT : \Sigma E \times EP = OT^2 : EP^2$.

sed $OT^2 = 2EP^2$, quoniam etiam $OB^2 = 2BE^2$. quare etiam $TO \times OT = 2\Sigma E \times EP$. sed demonstratum est $\Sigma E \times EP : EH^2 = \Gamma : \Delta$. itaque etiam $TO \times OT : EH^2 = 2\Gamma : \Delta$. sed $EH^2 = \Xi O^2$; nam $EH = \Xi O = AB + BE$. itaque

 $TO \times OT : \Xi O^2 = 2\Gamma : \Delta$.

et ratio 2Γ : Δ data est. quare etiam ratio

 $TO \times OT : \Xi O^2$

data. si igitur fecerimus $\Delta: 2\Gamma = TT: \Phi$, et circum TT ellipsim descripserimus, ita ut quae in angulo ΞOB (h. e. dimidio recti) [ad axem] ducantur, quadratae aequales sint spatiis lineae Φ adplicatis deficientibus spatio simili rectangulo $TT \times \Phi$, per Ξ ibit propter conuersum theorema XX primi libri Apollonii elementorum conicorum.²) describatur, et sit $T\Xi T$ itaque punctum Ξ ellipsim positione datam tangit. et quoniam ΔK diagonalis est parallelogrammi NM, erit $N\Xi \times \Xi \Pi = \Delta B \times BM$ [Eucl. I, 43]. si igitur per

¹⁾ Nam OE = EB, et OB : BE = OT : EP.

²⁾ In nostris codicibus est Apollon. I, 21.

additur '). 5. EP] hic in F repetuntur lin. 3: $n\alpha l$ &s $\tilde{\alpha}\varrho\alpha$ — lin. 4: $\tilde{\alpha}n\delta$ EP ($\alpha\pi\sigma$ pro $\tilde{\nu}\pi\delta$ lin. 4). 8. $\tilde{\nu}\pi\delta$ TOT] $\alpha\pi\sigma$ TOT F; corr. manus 1. 10. Γ] $H\Gamma$ F. 13. ΞO] (prius) $\Xi \Theta$, ut uidetur, F. 22. $\gamma\sigma\nu\ell\alpha$] per comp. F. 23. $\pi\alpha\varrho\alpha$] π cum comp. $\alpha\varrho\alpha$ F. 24. $\pi\varrho\sigma\tau\sigma\nu$ $\pi\alpha l$ elnosto $\tilde{\nu}$ Torellius. 26. $T\Xi T$ $\Gamma\Xi T$ FV. 27. $\epsilon ll\eta\psi\varepsilon\omega$ F. 28. NM HM F.

έὰν ἄρα διὰ τοῦ Β περὶ ἀσυμπτώτους τὰς ΘΚΜ γράψωμεν ὑπερβολήν, ἥξει διὰ τοῦ Ξ καὶ ἔσται θέσει δεδομένη διὰ τὸ καὶ τὸ Β σημεῖον τῆ θέσει δεδόσθαι καὶ ἐκατέραν τῶν ΑΒ, ΒΜ καὶ διὰ τοῦτο τὰς ΘΚΜ δ ἀσυμπτώτους. γεγράφθω, καὶ ἔστω ὡς ἡ ΞΒ. τὸ ἄρα Ξ σημεῖον ἄπτεται θέσει δεδομένης ὑπερβολῆς. ῆπτετο δὲ καὶ θέσει δεδομένης ἐλλείψεως. δέδοται ἄρα τὸ Ξ. καὶ ἀπ' αὐτοῦ κάθετος ἡ ΞΕ. δέδοται ἄρα τὸ Ε. καὶ ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΜΒ πρὸς ΒΕ, οῦτως 10 ἡ ΖΑ πρὸς ΑΕ, καὶ δέδοται ἡ ΑΕ, δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΑΖ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ δέδοται καὶ ἡ ΗΒ.

συντεθήσεται δε ούτως ώς γάρ έπι τῆς αὐτῆς καταγραφής έστω ή δοθείσα εύθεία, ην δεί τεμείν, ή AB, ή δε δοθείσα ετέρα ή AK, ό δε δοθείς λόγος 15 ὁ τῆς Γ πρὸς τὴν Δ. ἤχθω τῆ ΑΒ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΒΜ ίση οὖσα τῆ ΑΚ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΚΜ, καὶ τῆ μεν KA ἴση κείσθω ή AP καὶ ή $B\Sigma$, καὶ ἀπὸ τῶν Ρ, Σ πρὸς ὀρθὰς ἤχθωσαν αί ΡΥ, ΣΤ. ααὶ πρὸς τῷ Β σημείω συνεστάτω ἡμίσεια ὀρθῆς ἡ ὑπὸ ΑΒΟ, 20 καὶ ἐκβληθεϊσα ἡ ΒΟ ἐφ' ἐκάτερα τεμνέτω τὰς ΣΤ, ΡΥ κατά τὰ Τ, Υ. καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ Δ πρὸς τὴν διπλασίαν της Γ, ούτως ή ΤΥ πρός την Φ, και περί την ΤΥ γεγράφθω έλλειψις ώστε τας καταγομένας έν ήμισεία όρθης δύνασθαι τὰ παρακείμενα παρά την Φ 25 έλλείποντα όμοίφ τῷ ὑπὸ ΤΥΦ. διὰ δὲ τοῦ Β περί άσυμπτώτους τὰς ΑΚ, ΚΜ γεγράφθω ὑπερβολὴ ἡ ΒΕ τέμνουσα την έλλειψιν κατά τὸ Ε, καὶ ἀπὸ τοῦ Ε έπὶ τὴν ΑΒ κάθετος ήχθω ἡ ΕΕ καὶ ἐκβεβλήσθω έπὶ τὸ Π. διὰ δὲ τοῦ Ξ τῆ ΑΒ παράλληλος ήχθω

^{3.} δεδοσθω F; corr. B. 5. ασυμπτωτ cum comp. ous F, at lin. 1. 9. BE] ΛΕ FV. 14. ΛΒ] ΔΒ FV. 17. καί

B in asymptotis ΘK , KM hyperbolam descripserimus, per Ξ ueniet [Apollon. II, 12] et erit positione data, quia et punctum B positione datum est et utraque linea AB, BM et ideo asymptoti ΘK , KM. describatur et sit ΞB . itaque punctum Ξ hyperbolam positione datam tangit. tangebat autem etiam ellipsim positione datam. itaque Ξ datum est. et ab eo perpendicularis ducta est ΞE ; quare E datum. et quoniam est MB:BE = ZA:AE, et AE data est, etiam AZ data est.) et eadem de causa etiam AB data. 2)

componetur autem hoc modo: sit enim in eadem figura [p. 192] data linea, quam secari oportet, AB, et altera data AK, et data ratio $\Gamma: \Delta$. ducatur ad AB perpendicularis BM lineae AK aequalis, et ducatur KM, et ponatur $AP = B\Sigma = KA$, et ab P, Σ perpendiculares ducantur PT, ΣT , et ad punctum Bconstruatur angulus ABO dimidius recti, et linea BO in utramque partem producta secet lineas ΣT , PT in T, T. et fiat $\Delta: 2\Gamma = TT: \Phi$, et circum TT describatur ellipsis, ita ut 'lineae [ad axem] ductae in angulo dimidio recti quadratae aequales sint spatiis lineae Φ adplicatis deficientibus spatio simili rectangulo TT, Φ . per B autem in asymptotis AK, KMdescribatur hyperbola BZ ellipsim in Z secans, et ab Ξ ad AB perpendicularis ducatur ΞE et producatur ad Π . et per Ξ lineae AB parallela ducatur $A\Xi N$.

¹⁾ Nam ratio MB: BE data; tum u. Eucl. dat. 2.

²⁾ Nam AK : AE = BA : BE; quare cum datae sint ratio AK : AE et BE, data est BA, h. e. BH.

ἀπό] scripsi; απο F, uulgo. 24. παρά] κ cum comp. αρα F. 26. ΔΚ] ΔΒ FCV, Cr.

ή ΑΞΝ. καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αί ΚΑ, ΜΒ ἐπὶ τὰ 1, 9, καὶ ή ΜΕ έπιζευχθείσα έκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω τη ΚΝ κατά τὸ Θ. ἐπεὶ οὖν ὑπερβολή ἐστιν ή ΒΞ, ἀσύμπτωτοι δὲ αί ΘΚ, ΚΜ, ἴσον ἐστὶ τὸ 5 ύπὸ ΝΞΠ τῶ ὑπὸ ΑΒΜ διὰ τὸ ή θεώρημα τοῦ δευτέρου βιβλίου των Απολλωνίου κωνικών στοιγείων, και διὰ τοῦτο εὐθεῖά έστιν ἡ ΚΕΛ. κείσθω οὖν τῆ μεν ΘΑ ίση ή ΑΖ, τη δε ΑΒ ίση ή ΒΗ. έπει ούν έστιν, ώς ή διπλασία τῆς Γ πρὸς τὴν Δ, οὕτως ἡ Φ 10 πρὸς τὴν ΤΤ, ὡς δὲ ἡ Φ πρὸς τὴν ΤΤ, οὕτως τὸ ύπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ἀπὸ ΞΟ διὰ τὸ κ΄ θεώρημα τοῦ πρώτου βιβλίου των Απολλωνίου κωνικών στοιχείων, ώς ἄρα ή διπλασία τῆς Γ πρὸς τὴν Δ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρός τὸ ἀπὸ ΞΟ. καὶ ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΤΒ 15 πρός ΒΟ, ούτως ή ΣΒ πρός ΒΕ, καὶ συνθέντι, ώς ή ΤΟ πρός ΟΒ, ούτως ή ΣΕ πρός ΕΒ, άλλ' ώς ή . ΒΟ πρός ΟΥ, ούτως ή ΒΕ πρός ΕΡ, καὶ δι' ίσου άρα, ώς ή ΤΟ πρὸς ΟΤ, οῦτως ή ΣΕ πρὸς ΕΡ. καὶ ώς ἄρα τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ἀπὸ ΟΥ, οῦτως τὸ 20 ύπὸ ΣΕΡ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΡ. ἐναλλάξ, ὡς τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρός τὸ ὑπὸ ΣΕΡ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΟΥ πρὸς τὸ άπὸ ΕΡ. άλλὰ τὸ ἀπὸ ΟΥ τοῦ ἀπὸ ΕΡ διπλάσιον διὰ τὸ καὶ τὸ ἀπὸ ΒΟ τοῦ ἀπὸ ΒΕ. ἴση γάρ ἐστιν ή ΒΕ τη ΕΟ ήμισείας όρθης ούσης έκατέρας των 25 πρὸς τοῖς Β, Ο. καὶ τὸ ὑπὸ ΤΟΥ ἄρα διπλάσιόν έστι τοῦ ὑπὸ ΣΕΡ. ἐπεὶ οὖν ἐδείχθη, ὡς ἡ διπλασία τῆς Γ πρὸς τὴν Δ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΟ, καὶ τῶν ἡγουμένων τὰ ἡμίση ὡς ἄρα ἡ Γ πρὸς την Δ, ούτως τὸ ὑπὸ ΡΕΣ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΟ, τουτ-

^{1.} KA] KM FV. 5. η'] $\iota \beta'$ Torellius. 11. κ'] $\iota \alpha'$ Torellius. 20. ΣEP] $\Sigma P \to F$. 21. OT $OP \to S$.

et producantur KA, MB ad A, Θ et ME ducta producatur et cum KN concurrat in Θ . iam quoniam hyperbola est BE et asymptoti ΘK , KM, erit

$$N\Xi \times \Xi \Pi = AB \times BM$$

propter theorema VIII secundi libri Apollonii elementorum conicorum [II, 12]; quare una linea recta est KEA [Eucl. I, 43 conu.]. ponatur igitur

$$AZ = \Theta A$$
, $BH = AB$.

iam quoniam est $2\Gamma: \Delta = \Phi: T\Upsilon$,

et
$$\Phi: TT = TO \times OT: \Xi O^2$$

propter theorema XX primi libri Apollonii elementorum conicorum [I, 21], erit $2\Gamma: \Delta = TO \times OT: \Xi O^2$. et quoniam est $TB:BO = \Sigma B:BE$ et componendo $TO:OB = \Sigma E:EB$, sed BO:OT = BE:EP, etiam ex aequali [Eucl. V, 22] erit $TO:OT = \Sigma E:EP$. quare $TO \times OT:OT^2 = \Sigma E \times EP:EP^2$. et uicissim

$$TO \times OT : \Sigma E \times EP = OT^2 : EP^2$$
.

sed $OT^2 = 2EP^2$, quia $BO^2 = 2BE^2$; nam BE = EO, quia anguli ad B, O positi ambo dimidii sunt anguli recti.¹) quare etiam $TO \times OT = 2\Sigma E \times EP$. quoniam igitur demonstratum est, esse

$$2\Gamma: \Delta = TO \times OT: \Xi O^2$$

erit etiam, si antecedentium dimidia sumpserimus,

$$\Gamma: \Delta = PE \times E\Sigma : \Xi O^2 = PE \times E\Sigma : EH^2;$$

¹⁾ Cfr. supra p. 194, 19 et p. 195 not. 2.

οὖσης] ισης FV. 25. τό] τω F. 28. ΞΟ] ΞΘ FV. 29. τουτέσει πρός] scripsi; om. F, nulgo; καί Torellius.

έστι πρός τὸ ἀπὸ ΕΗ τση γὰρ ἡ ΣΟ τῆ ΕΗ διὰ τὸ έχατέραν αὐτῶν ἴσην εἶναι συναμφοτέρω τῆ ΛΒΕ. έπει οὖν έστιν, ώς [ή] συναμφότερος ή ΘΑΕ πρὸς συναμφότερον την ΜΒΕ, ούτως συναμφότερος ή ΚΑΕ 5 πρός συναμφότερον την ΛΒΕ (έκάτερος γαρ των λόγων ό αὐτός ἐστι τῷ τῆς ΑΕ πρὸς ΕΒ), τὸ ἄρα ὑπὸ συναμφοτέρου της ΘΑΕ καί συναμφοτέρου της ΑΒΕ ίσον έστι τῷ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς ΚΑΕ και συναμφοτέρου της ΜΒΕ. άλλὰ συναμφοτέρφ μέν τη ΘΑΕ 10 ίση έστι ή ΖΕ, συναμφοτέρω δε τη ΛΒΕ ίση ή ΕΗ, συναμφοτέρφ δε τη ΚΑΕ ίση ή ΡΕ, συναμφοτέρφ δὲ τῆ ΜΒΕ ἴση ἡ ΕΣ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΖΕΗ ἴσον έστι τῷ ὑπὸ ΡΕΣ. ἀλλ' ὡς ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΡΕΣ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ. καὶ ὡς ἄρα ἡ Γ 15 πρὸς τὴν Δ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΖΕΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ. άλλ' ώς τὸ ὑπὸ ΖΕΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ, οῦτως ή ΖΕ πρός ΕΗ. και ώς άρα ή Γ πρός την Δ, ούτως ή ΖΕ πρός ΕΗ. καὶ ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΜΒ πρὸς ΒΕ, ούτως ή ΘΑ ποὸς ΑΕ, ἴση δὲ ή ΘΑ τῆ ΖΑ, ὡς 20 ἄρα ἡ ΜΒ πρὸς ΒΕ, οῦτως ἡ ΖΑ πρὸς ΑΕ. διὰ τὰ αὐτὰ καί, ὡς ἡ ΚΑ πρὸς ΑΕ, οῦτως ἡ ΗΒ πρὸς ΒΕ. εὐθείας ἄρα δοθείσης τῆς ΑΒ καὶ έτέρας τῆς ΑΚ καὶ λόγου τοῦ τῆς Γ πρὸς τὴν Δ εἴληπται ἐπὶ της ΑΒ τυχον σημείον το Ε, και προσετέθησαν εύθειαι 25 αί ΖΑ, ΗΒ, καὶ γέγονεν έν τῷ δοθέντι λόγω ἡ ΖΕ πρός ΕΗ, έτι τέ έστιν, ώς ή δοθείσα ή ΜΒ πρός ΒΕ, ούτως ή ΖΑ πρός ΑΕ, ώς δε αὐτή ή δοθεῖσα ή ΚΑ πρός ΑΕ, ούτως ή ΗΒ πρός ΒΕ΄ ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

^{1.} το ἀπό ΕΗ] om. F; corr. Torellius (τῆς ΕΗ). ἴση γὰρ ἡ ΞΟ] om. F; corr. ed. Basil., (δέ pro γὰς; corr. Torel-

nam EO = EH, quia utraque aequalis est AB + BE. quoniam igitur est

 $\Theta A + AE : MB + BE = KA + AE : AB + BE$ (nam utraque ratio aequalis est rationi AE : EB)¹), erit igitur

$$(\Theta A + AE) \times (AB + BE) = (KA + AE) \times (MB + BE).$$

sed $\Theta A + AE = ZE, AB + BE = EH,$
 $KA + AE = PE, MB + BE = E\Sigma.$

itaqu**e**

 $ZE \times EH = PE \times E\Sigma$.

erat autem

 $\Gamma: \Delta = PE \times E\Sigma : EH^2$.

quare

 $\Gamma: \Delta = ZE \times EH : EH^2$. $ZE \times EH : EH^2 = ZE : EH$;

sed quare

 $\Gamma: \Delta = ZE: EH.$

et quoniam

 $MB: BE = \Theta A: AE$, et $\Theta A = ZA$,

erit MB:BE=ZA:AE. eadem de causa erit etiam KA:AE=HB:BE. itaque data linea AB et alia linea AK et ratione $\Gamma:\Delta$ in AB sumptum est punctum aliquod E, et adiectae sunt lineae ZA, HB, et in ratione data inuentae sunt ZE, EH, et praeterea quam rationem habet data linea MB ad BE, eam habet ZA:AE, et quam eadem linea data KA ad AE, eam habet HB:BE; quod oportebat fleri.

¹⁾ U. supra p. 192, 12 et p. 193 not. 2. omnino hic analysis repetitur fidelissime, et haec resolutio Dioclis aptissimum exemplum est ad illustrandam methodum analyticam ueterum.

lius). 3. ή (prius)] F; om. uulgo recte, puto. 11. δέ) om. F; corr. Torellius. 12. νπό] απο F. 14. ἄρα] om. Ε΄D. 25. ἐν] om. F; corr. Torellius. 27. αὐτή ἡ] ἡ αὐτή?

τούτων δεδειγμένων δυνατόν έστι την δοθείσαν σφαίραν είς τὸν δοθέντα λόγον τεμείν οῦτως. ἔστω γὰρ τῆς δοθείσης σφαίρας διάμετρος ἡ ΑΒ, ὁ δὲ δοθείς λόγος, ου δεί έγειν τὰ τμήματα τῆς σφαίρας 5 πρὸς ἄλληλα, ὁ τῆς Γ πρὸς τὴν Δ, κέντρον δὲ τῆς σφαίρας έστω τὸ Ε. καὶ εἰλήφθω έπὶ τῆς ΑΒ σημεῖον τὸ Ζ, καὶ προσκείσθωσαν αί ΗΑ, ΘΒ ώστε εἶναι, ώς την Γ πρός την Δ, ούτως την ΗΖ πρός την ΖΘ, έτι τε είναι, ώς μεν την ΗΑ πρός ΑΖ, ούτως δοθείσαν 10 την ΕΒ πρός ΒΖ, ώς δὲ την ΘΒ πρός ΒΖ, οῦτως την αὐτην δοθείσαν την ΕΑ πρός ΑΖ. τοῦτο γὰρ ώς δυνατόν ποιείν, προδέδεικται. καὶ διὰ τοῦ Ζ τῆ ΑΒ πρὸς ὀρθὰς ήχθω ή ΚΖΛ, καὶ διὰ τῆς ΚΛ ἐπίπεδον έμβληθεν όρθον πρός την ΑΒ τεμνέτω την 15 σφαίραν. λέγω, ότι τὰ τμήματα τῆς σφαίρας πρὸς άλληλα λόγον έχει τὸν τῆς Γ πρὸς τὴν Δ.

έπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ἡ ΗΑ πρὸς ΑΖ, οὕτως ἡ ΕΒ πρὸς ΒΖ, καὶ συνθέντι ὡς ἄρα ἡ ΗΖ πρὸς ΖΑ, οῦτως συναμφότερος ἡ ΕΒ, ΒΖ πρὸς ΒΖ. ὁ ἄρα 20 κῶνος ὁ βάσιν μὲν ἔχων τὸν κύκλον τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΚΛ, ὕψος δὲ τὴν ΖΗ ἴσος ἐστὶ τῷ τμήματι τῆς σφαίρας τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὴν αὐτήν, ὕψος δὲ τὴν ΖΑ. πάλιν ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΘΒ πρὸς ΒΖ, οῦτως ἡ ΕΛ πρὸς ΛΖ, καὶ συνθέντι ἐστίν, ὡς ἡ ΘΖ πρὸς ΒΖ, οῦτως συναμφότερος ἡ ΕΛ, ΛΖ πρὸς ΛΖ. ὁ ἄρα κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΚΛ κύκλον, ῦψος δὲ τὴν ΖΘ ἴσος ἐστὶ τῷ τμήματι τῆς σφαίρας τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὴν αὐτήν, ῦψος δὲ τὴν ΒΖ. ἐπεὶ οὖν οἱ εἰρημένοι κῶνοι

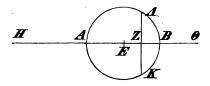
^{2.} Tem cum comp. In the law F. 13. KZA] KAZ F; corr. Torellins. 25. BZ] Θ Z F (V?).

his demonstratis fieri potest, ut data sphaera secundum datam rationem secetur hoc modo: sit enim diametrus datae sphaerae AB, et data ratio, quam segmenta sphaerae inter se habere oportet, $\Gamma: \Delta$; centrum autem sphaerae sit E. et in AB sumatur punctum Z, et adiiciantur HA, ΘB , ita ut sit

$$\Gamma: \Delta = HZ: Z\Theta$$

et praeterea

HA:AZ = EB:BZ, et $\Theta B:BZ = EA:AZ$. hoc enim fieri posse, ante demonstratum est. et per Z ad lineam AB perpendicularis ducatur KZA, et



planum per KA ad AB perpendiculare positum sphaeram secet. dico, segmenta sphaerae eam inter se rationem habere, quam $\Gamma: A$.

nam quoniam est HA:AZ = EB:BZ, erit igitur etiam componendo HZ:ZA = EB + BZ:BZ. quare conus basim habens circulum circum diametrum KA descriptum, altitudinem autem ZH aequalis est segmento sphaerae, cuius basis eadem est, altitudo autem ZA [de sph. et cyl. II, 2; cfr. supra p. 188, 4 sq.]. rursus quoniam $\Theta B:BZ = EA:AZ$, etiam componendo est $\Theta Z:BZ = EA + AZ:AZ$. itaque conus basim habens circulum circum diametrum KA descriptum, altitudinem autem $Z\Theta$ aequalis est segmento sphaerae, cuius basis eadem est, altitudo autem BZ.

ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὅντες πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ΰψη, τουτέστιν ὡς ἡ ΗΖ πρὸς ΖΘ, τουτέστιν ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, καὶ τὰ τμήματα ἄρα τῆς σφαίρας πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει τὸν δοθέντα. ὅπερ ἔδει 5 ποιῆσαι.

'Ως δὲ δεῖ διὰ τοῦ δοθέντος σημείου περὶ τὰς δοθείσας ἀσυμπτώτους γράψαι ὑπερβολήν, δείξομεν οὕτως, ἐπειδὴ οὐκ αὐτόθεν κεῖται ἐν τοῖς κωνικοῖς στοιχείοις.

10 ἔστωσαν δύο εὐθεῖαι αἱ ΓΑ, ΑΒ τυχοῦσαν γωνίαν περιέχουσαι τὴν πρὸς τῷ Α, καὶ δεδόσθω σημεῖόν τι

 τὸ Δ, καὶ προκείσθω διὰ τοῦ Δ περὶ ἀσυμπτώτους τὰς ΓΑ, ΑΒ γράψαι ὑπερβολήν. ἐπεζεύχθω ἡ ΑΔ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Ε, καὶ κείσθω τῆ ΔΑ ἴση ἡ ΑΕ, καὶ διὰ τοῦ Δ τῆ ΑΒ παράλληλος ἤχθω ἡ ΖΓ, καὶ ἐπιζευχθεἴσα ἡ ΓΔ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Β, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς ΓΒ ἴσον ἔστω τὸ ὑπὸ ΔΕΗ. καὶ ἐκβληθείσης τῆς ΑΔ γεγράφθω περὶ αὐτὴν διὰ τοῦ Δ ὑπερβολὴ ῶστε τὰς καταγομένας δύνασθαι τὰ παρὰ τὴν ΕΗ ὑπερ

βάλλοντα ὁμοίφ τῷ ὑπὸ ΔEH . λέγω, ὅτι τῆς γεγραμμένης ὑπερβολῆς ἀσύμπτωτοί εἰσιν αἱ ΓA , AB. ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν ἡ ΔZ τῆ BA, καὶ ἴση ἡ ΓZ τῆ ZA, ἴση ἄρα καὶ ἡ $\Gamma \Delta$ τῆ ΔB . ὥστε τὸ ἀπὸ τῆς

^{2.} HZ] scripsi; OZ F, uulgo. ZO] scripsi; ZH F, uulgo; "Mf ad fg" iam Cr. 11. zoj] scripsi; zo F, uulgo. 12

iam quoniam coni illi, quia in eadem basi sunt, eam inter se rationem habent, quam altitudines,

h. e. $HZ: \Theta Z$, h. e. $\Gamma: \Delta$,

ergo etiam segmenta sphaerae inter se datam habent rationem; quod oportebat fieri.

Quomodo autem per datum punctum in asymptotis datis hyperbola describi possit, ita demonstrabimus¹), quoniam non diserte legitur in elementis conicis.

duae lineae sint ΓA , AB quemuis angulum comprehendentes ad A, et datum sit punctum Δ , et propositum sit, ut per Δ in asymptotis ΓA , AB hyperbolam describamus. ducatur $A\Delta$ et producatur ad E, et ponatur $AE = \Delta A$, et per Δ lineae AB parallela ducatur ΔZ , et ponatur $Z\Gamma = AZ$, et linea $\Gamma \Delta$ ducta producatur ad B, et sit $\Delta E \times EH = \Gamma B^2$. et circum $A\Delta$ productam per Δ describatur hyperbola, ita ut lineae [ad axem] ductae quadratae aequales sint spatiis lineae EH adplicatis excedentibus spatio simili rectangulo $\Delta E \times EH$. dico, lineas ΓA , AB asymptotos esse hyperbolae descriptae. nam quoniam ΔZ parallela est lineae BA, et $\Gamma Z = ZA$, erit igitur etiam $\Gamma \Delta = \Delta B$ [Eucl. VI, 2]. quare $\Gamma B^2 = 4\Gamma \Delta^2$.

Haec sine dubio Eutocius de suo addidit ad demonstrationem Dioclis supplendam, ubi hoc problema usurpatur p. 198, 25 sq.

προσπεισθω (προς per comp.) F; corr. Torellius. 16. AE] $A \triangle FV$. 21. $τ\tilde{φ}$] το F, ut lin. 26. 25. $παφ\tilde{α}$] π cum comp. αφα F. EH] H F; corr. B. H in fig. om. F.

ΓΒ τετραπλάσιόν έστι τοῦ ἀπὸ τῆς ΓΔ. καί έστι τὸ ἀπὸ ΓΒ ἴσον τῷ ὑπὸ ΔΕΗ. ἐκάτερον ἄρα τῶν ἀπὸ ΓΔ, ΔΒ τέταρτον μέρος ἐστὶ τοῦ ὑπὸ ΔΕΗ εἴδους. αί ἄρα ΓΑ, ΑΒ ἀσύμπτωτοί εἰσι τῆς ὑπερβολῆς διὰ τὸ πρῶτον θεώρημα τοῦ β΄ βιβλίου τῶν ᾿Απολλωνίου κωνικῶν στοιχείων.

Εἰς τὴν σύνθεσιν τοῦ δ΄.

Έν δὲ τῆ συνθέσει προσεμβάλλων τὴν διάμετρον τῆς σφαίρας τὴν ΔΒ καὶ ἀποθέμενος τῆ ἡμισεία 10 αὐτῆς ἴσην τὴν ΖΒ καὶ τεμών αὐτὴν εἰς τὸν δοθέντα λόγον κατά τὸ Θ καὶ ἐπὶ τῆς ΔΒ λαβών τὸ Χ οῦτως, ώστε είναι, ώς την XZ πρός ΘΖ, ούτως τὸ ἀπὸ ΒΔ πρός τὸ ἀπὸ ΔΧ τὰ αὐτὰ κατασκευάζων τοῖς πρότερόν φησι, ότι γεγονέτω, ώς συναμφότερος ή 15 $K \triangle X$ $\pi \varrho \delta \varsigma \triangle X$, $\varrho \tilde{\nu} \tau \omega \varsigma \dot{\eta} PX \pi \varrho \delta \varsigma XB$, $\varkappa \alpha \tilde{\iota} \tau \tilde{\iota}$ θησιν τὸ Ρ μεταξύ τῶν Θ, Ζ. ὅτι δὲ τοῦτο οὕτως έχει, δεικτέον. έπελ γάρ έστιν, ώς συναμφότερος ή ΚΔΧ πρός ΔΧ, ή ΡΧ πρός ΧΒ, διελόντι, ώς ή ΚΔ πρὸς ΔΧ, ή ΡΒ πρὸς ΧΒ. ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΚΒ πρὸς 20 PB, $\dot{\eta}$ ΔX $\pi \rho \dot{o}_S$ BX. $\mu \epsilon \ell \zeta \omega \nu$ $\delta \dot{\epsilon}$ $\dot{\eta}$ ΔX $\tau \tilde{\eta}_S$ XB. μείζων ἄρα καὶ ἡ ΚΒ τῆς ΒΡ, τουτέστιν ἡ ΒΖ τῆς ΒΡ. ώστε τὸ Ρ έντὸς τοῦ Ζ πεσείται. ὅτι δὲ καὶ έκτὸς τοῦ Θ, δειχθήσεται όμοίως τοῖς έν τῆ ἀναλύσει προελθούσης πάσης της συνθέσεως τοῦ θεωρήματος. 25 συνάγεται γάρ, ὅτι ἐστίν, ὡς ἡ ΡΧ πρὸς ΧΛ, ἡ ΒΘ πρός ΘΖ . ώστε καλ συνθέντι. καλ διά τοῦτο γίνεται ακόλουθος τοῖς ανω είρημένοις και ένταῦθα ή δεῖξις. Καὶ δι' ἴσου ἐν τῆ τεταραγμένη ἀναλογία]

^{9.} τῆ ἡμισεία] scripsi; την ημισειαν F, uulgo. 10. τήν] scripsi; τη F, uulgo. 18. ΚΔ] ΚΑ FV. 19. ΚΒ] ΚΑΒ

et $\Gamma B^2 = \Delta E \times EH$. itaque et $\Gamma \Delta^2$ et ΔB^2 quarta pars est rectanguli $\Delta E \times EH$. itaque ΓA , AB asymptoti sunt hyperbolae propter primum theorema secundi libri Apollonii elementorum conicorum.

In compositionem prop. IV.

In compositione autem diametro sphaerae ΔB producta et posita linea ZB dimidio eius aequali et secta ea¹) in Θ secundum rationem datam et sumpto in ΔB puncto X ita, ut sit $XZ : \Theta Z = B \Delta^2 : \Delta X^2$ deinde eadem, quae antea, construens ita dicit [Ip.216,11-13]: fiat $K\Delta + \Delta X : \Delta X = PX : XB$, et punctum P inter Θ et Z ponit. hoc uero ita se habere, demonstrandum est. nam quoniam est $K\Delta + \Delta X : \Delta X = PX : XB$, dirimendo erit $K\Delta : \Delta X = PB : XB$, et uicissim

 $KB: PB = \Delta X: BX.$

sed $\Delta X > XB$. quare etiam KB > BP, h. e. BZ > BP. quare P punctum intra Z cadet. sed idem extra Θ cadere demonstrabitur tota compositione theorematis congruenter analysi progrediente. colligitur²) enim, esse $PX: \dot{X}A = B\Theta: \Theta Z$; quare etiam componendo $[PA: XA = BZ: \Theta Z]$. itaque hic quoque demonstratio cum iis, quae supra³) diximus, congruit.

I p. 218, 3-4: erit ex aequali in perturbata ra-

¹⁾ Sc. linea adiecta BZ.

²⁾ Uol. I p. 218, 5—6.

³⁾ U. supra p. 148, 24 sq.

FV; fort. KΔ cum Cr. 22. Z] B F; corr. A. 23. Θ] ΘΔ F; corr. A. 25. BΘ προς ΘΖ] ΖΘ προς ΘΒ F; corr. Torellius (ΘΒ pro ΒΘ). 26. γίνεται] scripsi; γαρ per comp. F, nulgo. Lin. 14—15 sine signo F.

τεταραγμένην ἀναλογίαν ἐν τοῖς στοιχείοις ἐμάθομεν τριῶν ὅντων μεγεθῶν καὶ ἄλλων αὐτοῖς ἴσων τὸ πλῆθος, ὅταν ἡ, ὡς μὲν ἡγούμενον πρὸς ἐπόμενον ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν, οῦτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν 5 ἡγούμενον πρὸς ἐπόμενον, ὡς δὲ ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι ἐν τοῖς πρώτοις, οῦτως ἐν τοῖς δευτέροις ἄλλο τι πρὸς ἡγούμενον. κἀνταῦθα οὖν δέδεικται, ὡς μὲν ἡγούμενον ἡ ΡΛ πρὸς ἐπόμενον τὴν ΛΔ, οῦτως ἡγούμενον ἡ ΧΖ πρὸς ἐπόμενον τὴν ΖΘ, ὡς δὲ ἐπόμενον 10 ἡ ΔΛ πρὸς ἄλλο τι τὴν ΛΧ, οῦτως ἄλλο τι ἡ ΒΖ πρὸς ἡγούμενον τὴν ΧΖ. ἔπεται ἄρα καὶ δι' ἴσου, ὡς δέδεικται ἐν τῷ πέμπτῷ τῶν στοιχείων, ὡς ἡ ΡΛ πρὸς ΛΧ, οῦτως ἡ ΒΖ πρὸς ΖΘ.

Είς τὸ ε΄.

15 Καὶ ἐπεὶ ὅμοιόν ἐστι τὸ ΕΖΗ τμῆμα τῷ ΘΚΛ τμήματι, ὅμοιος ἄρα ἐστὶ καὶ ὁ ΕΖΩ κῶνος τῷ ΨΘΚ κώνφ] νενοήσθωσαν γὰρ χωρὶς κείμεναι αί καταγραφαὶ καὶ ἐπεζευγμέναι αί ΕΗ, ΗΖ, ΕΟ, ΟΖ, ΘΛ, ΛΚ, ΘΞ, ΞΚ. ἐπεὶ οὖν ὅμοιά ἐστι τὰ 20 ΕΖΗ, ΘΚΛ τμήματα, ἴσαι εἰσὶν καὶ αί ὑπὸ ΕΗΖ, ΘΛΚ γωνίαι, ὥστε καὶ αί ἡμίσειαι αὐτῶν. καὶ εἰσιν ὀρθαὶ αί πρὸς τοῖς Φ, Υ. καὶ ἡ λοιπὴ ἄρα τῆ λοιπῆ ἐστιν ἴση. ἰσογώνιον ἄρα τὸ ΗΦΖ τρίγωνον τῷ ΛΥΚ, καί ἐστιν, ὡς ἡ ΗΦ πρὸς ΦΖ, ἡ ΛΥ πρὸς Σ΄ς ΤΚ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ ἰσογωνίων ὅντων τῶν ΦΖΟ, ΥΚΞ τριγώνων ἐστιν, ὡς ἡ ΖΦ πρὸς ΟΦ, ἡ ΚΥ πρὸς ΥΞ. διὶ ἴσον ἄρα, ὡς ἡ ΗΦ πρὸς ΦΟ, ἡ ΛΥ πρὸς ΥΞ. καὶ συνθέντι, ὡς ἡ ΗΦ πρὸς ΦΟ, ἡ ΛΥ πρὸς ΥΞ. καὶ συνθέντι, ὡς ἡ ΗΟ πρὸς ΟΦ, ἡ ΛΥ

^{2.} οντων των (comp.) F; corr. BC. 10. AX] scripsi; ΔX F, uulgo. BZ] EZ F; corr. Torellius. Praeter p. 208, 28

tione] perturbatam rationem ex elementis [Eucl.V def. 20] cognouimus eam esse, si datis tribus magnitudinibus et aliis iis multitudine aequalibus in secundis magnitudinibus sit antecedens ad sequentem terminum, ut in prioribus antecedens ad sequentem, sed ut sequens in prioribus ad aliud, ita in secundis aliud ad antecedentem. iam hic quoque demonstratum est, esse, ut antecedens PA ad sequentem AA, ita antecedens XZ ad sequentem $Z\Theta$ [I p. 218, 1—2], sed ut sequens AA ad aliud AX, ita aliud BZ ad antecedentem XZ [ibid. lin. 2—3]. sequitur igitur etiam, ut demonstratum est in quinto libro elementorum [Eucl. V, 21], ex aequali $PA: AX = BZ: Z\Theta$ [ibid. lin. 3—5].

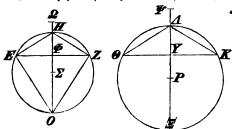
In prop. V.

I p. 222, 4-6: et quoniam segmentum EZH segmento $\emptyset KA$ simile est, etiam conus $EZ\Omega$ cono $\Psi \emptyset K$ similis erit] fingantur enim figurae [uol. I p. 220] seorsum positae et ductae lineae EH, HZ, EO, OZ, $\emptyset A$, AK, $\emptyset E$, EK. quoniam igitur segmenta EZH, $\emptyset KA$ similia sunt, erunt etiam anguli EHZ, $\emptyset AK$ aequales [Eucl. III def. 11]; quare etiam dimidii eorum. et anguli ad Φ , Γ positi recti sunt. itaque etiam reliquus reliquo aequalis est, et $H\Phi Z \sim ATK$, et est [Eucl. VI, 4] $H\Phi : \Phi Z = AT : TK$. cum eadem de causa $\Phi ZO \sim TKE$, erit $Z\Phi : O\Phi = KT : TE$. quare ex aequali $H\Phi : \Phi O = AT : TE$, et componendo

 $HO: O\Phi = A\Xi: \Xi T.$

etiam lineis 1—7 signum adponit F. 26. $\pi \varrho \delta \varsigma O \Phi \rfloor om. F \varsigma$ corr. B (ΦO).

πρὸς ΕΤ΄ καὶ τῶν ἡγουμένων τὰ ἡμίση, ὡς ἡ ΣΟ πρὸς ΟΦ, ἡ ΡΕ πρὸς ΕΤ. καὶ συνθέντι, ὡς συναμφότερος ἡ ΣΟΦ πρὸς ΦΟ, τουτέστιν ἡ ΩΦ πρὸς ΦΗ, οῦτως συναμφότερος ἡ ΡΕΥ πρὸς ΕΥ, τουτέστιν



5 ή ΨΥ πρὸς ΥΔ. ἀλλ' ὡς ἡ ΗΦ πρὸς ΦΖ, ἡ ΔΥ πρὸν ΥΚ. καὶ δι' ἴσου ἄρα, ὡς ἡ ΩΦ πρὸς ΦΖ, ἡ ΨΥ πρὸς ΥΚ' καὶ τῶν ἐπομένων τὰ διπλάσια, ὡς ἄρα ἡ ΩΦ πρὸς ΕΖ, ἡ ΨΥ πρὸς ΘΚ. τῶν ἄρα ΩΕΖ, ΨΘΚ κώνων ἀνάλογόν εἰσιν οἱ ἄξονες καὶ αἱ 10 διάμετροι τῶν βάσεων. ὅμοιοι ἄρα εἰσὶν οἱ κῶνοι' ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Λόγος δὲ τῆς &Φ πρὸς τὴν ΕΖ δοθείς] ἐπεὶ γὰρ δέδοται τὰ τμήματα τῶν σφαιρῶν, δεδομέναι εἰσὶ καὶ αἱ διάμετροι τῶν βάσεων καὶ τὰ τψη τῶν τμημά-15 των. ὥστε δέδοται ἡ ΕΖ καὶ ἡ ΗΦ. καὶ ἡ ἡμίσεια ἄρα τῆς ΕΖ ἡ ΕΦ δοθήσεται ιώστε καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς και ἐστιν ἴσον τῷ ὑπὸ ΗΦΟ. ἐὰν δὲ δοθὲν παρὰ δοθείσαν παραβληθῆ, πλάτος ποιεῖ δοθέν. δοθείσα ἄρα ἡ ΦΟ ι ἀλλὰ καὶ ἡ ΦΗ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ 20 διάμετρος τῆς σφαίρας δοθείσά ἐστι, καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἡ ἡμίσεια αὐτῆς δέδοται ἡ ΣΟ. ἀλλὰ μὴν καὶ ἡ ΟΦ. δέδοται ἄρα καὶ ὁ τῆς ΣΟ πρὸς ΟΦ λόγος.

^{9.} al] addidi; om. F, uulgo. In figura T om. F. 17. roj

et sumptis antecedentium dimidiis

 $\Sigma O: Q\Phi = P\Xi: \Xi T.$

et componendo

 $\Sigma O + O\Phi : \Phi O = P\Xi + \Xi T : \Xi T$

h. e. $\Omega \Phi : \Phi H = \Psi T : T \Lambda$ [I p. 220, 2-4].

sed $H\Phi: \Phi Z = \Lambda T: TK$. itaque ex aequali erit

 $\Omega \Phi : \Phi Z = \Psi \Upsilon : \Upsilon K.$

et duplicatis sequentibus $\Omega \Phi : EZ = \Psi T : \Theta K$. in conis igitur ΩEZ , $\Psi \Theta K$ axes et diametri basium proportionales sunt. itaque coni similes sunt [Eucl. XI def. 24]; quod erat demonstrandum.

I p. 222, 7—8: sed ratio $\Omega\Phi: EZ$ data est] nam quoniam segmenta sphaerarum data sunt, etiam et diametri basium et altitudines segmentorum datae sunt. quare EZ et $H\Phi$ datae. itaque etiam $E\Phi$ dimidia lineae EZ data erit. quare etiam eius quadratum.\(^1\)) sed $E\Phi^2 = H\Phi \times \Phi O$: sed datum spatium datae lineae adplicatum latitudinem datam efficit [Eucl. dat. 57]. itaque ΦO data. sed etiam ΦH data est. quare tota diametrus sphaerae data est, et ideo etiam dimidia eius ΣO . sed etiam $\Phi \Phi$ data est. quare ratio

¹⁾ Cfr. Eucl. dat. 50.

το F. 18. δοθέν] scripsi; δοθεισαν F, uulgo. 21. $\dot{\eta}$ $\dot{\eta}$ μίσεια] scripsi; $\dot{\eta}$ om. F, uulgo.

καὶ συνθέντι ὁ συναμφοτέρου τῆς ΣΟΦ πρὸς τὴν ΟΦ λόγος δοθείς έστιν, τουτέστι τῆς ΩΦ πρὸς ΦΗ. καὶ δέδοται ἡ ΦΗ. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΩΦ. ἀλλὰ μὴν καὶ ἡ ΕΖ. δέδοται ἄρα καὶ ὁ τῆς ΩΦ πρὸς ΕΖ λό-5 γος. — τὰ αὐτὰ δὲ ἄν ἡηθείη καὶ ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ τμήματος, καὶ συναχθήσεται ὁ τῆς ΧΤ πρὸς ΑΒ λόγος δοθείς. καὶ διὰ τὸ δοθείσαν είναι τὴν ΑΒ δοθείσα ἔσται καὶ ἡ ΧΤ.

ότι δέ, αν τὰ τμήματα δεδομένα ή, καὶ τὰ ῦψη αὐτῶν 10 δοθήσονται, πρόδηλον μέν, ΐνα δὲ καὶ τοῦτο ἀκολούθως τη στοιχειώσει των Δεδομένων δοκή συνάγεσθαι, λεχθήσεται. έπειδη δέδοται τὰ τμήματα τῆ θέσει καὶ τῷ μεγέθει, δέδοται καὶ ή ΕΖ καὶ ή ἐν τῷ τμήματι γωνία. ώστε και ή ήμίσεια αύτης, και έαν νοήσωμεν έπιζευγνυ- $_{15}$ μένην τὴν EH, δεδομένης τῆς πρὸς τῷ Φ ὀρδῆς δεδομένη έσται καὶ ή λοιπή. καὶ τὸ ΕΗΦ τρίγωνον τῷ είδει ωστε καὶ ὁ τῆς ΕΦ ποὸς ΦΗ λόγος δοθείς έσται. και δέδοται ή ΕΦ ήμίσεια οὖσα τῆς ΕΖ. δέδοται ἄρα καὶ ή ΦΗ. — ἔνεστι δὲ καὶ ἄλλως λέ-20 γειν. έπειδη δέδοται ή ΕΖ τη θέσει, καὶ ἀπὸ δεδομένου τοῦ Φ (διγοτομία γάρ έστι τῆς ΕΖ) πρὸς ὀρθάς ήπται ή ΦΗ τη θέσει, δέδοται δε και ή περιφέρεια τοῦ τμήματος τῆ θέσει, δέδοται ἄρα τὸ Η. ἦν δὲ καὶ τὸ Φ δεδομένον. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΦΗ.

δ Έπεί έστιν, ώς ή ΨΥ ποδς ΧΤ, τουτέστι τὸ ἀπὸ τῆς ΒΑ ποδς τὸ ἀπὸ ΘΚ, οῦτως ἡ ΚΘ ποδς Δ] ἐπεὶ γὰο γέγονεν, ώς ἡ ΨΥ ποδς ΘΚ, ἡ ΧΤ ποδς Δ, ἐναλλάξ, ώς ἡ ΨΥ ποδς ΧΤ, ἡ ΚΘ ποδς Δ. ἀλλ' ώς ἡ ΨΥ ποδς ΧΤ, τὸ ἀπὸ ΑΒ ποδς

^{8.} ἐσται] per comp. F. 11. δοκει F; corr. B. 13. γωνία] per comp. F. 23. Θέσει διδομένη Torellius.

 $\Sigma O: O\Phi$ data, et componendo ratio $\Sigma O + O\Phi: O\Phi$ data erit, h. e. $\Omega\Phi: \Phi H$. et ΦH data est. ergo etiam $\Omega\Phi$. sed etiam EZ data. quare ratio $\Omega\Phi: EZ$ data est. eadem autem etiam in segmento $AB\Gamma$ dici¹) possunt, et colligetur, datam esse rationem XT: AB. et quia data est AB, etiam XT data erit.²)

si segmenta data sint, etiam altitudines eorum datum iri, per se patet, sed ut hoc quoque elementis Datorum congruenter concludi uideatur, exponetur. quoniam segmenta positione et magnitudine data sunt, et EZ et angulus segmenti datus est.3) quare etiam dimidius. et si lineam EH finxerimus ductam, erit, cum angulus ad Φ positus rectus datus sit, etiam reliquus datus, et triangulus EHP specie [Eucl. dat. 40]. quare etiam ratio $E\Phi : \Phi H$ data erit. et $E\Phi$ dimidia lineae EZ data est. quare etiam ΦH data. — sed etiam aliter ratiocinari possumus. quoniam positione data est EZ, et ab Φ puncto dato (nam medium est lineae EZ) ad lineam positione datam perpendicularis ducta est ΦH , et ambitus segmenti positione datus est, datum erit punctum H. sed etiam Ø datum erat. quare etiam ΦH data.

I p. 222, 11—12: et quoniam est $\Psi T: XT$, hoc est $AB^2: \Theta K^2 = \Theta K: A$] nam quoniam est

 $\Psi T : \Theta K = XT : \Delta [1 p. 222, 9],$

uicissim erit $\Psi T: XT = K\Theta : \Delta$.

sed $\Psi T: XT = AB^2: \Theta K^2$.

¹⁾ U. figura I p. 220.
2) Ordinem hoc loco peruertit Eutocius; prius enim colligitur, XT datam esse, deinde rationem XT: AB; cfr. lin. 3—4.
Fortasse pro AB lin. 6 scribendum \(\Gamma\tau\); cfr. lin. 2—8.
3) Cfr. Eucl. dat. 88.

τὸ ἀπὸ Θ Κ. ἴσων γὰρ ὅντων τῶν κώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ὡς δὲ αἱ βάσεις πρὸς ἀλλήλας, οὕτως τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ BA πρὸς τὸ ἀπὸ Θ K, ἡ Θ K5 πρὸς τὴν Δ .

Καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΑΒ ποὸς ΘΚ, ἡ 5 ποὸς Δ] ἐπειδὴ τῷ λόγφ τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΑ ποὸς τὸ ἀπὸ ΘΚ ὁ αὐτὸς ἐδείχθη ὁ τῆς ΒΑ ποὸς 5 καὶ ὁ τῆς ΚΘ ποὸς Δ, καὶ ὁ τῆς ΒΑ ἄρα ποὸς 5 ὁ αὐτός ἐστι τῷ τῆς 10 ΚΘ ποὸς Δ. ἄστε ἐναλλάξ ἐστιν, ὡς ἡ ΒΑ ποὸς ΘΚ, ἡ 5 ποὸς Δ.

Είς τὴν σύνθεσιν τοῦ ε΄.

Έπειδη ἀνάλογόν είσιν αί ΑΒ, ΘΚ, 5, Δ, ἔστιν, ώς τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΚ, ή ΘΚ 15 πρὸς Δ] καθόλου γάρ, ἐὰν ώσιν τέσσαρες εὐθείαι ἀνάλογον, ἔσται, ώς τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας, ή δευτέρα πρὸς τὴν τετάρτην. ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ώς ή πρώτη πρὸς τὴν δευτέραν, ή τρίτη πρὸς τὴν τετάρτην, ἐναλλάξ, ώς ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, 20 ἡ δευτέρα πρὸς τὴν τετάρτην. ἀλλ' ώς ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας. καὶ ώς ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας, ή δευτέρα πρὸς τὴν τετάρτην.

Είς τὸ ς'.

25 'Επεὶ δὲ ὅμοιόν ἐστι τὸ ΚΛΜ τῷ ΛΒΓ τμήματι, ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΡΛ πρὸς ΡΝ, ἡ ΒΠ πρὸς ΠΘ] ἐὰν γὰρ ἐπιζευχθῶσιν αί ΜΝ, ΓΘ, ἐπεὶ ὅμοιά

^{1.} ισ cum comp. or F. 2. αί βάσεις (prius)] om. F; corr.

nam cum aequales sint coni, bases in contraria proportione altitudinum sunt, et quam rationem inter se habent bases, eam habent diametrorum quadrata [Eucl. XII, 2].1) quare $BA^2: \Theta K^2 = \Theta K: \Delta$.

I p. 222, 16—17: uicissim igitur $AB: \Theta K = 5: A$ quoniam demonstratum est

 $BA: 5 = BA^2: \Theta K^2$ [I p. 222, 13-14]

et $K\Theta: \Delta = BA^2: \Theta K^2$ [ib. lin. 15-16], erit etiam $BA: 5 = K\Theta: \Delta$. quare uicissim erit

 $BA:\Theta K=5:\Delta$.

In compositionem prop. V.

I p. 224, 24-25: quoniam proportionales sunt lineae AB, $K\Theta$, ς , Δ , erit $AB^2 : \Theta K^2 = \Theta K : \Delta$ nam omnino si quattuor lineae proportionales sunt, erit, ut quadratum primae ad quadratum secundae, ita secunda ad quartam. nam quoniam est, ut prima ad secundam, ita tertia ad quartam, erit uicissim, ut prima ad tertiam, ita secunda ad quartam. sed ut prima ad tertiam, ita quadratum primae ad quadratum secundae [Eucl. V def. 10]. quare etiam, ut quadratum primae ad quadratum secundae, ita secunda ad quartam.

In prop. VI.

I p. 228, 10-12: porro quoniam segmentum KAMsegmento $AB\Gamma$ simile est, crit $AP: PN = B\Pi: \Pi\Theta$ nam si ducimus lineas MN, $\Gamma\Theta$, quoniam similia sunt

¹⁾ Cfr. uol. I p. 220, 9-222, 3, quae fortasse delenda sunt; neque enim Eutocius ea habuisse uidetur.

ed. Basil. βασ (alt.) cum comp. ης F. 3. αλληλ cum comp. ας F. 13. AB] AΘ FV. 16. έσται per comp. F. Lim. 13-15 et 25-27 sine signo F.

είσιν τὰ τμήματα, ἴσαι είσὶ καὶ αί πρὸς τοῖς Β, Α γωνίαι. είσὶν δὲ καὶ αί πρὸς τοῖς Μ, Γ ὀρθαί. καὶ ἡ λοιπὴ ἄρα τῷ λοιπῷ, καὶ ἰσογώνια τὰ τρίγωνα καί ἐστιν, ὡς ἡ ΘΒ πρὸς ΘΓ, οὕτως ἡ ΛΝ πρὸς ΜΝ. δ ἀλλ' ὡς ἡ ΘΓ πρὸς ΘΠ, οῦτως ἡ ΜΝ πρὸς ΝΡ διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν ΓΘΠ, ΜΝΡ τριγώνων. καὶ δι' ἰσου ἄρα, ὡς ἡ ΒΘ πρὸς ΘΠ, ἡ ΛΝ πρὸς ΝΡ. ὥστε καὶ διελόντι, ὡς ἡ ΒΠ πρὸς ΠΘ, οῦτως ἡ ΛΡπρὸς ΡΝ.

Λόγος δὲ τῆς ΕΖ πρὸς ΒΓ δοθείς δοθείσα 10 γὰρ ἐκατέρα] ἐπεὶ γὰρ δέδοται τὰ τμήματα τῶν σφαιρῶν, δεδομέναι εἰσὶ καὶ αὶ διάμετροι τῶν βάσεων καὶ τὰ ὕψη τῶν τμημάτων. ὧστε ἐπεὶ δέδοται ἡ ΑΓ, δέδοται καὶ ἡ ἡμίσεια αὐτῆς ἡ ΓΠ. δέδοται δὲ καὶ ἡ ΒΠ καὶ ὀρθὴν γωνίαν περιέχουσιν. δέδοται ἄρα 15 καὶ ἡ ΒΓ. διὰ τα αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ΕΖ δοθείσά ἐστιν. ὧστε καὶ ὁ τῆς ΒΓ πρὸς ΕΖ λόγος δοθείς ἐστιν.

Εἰς τὴν σύνθεσιν τοῦ τ΄.

Όμοια ἄρα ἐστὶ τὰ ἐπὶ τῶν ΚΜ, ΑΓ τμήματα κύκλων] ἐὰν γάρ, ὡς ἐν τῆ ἀναλύσει, ἐπι20 ξευχθῶσιν αἱ ΓΘ, ΜΝ, ἐπεὶ ὀρθαί εἰσιν αἱ πρὸς τοῖς
Γ, Μ, καὶ κάθετοι αἱ ΓΠ, ΜΡ, μέσαι ἀνάλογόν εἰσιν
τῶν τῆς βάσεως τμημάτων. ὅστε ἐστίν, ὡς ἡ πρώτη
ἡ ΒΠ πρὸς τὴν τρίτην τὴν ΠΘ, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς
πρώτης τῆς ΠΒ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας τῆς ΠΓ.
25 διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὡς ἡ ΛΡ πρὸς ΡΝ, οῦτως τὸ
ἀπὸ ΛΡ πρὸς τὸ ἀπὸ ΡΜ. καί ἐστιν, ὡς ἡ ΒΠ πρὸς

^{1.} εἰσιν] per comp. F. Α] ΛΓ FV. 2. γωνίαι] per comp. F. 3. ἰσογώνιά ἐστι Cr., ed. Basil., Torellius. 4. ΘΓ] ΘΠ F; corr. ed. Basil. ΛΝ] ΛΗ F; corr. B. ΜΝ. ἀλλ' ὡς ἡ ΘΓ πρὸς ΘΠ, οῦτως ἡ ΜΝ πρός] om. F; corr. ed. Basil. (om. οῦτως). 5. ΝΡ] ΗΡ F; corr. B. 7. ΛΝ]

segmenta, etiam anguli ad B, Λ positi aequales sunt [Eucl. III def. 11]. sed etiam anguli ad M, Γ positi recti sunt. itaque etiam reliquus reliquo ·[aequalis est], et trianguli aequales habent angulos. et [Eucl. VI, 4] $\Theta B : \Theta \Gamma = \Lambda N : MN$. sed

 $\Theta \Gamma : \Theta \Pi = MN : NP$

propter similitudinem triangulorum $\Gamma\Theta\Pi$, MNP, quare ex aequali [Eucl. V, 22] $B\Theta:\Theta\Pi=\Lambda N:NP$, quare etiam dirimendo $B\Pi:\Pi\Theta=\Lambda P:PN$.

I p. 228, 16—17: ratio autem $EZ:B\Gamma$ data est; utraque enim linea data est] nam quoniam segmenta sphaerarum data sunt, etiam diametri basium et altitudines segmentorum datae sunt [u. supra p. 214,9 sq.]. quare quoniam data est $A\Gamma$, etiam dimidia eius $\Gamma\Pi$ data. sed etiam $B\Pi$ data est; et rectum angulum comprehendunt. quare etiam $B\Gamma$ data est. eadem de causa etiam EZ data est. quare etiam ratio $B\Gamma:EZ$ data.

In compositionem prop. VI.

I p. 230, 8—10: similia igitur sunt segmenta circulorum in lineis KM, $A\Gamma$ posita] nam si, ut in analysi [supra p. 216, 27] ducuntur $\Gamma\Theta$, MN, quoniam anguli ad Γ , M positi recti sunt, et $\Gamma\Pi$, MP perpendiculares, mediae proportionales sunt inter partes basis [Eucl. VI, 8 $\pi \acute{o}\varrho$.]. quare

 $B\Pi: \Pi\Theta = \Pi B^2: \Pi \Gamma^2$ [Eucl. V def. 10]. eadem igitur de causa etiam $\Lambda P: PN = \Lambda P^2: PM^2$.

HAN F. NP] HP F. 10. $\gamma\acute{\alpha}\varrho$ (prius)] $\alpha\varrho\alpha$ per comp. F; corr. Torellius. 13. $\mathring{\eta}\mu\acute{\omega}\epsilon\alpha$] η supra scriptum manu 1 F. 21. αf] η F. 24. $\Pi\Gamma$] $B\Gamma$ F; corr. Torellius.

ΠΘ, ή PΛ πρός PN. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΒΠ πρός τὸ ἀπὸ ΠΓ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΛΡ πρός τὸ ἀπὸ PM. καὶ ὡς ἄρα ή ΠΒ πρὸς ΠΓ, ή ΛΡ πρὸς PM. καὶ περὶ ἴσας γωνίας αἱ πλευραὶ ἀνάλογόν εἰσιν. ἰσο-5 γώνια ἄρα τὰ τρίγωνα. ἴσαι ἄρα αἱ πρὸς τοῖς Β, Λ γωνίαι καὶ αἱ διπλασίους αὐτῶν αἱ ἐν τοῖς τμήμασιν. ὅμοια ἄρα εἰσὶν τὰ τμήματα.

Είς τὸ ζ΄.

Αόγος ἄρα δεδομένος συναμφοτέρου τῆς 10 ΕΔΖ πρὸς ΔΖ΄ ὅστε καὶ ἡ ΑΓ] ἐπεὶ γὰρ συναμφότερος ἡ ΕΔ, ΔΖ πρὸς ΔΖ λόγον ἔχει δεδομένον, ἐὰν δεδομένον μέγεθος πρός τι μόριον ἑαυτοῦ λόγον ἔχει δεδομένον, καὶ πρὸς τὸ λοιπὸν λόγον ἔξει δεδομένον. ὅστε συναμφότερος ἡ ΕΔΖ πρὸς ΕΔ λόγον 15 ἔχει δεδομένον. ἐπεὶ οὖν ἑκατέρα τῶν ΕΔ, ΔΖ πρὸς συναμφότερον τὴν ΕΔΖ λόγον ἔχει δεδομένον, καὶ πρὸς ἀλλήλας λόγον ἔχουσι δεδομένον. δέδοται ἄρα ὁ τῆς ΕΔ πρὸς ΔΖ λόγος. καὶ δέδοται ἡ ΕΔ΄ δέδοται γὰρ ἡ διάμετρος. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΔΖ. λοιπὴ 20 ἄρα ἡ ΖΒ δοθήσεται. ὥστε καὶ τὸ ὑπὸ ΔΖΒ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΔΖ, τουτέστιν ἡ ΛΖ δοθείσα ἔσται΄ καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΛΓ.

καὶ ἄλλως δὲ λέγοις ἄν, ὅτι ἡ ΑΓ δοθεῖσά ἐστιν.
ἐπεὶ γὰρ δέδοται ἡ διάμετρος ἡ ΔΒ τῷ θέσει, δέδο25 ται δὲ καὶ τὸ Ζ, ὡς ἄτηται, καὶ ἀπὸ δεδομένου τοῦ Ζ
πρὸς ὀρθὰς ἡκται ἡ ΑΓ, δέδοται ἡ ΑΓ τῷ θέσει. ἀλλὰ
καὶ ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια. δοθέντα ἄρα τὰ Α, Γ.
καὶ αὐτὴ ἡ ΑΖΓ δοθεῖσά ἐστιν.

^{10.} ωστε καὶ ή AΓ] addidi; om. F, unlgo. συναμφοτες

et $B\Pi : \Pi\Theta = P\Lambda : PN$. quare $B\Pi^2 : \Pi\Gamma^2 = \Lambda P^2 : PM^2$.

quare etiam $\Pi B: \Pi \Gamma = \Lambda P: PM$. et latera angulos aequales comprehendentia proportionales sunt; trianguli igitur angulos aequales habent [Eucl. VI, 6]. itaque anguli ad B, Λ positi aequales sunt, et duplices quoque eorum, ii, qui in segmentis sunt. ergo segmenta similia sunt [Eucl. III def. 11].

In prop. VII.

I p. 232, 17—20: quare etiam ratio $E \triangle + \triangle Z: \triangle Z$ data est. itaque etiam linea $A\Gamma$ data] nam quoniam $E \triangle + \triangle Z: \triangle Z$ ratio data est, si data magnitudo ad partem aliquam sui datam rationem habet, etiam ad reliquam datam rationem habebit [Eucl. dat. 5]. quare ratio $E \triangle + \triangle Z: E \triangle$ data est. quoniam igitur et $E \triangle$ et $\triangle Z$ ad $E \triangle + \triangle Z$ datam rationem habet, etiam inter se datam rationem habent [Eucl. dat. 8]. itaque ratio $E \triangle : \triangle Z$ data. et $E \triangle$ data est; nam diametrus data. itaque etiam $\triangle Z$ data est. quare quae relinquitur ZB data erit. itaque etiam $\triangle Z\times ZB$, hoc est $\triangle Z^2$, hoc est $\triangle Z$, data erit. quare etiam tota $\triangle Z$ [data est].

uerum etiam aliter colligas, lineam $A\Gamma$ datam esse. nam quoniam diametrus AB positione data est, et Z etiam datum est, sicut suppositum est, et a dato puncto Z perpendicularis ducta est $A\Gamma$, itaque $A\Gamma$ positione data est. sed etiam ambitus circuli [positione datus est]. quare A, Γ data. et ipsa $AZ\Gamma$ data est.

cum comp. ov FA. 15. πρός] per comp. F. Lin. 9—10 sine signo F.

Καὶ ἐπεὶ συναμφότερος μὲν ἡ ΕΔΖ πρὸς ΔΖ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ συναμφότερος ἡ ΕΔΒ πρὸς ΔΒ] ἐπεὶ γὰρ ἡ ΕΔ μείζων ἢ ἡμίσειά ἐστι τῆς ΔΖ, συναμφότερος ἄρα ἡ ΕΔΖ τῆς ΔΖ τῆς ΔΖ τῆς ΔΒ τῆς ΔΒ ἡμιολία. συναμφότερος δὲ ἡ ΕΔ, ΔΒ τῆς ΔΒ ἡμιολία. μείζονα ἄρα λόγον ἔχει ἡ ΕΔΖ πρὸς ΔΖ, ἤπερ ἡ ΕΔΒ πρὸς ΔΒ. — ἢ καὶ ἄλλως ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ΔΒ τῆς ΔΖ, ἄλλη δέ τις ἡ ΕΔ, ἡ ΕΔ ἄρα πρὸς ΔΖ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΕΔ 10 πρὸς ΔΒ. συνθέντι συναμφότερος ἡ ΕΔΖ πρὸς ΔΖ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ συναμφότερος ἡ ΕΔΒ πρὸς ΔΒ. — ἡ σύνθεσις τοῦ θεωρήματος σαφὴς διὰ τῶν ἐνταῦθα εἰρημένων.

Είς τὸ η'.

^{8.} ΔZ] ABFV. 20. B Δ] B supra scriptum manu 1(?) F. 26. B Δ (alt.)] E Λ FV.

I p. 232, 20-24: et quoniam

$$E\Delta + \Delta Z : \Delta Z > E\Delta + \Delta B : \Delta B$$

nam quoniam $E\Delta > \frac{1}{2}\Delta Z$, erit $E\Delta + \Delta Z > \frac{3}{2}\Delta Z$. sed $E\Delta + \Delta B = \frac{3}{2}\Delta B$. quare

$$E\Delta + \Delta Z : \Delta Z > E\Delta + \Delta B : \Delta B$$
.

uel etiam aliter: quoniam $\Delta B > \Delta Z$, et alia linea est $E\Delta$, erit

$$E\Delta: \Delta Z > E\Delta: \Delta B$$
 [Eucl. V, 8].

et componendo

 $E\Delta + \Delta Z : \Delta Z > E\Delta + \Delta B : \Delta B$ [Pappus VII, 45 p. 684; cfr. supra p. 18, 17 sq.].

compositio theorematis manifesta est ex iis, quae iam diximus.

In prop. VIII.

I p. 238, 8—10: $\Theta Z: ZH$ minorem quam duplicem rationem habet, quam $BA^2:A\Delta^2$, hoc est $BZ:Z\Delta$] nam quoniam in triangulo rectangulo ab angulo recto perpendicularis ducta est AZ, erit, cum trianguli ad perpendicularem positi similes sint¹) [Eucl. VI, 8], $ZB:BA=AB:B\Delta$; et ut prima ad tertiam, ita quadratum primae ad quadratum secundae [Eucl. V def. 10], et quadratum secundae ad quadratum tertiae, ut supra [p. 138, 1 sq.] demonstratum est. itaque $ZB:BA=AB^2:BA^2$. sed

$$B\Delta:\Delta Z=B\Delta^2:\Delta A^2;$$

nam ut prima ad tertiam, ita quadratum primae ad quadratum secundae. quare etiam ex aequali [Eucl. V, 22] $BA^2: \Delta A^2 = BZ: \Delta Z$.

¹⁾ Sc. et inter se et toti triangulo (hoc solo atitar).

ή BZ πρὸς ΔΖ. — συναχθείη δ' αν τὸ αὐτὸ καὶ αλλως οῦτως ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ώς ή BZ πρὸς ΖΔ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΖΒΔ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΔΖ τῆς ΒΔ κοινοῦ ῦψους λαμβανομένης, και ἐστι τῷ μὲν ὑπὸ 5 ΔΒΖ ἴσον τὸ ἀπὸ ΒΑ, τῷ δὲ ὑπὸ ΒΔΖ ἴσον τὸ ἀπὸ ΔΑ, ώς ἄρα τὸ ἀπὸ ΒΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΑ, οῦτως ἡ ΒΖ πρὸς ΖΔ.

ως η ΒΖ προς ΖΔ. Καὶ ἐπεὶ ἡ ΘΖ πρὸς ΖΚ ἐλάσσονα λόγον έχει η ή ΘΒ πρός ΒΚ] καθόλου γάρ, έὰν ὧσιν δύο μεγέθη ανισα, και προστεθή αὐτοῖς ἴσα, τὸ 10 Α μεζον πρὸς τὸ ἔλασσον μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ συντεθὲν πρὸς τὸ συντεθέν. — ἔστωσαν γὰρ δύο εὐθεῖαι ἄνισοι αἱ ΑΒ, ΓΔ, καὶ προσκείσθωσαν αὐταῖς ἴσαι αἱ ΒΕ, ΔΖ. λέγω, ὅτι ἡ ΑΒ πρὸς ΓΔ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΑΕ πρὸς ΓΖ. ἐπεὶ γὰρ μείζων ἐστὶν ἡ ΑΒ τῆς ΓΔ, ἡ ΑΒ ἄρα πρὸς ΒΕ μείζονα λόγον έχει, ήπερ ή Γ Δπρὸς τὴν ΒΕ, τουτέστι πρὸς ΔΖ. ὥστε καὶ συνθέντι ή ΑΕ πρός ΕΒ μείζονα λόγον έχει, ήπεο ή ΓΖ ποὸς ΔΖ διὰ τὰ ποοδεδειγμένα. 20 "Ελασσον ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν ΘΖΗ τοῦ Α Β Γ Β έλάσσονα λόγον έχειν, ἤπες τὴν Β πρὸς τὴν Γ, τὸ ὑπὸ τῶν ἄπος τῆν Β, Γ ἔλασσον ἀκὸ τῆς μέσης τῆς Β. ἐλὰν γὰς ποιήσωμεν, ὡς τὴν Α πρὸς τὴν Β, τὴν Β πρός άλλην τινά, έσται πρός μείζονα τῆς Γ, είπερ

 ^{1.} ΔZ] Δ F V. 4. τφ] το F; corr. Torellius. 5. ΔBZ] ΔZB
 F. 9. η̃] scripsi; om. F, uulgo; ηπες Torellius, ut I p. 238,
 20. προδεδειγμένα] γ supra scriptum manu 1(?) F. deinde

uerum idem aliter quoque concludi potest, et id quidem hoc modo: nam quoniam est

 $BZ: Z \triangle = ZB \times B \triangle : B \triangle \times \triangle Z$

communi altitudine sumpta B 1, et est

 $BA^2 = \Delta B \times BZ$, $\Delta A^2 = B\Delta \times \Delta Z^1$), erit igitur $BA^2 : \Delta A^2 = BZ : Z\Delta$.

I p. 238, 22—23: et quoniam $\Theta Z: ZK < \Theta B: BK$] nam omnino, si datae sunt duae magnitudines inaequales, et iis adiiciuntur aequales, maior ad minorem maiorem rationem habet, quam composita ad compositam. — nam sint AB, $\Gamma \Delta$ duae lineae inaequales, et adiiciantur iis BE, ΔZ aequales. dico, esse

 $AB: \Gamma \Delta > AE: \Gamma Z.$

nam quoniam $AB > \Gamma \Delta$, erit $AB : BE > \Gamma \Delta : BE$ [Eucl. V, 8], h. e. $AB : BE > \Gamma \Delta : \Delta Z$. quare etiam propter ea, quae antea demonstrauimus [supra p. 18, 17 sq.], componendo $AE : EB > \Gamma Z : \Delta Z$ [et conuertendo $AE : AB < \Gamma Z : \Gamma \Delta$; u. Pappus VII, 48 p. 686; et uicissim $AE : \Gamma Z < AB : \Gamma \Delta$; u. Pappus VII, 47 p. 686].

I p. 238, 25—26: quare $\Theta Z \times ZH < ZK^2$] nam²) si datae sunt tres lineae in proportione continua, ut A, B, Γ , ita ut sit $A:B < B:\Gamma$, erit rectangulum extremis comprehensum minus quadrato mediae, h. e. $A \times \Gamma < B^2$. nam si fecerimus, ut A:B, ita B ad aliam aliquam, erit ad maiorem linea Γ , siquidem

¹⁾ U. Eucl. VI, 8 πόρ.; VI, 17.

²⁾ Cfr. Pappus VII, 58 p. 696.

addit Torellius: καὶ ἀναστρέψαντι ἡ ΑΕ πρὸς ΑΒ ἐλάσσονα ἥπερ ἡ ΓΖ πρὸς ΓΔ. ὅστε ἐναλλὰξ δῆλον ἔσται τὸ προτεθέν. 28. ἔσται πρός] per compp. F. Lin. 8—9 et 22—23 sine signo F.

δε έλαττῶσαι τὸν τῆς B πρὸς Γ λόγον. καὶ ἔσται τὸ ὑπὸ τῆς A καὶ τῆς μείζονος τῆς Γ ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς B. ὥστε τὸ ὑπὸ τῶν A, Γ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς B.

5 Τὸ ἄρα ὑπὸ ΘΖΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΗ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ἀπὸ ΚΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΗ] ὡς γὰρ ἡ ΘΖ πρὸς ΖΗ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΘΖΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΗ. τὸ δὲ ὑπὸ ΘΖΗ τοῦ ἀπὸ ΖΚ ἔλασσον. τὸ δὲ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα 10 λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ἔλασσον.

Καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΒΕ τῆ ΕΔ, ἔλασσον ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν ΒΖΔ τοῦ ὑπὸ τῶν ΒΕΔ] τὸ μὲν γὰρ ὑπὸ ΒΕΔ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΕΔ. τὸ δὲ ὑπὸ ΒΖΔ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΕΖ ἴσον ἐστὶ τῷ αὐτῷ. καὶ 15 δῆλον, ὅτι, ὅσφ τῆς διχοτομίας ἀφέστηκεν τὸ Ζ, μείζονι ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ τῶν ἴσων. μετὰ γὰρ μείζονος τοῦ ἀπὸ τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν ἴσον γίνεται τῷ ὑπὸ τῶν ἴσων. ῶστε ἡ εὐθεῖα κᾶν εἰς ᾶνισα τέμνηται κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον, τὸ ὑπὸ τῶν τμημάτων 20 τῶν ἔγγιον τῆς διχοτομίας μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ τῶν ἀπωτέρων τμημάτων.

Ή ΖΒ ἄρα πρὸς ΒΕ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΕΔ πρὸς ΔΖ]

Ζ καθόλου γάρ, ἐὰν τέσσαρες ὅροι ὧσιν ὡς οἱ Α, Β, Γ, ΔΕ, καὶ ἦ τὸ ὑπὸ τῶν Α, ΔΕ ἔλασσον τοῦ ὑπὸ Β, Γ, ὁ Α πρὸς τὸν Β ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ ὁ Ε Γ πρὸς ΔΕ. ἔστω γὰρ τῷ ὑπὸ τῶν Β, Γ

^{9.} ZK] ZH F, Cr. **Laccor*] in mg., adposito signo \$\sigms'\$, cui respondet aliud simile post ZK(ZH) F manu, ut uidetur, 1.
11. \$\sigms'' \color \text{ty} = \text{per comp. F.} 12. \text{BZ} \(\text{d et } \text{BE} \(\text{D permutant } \text{FV}. \)

ratio $B:\Gamma$ minuenda est [Eucl. V, 8]. et rectangulum comprehensum linea A et linea illa maiore, quam linea Γ , aequale est B^2 . quare $A \times \Gamma < B^2$.

I p. 238, 26-29: itaque

 $\Theta Z \times ZH : ZH^2 < KZ^2 : ZH^2]$

nam $\Theta Z: ZH = \Theta Z \times ZH: ZH^{2}$.

et $\Theta Z \times ZH < ZK^2$. maius uero ad idem maiorem rationem habet, quam minus [Eucl. V, 8].

I p. 240, 5—7: et quoniam $BE = E\Delta$, erit $BZ \times Z\Delta < BE \times E\Delta$

nam $BE \times E \Delta = E \Delta^2$, et $BZ \times Z \Delta + EZ^2 = E \Delta^2$ [Eucl. II, 5]. et adparet, quo maiore spatio punctum Z a medio puncto distet, eo minus $[BZ \times Z \Delta]$ rectangulum] erit rectangulo partibus aequalibus comprehenso. nam eo maius erit quadratum lineae inter sectiones positae, quocum [rectangulum $BZ \times Z \Delta$] aequale est rectangulo partibus aequalibus comprehenso. quare etiam, si linea in partes inaequales dividitur in pluribus punctis, rectangulum partibus medio puncto propioribus comprehensum maius est rectangulo partibus remotioribus comprehenso.

I p. 240, 7—8: itaque $ZB:BE < E\Delta:\Delta Z$] nam omnino si dati sunt quattuor termini, uelut A, B, Γ , ΔE , et est $A \times \Delta E < B \times \Gamma$, erit $A:B < \Gamma:\Delta E$.

¹⁾ Cfr. Eutocius ad Apollon. p. 62, 8; Pappus VII, 59 p. 696.

^{13.} BE Δ] B ΔΕ F; corr. Torellius.
16. τοῦ] per comp. F.
17. τομῶν] νομων FV. γίνεται] γαο per comp. F; corr. A,
ed. Basil. Lin. 22—23 sine signo F.
16. τοῦ] per comp. F,
24. ἀσιν] scripsi; om.
τεσαρες F. 26. ὁ Α\
OA F. 27. ὁ Γ] OΓ F, ed. Basil.
28. τῷ] scripsi; το E,
unlgo.

ίσον τὸ ἱπὸ τῶν Α, ΖΕ. ἔστιν ἄρα, ὡς ὁ Α πρὸς τὸν Β, ὁ Γ πρὸς τὸν ΖΕ. ὁ δὲ Γ πρὸς τὸν ΖΕ ἐλάσσονα λόγον έχει ήπες πρός τὸν ΕΔ. καὶ ὁ Α ἄρα πρός τὸν Β ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπεο ὁ Γ πρὸς ΔΕ. "Εστιν ἄρα, ώς ἡ ΘΒ πρὸς ΒΚ, τὸ ἀπὸ ΘΝ πρός τὸ ἀπὸ ΝΚ] έπεὶ γὰρ τῷ ὑπὸ ΘΒΚ ίσον έστὶ τὸ ἀπὸ ΒΝ, αι τρείς εὐθείαι ἀνάλογόν είσιν, ώς ή ΘΒ πρὸς ΒΝ, ή ΝΒ πρὸς ΒΚ. καὶ ώς ή πρώτη πρός την τρίτην, ή ΘΒ πρός ΒΚ, ούτως τὸ ἀπὸ τῆς 10 δευτέρας πρός τὸ ἀπὸ τῆς τρίτης, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΒΝ πρός τὸ ἀπὸ ΒΚ, ώς δέδεικται ἀνωτέρω. πάλιν έπεί έστιν, ώς ή ΘΒ πρός ΒΝ, ή ΝΒ πρός ΒΚ, συνθέντι, ώς ή ΘΝ πρός ΝΒ, ή ΚΝ πρός ΚΒ. έναλλάξ, ώς ή ΘΝ πρὸς ΝΚ, ή ΝΒ πρὸς ΒΚ. καὶ 15 ώς ἄρα τὸ ἀπὸ ΘΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΝΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΝΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ. ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΝΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ, οῦτως ἐδείχθη ἡ ΘΒ πρὸς ΒΚ. καὶ ώς ἄρα ή ΘΒ πρὸς ΒΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΘΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΝΚ.

20 Τὸ δὲ ἀπὸ ΘΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ἀπὸ ΘΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΝΚ] πάλιν γὰρ δύο ἀνίσοις ταῖς ΘΖ, ΖΚ πρόσκειται ἡ ΝΖ, καὶ διὰ τὸ ἀνωτέρω εἰρημένον ἡ ΘΖ πρὸς ΖΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΘΝ πρὸς ΝΚ΄ ὥστε καὶ τὰ διπλάσια.
25 τὸ ἄρα ἀπὸ ΘΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ἀπὸ ΘΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΝΚ, τουτέστιν ἡ ΘΒ πρὸς ΒΚ, τουτέστιν ἡ ΘΒ πρὸς ΖΗ.

^{1.} τό] scripsi; του per comp. F; τῷ uulgo. ZE] ZF, ut lin. 2 (alt.). 5. BK] ΘΚ FV. 11. ανοτεςα F. 13. KB] ΛΒ F (V?). Lin. 5-6 sine signo F. 20. ΘΖ] ΘΚ FV. 22.

sit enim $A \times ZE = B \times \Gamma$.

erit igitur $A: B = \Gamma: ZE$.

sed $\Gamma: ZE < \Gamma: E\Delta$.

itaque etiam $A: B < \Gamma: \Delta E$.

I p. 240, 11-12: erit igitur

 $\Theta B: BK = \Theta N^2: NK^2$

nam quoniam $BN^2 = \Theta B \times BK$, lineae tres proportionales erunt, $\Theta B:BN = NB:BK$ [Eucl.VI, 17]; et ut prima ad tertia, ita quadratum secundae ad quadratum tertiae, sicut supra [p. 138, 1 sq.] demonstratum est, h. e. $\Theta B:BK = BN^2:BK^2$. rursus quoniam est $\Theta B:NB = NB:BK$, erit componendo $\Theta N:NB = KN:KB$, et uicissim

 $\Theta N: NK = NB: BK.$

quare

 $\Theta N^2: NK^2 = NB^2: BK^2.$

 \mathbf{sed}

 $NB^2:BK^2=\Theta B:BK,$

ut demonstratum est. quare etiam

 $\Theta B : BK = \Theta N^2 : NK^2.$

I p. 240, 12-13: sed $\Theta Z^2: ZK^2 > \Theta N^2: NK^2$] rursus enim duabus lineis inaequalibus ΘZ , ZK adiecta est NZ, et propter id, quod supra dictum est [p. 224, 9 sq.], erit $\Theta Z: ZK > \Theta N: NK$. quare etiam quadrata. itaque $\Theta Z^2: ZK^2 > \Theta N^2: NK^2$, h. e. $> \Theta B: BK$ [I p. 240, 11-12], h. e. $> \Theta B: BE$ [I p. 238, 17], h. e. > KZ: ZH [I p. 238, 21-22].1)

¹⁾ Cfr. locus interpolatus I p. 210, 14—16. ceterum ex I p. 238, 21—22 adparet, omitti potuisse τουτέστιν $\dot{\eta}$ Θ B πρὸς B E lin. 27.

ZK] ZE FV. 23. $\tau \acute{o}$] τov per comp. F. 25. $\tau \acute{o}$ $\ddot{a}\varrho a$] τov (comp.) $a\varrho a$ FV.

Ή ἄρα ΘΖ πρός ΖΗ μείζονα λόγον ἔχει ἢ ήμιόλιον τοῦ τῆς ΚΖ πρὸς ΖΗ] νοείθωσαν γὰρ gwols neimenai evoetai wis al AB, Γ , Δ . ώστε τὸ ἀπὸ AB πρὸς τὸ ἀπὸ Γ μείζονα λόγον ἔχειν, ἤπεο τὴν Γ ποὸς τὴν Δ. λέγω, ὅτι ἡ ΑΒ ποὸς Δ μείζονα ἢ ἡμιόλιον λόγον ἔχει τοῦ, ὃν ἔχει ἡ Γ ποὸς τὴν Δ. εἰλήφθω γὰο τῶν Γ, Δ μέση ἀνάλογον ἡ Ε. ἐπεὶ οὖν τὸ ἀπὸ ΑΒ ποὸς τὸ ἀπὸ Γ μείζονα λόγον ἔχει, ήπερ ή Γ πρὸς τὴν Δ, ἀλλ' ὁ μὲν τοῦ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ Γ λόγος διπλασίων ἐστὶ τοῦ τῆς ΑΒ πρὸς Γ, ό δὲ τῆς Γ πρὸς τὴν Δ διπλασίων ἐστὶ τοῦ τῆς Γ πρός Ε, καὶ ή ΑΒ ἄρα πρός Γ μείζονα λόγον έχει, 15 ήπεο ή Γ πρός Ε. γεγονέτω οὖν, ώς ή Ε πρός τὴν Γ, ή Γ πρός ΒΖ. και έπει τέσσαρες εύθεται έξης αναλογόν είσιν αί BZ, Γ, Ε, Δ, ή BZ ασα προς Δ τριπλασίονα λόγον έχει, ήπερ ή ΒΖ πρός Γ, τουτέστιν ή Γ πρός Ε. έχει δέ και ή Γ πρός Δ διπλασίονα 20 λόγον τοῦ τῆς Γ πρὸς Ε. ἡ ἄρα ΒΖ πρὸς Δ ἡμιόλιον λόγον έχει τοῦ, ὂν έχει ἡ Γ πρὸς Δ. ὥστε ἡ AB πρός Δ μείζονα η ημιόλιον λόγον έχει τοῦ τῆς Γ πρός Δ.

Αῆμμα εἰς τὸ έξῆς.

25 Έστωσαν τέσσαρες ὅροι οἱ A, Γ , Δ , B. λέγω, ὅτι ὁ συγκείμενος λόγος ἐκ τοῦ ὑπὸ τῶν A, B πρὸς τὸ ἀπὸ Γ μετὰ τοῦ τῆς B πρὸς Δ λόγου ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ὑπὸ AB ἐπὶ τὴν B πρὸς τὸ ἀπὸ Γ ἐπὶ τὴν Δ . ἔστω γὰρ τῷ μὲν ὑπὸ AB ἴσος ὁ K, τῷ δὲ ἀπὸ Γ

^{1-2.} cum superioribus iunctas sine signo F. 12. &-

I p. 240, 16—17: itaque $\Theta Z:ZH$ ratio maior quam sesquialtera est quam ratio KZ:ZH] fingantur enim seorsum positae lineae quaedam, ut AB, Γ , Δ , ita ut sit $AB^2:\Gamma^2>\Gamma:\Delta$. dico, esse

$$AB: \Delta > \Gamma^{\frac{3}{2}}: \Delta^{\frac{3}{2}}.$$

nam sumatur inter Γ , Δ media proportionalis E. iam quoniam est $AB^2: \Gamma^2 > \Gamma: \Delta$, sed ratio $AB^2: \Gamma^2$ duplex est quam $AB: \Gamma$, et ratio $\Gamma: \Delta$ duplex est quam ratio $\Gamma: E$ [Eucl. V def. 10], erit etiam

$$AB:\Gamma > \Gamma:E.$$

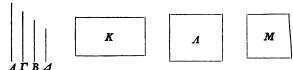
fiat igitur $\Gamma: BZ = E: \Gamma$. et quoniam quattuor lineae BZ, Γ , E, Δ proportionales sunt in proportione continua $[BZ: \Gamma = \Gamma: E = E: \Delta]$, erit igitur [Eucl. V def. 11] $BZ: \Delta = BZ^{\$}: \Gamma^{\$} = \Gamma^{\$}: E^{\$}$. sed etiam $\Gamma: \Delta = \Gamma^{\$}: E^{\$}$. quare $BZ: \Delta = \Gamma^{\frac{\$}{2}}: \Delta^{\frac{\$}{2}}$. itaque $AB: \Delta > \Gamma^{\frac{\$}{2}}: \Delta^{\frac{\$}{2}}$.

Lemma in sequentia.

Dati sint termini quattuor A, Γ , Δ , B. dice, esse $(A \times B : \Gamma^2) \times B : \Delta = (A \times B) \times B : \Gamma^2 \times \Delta$. sit enim $K = A \times B$, $\Delta = \Gamma^2$, et fiat $\Delta : M = B : \Delta$.

πλασίων] scripsi; διπλασι cum comp. ov F, uulgo; διπλάσιος B; Torellius. τοῦ] τον απο FV. 27. τῆς] per comp. F; τοῦ Torellius. 28. τῷ] το F; corr. Torellius. τοῦ] addidi; om. F, uulgo. τῆν] (bis) τόν Torellius.

ἴσος ὁ Λ, καὶ γεγονέτω, ὡς ὁ Β πρὸς Δ, οὖτως ὁ Λ πρὸς Μ. ὁ ἄρα τοῦ Κ πρὸς Μ λόγος σύγκειται ἐκ τοῦ Κ πρὸς Λ, τουτέστι τοῦ ὑπὸ Λ, Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ, καὶ τοῦ Λ πρὸς Μ, τουτέστι τοῦ Β πρὸς Δ. ὁ δὴ 5 Κ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Ν ποιείτω, ὁ δὲ Λ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Ξ ποιείτω, τὸν δὲ Δ πολλαπλασιάσας τὸν Θ. ἐπεὶ οὖν τὸ ὑπὸ τῶν Λ, Β ὁ Κ



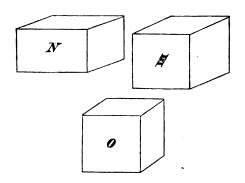
έστιν, ὁ δὲ Κ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Ν πεποίηκεν, ὁ ἄρα Ν έστιν ὁ ὑπὸ Α, Β ἐπὶ τὸν Β. πάλιν 10 έπεὶ τὸ ἀπὸ Γ ὁ Λ έστιν, ὁ δὲ Λ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν Ο πεποίηκεν, ὁ Ο ἄρα ἐστὶν ὁ ἀπὸ τοῦ Γ έπλ τὸν Δ. ὥστε ὁ τοῦ ὑπὸ Α, Β έπλ τὸν Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ ἐπὶ τὸν Δ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ Nπρός Ο. δεί ἄρα δείξαι, ὅτι ὁ τοῦ Κ πρός Μ λόγος 15 ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ Ν πρὸς Ο. ἐπεὶ οὖν ἐκάτερος τών Κ. Α τὸν Β πολλαπλασιάσας εκάτερον τών Ν. 🗷 πεποίηκεν, έστιν ἄρα, ώς ὁ Κ πρὸς τὸν Λ, οὕτως ό Ν πρός Ξ. πάλιν έπει ό Λ έκατερον των Β, Δ πολλαπλασιάσας έκάτερου των Ξ, Ο πεποίηκευ, έστιν 20 ἄρα, ώς ὁ Β πρὸς Δ, ὁ Ξ πρὸς Ο. ἀλλ' ώς ὁ Β πρός Δ, ὁ Λ πρός τὸν Μ. καὶ ὡς ἄρα ὁ Λ πρός M, $\delta \not\equiv \pi \rho \delta \varsigma O$. of $\tilde{\alpha} \rho \alpha K$, A, M to $t \varsigma N$, Ξ , $O \not\in \nu$ τῶ αὐτῶ λόγω εἰσὶν σύνδυο λαμβανόμενοι. καὶ δι' ίσου ἄρα ἐστίν, ὡς ὁ Κ πρὸς Μ, οῦτως ὁ Ν πρὸς Ο.

^{9.} ὁ ἄρα] τὸ ἄρα Torellius. N] H FV. 11. τὸν O] zov B FV. 15. ὁ αὐτός] om. F; corr. ed. Basil.; fort. potius pro τῷ scrib. ὁ (Cr.).

itaque

 $K: M = K: \Lambda \times \Lambda: M = A \times B: \Gamma^2 \times B: \Delta.$ sit igitur

 $K \times B = N$, $\Lambda \times B = \Xi$, $\Lambda \times \Delta = 0$. iam quoniam $K = A \times B$, et $N = K \times B$, erit



 $N = (A \times B) \times B$.\(^1) rursus quoniam $A = \Gamma^2$ et $O = A \times A$, erit $O = \Gamma^2 \times A$. quare

 $N: O = (A \times B) \times B: \Gamma^2 \times \Delta.$

itaque demonstrandum est, esse K: M = N: O. iam quoniam $K \times B = N$, $A \times B = Z$, erit

 $K: \Lambda \longrightarrow N: \Xi.$

rursus quoniam $A \times B = \Xi$, $A \times A = O$, erit igitur $B: A = \Xi: O$. sed B: A = A: M. itaque etiam $A: M = \Xi: O$. ergo K, A, M et N, Ξ , O binae simul sumptae in eadem proportione sunt. quare etiam ex aequali erit [Eucl. V, 22] K: M = N: O.

¹⁾ Debebat esse lin. 9: τὸ ὑπό, lin. 11: τὸ ἀπό, sed fieri potest, ut propter uocabulum ὄφος positum sit ὁ. fortasse etiam τόν pro τό retineri potest p. 284, 2, 4; 6, 7; cfr. p. 284, 14-15.

καί έστιν ὁ τοῦ Κ πρὸς Μ λόγος ὁ αὐτὸς τῷ συγκειμένφ ἐκ τοῦ ὑπὸ Α, Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ καὶ τοῦ, ὅν
ἔχει ὁ Β πρὸς Δ, ὁ δὲ τοῦ Ν πρὸς Ο λόγος ὁ αὐτός
ἐστι τῷ ὑπὸ Α, Β ἐπὶ τὸν Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ ἐπὶ
τὸν Δ. ὁ ἄρα συγκείμενος λόγος ἐκ τοῦ ὑπὸ Α, Β
πρὸς τὸ ἀπὸ Γ καὶ τοῦ, ὅν ἔχει ὁ Β πρὸς Δ, ὁ αὐτός
ἐστι τῷ ὑπὸ Α, Β ἐπὶ τὸν Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ ἐπὶ
τὸν Δ.

φανερον δε καί, ὅτι τὸ ὑπὸ Α, Β ἐπὶ τὸν Β ἴσον 10 ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸν Α. ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ὁ Α πρὸς τὸν Β, οὕτως τὸ ὑπὸ Α, Β πρὸς τὸ ἀπὸ τοῦ Β τοῦ Β κοινοῦ ὕψους λαμβανομένου, ἐὰν δὲ τέσσαρες ὅροι ἀνάλογον ὡσιν, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων, τὸ ἄρα ὑπὸ Α, Β ἐπὶ τὸν 15 Β ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸν Α.

Είς τὸ ἄλλως τοῦ η'.

Εἰρηται ἐν τοῖς προλαβοῦσιν, ὡς, ἐὰν δύο μεγεθῶν ληφθῆ τι μέσον, ὁ τῶν ἄκρων λόγος σύγκειται ἐκ τοῦ, ὃν ἔχει τὸ πρῶτον πρὸς τὸ μέσον, καὶ τὸ
20 μέσον πρὸς τὸ τρίτον. ὁμοίως δὴ κᾶν πλείονα μέσα ληφθῆ, ὁ τῶν ἄκρων λόγος σύγκειται ἐκ τῶν λόγων, ὧν ἔχουσι πάντα κατὰ τὸ έξῆς πρὸς ἄλληλα τὰ μεγέθη. καὶ ἐνταῦθα οὖν φησιν, ὅτι ὁ τοῦ ΒΑΔ τμήματος πρὸς τὸ ΒΓΔ τμῆμα λόγος σύγκειται
25 ἔκ τε τοῦ, ὃν ἔχει τὸ ΒΑΔ τμῆμα πρὸς τὸν κῶνον, οὖ βάσις μέν ἐστιν ὁ περὶ διάμετρον τὴν ΒΔ κύκλος, κορυφὴ δὲ τὸ Α σημεῖον, καὶ

^{1.} δ] (alt). om. F. 2. τό] τον per comp. F; corr. Torellius. Lineae A, Γ, B, Δ hoc ordine, sed omnes acquales sunt in F. etiam K (in F est X), A, M et N, Ξ, O in F lineae sunt. 4.

et
$$K: M = (A \times B : \Gamma^2) \times (B : \Delta),$$

et $N: O = (A \times B) \times B : \Gamma^2 \times \Delta^{-1})$

itaque

$$(A \times B : \Gamma^2) \times (B : \Delta) = (A \times B) \times B : \Gamma^2 \times \Delta$$
.

uerum hoc quoque adparet, esse

$$(A \times B) \times B = B^2 \times A$$
.

nam quoniam est $A: B = A \times B: B^2$, communi altitudine sumpta B, et, si quattuor termini proportionales sunt, rectangulum extremis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso [Eucl. VI, 16], erit igitur $(A \times B) \times B = B^2 \times A$.

In demonstrationem alteram prop. VIII.

Antea dictum est [p. 140, 17 sq.], si inter duas magnitudines sumatur media, rationem extremorum compositam esse ex ratione, quam habeat prima ad mediam, et ratione, quam habeat media ad tertiam. similiter igitur etiam si plures sumuntur mediae, ratio extremarum composita est ex rationibus, quas omnes deinceps magnitudines inter se habent. itaque hie quoque dicit [I p. 242, 14—20]: ratio segmenti $BA\Delta$ ad segmentum $B\Gamma\Delta$ composita est ex ratione, quam habet segmentum $BA\Delta$ ad conum, cuius basis est circulus circum diametrum $B\Delta$ descriptus, uertex

Lin. 1—5 post p. 232, 14 sq. superuacua sunt. ceterum debebat esse lin. 4: τῷ τοῦ ὑπό, 5: τοῦ τοῦ ὑπό, 7: τῷ τοῦ ὑπό; sed hi loci se inuicem tuentur; cfr. praeterea lin. 14—15.

τό] τον F; corr. Torellius. 6. τό] τον per comp. F; corr. Torellius. τό] τον per comp. F; corr. Torellius. τό] τον per comp. F; corr. Torellius. 14. τό] ο F; corr. Torellius. A, B] ΔΒΕ FV. 15. ἴσον] scripsi; ισος F, nulgo.

δ αὐτὸς κῶνος πρὸς κῶνον τὸν βάσιν μὲν ἔχοντα τὴν αὐτήν, κορυφὴν δὲ τὸ Γ σημείον, καὶ ὁ εἰρημένος κῶνος πρὸς τὸ ΒΓΔ τμῆμα, δηλαδὴ τοῦ ΔΑΒ τμήματος καὶ τοῦ ΒΓΔ μέσων 5 λαμβανομένων τῶν εἰρημένων κώνων.

'Αλλ' ὁ μὲν τοῦ ΒΑΔ τμήματος πρὸς τὸν ΒΑΔ κῶνον ὁ τῆς ΗΘ ἐστι πρὸς ΘΓ] διὰ το πόρισματοῦ δευτέρου θεωρήματος τοῦ δευτέρου βιβλίου. ἐλέγετο γὰρ τὰ τμῆμα πρὸς τὸν ἐν ἑαυτῷ κῶνον τοῦ-10 τον ἔχειν τὸν λόγον, ὃν ἔχει συναμφότερος ῆ τε ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ τῆς σφαίρας καὶ τὸ ῦψος τοῦ λοιποῦ τμήματος.

Ο δὲ τοῦ $BA\Delta$ κώνου πρὸς τὸν $B\Gamma\Delta$ κῶνον ὁ τῆς $A\Theta$ ἐστι πρὸς $\Theta\Gamma$] ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως 15 ὅντες πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ΰψη.

Ο δὲ τοῦ ΒΓΔ κώνου πρὸς τὸ ΒΓΔ τμῆμα ὁ τῆς ΑΘ ἐστι πρὸς ΘΖ] διὰ τὸ ἀνάπαλιν τοῦ εἰρημένου πορίσματος. — ὅστε ὁ τοῦ ΒΑΔ τμήματος πρὸς τὸ ΒΓΔ τμῆμα λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς 20 ΗΘ πρὸς ΘΓ καὶ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ καὶ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ καὶ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΖ. ὁ δὲ συγκείμενος λόγος ἔκ τε τοῦ τῆς ΗΘ πρὸς ΘΓ μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ, ὁ τοῦ ἀπὸ ΗΘΑ ἐστι πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ τὰ γὰρ ἰσογώνια παραλληλόγραμμα λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον 25 ἐκ τῶν πλευρῶν. ὁ δὲ τοῦ ὑπὸ ΗΘΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΖ ὁ τοῦ ὑπὸ ΗΘΑ ἐστιν ἔπὶ τὴν ΘΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ, ὡς δέδεικται ἐν τῷ προληφθέντι λήμματι.

^{5.} κώνων] κωνικ cum comp. ων F; corr. Torellius. 11. τοῦ] (alt.) om. ed. Basil., Torellius. 14. ἐπί] scripsi; επει F, uulgo. Neque p. 234, 23—p. 236, 3 neque omnino hac in pagina signum adposuit F. 21. ΘΖ] ΘΓ F; corr. A, ed. Basil.

autem punctum A, et ratione, quam habet idem conus ad conum basim habentem eandem, uerticem autem punctum Γ , et ratione, quam hic conus, quem [ultimo loco] commemorauimus, ad segmentum $B\Gamma \Delta$ habet] scilicet inter segmenta ΔAB , $B\Gamma \Delta$ mediis sumptis conis illis.

I p. 242, 20—21: sed segmentum $BA\Delta$ ad conum $BA\Delta$ eam habet rationem, quam $H\Theta:\Theta\Gamma$] propter corollarium secundi theorematis secundi libri. ibi enim dictum est, segmentum ad conum in eo comprehensum eam habere rationem, quam linea simul radio sphaerae et altitudini reliqui segmenti aequalis ad altitudinem reliqui segmenti habeat.

I p. 242, 22: conus uero ad conum eam, quam $A\Theta:\Theta\Gamma$] nam cum in eadem basi sint, inter se eam rationem habent, quam altitudines [I lemm. 1 p. 80].

I p. 242, 23—24: conus autem $B\Gamma\Delta$ ad segmentum $B\Gamma\Delta$ eam, quam $A\Theta:\Theta Z$] e contrario¹) per idem illud corollarium [II, $2\pi\delta\varrho$.]. — quare ratio segmentorum $BA\Delta$ et $B\Gamma\Delta$ composita est ex rationibus $H\Theta:\Theta\Gamma$, $A\Theta:\Theta\Gamma$, $A\Theta:\Theta Z$.

sed ratio ex $H\Theta:\Theta\Gamma$ et $A\Theta:\Theta\Gamma$ composita haec est: $H\Theta \times \Theta A:\Theta\Gamma^2$ [I p. 242, 24—244, 1]; nam parallelogramma, quorum anguli aequales sunt, inter se rationem ex laterum rationibus compositam habent [Eucl. VI, 23]. sed $H\Theta \times \Theta A:\Gamma\Theta^2$ una cum $A\Theta:\Theta Z$ est $(H\Theta \times \Theta A) \times \Theta A:\Theta\Gamma^2 \times \Theta Z$ [I p. 244, 1—3], ut demonstratum est in lemmate praemisso [p. 230 sq.].

¹⁾ Non, uti alibi, significat: propter conversum corollarium.

ό δὲ τοῦ ὑπὸ ΗΘΑ ἐπὶ τὴν ΘΑ ὁ αὐτός ἐστι τῶ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. καὶ τοῦτο γὰρ συναποδέδειχται εν τῷ προληφθέντι. ὁ ἄρα τοῦ τμήματος πρός τὸ τμημα λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΑΘ 5 έπι την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι την ΘΖ. έπει οὐν δεῖ δεῖξαι, ὅτι τὸ τμῆμα πρὸς τὸ τμῆμα ἐλάσσονα λόγον έχει η διπλασίονα τοῦ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν έπιφάνειαν λόγου, δεῖ ἄρα δεῖξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΑΘ έπι την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι την ΘΖ έλάσσονα 10 η διπλασίονα λόγον έχει τοῦ, ὃν έχει ή ἐπιφάνεια τοῦ ΒΑΔ τμήματος πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ ΒΓΔ, τουτέστι τοῦ, ὂν ἔχει τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ. άλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ, οῦτως ἡ ΑΘ πρός ΘΓ δέδεικται γάρ τοῦτο έν τοῖς προλαβοῦσιν 15 [θεωρήμασιν]. δεῖ ἄρα δεῖξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ την ΘΖ ἐλάσσονα η διπλασίονα λόγον έχει τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ. άλλὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ λόγου διπλάσιός ἐστιν ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ. ὅτι ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΘ 20 έπλ την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπλ την ΘΖ έλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ. ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ, τῆς ΘΗ κοινοῦ ύψους λαμβανομένης ούτως τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. γρη ἄρα δειχθηναι, 25 ὅτι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ έπλ την ΘΖ έλάσσονα λόγον έχει, ήπερ τὸ αὐτὸ τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ την ΘΗ. πρός ο δε το αυτο ελάσσονα λόγον έχει, έκεινο μειζόν έστι. δει άρα δείξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΓΘ

^{1.} ΘA] ΘA noòs tò ảnò $\Theta \Gamma$ ênl thu ΘZ Torellius. 2. ΘH] ΘH noòs tò ảnò $\Theta \Gamma$ ênl thu ΘZ idem; sed cfr. Neue Jahrb.

sed $(H\Theta \times \Theta A) \times \Theta A [: \Theta \Gamma^2 \times \Theta Z]$

 $=\Theta A^2 \times \Theta H[:\Theta \Gamma^2 \times \Theta Z]$ [I p. 244, 3-5];

nam hoc quoque in praemisso simul demonstratum est [p. 234]. itaque ratio segmentorum haec est:

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma \Theta^2 \times \Theta Z$$
.

iam quoniam demonstrandum est, segmentum ad segmentum minorem quam duplicem rationem habere quam superficiem ad superficiem, demonstrandum,

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$$

minorem quam duplicem esse quam rationem, quam habeat superficies segmenti $BA\Delta$ ad superficiem segmenti $B\Gamma\Delta$, h. e. quam $AB^2:\Gamma B^2$ [de sph. et cyl. I, 42-43, Eucl. XII, 2]. sed $AB^2:B\Gamma^2=A\Theta:\Theta\Gamma$; hoc enim antea demonstratum est [p. 135 ad II prop. 3 p. 206, 17]. itaque demonstrandum, esse

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma \Theta^2 \times \Theta Z$$

minorem esse quam duplicem quam $A\Theta : \Theta\Gamma$ [I p. 244, 5-8]. sed ratio $A\Theta^2 : \Theta\Gamma^2$ duplex est quam ratio $A\Theta : \Theta\Gamma$. itaque [demonstrandum est] esse

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < A\Theta^2 : \Theta \Gamma^2$$
.

sed $A\Theta^2:\Theta\Gamma^2=A\Theta^2\times\Theta H:\Gamma\Theta^2\times\Theta H$, communi altitudine sumpta ΘH . itaque demonstrandum est: $A\Theta^2\times\Theta H:\Gamma\Theta^2\times\Theta Z< A\Theta^2\times\Theta H:\Gamma\Theta^2\times\Theta H$ [I p. 244, 8—10]. uerum ad quod idem minorem rationem habet, id maius est [Eucl. V, 10]. itaque

Suppl. XI p. 396. 8. τὸ ἀπὸ ΔΘ] ο του (comp.) απο ΔΒ F; corr. C, ed. Basil. 15. θεωρήμασιν] deleo; fort. λήμμασιν. 15. ἀπό] om. F; corr. A, ed. Basil. 16. ΓΘ] ΕΘ FV. Ne hic quidem ullum signum habet F.

έπὶ τὴν $Z\Theta$ μεζόν ἐστι τοῦ ἀπὸ $\Gamma\Theta$ ἐπὶ τὴν ΘH , τουτέστιν ὅτι μεζων ἐστὶν ἡ $Z\Theta$ τῆς ΘH . ἔστι δὲ τοῦτο φανεφόν ἀνίσοις γὰρ ταζς $A\Theta$, $\Theta \Gamma$ ἴσαι πρόσκεινται αί ZA, ΓH .

ταῦτα είπων αὐτὸς μεν ούκ ἐπήγαγεν τὴν σύνθεσιν, ήμεζς δε αύτην προσθήσομεν. έπει ή ΖΘ της ΘΗ μείζων έστίν, τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ μεϊζόν έστι τοῦ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. ώστε τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα λόγον 10 έχει, ήπερ τὸ αὐτὸ τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ έπὶ τὴν ΘΗ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΑΘ έπὶ τὴν ΗΘ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ, τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα λόγον ἔγει τοῦ, ὃν 15 έγει τὸ ἀπὸ ΑΘ προς τὸ ἀπὸ ΘΓ. ἀλλ' ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρός τὸ ἀπὸ ΘΓ λόγος διπλάσιός έστι τοῦ τῆς ΑΘ πρός ΘΓ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα ἢ διπλασίονα λόγον έγει του της ΑΘ πρός ΘΓ. άλλ' ὁ μέν τῶν τμημά-20 των λόγος ὁ αὐτὸς ἐδείχθη τῷ, ὃν ἔχει τὸ ἀπὸ ΑΘ έπι την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι την ΘΖ, ὁ δὲ τῶν έπιφανειών τώ, ον έχει ή ΑΘ πρός ΘΓ. τὸ ἄρα τμημα πρός τὸ τμημα έλάσσονα η διπλασίονα λόγον έγει τοῦ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν λόγου.

ξέξης δὲ ἀναλύων τὸ ἔτερον μέρος τοῦ θεωρήματος ἐπάγει. φημὶ δή, ὅτι τὸ μεῖζον τμῆμα πρὸς τὸ ἔλασσον μείζονα λόγον ἔχει ἢ ἡμιόλιον τοῦ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν λόγου. ἀλλ' ὁ μὲν τῶν τμημάτων ἐδείχθη ὁ αὐτὸς τῷ, ὅν ἔχει τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ.

^{2.} έστίν] per comp. F. 6. ημ cum comp. ης F. 8. τό]

demonstrandum est, esse $\Gamma\Theta^2 \times Z\Theta > \Gamma\Theta^2 \times \Theta H$ [I p. 244, 11—12], h. e. esse $Z\Theta > \Theta H$ [I p. 244, 12]. hoc autem manifestum est; nam lineis inaequalibus $A\Theta$, $\Theta\Gamma$ adiectae sunt aequales lineae ZA, ΓH .

his dictis ipse compositionem non adiunxit, nos uero eam adiiciemus. — quoniam $Z\Theta > \Theta H$, erit $\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > \Gamma\Theta^2 \times \Theta H$. quare

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta H.$ sed $A\Theta^2 \times H\Theta : \Gamma\Theta^3 \times \Theta H = A\Theta^2 : \Gamma\Theta^2.$ itaque $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < A\Theta^2 : \Theta \Gamma^2.$

sed ratio $\mathcal{A}\Theta^2:\Theta\Gamma^2$ duplex est quam ratio $\mathcal{A}\Theta:\Theta\Gamma$. quare ratio $\mathcal{A}\Theta^2 \times \Theta H:\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$ minor quam duplex est quam $\mathcal{A}\Theta:\Theta\Gamma$. sed demonstratum est, rationem segmentorum eandem esse ac

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$ [u. supra p. 238, 3 sq.], et rationem, quam habeant inter se superficies, eandem esse ac $A\Theta : \Theta \Gamma$ [p. 238, 12 sq.]. itaque segmenta inter se minorem quam duplicem rationem habent, quam superficies inter se.

deinceps per analysim alteram partem theorematis adiungit [I, 244, 13—246, 5]: dico igitur, maius segmentum ad minus maiorem quam sesquialteram rationem habere, quam superficies inter se. sed demonstratum est, rationem, quam inter se habent segmenta,

του per comp. F; corr. Torellius. 11. ἐπὶ τὴν $H\Theta$] om. F; corr. ed. Basil. (Θ H). 12. τὸ ἀπὸ $A\Theta$] om. F; corr. ed. Basil. 20. τῷ] το FA. 22. τῷ] addidi; om. F, uulgo. Lin. 1—2, 25—30 sine signo F.

ΓΘ έπὶ τὴν ΘΖ, τοῦ δὲ τῆς ἐπιφανείας πρὸς την έπιφάνειαν λόγου ημιόλιός έστιν ό τοῦ άπὸ ΑΒ κύβου πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΒΓ κύβον] τοῦ γὰρ τῆς ΑΒ πρὸς ΒΓ διπλάσιος μέν έστιν ὁ τοῦ 5 από ΑΒ τετραγώνου πρός τὸ από ΒΓ τετράγωνου, τριπλάσιος δε ό τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΒ κύβου πρὸς τὸν άπὸ τῆς ΒΓ κύβον. άλλ' ώς ὁ ἀπὸ τῆς ΑΒ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΒΓ κύβον, οῦτως ὁ ἀπὸ ΑΘ κύβος πρός τὸν ἀπὸ τῆς ΘΒ κύβον. ὡς γὰρ ἡ ΑΒ 10 πρὸς τὴν ΒΓ, οῦτως ἡ ΑΘ πρὸς ΘΒ διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν ΑΒΓ, ΑΒΘ τριγώνων ἐὰν δὲ ὧσιν τέσσαρες εύθεζαι ανάλογον, και τὰ ἀπ' αὐτῶν στερεὰ τὰ δμοια καλ δμοίως άναγεγραμμένα άνάλογόν είσιν. ώστε ὁ ἀπὸ τῆς ΑΘ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΘΒ 15 κύβον ήμιόλιον λόγον έχει τοῦ, ὃν έχει τὸ ἀπὸ ΑΒ τετράγωνον πρός τὸ ἀπὸ ΒΓ τετράγωνον, τουτέστιν ή ἐπιφάνεια πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν, ἀλλ' ὡς τὸ τμῆμα πρός τὸ τμημα, ούτως τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ. φημὶ οὖν, ὅτι τὸ ἀπὸ 20 ΑΘ έπι τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι τὴν ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπεο ὁ ἀπὸ τής ΑΘ κύβος πρός τὸν ἀπὸ τῆς ΘΒ κύβον, τουτέστιν ὁ τοῦ άπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ καὶ ὁ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ. ὁ γὰρ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ διπλασίων 25 τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ προσλαβών τὸν τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτὸς γίνεται τῷ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΘ κύβου πρὸς τὸν ἀπὸ ΘΒ κύβον εκάτερος γὰρ τοῦ αὐτοῦ ἐστι τριπλάσιος. - ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ προσλαβών τὸν τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ

^{3.} κύβον, τουτέστιν ὁ ἀπὸ τῆς $A\Theta$ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ Θ B κύβον Torellius. 6. τῆς AB κύβου ad πρὸς τὸν ἀπό

esse $= A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$. sed ratio $AB^3 : B\Gamma^3$ sesquialtera est quam ratio, quam superficies inter se habent] nam ratio $AB^2 : B\Gamma^2$ duplex est quam ratio $AB : B\Gamma$, ratio uero $AB^3 : B\Gamma^3$ triplex. sed $AB^3 : B\Gamma^3 = A\Theta^3 : \Theta B^3$; nam $AB : B\Gamma = A\Theta : \Theta B$ propter similitudinem triangulorum $AB\Gamma$, $AB\Theta$ [Eucl. VI, 8]; sin quattuor lineae proportionales sunt, etiam figurae solidae similes similiter in iis constructae proportionales sunt [Eucl. VI, 22]. itaque $A\Theta^3 : \Theta B^3$ sesquialteram rationem habet quam $AB^2 : B\Gamma^2$, h. e. quam superficies ad superficiem [u. supra p. 238, 12]. sed quam rationem segmenta habent inter se, eam habet $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$.

I p. 246, 5—10: dico igitur, $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$

rationem maiorem esse quam $A\Theta^3:\Theta B^3$, h. e. maiorem quam $(A\Theta^2:\Theta B^2) \times (A\Theta:\Theta B)$] nam ratio $A\Theta^2:\Theta B^2$, quae duplex est quam ratio $A\Theta:\Theta B$, adsumpta ratione $A\Theta:\Theta B$ aequalis est rationi $A\Theta^3:\Theta B^3$; utraque enim' triplex est quam eadem ratio $[A\Theta:\Theta B]$.

sed ratio $A\Theta^2: \Theta B^2 \times A\Theta: \Theta B = A\Theta^2: \Gamma\Theta \times \Theta B$ [I p. 246, 10—12]. nam quoniam $A\Theta: \Theta B = \Theta B: \Theta \Gamma$,

lin. 8 om. F; corr. ed. Basil. (om. νύβον lin. 6; corr. Torellius).

8. δ] supra scriptum manu 1 F.

11. τέσσαρες] alterum σ supra scriptum manu 1 F.

16. πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ τετράγωνον] om. F; corr. Torellius.

26. γίνεται] scripsi; γαρ per comp. F, uulgo; ἐστι ed. Basil., Torellius.

τονῖ] om. F; corr. Torellius. tamen p. 235 not. 1. νυβω F; corr. Torellius. Lin. 1—3, 19—24, 28—29 sine signo F.

έστι πρός τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. έπεὶ γὰρ ὁ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τῆς ΘΒ πρὸς ΘΓ τῆς ΒΘ μέσης ανάλογον ύπαρχούσης, ὁ τοῦ απὸ ΑΘ πρὸς τὸ από ΘΒ μετά τοῦ τῆς ΑΘ πρός ΘΒ ὁ αὐτός ἐστι τῶ 5 τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ μετὰ τοῦ τῆς ΒΘ πρὸς ΘΓ. ἀλλ' ὁ τῆς ΒΘ πρὸς ΘΓ ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ τῆς ΒΘ κοινοῦ ὕψους λαμβανομένης. ώστε ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ λόγος μετά τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτός έστι τῷ 10 τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ μετὰ τοῦ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρός τὸ ὑπὸ ΒΘΓ. ἀλλ' ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ύπὸ ΒΘΓ λόγος ὁ συγκείμενός έστιν έκ τοῦ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ καὶ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ τοῦ ἀπὸ ΒΘ μέσου λαμβανομένου. ώστε ὁ τοῦ 15 ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ λόγος μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρός ΘΒ ὁ αὐτός έστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ. ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ λόγος δ αὐτός έστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ ἐπὶ τὴν ΘΗ τῆς ΘΗ κοινοῦ ὕψους 20 λαμβανομένης. φημί δή, δτι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ ποὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ μείζονα λόγον ἔχει, ἥπερ τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ έπι τὴν ΘΗ. πρὸς ο δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον έχει, έκεῖνο έλασσόν έστι. δεικτέον, ὅτι τὸ 25 ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΒΘΓ έπλ την ΘΗ, ο ταὐτόν έστι τῷ δεῖξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ ἐλάσσονα λόγον έχει, ήπεο ή ΘΗ ποός ΘΖ. έὰν γὰο ὧσιν τέσσαρες όροι, ώς ένταῦθα τὸ ἀπὸ ΓΘ καὶ τὸ ὑπὸ ΓΘΒ καὶ

^{10.} τοῦ τοῦ] alterum τοῦ addidi; om. F, uulgo, ut lin. 12. 17. ὑπό] απο FV. 20. τό] του per comp. F; corr. Torel-

cum BO media sit proportionalis, erit

 $A\Theta^2:\Theta B^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^2:\Theta B^2 \times B\Theta:\Theta \Gamma.$

uerum $B\Theta: \Theta\Gamma = B\Theta^{3}: B\Theta \times \Theta\Gamma$ communi altitudine sumpta $B\Theta$. quare

 $A\Theta^2: \Theta B^2 \times A\Theta: \Theta B = A\Theta^2: \Theta B^2 \times B\Theta^2: B\Theta \times \Theta \Gamma.$ sed

 $A\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma = A\Theta^2:B\Theta^2 \times B\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma$ medio sumpto $B\Theta^2$. quare

 $A\Theta^2:B\Theta^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma.$

- sed

 $A\Theta^3:B\Theta \times \Theta\Gamma = A\Theta^2 \times \ThetaH:(B\Theta \times \Theta\Gamma) \times \ThetaH$ [I p. 246, 12—14] communi altitudine sumpta ΘH . dico igitur,

 $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > A\Theta^2 \times \Theta H: (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H$ [I p. 246, 15—18]. uerum ad quod idem maiorem rationem habet, id minus est [Eucl. V, 10]. demonstrandum, $\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < (B\Theta \times \Theta \Gamma) \times \Theta H$, quod idem est, ac si demonstramus:

 $\Gamma\Theta^2: \Gamma\Theta \times \Theta B < \Theta H: \Theta Z$ [I p. 246, 18—22]. nam si quattuor termini sunt, ut hic $\Gamma\Theta^2$, $\Gamma\Theta \times \Theta B$,

lius. 22. $\alpha\pi\delta$] om. F. 24. desartéor ovr Torellius. 25. $\Gamma\Theta$] $\Gamma\Delta$ FV. 27. $\tau\delta$ (prius)] $\tau\omega$ F. Lin. 1, 17—19, 20—23, 24—28 sine signo F.

ό δὲ τοῦ ὑπὸ ΗΘΑ ἐπὶ τὴν ΘΑ ὁ αὐτός ἐστι τῶ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. καὶ τοῦτο γὰρ συναποδέδεικται εν τῷ προληφθέντι. ὁ ἄρα τοῦ τμήματος πρός τὸ τμημα λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΑΘ 5 έπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ έπὶ τὴν ΘΖ. ἐπεὶ οὖν δεῖ δεῖξαι, ὅτι τὸ τμῆμα πρὸς τὸ τμῆμα ἐλάσσονα λόγον έγει η διπλασίονα τοῦ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν έπιφάνειαν λόγου, δεῖ ἄρα δεῖξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΑΘ έπλ την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπλ την ΘΖ έλάσσονα 10 η διπλασίονα λόγον έχει τοῦ, ὃν έχει ή ἐπιφάνεια τοῦ ΒΑΔ τμήματος πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ ΒΓΔ, τουτέστι τοῦ, ον ἔχει τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ. άλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ, οὕτως ἡ ΑΘ πρός ΘΓ δέδεικται γάρ τοῦτο έν τοῖς προλαβοῦσιν 15 [θεωρήμασιν]. δεί ἄρα δείξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ την ΘΖ ἐλάσσονα ἢ διπλασίονα λόγον ἔχει τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ. άλλὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ λόγου διπλάσιός ἐστιν ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ. ὅτι ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΘ 20 έπι την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι την ΘΖ έλάσσονα λόγον ἔχει, ήπερ τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ. ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ, τῆς ΘΗ κοινοῦ ύψους λαμβανομένης ούτως τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. γρὴ ἄρα δειγθῆναι, 25 δτι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ έπὶ τὴν ΘΖ έλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ αὐτὸ τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ την ΘΗ. πρὸς δ δὲ τὸ αὐτὸ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, έκεινο μειζόν έστι. δει άρα δείξαι, δτι τὸ ἀπὸ ΓΘ

^{1.} ΘA] ΘA $\pi \varrho \dot{o} g$ $\tau \dot{o}$ $\dot{a}\pi \dot{o}$ $\Theta \Gamma$ $\dot{e}\pi l$ $\tau \dot{\eta} v$ ΘZ Torellius. 2. ΘH] ΘH $\pi \varrho \dot{o} g$ $\tau \dot{o}$ $\dot{a}\pi \dot{o}$ $\Theta \Gamma$ $\dot{e}\pi l$ $\tau \dot{\eta} v$ ΘZ idem; sed cfr. Neue Jahrb.

sed $(H\Theta \times \Theta A) \times \Theta A [: \Theta \Gamma^2 \times \Theta Z]$

= $\Theta A^2 \times \Theta H$ [: $\Theta \Gamma^2 \times \Theta Z$] [I p. 244, 3—5];

nam hoc quoque in praemisso simul demonstratum est [p. 234]. itaque ratio segmentorum haec est:

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$$
.

iam quoniam demonstrandum est, segmentum ad segmentum minorem quam duplicem rationem habere quam superficiem ad superficiem, demonstrandum,

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$$

minorem quam duplicem esse quam rationem, quam habeat superficies segmenti BAA ad superficiem segmenti $B\Gamma A$, h. e. quam $AB^2:\Gamma B^2$ [de sph. et cyl. I, 42-43, Eucl. XII, 2]. sed $AB^2:B\Gamma^2=A\Theta:\Theta\Gamma$; hoc enim antea demonstratum est [p. 135 ad II prop. 3 p. 206, 17]. itaque demonstrandum, esse

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma \Theta^2 \times \Theta Z$$

minorem esse quam duplicem quam $A\Theta : \Theta\Gamma$ [I p. 244, 5—8]. sed ratio $A\Theta^2 : \Theta\Gamma^2$ duplex est quam ratio $A\Theta : \Theta\Gamma$. itaque [demonstrandum est] esse

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < A\Theta^2 : \Theta \Gamma^2$$
.

sed $A\Theta^2:\Theta\Gamma^2=A\Theta^2\times\Theta H:\Gamma\Theta^2\times\Theta H$, communi altitudine sumpta ΘH . itaque demonstrandum est: $A\Theta^2\times\Theta H:\Gamma\Theta^2\times\Theta Z< A\Theta^2\times\Theta H:\Gamma\Theta^2\times\Theta H$ [I p. 244, 8—10]. uerum ad quod idem minorem rationem habet, id maius est [Eucl. V, 10]. itaque

Suppl. XI p. 396. 8. $\vec{\tau}$ ò $\vec{\alpha}$ \vec{n} ò \vec{A} $\vec{\Theta}$] o $\vec{\tau}$ ov (comp.) $\vec{\alpha}$ \vec{n} o \vec{A} B F; corr. C, ed. Basil. 15. $\vec{\theta}$ s $\vec{\omega}$ \vec{n} \vec{n}

ŀ

έπλ την $Z\Theta$ μεζόν έστι τοῦ ἀπὸ $\Gamma\Theta$ έπλ την ΘH , τουτέστιν ὅτι μείζων έστλν ή $Z\Theta$ της ΘH . Εστι δε τοῦτο φανεφόν ἀνίσοις γὰρ ταζς $A\Theta$, $\Theta \Gamma$ ἴσαι πρόσκεινται αί ZA, ΓH .

ταῦτα εἰπῶν αὐτὸς μὲν οὐκ ἐπήγαγεν τὴν σύνθεσιν, ήμεζς δε αὐτὴν προσθήσομεν. ἐπεὶ ή ΖΘ τῆς ΘΗ μείζων έστίν, τὸ ἀπὸ ΓΘ έπὶ τὴν ΘΖ μεζόν έστι τοῦ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. ώστε τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα λόγον 10 έχει, ήπες τὸ αὐτὸ τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΗΘ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ, τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα λόγον ἔγει τοῦ, ὃν 15 έχει τὸ ἀπὸ ΑΘ προς τὸ ἀπὸ ΘΓ. ἀλλ' ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρός τὸ ἀπὸ ΘΓ λόγος διπλάσιός έστι τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα ἢ διπλασίονα λόγον έγει του της ΑΘ πρός ΘΓ. άλλ' ό μεν των τμημά-20 των λόγος ὁ αὐτὸς ἐδείχθη τῷ, ὃν ἔχει τὸ ἀπὸ ΑΘ έπι την ΘΗ πρός το ἀπό ΓΘ έπι την ΘΖ, δ δε των έπιφανειών τώ, ον έχει ή ΑΘ πρός ΘΓ. τὸ ἄρα τμημα πρός τὸ τμημα έλάσσονα η διπλασίονα λόγον ἔγει τοῦ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν λόγου.

25 έξῆς δὲ ἀναλύων τὸ ἔτερον μέρος τοῦ θεωρήματος ἐπάγει. φημὶ δή, ὅτι τὸ μεῖζον τμῆμα πρὸς τὸ ἔλασσον μείζονα λόγον ἔχει ἢ ἡμιόλιον τοῦ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν λόγου. ἀλλ' ὁ μὲν τῶν τμημάτων ἐδείχθη ὁ αὐτὸς τῷ, ὃν ἔχει τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ

^{2.} έστίν] per comp. F. 6. ημ cum comp. ης F. 8. τό]

demonstrandum est, esse $\Gamma\Theta^2 \times Z\Theta > \Gamma\Theta^2 \times \Theta H$ [I p. 244, 11—12], h. e. esse $Z\Theta > \Theta H$ [I p. 244, 12]. hoc autem manifestum est; nam lineis inaequalibus $A\Theta$, $\Theta\Gamma$ adiectae sunt aequales lineae ZA, ΓH .

his dictis ipse compositionem non adiunxit, nos uero eam adiiciemus. — quoniam $Z\Theta > \Theta H$, erit $\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > \Gamma\Theta^2 \times \Theta H$. quare

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta H.$ sed $A\Theta^2 \times H\Theta : \Gamma\Theta^2 \times \Theta H = A\Theta^2 : \Gamma\Theta^2.$ itaque $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < A\Theta^2 : \Theta \Gamma^2.$

sed ratio $A\Theta^2:\Theta\Gamma^2$ duplex est quam ratio $A\Theta:\Theta\Gamma$. quare ratio $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$ minor quam duplex est quam $A\Theta:\Theta\Gamma$. sed demonstratum est, rationem segmentorum eandem esse ac

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$ [u. supra p. 238, 3 sq.], et rationem, quam habeant inter se superficies, eandem esse ac $A\Theta : \Theta \Gamma$ [p. 238, 12 sq.]. itaque segmenta inter se minorem quam duplicem rationem habent, quam superficies inter se.

deinceps per analysim alteram partem theorematis adiungit [I, 244, 13—246, 5]: dico igitur, maius segmentum ad minus maiorem quam sesquialteram rationem habere, quam superficies inter se. sed demonstratum est, rationem, quam inter se habent segmenta,

του per comp. F; corr. Torellius. 11. ἐπὶ τὴν $H\Theta$] om. F; corr. ed. Basil. (Θ H). 12. τὸ ἀπὸ $A\Theta$] om. F; corr. ed. Basil. 20. τῷ] το FA. 22. τῷ] addidi; om. F, uulgo. Lin. 1—2, 25—30 sine signo F.

ΓΘ έπλ την ΘΖ, τοῦ δὲ τῆς ἐπιφανείας πρὸς την έπιφάνειαν λόγου ημιόλιός έστιν ο τοῦ ἀπὸ ΑΒ κύβου πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΒΓ κύβον] τοῦ γὰρ τῆς ΑΒ πρὸς ΒΓ διπλάσιος μέν ἐστιν ὁ τοῦ 5 από ΑΒ τετραγώνου πρός τὸ από ΒΓ τετράγωνου. τριπλάσιος δὲ ὁ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΒ κύβου πρὸς τὸν άπὸ τῆς ΒΓ κύβον. ἀλλ' ὡς ὁ ἀπὸ τῆς ΑΒ κύβος πρός τὸν ἀπὸ τῆς ΒΓ κύβον, οῦτως ὁ ἀπὸ ΑΘ κύβος πρός τὸν ἀπὸ τῆς ΘΒ κύβον. ὡς γὰρ ἡ ΑΒ 10 πρός την ΒΓ, ούτως η ΑΘ πρός ΘΒ διά την όμοιότητα τῶν ΑΒΓ, ΑΒΘ τριγώνων ἐὰν δὲ ὦσιν τέσσαρες εὐθεζαι ἀνάλογον, καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν στερεὰ τὰ δμοια καὶ δμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογόν είσιν. ώστε ὁ ἀπὸ τῆς ΑΘ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΘΒ 15 κύβον ήμιόλιον λόγον έχει τοῦ, ὃν έχει τὸ ἀπὸ ΑΒ τετράγωνον πρός τὸ ἀπὸ ΒΓ τετράγωνον, τουτέστιν ή έπιφάνεια πρός την έπιφάνειαν. άλλ' ώς τὸ τμημα πρός τὸ τμημα, ούτως τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ. φημὶ οὖν, ὅτι τὸ ἀπὸ 20 ΑΘ έπι την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι την ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπεο ὁ ἀπὸ τής ΑΘ κύβος πρός τὸν ἀπὸ τῆς ΘΒ κύβον, τουτέστιν ὁ τοῦ άπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ καὶ ὁ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ. ὁ γὰο τοῦ ἀπὸ ΑΘ ποὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ διπλασίων 25 τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ προσλαβών τὸν τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτὸς γίνεται τῷ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΘ κύβου πρὸς τὸν ἀπὸ ΘΒ κύβον εκάτερος γὰρ τοῦ αὐτοῦ ἐστι τριπλάσιος. - ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ προσλαβών τὸν τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ

^{3.} κύβον, τουτέστιν ὁ ἀπὸ τῆς $A\Theta$ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ Θ B κύβον Torellius. 6. τῆς A B κύβον ad πρὸς τὸν ἀπό

esse $= A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$. sed ratio $AB^3 : B\Gamma^3$ sesquialtera est quam ratio, quam superficies inter se habent] nam ratio $AB^2 : B\Gamma^2$ duplex est quam ratio $AB : B\Gamma$, ratio uero $AB^3 : B\Gamma^3$ triplex. sed $AB^3 : B\Gamma^3 = A\Theta^3 : \Theta B^3$; nam $AB : B\Gamma = A\Theta : \Theta B$ propter similitudinem triangulorum $AB\Gamma$, $AB\Theta$ [Eucl. VI, 8]; sin quattuor lineae proportionales sunt, etiam figurae solidae similes similiter in iis constructae proportionales sunt [Eucl. VI, 22]. itaque $A\Theta^3 : \Theta B^3$ sesquialteram rationem habet quam $AB^2 : B\Gamma^2$, h. e. quam superficies ad superficiem [u. supra p. 238, 12]. sed quam rationem segmenta habent inter se, eam habet $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$.

I p. 246, 5—10: dico igitur, $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$

rationem maiorem esse quam $A\Theta^3:\Theta B^3$, h. e. maiorem quam $(A\Theta^2:\Theta B^2) \times (A\Theta:\Theta B)$] nam ratio $A\Theta^2:\Theta B^2$, quae duplex est quam ratio $A\Theta:\Theta B$, adsumpta ratione $A\Theta:\Theta B$ aequalis est rationi $A\Theta^3:\Theta B^3$; utraque enim' triplex est quam eadem ratio $[A\Theta:\Theta B]$.

sed ratio $A\Theta^2: \Theta B^2 \times A\Theta: \Theta B = A\Theta^2: \Gamma\Theta \times \Theta B$ [I p. 246, 10—12]. nam quoniam $A\Theta: \Theta B = \Theta B: \Theta \Gamma$,

lin. 8 om. F; corr. ed. Basil. (om. νύβου lin. 6; corr. Torellius).

8. δ] supra scriptum manu 1 F.

11. τέσσαρες] alterum σ supra scriptum manu 1 F.

16. πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ τετράγωνου] om. F; corr. Torellius.

26. γίνεται] scripsi; γαρ το τον. Torellius.

τονῖ] om. F; corr. Torellius.

τονῖ om. F; corr. Torellius.

τονῖ om. F; corr. Torellius.

Γεντικο F; corr. Torellius.

Γεντικο F; corr. Torellius.

Γεντικο F; corr. Torellius.

έστι πρός τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. ἐπεὶ γὰρ ὁ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τῆς ΘΒ πρὸς ΘΓ τῆς ΒΘ μέσης ανάλογον ύπαρχούσης, ό τοῦ από ΑΘ πρός τὸ άπὸ ΘΒ μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτός έστι τῷ 5 τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ μετὰ τοῦ τῆς ΒΘ πρὸς ΘΓ. άλλ' ὁ τῆς ΒΘ πρὸς ΘΓ ὁ αὐτός ἐστι τῶ τοῦ άπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ τῆς ΒΘ κοινοῦ ὕψους λαμβανομένης. ώστε ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ λόγος μετά τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτός ἐστι τῷ 10 τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ μετὰ τοῦ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρός τὸ ὑπὸ ΒΘΓ. ἀλλ' ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ύπὸ ΒΘΓ λόγος ὁ συγκείμενός ἐστιν ἐκ τοῦ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ καὶ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ τοῦ ἀπὸ ΒΘ μέσου λαμβανομένου. ώστε ὁ τοῦ 15 ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ λόγος μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ. ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ λόγος ό αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ ἐπὶ τὴν ΘΗ τῆς ΘΗ κοινοῦ ὕψους 20 λαμβανομένης. φημὶ δή, ὅτι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπερ τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ έπλ τὴν ΘΗ. πρὸς δ δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, έκεῖνο ἕλασσόν ἐστι. δεικτέον, ὅτι τὸ 25 ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΒΘΓ έπλ την ΘΗ, δ ταὐτόν έστι τῶ δεῖξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ ἐλάσσονα λόγον έχει, ήπεο ή ΘΗ πρός ΘΖ. ἐὰν γὰρ ὧσιν τέσσαρες όροι, ώς ένταῦθα τὸ ἀπὸ ΓΘ καὶ τὸ ὑπὸ ΓΘΒ καὶ

^{10.} τοῦ τοῦ] alterum τοῦ addidi; om. F, nulgo, nt lin. 12. 17. ὑπό] απο FV. 20. τό] του per comp. F; corr. Torel-

cum B@ media sit proportionalis, erit

 $A\Theta^2:\Theta B^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^2:\Theta B^2 \times B\Theta:\Theta \Gamma.$

uerum $B\Theta: \Theta\Gamma = B\Theta^2: B\Theta \times \Theta\Gamma$ communi altitudine sumpta $B\Theta$. quare

 $A\Theta^2:\Theta B^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^2:\Theta B^2 \times B\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma.$ sed

 $A\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma = A\Theta^2:B\Theta^2 \times B\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma$ medio sumpto $B\Theta^2$. quare

 $A\Theta^2:B\Theta^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma.$

- sed

 $A\Theta^2: B\Theta \times \Theta\Gamma = A\Theta^2 \times \ThetaH: (B\Theta \times \Theta\Gamma) \times \ThetaH$ [I p. 246, 12—14] communi altitudine sumpta ΘH . dico igitur,

 $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > A\Theta^2 \times \Theta H: (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H$ [I p. 246, 15—18]. uerum ad quod idem maiorem rationem habet, id minus est [Eucl. V, 10]. demonstrandum, $\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < (B\Theta \times \Theta \Gamma) \times \Theta H$, quod idem est, ac si demonstramus:

 $\Gamma\Theta^2: \Gamma\Theta \times \Theta B < \Theta H: \Theta Z$ [I p. 246, 18—22]. nam si quattuor termini sunt, ut hic $\Gamma\Theta^2$, $\Gamma\Theta \times \Theta B$,

lius. 22. $\alpha \pi \delta$] om. F. 24. deintéon où Torellius. 25. $\Gamma\Theta$] $\Gamma\Delta$ FV. 27. $\tau\delta$ (prius)] $\tau\omega$ F. Lin. 1, 17—19, 20—23, 24—28 sine signo F.

ή ΘΗ καί ΘΖ, και τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἔλασσον ή τοῦ ύπὸ τῶν μέσων, ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον ἐλάσσονα λόγον έχει, ήπες ὁ τρίτος πρὸς τὸν τέταρτον. ώς δέδεικται ανωτέρω. εύλόγως άρα έχρην δείξαι τὸ 5 ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἔλασσον τοῦ ὑπὸ ΓΘΒ ἐπὶ τὴν ΘΗ. τοῦτο δὲ ταὐτόν ἐστι τῷ δεῖξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΓΘ πρός τὸ ὑπὸ ΓΘΒ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΘΗ πρὸς ΘΖ. ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ, ή ΓΘ πρός ΘΒ. δεί ἄρα δείξαι, ὅτι ἡ ΓΘ πρός ΘΒ 10 έλάσσονα λόγον έχει, ήπες ή ΘΗ πρός ΘΖ, τουτέστιν ή ΗΘ πρός ΘΖ μείζονα λόγον έχει ήπερ ή ΓΘ πρός ΘΒ. ἤχθω ἀπὸ τοῦ Ετῆ ΕΓ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΕΚ, καὶ ἀπὸ τοῦ Β κάθετος ἐπ' αὐτὴν ἡ ΒΛ. ἐπίλοιπον ήμεν δετξαι δετ, δτι ή ΗΘ ποός ΘΖ 15 μείζονα λόγον έχει, ήπερ ή ΓΘ πρός ΘΒ. ίση δέ έστιν ή ΘΖ συναμφοτέρφ τῆ ΘΑ, ΚΕ. ή γὰρ ΑΖ τη έκ του κέντρου ίση έστίν. δει άρα δειξαι, ότι ή ΗΘ πρός συναμφότερον την ΘΑ, ΚΕ μείζονα λόγον έχει, ήπες ή ΓΘ πρός ΘΒ. καὶ 20 ἀφαιφεθείσης ἄφα ἀπὸ τῆς ΗΘ τῆς ΓΘ, ἀπὸ δὲ τῆς ΚΕ τῆς ΕΛ ἴσης τῆ ΒΘ δεήσει δειχθῆναι, ότι λοιπή ή ΓΗ πρός λοιπήν συναμφότερον την ΑΘ, ΚΛ μείζονα λόγον έχει, ήπες ή ΓΘ πρός ΘΒ. έπεὶ γὰρ δεῖ δειχθηναι, ὅτι ἡ ΗΘ πρός 25 συναμφότερον την ΘΑ, ΚΕ μείζονα λόγον έχει, ήπερ ή ΓΘ πρός ΘΒ, καὶ ἐναλλάξ, ὅτι ἡ ΗΘ πρός ΘΓ μείζονα λόγον έχει, ήπες συναμφότεςος ή ΘΑ, ΚΕ πρός ΘΒ, τουτέστι πρός ΛΕ, και διελόντι ή ΗΓ πρός ΓΘ μείζονα λόγον έχει, ήπερ συναμφότερος ή 30 ΘΑ, ΚΛ πρός ΛΕ, τουτέστι πρός ΒΘ, εναλλάξ, ὅτι

^{5.} ἔλασσον] μειζ cum comp. ον F; corr. ed. Basil. 6.

⊗H, ⊗Z, et rectangulum extremis comprehensum minus est rectangulo mediis comprehenso, primus ad secundum minorem rationem habet, quam tertius ad quartum, ut supra [p. 226, 24] demonstratum est. itaque proprie demonstrandum erat

$$\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H.$$

hoc uero idem est, ac si demonstramus

$$\Gamma\Theta^2: \Gamma\Theta \times \Theta B < \Theta H: \Theta Z.$$

sed

$$\Gamma\Theta^2: \Gamma\Theta \times \Theta B = \Gamma\Theta: \Theta B.$$

demonstrandum igitur

$$\Gamma\Theta: \Theta B < \Theta H: \Theta Z$$
, h. e. $H\Theta: \Theta Z > \Gamma\Theta: \Theta B$.

— ducatur ab E puncto ad $E\Gamma$ lineam perpendicularis linea EK, et a B puncto ad eam perpendicularis linea $B\Lambda$. restat, ut demonstremus $H\Theta: \Theta Z > \Gamma\Theta: \Theta B$. sed $\Theta Z = \Theta A + KE$ [I p. 246, 23—248, 4]. nam ΛZ radio aequalis est. — itaque demonstrandum

$$H\Theta: \Theta A + KE > \Gamma\Theta: \Theta B$$
.

quare etiam subtracta a ΘH linea linea $\Gamma \Theta$ et a KE linea linea $E \Lambda$ aequali lineae $B \Theta$ demonstrandum erit $\Gamma H: \Lambda \Theta + K \Lambda > \Gamma \Theta: \Theta B$ [I p. 248, 4—9]. nam quoniam demonstrandum est, esse

$$.H\Theta:\ThetaA+KE>\Gamma\Theta:\ThetaB$$

et uicissim $H\Theta: \Theta\Gamma > \Theta A + KE: \Theta B$, h. e. $> \Theta A + KE: AE$.

et dirimendo

$$H\Gamma: \Gamma\Theta > \Theta A + KA: AE,$$

> $\Theta A + KA: B\Theta,$

h. e.

τοῦτο δέ] addidi; om. F, uulgo. 7. ὑπό] om. F. 14. δεῖ] supra scriptum manu 1 F. 30. καὶ ἐναλλάξ Torellius. Lin. 12-24 sine signo F.

ή ΗΓ πρὸς συναμφότερον τὴν ΘΑ, ΚΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΓΘ πρὸς ΘΒ. ἀλλ' ὡς ἡ ΓΘ πρὸς ΘΒ, οῦτως ἡ ΒΘ πρὸς ΘΑ, τουτέστιν ἡ ΛΕ πρὸς ΑΘ. ὅτι ἄρα ἡ ΗΓ πρὸς συναμφότερον τὴν ΘΑ, ΚΛ δ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΛΕ πρὸς ΑΘ. καὶ ἐναλλάξ, ὅτι ἡ ΓΗ, τουτέστιν ἡ ΚΕ πρὸς ΕΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ συναμφότερος ἡ ΚΛ, ΘΑ πρὸς ΘΑ. διελόντι ἡ ΚΛ πρὸς ΛΕ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ αὐτὴ ἡ ΚΛ πρὸς ΘΑ, τουτέστιν ὅτι 10 ἐλάσσων ἡ ΛΕ τῆς ΘΑ ἐστιν.

έξης δε ήμεις την σύνθεσιν προσθήσομεν έπεί ή ΛΕ τῆς ΑΘ ἐλάσσων, ἡ ἄρα ΚΛ πρὸς ΛΕ μείζονα λόγον έχει, ήπερ ή ΚΛ πρός ΑΘ. συνθέντι ή ΚΕ πρός ΕΛ μείζουα λόγου έχει, ήπερ συναμφότερος ή 15 K Λ, ΑΘ πρὸς ΑΘ. ἡ δὲ ΛΕ τῆ ΒΘ ἐστιν ἴση. ἡ ἄρα ΗΓ πρός ΒΘ μείζονα λόγον έχει, ήπερ συναμφότερος ή ΚΛ, ΑΘ πρὸς ΑΘ. ἐναλλὰξ ἡ ἄρα ΗΓ πρὸς συναμφότερον την ΚΛ, ΑΘ μείζονα λόγον έχει, ήπερ ή ΒΘ πρὸς ΘΑ, τουτέστιν ή ΓΘ πρὸς ΘΒ. ἐναλλὰξ ή 20 ΗΓ πρὸς ΓΘ μείζονα λόγον έχει, ήπερ συναμφότερος ή ΚΛ, ΑΘ πρός ΘΒ. συνθέντι ή ΗΘ πρός ΘΓ μείζονα λόγον έχει, ήπες συναμφότεςος ή Κ Λ, ΑΘ μετά της ΘΒ, τουτέστι συναμφότερος ή ΑΘ, ΚΕ, πρὸς ΒΘ. ἴση δὲ ἡ ΚΕ τῷ ΑΖ. ἡ ἄρα ΗΘ πρὸς ΘΓ μείζονα 25 λόγον έχει, ήπες ή ΖΘ πρὸς ΘΒ. ἐναλλὰξ ή ΗΘ πρός ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπερ ή ΓΘ πρός ΘΒ. ώς δὲ ή ΓΘ πρὸς ΘΒ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ύπὸ ΓΘΒ. ή ἄρα ΗΘ πρὸς ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπεο τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. καὶ διὰ τὰ πρό-

^{7.} ΚΛ, ΘΛ] ΚΘΛ F. 15. τη της per comp. F; corr. B.

[demonstrandum est] uicissim esse

 $H\Gamma: \Theta A + KA > \Gamma\Theta: \Theta B.$

sed $\Gamma\Theta: \Theta B = B\Theta: \Theta A = AE: A\Theta$. itaque [demonstrandum] esse $H\Gamma: \Theta A + KA > AE: A\Theta$ [cfr. I p. 248, 9-10]. et uicissim esse $\Gamma H: EA$, h. e.

 $KE: EA > KA + \Theta A: \Theta A.$

dirimendo esse $KA: AE > KA: \Theta A$, h. e. esse $AE < \Theta A$ [I p. 248, 10—14].

deinceps autem nos compositionem adiungemus: quoniam $AE < A\Theta$, erit $KA : AE > KA : A\Theta$. componendo $KE : EA > KA + A\Theta : A\Theta$. sed $AE = B\Theta$. quare $H\Gamma : B\Theta > KA + A\Theta : A\Theta$. uicissim igitur

 $H\Gamma: KA + A\Theta > B\Theta: \Theta A$, h. e. $\Gamma\Theta: \Theta B$.

uicissim $H\Gamma: \Gamma\Theta > KA + A\Theta: \ThetaB$. componendo

 $H\Theta: \Theta\Gamma > KA + A\Theta + \ThetaB: B\Theta$

h. e. $> A\Theta + KE : B\Theta$. sed KE = AZ. quare $H\Theta : \Theta\Gamma > Z\Theta : \Theta B$.

uicissim $H\Theta: \Theta Z > \Gamma\Theta: \Theta B$. sed

 $\Gamma\Theta:\Theta B = \Gamma\Theta^2:\Gamma\Theta \times \Theta B.$

itaque $H\Theta: \Theta Z > \Gamma \Theta^2: \Gamma\Theta \times \Theta B$. et propter ea,

^{23.} $B\Theta$] $A\Theta$ F; corr. B. 29. $\tau\alpha'$] addidi; om. F, uulgo. Lin. 5—10 sine signo F.

τερον είρημένα τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΓΘΒ ἐπὶ τὴν ΘΗ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ την ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπες τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ 5 έπι την ΘΗ. ώς δε τὸ ἀπὸ ΑΘ έπι την ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ ἐπὶ τὴν ΘΗ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ άπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπεο τὸ ἀπὸ ΑΘ πρός τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ 10 ύπὸ ΒΘΓ τοῦ ἀπὸ ΒΘ μέσου λαμβανομένου σύγκειται έχ τε τοῦ, ὃν έγει τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ καὶ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ, ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τῆς ΒΘ πρὸς ΘΓ, τουτέστι τῷ τῆς ΑΘ πρὸς ΒΘ. τὸ ἄρα 15 ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπερ τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ μετὰ τοῖ τῖς ΑΘ πρὸς ΘΒ. ὁ δὲ συγκείμενος λόγος έκ τε τοῦ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ καὶ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ἀπὸ τῆς 20 ΑΘ κύβου πρός τὸν ἀπὸ ΘΒ κύβον, τουτέστι τοῦ ἀπὸ ΑΒ κύβου πρὸς τὸν ἀπὸ ΒΓ κύβον. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ έπὶ τὴν • ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ έπὶ τὴν ΘΖ μείζονα λόγον ἔχει τοῦ, ὂν ἔχει ὁ ἀπὸ ΑΒ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ ΒΓ κύβον. ἀλλ' ὁ μὲν τοῦ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ 25 πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ λόγος ὁ αὐτὸς ἐδείγθη τῷ τῶν τμημάτων λόγω, ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΒ κύβου πρός του ἀπὸ τῆς ΒΓ κύβου λόγος ἡμιόλιος ἐδείγθη τοῦ τῶν ἐπιφανειῶν λόγου, τὸ ἄρα τμῆμα πρὸς τὸ

^{3.} ἀπὸ ΓΘ] ὑπὸ ΓΘΒ F; corr. A, ed. Basil. 5. ὡς δέ ad τὴν ΘΗ lin. 6 suppleui; om. F, uulgo. 7. ΓΘΒ. τὸ ἄρα ad πρὸς τὸ ἀπό lin. 7—8 suppleui; om. F, uulgo; in F in mg.

quae supra diximus [p. 224, 22], erit

$$\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H.$$

itaque

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$$

> $A\Theta^2 \times \Theta H : (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H.$

sed

 $A\Theta^2 \times \Theta H : (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H = A\Theta^2 : \Gamma\Theta \times \Theta B.$ quare

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > A\Theta^2 : \Gamma\Theta \times \Theta B.$

 \mathbf{sed}

 $A\Theta^2:B\Theta \times \Theta\Gamma = A\Theta^2:\Theta B^2 \times B\Theta^2:B\Theta \times \Theta\Gamma$ medio sumpto $B\Theta^2$, et

 $B\Theta^2:B\Theta\times\Theta\Gamma=B\Theta:\Theta\Gamma=A\Theta:B\Theta.$

itaque

 $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > A\Theta^2: \Theta B^2 \times A\Theta: \Theta B.$ sed

 $A\Theta^2:\Theta B^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^3:\Theta B^3 = AB^3:B\Gamma^3$. quare $A\Theta^2 \times \Theta H:\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > AB^3:B\Gamma^3$. sed demonstratum est [p. 238, 3 sq.], $\Theta A^2 \times \Theta H:\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$ eandem esse ac rationem segmentorum, et [p. 242, 14] rationem $AB^3:B\Gamma^3$ sesquialteram esse quam rationem, quam habeant inter se superficies. itaque seg-

positum est signum lacunae γ. ed. Basil., Torellius omissis uerbis οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ (lin. 6—8) post Θ H lin. 5 (prius) addunt: τουτέστι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν Θ H πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ. etiam Cr. lacunam habuit. 9. πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ τοῦ ἀπὸ ΒΘ] om. F; corr. ed. Basil. 15. ΓΘ] hic in F signum positum est, cui respondet aliud sfmile in mg., ubi haec leguntur ex lin. 15 repetita: επι την (comp.) Θ H προς (comp.) το απο ΓΘ; quae uerba in cett. codd. ordine recepta sunt; corr. Cr., ed. Basil. 18. τοῦ τοῦς scripsi; τον F, uulgo. 26. AB] ΑΘ ΕV.

τμημα μείζονα λόγον έχει η ημιόλιον τοῦ, δυ έχει η ἐπιφάνεια πρὸς την ἐπιφάνειαν.

Εἰς τὸ δ΄.

Δῆλον δέ, ὅτι ἡ ΒΑ τῆς μὲν ΑΚ ἐλάσσων δ ἐστὶν ἢ διπλασία δυνάμει, τῆς δὲ ἐκ τοῦ κέντρου μείζων ἢ διπλασία] ἐπιζευχθείσης γὰρ ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸ κέντρον, τῆς πρὸς τῷ κέντρῷ ἀμβλείας γινομένης ὑπὸ τῆς ΒΑ, τὸ ἀπὸ τῆς ΑΒ μεῖζόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν τὴν ἀμβλείαν περιεχουσῶν ἴσων ὅντων. 10 ὥστε τοῦ ἐνὸς αὐτῶν, τουτέστι τοῦ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου, μεῖζόν ἐστιν ἢ διπλάσιον. πάλι νδὲ τοῦ ἀπὸ ΑΒ ἴσου ὄντος τοῖς ἀπὸ ΑΚ, ΚΒ καὶ μείζονος ὄντος τοῦ ἀπὸ ΑΚ τοῦ ἀπὸ ΚΒ τὸ ἀπὸ ΑΒ τοῦ ἀπὸ ΑΚ ἔλασσόν ἐστιν ἢ διπλάσιον [καὶ ταῦτα μὲν ἐπὶ τοῦ σχήματος, ἐφ' οὖ σημείον ε΄, ἐν δὲ τῷ ἔτέρῷ σχήματι τἀναντία τούτοις εἰκότως λεχθήσεται].

"Εστω καὶ τῆ ΕΛ ἴση ἡ ΕΝ, καὶ ἀπὸ τοῦ κύκλου τοῦ περὶ διάμετρου τὴυ ΘΖ κῶνος ἔστω κορυφὴν ἔχων τὸ Ν σημείου. ἴσος δὴ καὶ οὖ-20 τός ἐστι τῷ κατὰ τὴυ ΘΕΖ περιφέρειαν ἡμισφαιρίω] ἐπεὶ γὰρ ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν περὶ διάμετρου τὴυ ΘΖ, ῦψος δὲ τὴν ΛΕ τοῦ μὲν κώνου τοῦ βάσιν ἔχοντος τὴυ αὐτὴν καὶ ῦψος ἴσον τριπλάσιός ἐστι, τοῦ δὲ ἡμισφαιρίου ἡμιόλιος, τὸ ἡμι-25 σφαίριου διπλάσιόν ἐστι τοῦ αὐτοῦ κώνου. ἔστιν δὲ καὶ ὁ κῶνος ὁ βάσιν μὲν ἔχων τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΘΖ κύκλον, ῦψος δὲ τὴν ΛΝ διπλάσιος τοῦ αὐ-

^{7.} πέντοον τῆς ΒΟ Torellius. το πεντο cum comp. ον addito ω F. 8. ὑπὸ τῆς ΒΑ] τῆς ὑπὸ ΒΟΑ Torellius. 12. ἴσον] ισ cum comp. ον F. 15. ʤ] Σ Torellius. cfr. I p. 250, 19 not. crit. 20. ΘΕΖΕ F. 22. ΛΕ] ΔΕ F; corr. Torellius.

menta inter se maiorem quam sesquialteram rationem habent quam superficies.

In prop. IX.

I p. 250, 20—22: adparet autem, esse $BA^2 < 2AK^2$, sed maiorem duplici quadrato radii] ducta enim [linea] a B ad centrum, erit, cum angulus ad centrum positus, sub quem subtendit¹) linea BA, obtusus sit, AB^2 maius quadratis linearum angulum obtusum comprehendentium inter se aequalibus [Eucl. II, 12]; quare maius quam duplex erit quam quadratum alterius, h. e. quam quadratum radii.

rursus autem cum sit $AB^2 = AK^2 + KB^2$ [Eucl. I, 47] et $AK^2 > KB^2$, erit $AB^2 < 2AK^2$.

I p. 252, 2—7: sit praeterea EN=EA, et in circulo circum diametrum ΘZ descripto construatur conus uerticem habens punctum N. quare etiam is hemisphaerio in ambitu ΘEZ posito aequalis est] nam quoniam cylindrus basim habens [circulum] circum diametrum ΘZ descriptum, altitudinem autem AE triplo maior est cono basim habenti eandem et altitudinem aequalem [Eucl. XII, 10], sed dimidia parte maior hemisphaerio [de sph. et cyl. I, 34 $\pi \acute{o} \varrho$.], hemisphaerium duplo maius est eodem cono. sed etiam conus basim habens circulum circum diametrum ΘZ descriptum, altitudinem autem AN duplo maior est

ὑπὸ τῆς BA lin. 8 corruptum; fort. τῆς ὑποτεινομένης ὑπὸ τῆς BA uel τῆς ὑπὸ τὴν BA. ceterum hinc adparet, me I p. 252 male Nizzio obtemperasse in littera O addenda. (u. p. 254 not. crit.).

²⁾ Ultima uerba lin. 14—16 damnaui I p. 263 not. 2.

ŀ

τοῦ κώνου. καὶ τὸ ἡμισφαίριον ἄρα ἴσον ἐστὶ τῷ κών $τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὸν περὶ διάμετρον τὴν <math> Z\Theta$ κύκλον, $\~υψος δὲ τὴν <math> ΛN.$

Τὸ δὲ περιεχόμενον ὑπὸ τῶν ΑΡΓ μεῖζόν 5 ἐστι τοῦ περιεχομένου ὑπὸ τῶν ΑΚΓ, διότι τὴν ἐλάσσονα πλευρὰν τοῦ ἐλάσσονος τοῦ ἐτέρου μείζονα ἔχει] εἰρηται γὰρ ἀνωτέρω, ὅτι, ἐὰν εὐθεία τμηθῆ εἰς ἄνισα κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημείον, τὸ ὑπὸ τῶν τμημάτων τῶν κατὰ τὴν ἐγγυτέραν τῆς διχο-10 τομίας τομὴν μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ τῶν τμημάτων τῶν κατὰ τὴν ἀπωτέρω. ταὐτὸν δέ ἐστιν εἰπεῖν, διότι τὴν ἐλάσσονα πλευρὰν τῆς ἐλάσσονος τοῦ ἑτέρου μείζονα ἔχει. ὅσω γὰρ ἐλάσσων ἐστί, τοσούτω πλέον ἀφέστηκεν ἡ τομὴ τῆς διχοτομίας.

15 Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ΑΡ ἴσον ἐστὶ τῷ περιεχομένῷ ὑπὸ τῶν ΑΚ, ΓΞ ἡμισυ γάρ ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΒ] ἐὰν γὰρ ἐπιζευχθῆ ἡ ΒΓ, διὰ τὸ ἐν ὀρθογωνίῷ τριγώνῷ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς κάθετον ἡχθαι τὴν ΒΚ καὶ τὰ πρὸς τῆ καθέτῷ τρίγωνα ὅμοια εἶναι τῷ ὅλῷ, 20 γίνεται τὸ ὑπὸ ΓΑΚ ἴσον τῷ ἀπὸ ΑΒ. ὥστε καὶ τὸ ὑπὸ τῆς ἡμισείας τῆς ΓΑ καὶ ΑΚ, τουτέστι τὸ ὑπὸ ΓΞ, ΑΚ, ἴσον ἐστὶ τῷ ἡμίσει τοῦ ἀπὸ ΑΒ, τουτέστι τῷ ἀπὸ ΑΡ.

Μείζον οὖν έστι καὶ τὸ συναμφότερον τοῦ 25 συναμφότερου] ἐπεὶ γὰρ ἴσον ἐστὶ τὸ ὑπὸ ΑΚ, ΓΞ τῷ ἀπὸ ΑΡ, μεῖζον δὲ τὸ ὑπὸ ΑΡΓ τοῦ ὑπὸ ΑΚΓ, ἐὰν δὲ ἀνίσοις ἴσα προστεθῆ, τὰ ὅλα ἐστὶν ἄνισα, καὶ ἐκεῖνο μεῖζον, ὁ καὶ ἐξ ἀρχῆς μεῖζον, τῷ μὲν ὑπὸ

^{10.} τῶν κατά] scripsi; τῶν om. F, uulgo. 13. τοσοντο F. Pro signo ⁶ (u. p. 4 not.) hic, ut saepius, hoc signo utitur F: 7 (in mg. semel adposito). Lineis 15—17 in mg. F adponitur ÷.

eodem cono. itaque etiam hemisphaerium aequale est cono basim habenti circulum circum diametrum $Z\Theta$ descriptum, altitudinem autem ΔN .

I p. 252, 7—10: sed est $AP \times P\Gamma > AK \times K\Gamma$, quia minus latus minore latere alterius rectanguli maius habet] nam supra [p. 226, 18 sq.] dictum est, si linea in partes inaequales in duobus punctis diuidatur, rectangulum comprehensum partibus sectione puncto medio propiore effectis maius esse rectangulo comprehenso partibus sectione remotiore effectis. hoc uero idem est, ac si dicimus, [rectangulum] minus latus minore latere alterius maius habere. nam quo minus [latus] est, eo plus sectio a puncto medio distat.

I p. 252, 10 - p. 254, 1: est autem
$$AP^2 = AK \times \Gamma \Xi$$
;

est enim $= \frac{1}{2}AB^2$] nam si ducitur $B\Gamma$, erit, quia in triangulo rectangulo ab angulo recto perpendicularis ducta est BK, et trianguli ad perpendicularem positi toti similes sunt [Eucl. VI, 8] $\Gamma A \times AK = AB^2$. quare etiam $\frac{1}{2}\Gamma A \times AK = \frac{1}{2}AB^2$, h. e. $\Gamma \Xi \times AK = AP^2$.

I p. 254, 1-2: itaque etiam

 $AP \times P\Gamma + AP^2 > AK \times K\Gamma + AK \times \Gamma\Xi$] nam quoniam

 $AK \times \Gamma \Xi = AP^2$ et $AP \times P\Gamma > AK \times K\Gamma$; et si inaequalibus aequalia adduntur, summae inaequa-

¹⁾ Commodius sequitur ex prop. 2 libri secundi de sph. et cyl.; nam AN: AE = 2: 1 = HE: HA.

^{19.} $\tau \varrho \iota \gamma \omega \nu \omega$ F. $\epsilon \tilde{\iota} \nu \alpha \iota$ $\hat{\alpha} l l \dot{\eta} l o \iota \varsigma$ $\tau \epsilon$ $\iota \alpha l$ $\tau \tilde{\omega}$ Torellius; sed u. p. 223 not. 1. 20. $\gamma (\nu \epsilon \tau \alpha \iota)$ $\gamma \alpha \varrho$ per comp. F, uulgo; $\tilde{\alpha} \varrho \alpha$ Torellius. 26. $\tau \tilde{\omega}$ $\tilde{\alpha} \dot{n} \tilde{\sigma}$ AP] om. F; corr. Cr., ed. Basil. $\tau \tilde{\omega}$ $\tilde{\omega} \dot{n} \tilde{\sigma}$ $\tau \tilde{\sigma}$ $\tau \tilde{\sigma}$ $\tau \tilde{\sigma}$

ΑΡΓ προστεθέντος τοῦ ἀπὸ ΑΡ, τῷ δὲ ὑπὸ ΑΚΓ τοῦ ὑπὸ ΑΚ, ΓΞ μείζον γίνεται τὸ ὑπὸ ΑΡΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΡ τοῦ ὑπὸ ΑΚΓ μετὰ τοῦ ὑπὸ ΑΚ, ΓΞ.

ἀλλὰ τὸ ὑπὸ ΑΡΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΡ ἴσον γίνεται τοῦ ὑπὸ ΓΑΡ διὰ τὸ δεύτερον θεώρημα τοῦ δευτέρου βιβλίου τῆς στοιχειώσεως, τὸ δὲ ὑπὸ ΑΚΓ μετὰ τοῦ ὑπὸ ΑΚ, ΓΞ ἴσον τῷ ὑπὸ ΑΚ, ΚΞ διὰ τὸ πρῶτον θεώρημα τοῦ αὐτοῦ βιβλίου. ὧστε τὸ ὑπὸ ΓΑΡ μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΑΚΞ.

10 Τῷ δὲ ὑπὸ τῶν ΞΚΑ ἴσον ἐστὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΜΚΓ] ὑπόκειται γάρ, ὡς ἡ ΞΓ πρὸς ΓΚ, ἡ ΜΑ πρὸς ΑΚ΄ ὥστε καὶ συνθέντι, ὡς ἡ ΞΚ πρὸς ΚΓ, οὕτως ἡ ΜΚ πρὸς ΚΑ. καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΞΚΑ ἴσον 15 ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΜΚΓ. ἀλλὰ τοῦ ὑπὸ τῶν ΞΚΑ μεῖζον ἦν τὸ ὑπὸ ΓΑΡ. καὶ τὸ ὑπὸ ΓΑΡ ἄρα μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΜΚΓ.

Όστε μείζονα λόγον ἔχει ἡ ΑΓ ποὸς ΓΚ, ἤπεο ἡ ΜΚ ποὸς ΑΡ] ἐπεὶ γὰο τέσσαρες εὐθεῖαί 20 εἰσιν αὶ ΓΚ, ΚΜ, ΓΑ, ΑΡ, καὶ τὸ ὑπὸ πρώτης τῆς ΓΑ καὶ τετάρτης τῆς ΑΡ μείζον ἐστι τοῦ ὑπὸ δευτέρας τῆς ΜΚ καὶ τρίτης τῆς ΚΓ, ἡ πρώτη ἡ ΓΑ πρὸς δευτέραν τὴν ΜΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπεο ἡ τρίτη ἡ ΚΓ πρὸς τετάρτην τὴν ΑΡ. καὶ ἐναλλὰξ η 25 ΓΑ πρὸς ΚΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπεο ἡ ΜΚ πρὸς ΑΡ. ὑν δὲ λόγον ἔχει ἡ ΑΓ πρὸς ΓΚ, τοῦτον

^{2.} γίνεται] γας εστι per compp. F; corr. B. τό] του per comp. F; corr. B. 3. ὑπὸ ΛΚΓ] απο ΚΓ FB. 4. γίνεται] γας εστι per compp. F; corr. AB. 5. δεύτεςον] τςίτον Torellius. 10. τό] τα F; corr. Torellius. 14. ἐστί] per comp. F. 15. τοῦ] το F. 16. τό] (prius) τω F. ΓΛΡ] ΛΓΡ bis FCD. Lin. 18—19, 26 sine signo F. 19. τέσσαςες] alterum

les sunt, et maius id, quod a principio maius erat, erit, si rectangulo $AP \times P\Gamma$ additur AP^2 , et rectangulo $AK \times K\Gamma$ rectangulum $AK \times \Gamma\Xi$,

$$AP \times P\Gamma + AP^2 > AK \times K\Gamma + AK \times \Gamma \Xi$$

uerum $AP \times P\Gamma + AP^2 = \Gamma A \times AP$ propter theorema II secundi libri elementorum [Eucl. Π , 3], et $AK \times K\Gamma + AK \times \Gamma\Xi = AK \times K\Xi$ propter theorema I eiusdem libri [Eucl. II, 1]. itaque

$$\Gamma A \times AP > AK \times K\Xi^{1}$$

I p. 254, 3—4: sed $MK \times K\Gamma = \mathbb{Z}K \times KA$] nam supponitur, esse

 $\Xi\Gamma:\Gamma K=MA:AK$ [I p. 250, 23-24]. quare etiam componendo $\Xi K:K\Gamma=MK:KA$. et rectangulum terminis extremis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso. itaque

$$\Xi K \times KA = MK \times K\Gamma$$
.

sed $\Gamma A \times AP > \Xi K \times KA$. quare etiam $\Gamma A \times AP > MK \times K\Gamma$.

I p. 254, 5—7: quare $\Gamma A: \Gamma K > MK: AP$] nam quoniam quattuor sunt lineae ΓK , KM, ΓA , AP, et rectangulum prima et quarta comprehensum maius est

rectangulum prima et quarta comprehensum maiu rectangulo secunda et tertia comprehenso, h. e.

$$\Gamma A \times AP > MK \times K\Gamma$$

prima ad secundam maiorem rationem habet, quam tertia ad quartam [p. 226, 24 sq.], h. e.

 $\Gamma A: MK > K\Gamma: AP$; et uicissim $\Gamma A: K\Gamma > MK: AP$.

I p. 254, 7-8: sed $A\Gamma: \Gamma K = AB^2: BK^2$] ducta

¹⁾ Cfr. I p. 254, 2-3.

σ supra scriptum manu 1 F. 20. ΓΚ] ΓΑ Torellius. ΓΑ, ΓΚ Torellius.

έχει τὸ ἀπὸ τῆς ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΒΚ] ἐπιξευχθείσης γὰρ τῆς ΒΓ διὰ τὸ ἐν ὀρθογωνίφ τριγώνφ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς κάθετον εἶναι τὴν ΒΚ γίνεται, ὡς ἡ ΑΓ πρὸς ΓΒ, ἡ ΒΓ πρὸς ΓΚ. καὶ διὰ τοῦτο, ὡς ἡ ὁ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, τουτέστιν ἡ ΑΓ πρὸς ΓΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΒ. ὡς δὲ τὸ ἀπὸ τῆς ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΒ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ. ὅμοιον γὰρ τὸ ΑΒΚ τῷ ΑΒΓ. ἔστιν ἄρα καί, ὡς ἡ ΑΓ πρὸς ΓΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΒ 10 πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ.

ή δὲ ΑΓ πρὸς ΓΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΜΚ πρὸς ΑΡ. καὶ τὸ ἀπὸ ΑΒ ἄρα πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΜΚ πρὸς ΑΡ. καὶ τῶν ἡγουμένων τὰ ἡμίση, τὸ ῆμισυ τοῦ ἀπὸ ΑΒ, ὅπερ ἐστὶ τὸ 15 ἀπὸ ΑΡ, πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ἡμίσεια τῆς ΜΚ πρὸς τὴν ΑΡ, τουτέστιν ἡ ΜΚ πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς ΑΡ. ἀλλὰ τῷ ἀπὸ ΑΡ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ ΖΛ, ἐπειδὴ ἡ μὲν ΑΒ τῆ ΕΖ ὑπόκειται ἴση, ἡ δὲ ΕΖ τῆς ΖΛ δυνάμει διπλῆ· ἴση γὰρ ἡ ΕΛ 20 τῆ ΛΖ. τῆς δὲ ΑΡ διπλασία ἡ ΝΛ, ἐπεὶ καὶ τῆς ΛΖ. ῶστε τὸ ἀπὸ ΖΛ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΜΚ πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς ΑΡ, ῆ ἐστιν ἴση τῆ ΛΝ.

Μείζονα ἄρα λόγον ἔχει καὶ ὁ κύκλος ὁ περὶ 25 διάμετρον τὴν ΘΖ πρὸς τὸν κύκλον τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΒΔ, ἥπερ ἡ ΜΚ πρὸς ΝΔ. ὥστε μείζων ἐστὶν ὁ κῶνος ὁ βάσιν μὲν ἔχων τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΖΘ κύκλον, κορυφὴν δὲ τὸ Ν σημεῖον τοῦ κώνου τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος

Lin. 1 sine signo F. 1. BK] TK F, valgo; TB A, ed. Basil.; "bc" Cr.; corr. Torellius. 2. dodowata] -do- supra.

enim linea $B\Gamma$ erit, quia in triangulo rectangulo ab angulo recto perpendicularis est BK,

 $A\Gamma: \Gamma B = B\Gamma: \Gamma K$ [Eucl. VI, $8\pi \delta \varrho$.]. itaque $A\Gamma: \Gamma K = A\Gamma^2: \Gamma B^2$ [Eucl. V def. 10]. uerum $A\Gamma^2: \Gamma B^2 = AB^2: BK^2$. nam $ABK \sim AB\Gamma$. itaque etiam $A\Gamma: \Gamma K = AB^2: BK^2$.

sed $A\Gamma: \Gamma K > MK: AP$. quare etiam $AB^2: BK^2 > MK: AP$.

et sumptis dimidiis antecedentium erit $\frac{1}{2}AB^2 : BK^2$, h. e. $AP^2 : BK^2 > \frac{1}{2}MK : AP$, h. e. $> MK : 2AP^1$) sed $ZA^2 = AP^2$, quoniam suppositum est, esse

AB = EZ, et $EZ^2 = 2ZA^2$;

nam EA = AZ. et NA = 2AP, quia NA = 2AZ. itaque $ZA^2 : BK^2 > MK : 2AP$,

h. e. $ZA^2: BK^2 > MK: AN$ [I p. 254, 11—12].

I p. 254, 12—18: quare etiam circulus circum diametrum $Z\Theta$ descriptus ad circulum circum diametrum $B\Delta$ descriptum maiorem rationem habet, quam

MK: NA.

quare conus basim habens circulum circum diametrum $Z\Theta$ descriptum, uerticem autem punctum N, maior est cono basim habenti circulum circum diametrum $B\Delta$

¹⁾ Cfr. I p. 254, 9-11.

scriptum manu 1 F. 3. ylvetal] yaq esti per compp. F; corr. BC. 8. τo ABK] τo and ABK F. 18. MK] MN F. AP] APK FVD. 19. $\tau \tilde{\eta} s$] $\tau \eta$ F; corr. Torellius. ZA] ZA FV(?). 20. AZ] (prius) AZ FV. NA] NMA FV. 25. Θ Z] $B\Theta$ Z FV. 26. $B\Delta$] BA FV.

τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΒΔ κύκλον, κορυφὴν δὲ τὸ Μ σημεῖον] ἐἀν γὰρ ποιήσωμεν, ὡς τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΖΘ κύκλον πρὸς τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΒΔ κύκλον, οῦτως τὴν ΚΜ πρὸς ἄλλην τινά, δ ἔσται πρὸς ἐλάσσονα τῆς ΛΝ. καὶ ἔσται ὁ κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΖΘ κύκλον, ῦψος δὲ τὴν εὐρεθείσαν ἐλάσσονα εὐθείαν ἴσος μὲν τῷ ΜΒΔ διὰ τὸ ἀντιπεπονθέναι τὰς βάσεις τοἰς ῦψεσιν, ἐλάττων δὲ τοῦ ΝΘΖ διὰ τὸ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως 10 ὅντας πρὸς ἀλλήλους εἶναι ὡς τὰ ῦψη. δῆλον οὖν, ὅτι καὶ τὸ ἡμισφαίριον τὸ κατὰ τὴν ΕΖΘ περιφέρειαν μεῖζόν ἐστι τοῦ τμήματος τοῦ κατὰ τὴν ΔΒΔ περιφέρειαν.

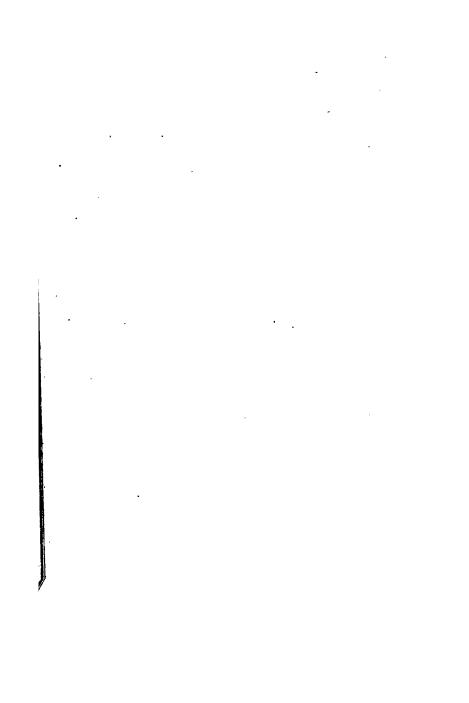
Εὐτοκίου 'Ασκαλωνίτου ὑπόμνημα εἰς τὸ δεύτερον 15 τῶν 'Αρχιμήδους περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου ἐκδόσεως παραναγνωσθείσης τῷ Μιλησίῳ μηχανικῷ 'Ισιδώρῳ ἡμετέρῳ διδασκάλῳ.

^{2.} M] N F, sed expunxit manus 1 et supra scripsit M.
5. AN] AN F. 9. NΘZ] NΘZ F, Cr. 13. AB Δ] EZΘ FVA 16. παραναγνωσθεσης F. μηλησιω F. ισηδωρω F; corr. Torellius, Cr. In fine legitur hoc epigramma in F, cett. codd., ed. Basil., ed. Torellii (om. Cr.):

Εὐτοκίου πινυτοῦ γλυκερὸς πόνος, ὅν ποτ' ἐκείνος γράψεν τοις φθονεροίς πολλάκι μεμψάμενος (sic F).

descriptum, uerticem autem punctum M] nam si fecerimus, ut sit, ut circulus circum diametrum $Z\Theta$ descriptus ad circulum circum diametrum $B\Delta$ descriptum, ita KM ad aliam lineam, erit ad lineam minorem linea ΔN [Eucl. XII, 2; V, 8]. et conus basim habens circulum circum diametrum $Z\Theta$ descriptum, altitudinem autem lineam illam minorem aequalis erit cono $MB\Delta$, quia bases in contraria proportione altitudinum sunt [de sph. et cyl. I lemm. 4 p. 82], sed $< N\Theta Z$, quia, cum in eadem basi sint, eam inter se rationem habent, quam altitudines [I lemm. 1 p. 80]. adparet igitur, etiam hemisphaerium in ambitu $EZ\Theta$ positum maius esse segmento in $B\Delta\Delta$ ambitu posito [I p. 254, 18—20].

Eutocii Ascalonitae commentarius in secundum librum Archimedis de sphaera et cylindro editione recognita ab Isidoro mechanico Milesio magistro nostro.



EUTOCII COMMENTARIUS IN DIMENSIONEM CIRCULI.

Έχόμενον αν είη τὸν έμὸν πληφοῦντι σκοπὸν τοῖς σαφεστέροις καλ βραγυτέρας έπιστάσεως δεομένοις των ύπ' 'Αρχιμήδους γεγραμμένων έντυγχάνοντι καί τὰ όπωσοῦν ἐν αὐτοῖς ἐπεξεργασίας δεόμενα τὸν δυνατὸν 5 τρόπον συνεχή ποιείν τοίς πρότερον ύφ' ήμων έν τω περί σφαίρας και κυλίνδρου γεγραμμένοις εύχης ώς άληθώς άξίου τυγχάνοντος τοῦ καὶ τοῖς μείζοσι καὶ πλείονος φροντίδος δεομένοις έπιστηναι. είη δ' αν ώς πρός τὸ προκείμενον έφεξης τὸ γεγραμμένον 'Αρχι-10 μήδει βιβλίδιον χύχλου μέτρησιν τὴν ἐπιγραφὴν ἔγον, έν ῷ τὴν πρόθεσιν τάνδρὸς έξ αὐτῆς τῆς ἐπιγραφῆς γνωρίζομεν. βούλεται γὰρ ἐπιδεῖξαι, τίνι χωρίω εὐθυγράμμω ίσος αν είη κύκλος, πραγμα πάλαι πρός τῶν πρὸ αὐτοῦ κλεινῶν φιλοσόφων ἐζητημένον. δῆλον 15 γάρ, δτι τουτί ἂν είη τὸ ζητούμενον, δπερ Ίπποκράτης τε ὁ Χῖος καὶ Αντιφών ζητήσαντες ἐπιμελώς ἐκείνους ήμιν τούς παραλογισμούς εύρήκασιν, ούς άκριβῶς είδέναι νομίζω τούς τε την Εὐδήμου γεωμετρικήν ίστορίαν ἐπεσκεμμένους καὶ τῶν Αριστοτελικῶν μετα-20 σχόντας κηρίων. άλλ' έστι μεν τοῦτο τὸ βιβλίον, ως

Ευτοκιου Ασκαλωνιτου υπομνημα εις την Αοχιμηδους του κυκλου μετρησιν \mathbf{F} . 6. εύχης ως] έξισώσεως Wurm. 7. τυγχάνοντος] syll. -αν uidetur correctum in \mathbf{F} . 14. εξητημενον \mathbf{F} . 18. Mg. ευδημος \mathbf{F} .

Consentaneum, opinor, mihi erit institutum meum persequenti, sicubi in scriptis Archimedis in ea incidero, quae clariora sunt et breuiorem explicationem exposcant, quaecunque in iis elaborationem requirunt, quantum fieri possit, cum iis connectere, quae antea in opus de sphaera et cylindro scripsimus, cum re uera optandum sit, ut etiam in maioribus explicatuque difficilioribus [aliquando] uersari possimus.1) in eo igitur [codice], qui nobis est in manibus, proxime sequitur libellus ab Archimede scriptus, qui inscribitur circuli dimensio, in quo quid sibi ille proposuerit, ex ipso titulo comperimus. conatur enim demonstrare, cui spatio rectilineo aequalis sit circulus, rem iam diu ab philosophis claris, qui ante eum floruerant, quaeadparet enim, hoc illud esse, quod et Hippocrates Chius et Antiphon studiose quaerentes paralogismos nobis illos inuenerint, quos satis nouisse eos puto, qui historiam geometricam Eudemi²) inspexerint et ceria Aristotelica³) cognouerint. est autem, ut dicit

¹⁾ Locum difficillimum nunc ita intellego, quasi dicat Eutocius, se in facilioribus scriptis Archimedis explicandis ad commentarium in libros de sphaera et cyl. reuocare lectores, et, quae inde cognosci possint, omittere, quo celerius ad maiora et difficiliora contendat.

²⁾ Cuius hoc ipsum fragmentum seruauit Simplicius; Spengel: Eudemi fragm. p. 120 sq.; Bretschneider: Geom. vor Enkl. p. 100 sq.

p. 100 sq.
3) H. e. περί σοφιστ. έλέγχ. 11.

φησιν Ἡρακλείδης ἐν τῷ ᾿Αρχιμήδους βίῷ, πρὸς τὰς τοῦ βίου χρείας ἀναγκαῖον δείκνυσιν γάρ, ὅτι ἡ περιφέρεια τῆς διαμέτρου ἐστὶ τριπλασία καὶ ἔτι ὑπερέχει ἐλάττονι μὲν ἢ ἑβδόμῷ μέρει, μείζονι δὲ ἢ δέκα ἑβδομηκοστομόνοις. τοῦτο οὖν φησιν σύνεγγυς δεδεῖχθαι, εὑρῆσθαι μέντοι αὐτῷ διά τινων ἑλίκων εὐθείαν ἴσην τῆ δοθείση κύκλου περιφερεία.

Εἰς τὸ α΄ θεώρημα.

- 10 Τὸ πρῶτον θεώρημα καὶ τοῖς ἐπὶ ποσὸν μαθημάτων γυμνασαμένοις οὐθεμίαν ἔχον ζήτησιν φαίνεται αὐτῶν τῶν ᾿Αρχιμήθους ἡημάτων σαφῶς ἐκτεθειμένων καὶ τὸ συμπέρασμα πρὸς τὴν πρότασιν ἀνελλειπῶς ἀποσωζόντων.
- 15 δοκεί δέ τινι κατακεχρήσθαι πρὸς τὴν ἀπόδειξιν πράγματι μηδέπω δεδειγμένω. ἐκθέμενος γὰρ τρίγωνον ὀρθογώνιόν φησιν ἐχέτω τὴν μίαν τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν ἴσην τῷ ἐκ τοῦ κέντρου, τὴν δὲ λοιπὴν τῷ περιφερείᾳ. ἀλλὰ περιφερείᾳ κύκλου ἴσην εὐθεῖαν λα-20 βεῖν οὐδὲ πρὸς αὐτοῦ ἤδη δεδειγμένον εἶναι, ἀλλ' οὐδὲ ὑπ' ἄλλου παραδεδομένον. συνορᾶν δὲ ὅμως χρή, ὡς οὐδὲν ἔξω τῶν προσηκόντων ὑπ' Αρχιμήδους γράφεται. εἶναι γάρ τι μέγεθος τὴν περιφέρειαν τοῦ κύκλου παντί που δῆλον, οἶμαι, καὶ τοῦτο τῶν ἐφ' εν 25 διαστάτων. ἔστιν δὲ καὶ εὐθεῖα τοῦ αὐτοῦ εἴδους. καὶ εἰ μηδέπω οὖν ἐφάνη δυνατὸν περιφερεία κύκλου ἴσην εὐθεῖαν πορίσασθαι, ἀλλ' ὅμως εἶναί τινα τῷ

^{1.} Mg. ηφακλειδης F. 4. ἐλάττονι] scripsi; ελαττον F, uulgo. μείζονι] scripsi; μειζον F, uulgo. 19. περιφερεία (alt.)] περιφερείαι F V (?); τῆ περιφερεία uulgo. λαβ cum comp. ην uel ιν F. 21. όμ cum comp. ως F. 23. είναι] per comp. Ε. 26. καί] scripsi cum Knochio; καν F, uulgo.

Heraclides in uita Archimedis, hic liber ad uitae usum necessarius. ostendit enim, ambitum triplo maiorem esse diametro et insuper excedere spatio, quod minus est quam $\frac{1}{7}$, maius autem quam $\frac{1}{7}$. hoc igitur dicit adpropinquando demonstratum esse, inuenisse uero eum per spirales quasdam lineas lineam rectam dato ambitui circuli aequalem.¹)

In theorema I.

Primum theorema iis, qui uel aliquatenus in mathematicis uersati sint, nullam praebere haesitationem constat, cum ipsa uerba Archimedis et dilucide exposita sint et constructionem cum proposito plane congruentem seruent.

cuidam autem uidetur ad demonstrationem re nondum demonstrata abusus esse. supposito enim triangulo: habeat, inquit [I p. 258, 5] alterum latus eorum,
quae angulum rectum comprehendunt, radio aequale,
alterum ambitui. uerum recta linea ambitui circuli
aequalis quo modo sumenda sit, neque ab ipso antea
demonstratum esse neque ab alio quoquam praeceptum. tamen intellegendum est, nihil inepti ab Archimede scriptum esse. nam ambitum circuli magnitudinem quandam esse et id quidem ex iis, quarum una
tantum sit dimensio, inter omnes, opinor, constat.
uerum etiam linea recta eiusdem generis est. itaque
etiam si nondum cognitum esset, fieri posse, ut linea

περὶ ἐλίκων prop. 18. cfr. Quaest. Arch. p. 29 not. 2.

φύσει εύθεζαν ζόην αύτὸ πρὸς οὐδενός έστι ζητούμενον. τὸ τοίνυν [καί] πρὸς 'Αρχιμήδους προτεθέν τοιοῦτόν ἐστιν. ὅτι τὸ τρίγωνον τὸ ὀρθογώνιον τὸ ἔχον, ώς προείρηται, τὰς πλευράς ἴσον έστὶ τῷ κύκλω. ώστε 5 τὸ προτεθεν έκθέμενος οὐδεμιᾶς ἂν καταχρήσεως κρίνοιτο, θαυμαστός δ' αν μαλλον κάν τούτοις δόξειεν τοις ούτως ύπερμεγέθεσιν των ζητημάτων σαφή καλ δαδίαν την ευρησιν επιτιθείς. ώς δε εξρηται, οὐδεμιᾶς δεζ ζητήσεως τῷ πρώτῳ θεωρήματι. τὸ γὰρ ΠΟΡ 10 τρίγωνον ὅτι μεζζόν ἐστιν ἢ τὸ ἣμισυ τοῦ ΑΖΟΜ σχήματος, καὶ ὅτι ἀπλῶς περὶ τὸν δοθέντα κύκλον δυνατὸν εὐθύγραμμον περιγράψαι ώστε τὰ τμήματα τὰ μεταξύ τῶν τοῦ κύκλου περιφερειῶν καὶ τῶν πλευρών τοῦ περιγραφομένου εὐθυγράμμου έλάττονα εἶναι 15 τοῦ δοθέντος χωρίου, σαφώς εξρηται έν τοῖς εἰς τὸ πρώτον τών περί σφαίρας και κυλίνδρου γεγραμμένοις ήμῖν.

Εἰς τὸ γ' θεώρημα.

Έν τούτφ τῷ θεωρήματι συνεχῶς ἐπιταττόμεθα 20 τοῦ δοθέντος ἀριθμοῦ τὴν τετραγωνικὴν πλευρὰν εύρεῖν. τοῦτο δὲ ἀκριβῶς μὲν εύρεῖν ἐπὶ ἀριθμοῦ μὴ ὄντος τετραγώνου ἀδύνατον. ἀριθμὸς μὲν γὰρ ἐφ' ἑαυτὸν πολλαπλασιαζόμενος ποιεῖ τινα τετράγωνον ἀριθμόν, ὁ ἀριθμὸς δὲ καὶ μόριον ἐφ' ἑαυτὰ γενό-25 μενα οὐκέτι ἀριθμὸν ποιεῖ πλήρη, ἀλλὰ καὶ μόριον.

^{1.} αὐτό] αὐτή ed. Basil., Torellius. 2. καί] per comp. F; deleo ut dittographiam uocabuli πρός. 5. ουδεμι cum comp. ας F. 6. θαυμαστός] Wurm, Knoche; θαυματος F, nulgo; θαυμάσιος Wallis. 9. δεί] scripsi; om. F, nulgo; similia (δείται, nel ὡς δ' ἐνδείται in. 8) Knochio in mentem uenisse nunc comperio. 21. ευς (bis) cum comp. ην nel ω

recta ambitui circuli aequalis inueniretur, at tamen hoc ipsum nemini dubium est, re ipsa exstare lineam quandam aequalem. itaque quod Archimedes proposuit, huiusmodi est, triangulum rectangulum latera habentem, qualia diximus, aequalem esse circulo. quare nullius in proposito exponendo abusus argui poterit, sed potius hic quoque admirandus uidebitur, quod quaestiones tam ingentes tam perspicua et facili inueniendi ratione resoluerit. sed uti diximus, in primo theoremate nulla opus est haesitatione. triangulum HOP maiorem esse dimidia parte figurae AZOM [I p. 260, 11-12], et omnino fieri posse, ut circum datum circulum figura rectilinea circumscribatur, ita ut segmenta inter ambitus circuli et latera figurae rectilineae circumscriptae comprehensa minora sint spatio dato1), perspicue a nobis expositum est in iis, quae in primum librum de sphaera et cylindro scripsimus [u. supra p. 32].

In theorems III.

In hoc theoremate adsidue radicem quadratam dati numeri inuenire iubemur. in numero autem non quadrato hoc exacte inueniri nequit. nam numerus in se ipsum multiplicatus numerum quadratum efficit, numerus uero et fractio in se ipsa multiplicata non iam numerum plenum efficiunt, sed etiam fractionem.

¹⁾ Uol. I p. 258, 9—10; cfr. omnino I p. 259 not. 4; 261 not. 2.

F. 24. ὁ ἀριθμός] οσ (h. e. ὁ ς) F; corr. Wallis. γενόμενα] γινόμενα Wallis, Tòrellius, Knoche.

οπως δε δει σύνεγγυς την δυναμένην πλευφάν τον δοθέντα άφιθμον εύφειν, είφηται μεν Ήφωνι εν τοις μετρικοίς, είφηται δε Πάππω και Θέωνι και ετέφοις πλείοσιν έξηγουμένοις την μεγάλην σύνταξιν τοῦ Κλαυδίου Πτολεμαίου. ώστε οὐδεν ήμᾶς χρη περί τούτου ζητειν έξον τοις φιλομαθέσιν έξ έκείνων άναλέγεσθαι.

Καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΖ τρίτον ὀρθῆς] ἐὰν γὰρ τὴν τοῦ έξαγώνου περιφέρειαν διχοτομήσαντες καὶ τὸ ῆμισυ αὐτῆς πρὸς τῷ Γ ἀπολαβόντες ἐπιζεύξωμεν τὴν ΕΖ, 10 ἔσται ἡ ὑπὸ ΓΕΖ τρίτον ὀρθῆς. ἡ γὰρ πρὸς τῷ Γ ἀποληφθείσα περιφέρεια ἡμίσεια οὖσα τῆς τοῦ έξαγώνου δωδέκατόν ἐστι τοῦ κύκλου. ὅστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΖ γωνία πρὸς τῷ κέντρῳ οὖσα δωδέκατόν ἐστι τῶν τεσσάρων ὀρθῶν. τρίτον ἄρα ὀρθῆς.

25 $\stackrel{\cdot}{H}$ δ $\stackrel{\cdot}{\delta}$ $\stackrel{\cdot}{E}$ $\stackrel{\cdot}{\Gamma}$ προς $\stackrel{\cdot}{\Gamma}$ $\stackrel{\Gamma$

^{1.} την σύνεγγυς δυναμένην mauult Wallis. 4. πλειωσιν F; corr. Wallis. 3-5. mg. F: ηρωνοσ παππος θεωνοσ. 6. εξων F; corr. BCD. 7. τριτ cum comp. ov F; corr. AB. 9. Γ] τριτω F; corr. Wallis. 10. έσται] per comp. F. τριτ cum comp. ov F; corr. B. τῷ] το F; corr. Wallis. 13. πρός] om. F. 14. τριτ cum comp. ov F; corr. AB. ορθη

quo modo autem adpropinquando radix quadrata dati numeri inuenienda sit, dictum est ab Herone in metricis, ab Pappo, Theone¹), compluribus aliis, qui magnam syntaxim Claudii Ptolemaei interpretati sunt. quare nos nihil adtinet de hac re quaerere, cum studiosis liceat ex illis conquirere.

I p. 264, 2—3: et $\angle \Gamma EZ$ tertia pars recti] nam si arcu hexagoni in duas partes aequales diuiso et dimidia parte eius ad Γ posita lineam EZ duxerimus, erit $\angle \Gamma EZ$ tertia pars recti. nam arcus ad Γ positus, qui dimidia pars est arcus hexagoni, duodecima pars est circuli. quare etiam angulus ΓEZ , qui ad centrum positus est, duodecima pars est quattuor rectorum, h. e. tertia pars recti.

I p. 264, 3-4: itaque $EZ: Z\Gamma = 306: 153$] esse $EZ = 2Z\Gamma$ sic adparet: si enim, producta linea $Z\Gamma$ ad punctum Γ uersus et posita linea ei aequali, [ad terminum huius] ab E [lineam] duxerimus, constructur ad E angulus, qui duabus partibus recti aequalis erit. sed etiam angulus ad Z positus aequalis est duabus partibus recti. itaque ΓEZ dimidium est trianguli aequilateri. et quia basis trianguli aequilateri, quae aequalis est lineae EZ, in Γ in duas partes aequales diuiditur, erit $EZ = 2Z\Gamma$.

I p. 264, 4-5: sed $E\Gamma: \Gamma Z = 265:153$] nam

¹⁾ Comm. in Ptolem. p. 44 sq. (ed. Basil.). cetera scripta, ad quae ab Eutocio reuocamur, hodie interciderunt.

F; corr. BC. 17. Γ] M ed. Basil., Torellius, Wallis, Knoche; "in c" Cr. 18. ἐπιθέμενοι susp. Wallis. 19. Γ] M ed. Basil., Wallis, Torellius. ἡ πρός τῷ Γ ad ἔστιν δὲ καὶ λία. 20 delet Wurmius. διμοιρ cum comp. ov F; corr. Wallis, ut lin. 20, 21. 25. μείζονα λόγον ἔχει ἤ Wallis.

έαυτὰ πολυπλασιάσωμεν, γενήσεται Μ.γχλς'. ή δὲ ΓZ έστι $arrho
u \gamma'$ · ωστε τὸ ἀπ' αὐτῆς ἔσται $\stackrel{\iota'}{M}
u
u
v'$. έπει οὖν τὸ ἀπὸ ΕΖ ἴσον έστι τοῖς ἀπὸ ΕΓ, ΓΖ, έὰν ἀπὸ τοῦ ἀπὸ ΕΖ ὅντος Μγχλς ἀφέλωμεν τὸ 5 ἀπὸ ΓΖ ὑπάρχου Μ΄ γυθ΄ καταλειφθήσεται τὸ ἀπὸ $E\Gamma$ Μσκζ', ὧν πλευρὰ τετραγωνική σξέ καὶ ἔτι μόριον έλάχιστον καὶ ἀνεπαίσθητον λείπεται γὰρ ἡ τῶν σξε΄ δύναμις τῆς ἀκριβοῦς μονάσιν β΄. οί δὲ πολλαπλασιασμοί ὑπόκεινται.

Μσκζ΄

Τετμήσθω οὖν ἡ ὑπὸ ΖΕΓ δίχα τῆ ΕΗ. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΖΕ πρὸς ΕΓ, ἡ ΖΗ πρὸς ΗΓ διὰ τὸ τρίτον θεώρημα τοῦ έκτου βιβλίου τῆς Εὐκλείδου στοιχειώσεως. καί συνθέντι, ώς συναμφότερος ή ΖΕ, $E\Gamma$ πρὸς $E\Gamma$, ἡ $Z\Gamma$ πρὸς ΓH . καὶ ἐναλλάξ, ὡς . 15 συναμφότερος ή ΖΕ, ΕΓ πρός ΖΓ, ή ΕΓ πρός

^{1.} πολλαπλασιάσωμεν tacite Wallis, al. columnae 1 lin. 4: α] δ F; corr. B. 5. δμοῦ] semper per comp. μ uarie formatum F. col. 2 lin. 4: v'] vy F; corr. ed. Basil. (quae pro toto numero posuit $\xi_{\mathcal{X}}v'$, sicut lin. 5: $vv\vartheta'$). 5. τ] τ F; corr. B. col. 3 lin. 2: ege F; corr. B manu 2. Lin. 6, ubi pro όμου scriptum est Θ, in F cum col. 3 lin. 1 conjungitur, col. 3,7

quoniam supponitur $EZ = 306^{\circ}$), erit $EZ^2 = 93636$. sed $\Gamma Z = 153$; quare $\Gamma Z^2 = 23409$. quoniam igitur $EZ^2 = E\Gamma^2 + \Gamma Z^2$ [Eucl. I, 47], si ab EZ^2 siue 93636 abstulerimus ΓZ^2 siue 23409, relinquetur

$$E\Gamma^2 = 70227,$$

quorum latus quadratum est 265 et praeterea fractio minutissima et quasi insensilis. nam 265² duabus unitatibus minus est uero quadrato. multiplicationes autem subiecimus:

EZ 306	ZΓ 153	265
× 306	× 153	~ 265
91800	15300	40000)
1836	5000)	12000 }
summa 93636	2500 }	1000
	150	12000)
	. 300 j	3600 }
	159	300
	summa 23409	1325
		summa 70225

reliquum est $E\Gamma^2$ = 70227.

itaque duabus unitatibus minus est uero.

iam secetur $\angle ZE\Gamma$ in duas partes aequales linea EH. est igitur $ZE:E\Gamma=ZH:H\Gamma$ [I p. 264, 5—6] propter theorema tertium sexti libri elementorum Euclidis. et componendo $ZE+E\Gamma:E\Gamma=Z\Gamma:H\Gamma$, et uicissim $ZE+E\Gamma:Z\Gamma=E\Gamma:\Gamma$ [I p. 264, 7—8].

¹⁾ Hoc non proprie supponitur; sed u. Quaest. Arch. p. 48.

Archimedes, ed. Heiberg. III.

ΓΗ. συναμφότερος δὲ ἡ ΕΖ, ΕΓ μείζων ἐστὶν ἤπερ φοα΄. ἡ μὲν γὰρ ΖΕ ὑπόκειται τς΄, ἡ δὲ ΕΓ σξε΄ καὶ ἔτι μορίου τινός ὅστε μείζονές εἰσι τῶν φοα΄ ἡ δὲ ΖΓ ἐστι ρνγ΄. συναμφότερος ἄρα ἡ ΖΕ, ΕΓ 5 πρὸς ΖΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ φοα΄ πρὸς ρνγ΄, ῶστε καὶ ἡ ΕΓ πρὸς ΗΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ φοα΄ πρὸς ρυγ΄.

Ἡ ΗΕ ἄρα πρὸς ΗΓ δυνάμει λόγον ἔχει, ὅν

λδ
Μ θυν΄ πρὸς Μ γυθ΄] συναχθήσεται δὲ τοῦτο οὕτως.

10 ἐπεὶ γὰρ δέδεικται ἡ ΕΓ πρὸς ΓΗ μείζονα λόγον
ἔχουσα, ἤπερ φοα΄ πρὸς ρνγ΄, εἴ τις ὑποθοῖτο τὴν
μὲν ΕΓ φοα΄, τὴν δὲ ΓΗ ρνγ΄, ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ ΕΓ
Μ ξμα΄, τὸ δὲ ἀπὸ ΓΗ Μ γυθ΄, συναμφότερα δὲ ἴσα
ὅντα τῷ ἀπὸ ΕΗ ἔσται Μ θυν΄. τούτων πλευρὰ τε-

ὄντα τῷ ἀπὸ ΕΗ ἔσται Μ ϑυν΄. τούτων πλευρὰ τε15 τραγωνικὴ $φ_{q}$ α΄ η΄΄ ἔγγιστα ἐλλείπει γὰρ ὁ ἀπὸ τοῦ $φ_{q}$ α΄ η΄΄ τετράγωνος εἰς τὸ ἀκριβὲς $μ^0$ κα΄ ξ'ιε΄΄ ἔγγιστα. ἡ ἄρα ΕΗ πρὸς ΗΓ δυνάμει μὲν λόγον ἔχει, ὃν M, θυν΄ πρὸς M, γυθ΄, μήκει δέ, ὃν $φ_{q}$ α΄ η΄΄ ἔγγιστα πρὸς ρυγ΄. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται .

ή ΕΓ φοα΄ ἐπὶ φοα΄	ή ΗΓ ουγ΄ έπὶ ουγ ΄	φ ςα΄ η΄΄ ἐπὶ φ ς α΄ η΄΄
×e γ M M ,ε φ'	Μετ΄	χε δ ΜΜ,εφξβ' L''
M΄,ε,δ Ώ, ο΄ φο α΄	έ,βφον' τονθ΄	$\stackrel{\circ}{M}_{,arepsilon}$ η $arrho$ $arphi$ $arphi$ $arrho$
δμοῦ Μ΄ς μα΄	όμοῦ Μηνθ΄	ξβ' L'' ια' δ'' η'' ξ δ''
έκ τούτων συνάγεται λδ ΕΗ Μ _, θυν΄.	τὸ ἀπὸ	όμοῦ Μ΄ θυκή 'L'' δ'' ξδ' ἐλλείπει ἄρα τοῦ ἀκριβοῦς μοκα' ς'' ιε'' ἔγγιστα.

^{3.} μόριον τινος Wurm. μείζονές] μειζον Ε; corr. Knoche.

sed $EZ + E\Gamma > 571$. nam supponitur ZE = 306, $E\Gamma = 265$ cum fractione quadam; quare

$$ZE + E\Gamma > 571$$
.

sed $Z\Gamma = 153$. itaque $ZE + E\Gamma : Z\Gamma > 571 : 153$. itaque etiam $E\Gamma: H\Gamma > 571:153$.

I p. 264, 9-10: itaque

$$HE^2: H\Gamma^2 = 349450: 23409$$

hoc ita concludi potest: quoniam demonstratum est $E\Gamma: \Gamma H > 571:153$, si posuerimus $E\Gamma = 571$, $\Gamma H = 153$, erit $E \Gamma^2 = 326041$, $\Gamma H^2 = 23409$, et $E\Gamma^2 + \Gamma H^2 = EH^2 = 349450$. horum latus quadratum est 5914 proxime; nam (5914)2 unitatibus 214 15 proxime minus est uero. itaque

 $EH^2: H\Gamma^2 = 349450: 23409$.

et $EH: H\Gamma = 591\frac{1}{8}: 153$ proxime [I p. 264, 11]. multiplicationes autem subjectmus:

$E\Gamma$ 571	HΓ 153	591 1
\times 571	× 153	× 591 [°] 8
250000)	15300	250000)
35500 }	5000)	455621
35000)	2500 }	·45000)
4970	150	8190 }
571	300)	114)
summa 326041	159∫	591 1
,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	summa 23409	$62\frac{1}{2}$
ex his componitur		11\(\frac{1}{4}\)\(\frac{1}{6}\)\(\frac{1}{64}\)\(\frac{1}{6}\)
cy mis combonitat	1311 — 343400	summa 349428½ ¼ ¼ 64

minus igitur est uero unitatibus 211 15 proxime.

^{8.} μείζονα λόγον έχει η Wallis. 14. δυν] v om. F. EH] EΓ FV Cr. μείζονα λόγον έχει η Wallis. 18. μείζονα η δν Wallis, deleto έγγιστα. col. 1, 4: σ'] om. F; corr. ed. Basil. col. 2, 4: εβ] επ F; corr. B. 5. τ \ η F; corr. B. col. 3, 3: L''] ζ' in rasura F; corr. ed. Basil. 6. L'' \ ζ' F; corr. ed. Basil., ut lin. 7. 7. 37 # F. col. 1, 8: vv' xv' F.

mg, F.

Πάλιν δίχα ἡ ὑπὸ ΗΕΓ τῷ ΘΕ. διὰ τὰ αὐτὰ ἄρα ἡ ΕΓ πρὸς ΓΘ μείζονα λόγον ἔχει ἢ, ὃν αρξβή" πρὸς ρυγ] γίνεται γὰρ διὰ τὴν διχοτομίαν τῆς γωνίας, ὡς ἡ ΗΕ πρὸς ΕΓ, ἡ ΗΘ πρὸς ΘΓ. καὶ συν-5 θέντι, ὡς συναμφότερος ἡ ΗΕ, ΕΓ πρὸς ΕΓ, ἡ ΗΓ πρὸς ΓΘ. καὶ ἐναλλάξ, ὡς συναμφότερος ἡ ΗΕ, ΕΓ πρὸς ΗΓ, ἡ ΕΓ πρὸς ΓΘ. καὶ ἐστιν ἡ μὲν ΕΓ φοα καὶ ἔτι μορίου τινός, ἡ δὲ ΕΗ φρα ή" καὶ ἔτι μορίου τινός. μείζονες ἄρα εἰσὶν ἢ αρξβή". καὶ ἐστιν ἡ ΗΓ ρυγ΄. 10 συναμφότερος ἄρα ἡ ΗΕ, ΕΓ πρὸς ΗΓ μείζονα λόγον ἔχει ἤπερ αρξβή" πρὸς ρυγ΄.

'Η ΘΕ ἄρα πρὸς ΘΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ ον αροβη΄η΄΄ πρὸς ρυγ΄] ἐπεὶ γὰρ δέδεικται ἡ ΕΓ πρὸς ΘΓ μείζονα λόγον ἔχουσα ἤπερ αρξβ΄η΄΄ πρὸς 15 ρυγ΄, εἴ τις ὑποθοῖτο αὐτὰς οῦτως ἔχειν, ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ ΕΓ Μφλδ΄ '' ξδ΄΄, τὸ δὲ ἀπὸ ΓΘ Μ΄ γυθ΄. τὸ ἄρα ἀπὸ ΕΘ ἴσον ον τοῖς ἀπὸ ΕΓ, ΓΘ ἔσται μὰ Μ΄ γ λμγ΄ '' ξδ΄΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ αροβ΄η΄΄ ἔγγιστα. λείπεται γὰρ τῆς ἀπριβοῦς δυνάμεως τὸ ἀπ΄ 20 αὐτῆς μοξς΄... οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται·

^{1.} τη της FA. 2. ἄρα] scripsi; om. F, uulgo; cfr. I p. 264, 12. 3. α] comp. έσται F (d pro α). γίνεται] per comp. F. 8. μόριον (prius) Wurmius cum ed. Basil. (μορίον). η''] om. F; corr. Wallis. μόριον (alt.) Wurm. 9. μειζον cum comp. ος FA, Cr. η''] scripsi; om. FVD; ήπες uulgo. α] έσται per comp. F, ut lin. 11. 11. Post φν γ' addit Wallis: ἄστε καὶ ἡ ΕΓ πρὸς ΓΘ μείζονα λόγον έχει ήπες αρξβ'η'' πρὸς φν γ'. 13. δν α] οδ (comp. έσται) FV. 14. β] η F. 16. L'''] ε F; corr. B. 20. L'''] om. F; corr. Wallis. Μ΄

I p. 264, 11-13: rursus secetur eodem modo $\angle HE\Gamma$ linea $E\Theta$. propter eadem igitur erit

$$E\Gamma: \Gamma\Theta > 1162\frac{1}{8}:153$$
]

fit enim, quia angulus in duas partes aequales diuisus est, $HE: E\Gamma = H\Theta: \Theta\Gamma$ [Eucl. VI, 3]. et componendo $HE + E\Gamma: E\Gamma = H\Gamma: \Gamma\Theta$. et uicissim

$$HE + E\Gamma : H\Gamma = E\Gamma : \Gamma\Theta$$
.

et $E\Gamma = 571$ cum fractione quadam, $EH = 591\frac{1}{8}$ cum fractione altera quadam. quare

$$E\Gamma + EH > 1162\frac{1}{4}$$
.

et $H\Gamma = 153$. quare $HE + E\Gamma : H\Gamma > 1162\frac{1}{8} : 153$ [h. e. $E\Gamma : \Gamma @ > 1162\frac{1}{8} : 153$].

I p. 264, 13—15: quare $\Theta E : \Theta \Gamma > 1172\frac{1}{8} : 153$] nam quoniam demonstratum est

$$E\Gamma: \Theta\Gamma > 1162\frac{1}{8}: 153,$$

si posuerimus $E\Gamma: \Theta\Gamma = 1162\frac{1}{8}: 153$, erit

$$E\Gamma^2 = 1350534\frac{1}{2}\frac{1}{64}, \ \Gamma\Theta^2 = 23409.$$

itaque $E\Theta^2 = E\Gamma^2 + \Gamma\Theta^2 = 1373943\frac{1}{264}$, quorum latus quadratum est $1172\frac{1}{8}$ proxime. nam quadratum eius unitatibus $66\frac{1}{2}$ minus est uero quadrato. multiplicationes autem subiecimus:

ή ΕΓ ,α ο ξ β' η'' έπὶ ,α ο ξ β' η'' ή ΘΓ ονγ αροβ'η" έπι αροβη έπὶ ονγ MMM βοκε Ł ΜΜΜ βονε΄ Meτ εβφον MM Solf MM goif L τονθ΄ $M_{5}\gamma \chi Q \chi$ όμοῦ Μγυθ΄ β σομδ'δ" οκε'ιβ'ω"η ω" δ' δ' ξδ" פאב'וף ג"צ ג"ס"בס όμου Μη ωος ξδ" όμοῦ Μφλδ "ξδ" τὸ ἀπὸ ΕΘ ἴσον τοῖς ἀπὸ ΕΓ, ΓΘ έλλείπει ἄρα τοῦ ἀκριβοῦς μ°ξς L". έστι Μν Duy' L'' Ed''.

Έτι δίχα ἡ ὑπὸ ΘΕΓ τῆ ΕΚ. ἡ ΕΓ ἄρα πρὸς ΓΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ ὂν βτλδ΄ δ΄΄ πρὸς ρνγ΄] πάλιν γὰρ διὰ τὴν διχοτομίαν τῆς ὑπὸ ΘΕΓ γωνίας ἐστίν, ὡς ἡ ΘΕ πρὸς ΕΓ, ἡ ΘΚ πρὸς ΓΚ. καὶ συν-5 θέντι, ὡς συναμφότερος ἡ ΘΕ, ΕΓ πρὸς ΕΓ, ἡ ΘΓ πρὸς ΓΚ. ἐναλλάξ, ὡς συναμφότερος ἡ ΘΕ, ΕΓ πρὸς ΘΓ, ἡ ΕΓ πρὸς ΓΚ. καὶ ἐπεὶ δέδεικται ἡ ΘΕ ,αροβη΄΄ καὶ ἔτι μορίου τινός, ἡ δὲ ΕΓ ,αρξβ΄η΄΄ καὶ ἔτι μορίου τινός, συναμφότερος ἄρα ἡ ΘΕ, ΕΓ μείζων ἐστὶν ἢ 10 βτλδ΄δ΄΄. καὶ ὑπόκειται ἡ ΘΓ ρνγ΄. συναμφότερος ἄρα ἡ ΘΕ, ΕΓ πρὸς ΘΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ βτλδ΄ δ΄΄ πρὸς ρυγ΄΄.

col. 1, 4: $\lfloor \frac{n}{2} \rfloor$ ξ F; corr. ed. Basil. 5. $\gamma \rfloor$ τ F; corr. B. 7. $\varrho \mu \epsilon' \delta'' \xi \delta''$ ed. Basil., cett. edd. col. 2, 3: $M\alpha$ F; corr. ed. Basil. 4. $\nu' \rfloor$ η F. 6. $\gamma \nu \delta' \rfloor \tau \nu$ F; corr. ed. Basil. col.

^{3, 1:} α] α F, ut lin. 2; corr. B. 3. M] $M\iota$ F; corr. ed. Basil. β] β F; corr. ed. Basil. 4. ξ] ξ F, ut lin. 5; corr. ed. Basil. ι''] ξ F; corr. ed. Basil. 5. ι''] ξ F; corr. ed. Basil. 6. σ] om. F; corr. ed. Basil. 7. $\varrho\mu\varsigma'$ $\iota''\xi\delta''$ ed. Basil., cett. edd.

η' L''] ηξ F; corr. Knoche. 8. Molt F; corr. ed. Basil. γ] τ F; corr. ed. Basil. col. 1, 9: toov δν? ΓΘ] ΓΛ F; corr. ed. Basil. Lineis 1—2 signum ad-Basil. δ''] β' F; corr. ed. Basil. Lineis 1—2 signum ad-

itaque unitatibus 66½ minus est uero.

I p. 264, 15—16: rursus secetur $\angle \Theta E\Gamma$ linea EK. erit $E\Gamma: \Gamma K > 2334\frac{1}{4}:153$] rursus enim quia $\angle \Theta E\Gamma$ in duas partes aequales sectus est, erit [Eucl. VI, 3] $\Theta E: E\Gamma = \Theta K: \Gamma K$. et componendo

$$\Theta E + E\Gamma : E\Gamma = \Theta\Gamma : \Gamma K.$$

uicissim $\Theta E + E\Gamma : \Theta\Gamma = E\Gamma : \Gamma K$. et quoniam demonstratum est, esse $\Theta E = 1172\frac{1}{8}$ cum fractione quadam, $E\Gamma = 1162\frac{1}{8}$ cum fractione, erit

$$\Theta E + E\Gamma > 23341$$
.

et supponitur $\Theta\Gamma = 153$. itaque

$$\Theta E + E\Gamma : \Theta\Gamma > 2334\frac{1}{4} : 153$$

[h. e. $E\Gamma: \Gamma K > 2334\frac{1}{4}: 153$].

posuit F (quod huc usque in hoc libello praetermisit). 2. $\tilde{o}v$] addidi; om. F, uulgo; cfr. I p. 264, 16. 3. $\gamma \omega v (\alpha \varsigma]$ per comp. F. 8. $\kappa \alpha l$ Et $\mu o \varrho (ov \tau \iota v \dot{o} \varsigma, \dot{\eta} \ \delta \dot{\epsilon} \ E \Gamma \ \alpha \varrho \xi \beta' \dot{\eta}'']$ om. F; corr. Wallis. Et l et l; corr. AB. $\mu \dot{\varrho} \varrho \iota v V$ Wurm. 9. $\tilde{\eta}$] om. F; corr. Wallis tacite. 10. $\varrho v \gamma'$] $\varrho \eta \gamma$ F. $\sigma v v - \alpha \mu \varrho \sigma \tau \epsilon \varrho$ supra scripto ω F. 12. Post $\varrho v \gamma'$ addit Wallistate $u \dot{\eta} \ E \Gamma \ \pi \varrho \dot{\varrho} \varsigma \ \Gamma K \ \mu \epsilon l \zeta \sigma v \alpha \ \dot{\varrho} \dot{\varrho} v V$.

Ή ΕΚ ἄρα πρὸς τὴν ΓΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ ὂν βτλθ΄ δ΄΄ πρὸς ρνγ΄] πάλιν γὰρ ἐπεὶ ὑπόκειται ἡ μὲν ΕΓ βτλδ΄ δ΄΄, ἡ δὲ ΓΚ ρνγ΄, ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ ΕΓ Μηψκγ΄ ις΄΄, τὸ δὲ ἀπὸ ΓΚ Μηνθ΄. τούτοις δὲ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ ΚΕ. ἔσται ἄρα Μβρλβ΄ ις΄΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ ἔγγιστα βτλθ΄ δ΄΄. λείπει γὰρ τὸ ἀπὸ αὐτῆς τοῦ ἀκριβοῦς μομά ζ΄΄. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται.

τ ΕΓ βτλδ΄δ΄΄ ἐπὶ βτλδ΄δ΄΄	ή ΓΚ ουγ΄ ἐπὶ ουγ΄	βτ 10΄ δ΄ ἐπὶ βτ 10΄ δ΄
WMM,ηφ'	α Μετ΄ ε βφον΄	ν ξ ς α ΜΜΜΜ,ηφ΄ ξ θ
ΜΜ,θ,ασοε΄ Μ,θ %	M y v 8'	Ε΄ Θ ΜΜ,Θ',βψοε΄ Μ,Θ' Βρσος' L''
η ασφαις α΄ φοείζ μ΄΄ α΄ ις΄΄	11,700	α΄ Μη βψοοπαβό΄ Μοεζ΄ μ΄ β΄ δ΄ ις΄
φμό όμοῦ Μηψκγ'ις" ἐκ τούτων συνάγεται	τὸ ἀπὸ	ομοῦ Μ΄βς' ω" ις"
$EK\stackrel{arphi\mu\zeta}{M}eta$ ę $2eta'$ ις".		έλλείπει ἄρα τοῦ ἀπρι- βοῦς μ° μα' ಓ''.

Έτι δίχα ἡ ὑπὸ ΚΕΓ τῆ ΕΛ. ἡ ΕΓ ἄφα ποὸς 10 ΓΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπεο τὰ δχογ'.΄΄ ποὸς

^{4. \$\}delta \alpha \delta E \Gamma \] \$\delta \alpha \delta \delt

I p. 264, 17-266, 1: quare
$$EK: \Gamma K > 23394:1531$$

rursus enim quoniam supponitur

$$E\Gamma = 2334\frac{1}{4}, \Gamma K = 153^{1},$$

erit $E\Gamma^2 = 5448723_{\frac{1}{16}}$, $\Gamma K^2 = 23409$. et

$$KE^2 = E\Gamma^2 + \Gamma K^2 = 5472132\frac{1}{16}$$

quorum latus quadratum est 23391 proxime; nam quadratum eius unitatibus 411 minus est uero. multiplicationes autem subiecimus:

EΓ 23341	ΓK 153	2339 1
$\sim 2334\frac{1}{4}$	× 158	$\times 2339\frac{1}{4}$
4000000)	15300	4000000)
600000 }	5000)ໍ	600000
68500	2500 }	60000 }
600000)	150	18500)
99000 }	300)	600000)
1275	159}	99000 }
69900՝ Ն	summa 23409	2775)
127 1 }	542224 2 5100	69900 `
8000		277 1 j
1200		18000)
120 }		2700
16	i	270 }
1)		81
575)		21
7½ }		575)
1 1 j		7 1
summa 5448723-18		$\frac{2\frac{1}{4}\frac{1}{16}}{1}$
or his commonitum E	2	summa 54720901 1

ex his componitur $EK^2 = 5472132\frac{1}{16}$ summa $5472090\frac{1}{2}\frac{1}{16}$ itaque unitatibus $41\frac{1}{2}$ minus est uero.

I p. 266, 1—3: rursus secetur \angle KE Γ linea E Λ . erit igitur $E\Gamma$: $\Gamma\Lambda > 4673\frac{1}{2}:153$] rursus enim quia

¹⁾ H. e. $E\Gamma$: $\Gamma K = 2334\frac{1}{4}$: 153 (cfr. p. 270, 26; 274, 11; 276, 15); u. p. 273 not. 1.

Basil. 7. L''] 5 F; corr. Knoche; $\phi \pi \delta L'' \delta'' \iota \varsigma''$ ed. Basil. 8. q'] 5 F; corr. ed. Basil. Lin. 1—2, 9—10 signo adposito F.

ονγ΄] πάλιν γὰο διὰ τὴν διχοτομίαν τῆς γωνίας ἐστίν, ώς ἡ ΚΕ πρὸς ΕΓ, ἡ ΚΛ πρὸς ΛΓ, καὶ συνθέντι, ώς συναμφότερος ἡ ΚΕ, ΕΓ πρὸς ΕΓ, ἡ ΚΓ πρὸς ΓΛ. ἐναλλάξ, ὡς συναμφότερος ἡ ΚΕ, ΕΓ πρὸς ΓΚ, ὅ ΕΓ πρὸς ΛΓ. καὶ ἐστιν ἡ μὲν ΚΕ βτλθ' δ" καὶ ἔτι μορίου τινός, ἡ δὲ ΕΓ βτλδ' δ" καὶ ἔτι μορίου τινός. συναμφότερος ἄρα ἡ ΚΕ, ΕΓ μείζων ἐστὶν ἢ δχογ' μ". καὶ ἐστιν ἡ ΚΓ ονγ'. συναμφότερος ἄρα ἡ ΕΚ, ΕΓ πρὸς ΚΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ͵δχογ' μ" τρὸς ονγ'. ὡς δὲ συναμφότερος ἡ ΚΕ, ΕΓ πρὸς ΚΓ, οῦτως ἡ ΕΓ πρὸς ΓΛ. καὶ ἡ ΕΓ ἄρα πρὸς ΓΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ͵δχογ' μ" πρὸς ονγ'.

έπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ $ZE\Gamma$ τρίτον οὖσα ὀρθῆς δωδέκατον μέρος έστὶ τῶν τεσσάρων ὀρθῶν, ταύτης δὲ ἡμίτος σεια ἡ ὑπὸ $HE\Gamma$, ἡ ὑπὸ $HE\Gamma$ εἰκοστοτέταρτον ἂν εἴη. ταύτης δὲ ἡμίσεια ἡ ὑπὸ $ΘE\Gamma$, ὧστε μη" ἐστιν. ταύτης δὲ ἡμίσειά ἐστιν ἡ ὑπὸ $KE\Gamma$ $_{\mathbf{G}}$ ς" ἄρα ἐστίν. ἧς ἡμίσεια οὖσα ἡ ὑπὸ $AE\Gamma$ ρ $_{\mathbf{G}}$ 0 ἐστιν.

κείσθω οὖν, φησιν, ἴση αὐτῆ ἡ ὑπὸ ΓΕΜ, καὶ 20 ἐκβεβλήσθω ἡ ΖΓ ἐπὶ τὸ Μ. ἡ ἄρα ὑπὸ ΛΕΜ διπλασία οὖσα τῆς ὑπὸ ΛΕΓ ςς" ἐστι τῶν τεσσάρων ὀρθῶν. ὅστε καὶ ἡ ΛΜ πλευρά ἐστι τοῦ περὶ τὸν κύκλον περιγραφομένου πολυγώνου πλευρὰς ἔχοντος ςς'. ἐπεὶ οὖν ἡ ΕΓ πρὸς ΛΓ δέδεικται μείζονα λόγον 25 ἔχουσα, ἤπερ ͵δχογ'ι" πρὸς ρνγ', καί ἐστι τῆς μὲν ΕΓ διπλῆ ἡ ΛΓ, τῆς δὲ ΛΓ ἡ ΛΜ, καὶ ἡ ΛΓ ἄρα πρὸς ΛΜ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ͵δχογ'ι" πρὸς ρνγ'. ἀνάπαλιν ἄρα ἡ ΛΜ πρὸς ΛΓ ἐλάττονα λόγον ἔχει,

^{6.} ἔτι] επι FV. 7. ή] om. F; corr. Wallis. 8. ω"] ξ' F. 14. ὀφθῶν] ορ cum comp. ων FVD. 15. ἡ ὑπὸ ΗΕΓ] ad-

angulus in duas partes aequales sectus est, erit [Eucl. VI, 3] $KE: E\Gamma = K\Lambda : \Lambda\Gamma$, et componendo

 $KE + E\Gamma : E\Gamma = K\Gamma : \Gamma \Lambda.$

uicissim $KE + E\Gamma$: $\Gamma K = E\Gamma$: $\Lambda \Gamma$. et $KE = 2339 \frac{1}{4}$ cum fractione, $E\Gamma = 2334 \frac{1}{4}$ cum fractione. itaque $KE + E\Gamma > 4673 \frac{1}{2}$. et $K\Gamma = 153$. itaque

 $EK + E\Gamma : K\Gamma > 4673\frac{1}{2} : 153.$

sed $KE + E\Gamma: K\Gamma = E\Gamma: \Gamma\Lambda$. quare etiam $E\Gamma: \Gamma\Lambda > 4673\frac{1}{4}: 153$.

iam quoniam $\angle ZE\Gamma$, qui tertia pars est recti, duodecima pars est quattuor rectorum, et huius dimidius est $\angle HE\Gamma$, erit $\angle HE\Gamma$ pars uicesima quarta eorum. huius autem dimidius est $\angle \mathscr{O}E\Gamma$; quare est $\frac{1}{48}$ eorum. huius autem dimidius est $\angle KE\Gamma$; itaque est $\frac{1}{36}$. cuius cum dimidius sit $\angle AE\Gamma$, erit $\frac{1}{192}$ [cfr. 1 p. 266, 3—4].

ponatur igitur, inquit [I p. 266, 5 sqq.], $\angle \Gamma EM$ ei aequalis, et producatur $Z\Gamma$ ad M. itaque

 $L \Delta EM = 2 \Delta E\Gamma$

et $\frac{1}{96}$ quattuor rectorum. quare ΛM latus est polygoni 96 latera habentis circum circulum circumscripti.
— iam quoniam demonstratum est

 $E\Gamma: \Lambda\Gamma > 4673\frac{1}{2}:153$, et $\Lambda\Gamma = 2E\Gamma$, $\Lambda M = 2\Lambda\Gamma$, erit etiam $\Lambda\Gamma: \Lambda M > 4673\frac{1}{2}:153$. e contrario igitur $\Lambda M: \Lambda\Gamma < 153:4673\frac{1}{2}$ [Pappus VII, 49 p. 688]. et quoniam ΛM latus est polygoni latera

didi; om. F, uulgo. 17. q s'] \overline{ss} F. 18. $\Lambda E \Gamma q q \beta'$] $\overline{let q s \beta}$ F. 20. M. $\mathring{\eta}$] \overline{MH} F. 21. q s'] $\overline{o\beta}$ F; corr. A, ed. Basil. 24. q s'] $\overline{s\beta}$ F; corr. A, ed. Basil. $E \Gamma$] $E \Lambda FBC$, Cr. 25. $\mathring{\sigma}$] α F. 28. $\Lambda \Gamma$] $\Lambda \Lambda$ FCD, Cr.

ήπες ονγ΄ πρὸς όχογ΄... και έπει ή ΛΜ πολυγώνου έστι πλευρά τοῦ πλευράς έχοντος ςς, ή περίμετρος ἄρα τοῦ πολυγώνου έστι Μόχπη΄ ὁ γὰρ ςς έπι τὸν ρνγ΄ πολλαπλασιαζόμενος τοῦτον ποιεί. ή περίμετρος δάρα τοῦ πολυγώνου πρὸς τὴν ΑΓ διάμετρον έλάττονα

λόγον έχει, ήπερ Μ΄ δχπή πρὸς ,δχογ' μ΄΄. ἡ περίμετρος ἄρα τοῦ πολυγώνου τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου ἐστὶ τριπλασία καὶ ἔτι ὑπερέχει μο χξζ' μ΄΄. ταῦτα δὲ ἐλάττονά ἐστι τοῦ εβδόμου τῆς διαμέτρου μιᾶς μονάδος 10 ἐβδόμφ μέρει· τὰ γὰρ ἐπταπλάσια τῶν χξζ' μ΄΄, ἄπερ ἐστὶ δχοβ' μ΄΄, ἐλάττονά ἐστι τῆς διαμέτρου μοά. ἐπεὶ οὖν τὸ πολύγωνον ἔλαττόν ἐστιν ἢ τριπλάσιον καὶ ἔτι ἑβδόμφ ὑπερέχον, ἡ δὲ περίμετρος τοῦ κύκλου ἐλάσσων ἐστὶ τῆς τοῦ πολυγώνου, πολλῷ ἄρα ἡ τοῦ κύκλου 15 περιφέρεια τῆς διαμέτρου ἐστὶ τριπλασία καὶ ἔτι ὑπερέχει ἐλάσσονι ἢ ἑβδόμφ μέρει.

Έξης δε κατασκευάζων το λοιπον μέρος τοῦ θεωρήματος φησιν· έστω κύκλος περί διάμετρον τὴν
ΑΓ, καὶ τρίτον ὀρθης ἡ ὑπὸ ΒΑΓ. τοῦτο δε
20 έσται, ἐὰν ἀπὸ τοῦ Γ τῆ τοῦ έξαγώνου ἴσην ἀπολαβόντες τὴν ΓΒ ἐπιζεύξωμεν τὴν ΑΒ. ἡ γὰρ ἐπὶ τῆς
τοῦ έξαγώνου περιφερείας βεβηκυῖα γωνία πρὸς μὲν
τῷ κέντρῳ δίμοιρόν ἐστιν ὀρθης, πρὸς δὲ τῆ περιφερεία τρίτον.

25 ἐπεὶ οὖν ὀρθή ἐστιν ἡ ὑπὸ ΑΒΓ, τρίτον δὲ ἡ ὑπὸ ΒΑΓ, δίμοιρον ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΓΒ. ἐὰν ἄρα προσεκβάλλοντες τὴν ΓΒ ἐπὶ τὸ Β καὶ ἴσην αὐτῆ ἀπολαβόντες ἀπὸ τοῦ Α ἐπιζεύξωμεν, ἰσόπλευρον ἔσται

^{2.} $q \not \in J$ $f \not \in F$. 3. $\pi \eta' J$ o $\eta' F$; corr. AB. 6. oJ ω F. η' $\pi \varepsilon \varrho(\mu \varepsilon \tau \varrho o_S)$ $\eta \pi \varepsilon \varrho$ η diametroof F; corr. A, ed. Basil. 8. $\iota'' J$

habentis 96, perimetrus igitur polygoni erit 14688; nam $96 \times 153 = 14688$. itaque perimetrus polygoni ad $A\Gamma$ diametrum rationem habet minorem quam $14688:4673\frac{1}{2}$. itaque perimetrus polygoni triplo maior est diametro circuli et praeterea excedit unitatibus $667\frac{1}{2}$; haec autem $\frac{1}{7}$ minora sunt septima parte diametri; nam $7 \times 667\frac{1}{2}$, quae sunt $4672\frac{1}{2}$, una unitate minora sunt diametro. iam quoniam [perimetrus] polygoni minor est quam triplo et praeterea septima parte maior, et ambitus circuli minor est perimetro polygoni [de sph. et cyl. I, 1], itaque ambitus circuli multo [magis] triplo maior est diametro et praeterea excedit spatio, quod minus est parte septima.

Deinde in reliqua parte theorematis conficienda: sit, inquit [I p. 266, 19-20], circulus circum diametrum $A\Gamma$ descriptus, et $LBA\Gamma$ sit tertia pars recti. hoc autem erit, si a puncto Γ posito arcu ΓB arcui hexagoni aequali duxerimus lineam AB. nam angulus in arcu hexagoni ad centrum positus duae partes recti sunt, sin in ambitu positus est, tertia pars. iam quoniam $LAB\Gamma$ rectus est, et $LBA\Gamma$ tertia pars, ergo $LA\Gamma B$ duae partes sunt. si igitur producta linea ΓB ad punctum B uersus et posita [linea] ei aequali ab A [ad terminum eius lineam] duxerimus,

s' F; corr. A, ed. Basil. 10. ξαταπλάσια] πολλαπλασια F; corr. A, ed. Basil. \(\Lambda'' \] s' F; corr. A, ed. Basil. 11. \(\Lambda'' \] s' F; corr. A, ed. Basil. 11. \(\Lambda'' \] s' F; corr. ed. Basil. 16. ξλάσσον! scripsi; ελασσον F, uulgo. 17. εις το δ' δεωφημα F; corr. Cr., Wallis. 18—19 sine signo F. 18. διαμετο cum comp. os FV. 19. τοιτ cum comp. ov F; corr. Wallis, ut lin. 24, 25. 20. ξξαγάνου περιφερεία. Wallis. 23. διμοιο cum comp. ov F; corr. Wallis. 28. διμοιο cum comp. ov F; corr. Wallis.

τὸ τρίγωνον. καὶ διὰ τὸ τὴν AB κάθετον διχοτομεῖν τὴν βάσιν διπλῆ έστιν ἡ $A\Gamma$ τῆς ΓB . έὰν οὖν πάλιν λάβωμεν τὴν $A\Gamma$, αφξ΄, ἔσται ἡ ΓB ψπ΄. καὶ τὸ μὲν ἀπὸ $A\Gamma$ ἔσται Μ΄ $\gamma \chi$ ΄, τὸ δὲ ἀπὸ ΓB Μ΄ $\eta \nu$ ΄. καὶ δέὰν ἀφέλωμεν τὸ ἀπὸ ΓB ἀπὸ τοῦ ἀπὸ $A\Gamma$, λοιπὸν κατα-

λειφθήσεται τὸ ἀπὸ $AB\stackrel{M}{M}$ εσ΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνική ατνα΄ ἔγγιστα. περιττεύει γὰρ τὸ ἀπ' αὐτῆς τοῦ ἀκριβοῦς μ^0 α΄. διό φησιν ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἡ AB πρὸς $B\Gamma$, ἤπερ ατνα΄ πρὸς ψπ΄. οἱ δὲ πολλαπλα-10 σιασμοὶ ὑπόκεινται

ή ΑΓ αφξ΄ ἐπὶ αφξ΄	ή ΓΒ ψπ΄ ἐπὶ ψπ΄	ατνα΄ ἐπὶ 'ατνα΄
MMM MMM	μθ ε ΜΜ,ς	Q \ e MMM \ \alpha
MMM E 2	<i>M</i> ,s,sv'	λ θ α ΜΜΜ ετ΄ * α΄
	$\dot{\delta}$ μο \widetilde{v} $\overset{5}{M}$, $\eta v'$	ΜΜ΄ εβφν΄ , ατνα΄
$\stackrel{\sigma\mu\gamma}{M}_{,\gamma}\chi'$	n== 2 \ ~ 2 \	οπβ δμοῦ Μεσα΄

αν ἀφέλωμεν τὸ ἀπὸ ΒΓ ἀπὸ τοῦ ἀπὸ ΓΑ καταλείπονται Μ ε σ΄. όμοῦ Μ΄ ε σ α΄ περιττεύει τοῦ ἀκριβοῦς μ⁰ α΄.

Τετμήσθω δίχα ἡ ὑπὸ ΒΑΓ τῆ ΑΖΗ. ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΒΑΗ τῆ ὑπὸ ΗΓΒ ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς περιφερείας βεβήκασιν ἀλλὰ καὶ τῆ ὑπὸ ΗΑΓ, καὶ ἡ ὑπὸ ΗΓΒ ἄρα τῆ ὑπὸ ΗΑΓ ἐστιν 15 ἴση. καὶ κοινὴ ἡ ὑπὸ ΑΗΓ ὀρθή. καὶ λοιπὴ

^{1.} διχοτομ cum comp. ην uel ιν F. 4. M] M F; corr. A, ed. Basil. 5. ἀπὸ ΛΓ] ἀπό om. F; corr. Wallis. 6. ρπβ σπβ M F; corr. A, ed. Basil. 8—9 sine signo F. 8. ἐλάσσονα] ὅτι ἐλάσσονα uel ἐλάσσονα ἄρα? col. 1, 3: M] λν F; corr. ed. Basil. 4. M] M F. 5. in mg. manu 1 F. 6.

triangulus aequilaterus erit. et quia AB perpendicularis basim in duas partes aequales secat, erit $A\Gamma = 2\Gamma B$. si igitur rursus posuerimus $A\Gamma = 1560$, erit $\Gamma B = 780$. et $A\Gamma^2 = 2433600$, $\Gamma B^2 = 608400$. et si ab $A\Gamma^2$ abstulerimus ΓB^2 , relinquetur

$$AB^2 = 1825200$$
,

quorum latus quadratum est 1351 proxime. nam quadratum eius una unitate excedit uerum. quare dicit [I p. 266, 20—21] $AB:B\Gamma < 1351:780$. multiplicationes autem subjecimus:

AΓ 1560	<i>ГВ</i> 780	1351
>< 1560	× 780	× 1351
1000000)	490000)	1000000)
500000 }	56000∫	300000 }
60000	56000 j	51000
500000)	6400 }	300000)
250000 }	summa 608400	90000 }
30000 J	3	15300 J
60000)		50000)
33600∫		15000 }
summa 2433600		2550]
si abstulerimus $B\Gamma^2$ ab ΓA^2 .		1351
relinquitur 1825200		summa 1825201

excedit uerum unitate 1.

I p. 268, 1—7: secetur $\angle BA\Gamma$ in partes aequales linea AZH. iam quoniam $\angle BAH = H\Gamma B$ (nam in eodem arcu sunt positi), sed etiam $= HA\Gamma$, erit

<sup>δμοῦ add. ed. Basil., uulgo; om. F. M M F; corr. ed. Basil. deinde in F additur M. γ τ F; corr. ed. Basil. col. 2, 3: μβ νβ M F; corr. ed. Basil. col. 3, 3: α] α F. 4. M M F; corr. ed. Basil. 5. ν'] η F. col. 1, 7: BΓ] ΛΓ F; corr. ed. Basil. άπὸ ΓΛ] ΓΒ F; corr. Wallis (ΛΓ iam ed. Basil.). col. 3, 8: περιττεύει alterum τ supra scriptum manu 1 E.
11. Signum adposuit F, ceteris non adp. 14. HΓΒ] ΓΒ E; corr. A ed. Basil., Cr.</sup>

ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΖΓ λοιπῆ τῆ ὑπὸ ΑΓΗ ἐστιν ἴση. ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ ΑΗΓ τρίγωνον τῷ ΓΗΖ τριγών ῷ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΑΗ πρὸς ΗΓ, ἡ ΓΗ πρὸς ΗΖ, καὶ ἡ ΑΓ πρὸς ΓΖ. τῶν γὰρ ἰσογωνίων 5 τριγώνων ἀνάλογόν εἰσιν αὶ πλευραί, καὶ ὁμόλογοι αὶ τὰς ἴσας γωνίας ὑποτείνουσαι.

'Αλλ' ώς ἡ ΑΓ ποὸς ΓΖ, συναμφότερος ἡ ΓΑΒ ποὸς ΓΒ' καὶ ὡς συναμφότερος ἄρα ἡ ΒΑΓ πρὸς $B\Gamma$, $\dot{\eta}$ AH $\pi \rho \dot{\rho} g$ $H\Gamma$] $\dot{\epsilon}\pi \dot{\epsilon} l$ $\gamma \dot{\alpha} \rho$ $\dot{\eta}$ $\dot{\nu}\pi \dot{\rho}$ $BA\Gamma$ $\gamma \omega$ -10 νία δίχα τέτμηται ύπὸ τῆς ΑΖ, ἔστιν, ὡς ἡ ΒΑ πρὸς. ΑΓ, ή ΒΖ πρός ΖΓ. καὶ συνθέντι, ώς συναμφότερος ή ΒΑ, ΑΓ πρὸς ΑΓ, ή ΒΓ πρὸς ΓΖ. καὶ ἐναλλάξ, ώς συναμφότερος ή ΒΑ, ΑΓ πρός ΒΓ, ή ΑΓ πρός ΓΖ. καί έστιν ή μεν ΑΒ έλάσσων η ατνά, ή δε ΑΓ 15 αφξ', ή δε ΒΓ ψπ', συναμφότερος ἄρα ή ΑΒ, ΑΓ πρός ΒΓ έλάσσονα λόγον έχει, ήπες β δια πρός ψπ'. καὶ ή ΑΓ ἄρα πρὸς ΓΖ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ $\beta \gg i\alpha' \pi \rho \delta s \psi \pi'$. $\delta s \delta s \eta A \Gamma \pi \rho \delta s \Gamma Z, <math>\eta A H \pi \rho \delta s$ ΗΓ. και ή ΑΗ ἄρα πρός ΗΓ έλάσσονα λόγον έχει, 20 ήπεο β δια΄ ποὸς ψπ΄. διὰ οὖν ταῦτα ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ ΑΗ Μ γ Σκα, τὸ δὲ ἀπὸ ΗΓ Μην. καί έστιν αὐτοῖς ἴσον τὸ ἀπὸ $A\Gamma$. καὶ αὐτὸ ἄρα ἔσται M β τκα΄, ών πλευρά τετραγωνική γιγ' ω" δ" έγγιστα ύπερέχει γὰο τὸ ἀπ' αὐτῶν τῆς ἀκοιβοῦς δυνάμεως μ⁰τξη'ι 5". διὰ ταῦτα οὖν φησιν, ὅτι ἡ ΑΓ πρὸς ΓΗ ἐλάσ-

^{6.} ὑπὸ τάς ed. Basil., cett. edd. ἴσας] om. FVA. γωνίας] per comp. F. 8. καὶ ὡς ad ΒΓ om. F; corr. Wallis.
9. ΛΗ] ΛΝ FVA. ἐπεὶ] επι F; corr. Wallis. 11. ΒΖ
πρὸς ΖΓ] ΓΖ προς ΖΒ FV (ΓΖ unlgo pro ΖΓ). 15. ΛΓ]
ΒΓ F; corr. Wallis. 18. ΛΗ] ΛΝ, ut uidetur, F. 22. ἔσται

 $H\Gamma B = HA\Gamma$. et communis est $\angle AH\Gamma$ rectus. quare etiam $HZ\Gamma = A\Gamma H$. quare triangula $AH\Gamma$, ΓHZ angulos aequales habent. est igitur

$$AH:H\Gamma = \Gamma H:HZ = A\Gamma:\Gamma Z$$

nam in triangulis, quorum anguli aequales sunt, latera proportionalia sunt, et sibi respondent latera sub angulos aequales subtendentia [Eucl. VI, 4].

I p. 268, 7-9: sed $A\Gamma: \Gamma Z = \Gamma A + AB: B\Gamma$. quare $\Gamma A + AB: B\Gamma = AH: H\Gamma$] nam quoniam $\angle BA\Gamma$ in partes aequales linea AZ divisus est, erit [Eucl. VI, 3] $BA: A\Gamma = BZ: Z\Gamma$. et componendo

$$BA + A\Gamma : A\Gamma = B\Gamma : \Gamma Z$$
.

et uicissim $BA + A\Gamma : B\Gamma = A\Gamma : \Gamma Z$. et

AB < 1351, $A\Gamma = 1560$, $B\Gamma = 780$.

itaque $AB + A\Gamma$: $B\Gamma < 2911$: 780. quare etiam

 $A\Gamma: \Gamma Z < 2911:780.$

sed $A\Gamma: \Gamma Z = AH: H\Gamma^{1}$ quare etiam $AH: H\Gamma < 2911: 780.$ ²)

propterea igitur erit $AH^2 = 8473921$, $H\Gamma^2 = 608400$. et $A\Gamma^2 = AH^2 + H\Gamma^2 = 9082321$, quorum latus quadratum est $3013\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ proxime; excedit enim quadratum eorum uerum quadratum unitatibus $368\frac{1}{16}$.

¹⁾ Nam cum $AH\dot{\Gamma} \sim \Gamma HZ$, erit $AH: A\Gamma = \Gamma H: Z\Gamma$ (Eucl. VI, 4); tum uicissim: $AH: \Gamma H = A\Gamma: Z\Gamma$.

²⁾ Cfr. I p. 268, 9-11.

per comp. F. M M F; corr. ed. Basil. 23. yil vyo F; corr. ed. Basil. 25—p. 290, 1 signum non adposuit F.

Archimedes, ed. Heiberg. III.

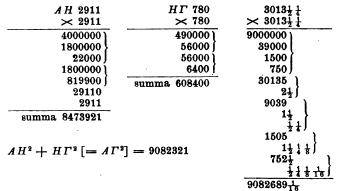
σονα λόγον έχει, ἥπερ γιγ΄ ζ΄΄ δ΄΄ πρὸς ψπ΄. οί δὲ πολλαπλασιασμοί ὑπόκεινται

Δίχα ἡ ὑπὸ ΓΑΗ τῆ ΑΘ. διὰ οὖν τὴν διχοτομίαν τῆς γωνίας καὶ τὴν ὁμοιότητα τῶν τοιγώνων
5 καὶ τὴν ἀναλογίαν τῶν πλευρῶν καὶ τὸ συνθέντι καὶ ἐναλλάξ ἐστιν, ὡς συναμφότερος ἡ ΗΑ, ΑΓ πρὸς
ΗΓ, ἡ ΑΘ πρὸς ΘΓ. καὶ ὑπέκειτο ἡ μὲν ΑΗ ἐλάσσων ἢ β Βια΄, ἡ δὲ ΑΓ ἐλάσσων ἢπερ γιγ΄ ω΄΄ δ΄΄.
συναμφότερος ἄρα ἡ ΗΑ, ΑΓ ἐστιν ἐλάσσων ἢ
10 ¸ε Βκδ΄ ω΄΄ δ΄΄. ἡ δὲ ΗΓ ἐστι ψπ΄. συναμφότερος ἄρα

^{1.} γL"] τς F; corr. ed. Basil. 2. πολλαπλασιασμοί] alt. 2 supra manu 1 F. col. 1, 1: 1] om. F. 3. om. F. 5. 9 3 ωμζ ωνζ 8. M M F. col. 2, 2: om. F. 7. M M F. F. 4. M] My F. MF. 5. η] η F. col. 3, 1: γ] γ F. 3. δ α ο α F. 4. om. F. 5. 310 F. signo F. 4. καί] per comp. F. 5. την αναλογίαν] scripsi; τήν om. F, uulgo. 7. έλάσσων] scripsi cum Gutenäckero; ελασσον (quod male defendit Wurmius) F, unlgo; sic etiam Jin. 8 et 9.

propterea dicit [I p. 268, 11—12], esse $A\Gamma: \Gamma H < 3013\frac{1}{4} + 780$.

multiplicationes autem subjectimus:



excedit uerum unitatibus 368,18.

secetur eodem modo $\angle \Gamma AH$ linea $A\Theta$ [I p.268,12—13]. itaque quia angulus in duas partes aequales sectus est, et trianguli similes sunt et latera proportionalia, erit componendo et uicissim

$$HA + A\Gamma : H\Gamma = A\Theta : \Theta\Gamma$$

et suppositum est AH < 2911, $A\Gamma < 3013\frac{1}{2}\frac{1}{4}$. quare $HA + A\Gamma < 5924\frac{1}{2}\frac{1}{4}$. et $H\Gamma = 780$.

ή ΗΑ, ΑΓ πρὸς ΗΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ εδκδ΄ μ΄ δ΄΄ πρὸς ψπ΄. ὅστε καὶ ἡ ΑΘ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ εδκδ΄ μ΄ δ΄΄ πρὸς ψπ΄. ὅστε ἡ ΑΘ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἤπερ υνε΄ τω ἀ πρὸς ξ΄ ἐκατέρα γὰρ ἐκατέρας ἐστὶ μέρος ιγ΄. καὶ τὰ τούτων τετραπλάσια, ἡ ΑΘ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ αωκγ΄ πρὸς σμ΄. διὰ τοῦτο γάρ φησιν, ὅτι ἐκατέρα ἐκατέρας ἐστὶ δ΄ ιγ΄΄. καὶ ἐκεὶ ἡ ΑΘ ἐστιν αωκγ΄, τὸ ἄρα ἀπ΄ αὐτῆς ἐστι Μ γτηδ΄.

10 ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΘΓ σμ΄, καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς Μ ζχ΄. καὶ ἐστι τοις ἀπὸ ΑΘ, ΘΓ ισον τὸ ἀπὸ ΑΓ. ἔσται ἄρα Μ Σαθ΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ αωλη΄ θ΄ια". τὸ γὰρ ἀπ' αὐτῆς ὑπερέχει τοῦ ἀκριβοῦς μ⁰τκα΄ ἐγγύς. ὥστε ἡ ΑΓ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ 15 αωλη΄ θ΄ια" πρὸς σμ΄. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται.

^{5.} $\iota\gamma$] $\iota'\gamma\kappa'$ F; corr. A, ed. Basil. 9. $\tau\kappa$] $\Sigma\kappa$ F; corr. Wallis. 10. M] $\mu\epsilon\rho\sigma$ (-os per comp.) η F; corr. ed. Basil. 12. $\iota\alpha''$ $\xi\gamma\gamma\iota\sigma\tau\alpha$. $\tau\sigma$ Wallis. 13. $\tau\kappa\alpha'$] $\tau\kappa\gamma'$ Wallis. 14. $\Theta\Gamma$] Θ F.

quare HA

 $HA + A\Gamma : H\Gamma < 5924\frac{1}{2}\frac{1}{4} : 780.$

quare etiam

 $A\Theta : \Theta\Gamma < 5924\frac{1}{2}\frac{1}{4} : 780 \text{ [I p. 268, 13}-14];$

quare $A\Theta: \Theta\Gamma < 455\frac{1}{4}$: 60; utraque enim utriusque est $\frac{1}{3}$, et sumptis horum quadruplis erit

 $A\Theta : \Theta\Gamma < 1823 : 240$ [I p. 268, 14—15].

ea enim de causa dicit [I p. 268, 15], esse alteram alterius $\frac{1}{3}$. et quoniam $A\Theta = 1823$, erit

$$A\Theta^2 = 3323329.$$

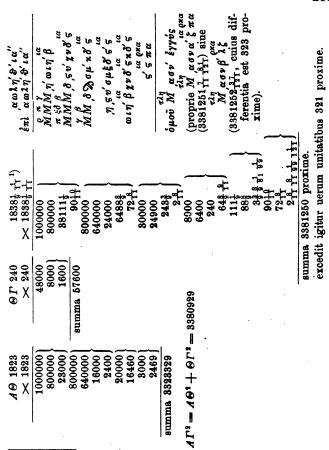
et $\Theta\Gamma = 240$, $\Theta\Gamma^2 = 57600$.

et $A\Gamma^2 = A\Theta^2 + \Theta\Gamma^2 = 3380929,$

quorum latus quadratum erit 1838_{11}^{9} . nam quadratum eius excedit uerum unitatibus 321 proxime. quare $A\Gamma:\Theta\Gamma<1838_{11}^{9}:240$. multiplicationes autem subiecimus:

η ΑΘ αωκη΄ έπὶ 'αωκη'	ή ΘΓ σμ΄ έπλ σμ΄	αωλη' Φ΄΄΄ ια΄΄ ἐπὶ ΄,αωλη' Φ΄΄ ια΄΄
0πβ MMM γ' πξδα MMM 5 βυ'	δ Μ΄,η΄ ΄,η ,α χ΄	οπ γ ΜΜΜ, η' φια' θ'' ς' ι π ξο β
ΜΜς νξ΄ , γ΄, βυξθ΄	όμοῦ Μ΄,ζχ΄	ΜΜ,δ Ώσμ' γ' γ β' η
έλβ δμοῦ Μ γτκθ΄ τούτοις ίσον τὸ ἀπὸ Λ	Г	ηςυσμέδ΄ η η οια' δ'΄ πη' ηγ' γ η πα'' ς δ'' ς' ιοβ' η β' η η ς δ'' ενα''
rly M N 20' Éctiv.		ομοῦ Μ΄ ασν' [αγοεφ] έγγυς.

ύπερέχει ἄρα τοῦ ἀκριβοῦς μ°τκα΄ ἐγγύς.



¹⁾ In hac computatione eo erratum est, quod αωλη θ'ια" (1838 ½) ita acceptum est, quasi esset αωλη θ''ια" (1838 ½ ½); sed librarius summam ad suam computationem non adcommodauit; tum enim differentia non quadraret. ueram computationem, qualem Eutocium posuisse puto, iuxta descripsi (cir. Wallis p. 145). adparet, eum fractiones quattuor extremas in producto neglexisse.

Έτι δίχα ἡ ὑπὸ ΘΑΓ γωνία τῆ ΚΑ. πάλιν οὖν διὰ τὴν διχοτομίαν τῆς γωνίας καὶ τὴν ὁμοιότητα τῶν τριγώνων καὶ τὴν ἀναλογίαν τῶν πλευρῶν καὶ τὸ συνθέντι καὶ ἐναλλάξ ἐστιν, ὡς συναμφότερος ἡ ΘΑ, ΑΓ πρὸς ΓΘ, ἡ ΑΚ πρὸς ΚΓ. ἀλλὰ συναμφότερος ἡ ΘΑ, ΑΓ ἐλάσσων ἐστὶν ἢ γχξα' θ'ια", ἐπειδὴ ἡ μὲν ΘΑ ὑπόκειται αωκγ', ἡ δὲ ΑΓ αωλη' θ'ια". ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΘΓ σμ'. συναμφότερος ἄρα ἡ ΘΑ, ΑΓ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ καὶ ἡ ΑΚ πρὸς ΚΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ γχξα' θ'ια" πρὸς σμ'. καὶ ἐπεὶ τῶν μὲν γχξα' θ'ια" τὸ ια' [καὶ] μ" ἐστι αξ', τῶν δὲ σμ' ξς', ἡ ΑΚ ἄρα πρὸς ΚΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἤπερ αξ' πρὸς ξς'. καί ἐστι τὸ μὲν
15 ἀπὸ ΑΚ Μ΄ δμθ', τὸ δὲ ἀπὸ ΚΓ δτνς', οἶς ἴσον ὅν τὸ ἀπὸ ΑΓ ἐστι Μ΄ ηνε'. ὧν πλευρὰ τετρανωνικὴ

ὄν τὸ ἀπὸ $A\Gamma$ ἐστι $\stackrel{Qa}{M}$ ηυε΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ $\alpha \vartheta' \varsigma''$ ἔγγιστα. ὑπερέχει γὰρ τὸ ἀπ' αὐτῆς τοῦ ἀκριβοῦς μ^0 ιβ΄ γ'' $\lambda \varsigma''$. ἡ $A\Gamma$ ἄρα πρὸς ΓK ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ $\alpha \vartheta' \varsigma''$ πρὸς ξς΄. οἱ δὲ πολλα-20 πλασιασμοὶ ὑπόχεινται·

η ΑΚ ,αζ΄ _ έπὶ ,αζ΄	ή ΚΓ ξς' _ έπὶ ξς'	αθ'ς'' ἔπὶ 'αθ'ς''
	ο Μθοξς' L''ς'' 'Θπα' α' L''' 'οξς' L''ς'' α' L'''λς''	
	όμοῦ Μηνιζ' γ" λ ς" ὑπεφέχει τοῦ ἀποιβοῦς μοιβ' γ" λ ς".	

Lin. 1, 13—14, 18—19 sine signo F. 7. ὑπόκειται ἐλάσσων ἢ Wallis, qui etiam post ΑΓ addidit ἐλάσσων ἢ. 12. ἐπεί] επι F; corr. Wallis. καί (alt.)] delet Wallis. 18. κζ

porro secetur $\angle \Theta A \Gamma$ linea KA [I p. 268, 16—17]. rursus igitur, quia angulus in duas partes aequales sectus est, et trianguli similes, et latera proportionalia, erit componendo et uicissim

$$\Theta A + A\Gamma : \Gamma \Theta = AK : K\Gamma$$
.

sed
$$\Theta A + A\Gamma < 3661\frac{9}{11}$$
, quoniam supponitur $\Theta A = 1823$, et $A\Gamma = 1838\frac{9}{11}$.¹)

et $\Theta\Gamma = 240$. quare $\Theta A + A\Gamma : \Theta\Gamma < 3661\frac{9}{11} : 240$. quare etiam $AK : K\Gamma < 3661\frac{9}{11} : 240$. et quoniam $\frac{1}{10} \times 3661\frac{9}{11} = 1007$, $\frac{1}{10} \times 240 = 66$, erit

$$AK: K\Gamma < 1007: 66$$
 [I p. 268, $16-270, 1$].
 $AK^2 = 1014049, K\Gamma^2 = 4356,$

et
$$A\Gamma^2 = AK^2 + K\Gamma^2 = 1018405$$
,

et

quorum latus quadratum est $1009\frac{1}{6}$ proxime; excedit enim quadratum eius uerum quadratum unitatibus $12\frac{1}{3}\frac{1}{36}$. itaque $A\Gamma: \Gamma K < 1009\frac{1}{6}: 66$ [I p. 270, 2—3]. multiplicationes autem subiecimus:

AK 1007	ΚΓ 6 6	1009 1
× 1007	\times 66	× 1009 j
100700	3600)	10091661 1
70 49	360 }	9081)
summa 1014049	360 (14,5
	36∫	166 1 1
$A\Gamma^2 = AK^2 + K\Gamma^2$	summa 4356	$\frac{1\frac{1}{2}\frac{1}{36}\int$
= 1018405		summa $1018417\frac{1}{3}\frac{1}{36}$

excedit uerum unitatibus 12\frac{1}{3}\frac{1}{36}

¹⁾ H. e. proxime aequales et quidem minores.

 $[\]overline{AZ}$ F. $\sigma\mu$] \overline{EM} F. 14. $\tilde{\epsilon}\chi\epsilon\iota$] om. F. 16. M] M F; corr. A, ed. Basil. 19. $\alpha\vartheta'$] $\overline{A\Theta}$ F. col. 1, 3: χ'] ζ F. 4. χ'] κ F; corr. B. 5. $\partial_{\mu}\vartheta'$] $\alpha\mu\sigma$ F (o etiam C). 6. $\alpha\pi\sigma$] α F, unlgo. col. 3, 4: κ''] α F; corr. Wallis. ∂_{μ} ∂_{μ} F; corr. Wallis. 5. κ''] α F. κ''] α F. α S. α F, α

Έτι δίχα ἡ ὑπὸ ΚΑΓ γωνία τῷ ΑΛ. διὰ τὰ αὐτὰ δή ἐστιν, ὡς συναμφότερος ἡ ΚΑ, ΑΓ πρὸς ΚΓ, ἡ ΑΛ πρὸς ΛΓ. καί ἐστιν ἡ μὲν ΑΚ ἐλάσσων ἢ αξ΄, ἡ δὲ ΑΓ ἐλάσσων ἢ αθ΄ς΄, ἡ δὲ ΚΓ ξς΄. 5 συναμφότερος ἄρα ἡ ΚΑ, ΑΓ πρὸς ΚΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ βις΄ς΄΄ πρὸς ξς΄. καὶ ἡ ΑΛ ἄρα πρὸς ΛΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ βις΄ς΄΄ πρὸς ξς΄. καὶ ἡ περ βις΄ς΄΄ πρὸς ξς΄. καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΛ ὑπόκειται βις΄ς΄΄, καὶ τὸ

 $\vec{\alpha}$ \vec{n} \vec{n}

ἄρα Μ θ σπδ' λς", ὧν πλευρὰ τετραγωνική ἐστι βιζ' δ" ἔγγιστα. ὑπερέχει τὸ ἀπ' αὐτῆς τοῦ ἀκριβοῦς μ⁰ιγ' \." κ'. ὅστε ἡ ΑΓ πρὸς ΓΑ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ῆπερ βιζ' δ" πρὸς ξς'. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται·

βιζ'δ" ή ΑΛ βις'ς" n AΓ Es' έπὶ βιζ'δ" έπὶ βις ς έπὶ ξς΄ υβα ΜΜΜ βτλη'η" υβα ΜΜΜ δφ' όμου δτνς Mooβ'L" $\stackrel{\textstyle M}{M}$ $\beta\xi l$ $s'\alpha'$ $au l \gamma' \gamma'' \alpha' l '' s'' \alpha' l s'''$ Μ δομθ' α' L"δ' φβ' L" α' L" δ" ις" όμοῦ Μ΄,δ 🗞 κη' 15" M Bock L"is" τούτοις ίσον ὂν τὸ ἀπὸ ΑΓ περιττεύει τοῦ ἀκριβοῦς μ° ιγ' L" x". έστι Μ΄ θοπδ' λς".

15 Έπεὶ οὖν ἡ ΑΓ πρὸς ΓΛ ἐλάσσονα λόγον ἔχει,

^{1.} Cum aigno F (non lin. 6—8, 13—14). γωνία] comp. F. 3. ἐλάσσων] Gutenäcker; ελασσον F, uulgo, ut lin. 4.
9. M] M F. 12. ὑπερέχει γάρ? "] 5' F; corr. Wallis. κ"] κθ" Wallis. 14. β] β F; corr. Wallis. col. 1, 3: γ'] ξ
F; corr. ed. Basil. 5. ξ γ F; corr. ed. Basil. 7. M M

porro secetur $\angle KA\Gamma$ linea AA [I p. 270, 3]. propter eadem igitur erit $KA + A\Gamma$: $K\Gamma = AA$: $A\Gamma$. et AK < 1007, $A\Gamma < 1009\frac{1}{5}$, $K\Gamma = 66$. itaque $KA + A\Gamma$: $K\Gamma < 2016\frac{1}{5}$: 66.

quare etiam $AA: A\Gamma < 2016\frac{1}{6}: 66$ [Ip. 270, 3—5]. et quoniam supponitur $AA=2016\frac{1}{6}$, et $AA^2=4064928\frac{1}{36}$, et $A\Gamma=66$, et $A\Gamma^2=4356$, et $A\Gamma^2=AA^2+A\Gamma^2$, erit $A\Gamma^2=4069284\frac{1}{36}$, quorum latus quadratum est $2017\frac{1}{4}$ proxime. nam quadratum eius excedit uerum unitatibus $13\frac{1}{4}\frac{1}{20}$.) quare

 $A\Gamma: \Gamma A < 2017\frac{1}{4}: 66$ [I p. 270, 5—6].

multiplicationes autem subjectimus:

$AA 2016\frac{1}{4}$	ΛΓ 6 6	2017
$\sim 2016\frac{\mathring{1}}{8}$	× 66	$\times 2017^{\frac{1}{4}}$
4000000)	3600)	4000000)
20000 }	360∫	200 00 }
1233 3 4	360)	14 500
$20161\frac{1}{3}\frac{1}{6}$	36 }	20172 1
12060)	summa 4356	14070)
36 }		49
1)		11/4
333 1)		502½
$1\frac{1}{2}\frac{1}{6}$		$1\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{16}$
$1\frac{1}{36}$ J		40692971 16

summa $4064928\frac{1}{36}$ excedit uer $A\Gamma^2 = A\Lambda^2 + A\Gamma^2 = 4069284\frac{1}{36}$ bus $18\frac{1}{2}\frac{1}{36}$.

excedit uerum unitati-

iam quoniam est $A\Gamma: \Gamma A < 2017_{\frac{1}{4}}: 66$, e contrario

¹⁾ Proprie $\frac{1}{18} \div \frac{1}{36}$ siue $\frac{1}{18}$ uel $\frac{1}{29}$ proxime; sed cum idem infra legatur, uidetur esse error Eutocii.

F. col. 2, 1: $\Lambda\Gamma$] $\Lambda\Gamma$ F. 3. γ] γ F. 5. $\delta\mu\nu\bar{\nu}$] ς F; corr. ed. Basil. col. 3, 5: $\alpha'\lambda''$] α' om. F; corr. ed. Basil. 6. λ''] ς F; corr. ed. Basil. 7. $\partial\sigma q_{\lambda'}^{\zeta}\lambda''$] $\partial\varepsilon\varepsilon\zeta\lambda\lambda$ F; corr. ed. Basil. col. 1, 8: $\alpha\pi\bar{\nu}$] α F. 9. M] M F. col. 3, 8: $\pi\varepsilon\varrho\iota\varepsilon\nu\varepsilon\iota$ F. 9. $\iota\gamma$] γ F; corr. ed. Basil. κ''] $\kappa\partial''$ Wallis. Lin. 15 comsigno F.

ηπερ βιξ΄ δ" πρὸς ξς', ἀνάπαλιν ἄρα ἡ ΔΓ πρὸς ΓΑ μείζονα λόγον ἔχει, ήπερ ξς' πρὸς βιξ΄ δ". καὶ ἐπεὶ ἡ ΓΒ περιφέρεια ἔκτον ἐστὶ τοῦ κύκλου, ἡ ΗΓ ἄρα ιβ΄ μέρος ἐστίν, ἡ δὲ ΘΓ κδ', ἡ δὲ ΚΓ μη', ἡ δὲ ΔΓ ης'. ὥστε ἡ ΔΓ εὐθεῖα πολυγώνου ἐστὶ πλευρὰ ης' πλευρὰς ἔχοντος. καὶ ἐστιν ἡ ΔΓ ξς'. ἡ ἄρα τοῦ πολυγώνου περίμετρος πρὸς τὴν τοῦ κύκλου διάμετρον μείζονα λόγον ἔχει, ήπερ ςτλς' πρὸς βιξ΄ δ". ταῦτα δέ ἐστι τριπλάσια καὶ ἔτι ὑπερυων. ὅ ἐστι μ⁰κζ' μ''ς" ἔγγιστα, τὰ δὲ δεκαπλάσια τούτων σοξ'. πολλῷ ἄρα ἡ τοῦ κύκλου περυφέρεια μείζων ἐστὶν ἢ τριπλασία καὶ δέκα ἑβορηκοστομόνος και μείζων ἐστὶν ἢ τριπλασία καὶ δέκα ἑβορηκοστομόνος και μείζων ἐστὶν ἢ τριπλασία καὶ δέκα ἑβορηκοστομόνος.

'Ως μεν ούν ένεχώρει, οί παρ' αὐτοῦ είρημένοι 15 άριθμοί μετρίως έσαφηνίσθησαν. ίστέον δέ, ότι καί Απολλώνιος ὁ Περγαΐος ἐν τῷ 'Ωκυτοκίῳ ἀπέδειξεν αὐτὸ δι' ἀριθμῶν έτέρων ἐπὶ τὸ σύνεγγυς μᾶλλον άγαγών. τοῦτο δὲ ἀκριβέστερον μὲν είναι δοκεῖ, οὐ 20 γρήσιμον δὲ πρὸς τὸν Αρχιμήδους σκοπόν. γὰρ αὐτὸν σκοπόν ἔχειν ἐν τῷδε τῷ βιβλίῳ τὸ σύνεγγυς εύρεῖν διὰ τὰς έν τῷ βίφ χρείας. ώστε οὐδὲ Πόρος ὁ Νικαιεὺς εὔκαιρον εύρεθήσεται μέμψιν ἐπάγων 'Αρχιμήδει ώς μη άκριβως εύρόντι, ποία εύθεία 25 ζση έστιν ή τοῦ κύκλου περιφέρεια: έξ ὧν αὐτὸς έν τοῖς κηρίοις φησίν τὸν έαυτοῦ διδάσκαλον, Φίλωνα λέγων τὸν ἀπὸ Γαδάρων, είς ἀχριβεστέρους ἀριθμοὺς άνανεῖν τῶν ὑπ' ᾿Αοχιμήδους εἰοημένων, τοῦ τε ζ" φημι καὶ τῶν ι'οα". ἄπαντες γὰρ ἐφεξῆς φαίνονται

^{5.} πλευρά] πλευρ cum comp. ας FCD. 6. ξς' | Q5 FV. 6-9 et 12-14 sine signo F. 10. μείζονά] scripsi; ελαττονα

erit [Pappus VII, 49 p. 688] $\Delta\Gamma: \Gamma A > 66:2017_{\frac{1}{4}}.$ et quoniam arcus ΓB sexta pars est circuli, erit $H\Gamma$ pars duodecima, $\Theta\Gamma_{\frac{1}{24}}$, $K\Gamma_{\frac{1}{48}}$, $\Delta\Gamma_{\frac{9}{6}}$. quare linea $\Delta\Gamma$ latus est polygoni 96 latera habentis. et $\Delta\Gamma=66.$ itaque perimetrus polygoni ad circuli diametrum maiorem rationem habet, quam 6336:2017 $\frac{1}{4}$.) haec uero tripla sunt et praeterea supersunt 284 $\frac{1}{4}$, quae maiora sunt quam $\frac{1}{4}$?. nam $\frac{1}{71}$ est 27 $\frac{1}{2}$ proxime, et

 $10 \times (27\frac{1}{2}\frac{1}{6}) = 277.^{2}$

itaque multo magis ambitus circuli maior est quam triplex et praeterea 19 maior [I p. 270, 11—12].

Quantum igitur fieri potuit, numeri ab eo positi satis explicati sunt. animaduertendum autem, etiam Apollonium Pergaeum in Ocytocio hoc idem per alios numeros magis adpropinquantes demonstrasse. quod uidetur quidem adcuratius esse, sed ad propositum Archimedis non opus est. diximus enim, eum in hoc libro sibi propositum habere, ut adpropinquando inueniat propter uitae usus. quare ne Porus quidem Nicaeensis Archimedem iure uidebitur uituperasse, quod non exacte inuenerit, quali lineae rectae aequalis sit ambitus circuli. unde in ceriis dicit, magistrum suum, Philonem intellegens Gadarensem, ad numeros adcuratiores redegisse, quam Archimedis, h. e. ‡ et ‡‡.

¹⁾ I p. 278, 6-8.

²⁾ $\frac{1}{\sqrt{1}}$ proprie est $28\frac{1}{2}\frac{7}{4}$, $\frac{1}{4}$ igitur 284 proxime (Wallis lin. 11 scribi uult $\varkappa\eta'\beta'\varepsilon''$, lin. 12 $\sigma\pi\delta$), sed uidetur esse error Eutocii. — cfr. omnino I p. 270, 8—9, unde confirmatur emendatio necessaria $\mu\varepsilon\ell\zeta\sigma\nu\alpha$ lin. 10.

F, uulgo. 17. Ωκυτοκίω] sic FBC recte, ut monait Halley. 24. μή] μι F. 29. ι΄ο α΄΄] scripsi; ι΄ δ΄ F, uulgo; κβ Wallis, Torellius.

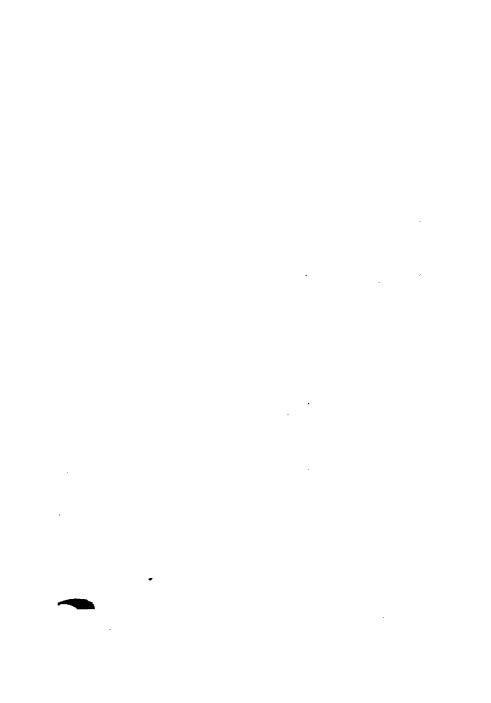
τὸν σκοπὸν αὐτοῦ ἠγνοηκότες. κέχρηνται δὲ καὶ τοῖς τῶν μυριάδων πολλαπλασιασμοῖς καὶ μερισμοῖς, οἶς οὐκ εὕκολον παρακολουθεῖν τὸν μὴ διὰ τῶν Μάγνου λογιστικῶν ἠγμένον. εἰ δέ τις ὅλως ἐβούλετο εἰς ὅ ἔλαττον αὐτὸ καταγαγεῖν, ἐχρῆν τοῖς ἐν τῆ μαθηματικῆ συντάξει Κλαυδίου Πτολεμαίου εἰρημένοις ἀκολουθοῦντα διὰ τῶν μοιρῶν καὶ λεπτῶν καὶ τῶν ἐν τῷ κύκλφ εὐθειῶν τοῦτο ποιεῖν, καὶ πεποιήκειν ἄν ἐγὰ τοῦτο, εἰ μή, ὅπερ πολλάκις εἶπον, ἐνενόουν, ὡς 10 οῦτε ἀκριβῶς δυνατὸν διὰ τῶν ἐνταῦθα εἰρημένων εύρεῖν τῆ τοῦ κύκλου περιφερεία ἴσην εὐθεῖαν, καὶ εἰ τις τὸ σύνεγγυς καὶ παρὰ μικρὸν προσέχοι, ἀρκεῖ τὰ ὑπ' ᾿Αρχιμήδους ἐνταῦθα εἰρημένα.

Εὐτοκίου 'Ασκαλωνίτου ὑπόμνημα εἰς τὴν 'Αοχι15 μήδους τοῦ κύκλου μέτρησιν ἐκδόσεως παραναγνωσθείσης τῷ Μιλησίῳ μηχανικῷ 'Ισιδώρῳ ἡμετέρῳ διδασκάλῳ.

^{11.} ενο cum comp. $\eta \nu$ uel $\iota \nu$ F. 16. $\tau \tilde{\varphi}$ $\dot{\eta} \mu \epsilon \tau \dot{\epsilon} \varrho \varphi$ uulgo; $\tau \tilde{\varphi}$ om. F.C.

adparet enim, omnes deinceps propositum eius ignorasse. et usi sunt multiplicationibus et diuisionibus myriadum, quas non facile est sequi, nisi si quis in logisticis Magni uersatus erit. si quis omnino magis adpropinquare uellet, debebat fieri per partes et minutias et lineas in circulo positas secundum ea, quae dicta sunt in magna syntaxi Claudii Ptolemaei, et hoc fecissem equidem, nisi, ut saepe iam dixi, intellexissem, neque fieri posse, ut iis, quae hic commemorauimus, adiumentis linea ambitui circuli aequalis exacte inueniatur, et si quis eo contentus sit, quod proximum est et ad uerum maxime adcedit, satis esse, quae hic ab Archimede dicta sint.

Eutocii Ascalonitae commentarius in Archimedis librum de dimensione circuli, editione recognita ab Isidoro mechanico Milesio, magistro nostro.



EUTOCII COMMENTARIUS

IN LIBRUM PRIMUM
DE PLANORUM AEQUILIBRIIS.

Τὴν φοπήν, ὧ γενναιότατε Πέτρε, κοινὸν εἶναι γένος βαρύτητος καὶ κουφότητος 'Αριστοτέλης τε λέγει καὶ Πτολεμαῖος τούτῷ ἀκολουθῶν· ὁ δέ γε παρὰ Πλάτωνι Τίμαιος πᾶσαν φοπὴν ἀπὸ βαρύτητος λέγει 5 γίνεσθαι· τὴν γὰρ κουφότητα στέρησιν νομίζει. ὧν ἔξεστι τὰς δόξας τοῖς φιλομαθέσιν ἀναλέγεσθαι ἔκ τε τοῦ περὶ ὁραῶν βιβλίου τῷ Πτολεμαίφ συγγεγραμμένου καὶ ἐκ τῶν 'Αριστοτέλους φυσικῶν πραγματειῶν καὶ ἐκ τοῦ Πλάτωνος Τιμαίου καὶ τῶν ταῦτα ὑπομνημα-10 τισάντων. ὁ δὲ 'Αρχιμήδης ἐν τούτῷ τῷ βιβλίῷ κέντρον ὁραῆς ἐπιπέδου σχήματος νομίζει, ἀφ' οὖ ἀρτώμενον παράλληλον μένει τῷ ὁρίζοντι, δύο δὲ ἢ πλειόνων ἐπιπέδων κέντρον ὁραῆς ἤτοι βάρους, ἀφ' οὖ ἀρτώμενος ὁ ζυγὸς παράλληλός ἐστι τῷ ὁρίζοντι. οἶον

15

Α ἔστω τρίγωνον τὸ ΑΒΓ καὶ
ἐν τῷ μέσῷ αὐτοῦ σημεῖόν
τι τὸ Δ, ἀφ' οὖ ἀρτώμενον
παράλληλον μένει τῷ ὁρίζοντι.
δῆλον οὖν, ὅτι ἰσορροπήσει
Τ τὰ [Α]Β, Γ μέρη ἑαυτοῖς,

καὶ οὐδέτερον τοῦ έτέρου μᾶλλον δέψει ἐπὶ τὸν ὁρίζοντα. ὁμοίως δὲ καὶ ζυγοῦ ὅντος τοῦ Α Β, καὶ ἀπηρ-

Τημένων έξ αὐτοῦ τῶν Α, Β μεγεθῶν, ἐὰν ἀρτώμενος δ

25 ζυγὸς ἀπὸ τοῦ Γ Ισορροποῦντα ἔχη τὰ Α, Β μέρη,

Eutoniou eis to $\bar{\alpha}$ two Aquiphdous isoqqominan F. 17

Momentum, nobilissime Petre, genus esse commune gravitatis et levitatis, et Aristoteles ait et eum sequens Ptolemaeus; Timaeus uero apud Platonem dicit, omne momentum fieri grauitate; leuitatem enim priuationem esse putat. quorum opiniones studiosis colligere licet ex libro Ptolemaei, quem scripsit de momento¹), ex disputationibus physicis Aristotelis³) Platonisque Timaeo⁸), et qui de his commentati sunt. Archimedes autem in hoc libro centrum grauitatis figurae planae id intellegit, ex quo suspensa horizonti parallela maneat, et duorum uel plurium planorum centrum grauitatis id, ex quo suspensa libra horizonti parallela sit. uelut sit $AB\Gamma$ triangulus, et in medio eius punctum aliquod a sit, ex quo suspensus horizonti parallelus maneat. adparet igitur, partes B, I' inter se aequilibritatem seruaturas esse, et neutram ad horizontem magis altera uergere posse. eodem modo si libra est AB, et magnitudinibus A, B ex ea suspensis libra ex Γ suspensa partes A, B inter se aequilibritatem seruantes tenet, parallela horizonti

¹⁾ Nostris temporibus non exstat.

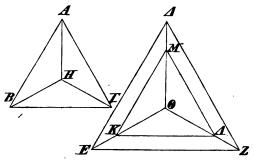
²⁾ De coelo IV, 1, 2 (cfr. Schneider: Eclog. phys. II p. 150).

³⁾ Ubi?

αρτωμεν F (omisso comp. ov). 19. ισσοροπησει F. 20. A. deleo. 24. αρτομενος F. In figg. Δ et Γ om. F.

παράλληλος μένει τῷ δρίζοντι, καὶ ἔσται κέντρον τῆς ἀρτήσεως τῷν A, B μεγεθῶν τὸ Γ .

καλῶς δὲ δοκεί ὁ Γεμίνος εἰπεῖν περὶ τοῦ ᾿Αρχιμήδους, ὅτι τὰ ἀξιώματα αἰτήματα λέγει. τὰ γὰρ ἴσα δ βάρη ἀπὸ ἴσων μηκῶν ἰσορροπεῖν ἀξίωμά ἐστι καὶ τὰ ἐξῆς, καί ἐστιν πάντα σαφῆ τοῖς μετρίως αὐτὰ ἐπισκεπτομένοις. τῶν δὲ ἴσων καὶ ὁμοίων, φησίν, ἐπιπέδων σχημάτων ἐφαρμοζομένων ἐπ᾽ ἄλλαλα καὶ τὰ κέντρα τῶν βαρέων ἐφαρμόζει ἐπ᾽ ἄλλαλα. 10 πάντα γὰρ τὰ μέρη αὐτῶν πᾶσιν ἐφαρμόζει. τῶν δὲ ἀνίσων, ὁμοίων δὲ τὰ κέντρα τῶν βαρέων ὁμοίως ἐσσείται κείμενα. νοείσθω δέ, ὡς ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης καταγραφῆς, τὰ ΑΒΓ, ΔΕΖ τρίγωνα ἄνισα καὶ ὅμοια, κέντρον δὲ βάρους τοῦ μὲν ΑΒΓ 15 τὸ Η, τοῦ δὲ ΔΕΖ τὸ Θ, καὶ ἐπεζεύχθωσαν αί ΑΗ, ΗΓ, ΒΗ, ΔΘ, ΘΕ, ΘΖ. λέγω, ὅτι εἰς ἴσα διαιροῦσιν τὰς γωνίας αὶ ἀπὸ τῶν Η, Θ σημείων ἐπιζευχθεῖσαι.



γινέσθω γάρ, ώς ή EZ πρὸς $B\Gamma$, οῦτως ή $E\Theta$ πρὸς ΘK , καὶ ή $Z\Theta$ πρὸς $\Theta \Lambda$, καὶ ή $\Delta\Theta$ πρὸς ΘM , καὶ 20 ἐπεζεύχθωσαν αί MK, $K\Lambda$, ΛM . ἔσται δὴ ὅμοιον

^{3.} ειπ cum comp. ην uel ιν F. 5. βάφεα Torellius. μα-

manet, et Γ erit centrum suspensionis magnitudinum A, B.

recte autem Geminus obseruasse uidetur, Archimedem axiomata postulata uocare. nam pondera aequalia ex aequalibus magnitudinibus suspensa aequilibritatem seruare [II p. 142, 3] et sequentia axiomata sunt, et omnia manifesta erunt, si quis uel paulisper animum aduerterit. figuris autem planis, inquit [II p. 142, 13—15], et aequalibus et similibus inter se congruentibus etiam grauitatis centra inter se congruunt. nam omnes partes earum cum omnibus congruunt.

II p. 142, 16—17: figurarum uero inaequalium, sed similium centra grauitatis similiter posita erunt] fingantur enim¹) in figura infra proposita trianguli $AB\Gamma$, $\triangle EZ$ inaequales et similes, et centrum grauitatis trianguli $\triangle B\Gamma$ sit H, trianguli $\triangle EZ$ uero Θ , et ducantur $\triangle H$, \triangle

 $EZ:B\Gamma=E\Theta:\Theta K=Z\Theta:\Theta A=\Delta\Theta:\Theta M,$ et ducantur MK, KA, AM. erit igitur $K\Delta M \triangle \Delta EZ$.

¹⁾ Fortasse pro δέ lin. 12 scribendum est γάρ.

nέων idem. ισσορροπειν F. 4—5 sine signo F, sicut 10—12, sed lin. 7—9 adposuit. 8. αλληλα F; corr. Torellius, ut lin. 9. 10. αντ cum comp. ην F. 12. ἐσσείται] ἔσται per comp. F, uulgo; εἶμεν Torellius. 16. HΓ, BH] ed. Basil.; HΓ, BΓ FV; HB, HΓ Cr., Torellius. 17. γωνίας] per comp. Ε. 18. οῦτως] per comp. F.

τὸ ΚΛΜ τρίγωνον τῷ ΔΕΖ τριγώνφ. ἐπεὶ γάρ έστιν, ώς ή ΕΘ πρὸς ΘΚ, ή ΘΖ πρὸς ΘΛ, παράλληλός έστιν ή ΕΖ τῆ ΚΛ. όμοίως δὴ καὶ ή ΜΚ τῆ ΔΕ, καὶ ἡ ΛΜ τῆ ΔΖ. ὅμοιον ἄρα τὸ ΔΕΖ τρίδ γωνον τῷ ΚΛΜ τριγώνω. ἔστιν ἄρα, ώς ἡ ΔΕ πρὸς MK, $\dot{\eta}$ EZ $\pi \varrho \dot{o}_S$ KA, $\pi \alpha \dot{l}$ $\dot{\eta}$ ΔZ $\pi \varrho \dot{o}_S$ MA. $\dot{v}\pi \dot{o}_$ κειται δε διά την όμοιότητα τών ABΓ, ΔΕΖ τριγώνων, ώς $\dot{\eta}$ ΔΕ πρὸς ΑΒ, $\dot{\eta}$ ΕΖ πρὸς ΒΓ, καὶ $\dot{\eta}$ ΔΖ πρός ΑΓ. ίσαι άρα είσιν αί ΑΒΓ ταϊς ΜΚΑ. ώστε 10 έφαρμόζει εκάστη έπλ εκάστην. Ισον άρα καλ διμοιόν έστι τὸ ΑΒΓ τρίγωνον τῶ ΚΜΛ τριγώνω. ώστε καὶ έφαρμόσει τὸ κέντρον τοῦ ΑΒΓ ἐπὶ τὸ τοῦ ΜΚΛ. τοῦ δὲ Η ἐπὶ τὸ Θ ἐφαρμόζοντος καὶ τῶν Α, Β, Γ έπι τὰ Μ, Κ, Λ ἐφαρμόσουσιν και αί ΑΗ, ΒΗ, ΓΗ 15 έπλ τὰς ΜΘ, ΚΘ, ΛΘ καλ ἴσας ποιήσουσιν νωνίας πρός τοις Μ, Κ, Λ ταις έν τω ΑΒΓ τριγώνω. ώστε καὶ ἐν τῷ ΔΕΖ. αί αὐταὶ γάρ είσιν εὐθεῖαι αί ἀπὸ τοῦ Θ ἐπί τε τὰ Μ, Κ, Λ καὶ ἐπὶ τὰ Δ, Ε, Ζ ἐπιζευγνύμεναι.

20 Παντὸς σχήματος, οὖ κα ἁ περίμετρος ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλα ἦ, τὸ κέντρον τοῦ βάρεος ἐντὸς εἶμεν δεῖ τοῦ σχήματος] τίνας καλεῖ τὰς ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλας γραμμάς, εἴρηται ἡμῖν σαφῶς ἐν τοῖς προοιμίοις τοῦ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου. ἐπειδὴ 25 δὲ τὸ σχῆμα τὸ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλην ἔχον τὴν περί-

^{8.} EZ πρὸς ΒΓ] ΒΓ προς EZ F; corr. Torellius (Cr.).
12. ἐφαρμόσει] σ in rasura, ut uidetur, F. 15. γωνίας] per comp. F. 20—22 signum adp. F. 22. εἶμεν] ειναι per comp. F; corr. Torellius. 25. περιδιαμετρον FV.

nam quoniam est $E\Theta:\Theta K = \Theta Z:\Theta \Lambda$, erit EZ lineae $K\Lambda$ parallela. eodem modo etiam MK lineae ΔE parallela est, et ΛM lineae ΔZ . quare $\Delta EZ \sim K\Lambda M$. itaque erit $\Delta E:MK = EZ:K\Lambda = \Delta Z:M\Lambda$. supponitur autem propter similitudinem triangulorum $\Delta B\Gamma$, ΔEZ , esse

 $\Delta E : AB = EZ : B\Gamma = \Delta Z : A\Gamma^{1}$

itaque AB, $B\Gamma$ aequales sunt lineis MK, KA. itaque inter se congruent, et triangulus $AB\Gamma$ aequalis et similis est triangulo KMA. quare etiam centrum trianguli $AB\Gamma$ cum centro trianguli MKA congruet [II p. 142, 3]. sed puncto H cum Θ congruente et A, B, Γ cum M, K, A etiam AH, BH, ΓH cum $M\Theta$, $K\Theta$, $A\Theta$ congruent et ad puncta M, K, A efficient angulos aequales angulis trianguli $AB\Gamma$. quare etiam in triangulo AEZ [idem facient]. nam lineae a puncto Θ ad M, K, A et ad A, E, E ductae eaedem sunt.

II p. 144, 3—6: cuiuslibet figurae, cuius perimetrus in eandem partem caua est, centrum grauitatis intra figuram esse necesse est] quasnam lineas in eandem partem cauas adpellet, perspicue dictum est a nobis in procemio operis de sphaera et cylindro [u. supra p. 4]. quoniam autem figura, cuius perimetrus

¹⁾ Hinc per se nihil concludi potest, nisi esse $ABF \sim MKA$ (quod statim inde sequitur, quod uterque similis est triangulo $\triangle EZ$); sed addendum erat, esse

 $[\]Delta E: MK = \Theta E: \Theta K = EZ: B\Gamma = \Delta E: AB.$ desideratur etiam demonstratio, cur Θ centrum sit trianguli MKA.

²⁾ Uidetur (etiam ob śnástny) significari

AB, $B\Gamma$, $A\Gamma = MK$, KA, MA.

μετρον πάντα τὰ μέρη τοῦ ἐπιπέδου ἐντὸς ἔχει καὶ τὰς γωνίας, δῆλον, ὅτι καὶ τὸ κέντρον τοῦ βάρους ἐντὸς ἔχει τοῦ σχήματος. ἐπὶ γάρ τινων σχημάτων τὸ κέντρον τοῦ σχήματος ἐκτός ἐστι καὶ ἐπὶ τῆς περι- $μέτρου. ἐπὶ μὲν γὰρ τοῦ <math> AB\Gamma$ ἡμικυκλίου κέντρον τοῦ σχήματός ἐστι τὸ H, ἐπὶ δὲ τῆς <math> AEZ ὑπερβολῆς τὸ

κέντοον τοῦ σχήματος ἐκτός ἐστιν, καθ' ὁ αὶ διάμετροι συμπίπτουσιν ἀλλήλαις, ὡς ἔχει τὸ Θ. εἰρηται γὰρ ταῦτα ἐν τῷ δευτέρῷ βιβλίᾳ τῷν ᾿Απολλωνίου κωνικῶν. ὅμως δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ σχή-Ζ ματος καὶ ἐπὶ τοῦ ΔΕΖ τὸ κέντρον τοῦ βάρους, ἀω' οὖ

δηλονότι ἀρτώμενον τὸ σχῆμα παράλληλόν ἐστι τῷ ὁρίζοντι, ἐντός ἐστι τῆς περιμέτρου. εἰ γὰρ ἔσται ἐπὶ τῆς περιμέτρου ἢ ἐκτός, ῥέψει ἐπὶ θάτερα ὅπερ οὐχ ὑπόκειται.

Είς τὸ δ'.

20

"Εστω κέντρον τοῦ βάρεος τὸ Δ, εἰ δυνατόν ὅτι γάρ ἐστιν ἐπὶ τᾶς ΑΒ, δεδείκται] εἰρηται γὰρ ἀνωτέρω, ὅτι δύο μεγεθῶν κέντρον ἐστίν, ἀφ' οὖ ἀρτώμενος ὁ ζυγὸς ἰσορροποῦντα ἔχει τὰ μέρη παρ-25 άλληλος μένων τῷ ὁρίζοντι ὅστε οὖν ἐπὶ τῆς ΑΒ ἐστι τὸ κέντρον τῶν Α, Β μεγεθῶν.

^{2.} γωνίας] per comp. F. 4. καὶ ἐπί τινων ἐπί Torellius.
8. Post ἐστιν repetuntur τὸ H lin. 6 — ἐστιν lin. 8 in F; sed expunxit manus 1. 20. εις το B F; corr. Torellius. 21. ἔστω] per comp. F. βαφους FV. 22. της per comp. F; corr. Torellius. 23. ανοτεφω F. Lin. 21—22 sine signo F.

in eandem partem caua est, omnes partes plani 1) angulosque intus habet, adparet, eam etiam centrum grauitatis intra figuram habere. nam in quibusdam figuris centrum figurae extra figuram uel in perimetro est. 2) in semicirculo enim $AB\Gamma$ centrum figurae est H [Eucl. I def. 19], in hyperbola autem ΔEZ centrum figurae extra positum est; id enim punctum est, in quo diametri concurrunt, quale est Θ . hoc enim in secundo libro conicorum Apollonii dictum est. nihilo minus et in figura $AB\Gamma$ et in ΔEZ centrum grauitatis, ex quo scilicet suspensa figura horizonti parallela manet, intra perimetrum est; nam si in perimetro siue extra fuerit, in alteram utram partem uerget; quod supponitur non fieri.

In prop. IV.

II p. 148, 8—12: sit Δ centrum grauitatis, si fieri potest; nam [id] in linea AB esse, demonstratum est] supra [p. 306, 11 sq.] enim dictum est, duarum magnitudinum centrum grauitatis id esse, ex quo suspensa libra [omnes] partes aequilibritatem seruantes teneat horizonti parallela manens. quare centrum magnitudinum A, B in AB est.

Obscure significatur de sph. et cyl. I def. 2 p. 6; sed fort. τοῦ ἐπιπέδου lin. 1 corruptum est.

²⁾ Cfr. Proclus in Eucl. p. 160.

Els τὸ ζ'.

"Ήτοι μετζόν έστι τὸ AB τοῦ Γ ἢ ιστε ἰσοφοπεῖν ἢ οῦ] τούτου τοῦ ὁητοῦ δεῖ ἀκούειν οὐχ ικ μείζονος ὑπάρχοντος πάντως τοῦ AB μεγέθους τοῦ Γ, ἀλλὰ μείζονος ὑποκειμένου ἢ κατὰ τὴν ἰσοφοκίαν. δυνατὸν γάρ έστι καὶ τὸ ἔλαττον μέγεθος τοῦ μείζονος μείζονα ἔχειν τὴν ὁοπὴν διὰ τὸ μῆκος τοῦ ζυγοῦ μείζον ὂν πάνυ καὶ ἄνισον ποιοῦν τὸν λόγον.

Καὶ ἀφηρήσθω ἀπὸ τοῦ ΑΒ ἔλασσον τᾶς
10 ὑπεροχᾶς, ἔ μεῖζόν ἐστι τὸ ΑΒ τοῦ Γ ἢ ὥστε
ἰσορροπεῖν, ὥστε λοιπὸν τὸ Α σύμμετρον εἶμεν τῷ Γ] δεῖ, φησιν, ἀφελεῖν ἀπὸ τοῦ ΑΒ μέγεθός τι
τὸ Β, ὅ ποιεῖ λοιπὸν τὸ Α τῷ Γ σύμμετρον καὶ μεῖξον τὸ Α τοῦ Γ ἢ κατὰ τὴν ἰσορροπίαν. τοῦτο δὲ
15 δυνατὸν ποιεῖν διὰ τῶν ἐν τῆ ἀρχῆ τοῦ δεκάτου τῆς
στοιχειώσεως Εὐκλείδου εἰρημένων καὶ ἐν τῷ τρίτῷ
τῶν Θεοδοσίου σφαιρικῶν.

Elg τὸ ιγ'.

Καὶ ἐπεζεύχθωσαν αί ΕΖ, ΗΚ, ΔΜ. ἐσ20 σούνται δὴ αὐταὶ παρὰ τὰν ΒΓ] ἐπεὶ γὰρ ἴση
ἐστὶν ἡ ΒΟ τῷ ΨΓ, καὶ ἡ ΔΒ τῷ ΔΓ, ἔσται, ὡς ἡ
ΔΒ πρὸς ΟΒ, ἡ ΔΓ πρὸς ΨΓ, καὶ διελόντι, ὡς ἡ
ΔΟ πρὸς ΟΒ, ἡ ΔΨ πρὸς ΨΓ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΔΟ
πρὸς ΟΒ, ἡ ΑΕ πρὸς ΕΒ΄ ἡ γὰρ ΕΟ παρὰ τὴν ΑΔ

^{1.} εις το ε F; corr. Torellius. 2. το απο AB FV. η ωστε] scripsi; ωστε F, uulgo. ισοφοπ cum comp. ην uel ιν F. Lin. 2-3, 19-20 sine signo F. 7. μιπος F. 9. Et in textu ante καί et in mg. signum s adp. F. 10. η addidi; om. F, uulgo. 11. ισοφοπ cum comp. ην uel ιν F. ειναι per comp. F. 18. εις το αι F; corr. Torellius. 19. ΛΜ] Λ FV. εσσούνται] πεσουνται F; corr. Torellius. 24. ΛΕ) ΛΘ ΕΥ.

In prop. VII.

II p. 158, 13—14: aut maior est AB magnitudine Γ , quam ut aequilibritatem seruet, aut non maior] hoc ita intellegendum est, non quasi omnino magnitudo AB maior sit magnitudine Γ , sed supponatur maior quam pro aequilibritate. nam fieri potest, ut minor etiam magnitudo propter longitudinem librae multo maiorem et rationem inaequalem reddentem maius momentum habeat quam maior.

II p. 158, 14—17: et a magnitudine AB auferatur magnitudo minor excessu, quo AB magnitudine Γ maior est, quam ut aequilibritatem seruet, ita ut, quae relinquitur magnitudo A commensurabilis sit magnitudini Γ] oportet, inquit, ab AB magnitudinem quandam B auferri, quae reliquum A cum Γ commensurabile reddat, et simul A magnitudine Γ maiorem, quam ut aequilibritatem seruet. hoc autem per ea fieri potest, quae in initio decimi libri elementorum Euclidis et in tertio libro sphaericorum Theodosii¹) dicta sunt.

In prop. XIII.

II p. 176, 2-3: et ducantur lineae EZ, HK, ΔM . eae igitur lineae $B\Gamma$ parallelae erunt] nam quoniam $BO = \Psi\Gamma$, $\Delta B = \Delta\Gamma$, erit $\Delta B: OB = \Delta\Gamma: \Psi\Gamma$, et dirimendo $\Delta O: OB = \Delta\Psi: \Psi\Gamma$. sed

 $\Delta O: OB = AE: EB;$

¹⁾ Theodosius sphaer. III, 9 p. 73; 10 p. 75 (Nizze). cfr. Nizze p. 151, Hunt II p. 81. Eucl. X, 1. u. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 369.

έστιν ώς δὲ ἡ ΔΨ πρὸς ΨΓ ἡ ΑΖ πρὸς ΖΓ. καὶ ώς ἄρα ἡ ΑΕ πρὸς ΕΒ, ἡ ΑΖ πρὸς ΖΓ. παράλληλος ἄρα έστιν ἡ ΕΖ τῆ ΒΓ. ὁμοίως δὴ δειχθήσονται καὶ αί λοιπαί:

Τὸ δὴ ΑΔΓ ποτὶ πάντα τὰ τρίγωνα τὰ ἀπὸ τᾶν ΑΜ, ΜΚ, ΚΖ, ΖΓ ἀναγεγραμμένα όμοῖα τῷ ΑΔΓ τοῦτον ἔχει τὸν λόγον, ὃν ἔχει & ΓΑ ποτί ΑΜ διὰ τὸ ἴσας εἶμεν τὰς εὐθείας] ἐπεί γὰρ ὅμοιά ἐστι τὰ ΑΔΓ, ΑΣΜ τρίγωνα, πρὸς ἄλ-10 ληλα διπλασίουα λόγου έχει, ήπερ ή ΑΓ πρός ΑΜ. έπει δε νῦν ὑπόκειται ἡ ΑΓ τῆς ΑΜ τετραπλασίων, τὸ ΑΔΓ τρίγωνον πρὸς τὸ ΑΣΜ λόγον ἔχει, ον ις' πρὸς εν, πρὸς δὲ πάντα τὰ τρίγωνα τὰ ἀπὸ ΑΜ, ΜΚ, ΚΖ, ΖΓ λόγον έχει, ὃν ις΄ πρὸς τέσσαρα. ἀνά-15 λογον άρα έστίν, ώς τὸ ΑΔΓ τρίγωνον πρός τὰ τρίγωνα τὰ ἀπὸ τῶν ΑΜ, ΜΚ, ΚΖ, ΖΓ ὅμοια τῷ ΑΔΓ, ούτως αὐτὰ τὰ τρίγωνα πρὸς τὸ ΑΣΜ, τουτέστιν ή ΓΑ πρός ΑΜ. ὅμοια γάρ είσιν καὶ ἐπὶ ἴσων βάσεων καὶ διὰ τοῦτο ἴσα καί είσιν πρὸς ἄλληλα, ὡς 20 αί βάσεις.

'Αλλά ά ΓΑ ποτὶ ΑΜ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΦΡ ποτὶ ΡΘ· ὁ γὰρ τᾶς ΑΓ ποτὶ ΑΜ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τᾶς ΦΡ ποτὶ ΡΠ] εἰ γὰρ νοήσειας ἐκβεβλημένας τὰς ΡΦ, ΓΔ καὶ συμπιπτούσας, 25 διὰ τὰς παραλλήλους ἔσται, ὡς ἡ ΦΡ πρὸς ΡΠ, ἡ ΓΔ πρὸς ΔΩ. ἀλλ' ὡς ἡ ΓΔ πρὸς ΔΩ, ἡ ΓΑ πρὸς ΑΜ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΓΑ πρὸς ΑΜ, ἡ ΦΡ πρὸς ΡΠ. ἡ δὲ ΦΡ πρὸς ΡΠ μείζονα ἔχει λόγον, ἤπερ ἡ ΦΡ

^{1.} AZ] AZ F; corr. Torellius. Lin. 5-8 signum adp. F.
5. AΔΓ τρίγωνον Torellius (II p. 176, 11). 6. τῶν] των per comp. F; corr. Torellius. 8. προς per comp. F; corr. Torel-

nam $EO \dagger A\Delta$; et $\Delta \Psi : \Psi \Gamma = AZ : Z\Gamma$. quare etiam $AE : EB = AZ : Z\Gamma$. itaque EZ lineae $B\Gamma$ parallela est. eodem modo etiam in reliquis demonstrabitur.

II p. 176, 10—14: triangulus igitur $A\Delta\Gamma$ ad omnes triangulos triangulo $A\Delta\Gamma$ similes, qui in lineis AM, MK, KZ, $Z\Gamma$ constructi sunt, eam rationem habet, quam $\Gamma A:AM$, quia lineae aequales sunt] nam quoniam $A\Delta\Gamma \sim A\Sigma M$, erit [Eucl. VI, 19]

 $A\Delta\Gamma:A\Sigma M=A\Gamma^2:AM^2.$

iam quoniam supponitur $A\Gamma = 4AM$, erit

 $A\Delta\Gamma: A\Sigma M = 16:1,$

sed $A \triangle \Gamma$ ad omnes triangulos in AM, MK, KZ, $Z\Gamma$ positos eam rationem habet, quam 16:4. itaque ut $A \triangle \Gamma$ triangulus ad triangulos in AM, MK, KZ, $Z\Gamma$ positos triangulo $A \triangle \Gamma$ similes, ita hi ipsi trianguli ad $A \Sigma M$, h. e. $\Gamma A : AM$; nam similes sunt et in basibus aequalibus positi; quare aequales sunt et eam inter se rationem habent, quam bases. 1)

II p. 176, 19—22: sed $\Gamma A:AM > \Phi P: P\Theta$; nam $A\Gamma:AM = \Phi P: P\Pi$] nam si lineas $P\Phi$, $\Gamma \Delta$ productas et concurrentes finxeris, propter parallelas erit $\Phi P: P\Pi = \Gamma \Delta : \Delta \Omega$. sed $\Gamma \Delta : \Delta \Omega = \Gamma A: \Delta M$. quare etiam $\Gamma A: \Delta M = \Phi P: P\Pi$.

¹⁾ Tum cfr. Quaest. Arch. p. 48.

lius, ut lin. 21, 22 (prius), 23. sevae per comp. F; corr. Torellius. 12. $\tau \varrho \ell \gamma \omega \nu \sigma \nu \rangle \nabla$ F. 14. $Z\Gamma \rangle$ om. F. 15. $A\Delta\Gamma \rangle$ AB Γ F; corr. Torellius. 21. állá \rangle álla F. 22. $\tau \eta_S \Sigma$; corr. Torellius, ut lin. 23. $\pi \sigma \iota \ell \rangle$ (alt.) scripsi; $\pi \varrho \sigma_S \rho_S \Gamma$ comp. F, uulgo.

10

πρὸς PΘ. καὶ ἡ ΓΛ ἄρα πρὸς ΛΜ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΦΡ πρὸς PΘ.

Όπερ ἀδύνατον τᾶς γὰρ διὰ τοῦ Χ εὐθείας παρὰ τὰν ΔΑ ἀγομένας ἐν τῷ ἐπιπέδῷ ἐπὶ τὰ 5 αὐτὰ ἐσσείται πάντα τὰ τρίγωνα, τουτέστιν ἐπὶ θάτερον μέρος] καὶ δέψει δηλονότι ἐπ' ἐκεἴνο πάντα τὰ μεγέθη καὶ οὐκ ἰσορροπήσει ὅπερ οὐχ ὑπόκειται. ὑπόκειται γὰρ κέντρον τῶν μὲν παραλληλογράμμων τὸ Ρ, τῶν δὲ τριγώνων τὸ Χ.

Είς τὸ ἄλλως τοῦ ιγ'.

Όμο (ως γάφ έντι κείμενα τὰ Θ, Κ, Λ έν τοῖς τριγώνοις] αῖ τε γὰρ ΑΘ, ΕΚ, ΖΛ παράλληλοι οὖσαι όμο (ως διαιροῦσιν τὰς γωνίας. καὶ αί ΘΛΓ, ΘΚΒ αὶ αὐταί εἰσιν ἐν πᾶσι τοῖς τριγώνοις, καὶ λοιπαὶ αί 15 ΚΔ, ΔΛ.

Είς τὸ ιε'.

'Εὰν γὰο ἐκβαλῆς τὰς ΓΔΗ, ΖΕΗ, ΒΑΗ, δῆλον, ὅτι ἐπὶ τὸ αὐτὸ σαμεῖον ἐρχόνται] ἐκβληθεισῶν γὰο τῶν ΒΑΗ, ΖΕΗ καὶ συμπιπτουσῶν
20 ἀλλήλαις κατὰ τὸ Η, καὶ ἡ ΓΔ ἐκβαλλομένη ἐν τῷ
αὐτῷ πεσεῖται. ἔστιν γὰο ὡς ἡ ΒΗ ποὸς ΗΑ, ἡ ΖΗ

^{1.} ἄρα] om. FVA. Lin. 3—5 sine signo F, lin. 11—12, 17—18 cum signo. 5. τρίγωνα] scripsi; κεντρα F, uulgo. 6. ἐκεῖνο] scripsi; εκεινω F, uulgo. 8. τῶν μέν] του (comp). μεν FVD. παραλληλογράμμων] syll. -ων manu 2 correcta est in F (-μου VD). 10. του τῶ F; corr. Torellius. 11. Λ ἐν] ΛΕ F; corr. Torellius. 12. ΖΛ] ΖΛ F; corr. Torellius. 13. γωνίας] per comp. F. ΘΓΖ, ΘΒΕ Torellius. 15. ΚΒΛ, ΛΓΛ Torellius. 16. εις το τῷ F; corr. Torellius. 17. ΖΕΝ F. 18. ἐρχόνται] -αι supra manu 1 F. 19. συμπιμπτουσων F. 20. ΓΛ] ΒΛ F; corr. Torellius. 21. γάρ] scripsi; δε F, uulgo.

 \mathbf{sed}

 $\Phi P: P\Pi > \Phi P: P\Theta.$

itaque etiam $\Gamma A:AM>\Phi P:P\Theta$.

II p. 178, 16—19: quod fieri non potest; nam omnes trianguli in eadem parte sunt lineae per X in plano ductae lineae ΔA parallelae, h. e. in altera parte] et adparet, omnes magnitudines ad eam uersus necessario uergere nec aequilibritatem seruaturas esse; quod non fieri supponitur. nam supponitur P centrum [grauitatis] esse parallelogrammorum, X autem triangulorum.

In alteram demonstrationem prop. XIII.

II p. 180, 14—15: nam puncta Θ , K, Λ in triangulis similiter posita sunt] nam $\Lambda\Theta$, EK, $Z\Lambda$, quae parallelae sunt, angulos similiter dividunt. et $\Theta\Lambda\Gamma$, ΘKB in omnibus triangulis eaedem sunt, et reliquae sunt $K\Delta$, $\Delta\Lambda$.¹)

In prop. XV.

II p. 184, 10—11: nam si produxeris lineas $\Gamma \Delta H$, ZEH, BAH, adparet, eas in idem punctum incidere] productis enim BAH, ZEH et concurrentibus in H etiam $\Gamma \Delta$ producta in idem punctum cadet. est enim

¹⁾ Sic debuit dicere (ex lin. 13): et $\Theta \Lambda \Gamma$ in triangulis $AB\Gamma$, $Z \Delta \Gamma$ et ΘKB in $AB\Gamma$, $BE\Delta$ acquales angulos ad B, Γ faciunt. praeterea $K\Delta + \Theta \Gamma$, h. e.

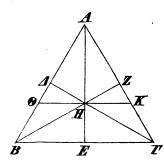
πρὸς HE, καὶ ἡ BZ πρὸς AE, καὶ ἡ $Z\Gamma$ πρὸς $E\Delta$, καὶ δηλαδὴ ἡ ΓH πρὸς ΔH .

Έσσείται δὴ τοῦ μὲν Β⊿Γ τριγώνου πέντρον τοῦ βάρεος ἐπὶ τᾶς ΘΜ, ἐπειδήπερ τρί-5 τον μέρος ά ΒΘ τᾶς ΒΔ] ἔστω τρίγωνον τὸ ΑΒΓ καλ έπεζεύγθωσαν από των γωνιών έπλ τας διχοτομίας τών πλευρών αί ΑΕ, ΒΖ, ΓΔ. κέντρον άρα έστι τοῦ βάρους τοῦ ΑΒΓ τριγώνου τὸ Η. καὶ φανερόν, ὅτι πάντα τὰ τρίγωνα ἴσα ἐστὶν ἀλλήλοις, καὶ ὅτι αί ἐκὶ 10 τὰς διγοτομίας τῶν πλευρῶν ἐπιζευγνύμεναι διὰ τοῦ Η ξογονται, ΐνα μη τοῦ αὐτοῦ πλείονα κέντρα ή, ἐπεὶ γὰρ ἴσαι αί $A \triangle$, $\triangle B$, BE, $E\Gamma$, ΓZ , ZA, ἴσα ἔσται καὶ τὰ τρίγωνα, ών κορυφή τὸ Η σημείον, βάσεις δὲ αί είρημέναι εύθείαι. ώστε διπλάσιόν έστι τὸ ΑΗΒ 15 τρίγωνον τοῦ ΗΒΕ τριγώνου. ώστε καὶ ἡ ΑΗ τῆς ΗΕ. ἐὰν οὖν διὰ τοῦ Η παρὰ τὴν ΒΓ ἀγάγωμεν την ΘΚ, διπλασία έστιν η ΑΘ της ΘΒ. ώστε καθόλου έὰν μία πλευρὰ τριγώνου τμηθη, ώστε τὸ πρὸς τη κορυφη μέρος διπλάσιον είναι τοῦ πρὸς τη βάσει, καὶ 20 διὰ τοῦ ληφθέντος σημείου παράλληλος ἀγθη τη βάσει. έπλ της άχθείσης έσται τὸ κέντρον τοῦ βάρους τοῦ τριγώνου.

^{2.} ΓH $\pi \varrho \delta s$ ΔH] ΔH $\pi \varrho \sigma s$ $\Delta \Sigma$ F; corr. Torellius $(H\Delta)$. 3—5 sine signo F; contra lin. 1—2 signum adp. 3. $\varepsilon \sigma \tau \alpha \iota$ F, uulgo. 4. $\beta \alpha \varrho \varepsilon \omega s$ F. 12. $\gamma \alpha \varrho$] scripsi; $\delta \varepsilon$ F, uulgo. Lin. 13 signum in mg. adp. F. 13. $\sigma \alpha \mu \varepsilon \iota \iota \sigma \nu$ F. $\beta \alpha \sigma$ cum comp. ηs uel ιs F; corr. Torellius (S^2) . 16. $\sigma \nu \nu$] om. F; corr. Torellius (Cr.). 21. $\beta \alpha \varrho$ cum comp. ωs F; $\beta \alpha \varrho \varepsilon \sigma s$ uulgo; quod correxi. $\varepsilon \iota s$ $\tau \sigma$ $\bar{\alpha}$ $\beta \iota \beta \iota \iota \sigma \nu$ $\bar{\nu}$ in fine.

 $BH:HA=ZH:HE=BZ:AE=Z\Gamma:EA=\Gamma H:\Delta H$ [tum u. Eucl. VI, 2].

II p. 186, 2—4: erit igitur trianguli $B \Delta \Gamma$ centrum grauitatis in linea ΘM positum, quoniam $B\Theta = \frac{1}{3}B\Delta$] sit $AB\Gamma$ triangulus, et ab angulis ad puncta media laterum ducantur AE, BZ, $\Gamma\Delta$. itaque H centrum grauitatis est trianguli $AB\Gamma$ [de plan. aeq. I, 14]; et



manifestum est, omnes triangulos aequales esse, et lineas ad puncta media laterum ductas per H cadere, ne plura eiusdem figurae centra [grauitatis] sint. nam quoniam aequales sunt $A\Delta$, ΔB , BE, $E\Gamma$, ΓZ , ZA, etiam trianguli, quorum uertex est punctum H, bases

autem lineae illae, aequales sunt.1) quare

AHB = 2HBE;

quare etiam AH = 2HE [cfr. Eucl. VI, 1]. si igitur per H lineae $B\Gamma$ parallelam duxerimus ΘK , erit $A\Theta = 2\Theta B$ [Eucl. VI, 2].

omnino igitur, si latus unum trianguli ita secatur, ut pars ad uerticem sita duplo maior sit parte ad basim sita et per punctum ita sumptum linea basi parallela ducitur, centrum grauitatis trianguli in linea [ita] ducta positum erit.

¹⁾ Adparet, Eutocium hinc tacite sibi adsumere, triangulum aequilaterum esse; sed propositio de quouis triangulo uera est, nec triangulus ΒΔΓ apud Archimedem aequilaterus est, neque ipse ab initio hoc de triangulo ΑΒΓ supposuit (p. 320, 5 sq.).

EUTOCII COMMENTARIUS

IN LIBRUM II

DE PLANORUM AEQUILIBRIIS.

'Αποιβώς ἐπεξελθόντες τῷ πρώτω καὶ σαφηνίσαντες τὰ ἐν αὐτῷ δυσθεώρητα ἀναγκαίον ἡγούμεθα καὶ τὰ έν τῷ δευτέρῳ δυσχερῷς εἰρημένα μετρίως ἐκθέσθαι. φησίν τοίνυν έν τη προτάσει τοῦ πρώτου θεωρήματος. 5 ύποκείσθω τὰ ΑΒ, Γ⊿ χωρία περιεχόμενα ὑπὸ εὐθείας καὶ ὀρθογωνίου κώνου τομᾶς, ἃ δυνάμεθα παρά τὰν δοθείσαν εὐθείαν παραβαλεζν, τοῦτο δὲ αὐτόθεν μὲν διὰ τῶν ἐνταῦθα δεδειγμένων ούκ έστιν εύρειν. έπει δε δέδεικται αὐτῷ, 10 ώς και έν τῷ περί σφαίρας και κυλίνδρου είπεν, ὅτι τὸ τοιοῦτον σηῆμα ἐπίτριτόν ἐστι τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἰσον, τῷ δὲ ἐπιτρίτω τοῦ τριγώνου ἐπιπέδω εὐθυγράμμω ὅντι δυνάμεθα ίσου παρά την δοθείσαν εύθείαν παραβαλείν, 15 φανερόν, ὅτι καὶ τοῖς τοιούτοις σχήμασιν. τὰ δὲ ἐν τῆ κατασκευῆ εἰρημένα πάντα δῆλά έστι διὰ τοῦ δεκάτου θεωρήματος τοῦ πρώτου τούτων τῶν βιβλίων.

Είς τὸ β΄.

Τοῦ δευτέρου θεωρήματος προλέγει τινὰ δηλοῦντα, 20 πῶς δυνατὸν ἐν τῆ τοῦ ὀρθογωνίου κώνου τομῆ σχῆμα γνωρίμως ἐγγράφεσθαι καί φησιν· ταῦτα δὲ δεικ-

Eυτοκιου εις το β των ισοφοπικων Αρχιμηδους F. 6. τομης F; corr. Torellius. 5—8 signum adp. F (non lin. 21—
p. 326, 1). 7. παραβαλ cum comp. ην uel ιν F, ut lin. 9, 14,
p. 326, 2. 16. δεκατου] scripsi; τεταρτου F, uulgo. cfr. II
p. 190, 18. 21. δέ] addidi; om. F, uulgo. cfr. II p. 192, 16.

Adcurate primo libro exposito et explicatis, quae in eo difficilia erant perspectu, necessarium esse putamus, etiam quae in secundo libro impedite dicta sint, aliquatenus exponere. in propositione igitur theorematis primi: supponantur, inquit, spatia AB, ΓΔ linea recta et sectione coni rectanguli comprehensa, quae lineae datae adplicare possumus [ILp. 188, 12; cfr. 3 sq.]. hoc uero ex iis, quae hic demonstrata sunt, non statim licet inuenire. sed quoniam demonstrauit1), sicut etiam in libro de sphaera et cylindro dixit [I p. 2], figuram eius modi tertia parte maiorem esse triangulo eandem basim habenti et altitudinem aequalem, et spatium aequale spatio, quod tertia parte maius est triangulo, quod rectilineum est, datae lineae adplicare possumus, adparet, etiam [spatium] eius modi figuris [aequale datae lineae adplicari posse]. quae autem in constructione dicta sunt, omnia ex theoremate decimo primi libri aperta sunt.

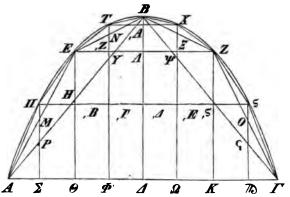
In prop. II.

Secundo theoremati quaedam praefatus est [II p. 192, 2—16], unde adparent, quomodo fieri possit, ut sectioni coni rectanguli figura proprie inscribatur, et dicit [II p. 192, 16—17]: haec autem suis locis demon-

¹⁾ De quadr. parab. 17 et 24; cfr. Quaest. Arch. p. 29.

τέον έν ταϊς τάξεσιν. ἐπειδὴ οὖν ἀσαφές ἐστιν τὸ λεγόμενον, ἀναγκαϊον εἰπεῖν βραχέα περὶ αὐτοῦ ἐκ τῶν ᾿Απολλωνίου κωνικῶν εὑρεθέντα.

ἔστω σχημα περιεχόμενον ὑπὸ παραβολης της ΑΒΓ 5 καὶ εὐθείας της ΑΓ, οὖ διάμετρος ἔστω ἡ ΒΔ. φανερὸν δή, ὅτι κορυφή έστι τοῦ τμήματος τὸ Β σημείον. κορυφὰς γὰρ ἐκάλει τῶν γραμμῶν ὁ ᾿Απολλώνιος τὰ πρὸς ταίς γραμμαῖς πέρατα τῶν διαμέτρων. ἐὰν δὴ ἐπιζεύξωμεν τὰς ΑΒ, ΒΓ, ἔσται τὸ [ἀπὸ] ΑΒΓ τρί-10 γωνον τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχον τῷ τμήματι καὶ ΰψος ἴσὸν, τὴν ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὴν ΑΓ κάθετον ἀγομένην οὐ γὰρ πάντως ἄξων ἐστὶν ἡ ΒΔ. ἐὰν δὴ λαβόντες τὰς κορυφὰς τῶν ΑΒ, ΒΓ τμημάτων τὰς Ε, Ζ δι'



αὐτῶν παραλλήλους ἀγάγωμεν τῆ B extstyle extstyle

^{7.} εκβαλει F. 9. ἀπό] deleo; ὑπό Torellius. 11. AT]

stranda sunt. iam quoniam obscura est sententia horum uerborum, necesse est pauca de iis dicere ex conicis Apollonii petita.

sit 1) figura comprehensa parabola $AB\Gamma$ et linea recta $A\Gamma$, cuius diametrus sit $B\Delta$. adparet igitur, B punctum uerticem esse segmenti. uertices enim linearum adpellauit Apollonius [I def. 11] terminos diametrorum ad lineas positos. si igitur duxerimus lineas AB, $B\Gamma$, triangulus $AB\Gamma$ eandem basim habebit, quam segmentum, et altitudinem aequalem, lineam ab B ad $A\Gamma$ perpendicularem. neque enim semper axis est $B\Delta$. si igitur sumptis E, Z uerticibus segmentorum AB, $B\Gamma$ per eos lineas EH, ZK lineae $B\Delta$ parallelas duxerimus, diametri erunt segmentorum AB, $B\Gamma$. nam in parabola demonstratum est, omnes lineas axi parallelas diametros sectionis fore. itaque E, Z uertices segmentorum erunt, et li-

¹⁾ Breuiorem demonstrationem dedit Nizzius p. 27; cfr. Zeitschr. f. Math., hist. Abth. XXV p. 62.

²⁾ Nam si axis est B Δ, ipsa perpendicularis erit, ut in figura est. axis ab Archimede uocatur διάμετρος τᾶς τομᾶς, quod alio sensu posuit Eutocius lin. 17 (ibi Archimedes scripsisset αί παρὰ τὰν διάμετρον). sed lin. 17: διάμετρον ex usu Archimedis usurpauit, ubi debuit dicere: ἄξονα.

scripsi; AB F, uulgo. 13. $\delta\iota'$ $\alpha\dot{v}\tau\tilde{\omega}\nu$] litt. v supra manu 1 F. 15. ZK] scripsi; ov* F, uulgo; ZO ed. Basil., Torellius. 17. $\tau\dot{\eta}\nu$] $\tau\omega\nu$ per comp. F. In figura litteras nonnullas permutat, K omisit F.

αί διὰ τῶν Ε, Ζ έφαπτόμεναι παράλληλοι ταίς ΑΒ, ΒΓ. Εσται δή καὶ ή ΕΛΖ παρά την ΑΔΓ, έπειδή αί ΕΘ, ΖΚ παράλληλοί είσι καὶ ζσαι διάμετροι ούσαι των ίσων τμημάτων καὶ ἐφαρμόζουσαι ἀλλήλαις, ὡς $\mathbf{5}$ êv $\mathbf{7}$ $\mathbf{6}'$ $\mathbf{7}$ $\mathbf{6}$ $\mathbf{6}$ $\mathbf{6}$ $\mathbf{6}$ $\mathbf{7}$ $\mathbf{6}$ $\mathbf{6$ παράλληλός έστι τη ΒΔ, έστιν, ώς ή ΒΗ πρός ΗΑ, ή ΔΘ πρός ΘΑ. ἴση δὲ ή ΗΒ τῆ ΑΗ δίνα νὰο αὐτὴν τέμνει ή ΕΗ διάμετρος παράλληλον οὖσαν τῆ έφαπτομένη. ζοη άρα καὶ ή ΔΘ τῆ ΘΑ. διὰ τὰ αὐτὰ δή 10 xal $\dot{\eta} \triangle K$ $\tau \ddot{\eta} K \Gamma$ éstiv lon. lon dè $\ddot{0}\lambda \eta$ $\dot{\eta} \triangle \Delta$ $\tau \ddot{\eta} \triangle \Gamma$. ἴση ἄρα καὶ ἡ $\Delta \Theta$ τῆ ΔK , καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἡ $E \Lambda$ τη ΛΖ. ώστε άληθώς λέγει, ότι ή τας πορυφάς τών τμημάτων επιζευγνύουσα παράλληλος έσται τη βάσει τοῦ τμήματος καὶ δίγα διαιρεθήσεται ὑπὸ τῆς τοῦ 15 τμήματος διαμέτρου. έπεζεύχθωσαν δή καλ αί ΑΕ, ΕΒ, ΒΖ, ΖΓ, καὶ δίχα τετμήσθωσαν κατά τὰ Μ, Ν, Ε, Ο σημεία, καὶ ηχθωσαν διὰ τῶν Μ, Ν, Ε, Ο παρὰ τὴν ΒΔ αί ΠΜΡΣ, ΤΝΥΦ, ΧΞΨΩ, 509%, καὶ έπεζεύγθωσαν αί ΑΠ, ΠΕ, ΕΤ, ΤΒ, ΒΧ, ΧΖ, Ζ5, 20 5Γ, καὶ αἱ ΤΑΧ καὶ ΠΒΓΔΕ, 55. φανερον δη έκ των προδεδειγμένων, ότι ή ΤΧ και ή ΕΖ και ή Πς παράλληλοί είσι τ $\tilde{\eta}$ $A\Gamma$, καὶ ὅτι ἴση ἡ T,A τ $\tilde{\eta}$,AXκαὶ ἡ ΕΛ τῆ ΛΖ καὶ ἡ Π Δ τῆ Δ5. λέγω οὖν, ὅτι τέμνουσι τὴν Β Δ είς τοὺς έξῆς περισσοὺς ἀριθμούς, 25 τουτέστιν οΐου έστιν ένος ή ΒΑ, τοιούτων τριών ή ΑΛ καὶ ἡ Λ Δ πέντε καὶ ἡ ΔΔ έπτά. ἐπεὶ γὰο ἴση ἐστὶν ἡ AH τῆ HB, καὶ παράλληλος ἡ EΘ τῆ $B \Delta$, lon $\alpha \rho \alpha$ nal $\dot{\eta}$ $A\Theta$ $\tau \ddot{\eta}$ $\Theta \Delta$. $\dot{\eta}$ $A\Delta$ $\dot{\alpha} \rho \alpha$ $\tau \ddot{\eta} \varsigma$ $\Delta\Theta$ διπλη έστιν ωστε και της EA, τὸ ἀπὸ της $A\Delta$

^{6.} $\pi o \circ s$] om. FA. 17. O (privs)] Θ F; corr. Torellius. 18. $s \circ O \circ s$] scripsi; $s \circ O \circ A$ F, valgo (sed in fig. $s \circ S$ F). 20.

neae in E, Z contingentes parallelae erunt lineis AB, $B\Gamma$. erit igitur etiam $E\Lambda Z$ lineae $A\Delta\Gamma$ parallela, quoniam EO, ZK et parallelae sunt et aequales, cum diametri sint segmentorum aequalium et inter se congruant, ut in libro sexto conicorum [Apollon. VI, 19] demonstratum est. et quoniam EHO lineae B / parallela est, erit $BH: HA = \Delta\Theta: \Theta A$. et HB = AH; nam diametrus EH [lineam AB] in duas partes aequales secat, quia contingenti parallela est. quare etiam $\Delta\Theta = \Theta A$. eadem de causa etiam $\Delta K = K\Gamma$. uerum $A\Delta = \Delta \Gamma$. quare etiam $\Delta \Theta = \Delta K$. itaque EA = AZ. ergo recte dicit [II p. 192, 10-14], lineam uertices segmentorum iungentem basi segmenti parallelam esse et a diametro segmenti in duas partes aequales secari. — ducantur igitur etiam AE, EB, BZ, $Z\Gamma$, et in partes aequales secentur in punctis M, N, Ξ , O, et per puncta M, N, Ξ , O lineae $B \triangle$ parallelae ducantur IIMPE, TNTO, XZYQ, 5092, et ducantur $A\Pi$, ΠE , ET, TB, BX, XZ, ZS, $S\Gamma$ et TAX, ΠΒΓΔΕ55. itaque ex praecedentibus manifestum est, esse TX, EZ, ΠS lineae $A\Gamma$ parallelas, et TA = AX, EA = AZ, $\Pi \Delta = \Delta S$. dico igitur, eas lineam B 1 secundum numeros impares ordine sequentes secare, hoc est, si sit $BA = 1 \,\mathrm{m}$, esse $AA = 3 \text{ m}, A\Delta = 5 \text{ m}, \Delta\Delta = 7 \text{ m}. \text{ nam quoniam}$ AH = HB, et E0 lineae B Δ parallela, erit etiam $A\Theta = \Theta \Delta$. itaque $A\Delta = 2\Delta\Theta$. quare etiam $A\Delta = 2E\Lambda$.

If $A \subseteq B$ and $A \subseteq A$ and A

άρα τετραπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς ΕΛ. ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΑΔ πρός τὸ ἀπὸ ΕΛ, οῦτως δέδεικται ή ΒΔ πρὸς ΒΛ. τετραπλασία άρα καὶ ἡ ΔΒ τῆς ΒΛ. τριπλῆ αρα ή ΔΛ της ΛΒ. οίου αρα έστιν ένος ή ΛΒ, τοι-5 ούτων τριῶν ἐστιν ἡ ΛΔ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ οῖων αρα ή ΛΒ τεσσάρων, ή ΛΔ δώδεκα. καὶ έπεὶ ίση ή $EN \tau \tilde{\eta} NB$, $\kappa \alpha l \dot{\eta} E Z \tau \tilde{\eta} Z A$, $\kappa \alpha l \dot{\eta} \Theta \Phi \tau \tilde{\eta} \Phi A$, διπλασία έστιν ή ΕΛ της ΛΖ, τουτέστι της ΤΑ. τετραπλάσιον ἄρα τὸ ἀπὸ ΕΛ τοῦ ἀπὸ ΤΑ. τετρα-10 πλασία άρα καὶ ἡ ΛΒ τῆς Β Α΄ ώστε τριπλασία ἡ Λ Α τῆς ΑΒ, οῖων ἄρα ἐστὶν ἡ ΑΒ τεσσάρων, τοιούτων ἡ μεν Β Α ενός, ή δε Α Λ τριών, ή δε Λ Δ δώδεκα. πάλιν έπει ιση έστιν ή ΑΜ τη ΜΕ, και ή ΑΡ τη ΡΗ, και ή $A\Sigma$ $\tau\tilde{\eta}$ $\Sigma\Theta$, Idal Eldí nal al $A\Sigma$, $\Sigma\Theta$, $\Theta\Phi$, $\Phi\Delta$. 15 οΐων ἄρα έστλυ ή $A\Delta$ τεσσάρων, τοιούτων ή $\Sigma\Delta$ τριών, τουτέστιν ή Π.Δ. οΐων ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΔ δεκαέξ, τοιούτων τὸ ἀπὸ Π Δ ἐννέα. καὶ οΐων ἄρα ἡ ΔΒ δεκαέξ, ή Β Δ έννέα καὶ λοιπή ἄρα ή ΔΔ έπτά. ἐπεὶ οὖν δέδεικται, οῖων ἡ ΒΔ δεκαέξ, τοιού-20 $\tau \omega \nu$ $\dot{\eta}$ $\mu \dot{\epsilon} \nu$ B A $\dot{\epsilon} \nu \dot{\alpha} \dot{\varsigma}$, $\dot{\eta}$ $\delta \dot{\epsilon}$ A Λ $\tau \varrho \iota \tilde{\omega} \nu$, $\dot{\eta}$ $\delta \dot{\epsilon}$ $\Delta \Delta$ έπτά, καὶ λοιπή ή Α Δ έστι πέντε. τέμνεται ἄρα ή ΒΔ ύπὸ τῶν παραλλήλων είς τοὺς τῶν έξῆς περισσῶν ἀριθμῶν λόγους ένὸς λεγομένου τοῦ πρὸς τῆ κορυφή του τμήματος. δήλου οὐν έστιν έκ τής κατα-25 γραφής, ότι αί καταγόμεναι ύπὸ τῶν διαμέτρων εἰς τοὺς άπὸ μονάδος έξης κειμένους άριθμούς τέμνονται. οΐου γάρ έστιν ένὸς ή ΤΑ, τοιούτων έστὶ δύο ή ΕΛ, τριῶν δὲ ἡ Π Δ, τεσσάρων δὲ ἡ ΑΔ. παράλληλοι γὰρ οὖσαι

^{2.} πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΛ] om. F; corr. ed. Basil. 3. ΒΛ] (alt.)

ΒΔ F. 4. ΔΛ] ΒΛ F. 7. Ε Ζ] ΕΖ F. 8. Λ Ζ] ΛΖ F.

Τ Λ] ΤΛ F; sic etiam lin. 9. 10. ΒΛ ΒΛ Ε; corr. Torellius.

ΛΛ της ΛΒ F. 12. ΒΛ] ΒΛ Ε. ΛΛ ΛΛ Ε. 16. Π Δ

itaque $A\Delta^2 = 4EA^2$. sed demonstratum est $A\Delta^2 : EA^2 = B\Delta : BA$ [Apollon. I, 20].

quare $\Delta B = 4 B \Lambda$. itaque $\Delta \Lambda = 3 B \Lambda$. ergo si $\Lambda B = 1 n$, erit $\Lambda \Delta = 3 n$. eadem de causa etiam, si $\Lambda B = 4 m$, erit $\Lambda \Delta = 12 m$. et quoniam EN = NB, $EZ = Z\Lambda$, $\Theta \Phi = \Phi \Delta$, erit $E\Lambda = 2\Lambda Z = 2 T \Lambda$.

ergo $E\Lambda^2 = 4TA^2$.

itaque AB = 4BA; quare AA = 3AB. itaque si AB=4m, erit BA=1m, AA=3m, $A\Delta=12m$. rursus quoniam AM = ME, AP = PH, $A\Sigma = \Sigma \Theta$, erit etiam $A\Sigma = \Sigma\Theta = \Theta\Phi = \Phi\Delta$. itaque si $A\Delta = 4$ m, erit $\Sigma \Delta = 3 \,\mathrm{m}$, h. e. $\Pi \Delta = 3 \,\mathrm{m}$. quare si $\Delta \Delta^2 = 16 \,\mathrm{m}$, erit $\Pi \Delta^2 = 9 \,\mathrm{m}$. itaque si $\Delta B = 16 \,\mathrm{m}$, erit $B \Delta = 9 \,\mathrm{m}$. et $\Delta \Delta = \Delta B \div B \Delta = 7 \text{ m.}$ quoniam igitur demonstratum est, si $B\Delta = 16$ m, esse BA = 1 m³), $AA = 3 \,\mathrm{m}$, $\Delta \Delta = 7 \,\mathrm{m}$, erit etiam quae relinquitur $A \Delta = 5$ m. itaque $B\Delta$ lineis parallelis secundum rationes numerorum imparium ordine sequentium secatur pro unitate sumpto [segmento] ad uerticem posito. adparet igitur ex figura, lineas a sectione [ad B 2 ductas diametris secundum numeros ab unitate ordine sequentes secari; nam si $T_{\mathcal{A}} = 1$ m, erit EA = 2m, $\Pi \Delta = 3m$, $A\Delta = 4m$. nam cum omnes

¹⁾ Nam $E\Lambda^2: T\Lambda^2 = B\Lambda: B\Lambda;$ ergo $B\Lambda = 4B\Lambda$ et $\Lambda \Lambda = 3B\Lambda$.

²⁾ Nam $A\Delta^2:\Pi\Delta^2=\Delta B:B\Delta$.

³⁾ Nam $B \triangle = 4BA$ et BA = 4BA.

 $[\]Pi \triangle F$, ut lin. 17. 18. $B \triangle J$ $B \triangle F$; corr. Torellius. $\triangle AJ$ $A\triangle F$; corr. Torellius. 20. $B \triangle J$ BA F; corr. Torellius. AAJ AA F; corr. Torellius. AAJ AA F; corr. Torellius. 22. AAJ AA F; corr. Torellius. 22. AAJ AAJ

πᾶσαι εἰς ἴσα τέμνουσιν ἀλλήλας. ἀνομάσθη δὲ ὑπ' Αρχιμήδους τὸ $A\Pi ETBXZ$ ς Γ σχῆμα γνωρίμως έγγραφόμενον.

Είς τὸ γ'.

Τὰ ὅμοια τμήματα τῶν τοῦ κώνου τομῶν ᾿Απολλώνιος ὡρίσατο ἐν τῷ ἔκτῷ βιβλίῷ τῶν κωνικῶν, ἐν οἶς ἀχθεισῶν ἐν ἑκάστῷ παραλλήλων τῆ βάσει ἴσων τὸ πλῆθος αὶ παράλληλοι καὶ αὶ βάσεις πρὸς τὰς ἀποτεμνομένας ἀπὸ τῶν διαμέτρων πρὸς ταζς κορυφαζς 10 ἐν τοζς αὐτοζς λόγοις εἰσί, καὶ αὶ ἀποτεμνόμεναι πρὸς τὰς ἀποτεμνομένας. καὶ ὅτι αὶ παραβολαὶ πᾶσαι ὅμοιαί εἰσιν. τὸ δὲ γνωρίμως ἐγγραφόμενον σχῆμα εἰρηται ἐν τῷ προλαβόντι λήμματι. τὸ δὲ ὁμοίως διαιρείσθαι τὰς διαμέτρους ἐστίν, ἵνα τὰ τμήματα αὐτῶν τὸν αὐ-15 τὸν ἔχῃ λόγον. τὰ λοιπὰ τοῦ θεωρήματος σαφῆ ἐστιν ἐκ τοῦ προειρημένου σχήματος.

Εἰς τὸ δ΄.

'Εγγεγράφθω εὐθύγραμμον εἰς τὸ τμᾶμα γνωρίμως, ὥστε τὰ περιλειπόμενα τμάματα 20 ἐλάσσονα εἶμεν τοῦ Κ] τοῦτο δὲ φανερόν ἐστιν ἐκ τῶν εἰρημένων ἐν τῷ δεκάτω τῆς στοιχειώσεως καὶ τῷ πρώτω τῶν περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου.

Είς τὸ ε'.

Καὶ ἐπεὶ παραλληλόγραμμόν ἐστι τὸ ΘΖΗΙ] 25 ἐπεὶ γὰρ ἴσαι εἰσὶν αί ΚΖ, ΛΗ (ἴσων γάρ εἰσι τμη-

^{2.} AΠΕΤΒΧΖςΓ] απο ΓΒΑΖςΓ F; corr. ed. Basil. 12. γνωριμ cum comp. ov F; corr. Torellius. 13. ομοι cum comp. ov F; corr. Torellius. 15. ἔχη] scripsi; εχει F, uulgo. Omnibus locis ex Archimedis uerbis citatis usque ad prop. 9 signs adp. F. 19. τμηματα F; corr. Torellius. 20. ειναι per comp.

[lineae] 1) parallelae sint, in partes aequales inter se secant. figura autem $A\Pi ETBXZ \in \Gamma$ proprie inscripta ab Archimede nominata est [II p. 192, 9].

In prop. III.

Similia segmenta sectionum conorum Apollonius in sexto libro conicorum [VI def. 7] ea esse definiuit, in quibus ductis lineis basi parallelis numero in omnibus aequalibus et lineae parallelae et bases ad partes diametrorum ad uertices uersus abscisas easdem rationes haberent, et partes abscisae ad abscisas. [ibidem demonstratum est], omnes parabolas similes esse [Apollon. VI, 11]. figura autem proprie inscripta in scholio praecedenti explicata est. diametros similiter secari [II p. 196, 11] hoc significat, segmenta earum eandem rationem habere. — reliqua pars theorematis manifesta est ex figura supra [p. 326] proposita.

In prop. IV.

II p. 198, 20—22: figura rectilinea segmento proprie inscribatur, ita ut segmenta reliqua spatio K minora sint] hoc manifestum est ex iis, quae in decimo libro elementorum [Eucl. X, 1] et primo libro de sphaera et cylindro [I, 6 p. 24] dicta sunt.

In prop. V.

II p. 204, 1—2: et quoniam parallelogrammum est ΘZHI] nam quoniam KZ = AH (sunt enim dia-

¹⁾ H. e. diametri diametris, ordinatae ordinatis parallelae.

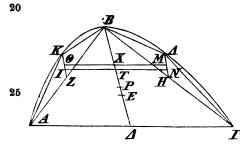
F; corr. Torellius. 21. δεκάτω] δευτερω F; corr. A, ed. Basil. 22. του FA.

μάτων διάμετροι) καὶ ἴσον ἀπέχουσαι τοῦ Β Δ ἄξονος καὶ ὁμοίως διήρηνται ὑπὸ τῶν Θ, Ι κέντρων, ἔστιν, ώς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΖ, ἡ ΛΙ πρὸς ΙΗ, καὶ ἐναλλάξ. καὶ διὰ τοῦτο ἴση ἐστὶν ἡ ΘΖ τῆ ΙΗ. ἔστιν δὲ καὶ παρτάλληλος παράλληλοι γάρ εἰσιν πᾶσαι αἱ διάμετροι τῆς παραβολῆς. παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶ τὸ ΘΖΗΙ.

Είς τὸ δεύτερον μέρος τοῦ ε΄.

'Εσσείται δη τοῦ μὲν ἐξ ἀμφοτέρων τῶν ΑΚΒ, ΒΓΛ τμαμάτων συγκειμένου μεγέθεος κέντρον 10 βάρεος τὸ Χ, τοῦ δὲ ἐξ ἀμφοτέρων τῶν ΑΚΒ, ΒΛΓ τριγώνων τὸ Τ] δέδεικται μὲν γὰρ ἐν τῷ προλαβόντι, ὅτι ἡ ΘΜ ἐπιζευγνύουσα τὰ κέντρα τῶν τμημάτων διχοτομείται ὑπὸ τῆς ΒΔ κατὰ τὸ Χ παράλληλος οὖσα τῆ ΖΗ, καὶ ἡ ΝΙ διχοτομείται κατὰ τὸ Τ. ὥστε κέντρον βάρους ἐστὶ τὸ Χ τοῦ συγκειμένου μεγέθους ἐκ τῶν ΑΚΒ, ΒΛΓ τμημάτων καὶ τὸ Τ τοῦ συγκειμένου μεγέθους ἐκ τῶν ΑΚΒ, ΒΛΓ τριγώνων.

Έπεὶ οὖν μείζονα λόγον ἔχει τὸ ΒΑΓ τοί-



γωνον ποτί τὰ ΑΚΒ, ΒΑΓ τρίγωνα ἢ ποτί τὰ τμάματα] καὶ τὰ ἐξῆς. ἐπεὶ γὰρ δέδεικται τοῦ μὲν ΑΒΓ τριγώνου κέντρον τοῦ βάρους τὸ Ε, τῶν

δέ ΑΒΚ, ΒΑΓ τριγώνων κέντρον τὸ Τ, φανερόν, ὅτι

^{1.} isov per comp. F. 7. μ egov tov (μ egov tov?) F. 8.

metri segmentorum aequalium), et ab axe $B\Delta$ aequali spatio absunt et centris Θ , I similiter diuiduntur, erit $K\Theta: \Theta Z = AI: IH$, et uicissim $[K\Theta: AI = \Theta Z: IH]$. quare $\Theta Z = IH$.) sed etiam parallelae sunt. nam omnes diametri parabolae parallelae sunt. itaque ΘZHI parallelogrammum est.

In alteram partem prop. V.

II p. 206, 7—10: magnitudinis igitur ex segmentis AKB, $B\Gamma\Lambda$ compositae centrum grauitatis est X, magnitudinis autem ex triangulis AKB, $B\Lambda\Gamma$ compositae T] nam in praecedenti²) demonstratum est, ΘM centra segmentorum iungentem in X a linea $B\Lambda$ in partes aequales secari, cum parallela sit lineae ZH, et lineam NI in T in partes aequales secari. quare X centrum grauitatis est magnitudinis ex segmentis AKB, $B\Lambda\Gamma$ compositae, et T magnitudinis ex triangulis AKB, $B\Lambda\Gamma$ compositae.

II p. 208, 2—3: iam quoniam triangulus $BA\Gamma$ maiorem rationem habet ad triangulos AKB, $BA\Gamma$ quam ad segmenta] cett. nam quoniam demonstratum est, trianguli $AB\Gamma$ centrum gravitatis esse E, triangulorum autem ABK, $BA\Gamma$ centrum T, manifestum

2) H. e. in priore parte prop. V (II p. 204, 1 sq.).

¹⁾ Nam componendo est $KZ : \Theta Z = \Lambda H : IH$; et hoc fortasse post IH lin. 3 excidit.

εσται F, uulgo. $\delta\eta$] scripsi; $\delta\varepsilon$ F, uulgo. 9. $B\Gamma\Lambda$] scripsi; $B\Gamma\Lambda$ F; $B\Lambda\Gamma$ uulgo. τμηματων F; corr. Torellius. 10. $\beta\alpha$ ρους F, uulgo. 11. T] Γ F. 14. NI] scripsi; $H\Theta$ FV; IN uulgo. 15. X τοῦ ad καὶ τό lin. 16 om. F; corr. Torellius. 20. ποτί] προς per comp. F; corr. Torellius. 28. τμηματα F; corr. Torellius. 29. T] Γ FV.

τοῦ ΑΚΒΛΓ εὐθυγράμμου πέντρον τοῦ βάρους ἐπὶ τῆς ΤΕ τμηθείσης κατὰ τὸ Ρ κατὰ τὸν ἀντιπεπονθότα λόγον τοῦ, ὅν ἔχει τὸ ΑΒΓ πρὸς τὰ ΑΚΒ, ΒΛΓ τρίγωνα. ἐπεὶ δὲ τὸ ΑΒΓ τρίγωνον πρὸς τὰ ΚΑΒ, ΒΛΓ τρίγωνα μείζονα λόγον ἔχει ἤπερ πρὸς τὰ τμήματα (μείζονα γάρ ἐστι τὰ τμήματα τῶν τριγώνων), δῆλον, ὅτι, ἐὰν τέμωμεν τὴν ΕΤ ἐν τῷ λόγω τῷ, ὃν ἔχει τὸ τρίγωνον πρὸς τὰ τμήματα, ἀνωτέρω τοῦ Ρ πεσεῖται τὸ σημεῖον, ὁ ἔσται κέντρον τοῦ καν-10 τὸς τμήματος διὰ τὴν ἀντιπεπόνθησιν.

Elg τὸ 5'.

Τὸ κέντρον τοῦ τμήματος πάντως εν έστι καὶ έγγύτερον τῆς κορυφῆς τοῦ τμήματος ῆπερ τὰ τῶν έγγραφομένων εὐθυγράμμων. τοῦ γὰρ ΑΒΓ τριγώνου 15 κέντρον τοῦ βάρους ἐστίν, εἰ τύχοι, τὸ Ε τῆς ΒΔ τμηθείσης οῦτως, ὥστε διπλασίαν εἶναι τὴν ΕΒ τῆς ΕΔ. φανερόν, ὅτι πάντα τὰ κέντρα τῶν ἐγγραφομένων εὐθυγράμμων μεταξὺ πεσοῦνται τῶν Θ, Ε σημείων. καὶ ὅσω [δ'] ἄν πολυπλευρότερον ἡ τὸ γνω-20 ρίμως ἐγγραφόμενον, τοσούτω μᾶλλον συνεγγίζει τῷ Θ. φανερὸν οὖν, ὅτι τὴν μεταξὺ τῶν κέντρων τοῦ γνωρίμως ἐγγραφομένου εὐθυγράμμου καὶ τοῦ τμήματος μείζονα μὲν εἶναι τῆς ΕΘ ἀδύνατον, ἐλάσσονα δὲ δυνατὸν οὐ μόνον τῆς ΘΕ, ἀλλὰ καὶ πάσης τῆς δοθείσης.

^{4.} $\ell ne\ell$] $\epsilon n\iota$ F; corr. BD. 5. KAB] KAB F; corr. Torellius. Lin. 12—14 signum adp. F. 14. $\tau \varrho \iota \gamma o \ell v o v$] $\overset{\circ}{\nabla}$ F. 15. $\ell \sigma \iota \iota \nu$] per comp. F; fort. $\ell \sigma \iota \omega$. 19. δ '] deleo. 20. $\mu \alpha \lambda lo$ cum comp. ov F.

est, centrum grauitatis figurae rectilineae $AKB\Lambda\Gamma$ in TE positum esse in puncto P secta secundum rationem contrariam, ac habeat $AB\Gamma$ ad triangulos AKB, $B\Lambda\Gamma$. et quoniam triangulus $AB\Gamma$ ad triangulos KAB, $B\Lambda\Gamma$ maiorem rationem habet, quam ad segmenta (nam segmenta maiora sunt triangulis), adparet, si ET secundum eam rationem secuerimus, quam habet triangulus ad segmenta, punctum hoc supra P casurum esse 1), et propter proportionem contrariam centrum totius segmenti erit. 3

In prop. VI.

Centrum segmenti omnino unum est et uertici propius quam centra figurarum rectilinearum inscriptarum. nam trianguli $AB\Gamma$ centrum grauitatis sit E linea $B\Delta$ ita secta, ut sit $EB=2E\Delta$. manifestum est, omnia centra figurarum rectilinearum inscriptarum inter puncta Θ , E cadere [cfr. supra p. 336, 1]. et quo plura latera habet figura proprie inscripta, eo magis puncto Θ adpropinquat. itaque manifestum est, lineam inter centra figurae rectilineae proprie inscriptae et segmenti positam maiorem linea $E\Theta$ esse non posse, minorem uero non modo linea ΘE , sed quanis magnitudine data.

¹⁾ Nam quo longius punctum sectionis a T abest, eo maior erit ratio partium lineae $E\,T$, cum terminus praecedens sit pars ad T uersus posita.

²⁾ Cfr. omnino negl ênin. looge. I, 8.

Elg τὸ ζ'.

'Εγγεγράφθω δε είς τὸ ΑΒΓ τμᾶμα τῷ εν τῷ ΕΖΗ τμάματι ὁμοίον εὐθύγραμμον, τουτέστιν ὁμοίως γνωρίμως] ὁμοίως γὰρ γνωρίμως δ έγγράφεται, ὅταν αί τομαὶ τῆς ΑΒΓ παραβολῆς ἴσαι γένωνται ταίς τῆς ΕΖΗ, ὥστε τὰς πλευρὰς τοῦ ἐν τῷ ΑΒΓ τμήματι ἐγγεγραμμένου γνωρίμως ἰσοπληθείς εἶναι ταίς τοῦ ἐν τῷ ΕΖΗ ἐγγεγραμμένου εὐθυγράμμου. ἐπεὶ γὰρ δὴ κορυφαί εἰσι τὰ Β, Ζ σημεία τοῦ ὁμοίων τμημάτων, ὅμοιά ἐστι τὰ οὕτως γνωρίμως ἐγγραφόμενα.

Είς τὸ η'.

Καὶ ἐπεί ἐστιν, ὡς ἀ ΒΘ ποτὶ ΘΔ, οῦτως ἀ ΚΜ ποτὶ ΜΖ (ὅμοια γὰρ ὅντα τὰ τμήματα ἔξει κέν15 τρα εἰς τοὺς αὐτοὺς λόγους τέμνοντα τὰς διαμέτρους), καὶ συνθέντι, ὡς ὰ ΒΔ ποτὶ ΔΘ, ὰ ΚΖ ποτὶ ΖΜ, καὶ ἐναλλάξ, ὡς ὰ ΒΔ ποτὶ ΚΖ, οῦτως ὰ ΔΘ ποτὶ ΜΖ, τετραπλασία δὲ ὰ ΒΔ τᾶς ΚΖ΄ τοῦτο γὰρ ἐπὶ τέλει δεικνύται, οὖ σαμείον δ] ἐξῆς δὲ 20 αὐτὸ ἡμεῖς δείξομεν.

ἔστω παραβολὴ ἡ $AB\Gamma$, ἦς διάμετ \mathbf{p} ος ἡ $B\Delta$. καὶ ἤχθω τεταγμένως ἡ $A\Delta$, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ AB, καὶ δίχα τετμήσθω ἡ AB κατὰ τὸ Z, καὶ διὰ τοῦ Z τῆ

^{2.} δέ] scripsi cum Archimede II p. 212, 16; γάς F, uulgo. τῶ] το F; corr. Torellius. 3. EZH] ΔEZ F; corr. Torellius. 6. ταῖς] om. F; corr. Torellius. EZH] EZ F; corr. Torellius. Lin. 6-9 signum adp. F. 8. τοῦ] addidi; om. F, uulgo. 9. B, Z] B Δ Z F V. 13. ποτί] προς per comp. F; corr. V. 14. ποτί] προς per comp. F; corr. Torellius, ut lin. 16 bis, 17, 18. 15. τάς] per comp. F. 17. KZ] KΛ F. 18. ά] ή F, uulgo. τᾶς] της per comp. F; corr. Torellius. 20. ημ cum comp. ης F. 23. τό] του F.

In prop. VII.

II p. 212, 16—21: inscribatur autem segmento $AB\Gamma$ figura rectilinea figurae segmento EZH inscriptae similis, h. e. similiter proprie] nam similiter proprie [figura] inscribitur, si sectiones parabolae $AB\Gamma$ sectionibus parabolae EZH [numero] aequales sunt, ita ut latera figurae rectilineae segmento $AB\Gamma$ inscriptae proprie totidem sint, quot latera figurae segmento EZH inscriptae. nam quoniam puncta B, Z similium segmentorum uertices sunt, etiam figurae ita proprie inscriptae similes sunt.

In prop. VIII.

II p. 214, 15-19: et quoniam est

 $KM:MZ = B\Theta:\Theta \triangle$

(nam cum segmenta similia sint, centra in eadem proportione diametros secabunt)¹), et componendo

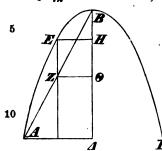
 $KZ:ZM=BA:\Delta\Theta$

et uicissim $B\Delta: KZ = \Delta\Theta: MZ$, sed $B\Delta = 4KZ$. hoc enim in fine demonstratur, ubi est signum O] nunc autem nos demonstratimus.

sit $AB\Gamma$ parabola, cuius diametrus sit $B\Delta$. et ordinate ducatur $A\Delta$, et ducatur AB, et AB in Z in partes aequales secetur, et per Z lineae $B\Delta$ par-

¹⁾ Hic errauit Eutocius; neque enim segmenta similia sunt. tamen quod contendit Archimedes recte se habet, quia propositio 7, sicut prop. 3 (cfr. uol. II p. 199 not. 5), non tantum de similibus, sed de quibusuis segmentis uera est (Nizze p. 34 not. γ). sed cum Archimedes propp. 3 et 7 de similibus segmentis solis demonstrauerit, non constat, quo modo hoc loco concludiuoluerit. cfr. Nizze p. 34 not. α .

 $B \triangle I$ παράλληλος ἥχθω ἡ EZ. διάμετοςς ἄρα έστὶν τοῦ AB τμήματος. καὶ ἀπὸ τῶν E, Z παρατεταγμένως ῆχθωσαν αἱ EH, $Z\Theta$. ἐπεὶ οὖν ἰση ἐστὶν ἡ AZ



τῆ ΒΖ, διπλῆ ἐστιν ἡ ΔΒ
τῆς ΖΒ, καὶ ἡ ΔΒ τῆς
ΒΘ, καὶ ἡ ΑΔ τῆς ΖΘ,
τουτέστι τῆς ΕΗ. ὅστε τὸ
ἀπὸ ΑΔ τοῦ ἀπὸ ΕΗ ἐστι
τετραπλάσιον, καὶ διὰ τοῦτο
ἡ ΔΒ τῆς ΒΗ ἐστι τετραπλασία μήκει. ἐπεὶ οὖν ἡ
ΒΔ τῆς [μὲν] ΒΘ διπλῆ, ἡ

BΘ τῆς **BH** ἐστι διπλῆ. καὶ ἡ ΘΗ τῆ ΗΒ ἴση, τουτέστι τῆ EZ διὰ τὸ παραλληλόγραμμον εἶναι τὸ EHZΘ. 15 τετραπλασία ἄρα ἡ $B \triangle$ τῆς ZE.

Καὶ ἐπεὶ τετραπλασίων ἐστὶν ἁ ΒΔ τᾶς ΒΣ·
καὶ γὰρ τοῦτο δεικνύται] δέδεικται γὰρ ἐν τῷ
λήμματι ἡ ΒΔ ἐκατέρας τῶν ΒΗ, ΕΖ τετραπλασία.
ῶστε ἡ ΒΗ τῷ ΕΖ ἐστιν ἴση. καὶ διὰ τοῦτο ἐνταῦθα
20 ἡ ΒΣ τῷ ΚΖ ἴση, καὶ ἡ ΒΔ ἑκατέρας αὐτῶν τετραπλασία.

΄ Α ΒΞ ἄρα τᾶς ΒΔ τρίτον μέρος] ἐπεὶ γὰρ τετραπλασίων ἡ ΒΔ τῆς ΒΣ, οῖων ἄρα ἡ ΒΔ τεσσάρων, ἡ ΒΣ ἐνός, καὶ οῖων ἄρα ἡ ΒΔ δώδεκα, τοι-25 ούτων ἡ ΒΣ τριῶν. τριπλῆ δὲ ἡ ΒΣ τῆς ΣΞ. οῖων ἄρα ἡ ΒΣ τριῶν, ἡ ΞΣ ἐνός, καὶ ὅλη ἡ ΒΞ τεσσάρων. τούτων δὲ ἡν ἡ ΒΔ δώδεκα. ἡ ΒΞ ἄρα τῆς ΒΔ τρίτον μέρος ἐστί.

Τοιπλοῦν δὲ τὸ ΑΒΓ τοίγωνον τῶν τμαμά-

^{2.} AB] AEB Torellius. raw | per comp. F. 6. B @] BE
FV. 7. EH | EB FV. 12. usw | deleo. 14. r\u00e4 EZ \u00e1_\u00e4

allela ducatur EZ. itaque diametrus est segmenti AB. et a punctis E, Z ordinatae parallelae ducantur EH, Z0. quoniam igitur AZ = BZ, erit AB = 2ZB, $\Delta B = 2B\Theta$, $A\Delta = 2Z\Theta = 2EH$. quare $A\Delta^2 = 4EH^2$, et ideo $\Delta B = 4BH$ [Apollon. I, 20]. quoniam igitur $B\Delta = 2B\Theta$, erit $B\Theta = 2BH$. et $\Theta H = HB$, h. e. HB = EZ, quia $EHZ\Theta$ parallelogrammum est. itaque $B\Delta = 4ZE$.

II p. 216, 4-5: et quoniam est $B\Delta = 4B\Sigma$; nam hoc quoque demonstratur] nam in scholio [p. 340, 9 sq.] demonstratum est, esse $B\Delta = 4BH = 4EZ$. itaque BH = EZ. 1) itaque hoc loco [u. fig. II p. 214] $B\Sigma = KZ$ et $B\Delta = 4B\Sigma = 4KZ$.

II p. 216, 6: erit igitur $B\Xi = \{B\Delta\}$ nam cum sit $B\Delta = 4B\Sigma$, si $B\Delta = 4n$, erit $B\Sigma = 1n$; quare si $B\Delta = 12 \,\mathrm{m}$, erit $B\Sigma = 3 \,\mathrm{m}$. sed $B\Sigma = 3 \,\Sigma\Xi$ [ex hypothesi]. itaque si $B\Sigma = 3m$, erit $\Xi\Sigma = 1m$ et $B\Xi = 4$ m. sed erat $B\Delta = 12$ m. quare $B\Xi = \frac{1}{3}B\Delta$.

II p. 216, 15: sed triangulus $AB\Gamma$ triplo maior²)

beri uidetur.

¹⁾ Omittendum erat ή B Δ — τετραπλασία lin. 18. nam-esse B Δ = 4 E Z, inde demonstratum est, quod B H = E Z.
 2) τριπλοῦν (pro τριπλώσιον) hic quoque interpolatori de-

EZ? 16. $B\Sigma$] BE FV. 18. $\tau \tilde{\alpha} v$] per comp. F. $\pi \lambda \alpha \sigma (\alpha)$ $\tau \varrho i \pi \lambda \alpha \sigma \alpha$ F. 22. $\dot{\alpha}$] η F; corr. Torellius. BZ FV. $\tau \tilde{\alpha} s$] $\tau \eta s$ per comp. F; corr. Torellius. τετρα-B国门 29. sine signo F.

των] δέδεικται γὰρ ὑπ' αὐτοῦ ἐν τῷ περὶ τῆς τοῦ ἀρθογωνίου κώνου τομῆς, ὅτι πᾶν σχῆμα περιεχόμενον ὑπὸ εὐθείας καὶ ἀρθογωνίου κώνου τομῆς ἐπίτριτόν ἐστι τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχουτος τοὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον. ὥστε τὸ ΑΒΓ τμῆμα τοῦ ΑΒΓ τριγώνου ἐπίτριτόν ἐστιν. καὶ διελόντι τὸ ΑΒΓ τρίγωνον τῶν ΑΚΒ, ΒΛΓ τμημάτων τριπλάσιόν ἐστιν.

Καί έντι τᾶς ΕΔ τριπλασία & ΔΒ. ἡμορλία ἄρα έντὶ ὰ ΒΘ τᾶς ΘΔ· ὅπερ ἔδει δείξαι] ἐπὶ 10 γὰρ τριπλῆ ἐστιν ἡ ΒΔ τῆς ΔΕ, οῖων ἄρα ἡ ΒΔ δεκαπέντε, τοιούτων ἡ ΕΔ πέντε· οῖων δὲ ἡ ΔΕ πέντε, τοιούτου ἡ ΘΕ ένός, καὶ ὅλη ἡ ΘΕΔ ἔξ. έξαπλασία ἄρα η ΔΘ τῆς ΘΕ. οῖων ἄρα ἡ ΒΔ δεκαπέντε, τοιούτων ἡ ΔΘ ἕξ, καὶ λοιπὴ ἡ ΘΒ ἐννέα. 15 ῶστε ἡμιολία ἐστὶν ἡ ΒΘ τῆς ΘΔ.

Els τὸ θ'.

Τὸ ἔνατον θεώρημα πάνυ ὂν ἀσαφὲς έκθησόμεθα παραφράζοντες σαφῶς κατὰ τὸ δυνατόν.

ἐπεὶ γὰρ ἀνάλογόν εἰσιν αι ΑΒ, ΒΓ, ΔΒ, ΒΕ, 20 και διελόντι καὶ ἐναλλὰξ αι ΑΓ, ΓΔ, ΔΕ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσιν. ἐπεὶ οὖν αι ΑΒ, ΒΓ, ΒΔ, ΒΕ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσι καὶ αι ΑΓ, ΓΔ, ΔΕ, ἔστιν, ὡς ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡγούμενον καὶ μέσον πρὸς ἑπόμενον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν ἡγού-25 μενον καὶ μέσον πρὸς ἐπόμενον. ὡς ἄρα συναμφότε-ρος ἡ ΑΓ, ΓΔ, τουτέστιν ἡ ΑΔ, πρὸς ΔΕ, οὕτως συναμφότερος ἡ ΑΒ, ΓΒ πρὸς ΔΒ. ὡς δὲ συναμ-

περὶ τετραγωνισμοῦ τῆς Torellius.
 ΔΕ Δ] η F; corr. Torellius.
 ΘΕ, ΔΕ F, valgo.
 ἄρα] (prius) om. F; corr. Torellius.
 ἔννατον Torellius.
 ἔννατον Torellius.

est segmentis] nam ab eo in libro de parabola [$\tau \epsilon - \tau \varrho \alpha \rho$. $\pi \alpha \varrho \alpha \beta$. 17 et 24] demonstratum est, quamuis figuram comprehensam linea recta et sectione coni rectanguli tertia parte maiorem esse trianguli eandem basim habenti et altitudinem aequalem. quare segmentum $AB\Gamma$ tertia parte maius est triangulo $AB\Gamma$, et dirimendo triangulus $AB\Gamma$ triplo maior est segmentis AKB, $BA\Gamma$.

II p. 216, 21-22: et est $\Delta B = 3E\Delta$. quare est $B\Theta = \frac{3}{2}\Theta\Delta$;

quod erat demonstrandum] nam cum sit $B \triangle = 3 \triangle E$, si $B \triangle = 15$ m, erit $E \triangle = 5$ m, et si $\triangle E = 5$ m, erit $\Theta E = 1$ m [II p. 216, 19], et $\Theta E \triangle = 6$ m. itaque $\triangle \Theta = 6 \Theta E$. quare si $B \triangle = 15$ m, erit $\triangle \Theta = 6$ m, et $B \Theta = B \triangle + \triangle \Theta = 9$ m. quare $B \Theta = \frac{3}{2} \Theta \triangle$.

In prop. IX.

Nonum theorema, quod obscurissimum est, explicabimus per metaphrasim quam planissimam.

nam cum AB, $B\Gamma$, ΔB , BE proportionales sint, etiam dirimendo et uicissim $A\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE in eadem proportione erunt. quoniam igitur AB, $B\Gamma$, $B\Delta$, BE^1) in eadem proportione sunt ac $A\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE , erit, ut in primis magnitudinibus praecedens cum medio ad sequens, ita in secundis magnitudinibus praecedens cum medio ad sequens. itaque

 $A\Gamma + \Gamma\Delta : \Delta E = AB + \Gamma B : \Delta B = A\Delta : \Delta E$.

¹⁾ Uidetur delendum esse BE (\(E \) lin. 21; cfr. p. 344, 6.

BE] ΔE F, unlgo; BI Torellius; corr. Cr. 27. AB] AT E; corr. AC.

ſ

των] δέδεικται γὰρ ὑπ' αὐτοῦ ἐν τῷ περὶ τῆς τοῦ ἀρθογωνίου κώνου τομῆς, ὅτι πᾶν σχῆμα περιεχόμενον ὑπὸ εὐθείας καὶ ὀρθογωνίου κώνου τομῆς ἐπίτριτόν ἐστι τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχουτος τοῦτῷ καὶ ὕψος ἴσον. ώστε τὸ ΑΒΓ τμῆμα τοῦ ΑΒΓ τριγώνου ἐπίτριτόν ἐστιν. καὶ διελόντι τὸ ΑΒΓ τρίγωνον τῶν ΑΚΒ, ΒΛΓ τμημάτων τριπλάσιόν ἐστιν.

Καί έντι τᾶς ΕΔ τοιπλασία ά ΔΒ. ἡμιολία ἄρα έντὶ ά ΒΘ τᾶς ΘΔ ὅπερ ἔδει δείξαι] ἐπεὶ 10 γὰρ τριπλῆ ἐστιν ἡ ΒΔ τῆς ΔΕ, οῖων ἄρα ἡ ΒΔ δεκαπέντε, τοιούτων ἡ ΕΔ πέντε οῖων δὲ ἡ ΔΕ πέντε, τοιούτου ἡ ΘΕ ένός, καὶ ὅλη ἡ ΘΕΔ ἔξ. έξαπλασία ἄρα η ΔΘ τῆς ΘΕ. οῖων ἄρα ἡ ΒΔ δεκαπέντε, τοιούτων ἡ ΔΘ ἕξ, καὶ λοιπὴ ἡ ΘΒ ἐννέα. 15 ῶστε ἡμιολία ἐστὶν ἡ ΒΘ τῆς ΘΔ.

Els τὸ θ'.

Τὸ ἔνατον θεώρημα πάνυ ὂν ἀσαφὲς ἐκθησόμεθα παραφράζοντες σαφῶς κατὰ τὸ δυνατόν.

ἐπεὶ γὰρ ἀνάλογόν εἰσιν αί ΑΒ, ΒΓ, ΔΒ, ΒΕ, 20 καὶ διελόντι καὶ ἐναλλὰξ αί ΑΓ, ΓΔ, ΔΕ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσίν. ἐπεὶ οὖν αί ΑΒ, ΒΓ, ΒΔ, ΒΕ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσὶ καὶ αί ΑΓ, ΓΔ, ΔΕ, ἔστιν, ὡς ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡγούμενον καὶ μέσον πρὸς ἑπόμενον, οῦτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν ἡγού-25 μενον καὶ μέσον πρὸς ἐπόμενον. ὡς ἄρα συναμφότερος ἡ ΑΓ, ΓΔ, τουτέστιν ἡ ΑΔ, πρὸς ΔΕ, οῦτως συναμφότερος ἡ ΑΒ, ΓΒ πρὸς ΔΒ. ὡς δὲ συναμ-

περὶ τετραγωνισμοῦ τῆς Torellius.
 ΘΕΔ] scripsi; ΘΕ, ΔΕ F, valgo.
 ζοα] (prius) om. F; corr. Torellius.
 τ̄ν κατον Torellius.

est segmentis] nam ab eo in libro de parabola [$\tau s - \tau \varphi \alpha \gamma$. $\pi \alpha \varphi \alpha \beta$. 17 et 24] demonstratum est, quamuis figuram comprehensam linea recta et sectione coni rectanguli tertia parte maiorem esse trianguli eandem basim habenti et altitudinem aequalem. quare segmentum $AB\Gamma$ tertia parte maius est triangulo $AB\Gamma$, et dirimendo triangulus $AB\Gamma$ triplo maior est segmentis AKB, $BA\Gamma$.

II p. 216, 21-22: et est $\triangle B = 3E\triangle$. quare est $\triangle B = \frac{3}{2} B \triangle A$;

quod erat demonstrandum] nam cum sit $B\Delta = 3\Delta E$, si $B\Delta = 15$ m, erit $E\Delta = 5$ m, et si $\Delta E = 5$ m, erit $\Theta E = 1$ m [II p. 216, 19], et $\Theta E\Delta = 6$ m. itaque $\Delta\Theta = 6\Theta E$ quare si $B\Delta = 15$ m, erit $\Delta\Theta = 6$ m, et $B\Theta = B\Delta \div \Delta\Theta = 9$ m. quare $B\Theta = 3\Theta\Delta$.

In prop. IX.

Nonum theorema, quod obscurissimum est, explicabimus per metaphrasim quam planissimam.

nam cum AB, $B\Gamma$, ΔB , BE proportionales sint, etiam dirimendo et uicissim $A\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE in eadem proportione erunt. quoniam igitur AB, $B\Gamma$, $B\Delta$, BE^1) in eadem proportione sunt ac $\Delta\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE , erit, ut in primis magnitudinibus praecedens cum medio ad sequens, ita in secundis magnitudinibus praecedens cum medio ad sequens. itaque

 $A\Gamma + \Gamma\Delta : \Delta E = AB + \Gamma B : \Delta B = A\Delta : \Delta E$.

¹⁾ Uidetur delendum esse BE (AE) lin. 21; cfr. p. 344, 6.

BE] AE F, unlgo; BI Torellius; corr. Cr. 27. AB AT E; corr. AC

φότερος ή ΑΒ, ΓΒ πρὸς ΔΒ, οῦτως ή β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒ, ΒΓ πρὸς τὴν β΄ τῆς ΒΔ, διότι τὰ μέρη τοῖς ώσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν ἔγει λόγον. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΔ πρὸς ΔΕ, οῦτως ἡ β΄ 5 συναμφοτέρου τῆς ΑΒΓ πρὸς τὴν β' τῆς ΔΒ. πάλιν έπειδη αί ΓB , $B \triangle$, B E έν τ $\tilde{\varphi}$ αὐτ $\tilde{\varphi}$ λόγ φ εἰσὶν καὶ al $A\Gamma$, $\Gamma \Delta$, ΔE , estiv dià tà postepov eloquéva, ώς ή ΑΔ πρός ΔΕ, ούτως συναμφότερος ή ΓΒ, ΒΔ $\pi \rho \delta S B E$. ην δε καί, ώς η $A \triangle \pi \rho \delta S \triangle E$, η β΄ συν-10 αμφοτέρου τῆς AB, $B\Gamma$ πρὸς τὴν β' τῆς $B\Delta$. καὶ ώς ἄρα ξυ πρὸς ξυ, οῦτως ἄπαυτα πρὸς ἄπαυτα. ώς ἄρα ἡ ΑΔ πρὸς ΔΕ, οῦτως τὰ ἡγούμενα πρὸς τὰ . έπόμενα. ἔστιν δὲ ηγούμενα μὲν ἡ β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΓ και συναμφότερος ή ΓΒ, ΒΔ, τουτέστι 15 δύο αί AB καὶ τρείς αί ΓB καὶ μία ή $B \Delta$. έπόμενα δὲ ἡ β΄ τῆς ΒΔ καὶ ἡ ΒΕ μόνη. ἔστιν οὖν, ὡς ἡ $A \triangle \pi \rho \delta \varsigma \triangle E$, ή συγκειμένη εὐθεῖα ἔκ τε τῆς β΄ τῆς AB xal γ' $\tau \tilde{\eta}_S$ ΓB xal $\tau \tilde{\eta}_S$ ΔB $\mu \acute{o} \nu \eta_S$ $\pi \varrho \acute{o}_S$ $\tau \dot{\eta} \nu$ $\sigma \nu \gamma$ κειμένην ἔχ τε τῆς β' τῆς B⊿ καὶ μόνης τῆς EB. 20 και έπει μείζων έστιν ή συγκειμένη έκ τε τῆς β΄ τῆς AB xal $\tau \tilde{\eta}_S$ δ' $\tau \tilde{\eta}_S$ ΓB xal $\tau \tilde{\eta}_S$ δ' $\tau \tilde{\eta}_S$ ΔB xal $\tau \tilde{\eta}_S$ β' της ΒΕ της συγκειμένης έκ τε της β' της ΑΒ καί γ' τῆς ΓB καὶ τῆς $B \triangle$ μόνης, ἔξωθεν δέ ἐστιν ἡ συγκειμένη ἔχ τε τῆς β' τῆς ΔΒ καὶ μόνης τῆς EB, τὸ 25 δε μεζίον πρός τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον έχει, ήπερ τὸ έλαττον, μείζονα ἄρα λόγον έχει ή συγκειμένη έκ τῆς β' συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ και δ' συναμφοτέρου τῆς ΓB , $B \triangle$ πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β' τῆν $\triangle B$ και της ΕΒ μόνης, ήπεο ή συγκειμένη έκ της β΄ της

^{1.} ΛΒ] ΛΓ F; corr. A, ed. Basil. 7. τά] το F. 11. οῦ-τως] per comp. F. 21. ΓΒ] ΓΔ F; corr. A, ed. Basil. 23.

sed $AB + B\Gamma : \Delta B = 2(AB + B\Gamma) : 2B\Delta$, quia partes eandem habent rationem quam multipla similia. quare etiam $A\Delta : \Delta E = 2(AB + B\Gamma) : 2\Delta B$. rursus quoniam ΓB , $B\Delta$, BE in eadem proportione sunt ac $A\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE , eadem de causa, qua supra [p. 342, 22 sq.], erit $A\Delta : \Delta E = \Gamma B + B\Delta : BE$. erat autem etiam

$$A\Delta: \Delta E = 2(AB + B\Gamma): 2B\Delta.$$

quare ut unus ad unum, ita omnes ad omnes [Eucl. V, 12]. ergo ut $A\Delta: \Delta E$, ita praecedentia ad sequentia. sed praecedentia sunt

$$2(AB + B\Gamma)$$
 et $\Gamma B + B\Delta$,

h. e. $2AB + 3\Gamma B + B\Delta$, sequentia autem $2B\Delta$ et BE. quare

 $A\Delta: \Delta E = 2AB + 3\Gamma B + \Delta B: 2B\Delta + BE$. et quoniam

 $2AB + 4\Gamma B + 4\Delta B + 2BE > 2AB + 3\Gamma B + B\Delta$, et praeterea data est linea $2\Delta B + EB$, et maius ad idem maiorem rationem habet, quam minus [Eucl. V, 8],

 $B \triangle$] $\Gamma \triangle$ FV. 24. $\triangle B$] scripsi; $\triangle E$ F, uulgo; $B \triangle$ ed. Basil., Torellius, A. 28. ΓB] $\Gamma \triangle$ F. 29. $\mu o \nu$ cum comp. $o \nu$ F.

ΑΒ καὶ τῆς γ' τῆς ΓΒ καὶ μόνης τῆς ΔΒ ποὸς τὴν συγκειμένην έκ τῆς διπλῆς τῆς ΒΔ καὶ μόνης τῆς ΕΒ. άλλ' ώς ή συγκειμένη έκ τῆς β' τῆς ΑΒ καὶ γ' τῆς ΓΒ καὶ τῆς Β Δ μόνης πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β΄ τῆς. 5 ΒΔ καὶ μόνης τῆς ΕΒ, οῦτως ἐδείχθη ἡ ΔΔ κοὸς ΔΕ. και ή συγκειμένη άρα έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, BE xal δ' συναμφοτέρου της ΓB , $B \Delta$ προς την συγκειμένην ἔχ τε τῆς β' τῆς B Δ καὶ μόνης τῆς EBμείζονα λόγον έχει, ηπερ ή ΑΔ πρός ΔΕ. έὰν άρα 10 θελήσωμεν ποιῆσαι τὸν αἰτὸν λόγον τῆς ΑΔ πρὸς αλλην τινά, ελάσσων έσται εκείνη της ΔΕ. έστω ή ΔΟ. ἔστιν ἄρα, ώς ή ΑΔ πρός ΔΟ, ή συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καί δ' συναμφοτέρου της ΓΒ, ΒΔ πρός την συγκειμένην έκ της 15 β΄ της ΒΔ και μόνης της ΕΒ. ανάπαλιν άρα έστίν, ώς ή Ο Δ πρός ΔΑ, ή συγκειμένη έκ τῆς β΄ τῆς ΒΔ καὶ μόνης τῆς ΕΒ πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β΄ - συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ και της δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒ, ΒΔ. καὶ συνθέντι, ώς ή ΟΑ πρός ΑΔ. 20 ούτως $\hat{\eta}$ συνκειμένη έκ τῆς β' τῆς AB καὶ δ' τῆς ΓB καὶ 5' τῆς Β Δ καὶ γ' τῆς ΒΕ πρὸς τὴν συγκειμένην έκ της β' συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καὶ δ' συναμφοτέρου της ΓΒ, ΒΔ. η τε γάρ ΒΔ έξάκις παρελήφθη, τετράκις μέν έν τοις προτέροις, δίς δε έν τοις 25 δευτέροις, και ή ΒΕ τρίς έλήφθη, δίς μεν έν τοῖς πρώτοις, απαξ δε εν τοις δευτέροις, υπόκειται δε καί ή ΑΔ πρός ΗΘ τοῦτον ἔχουσα τὸν λόγον, ὃν ἔχει ἡ συγκειμένη έκ των ε΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καί ι΄ συναμφοτέρου τῆς ΓΒ, ΒΔ πρὸς τὴν συγκειμένην 30 έχ τῆς β' τῆς AB καὶ δ' τῆς ΓB καὶ ς' τῆς $B \triangle$ καὶ 13. BE] BΓ FV. 19. AΔ\ ΛΔ FV. 25. τρίς | τριτ erit

$$2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta) : 2\Delta B + EB$$

> $2AB + 3\Gamma B + \Delta B : 2B\Delta + EB$.

sed

$$2AB + 3\Gamma B + B\Delta : 2B\Delta + EB = A\Delta : \Delta E,$$

ut demonstratum est. quare etiam

$$2(AB+BE)+4(\Gamma B+B\Delta):2B\Delta+EB>A\Delta:\Delta E.$$
 si igitur rationem, quam habet $A\Delta$ ad aliam lineam,

eandem 1) facere uoluerimus, illa minor erit quam ΔE [Eucl. V, 10]. sit ΔO . erit igitur

$$A\Delta: \Delta O = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta): 2B\Delta + EB.$$
 e contrario igitur

$$O\Delta: \Delta A = 2B\Delta + EB: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$
 et componendo

$$OA: A\Delta = 2AB + 4\Gamma B + 6B\Delta + 3BE$$
$$: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta);$$

nam $B\Delta$ sexies sumitur, quater in primis, bis in secundis, et BE ter sumitur, bis in primis, semel in secundis. supponitur autem

$$A\Delta: H\Theta = 5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: 2AB + 4\Gamma B + 6B\Delta + 3BE,$$

¹⁾ Sc. ac

 $²⁽AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta) : 2B\Delta + EB$. ceterum lin. 10 uidetur scribendum: $\tau \dot{o} \nu$ $\alpha \dot{v} \tau \dot{o} \nu$ $\lambda \dot{o} \gamma \sigma \nu$ et p. 348, 1 $\dot{\eta}$ $\dot{\alpha} \nu \alpha \lambda o \gamma \dot{\alpha}$.

cum comp. or F; corr. AB. 29. ι'] om. F; corr. ed. Basil. ΓB] $\Gamma \Delta$ F; corr. AB.

γ΄ τῆς ΒΕ, καί ἐστι τεταραγμένη ἀναλογία. - δι' ἴσου αρα, ώς ή ΟΛ πρός ΗΘ, ούτως ή συγκειμένη έκ τῆς ε' συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καὶ ι' της ΓΒ, ΒΔ πρός την συγκειμένην έκ τε της β΄ συναμφοτέρου της 5 AB, BE καὶ δ' τῆς ΓB , $B \triangle$. τὸ γὰρ τῆς γεγραμμένης ἀναλογίας ούτως ἔσται δηλον ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ώς έν τοις πρώτοις μεγέθεσιν ήγούμενον ή ΟΑ πρός έπόμενον την ΑΔ, ούτως έν τοις δευτέροις μεγέθεσιν ἡγούμενον ἡ συγκειμένη ἐκ τῆς β΄ τῆς ΑΒ καὶ δ΄ τῆς 10 ΓB xal 5' $\tau \tilde{\eta}_S$ $B \triangle$ xal γ' $\tau \tilde{\eta}_S$ B E $\pi \rho \delta_S$ $\epsilon \pi \delta \mu \epsilon \nu \rho \nu$ την συγκειμένην έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καὶ δ' συναμφοτέρου τῆς ΓB, B⊿, ως δὲ ἐν τοῖςπρώτοις μεγέθεσιν επόμενον ή ΑΔ πρός άλλο τι την ΗΘ, ούτως έν τοις δευτέροις μεγέθεσιν άλλο τι ή 15 συγκειμένη έκ της ε΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καί ι' συναμφοτέρου τῆς ΓΒ, ΒΔ πρὸς ἡγούμενον τὴν συγκειμένην έκ τε της β΄ της ΑΒ καλ δ΄ της ΓΒ καλ \mathbf{S}' τῆς $\mathbf{B} \mathbf{\Delta}$ καὶ $\mathbf{\gamma}'$ τῆς $\mathbf{B} \mathbf{E} \dagger$. ἐπεὶ ἡ ε΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒ, ΒΕ πρὸς τὴν β΄ τῆς αὐτῆς λόγον ἔγει, ὃν πέντε 20 πρός δύο, έχει δε και ή ι' συναμφοτέρου της ΓΒ, Β Δ πρὸς τὴν δ΄ τῆς αὐτῆς λόγον, ὃν πέντε πρὸς δύο, έπειδη και τὰ πέντε πρὸς δύο και τὰ δέκα πρὸς τέσσαρα λόγον έχει, ὃν πέντε πρὸς δύο, καὶ ἡ συγκειμένη ἄρα έκ της ε΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καὶ ι΄ συν-25 αμφοτέρου της ΓΒ, ΒΔ πρός την συγκειμένην έκ της β' συναμφοτέρου τῆς ΑΒ, ΒΕ καὶ δ' τῆς ΓΒ, ΒΔ λόγον έχει, δυ πέντε πρός δύο. ώστε καὶ ή ΑΟ πρός

ἄρα ἐστίν uulgo; sed ἐστίν om. FD.
 ΔΒ ΑΔ FV.
 ΒΔ] scripsi; BA FV; ΔB uulgo.
 ἡγούμενον] om. F; corr. Torellius.
 ἐπεὶ δὲ Torellius; fort. ἐπεὶ οὐν.
 ἄστεὶ ως δε F; corr. Torellius.

et proportio est perturbata. ex aequali igitur [Eucl. V, 23]

$$OA: H\Theta = 5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$

nam ratio huius proportionis ita erit manifesta: quoniam enim est, ut in primis magnitudinibus praecedens OA ad sequens $A\Delta$, ita in secundis praecedens

$$2AB + 4\Gamma B + 6B\Delta + 3BE$$

ad sequens

$$2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta),$$

et ut in primis magnitudinibus sequens $A\Delta$ ad aliud $H\Theta$, ita in secundis aliud

$$5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$

ad praecedens

$$2AB + 4\Gamma B + 6B\Delta + 3BE$$

[cum perturbata sit proportio (Eucl. V def. 20), erit ex aequali (Eucl. V, 23), ut in primis magnitudinibus primum OA ad extremum $H\Theta$, ita in secundis primum

$$5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$

ad extremum

$$2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)]^{1}$$

iam quoniam

$$5(AB + BE) : 2(AB + BE) = 5 : 2$$
,

et
$$10(\Gamma B + B\Delta) : 4(\Gamma B + B\Delta) = 5 : 2$$
,

quia 5:2=10:4=5:2, erit

$$5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$

$$: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta) = 5:2.$$

¹⁾ Haec uel similia excidisse uidentur (cfr. Eucl. V def. 18). saltem sententia aliqua primaria ad žazi lin. 6 pertinena decata

Η θλόγον έγει, δυ πέντε πρός δύο. πάλιν έπεὶ έδείχθη έν τοις άνωτέρω, ὅτι ἡ Ο Δ πρός ΔΑ τὸν αὐτὸν ἔγει λόγον, δυ έχει ή ΕΒ μετὰ τῆς β' τῆς ΒΔ πρὸς τὴυ ίσην τη συγκειμένη έκ τε της β' συναμφοτέρου της 5 AB, BE $\mu\epsilon\tau\dot{\alpha}$ $\tau\tilde{\eta}_{S}$ δ' συναμφοτέρου $\tau\tilde{\eta}_{S}$ ΓB , $B\Delta$, έστιν δε καί, ώς επόμενον έν τοις πρώτοις μεγέθεσιν ή ΑΔ πρός αλλο τι την ΔΕ, ούτως έν τοις δευτέφοις μεγέθεσιν άλλο τι ή συγκειμένη έκ της β' της ΑΒ καὶ γ' τῆς ΓΒ καὶ μόνης τῆς ΔΒ πρὸς ἡγούμενον 10 την συγκειμένην έκ τε της EB καὶ της β' της $B\Delta$. άνομοίως των λόγων τεταγμένων, τουτέστι τεταραγμένης ούσης της αναλογίας, δι' ίσου έστίν, ώς ή ΟΔ πρός ΔΕ, ουτως ή συγκειμένη έκ της β' της ΑΒ καί τῆς γ' τῆς ΓΒ καὶ μόνης τῆς Β Δ πρὸς τὴν συγκειμένην 15 ἐκ τῆς β' συναμφοτέρου τῆς AB, BE καὶ δ' τῆς ΓB , $B \triangle$. ώστε καὶ ἀνάπαλιν, ώς ἡ ΕΔ πρὸς ΔΟ, οῦτως ἡ συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέρου της AB, BE καὶ δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒΔ πρός την συγκειμένην έκ τε $τ\tilde{\eta}$ ς β' $τ\tilde{\eta}$ ς AB καὶ γ' $τ\tilde{\eta}$ ς ΓB καὶ μόνης $τ\tilde{\eta}$ ς $B \Delta$. 20 και άναστρέψαντι, ώς ή ΔΕ πρός ΕΟ, τὸ ἡγούμενόν φημι πρός την ύπερογήν, ούτως ή συγκειμένη έκ τῆς β' συναμφοτέρου τῆς ABE μετὰ τῆς δ' τῆς $\Gamma B Δ$ πρός την συγκειμένην έκ της ΓΒ μόνης καὶ γ΄ της $B \triangle$ καὶ τῆς β' τῆς EB· ἐν μὲν γὰρ τῷ ἡγουμένω ἡ 25 β' $\tau \tilde{\eta}_S$ AB xal $\tau \tilde{\eta}_S$ BE, $\vec{\epsilon} \nu$ $\delta \hat{\epsilon}$ $\tau \tilde{\phi}$ $\hat{\epsilon} \pi o \mu \hat{\epsilon} \nu \phi$ $\hat{\eta}$ β' $\tau \tilde{\eta}_S$ ΑΒ μόνης ώστε περιλείπεται έν ταϊς ύπεροχαϊς ή β΄ της ΕΒ΄ πάλιν έν μεν τῷ ἡγουμένο ἡ δ΄ συναμφοτέρου τῆς $\Gamma B oldsymbol{\triangle}$, ἐν δὲ τῷ ἐπομένῳ ἡ γ΄ τῆς ΓB καὶ ή Β Δ μόνη: ώστε περιλείπεται έν ταϊς ύπεροχαϊς ή

^{2.} aroteom F. 11. tetaquer cum comp. qv F. 12. ov-ons] ns ovons F; corr. A, ed. Basil. 21. ovtus] per comp. R.

quare etiam AO: HO = 5:2. rursus quonium supra [p. 346, 12] demonstratum est, esse

 $O\Delta: \Delta A = EB + 2B\Delta: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$, et praeterea est [p. 344, 16], ut in primis magnitudinibus sequens $A\Delta$ ad aliud ΔE , ita in secundis aliud $2AB + 3\Gamma B + \Delta B$ ad praecedens $EB + 2B\Delta$, cum rationes dissimiliter ordinatae sint, h. e. cum perturbata sit proportio, ex aequali erit

$$O\Delta: \Delta E = 2AB + 3\Gamma B + \Delta B$$

 $: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$

quare etiam e contrario

$$E\Delta: \Delta O = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: 2AB + 3\Gamma B + B\Delta.$$

et convertendo praecedens ad excessum [Eucl. V def. 17]

$$\Delta E: EO = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: \Gamma B + 3B\Delta + 2EB;$$

nam in praecedenti est 2AB + 2BE, in sequenti autem 2AB; quare in excessu relinquitur 2EB; rursus in praecedenti est $4(\Gamma B + BA)$, in sequenti autem

 $3TB + B\Delta;$

quare relinquitur in excessu $\Gamma B + 3B\Delta$. recte igitur diximus, convertendo esse

$$\Delta E: EO = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$

: $\Gamma B + 3\Delta B + 2EB$.

(a) The second of the secon

The second of the second secon

ΓΒ μόνη καὶ ἡ γ΄ τῆς ΒΔ. καλῶς οὖν ἐλέχθη, ὅτι έστιν αναστρέψαντι, ώς ή ΔΕ πρός ΕΟ, ή συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καὶ δ΄ συναμφοτέρου τῆς ΓΒΔ πρὸς τὴν συγκειμένην ἔκ τε 5 τῆς ΓB καὶ τῆς γ' τῆς ΔB καὶ τῆς β' τῆς E B. Εδτε καλ ανάπαλιν, ώς ΟΕ πρός ΕΔ, ούτως ή συγκειμένη έκ τῆς ΓΒ μετὰ τῆς γ΄ τῆς ΒΔ καὶ β΄ τῆς ΕΒ ποὸς την συγκειμένην έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΕ καὶ δ' συναμφοτέρου τῆς $\Gamma B \triangle$. ἔστιν δὲ καὶ, ὡς ἡ 10 ΔB πρὸς ἄλλο τι τὴν EB, ἡ AB πρὸς $B\Gamma$, καὶ διελόντι, ώς ή ΔΕ πρός ΕΒ, ή ΑΓ πρός ΓΒ. διὰ τὰ αὐτὰ δή ἐστιν, ώς ἡ ΓΔ πρὸς ΔΒ, οὕτως ἡ ΔΕ πρὸς EB. καὶ ὡς ἄρα ἡ γ΄ τῆς $\Gamma \triangle$ πρὸς τὴν γ΄ τῆς $\triangle B$, οῦτως ή β΄ τῆς ΔΕ πρὸς τὴν β΄ τῆς ΕΒ. τὰ γὰρ 15 μέρη τοις ώσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον. και ώς ἄρα εν πρός εν, ούτως απαντα τὰ ἡγούμενα πρὸς ᾶπαντα τὰ έπόμενα. ἔστιν ἄρα, τος ή ΔE πρὸς ΕΒ, οῦτως ή συγκειμένη έκ τῆς ΑΓ καὶ τῆς γ' τῆς $\Gamma \Delta$ καὶ ἡ β' τῆς ΔE πρὸς τὴν συγκειμένην ἔκ 20 τε τῆς ΓB καὶ τῆς γ' τῆς $B \triangle$ καὶ τῆς β' τῆς E B. έπει οὖν έδείγθη, ώς έν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡγούμενον ή ΟΕ πρός επόμενον την ΔΕ, έν τοῖς δευτέφοις μεγέθεσιν ήγούμενον ή συγκειμένη έκ τῆς ΓΒ καὶ τῆς γ' τῆς Β Δ καὶ β' τῆς ΒΕ πρὸς ἐπόμενον τὴν 25 συγκειμένην έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καί δ' συναμφοτέρου τῆς $\Gamma B Δ$, ώς δὲ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν επόμενον ή ΔΕ πρός άλλο τι την ΕΒ, έν τοις δευτέροις μεγέθεσιν άλλο τι ή συγκειμένη έκ τῆς $A\Gamma$ καὶ γ' τῆς $\Gamma \Delta$ καὶ β' τῆς ΔE πρὸς ἡγούμενον

^{6.} ω_s $\dot{\eta}$ OE? 15. nollanlagioi F. 18. $\tau \ddot{\eta}_s$ γ'] om. F; corr. ed. Basil. 25.

quare etiam e contrario

$$OE: E \Delta = \Gamma B + 3B\Delta + 2EB$$
$$: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$

sed etiam $\Delta B : EB = AB : B\Gamma$ [ex hypothesi], et dirimendo $\Delta E : EB = A\Gamma : B\Gamma$. eadem de causa est $\Gamma\Delta : \Delta B = \Delta E : EB$.) quare

$$3\Gamma\Delta: 3\Delta B = 2\Delta E: 2EB$$

partes enim cum multiplis similibus in eadem proportione sunt. quare etiam ut unus ad unum, ita omnes termini praecedentes ad omnes sequentes. itaque

$$\Delta E: EB = A\Gamma + 3\Gamma\Delta + 2\Delta E: \Gamma B + 3B\Delta + 2EB.$$

iam quoniam demonstratum est, esse, ut in primis magnitudinibus praecedens OE ad sequens ΔE , ita in secundis praecedens $\Gamma B + 3B\Delta + 2BE$ ad sequens

$$2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta),$$

et est, ut in primis magnitudinibus sequens ΔE ad aliud EB, ita in secundis aliud $\Delta \Gamma + 3\Gamma\Delta + 2\Delta E$

¹⁾ Nam $\Gamma B : \Delta B = \Delta B : EB$ (ex hypothesi). itaque $\Delta E : EB = A\Gamma : B\Gamma = 3\Gamma\Delta : 3\Delta B = 2\Delta E : 2EB$.

τῆς AB ad συναμφοτέρου lin. 26 om. F; corr. ed. Basil. 29. γ'] scripsi; ἡ γ' F, uulgo. β'] η F, ν V.

την συγκειμένην έκ τε της ΓΒ καὶ γ' της ΔΒ καὶ β' της ΒΕ, δι' ίσου έν τη τεταραγμένη άναλογία, ώς ή ΟΕ πρός ΕΒ, ή συγκειμένη έκ τε της ΑΓ και γ΄ της $\Gamma \Delta$ καὶ β' τῆς ΔE πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β' δ συναμφοτέρου της ΑΒΕ μετὰ της δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒΔ. και συνθέντι, ώς ή ΟΒ πρός ΒΕ, ούτως $\dot{\eta}$ συγκειμένη έκ τῆς $A\Gamma$ καὶ γ' τῆς $\Gamma \Delta$ καὶ β' τῆς $E \triangle$ nal β' sunamportépou $\tau \tilde{\eta}_S$ AB, BE nal δ' sunαμφοτέρου της ΓΒΔ πρός την συγκειμένην έκ τε της 10 β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒΕ καὶ δ΄ συναμφοτέρου τῆς $\Gamma B \Delta$. ἀλλὰ ἡ συγκειμένη ἐκ τῆς $A \Gamma$ καὶ γ' τῆς $\Gamma \Delta$ καλ β΄ τῆς ΔΕ καλ β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒ, ΒΕ καλ δ' συναμφοτέρου της $\Gamma B \Delta$ ἴση έστὶ τη συγκειμένη $\check{\epsilon}$ χ τε τ $\check{\eta}$ ς γ' τ $\check{\eta}$ ς AB καὶ ς' τ $\check{\eta}$ ς ΓB καὶ γ' τ $\check{\eta}$ ς ΔB . 15 η τε γαρ ΑΒ δίς παρελήφθη αὐτόθεν καὶ προσλαβοῦσα την ΑΓ και έκ της δ' της ΓΒ μίαν ποιεί την γ' της ΑΒ΄ πάλιν ἀφαιρεθείσης ἀπὸ τῆς δ΄ τῆς ΓΒ μιᾶς γίνεται γ΄, προσλαβοῦσα δὲ τὴν γ΄ τῆς Γ⊿ καὶ γ΄ τῆς ΔΒ ποιεί την τ΄ της ΓΒ. πάλιν άφαιρεθείσης άπὸ 20 τῆς δ΄ τῆς ΔΒ γ΄ μένει μόνη ἡ ΔΒ, προσλαβοῦσα δε τήν τε β΄ τῆς ΔΕ καὶ τὴν β΄ τῆς ΕΒ ποιεῖ τὴν y' τῆς B extstyle eτοῦτον ἔχει τὸν λόγον, ὃν ἔχει ἡ συγκειμένη ἐκ τῆς γ' τῆς ΑΒ καὶ 5' τῆς ΓΒ καὶ γ' τῆς ΔΒ πρὸς τὴν 25 συγκειμένην έκ τῆς $oldsymbol{eta}'$ συναμφοτέρου τῆς $oldsymbol{ABE}$ καὶ $oldsymbol{\delta}'$ συναμφοτέρου της ΓΒΔ. πάλιν έπεὶ αί ΕΔ, ΔΓ, ΓΑ έν τῶ αὐτῷ λόγω είσὶ καὶ διὰ τὸ ἀνάπαλιν τῆς ύποθέσεως συναμφότερος έκάστη των ΕΒ, ΒΔ, ΔΒ, $B\Gamma$, $B\Gamma$, BA, ἔσται, ώς ἡ $E\Delta$ πρὸς τὴν μέσην καὶ τὴν

^{4.} $\Gamma \Delta$] $B \Delta$ F V D. β'] (priva) scripe; $\dot{\eta}$ β' F, unlgo. 8. $E \Delta$] $B E \Delta$ F. 9. $\Gamma B \Delta$] $A B \Delta$ F V A. 12. $\tau \ddot{\eta} \varsigma$ A B, B E

ad praecedens $\Gamma B + 3 \Delta B + 2BE$, ex aequali in proportione perturbata erit

$$OE: EB = A\Gamma + 3\Gamma\Delta + 2\Delta E$$
$$: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$

et componendo erit

$$OB: EB = A\Gamma + 3\Gamma\Delta + 2E\Delta + 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta): 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$
sed

$$A\Gamma + 3\Gamma\Delta + 2\Delta E + 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$

= $3AB + 6\Gamma B + 3\Delta B$;

nam AB per se bis adsumpta est, et adsumptis $A\Gamma$ et ex $4\Gamma B$ una facit 3AB; rursus ex $4\Gamma B$ una ablata relinquitur $3\Gamma B$, adsumptis autem $3\Gamma \Delta$ et $3\Delta B$ facit $6\Gamma B$; rursus ab $4\Delta B$ ablatis $3\Delta B$ relinquitur ΔB , adsumptis autem $2\Delta E$ et 2EB facit $3B\Delta$. recte igitur dicit [II p. 224, 6—11], esse

$$OB : EB = 3AB + 6\Gamma B + 3\Delta B$$

: $2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$.

rursus quoniam $E\Delta$, $\Delta\Gamma$, $\Gamma\Lambda$ et $EB+B\Delta$, $\Delta B+B\Gamma$, $B\Gamma+B\Lambda$ (propter hypothesim et e contrario) in eadem proportione sunt¹), erit, ut $E\Delta$ ad mediam cum

¹⁾ H. e. $E \Delta : \Delta \Gamma = \Delta \Gamma : \Gamma A = EB + B\Delta : \Delta B + B\Gamma = \Delta B + B\Gamma : B\Gamma + BA;$ u. II p. 224, 11—13; cfr. II p. 225 not. 2.

παὶ δ΄ συναμφοτέςου] om. F; corr. ed. Basil. 14. ΔB] ΔE FV. 16. τὴν γ΄ τῆς scripsi; τριτον την F, uulgo. 17. αφαιρεθεισα η δ της F; corr. ed. Basil. μιᾶς] scripsi; μιαν F, uulgo; μία A. 18. γίνεται] γαρ per comp. F; corr. AB. τὴν γ΄] της (comp.) γ΄ F. 20. δ΄] $\bar{\alpha}$ F; corr. ed. Basil. 21. $\delta \dot{\epsilon}$] δ F. 22. $\delta \dot{\nu}$ ν] per comp. F. Huic lineae et lin. 28 εἰχρισπ adp. F. 24. γ΄] (alt.) η γ΄ FA. 26. Δ Γ, ΓΑ] Δ I F; corr. A, ed. Basil. 29. B Γ] (alt.) om. F; corr. Torellius (ΓΒ).

έπομένην τὰς ΔΓ, ΓΑ, τουτέστι τὴν ΔΑ, οῦτως συναμφότερος ή ΕΒ, ΒΔ πρός συναμφότερον την ΔΒ, ΒΓ μετά συναμφοτέρου της ΓΒ, ΒΑ. και συνθέντι άρα, ώς ΕΛ πρός ΑΔ, ούτως συναμφότερος ή ΕΒΔ δ μετά συναμφοτέρου της ΔΒΓ καί μετά συναμφοτέρου τῆς ΓΒΑ πρὸς συναμφότερον τὴν ΔΒΓ μετὰ συναμφοτέρου τῆς ΓΒΑ. ἀλλὰ συναμφότερος ἡ ΕΒΔ μετὰ τῆς ΔΒΓ καὶ τῆς ΓΒΑ ἴση ἐστὶ συναμφοτέρο τῆ ΕΒΑ καὶ δὶς συναμφοτέρω τῆ ΔΒΓ ακαί γὰο 10 αί ἄχραι παραλαμβάνονται καὶ δὶς αί μέσαι. συναμφότερος δε ή ΔΒΓ μετά της ΓΒΑ ίση έστι συναμφοτέρω τη AB Δ και δίς τη BΓ διά την αυτήν αίτίαν. ώστε έστίν, ώς ή ΕΑ πρός ΑΔ, ούτως ή συνκειμένη έκ τε της ΕΒΑ καί β΄ συναμφοτέρου της 15 ΔΒΓ πρώς την συγκειμένην έκ τε συναμφοτέρου της ΔΒΑ καὶ τῆς β΄ τῆς ΓΒ. ώστε καὶ ἡ διπλασία πρὸς την διπλασίαν τὸν αὐτὸν ἔχει λόμον. ὡς ἄρα ἡ ΕΑ πρός ΑΔ, ούτως ή συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΕΒΑ μετά της δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒΑ 20 πρός την συγκειμένην έκ της β΄ συναμφοτέρου της ABA καὶ τῆς δ΄ τῆς ΓB . ὧστε καί, ὡς ἡ EA πρὸς τὰ τρία πέμπτα της ΑΔ, ουτως ή συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΕ καὶ δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒ Δ πρός τὰ τρία πέμπτα τῆς συγκειμένης ἐκ τῆς β΄ 25 συναμφοτέρου τῆς $AB \triangle$ καὶ τῆς δ' τῆς ΓB . ἀλλ' ὡς ή ΑΕ πρός τὰ τρία πέμπτα τῆς ΑΔ, οῦτως ἐλήφθη ή ΒΕ πρός ΖΗ. καὶ ώς ἄρα ή ΕΒ πρός ΖΗ, οῦτως ή συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΕ καὶ της δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒ Δ πρός τὰ τρία πέμπτα

^{4.} ως ή ΕΛ? 11. ΔΒΓ] ΔΒΙ FVD. 12. ΛΒΔ] ΒΔΛ F; corr. A, ed. Basil. ΒΓ] scripsi; ΛΓ F, unlgo; ΓΒ L, ed.

sequenti $\Delta \Gamma + \Gamma A$, h. e. ΔA , ita

$$EB + B\Delta : (\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + BA).$$

quare etiam componendo

$$EA: A\Delta = (EB + B\Delta) + (\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + BA)$$
$$: (\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + BA).$$

sed

$$(EB + B\Delta) + (\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + B\Delta)$$

= $EB + BA + 2(\Delta B + B\Gamma);$

nam termini extremi semel, medii bis adsumuntur. et

$$(\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + BA) = AB + BA + 2B\Gamma$$

eadem de causa. quare erit

$$EA: A\Delta = EB + BA + 2(\Delta B + B\Gamma)$$
$$: \Delta B + BA + 2\Gamma B.$$

quare etiam duplex ad duplex eandem rationem habebit. erit igitur

$$EA: A\Delta = 2(EB + BA) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: 2(AB + B\Delta) + 4\Gamma B.$$

quare etiam

$$EA: \frac{3}{5}A\Delta = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: \frac{3}{5}(2(AB + B\Delta) + 4\Gamma B).$$

sed sumpsimus $AE: \frac{3}{5} A\Delta = BE: ZH^{1}$ quare

$$EB: ZH = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: \frac{3}{2}(2(AB + B\Delta) + 4\Gamma B).$$

¹⁾ Sumpsimus (II p. 218, 18 sq.) $BE: EA = ZH: \frac{3}{3}A\Delta$; tum uicissim.

Basil., Torellius.
 14. β'] om. FVA. 15. ΔBΓ] ΔΓΕ Σ.
 28. ΔΒΕ] ΔΒΔ F.
 29. τὰ τρία πέμπτα τῆς συγκειμένης] την συγκειμένην F; corr. Torellius.

της συγκειμένης έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΔ καὶ δ΄ τῆς ΓΒ. ἐπεὶ οὖν δέδεικται, ὡς ἡγούμενον ἡ ΟΒ προς επόμενον την ΒΕ, ούτως ηγούμενον η γ΄ συναμφοτέρου της ΑΒΔ μετὰ της 5' της ΓΒ πρός 5 επόμενον την β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΕ καὶ δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒΔ, ώς δε επόμενον ή ΕΒ πρός άλλο τι την ΖΗ, ούτως επόμενον η β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒΕ καὶ ἡ δ΄ συναμφοτέρου τῆς ΔΒΓ πρὸς τὰ τρία πέμπτα τοῦ έπομένου, τουτέστι τῆς συγκειμένης 10 έχ τῆς β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒΔ καὶ τῆς δ΄ τῆς ΓΒ, τεταγμένης οὖν οὖσης τῆς ἀναλογίας δι' ίσου ἐστίν, ώς ή ΟΒ πρός ΖΗ, ούτως ή συγμειμένη έμ τε της γ΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒΔ καὶ τ΄ τῆς ΓΒ πρὸς τὰ τρία πέμπτα της συγκειμένης έκ τε της β΄ συναμφοτέρου 15 $\tau \tilde{\eta} \in AB \Delta$ xal δ' $\tau \tilde{\eta} \in \Gamma B$. $\dot{\eta}$ $\delta \dot{\epsilon}$ suggesting fx $\tau \tilde{\eta} \in \nu'$ συναμφοτέρου της ΑΒΔ καί ς' της ΓΒ πρός την συνκειμένην έχ της β' συναμφοτέρου της AB Δ καὶ δ'τῆς ΓΒ λόγον ἔχει, ὂν τρία πρὸς δύο, πρὸς δὲ τὰ τρία πέμπτα τῆς αὐτῆς λόγον ἔγει, ὃν πέντε πρὸς δύο. 20 ττὰ δὲ έξαπλάσια τῶν αὐτῶν τῶν τετραπλασίων ἡμιόλιά έστιν πρός δε τρία πέμπτα της αὐτης λόγον έγει, ὃν πέντε πρός δύο. ἐπειδή γὰρ τὰ ἡγούμενα τῶν έπομένων ήμιόλια, καὶ λόγον ἔχει πρὸς αὐτά, ὃν τρία πρὸς δύο. ἔγει ἄρα καί, ὃν τεσσαράκοντα πέντε πρὸς

^{5.} ἐπόμενον] om. F; corr. Torellius. δ'] om. FAD. 7. τὴν ZH] τα τρια πεμπτα της ZH F; corr. ed. Basil. ἐπόμενον] ηγουμενον F; corr. Torellius. 8. ΔΒΓ] scripsi; ΔΕΓ F, uulgo; ΓΒΔ A, ed. Basil., Torellius. 9. τοῦ ἐπομένου] ἄλλο τι Torellius. 12. ἡ ΟΒ] η ΕΒ F; corr. B. 15. ΑΒΔ] hic repetitur καὶ ς' τῆς ΓΒ lin. 13 ad τῆς ΑΒΔ lin. 15 in F; corr. ed. Basil. 16. ΑΒΔ] ΓΔΒ F. 18. δν τρία ad λόγον ἔχει lin. 19 addidi; om. F, uulgo. Torellius lin. 16 scripsit πρὸς τρία πέμπτα τῆς συγκειμένης. 19. Post δύο Torellius: ἡ μὲν

quoniam igitur demonstratum est, esse, ut praecedens OB ad sequens BE, ita praecedens

$$3(AB + B\Delta) + 6\Gamma B$$

ad sequens $2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$, et ut sequens EB ad aliud ZH, ita sequens

$$2(AB + BE) + 4(AB + B\Gamma)$$

ad tres quintas partes sequentis, h. e.

$$\frac{3}{5}(2(AB+B\Delta)+4\Gamma B)$$
,

cum ordinata sit proportio [Eucl. V def. 19], ex aequali est

$$OB : ZH = 3(AB + B\Delta) + 6\Gamma B$$

: $\frac{3}{5}(2(AB + B\Delta) + 4\Gamma B)$.

sed

$$3(AB + B\Delta) + 6\Gamma B : 2(AB + B\Delta) + 4\Gamma B = 3:2$$
 et

$$3(AB+BA)+6\Gamma B: \frac{3}{5}(2(AB+BA)+4\Gamma B)=5:2.$$

[nam triplum eiusdem dimidia parte maius est duplo]¹), et sexcuplum eiusdem dimidia parte maius est quadruplo. sed ad tres quintas partes eiusdem²) eam rationem habet³), quam 5:2. nam quoniam praecedentia dimidia parte maiora sunt sequentibus, eam ad ea rationem habent, quam 3:2. quare etiam eam rationem habent, quam 45:30 (nam $45=3 \times 15$,

¹⁾ Sic fere lacuna explenda est.

H. e. tres quintas partes dupli et quadrupli.
 Subjectum est: triplum et sexcuplum eiusdem.

γὰς τριπλασία συναμφοτέρου τῆς $AB \triangle τῆς διπλασίας συναμφοτέρου τῆς <math>AB \triangle η$ μιολία ἐστί. deinde sic correxit ἡ δὲ ἑξαπλασία τῆς ΓB τῆς τετραπλασίας τῆς ΓB ημιολία ἐστί, omissis uerbis πρὸς δὲ lin. 21 ad πρὸς δύο lin. 22. 21. δὲ τὰ τρία? 22. γάρ] scripsi; δε F, uulgo.

τριάποντα έκάτερον γὰρ έκατέρου έστι πεντεπαιδεκαπλάσιου. καί έστι τὰ τρία πέμπτα τῶν τριάποντα δεκαοκτώ. ἔχει ἄρα τεσσαράκοντα πέντε πρὸς δεκαοκτώ λόγου, δυ πέντε πρὸς δύο. τὰ γὰρ πέντε καὶ τὰ δύο ἀμφοτέρων 5 εἰσιν ἔννατα. ἐπεὶ οὖν δέδεικυαι ἡ μὲν ΟΑ πρὸς Ηθλόγου ἔχουσα, δυ πέντε πρὸς δύο, ἡ δὲ ΟΒ πρὸς ΖΗ τὸν αὐτὸν λόγου, δύο πεμπτημόριά ἐστιν ὅλη ἡ Ζθ ὅλης τῆς ΑΒ.

Elg τὸ ι'.

10 Φανεφὸν δή, ὅτι καὶ τοῦ ΑΔΕΓ τόμου διάμετρός ἐστιν ὰ ΖΗ] ἐπεὶ γὰρ ὑπόκειται ἡ ΖΒ διάμετρος τοῦ τμήματος, καὶ αἰ ΑΓ, ΔΕ διχοτομούμεναι ὑπ' αὐτῆς κατὰ τὰ Ζ, Η, παράλληλοί εἰσιν τῆ κατὰ τὸ Β ἐφαπτομένη τῆς τομῆς. καὶ δῆλον, ὅτι καὶ πᾶ-15 σαι αἱ ὁμοίως αὐταϊς ἀγόμεναι παράλληλοι εἴτε μεταξὺ αὐτῶν εἴτε καὶ μεταξὺ τῆς ΔΕ καὶ τῆς Β κορυφῆς δίχα τμηθήσονται ὑπὸ τῆς ΒΖ. καὶ διὰ τοῦτό φησι διάμετρον εἶναι τοῦ τόμου τὴν ΖΗ.

'All' ώς μεν ὁ ἀπὸ ΖΑ κύβος ποτί τὸν ἀπὸ 20 ΔΗ κύβον, οῦτως τὸ [ἀπὸ] ΑΒΓ τμᾶμα ποτί τὸ ΔΒΕ τμᾶμα] έπει γὰρ δέδεικται ὑπ' αὐτοῦ, ὅτι τὸ ΑΒΓ τμῆμα τοῦ ΑΒΓ τριγώνου ἐστίν ἐπίτριτον καὶ τὸ ΔΕΒ τμῆμα τοῦ ΔΕΒ τριγώνου, ἔστιν, ὡς τὸ ΑΒΓ τμῆμα πρὸς τὸ ΑΒΓ τρίγωνον, οῦτως τὸ ΔΕΒ

^{1.} εκατον γας εκατεςος (-ον et -ος comp.) F; corr. ed. Basil. 2. καί] om. F; corr. ed. Basil. δεκαοκτώ] δε και (comp.) οκτω F; corr. ed. Basil. 3. Post λόγον Torellius: δν ή συγκειμένη εν τε τῆς γ΄ συναμφοτέςου τῆς ΑΒΔ καὶ ς΄ τῆς ΓΒ πρός τὰ τρία πέμπτα τῆς συγκειμένης εν τε τῆς β΄ συναμφοτέρον τῆς ΑΒΔ καὶ δ΄ τῆς ΓΒ. οἶος καὶ ὁ λόγος έστὶ τῆς ΟΒ πρός ΖΗ. άλλὰ τεσσαράκοντα πέντε πρὸς δεκαοκτὰ λόγον έχει. 5. Post έννατα Torellius: ἄστε καὶ ἡ ΟΒ πρὸς ΖΗ λόγον έχει.

 $30 = 2 \times 15$). et $\frac{3}{5} \times 30 = 18$. [quare, ut constet propositum, demonstrandum est, esse]¹) 45:18 = 5:2 [et hoc est].¹) nam $5 = \frac{1}{5} \times 45$, $2 = \frac{1}{5} \times 18$. quoniam igitur demonstratum est, esse $OA:H\Theta=5:2$, et OB:ZH=5:2, erit $Z\Theta=\frac{2}{5}AB$ [Eucl. V, 12].

In prop. X.

II p. 228, 23-230, 1: adparet igitur, etiam frusti $A \triangle E \Gamma$ diametrum esse ZH] nam quoniam suppositum est, ZB diametrum segmenti esse, etiam lineae $A\Gamma$, $\triangle E$ ab ea in partes aequales in Z, H sectae parallelae sunt lineae in B sectionem contingenti [quadr. parab. 1 extr.]. et adparet, etiam omnes lineas parallelas eodem modo ductas siue inter eas siue inter $\triangle E$ et uerticem B in partes aequales linea BZ sectum iri. ea de causa dicit, lineam ZH diametrum frusti esse.

II p. 232, 7—9: sed $ZA^3: \Delta H^3 = AB\Gamma: \Delta BE$] nam quoniam ab eo demonstratum est [$\tau \epsilon \tau \rho \alpha \gamma$. $\pi \alpha \rho \alpha \beta$. 17 et 24], segmentum $AB\Gamma$ tertia parte maius esse triangulo $AB\Gamma$ et segmentum ΔEB triangulo ΔEB , segmentum $AB\Gamma$ ad triangulum $AB\Gamma$ eam habebit rationem, quam segmentum ΔEB ad triangulum ΔEB .

¹⁾ Haec uidetur esse horum uerborum sententia, sed tam obscure proposita est, ut oriatur suspicio, uerba aliqua excidisse. uerum tamen cum totus hic finis corruptissimus sit, emendationem admodum incertam tentare nolui; nec conatus Torellii probo.

ον πέντε πρὸς δύο. Lin. 10—11, 19—21 solis in hac propositione signa adp. F. 11. ά] η F; corr. Torellius. 13. τά] το F; corr. Torellius. 14. εφαπτομενοι F; corr. ed. Basil. 16. καί] (prius) per comp. F. 17. BZ] BZH EVD. 19. Z.A] scripsi; ZB F, uulgo; AZ Torellius. προς E, uulgo, ut. lin. 20. 20. ἀπό] delet Torellius; cfr. II, 232, 8.

τμημα πρός τὸ ΔΕΒ τρίγωνου. καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ τμημα πρός τὸ τμημα, τὸ τρίγωνον πρός τὸ τρίγωνον: ώστε καὶ τὰ ἡμίση αὐτών, ώς τὸ ΑΒΓ τμημα πρὸς τὸ ΔΕΒ τμημα, ούτως τὸ ΑΖΒ τρίγωνον πρὸς τὸ 5 ΔΗΒ τρίγωνον. ώστε καλ έαν αναγράψωμεν τα παραλληλόγραμμα τὰ διπλάσια τῶν τριγώνων, ἔσται ἰσογώνια διὰ τὸ παραλλήλους είναι τὰς ΔΗ, ΑΖ. ώστε καὶ λόγον εξει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν τῆς AZ πρὸς ΔΗ καὶ τῆς ZB πρὸς BH. ὁ αὐτὸς δὲ 10 λόγος έστὶ τῶν τε τριγώνων καὶ τῶν τμημάτων. τὸ άρα τμημα πρός τὸ τμημα λόγον έχει τὸν συγκείμενον έκ τοῦ τῆς ΑΖ πρὸς ΔΗ καὶ τοῦ τῆς ΖΒ πρὸς ΒΗ. ό δὲ τῆς ΖΒ πρὸς ΒΗ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῶ τοῦ άπὸ ΑΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΗ τετράγωνον. ὁ ἄρα τοῦ 15 τμήματος πρός τὸ τμημα λόγος σύγκειται έκ τοῦ ἀπὸ ΑΖ πρός τὸ ἀπὸ ΔΗ τετράγωνον καὶ τοῦ τῆς ΑΖ πρός ΔΗ. σύγκειται δε και ό τοῦ ἀπό ΑΖ κύβου πρός τὸν ἀπὸ ΔΗ κύβον λόγος ἐκ τῶν αὐτῶν, ὡς δέδεικται έν τοις σχολίοις του περί σφαίρας και κυ-20 λίνδρου. ἔστιν ἄρα, ώς τὸ τμῆμα πρὸς τὸ τμῆμα, ούτως ὁ ἀπὸ ΑΖ κύβος ποὸς τὸν ἀπὸ ΔΗ κύβον.

Καὶ ἐπεὶ τὸ στεφεὸν τὸ βάσιν μὲν ἔχον τὸ ἀπὸ τῆς ΑΖ τετφάγωνον, ὕψος δὲ τὰν συγκειμέναν ἔκ τε τᾶς β΄ τᾶς ΔΗ καὶ τᾶς ΑΖ πφὸς 25 τὸν ἀπὸ ΑΖ κύβον λόγον ἔχει, ὃν ἁ β΄ τᾶς ΔΗ μετὰ τᾶς ΑΖ ποτὶ ΖΑ] ἐπὶ γὰφ τῶν αὐτῶν βάσεων ὅντα πφὸς ἄλληλά ἐστιν, ὡς τὰ ὕψη. — ἔστιν δὲ καὶ ὡς ἡ ΔΗ πφὸς ΑΖ, ἡ ΞΝ πφὸς ΝΜ, καὶ ὡς ἡ β΄ τῆς ΔΗ πφὸς ΑΖ, ἡ β΄ τῆς ΞΝ πφὸς ΝΜ.

^{1.} ΔΕΒ] ΛΕΒ FV. 7. ΔΗ ΛΗ FV. 9. δέ γας F; corr. Torellius. 23. την

et uicissim, ut segmentum ad segmentum, ita triangulus ad triangulum. quare etiam sumptis eorum dimidiis, ut segmentum $AB\Gamma$ ad segmentum ΔEB , ita triangulus AZB ad triangulum ΔHB . quare etiam si construxerimus parallelogramma, quae duplo maiora sunt triangulis, aequales angulos habebunt, quia parallelae sunt ΔH , AZ. quare etiam rationem ex rationibus laterum compositam habebunt [Eucl. VI, 23], $AZ:\Delta H \times ZB:BH$. et ratio et triangulorum et segmentorum eadem est. itaque segmentum ad segmentum eam rationem habet, quam

 $AZ: \Delta H \times ZB: BH.$

sed $ZB:BH = AZ^2: \Delta H^2$ [Apollon. I, 20]. itaque ratio segmentorum composita est ex

 $AZ^2: \Delta H^2$ et $AZ: \Delta H$.

sed etiam $AZ^3: \Delta H^3$ ex iisdem composita est, ut in scholiis ad opus de sphaera et cylindro [supra p. 242, 24 sq.] demonstrauimus. segmentum igitur ad segmentum eam rationem habet, quam $AZ^3: \Delta H^3$.

II p. 232, 13-17: et quoniam

 $AZ^2 \times (2\Delta H + AZ) : AZ^3 = 2\Delta H + AZ : ZA$]
nam cum in iisdem basibus sint, eam inter se rationem habent, quam altitudines. — sed etiam

 $\Delta H: AZ = \Xi N: NM$, et $2\Delta H: AZ = 2\Xi N: NM$; et componendo

 $2N\Xi + NM: NM = 2\Delta H + AZ: AZ^{1}$

¹⁾ Cfr. II p. 232, 17—18.

συγκειμενην F; corr. Torellius. 24. τᾶς] ter της F, at lin. 25, 26; corr. idem. 25. ά] η F, uulgo. 26. ΔΗ ΛΒ F. προς per comp. F; corr. Torellius.

καὶ συνθέντι, ὡς ἡ β΄ τῆς ΝΞ μετὰ τῆς ΝΜ πρὸς ΝΜ, ἡ β΄ τῆς ΔΗ μετὰ τῆς ΑΖ πρὸς ΑΖ. ἐδείχθη δὲ καί, ὡς ὁ ἀπὸ ΑΖ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ ΔΗ κύβον, οῦτως ὅ τε ἀπὸ ΜΝ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ ΝΞ κύβον καὶ ἡ ΜΝ πρὸς ΝΤ΄ αὶ γὰρ ΜΝ, ΝΞ, ΝΘ, ΝΤ τέσσαρές εἰσιν ἀνάλογον, καὶ ὡς ἡ πρώτη πρὸς τὴν τετάρτην, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης στερεὸν πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας ὅμοιον καὶ ὁμοίως ἀναγεγρακμένον.

'Ως δὲ ὁ ἀπὸ ΔΗ κύβος ποτὶ τὸ στερεὸν τὸ 10 βάσιν μεν έχον τὸ ἀπὸ ΔΗ τετράγωνον, υψος δὲ τὰν συγκειμέναν εὐθεῖαν ἔκ τε τᾶς β' τᾶς ΑΖ και τᾶς ΔΗ, οῦτως ά ΔΗ ποτί τὰν συγκειμέναν έπ τᾶς β' τᾶς ΑΖ καὶ τᾶς ΔΗ πάλιν γὰο πρός ἄλληλά έστιν, ώς τὰ ΰψη. — ώς δὲ ἡ ΔΗ πρός 15 την β΄ της ΑΖ μετά της ΔΗ, ουτως ή ΤΝ πρός την συγκειμένην έκ τε της β΄ της ΟΝ καλ της ΤΝ. έστιν $\gamma \dot{\alpha} \rho \dot{\alpha} \dot{\beta} \dot{\gamma} AZ \pi \rho \dot{\alpha} \Delta H, \dot{\eta} MN \pi \rho \dot{\alpha} N \Xi, \kappa \alpha \dot{\gamma} ON$ πρὸς ΝΤ. καὶ ἀνάπαλιν, ὡς ἡ ΔΗ πρὸς ΑΖ, ἡ ΤΝ πρός ΝΟ. καὶ ώς ἡ ΔΗ μετὰ τῆς β' τῆς ΑΖ πρός 20 AZ, οῦτως ἡ TN μετὰ τῆς β' τῆς NO πρὸς NO. Γέγονεν οὖν τέσσαρα μεγέθη έξης ἀλλήλων κείμενα, πρώτον μέν το στερεόν τὸ βάσιν έχον τὸ ἀπὸ ΑΖ τετράγωνον, ΰψος δὲ τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β΄ τῆς ΔΗ καὶ τῆς ΑΖ, καὶ δεύτερον ὁ ἀπὸ τῆς ΑΖ κύβος, 25 και τρίτου ὁ ἀπὸ τῆς ΔΗ κύβος, και τέταρτου τὸ στερεὸν τὸ βάσιν έχον τὸ ἀπὸ τῆς ΔΗ τετράγωνον, ύψος δὲ τὴν συγκειμένην ἔκ τε τῆς β΄ τῆς ΑΖ καὶ

^{2.} μετά] με F. 3. δ] om. F. 4. οντως] per comp. F. MN] ΛΝ FVA. 5. αί γὰο MN, ΝΞ, ΝΟ, ΝΤ] om. F; corr. Torellius. 8. ἀναγεγραμμένον] alt. μ supra manu 1 F. 9. προς per comp. F, ut lin. 12; corr. Torellius. 11. της συγκειμενην F; corr. Torellius, ut lin. 12. της bis F; corr. idem,

sed demonstratum est [II p. 232, 5 sq.], esse

 $AZ^3: \Delta H^3 = MN^3: N\Xi^3 = MN: NT.^1$

nam MN, NE, NO, NT quattuor sunt proportionales, et ut prima ad quartam, ita figura solida in prima constructa ad figuram solidam similem et similiter constructam in secunda [Eucl, V def. 11].

II p. 232, 20—24: et ΔH^3 : $\Delta H^2 \times (2AZ + \Delta H) = \Delta H$: $2AZ + \Delta H$] rursus enim eam inter se rationem habent, quam altitudines. — sed

 $\Delta H: 2AZ + \Delta H = TN: 2ON + TN.$ nam $AZ: \Delta H = MN: NZ = ON: NT.$ et e contrario $\Delta H: AZ = TN: NO.$

et $\Delta H + 2AZ : AZ = TN + 2NO : NO.^2$

Sunt³) igitur quattuor magnitudines deinceps positae, prima figura solida basim habens AZ^2 , altitudinem autem $2\Delta H + AZ$, secunda AZ^3 , tertia ΔH^3 , quarta figura solida basim habens ΔH^2 , altitudinem autem

¹⁾ Cfr. II p. 232, 9—10.

²⁾ Haec proportio ex antecedentibus (ἀνάπαλιν p. 364, 18) componendo sequitur, sed hic locum non habet, cum concludendum esset (p. 364, 14 sq.):

 $[\]Delta H: 2AZ + \tilde{\Delta}H = TN: 2NO + TN$ (cfr. II p. 232, 23 sq.). itaque Torellius lin. 19—20 scripsit: καὶ ὡς ἡ ΔH πρὸς τὴν β΄ τῆς AZ μετὰ τῆς ΔH , οὕτως ἡ TN πρὸς τὴν β΄ τῆς NO μετὰ τῆς TN. sed tum ἀνάπαλιν pranum est; nam proportio, quam quaerimus, ex proportione $AZ: \Delta H = ON: NT$ ita sequitur $2AZ: \Delta H = 2ON: NT$; componendo

 $²AZ + \Delta H : \Delta H = 2ON + NT : NT.$

tum ἀνάπαλιν. puto, Eutocium ipsum errasse.
3) Cfr. II p. 234, 2 sq.; hinc paraphrasim dedit Eutocius.

ut lin. 12, 13 ter. 12. ovtws à ΔH word tax ovynequévar én tas β' tas AZ nal tas ΔH] om. F; in mg. addidit manus 2 adposite signe G, cui respondet simile in textu; corr. B, ed. Basil. à $\hat{\eta}$ $\hat{\eta}$ $\hat{\tau}$; corr. Torellius. 24. nal $\hat{\eta}$ (alt.) per comp. $\hat{\tau}$. 26. ΔH] ΔH $\hat{\tau}$; corr. $\hat{\tau}$.

k

της ΔΗ, καὶ άλλαι τινές εύθεζαι έν τῷ αὐτῷ λόγῳ σύνδυο λαμβανόμεναι, η τε συγκειμένη έκ της β' της ΝΕ και μόνης της ΜΝ, και δευτέρα ή ΜΝ, και τρίτη ή ΝΤ, και τετάρτη ή συγκειμένη έκ τῆς β΄ τῆς ΟΝ 5 καὶ τῆς ΝΤ. δι' ἴσου ἄρα γενήσεται, ώς τὸ στερεὸν τὸ βάσιν μὲν ἔχον τὸ ἀπὸ ΑΖ τετράγωνον, ΰψος δὲ την συγκειμένην έκ της β΄ της ΔΗ καὶ της ΑΖ μόνης πρός τὸ στερεὸν τὸ βάσιν έχον τὸ ἀπὸ ΔΗ τετράγωνον, ΰψος δε την συγκειμένην έκ της β΄ της ΑΖ 10 και μόνης της ΔΗ, ουτως ή συγκειμένη έκ της β' της ΕΝ και μόνης της ΜΝ πρός την συγκειμένην έκ τῆς β΄ τῆς ΝΟ καὶ μόνης τῆς ΝΤ. ἀλλ' τὰ εἰρημένα στερεά πρός άλληλα, ούτως έδείχθη ή ΘΙ πρός ΙΚ. καὶ ώς ἄρα ἡ ΘΙ πρὸς ΙΚ, οῦτως ἡ συγκει-15 μένη έχ τῆς β΄ τῆς ΞΝ καὶ μόνης τῆς ΝΜ πρὸς την β΄ της ΟΝ καὶ μόνης της ΝΤ. καὶ συνθέντι, ώς ή ΘΚ πρός ΚΙ, ουτως ή συγκειμένη έκ συναμφοτέρου της ΜΝΤ καὶ β΄ συναμφοτέρου της ΞΝΟ πρός την συγκειμένην έκ της β΄ της ΟΝ καὶ μό-20 νης τῆς ΝΤ. καὶ τῶν ἡγουμένων τὰ ε΄, ὡς ἡ ΗΖ πρὸς ΚΙ, οὖτως ἡ ε΄ συναμφοτέρου τῆς ΜΝΤ καὶ ι΄ συναμφοτέρου της ΕΝΟ πρός την συγκειμένην έκ της β' τῆς ΝΟ καὶ μόνης τῆς ΝΤ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΖΗ πρός ΖΚ οὖσαν αὐτῆς δύο πέμπτα (έκατέρα γὰρ τῶν 25 ΗΘ, ΖΚ δύο πεμπτημόριά έστι της ΗΖ, έπειδη τὸ μέσον πεμπτημόριον ή ΘΚ υπόκειται), ουτως ή συγκειμένη έκ της ε΄ συναμφοτέρου της ΜΝΤ καὶ ι΄ συναμφοτέρου της ΞΝΟ πρός την β΄ συναμφοτέρου της ΜΝΤ καὶ δ΄ συναμφοτέρου τῆς ΞΝΟ. καὶ γὰρ τὰ β΄ 30 τῶν ε΄, καὶ τὰ δ΄ τῶν ι΄ δύο πεμπτημόριά ἐστιν. ἐπεὶ 7. β'] supra manu 1, ut uidetur, F; διπλῆς uulgo.

 $2AZ + \Delta H$, et lineae quaedam, duae simul sumptae in eadem proportione, 2NZ + MN, secunda MN, tertia NT, quarta 2ON + NT. quare ex aequali figura solida basim habens AZ^2 , altitudinem autem $2\Delta H + AZ$ ad figuram solidam basim habentem ΔH^2 , altitudinem autem $2AZ + \Delta H$ eam habebit rationem, quam 2ZN + MN : 2NO + NT. sed demonstratum est, figuras illas solidas eam inter se rationem habere, quam $\Theta I : IK$. itaque

$$\Theta I: IK = 2\Xi N + NM: 2NO + NT.$$

et componendo

 $\Theta K: KI = MN + NT + 2(\Xi N + NO): 2ON + NT.$

et praecedentibus quinquies sumptis erit

 $HZ: KI = 5(MN + NT) + 10(\Xi N + NO): 2NO + NT.$

quare etiam ZH:ZK (quae est $\frac{1}{2}ZH$; nam

$$H\Theta = ZK = \frac{2}{5}HZ$$

quia suppositum est, ΘK mediam esse partem quintam)

$$= 5(MN + NT) + 10(\Xi N + NO) : 2(MN + NT) + 4(\Xi N + NO);$$

NT] N supra manu 1 F. 17. KI] $K\Gamma$ F. 18. ENO] ZNO F. 21. ϵ'] $\bar{\rho}$ F. 23. ZH $\pi \rho \delta \epsilon$ ZK] ZK $\pi \rho o \epsilon$ (comp.) ZH F; corr. Torellius. 24. $\epsilon' \sigma \sigma \nu$] $\epsilon' \sigma \sigma \nu$ over $\epsilon' \sigma \sigma \nu$. F; corr. Torellius.

οὖν έδείχθη, ώς ή ΖΗ πρὸς ΙΚ, οὕτως ή ε΄ τῆς ΜΝΤ καὶ ι' τῆς ΞΝΟ πρὸς τὴν β' τῆς ΝΟ καὶ μόνην την ΝΤ, πάλιν δε έδείχθη, ώς ή ΖΗ πρός ΖΚ, ή ε΄ συναμφοτέρου της ΜΝΤ καὶ ι' της ΣΝΟ πρός 5 την β΄ της ΜΝΤ καὶ δ΄ της ΞΝΟ, έσται, ώς ηγούμενον πρός τὰ δύο έπόμενα, οῦτως ἡγούμενου πρὸς τὰ δύο επόμενα, ώς ή ΖΗ πρὸς ΖΙ, οῦτως ή συγκειμένη έκ της ε΄ συναμφοτέρου της ΜΝΤ και ι΄ συναμφοτέρου της ΣΝΟ πρός την συγκειμένην έκ της β΄ 10 της ΟΝ και μόνης της ΝΤ και της β' συναμφοτέρου $au ilde{\eta}_S \ MNT$ xal $oldsymbol{\delta}'$ $au ilde{\eta}_S \ \Xi NO, \ ilde{\eta}$ éctiv éch $au ilde{\eta}$ cuyxeiμένη έχ τῆς β΄ τῆς ΜΝ καὶ δ΄ τῆς ΝΞ καὶ τ΄ τῆς ΝΟ και γ' τῆς ΝΤ οῦτως γὰο είληπται και ἀνωτέοω. έπεὶ οὖν τέσσαρες εὐθεῖαι έξῆς ἀνάλογόν εἰσιν αί ΜΝΞ, 15 ΟΝΤ, καί έστιν, ώς μεν ή ΝΤ πρός ΤΜ, ούτως είλημμένη τις ή ΡΙ πρός την ΖΘ, τουτέστι πρός τὰ τρία πέμπτα τῆς ΗΖ, τουτέστι τῆς ΜΟ, καὶ δεδειγμέναι είσὶν αί ἐν τῷ ὁητῷ ἀναλογίαι, ἔσται διὰ τὸ προειρημένον ή ΡΖ δύο πέμπτα τῆς ΜΝ, τουτέστι τῆς ΖΒ. τρία 20 ἄρα πέμπτα έστιν ή ΒΡ τῆς ΒΖ. ή ΒΡ ἄρα πρὸς ΡΖ λόγον έχει, ον τρία προς δύο. ώστε πέντρον βάφους έστι τοῦ ΑΒΓ τμήματος τὸ Ρ σημείον. έὰν δὴ λάβωμεν τὸ τοῦ ΔΒΕ τμήματος τὸ Χ, τρία πέμπτα έσται ή ΒΧ τῆς ΒΗ. γέγονεν οὖν, ὡς ὅλη ἡ ΖΒ 25 πρός όλην την ΒΡ, ούτως άφαιρεθείσα ή ΒΗ πρός άφαιοεθείσαν την ΒΧ. έκατέρα γαρ αὐτῶν πρός έκα-

^{1.} ZH] ZN(?) F. 8. ε΄ συναμφοτέρου ad ἐκ τῆς lin. 9 om. F; corr. ed. Basil. 11. MNT] ONT F. 12. NΞ] om. F lacuna 4 litterarum relicta; corr. ed. Basil. 13. ανοτερω F. 14. MNΞ, ONT] scripsi; MN, ΞΟ, NΤ F (cfr. V); MN, NΞ, ON, NT uulgo. 17. MO, MΘ FV. 21. τρία] scripsi; πεντε F, uulgo. 23. λάβωμεν Α; λαβομεν F, uulgo.

nam $2 = \frac{2}{5} \times 5$, $4 = \frac{2}{5} \times 10$. iam quoniam demonstratum est, esse

ZH:IK = 5(MN + NT) + 10(ZN + NO):2NO + NT, et rursus demonstratum est, esse

$$ZH: ZK = 5(MN + NT) + 10(ZN + NO)$$

: $2(MN + NT) + 4(ZN + NO)$,

erit, ut praecedens ad duo sequentia, ita praecedens ad duo sequentia, h. e.

$$ZH: ZI = 5(MN + NT) + 10(ZN + NO)$$

: $2ON + NT + 2(MN + NT) + 4(ZN + NO)$;
sed

$$20N + NT + 2(MN + NT) + 4(ZN + NO)$$

= $2MN + 4NZ + 6NO + 3NT$;

nam hoc etiam supra [in prop. 9 p. 346, 19 sq.] sumptum est. iam quoniam quattuor lineae proportionales sunt, MN, $N\Xi$, ON, NT, et est

$$NT: TM = PI: Z\Theta,$$

h. e. = $PI: \frac{3}{5}HZ$, h. e. = $PI: \frac{3}{5}MO$,

et demonstratae sunt proportiones in uerbis Archimedis propositae [II p. 236, 9-18], erit propter praecedentia [prop. 9] $PZ = \frac{2}{3}MN = \frac{2}{3}ZB$. itaque

$$BP = \frac{3}{5}BZ$$
, et $BP: PZ = 3:2$.

quare P centrum grauitatis est segmenti $AB\Gamma$. si igitur centrum segmenti ΔBE sumpserimus X, erit $BX = \frac{3}{5}BH$. est igitur ZB:BP = BH:BX; utraque enim [ZB, BH] ad utramque [BP, BX] eam

ABE] ABE FV. 24. BH] XH F. over om. F; corr. Torellius.

τέραν λόγον έχει, ὂν πέντε πρὸς τρία. καὶ ἡ λοιπὴ ἄρα ἡ ZΗ πρὸς λοιπὴν τὴν XP λόγον έξει, ὂν πέντε πρὸς τρία. ἐπεὶ οὖν ὑπόκειται, ὡς ὁ ΑΔΕΓ τομεὺς πρὸς τὸ ΔΒΕ τμῆμα, οῦτως ἡ ΜΤ πρὸς ΝΤ, ὡς δὲ ἡ ΜΤ 5 πρὸς ΤΝ, οῦτως τὰ τρία πέμπτα τῆς ΗΖ, τουτέστιν ἡ ΖΘ, ῆτοι ἡ XP, πρὸς PI, ἔσται ἄρα καί, ὡς ὁ τομεὺς πρὸς τὸ τμῆμα, ἡ XP πρὸς PI. καὶ ἀντικεπόνθασιν † ὅπερ τὸ Ρ κέντρον τοῦ ὅλου τμήματος. τοῦ ἄρα τόμου κέντρον ἐστὶ τὸ I.

^{2.} XP] XEP FV. 4. NT] om. F lacuna 5 litterarum relicta; corr. ed. Basil. ,, tn" Cr. 6. $Z\Theta$] $I\Theta$ F. 8. $\delta\pi\epsilon\varrho$] (- $\pi\epsilon\varrho$ per comp. F) corruptum; $\kappa\alpha\ell$ $\delta\sigma\tau\iota$ B, ed. Basil., Torellius, Cr. In fine F: Eutoxiou Askalwitou unomunha eig to β tw isogropixau Archivolus.

rationem habet, quam 5:3. quare etiam ZH: XP = 5:3.

iam quoniam suppositum est, esse

 $A\Delta E\Gamma: \Delta BE = MT: NT$

et $MT: TN = \frac{2}{5}HZ: PI = Z\Theta: PI^{1}) = XP: PI$, erit igitur $A\Delta E\Gamma: \Delta BE = XP: PI$. et in contraria proportione sunt²), et P centrum est totius segmenti. itaque I centrum est frusti.

¹⁾ Hac proportione opus non est.

²⁾ H. e. grauitates $(A\Delta E\Gamma, \Delta BE)$ in contraria proportione sunt ac lineae a centris earum (supponimus enim, I centrum esse frusti) ad centrum totius ductae; itaque aequilibritatem seruabunt (ℓmm . looqe. I, 6—7). et seruant, quia P centrum grauitatis est totius segmenti. ergo recte supposuimus, I centrum esse frusti. cfr. II p. 239 not. 1.

SCHOLIA CODICIS FLORENTINI.

Haec scholia breuissima fere et perpauca nec ita magni pretii in margine codicis Florentini prima manu scripta sunt.

Uol. I p. 80, 31): οί γὰρ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν, τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα (etiam in BC).

I p. 242, 19: δηλαδή τῶν κώνων μέσων λαμβανομένων (etiam in C).

I p. 292 lineis A, B, Γ , Δ , E, Z adponuntur hi numeri singuli singulis β δ η ι 5 λ β ι 8, supra δ μ 0 $\tilde{\iota}$ π 5, lineis H, Θ , I, K, Λ , M numeri γ 5 ι β ι 8 ι 8 ι 9 ι 9, λ 5, δ μ 0 $\tilde{\iota}$ 0 $\tilde{\iota}$ 9.

I p. 293 lineis N, Ξ , O, Π , P, Σ adponuntur $\varsigma \delta$ 10 $\varsigma \iota \beta \eta \delta$, $\delta \mu o \tilde{\iota} \mu$, lineis T, T, Φ , X, Ψ , Ω numeri $\vartheta \varsigma \vartheta \iota \eta \iota \beta \varsigma$, $\delta \mu o \tilde{\iota} \xi$. et hi numeri recte se habent,

I p. 302, 4: ἐν τῷ γ τῶν ᾿Απολλωνίου κωνικῶν δεωρήματι κ΄ (etiam in ABC; in nostris codd. est Apollon. III, 17).

¹⁾ Hoc scholium in FC ad lemma p. 80, in B suo loco legitur. I. Cremonensis habet p. 80, 9: nam circuli quicunque sic se habent ad inuicem comparati, sicut quadrata suarum diametrorum.

^{1.} $\gamma\acute{\alpha}\varrho$] γ cum comp. $\eta\nu$ F; $\gamma\eta\nu$ B, τ' C. $\pi\varrho\acute{\alpha}s$] comp. F; $\pi\sigma\imath$ C. ε ℓ ℓ comp. F; ℓ ℓ BC. 2. $\acute{\alpha}s$] $\pi\varrho\acute{\alpha}s$ per comp. F, $\pi\varrho\acute{\alpha}s$ B, $\pi\sigma\imath$ C. $\tau\acute{\alpha}$] $\tau\sigma\nu$ F. 12. ℓ ν] ℓ κ C. 13. Temperature τ cum comp. $m\nu$, et deinde : \sim F; ϑ emphatrar ABC. κ] om. A.

I p. 312, 17: hic desinit fol. 44 uers. codicis; in ima pagina legitur έξης $\dot{\eta}$ καταγραφή (etiam in BC).

I p. 332, 19: διὰ τὸ κ΄ τοῦ α΄ τῶν κωνικῶν ἀπολλωνίου (etiam in BC; in nostris codd. est Apollon. I, 21).

Η p. 20, 6: δέδεικται γὰο ἐν τῷ ᾱ θεωρήματι τοῦ 5 περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου (etiam in ABCD).

Η p. 28, 22: ἡ γὰρ $K\Gamma$ πρὸς $\Gamma\Lambda$ μείζονα λόγον ἔχει ἤπερ πρὸς $\Xi\Gamma$ καὶ διὰ τοῦτο μείζων ἐστὶν ἡ $\Xi\Gamma$ τῆς $\Gamma\Lambda$ (etiam in BC).

Η p. 30, 4: ἴσον¹) γὰο τὸ μὲν ὑπὸ ΙΚ, ΝΙ τῷ 10 ὑπὸ ΞΙ, ΙΛ· ἐν κύκλῷ γὰο δύο εὐθεῖαι τέμνουσιν ἀλλήλας· τὸ δὲ ὑπὸ ΚΙ, ΓΛ τῷ ὑπὸ ΚΕ, ΙΛ. τρίγωνον γάο ἐστι τὸ ΙΚΛ, καὶ παρὰ μίαν ἦκται ἡ ΕΓ. ἀνάλογον οὖν ἐστιν, ὡς ΙΚ πρὸς ΚΕ, ἡ ΙΛ πρὸς ΛΓ. καὶ διὰ τοῦτο τὸ ὑπὸ τῷν ἄκρων ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ 15 τῶν μέσων (etiam in BC).

II p. 36 lineis figurae hi numeri adscripti sunt manu 2: in $A: \overline{\iota \varsigma} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\sigma \nu \varsigma}$; in $B: \iota \delta \overset{\pi}{\alpha} \overline{\varrho \varsigma \varsigma}$, in $\Gamma: \overline{\iota \beta} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\varrho \varrho \iota \delta}$, in $A: \overline{\iota} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\varrho \varrho \iota \delta}$; in $A: \overline{\iota} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\varrho \varrho \iota \delta}$; in $A: \overline{\iota} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\varrho \varrho \iota \delta}$; in $A: \overline{\iota} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\varrho \varrho \iota \delta}$; in $A: \overline{\iota} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\varrho \varrho \iota \delta}$; in $A: \overline{\iota} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\varrho \varrho \iota \delta}$; in $A: \overline{\iota} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\iota \varsigma}$; in $A: \overline{\iota \varsigma} \overset{\pi}{\alpha} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\iota \varsigma}$; in $A: \overline{\iota \varsigma} \overset{\pi}{\alpha} \overset{\pi}{\alpha} \overline{\iota \varsigma}$; in $A: \overline{\iota \varsigma} \overset{\pi}{\alpha} \overset{\pi}$

Hoc scholium F manu 1 in textu est inter τᾶν et KI,
 IN lin. 4-5; sed in margine legitur σχόλιον manu 1; deinde manus 2 haec uerba in textu uncis inclusit; in mg. BC.

^{2.} παταγραφή] $\bar{\kappa}$ γρα FBC. 3. α΄] πρώτου BC. Απολλονίου BC. 5. τοῦ] τῷ D. 8. μειζ cum comp. ον F. 10. IK, NI] $\bar{\Theta}K$ $\bar{N}\bar{M}$ F manu 1, C; corr. F manu 2, B. τῷ] το F. 11. τεμουσιν F. 12. τῷ] το F. 14. IK\ IN FBC; corr. F manu 2. πρός] (alt.) om. FC. 15. τῷ] το F. 21. τά et syll. -τα in μετά lin. 22 sic scribitur in F: $\bar{\tau}$.

deinde paullo infra: τὸ ὑπὸ τῆς Θ καὶ κασῶν τῶν τῷ τῶφ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν γίνονται ρμο. ὁμοῦ βυμη. et infra lineas: τὰ ἐκ πασῶν τῶν τῷ ἴσφ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν γίνονται ωτς. deinde in ima pagina figura 5 repetitur sine numeris. apte igitur scholiastes propositionem Archimedis arithmetico exemplo illustrauit.)

II p. 138 sq. In fine libri περὶ έλίπων (fol. 92) in F exstat scholium sequens, quod ad prop. X pertinet:

Σχόλιον είς τὸ ι' θεώρημα.

10 Για δὲ καὶ διὰ τῶν ἀριθμῶν ἀκολούθως τῆ λέξει σαφηνισθῆ τὸ θεώρημα, ὑποκείσθω τὰ αὐτὰ) καὶ οἱ ἀριθμοὶ ὑπογεγράφθωσαν, ὡς ὑπόκειται, σὺν τοις πολλαπλασιασμοίς. ἔστιν οὖν συνθέντι εὑρείν τὰ ἀκὸ τῶν τῷ ἴσφ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν μετὰ τῶν ἀκὸ Ι,

15 K, A, M, N, Ξ, Ο καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς Α καλβ, τὰ δὲ ἀπὸ τῶν τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν ῶις. δῆλον οὖν τὸ λεγόμενον. λοιπὸν ἐπιδείξαι βούλεται, ὅτι τὰ δὶς ὑπὸ πασῶν μετὰ τῶν [ἀπὸ] I, K, A, M, N, Ξ, Ο μετὰ τοῦ ὑπὸ τῆς β καὶ πασῶν τῶν τῷ ἴσῷ

20 άλλήλων ύπερεχουσῶν ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ πασῶν τῶν τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν. καὶ ἔστι μὲν αὐτόθεν ὑποκειμένων τῶν ἀριθμῶν πρόχειρον. ὁ δέ γε ᾿Αρχι-

¹⁾ Exstat etiam in A cum sequenti coniunctum, cuius quasi summa est.

²⁾ Sc. ac in scholio praecedenti.

^{1.} τῷ ἴσω] ισων F. 3. τῷ] το F. 10. διά] om. F. τῶν] τον per comp. F; corr. cett. codd. 14. ὑπερεχοντα F; corr. B. 18. πασῶν] παντα F; fort. πασῶν, τῶν B, Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ καὶ τῶν I cett. 19. μετά] om. F. β] B F; fort. Θ. 20. τοῖς] των F; corr. cett. codd. ἀπό] obscuro compendio F; τετραγώνοις BC.

μήδης γραμμικώς αὐτὸ βουλόμενος δείξαι μετάγει τὸν λόγον καί φησιν έπει δύο μεν τὰ ὑπὸ τῶν Β, Ι περιεγόμενα ἴσα τῶ ὑπὸ τῆς διπλασίας τῆς Β καὶ τῆς Θ και τὰ έξης. φανερὰ δὲ ταῦτα ἀναγράψαντί σοι τὰ χωρία. δηλον δέ, δτι και οι άριθμοι άπαντήσωσιν. 5 ώς γαρ έπι τοῦ δις ὑπὸ Β, Ι έστιν ἡ μὲν Β ιδ, ἡ δὲ $\delta \hat{\epsilon} I \vec{\beta}$. $\vec{\omega}$ or $\hat{\epsilon}$ xal $\hat{\epsilon}$ or $\hat{\nu}$ and $\hat{\nu}$ or $\hat{\nu}$ viver at $\hat{\nu}$ s. xal $\hat{\epsilon}$ or $\hat{\nu}$ $\dot{\eta}$ B $\iota \delta$ $\dot{\delta}$ $\dot{\eta}$ $\ddot{\alpha} \rho \alpha$ $\delta \iota \pi \lambda \ddot{\eta}$ $\overline{\kappa \eta}$, $\dot{\epsilon} \pi \dot{\iota}$ $\tau \dot{o} \nu$ $\bar{\beta}$ $\delta \iota \dot{\alpha}$ $\tau \dot{o}$ $\dot{\iota} \sigma \eta \nu$ $\epsilon \dot{\iota} \nu \alpha \iota$ $\tau \dot{\eta} \nu I \tau \ddot{\eta} \Theta \gamma (\nu \epsilon \tau \alpha \iota \overline{\nu \epsilon})$. $\dot{\delta} \mu o log \delta \dot{\eta} \dot{\eta} \tau \epsilon \tau \rho \alpha \pi \lambda \ddot{\eta} \tau \ddot{\eta} \varsigma \Gamma \gamma (\nu \epsilon \tau \alpha \iota \delta \tau)$ $\overline{\mu}\overline{\eta}$, $\dot{\eta}$ dè étanl $\tilde{\eta}$ \tilde E γίνεται $\overline{\xi \delta}$, καὶ έφεξης, ώς ὑπόκειται. ώστε ἡ ἀπο πασών της τε διπλης και τετραπλης και έξαπλης και τῶν λοιπῶν ἐν τῷ διαγράμματι γίνεται τλς. εἶτα πάλιν' τὰ οὖν σύμπαντα ποτιλαβόντα τὸ περιεχόμενον ύπό τε τᾶς Θ καὶ τᾶς ἴσας πάσαις ταῖς Α, Β, Γ, Δ, Ε, Ζ, 15 Η, Θ έσσούνται ίσα τῷ περιεχομένο ὑπό τε τᾶς Θ καί τᾶς ἴσας πάσαις τᾶ τε Α καὶ τᾶ τριπλασία τᾶς Β καὶ έξης. ἐπεὶ γὰο λέγων τὸ δὶς ὑπὸ τᾶς Β καὶ τετραπλης της Γ καὶ έξης ἐπάγει σὺν αὐτοῖς τό τε ὑπὸ της Θ καὶ τῆς ἴσης πάσαις ταῖς τῷ ἴσῳ ἀλλήλων ὑπερ- 20 εχούσαις, οὐδεν ετερον η ότι τη διπλη της Β επάγει και ετέραν ώς γίνεσθαι τριπλην, και τη τετραπλη της Γ έπάγει καλ πέμπτην, καλ έξης όμοιως. γίνεται οὖν, ώς είζηται, ή διπλή της Β και τετραπλή της Γ και $\dot{\epsilon}\dot{\xi}\tilde{\eta}_{S}$ $\tau\tilde{\omega}\nu$ λ 0 $i\pi\tilde{\omega}\nu$ $\overline{\tau\lambda}_{S}$. κ al $\dot{\epsilon}\sigma\tau$ $i\nu$ $\dot{\eta}$ Θ $\overline{\beta}$. τ 0 $\dot{\nu}\pi$ 0 $\delta\eta$ - 25

^{5.} ἀπαντήσουσιν? 7. τὸ δὶς ὑπ'? 9. της I της Θ F; corr. BC. $\overline{v_5}$] om. F; sed habet lin. 9 post Γ , duodus punctis notatum. 11. ώς] om. F. ἀπό] comp. F. 13. ἐν] Θ F; corr. BC. Lin. 15—17 signum adp. F. 16. εσουνται F; corr. BC. 17. τᾶς] (alt.) της F. 18. τᾶς] τῆς? 19. τὸ Γ τω Γ . 20. των — ὑπερεχουσων Γ ; corr. Γ .

λονότι $\overline{\chi \circ \beta}$. $\dot{\eta}$ δὲ ἴση πάσαις ταἴς τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερεχούσαις γίνεται $\overline{\circ \beta}$, $\ddot{\alpha}$ ἐπὶ τὸν $\overline{\beta}$ γίνεται $\overline{\varrho \mu \delta}$. ὁμοῦ μετὰ τῶν $\overline{\chi \circ \beta}$ γίνεται $\overline{\omega \circ \varsigma}$. $\dot{\eta}$ δὲ τριπλῆ τῆς B γίνεται $\overline{\mu \beta}$, καὶ έξῆς, ώς ὑπόκεινται. ἔστιν οὖν $\dot{\eta}$ συγ-5 κειμένη ἐκ τῆς A καὶ τῆς τριπλῆς τῆς B καὶ πενταπλῆς καὶ τῶν έξῆς $\overline{v \eta}$. ἐπὶ τὸν δύο γίνεται $\overline{\omega \circ \varsigma}$, απερ ἐστὶ καὶ τὰ ἀπὸ τῶν A, B, Γ , Δ , E, Z, H, Θ .)

¹⁾ Exstat etiam in VABC, sed fere mendosius; quare solius codicis F scripturam discrepantem totam recepi, ex ceteris ea tantum, quae rectiora praebebant.

^{1.} ἀλλήλων] αλληλαις F; corr. BC. 2. ὑπεφεχουσων F; corr. B. 6. τόν] των F; corr. VBC.

P. 379 col. 8 lin. 6: τεσσαρισκαι δεκα F; corr. cett. codd. Lin. 9: ὑπερεχουσων F; corr. B. col. 7 lin. 11: νβ] οβ F; corr. B.

8	η θ	y x	7 8	7) 3	2 2	n §	0
51 n	री में ६१ में	φ η β1 η "		0 0 0 n	. o s zi	g1 n Q n	० १ म १ १ म
a o a c o c o	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	31 QHÒ 1	2	7 0 7 0 7 7 7 7 8 8 9 8	α ο α ο α μ α μ λς ο	η α η α α α α α α α α α α α α α α α α α	300 c c c c c c c c c c c c c c c c c c
	sanasio	કીવળ મુવક	sh da olo ro di o ro d	dis v m exn	ο μ ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο	dlo v m gs	dia v u vs
	ή διπλή τής ο Β μ κη	ή τετραπλή τῆς Γ μ μη	ή εξαπλή τής Δ μ ξ	ή ὀκταπλή τῆς Ε μξδ	ή δεκαπλή τῆς Ζ μ ξ	ή δωδειαπ. τῆς Ζ μ μη	$\dot{\eta}$ dial $\dot{\eta}$ this $\dot{\eta}$ recount $\dot{\eta}$ $\dot{\eta}$ exact $\ddot{\eta}$ $\dot{\eta}$ diagram, $\dot{\eta}$ denoming $\dot{\eta}$ denoming $\dot{\eta}$ denoming $\dot{\eta}$ denominates $\dot{\eta}$ is $\dot{\eta}$ and $\dot{\eta}$ the $\dot{\eta}$ denominates $\dot{\eta}$ and $\dot{\eta}$ is $\dot{\eta}$ and $\dot{\eta}$ denominates $\dot{\eta}$ and $\dot{\eta}$ denominates $\dot{\eta}$ denominate
, ex	όμοῦ ἐκ πασῶν συνάγεται τλς, ἐπλ τὸν δύο μετὰ τοῦ ὑπὸ τῆς Θ καὶ τῆς ἴσης πάσαις ταῖς τῷ ἀλλήλων ὑπερεχούσαις, τουτέστι ρμδ, γίνεται μ ωις.	γεται τλς, έ ἀλλήλων ὑπ	tau t 15, t nd t 0 v 0 d v 0 u età t 0 v	ετά του ύπό πουτέστι φμδ	τῆς Θκαί 1 , γίνεται μα	ής <i>ἴσης πάσ</i> ο 115.	, 10 rais rā log
	ήγ ^{ων} τῆς Β μ μβ	B y s rys r	$\dot{\eta} \gamma^{\omega \nu} v v \bar{v} g B$ $\dot{\eta} e v \bar{v} g \Gamma$ $\dot{\eta} \xi v \bar{v} g \Delta$ $\dot{\eta} \vartheta v \bar{v} g E$ $\dot{\eta} \iota \alpha v \bar{v} g Z$ $\dot{\eta} v \varrho \iota v \bar{v} g$	ή θ τῆς Ε μ οβ .	ή ια τῆς Ζ ο ο βξ	η τοι τῆς Η μνβ	ή 18 ^π τῆς Đ , μ

, ή ἐκ πασῶν συγκειμένη τριπλῆς τε καὶ πενταπλῆς καὶ τῶν λοιπῶν μ υη, ἐπὶ τὸν δύο γίνον-ὑμοῦ

II p. 66, 12: ἐν τῷ ιδ (etiam in BC).

ΙΙ p. 126, 17: ὅτι δὲ ἡ β΄ ἔλιξ πρὸς τὸν β΄ κύκλον λόγον έζει, ὂν ζ πρὸς ιβ καὶ ἀνωτέρω δέδεικται, οὐτ ήττον δε και νῦν δι' ἀριθμῶν ἐπιστῆσαι, ὅπως και 5 τὰ ἐφεξῆς εὐπαρακολούθητα γένηται. ἐπεὶ γὰρ ἐδείκνυτο ή β΄ ελιξ πρὸς τὸν β΄ κύκλον λόγον έγουσα, ου συναμφότερα τό τε ύπο των ΒΘ, ΘΑ και το τρίτον μέρος τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΑΒ, ὑποκείσθω ήμιν ή ΑΘ μονάδων ούσα ις, ώς δηλον την 10 ΒΘ γίνεσθαι μ λβ. γίνεται ούν τὸ ὑπὸ ΒΘ, Θ Α μ φιβ, τὸ δὲ τρίτον τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΑ μ πε γ'. ὁμοῦ γίνονται μ φ ς ζ γ'. τὸ δὲ ἀπὸ ΒΘ μ ακδ. καὶ ἔχει τὰ $φ_0$ ξ γ΄ πρὸς από λόγον, $\ddot{ο}ν$ έπτὰ πρὸς $ιβ. : \sim^1$) τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ β' κύκλου μ ακό, τὸ 15 δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ α΄ κύκλου μ σνς. καὶ έχει πρὸς ἄλληλα λόγον, ὃν ιβ πρὸς γ. τὰ λοιπὰ δη φανερά συνάγεται γαρ έν τω δι' ίσου καλ διε- $\lambda \acute{o} \nu \tau \iota :: \sim^2$) (etiam in BC).

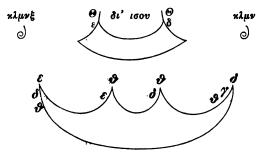
II p. 128, 6: δῆλον, ὅτι ἐνταῦθα προσυπακου-20 στέον καὶ δι' ἴσου τὸ ὑπὸ ΓΘ, ΘΒ μετὰ τοῦ γ΄ μέρους τοῦ ἀπὸ τῆς ΓΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘ, ΘΑ μετὰ τοῦ

Haec pars scholii usque ad lin. 12: καί signo (ad locum suum refertur in F, ubi simile signum inter τὰ et ζ' II p. 126, 17 est.

²⁾ Finis partis prioris et pars secunda in F in imo margine sunt cum superioribus signo of iuncta. pertinet altera ad p. 126, 18 sq.

β'] ω' F; corr. B (bis); sic etiam lin. 6 bis.
 τοιτου μερους F; corr. B.
 τὸ ἀπό in F compendio obscuro scribitur; τὸ τετράγωνου B.
 ΔΒ] (alt.) debebat esse
 Θ.
 9. ἀς] per comp. F.
 20. τὸ] του F; corr. B.

II p. 128, 21 ante ποτί τὸ ἀπὸ in F est Ø signum; tum in mg. eodem signo adposito haec figura



II p. 130, 23: δηλονότι καὶ συνθέντι²) (etiam in BC).

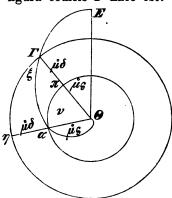
¹⁾ Hoc scholium in F ad locum suum refertur signo \$\frac{8}{2}\$ ante \$\pia\alpha\$ posito; ad eundem locum pertinet in BC. ceterum dubium esse potest, an uerba, quae scholiastes audienda esse putat, a librariis, non ab Archimede omissa sint; cfr. II p. 128 not. crit. ad lin. 7.

²⁾ In F et B in mg., in C in textu inter $\Theta \Gamma$ et ΘB lin. 22.

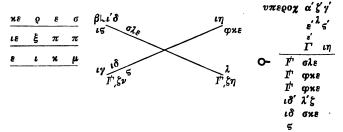
^{5.} \dot{r} \dot{r}

II p. 126 in figura praeter litteras κ , λ , μ , ν , ξ et ϑ , α , β , γ , δ , ε hi numeri additi sunt in F: in spirali tertia $\kappa\eta$, in quarta $\overline{\mu\delta}$, in quinta ξ , et ad finem spiralis $\xi\beta$, $\xi\delta$.

II p. 135 figura codicis F haec est:



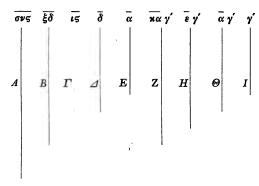
II p. 224, 26 inter AB, B Δ et μετά lacuna trium linearum in F relicta est, ubi manus 2 hanc figuram delineauit:



Hoc scholium explicare nequeo.

in F et στι et καί compp. scribitur; hinc B fecit οδυ στι καί. Apud Cr. hoc loco additur: "constat enim dividendo et con-

II p. 348 figura codicis F haec est; in qua numeris additis exemplo arithmetico illustrantur uerba Archimedis:



ΙΙΙ p. 72, 1: διὰ ιβ τοῦ α' τῶν Εὐκλείδου.

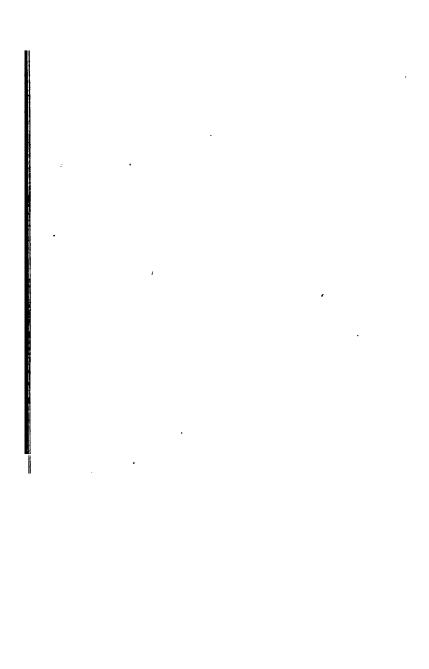
ΙΙΙ p. 72, 4: διὰ 5΄ τοῦ β΄ τῶν Εὐκλείδου.

ΙΙΙ p. 72, 8: διὰ μη' τοῦ α' τοῦ Εὐκλείδου.1)

ΙΙΙ p. 72, 17: διὰ β΄ τοῦ 5΄ τῶν Εὐκλείδου.

uersim". puto, καὶ ἀνάπαλιν lin. 23 huius scholii partem esse, et totum scholium ad lin. 20—23 pertinere. nam ad hanc proportionem illustrandam primum adscriptum erat: καὶ ἀνάπαλιν; tum scholiastes posterior nostrum scholium ad illud supplendum addidit.

¹⁾ Cum ceteri numeri horum IV scholiorum recte se habeant (Eucl. elem. I, 12; refertur enim ad uerba ἤχθω—κάθετος lin. 1; II, 6; VI, 2), hoc loco non I, 48, sed I, 47 citanda erat. praeterea pro τοῦ (alt.) scrib. τῶν.



INDICES.

Hos indices ita confeci, ut in primo omnia uocabula, quae apud Archimedem ipsum leguntur, colligerem, in qua re neglexi fragmenta, problema boninum, et, quod per se intellegitur, scripta illa duo, quae Latine tantum habemus. uocabula semper in forma uulgari in ordinem relata sunt, ita tamen, ut ubi forma Dorica abhorreret, eam secundo loco indicarem. plerumque omnes locos recepi, uel certe recipere uolui (ubi hoc factum non est, quia non opus esse uidebatur, addidi "passim" uel "al.", h. e. alibi). ea re factum est, ut interdum in phrasibus singulorum uerborum indicandis breuior esse cogerer, quam uolueram, ne moles huius partis operis nimia esset. iectura non prorsus certa restitutis addidi signum interrogationis, locis subditiuis, quos tamen saepe praetermisi, nisi si proprii aliquid habebant, crucem +. in altero indice uocabula apud Eutocium occurrentia digessi, in tertio nomina hominum et locorum ab Archimede et Eutocio commemorata comprehendi.

in locis disponendis et maxime in phrasibus ex pluribus uerbis compositis in ordinem referendis aequabilitatem non ubique seruatam esse, ignoscet, qui difficultates et taedium laboris eiusmodi usu cognonerit.

Index uerborum apud Archimedem occurrentium.

A.

Άγνοέω ignoro. ήγνοεῖτο Ι p. 4, 6. άγνοείσθαι I p. 6, 1. äγω duco lineam rectam (perdicularem, tangentem, parallelam). $\alpha \gamma \omega$ II p. 74, 20. 316, 27. άγαγείν ΙΙ p. 22, 4. 76, 4. άγάγωμεν I p. 20, 10. άγα- $\gamma \omega \nu \parallel p. 326, 22.$ απται Ι 334, 1. 368, 15. II p. 186, 5. 230, 20. 304, 2. 322, 2, 3. 336, 26. 338, 19. άγέται Ι p. 356, 12. 358, 4. II p. 336, 16. ἄχθη $(= \ddot{\eta} \chi \vartheta \eta)$ I p. 322, 19. $\dot{\alpha} \chi \vartheta \dot{\eta}$ σονται Ι p. 58, 1. άχθῆ Ι p. 282, 9. 364, 8. 366, 18. II p. 10, 22. 28, 20. 52, 22. 70, 20. 78, 4. 82, 19. 300, 16. 336, άχθείη II p. 302, 13 †. άχθῶσι Ι p. 34, 4. 38, 11, 15. 52, 15. 98, 27. ἀχθέωντι ΙΙ p. 300, 4(?). άχθεῖσα I p. 20, 1. 90, 4. 98, 28. 276, 10. 278, 22. 318, 22. 320, 18. 326, 22. 358, 19. 362, 19. 376, 13. 380, 22, 23. 384, 10. II p. 82, 8. 210, 22. 250, 23, 25. 252, 6, 8. 254, 3, 6. 302, 14, 15, 17, 18. 304, 9, 10. 306, 15, 17. 312, 5. 314, 1. 334, 26. 336, 22. 338, 11. 344, 10. ἀχθέν I p. 276, 3. 278, 17. 340, 19. 342, 6, 17. 344, 7. 348, 20. 352, 12. 356, 11. 358, 1, 15. 360, 5, 7. II p. 8, 1, 15. $\tilde{\eta}\chi\vartheta\omega$ (uel $\tilde{\alpha}\chi\vartheta\omega$) I p. 16, 4. 40, 1. 54, 7. 234, 15, 16. 246, 23, 304, 4, 320, 15, 19, 21. 324, 25. 326, 29. 328, 2, 5. 332, 10. 336, 11, 12, 15. 344, 24. 346, 2, 11. 350, 4, 6, 10. 352, 21. 354, 3. 360, 20. 362, 1, 14. 364, 3, 14, 24. 368, 4. 372, 7. 380, 20. 398, 6. 406, 9. 408, 1. 412, 13. 430, 3. 476, 10. 494, 2. II p. 22, 15. 24, 18. 68, 5. 72, 3. 78, 13. 84, 9. 162, 17. 164, 1. 174, 16. 176, 2, 10. 178, 21. 182, 15. 198, 16. 200, 1. 202, 16. 300, 14. 302, 10. 310, 16. 320, 1. 326, 11. 328, 19. 336, 1, 2, 25. 338, 15, 17. 340, 18. 342, 14, 18. ηχθωσαν I p. 16, 10. 38, 21. 52, 24. 54, 8. 162, 18. 260, 8. 310, 1. 492, 13. II p. 90, 4. 180, 1. 186, 1. 256, 2. 320, 6. 326, 15. 330, 17. ἄχθων I p. 330, 18. 332, 12. 376, 11. 384, 8. 454, 10. 476, 6. II p. 214, ãχθαι I p. 440, 16. 454, 7. άγομένη Ι p. 2, 13. 26, 25. 42, 23, 82, 18, 86, 2, 94, 4. 116, 25. 118, 5. 134, 13. 158, 8. 188, 11. 282, 6. 302, 11. 304, 9, 12. 342, 25. 348, 5. 350, 2, 19. 354, 18. 356, 8, 9, 16, 17. 856, 21, 24. 358, 2, 6, 8, 9. 864, 14. 366, 20. 368, 16. 370, 1. II p. 32, 4. 78, 26 96, 16. 142, 19. 168, 13. 170, 20. 174, 10. 178, 17. 182, 13. 200, 20. 306, 10. 336, 15. 338, 5, 7, 12. ήγμένη $(\alpha \gamma \mu \dot{\epsilon} \nu \alpha)$ I p. 54, 2. 84, 5. 86, 8. 88, 24. 92, 21. 112, 23, 29. 114, 14, 26. 116, 5. 128, 4. 134, 7. 154, 5. 156, 11, 22. 158, 16, 22, 25. 160, 11, 19. 164, 21, 168, 7, 170, 1, 174, 7, 13. 176, 5. 178, 26. 300, 20, 22. 328, 17. 334, 8. 354, 6. 356; 22. 358, 9, 21. 368, 12. 434, 27. II p. 10, 2. 24, 13. 26, 14. 28, 14. 72, 15. 76, 2. 84, 19. 116, 17, 18, 22. 302, 20. 326, 8. ήγμένον I p 276, 18. 286, 23. 366, 2, 4. 368, 20. 410, 14. 454, 10. II p. 8, 24. την άπο του κέντοου έπί την ΑΚ κάθετον ήγμένην I p. 134, 7, 13. 174, 7, 13, alibi. τη άπο της κορυφής του τμήματος έπὶ τὴν περιφέρειαν ήγμένη I p. 154, 5. 170, 1 al. από των περάτων αχθώσιν έπιψαύουσαι Ι p. 52, 15. 54, 7 al. ἀπὸ τῶν Ε, Ζ σημείων ήγθωσαν εύθείαι παρά τὸν άξονα Ι p. 54, 8. τὰς παρά τὰν βάσιν άγομένας I p. 302, 11. 304, 9 al. τᾶς άχθείσας διά τᾶς κορυφᾶς παρά τον άξονα I p. 276, 10. 278, 22 al. ηχθω άπὸ τοῦ Λ τῆ ΛΚ ποὸς όρθας ή ΛΜ Ι p. 16, 4. 234, 15. 236, 28 al. εὐθεῖα, α έστιν έχ τινος γωνίας έπὶ μέσαν άγομένα τὰν βάσιν 11 p. 174, 10. 182, 13, 16, 17. 178, 21. — ἄγειν ἐπίπεδον (praeter locos supra in αχθέν et ήγμένον adlatos) I p. 234, 16. 276, 18. 278, 1. 282, 9. 360, 20. 362, 14. 364, 3, 24. 366, 18. 368, 4. 412, 13. 440, 16.

454, 7 (in ázðév addantur I p. 362, 14. 364, 3, 24). οπες άδύνατον άδύνατος. quod fieri non potest. I p. 64, 26. 68, 10. 72, 13. 74, 21. 144, 3. 146, 5. 178, 13. 184, 18. 186, 20, 310, 26, 312, 13, 360, 3. 364, 17. 392, 20. 424, 24. 428, 8. 438, 11. 450, 1. 452, 16. 458, 4, 16. 470, 19. 474, 11. II p. 66, 13. 70, 4. 74, 13. 76, 23. 80, 20. 114, 20. 148, 17. 170, 14. 178, 16. 182, 7. 210, 21. 212, 22. 332, 8. 350, 15. 352, 15. **हिंदा** ἀδύνατον Ι p. 480, 8, 19. ὅπες έστιν άδύνατον I p. 488, 24. II p. 86, 13. 334, 5. τὰ ἀδύνατα II p. 4, 4. 244, 21. άεί semper. I p. 20, 5. 24, 3. 42, 21, 376, 4, 444, 23. II p. 12, 6. 38, 11, 17. 88, 20. 96, 25. 124, 25. 174, 16. 192, 7. 268, 8, 20, 24. 340, 25. 342, 1. 350, 9, 19. 352, 6. alel I p. 16, 16? II p. 2, 3. 126, 11. 162, 19. αζοθάνομαι sentio. αίσθανόμεθα II p. 2, 20. αίτέω postulo. αίτούμεθα li p. 142, 3. άκίνητος immotus. II p. 244, 13. άκούσας ΙΙ άκούω audio. p. 294, 3. άκριβής uerus. II p. 248, 24. 250, 1. axoos extremus. τὸ ἄπρον II p. 250, 16, 23. 252, 5. da ἄκρου τοῦ κανόνος ΙΙ p. 254, 4. άllά autem. I p. 42, 16. 44, 12 62, 20. 78, 25. 80, 4. 94, 15. 166, 8. 172, 6. 178, 2. 184, 4. 206, 12. 262, 11. 266, 9. II p. 32, 24. 56, 22. 170, 11.

176, 19. 186, 22. 190, 19. 226, 20. uerum (post negationem). I p. 396, 12. 404, 6. II p. 68, 3. 102, 17. 106, 4. 112, 4. 122, 10. 124, 17. 142, 5, 9, 11. 144, 15. 146, 13. 242, 5. 252, 3. 421 I p. 84, 11. 86, 16. 92, 1, 8, 96, 5, 162, 25, 166, 12. 212, 21. 214, 7. 242, 20. 246, 1. 268, 7. 312, 1. 334, 17. 364, 23 al. II p. 68, 22. 186, 16. 220, 29. 226, 6. 232, 7. 234, 20. άλλὰ καὶ Ι p. 46, 19. 50, 8. 108, 11. 110, 27. 118, 14. 168, 2. 228, 13. 230, 12. 268, 2, 3. II p. 166, 20. 244, 2. αλλα δή, ubi ad alteram demonstrationis partem transitur I p. 48, 17. άllά eodem modo I p. 312, 1. 334, 17. 360, 17. 364, 23. 370, 15. 470, 13. 480, 9. άλλήλους. δύο διάμετροι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις Ι p. 16, 12. 130, 20. II p. 28, 24 al. ἴσα ἀλλήλοις Ι p. 28, 7. 32, 8. λόγον έχειν ποὸς ἄλληλα Ι p. 66, 26. 286, 15 al. praeterea u. I p. 38, 13. 288, 19. 290, 5. 294, 20. 296, 2, 17 al. allog alius. I p. 8, 25. 10, 10. 14, 22. 18, 16. 20, 17, 22. 60, 21. 66, 6. 70, 9. 72, 20. 130, 2 al. II p. 14, 3. 18, 9. 28, 5, 25. 42, 11 al. cum articulo I p. 378, 5. 394, 17. 402, 22. 422, 19. II p. 44, 5, 26. 62, 11. 242, 4. 266, 11. τὰ ἄλλα I p. 58, 3. 144, 20. 292, 2, 9, 19. II p. 14, 4. 38, 9. 94, 12. τὰ ἄλλά πάντα II p. 90, 19. άλλα πολλά ΙΙ p. 2, 15. τά άλλα τὰ αὐτά I p. 112, 25. 124, 18. 354, 23. 394, 1, 434,

14. 450, 11. 470, 18. II p. 66,

25. 86, 19. 88, 1. 122, 14. 332,

17. 426, 4. μέγιστος τῶν ἄλλων ΙΙ p. 8, 4. καὶ ἄλλος Ι p. 150, 10. 420, 22. II p. 112, 30. 120, 14. 124, 2. τις καί allog I p. 372, 2. II p. 308, 322, 3. αλλφ τφ δοθέντι Ι p. 218, 12. 226, 6. αλλο τι II p. 10, 6, 21. 210, 13. 300, 16. 304, 11 al. α̃llως aliter. I p. 28, 17 †. 242, 1. II p. 166, 8. αλλως τε καί ΙΙ p. 250, 3. $\tilde{\alpha} \mu \alpha$ simul, cum datiuo. II p. 10, 11. 52, 2. άμβλυγώνιος obtusiangulus. τρίγωνον άμβ. Il p. 308, 14. 312, 3. αμβλυγωνίου κώνου τομά α. τομή. άμβλύς obtusus. άμβλεῖα γωνία II p. 62, 23. 64, 5. 66, 16. 68, 3. 70, 5, 15. 326, 9, 10. άμφότεροι uterque. άμφότεραι Ι p. 10, 2, 12. 46, 27. 56, 11. 78, 2. 104, 3, 6. 122, 13, 16, 372, 15. II p. 146, 20. 148, 6, 8. 152, 17. 158, 10. 160, 24, 168, 3, 180, 18, 27, 186, 9, 188, 6, 15, 190, 19, 20, 204, 4, 9. 206, 8, 9, 12. 214, 13. 216, 11. 220, 11. 258, 27. 332, 20. 348, 2. ίσος άμφοτέραις τῷ τε ἄξονι καὶ τᾳ τριπλασία πτλ. Ι p. 280, 8, 16. 416, 7. 438, 4, 7. 488, 10, 24. 490, 9, 14. II p. 42, 18. 44, 12. 50, 15. 228, 19. 230, 6, 9. $\alpha\mu$ φοτέρων αύτῶν ΙΙ p. 346, 1. ãμφω uterque. άμφοῖν Ι p. 8, 19. αν cum optatiuo I p. 4, 9? (cfr. p. 6, 4?). 132, 15. 186, 14. Il p. 320, 23. 328, 8. cum pronominibus relatiuis I p. 6, 19. 8. 7. pro έαν εί ΙΙ ρ. 151 1. 316,27. Oxov av II p. 230, 16. cfr. na, Ecte, Eav.

άναγκαὶος necessarius. άναγκαίον sc. έστί I p. 320, 10. 338, 16. 364, 26. II p. 64, 8. 326, 7. 340, 10. αναγκ. έστι I p. 338, 19. 400, 23. άναγράφω construo. πρίσμα άναγ. άπὸ πολυγώνου Ι p. 60, 27. 66, 10. είδος I p. 64, 9†. II p. 42, 1. 50, 9. πυραμίδα άναγο, άπὸ πολυγώνου Ι p. 70, 16. 72, 25. τετράγωνον Ι p. 444, 17. κῶνον ἀναγρ. ἀπὸ κύwlov I p. 88, 18, 28. 92, 14, 25. 114, 4. 156, 19. 158, 1. 194, 24. κύλινδρον άπὸ κύnlov I p. 376, 16, 20, 22. 378, 3. 384, 15. τομέα άπὸ γραμ- $\mu \tilde{\eta}_{S}$ II p. 102, 5. 104, 17. 110, 8, 10. 114, 14. 120, 17, 20. 122, 6. 124, 8. τρίγωνον ΙΙ p. 176, 12, 16. άναγοαφέται II p. 110, 10. ἀναγφαφόμενος I p. 378, 3. ἀναγραφη I p. 88, 18. 92, 14. ἀναγραφέωντι ΙΙ p. 42, 1. 50, 9. αναγραφέντων Ι p. 376, 20, 22. αναγεγράπται ΙΙ p. 120, 20. 124, 8. άναγραφάται ΙΙ p. 102, 5. 110, 8. 114, 4. 120, 17. 122, 6. άναγεγοαφόνται? II p. 104, 17. άναγεγοάφθω I p. 60, 27. 66, 10. 72, 25. 88, 28. 92, 25. · 156, 19. 444, 17. ἀναγεγοά-

ψαντες Ι p. 6, 8. II p. 298, 1. ἀνάγω adduco. ἀναγμένων II p. 296, 26. ἀναλαμβάνω expleo. ἀνελάβον ΙΙ p. 266, 3. ἀναλογία proportio. ἐν τῷ συνεχει ἀναλογία ΙΙ p. 216, 25. ἐν τεταραγμένα ἀναλογία ΙΙ

φθωσαν Ι p. 114, 4. 158, 1.

194, 24. ἀναγεγράφθων Ι p. 376, 16. 384, 15. ἀναγεγραμμένον Ι p. 64, 9 †. 70, 16. 176,

12, 16. perscribo. ἀναγοά-

p. 220, 24. 224, 2. cfr. 222, άναλογίαν ἔχειν ΙΙ p. 244, 19. έπ τὰς αύτᾶς ἀναλογίας II p. 270, 23, 24. 276, 6, 7. 278, 6. 280, 4, 5, 26, 27. 282, 22. 284, 16. 286, 14, 16. 290, 10, 11. έν τᾶ αύτᾶ άναλογία II p. 278, 4. ἐκ τᾶς ἀναλογίας ΙΙ p. 272, 7, 15. ἐν τᾶ τῶν δεκαπλασίων δρων ἀναλογία ΙΙ p. 276, 4. άνάλογον proportionaliter, pro adiectiuo ponitur. pies ανάλογον Ι p. 22, 5 +. 62, 21 +. 70, 1. 76, 10. 78, 9. 146, 24. α ανάλογον τομά ΙΙ p. 162, 3. ανάλογον είναι Ι p. 64, 6†. 224, 24. 490, 7. II p. 172, 10, 15. 216, 24. 218, 12, 23. 234, 8. 270, 2, 22. 272, 4, 9. 302, 2. αί αναλογον ΙΙ p. 218, 2, 4, 10. ἀπέχει άπὸ μονάδος ἀνάλογον II p. 270, 26. 276, 4. **278**, 3. **280**, **2**, **25**. **282**, **20**. 284, 15. 286, 13. 290, 8. 302, 16 corruptum. άνάλυσις resolutio proble-

άνας μο στέω ΙΙ p. 290, 23? άναστο έφομαι uersor. άναστρεφόμενος Ι p. 6, 9. άνεστραμμένος Ι p. 4, 7? άναστο έψαντι Encl. V def. 17. Ι p. 216, 25.

· 242, 11.

άνατέλλω orior (de sole). άνατέλλειν ΙΙ p. 250, 11. άνατολή ortus solis. II p.

250, 13.

ανευ praeter. I p. 296, 11, 28. 298, 12. sine. II p. 296, 24. ανέλεγκτος non perspectus. I p. 2, 7?

άνή φ' II p. 294, 6.

ανισος -ov inaequalis I p. 10, 1, 11, 18, 12, 17, 18, 22, 24. 14, 15, 20. 18, 14. 60, 19. 70, 6. 136, 13, 15. 140, 23, 24. 182, 7 al. II p. 14, 7, 8. 20, 10. 62, 22. 70, 12. 148, 18 al. εls ανισα in partes inaequales. II p. 6, 11, 15.

ανίστημι erigo lineam. ανεστακούσα άπὸ τοῦ κέντρου όρθά I p. 318, 3, 6, 10, 12, 16. 324, 5, 9, 14. 330, 4, 7, 12. 334, 8. 382, 3. 400, 1, 2. 430, 17. άνεστακέτω Ι p. 332, 12. 334, 20. erigo planum. ανεσταπὸς διὰ εύθείας I p. 324, 6. 330, 5. 372, 8. ανεσταπέτω απὸ εὐθείας I p. 320, 4. 324, 25. 330, 23. 334, 11. 362, 1. 376, 13. 380, 17. 398, 7. 430, 10. 454, 13. 476, 7. 492, 14. άνεστακέτων Ι p. 384, 10. ανασταθη I p. 364, 9. πυραμίς άνεστάτω I p. 70, 16. άνομοίως Ι p. 420, 9. 462, 29. II p. 220, 23. 222, 13. 224, 1. άντιβλεπέσθαι ΙΙ p. 250, 15. άντιπαραβάλλω comparo. Ι p. 4, 9.

άντιπάσχω in contraria proportione sum. άντιπεπόνθασιν I p. 82, 6, 7. 84, 20. 88, 12. 220, 12 †. 286, 17, 20(?). άντιπέπουθε II p. 308, 4. άντιπεπονθέμεν ΙΙ p. 162, 1. άντιπεπονθότως in contraria proportione. II p. 152, **12**. **158**, **5**. **188**, **10**. ανω supra. II p. 304, 26. έν

τοῖς ἄνω Ι p. 184, 18. άξιόπιστος fide dignus. p. 250, 1.

άξιος dignus. λόγου άξιος Ι p. 4, 18.

άξίωμα postulatum. I p. 6, 11. sed quae ibidem άξιώματα inscribuntur, potius definitio-

nes sunt. ἄξων axis (h. e. media linea corporis circumuolutione orti). coni I p. 8, 18. 78, 5, 7. 82, 10. 198, 2, 3. 276, 16. 278, 5. 280, 5. 304, 3. 404, 12. 406, 13, 14. 440, 5, 21, 24. 444, 5. 452, 26. 456, 3. 458, 25. 482, 23. 488, 15. 490, 21 al. cylindri I p. 54, 8. 82, 2, 3. 190, 18. 192, 23, 27. 330, 7, 16. 332, 3. 374, 26. 376, 5, 8, 16. 378, 9. 382, 6. 390, 2 sq. 392, 7, 15, 17. 396, 11. 400, 4, 10. 402, 4 sq. 404, 4. 426, 10 al. conoidis I p. 276, 11, 14. 278, 7. 280, 3, 8. 340, 15, 19, 20, 22, 24. 842, 1 sq. 844, 8 sq. 346, 6. 348, 16, 21, 24. 358, 14, 19, 20. 360, 5 sq. 362, 13, 18. 364, 3, 7. 380, 20. 404, 16 al. II p. 8, 11, 20, 27. 10, segmenti conoidis I p. 276, 8, 19. 278, 21. 280, 6, 15. 398, 1, 6, 10, 11. 428, 14, 18, 24. 430, 8 al. ad segmenta enim conoidis, coni, cylindri, quae circumuolutione non semper orta esse possunt, huius uocabuli usus a totis corporibus translatus est. sphaeroidis I p. 282, 5, 6, 21. 364. 22, 24. 366, 1, 5, 7, 8. 370. 9 sq. 378, 13. 880,8,18. 440, 3 sq. 454, 2, 10. 458, 23. 476, 2, 14 al. segmenti coni I p. 288, 13. 474, 20al. segmenti sphaeroidis I p. 454, 17. 474, 23, segmenti cylindri I 24 al. p. 290, 4.

άοίπητος desertus. II p. 242, 6. απειρος infinitus. II p. 242, 3,7. άπεναντίον pro adiectiuo usurpatur. azevavzíov est circulus basi cylindri oppositus I p. 44, 26. 56, 9, 15, 19. αί άπεναντίον γωνίαι Ι p. 130, 23. αί ά. πλευραί ΙΙ p. 190, 17. απέγω disto. απέγει από Η p. 270, 26. 272, 1 sq. 276, 9, 10. ἀπέχοντι ΙΙ p. 272, 2, 19. 276, 10. ἀπέχων ΙΙ p. 270, 24. 272, 7, 16. απέχοντα 11 p. 150, 16. 152, 4. ἀφέξει II p. 272, 1.

άπλανής fixus (de stellis). II p. 244, 12, 16, 19. 246, 8, 9. 288, 9, 14, 19, 22. 290, 3, 15. **άπλῶς. οὖτως ἀπλῶς Ι**ρ. 214, 16.

άπό. ἄγειν εύθεῖαν άπὸ σημείου u. αγω. αναγράφειν είδος από τι. αναγράφειν. ανεστακέτω εύθεια άπό α. άνίστημι. άφαιρείν τμημα άπό υ. άφαιρέω, άποτέμνω, άπολαμβάνω. τὸ τετράγωνον τὸ άπό u. τετράγωνον. breuiter dicitur τὸ ἀπὸ εύθείας linea quadrata I p. 62, 2, 3, 5, 6. **†** 80, 1, 2. 108, 15. 110, 26, 28, 29. 112, 1. 154, 23. 168, 4. 172, 7. 190, 22, 26, 27. 192, 1, 2. 196, 16, 17. 198, 28. 200, 6, 7. 204, 5 sq. 206, 16, 17 al. 326, 9. 328, 7, 19 sq. 332, 18, 22. 338, 2 sq. 350, 22 al. II p. 86, 12 sq. 38, 1. 44, 19. 48, 1 sq. 50, 4. 118, 8, 12. 122, 6, 7. 124, 13. 128, 8. 130, 4 sq.

186, 5 sq. 138, 2 sq. al. είδεα από II p. 42, 4, 6. 50, 11 sq. έπίπεδον όρθον άπο εύθείας Ι p. 372, 14. 430, 17. τομέες άπό II p. 102, 8 sq. 104, 25 sq. 110, 11 sq. 114, 6 sq. 120, 21 sq. 122, 1. 124, 9, 10. έφαπτομένη από σημείου Ι p. 16. 27; cfr. 20, 9. ἀ τομὰ ἀ άπο I p. 344, 18. σχημα ἀπὸ πολυγώνου I p. 104, 23. 110, 2. ώπὸ εύθείας pars a lines absumpta I p. 276, 9. 278, 22. 282, 14. 348, 19. 352, 10. suspensum ex II p. 142, 3 sq. 144, 1 sq. 146, 2 sq. 148, 17. 152, 11. 158, 5, 20. ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου α. κέντρον. άποδείκνυμι demonstro. άποδεικνύται Ι p. 340, 4. Η p. 298, 4. άποδεικνύωμες Ι p. 386, 6. ἀπεδείχθη I p. 82, 13. 108, 18. ἀποδεδείχασι ΙΙ p. 296, 15. ἀποδεδείνται Ι p. 302, 3. II p. 300, 10, 21. αποδεικνύειν II p. 246, 16. άποδειχθηναι Ι p. 4, 11? άποδειχθέντων I p. 282, 11. άποδεδειγμένος I p. 58, 18. II p. 274, 1. 296, 25. απόδειξις demonstratio. Ip. 2, 3, 8. 6, 8, 12. 188, 3, 6. 274, 3. 288, 1. 290, 12. 342, 27. II p. 2, 3, 7. 4, 2, 5. 6, 8. 10, 4, 8. 14, 3, 5. 242, 16. 246, 4. 250, 4. 290, 22. 296, 9. 298, 1, 5. ά αύτα απόδειξίς έντι καὶ διότι I p. 340, 5, 10. άποκαθίστημι restituo in locum pristinum. άποκατασταθη (de linea circumacta) II p. 10, 10. 52, 1. αποκατασταθέωντι II p. 12, 1. άποκατασταθείσα II p. 10, 15, 22. de figura plana, quae circum-

acta corpus solidum efficit.

άποκατασταθη I p. 162, 4. 274, 17. 278, 1. 280, 21, 25. άπολαμβάνω abscindo, aufero. partem rectae I p. 278, 22 (sed dubium). 304, 14 ($\alpha \pi \delta$). 306, 12, 14. 380, 24. 392, 4, 11 $(\alpha \pi \delta)$. 394, 22 $(\alpha \pi \delta)$. 396, 5 (ἀπό). 402, 27 (ἀπό). Η p. 14, 15. 24, 6. 28, 8, 10 $(\alpha \pi \delta)$. 30, 18, 25 $(\alpha \pi \delta)$. 34, 8 $(\alpha \pi \delta)$. 44, 17 ($\alpha \pi \dot{\alpha}$). 76, 6 ($\alpha \pi \dot{\alpha}$). 160, 9 $(\alpha \pi \delta)$, 13, 18. 178, 12. 200, 14. 210, 16. partem figuraé planae I p. 24, 16? II p. 134, 3 (= περιλαμβάνω, sed dubium). partem solidi I p. 288, 6, 8, 23 ($\alpha\pi\dot{\alpha}$). partem superficiei solidi corporis I p. 38, άπολαμβάνειν εύθεζαν ἴσαν εὐθεία I p. 412, 2. II p. 166, 15. 320, 14. 326, 23. άπολαμβάνοντι (-ουσι) Ι p. 304, 4. ἀπολαμβανόμενος Ι p. 38, 18. απέλαβον ΙΙ p. 326, 23. απολαφθείς I p. 24, 16? 278, 22. 288, 6, 8, 23. 306, 12, 14. II p. 14, 15. 24, 6. 28, 8, 10. 30, 18, 25. 34, 8. 76, 6. 134. 3(?). 160, 9, 13. 178, 12. 200. 14. 210, 16. ἀπολελάφθω Ι p. 380, 24. 412, 2. II 44, 17. 160, 18. 320, 14. ἀπολελαμμένος Ι p. 392, 4, 11. 394, 22. 396, 6. 402, 27. ἀπόλειμμα reliquum. Ip. 26, 7, 11. 42, 24. ἀπορέω haesito. ἀπόρησα Ι p. 274, 7. ἀπορηθέντα I p. 274, 9. άποστασία distantia. II p. 244, 20. απόστασις distantia. IJρ. 270, 8. άποστέλλω mitto. I p. 274, 2. άποστέλλομεν Ι p. 6, 7. ΙΙ p. 298, 2. απέστειλα I p. 188,

Η p. 294, 8. αποσταλέντων II p. 2, 2. ἀπέσταλκα I p. 190, απεστάλκαμεν Ι p. 2, 2. , άπεσταλμένος Ι p. 274, 4. ΙΙ p. 4, 6. άπόστημα distantia. II p. 264, **22. 290, 20**. άποτέμνω abscindo. partem ambitus I p. 10, 28. 130, 18. partem superficiei solidi corporis I p. 46, 1, 15, 48, 1, 7, 14. 50, 5, 13, 22. 52, 4, 10. partem figurae planae I p. 160, 24. 302, 13. hic uulgo dicitur αποτέμνεσθαι ύπο εύδείας. partem solidi: ἀποτέμνειν (έπιπέδφ) ἀπό. Ι p. 286, 22. 302, 6. 396, 21. II p. 6, 4. uel omisso άπό I p. 276, 13, 17. 280, 2, 10. 374, 12. 378, 13. 380, 1. 386, 8, 11. 396, 21, 25. 404, 15, 18. 410, 14, 17. 416, 2, 10. 428, 15, 23. 460, 3, 12. II p. 8, 24. τὸ άποτμαθέν τμᾶμα Ι p. 276, 5, 14, 18. 278, 18. 280, 3, 11. 286, 24. 288, 20. II p. 8, 16. 8, 21. τὸ ἀποτετμακός ἐπίπεδον Ι p. 374, 21. 380, 9, 11, 12. 398, 1, 3. 428, 430, 1. τὸ ἀποτέμνον ἐπίπεδον Ι p. 276, 7. 278, 19. 374, 24. 386, 15. 416, 14. 454, 9. 460, 9. II p. 8, 16, 26. ἐπίπεδον αποτέμνει τμαμα Ι p. 276, 4. 278, 17. Il p 8, 15. αποτέμνεσθαι ύπο έπιπέδου I p. 372, 17, 18. 374, 2, 4, 14. ά αποτέμνουσα εύθεία Ι p. 302, 20. 306, 10. formae uerbi occurrent hae: ἀποτέμνει Ι p. 160, 24. αποτέμνων u. supra. αποτεμνόμενος I p. 10, 28. 46, 1, 15. 48, 1, 7, 14. 50, 5, 13, 22. 52, 4, 10. 130,

3. 5. ἀποστείλαι I p. 190, 3.

18. 372, 17, 18. 374, 2, 4, 14. άποτέμη Ι p. 276, 4. 278, 17. II p. 8, 15. ἀποτεμείν I p. 286, 22. Η p. 6, 4. αποτμαθή I p. 276, 13. 280, 2, 10. 396, 21. 428, 15. ἀποτμαθέωντι I p. 276, 17. 302, 6. 404, 15. 410, 14. ΙΙ p. 8, 24. ἀποτετμάσθω Ι p. 302, 13. 404, 18. **410, 17. άποτετμαμένος Ι p.** 374, 12, 386, 8, 11, 396, 25. 416, 2, 10. 428, 23. 460, 3, 12. ἀπότμημα segmentum. ἀπότμαμα κώνου definitur Ip. 288, u. praeterea I p. 280, 13. 284, 26. 286, 10. 340, 5, 6, 9. 396, 22. 400, 11. 408, 3, 4, 26. 410, 7, 10. 428, 16. 432, 3, 6, 9. 452, 25 al. ἀπότμαμα I p. 410, 4. άποφαίνομαι. άποφαινομέvov declarante. II p. 248, 8. άποφαινέσθαι praestare II p. 250, 1. άπόφασις iudicium. I p. 6, 6. άπογοάω sufficio. άπόχοη ΙΙ p. 250, 4. αποχοέοντι II p. 268, 10. άποχοεόντως satis. Il p. 266, 16. άποχωρίζω remoueo. χωριζόμενος II p. 250, 18. απτομαι sensu uulgari: adtingo. ἀπτομέναι II p. 266, 3. proprie: tango (cum genetiuo). de linea circulum tangente I p. 122, 7. 162, 8. uel coni sectionem I p. 360, 30. uel helicem II p. 58, 2. de plano conoides tangente. I p. 278, 20. 358, 13, 17. 360, 4. uel sphaeroides. I p. 362, 12, 13, 16, 17. 364, 2, 13. his tamen omnibus locis multo usitatius est ἐφάπτομαι uel

έπιψαύω.

proprie απτομαι

sic usurpatur: τὸ σαμείον, καθ' δ απτέται ο άξων του πωνοειδέος h. e. occurrit (ita ut productus secaturus sit) Ι p. 274, 21. 278, 9. ἀπτέται I p. 274, 21. 278, 9, 20. 358, 17. 362, 17. II p. 58, 2. απτονται Ι΄ p. 122, 7. 162, 8. έπτήται Ι p. 362, 12. ἀπτέσθω Ι p. 362, 16. ἀπτομένα Ι p. 360, 30. άψέται Ι p. 358, 13. 360, 4. 362, 13. 364, 2, 13. άρα igitur. ἔστιν άρα, ώς Ι p. 14, 6 al. τὰ ἄρα τοίγωνα p. 42, 18. 140, 10. 152, 2. II p. 64, 4 al. ούκ ἄρα I p. 144, 9. 178, 20 al. in apodosi I p. 14, 9. 18, 4. 22, 6. 32, 4, 19. 148, 6. 168, 1. 198, 10, 20, 24. 200, 11. 216, 24. 234, 29. II p. 176, 17. 180, 11. 260, 4. φημί ὅτι ἄρα I p. 246, 15. $\delta \dot{\epsilon} = \ddot{\alpha} \rho \alpha \text{ I p. 48, 22 †. prop-}$ ter collocationem ab initio sententiae remotiorem memorabiles sunt hi loci: I p. 14, 11, 14. 178, 12. 180, 15. 184, 6. 198, 17. II p. 164, 12. 200, 6. άριθμέω numero. άριθμείσθων II p. 266, 21. 268, 2. άριθμός numerus. δάριθμὸς ταν περιφοράν ΙΙ p. 62, 15. 82, 11. πλευράν II p. 194, 17. τῷ αὐτῷ ἀριθμῷ πολλαπλασία II p. 82, 12. 274, 9. κατὰ τὸν ένὶ ἐλάσσονα ἀρ. II p. 88, 4. κατά τὸν αὐτὸν ἀρ. Π p. 96, 6. 114, 28. 116, 1, 4. οί έξῆς περισσοί άρ. II p. 192, 15. 196, 2. μυριάδων άρ. II p. 266, 17. similiter II p. 272, 2, 19. 276, δ άρ. τοῦ ψάμμου II p. 242, 3. 244, 1. 246, 12. 264, 24. 274, 12, 15, 27. 276, 24. 278, 26. 282,16. 290,4. of doit uoi II p. 242, 18. 266, 10, 16.

πρώτοι, δευτέροι ατλ. άρ. ΙΙ p, 266, 20 sq. 268, 1 sq. 270, 1 sq. 274, 19. 276, 3. 278, 11 sq. al. άριθμοί τινες et similia II p. 272, 4, 10. 274, δ γενόμενος ἀρ. II p. 276, 6. 282, 17. 284, 4. 286, 10. 290, 5. άρμόζω, άρμόζουσα apta, Ι p. 6, 5. άρτι nuper. II p. 296, 25. άρτιογώνιος. polygonum άρτ. h. e. cuius anguli (et latera) pares sunt numero. I p. 182, 20. 186, 9. ά οτιόγωνος idem. Ι p. 124, 23. 152, 11. 170, 10. + 176, 18. 306, 19. άρτιόπλευρος. polygonum άρτ. h. e. cuius latera paria sunt numero. I p. 96, 10. 100, 6. 148, 23. 156, 15. 312, 3. α̃οτιος par numero. I p. 98, 26. II p. 152, 2. 156, 6, 17. 164, 8. άρχή initium. ἐν ἀρχῷ initio Il p. 2, 12. ἀρχὰ τᾶς Ελικος definitur II p. 52, 7. u. praeterea II p. 52, 21, 26. 54, 6. 56, 7. 58, 6, 15. 60, 11. 62, 21. 64, 1. 70, 14, 19, 22, 24. 78, 4, 7. 82, 8, 16 sq. 84, 5. 86, 22. 88, 16. 94, 3. 96, 15, 22. 100, 2. 106, 23. 116, 14 sq. 118, 1. 126, 5. 132, 24, 26. 134, 14. άργὰ τᾶς περιφορᾶς definitur II p. 52, 9. u. praeterea II p. 56, 8. 58, 16. 64, 1. 70, 20. 72, 1. 78, 4. 82, 8, 25. 84, 2, 8. 88, 10, 17. 92, 22. 94, 3, 4. 96, 5. 98, 27. 100, 3. 106, 12, 24, 25. 126, 6. άρχικά sc. διάμετρος axis parabolae. II p. 230, 19. ἄργομαι incipio. άρξάμενος άπό II p. 10, 13. 52, 3. αρξατο ΙΙ p. 52, 8. 250, 19.

244, 4, 8, 248, 4, 7, 288, 5. ἄστρον sidus. II p. 244, 12, 16. 246, 3, 10. 288, 9, 14, 19, 22. 290, 3, 15. cfr. anlavýs. ἀσύμμετρος. ασύμμ. μεγέθεα magnitudines, quibus non est mensura communis II p. 158, 4, 7. άσφαλῶς firmiter. άσφαλέστατα Ι p. 4, 11? ἄτοπος absurdus. ὅπες ἄτοπον quod fieri non potest. I p. 138, 17. 140, 6, 260, 5, 15. II p. 200, 19. αὐτός ipse. I p. 4, 3, 5. 72, 2. 74, 11. 118, 13. 130, 9. 150, 17. 188, 3. 302, 7. 342, 14. 360, 1. 370, 6, 12, 18. 416, 13. II p. 6, 1. 248, 21, 298, 8, 17. 300, 3, 14. solus I p. 26, 1, 5. 298, 11. 300, 8. 496, 13. II p. 128, 13. 136, 1. 348, 13, 15. ὁ αὐτός idem. τρίγωνον την αὐτην βάσιν ἔχον τῷ τμήματι καὶ ὕψος ἴσον Ι p. 2, 6. 4, 13, 15. 8, 17. 200, 20. 232, 4. 284, 5, 9, 23. 286, 5. 302, 8. 394, 9, 20. 396, 18, 24. 400, 12 sq. al. II p. 8, 22. 296, 7, 19, 21 al. cfr. έχω, et praeterea λόγος. έπὶ τὰ αὐτά cum datiuo) in eandem partem. I p. 6, 16, 18, 21. 8, 4, 6, 8, 9. 10, 2, 12. II p. 12, 19. 116, 19. 160, 8. u. έπί, κοίlos. cfr. διά, κατά. είς το αυτό Ι p. 162, 4. ίσον το cfr. διά, κατά. είς τὸ αὐτό I p. 218, 13. 226, 6. cfr. II p. 148, 27. τὰ αύτὰ πέοπτα et similia I p. 10, 1, 4, 8, 10. 38, 12. 40, 24. 46, 9, 23. 48, 4, 11. 50, 2 sq. 92, 15. 130, 9. 162, 2. 226, 9. 302, 5. 310, 20. 364, 10. 366, 1, 3. 394, 11. 428, 6. II p. 4, 23. 16, 20, 112,

άστρόλογος astrologus. II p.

19. 318, 18. τὰ αὐτά Ι p. 154, 11. 202, 1. 230, 1. II p. 26, 6, 15. 30, 21. 66, 18, 22. cfr. alλος, αὐτὸ ἐαντῶ I p. 10, 20. II p. 10, 12. 14, 9, 14. 18, 3, 9. 20, 15. 52, 8. 60, 2, 28. 296, 11. 330, 6. 332, 12. αὐτὰ ταῦτα ΙΙ p. 350, 18. αὐτόν pronomen est tertiae personae I p. 2, 3, 8. 4, 4. 8, 2. 274, 7, 20. saepe sine causa additur I p. 96, 12. 290, 4. 810, 5. 820, 16, 18. 332, 10. 336, 16. 350, 3. 368, 9, 11. 398, 6, 408, 2, 430, 6, 440, 14, 454, 6. 460, 10. 476, 12. 482, 8. 494, 4. II p. 32, 13. 66, 3. 72, 4. 78, 5, 14. 82, 21. 84, 10. 176, 4. 320, 8. 326, 16. 330, 14, 18. 340, 17. admodum dubius locus est I p. 356, 1: αί αὐτῶν τομαί propter collocationem insolentem.

άφαιρέω aufero. ποινόν άφηοήσθω I p. 36, 10. 42, 4. 44, 8. 48, 6. 50, 11. κοινοῦ άφαιφεθέντος Ι p. 56, 14. 198, 18. 200, 14. ΙΙ p. 334, 3. άφαιφείται eum gen. I p. 48, 22 †. άφαιρεθέντων imperatiue I p. 52, 8. άφ. άπο I p. 88, 20. 90, 9. 92, 16, 27. 248, 6. 406, 5. 444, 17, 21, 24. 446, 14, 20, 27. 448, 3, 7, 9, 21. 450, 23. 452, 2, 8, 11. 464, 10, 14, 17, 21, 466, 15, 21, 468, 1. 472, 6, 11, 17. 474, 1. II p. 142, 11, 12, 144, 9 sq. 146, 7, 9 etc. praeter formas supra adlatas hae inueniuntur: άφαιοουμένου I p. 474, 1. II p. 228, 7. 340, 25. ἀφηρέθη II p. 142, 12. αφαιρεθή I p. 88, 20. 92, 16. II p. 142, 11. 160, 4. άφαιρεθείς Ι p. 248, 6. ΙΙ p. 144, 9, 16, 18, 146, 7, 178, 14.

άφηρήται ΙΙ p. 144, 11. 146, 9. 178, 7. ἀφηρήσθο (ἀφαιφήσθω) I p. 444, 17, 21, 24. 464, 10, 14. II p. 158, 15. 160, 16. άφηρημένος (άφαιρημέvos) I p. 90, 9. 92, 27. 282, 23. 406, 5. 444, 25. 446, 14, **20**, 27. **44**8, **3**, **7**, **9**, **21**. **45**0, 23. 452, 2, 8, 11. 464, 15, 17, 21. 466, 15, 21. 468, 1. 472, 6, 11, 17. II p. 160, 8, 12, 178, 9. à φή punctum tactionis. lineae et circuli I p. 32, 2, 4. 38, 13. 120, 14. 162, 11. II p. 22, 7. 32, 1. plani et sphaeroidis I p. 282, 18. 362, 13. 364, 3, 20, 24. 366, 2 sq. 368, 3, 8. uel conoidis I p. 358, 14, 360, 5, 21. lineae et spiralis II p. 62, 19. 66, 1. 70, 13, 82, 16, 20, 24.

κός ΙΙ p. 252, 14. ἀποσταθέντος ἀπό ΙΙ p. 254, 1.

άφικνέομαι percenio. ά

γραμμά άπὸ τᾶς ΑΒ ἐπὶ τὰν ΑΓ ἀφικνείται ΙΙ p. 54, 14, 23.

άφίστημι remoueo. άφεστα-

βάρος pondus. II p. 142, 3 sq. 144, 8, 12, 14. 146, 2, 4. 152, 12. 160, 12, 13. κέντρον τοῦ βάρεος υ. κέντρον. ἴσον βάρος έχοντι ΙΙ p. 148, 23. 150, 6, 17, 152, 5, βασιλεύς rex. II p. 242, 2. 290, 17. βάσις basis. trianguli I p. 26, 23. 44, 2. 258, 4. 260, 17. 302, 8. II p. 170, 20. 174, 11, 13. 186, 5. 192, 4, 6. 296, 7. 308, 14. 310, 3. 334, 15, 22, 340, 4, 8, 9. 342, 7, 9, 16. 344, 1, 15, 22, 346, 6, 348, 24, 27. 350, 8, 11. coni. I p. 8, 18.

34, 9. 58, 13, 16. 68, 22. 70, 4. 76, 3, 4. 82, 6 sq. 84, 2 sq. 92, 2, 4, 5, 102, 10, 12, 16. 114, 6 sq. 116, 2 sq. 118, 3, 9. 126, 13. 128, 1 sq. 134, 3, 4. 158, 5, 13. 160, 1, 2, 15. 168, 15, 24 al. 276, 15. 280, 4. 284, 5 sq. 340, 3 sq. 386, 10, 17, 21. 414, 2. 416, 4, 18, 24. 420, 5 al. cylindri I p. 4, 1, 15. 52, 16, 22. 58, 22. 60, 4 sq. 82, 1 sq. 146, 14, 17, 23. 148, 7, 8. 188, 12. 190, 17. 192, 21, **26**. **376**, **7**. **378**, **8**. **386**, **22**. 388, 10, 12. 392, 3 sq. 394, 21. 396, 4 al. prismatis I p. 4, 13. segmenti cylindri I p. 288, 25. 382, 12. 384, 4. 386, 1. 400, 9, 16. 402, 3 sq. 404, 3. 430, 23, 24 al. segmenti sphaerae I p. 2, 14. 98, 27, 29. 100, 8. 148, 18 sq. 152, 12. 154, 6, 8. 160, 11, 16. 162, 17, 22. 164, 22. 168, 7. 170, 1. 176, 5, 8. 178, 26. 218, 15 sq. 226, 21, 23. pyramidis I p. 26, 22. 30, 18. 32, 25. 58, 7, 12, 15. parallelogrammi I p. 50, 1 sq. polygoni I p. 100, 7. 164, 14. figurae solidae I p. 162, 14 al. 280, 12. 284, 22, 27. 286, 5. segmenti conoidis I p. 276, 4. 278, 17. 412, 4, 14 al. II p. 8, 16. segmenti sphaeroidis I p. 282, 10 sq. 440, 18. 486, 7 al. segmenti coni I p. 288, 11. 400, 11 sq. 404, 11. 406, 12. 428, 17. 452, 25. 456, 2. 474, 19. 492, 2. 494, 9. 498, 2. segmenti parabolae I p. 302, 11. II p. 192, 12. 214, 3. 336, 15, 19 al. cfr. definitio II p. 336, 13. βάσις τόμου parabolae α μείζων II p. 228, 15. έλάσσων II p. 228, 12 sq. solidi ficti II p. 228, 14, 17, 230,

5, 8. 232, 13, 20. 234, 2 sq. cfr. omnino έχω. βιβλίον liber. I p. 188, 21. 274, 2. II p. 2, 6. 4, 6, 11. 10, 8 14, 3, 7. 266, 11, 14. έν τῷ πρώτω βιβλίω Ι p. 196, 10. 198, 7 †. 208, 9. ἐν τῶ πρώτω Ι p. 200, 5. Blos uita. II p. 2, 14. βλέπω uideo. βλέποντι ἀπὸ II p. 252, 3. βλέπειν ἀπό II 250, 22. βλέπων dum uixit. II p. 290, 4? βούλομαι uolo. II p. 2, 21. βουλέσθαι ΙΙ p. 2, 8. βουλόμενος II p. 266, 6.

Г.

γάς nam. passim. είγὰς μή έστιν I p. 70. 4. cfr. μή. και yάρ = nam II p. 2, 22. u. καί.parenthetice: καὶ γὰο κατὰ διαίρεσιν I p. 230, 12 al. δέδεικται γάς τοῦτο α. δείκνυμι. ye quidem. II p. 244, 21? yévos genus. II p. 10, 6. γεωμετοέω, τὰ γεωμετοούμενα quae in geometria tractantur, geometrica. Il p. 14, 5. 298, 3. γεωμέτοης geometra, mathematicus. Ip. 4,18. Hp. 296,13. γεωμετοία geometria. I p. 4, 7. II p. 2, 11, 16. 294, 5, 13. γεωμετοικός ad geometriam pertinens. II p. 242, 17. 294, 9, 12. $y\bar{\eta}$ terra. II p. 242, 11, 13. 244, 2 sq. 246, 2, 6, 14, 18. 248, 1, 3. 254, 22, 25. 256, 1. 262, 10 sq. 264, 8 sq. 288, 12, **17.** 290, 20. γίγνομαι fio. I p. 20, 6, 7. 48, 24. 58, 2. 128, 23. 130, 24. 150, 7. 184, 3. 168, 12. 280, 13. 284, 23. 286, 10. 288, 8,

20, 22. II p. 2, 8. 10, 21. 52, 23. 254, 7, 10. 352, 7. yeróμενος πρός uersatus I p. 274, oriri operatione aliqua geometrica I p. 88, 18, 20, 28. 92, 14, 16, 27. 94, 10. 116, 21. 120, 7. 152, 16. 162, 1, 20, 25, 26. 166, 4. 182, 27. 186, 11. 282, 10. 284, 4, 8, 21, 26. 306, 15. 344, 6. 348, 19. 352, 10. **364**, 8. 366, 20. 368, 2. 474, 22. 482, 17. 492, 5. 494, 3. II p. 36, 3, 5. 44, 6, 8. 58, 11. 94, 10. 192, 8. 234, 2. 346, 8. 350, 10. εί γένοιτο σφαίρα έχ τοῦ ψάμμου ΙΙ p. 246, 7. 274, 24. 276, 21. 278, 23. 280, 18. 282, **13.** 284, 8. 286, 6. 290, 1. γεγονέτω initio demonstrationis analyticae I p. 206, 5. 226, 16. 232, 11. ò γενόμενος (άριθμός) productum. II p. 270, 23. 272, 6, 14, 27. 276, 6, 24. 278, 5, 26. 280, 4, 21, 27. 282, 16, 22. 284, 11, 17. 286, 10, 15. 290, 5, 10. γενόμενον σαμείον Ι p. 368, 2. έπλ τὰ αύτὰ γενόμεναι Ι p. 370, 1. γινέται ώς Ι p. 200, 19. II p. 178, 4. 234, 13. γεγενήσθαι fuisse II p. 294, 4, 7. I p. 4, 18. effici, impleri I p. 18, 24. 20, 22. formae occurrent hae: γίνεται I p.20,7. 150, 7. 164, 3. 168, 12. 200, 19. 280, 13. 284, 21. 286, 10. Η p. 254, 7. γίνονται Ι p. 130, 24. γινόμενος Ι p. 20, 5. 48, 24. 116, 21. 120, 7. II p. 58, 11. 350, 10. έγένετο II p. 254, 10. γενήται Ι p. 18, 24. 20, 22. 288, 8. II p. 52, 23. 352, γένωνται Ι p. 288, 20, 22. γενέσθαι Ι p. 58, 2. γενόμενος Ι p. 88, 18, 20. 92, 14, 16. 282, 10. 344, 6. 348,

19. 352, 10. 364, 8. 366, 20. 368, 2. 474, 22. 492, 5. 494, 3al. II p. 10, 21. 36, 3, 5. 44, 6, 8. 192, 8. 270, 23. 346, 8. plura u. supra. vévoito u. supra. νενάμενος Ι p. 284, 4, 8, 21, 26. ΙΙ p. 294, 7. γενησέται II p. 234, 13. yevn@év † I p. 152, 16. 162, 1, 20. yéyover II p. 234, 2. γεγονέτω I p. 206, 5. 232, 11. II p. 178, 4. γεγονώς Ι p. 92, 27. γεγενήσθω † I p. 166, 4. 182, 27. 186, 11. 226, 16. γεγενησθαι I p. 294, 4. II p. 2, 8. γεγενημένος I p. 4, 18. 88, 28. 94, 10. 116, 25, 26. II p. 94, 10. γιγνώσκω cognosco. γιγνωσκομένοι ΙΙ p. 268, 11. 270, 21. γνωσόνται ΙΙ p. 242, 14? έγνωκότες ήμες constitueramus. II p. 294, 9. γνώμων gnomon. I p. 80, 19†, 23†. 444, 18, 21, 24, 26. **446**, 2, 13, 19. **448**, 3, 7, 8, 23. 450, 22. 452, 2, 7, 10. 464, 11 sq. 466, 15, 20. 468, 5, 9, 21. 472, 5, 11, 17. 474, 1. γνώριμος necessarius, amicus. II p. 294, 4. γνωςίμως proprie. γν. έγγραφέσθαι definitur II p. 192, 9. u. praeterea II p. 192, 19, 23. 194, 11, 16. 198, 21. 202, 5, 11. 204, 14, 16, 19. 208, 7, 11, 17, 21, 212, 8, 21, 214, 7. γοαμμή linea. καμπύλη I p. 6, 14, 19, 21. II p. 336, 13, 14. de quauis linea I p. 8, 23, 25. 10, 18. 276, 24. II p. 20, 10, 12, 14. linea recta I p. 132, 16. 182, 8, 12. **250, 3**. 294, 20. 296, 22, 23. 298, 13, 15. 302, 1. 318, 2. 324, 4. 330, 2.8, 12. 334, 20. 356, 22. 358, 9. 366, 4. 372, 15, 25. 382, 3.

398, 15. 420, 11. 430, 16. 444, 14. 448, 10, 12. 464, 4. 468, 9. II p. 10, 11, 22, 26. 12, 14. 14, 8 sq. 16, 2 sq. 18, 2 sq. 24, 2, 5. 26, 15. 28, 4, 10. 30, 22. 34, 11 sq. 38, 11, 18, 20, 42, 10, 11, 24. 46, 1, 48, 9, 52, 2, 58, 23, 26. 60, 1, 23, 62, 2, 72, 1, 12, 74, 22. 78, 12, 23. 100, 28. 102, 2. 104, 7, 11. 110, 2, 5. 112, 28, 30. 122, 29. 124, 2. 170, 20. 216, 24. 218, 12. 260, 15, 17. 302, 3. 304, 25. 306, 9, 14. 308, 12. 316, 10. εὐθεῖα γραμμή Ι p. 318, 10. Π p. 10, 9. 50, 22. 52, 22. 56, 5. 62, 19, 20. 64, 2. 70, 18. 82, 15. $\gamma \varrho \alpha \varphi \dot{\eta}$ scriptum. Il p. 244, 10? γράφω scribo, perscribo. I p. 2, 3. 6, 11. 188, 2. 190, 1. 274, 2. 288, 1. II p. 2, 3, 5, 6. 10, 8. 14, 4. 266, 12. 294, 8, 9, 14. 296, 23. resoluo (problema) I p. 188, 4, 20. describe circulum l p. 102, 5, 120, 15, 24. 162, 6, 10. 230, 4. 320, 6. 324, 27. 336, 4. II p. 10, 17. 12, 12, 15. 28, 22. 32, 14. 52, 25, 27, 64, 6, 82, 18, 23, 25. 84, 7. 86, 23. 88, 3. 90, 7, 9, 13, 18. 98, 1. 118, 2. 132, 26. ellipsim I p. 318, 134, 16. 18. 324, 27. spiralem. II p. 10, 14. 52, 4, 16, 19. 54, 6. 58, 5, 14. 60, 10, 16. 62, 7, 18, 25. 66, 22, 25. 70, 11, 17. 78, 2, 10, 82, 6, 14, 84, 4, 86, 18, 25. 88, 9, 16. 98, 26. 100, 2. . 106, 11, 23. 114, 27. 116, 13, 28. 126, 4. 132, 22. 134, 12. τα γεγραμμένα ΙΙ p. 242, 19. τά γραφόμενα ΙΙ p. 244, 8? γράφειν περί = περιγράφειν II p. 92, 13. — γράφουσιν Ι p. 120, 15. 162, 6. γράφειν II p. 92, 18. 294, 9, 14. γοά-

φεται I p. 188, 20. γράφονται I p. 6, 11. II p. 14, 4. γραφόμενος u. supra. γράφεσθαι I p. 188, 4. έγραφον II p. 296, 23. γράψει II p. 10, 14. 52, 4. γοαψουμες I p. 288, 1. γοάψουσι Ι p. 162, 10? γοάψαι I p. 190, 1. II p. 2, 3. γοάψαντες I p. 2, 3. 188, 2. 274, 2. II p. 2, 6. 294, 8. γοαφη II p. 82, 18. γοα-φέωντι II p. 12, 15. 132, 26. γραφείς ΙΙ p. 10, 17. 52, 16, 19, 25, 27. 82, 23, 25. 86, 23. 88, 3. γεγραφήκαμες II p. 10, 8. γεγράφθω I p. 230, 4. 320, 324, 27. 336, 4. II p. 28, 22. 32, 14. 64, 6. 84, 7. 90, 7, 9, 13. 96, 23. 118, 2. γεγράφθωσαν II p. 90, 18. 98, 1. 134, γεγραμμένος Ι p. 102, 5. 120, 24. 318, 18. II p. 2, 5. 12, 22, 54, 6, 58, 5, 14, 60, 10, 16. 62, 7, 18, 25. 66, 22, 25. 70, 11, 17. 78, 2, 10. 82, 6, 14. 84, 4. 86, 18, 25. 88, 9, 16. 92, 21. 94, 2. 96, 4, 14. 98, 26. 100, 2. 106, 11, 23. 114, 27. 116, 3, 28. 126, 4. 132, 22. 134, 12. 266, 12. γωνία angulus. ἡ ὑπὸ τῶν ΔΗΓ γωνία Ι p. 16, 14, 18, 21†, 26. 20, 4, 9. ἡ ὑπὸ I p. 16, 19, 20, 22 †. 18, 3, 4, 5. 20, 6, 7. 208, 10. 264, 2 sq. 266, 1 sq. 268, 1 sq. γωνία τις I p. 20, 6. II p. 170, 20. 174, 10. γωνίαι πολυγώνου I p. 102, 3, 7. 120, 17. 124, 3, 11. 126, 2. 130, 23. 132, 11, 14. 162, 6, 7. 164, 13. cfr. 170, 23. 172, 4. 310, 1. 312, 4. Π p. 182, 13. 192, 11. ά γωνία ά περιεχομένα ύπὸ τᾶν AH, AT II p. 56, 12. 64,21. 250, 25. 252, 8. 254, 6. 256, 9, 10, 11. 258, 3. 260, 8, 9, 18, 19, 22, 23, 25. 262, 1. 4 γωνία ἀ ὑπό ΙΙ p. 68, 2. ἀ γωνία ά ποτὶ τῷ Θ ΙΙ p. 96, 25. 304, 28. 310, 7. 312, 18. 316, 9. 822, 12. 324, 8. ὰ ποτί II p. 118, 13, u. πρός. αί Δ, A, Β γωνίαι Ι p. 152, 14. όξεια γωνία ΙΙ p. 72, 5. u. όξυς, άμβλύς. ὀρθά γωνία ΙΙ p. 94, υ. ὀρθός. αί γωνίαι αί τέσσαρες όρθαί ΙΙ p. 90, 2. ἴσαι γωνίαι Ι p. 282, 26. Η p. 54, 24. 90, 3, 17. 94, 12. 104, 5. 118, 13. 168, 13. 172, 9, 15 al. εύθεῖα γωνίας ποιεῖ ποτί εὐθείαν ΙΙ p. 70, 18. 90, 4, 17. 98, 2. 100, 26. 112, 26. 120, 9. 170, 9. ά γωνία, είς ὰν ὁ ἄλιος έναρμόζει τὰν ποουφάν έχουσαν ποτί τα όψει h. e. angulus uisus. Il p. 248, 22. 250, 6, 8, 26. 252, 9, 27. 254, 7, 13. 258, 2. u. praeterea II p. 56, 17, 23. 78, 14. 250, 5, 7. 252, 26. 254, 8. 258, 23. 260, 13.

⊿.

δαπτυλιαίος digitalis. II p. 266, 4. 274, 5, 14, 21. δάκτυλος digitus. II p. 264, **26. 266,** 6. **274,** 4, 8, 20, 26. 276, 17 sq. 278, 13, 17. δέ autem. passim. tertio loco Ip. 6, 22. quarto II p. 172, 18. δείπνυμι demonstro; sequitur on uel os (u. infra) et participium I p. 64, 28†. 72, 14+. 76, 13. 146, 20. 154, 16. 178, 13. 184, 18. 266, 8. 312, 11. 314, 19. 320, 9. 334, 16. 348, 5. 350, 18. 354, 4. 402, 27. 422, 19. 424, 20, 24. 426, 25. 428, 9. 488, 11, 19. 456, 13. 458, 12. 470, 7, 10, 474, 12, 480, 3,

494, 17. 498, 9. II p. 68, 18. 78, 14. 84, 22. 118, 22, 126, 15. 130, 17. 132, 15. 134, 21. 154, 17. 254, 17. 262, 18. 264, 10. 286, 26. 288, 17. 328, 9. **882**, 7. **332**, 8. **384**, 5. **346**. 4. participium 🐠 interdum omittitur: I p. 44, 14. 88, 13. 112, 13. 118, 5. 128, 1. 146, 24. 154, 21. 160, 4. 198, 21. 204, 7, 24. 246, 1. 392, 20. 396, 14. 450, 3. 452, 18. 489, 15. II p. 46, 7. 108, 9. 172, 19. 216, 17. 308, 20. 316, 5. 318, 19. cum infin. I p. 390, 21? δεικνύνται ότι. II p. 62, 11. δεικνύται ότι II p. 126, 14. 214, 19. 216, 5. 262, 9. 296, 5. δειανύειν II p. 242, 16. 248, 10 (ότι). δείξομεν (δειξούμες) öre I p. 22, 24. 50, 1. 186, 12. 282, 19. 364, 5. II p. 48, 16. δείξας I p. 24, 12. έδείξαμεν Ι p. 216, 15. δείξαι ότι Ι p. 176, 11. 246, 20. 248, 1, 4. 376, 23. 384, 21. II p. 8, 23. 10, 3. 166, 8. ὅπερ ἔδει δείξαι 1 p. 200, 17. II p. 198, 8. 216, 22. 228, 5. ἔδει δὲ τοῦτο **δείξαι II p. 210, 24.** ે દેવેદા δείξαι I p. 328, 28. 384, 4. 458, 20. 480, 21. II p. 828, 16. δειχθήσεται I p. 58, 4. 122, 4 (ότι). 198, 21. 222, 6†. **820**, 9. 312, 11. 334, 16. 348, 5. 384, 23 (οτι). 390, 21, 402, 27. 404,8 (ότι). 422, 19. 488,19. 456, 13. 458, 12. 480, 3, 15, 494, 17. Η p. 16, 17 (ὅτι). 60, 6 (ὅτι). 62, 6 (oti). 66, 17 (oti). 70, 10 (οτι). 82, 2 (οτι). 86, 14, 17 $(\tilde{o}\tau\iota)$. 90, 24 $(\tilde{o}\tau\iota)$. 108, 9. 114, 25 (διότι). 118, 22. 128, 17 $(\tilde{o}\tau\iota)$. 130, 17, 132, 15, 156, 8 (οτι). 254, 17. 274, 2. 288, 11 (ori), 25 (ori). 308, 20. 312, 14. 316, 5. 318, 19. 322, 7. 328, 9. 344, 9. 346, 4. ἐδείχθη I p. 40, 9†. 44, 14. 68, 19 (ὅτι). 74, 26 $(\tilde{o}\tau \iota)$. 76, 13. 88, 13. 110, 18 (ὅτι). 112, 13. 118, 5. 140, 10 (ὅτι). 146, 10 (ὅτι). 174, 13. 178, 20 (ώς). 200, 5. 204, 3, 7, 24. 222, 15. 238, 20, 24. 266, 8. 246, 1. 364, 18 (ότι). 392, 20. 396, 14, 16 (οτι). 424, 20, 24. 428, 8. 438, 11. 450, 3. 452, 18. 470, 7, 10. 474, 12. II p. 154, 17. 172, 19. 216, 17. 226, 12. 228, 1 (ὅτι). 262, 18. 286, 26. 332, 8, 25. 334, 5, 9 (οτι). 352, 16 (οτι), 20 (οτι). έδείχθη, ώς ή ΑΚ πρός την ΕΛ, ούτως πτλ. Ι p 174, 13. 200, 5. 204, 3. 222, 15. 238, 20, 24. II p. 226, 12. δειχθησοῦντι Ι p. 350, 18. 354, 4. δειχθη II p. 46, 7. δειχθήσειν II p. 246, 10. δειχθείη na I p. 498, 9. δειπνύσθαι II p. 266, 7. δειχθηναι I p. 248, 7 (οτι). Εδείχθησαν I p. 160, 4. δειχθείς ΙΙ p. 4, 11 (ότι). δεδείχθαι ΙΙ p. 78, 14. δέδεικται Ι p. 36, 25. 64, 28 †. 72, 14†. 114, 26. 124, 8 (ori). 128, 1. 134, 9. 146, 20, 24. 154, 16, 21. 178, 13. 184, 18. 196, 10. 200, 5. 220, 9. 230, 22. 300, 5. 304, 15. 314, 19. 346, 23. 406, 7. 426, 25. 428, 12. 448, 19. 478, 18. 482, 23. II p. 8, 6 (ὅτι). 48, 13. 50, 5. 60, 5. 66, 11, 15 (οτι). 68, 18. 70, 2. 74, 11. 76, 21. 80, 18. 84, 22. 102, 10. 104, 26, 110, 16, 126, 15, 25 $(\tilde{o}\tau\iota)$. 134, 21. 166, 2, 5. 182, 22. 186, 25. 264, 2 (ὅτι), 10. 274, 9 (οτι). 276, 8 (οτι). 288, 7 ($\tilde{o}\tau\iota$), 17. 304, 10, 19, 21. 306, 19, 26. 314_3. 324, 1, 10. $\delta \varepsilon$ δειγμένος Ι p. 58, 5. 190, 7. Archimedes ed. Heiberg. III.

II p. 46, 13. 248, 13. 258, 13. 334, 12. 340, 22. δειπτέον ότι I p. 24, 8. 54, 3. 60, 14. 76, 7. 112, 29. 132, 1. 150, 3. 154, 14. 156, 22. 170, 15. 182, 3. 246, 18. 292, 10. 296, 25, 302, 17. 308, 2. 314, 2. 316, 8. 344, 17. 354, 10. 386, 18. 400, 13. 406, 1. 410, 20. 416, 7. 432, 5. 440, 17. 460, 14. 476, 25. 482, 11. 494, 7. II p. 14, 22. 18, 16. 36, 3. 44, 7. 54, 10. 58, 20. 60, 18. 64, 4, 23. 72, 6. 78, 15. 82, 5. 84, 11. 100, 5. 106, 27. 118, 4. 126, 9. 134, **17**. **146**, **5**. **152**, **16**. **160**, **20**. 174, 13. 188, 15. 192, 24. 198, 14. 212, 4. 214, 6. 218, 21. 230, 10. 272, 8. 304, 12. 344, 2. 350, 2. δεικτέον ταῦτα II p. 192, 17. deīξis demonstratio. I p. 28, δέκα decem. I p. 262, 21. 270, 9. II p. 276, 1, 3. 278, 10, 27. 280, 2 sq. 286, 12. δεκαπλάσιος II p. 218, 7, 19. 220, 19, 26. 222, 1. 234, 26. 236, 1, 5, 16. 246, 19. 276, 4? δεκαπλασίων II p. 270, 12, 16. δεκάς numerus denarius. II p. 266, 23. 268, 3. 270, 3. δέκατος decimus. II p. 276, 3. devreços alter, secundus. I p. 190, 12. II p. 4, 14. 218, 4, 7. al. δευτέρα περιφορά II p. 12, 3, 8, 10. 126, 4. υ. περιφορά. δεύτερον χωρίον ΙΙ p. 52, 17. 126, 2, 7. δεύτερος κύκλος u. núnlog. δευτέρα περίοδος α. περίοδος. δεντέροι άριθμοί II p. 266, 21, 22. 268, 1, 17. 270, 6, 13, 15, 18. 274, 17, 19. 276, 1, 2, 14, 18. 278, 1. 2. 282, 3, 26. 284, 20. 286, 19. δέω. δει oportet. I p. 18, 21. ∂S

20, 21. 176, 11. 192, 14. 210, 5. 214, 14. 218, 18. 222, 23. 226, 14. 228, 22. 232, 7. 234, 2. 248, 4. 318, 19. 324, 17. 330, 15. II p. 8, 23. 10, 3. 144, 5. 250, 1. δεήσει Ι p. 248, έδει α. δείκνυμι. δή igitur. passim, uelut I p. 6, 18. 8, 1. 20, 4. 24, 15, 23. 32, 9, 24. 34, 19, 23. 36, 14. 40, 18. 46, 11. 106, 18. 130, 25. 140, 23. 162, 15 al. in apodosi I p. 26, 16†. II p. 296, 4. ubi ad alteram partem demonstrationis transitur (cfr. άλλὰ δή) I p. 42, **20.** $\delta \hat{\epsilon} \delta \hat{\eta}$ II p. 162, 18. δηλονότι uidelicet. II p. 306, 1 †. $\delta \tilde{\eta} log$ manifestus. I p. 124, 13. 128, 5. 306, 17. 352, 15. 354, 10. 356, 18. 364, 23. 438, 25. II p. 2, 14. 126, 20. 178, 19. 264, 12. 328, 16. δηλον (οὖν, $\tilde{\alpha}$ οα, γάο, δέ, δή) ότι adparet. l p. 56, 24. 76, 21. 96, 20. 102, 1. 116, 8, 13. 120, 10. 122, 24. 126, 8. 132, 26. 136, 2. 146, 21. 156, 1. 164, 4. 212, 15. 238, 17. 250, 20. 254, 9, 18. 288, 6, 20. 294, 6. 300, 12. 306, 8. 310, 9. 312, 15. 314, 24. 316, 15. 322, 23. 328, 26. 334, 2, 5. 338, 13, 19. 348, 10. 352, 1. 354, 20. 360, 7. 362, 7. 364, 1. 374, 8. 378.6. 380, 24. 390, 13. 396, 7. 404, 9. 418, 29. 424, 9. 426, 8. 434, 9. 436, 24. 442, 9. 448, 22. 450, 13. 462, 13, 20, 468, 3, 470, 21, 472, 24. 474, 3. 490, 19. II p. 8, 5, 20, 26. 16, 14, 22, 26. 40, 9. 60, 3. 62, 1. 64, 22. 70, 5. 82, 2. 84, 10. 92, 3, 8. 94, 19. 100, 20. 104, 3. 108, 27. 112, 24. 120, 7. 122, 26. 128, 15.

132, 13. 138, 10. 148, 19. 150, 9. 156, 17. 184, 11. 194, 5. 198, 4. 200, 1, 12. 202, 1. 204, 9. 208, 3. 210, 23. 212, 23. 254, 12. 258, 23. 262, 7. 272, 14. 278, 17, 25. 280, 20, 26. **282**, 7, 22. 286, 15. 288, 1, 18. 290, 1, 10. 302, 6. 318, 4. 324, 20. 348, 18. 410, 6. 414, 24. δήλον ώς Ι p. 42, 1. 118, 13. 278, 2. 368, 15, 20. 370, 12. 372, 26. 394, 5. 444, 6. 468, 16. II p. 4, 13. 16, 5. 20, 6, 20. 58, 23. 168, 3. 196, 3. 206, 13. 242, 9. 262, 16. **264**, 16, 19. 274, 4, 13, 26. 276, 6, 23. 278, 5. 280, 4. 282, 15. 284, 16. 308, 4. 310, 25. 330, 20. 336, 10. 338, 1, 20. 350, 19. 352, 14. δηλον οτι ώς? II p. 340, 22. 346, 1. διά cum genetiuo: per (αγειν, τέμνειν, similia) punctum: I p. 138, 2. 152, 8. 226, 20. 320, 22. 324, 24. 328, 2, 5. 346, 2. 350, 4. 354, 3. 356, 23. 358, 2, 3, 14. 360, 5, 20. 362, 13. 364, 3. 368, 2, 14, 19. 370, 5, 8. 372, 1, 6, 412, 13, 430, 3, 436, 1. 440, 3 sq. 452, 23. 454, 6, 7. 458, 23. 460, 4. 474, 18. 480, 24. 482, 16. 490, 25. 494, 12. II p. 8, 1. 90, 16. 98, 1. 174, 15. 178, 17. 184, 17. 186, 4. 198, 16. 200, 19. 202, 15. 210, 21. 254, 21, 22. 300, 17, 19. 314, 1. 328, 19. 330, 15. 340, 14. lineam I p. 324, 7. 342, 1 sq. 344, 8, 13. 346, 3. 348, 23. 350, 5. 352, 12, 14, 16. 356, 11. 358, 1, 20. 360, 7, 17. 362, 19. 364, 7, 9, 24. 366, 1, 8, 20. 370, 9 sq. 372, 3. 374, 20. 380, 8. 382, 5. 386, 13. 396, 26. 404, 20. 410, 22. 412,3. 416,12. 440,8. 454,2.

460, 5. 476, 2. 482, 4. 492, 9. figuram planam II p. 330, 23. ope alicuius rei. I p. 188, 5, 21. 190, 1. II p. 8, 5, 242, 16. 250, 1. 294, 11, 12. 298, 2, 3. διὰ τούτων I p. 286, 12. II p. 266, 7. διὰ τῶν αὐτῶν I p. 334, 15. 404, 8. 480, 15. II p. 138, 16. διὰ τοῦ αὐτοῦ τρόπου ΙΙ p. 82, 5. 86, 17. 96, 2. 114, 25. cum accusatiuo: propter. I p. 110, 15†. II p. 236, 18. 290, 22. διὰ τί quare. I p. 276, 12, 16. 280, 2, 9. 284, 2, 19. διά τοῦτο Ι p. 22, 14. 26, 16. 32, 24. 134, 19. 268, 9. II p. 342, 1. διὰ ταῦτα Ι p. 106, 18. II p. 146, 14. διὰ ταῦτα πάντα ΙΙ p. 174, 2. διὰ τὰ αὐτά Ι p. 38, 1. 100, 11. 210, 22. 264, 12. 268, 13. 292, 18. 374, 8. 472, 18. II p. 16, 11. 160, 1. 166, 3. 172, 18. 180, 17. 186, 7. 314, 10. 318, 1. 324, 11. 348, 4. διὰ τό веquente infinitiuo I p. 40, 8. 78, 23. 426, 20. 490, 7. II p. 2, 8. 32, 26. 38, 5, 7. 48, 8. 64, 15. 78, 14. 156, 7. 170, 12. 176, 13, 22. 180, 5. 210, 2. 248, 25. 252, 1. 258, 10. 264, 15. 266, 13. 274, 22. διάγω duco lineam per figuram aliquam. I p. 34, 10 (els). 96, 11. 100, 4 (είς). 318, 23 $(\alpha \pi \acute{o})$. II p. 22, 8. 32, 6 $(\acute{e}\nu)$. produco ultra lineam uel terminos figurae alicuius I p. 418, 8. 434, 10. 464, 24. II p. 120, 8. δύο διηγμέναι lineae parallelas secantes I p. 98, 2†. διάχθω εύθεία ducatur per planum, fere i. q. ἄχθω II p. 320, 14. διαχθώσι I p. 96,

διαχθείσα II p. 22, 8.

διάχθω (διήχθω) Ι p. 34, 10.

464, 24. II p. 32, 6, 320, 14. διάχθωσαν ΙΙ p. 120, 8. διαίρεσις divisio. κατά διαίφεσιν i. q. διελόντι (u. διαιφέω) I p. 230, 12. punctum diuisionis. I p. 376, 11. 384, 8. τὰ κατὰ τὰς διαιρεσίας σαμεία II p. 164, 1. τὰ τῶν διαιρεσίων σαμεία ΙΙ p. 330, διαιρέω seco, diuido. lineam I p. 376, 9 (ϵl_s). 384, 7 (ϵl_s). II p. 20, 16 (εἰς). 154, 18 (εἰς). 162, 20 (ϵl_s). 176, 1 (ϵl_s). 180, 1, 16 (ϵl_s). 184, 1 (ϵl_s). 228, 10 (ϵl_s) . 230, 3 (ϵl_s) . 262, 5 (είς). 320, 4 (είς). 326, 13 (είς). 330, 11 (είς). solidum I p. 102, 26. 122, 8. 390, 8 (els). 444, 11 (ɛls). 466, 4 (ɛls). angulum II p. 90, 1. 94, 11, 254, 10, 11, 15, 16 (εἰς). 258, 1, 4, 262, 2, 3. planum I p. 122, 11. II p. 164, 2. punctum lineam diuidit II p. 188, 9. 196, 11. 198, 1, 6. 212, 27. linea diuiditur είς τοὺς τῶν έξῆς ά**ριθμῶν λόγους ΙΙ p. 196, 1.** - διαιφεί II p. 198, 6. 212, 27. διαιρείται Il p. 196, 1. διαιρέων ΙΙ p. 188, 9. 196, 11. 198, 1. διαιρεθήσεται I p. 122, 11. II p. 164, 2. διαιρεθείς I p. 102, 26. II p. 20, 16. 94, 11. 154, 18. 184, 1. 228, 10. 230, 3. 254, 10 sq. 258, 1 sq. 262, 2, 3. διαιρήσθω (διηοήσθω) Ι p. 376, 9. 384, 7. II p. 162, 20. 176, 1. 184, 16. 320, 4. διαιρήσθωσαν ΙΙ p. 90, 1. διαιφημένος (διηφημέvos) I p. 122, 8. 390, 8. 444, 11. 466, 4. II p. 262, 5. dielovei Eucl. V def. 16. I p 26, 6. 196, 12. 198, 24. 202,

100,4. 318,23. 418,8. 434,10.

12, 14. 234, 11. 248, 12. II p. 130, 6. 178, 1. 232, 10. διακοσιοστός ducentesimus. II p. 256, 12. 260, 26. διακούω comperio. διάκουσας II p. 244, 9? διάμετρος diametrus. circuli I p. 16, 11. 96, 15, 23. 98, 23. 100, 2, 27. 102, 6. 114, 3. 126, 6. 130, 19, 22, 25. 136, 1, 2. 142, 13, 16. 152, 15, 18. 162, 7, 11. 166, 27. 178, 17, 18. 194, 18. 206, 6, 22. 248, 18, 20. 250, 2. 306, 20, 23. 310, 2. 312, 22. 314, 1. 316, 11. 374, 25. 392, 3. 394, 21. 402, 26. II p. 24, 3, 15. 28, 5, 16. 32, 6. 84, 16. 88, 19. 258, 9, 19, 23, 25. 264, 3, 16. 296, 15. u. núnlog. terrae II p. 246, 21. 248, 3. 262, 10, 15, 17, 24, 26, 27. 264, 7, 9, 15, 17, 19. 288, 17. sphaerae I p. 4, 3. 146, 15. 154, 11. 180, 5. 188, 13. 190, 18. 192, 28. 194, 8, 9. 226, 24. 232, 7. 234, 5. II p. 6, 15, 18 (év), 23. 8, 2. 274, 5 sq. 276, 16, 19, 20, 23. 278, 13 sq. 280, 13 sq. 282, 8 sq. 284, 3 sq. 286, 1 sq., 24. 288, 15, 19, 22. 296, 17. solis II p. 248, 2 sq. 254, 18. 262, 7 sq. lunge II p. 248, 1 sq. 262, 14, 16. mundi II p. 262, 10, 11. 264, 1 sq. 286, 26. 288, 17, 20. τῆς βάσεως (cylindri, coni, segmenti conoidis et sphaeroidis). I p. 60, 8, 11. 82, 9, 12 $(\ell \nu)$. 134, 17. 146, 25. 148, 1, 4. 282, 27, 28. papaueris II p. 264, 25. 266, 5. 274, 3. parallelogrammi I p. 80, 11†. 464, 10. Il p. 164, 20. 166, 4, 9. parabolae I p. 274, 17, 20. 340, 17. 356, 13, 16. 404, 21. II p. 8, 10, 11, 298, 8, 17, 300, 4, 14. 320, 1, 2. 326, 7. = δ. τᾶς τομᾶς Í p. 304, 1, 7. 306, 11, 12. 342, 4, 15. 344, 17. 348, 27. 360, 25. 374, 23. segmenti parabolae I p. 302, 7. (definitur 302, 9), 15. 304, 5, 19. 306, 13. 406, 6. II p. 198, 13. 202, 9. 210, 28. 212, 2, 5. 214, 4. = δ. τοῦ τμάματος II p. 192, 14, 21. 194, 14, 17. 196, 4. 198, 12. 204, 17. 214, 1, 10. 228, 22. 230, 19, 20. cfr. παρα διάμετρον ΙΙ p. 298, 8, 17. 300, 3, 14. 302, 11, 21. 304, 1. 320, 6. 322, 1, 4. 326, 8, 11, 14. 328, 20. 330, 17. 334, 25. 336, 2 sq., 20, 21, 25. 338, 1, 16, 19. **340**, 17. 342, 14, 18. hyperbolae (Zeitschr. f. Math. XXV p. 55 not.) I p. 276, 22, 23. 278, 5. 358, 5. διάμετοος τόμου parabolae II p. 228, 9, 23 (cfr. Eutocius). ellipsis. ά μείζων δ. I p. 280, 21. 306, 21, 25. 318, 26. 320, 25. 322, 3, 7. 344, 5, 11, 19. 348, 17. 352, 2, 9. 354, 10, 20, 23. 398, 13. 430, 14. 440, 11. ά ελάσσων διάμ. I p. 284, 24. 306, 22. 308, 1. 318, 13, 14 344, 9, 21. 352, 21. 354, 24. 440, 13. u. praeterea I p. 312, 21, 25. 316, 1, 5, 7, 21. 324, 12. 328, 17. 348, 11. 352, 19. 354, 9. 370, 20. 372, 5. 380, 14. 382, 5. 402, 12, 14, 16. 408, 14. 430, 18. 434, 24. 440, 9. 476, 16. 482, 6. cfr. ógvγωνίου κώνου τομά. sphaeroidis I p. 282, 5, 21. 286, 17, 19.

διανοέω sentio. διανοείσθαι II p. 244, 25.

διανύω perficio, conficio. de puncto, quod in linea mouetur. dravesodar II p. 18,6. διανύση ΙΙ p. 52, 13. διανυσθείς II p. 10, 18.

διαποφεύομαι permeo. puncto, quod in linea moueδιαποφενέται ΙΙ p. 16, 15. 18, 20, 23. 54, 16, 19, 25. 60, 23, 26. διεπορεύθη II p. 14, 21. διαπορενέσθω II p. 18, 13, 15. διεπορεύετο ΙΙ p. 18, 18,21. διαποφευθη II p. 52, 10. διάστημα distantia I p. 330, 20. 334, 7. 344, 9. radius circuli. II p. 10, 18. 12, 15. 52, 26. 54, 1. 64, 7. 82, 18. 84, 6. 90, 6, 13. 96, 24. 118, 2. 132, 25. 134, 16.

διαφέρω differo. οὐδὲν διαφέρει II p. 230, 16. διοίσει ούδέν Ι p. 440, 11.

διαφορά differentia. I p.

δίδωμι do. διδόμεν II p. 2, 9. de magnitudine aliqua, quae tractanda proponitur. διδόμενος I p. 190, 14. 234, 2 (εἰς). δοθη Ι p. 24, 1. δοθείς Ι p. 12, 17. 14, 20, 26, 20, 16, 22, 24, 24, 8, 11. 190, 5, 12. 192, 6, 13. 206, 2, 4, 22. 210, 2, 4, 5, 7. 214, 21, 27. 218, 12, 13, 14. 226, 5 sq. 228, 21. 232, 2, 4, 6, 10. 234, 1, 4, 6. 286, 21 sq. 318, 2, 7. 324, 4, 10. 330, 2, 8, 10, 17. 374, 11. 378, 12. 380, 9. II p. 4, 6, 8, 15 sq. 6, 4. 20, 2, 10, 12, 20. 22, 2, 8, 13, 14, 21, 23, 25. 24, 2, 11. 26, 12, 16. 28, 4, 12. 32, 2. 66, 2. 188, 4. 208, 9. 294, 15, 16. δεδόσθω Ι p. 24, 14. 216, 1. 318, 9. 374, 19. 380, 7. II p. 22, 10, 11. 24, 14, 15. 26, 15. 28, 16. 32, 5. 208, 15. δεδομένος II p. 24, 5, 7, 10, 12. 26, 6, 13. 28, 6, 10, 13, 15. 30, 21. 32, 3. 78, 23? praetera **δ**o-

Deig de magnitudine definita et nota usurpatur I p. 192, 5, 8. 206, 12, 18. 210, 10, 18, 22. 212, 18, 19. 214, 3 sq. 222, 8, 9, 10, 20, 224, 5, 228, 17, 18, 19. 232, 15, 16. διίσταμαι disto. ἴσα διέστα иет II p. 156, 16. διόπερ quare I p. 274, 7. II p. 290, 23.

διορισμός definitio. I p. 214, 16, 20.

διότι quia. I p. 66, 16†, 20†. 144, 5 †. 252, 9. 310, 22. 344, 26. 346, 24. 350, 23. 360, 1. 362, 25. 452, 11. II p. 22, 21. 72, 15. 108, 7. 258, 20. $= \tilde{o}\tau\iota$. I p. 188, 8, 11, 16. 248, 2. 286, 16. 340, 5. II p. 96, 2. 114, 25. 244, 4. 264, 3. 296, 20. διπλάσιος duplex, duplo maior, cum genetiuo. I p. 32, 14 sq. 62, 24 †. 168, 1, 2. 214, 22. 254, 11. 280, 9, 17. 284, 4, 22. 296, 24. 306, 6. 400, 18. **416**, 8. **428**, 21. **440**, **4**, 20. 444, 5, 22. 452, 24. 456, 4, 5. 464, 7. 482, 19, 22. II p. 12, 4. 36, 22, 26. 38, 26. 40, 1 sq. 48, 3, 8, 22, 50, 2, 78, 7, 16. 80, 12. 124, 24. 126, 10. 128, 15. 154, 5, 9. 202, 12. 218, 3, 16, 26, 27. 220, 4 sq. 222, 3 sq. 224, 4 sq. 226, 2 sq. 228, 16, 19. 230, 7, 9. 232, 15 sq. 234, 1 sq. 236, 2, 7, 13. 312, 27, 28. 344, 5, 6, 7. άδιπλασία εύθεῖα ΙΙ p. 54, 1. 80, έλάσσων η διπλάσιος Ι p. 16, 19. 18, 3. 290, 10. 396, 6, 8, 11. Η p. 82, 2. μείζων η διπλάσιος Ι p. 290, 11. 392, 14, 16, 18. 396, 13. λόγος διπλάσιος I p. 22, 15. 138, 7+, 84. 176, 28. 276, 19. II p. 6. 19. — huc eos quoque locos rettuli, ubi legitur διπλάσιον generis neutri, quamquam etiam ad synonymum διπλασίων referri possunt.

διπλασίων Ι p. 266, 10. 396, 13. 440, 22. II p. 38, 6. ἐλάσσων ἢ διπλασίων Ι p. 250, 20, 21. 298, 9. μείζων ἢ διπλασίων Ι p. 250, 20, 21. 298, 9. μείζων ἢ διπλασίων Ι p. 298, 10. 404, 4, 6. διπλασίονα λόγον ἔχειν ἢπερ (ἢ) I p. 130, 6. 132, 3. 134, 1. 170, 17. 172, 12. 240, 1 †. II p. 6, 11. διπλοῦς Ι p. 262, 5 †. 266, 10 †. δίς bis. δἰς τὰ ἡμίσεα et simil. I p. 108, 7. 232, 27. II p. 62, 10. 80, 15, 16. δισμυρια ΙΙ p. 262, 2.

δίχα in duas partes aequales (τέμνειν) I p. 16, 15, 16, 26. 20, 4, 5, 9. 258, 8. 260, 7. 264, 5. 266, 3. 398, 7. II p. 56, 13, 16, 23. 88, 22. 96, 26. 94, 7. 302, 19. 304, 9. 306, 18. 314, 2. 334, 26. 342, 14, 17. omisso uerbo τετμήσθω I p. 264, 11, 15. 266, 1. 268, 1, 12, 16. 270, 3. διχοτομέω in duas partes aequales seco. διχοτομούμενος II p. 162, 18.

διχοτομία punctum medium. II p. 156, 19. 162, 10, 14. 182, 28. 184, 2, 8.

δοκέω. δόξαντα Ι p. 4, 10. δοκιμάζω existimo. δοκιμάζοντες Ι p. 6, 6. = ἀξιῶ. δοκιμάζομες ΙΙ p. 4, 7.

δοξάζω sentio. δοξαζόντες ΙΙ p. 242, 9. δεδοξασμένος ΙΙ p. 246, 19.

δρόμος cursus siderum. II p. 244, 15.

δύναμαι possum. δυνάμεθα II p. 188, 4. δύνασθαι I p. 6, 4. δυναμένου II p. 250, 14. δυνησόμενος I p. 6, 2. ualere in quadrato. τὸ ὑπὸ AB, AH δύναται ἡ ἐκ τοῦ κέντρου I p. 78, 25, 28, 29. 104, 15. 108, 12, 14. 110, 12. 124, 9. 132, 9. 150, 6, 15. 164, 11. 304, 16, 17. ἰσον δύναται I p. 124, 1. 148, 16, 25. 150, 10. 164, 17. 166, 6, 12. 170, 22. 172, 2. ἡ μεῖζον δυνάται I p. 334, 18. δύνανται τὸ ὑπό I p. 108, 6, 10. 304, 2, 13. δυνάσθω τὸ ὑπό I p. 78, 14, 15. 106, 2, 7, 9, 11, 13, 15, 17. ἐδύναν ἰσον I p. 152, 2. δυνασεῖται ἱσον I p. 346, 7. 350, 9. δυνησύνται ἰσον I p. 150, 21.

δύναμις potentia, quadratum. δυνάμει λόγον έχειν Ι p. 62, 17, 19. 66, 27. 68, 2. 70, 19, 20. 72, 28. 264, 10. 316, 20. 390, 19. 394, 15. 402, 13, 15. 422, 5. 434, 24. II p. 10, 1. 108, 8. 118, 21. 132, 1, 3, 4. 300, 8, 21. 302, 2. 338, 22. ἐλάσσων ἢ διπλασίων δυνάμει Ip. 250, 20, 21. δυνάμει ἴσα τῷ ὑπό = δυνάται τὸ ὑπό II p. 108, 4. 118, 11.

δυνατός. δυνατόν έστι fieri potest I p. 820, 1. δυνατόν δέ έστι τοῦτο I p. 326, 21. δυνατόν έστι sequente infinitiuo I p. 10, 21. 12, 17, 23. 14, 20, 27, 18, 14, 22, 25, 24, **2**, 9. 60, 20. 136, 14. 208, 10. 318, 5. 324, 8. 330, 6. 374, 14. 380, 1. 382, 6. 400, 3, 6, 430, 19, 26. 454, 17, 23. II p. 4, 13. 14, 10. 20, 2, 11. 22, 3, 12. 26, 1, 7, 25. 28, 25. 64, 25. 72, 16. 76, 21. 78, 27. 84, 19. 88, 11. 92, 12, 23. 94, 19. 96, 17. 98, 17. 100, 8. 102, 21. 108, 16. 112, 8. 118, 29. 122, 14. 294, 14. 296, 11. 330, 6. 332, 14. 340, 23. δυνατόν, omisso earl, cam infinit. Ip.

24, 14. 70, 8. 140, 24. 308, 16. 312, 1. II p. 24, 3. 28, 6. 30, 22. 32, 20. 68, 18. 84, 22. 96, 2. μη γάρ, άλλ' εί δυνατόν II p. 160, 22. 162, 17. 170, 3. 174, 15. 178, 24. εί δυνατόν I p. 60, 18. 66, 4. 138, 25. 140, 19. 144, 11. 258, 7. 260, 6. 308, 15. 312, 1. 358, 16. 388, 4. 400, 26. 418, 3. 424, 27. 434, 1 (ἐστί?). 440, 27. 450, 5. 456, 7. 460, 25. 470, 13. 478, 9. 480, 10. II p. 56, 11. 64, 24. 68, 3. 72, 9. 74, 17. 78, 20. 84, 13. 100, 8. 102, 20. 108, 15. 112, 7. 118, 29. 148, 10. 330, 4. 332, 11. 350, 5. 352, 4. εί γὰς δυνατόν έστι I p. 72, 18. δύο I p. 8, 16. 12, 18, 24. 14, 14, 26. 16, 1, 11. 302, 6, 14. II p. 6, 7. 38, 2, 4, 6. 186, 20, 21, 22, 24, 226, 25, 228, 1, 2, 3. pro genetiuo I p. 8, 7. 12, 17. 14, 20. 18, 14. 22, 24. 24, 18. 60, 18. 176, 15. 182, 6. 192, 6. 214, 21. 222, 20. 224, 5. 226, 9. II p. 18, 2. pro datiuo II p. 36, 11, 13. δυσί I p. 180, 15. 474, 4. II p. 36, 16. 38, 3. 44, 4. δυοίς Ĭ p. 288, 16. 468, 23. 470, 2. δυῶν II p. 260, 11. δυοκαιεικοστός ΙΙ p. 278, 5. 280, 2. δυοκαιπεντακοστός ΙΙ p. 286, 15. 290, 7. δύσκολος difficilis. I p. 274,6. δωδεκαπλάσιος ΙΙ p. 248, 9.

E.

ἐάν si, cum coniunctiuo. I p. 10, 8, 11, 23. 12, 2. 20, 8. 24, 1. 26, 21. 30, 17. 34, 2. 38, 11. 44, 20. 52, 14. 58, 4, 6, 18. 60, 1. 76, 25. 82, 1, 15.

88, 17. 90, 8. 92, 12. 96, 10. 130, 2. 166, 16, 28, alibi saepe, maxime in initiis propositionum. consulto reliqui ἐάν cum indicatiuo I p. 8, 25; nam fieri potest, ut a transscriptore illatum sit; neque enim apud Graecos postremae aetatis inauditum est. nαl ἐάν I p. 178, 23. — etiam in libris Dorice scriptis hic illic occurrit ἐάν (II p. 168, 7. 184, 10. 210, 9. 352, 16. não II p. 298, 10), sed uix a manu Archimedis. nam alibi semper in his libris legitur εί κα. I p. 274, 16. 276, 1, 12, 16, 21. 280, 20, 24. 290, 14. II p. 24, 11. 26, 12. 28, 11, 20 al. saepissime. καὶ εί $\pi\alpha$ etiamsi. II p. 10, 20. 12, 11. 60, 7. 62, 6, 15. 66, 17. 70, 7, 10, 12. 82, 5. 86, 17. 156, 8. 158, 4 al. εί οὖν πα II p. 46, 6. έαυτόν ipsum. έαυτῷ Ip. 14, 3. 58, 4†. 470, 28 al. cfr. αὐτός. έβδομηκοστομόνον 🕂 Ι p. 262, 21. ξβδομος septimus. II p. 6, 3, 276, 5. 278, 4. 280, 3, 25. 282, 21. 284, 15. 286, 14 al. cfr. άριθμός. τὸ ξβδομον (μέρος) I p. 262, 5, 20. 266, 14, 16, 18. 270, 14. έγγιγνώσκω noui. έγγιγνώσκομες ΙΙ p. 266, 17? έγγοάφω inscribo. polygonum circulo uel segmento circuli, solidum sphaerae uel segmento sphaerae. I p. 18, 2†, 12†, 16, 17, 20. 20, 17, 18. 22, 9, 13, 19, 21, 26, 27. 24, 21, 26. 26, 1. 60, 22, 25. 66, 7. 70, 9, 10. 72, 8, 20, 23. 74, 16. 104.

24. 108,4. 110,4. 116,23,25.

118, 6, 15, 16. 126, 19. 130, 5, 10, 15, 18. 132, 3, 9. 134, 9. 136, 3. 138, 5, 15, 29. 140, 4, 8. 142, 20, 28. 144, 5. 146, 3, 6, 152, 5, 160, 1, 3, 13, 17. 170, 16, 19. 172, 5, 11. 174, 8, 23. 176, 20 al. είς I p. 20. 8, 21. 24, 2. 26, 27. 60, 21. 58, 7, 19. 66, 5, 9, 10. 72, 19, 24. 74, 4. 96, 10. 98, 25. 100, 5, 25. 104, 14, 25. 106, 5. 108, 22. 124, 6. 130, 12. 132, 28. 138, 3. 142, 5, 18, 21. 144, 17. 148, 14, 21. 152, 10. 154, 9. 156, 14. 164, 15. 168, 18. 170, 9. 176, 17. 186, 18. 308, 19, 24. 312, 9. II p. 248, 18. 254, 19. 262, 20. Ev I p. 26, 21. 64, 20, 24. 66, 1, 11, 13, 16, 25. 68, 3, 4, 6, 8, 10. 72, 11, 27. 74, 3 sq. 96, 19. 102, 22. 104, 2, 22. 110, 1. 112, 18, 27. 114, 1. 116, 9, 13, 16, 22. 118, 4. 122, 2. 124, 7, 22. 126, 18. 130, 2, 8, 27, 142, 18, 148, 17, 154, 2, 10. 156, 5. 184, 16. 310, 6, 18, 21, 24. 312, 7, 11. II p. 258, 10. 264, 6. figuram coni sectioni. I p. 302, 8 (sls), 18 $(\hat{\epsilon}\nu)$. 306, 9 (ϵl_s). 310, 5 ($\hat{\epsilon}\nu$), 18 $(\ell \nu)$. 312, 2 $(\epsilon \ell \varsigma)$, 3, 8 $(\ell \nu)$, 12 (év). II p. 192, 3, 5, 8, 9 $(\hat{\epsilon}\nu)$, 10, 20, 22 $(\epsilon i\varsigma)$. 194, 11 (εl_S) , 15. 198, 17, 20 (εl_S) , 23, 5, 7 ($\hat{\epsilon}\nu$). 200, 2 ($\hat{\epsilon}\nu$), 10 ($\epsilon\hat{\epsilon}\varsigma$), 11 $(\epsilon \nu)$, 15 $(\epsilon \nu)$. 202, 5 (ϵl_s) , 8. 204, 13, 15 (εl_s), 19 ($\varepsilon \nu$). 208, 5, 7 ($\epsilon l s$), 11 ($\epsilon l s$), 13, 16, 20 (ϵl_s) , 22. 212, 7 (ϵl_s) , 10, 13, 16 (είς), 18 (ἐν). 214, 7 (είς). 340, 3 ($\epsilon l \varsigma$), 5, 6 ($\epsilon l \varsigma$), 23 ($\epsilon l \varsigma$). 342, 6, 7 (ϵl_s), 11, 12. 344, 10. 346, 8 (είς), 10. 350, 6, 7 (είς), 10 ($\epsilon l \varsigma$), 14 ($\epsilon l \varsigma$), 19. 352, 18 (els). figuram solidam conoidi uel sphaeroidi uel segmentis eorum. I p. 374, 15, 17. 376, 19 (4), 24. 378, 2, 7. 380, 2 $(\epsilon i \varsigma)$, 4. 384, 19, 22, 25 $(\epsilon \nu)$. 388, 4 (els), 7, 14. 390, 12, 13 $(\hat{\epsilon}\nu)$, 17, 23. 392, 1, 8, 16, 18, 19, 22. 394, 3. 400, 26, 29. 402, 6, 20, 24. 406, 12 (2). 414, 1. 418, 3 (είς), 27, 29. 422, 21. 424, 5, 11, 18, 22, 27 (εἰς). 426, 2, 5, 7, 21. 434, 1 (είς), 5, 8, 9, 11 (êv), 17. 436, 6, 11, 19. 438, 6, 10, 11, 15 (els), 17. 440, 27 (EG). 442, 4, 7, 9 (êv). 444, 8. 446, 7, 16, 25. 448, 5. 450, 1, 2, 6 (είς), 9, 12. 456, 7 (els), 11, 13 (ev). 458, 2 (ev), 6 (els), 9. 462, 1 (els), 4, 11, 14. 466, 1 (év), 8, 18, 27. 468, $7 (\tilde{\epsilon}\nu), 26. 470, 5 (\tilde{\epsilon}\nu), 9, 11,$ 13 (ϵi_5), 16, 19, 21. 478, 9 (ϵi_5). 480, 1, 4, 6, 10 (eis), 13. 488, 24 (êv). 494, 14 (είς), 19, 20, 23, 24 (êv), 27 (êv). 496, 4, 18, 22, 24 (έν). 498, 6 (έν). figuram planam ex sectoribus circuli compositam spirali. II p. 88, 12, 13, 90, 22, 23, 92, 1, 4 (êv), 9, 16, 17. 98, 12, 14, 21, 22, 102, 22, 23, 25, 104, 1, 3. 106, 1, 2, 4. 110, 11 (είς). 112, 17, 20, 22, 24. 114, 13 $(\hat{\epsilon}\nu)$, 15, 19, 122, 15 $(\epsilon\hat{\epsilon}\varsigma)$, 18, 21, 24, 26. 124, 14, 16. — έγγράφω ΙΙ p. 350, 10. έγγοάφειν ΙΙ p. 92, 16. έγγράφων Î p. 24, 2. έγγραφέσθαι ΙΙ p. 192, 9. έγγραφόμενος I p. 18, 2, 12. 20, 8. 26, 1. 104, 14. 106, 5. 112, 18. 302, 8, 18. 306, 9. 380, 4. II p. 198, 23. 204, 13. 212, 10. 248, 18. 259, 19. 262, 20. 346, 8. 350, 14. 352, 18. ἐνέγραψα Ι p. 456, 7. 462, 1. 478, 9. II p. 350, 6, έγγράψαι Ι p. 18, 16, 22. 20, 17, 21, 22, 26, 60, 21, 70,

9. 308, 19. 312, 2. 374, 15. 380, 2. II p. 88, 12 al. éyγραφη Ι p. 10, 24, 26, 21, 58, 7, 19. 96, 10. 98, 25. II p. 192, 3, 20. 194, 11. 202, 5. 340, 3. 342, 6. έγγραφέωντι ΙΙ p. 192, 5, 8. 342, 7. έγγραφέν I p. 20, 18. 22, 13, 19, 21, 27. 24, 21, 26. 60, 22. 104, 25. 110, 4. 116, 25. 142, 28. 312, 9. 374, 17. 388, 7, 14. 394, 3. 400, 29, 426, 2 al. έγγέγραπται I p. 124, 6, 22. 126, 18. 494, 24. II p. 204, 19. έγγεγράφθω Ι p. 22, 9. 24, 21. 26, 27. 66, 9. 100, 5, 25. 104, 22. 110, 1. 130, 12. 148, 21. 152, 10. 154, 9, 10. 156, 14. 170, 9. 176, 17. 178, 16. 182, 12. 258, 7. 308, 24. 312, 3. 388, 4. 392, 22. 400, 26. 418, 3. 424, 27 al. ἐγγεγοάφθων Ι p. 96, 19. έγγεγοάφθωσαν I p. 414, 1. ἐγγεγοαμμένος l p. 18, 17. 60, 25. 64, 20, 24. 66, 1 sq. 68, 3 sq. 70, 9, 10. 72, 8 sq. 74, 3 sq. 102, 22. 104, 2, 24. 108, 4, 22. 112, 27. 114, 1. 116, 9 sq. 118, 4 sq. 122, 2. 124, 7. 126, 19. 130, 2 sq. 132, 3, 9, 134, 9, 136, 3 al. έγγύς prope, cum genetiuo. II p. 252, 18, 21. ἐγγύτερον II p. 202, 6. 204, 12, 20. 208, 5. 212, 22. 228, 11. ὡς ἔστιν έγγυτάτω Π p. 252, 15. αί ἔγγιστα ἀπό II p. 192, 11. ἔγγιστα Ι p. 262, 15. αί έγγιστα τᾶς τοῦ ἀμβλυγωνίου κώνου τομᾶς (εὐθείαι) Ι p. 276, 22. 278, 1, 10. αί έγγιστα Ι p. 278, 4. 436, 1. έγχειρέω conor. έγχειρήσαντα Il p. 296, 3. I p. 274, 5. έγώ ego. II p. 242, 16. 246, 18. 248, 12. με Π p. 2, 9. μοι

I p. 188, 2. 274, 6. II p. 2, 3. 14, 2. 250, 4. ἡμῖν (ἑμῖν) Ι p. 248, 1. II p. 266, 15, 18. 294, 4, 11. ἡμῶν (ἁμῶν) I p. 4, 7. II p. 242, 7. 244, 27. 246, 7. 258, 13. 288, 13. 296, 4, 26. εί si. passim. u. δυνατός, έάν, μή. siquidem I p. 24, 26. εί δὲ τοῦτο ΙΙ p. 172, 15. 180, 24, 228, 3, 232, 1, είδος species. Il p. 8, 3. figura in linea aliqua descripta. I p. 64, 8†. II p. 42, 1 sq. 50, 11 sq. είδος τετράγωνον Ι p. 296, 1, 15. 420, 15. 424, 8. 436, 14, 22. 464,19,23. 468,11. 472,21. είκοσαπλασίων ΙΙ p. 248, 12. εἴκοσι uiginti. δύο καὶ εἴ**ποσι ΙΙ p. 278, 7. όπτω παί** єїнові II р. 280, 6. είκοστός uigesimus. τὸ είποστόν sc. μέρος II p. 248, 20. είμί sum. passim. ἔστω data uel proposita sit. I p. 78, 5, 10. 112, 24, 25. 166, 1, 5. 170, 7, 21. 174, 1, 5. 176, 7. 180, 1, 28. 194, 18. 196, 5. 202, 2. 206, 21. 218, 23. 222, 24. 886, 11, 16, 22. 428, 22. 440, 6, 22. 444, 1. 460, 19, 20. II p. 94, 1. 96, 21, 106, 22 sq. 108, 3. 134, 12. 188, 12. 198, 13. 300, 12. 302, 9. 334, 17 al. similiter *totl* I p. 70, 6. 136, 13. είσίν I p. 40, 20. δντων I p. 18, 14. 60, 19. 176, 16. 182, 7. ἐστίν aequalis est I p. 42, 17. ἔσται = ἐξέσται Î p. 24, 12. II p. 166, 8. ἔσται orietur I p. 90, 1. 114, 5. 176, 22. u. praeterea ès. έστιν άπό constructus est in. I p. 250, 25. 252, 5. 316, 11. 320, 7. 332, 2. 334, 14. 336, 6, 11. 374, 26. 482, 18. Early bal positum est in. Π p.148,1181.

cfr. ποτί I p. 402, 2 et διά I p. 382, 5. forí omissum. I p. 26, 11. 38, 7. 170, 10. 178, 20, 21. 186, 23. 194, 1, 6. 198, 4, 25. 202, 17. 204, 1. **23**0, 22. 238, 14. 352, 1. **356**, 18. 404, 9. II p. 38, 23. 74, 15. 76, 25. 86, 15. 166, 4. 168, 2. 186, 7, 12. 200, 10. 210, 21. 238, 10 al. in locis, quales sunt I p. 26, 26, 30, 21. 44, 25. 52, 24. 76, 5. 78, 5. 86, 4 al. non έστω audiri, quod putaueris, sed éozí, adparet ex I p. 78, 9. 60, 15. 100, 8. 176, 11 al. cfr. tamen I p. 90, 3. 154, 13. elolv omissum I p. 46, 9, 21. 48, 4, 10, 12. 50, 2 sq. 52, 2. ἔστιν, ώς οὖτως u. ώς. ἔστω omissum. I p. 152, 9. 154, 11. uerbum είμί saepe cum participio perfecti uel etiam praesentis alius uerbi coniungitur. ἔσται περιγεγοαμμένος Ι p. 60, 27. 120, 29. 368, 11, 12. 418, 16. 444, 11. 466, 4. Estl I p. 14, 14. 168, 18, 356, 22, 358, 21, 406, 5, 434, 27. 448, 21. 454, 10. ἔστω Ι p. 282, 23. 372, 20. 400, 1, 2. 406, 12. 480, 10. II p. 88, 28. ἔσται περιεχόμενος 94, 10. I p. 152, 16. II p. 156, 13. 196, 12. ἔστω ἔχων I p. 116, 26. 134, 3. 140, 20. 360, 17. 362, 4. II p. 266, 18, 268, 12. formae occurrunt hae: έστι passim. έντι = έστι I p. 304, 5. 306, 11. 332, 22. 338, 10, 15. 340, 5. 344, 21. 346, 24. 350, 4. 354, 20. 490, 13. II p. 40, 2. 46, 14. 56, 25. 78, 16. 170, 19. 186, 17. 216, 21. 218, 22. 228, 4. 262, 6. 330, 15. είσι I p. 18, 5. 40, 12 al. Ével I p. 324, 20. II

p. 28, 24 al. y I p. 82, 16, 18. 164, 3. 334, 6. 368, 20. II p. 20, 18. 34, 12. 168, 7, 9. 170, 19. 248, 13. 270, 3. 298, 7 sq. 300, 2. of or I p. 8, 19. 10, 2, 12, 52, 15, 44, 21, 82, 15 al. Empte I p. 276, 21. 280, 1. 290, 5. 294, 20. 296, 1, 3. 300, 20. 404, 16. II p. 8, 26. 10, 5. 148, 23 al. $\epsilon i \eta \stackrel{\square}{\Pi} p. 200$. 17. 204, 12. 260, 26. 264, 6. 274, 15. 290, 12. 306, 8. 320, 23. 324, 9. 328, 8. 334, 3 al. έστω I p. 12, 22, 23. 14, 4, 5, **26**. 16, 2, 9. 18, 29. 22, 1. **26**, **26**. 30, 21. 34, 23, 25. 36, 13. 38, 19 al. u. supra. ἔστωσαν I p. 52, 23. 100, 27. 130, 20. 142, 170, 11 al., etiam in Doricis, uelut I p. 296, 13. II p. 42, 24 al. ἔστων I p. 296, 15. 302, 16. 404, 24. II p. 34, 21. 266, 18. 268, 12 al. 🍎 I p. 8, 25. 16, 22, 23. 20, 6. 24, 17. 36, 15. 38, 12, 21. 40, 2. 102, 8. 104, 26 al. ἐών I p. 282, 25. 296, 8, 10. 312, 12. 320, 9. 334, 1, 16. 342, 25. 344, 22. 382, 5. 386, 20 al. είναι I p. 8, 24. 10, 1 sq. 24, 11, 17. 208, 1 al. sluer I p. 286, 23. 320, 11. 454, 10. II p. 6, 25. 10, 16, 24. 12, 10. 14, 10. 48, 1Q. 64, 20 al. v I p. 230, 14. 274, 10. 310, 26. 338, 19. 392, 19. II p. 6, 2. 114, 20. η s II p. 250, 25. 252, 8. ἦσαν Ι p. 56, 24+. έσται Ι p. 20, 11. 24, 5, 24. 26, 17, 18. 34, 7, 19. 66, 14. 72, 17. 132, 1 al. έσσείται Ι p. 302, 1. 306, 16. 312, 6. 318, 7, 20. 320, 16. II p. 270, 13, 17, 23. 298, 10. 300, 7, 21. 302, 16, 21 al. ἔσονται I p. 8, 4. 32, 8. 82, 18. 102, 6. 150, 20. 158, 23. 162,

11 al. ἐσσούνται I p. 302, 7. II p. 8, 25. 34, 18. 36, 2. 38, 14. 42, 5. 44, 6. 62, 22. 270, 5, 8. 272, 3. 298, 11, 21 al. έσσείσθαι ΙΙ p. 12, 4, 8, 290, 22. είνεπεν cum genet., alicuius rei causa. II p. 294, 6. είπεο siquidem. II p. 144, 9. είς uel ές in. passim. u. διαιοέω, έγγοάφω, έναομόζω, praeterea cfr. II p. 296, 25. χοείαν έχειν είς II p. 14, 5. 296, 9. α είς αὐτό I p. 258, 4? cfr. II p. 90, 7, 8. είς I p. 124, 1, 10. 126, 1. 296, 7, 10. 464, 13. II p. 12, 12. 20, 18. 192, 15. 250, 22. 252, 3. έν ένὶ ἐπιπέδω I p. 104, 3; u. έπίπεδον. ένὶ έλάσσων I p. 96, 16. 464, 14. II p. 42, 12. 62, 14. 88, 4. 110, 6. 114, 2. 116, 5. 120, 14. 124, 4. 272, 1, 18, 22. 276, 8. o sīg I p. 306, 14. II p. 10, 19. 20, 17. 168, 8. 170, 18. cfr. I p. 226, 10. = $\tau \iota \varsigma$ I p. 26, 25. 84, 4. 86, 2. 88, 24. 96, 13. 112, 23, 28. 116, 24. 128, 3. 156, 10, 21. 158, 25. 160, 19. 258, 3. εἴτε. εἴτε — εἴτε siue — siue. I p. 226, 9. 440, 11. II p. 4, 23. 146, 10. site nal — site καί II p. 230, 17. ξκαστος quisque. I p. 48, 18. 116, 11. 290, 8, 9. 294, 21. 296, 4, 14, 19, 21, 23, 24. 298, 7, 17, 310, 11, 12, 376, 15. 378, 1. 384, 14. 390, 25. 392, 1, 24. 394, 17, 19. 402, 22, 23. 420, 13, 14, 24. 422, 20, 26. 426, 14, 20, 21, 436, 9, 444, 16, 17, 26. 446, 15. 448, 14, 15. 450, 24. 464, 6 sq. 466, 16. 468, 10, 16, 17. 472, 7. II p. 16, 6. 20, 5. 38, 23. 42, 13. 44, 7, 17. 90, 19. 92, 1.

98, 4, 102, 4, 104, 16, 122, 7. 156, 1, 9. .296, 24. 306, 23. 346, 18. Εκαστον εκάσταις ΙΙ p. 170, 10. συναμφότερα ξκαστα II p. 224, 12. cfr. κατά. έκάτερος uterque. I p. 46, 4. 76, 15 †. 176, 27. 192, 5, 9. 228, 17. 242, 13. 282, 1. 284, 4, 21. 306, 16. 358, 18. 362, 18. 366, 1. 374, 7. 376, 16. 412, 9. 414, 19. 470, 28. 486, 25. 496, 7. II p. 18, 2, 4. 36, 27. 48, 4. 60, 2, 28. 154, 2, 6, 10. 162, 20. 176, 1. 180, 15. 182, 21. 190, 3, 6. 194, 10. 202, 14. 204, 17, 18. 214, 9. 342, 344, 27. ά ξαατέρα ΙΙ p. 62, 16. έκάτερα ταῦτα I p. 214, 25. έκατέρα έκατέρας Ι p. 268, 15. 270, 1. 426, 14 al. έκατόν centum. II p. 276, 5. 280, 25. έκατοντάς Πρ. 266, 23 268, 3. έκαταστός centesimus. II p. 258, 18, 24. 260, 1. ἐκβάλλω produco. lineam rectam. I p. 16, 27, 102, 14, 19. 176, 15. 312, 5. 318, 22. 320, 18. 328, 1. 336, 16. 380, 22. 406, 9. 430, 6. II p. 12, 20. 22, 17. 26, 7 sq. 30, 22, 23, 25, 34, 6, 7, 58, 6, 10, 72, 17, 18. 78, 28. 80, 1. 84, 20. 100, 23. 104, 4. 108, 28. 112, 25. 134, 2. 160, 6, 10, 18. 166, 15. 176, 9. 178, 12. 182, 6. 200, 1, 14. 210, 15. 300, 15. 320, 9. 326, 17, 22. planum. I p. 390, 4. 444, 7. planum ducere (διὰ εὐθείας et simil.) I p. 206, 2. 216, 8. 224, 13. 226, 20. 318, 13. 346, 4. 358, 20. 362, 19. 412, 3. II p. 254, 21, 23. — ἐκβεβλήσθω I p. 206, 2. 216, 8. 224, 13. 226, 20. 318, 13. 320, 18. 328, 1. 346,

4. 380, 22. 390, 4. 412, 3. 430, 6. II p. 22, 7. 166, 15. 176, 9. 200, 1. 300, 15. 326, 22. enβεβλήσθων Ι p. 318, 22. έχβεβλήσθωσαν I p. 16, 27. 176, 15. 312, 5. II p. 100, 23. 104, 4. 108, 28. 112, 25. 320, 9. 326, 17. ἐκβεβλημένος ΙΙ p. 26, 7 sq. 30, 22 sq. 34, 6, 7. 72, 17, 18. 78, 28. 80, 1. 84, 20. 254, 21. ἐκβαλλόμενος Ι p. 102, 14, 19. II p. 82, 6. έκβληθέωντι II p. 58, 6. έκβληθείς Ι p. 336, 16. 358, 20. 362, 19. 406, 9. II p. 12, 20. 134, 2. 160, 6 sq. 178, 12. 200, 14. έκβάλης II p. 184, 10. έκδέχομαι existimo. έκδεκτέον ΙΙ p. 244, 24. έκδίδωμι edo (librum). έκδίδομες II p. 2, 7. έπδιδόμενος II p. 298, 1. ἐκδίδοσθαι Ι p. 6, 3. έξέδωκεν Π p. 244, 10. ἐκδοθέντος Π p. 4, 10. έκδεδομένος Ι p. 300, 6. 448, 19. II p. 14, 7. έχε**ινος** ille. Ι p. 58, 17†. II p. 142, 9. έκκαίδεκα sedecim. II p. 276, 11. έκκαιδέκατος sextus decimus. II p. 276, 7. 278, 2. έκκεῖμαι expositus sum, ponor. έμπείσθω I p. 20, 20, 76, 11. 78, 8. 86, 5, 12. 90, 2. 94, 1. 106, 1. 110, 10. 386, 20. έππείσθωσαν Ι p. 78, 13. 90, 13. 94, 7. 144, 15. 208, 4. έκκείμενος Ι p. 116, 4. έκπίπτω producor. ένιπιπτόντων (imp.) II p. 58, 18. έπτός extra. Ι p. 212, 15. 356, 9, 18, 25. 358, 10. 364, 15. 366, 21. 368, 17. 370, 2. 376, 1. 382, 9. II p. 4, 22. 26, 1.

64, 15. 68, 2. 90, 9. 164, 15. **840**, 17. έπτος sextus. II p. 12, 10. 286, 2, 11, 12, 20. 284, 24, 25. έκφέρω profero. έκφερόντες II p. 4, 3. έλασσόω diminuo. έλασσούνres II p. 342, 1. έλάσσων (έλάττων) minor. saepe cum genet. comparationis. I p. 10, 5, 9, 16, 20, 25, 27. 12, 20, 21. 14, 25. 16, 4. 24, 5, 11, 17, 24. II p. 74, 22 al. u. eig, lóyog, dixlaσίων, τριπλασίων etc. έλάσσων η διπλασίων et simil. I p. 18, 2. 118, 11. II p. 40, 17, 21, 42, 5, 102, 8, 15 al. μείζον έλάσσονι I p. 262, 20. 266, 16. 270, 14. II p. 88, 14. 90, 23. 92, 15, 17, 23. 94, 15, 20, 22. 96, 8, 11, 20. cfr. II p. 158, 15. ovn él. I p. 42, 11. II p. 250, 8. 252, 10 al. έλάχιστος I p. 8, 23. 290, 6. 296, 3, 18. 298, 15. 388, 12. 390, 2. 420, 16, 22. 448, 11, 468, 13, II p. 34, 12, 42, 16, 19, 20. 50, 13, 16, 17. 100, 19. 102, 1. 104, 2, 9. 108, 26. 110, 4, 10, 13, 20, 24. 112, 80. 120, 7, 13, 23. 122, 25. 124, 2. 216, 25, 26. 346, 14. έλέγηω redarguo, έλεγκώνται II p. 4, 3? ελιξ linea spiralis. definitur II p. 10, 14. 52, 4. cfr. praeterea I p. 190, 2, 300, 6, 448, 19. II p. 10, 15, 20. · 12, 3, 11, 19, 20, 22, 14, 3, 52, 15, 18, 22, 54, 5, 9, 56, 5, 9, 26. 58, 1, 2, 4. 62, 24. 66, 3, 18, 22, 25, 68, 1, 9, 70, 11, 17, 24. 72, 3. 76, 9. 78, 3, 9, 12. 80, 4. 82, 6, 14, 84, 3, 86, 18, 26. 88, 9, 15. 90, 4 eq. 92, 20.

1

94, 1. 96, 4, 14, 21. 98, 2, 8, 25. 100, 1, 9, 28. 102, 19, 22. 104, 8. 106, 6, 10. 108, 1, 11. 110, 3. 112, 6, 10, 15, 29. 114, 22, 26. 116, 12, 20, 27. 118, 5, 25. 120, 12. 122, 12. 124, 1, 19, 22, 126, 3, 132, 21, 134, 1, 4, 12. έμπε**ο**ιέχω comprehendo, contineo. έμπεριεχόμενος Ι p. 8, 13. έμπίπτω concurro (cum datiuo). έμπεσείν II pe 10, 23. incurro (είς) = διάγεσθαι. έμπέση Ι p. 34, 3. έμπεσοῦσα Ι p. 34, 6. έμπεσῶντι (ποτί) II p. 54, 7. έμποοσθεν ante. I p. 58, 4. έμφανίζω communico. έμφανίξαι ΙΙ p. 4, 7. έμπεφανισμένος ΙΙ p. 250, 4. έν in. passim. u. έγγοάφω. έν έπιφανεία Ι p. 52, 14, 26. 54, 1. 318, 7, 20. II p. 246, 1, 6 al. ἐν ἐπιπέδφ I p. 56, 11. 142, 17. 336, 1, 3. 338, 1. 342, 24. II p. 178, 18 al. cfr. II p. 174, 12. χωρία, έν οίς τὰ A et simil. I p. 298, 3 sq. 300, 6 sq. 308, 6. 312, 25. 314, 1. 316, 4, 10. 416, 23. 420, 23. 422, 27. 424, 6. 436, 16. 440, 22. 460, 21. 478, 4. cfr. núnlog. χρόνοι, έν οξς II p. 14, 16, 20, 21. έναλλάξ Eucl. V def. 13. I p. 64, 26, 68, 14 †. 144, 3, 184, 15. 192,3. 194,1. 196,14. 198,26. 202, 12, 15. 204, 3. 222, 16. 224, 22. 228, 16. 248, 10. II p. 76, 10. 80, 4. 190, 14. 214, 16. έναπολαμβάνω abscindo partem (lineae), ita ut intra figuram aliquam cadat. év-

απολαφθείσα εύθεῖα Ι p. 276. 9 ($\hat{\epsilon}\nu$). 282, 14 ($\hat{\epsilon}\nu$). 344, 5. 348, 18 (ἀπό). 352, 10 (ἐν, $\dot{\alpha}\pi\dot{o}$). 354, 24 ($\dot{\epsilon}\nu$). II p. 26, 10. έναρμόζω aptor (είς). έναρμόζει ΙΙ p. 246, 4. 248, 23. 250, 6, 9, 26. 252, 9, 27. 254, 7, 13, 258, 2 (de angulo, cui sol aptatur, et quo diametrus eius definitur). ένδίδωμι colloco, propono. ένδεδομένων ΙΙ p. 242, 18. ένθάδε hic. I p. 214, 17. έννεαπλασίων ΙΙ p. 248, 7. έντός intra, cum genetiuo. I p. 8, 14. 342, 15. 356, 10, 18, 26. 358, 11, 24, 25. 360, 2. 362, 22, 24, 26. 364, 18. 370, 3. II p. 26, 26. 58, 1. 64, 12. 68, 1. 90, 8. 144, 5. έξ*) ex. passim. u. πέντοον, συνάπτω. έκ τούτου (φανες οόν et simil.) solemne corollariorum initium. I p. 128, 8. 160, 8. 168, 23. 316, 18. II p. 40, 15. 92, 12. 98, 17. cfr. I p. 190, 7. ἄγειν έξ II p. 174, 10. 182, 12. τὸ ἐξ sc. συγκείμενον II p. 148, 8. 190, 19, 20. u. σύγκειμαι. έξάγωνον hexagonum. II p. 264, 6. έξαπισμύριοι II p. 276, 6, 16. έξαπλάσιος Ι p. 146, 18. 148, 9. II p. 38, 7. 190, 7. 216, 20. 218, 5, 17. 220, 14, 22. 224, 8. 226, 13, 18, 22. 236, 8, 14. ἔξειμι. ἔξεστι licet. II p. 268, 11. έξέσται Ι p. 6, 1, 9. έξεργασία consummatio. II p. 2, 12. έξενοίσκω inuenio. έξεῦρον I p. 274, 9. έξευρών II p. 2,15.

^{*)} Peruerse enim in lexicis forma èx primaria habetur.

έξηκο στός sexagesimus. τέταφτος καλ έξηκοστός Il p. 290, 11.

έξης deinceps. I p. 48, 24. II p. 34, 11. 42, 10. 52, 20. 54, 2. 126, 11. 192, 12. 234, 11. 344, 13. 346, 13. 352, 6. ξξης πείμενοι II p. 42, 25. 270, 3. 344, 20. 346, 17. 350, 15. 352, 16. έξης ἀνάλογον II p. 236, 9. οἱ ἐξης ἀριθμοί (ἄρτιοι uel περισσοί) II p. 12, 7. 38, 11, 17. 40, 13. 124, 26. 126, 12. 128, 16. 132, 18. 192, 15.

έπάνω supra. έν τοῖς ἐπάνω I p. 238, 15†. II p. 48, 14. cfr. 60, 6?

έπαφή punctum contactus. I p. 40, 15†.

έπεμβάλλω insuper produco. έπεμβληθη ΙΙ p. 12, 17.

έπεί quoniam. ante sententiam, cuius causam adfert. I p. 26, 13 †. 268, 1? II p. 126, 14. 172, 7. 180, 3. 206, 11. 222, 6. 262, 18. 304, 1, 14. 324, 23. post eam. I p. 166, 28. 304, 18, 21. 320, 2. 324, 20. 326, 21. 328, 16. 332, 19. 334, 1. 338, 1, 6, 12. 354, 13. 358, 23. 362, 9. 864, 16. 872, 14. 376, 2. 402, 11, 16. 410, 9. 424, 2. 434, 22, 27. 440, 15. 454, 6, 9. 460, 11. 488, 22. 490, 19. 498, 2. II p. 26, 2. 72, 5. 86, 4. 132, 12. 144, 19. 180, 22. 196, 8. 230, 1. 256, 8. 258, 26. 270, 12, 16. 314, 16. 330, 15. έπεὶ γάο Ι p. 12, 8. 28, 3. 30, 26. 84, 7. 198, 22. 250, 12. 292, 14. 310, 7. 406, 4. II p. 150, 6. 152, 19. 194, 1. 218, 23. 236, 25. 244, 22. 262, 13. 264, 12. 274, 2.

288, 11. 306, 8. 350, 15. exel đè I p. 86, 24. 196, 10. 212, 17. 228, 10. 338, 15. 374, 6. 428, 10. 448, 20. 452, 19. 458, 18. 474, 14. II p. 156, 20. 176, 14. 204, 7. 208, 25. 252, 2. 260, 5. 274, 11. 276, 2. 278, 1. 280, 23. 284, 13. 286, 11. 288, 21. 308, 2. 318, 2. 336, 8. ézel ov I p. 32, 13. 84, 26. 70, 17. 72, 6, 26. 86, 14. 118, 8, 10. 124, 22. 206, 10. 212, 19. 262, 6. 266, 3, 8. 304, 5. 320, 23. 348, 1. 368, 12. 374, 23. 380, 12. 382, 10. 384, 14. 894, 2. 898, 10. 426, 5. 434, 6. 442, 5. 444, 8. 450, 12. 462, 8, 17. 470, 19. 472, 18. 476, 14. 486, 21. II p. 16, 3, 18. 24, 2. 26, 27. 28, 23. 32, 16, 22. 132, 2. 136, 18. 148, 12. 158, 17. 160, 22. 168, 1. 170, 5. 174, 4. 178, 5. 194, 18. 200, 10. 208, 2. 236, 9. 238, 2. 262, 26. 264, 18. 272, 9. 286, 26. 302, 19. 306, 26. 308, 26. 310, 17. 314, 12. 322, 11. **324**, 15. 330, 18. 332, 18. 334, 23. 336, 4, 25. 338, 18. 340, 8, 18. 344, 26. 348, 1. 352, 12. nal énel in transitu. I p. 14, 8, 40, 4, 7. 46, 6, 14, 50, 5, 62, 14, 64, 19. 66, 24. 78, 20. 88, 1. 132, **14**. 13**4**, 9. 19**2**, 29. 200, 5. 202, 11. 208, 10. 212, 2, 8. 216, 18, 22. 218, 1. 220, 9. 222, 4, 11. 228, 2. 230, 11. 232, 20. 234, 25. 238, 11, 22. 240, 5. 890, 11. 406, 10. 418, 24. 420, 3. 430, 12. 468, 9. II p. 136, 5. 154, 3, 7. 190, 16. 204, 1, 18. 214, 15. 216, 4, 9. 224, 11. 230, 18. 232, 13. 260, 3, 25. 278, 15. 280, 1. 282, 19. 290, 6. 310, 23. 320, 24. 346, 2. Exel rai I

p. 238, 18. 260, 2. 354, 15. 368, 12. II p. 222, 24 al. έπειδάν quoniam. I p. 8, 11, 16. 10, 2, 12. $\dot{\epsilon}\pi\epsilon\iota\delta\dot{\eta}$ quoniam. I p. 62, 6†, 9 †. 116, 11. 128, 12, 22. 224, 15, 20, 24. II p. 16, 9. 26, 26. 40, 18, 20. 54, 24. 56, 20, 26. 64, 22, 76, 2, 144, 11, 17, 146, 8, 150, 7. 210, 14. 230, 21. 244, 25. έπειδήπες quoniam quidem. I p. 64, 11+. 180, 17+. II p. 154, 7. 180, 15, 21. 186, 3. 204, 6. 216, 7, 16+. έπείπες quoniam quidem. Ι p. 16, 21 †. 210, 20 †. 386, 24 †. ἔπειτα deinde. I p. 2, 10. II p. 250, 14. 294, 12. 350, 18, 19. $\ell\pi\ell$ ad, cum accusat. passim. u. ἄγω, έπιζεύγνυμι, κάθετος. έπὶ τὰ αὐτά Ι p. 224, 14. 288, 6, 9. 356, 8, 17, 24. 358, 9. 374, 3, 5, 6. 376, 17, 20, 22. 378, 4, 18, 20. 384, 16, 17. II p. 52, 23. 178, 18. 200, 20. 210, 22. 304, 25. 326, 8. u. αὐτός. ἐφ' α Ι p. 304, 4? 356, 8, 17, 24. 358, 9 al. cfr. II p. 54, 11. ἐπί (sc. ἤχϑω) ΙΙ p. 162, 13. 174, 12. ἐπὶ τὰ έτερα I p. 8, 10. u. έτερος. έπι θάτερα Ι p. 356, 10, 18, 26. 358, 11. 370, 3. II p. 52, 24. 326, 22. 304, 26. ἐπὶ θάτεοον μέρος ΙΙ p. 178, 18. έφ' έκάτερα Ι p. 8, 17. II p. 156, 7. 164, 10. 190, 8. 250, 20. 252, 2, 21. φέπειν έπί II p. 142, 5, 9, 11. u. δέπω. in multiplicando I p. 244, 3 sq. 246, 2 sq. έπί cum genetiuo. έφ' έκάστου Ι p. 464, 12? cfr. I p. 24, 12, 13. 26, 19. 120, 28. 142, 7. 230, 1. II p. 208, 6. εύθείαι έφ' άν τὰ

A. I p. 296, 14, 19. 298, 7, 15.

806, 24, 25. 308, 1. 420, 12, 21. 444, 15. 448, 12. 464, 4. 468, 10. cfr. ελιξ έφ' δς ά $AB\Gamma\Delta$. II p. 54, 9. 56, 7. 60, 15. 84, 3. 88, 15. 94, 1. 96, 21. 100, 1. 106, 22. 116, 27. 134, 12. τμημα κύκλου έπλ εύθείας Ι p. 36, 16, 19, 21, 27. 38, 2. cfr. πολύγωνον I p. 100, 5. παραλληλόγοαμμον Ι p. 46, 8. πυραμίς έπὶ βάσεως Î p. 40, 21. σημείον έπ' εὐθείας Ι p. 340, 21. 342, 9, 20, 24. 344, 23. 350, 1. 356, 15. 358, 8. 368, 2. II p. 162, 1, 10, 16. 164, 13, 16. 166, 2, 3. 170, 19, 22. 172, 1, 2. 174, 9, 13. 176, 5 sq. 178, 12, 22. 180, 20. 182, 4 sq. 184, 9, 13, 14, 15. 186, 3, 6, 11, 13. 188, 7. 192, 21, 25. 194, 2 sq. 196, 7. 198, 2, 15, 24. 202, 1, 17, 18. 204, 5, 11. 206, 14, 19. 228, 8, 10. 236, 23. cfr. έφ' ελικος II p. 12, 11. 132, 21. 134, 13. in ellipsi I p. 320, 11, 13, 21. 322, 26. 326, 26. 332, 5, 7. 336, 8, 10, 13. έπλ σαμείου έφαπτέσθαι II p. 230, 22. ἐπ' εὐθείας u. εύθεῖα. ἐπὶ τᾶς αὐτᾶς εὐθείας I p. 290, 4. έπὶ cum datiuo non occurrit. έπιγίγνομαι accedo. έπιγεγενημένων. ΙΙ p. 2, 19. έπιδείκνυμι insuper demonstro. enidelkoues II p. 36, 25. έπιδειχθέν II p. 294, 12. έπιζεύγνυμι iungo, duco. inter duo lineam rectam puncta. ἐπεζεύχθω I p. 16, 20. 42, 26 (ἐπί). 230, 8. II p. 64, 4 (ἀπὸ ἐπί). 84, 6 (ἀπὸ έπί). 166, 14. 170, 4, 26. 172, 4, 6. 176, 8, 9. 204, 1. Eneζευχθωσαν Ι p. 34, 17. 36, 1,

17. 44, 26. 46, 5. 48, 20. 96, 19, 25. 100, 7, 10. 104, 25. 110, 7. 196, 3. 206, 8. 208, 4. **2**10, 15. 216, 13. 228, 1. 236, 15. 242, 8. 310, 3. II p. 56, 12. 96, 22. ἐπί I p. 34, 11. άπὸ ἐπί Ι p. 38, 23. 40, 4. 160, 26. 180, 8. II p. 134, 15. 178, 24 (ἐπί). 180, 2. 186, 1. 194, 18. 198, 24. 214, 13. 320, 8. 326, 17. 330, 13. ἐπιζεύξωμεν Ι p. 166, 16. επιζευγνύμεναι Î p. 40, 15†. επί Ι p. 32, 25. 130, 23. ἀπὸ ἐπί I p. 100, 3. έπεζεύκται Il p. 180, 25. έπεζευγμένος Ι p. 154, 12. II p. 258, 22. ἐπιζευχθη I p. 166, 28. II p. 50, 22. 82, 17. έπί II p. 62, 20. έπιζευχθέωντι έπί ΙΙ p. 132, 23. ἀπὸ ἐπί ΙΙ p. 12, 13. ἐπιζευχθείσα Ι p. 34, 8. 328, 1. 454, 15. II p. 12, 17. 62, 22. 82, 18. 148, 5. 160, 17. 184, 16. 300, 15. ἐπί I p. 34, 6. 38, 16. Il p. 12, 16. 70, 13. άπὸ ἐπί Ι p. 176, 15. 288, 15. 430, 5. II p. 22, 17. 82, 20. 116, 26. ἀπὸ ποτί ΙΙ p. 24, 8. 26, 9. — iungo, de linea recta duo puncta iungente. έπιζευγνύουσιν Ι p. 162, 7. έπιζευγνυέτω ΙΙ p. 84, 8. έπιζευγνύουσα Ι p. 6, 15. 44, 24. 96, 11, 14. 98, 28. 102, 7. 104, 17. 124, 2, 11, 22. 126, 2. 162, 11. 228, 9 +. 282, 15, 18. 286, 1, 7. 290, 2. 364, 20. 366, 21. 368, 3, 9. 474, 22. 476, 11. 492, 4. 494, 3. II p. 12, 23. 134, 5. 148, 2. 152, 8. 160, 7, 10. 162, 10. 164, 13. 182, 27. 188, 8. 192, 11. de linea angulos iungente. έπιζευγνύουσα I p. 132, 11, 14. 164, 12. 166, 7. 170, 23. 172, 4

(τὰς γωνίας). ἐπεζεύχθω de punctis II p. 206, 3.+ έπιθεωρέω considero. έπιθεωρήσαι II p. 290, 23. έπικοινωνέω commune aliquid habeo. έπικοινωνεόντων II p. 10, 6. έπίλοιπος reliquus. Ip. 248.1. έπιμελώς diligenter. έπιμελέστερον Ι p. 274, 9. έπίπεδον planum. ἐν ἐπι-πέδφ I p. 6, 14. 8, 2, 3, 25. ÉV ÉZI-10, 11. 318, 18. 320, 6. 324, 6, 27. 330, 4, 14. 332, 1. 334, 12. II p. 178, 18. u. ἐψ. ἐν τῶ αὐτῷ ἐπιπέδῳ Ι p. 38, 12, 21. 52, 25. 366, 6. cfr. I p. 104, 3. ἐπίπεδον ἐν το Ι p. 120, 9. 142, 17. 318, 4, 11. 320, 5, 16. 324, 7, 16, 21, 26. 330, 5, 14. 332, 11. 334, 11. 336, 1, 3. 338, 1. 344, 25. 350, 3. ἐπίπεδον κατὰ εὐθεῖαν Ι p. 102, 26. 326, 23. 328, 3. 344, 18. u. κατά. διὰ εὐθείας I p. 194, 19. 206, 20. 232, 8. cfr. I p. 346, 3. 356, 11. II p. 8, 15. 254, 20. ἐπίπεδα παράλληλα Ι p. 76, 26. 78, 2, 4, 6. 80, 7. 88, 23. 92, 18. 114, 19, 24, 28. 150, 13, 18. 158, 11, 15, 18, 21. ἐπίπεδον ὀρθόν Ι p. 320, 4. 334, 11 al. u. όρθός. τέμνον έπίπεδον Ι p. 276, 7. 346, 1. 348. 20 sq. 350, 6, 352, 11, 13, 18. 364, 15. 370, 18, 21. cfr. I p. 340, 18. 342, 5, 16. 344, 7. τέμνειν έπίπεδφ Ι p. 76, 25. 82, 1. 88, 17, 25. 92, 13, 23. 138, 2. 152, 8. 180, 2. 346, 5. Η p. 4, 17, 19. 6, 4. ἐπίπεδον έπιψαύον Ι p. 276, 2, 3, 278, 16. 360, 18, 27. 362, 4 sq. 364, 4, 25. 366, 9, 18, 20. 368, 10, 19. II p. 8, 14. Enimedou rije

βάσεως et simil. I p. 8, 18. 46, 19, 26. 50, 8. 52, 17. 282, 25. ἐπίπεδον τοῦ κυλίνδρου h. e. basis. I p. 390, 5. 402, 2. 418, 8. 434, 10. 444, 7. 464, 25. cfr. praeterea I p. 116, 3. 276, 3, 5. 346, 1. II p. 8, 15. 254, 24. proprie neutrum est adiectiui. έπίπεδος planus. ή έπίπεδος (ἐπιφάνεια) Ι p. 10, 9, 14. 104, 122,17. τὸ ἐπίπεδον τμῆμα I p. 46, 12. 48, 2, 8, 18, 22†. 50, 6, 15, 24. 52, 6. σχημα έπίπεδον ΙΙ p. 98, 10, 18. 100, 10. 108, 18. 110, 12. 120, 1. 122, 16. 142, 13. έπιπίπτω incido. έπιπεσόντων Ι p. 2, 7? έπιπλατύς latus. έ. σφαιοοειδές definitur I p. 280, 27. u. praeterea I p. 274, 14. 354, 22. έπισκέπτομαι perscrutor, considero. έπισκέψασθαι I p. 6, 2, 9. έπισκεπτέσθαι I p. 274, 6. έπισκεψάμενος II p. 248, 21. 266, 1. έπισκοτέω officio lumini. έπισκοτεί ΙΙ p. 252, 22. ἐπεσκότει ΙΙ p. 250, 18. ἐπισκοτείν II p. 254, 3. έπίσταμαι noui. **ἐπιστάσ**αι II p. 258, 12. ἐπιστάμεθα II p. 2, 16. 296, 4. έπιστέλλω mitto. II p. 2, 6? iubeo. ἐπιστέλλεις II p. 2, 3. έπέστειλας Ι p. 188, 2. έπιστρέφω conuerto. στράφη II p. 250, 15. έπισυντίθημι deinceps addo. έπισυντιθέμενον Ι p. 14, 3. έπίταγμα propositum. I p. 12, **25**. **14**, **15**, **28**. **18**, **24**. **286**, **26**. έπιτάττω iubeo. τὸ έπιταχ- $\vartheta \acute{e} \nu = \acute{e} \pi l \tau \alpha \gamma \mu \alpha I p. 20, 23.$ έπιτήδειος aptus. II p. 252, 22. Archimedes, ed. Heiberg. III.

ἐπιτίθημι adiicio, adfigo. έπιτεθη έπί II p. 156, 2, 9. έπίτριτος tertia parte maior. I p. 2, 5. 306, 7, 8. II p. 216, 16†. 296, 6. 334, 14. 336, 11. 838, 12, 23. 344, 4. 846, 15. 348, 20, 23, 350, 1, 352, 2, 10, 11, 22, 23. έλάσσων η έπίτριτος ΙΙ p. 352, 1. έπιφάνεια superficies. Ι p. 8, 1, 6, 9. 10, 7, 10, 19. 40, 20. 46, 20. 48, 3, 9. 50, 8, 16. 56, 1, 6, 10, 17, 21. 110, 3. κατά I p. 182, 2. sphaerae I p. 2, 9. 4, 4. 8, 14. 102, 2, 5, 25. 104, 12. 120, 11, 12, 22. 122, 24. 136, 6, 9, 12, 13, 16. 138, 16, 18, 24, 28, 140, 5, 8, 9, 11. 146, 17. 148, 10, 12. 162, 5. 180, 16. 188, 6, 15. 190, 6, 10. 202, 3. II p. 4, 9, 12, 14. 244, 21, 23. segmenti sphaerae I p. 2, 11. 122, 20, 22. 152, 20. 162, 17, 21. 164, 6. 176, 3, 11, 16, 20. 178, 5, 9, 19, 24. 180, 19, 21, 25. 188, 8, 18. 196, 6. 200, 2. 206, 3 sq. 208, 7, 15, 16. 226, 11 sq. 228, 4, 23. 230, 19 sq. 236, 5, 12, 13. 238, 2, 3. 240, 22 sq. 242, 6, 7. 248, 16. 250, 9, 12. II p. 6, 2, 3, 12, 20. 8, 5, 8. prismatis I p. 58, 19. 60, 2. 62, 8, 13. 64, 16, 22. 66, 19, 24. 68, 9. parallelogrammi I p. 56, 20 (corruptum?). cylindri I p. 4, 4. 44, 20, 21, 23. 52, 14, 21, 23. 54, 2, 5, 7. 56, 16, 26. 58, 21. 60, 3 sq. 64, 21, 25. 66, 3, 8. 68, 18. 146, 16, 23. 148, 6, 8, 11. 188, 15. 330, 8, 16. 332, 3, 6, 9, 27. 334, 1, 2, 15. 336, 6, 9. 338, 16 sq. 376, 1. 382, 7, 9. 390, 6. 400, 5. 402, 3. 418, 19. 430, 21 434, 12. 444, 9. 454, 18. 466, 27

1. 476, 18. pyramidis I p. 26, 22. 28, 1. 30, 18, 24. 32, 24. 42, 1. 44, 4. 58, 7, 12†, 15. 70, 23. 72, 3, 4, 9. 74, 3 sq. coni I p. 8, 13. 34, 7, 14, 27, 28. 36, 4, 7, 11, 18, 20, 22, 26. 38, 1, 3, 17. 58, 13 +, 16. 68, 22. 70, 3 sq. 72, 8, 12, 17, 22. 74, 16, 20, 25. 76, 2, 8, 12, 22, 26. 78, 11, 17, 19. 80, 5, 6. 82, 16. 84, 7, 10, 11, 25. 86, 6. 88, 2, 5, 22. 90, 1, 3, 17, 26, 29. 92, 2, 3, 18. 94, 2, 11 sq. 102, 9. 106, 19, 20, 21. 108, 3. 114, 13 sq. 116, 3. 150, 8. 158, 5. 162, 26. 318, 7, 20. 320, 8, 10, 12, 14. 322, 23, 24, 27. 324, 1, 10, 18. 326, 19, 23, 27, 28. 328, 5, 26, 27. 400, 7. 432, 1. 454, 24. 476, 20. cfr. xvλινδρικός, κωνικός, μεταξύ. τοῦ σχήματος Ι p. 102, 24. 104, 1, 9, 11. 112, 14, 20, 26. 118, 4, 6. 122, 20 sq. 124, 8, 16, 20. 126, 9, 15. 128, 2, 13, 17. 130, 4, 6. 132, 2 sq. 138, 13 sq. 140, 4, 7. 148, 14. 150, 4, 20. 152, 5, 19. 154, 2, 15, 16, 28. 156, 2, 9, 20. 162, 16. 164, 5, 9, 19. 168, 5, 9, 15. 170, 16, 17, 25. 172, 5, 10, 11. 176, 25. 178, 8, 11, 14. cfr. 342, 24. sphaeroidis I p. 282, 4, 17. 362, 24. 370, 7, 12, 14. segmenti sphaeroidis I p. 372, 21, 22. 374, 9. conoidis I p. 276, 1. 278, 9. 356, 7, 21. 358, 23, 26. 364, 13. 384, 12. 386, 13. έπιχειρέω conor. έπεχείρησαν II p. 294, 14. έπιψαύω contingo (cum genetiuo). de linea tangenti circulum. I p. 38, 11, 15. 52, 16, 19, 24. 54, 2, 4, 7. 58, 1. 120, 14. 130, 17. 362, 5. II p. 22, 2, 4, 5, 11, 28, 5, 11,

17. 30, 16, 18, 25. 32, 6. 34, 8. 256, 3, 4, 5. uel cylindrum II p. 250, 24. 252, 6. 254, 5. 256, 3, 4, 5. uel spiralem. II p. 10, 20, 24. 56, 5, 6, 9, 10, 11. 58, 1. 62, 19. 64, 2, 25, 26, 27. 66, 17, 18, 22, 24. 68, 4, 6. 70, 7 sq. 72, 2. 74, 23. 76, 4, 7. 78, 3, 5, 6, 12. 82, 6, 9, 15, 21. 84, 4. 86, 18, 21, 26. uel coni sectionem I p. 300, 19, 21, 24. 302, 2. 346, 11, 14. 350, 10. 354, 2, 13. 358, 10, 12. 364, 8, 9, 11, 16, 20. 366, 10, 12. 368, 14, 17. 380, 15, 16. 398, 8. 402, 17. 430, 4. 436, 2. 454, 11. 476, 6. 492, 13. II p. 298, 9, 12, 19, 21. 300, 6. 302, 11, 22, 304, 2. 320, 3. 322, 2. 326, 12. 328, 21. 330, 15. 334, 27. **336, 3**, 5, 6. 338, 2, 20. 340, 12. de plano conoides uel sphaeroides contingenti I p. 276, 2, 3, 8. 278, 16, 21. 282, 8, 12, 16. 358, 15, **17**. 360, 1, 2, 6, 10, **14**, 18, 27. 362, 4, 8, 14, 25, 26. 364, 4, 10, 25. 366, 9, 18, 20. 368, 10, 19. 380, 18. 398, 4. 430, 11. 454, 14, 476, 8. 492, 15. II p. 8, 14, 17. — Conspectus formarum hic est: ἐπιψαύει Ip. 276, 8. 364, 10, 11. II p. 8, 17. 64, 25. ἐπιψαύουσι I p. 120, 14. ἐπιψαύοντι Ι p. 282, 11. 368, 14. 454, 14. ἐπιψαύη Ι p. 276, 2. 278, 16. II p. 8, 14. 10, 20. 56, 5. 62, 19. 66, 18, 22. 70, 8, 11, 18. 78, 3. 82, 6, 15. 86, 18, 26. ἐπιψαύωντι I p. 282, 8. 300, 19. 364, 20. 366, 12. ἐπιψανέτω Ι p. 346, 14. 380, 16. 430, 4. II p. 22, 11. 28, 17. 32, 6. 56, 9, 11. 64, 2. 66, 24. 72, 2. 84, 4. . II , O81 . q I vocarsans

έπιψανόντων ΙΙ p. 256, 4, 5. έπιψαύουσα Ι p. 52, 16, 19, 24. 54, 2, 4, 7. 58, 1. 300, 21, 24. 302, 2. 346, 11. 354, 2, 13. 358, 10, 12, 362, 5, 364, 8, 9, 16. 366, 10. II p. 10, 24. 22, 2, 4, 5, 28, 5, 11, 30, 16, 18, 25. 34, 8. 58, 1. 64, 26, 27. 74, 23. 76, 4, 7. 78, 5, 6, 12. 82, 9, 21, 86, 21, 250, 24, 252, 6. 254, 5. 256, 3 al. ἐπιψαῦον I p. 276, 3. 278, 16, 21. 282, 16. 358, 15, 17. 360, 1, 2, 6, 10, 14. 362, 4, 8, 14. 364, 4, 25. 366, 9 al. II p. 8, 14. ἐπιψαύειν Π p. 56, 10. έπιψαύσει Ι p. 380, 18. 398, 8. 430, 11. II p. 56, 6. 68, 4. έπιψαυσοῦντι Ι p. 476, 8. 492, 15. ἕπομαι sequor. έπόμενος Ι p. 446, 19. 464, 13. II p. 38, 11, 18. 40, 13. 90, 20. 98, 6. 124, 25. 126, 10, 11. 128, 16. 344, 21. 346, 18. τὰ ἐπόμενα (in spirali) definiuntur II p. 52. 24. u. praeterea II p. 62, 23. 64, 14, 20. 68, 1. 70, 15, 90, 8. έπτακοσιοστός septingentesimus. II p. 248, 21. ξοχομαι peruenio, cado. έρχόνται έπι τὸ αὐτὸ σαμεῖον ΙΙ p. 184, 11. ὅπου ἂν ἐρχήται τὸ σαμείον ΙΙ p. 230, 16. έστε usque ad. έστε ποτί Ι p. 376, 12. 384, 9. 434, 11. 444, 9. II p. 90, 4? 266, 17. έστε κα II p. 90, 9, 14. ἔστ' ἄν II p. 90, 18. 100, 26. 104, 5. 108, 29. 112, 26. 120, 10. ἔσχατος ultimus. Ιρ. 424, 5, 9. 436, 19, 23. 444, 18, 25, 28. 466, 27. 468, 2. 470, 27. 472, 12, 16, 25. II p. 6, 22. 10, 21. 268, 14, 18, 22, 276, 14, 278, 10. 280, 10. 282, 6, 29. 284, 24. 286, 21. 352, 7.

έτερος alius. Ι p. 86, 12. II p. 234, 10. ετερός τις I p. 86, 5. II p. 236, 17. δ ετερος. alter. I p. 10, 3, 14. 46, 26. 56, 13. 82, 15, 16. 84, 26. 86, 2. 92, 13 sq. 102, 20. 104, 1, 7. 116, 5. 122, 17. 226, 12. 248, 21. 250, 1. 252, 8. 296, 5, 26. 302, 1, 20. 316, 7. 364, 25. 370, 13, 14, 15. 372, 18, 19. 382, 5. 404, 15, 16. 410, 2?, 9 sq. 426, 26. 430, 24. 446, 1. 448, 1, 21. 468, 4, 18. II p. 6, 2, 3, 8, 18, 10, 10, 16, 19. 18, 13, 15, 20, 22. 24, 9. 50, 23. 60, 7. 114, 14. 142, 8, 10. 144, 11, 19. 146, 9. 230, 16. 252, 23. ὰ έτέρα διάμετρος ellipsis. I p. 324, 7, 23. 326, 8. 330, 4, 11, 19. 332, 19. 334, 6 sq. 338, 13. ἡ ἐτέρα βάσις cylindri I p. 54, 1, 9. 56, 4. έπι τὰ έτερα Ι p. 6, 17, 22. 8, 5. cfr. έπί. αι άτέραι ΙΙ p. 260, 12, 13. ἔτι praeterea. I p. 6, 3. 10, 18. 12, 13. 18, 9. 24, 3. 44, 3. 96, 27. 98, 6, 8, 9. 108, 1. 114, 26. 150, 2. 164, 13. 216, 6. 258, 11. 260, 14. 262, 20. 264, 15. 266, 1. 268, 16. 270, 3. II p. 60, 25, 28. 86, 23. 88, 5. 190, 5. 194, 4. 262, 11? 294, 3. 296, 17. 328, 13. 346, 14. έτος annus. II p. 2, 19. εύ bene. u. πράττω. $\varepsilon \tilde{v} \delta \eta \lambda o \varsigma$. $\varepsilon \tilde{v} \delta \eta \lambda o v$ $\omega \varsigma$ satisadparet. II p. 244, 21. εύθεῖα linea recta. passim, uelut I p. 2, 4. 6, 16, 20. 8, 8, 24. 10, 4. 12, 18, 19, 24. 14, 14. 16, 1, 26. 18, 25. 28, 14. 32, 3. 34, 10. 38, 14, 17. 96, 11. 284, 11, 17. 11 2. 24, 4, 6, 7. 30, 17, 23. 32, 5. 52, 3 sq. al. v. ayo; enuhaio. 27 *

ėπ' εύθείας (saepe cum datiuo) I p. 8, 19. 86, 8. 94, 4. 322, 22. 328, 25. 330, 7, 16. 366, 14. 400, 4. 430, 20. 476, 17. II p. 148, 28. 150, 2, 15. 152, 3. 164, 9. 236, 23. 266, 2. έπ' εύθείας πείμενα Η p. 156, b. ά διὰ τῶν Λ, Γ εὐθεὶα II p. 300, 17. εύθεῖα έν έπιπέδφ Ι p. 362, 9. ά έν τῶ πύπλω εὐθεῖα Η p. 26, 6. 76, 5. εύθεῖα γοαμμή I p. 14, 2. 34, 3, 4. u. γραμμή. εὐ-Φεία omissum I p. 20, 1. 38, 11. 42, 26. 62, 10 †. 826, 22. **328**, 3. 344, 6, 10. 348, 18. 352, 10. 368, 16. 430, 6. 454. 10. II p. 22, 17. 24, 12. 30, 28. 134, 15. 160, 9. 164, 2. 176, 2. 218, 1, 9. 300, 4. 302, 12, 18. 304, 11. cfr. praeterea η AB et sim. pass. εὐθεῖα πρώτα, δευτέρα cet. in spirali definiuntur II p. 52, 10 sq. εύθεῖα, α έστιν πρώτα ΙΙ p. 52, 17, 26. ὰ πρώτα εύθεῖα ταν έν τα άρχα τας περιφορας II p. 88, 10. 98, 26. 100, 3. 106, 24. ά εὐθεία ά δευ-τέρα ΙΙ p. 52, 19. α έστιν δευτέρα II p. 92, 22. ά δευτέρα τᾶν έν άρχᾶ τᾶς περιφορᾶς ΙΙ p. 94, 4. 106, 12, 25. cfr. II p. 96, 5. 124, 23. εύθέως statim. II p. 250, 13. εύθύγοαμμον figura rectilinea. I p. 50, 11, 12, 60, 26, 27. 62, 2, 5, 14, 18. 64, 13, 16, 17, 19, 24. 66, 1, 5, 13, 15, 25. 258, 10. 260, 2, 4, 15. 308, 26. 310, 5 sq. 312, 1. II p. 192, 19, 23, 24. 194, 6, 11, 12, 13, 16. 198, 5, 21, 23. 200, 2, 6, 11, 16. 202, 5, 8. 204, 15, 19, 21. 208, 6 sq. 210, 5, 10, 17, 212, 8, 10. 13. 19. 20. omissum I p.

neutrum (sc. σχήμα) adiectiui. s σ θ σ γ ο α μ μ ο ς rectilineus. 200οίον εύθύγραμμον Η p. 294, 16. εθκαιρος. ούκ εθκαιρόν έστι nihil adtinet. II p. 250, 3. εύμέθοδος facilis inventu. II p. 2, 11. εύπαραχώρητος ueri similis. II p. 294, 19. εύπιστος credibilis. II p. 290, 18. ευρεσις inventio. I p. 274, 7. ευρίσκω inuenio. ευρίσκονται I p. 190, 1. 286, 12. evoiciéται Η p. 252, 11. εθοισμόμενος II p. 296, 1. ευρίσκειν II p. 4, 2, 4. εύρών II p. 2, 15. ευρείν I p. 12, 18, 24. 18, 12. 190, 5, 13. 192, 17. 218, 18. 226, 10, 14. 318, 5, 19. 324, 9, 17. 830, 7, 15. \$82, 6. 400, 4, 6. 430, 20, 26. 454, 18, 22. II p. 4, 9, 14, 15. 6, 1. 294, 16. εὐρημέναι είσίν I p. 14, 14. εὐφήσθω Ι p. 218, 21. εύρηκώς Η p. 248, 19? εύ**ρήσθωσαν** Ι p. 16, 1. 18, 25. 138, 26. 182, 7. εύρεθείς Ι p. 430, 22. 432, 2. 454, 20. 456, 1. II p. 294, 12. ενοήται ΙΙ p. 296, 5. εύτυχέω. εύτύχει uale. I p. 288, 2. εύχερής facilis. II p. 248, 24. έφάπτομαι contingo. de linea recta contingenti circulum (cum genetiuo). ἐφαπτέσθω I p. 16, 27. έφαπτομένη Ι p. 20, 10. 32, 3. 38, 20. 40, 1, 16 †. 42, 23. 162, 18. 260, 8. 264, 2. uel spiέφαπτομένη ΙΙ p. 62, ralem. uel coni sectionem. έφαπτομένη II p. 280, 2, 22. de plano conoides contingenti.

68, 10. 72, 27. proprie est

έφαπτέται Ι p. 360, 7. έφαπτήται Ι p. 358, 12. έφαπτέσθα Ι p. 358, 16. έφαρμόζα congruo. έπί. έφ-

αρμόζει Ι p. 370, 13. 372, 13, 16. 374, 1, 7. II p. 142, 15. έφαρμόζοντι Γρ. 372, 11. έφαρμοζόμενος II p. 142, 13. 164, 5. 166, 11, 16. έφαρμοξεί ΙΙ p. 166, 18. έφαρμοξοῦντι I p. 372, 27. cum datiuo. έφαρμόζει Ι p. 374, 4. έφεξῆς deinceps. II p. 34, 21. έφίστημι. τμημα έφεστάσθω έπ' εύθείας Ι p. 224, 8. έχω habeo. I p. 274, 3, 6. II p. 2, 5. 4, 6. ἔχειν βάσιν την αύτήν Ι p. 2, 6. 4, 13. 8, 17. 276, 15. 280, 4, 12. 284, 5, 14, 22, 27. 286, 5. 386, 10, 17. 396, 18, 23. 400, 11 sq. 402, 3. 404, 3, 11. 406, 12, 14. 416, 18, 21, 24. II p. 192, 4, 6 al. βάσιν έχειν ίσην Ι p. 28, 12. 30, 19. 32, 25. 84, 25. 86, 6, 13. 92, 17. 94, 2. 160, 2, 17. 180, 25 al. βάσεις όμοίας έχειν Ι p. 282, 24. βάσιν έχ. τὸν นขั้นใดน I p. 160, 9. 182, 1. 376, 7. 378, 8. 382, 12. 384, 4. 386, 1, 22. 388, 11, 12. 390, 1, 3, 6. 396, 10. 400, 9. 412, 5, 14. 414, 2. 418, 11. 420, 4. 422, 1, 14, 16. II p. 228, 14, 17. 230, 5, 8. 232, 13, 21. 234, 3, 6, 13, 16. 296, 7, 19, 21 al. πορυφήν έχειν I p. 8, 12, 17. 92, 14, 26. 320, 7. 324, 9, 17. τὰς πλευράς ἴσας ἔχ. Ι p. 18, 23. 100, 6. παραλλήλας έχ. τας πλευράς ΙΙ p. 182, 26. 184, πέρας έχειν Ι p. 8, 2, 4, 23. 10, 1, 4, 8. 12, 9. II p. 116, 13, 16. 118, 11. 180, 2. 184, 2. 206, 17. 208, 1. ซีฟุดร เซอง Ex. I p. 158, 24. 400, 28. al.

την βασιν μείζονα έχειν Ι p. 152, 20. 162, 21. 170, 4. ἐλάσσονα I p. 118, 11 al. κοινά έχειν Ip. 10, 5, 16. u. κοινός. cfr. I p. 6, 16. 8, 5. κέντρον έχειν τὸ I p. 18, 20. névroov ĕzeiv έπί Ι p. 376, 14. τὸ αὐτὸ nέντρον ἔχειν Ι p. 120, 13. 162, 2. II p. 146, 20. 160, 5. την έκ τοῦ κέντρου ζσην έχειν Ι p. 70, 2. 76, 11. ἐπιφάνειαν ἴσην I p. 226, 11, 19. 228, 23. II p. 8, 4. διάμετοον έχ. I p. 302, 6. 306, 20. 360, 9. II p. 274, 5, 7, 14, 20, 21, 25. 276, 17, 19, 20, 22. 278, 13 sq. 280, 13 sq. 282, 8 sq. 284, 3 sq. 286, 1. μέγεθος ἔχειν ΙΙ p. 244, 1, 3, 22. 246, 13. 274, 12. 276, 16. 278, 12, 18. 280, 12. 282, 8. 284, 2, 26. 286, 23. 288, 2, 5, 8, 26. 290, 14. loov βάρος έχειν ΙΙ p. 148, 23. 150, 7. 152, 5 al. αξονα έχειν I p. 376, 16. 382, 7. 384, 18. 390, 16, 17, 22, 26, 392, 2, 394, 7, 9, 12. 400, 4. 402, 5, 7, 23, 25. 414, 1 sq. γωνίαν όρθαν έχειν II p. 304, 27 al. u. etiam λόγος. ἔχων portans, capiens (h. e. fere i. q. cum) I p. 100, 28. 464, 10. II p. 156, 19. έχόμενος sequens. I p. 444, 23. – se habere. τῷ τριγώνφ ad triangulum I p. 258, 5%. ούτως έχειν ΙΙ p. 270, 20. 306, 5. 308, 19. 310, 9. 312, 9, 24. **3**16, 4, 21. 318, 15. 320, 20. 322, 14. 324, 5. 328, 5. ovτως omissum est II p. 328, 1. ώς νῦν ἔχει II p. 306, 22. nalog ezer I p. 6, 6. — ezerg II p. 2, 5. 4, 6. Exel I p. 50, 7. 118, 11. 160, 2. 178, 4, 18. 292, 14. 296, 6. II p. 6,7. 12, 24. 306, 22 al. sacpissime.

ἔχουσι (ἔχοντι) I p. 158, 24. 286, 15. 290, 21. 316, 20, 21. II p. 14, 22. 18, 27 al. Ern I p. 10, 5, 16, 14, 24 †. 22, 28 †. 182, 25. έχωσι (έχωντι) I p. 8, 17. 10, 8. 206, 4. II p. 146, 20. 148, 23. 150, 17. 152, 5 čroi I p. 304, 19. 408, 25. 486, 29? 488, 22? II p. 186, 14. ἔχων Ι p. 8, 12, 17, 23. 10, 4, 8, 15. 12, 9. 18, **20**, 23. 40, 22. 76, 11. 84, 25. 160, 9, 17. 180, 25. 182, 1. 184, 1. 290, 25. II p. 8, 5. 14, 5. 96, 15 al. ἐχέτω I p. 60, 12+. 70, 2, 142, 11, 178, 18, 182, 9, 186, 5, 10. 226, 19. 290, 25. 292, 8, 9. 304, 11. II p. 26, 24. 28, 20. 66, 4 al. ἐχόντων imperat. II p. 194, 17. 268, 9, 20. Ezer I p. 274, 6. 318, 25. 326, 11. II p. 4, 18, 20. 6, 7. 64, 29. 80, 2. 84, 21 al. Eξει I p. 62, 5, 17. 64, 22. 70, 9, 27. 134, 19. 136, 4. 142, 19. 144, 21, 26. 152, 20. 162, 2, 21. 170, 4. 280, 14. 284, 10, 28. 286, 6. II p. 6, 3, 12, 27. 12, 24. 16, 22. 26, 4, 23 al. έξουσι (έξοῦντι) I p. 276, 19. 290, 21. 294, 17. 296, 11. 300. 23. II p. 10, 1. 14, 15. 18, 6, 24. 196, 5. 270, 20 al. είχες I p. 274, 3. είχον I p. 310, 22. έχόμενος I p. 444, 23. εως cum genetiuo: ad. I p. 54, 9†. Ews xa II p. 352, 7?

 $\boldsymbol{z}.$

ξάω uiuo. ζῶντος I p. 6, 3. ξητέω quaero. τοῦτο δὲ ἐζητοῦμεν I p. 240, 5. ξύγιον libra. II p. 312, 2, 16. 314, 20. 316, 7. 318, 9. 320, 15. 326, 24. Συγός libra. nominatiuus legitur II p. 306, 8. 308, 1, 12. 310, 5. cfr. praeterea II p. 306, 1, 3. 308, 16. 310, 8. 312, 5, 22. 316, 2, 16, 28. 318, 13. 320, 17, 18. 322, 14. 324, 5. 328, 1, 2. \$\int \delta \cdot \text{asigna} \text{dodecoim.} \delta \cdot \text{v'} \text{signa} \text{dodecoim.} \delta \cdot \text{v'} \text{log \text{dodecoim.}} \delta \cdot \text{log \text{dodecoim.}} \delta \text{log \text{dodecoim.}} \delta \cdot \text{log \text{dodecoim.}} \delta \cdot \text{log \text{log \text{dodecoim.}} \delta \cdot \text{log \text{l

H.

η̃ quam. I p. 12, 20. 14, 24. 16, 3. 18, 18, 27. 20, 19. 22, 14, 28. 24, 22, 27. 402, 1. 404, 4. 418, 6, 27. 426, 3, 7. 434, 5, 8. 438, 18. 442, 4, 8. 450, 10. 456, 11. 458, 10. 462, 5, 12. 470, 17, 21. 480, 2, 14. II p. 202, 7. 204, 13, 21, 254, 12, 15, 16. 256, 12. 278, 14, 19. 282, 9. 284, 4. 286, 2, 25. 288, 3 sq. 290, 16 al. u. μέγας, έλάσσων, λόγος, ήπεο. η aut. I p. 24, 8, 10. 26, 13†. 364, 6. 370, 11. 374, 12. 378, 13. II p. 298, 8, 17. 300, 3, 14 al. u. ητοι. η — η I p. 290,17. alioquin. II p. 2, 14? ηγέομαι praecedo. τὰ ἀνούμενα termini proportionis praecedentes. II p. 234, 24. cfr. II p. 344, 21. ηδη iam. I p. 258, 9. 274, 5. η κω cado. η ξει διά I p. 336, 5. ήλίκος (άλίκος) qualis, quantus. ὑπερέχειν ἐλάσσονι ἢ ἀλίκω ὑπερέχει Ι p. 388, 18. 392, 24. 402, 1. 418, 6. 426, 3. 434, 5. 438, 18. 442, 4. 456, 11. 458, 10. 462, 6. 470, 17. 480, 2, 14. II p. 120, 3, 122, 20. ταλικαύτα, άλίκα ΙΙ p. 246, 9. 252, 24. 274, 25. 276, 22. 278, 24. 280, 19. 282, 14. 284, 9. 286,7. 288,9. 290,2. cfr. τα utv alla alixos II p. 242, 11.

ηλιος (αλιος) sol. II p. 244, 7, 13, 14, 17. 248, 2 sq. 250, 6 sq. 252, 1, 9, 27. 254, 3 sq. 256, 2, 8, 258, 2, 262, 7 sq. 290, 21. u. διάμετοος. ήμικύκλιον semicirculus. I p. 102, 20. 160, 24. 170, 8. 322, 18. 332, 15. 336, 13, 14. 346, 8. ἡ τοῦ ἡμικ. γωνία ΙΙ p. 64, 23. ήμιόλιος sesquialter sine dimidia parte maior. (ἀμιόλιος II p. 214, 1, 6. 216, 21.) I p. 4, 3. 146, 16, 17, 22. 148, 12. 156, 13. 188, 14, 15. 190, 16, 17. 192, 19. 194, 8. 276, 14. 386, 9, 19, 20. 388, 1+. 396, 17, 22. 400, 13, 15, 18. 404, 9. 410, 9, 10. 414, 19. 444, 6. 448, 9, 23, 25, 450, 2, 452, 9, 15, 17. 458, 2, 3, 15, 16. II p. 6, 21. 8, 21. λόγος ἡμιόλιος I p. 236, 6, 14. 240, 17, 27. 242, 8. 244, 14. 246, 3. ημισυς dimidius. ημίσεος Ι p. 386, 24. ἡμίσεια uel ἡμισέα Ι p. 16, 15. 20, 4. 36, 15. 62, 4. 96, 17. 98, 29. 106, 8 sq. 148, 19. 150, 2 sq. 152, 2. 164, 13. 166, 8. 170, 24. 172, 4. 284, 11, 16. 286, 1, 7. 318, 26. 320, 25. 322, 3, 6. 324, 23. 334, 18, 20. 338, 12. 392, 3. 394, 21. 402, 13, 26. 424, 17. 428, 1. 438, 4, 7. 458, 26. 468, 19, 23. 470, 1, 3. 472, 23. 474, 3, 21. 480, 27. 492, 4. II p. 24, 12. 26, 12. 28, 12. 32, 2. 72, 14. 76, 1. 84, 18. 172, 7, 8. 258, 20. 304, 28. 308, 16. 338, 12. ημισυ Ι p. 48, 23 †. 54, 23. 56, 28. 252, 11. 254, 9. 260, 12. 458, 17. II p. 340, 5, 18, 20. ημίσους Ι p. 58, 3. 374, 13 (corrigendum in $\eta\mu\ell$ σεος). τὰ ἡμίσεα I p. 108, 7.

296, 10. II p. 154, 7. ἡμίσεον I p. 450, 4, 6. 452, 19, 24. 454, 21. 456, 4 sq. 458, 3 sq. 486, 18 sq. 494, 5, 14, 18, 27, 496, τοῦ ἡμίσεος Ι p. 376, 3. 378, 14. 382, 11. 450, 10. 458, 11. 486, 19? II p. 328, 1. 342, 1. τοῦ ἀμίσεος I p. 442, 6. τὸ ἀμίσεον Ι p. 440, 3, 17, 24, 26. 442, 1, 5, 8, 10. 460, 13. ήμισφαίριον hemisphaera. Ι p. 104, 1, 9, 10. 116, 6. 176, 2, 8. 178, 23. 180, 4, 22. 248, 17. 250, 5 sq. 252, 7. 254, 19. II p. 8, 7. $\tilde{\eta} \nu \text{ si.} = \dot{\epsilon} \dot{\alpha} \nu. \text{ II p. 314, 5 (cor$ ruptum?). ηπες quam. I p. 14, 10, 12, 13. 18, 6, 9, 10. 20, 14. 22, 20, 22. 26, 9. 64, 25. 392, 24. II p. 212, 22. 314, 16, 17. u. λόγος. ήσσον minus. οὐδὲν ήσ. p. 296, 24. $\tilde{\eta}$ τοι. $\tilde{\eta}$ τοι — $\tilde{\eta}$ aut — aut. I p. 6, 16, 20. 8, 4, 8. 10, 2, 13. 40, 18. 46, 12. 60, 17. 70, 5. 136, 11. 282, 25. 288, 4, 18. 330, 20. 358, 20. 368, 13. 370, 9. 372, 2. 382, 10. 388, 3. 400, 25. 418, 1. II p. 72, 8. 78, 18. 84, 12. 100, 7. 108, 13. 118, 27. 158, 13. 208, 25. 230, 19. 326, 7. 330, 3. 350, 4. $\tilde{\eta}$ τοι — $\tilde{\eta}$ ού. I p. 34, 24. 54, 23.

❷.

θανμάζω miror. Θανμάσης
Η p. 2, 6.
Θανμαστός admirabilis. Η p.
294, 7.
δέσις positio. Θέσις τᾶς γραμμᾶς Η p. 52, 8. Θέσει sc. data.
Ι p. 206, 20.
δεως έω considero. Θεως παι Ι p. 276, 12. 280, 1. 284, 1.

έθεωρήθη ΙΙ p. 298, 3. θεωοηθείς I p. 4, 12. τεθεώρηται ΙΙ p. 294, 11. τεθεωρημένος I p. 2, 2. 4, 10. II p. 294, 10. θεώς ημα theorema, propositio. I p. 2, 7. 188, 5, 20, 21. 190, 8. 274, 3, 10. 286, 11, 12, 25. II p. 2, 2, 11. 8, 6. 294, 9. 296, 23. **θεωρί**α disputatio, consideratio. I p. 190, 2. τὸ ἐν θεωela meonelperor quod sub oculis est. II p. 304, 23. θιγγάνω tango (cum genetiuo). Oryyaver II p. 252, 15.

I. ldios proprius. βάσις ίδία Ι p. 84, 11. 88, 2, 5. iκανός sufficiens. II p. 2, 13. ενα = ωστε. I p. 20, 22 †. 22, 27†. lσάκις toties. II p. 38, 23 †. 154, 15. ໃσογώνιος cuius anguli aequales sunt. I p. 84, 17+. 120, 4. 268, 5. ζσομεγέθης magnitudine aequalis. II p. 154, 20. ίσοπαχής crassitudine aequalis. II p. 252, 12. ζσόπλευρος cuius latera aequalia sunt. I p. 16, 21, 25 †. 18, 1. 24, 3. 26, 21, 27. 28, 3. 60, 20. 70, 8. 96, 11. 100, 25. 104, 22. 110, 1. 120, 3. 124, 22. 130, 13. 152, 11. 176, 18. 182, 19. II p. 264, 5. **ισορ**ροπέω aequilibritatem seruo (cum datiuo). looggoπεί II p. 310, 1, 17. 314, 11, **12**. **318**, **2**. **322**, **13**. **324**, **4**. ίσοροπέοντι ΙΙ p. 144, 17. 146, 11, 13. 148, 18. 152, 11. 308, 2. Ισορροπεόντων imperat. II

p. 146, 5. Ισορροπείτω ΙΙ p. 306, 4. 310, 9. 312, 7, 23. 316, 3, 20. 318, 14. 320, 19. 328, 4. ισορροπείν ΙΙ p. 142, 3, 5, 8, 11. 158, 14, 16. 160, 2. ἰσορφοπῶν II p. 142, 7. 144, 8, 11, 12, 19. 146, 8, 16. 306, 8. Ισορροπέωντι ΙΙ p. 144, 1. Ισορφοπήσει II p. 144, 2. 148, 16. 158, 12. 308, 2, 10, 25. 318, 1. 320, 22. 328, 7. Ισορροπησούντι II p. 144, 10, 14, 16. 146, 2, 10. 148, 16. 158, 2, 5, 19. ίσορροπής aequilibritatem seruans. ίσορροπές έστω ΙΙ p. 308, 18. čσος aequalis. passim, uelut I p. 2, 6, 11. 4, 14, 16. 14, 2, 12. 16, 7. 18, 7. 36, 9. 132, 11, 13. II p. 38, 23 al. mire collocatum I p. 170, 3. cfr. έχω, κείμαι. τῷ ἴσφ Ι p. 142, 2. 182, 18. 290, 5, 10. 296, 2, 16. 298, 3, 14. 300, 2. 420, 18. 468, 12. II p. 34, 11, 18, 21. 40, 17. 42, 2 sq., 21, 24. 44, 9, 17. 50, 10, 12. 54, 8, 10. 56, 1, 19. 100, 29. 102, 6, 9, 12. 104, 7, 21, 25, 28. 110, 2, 9, 12, 19. 112, 28. 114, 4, 7, 12. 120, 11, 19, 22. 122, 2, 29. 124, 5, 8, 10. τὸ ἴσον Ι p. 452, 6, 9. 472, 16. II p. 146, 11, 12. 148, 18. ή ίση sc. εύθεία I p. 146, 9. 148, 18. 152, 1. 376, 10. 384, 8. τρία ἴσα ΙΙ p. 184, 17. 228, 10. 230, 3. l'ooi tot. II p. 272, 16; cfr. 10. ἴσος καὶ ὁμοῖος congruens. I p. 288, 19. 372, 3, 10. δι' loov Eucl. V def. 18. I p. 218, 3. II p. 154, 14. 172, 13. 220, 24. 222, 15. 224, 2. 226, 16. 234, 12.

ίσοσκελής aequicrurius. co-TI,06.8,88.92,12,92.4I 34, 2, 9. 40, 8. 58, 6, 14. 76, 2, 5, 25. 68, 22. 82, 15. 84, 1, 24. 86, 3. 88, 17, 25. 90, 1. 92, 12, 22. 278, 3. $l\sigma o \tau \alpha \chi \dot{\epsilon} \omega_{\delta}$ aequali celeritate. II p. 10, 10, 12. 14, 13, 19. 16, 4. 18, 3, 9. 50, 23. 52, 3. 58, 25. 60, 2, 28. $l\sigma o \ddot{v} \psi \dot{\eta}_{\delta}$ cuius altitudo aequalis est. I p. 46, 7.

K.

 $\kappa \alpha = \alpha \nu$. u. $\epsilon \alpha \nu$, $\epsilon \sigma \tau \epsilon$, $\epsilon \omega \varsigma$. καθάπες sicut. Ι p. 120, 28. 142, 7. 166, 4. II p. 244, 2. κάθετος perpendicularis. de linea, quae a puncto sursum posito perpendicularis demittitur. I p. 32, 7, 12. 40, 9, 10. 208, 10. 258, 12. 310, 2, 8. 322, 19. 326, 22. 332, 17, 25. 338, 14, 346, 9 +, 27, 348, 2, 6. 350, 8, 15, 19, 21. 356, 3. II p. 24, 7. = $\tilde{v}\psi o g I p. 200, 22 +$, 23+. 260, 16+. ¿ní I p. 32, 3, 5. 90, 5. 112, 23, 29. 304, 19. 328, 16. 336, 10. 344, 22, 25. 406, 9. II p. 306, 11. 314, 25. 318, 12. ἄπο I p. 114, 14. II p. 258, 22. 336, 16. από έπί. I p. 26, 25. 70, 25†. 74, 7†, 8†. 82, 17. 84, 5. 86, 1, 7. 88, 24. 92, 20. 94, 4. 114, 25. 116, 5, 24. 118, 5. 128, 4. 134, 7, 12. 156, 11, 22. 158, 8, 16, 22, 25. 160, 19. 168, 16. 174, 7, 13. 248, 1. 304, 4. 310, 1. 312, 4. 320, 15. 326, 29. 332, 10. 336, 15. 342, 25. 344, 24. 348, 5. 350, 2, 19. 354, 5, 17. 362, 1. 364, 14. 408, 2. II p. 24, 13. 26, 14. 28, 14. 32, 4. 72, 15. 76, 2. 78, 26. 84, 18. 336, 14. 338, 5. κατά πάθετον II p. 306, 24. cfr. αγω. καθίστημι colloco. κατε-

στάθη ΙΙ p. 250, 19 (ἐπί), 24 $(\hat{\epsilon}\nu)$. 252, 6 $(\hat{\epsilon}\nu)$. 254, 5 $(\hat{\epsilon}\nu)$. sisto. κατεστάθη II p. 250, 21. παθόλου omnino. I p. 200, 19. **παθώς** sicut. I p. 22, 14†. 36, 25. 144, 15. II p. 246, 16. $\kappa \alpha \ell$ et. passim. ubi nos utimur signo + I p. 38, 6 al. saepissime. καὶ δέ I p. 436, 8. 450, 24. 472, 6. II p. 48, 10. 54, 2. 220, 11 al. καὶ έπει u. ἐπεί. καὶ γάο = nam. I p. 24, 17. II p. 2, 22. 20, 24. 216, 4. etiam. I p. 4, 16. 24, 1, 13. 26, 6. 52, 4, 26. 64, 22. 144, 21. 174, 28. II p. 4, 10. 16, 17 al. mire collocatum II p. 260, 4. καίπες quamquam. II p. 246, 15. 248, 6. καλέω uoco, nomen do definiendo. καλώ I p. 6, 18. 8, 6, 11, 16. καλέω I p. 274, 14. 302, 10. 336, 13. παλείται ΙΙ p. 244, 4. καλείσθω I p. 278, 28. 282, 23. 288, 10, 11, 25. II p. 8, 13, 16. 52, 6 sq. 54, 2. 266, 21. 268, 1 sq. nalovµevos II p. 266, 20. 268, 13. 270, 5, 6, 7, 276, 12, 278, 8, 9, 10. 280, 7, 10. 282, 2, 5, 25, 28. 284, 19, 24. 286, 18, 20. 288, 6. καλείσθαι I p. 274, 19, 20, 276, 4, 278, 7, 12, 15, 18, 25. 280, 23. 282, 1 sq. καλῶς Ι p. 6, 6. u. ἔχω. καμπύλος curuus. I p. 6, 14 al. u. γοαμμή. κανόνιον regula parua. II p. 254, 2. nανών regula. II p. 250, 10 sq. 252, 5. 254, 4. 266, 2. κατά. cum accusatiuo. κατά πᾶσαν χώραν ΙΙ p. 242,5. κατά onjueior in puncto. de puncto, in quo concidunt lineae I p.102,

14, 18. 278, 4. 320, 18. 328, 2. 436, 1. II p. 90, 10. 96, 25. 118, 4. 164, 20. 166, 4. 182, 12. uel in quo tangit linea uel planum. I p. 120, 14. 130, 17. 162, 8. 274, 21. 276, 7. 278. 9, 20. 282, 3, 12, 16. 346, 15. 350, 11. 354, 2. 358, 13, 16, 17. 360, 4 sq. 362, 12, 16, 17. 364, 2 sq. 366, 11. 380, 16, 18. 398, 5. 402, 17. 430, 5, 11. 436, 2. 454, 12, 14. 476, 7, 9. 492, 14. 494, 1. II p. 8, 17. 10, 20. 28, 6, 17. 32, 7. 56, 5 sq. 58, 2, 64, 3, 66, 18, 25. 68, 4. 70, 7, 12, 18. 72, 3. **74**, 23. **78**, 12. **82**, **7**, 15, 24. 84, 5. 86, 19, 26. 230, 2. 256, 4, 5. 298, 9, 12, 18, 21. 300, 5. 302, 12, 22. 304, 4, 5. 320, 3. 322, 3. 326, 13. 328, 21. 330, 15. 336, 1 sq. 338, 2, 19. 340, 12. uel in quo secat. I p. 206, 23. 214, 23. 216, 4, 6. 304, 6. 310, 2, 9. 376, 10. II p. 66, 3, 4. 68, 9, 12. 76, 9. 80, 3. 84, 8. 90, 5, 12, 16. 98, 2. 148, 6. 170, 25. 172, 4. 184, 17. 202, 11, 15. 256, 7. 306, 14, 18. 314, 2. 326, 16. 330, 16. 336, 21. 342, 10. ἐπίπεδον καθ' εύθειαν I p. 114, 20, 24, 29. 116, 4. 150, 14, 19. 158, 12, 15, 18, 21. 180, 2. 372, 13 sq. 374, 1, 3, 5. 380, 17. 384, 2, 11. 398, 8, 11. 430, 10, 12, 25. 454, 13. 476, 8. 492, 494, 13. ἐπιφάνεια κατὰ περιφέρειαν Ι p. 54, 5. 56, 7, 16, 27. 182, 2. παραλληλόγοαμμον κατ' εύθείαν Ι p. 56, 2, 6, 18, 22. τμημα κατά περιφέρειαν Ι p. 226, 13, 15, 16. 254, 19. τέμνειν (σφαίραν) κατά κύκλον I p. 138, 2. II p. 254, 24, 25, τέμνειν (ἐπίπε-

δον) κατά γραμμήν I p. 250, 3. πατ' αὐνόν ei respondens. I p. 58, 24†. 180, 26. 426, 17. 436, 11. 450, 27. 466, 17. 472, 2, 8. κατ' άφιθμόν τινα II p. 38, 11. 82, 10. 88, 4. 96, 5. 114, 28. 116, 1, 3, 4. 124, 26. 126, 12. κατὰ τὰν άνάλογον τομάν είναι ΙΙ p. 162, 3. τὰ κατὰ τὰς διαιρεσίας σαμεία ΙΙ p. 164, 1. κατά λόγον τινά II p. 162, 2. περιφέρεσθαι κατά κύκλον ΙΙ p. 244, 14, 18. 246, 2. xeĭoðai κατὰ I p. 372, 24. κοεμάσθαι κατά σαμείον II p. 306, 4, 21, 23, 26, 308, 3, 4, 13, 18, 310, 6, 8. 312, 5, 7, 22. 314, 6, 12, 13. 316, 2, 17, 19, 28. 318, 2, 3, 13. 320, 17, 19. 322, 14. 324, 328, 1, 3. κατὰ κάθετον u. κάθετος. κατὰ σύνθεσιν τινα ΙΙ p. 14, 25. 16, 18, 20. cfr. σύνθεσις, διαίρεσις. distributiue. καθ' Εν Εκαστον Il p. 2, 21. κατὰ δύο I p. 290, 15, 25. 424, 1. 436, 17. 446, 23. 466, 25. κατὰ τὰ αύτὰ eodem modo, propter eadem. I p. 36, 18. 58, 3. II p. 94, 13. 346, 3. cfr. I p. 58, 17 †. — cum genetiuo. πίπτειν κατώ I p. 6, 22. 8, 10. φέρεσθαι κατά I p. 102, 2 sq. 120, 11, 12, 20, 27. 152, 14, 16. 162, 5, 12, 18. II p. 10, 12, 26. 14, 13, 18. 16, 4. 18, 2 sq. 52, 3, 11. 54, 15, 25. 58, 24, 25, 27. 60, 22, 24. καταγιγνώσκω coarguo. κατεγνώσθεν II p. 296, 1 (cum dat. ?).

κατάγω duco lineam a puncto sursum posito. κατήχθω I p. 16, 8. in parabola de linea ab ambitu ad diametrum in angulo dato ducta. είσι καταγμέναι II p. 230, 21. cfr. τε-

ταγμένως.

καταλείπω relinquo auferendo uel diuidendo. καταλειπόμενος Ι p. 376, 5. 384, 3. II p. 88, 25. 94, 9. 96, 27. 162, 20. 174, 17. 178, 2. 192, 5, 7. 216,14. 350,12. καταλελείφθω Ι p. 48, 25. καταλελείμμένος Ι p. 376, 6 (ἀπό). καταλειφθήσεται Ι p. 48, 24.

καταμετοέ ω dimetior. καταμετοηθείς ΙΙ p. 254, 9.

κατανοέω intellego. κατανοηθήναι I p. 6, 1. κατανοή-

σαι p. 6, 5.

πατασπενάζω comparo, construo (de iis, quibus praeparatur demonstratio). πατασπενασθέωντι II p. 86, 20. 88, 1. πατασπενασθείς II p. 94, 13. πατεσπενάσθω I p. 144, 20. 230, 1. 394, 2. 426, 4. 434, 15. 450, 11. 470, 18. II p. 66, 26. 122, 14. 332, 17. dubium est πατεσπενάσμενα ὑπό effecta ab I p. 130, 4.

κατασκευή constructio, praeparatio demonstrationis. διὰ τῆς κ. Ι p. 212, 1. διὰ τὴν

и. І р. 216, 15.

κατάστασις positio. κ. έχειν II p. 308, 1. 814, 9. 316, 29. κατεναντίον (siue potius κατ έναντίον) opposite. I p. 56, 4 (cum genet.). de lateribus parallelogrammi II p. 162, 11. κατέχω scio. κατέχεις II p. 244, 3. sustineo. κατεχομένου τοῦ Δ II p. 148, 15.

κατονομάζω denomino. κατονομασμένος ΙΙ p. 242, 8, 18.

270, 1.

κατονομαξία denominatio. κ. ἔχειν ΙΙ p. 246, 11. idem est κατονόμαξις ΙΙ p. 266, 10. κάτω deorsum. II p. 304, 26. κείμαι positus sum. κείμενος I p. 8, 19. 472, 16, 25. II p. 148, 23. 150, 2, 15. 152, 4. 156, 15. 164, 9. 228, 10. 244, 15, 17. 250, 11, 17. 266, 3. 270, 3. 344, 20. 346, 17. 350, 15. 352, 16. cfr. έξης. ως νῦν κείται ΙΙ p. 306, 6. 308, 19. 310, 10. 312, 9. 316, 4. 318, 15. 322, 15. 324, 6. 328, 2, 5. κείσθω II p. 24, 28. ομοίως κείμενος definitur II p. 142, 17. u. praeterea II p. 168, 8, 13. 170, 8. 180, 14. 196, 8. 198, 3. cfr. I p. 130, 22. ομοίως πεέσθαι(?) ΙΙ p. 142, 18. 168, 12 †. δ. κείσθαι ΙΙ p. 170, 12. ομ. κείται II p. 174, 3, 5. κείσθαι κατά cadere in. I p. 372, 24. xelμενος κατά II p. 158, 1. de magnitudine, quae in praeparatione demonstrationis proponitur. κείσθω I p. 14, 3. 32, 9. 60, 13. 182, 6. 190, 15. 198, 29. ἔστι κείμενον I p. 448, 10. 468, 10. ἔστω κείμενος Ι p. 420, 12. 444, 14. 464, 4. II p. 34, 21. 42, 25. κείσθω ίσον I p. 14, 1. 62, 11. 212, 12. 216, 4. 222, 12. 242, 12. 266, 15. II p. 22, 16. 154, 2. 352, 4. πέντρον centrum. circuli. I p. 156, 13. 340, 21. 342, 9, 20. 346, 6. 350, 8. 362, 3. 376, 14. II p. 22, 10, 17. sphaerae I p. 8, 12. 112, 22, 28. 114, 5. 156, 8, 10, 19, 21. 160, 16, 25.

p. 156, 13. 340, 21. 342, 9, 20. 346, 6. 350, 8. 362, 3. 376, 14. II p. 22, 10, 17. sphaerae I p. 8, 12. 112, 22, 28. 114, 5. 156, 8, 10, 19, 21. 160, 16, 25. 170, 8. 194, 20. 226, 20. 232, 11. 234, 6. II p. 244, 5, 16, 20, 22. τῆς βάσεως I p. 88, 23, 27. ellipsis I p. 288, 14. 290, 3. 318, 3, 10, 14. 324, 5, 13, 14. 330, 3, 11, 12. 352, 20.

366, 13. **370**, 21. 372, 6. 382, 3. 398, 15. 440, 10. 454, 4. sphaeroidis I p. 282, 4, 5, 18. **284**, 3, 7, 25. 364, 21. 366, 19. **368**, 10, 15, 19. 370, 6, 8. 440, 3, 7, 16. 452, 23. 454, 7. 458, 23. 460, 5, 8. 474, 18. 476, 12. 480, 24. 482, 10, 16. 490, 25. 494, 4, 5, 13. ή έκ τοῦ κέντρου radius (alia res est ή άπὸ τοῦ κέντρου άγομένη. α. αyω). circuli. I p. 60, 7, 14. 62, 7†. 68, 23, 24. 70, 2. 76, 4, 6, 11, 27. 78, 8 sq. 80, 1. 104, 15. 106, 2 sq. 108, 12, 14. 110, 11, 26, 29. 118, 1. 122, **29.** 124, 9. 126, 5. 132, 10, 12. 146, 24. 148, 4, 15, 25. 150, 5, 10, 15. 152, 3. 154, 4, 13, 17, 27. 156, 1. 160, 9. 164, 11, 20, 166, 5, 11, 168, 6, 25, 170, 21. 172, 1. 174, 14, 15. 176, 3, 10. 178, 24. 180, 10, 13, 14. 188, 9. 196, 7, 18, 19. 200, 1, 7, 8. 208, 5, 6, 13, 14. 228, 5, 6. 230, 16 sq. 242, 10, 11, 13. 250, 21, 22. 258, 3. II p. 12, 24, 26, 27. 22, 6, 24. 64, 28. 106, 15 sq. 108, 3, 7, 8. 116, 3 sq. 118, 10, 20. 128, 18, 22, 23, 26. 134, 6 sq. 258, 9, 11. αί ἐκ τῶν κέντοων Ι p. 62, 16. 66, 26. 68, 1. 72, 28. 76, 18, 20. 78, 3. 80, 2. 108, 5, 9, 15. 150, 21. 392, 10. 396, 4. αί έπ τοῦ πέντρου I p. 62, 19†. 70, 19? sphaerae. I p. 2, 12. 116, 20. 126, 16. 128, 5, 12, 16, 22, 134, 5, 11. 140, 16, 22. 146, 10, 20. 160, 12. 170, 2, 5. 174, 2, 11. 180, 26. 188, 19. 194, 15. 196, 8. 198, 6. 200, 3, 21. 202, 4. 214, 5. II p. 244, 6. hyperbolae I p. 422, 10†. nevroov vãs II p. 244, 6, 7. 254, 22. 256, 1. πέντρον πόσμου ΙΙ p. 244, 26. κέντοον αλίου II p. 244, 7. 254, 21. γράφειν κύκλον κέντοφ μεν τῷ σαμείφ etc. II p. 10, 17. 12, 15. 52, 25, 27. 64, 6. 82, 17. 84, 6. 90, 6, 13, 18. 96, 23. 118, 2. 182, 24. 134, 15. cfr. γοάφα. κέντρον τοῦ βάρεος centrum grauitatis. II p. 144, 5. 146, 19. 148, 1 sq. 150, 5 sq. 152, 7, 18. 156, 3 sq. 158, 10. 160, 6, 15 sq. 162, 9, 15. 164, 6 sq. 166, 1 sq. 168, 2 sq. 170, 15 sq. 172, 2. 174, 5, 9, 14. 176, 6, 6, 8. 178, 6 sq. 180, 9 sq. 182, 2 sq. 184, 12, 13, 15, 186, 3 sq. 188, 5, 7. 190, 1 sq. 192, 20, 24. 194, 1, 5, 6. 198, 6 sq., 23. 200, 13, 18. 202, 2 sq. 204, 5 sq. 206, 2 sq. 208, 4, 15, 23. 210, 15, 19. 212, 3 sq. 214, 5 sq. 216, 7, 10, 12. 228, 8. 230, 10. 236, 22. 238, 8, 10. 806, 25. 310, 14. 314, 3. 316, 25. τὰ κέντοα τῶν βαρέων II p. 142, 14, 16. 160, 7. 170, 7. 8. 194, 13. 196, 7, 10, 12. 198, 2. 210, 27. κέντρα τοῦ βάρεος ΙΙ p. 148, 3, 22. 150, 1, 15. 152, 3, 8. 156, 16. 188, 8, 12. 208, 12. πέντρον βά-QEOS II p. 162, 6. 170, 1, 8. 174, 6. 236, 20, 21. 238, 9. 306, 19. τοῦ βάφεος omissum est II p. 148, 7, 24. 152, 5, 14. 156, 19. 160, 5, 9, 11, 12. 162, 4. 164, 11. 182, 1. 184, 9. 194, 3, 4. 200, 10. 202, 8. 204, 13. 212, 8.

πινέω moueo. πινούμενος II p. 246, 6. promoueo, adtingo. πεπινημένος II p. 2, 21.

noîdos canus. Énl tà avià noïdos I p. 6, 18. 8, 6. 10, 2, 13. 46, 27. 56, 12. 104, 6. 122, 16. II p. 144, 5.

ποίλω μα caum. II p. 242, 13. κοινός communis. ποινά έχει I p. 10, 5, 16. 56, 13. ποινή ή ΖΕ Ι p. 166, 20. ποινά πλευρά II p. 36, 10. 42, 4. 44, 8. 48, 5. 50, 1. 56, 14. 198, 18. 200, 14. II p. 334, 3. ποινά έστι II p. 48, 4 (cum genet.), 23. 332, 1. ποινόν προσπείσθω I p. 40, 5. 54, 16†. ποινή τομή I p. 203, 3. u. τομή. ποινή γωνία I p. 268, 3.

κοινωνέω particeps sum (cum genet.). κεκοινωνηκότεσσι ΙΙ p. 290, 18.

κομίζω porto. ἐκόμιξεν ΙΙ p. 6, 9. κομίζομες ΙΙ p. 4, 7. κομισθέντεσσι ΙΙ p. 2, 4.

μορυφή (μορυφά) uertex. coni I p. 8, 12. 32, 4. 34, 5, 9, 11. 38, 14, 19, 22. 88, 19, 28. 102, 11, 13, 18. 114, 4, 7, 9. 150, 9. 156, 7, 19. 158, 2. 160, 16. 174, 5, 9. 184, 1. 194, 25. 196, 5. 220, 6. 236, 20, 242, 17, 19. 250, 25. 252, 5. 254, 16, 18. 278, 3, 13, 23. 288, 7 sq. 340, 24. 342, 3. 356, 23. 358, 2, 5. 380, 21. 386, 18. 400, 6. 408, 5. 410, 8. 414, 3. 430, 2, 26. 454, 23. 476, 20, 26. 482, 18. 484, 1. 486, 1, 3, 6. segmenti sphaerae I p. 2, 13, 154, 4. 160, 10. 164, 21. 168, 6, 26. 176, 4. 178, 25. 188, 10. 218, 16, 17, 22. pyramidis I p. 26, 24. 70, 16. 72, 25. σχήματος I p. 152, 18. conoidis I p. 274, 21 (definitur). 278, 13. 360, 6, 17. segmenti conoidis. I p. 276, 7, 10. 278, 8, 20, 23. 380, 25. 398, 10. 430, 7. II p. 8,

17. 10, 2. segmenti parabolae I p. 406, 1 sq. II p. 192, 11, 16. 202, 7. 204, 12, 21. 208, 5. 212, 21. 214, 2. 334, 19, 24. 336, 15 (definitur), 20. 338, 8. 340, 10. 342, 15, 19. 344, 25. sphaeroidis I p. 282, 3. segmenti sphaeroidis I p. 282, 12, 15. 286, 2, 8. 440, 19. 454, 16. 460, 13, 15, 24. 474, 22. 476, 10. 482, 9, 12, 21. 492, 4. 494, 2, 3. segmenti coni I p. 288, 12. 408, 3, 4. 410, 7. anguli II p. 248, 23. 250, 12, 17, 21, 24. 252, 2, 7. 254, 8, 258, 2. cfr. ἔχω. **πόσμος m**undus. II p. 244, 3, 4 (definitur), 11 (Aristarchi), 27. 246, 7. 248, 18. 254, 20, 24. 262, 10, 12, 21. 264, 2 sq. 286, 26, 288, 3 sq. 290, 21. ποεμάννυμι suspendo. libra. κοεμάσθω II p. 306, 1, $2 (\ell n)$. 308, $13 (n \alpha \tau \alpha)$, $16 (\ell n)$, 23 (ἐκ). 310, 5 (κατά), 7 (ἐκ - πατά), 8. 312, 4 (ἐν - πατά), 6 (κατά), 21 (ἐκ — κατά). 314, 22 (id.). 316, 1 (id.), 14 (id.), 18 (πατά). 318, 12 (έπ — πατά), 13 (κατά). 320, 16 (έκ), 18 (έκ — κατά). 326, 24 (έκ), 25 (έν — κατά). κοεμάσθωσαν ΙΙ p. 328, 3 (id.). in multis horum locorum legitur in libris πεποεμάσθω (sicut etiam πεκρεμάμενος), quas formas sustuli, fortasse paullo audacius. **πρεμασθη II p. 306, 22 (πατά).** 314, 7 (id.). 316, 28 (έμ — ματά). πρεμάμενος II p. 306, 5 (πατά). 23, 25. 308, 3 (κατά), 17 (id.). 314, 13 (id.). 318, 2 (id.). 322, 13 (id.). 324, 5 (id.). πρέμασις suspendium. U. y. 806, 21 (xará). κρεμαστός. σαμείον τοῦ κρε-

μαστού punctum suspendii. II p. 306, 25. πύβος cubus. δ από Ip. 246, 4, 5, 8, 9. II p. 232, 5 sq. 234, cfr. ἀπό. κύκλος circulus. I p. 10, 23, 25 al. πρῶτος κύκλος II p. 52, 27 (definitur). 58, 7, 16. 64, 2. 78, 11. 88, 17. 98, 28. 100, 4. 106, 17, 20. 126, 19, 21. δεύτερος κύκλος II p. 54, 1 (definitur). 78, 7. 94, 5. 106, 13 sq. 110, 1. 126, 15, 18. 128, 2, 4. τρίτος πύπλος II p. 126, 25. 128, 2. **πύπλος μέγιστος** σφαίοας Ι p. 128, 21. 130, 8. 136, 9. 140, 12. 148, 8, 10, 11, 18, 23. 152, 9. 206, 5, 21. 210, 11. **222**, 24. **224**, 11. **226**, 23. 230, 5. 232, 6. 234, 5. 248, 20. τῶν ἐν τῆ σφαίοα Ι p. 100, 24. 104, 21. 108, 24, 26. 110, 6. 112, 13, 16, 24. 118, 7. 120, 2. 124, 17. 126, 11. 128, 11, 18. 136, 7. 140, 15, 17. 146, 14. 148, 6. 154, 7. 156, 12. 160, 23. 166, 1. 170, 7. 176, 7. 180, 1, 28. 188, 7, 13. 190, 9. 194, 18. 236, 7. 242, 2. 248, 18. II p. 4, 12. 248, 18. 254, 19. 262, 20. μέγιστος omissum + I p. 130, 12. 218, 23. πύπλος έν φ τὸ Ψ II p. 118, 20. κύκλος, δς έστι βάσις τοῦ πώνου Ι p. 34, 2. 38, 11. 52, 16. ò núnlos δ περί διάμετρον την ΑΓ Ι p. 86, 4. 88, 28. 92, 25. 102, 10, 13, 17. 104, 4. 116, 1. 122, 14. 154, 8. 156, 18. 158, 2. 174, 9. 190, 18. 192, 22, 27. 194, 25. 196, 4, 19. 198, 1, 4, **19. 200, 9, 10, 12. 204, 13.** 218, 16, 17, 22. 220, 6, 13, 14. 226, 1, 2. 230, 4. 236, 19. 242, 17. 250, 25. 252, 8. 254, 12, 13, 16, 17. 308, 2. 314, 10. 320,

6. 324, 27. 332, 13. 334, 13. 336, 4, 13. 376, 8. 378, 8. 386, 22. 388, 11, 13. 390, 1, 3, 6. 392, 6. 396, 10. 408, 10. 412, 5, 15. 414, 2. 418, 11. 420, 4. 422, 1, 3, 15, 17. 440, 18. 444, 2. 482, 20, 26. 484, 15. 486, 2, 5. διάμετρος omissum. I p. 114, 6. 150, 9. 162, 15, 17, 22. 166, 4. 174, 4. 176, 9. 200, 15. 320, 20. κύκλος ού διάμετρος ά I p. 314, 13, 21, 22. ό M núnlog I p. 132, 7. 204, 10. 206, 13, 15 al. xúxlog omissum. l p. 156, 1. 386, 21. cfr. διάμετρος, πέντρον, γράφω, έχω, περιφέρεια. nulindeinos cylindricus. xvλινδρική έπιφάνεια Ι p. 46, 1, 15. 48, 1, 7, 14. 50, 5, 13, 22. 52, 5, 10. πυλίνδοιον cylindrus paruus. II p. 252, 11, 16, 18, 22, 25. κύλινδρος cylindrus. I p. 4, **1**, 15. **44**, 20, 25. **46**, 10, 23. 48, 5. 50, 2, 4, 10, 18, 20, 21. 52, 14. 146, 13, 18, 26. 286, 24. 288, 16, 21, 22, 23. 330, 6, 15. 334, 5, 14. 340, 11, 12. 374, 15, 26. 376, 3, 7, 15, 19, 21. 378, 2, 3, 6, 8. 382, 6. 386, 22, 24. 388, 6, 9, 14. 390, 8, 15 sq. 392, 1, 8, 11, 14, 15. 394, 6 sq. 396, 1 sq. 400, 4. 416, 21. II p. 4, 15, 16. 250, 12, 17, 21, 24. 252, 2, 7. 254, 2, 3, 5. 296, 20. cfr. βάσις, έπιφάνεια. κυρτός, τὰ κυρτά pars conuexa. I p. 354, 25. 356, 9, 17. 358, 10. κωνικός conicus. έπιφάνεια πωνική I p. 34, 27, 28. 36, 4,

7, 11. 38, 24. 40, 22. 42, 2, 9,

16,19. 44,6,11,17.58,8,10†. 102, 12, 16, 21, 23. 108, 23. 110, 3. 112, 19. 120, 28. 122, 1. 124, 8. 126, 19. 148, 22. 150, 18. 152, 16, 17. 156, 5, 17. 162, 12, 14, 18. 170, 14. 176, 23. 182, 28. τὰ κωνικὰ doctrina conicorum. I p. 304, 15. II p. 298, 5. 300, 10. cfr.

μεταξύ.

πωνοειδές Ι p. 190, 3. 276, 1, 8. 278, 21. 282, 22. 286, 15, 22. 344, 6, 15, 17, 18. 348, 18, 24, 27, 350, 6, 356, 10, 14, 22, 25. 358, 2, 6, 13, 18. 360, 3, 8. 364, 6. 374, 11. 376, 2. 378, 12. 380, 22. 382, 10. 392, 21. 394, 1. 398, 9, 12. 400, 24. 404, 19, 20, 410, 22, 416, 13, 430, 2, 11, 13. II p. 8, 12, 18, 23. κωνοειδές όρθογώνιον Ιρ. 274, 11, 15, 19. 276, 13, 17. 278, 28. 340, 14. 344, 2, 12. 352, 6. 380, 19. 386, 8, 11. 404, 14, 18. 410, 13, 17. πωνοειδές άμβλυγώνιον Ι p. 274, 12. 276, 20. 278, 7, 15, 27. 280, 2, 10. 340, 23. 348, 14, 22. 356, 20. 380, 20. 416, 2, 10. 428, 15, 22. κωνοειδὲς σχῆμα Ι p. 276, 2. 346, 5. 358, 12. 364, 5. II p. 8, 13. uovos conus. I p. 4, 14. 8, 11, 15, 16, 19. 34, 2. 102, 9. 134, 2, 3, 17, 19. 140, 14. 156, 19. 336, 15. 386, 9, 17, 19, 20, 24. 388, 2, 9. 390, 13, 14. 392, 19, 20, 22, 394, 1, 400, 6, 402, 2, II p. 4, 15, 16. 8, 9. 296, 20, 21. al. cfr. τομή, βάσις, έχω, έπιφάνεια, μεταξύ, πορυφή, πλευρά. δ Ψ κῶνος I p. 394, 5. 396, 15, 16. 400, 14, 15, 24 al. ὁ κῶνος ὁ περιέχων τὸ πωνοειδές definitur I p. 278, 11. u. praeterea I p. 340, 25. 342, 4. 356, 23. 358, 2. 380, 21. xãvos omissum. I p. 78, 19. 84, 7, 8. 88, 1, 5, 14. 90, 29. 114, 13. 118, 12. 174, 17, 18.

1.

λαμβάνω sumo. sensu uulgari II p. 2, 12, 13. 92, 7? 252, 4, 12, 16, 21. 272, 7. adsumo, de hypothesibus et axiomatis. I p. 6, 11. 8, 21, 22. II p. 14, 6. 248, 3. 294, 19. 296, 8, 22. τὰ λαμβανόμενα Ι p. 6, 11. 8, 21. sumere punctum I p. 6, 19. 8, 7. 320, 13. 326, 28. 332, 7. 336, 9. 344, 23. 350, 1. 358, 17. 362, 16. 368, 1, 8. II p. 2, 12. 132, 22, 23. 134, 13. centrum sumere I p. 176, 14, 258, 11. II p. 310, 14. 316, 25, 26. de lineis et figuris, quae demonstrandi causa adsumuntur uel inueniuntur. I p. 22, 1. 134, 2. 136, 14, 17. 140, 24. 144, 12. 148, 24. 150, 5, 9, 15. 156, 20. 172, 1. 176, 10. 182, 11. 186, 6. 304, 2. 316, 10. 326, 16. 372, 2. 476, 16. 478, 4. II p. 14, 14, 19. 18, 4, 7, 10. 20, 3, 11, 22, 13, 44, 27, 72, 9. 74, 18. 78, 20. 84, 13. 88, 8. 90, 20. 92, 20. 94, 20, 21. 96, 3, 8, 10, 13. 218, 1, 9, 11. 236, 11, 17. 330, 7. 332, 14. περιφέρειαν λαμβάνειν ΙΙ p. 58, 12. 60, 14? 84, 1. 86, 24. 88, 6. δίς λαμβανομένα ΙΙ p. 62, 10, 14. cfr. 234, 9. γωνίαν λαμβάνειν ΙΙ p. 248, 22, 24. 250, 1, 5, 7. 254, 1, 9. $\mu \dot{\epsilon}$ σην ανάλογον λαμβάνειν Ι p. 22, 5, 76, 10, 192, 23 +, 224, 6. II p. 230, 13. — sequitur formarum conspectus. λαμβάνω Ι p. 8, 22. 22, 1. Η p. 14, 6. λαμβανέται II p. 252, 12. λαμβάνουτι (-ουσί) ΙΙ γ 2, 12. λαμβάνων Π Ρ. 248,8.

294, 19, 296, 22. II p. 88, 8. λαμβανόμενος Ι p. 6, 19. 8, 7. II p. 44, 27. 58, 12. 60, 14? 62, 10, 14. 84, 1. 86, 24. 88, 6. 234, 9. 296, 8. ξλαβον ΙΙ p. 72, 9. 74, 18. 316, 25. **ελάφθη ΙΙ p. 252, 4. 254, 1.** λαφθή II p. 218, 1, 9. λαφθέαντι II p. 2, 12. 14, 14. 18, 4. 132, 22. λαβών II p. 2, 13. 92, 20. 96, 3, 13. ληφθείς Ι p. 22, 5. λαφθείς Ι p. 358, 17. 362, 16. 368, 8. II p. 18, 7. 90, 20. 94, 20, 21. 96, 8, 10. 132, 23. 218, 11. 252, 16, 21. 254, 9. λαβείν I p. 136, 14. 140, 24. II p. 20, 3, 11. 22, 13. 248, 22, 24. 250, 1, 5, 7. 330, 7. 332, 14. λαφθησέται II p. 316, 26. λελάπται II p. 92, 7? είλήφθω I p. 76, 10. 148, 24. 150, 5, 9, 15. 156, 20. 172, 1. 176, 14. 192, 23. 258, 11. λελάφθω I p. 304, 2. 316, 10. 326, 16. 336, 9. 368, 1. 372, 2. 476, 16. 478, 4. II p. **78**, 20. **84**, 13. 13**4**, 13. 230, 13. 272, 7. 310, 14. εἰλήφθωσαν I p. 134, 2. 136, 17. 144, 12. 182, 11. 186, 6. 224, 6. λελάφθωσαν II p. 14, 19, 18, 10. είλημμένος I p. 142, 2. λελαμμένος Ι p. 320, 13. 326, 28. 332, 7. 344, 23. 350, 1. II p. 236, 11, 17. λέγω dico. λέγω (δὴ, οὐν), οτι in initiis demonstrationum ad repetendum, quod demonstrandum est. I p. 12, 5, 23. 14, 27. 28, 1. 30, 24. 34, 12. 38, 23. 46, 1. 70, 3. 72, 17. 78, 10. 84, 5. 86, 10. 90, 7. 94, 5. 96, 22. 100, 8. 106, 3. 110, 4. 136, 9. 138, 25. 194, 26. 216, 9. 224, 16. 234, 17. 236, 10. 238, 7. 242, 4.

250, 9. 258, 6. 308, 7. 388, 1. 456, 3. II p. 148, 6. 150, 4. 158, 9. 170, 1. 172, 1. 178, 22. 332, 10. 344, 23. cfr. $\phi \eta \mu \ell$ λέγω δέ ΙΙ p. 242, 8. λέγεσθαι (ποτί μέγεθος έν λόγφ τινί). λεγέται Ι p. 446, 26, 29. λεγόνται Ι p. 290, 20, 22. 424, 3, 6, 9. 436, 18, 20, 23. 446, 23. 466, 25, 28. 468, 2. λεγήται I p. 290, 16. 292, 3. 294, 12, 15. λεγώνται Ι p. 294, 11, 12, 14. λεγέσθω Ι p. 292, 3. τὰ ποτ' ἄλληλα λεγόμενα Ι p. 10, 22. II p. 14, 11. numerare, computare. λεγόμενος Ι p. 472, 12. είρημένος ΙΙ p. 80, 15, 16. λεγόμενος κατά denominatus. II p. 82, 11. 96, 6. 114, 28. 116, 1, 5. cfr. leγόνται II p. 88, 5. λεγέσθα ΙΙ p. 192, 9. ώς εἴοηται Ι p. 324, 14. 330, 12. 344, 13. 348, 23. 396, 26. 404, 19. 428, 23. 476, 1. 482, 3. 492, 8. II p. 198, 13. 270, 20. 350, 7. olos είοηται Ι p. 148, 22. 182, 6. 380, 7. II p. 92, 13. 98, 18. 188, 12. 192, 22. 202, 9. 208, 15. 212, 1. 214, 4. 340, 6. 342, 13. τὸ λεγόμενον I p. 168, 20 †. είρημένος Ι p. 4, 6, 12, 24. 20, 2. 24, 22. 28, 2, 14. 30, 25. 32, 7. 34, 22. 36, 8, 9. 42, 12, 19. 56, 10, 20, 21, 28. 94, 5. 96, 22. 108, 18. 110, 17, 25. 112, 13. 116, 10, 12. 128, 24. 132, 16. 140, 19. 144, 14. 146, 26. 154, 9. 158, 22. 160, 4. 162, 15. 164, 14. 166, 8. 170, 4. 172, 6. 178, 5, 13. 182, 4. 184, 6. 206, 16. 242, 19. 250, 8, 12. 276, 24. 278, 25. 286, 11. 302, 18. 312, 15. 342, 22. 368, 1. 392, 10, 13. 400, 21. 410, 2. 420, 7, 10. 432, 6.

462, 27. 474, 9. 482, 21, 25. 496, 8. 498, 1. II p. 4, 8. 8, 19. 14, 2. 46, 1. 48, 9. 60, 13. 62, 9, 12. 68, 29. 80, 17. 86, 24. 88, 2, 5. 92, 13. 98, 18, 21. 100, 15, 18. 102, 23, 25. 116, 7 sq. 120, 1, 3, 4. 122, 7, 17. 160, 10, 162, 4, 168, 17, 176, 18, 23, 180, 27, 186, 7, 12, 188, 9. 198, 14. 234, 20, 21. 244, 12, 27. 246, 7, 13. 258, 8. 262, 22. 266, 19. 268, 13. 274, 9. 288, 13. 324, 18, 26. 330, 9. 332, 24. u. praeterea 1\(\xi\)yours II p. 142, 17. 168, 11 +. λεγόντες ΙΙ p. 266, 17. λεγόμενος I p. 214, 16. II p. 192, 16. είπαμες ΙΙ p. 244, 2. έροήθησαν I p. 116, 8. δηθείς II p. 48, 14. 50, 6. δηθήμεν II p. 242, 15? 266, 10. λείος laeuis. II p. 266, 2. $\lambda \varepsilon \ell \pi \omega$ relinquo auferendo uel diuidendo. λείπειν I p. 24, 4. λειπόμενος ΙΙ p. 200, 3. 342, 2, 8. λείψομεν Ι p. 16, 2. 36, 15. 42, 24. λειφθήσεται Ι p. 20, 5. λελείφθω I p. 16, 19. 20, 7. 36, 16. 42, 25. λελείφθωσαν Ι p. 260, 12. λείπεται έλάσσονι I p. 394, 4. λεπτός tenuis. II p. 252, 12. λεπτότερος II p. 252, 16, 19. λευπός albus II p. 252, 12, 13, 14, 18, 20. $\lambda \tilde{\eta} \mu \mu \alpha$ propositio, quae demonstrationis causa adsumitur (ipsa non demonstrata) II p. 14, 7. 294, 19. 296, 8, 13, 16, 22, 25. falsarius hoc nomine significat notas Eutocii. I p. 14,

 $\lambda \acute{o} \gamma o \varsigma$ ratio*) ($\check{e} \gamma \varepsilon \iota \nu \pi \varrho \acute{o} \varsigma$). έλάσσονα λόγον ἔχειν ἥ I p. 12, 19. 14, 24. 16, 2. 18, 18, 26. 20, 18. 66, 7. 74, 14, 20. 146, 2, 4. 184, 11. 266, 20. 268, 11, 14. 270, 1, 4, 5. 428, 3, 5. 438, 23. 474, 10. 480, 19. II p. 22, 6, 23. 24, 24. 42, 16. 44, 11. 50, 14. 66, 7. 68, 19. 70, 2. 72, 22. 74, 4. 76, 3, 6, 8, 11. 80, 6, 11, 13, 19. 110, 13, 21. 112, 1. 120, 24. 122, 3. 158, 18. 210, 2. 258, 9, 12, 17. 260, 2 sq. 318, 6. τοῦ, ὂν ἔχει. l p. 60, 23. 64, 19. 70, 11. 72, 21. 136, 15. 138, 6, 27. 140, 2, 25. 142, 10. 144, 1, 14. 178, 18. 182, 25. 184, 10. 186, 5, 10, 14. 238, 28. 296, 6, 27. 300, 15. 426, 26. 468, 18. 474, 2, 7. II p. 22, 20. 26, 4. 64, 29. 66, 5. 68, 14. ἤπεο Ι p. 14, 10, 11, 13. 18, 8, 10. 20, 13. 64, 22. 72, 6, 9. 138, 16. 140, 5. 142, 23. 144, 2, 19, 25. 176, 20. 178, 4. 182, 9. 184, 5, 6. 238, 23, 25. 240, 7. 244, 9. 246, 21. 268, 10. II p. 66, 12. 76, 6, 12. έλάσσονα η διπλασίονα λόγον ἔχειν τοῦ, ὄν I p. 236, 3. 238, 9. 240, 2, 25. 242, 6. ἤπεο I p. 236, 10. έλάσσονα τοῦ διπλασίου Ι p. 244, 6. μείζονα λόγον έχειν η̃ I p. 74, 1, 9. 184, 12. 254, 12. 264, 13, 14, 16. 424, 15, 19, 21. 438, 3, 9. 468, 26. 470, 6. 9. 480, 7. II p. 76, 11, 15, 18, 22, 114, 8, 14, 124, 12, 200, 2, 7. 208, 2, 27. 210, 7, 240, 13. 260, 10, 15. 310, 25. 314, 15, 17. 318, 5. ἤπες I p. 18,

12. 40, 9. 142, 27. 164,4. 198, 7.

^{*)} Debui proportionem dicere (Hankel: Beitr. z. Gesch. d. Math. p. 389 not.), sed in uocabulo singulis paginis occurrenti. commoditati studui.

6. 246, 6, 16. 248, 2, 5, 9, 11, 13. 254, 6, 9. 264, 9. 266, 2, 9, 12, 270, 7. II p. 124, 15. 176, 20, 23. 178, 3. τοῦ ὃν έχει I p. 232, 28. 234, 9. 438, 5. 468, 22. 472, 22. τοῦ αὐτοῦ λόγου Ι p. 296, 11. 298, 1. 800, 17. II p. 42, 23. 44, 50, 19. μείζων ὁ λόγος τοῦ Ι p. 320, 2. τοῦτον ἔχει τον λόγον ον. I p. 280, 6, 14. 284, 10, 16, 28. 310, 18. 318, 25. 392, 3. 394, 21. 426, 18. 428, 18. 434, 18. 436, 12. 446, 18. 452, 1. 458, 26. 460, 17, 22. 466, 19. 470, 26. 474, 21. 478, 2, 6. 480, 27. 486, 9, 27. 488, 15. 490, 3, 5, 22. 492, 3. 494, 10. II p. 128, 12, 24, 27. 130, 18, 21. 182, 2, 14, 16. 134, 3. 136, 10, 23, 138, 11, 310, 24, δν έχει. I p. 96, 16. 286, 6. 326, 11. 416, 5, 25. 422, 28. 462, 26. 482, 14. II p. 10, 1. 12, **24**. **76**, **7**. **106**, **13**. **116**, **20**. 118, 6. 126, 16, 26. 128, 19. 134, 22, 136, 2, 6, 19, 27, 138, 7. 176, 13, 19. 178, 13. 184, 3. τοῦτον τὸν λόγον ἔχειν Ι p. 310, 16, 22. II p. 118, 21. τὸν αύτον έχειν λόγον τῷ Ι p. 76, 14. 82, 10. 96, 23. 134, 18. 232, 10. 234, 1, 20, 21. 282, 27. 402, 10. 410, 15, 20. 412, 11. 436, 17. 498, 3. II p. 42, 8. 50, 20. 152, 12. 158, 6. 188, 10. 196, 8. σνπες I p. 62, 15. 64, 12. 434, 21. II p. 14, 15. ον I p. 66, 26. 70, 19. 72, 27. 76, 22. 100, 1. 124, 25. 134, 10, 18. 194, 14. 292, 1, 11, 14, 17. 294, 5, 7, 17. 300, 23. 304, 21. 306, 1, 22. 308, 4. 310, 7, 10, 19. 312, 9, 17, 20. 314, 4, 15, 22, 29. 316, 9, 12, 14, 16. 320, 25. 322, 1, 9, 13, 16, 20.

328, 18, 21, 22. 346, 20, 26, 29. 348, 4, 8. 350, 14, 17, 21. **354**, 7, **12**. **390**, **18**, **24**. **392**, 9. 394, 10, 14. 396, 2. 402, 8 sq. 408, 13. 414, 26. 420, 10. 422, 5, 18. 424, 12. 426, 13, 23. 432, 7. 434, 23. 436, 8, 25. 446, 8, 12. 448, 2, 6. 450, 18, 22. 452, 5. 462, 28. 464, 3. 466, 10, 14. 468, 4, 8, 472, 3, 9, 15, 486, 3, 20, 23. 488, 1, 4, 10, 19. 490, 6, 12. 494, 21, 24. 496, 5 sq. 498, 6. II p. 6, 17, 14, 22. 16, 22. 18, 6, 16, 23, 27. 22, 18. 26, 3, 4, 27. 28, 2, 21. 34, 9. 46, 4. 58, 8, 20. 60, 4, 12, 18. 62, 1, 8, 12. 72, 19. 76, 10. 80, 2, 4. 84, 21. 86, 1. 132, 9, 12. 158, 9. 176, 17. 212, 28. 220, 1, 3, 13, 18, 24, 222, 7. 224, 3, 7. 272, 11. 300, 17. 302, 3, 6. 304, 7 sq. 310, 20. 318, 3. 322, 4, 6, 8. 338, 21. δν έχει Ι p. 292, 21. 294. 1. 816, 19. II p. 118, 15. 134, 18. 136, 12. 160, 11, 19. 228, 13. 230, 5. 236, 24. cfr. 288, 12. nal I p. 68, 2. 70, 28, 72, 29. 76, 8. 332, 16. II p. 198, 3. τὸν αὐτὸν λόγον ἔχειν Ι p. 282, 21. 290, 15, 25. 356, 4. 420, 6. 424, 2. 446, 23. 466, 25. II p. 196, 5. 220, 12. 224, 22. 288, 16. ἔχει λόγον ον I p. 62, 18. 68, 1. 134, 16. 262, 3, 7, 8, 17. 264, 3, 4, 10. 410, 4. 416, 19. II p. 72, 20. 108, 2. 116, 2. 128, 7 sq. 130, 3, 7, ·14. 136, 14. 186, 16. 190, 11. 200, 15. 210, 17. 222, 4. 226, 24, 25. 228, 1, 3. 232, 16. δ_{ν} δὲ λόγον ἔχει — τοῦτον ἔχει (έχέτω). I p. 64, 9. 70, 21, 250. 28. 254, 7. 292, 7, 8. 308, 5. 804, 9, 402, 14, 18, 414, 8, 15. 432, 8. 434, 24. 470, 7. 474, 8. 484, 6. 494, 16. II p. 34, 4. 44, 18, 21. 66, 10. 68, 22, 29. 74, 9. 76, 19. 80, 16. 86, 10. 110, 25. 188, 14. 198, 19. 206, 20. 208, 18. 216, 25. 218, 3, 13, 15. 310, 10. 312, 10, 19, 27. 314, 27. 316, 10, 12. 318, 15, 17. δν δε λόγον έχει — τοῦτον ἔχει τὸν λόγον Ι p. 62, 20. Η p. 122, 6. 244, 27. δν έχει λόγον, τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον II p. 206, 15. lóyog omissum. I p. 22, 16, 18. 184, 7, 8. 264, 17. 270, 5. 314, 20. 332, 19. 420, 7. 424, 20. II p. 128, 2, 4. ἐλάσσονα λόγον omissum. Ι p. 268, 16. 270, 2. λόγον έχει om. I p. 292, 18. έν τῷ αύτῷ λόγφ I p. 82, 4. 290, 19. 292, 7. 294, 15. 424, 9. 436, 23. 446, 28. 468, 1. II p. 196, 4. 218, 25. 224, 12. 232, 5. είς λόγον τέμνειν Ι p. 310, 8. II p. 192, 15. 196, 2. 302, 14. τοῦτον ἔχει δυνάμει τὸν λόγον II p. 108, 9. u. δύναμις. λόγος δ αὐτὸς τῷ δοθέντι Ι p. 206, 4. 210, 3. 414, 13. λόγος έστὶ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν έπιφάνειαν δοθείς Ι p. 206, 10, 18. 210, 8, 17, 21. 212, 17, 18. 214, 2, 3. 222, 7, 8. 228, 16, 17. 232, 14, 15. lóyog ör έχει II p. 24, 16. 72, 13. 74, 24. 78, 24. 84, 17. ὁ τῆς ἐπιφανείας πρός την έπιφάνειαν λόγος Ι p. 212, 19, 23. 214, 6, 8, 9, 28. 234, 1. 242, 9, 14, 21 sq. 244, 1 sq. 246, 3, 4. 410, 3. II p. 178, 5. 190, 12. μέσον λόγον έχειν † I p. 60, 7, 12. 68, 24. 78, 1. δ τῶν βάσεων λόγος I p. 340, 3, 7. 408, 6. 488, 21. 498, 2. II p. 128, 16, 132, 18. ούτός ἐστιν δ αύτος τῷ, ον ἔχει Ι p. 390,

19, 20. 394, 15. 422, 6. 466, 11. 498, 9. δν δὲ λόγον ἔχει, δ αύτός έστιν τῷ, ὅν Ι p. 484, 4, 13. 490, 1. cfr. II p. 176, 21. τὸν ταχθέντα λόγον ἔχειν II p. 4, 18, 20. 6, 6. of loyou I p. 176, 28. ἐχέτω τὸν αὐτὸν λόγον τὸν τοῦ Η p. 200, 9. τριπλασίονα λόγον έχειν ΙΙ p. 274, 10, 23. 296, 17. u. τριπλασίων. διπλασίονα ΙΙ p. 296, u. διπλασίων. ἐν τετραπλασίονι λόγφ ΙΙ p. 344, 14. 346, 14. 350, 16. 352, 17. 26yog ratiocinatio. I p. 24, 13. II p. 208, 7. u. ἄξιος.

λοιπός reliquus. λοιπὸς ὁ Ι p. 36, 11. 38, 7. 42, 5. 44, 8. 48, 6, 14, 50, 12, 52, 10, 80, 6. 92, 10. 96, 7. 180, 20. 198, 20. 204, 25. 248, 8. II p. 30, 14. 34, 3. 158, 17? 172, 17. 174, 2. 184, 14. 200, 12. 214, 20. 216, 1, 8. 238, 1. δ λοιπός I p. 96, 8. 122, 21. 154, 11. 196, 16, 17. 200, 22, 23. 260, 2. 274, 3, 10. 290, 11. 296, 10, 28. 298, 10, 12. 300, 4, 16. 372, 21. 446, 3. 448, 17, 22. 452, 7, 10. 464, 18, 22. 472, 25. 474, 1. II p. 38, 23. 40, 9, 19. 42, 6. 48, 10. 56, 3. 66, 16. 70, 6. 144, 10. 160, 5, 13. 168, 10. 170, 21. 178, 10, 14. 184, 3. 208, 1. 228, 2. 278, 9. 280, 9. 282, 5. 284, 23. 286, 20. 348, 16, 18. λοιπόν έστιν Ι p. 214, 10. 376, 23. 384, 21. λοιπὸν δειξοῦμες deinde demonstrabimus. II p.36,25. 48, 16.

λυπέομαι doleo. ἐλυπήθημες ΙΙ p. 294, 6. λύω solao. λυθη ΙΙ p. 808, 21. 314, 8. 316, 29 (ἀπό). M.

μάθημα mathematica. II p. 2, 18. μαθήματα I p. 6, 7, 9. II p. 2, 9. 290, 18. 294, 7. μακρός longus. II p. 250, 10. μα̃λλον magis. I p. 266, 17. 270, 12. μάλιστα I p. 6, 4. II p. 246, 5. 252, 25. μανθάνω disco. έμάθομεν I p. 22, 14†. μάστευσις perscrutatio. II p. 2, 13. μαστεύω perscrutor. μαστεύew II p. 2, 10. μέγας α. μείζων. μέγεθος magnitudo. I p. 12, 17, 20, 22. 14, 20, 24, 26. 16, 3. 18, 14, 18 sq. 20, 14 sq. 60, 18. 70, 6. 136, 13. 140, 23. 176, 15. 182, 6. 290, 5, 7, 8 sq. 292, 4. 294, 11. 374, 18. 376, 6, 9. 378, 1, 10. 380, 6. 384, 4, 7, 23. 386, 4. 418, 21. 422, **25**, 27. **424**, 1. **436**, 15, 16. 446, 20, 24, 26. 466, 21, 22. II p. 144, 1. 146, 19, 20. 148, 1 sq. 150, 1 sq. 152, 2 sq. 156, 2 sq. 158, 4 sq. 160, 4 sq. 162, 2, 5, 7. 164, 7, 12. 168, 4. 176, 8. 178, 5 sq. 180, 19. 182, 1, 3. 186, 10. 188, 7. 190, 1. 200, 12, 17. 204, 5. 206, 9. 214, 14. 216, 12. 234, 2, 8, 10. 252, 3 sq. 264, 23. 274, 13. 346, 13, 14, 17. τῷ μεγέθει Ι p. 188, 14. 290, 7. 296, 4, 20. 298, 7, 16. 390, 10. 420, 13, 23. 444, 13, 16. 448, 13. 464, 5. 466, 5. 468, 16. II p. 34, 14. 42, 13. 102, 4. 104, 15. 110, 7. 114, 3. 124, 5. 244, 17. coniungitur cum ἴσος, ἡμιόlios al. similiter usurpatur ταλικαύτα τὸ μέγεθος ΙΙ ρ. 246, 8. 274, 25. 276, 22. 278,

24. 280, 18. 282, **14**. 284, 9. 286, 7. 290, 2. μέγεθος τής σφαίρας et sim. II p. 246, 5, 18. 264, 21. 274, 12. 290, 20. μέγεθος έχειν ΙΙ p. 276, 16. 278, 12, 18. 280, 12. 282, 8. 284, 2, 26. 286, 23. 290, 14. μέγεθος omissum. I p. 14, 2 sq. 18, 10. 22, 22. II p. 148, 8 al. τὸ A et sim. II p. 146, 4 sq. saepissime. μείζων (neque enim μένας occurrit) maior. I p. 10, 19. 12, 3 sq. 14, 8, 24. 16, 1, 3. 248, 17†. al. saepe. καὶ μή μείζων ΙΙ p. 246, 15, 21. 248, 6, 16. φ μείζων Ι p. 40, 16. 54, 21. II p. 158, 16. 298, 10. 300, 5. μείζων η τετραπλάσιος et sim. I p. 124, 16. 126, 8. 128, 9, 18, 19, 23. II p. 40, 20. 42, 7. 50, 5. 56, 23. 78, 18, 22. 80, 9, 20. 104, 24. 106, 258, 14. μείζων ἐλάσσονι II p. 98, 19, 22. 100, 12. 102, 24. 108, 21. 112, 16. 120, 3. 122, 18. μείζονος πρός έλάσσονα I p. 214, 28. cfr. II p. **170, 14**. u. λόγος. μέγιστος Ι p. 290, 8, 9, 11. 296, 5 sq. 298, 1 sq. 300, 1, 4. 388, 10. 390, 1, 10, 418, 22, 420, 15, 20, 424, 14, 15. 426, 21, 22. 438, 1, 3. 444, 14. 448, 14, 15, 18. 452, 12. 466, 6. 468, 16, 17. 472, 21. II p. 8, 4, 7. 34, 14, 15, 16. 36, 3. 40, 16, 19, 21. 42, 3 sq. 44, 7. 50, 12 sq. 100, 19, 29. 102, 5, 7, 8, 11. 104, 2 sq. 108, 26. 110, 3 sq. 114, 3 sq. 120, 6 sq. 122, 1, 24. 126, 1, 6, 7, 10, 11. 216, 26. 218, 2 sq. 336, 14, 16. 338, 6. 344, 14, 21. 346, 16, 18. 352, 2, 17. μέγιστος κύκλος Ι p. 2, 10. 4, 2. n. zokkos.

 $\mu \in \lambda \lambda \omega$ in eo sum, ut. $\tilde{\eta} \mu \in \lambda$. $\lambda \in \nu$ II p. 250, 11. $\mu \in \nu$ sequente $\delta \in \lambda$ passim, trans-

 $\mu \not\in \nu$ sequente $\delta \not\in$ passim. transpositum I p. 36, 18. cfr. δ . $\mu \not\models \nu$ $\delta \not\nu$ I p. 188, 20. 274, 15. 278, 26. 288, 5, 19. 352, 14. 354, 8. 364, 22. 370, 11. 412, 7. II p. 6, 8. 8, 25. 48, 4. 84, 9 al.

μέντοι. μέν — μέντοι ΙΙ p. 242,7. μένω maneo. de linea in figuris circumuolutis quae imμένουσα Ι p. mota manet. 100, 27. 120, 8. 130, 25. 142, 15. 152, 13. 156, 16. 162, 3. 170, 13. 274, 16. 276, 23. 280, 20, 24. Η p. 8, 10. μεμενακοῦσα I p. 274, 20. 278, 5. 282, 2. de puncto manenti in linea circumacta. μένων II p. 10, 9, 13, 17, 23. 50, 23. 52, 4, 7. μεμενακός ΙΙ p. 12, 13, 15, 16. cfr. praeterea μέvei II p. 306, 22, 24. 314, 8. μένειν II p. 244, 13. μενεί Пр. 316, 29.

μέρος pars. τρίτον μέρος I p. 4, 12, 14. 296, 9. 400, 21. 420, 2. 424, 17. 428, 1. 434, 14. 438, 5, 8. 462, 16. 468, 20. 472, 24. II p. 42, 19. 44, 13, 20, 23, 25. 46, 6, 9, 18, 25. 48, 12. 50, 16. 98, 27. 100, 5. 106, 17. 108, 5. 110, 16, 24, 27. 114, 17. 116, 6, 22. 118, 8, 12, 17. 120, 26. 122, 6. 124, 13. 126, 27. 128, 6 sq. 130, 2 sq. 132, 2, 5, 8. 134, 23. 136, 5 sq. 138, 3, 6, 10, 12. 186, 4. 216, 6, 7, 9. 264, 4. 296, 18, 20. 306, 7. 308, 21, 25, 324, 20, 330, 1, 346, 15. 348, 1 sq. 352, 12. **ἔβδομον μέφος Ι p. 258, 15.** 262, 21. 266, 16, 18. 270, 14. τέταοτον μέρος ΙΙ p. 348, 2. εκτον μέρος ΙΙ p. 126, 1, 9,

διακοσιοστόν μέρος ΙΙ p. 13. 256, 12. 260, 26. ξκατοστόν μ. II p. 258, 19, 24. 260, 1. τὸ ἔτερον μέρος Ι p. 370, 14, 15. II p. 306, 3. 320, 18. 328, 2. α. έτερος, έπί. Εν μέρος II p. 254, 11, 12, 15, 17. 258, 1, 5. 264, 4. 00 μέρεα Η p. 262, 2. cfr. praeterea II p. 214, 2. 252, 20. 330, 8, 10, 11, 12. 332, 15, 16. μέρος omissum I p. 264, 2. 266, 3, 20. II p. 114, 10. 126, 23. 310, 1. **346**, **19**. **348**, **20**. **352**, **5**, **10**. μέσος medius. ὁ μέσος ΙΙ p. 148, 27. 150, 11, 17, 20. 152, 4. 156, 20. 164, 9, 10, 14, 15. 228, 11. 230, 3. έπὶ μέσαν τὰν βάσιν et sim. II p. 156, 3. 170, 20. 174, 10, 13. 178, 21, 25. 180, 20. 182, 13, 16, 17. 204, 5. 244, 15. 300, 13. 336, 19, 24. 338, 11, 12, 16, 17. τὸ μέσον I p. 130, 17. 282, 5. II p. 148, 2. 152, 8. 156, 10. 168, 4. cfr. μέσον ΙΙ p. 180, 22. 308, 12. 310, 5. 312, 2, 16. 314, 20. 316, 7. 320, 15. 326, 24. κατὰ μέσον II p. 318, 9. ἐν μέσφ II p. 250, 17. μέση ἀνάλογον Ι p. 138, 1, 29. 192, 6, 28. 222, 21. 224, 5. 346, 9. II p. 230, 13. cfr. lóyos.

μετά cum accusativo. post.

II p. 2, 18. 250, 13. μετά ταῦτα Ιρ. 2, 7. 288, 1. II p. 6, 9. 8, 8. 10, 4. 248, 4. 282, 25. 294, 16. 298, 3. μετά τοῦτο II p. 246, 21. μετ αὐτούς II p. 270, 5. cfr. 276, 13, 278, 8. 280, 8. 282, 2 sq. 284, 20, 21, 22. cfr. praeterea II p. 90,10,15. cum genetivo. cum. I p. 2, 3. al. nulgo nauro atour pro nostro additionis sign ο γ

I p. 34, 28. 36, 4, 6, 7, 19, 21, 23. 38, 4 sq. 146, 17, 148, 8. 159, 23. 244, 2. II p. 12, 25. **14**, 1. 60, 13, 19, 20, **2**5, 27. 62, 3, 4, 9, 13. 68, 20 sq. 74, 7, 9. 80, 14. 184, 5, 6. 186, 20 sq. 220, 19, 26. 222, 1, 7, 9, 16, 20. 224, 3, 5, 8 sq. 226, 8, 11, 13. 232, 16, 18, 22 al. μετάγω transfero. μεταγαyeir I p. 24, 12. μεταδίδωμι communico. μεταδιδόναι Ι p. 6, 7. μεταλαμβάνω particeps uel peritus sum. μεταλελαβηκότεσσι Π p. 290, 19. μεταλλάττω, μετάλλαξεν τὸν βίον II p. 2, 14. μεταξύ inter. ή μεταξὺ τῶν σημείων εύθεια Ι p. 6, 20. 8, 7. 278, 12, 24. 358, 24. 362, 22. 372, 24, 25. II p. 148, 24. 150, 18. 152, 5. 160, 11. 164, 11. 204, 11. 208, 11. 212, 8. 244, 6. ή επιφάνεια (τοῦ κώνου, κωνική et sim.) ή μεταξύ τῶν εὐθειῶν Ι p. 84, 7, 14, 27. 36, 4, 5, 11, 18, 20, 26. 38, 1, 3, 22, 24. 40, 22. 42, 9, **15. 44, 6, 11, 17, 21. 52, 20.** 58, 10 †. 76, 26. 78, 11. 80, 6. 90, 3. 92, 1, 4, 18. 94, 2, 15. 96, 1. 106, 20, 21. 108, 2. 114, 17, 23, 27. 116, 3. 150, 13, 18. 158, 10, 14, 17. cfr. praeterea I p. 24, 16. 78, 1. 288, 21, 24. 392, 4, 12, 394, 22, 402, 27, II p. 12, 19. 22, 4, 7. 24, 6, 29. 26, 8. 28, 9. 30, 17, 24. 34, 6. 56, 25. 58, 9. 64, 27, 29. 70, 21. 72, 18. 76, 5. 78, 6, 28. 82, 22, 24. 86, 20, 28. 88, 2, 5. 116, 19. 134, 1. 230, 17. μετέωρος sublimis. σαμεῖον μετέωρον Ι p. 320, 21. 328, 4. *832*, 14, 386, 2,

μετρέω metior. Ισάκις μετρεί II p. 38, 23†. cfr. II p. 154, 7. I p. 16, 22, 23, 24†. τὸ πληθος τῶν πλευρῶν μετρείσθω ύπὸ τετράδος Ι p. 100, 26. 120, 5. 130, 14. 142, 4. cfr. μετρούνται I p. 104, 23+. 110, 2. μέτρον mensura. HOLVOV H. II p. 154, 1, 18. μέχοι usque ad. ἡ μέχοι τοῦ ägovos parametrus duplex parabolae. I p. 304, 3. έπί II p. 10, 3? μή ne. passim. post relatiuum I p. 320, 12. μη έστα II p. 146, 7. μη δαυμάσης II p. 2, 6. pro ov II p. 242, 14? εί γὰο μή in initiis demonstrationum apagogicarum. I p. 60, 17. 136, 11. 176, 18. 182, 5. 308, 9. 810, 20. 836, 8. II p. 72, 8. 78, 18. 84, 12. 100, 7. 108, 13. 118, 27. 146, 8. 198, 16. 208, 25. 212, 6. εί δὲ μή I p. 56, 27. 364, 14. 366, 2. Π p. 304, 10. μή - μηδέ u. μηδέ. $\mu \eta \delta \dot{\epsilon}$ neu. $\mu \dot{\eta} - \mu \eta \delta \dot{\epsilon}$. I p. 370, 16. 474, 18. 490, 25. cfr. μηδείς. $\mu\eta\delta\epsilon ls$ nullus. I p. 6, 22. II p. 242, 7, 14. μηδεμία I p. 8, 10. μηδέν II p. 296, 24. di-uisum μηδ' υφ' ένος I p. 6, μηδε ποθ' εν Ι p. 294, 12, 15. μηδέτερος neuter. Ι p. 306, 10. μηκος (μᾶκος). longitudo. de brachio quod uocant librae mathematicae. II p. 142, 3, 4, 6, 7. 144, 1 sq. 146, 2 sq. 148, **17,** 18. 152, 11, 15, 16. 158,

5, 7, 9, 20. 308, 4. το δακπυλιαΐον μάνος ΙΙ ρ. 266, 4.

μήκει λόγον έχειν h. e. linea ad lineam. opponitur δυνάμει. I p. 62, 21. 64, 10. 70, 21, 22, 74, 1, 76, 15, 264, 11, 402, 16. 414, 8, 9. II p. 232, 2, 4. 300, 20. 302, 1. 338, 13, 21, 23, 24. μηκύνω multis loquor. μακύνειν II p. 250, 3. $\mu \dot{\eta} \times \omega \nu \ (\mu \dot{\alpha} \times \omega \nu)$ semen papaueris. II p. 264, 24, 25. 266, 2, 3, 5, 274, 3, 6, 12. $\mu \dot{\eta} \tau \varepsilon - \mu \dot{\eta} \tau \varepsilon$ neue — neue. I p. 284, 24. 344, 3. II p. 248, 25. μηχανικός. τὰ μηχανικά ars mechanica. II p. 294, 11. 298, 2. significatur liber I de planorum aequilibriis II p. 306, 20. 314, 4. μικοός paruus. II p. 250, 12, 20. μικοόν ΙΙ p. 254, 22. μονάς unitas. II p. 266, 21, 22. 268, 1 sq. 270, 2 sq. 272, 1 sq. 274, 17, 19. 276, 1 sq. 278, 3, 4, 6, 7. 280, 2 sq. 282, 1 sq. 284, 15 sq. 286, 13 sq. 288, 3, 6. 290, 1 sq. μόνον solum. οὐ μόνον ΙΙ p. 242, 3, 244, 1. μόνος solus. II p. 92, 6. καθ' εν μόνον σαμείον. Ι p. 282, 17. 358, 13. 360, 4. 362, 12. 364, 2. II p. 56, 6, 10. 58, 2. μυριάκις ΙΙ p. 262, 12. 264, 11, 21. 274, 16. 286, 3, 8, 24. 288, 1, 24. 290, 6, 8. μυριακισμυριοστός 268, 9, 21, 25. μυριάς myrias. II p. 246, 15, 17, 20. 262, 12. 264, 11, 13, 17, 21, 266, 17 sq. 268, 4 sq. 270, 1, 11, 13, 15, 17, 274, 18, 22. 276, 2 sq. 278, 1 sq. 280, 1 sq. 282, 11 sq. 284, 3 sq. 286, 1 sq. 288, 1, 10, 24. 290, **6, 9, 13, 16**.

μ ν ειοι decem millia. II p. 264, 25. 266, 15 sq. 268, 4 sq. 270, 1, 12, 17. 274, 13. 276, 19, 23. 278, 13, 16. 280, 15, 20. 282, 9, 18. 284, 5, 10. 286, 1, 5. 288, 24. 290, 6, 8. μνειοπλασ/ων II p. 262, 11. 264, 7, 9, 19. 288, 18, 20.

N.

νεύω uergo. de linea, quae producta per punctum datum ibit. νεύουσα (έπί) II p. 20, 16. 26, 25. 30, 1. 32, 22. 312, 19. 314, 24. 316, 10. 318, 11. 322, 13. 324, 3. νοέω intellego. νενοηκώς Ι p. 4, 8? fingo (cum participio). νοήσαιεν II p. 242, 10. νοηθη I p. 90, 9. νοείσθω I p. 60, 24. 66, 5. 70, 12. 72, 19, 23. 92, 27. 104, 24. 110, 3. 138, 1, 3. 142, 4. 144, 17. 180, 2. 192, 26. 196, 3. 200, 2. 226, 19. 230, 4. 308, 22. 318, 17. 320, 12, 20. 324, 15. 326, 27. 328, 4. 330, 13. 332, 7, 14. 336, 2, 13. 344, 23. 350, 1. II p. 254, **20**. 30**4**, 23, 26. 3**2**0, 15. 326, 23. νοείσθωσαν Ι p. 52, 26. 130, 22. 220, 5. 224, 10. 236, 18 νῦν nunc. I p. 274, 12. II p. 48, 9. 244, 11. 266, 18. 268, 12. 294, 10. 296, 4. καὶ νῦν II p. 326, 18.

0.

articulus. passim. 700, 69
et simil. I p. 60, 23. 64, 21.
176, 28. 178, 18. 182, 26. 184,
2, 10. 186, 5. 212, 20, 24. 214,
4. 232, 28. 234, 3, 7, 10. 236,
4. 238, 9. 240, 3, 25. 242, 15.
246, 2. 298, 9, 11. 300, 8 32, 320, 2, 16. 330, 15. 334, 11.

344, **26**. **350**, **3**. **362**, **7**. **390**, 19, 20. 394, 16. 408, 7, 10, 27. 410, 1. 414, 6, 12, 14. 422, 6. 426, 26. 438, 6, 8. 484, 2 sq. 490, 1. 494, 24. 498, 16. II p. 6, 7, 20. 22, 20. 24, 12, 16. 26, 12, 18, 21. 28, 12, 18, 19. 32, 2, 8, 9. 72, 14, 15. 76, 1, 2. 78, 25. 84, 17. 88, 4. 100, 5. 106, 14. 168, 9, 11. $\delta \mu \epsilon \nu - \delta$ δέ alius — alius. I p. 176, 24. 274, 13. 384, 19. II p. 252, 12. 274, 1. őγδοος octauus. I p. 270, 10, 14. 288, 11. 290, 12, 13, 16. õynos moles. II p. 242, 10, 11. öδε hic. de sequentibus. I p. 2, 9? 190, 4. 206, 2. 274, 16. 276, 12, 21. 280, 1, 20. 286, 13, 21. II p. 6, 14. 8, 9. 10, 9. 14, 7. 244, 25. 246, 14. 248, **21**. **262**, 9. 270, 21. 296, 8. fere i. q. ovtos I p. 188, 21. 274, 2. II p. 2, 5. 4, 6. 10, 7. 14, 3. 252, 21. 266, 13. 296, 13. όθεν unde. I p. 274, 17. 278, 1. 280, 22, 26. II p. 10, 11, 16. 12, 2. 52, 1. 250, 11. olnsios proprius. I p. 4, 9? peritus (cum genetiuo) I p. 6, 7. II p. 294, 5. ο ίπεω habito. ο λημέναν ΙΙ p. 242, 6. οίομαι credo. οίόνται ΙΙ p. 242, 2. φήθην ΙΙ p. 290, 23. olog qualis. 1 p. 182, 6. 374, 19. 380, 7. II p. 8, 3. 92, 13, 96, 6. 98, 18. 188, 12. 202, 9. 208, 15. 212, 1. 214, 4. 244, 20. 340, 6. 342, 13. υ. λέγω. olov uelut. I p. 84, 5. 286, 13, 21. olα quippe II p. 4, 3? όπνέω dubito. όπνήσαιμι I p. 4, 9. όχταπλάσιος ΙΙ p. 342, 11. 344, 2, 8, 27.

όπτάς ΙΙ p. 270, 8 sq. out o octo. II p. 270, 4, 6 a). όπτωπαιδεπαπλασίων Η p. **248**, 11. όπτωπαιειποστός nicesimus octauus. II p. 280, 5, 24. õlos totus. I p. 6, 16. 8, 4. 10, 3, 13. őlos ó I p. 12, 14. 26, 17. 36, 7. 38, 3. 40, 6. 54, 18 +. 58, 11 +. 104, 11. 116, 8. 122, 24. 148, 8, 11. 180, 16. **200**, 16. 202, 18. 212, 4, 5. 310, 17, 18, 26. 322, 27. 418, 15. 424, 18. 428, 2. 438, 5. 470, 4. II p. 60, 13 sq. 62, 3 sq. 66, 6. 68, 16 sq. 74, 6. 7, 9. 80, 13. 86, **22**. 156, 21. 190, 17, 18. 204, 10. 206, 13? 224, 6, 228, 2, 3, 254, 3, 294, 17+. ò őlos I p. 88, 20. 92, 15. 94, 1. 108, 8. 150, 20. 296, 7. 390, 8, 15, 26. 392, 17, 394, 7, 12, 18, 24. 402, 5, 20, 23. 422, 20, 26. 424, 10, 20, 21. 426, 10, 15, 22. 428, 4. 434, 16. 436, 5, 9, 15. 438, 9. 444, 11. 446, 5, 21. 448, 1. 450, 15, 19, 25, 452, 3, 466, 3, 7, 16, 22. 470, 24. 472, 1, 7, 13. 482, 19, 24. 486, 21, 29. 496, 3, 10. II p. 160, 5, 7, 9. 164, 2. 194, 6. 198, 5. 200, 10. 202, 6. 204, 13, 17, 19. 216, 9, 16 +. 238, 7. 290, 21. 320, 23. 328, 7. 340, 8, 342, 12, 25. ὄμοιος (ὁμοῖος) sensu uulgari I p. 24, 12. 102, 22. 260, 13. II p. 296, 22?, 26. proprie: similis. polygonum I p. 18, 1†. 20, 12. 22, 26. 60, 26. 62, 14. 66, 9, 24. 70, 9, 13, 17. 72, 24, 26. 130, 3, 15. 132, 14. 134, 10. 138, 4. 142, 7. 170, 10. 176, 19. 178, 17. 182, 21. 308, 27. 312, 10. ΙΙ p. 212, 19. είδεα II p. 42, 1, 8, 50, 9, 20. $\beta \alpha$ -

σις I p. 282, 24. χωρίον I p. 132, 15. triangulus. I p. 166, 21. 348, 1. II p. 24, 20. 168, 7. 170, 6, 18, 176, 12, 16, 22. 180, 3. segmentum sphaerae . uel circuli I p. 218, 12, 20. 222, 4, 23. 224, 9, 14, 16. 226, 6, 11, 14, 18. 228, 10, 23. 230, 8, 11, 25. II p. 6, 2. sector II p. 88, 12. 90, 21. 92, 24. 96, 18. 98, 11. 100, 11. 102, 5. 104, 18. 108, 19. 110, 8. 112, 12. 114, 5. 120, 1, 18. 122, 16. 124, 7. conus I p. 222, 5. 224, 20. 280, 1. σχῆμα Ι
 p. 282, 23. II p. 142, 13, 16, 18. 168, 12. 170, 8. conoides I p. 278, 27. sphaeroides I p. 282, 19. 286, 13. segmenta sphaeroidis I p. 282, 23. 286, 14. ellipsis I p. 316, 19. 342, 3, 4, 15, 356, 2, 384, 13, 402, 11. 434, 22. segmentum parabolae II p. 194, 9. 210, 26. ίσος και δμοίος II p. 164, 4, 5. 166, 11. u. l'oog. fere i. q. ὸμόλογος Ι p. 294, 14. δμοιόω similem reddo. δμοιώσαι II p. 4, 22. ò μοίως similiter, eodem modo. Î p. 102, 8. 150, 14. 186, 4, 6, 12. 348, 5. 372, 28. 374, 14. 380, 1. 438, 19. 452, 23. II p. 18, 14. 54, 12. 92, 16. 184, 13. 248, 3. 270, 23. 308, 2. 352, 6. δμοίως δέ I p. 10, 7. 12, 10. 26, 19. 36, 5. 40, 8. 116, 5. 122, 21. 198, 21. 390, 21. 392, 22. 422, 19. 446, 14. 466, 15. II p. 16, 16. 40, 2, 7. 60, 6. 62, 10. 66, 17. 70, 26. 82, 1. 90, 16. 132, 15. 142, 10. 156, 8. 268, 18. 322, 7. 324, 14. 347, 9. δμ. οὖν Ι p. 350, 18. ομοίως δή I p. 8, 1. 22, 24. 50, 1. 152, 12, 19. 490, 3. 494,

17. II p. 36, 14. 38, 8. 66, 26. 96, 28. 308, 20. 316, 4. 318, 18. 328, 9 al. $\delta \mu o log (\delta \eta)$ τοίς πρότερον ut supra. I p. 20, 12. 156, 15. 170, 13. 182, 27. 292, 3, 9, 19. 354, 4. 364, 4. 384, 24. 404, 1. 456, 13. 458, 11. 464, 24. 490, 3. 494, 17. 498, 9. II p. 86, 14. 96, 18. 312, 14. 316, 26. 328, 9. cfr. II p. 52, 13. eodem modo ponitur *omolog* sine datiuo Ī p. 20, 1. 42, 21. 44, 4. 94, 14. 100, 10. 102, 20. 138, 26. 178, 16, 23. 294, 15. 396, 22. II p. 88, 6. 158, 5. δμοίως άγομένη ΙΙ p. 170, 22. 172, 3. δμ. άναγ**ο**αφόμενον I p. 64, 9†. δμ. κεῖσθαι Ι p. 130, 21. proprie (u. κείμαι) II p. 142, 17. 168, 8, 11, 13. 170, 8, 12. 174, 3, 5. 180, 14. 196, 8. 198, δμ. λαμβανόμενον ΙΙ p. 44, 27. δμ. διαιφείν II p. 196, 11. 198, 1, 6. όμ. τεταγμένος Ι p. 290, 16. δμ. τέμνειν ΙΙ p. 194, 13. όμοίως γνωρίμως II p. 212, 19. δμόλογος respondens, codem loco in proportione positus (cum dat.). I p. 290, 19. 292, 6. 300, 24. 422, 24. 424, 8. 426, 19. 436, 13, 22. 446, 27. 468, 1. 472, 10. II p. 302, 16. ομόλογοι διάμετροι Ι p. 282, 26, 28. 316, 21. 402, 12, 13. 434, 24. γοαμμά II p. 16, 21. πλευραί II p. 142, 20. 168, 14. 170, 9. 180, 16. δμωνύμως eodem nomine. II p. 52, 14. őνομα nomen. II p. 266, 14. 268, 9, 20. acutiangulus. όξυγώνιος όξυν, κῶνος π. τομά. ó fús acutus. ó feia yavia II

p. 62, 23. 64, 22. 66, 16. 70, 6, 15. 78, 15. οποιοσοῦν qualislibet. I p. 6. 19. 96, 13. 290, 18. 292, 5. 300, 19. 342, 22. 364, 7. II p. 22, 8, 12. 54, 5. 70, 10. 82, 6. 86, 25. 96, 4. 114, 27. 132, 21. οπόσοι quotcunque. Il p. 150, 14 (nα). οποσοσούν. in plurali: quotlibet. I p. 290, 5, 14. 294, 20. 296, 13. II p. 20, 2. 34, 11, 21. 42, 10, 24. 54, 7. 126, 5. 270, 19? 320, 5. 326, 14. 344, 13, 20. 346, 17. 352, 16. δποτεροσοῦν uteruis. 282, 7. 342, 11. 362, 11. 366, 17. 374, 11, 13. 378, 12, 14. οπου ubicunque. II p. 230, 16 $(\tilde{\alpha}\nu)$. őπως ut. II p. 4, 2. 248, 13. 266, 11. = αστε I p. 8, 18†. 14, 22 + 18, 23 + 182, 13 +, 22 †. 206, 3 †. 232, 8 †. ύπωσοῦν quoquo modq. Ιρ. 276, 18. 302, 6. 410, 14. II p. 8, 24. δράω uideo. δρήται II p. 252, 18. ὀρώνται ΙΙ p. 252, 20. οράσθαι II p. 250, 11. ορώμενον II p. 304, 24†. όργανικῶς per instrumenta mechanica. II p. 248, 22. ὄργανον instrumentum. Η p. 248, 25. όρθογώνιος rectangulus. όρθογ. τοίγωνον Ι p. 258, 2. ΙΙ p. 260, 6, 11. 304, 27. 310, 6. 320, 4. xãvos I p. 2, 5. u. τομή. πωνοειδές Ι p. 396, 21, 25. u. κωνοειδές. όφθός rectus. όφθη γωνία Ι p. 16, 22 †. 18, 5. 164, 2 †. 208, 10? 260, 9. 264, 3. 266, 3, 4, 6, 20. 268, 4. 346, 2. II p.

64, 23, 24, 66, 14, 68, 3, 4.

88, 21, 23. 94, 7, 8, 11. 254, 9 sq. 256, 12. 258, 4. 260, 12, 16, 17, 26. 262, 2, 3. 304, 27. 310, 7. 312, 18. 316, 9. 322, 12. 324, 3. αί τέσσαρες όρθαί II p. 90, 2. αί περὶ τὴν. όρθήν I p. 258, 3. II p. 260, 12, 17. πρὸς ὀρθάς (8c. yωνίας) de linea perpendiculari erecta. (cum datino). I p. 16, 6, 11. 20, 1. 130, 20. 142, 14. 180, 6. 206, 19. 218, 25. 226, 25. 234, 15. 246, 24. 282, 6. 304, 1. 306, 11, 15. 320, 19. 328, 8. 330, 22. 332, 13. 336, 12. 338, 1. 350, 5. 354, 1. 360, 15. 482, 8. II p. 10, 22. 24, 19. 28, 24. 32, 18. 70, 20. 72, 4. 78, 4, 13. 82, 8, 19. 88, 20. 94, 6. 106, 27. 306, 9. 320, 1. 326, 7. de plano (cum dat.) 1 p. 176, 9. 194, 20. 208, 3. 344, 4. 348, 16. 352, 8. 364, 20. 370, 10. 398, 11. 454, 10. ΙΙ p. 8, 2. τέμνειν πρός όρθάς I p. 152, 10. 370, 11, 16. II p. 6, 15. 8, 19 al. $\partial \rho \partial \hat{\eta}$ πρός (cum accusat.) de perpendiculari erecta. I p. 30, 26+. 282, 25. 318, 4, 10, 16. 320, 16. 324, 21. 326, 22. 332, 10. 336, 1, 16. 350, 3. 362, 6. 366, 4, 5. II p. 84, 9. πρὸς όρθάς sine datino I p. 364, 370, 10. de plano perpendiculari erecto I p. 102, 5, 17, 27. 104, 5. 120, 15, 24. 122, 9, 15. 206, 7. 216, 8. 224, 12. 226, 21. 230, 8. 234, 16. 236, 9. 242, 4. 250, 2. 276, 14. 280, 3, 11. 284, 3, 6, 20, 25. 318, 18, 320, 4, 324, 6, 16, 26, 330, 5, 14, 23, 334, 11, 340, 19, 20. 342, 7, 8, 18, 19. 344, 8, 14. 346, 1, 4, 5. 348, 21, 24. 350, 7. 352, 12, 16. 358,

15. 360, 5, 15. 362, 2, 8, 14. 364, 3, 9, 17, 25. 366, 3. 370, 17. 372, 8, 15. 374, 12, 24. 376, 4, 13. 378, 13. 380, 8, 13. 382, 3. 384, 9, 12. 396, 20. 398, 1. 400, 2. 404, 15, 23, 412, 3, 13. 416, 3, 11. 428, 14, 24. 430, 12, 18. 440, 3, 7, 16. 452, 22. 454, 2. 458, 23. 460, 4, 11. 474, 17. 476, 3, 14. 480, 24. 482, 4, 17. 490, 24. 492, 9. II p. 8, 26, 304, 24, 306, 10, ἐπίπεδον όρθόν I p. 180, 2. 328, 3. εύθεῖα I p. 318, 16. 330, 3. cfr. II p. 250, 10, 13. δρ-Đồς nữyog I p. 40, 14†. 112, 26. όρθος κύλινδρος I p. 44, 22, 25. 52, 14, 22. 58, 19. 60, 1, 6, 10. 334, 6. δρίζων horizon, circulus uisum definiens. II p. 250, 14. 254, 23. 256, 8. 304, 24. 306, 9, 10, 12. δομάω proficiscor, moueri incipio. ἄρμασεν I p. 274, 18. 278, 1. 280, 22, 26. II p. 10, 11, 16. 12, 2. 52, 1. őgog mons. II p. 242, 14. õçog terminus proportionis. II p. 276, 4. ős qui. passim. uelut I p. 38, 6. 176, 4. 180, 22. 204, 24. 246, 20. 250, 6. 254, 10, 11. II p. 4, 9. 6, 1. 38, 23. 224, 18. genere adcommodatum I p. 166, 9, 14†. casu I p. 350, 21. έν & II p. 250, 19. u. lóyos. οσάπις quoties. II p. 14, 26. 16, 1. 20, 14. δσαπλάσιος Ι p. 14, 4. δσαπλασίων II p. 154, 11. οσος quantus. II p. 16, 5, 8, 12. 18, 13, 15. 60, 22 †. 62, 14. 276, 9. in plurali: quot. I p. 116, 7. 188, 20. 190, 1. II

p. 270, 25. 272, 1, 8, 16, 18, 21, 22. ὄσπερ qui. Ip. 24, 5. 62, 16. 64, 14. 266, 14. 270, 8. 340, 10. II p. 14, 16. u. lóyos. όπες Ι p. 18, 12. 56, 11. 64, 26. 168, 15. 186, 10. u. đeinνυμι. οστις quicunque. II p. 242, $8. = \tilde{o}_s$ I p. 194, 14. II p. 238, 5. 250, 5, 8. 260, 21. όστισοῦν quiuis. Ι p. 356, 6. II p. 14, 25. 16, 18. őταν cum. I p. 164, 3. ότι passim. u. λέγω, δείκνυμι. οτι μέν I p. 340, 2 al. cfr. μέν (ουν). auditur δεικτέον Î p. 202, î. 244, 5, 11, 12. 248, 14. cfr. 248, 11. quia. I p. 260, 16. οδ ubi. II p. 214, 19. $o\dot{v}\delta\dot{\epsilon}$ ne — quidem. I p. 68, 19. 72, 17. 138, 25. 140, 10. 146, 10. 178, 21. 274, 7. 392, 22. 896, 17. 404, 9. 424, 26. 450, 4. 458, 17. II p. 66, 16. 76, 24. 82, 2. 86, 15. 102, 20. 122, 13. 160, 2. 244, 23. 332, 10. 334, 9. 352, 21. ούκ ἄρα ούδέ I p. 74, 24. 140, 9. 146, 7. 312, 13. 396, 15. 438, 24. 480, 20. II p. 106, 5. 114, 21. οὖτε ούδέ Ι p. 458, 18. ovde/c nullus. I p. 6, 16. 322, 26. 440, 11. II p. 4, 3. 244, 22, 23. 296, 3. ουδέ ποθ' εν I p. 424, 5, 9. 436, 20, 23. 446, 25, 28. 466, 27. 468, 2. II p. 2, 20. ούκ non. passim. ούκ ἄρα I p. 68, 18. 72, 16. 186, 2. ούκ ἄρα ούκ ΙΙ p. 170, 14. 182, 7. ovn έστι δέ I p. 364, 1. 396, 12. II p. 124, 17. α. . οὐδέ. pro μή I p. 882, 28.

326, 27, 28. 382, 6, 8. 336, 9. 454, 9. ούκοῦν itaque. I p. 158, 3. II p. 332, 9. ovv igitur. passim, uelut I p. 14, 4. 20, 7. 140, 18, 22. 142, 15. 150, 12, 17, 19. 158, 22. II p. 22, 23. in apodosi I p. 46, 8, 27. 428, 11. 442, 9. II p. 208, 4. 234, 2. 252, 7. μèν ovv I p. 6, 8. II p. 20, 18. 64, 21. 126, 13. 248, 24. 250, 21? 252, 16. 268, 11. 270, 10. 288, 4. 304, 9. καὶ οὐν I p. 452, **3. 490, 8**. o ũπω nondum. II p. 10, 4. οῦτε — οῦτε neque — neque. I p. 428, 11. 452, 20 (u. praef. II p. III). 474, 14. o v tog hic. passim. u. lóyog. cfr. praeterea I p. 150, 12. 172, 5. 174, 3, 7, 10. 176, 18. 182, 21. 444, 19, 22. II p. 84, 8 al. interdum uocabulo suo postponitur. I p. 216, 9. 320, 6, 9..332, 1, 2, 4. 334, 12, 14, 15. 336, 7. 456, 4. 482, 25. sine articulo II p. 130, 18. év τούτοις hic. II p. 14, 6. ταντῶν genet. plural. femin. legitur II p. 120, 15, et coniectura probabili restitutum est II p. 110, 7. 114, 2. οῦτως ita (forma οῦτω rara est: οὖτως etiam ante consonantes ponitur). passim, uelut I p. 26, 13†. 204, 16. 304, 8. II p. 192, 10. 254, 1, 2, 9, 24. 268, 8, 20. 270, 1. 350, 19.

u. ως, έχω. ad sequentia re-

latum, ut ώδε. I p. 192, 12.

206, 21. 214, 27. και ούτως II p. 246, 10. η ούτως I p.

198, 8†. ούτως ώστε ΙΙ p. 14,

όφείλω debeo. ὤφειλε Ip.6,3.

25.

δψις oculus. II p. 248, 24, 25.
 250, 7 sq. 252, 1 sq. 254, 1 sq. 256, 2. 258, 3.

П.

πάλιν rursus, ut antea. I p. 18. 14, 19. 36, 17. 44, 3. 100, 10. 102, 22. 114, 15. 140, 1. 158, 16. 162, 4. 170, 7. 178, 15. 186, 3. 198, 29. 264, 11. 274, 17. 278, 1. 280, 21, 26. 298, 13. 334, 9. 350, 10. 392, 22. 426, 25. 438, 19. 480, 10. II p. 10, 11. 12, 2. 52, 1. 68, 5. **74**, **17**, 19. 94, 21. 96, 9. 98, 21. 102, 21. 204, 15. 224, 1. 250, 7. 308, 12. 312, 2, 16. 314, 20. 316, 7. 318, 9. 326, 5, 24. 328, 18. 342, 17. πάλιν $\delta \dot{\eta}$ I p. 42, 27. 72, 18. 186, 4. 312, 1. 402, 4. 426, 9. 434, 15. 450, 6, 14. 454, 22. 470, 13, 23. 480, 15. II p. 32, 14. 48, 18. 84, 15. 90, 11. 122, 14. πάλιν ἄρα ΙΙ p. 332, 11. πάλιν δέ I p. 66, 4. 372, 22. 394, 6. 430, 25. II p. 18, 20. 126, 24. 196, 9. 206, 1. 266, 24. 268, 15, 22. 270, 15. 276, 18. 278, 20. 280, 15. 282, 10. 324, 2. πάλιν οὖν I p. 312, 6. 424, 27. 436, 14. 458, 11. II p. 74, 21. 94, 7. 104, 6. 112, 8, 27. 122, 28. 206, 10. πάλιν έπεί I p. 146, 22. 202, 13. 204, 2. 238, 15. II p. 222, 6. 262, 18. 304, 1. 324, 23. καὶ πάλιν I p. 66, 12. 194, 22. II p. 40, 4. 60, 1, 26. 92, 15. 192, 4. παρά (cum accusatiuo) de linea uel plano parallelo ducto (άγειν, είναι). Ι p. 54, 8. 82, 1. 98, 27, 102, 7, 124, 3, 12, 276, 3, 10. 278, 16. 282, 8. 286, 23. 300, 21. 304, 7, 9, 12. 320, 22. 324, 25. 328, 5. 330,

18. 332, 12. 334, 1, 8. 336, 11. 338, 15. 340, 15, 24. 342, 2, 12, 15. 344, 3, 10, 21. 346, 13, 16. 350, 10, 12, 352, 14, 354, 1, 3, 13, 356, 8, 16, 22, 358, 8, 19, 20, 21, 362, 18. 366, 19, 21. 368, 16. 376, 11. 380, 20. 384, 9. 398, 4, 6. 402, 16, 17. 430, 3. 436, 2. 454, 11. 492, 12. II p. 8, 14. 10, 2. 22, 15. 24, 18. 162, 18. 164, 2. 174, 16. 176, 2, 4, 10. 178, 17. 180, 1. 184, 17. 192, 12. 198, 16. 200, 1, 19. 202, 15. 210, 22. 214, 10. 230, 20. 298, 8, 9, 17, 18, 300, 3, 5, 14, 16, 19. 302, 11, 13, 20. 304, 11. 316, 27. 320, 2, 6. 322, 1, 4. 326, 8, 11, 15. 328, 20. 330, 17, 18. 334, 25, 27. 336, 1, 5, 20 sq. 338, 15 sq. 340, 14, 16. 342, 14, 18. u. παραβάλλω, παραπίπτω, παράκειμαι. iuxta. II p. 270, 3. ά παρ' ἃν δυνάνται Ι p. 304, 2. παρὰ πολύ II p. 252, 19, 20. — cum datiuo: ad. I p. 444, 20. genetiuo non occurrit.

παραβάλλω adplico spatium lineae (παρά). παραβαλεῖν ΙΙ p. 188, 5. παραβεβλήσθω ΙΙ p. 190, 7.

παράβλημα spatium lineae adplicatum. I p. 298, 5†. 424, 13, 15. 426, 19, 24. 438, 1, 2.

παραδίδωμι trado. παραδέδοται Ι p. 24, 6. παραδεδομένα Π p. 266, 15.

παράκειμαι adplicatus sum. de spatio lineae adplicato (παρά). παρακείμενος Ι p. 296, 21.

πας απολουθέω sequor, comprehendo. πας απολουθήσεις II p. 242, 17. πας απολουθείς II p. 246, 16. παςαλληλόγςαμμον parallelogrammum. I p. 44, 22. 46, 2 sq. 48, 3 sq. 50, 1 sq. 52, 1 sq. 54, 3, 10, 12. 56, 2, 20 sq. 58, 20. 60, 2. 66, 19, 20. II p. 162, 9 sq. 164, 2 sq. 166, 1, 5, 9. 176, 4. 178, 2, 4, 8. 182, 2. 204, 1. 340, 19.

παράλληλος parallelus (cum datiuo). de linea. I p. 40, 2. 78, 24. 96, 12, 21, 25. 100, 8. 124, 24. 162, 8, 11. 166, 17, 19, 29, 302, 3, 332, 25, 26, 338, 14. 356, 12. 366, 10, 13. 368, 15. 380, 15. II p. 28, 20. 74, 21. 180, 6, 25. 182, 26. 184, 1, 2, 6, 7, 186, 4, 196, 1, 5, 230, 1, 22. 298, 11. 302, 22. 304, 4. 336, 6. 338, 1. 340, 11. de plano. I p. 76, 25, 26. 78, 2, 4, 6, 80, 7, 88, 17, 22, 26, 92, 13, 18, 23. 282, 7, 13. 288, 16, 21, 24, 356, 1, 364, 20, 26. 366, 5, 18. 368, 5, 10, 18. 380, 17. 384, 2, 11, 14. 398, 8. 430, 10. 454, 13. 476, 8. 492, 15. 494, 13.

πα ς α μ ή κης (πα ς α μάκης) oblongus. πας ά μακες σφαις οειδές definitur I p. 280, 23. cfr. praeterea I p. 274, 14. 352, 7.

παραπίπτω adplicato (παρά). παραπέση Ι p. 294, 21. παραπέπτωνε Ι p. 468, 10. παραπεπτωνέτω Ι p. 296, 14. 420, 14. 464, 8. παραπεπτωνός Ι p. 422, 24. 424, 7. 436, 14, 21. 464, 18, 23. 466, 23. 468, 14. 470, 27. 472, 4 sq. παραπίπτων Ι p. 304, 13.

πα ο απλή ο ωμα supplementum. Eucl. I, 43. I p. 80, 20 \, 21 \, .

παραφαίνομαι ελέφεισο

utrimque. παραφαινέσθαι II p. 250, 20.

πά ς ειμι adsum. ἐπὶ τοῦ παςόντος Η p. 250, 2.

πας. ταυτα πάντα I p. 82, 13. 342, 27. quiuis. I p. 2, 9, 11. 4, 1, 12, 14. 60, 6. 68, 22. 76, 2. 84, 24. 136, 6. 140, 14. 146, 13. 176, 2. 180, 24. 302, 10. 306, 19. 312, 19, 20. 340, 2, 5, 8. 356, 6, 15, 20. 358, 7. 386, 8. II p. 162, 9. 164, 19. 174, 9. 182, 11, 26. 198, 10. 208, 13. 212, 26. 228, 7. 242, 5. cum articulo I p. 422, 8. II p. 14, 10. 88, 14. 92, 15, 17, 26. 94, 21, 23. 96, 8, 11, 20. 98, 20, 22. 296, 11. 340, 24. 342, 2. πάντες omnes. I p. 6, 1, 20. 8, 8. 378, 6. II p. 182, 3. al. πάντες οί I p. 96, 14, 22. 98, 21, 29. 150, 19. 290, 8, 9, 19 sq. 292, 10, 11, 12. 294, 1 sq. 296, 5, 25, 26. 298, 8, 11. 300, 1 sq. 302, 11. 304, 8. 392, 5 sq. 394, 28. 396, 1 sq. 424, 10. 436, 24. 452, 2 sq. 468, 3. 472, 12. II p. 34, 17, 19. 36, 4 sq. 38, 13, 24, 27. 40, 15. 42, 14. 44, 8, 9. 46, 1, 8, 16, 23, 48, 22, 50, 1, 2, 11. 92, 3, 4. 324, 18, 26. πάντα ποτί πάντα ΙΙ p. 220, 3. οί πάντες I p. 108, 3. II p. 44, 28. 156, 4, 11. 194, 16. 346, 14. πάντες — τε — καί ΙΙ p. 38, 15, 22. 40, 11. 42, 2. 50, 9. 102, 5. 104, 18. 120, 18. πάχος crassitudo. II p. 252, 22, 24.

πειφάομαι conor. πειφάσομαι I p. 190, 3. πειφασούμαι II p. 242, 16. ἐπειφάθην II p. 248, 22. πεπειφαμένος II p. 246, 16. 248, 9. ἐπειφώντο II p. 294, 18. πέλαγος mare. II p. 242, 12. πεμπτημός ιον (πεμπταμό- είον) quinta pars. II p. 218, 1, 11, 22. 228, 4, 11. 230, 3. πέμπτος quintus. II p. 4, 21. 12, 5. 124, 25. 126, 8. πέμπτοι αξιθμοί II p. 268, 8. 282, 5 sq. 284, 1sq. 286, 19. τοία πέμπτα II p. 218, 15. 226, 1 sq. 232, 12. 234, 28. 236, 11, 19, 26. 238, 1, 2, 5.

πεντάγωνον figura quinque laterum. II p. 206, 18. πενταγ. εὐθύγομμον II p. 204, 15. πενταπλάσιος II p. 38, 16. 40, 12. 216, 18. 218, 6, 8, 18, 20. 220, 18, 25, 29. 234, 24, 25, 28. 234, 5. 236, 15.

πέντε quinque. Π p. 222, 6. 228, 1, 2, 3.

πεντήποντα quinquaginta. δύο καl πεντήκοντα II p. 286,17. περαίνω termino. πεπερασμένος I p. 6, 14. 8, 1. II p. 296, 12.

πέρας terminus. lineae. I p. 6, 15. 8, 23. 10, 1, 4, 12, 9. 34, 4. 44, 24. 52, 15, 24. 54, 1. 304, 15. 306, 14. 318, 6, 16. 324, 9. 334, 7. 344, 10. 360, 11, 13. II p. 10, 10, 13, 20, 23. 12, 14, 16, 23. 24, 8, 10. 26, 10, 11. 28, 6. 50, 23. 52, 4, 6. 58, 10. 160, 13. 184, 2. 258, 22. spiralis II p. 58, 10, 13. 60, 8. 62, 16. 66, 18. 70, 8, 12, 18. 78, 3. 82, 7, 15. 86, 19, 26. 96, 15, 16, 21. 116, 13 sq. 118, 11. 132, 22. 134, 5. plani. I p. 8, 2, 3. 10, 8 sq. 36, 1. 40, 24, 46, 18, 24, 56, 5, 9, 10. 104, 3, 4, 8. 122, 12, 13, 18.

περί cum accusatiuo: circum. u. περιγράφω, όρθός. ὁ περί διάμετρον την ΑΒ κύκλος Ι p. 168, 8. 332, 1, 15. 886, 14.

u. πύπλος. cfr. τομή. περὶ τὸ αύτὸ κέντοον I p. 120, 7. II p. 244, 16. ποουπάρχω περί I p. 4, 6, 16. ἀναστρέφεσθαι περί Ι p. 4, 7. 6, 9. Θεωρείν περί I p. 4, 11. — τὸ περὶ τον πύπλον (80. περιγεγραμμένον πολύγωνον) Ι p. 62, 2, 17. 64, 18, 19. 72, 1, 2. 266, 7, 15. τὸ περὶ τὴν σφαῖραν (sc. σχημα) I p. 148, 1. 186, 11. γράφειν πύπλον περί σημεία II p. 28, 23. — cum genetiuo: de. I p. 6, 2. 300, 6. II p. 8, 9. 250, 2. 264, 21. accusat. pro genet. II p. 4, 10. — cum datiuo non legitur. περιάγω circumuoluo. de linea. περιαγομένα II p. 10, 25. 52, 2, 7. 54, 13, 21. 58, 23. περιαχθείσα II p. 10, 21. περιβλέπω uideo utrimque. περιβλεπέσθαι ΙΙ p. 252, 1. περιγραφή figura circumscripta. I p. 24, 10+. περιγράφω circumscribo, polygonum circum circulum uel sectorem. I p. 14, 22. 16, 22. 60, 21, 24, 66, 6, 70, 9, 72, 20. 138, 4. 140, 1. 142, 6, 19. 144, 17, 18. 170, 10. 176, 19. 178, 16. 260, 7. 262, 4. περί I p. 12, 2, 5. 16, 29. 18, 15, 22. 20, 11, 16. 22, 7, 26. 24, 9, 15, 20. 30, 23. 42, 21. 60, 25, 26. 62, 5, 15. 64, 13, 16. 68, 14†. 70, 13, 14, 15, 22. 72, 6, 7. 74, 15, 18. 120, 3, 6. 130, 7, 15. 144, 23. 162, 1. 166, 2. 182, 18. 186, 8. II p. 20, 5. τὸ περιγραφέν πολύyovov I p. 12, 3. 22, 10, 19. τὸ περιγραφέν Ι p. 20, 18. 22, 21, 27. 24, 21, 26. 26, 2, 14, 17. 60, 22. 142, 28. τὸ περιγραφόμενον πολύγωνον Ι p. 14, 22. 16, 29. 18, 11. 20, 11. 24, 23. τὸ περιγεγραμμένον πολύγωνον Ι p. 26, 7, 12. 130, 1, 16. 132, 12. 142, 8. 170, 12, 18, 22. 176, 26. 178, 2. 184, 3. τὸ περιγεγραμμένον Ι p. 18, 16. 68, 14. 70, 10. 138, 5, 6. 140, 1. 142, 21. 144, 23. 176, 19. 178, 17. 182, 23. 260, 14. circumscribo figuram solidam ex superficiebus conicis compositam circum sphaeram uel sphaerae sectorem. I p. 130, 3. 162, 13. 164, 15. 176, 24. περί Ι p. 122, 2, 20, 23, 26, 28. 124, 5, 15. 126, 10, 13, 17. 128, 8, 17, 20, 132, 27, 134, 8, 164, 9. 168, 9, 12. 186, 12. $\tau \dot{o}$ περιγεγραμμένον σχημα Ι p. 122, 3. 130, 5, 10. 132, 2. 146, 2. 164, 5. 168, 23. 170, 15, 25. 172, 10. 174, 3, 23. 176, 25. 178, 7. 184, 15. 186, 20. u. σχημα. τὸ περιγεγραμμένον I p. 122, 20. 124, 15. 132, 8. 138, 18. 140, 3, 6. 146, 6. 182, 29. τὸ περιγεγραμμένον σχημα τῷ τομεὶ Ι p. 164, 19. 168, 18. 184, 9, 14. — pyramidem circum conum. περί. I p. 30, 17, 22. 58, 14. 70, 24. 72, 3, 10. — prisma circum cylindrum. περί. I p. 60, 1. 62, 1, 9. 64, 17, 23. — circulum circum polygonum I p. 120, 6. 162, 1, 4. 170, 12. — figuram ex cylindris compositam circum conoides uel sphaeroides uel eorum segmenta. I p. 374. 15. 376, 21. 380, 2. 384, 20. 388, 5. 392, 23. 400, 26. 418, 4. 426, 1. 434, 3. 438, 16. 442, 2. 450, 7. 456, 9. 458, 8. 462, 2. 470, 14. 478, 10. 480, 11. to mediadamenon aluka T. D. 374, 16. το περιγραφέν σχημα

I p. 380, 4. 388, 7, 10. 394, 5. 400, 27. 418, 5. 434, 4. 442, 3. 450, 9, 13. 456, 10. 458, 9. 462, 3. 470, 22. 480, 1, 13. τὸ - περιγραφέν I p. 394, 5. 470, 20. τὸ περιγεγραμμένον σχημα (περί) Ι p. 378, 7. 384, 22, 24. 390, 9. 394, 8, 13, 19. 396, 1, 9, 12, 14. 418, 20, 25, 28. 426, 2 sq. 428, 2, 6, 8. 434, 7. 438, 17, 20, 22, 442, 6, 444, 13, 450, 16, 21, 26. 452, 5, 15, 17. 458, 12, 15. 462, 9. 466, 5. 470, 16, 25. 472, 2, 9, 14. 474, 6, 10, 12. 480, 15, 18. τὸ περιγεγραμμένον Ι p. 376, 24. 426, 6. 428, 7. — πυλίνδοοι περιγεγ**ο**αμμένοι Ι p. 426, 20. figuram ex circulorum sectoribus compositam circum spiralem. II p. 96, 6. 100, 15. 108, 24. 120, 4. περί. II p. 88, 11. 90, 21. 92, 5, 23. 96, 18. 98, 10, 19. 100, 10. 108, 17. 120, 1. τὸ περιγραφόμενον σχημα II p. 120, 2. τὸ περιγραφέν σχῆμα ΙΙ p. 94, 19. 96, 17, 19. 98, 19. 100, 11. 108, 20, 27. τὸ περιγραφέν ΙΙ p. 92, 25. τὸ περιγεγραμμένον σχημα ΙΙ p. 92, 2, 5, 7, 8, 14. 90, 22. 94, 14. 100, 21. 102, 13, 14, 16. 108, 25. 110, 21, 22. 112, 3. 120, 6, 7. 122, 3, 9. τὸ περιγεγραμμένον ΙΙ p. 88, 13. 98.13.122.2. — περιγεγράφθω κύκλος περί διάμετρον I p. 314, 9. τὸ περιγραφέν ὑπό II p. 8, 11. — Conspectus formarum hic est: περιέγραψα I p. 456, 9. 462, 2. 478, 10. περιγραφή I p. 12, 2. 30, 17. 58, 14. 60, 1. περιγοάψαι Ι p. 14, 22. 18, 15, 22. 20, 16, 22. 22, 26. 24, 9, 15. 60, 21. 70, 9. 374, 15, 380, 2. II p.

88, 11. 92, 23. 96, 6, 18. 98, 19. 100, 10. 108, 17. 120, 1. περιγεγοάφθω I p. 12, 5. 22, 7. 24, 20. 30, 22. 60, 25. 120, 3. 130, 15. 140, 1. 162, 1. 166, 2. 170, 10, 12. 176, 19. 178, 16. 182, 18. 260, 7. 262, 4. 314, 9. 388, 5. 392, 23. 400, 27. 418, 4. 426, 1. 434, 3. 442, 2. 450, 7. 458, 8. 470, 14. II p. 100, 15. 108, 24. 120, 4. περιγράφοντες Ι p. 42, 21. περιγραφόμενος Ι p. 128, 8. u. supra. περιγραφείς I p. 162, 13. 380, 4. 438, 16. u. supra. περιγεγραμμένος (εἶναι) I p. 30, 23. 480, 11. — I p. 62, 1 sq. 64, 13 sq. 66, 6. 70, 13 sq. 72, 3 sq. 120, 6. 122, 2 sq. 124, 5. 126, 10 sq. 128, 17, 20, 130, 3 sq. 132, 2, 27. 134, 8. 138, 4. 142, 6, 19. 144, 17. 164, 5, 9, 15. 174, 23. 176, 24. 376, 21. II p. 90, 21. 98, 10. u. supra. περιέχω contineo, comprehendo, τρίγωνα περιέχοντα πυραμίδα Ι p. 28, 5. 58, 9†. κῶνοι περιέχοντες τὸν δόμβον Ι p. 84, 26. κώνος περιέχων το κωνοειδές. definitur I p. 278, 11. cfr. I p. 278, 14, 24, 28, 348, 15, 430, 2, ellipsis περιέχουσα I p. 316, 6. εὐθείαι γωνίαν περιέχοντι (περιέχουσι) ΙΙ p. 56, 20. 72, 5. γωνία περιεχομένη ὑπό II p. 56, 13. 64, 1. 66, 15. 70, 5. 90, 3. 250, 24. 252, 8. 254, 5. 256, 9, 10, 11. 258, 3. 260, 8 sq. 262, 1. τομεύς γωνίαν περιέχων ΙΙ p. 88, 24. 94, 8. τοίγωνον περιεχόμενον ύπό Ι p. 38, 15. τοῦ κώνου τὸ περιεχόμενον Ι p. 114, 27. σχημα I p. 54, 25. περίλειμμα I p. 158, 9, 17. σχήμα περιεχόμενον ὑπὸ κωνικῶν ἐπισανειῶν I p. 102, 23. 112, 18. 116, 16. 120, 29. 124, 7, 26. 126, 19. 148, 22. 152, 17. 156, 6, 17, 23? 162, 14. 170, 15. 176, 23. 182, 28. δόμβος περιεχόμενος υπό I p. 114, 16. επιφάνεια περιεγομένη δπό Ι p. 108, 23. 110, 4. παραλληλόγραμμον περιέχεται Ι p. 62, 9 †. 66, 20. π. περιεχόμενον υπό Ι p. 44, 22. 52, 18. 54, 3, 10, 12. 56, τὸ ὑπὸ — περιεγόμενον (sc. rectangulum) I p. 104, 16. 106, 2 sq. 108, 6, 10. 124, 1, 10. 126, 3. 132, 10. 148, 16. 150, 1 sq. 154, 17, 22. 164, 11. 166, 6, 12. 172, 2. 252, 7, 8, 10. 300, 22. 302, 1. 304, 16, 17. 306, 4. 312, 21. 314, 5, 16, 25, 29. 318, 24. 320, 3, 23. 322, 15, 17. 326, 2. 328, 12. 332, 17 sq. 338, 7. 346, 10†, 17 sq. 348, 3, 7. 350, 9 sq. 354, 6, 11, 14, 19. 356, 3. 422, 6, 7, 11. 434, 26. 436, 3. 444, 20, 22, 26. 446, 10, 11. 464, 17, 21. 466, 12. 484, 8, 13. 486, 4 sq. 488, 2 sq. 490, 4, 9, 16, 18. 494, 21, 25. 496, 1 sq. 498, 7. II p. 30, 1. 34, 16. 36, 6 sq. 38, 3 sq. 40, 3, 8, 10. 42, 18. 44, 12 sq. 46, 5, 7, 15, 22. 48, 2, 5, 7, 21. 50, 15. 106, 15. 108, 4. 110, 15. 114, 10. 116, 21. 122, 11. 124, 18, 22. 128, 20. περιεχόμενον omissum. u. νπό. cfr. I p. 40, 10†. χω*οίον περιεχόμενον ὑπό* Ι p. 132, 15. 306, 19. 308, 2, 11. 310, 26. 312, 14, 19, 24. 314, 28. 316, 3, 18. 408, 8, 11, 13. II p. 88, 8. 92, 20. 96, 3, 13. 98, 7. 100, 9. 102, 18, 21. 106, 28. 108, 10. 112, 5, 9, 14. 114, 21. 116, 12. 118, 4, 24, 188, Archimedes, ed. Heiberg. III.

3. 294.17. (χωρίον) έστω περιεχόμενον Ι p. 316, 4, 7. τμημα περιεχόμενον έπιφανεία Ι p. 248, 16. ΙΙ p. 8, 7. τμημα περιεχόμενον ύπὸ εὐθείας καὶ όρθογωνίου κώνου τομής Ι p. 2, 4. II p. 192, 2, 18. 194, 9. 198, 10. 202, 4. 208, 9. 210, 26. 212, 26. 296, 3, 5. 300, 12. **302, 9. 318, 22. 326, 5. 328,** 18. 334, 12, 17. 336, 12, 23. 338, 10, 14. 340, 2. 342, 5. 344, 12, 18. 348, 22, 25. τμᾶμα δ περιεχέται ὑπό II p. 320, 25. 336, 18. περιλαμβάνω comprehendo. II p. 252, 17. linea ab linea. I p. 10, 3, 5, 6. 12, 9. núnlos περιλαμβάνων I p. 130, 20. cfr. 120, 7. ellipsis περιλαμβάνουσα I p. 340, 16. 342, 2, 14. superficies ab superficie I p. 10, 13, 15, 16. 36, 2, 3. 46, 26. 56, 12, 14. 104, 6. 122, 16, 19. cfr. I p. 152, 21. τοίγωνον περιληφθέν Ι p. 34, 5. τὸ περιλαφθὲν σχῆμα ὑπό I p. 274, 18. 280, 22, 26. τὸ περιλαφθέν Ι p. 282, 10. τὸ περιλαφθέν χωρίον II p. 10, 14. 12, 18, 21. 52, 15, 18. 98, 25. 106, 10. 114, 26. 132, 26. ἐπίπεδον περιλαφθέν ύπό Ι p. 276, 5. 278, 6, 19. 288, 11. 290, 1. κῶνον περιλαμβάνειν I p. 278, 3, 10. κύλινδρος περιλαμβάνων I p. 334, δ. — περιλαμβάνει Ι p. 46, 26. 56, 12. περιλαμβάνεται I p. 104, 6. 122, 16. Η p. 252, 17. περιλαμβάνηται Ι p. 10, 3, 5, 13, 15. περιλαμβανέτω Ι p. 120, 7. περιλαμβάνων I p. 152, 27. u. supra. περιλαμβανομένη Ι ο. 10, 6, 16, 36, 3, 56, 14, 122 περιλαμβάνειν Τ p. 12,9. 36, 2. περιληφθέν Ι p. 278, 10. u. supra. περιλαψούνται I p. 278, 3.

περιλείμμα spatium relictum. I p. 24, 4. 26, 18. 40, 19. 42, 7, 11, 21, 44, 10, 12, 88, 21. 90, 10. 92, 10, 16. 94, 5. 96, 8. 116, 6. 158, 9? 16? πεοιλείπω relinquo (diuidendo spatium uel figuram rectilineam inscribendo). zequλειπόμενος Ι p. 24, 4, 10. 42, 28. 58, 2. 114, 26. II p. 178, 11, 16. 198, 22. 200, 6, 13, 16, 18, 20. 208, 21, 26. 210, 6, 11, 18, 20. 334, 4, 7. 340, 24. 342, **10. 344**, **26**. **346**, **5**. **350**, **7**. περιλελειμμένος I p. 114, 15. περίμετρος perimetrus, ambitus figurae rectilineae. I p. 10, 24. 12, 3, 5. 26, 23. 30, 19. 32, 11, 26, 36, 1, 40, 24, 56, 5, 9. 62, 2, 6, 10. 66, 12. 130, **26**. **260**, **1**. **266**, **12**. **270**, **6**, **9**. II p. 20, 6. 144, 4. 258, 8, 11, 16. 262, 21, 25, 27. 264, 4. de ambitu circuli (nusquam ab Archimede ipso scriptum). I p. 12, 4, 6. 258, 4. 260, 3, 17. 262, 19. 266, 17. 270, 13. terrae II p. 246, 14, 20. 264, 12, 14.

περίοδος periodus. numerorum (in systemate numerandi ab Archimede inuento). πρώτα περίοδος II p. 268, 13, 14. δεντέρα περίοδος II p. 268, 15 sq. τρίτα περίοδος ΙΙ p. 268, 23. μυριακισμυριοστά περίοδος ΙΙ p. 268, 25.

περισσός impar. numerus: II p. 38, 17. 40, 13. 150, 15. 192, 15. 196, 2. u. έξης, άριθμός. περιτυγχάνω incido. περιτετευχότες II p. 266, 11?

περιφέρεια ambitus circuli.

I p. 2, 18. 10, 25. 12, 15. 102, 1, 4. 104, 4. 120, 10, 12, 21. 122, 14. 130, 27. 154, 15. 160, 10. 164, 22. 168, 7. 170, 1. 176, 4. 178, 25. 312, 6. 320, 21. II p. 10, 25. 12, 19, 22. 20, 4, 8, 11, 18. 22, 5. 24, 4, 7, 9, 29. 26, 9. 28, 9, 23. 30, 17, 24. 34, 7. 58, 7 sq. 60, 14 sq. 62, 3, 5, 10, 13. 64, 28. 66, 4, 27. 68, 11 sq. 70, 23. 72, 7, 11. 74, 1 sq. 76, 6 sq. 78, 8, 17, 22. 80, 1 sq. 82, 1, 10. 86, 23. 88, 8. 90, 9, 14, 19. 100, 27. 104, 6, 13. 110, 1, 6. 112, 27. 114, 1. 118, 3. 134, 4. 244, 14. 258, 7, 14. 262, 6. 264, 15. arcus circuli. I p. 10, 27. 12, 9, 10. 16, 23 †. 34, 16. 36, 14. 38, 26. 40, 3. 42, 23. 48, 19. 54, 5, 27. 56, 8, 17, 27. 130, 17. 226, 14, 15. 250, 4 sq. 252, 2, 7. 254, 19, 20. 258, 8. 260, 8. II p. 22, 7 sq. 58, 9 sq. 60, 2 sq. 62, 3, 4, 9, 13. 64, 12. 66, 1 sq. 68, 15 sq. 72, 18, 20. 74, 2 sq. 76, 12 sq. 80, 6 sq. 82, 23, 84, 1, 11, 14. 86, 3 sq. 90, 8. 98, 4. 116, 18. 120, 10, 17. 132, 27. ambitus semicirculi I p. 332, 336, 14. sectoris arcus II p. 124, 3. omissum I p. 46, 5†. π. βάσεως I p. 188, 11. περιφέρομαι circumferor. de figura plana circumuoluta. περιενεχθη Ι p. 100, 28. 152, 13. II p. 8, 10. περιενεχθήτω I p. 120, 8. περιενεχθείη Ι p. 142, 16. περιενεχθείς I p. 130, 24. 156, 16. 162, 3. 170, 13. 176, 22. 182, 27. 274, 17. 276, 24. 280, 21, 25. — de linea spiralem efficienti. περιφερομένα Π p. 10, 11. περιφερέσθαι II p. 52, 8. περι-

ενεχθείσα ΙΙ p. 10, 10. 12, 14. περιενεχθέφντι II p. 12, 1. -de terra. περιφαράσθαι II p. 244, 13, 18. 246, 2. περιφορά circumuolutio (lineae spiralem efficientis). II p. 10, 19. 12, 1, 3, 6, 8. 52, 14, 23. 62, 15. 70, 11. 82, 6, 11. 86, 26. 88, 4. 96, 4. 114, 27, 28, 116, 2, 5, 124, 23, 132, 21. πρώτα περιφορά ΙΙ p. 12, 9. 52, 10, 16. 58, 4, 14. 60, 16. 62, 18, 25, 70, 17, 78, 9, 82, 14. 84, 3. 88, 9, 15. 98, 26. 100, 1. 126, 3. δευτέρα περιφορά ΙΙ p. 12, 10. 52, 12, 18. 60, 10, 17. 66, 21, 25. 78, 2. 86, 18, 92, 21, 94, 2, 106, 11, 22. τρίτα περιφορά ΙΙ p. 62, 7. ἐν μιᾶ περιφορᾶ II p. 12, 12. 54, 5. 96, 14. 116, 13, 28. 134, 12. υ. άρχά. πίπτω cado. de lineis. έπλ τὰ αύτὰ πίπτουσι Ι p. 6, 21. 8, 9. πίπτοντι κατά ΙΙ p. 166, 5? ἐντὸς πεσείται Ι p. 364, 18. II p. 26, 26. 90, 7. έντός πεσούνται Ι p. 842, 26. έντός nintely II p. 64, 12. éntos πίπτοντι Ι p. 356, 18. 358, 10. έπτὸς πεσούνται I p. 356, 10, 25. 366, 22, 368, 17, 370, 2, II p. 340, 17. έκτὸς πεσείται Ip. 364, 15. II p. 26,1. πεσώντι (scrib. πέσωντι) ποτί ΙΙ p. 100, 27. 104, 6. 110, 1. 112, 27. 120, 11. πέπτωμεν ποτί ΙΙ p. 30, 16. πίπτη ποτί ΙΙ p. 62, 16. πεσείται έπί Ι p. 364, 16. πιπτέτω έπί ΙΙ p. 314, 27. πεσείται διά I p. 368, 9. 454, 15. 476, 11. 494, 4. de plano. έκτὸς πεσείται Ι p. 376, 1. 882, de puncto. πεσείται ἐπί I p. 372, 28. πεσούνται έπί II p. 164, 6. 166, 13, 20.

muorevo confirmo. menuorevμένος Η p. 254, 17. πεπιστευnéval II p. 296, 25. πίστις fides. Η p. 296, 26. πιστός credibilis. Il p. 290, 22. πλάγιος. ὰ πλαγία πλευρά hyperbolae (τοῦ εἰδους) I p. 422, 10†. πλανάομαι erro. πλανώνται II p. 266, 12. πλάτος latitudo, spatii. I p. 298, 5†. 200/or πl. £200 I p. 804, 13. 464, 9. 466, 28. 468, 14. 470, 28. 472, 5. gnomonis I p. 444, 19, 21, 24, 25, 446, 2. 464, 11, 12, 14, 15. πλεονάκις saepius. II p. 250, 8. πλευφά latus. polygoni I p. 10, 26. 14, 28. 16, 21, 25+, 29. 18, 11, 16, 17, 28. 20, 8, 11. 26, 25. 96, 12, 13, 17, 21. 98, 26, 28. 100, 2, 8. 110, 2. 120, 26. 180, 7, 8, 16, 19. 188, 6. 142, 8, 21. 144, 18, 23, 24. 156, 10, 22. 158, 25. 160, 19. 162, 9, 12. 164, 12. 166, 6. 170, 11, 17, 18, 22, 172, 2, 178, 1, 2, 184, 3, 4. 186, 9. 266, 7. II p. 142, 20. 194, 12, 16. 248, 17. 254, 19. 262, 8, 20. trianguli I p. 58, 11†. 260, 1. II p. 166, 17. 168, 14. 170, 10. 172, 10, 15. 180, 16. 182, 13, 26. 260, 6, 12, 14. 304, 28. trapezii II p. 312, 18. 314, 28. 318, 11. 822, 12. ὑπερβλήματος I p. 296, 1, 7, 9, 16. 420, 17, 21. 464, 20. 468, 12. rectanguli I p. 252, 8. parallelogrammi II p. 162, 12. 190, 17. σχήμαsec I p. 104, 16. 152, 15. quadrati I p. 446, 4. coni I p. **\$0**, 20. 32, 8, 26. 40, 7. 68, 24. 76, 3, 7. 84, 4. 86, 2. 88, 24. 92, 20. 288, 4. 348, 15. cfr. I p. 78, 1. cylindri I p. 59*

52, 9. 54, 4, 11, 18. 56, 26. 60, 8, 12. 62, 10 +. 146, 25, 148, 1. 288, 17. 416, 22. sectoris II p. 92, 2. zlevoć omissum I p. 140, 1. πληθος multitudo. πλ. πλευρῶν I p. 100, 26, 120, 4, 130, 13. 142, 5. ἴσα τῷ πλήθει et simil. I p. 290, 7, 14, 15, 24. 294, 21. 296, 4, 13, 20. 298, 6, 16. 390, 9. 418, 17. 420, 12, 23. 424, 1. 436, 17. 444, 12, 15. 446, 22. 448, 13. 464, 4. 466, 4, 24. 468, 15. II p. 20, 2. 34, 18. 42, 12. 102, 4. 104, 14. 110, 6. 114, 2. 120, 14. 124, 4. 150, 14. 152, 2. 154, 21. 156, 6, 7, 17. 164, 8. 194, 12. 196, 3. 242, 3. 246, 12. τὸ πληθος τοῦ ψάμμου Π p. 242, 9, 15. 276, 15. 278, 12, 17. 280, 12, 21. 282, 7. 284, 2, 11, 26. 286, 9, 28. 288, 2, 4, 7, 25. 290, 14. πληφόω expleo. πεπληφωμένος ΙΙ p. 242, 12. 244, 2. πληοωθείη ΙΙ p. 274, 13. ποθέω desidero. ποθεσόμεvos II p. 4, 1? ποιέω facio. ἀπόφασιν ποιείσθαι Ι p. 6, 6. — τὸ ἐπίταγμα

νος 11 p. 4, 1? τοι έω facio. ἀπόφασιν ποιείσθαι Ι p. 6, 6. — το ἐπίταγμα ποιεόσαι Ι p. 12, 25. 14, 15. ποιείν Ι p. 14, 28. — ποιείται fingit. II p. 246, 6. — τοῦτο ποιοῦντες Ι p. 16, 17. cfr. II p. 252, 25. 342, 2. — χρόνον ποιήσαντες ΙΙ p. 2, 7. — ἐποίησεν δῆλα ΙΙ p. 2, 15. — τομήν ποιείν Ι p. 78, 7. 88, 26. 92, 24. 206, 7. 358, 22. 362, 2. όρθὰς γωνίας ποιείν ποτί et simil. I p. 282, 26. 346, 2. 360, 13. 362, 5. 372, 7. 440, 15. 460, 10. II p. 54, 7, 10. 62,

21. 64, 5. 70, 12. 90, 3, 17. 98, 3, 100, 25, 104, 4, 108, 29, 112, 27. 120, 9., 142, 19. 168, 13. 170, 9. 180, 16. 326, 9, 10. ποιείν σημα Ι p. 156, 17. 170, 14. ποιείν τμημα I p. 350, 21. — ποιείν ώς efficere proportionem. I p. 194, 21, 22. 210, 12. 214, 1, 14, 24. 216, 11. 218, 26. 222, 26. 224, 4, 17. 230, 2. 234, 12, 22. 236, 16. II p. 172, 5. 210, 9. — Formae occurrent hae: noisi II p. 62, 21. 64, 5. ποιείται ΙΙ p. 246, 6. ποιούντι I p. 350, 21. 360, ποιέοντι (?) Η p. 142, 19. 168, 13. 180, 16. ποιείτω Ι p. 78, 7. 88, 26. 92, 24. 156, 17. 206, 7. ποιείτωσαν I p. 170, 14. ποιέωμες? Η p. 210, 9. noisir I p. 14, 28. 214, 14, 24. II p. 326, 9. ποιείσθαι I р. 6, 6. посот I р. 282, 26. 346, 2. 372, 7. II p. 54, 7, 10. 90, 3, 17. 98, 3. 100, 25. 104, **4**. 108, 29. 112, 27. 120, 9. 326, 10. u. supra. ποιήσει Ι p. 358, 22. 362, 2, 5. 440, 15. 460, 10. Π p. 70, 12. ποιήσομες II p. 342, 2. ποιησοῦντι II p. 170, 9. ἐποίησεν II p. 2, 15. ποιήσαντες ΙΙ p. 2, 7. πεποιήσθω*) Ι p. 194, 21, 22. 210, 12. 214, 1. 216, 11. 218, 26. 222, 26. 224, 4, 17. 230, 2. 234, 12, 22. 236, 16. II p. 172, 5. ποίος qualis. in interrogatione indirecta. II p. 4, 5, 6. ποκά 💳 ποτέ. υ. ποτέ. πολλάκις saepe. I p. 274, 5. πολλαπλασιάζω multiplico.

πολλαπλασιάζωντι άλλάλους ΙΙ

^{*)} Uidetur transscriptori deberi. cfr. tamen uol. III p. 149 not. 1.

p. 270, 22, 25. 272, 13, 16. πολλαπλασιαξάντες ΙΙ p. 270, 25, 26. 272, 3, 16. 276, 10. πολλαπλασιασθείς cum dat. II p. 274, 27. 276, 25. 278, 26. 280, 21. 282, 17. 284, 12. 286, 10. 290, 5. πεπολλαπλασιάσθω I p. 14, 4. II p. 272, 5. πολλαπλάσιος multiplex. nατά. II p. 12, 7. 38, 10, 18.

40, 13. 88, 2. 124, 26. 126, 11. άριθμῶ τινι πολλαπλ. Η p. 82, 9. 274, 8, 21. 276, 19. 280, 16. 282, 11. 286, 4. absolute II p. 244, 11 (cum genetiuo). πολλαπλασίων multiplex. II 154, 16, 17. ἀριθμῷ II p. 272, 12, 13. 278, 21. 284, 6. 288, 24. π olla π la σ l ω g multo magis. II p. 242, 14.

πολυγώνιον polygonum. II

p. 258, 8, 10, 16. 264, 4. πολύγωνον polygonum. I p. 10, 23, 25, 26. 12, 2, 3, 4. 14, 21, 22. 16, 20, 28. 42, 21. 44, 5. 60, 21. 66, 9, 11. 70, 8, 13. 96, 10. 98, 25, 28. 170, 19. 172, 3. 308, 18. 312, 3. II p. 340, 23. 346, 10. 350, 14. πολύγωνον έν κύκλω Ι p. 270, 10. cfr. πλευρά, περίμετρος. omissum I p. 110, 5. 184, 4. 186, 9. cfr. έγγράφω, περιγράφω. πολύγωνος multiangulus. πολυγονώτερος ΙΙ p. 264, 5? πολύς multus. I p. 4, 17. 286, 12. of πολλοί II p. 290, 17. πολλφ apud comparatiua (semper fere remotum in initio sententiae) I p. 22, 20. 26, 2. 36, 26. 42, 12. 44, 15. 74, 17. 142, 28. 392, 16. II p. 210, 4. πλέων ΙΙ p. 266, 4. πλείων Ι p. 358, 16. 362, 16. II p. 2, 7. 10, 26. 16, 14. 252, 23. inl τὸ πλείον II p. 2, 16, ἐπὶ πλέον

II p. 268, 12. nleistos I p. 188, 4. II p. 2, 4. 244, 4. 248, 4. 288, 5. 296, 1. πορεύομαι uenio, cado. de linea. διὰ σημείου. πορευέται I p. 282, 19. II p. 182, 6. 330,

23. πορευσέται Ι p. 364, 21. έπορεύθη έν χρόνω Π p. 14, 17. πορεύεται γραμμάν ΙΙ p. 58, 26. πόρισμα corollarium. in titulis, uelut I p. 160, 7 al. II p. 94, 18. 96, 1, al.

πόσος quantus. in plurali:

auot. II p. 2, 11.

ποτέ aliquando. I p. 376, 5. ποκά ΙΙ p. 162, 19? 174, 17. ποτί et composita u. πρός. πού forte. που μάλιστα Ip. 6, 4,

πούς pes, fundamentum. II p. 250, 10?

πραγματεύομαι uersor in. πραγματευόμενος (περί) Η p. 2, 10. πραγματευθέντων (περί) II p. 294, 14. πεπραγματεύμεθα Ι p. 2, 8.

πράττω. εὐ πράττειν ualere. I p. 274, 1. II p. 294, 2.

πρίσμα prisma. I p. 4, 13. 58, 19, 23 †. 60, 1, 2, 27. 66, 10, 19. II p. 296, 18.

ποό ante. cum genetiuo. I p. 4, 7, 17. 120, 28. 444, 25. 464, 15. II p. 270, 12, 17. 332, 25.

de loco II p. 252, 13.

προαγορεύω antea dico. προειοημένος Ι p. 20, 13. 58, 6+. 102, 24. 124, 13. 146, 18. 160, 14. 190, 7. 322, 17. II p. 10, 7. 100, 6. 266, 14. 296, 22, 23. προάγω profero. προάγαγεν II p. 2, 16. — procedo. προαγόντες Π p. 268, 8, 20. προαγόντων (imp.) II p. 268, 24. ποοάγειν ΙΙ p. 268, 12.

reoalego par praesero. reoαιρούμενος. Π p. 2, 10.

ποοαποδείηνυμι antea demonstro. ποοαπεδείχθη I p. 90, 28†.

προαποστάλλω antea mitto. προαπεσταλμένα ΙΙ p. 6, 18. 8. 6.

πορβάλλω propono. πορβεβλημένος Ι p. 274, 8, 11. 886, 6. II p. 8, 9. 10, 5. πορεβάλλετο Ι p. 276, 2. πορβαλλέτος Ι p. 280, 1. 284, 1.

ποό βλημα problema, propomtura. I p. 188, 2, 20. 190, 4. 192, 12. 206, 2. 214, 17, 20, 27. 222, 22. 284, 4. 286, 12, 21. II p. 2, 20. 4, 5, 8. 6, 22. 10, 6.

προγράφω antea scribo. προγέγραπται I p. 174, 10. 238, 3. προγεγραμμένος I p. 164, 27 †. 168, 21. 386, 6. Il p. 326, 2. προγραφάνεες I p. 286, 25. προγραφέται II p. 298, 4.

προδείννυμι antea demonstro. προδέδεινσαι Ι p. 166, 10. 208, 9. II p. 148, 12. προδεδειγμένος Ι p. 146, 18. προδειχθείς Ι p. 94, 9. 110, 15. προσγούμενα (in spirali). definiuntur II p. 52, 23. u. praeterea II p. 58, 12. 62, 23. 64, 10, 19. 66, 27. 70, 14. 84, 1. 90, 7. ἀ πρ. εὐθεῖα II p. 90, 19. 98, 5.

πρόπει μαι propositus sum.
προέπειτο I p. 18, 12. προπείνται II p. 14, 4. προπείμενος I p. 24, 5. 124, 19, 20.
288, 1. II p. 126, 3. 248, 13.
250, 5. 266, 8. 274, 2. 304, 28.
πρός (in Doricis semper ποτί).
cum accusatiuo. λόγον έχειν
πρός I p. 12, 19, 20. 14, 6, 7,
8. 18, 17, 18, 26. 20, 13, 18.
24, 21, 23 al. u. λόγος, ας.

moier ympian mort mlenodr II p. 70, 13 al. u. zoreży. usque ad. II p. 32, 1 al. uersus I p. 304, 15 5l. cfr. 6ρθός, πίντω. — cum distino. practer. I p. 2, 14. II p. 248. 16. apud, ad. relyment sort σαμείφ Ι p. 310, 15. γανία nort nlevež II p. 260, 14. ymνία ποεί τῷ νένυρῷ Π p. 118, 12. yerria noti va O et sim. I p. 18, 5, 21. 102, 3. 120, 19. II p. 96, 25. 98, 3. 100, 25. 104, 5. 108, 29. 112, 26. 118, 13. 120, 9. 304, 27. yayis xeουφάν έχουσα ποτί τα όψει Π p. 256, 7, 9, 14. 252, 1, 10. 254, 1, 9, 14. 258, 8. — naves τοω Ι p. 8, 12. - το μέρος το поті та поотфа II р. 214, 2. 302, 17.

προσάγα duco lineam ad aliam lineam. ποταχθείσα II p. 10, 24. προσβάλλα duco lineam ad

aliam lineam. προσβεβλήσθο I p. 20, 2. ποτεβαλείν II p. 24, 4. 26, 8. 28, 7. 30, 23. 64, 26. 72, 17. 78, 27. 84, 20. inngitur cum praepositionibus ἀπό et ποτί.

πρόσειμι additus sum. ἀ ποτεοῦσα τῷ ἄξονι in conoide obtusiangulo uel eius segmento. definitur I p. 278, 14, 25. cfr. praeterea I p. 280, 7, 10, 16, 17, 416, 7, 8, 16. 428, 19, 21. 430, 8.

προσεξευρίσκω postea uel insuper inuenio. ποτεξευρημένος Ι p. 274, 5, 12.

πρόσκειμαι additus uel adioutus sum. προσκείσθω I p. 200, 14. 492, 10. 494, 6. Π p. 84, 23 (ποπ). 44, 2 (id). προσ-

κείσθωσαν I p. 40, 5. 54, 17†. notineluevos II p. 20, 24. προσλαμβάνω adsumo. προσλαβών I p. 246, 11, h. e. +. - ποτιλαμβανόμενος ΙΙ p. 12, ποτιλαφθείς ΙΙ p. 12, 3, 4, 8, 9†, 11. 40, 20. ποτιλαμβάνων ΙΙ p. 34, 15. ποτιλαβών II p. 36, 5, 21, 27. 38, 12. 40, 18. προσομολογέω insuper profiteor. ποθομολογημότες II p. 4, 4? προσπίπτω incido, producor ad. ποτιπίπτει (cum dat.) II p. 56, 17. notintary ent II p. 60, 8. ποτιπίπτωντι ποτί II p. 60, 11. ποτιπιπτόντων (imp.) II p. 58, 17 (ἀπό — ποτί). 60, 17. ποτιπιπτούσαι (ἀπό - ποτί) II p. 58, 8, 60, 7, 62, 11, 15. 64, 17. 66, 1. 90, 11, 15. 100, 28. 102, 3. 104, 8, 13. 110, 3, 6. 112, 29. 114, 2. 120, 12, 17. 124, 1, 4. ποτιπέπτωνε ποτί ΙΙ p. 34, 5. ποτιπεσώντι ποτί ΙΙ p. 58, 5, 62, 7, ποτιπεσούσα ΙΙ p. 24, 9. ποτίπιπτέτω Π p. 66, 2. προστίθημι adiungo, addo. προστιθεμένων Ι p. 214, 17. — ποτιτεθέντος II p. 20, 19 (ποτί). 144, 18. ποτετέθη (dat.) Η p. 142, 9. 144, 19. ποτιτεθή ποτί II p. 142, 8. πρόσω πον facies. II p. 252, 15.

πρότασις propositio. Ip.188,3. πρότερον prius. I p. 2, 2. 34,

26. 40, 20. 46, 14. 56, 1. 60,

18. 70, 5. 116, 8. 124, 19. 136, 12. 144, 16. 166, 4. 176, 22.

188, 2, 5. 274, 4, 5. 388, 4.

400, 25. 418, 2. II p. 2, 9. 14,

6. 72, 9. 78, 19. 84, 13. 100,

7. 108, 15. 118, 28. 294, 10,

11, 13. 330, 4. 350, 5. Tò

πρότερον sim. I p. 112, 25. 130, 4. 142, 7. 144, 21. 152, 12, 19, 156, 15, 170, 13, 182, **27. 210, 22. 354, 4. 384, 24. 394**, 2. 404, 1. 434, 15. 450, 11. 456, 13. 488, 12. 470, 18. 494, 17. 498, 9. II p. 66, 26. 94, 13. 98, 1. 296, 18. 304, 19. 312, 14. 314, 10, 316, 4, 26. 318, 1, 19. 328, 9. of #côtedov I p. 82, 13. 340, 3. H p. **2**96, 13. πρότε σος prior. I p. 274, 10. 480, 3. II p. 60, 6. of #60τέροι II p. 246, 19. 248, 4, 7. **29**6, 8, προτίθημι sensu proprio: pono ante. προτιθένται (πρό) II p. 252, 13. — προτεθέν (magnitudo) proposita uel data. I p. 10, 21, 24, 25, 128, 6. 306, 17. 356, 19. 374, 18. 376, 6, 9. 378, 1, 10. 380, 5. 384, 3, 6, 23. 386, 3. 428, 12. 438, 26. II p. 14, 10. 46, 14. 88, 14, 27. 90, 1, 23. 92, 10, 15, 17, 26. 94, 9, 10, 21, 23. 96, 9, 11, 20, 27, 28. 98, 14, 20, 23. 166, 5. 178, 19. 186, 25. 296, 12. 304, 21. 340, 24. 346, 9. ά προτεθείσα εύθεία II p. 208, 14, 17. προϋπάρχω adsum ante. προυπήρχευ Ι p. 4, 6. προυπαρχόντων Ι p. 4, 16. προφέρω in medium profero. προενεγκάσθαι ΙΙ p. 2, 22. προχειρίζομαι suscipio. έπροχειξάμεθα ΙΙ p. 294, 8. ποῶτον primum. I p. 2, 9. 6, 11. II p. 246, 14. 350, 16. = πρότερον Ι p. 302, 20. 308, 15. 440, 27. 456, 7. 460, 25. 478, 8. H p. 202, 11. 302, 19. 318, 23. neoros primus. I p. 190, 4. 290, 16, 20. II p. 270, 4, 12, 16. 276, 12. 278, 7. 280, 6. 282, 1, 24. 284, 19. αί πρώται termini priores proport. II p. 220, 11. έν τῷ πρώτφ Ι p. 230, 22. πρώτα περιφορά II p. 12, 9. α. περιφορά. πρώτον χωρίον Π p. 52, 15. 126, 1, 7. πρῶτος uvulog u. núulog. newta neelοδος τι. περίοδος. πρ. άριθμοί. II p. 266, 19, 20. 268, 15, 16, 24. 270, 4. 274, 18. 278, 8. 280, 7. 282, 2, 25. 284, 19. 286, 18.

πυραμίς pyramis. I p. 4, 12, 13. 26, 21, 27. 28, 4, 6. 30, 17, 24. 40, 21. 42, 1. 44, 4. 58, 6, 7, 14, 15. 70, 15. 72, 24. 296, 18, 19.

πῶς quomodo. I p. 62, 23†. πώς aliquo modo. II p. 252, 22, 25.

P.

δέπω uergo. de libra. έπί. δέπει ΙΙ p. 146, 12, 13. δέψει II p. 144, 15, 18. 146, 9. ov δέψει ΙΙ p. 146, 9. δέπειν Ι p. 142, 5, 9, 11. δόμβος rhombus. δόμβος στεosós definitur I p. 8, 16. cfr. praeterea I p. 114, 5. 158, 3. 198, 6, 17. 204, 16. δόμβος sc. στερεός I p. 84, 24, 26. 86, 3, 11, 17, 21, 22. 88, 14, 15, 20. 90, 1, 10. 92, 9, 12, 16, 22, 27. 94, 1. 96, 6, 7. 114, 16. 116, 6. . δώννυμι. Ερρωσο uale. I p. 6, 10? II p. 298, 5.

Σ.

σαφῶς perspicue. σαφέστερον I p. 28, 17†. σελήνη (σελήνα) luna. Η p. 248, 2, 5, 11, 15. 262, 15, 16. 290, 21. cfr. διάμετρος.

σημείον (σαμείον) punctum. I p. 6, 19, 20. 8, 7, 8. 88, 20. 46, 5. 48, 20. 90, 5. 92, 26. 94, 3. 102, 4, 11, 14. 274, 21. II p. 8, 1, 17, 132, 22, 23, al. saepissime. σημείον έπί I p. 214, 22. u. ênl. σημεία έν I p. 362, 21. II p. 84, 2. τὸ σ. ő έστι κορυφή I p. 38, 22 al. omissum. τὸ B et simil. I p. 38, 23. 40, 3, alibi saepissime. cfr. II p. 58, 2. 90, 16. σταδιαίος stadium longus. II p. 278, 15, 19, 22.

στάδιον stadium. II p. 246, 15, 17, 21. 262, 12. 264, 11, 13, 17, 20. 278, 21, 25. 280, 13, 16, 17, 20. 282, 9 sq. 284, 3 sq. 286, 1 sp. 288, 1.

στερεός solidus. δόμβος στ. u. δόμβος. σχημα στεφεόν Ι p. 8, 20. 144, 21. 152, 17. 184, 7, 9, 16. 186, 11, 13. 374, 14. 376, 19. 380, 2. 384, 19. 388, 5. 400, 27. 418, 4. 426, 1. 434, 2. 438, 15. 442, 1. 450, 7. 456, 8. 458, 7. 462, 1. 470, 14. 478, 10. 480, 11. τομεύς στερεός τὸ στερεόν (вс. u. τομεύς. σχημα) Ι p. 4, 12. 10, 19. 138, μέγεθος στεφεόν I p. 374, 18. 376, 6, 9. 378, 1, 10. 380, 5. 384, 4, 7, 23. 386, 3. τδ στερεόν solidum fictum sine productum trium linearum II p. 228, 13, 17. 230, 5, 7. 232, 13, 20. 234, 2, 6, 13, 15, 21. II p. 254, 10. nusquam alibi

στιγόν uel στιγός punctum. occurrit.

στοιχείον elementum. νικά στοιχεία I p. 302, 4. II p. 298, 4. 300, 10.

στοιχείωσις institutio elementaris (Euclidis). I p. 24, 6. στρογγύλος rotundus. Π p. 252, 4.

σύ tu. τύ II p. 246, 16. σοι I p. 2, 2. 6, 8. 188, 6. 190, 1. τοι I p. 274, 2. 288, 1. II p. 2, 6. 4, 7. 10, 8. 242, 16? 264, 3. 274, 9. 294, 8. τίν = σέ. II p. 290, 23? 294, 4?

σύγκειμαι compositus sum (έξ). σύγκειται I p. 90, 29. 94, 14. 388, 9, 14. 444, 8. 464, 25. II p. 14, 27 (év). 16, 2, 9 $(\vec{\epsilon}\nu)$. 100, 7. 104, 1. 108, 25. 112, 21. 120, 5. 122, 23. συγnelmeros I p. 8, 20, 46, 20, 48, 3, 9, 50, 8, 16, 56, 2, 6, 17, 22. 58, 20. 60, 3. 66, 20. 82, 24. 86, 3. 90, 2. 92, 12, 22. 108, 13. 374, 16. 376, 20, 22. 380, 3. 384, 21. 388, 6. 400, 28. 418, 5. 426, 2. 434, 4. 438, 17. 442, 3. 450, 8. 456, 10. 458, 9. 462, 2. 470, 15. 478, 11. 480, 12. II p. 16, 7. 88, 12. 90, 21. 92, 24. 96, 18. 98, 11. 100, 11. 108, 19. 112, 13 ($\nu\pi\delta$). 120, 2. 122, 17. 146, 20. 148, 7, 15, 20, 25. 150, 4, 10, 19. 152, 7, 17. 156, 5, 12, 16†, 18. 162, 5. 164, 12. 168, 4. 176, 7. 178, 7, 10, 15. 180, 19, 27. 182, 3. 186, 10. 188, 6. 190, 1. 200, 12, 17. 204, 4, 8. 206, 8. 210, 20. 214, 14. 216, 11. 220, 15, 20, 27, 29. 222, 2 sq. 226, 1 sq. 232, 14, 22, 23. 234, 1 sq. 236, 6, 12, 15. 242, 10. 264, 23. omissum. τὸ έξ. II p. 156, 22. 158, 10. 160, 24. 206, 10, 12. τὸν συγκείμενον λόγον ἔχειν έκ τοῦ κτλ. I p. 340, 2, 6. 408, 5, 7, 26. 414, 5, 11. 484, 1, 10. συγκείσθω ΙΙ p. 14, 27 (έν).

16, 3 (έν). συγκείσθωσαν Η p. 14, 24. συζυγής coniunctus. de diametris ellipsis. I p. 324, 24. συμβαίνω accido. συμβαίνει I p. 188, 4. II p. 2, 8, 22. 244, 11. 266, 14. 296, 23. συν-έβαινεν Ι p. 4, 18. Η p. 250, 21. τὸ αὐτὸ συμβαίνει ΙΙ p. 60, 8. συμβησέται Π p. 66, 19, 22. 70, 7. συμβαίνει proprium est. I p. 422, 9. συμβάλλω concido. de lineis. συμβάλλουσι I p. 102, 14, 19 (πατά). σύμμετρος commensurabilis (cum dat.). II p. 152, 11, 14, 20, 21. 158, 17. σύμπας in plurali: omnes simul. σύμπαντα τά I p. 298, 7. 468, 16. II p. 344, 16. 346, 9. 352, 1. τὰ σύμπαντα ΙΙ p. 38, 12. 352, 18. τά σύμπαντα τά ΙΙ p. 348, 8, 11, 19. συμπίπτω concido. de lineis (saepe cum datiuo). συμπίπτει II p. 56, 24. 84, 10 (ποτί). συμπίπτοντι Ι p. 278, 4. 436, 1. II p. 164, 20. 182, 12. συμπίπτη ΙΙ p. 82, 9 (ποτί). συμπιπτέτω Ι p. 320, 12. 328, 2. II p. 72, 5. 96, 24. 118, 3. συμπιπτέτωσαν Ι p. 52, 26. συμπίπτειν ΙΙ p. 98, 4. συμπίπτουσαι Ι p. 38, 13. 288, 3, 16. 348, 15. II p. 86, 21 (ποτί). συμπεσείται ΙΙ p. 70, 21. 72, 4 (ποτί). 78, 5 (ποτί), 13. 82, 21 (ποτί). συμπέση II p. 90, 9, 14, 18. συμπέσωσι Ι p. 52, 17. cfr. κατά. συμπληφόω expleo. συμπεπληρώσθω II p. 190, 10. σύμπτωμα proprietas, pro-

prium. I p. 4, 5. 352, 1.
ovuntamiconcur-

sus. I p. 38, 14. II p. 82, 22. 86, 21? σύν cum. pro nostro additiomis signo + (cfr. μετά). Ip. 148, 19. 156, 6, 23. 160, 13, 15. 166, 7. 168, 13, 24. 170, 3, 19. 172, **4**. 17**4**, **4**, 8, 23, **24**. 18**2**, 29. 184, 2. 396, 6. 426, 19, 22, 24. II p. 88, 24. 270, 4. 272, 28. **2**76, 12. **2**78, 7. **280, 7. 282, 1,** 24. 284, 19. 286, 18. σὺν δύο (scrib. σύνδυο) II p. 234, 8. συναμφότερος uterque simul. συναμφότερος ή ΒΛΛ I p. 12, 8 sq. 78, 9, 22, 29. 150, 11. 196, 11. 198, 23. 202, 11, 14. 210, 13, 14. 216, 11, 12, 22. 220, 1, 2, 3. 222, 26. 224, 1, 17. 232, 12 sq. 234, 8, 10, 22, 26. 236, 16, 17. **238**, 11, 16. 248, 8 sq. 264, 7. 268, 8. II p. 186, 23, 24. 216, 1. 218, 25, 26. 220, 2 sq. 222, 1 sq. 224, 5 sq. 226, 2 sq. 228. 15. 234, 25, 26. 236, 1 sq. συναμφοτέρων τῶν Ι p. 150, 16. συναμφότερον τό τε nal I p. 24, 18. 194, 15. 200, 21. II p. 44, 19. 116, 2. 126, 26. 128, 19. 134, 18, 19. 186, 7 sq. 138, 1, 2, 5, 8, 9, 11, 12. omisso τε I p. 194, 21, 23. cfr. ΙΙ p. 184, 4. συναμφότερα τό τε - καί II p. 116, 20. 118, 7. τὸ συναμφότερον Ι p. 26, 17 (cfr. p. 27 not.). 254, 1, 2. τα συναμφότερα ΙΙ p. 130, 11, 12. συναμφότεραι αί Η p. 218, 10. τὰ συναμφότερα τά ΙΙ p. 206, συναμφότεροι II p. 272, 2, 19. 276, 9. τὸ συναμφότεφον ό τε — καί I p. 24; 27. 26, 4, 15†. τα συναμφότερα τὸ τε - nal II p. 46, 4. 106, 14. 110, 15, 23. 114, 9. 120, 25. *122, 5.* 128, 5. 130, 1, 9. 132,

4, 17. 136, 4, 21, 23. 138, 4. 830, 20. ά συναμφότερος ά ΙΙ p. 224, 15. α συναμφοτέφαις ίσα τῷ τε — κα**λ τῷ Ι** p. 280, 6, 14? 284, 11, 16. 286, 1, 6. 296, 6, 8. 416, 5. 424, 16. 426, 27. 428, 18, 20. 458, 26. 468, 19, 28. 470, 1. 472, 23. 474, 3. 480, 27. 490, 11. 492, 3. ά ίσα συναμφοτέρα —τε καί I p. 474, 21. — in libris neol Elixor et reol πωνοειδέων femininum est συναμφοτέρα exceptis Π p. 134, 18, 19. 138, 12, in libris zeol έπιπ. lo., (sicut semper in libris transscriptis) contra covapφότερος exceptis II p. 216, 1. 218, 10. 220, 16. 228, 15; in ceteris non occurrit. συναποδείκνυμι simul demonstro. συναποδέδειμται Ι p. 238, 15. συνάπτω compono. (εξ). de proportione composita. ovη̃πται Ι p. 212, 19, 23. 214, 6, 8. 242, 14. συνημρένος I p. 242, 24. συνεκδίδωμι simul edo. συνεξεδόθεν Ι p. 274, 7. σύνεσις peritia. II p. 2, 17. συνεχής continuus. I p. 58, 17†. κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον I p. 222, 21. συνεχής άναλογία II p. 216, 25. σύνθεσις compositio. II p. 14, 25. 16, 18, 20. κατὰ σύνθεσὶν = ovv0 ével II p. 222, 24. comp. problematis. I p. 234, 2. σύνθετος conjunctus. φάνειαι σύνθετοι Ι p. 40, 21. συνέστημι constituo. συστήσασθαι Ι p. 218, 13. 222, 23. συνεστάτω I p. 18, 21. συνtorarai I p. 226, 6. Govelby he compono. cones### P. 16, 18. συντεθείς

II p. 16, 20. 346, 15. συντεθείς

II p. 16, 20. 346, 15. συντεθέρενος I p. 10, 20. II p. 14, 9. 20, 15. 296, 11. 328, 5. 332, 13. de compositione problematis. συντεθήσεται I p. 192, 11. 206, 21. 214, 26, 27. 222, 22. 228, 21. 234, 4. συνθέντι Eucl. V def. 15. I p. 14, 11. 196, 15. 198, 27. 202, 17. 212, 3, 9. 228, 12. II p. 214, 16. 224, 16. 234, 23.

συνώνυμος cognominis. II p. 270, 7.

σφαίοα sphaera. I p. 2, 9. 4, 2. 8, 11, 12. 100, 24. 102, 28, 26. 104, 14, 21. 120, 16, 28. 122, 1. 124, 5, 6, 21. 126, 11, 13, 18. 128, 5, 9, 16. 140, 17 al. II p. 244, 5. 246, 1, 5, 8, 13. 274, 5 sq. 276, 16, 18, 22, 23. 278, 13 sq. 280, 13 sq. 282, 8, 10, 12, 14. 284, 2 sq. 286, 3 sq. 288, 8, 16, 21. 290, 2. **296**, 16. σφαίρα stellarum fixarum II p. 244, 16. 246, 8, 10. 288, 10, 14, 19, 23. 290, 4, 15. cfr. διάμετρος, έπιφάνεια, κέντοον, τμήμα.

σφαίοιπός sphaericus (nusquam ab Archimede ipso positum). τμήματα σφ. I p. 226, 13. 248, 16.

σφαιροειδές sphaeroides. definitur I p. 280, 28, 27. u. praeterea I p. 282, 1, 9, 13, 16. 284, 19, 26. 286, 13, 20. 352, 7, 10, 17, 19. 354, 22, 24. 362, 18, 23, 26. 364, 21. 366, 7, 19, 22. 368, 4, 6, 18. 370, 2, 8, 17, 20. 372, 1 sq. 374, 13, 14. 376, 2, 3. 378, 14. 380, 1, 23. 382, 10, 11. 440, 4 sq. 442, 1 sq. 450, 4, 6, 10. 452, 19, 22, 24. 454, 14, 21. 456, 3 sq. 458, 3 sq. 460, 1, 8. 474,

18. 476, 9, 18. 482, 3, 16, 19, 24. 486, 11, 29. 450, 25. 492, 8. 494, 1, 5, 12. 496, 3, 11. cfr. τεῆμα, ἄξων, κέντοσν, διάμετος:

σφαι φοειδής (cuius neutrum est praecedens). σχημα σφαιφειδές Ι p. 274, 13. 280, 19. 282, 6, 20, 22. 284, 2. 286, 14, 16, 18, 22. 342, 11. 362, 11. 364, 6, 19. 366, 17. 370, 5. 440, 2, 6. 454, 1. 458, 22. 460, 8, 14. 476, 1. 480, 23.

σχημα figura. universaliter I p. 4, 6, 8, 17. 8, 13. 54, 24. 56, 18, 21, 24+. 58, 1, 2. 200, 14. 260, 11. 274, 18. 278, 6. 280, 12. 282, 23. 284, 22, 24 +, 27. 286, 5, 10+. 288, 9, 21, 24. 340, 17, 18. 342, 2 sq. 844, 7, 16. 348, 20, 26. 852, 11. 854, 27. 862, 12. 364, 10. 370, 18. 428, 25, 26. 440, 8, 13. 454, 3, 5. 460, 6. 476, 3, 5, 15. 482, 5, 7. 492, 10, 12. II p. 8, 3, 12, 19. 142, 18. 144, 4, 6. 168, 12. 170, 8. figura solida conicis superficiebus comprehensa. I p. 102, **22**. 104, 9, 11, 14, 25. 106, 5. 108, 4, 18, 20, 22. 124, 15. 126, 10 sq. 128, 2, 12, 17, 20: 180, 9, 10, 27. 132, 4. 134, 8. 136, 2. 138, 14, 15, 20. 142, 24. 144, 3, 26. 148, 14, 21. 152, 2, 5, 13. 156, 5, 7. 158, 23. 160, 1 sq. 162, 13, 15, 19. 170, 16. 172, 5, 11. 174, 8, 22. 178, 10. 182, 28. 184, 9 sq. 186, 13, 18. σχημα σφαιροειδές et πωνοειδές τι. σφαιροειδές, πωνοειδής. figura solida ex cylindris composita. I p. 374, 17. 378, 2, 7. 380, 2 sq. 384, 22, 25. 386, 7. 388, 7, 10. 390, 1, 10, 11 sq. 392, 1 sq. 394, 8 6. 398, 2. 400, 28. 402, 7, 21,

24. 404, 1, 5. 418, 6, 29. 422, 22. 424, 5, 12, 18, 22, 23, 24. 426, 5. 434, 8, 9, 17. 436, 6, 11, 19. 438, 6, 10, 11. 442, 7, 9. 444, 8. 446, 7, 16, 25. 448, 5. 450, 1, 2, 12. 456, 13. 458, **2.** 462, 14. 466, 1, 8, 18, 27. 468, 7. 470, 5, 9, 11, 19. 480, 4, 6. σχημα έπίπεδον II p. 88, 11. 92, 23. 96, 6, 17. u. έπίπεδος. figura plana ex sectoribus circulorum composita. II p. 92, 1, 4, 13, 17. 94, 14, 22. 96, 10, 19. 98, 10, 19, **22**. 100, 11, 18, 22. 102, 23, 24. 104, 1, 3. 106, 1, 2, 4. 108, 21, 26, 27. 112, 17, 22, 24. 114, 13, 15, 19. 122, 18, 24, 26. 124, 14, 16. figura sectioni coni inscripta. II p. 192, 8, 10. u. έγγράφω. — τὸ ἕτερον σζημα I p. 250, 6†. — omissum. II p. 92, 20. u. περιγράφω. τὸ έγγραφόμενον α. έγγάφω, τὸ έγγεγραμμένον Ι p. 116, 14. 140, 4, 8, 146, 3, 174, 23, 176, 20. 462, 11. 468, 26. II p. 88, 13. 90, 23. 92, 9 al. τὸ ἐγγραφέν Ι p. 388, 7. 394, 3. 400, 28. 418, 6. 442, 4. 450, 9. 456, 11. 458, 9. 462, 4. 470, 16, 21. 480, 1, 13 al. II p. 92, 25. 102, 23 al. cfr. έγγράφω, έπιφάνεια, περιγράφω, στερεός.

T.

τάξις. ἐν ταῖς τάξεσιν suis locis. II p. 192, 17.
ταράσσω perturbo. ἐν τεταοαγμένα ἀναλογία I p. 218, 3.
II p. 220, 23. 222, 14. 224, 2.
τάσσω ordino. ἀνομοίως τεταγμένων τῶν λόγων I p. 420, 9. 464, 1. II p. 220, 23. 222, 14. 224, 1. — τον ταχθέντα λόγον ἔχειν II p. 4, 18, 20. 6,

6. 24, 1. 26, 11. 28, 11. 32, 1. u. λόγος. δμοίως τεταγμένος Ι p. 290, 16. 446, 18. 452, 1. 466, 20. τάχος. διὰ τάχους quam primum. I p. 190, 3. τε que. = καί. II p. 52, 25. 64, 2. \(\tau \sim \text{nal et} - \text{et.} \) I p. 160, 19. 274, 8. 286, 25. 290, 16. 300, 1. 302, 7, 14. 304, 6. 348, 20. 358, 23. 366, 7, 13. 368, 4. 372, 26. 400, 12. 406, 5. 408, 6. 414, 6, 12. 424, 2, 4. 426, 9. 430, 9. 432, 4. 434, 18. 452, 9. 466, 26. 476, 17. II p. 40, 3, 6, 9. 44, 21. 86, 21. 90. 19. 98, 5. 102, 6, 7, 11. 104, 19. 108, 4. 110, 7. 114, 3. 120, 18, 27. 124, 6, 9. 132, 1. 134, 22. 150, 3, 16. 156, 4, 6, 11. 160, 7. 168, 16. 170, 24. 172, 10. 192, 11, 18. 194, 10. 196. 1, 4, 6. 198, 10. 202, 4. 212, 26. 218, 3, 6. 220, 4 sq. 222, 13, 23. 224, 7, 11. 234, 9. 242, 4, 5, 12. 250, 17. 252, 7. 272, 10, 15. 274, 17. 286, 18. 296, 2, 14. 298, 11. 304, 23. 328, 9. 330, 9. 334, 13, 18. 338, 2. u. συναμφότερος. τε transpositum. ὑπό τε et simil. I p. 8, 13. 34, 5. 44, 23. 52, 18. 54, 12. 56, 17. 104, 16. 106, 2 sq. 108, 6, 10. 114, 17, 27. 124, 1, 10. 126, 1. 148, 16. 150, 1, 6, 11, 16. 154, 18. 158, 17. 164, 11. 166, 6. 170, 22. 172, 2. 212, 20, 24. 214, 6, 8. 298, 4†. 304, 18. 340, 3, 6. 356, 11. 358, 1. 370, 12. II p. 10, 15. 12, 18, 21. 34, 17. 36, 6, 28. 38, 5 sq. 40, 3, 8, 11. 42, 2, 18. 44, 22, 29. 46, 7, 15, 23. 48, 7, 21, 24. 50, 15. 52, 15, 18. 88, 8. 96, 3, 13. 98, 8, **25.** 100, 9. 102, 18. 106, 6, 10, 28. 108, 11. 112, 5, 10, 14. 114, 22, 26, 116, 2, 118, 5, 25, 122, 11, 124, 18, 22, 126, 3, 130, 10, 132, 27, 134, 4, 188, 3, 210, 26, 220, 15, 20, 27, 29, 222, 2 sq. 226, 2 sq. 232, 15, 22, 23, 234, 1 sq. 236, 7, 12, 15, 254, 21, 294, 17, 320, 25, 336, 12, 28, 340, 2, 344, 18, τελευταίου postremo. Η p. 284, 11,

τελευτά ω morior. τετελευτηπέναι ΙΙ p. 294, 3. τετελευτηπότος ΙΙ p. 294, 5. τελευτή (τελευτή) more ΙΙ p.

τελευτή (τελευτά) mors. Η p. 2, 19.

τέλος. ἐπὶ τέλει in fine. I p. 214, 25. 240, 18. II p. 214, 18.

— perfectio. II p. 4, 1. τέμνω 8000. σφαΐοαν τέμνειν έπιπέδφ (διά) I p. 138, 2. 152, 8. 180, 2. 194, 19. 206, 3. 208, 2. 210, 2 sq. 216, 1. 230, 7. 232, 8. 236, 2, 8. 242, 3. 248, 20. II p. 4, 17, 19. 6, 10, 15. κωνοειδές uel σφαιροειδές τέμνειν έπιπέδω (διά). Ι p. 284, 3, 7, 20, 25. 288, 3, 16. 340, 14, 20, 23, 342, 8, 12, 19, 23, 344, 2. 346, 5. 348, 14, 22, 23. 350, 6. 352, 7, 14, 15, 354, 22. 356, 1. 364, 7. 370, 5, 8, 11, 16. 372, 3. 374, 19. 380, 7. 386, 12. 396, 26. 404, 19. 410, 22. 416, 11. 428, 23. 440, 2, 6, 7. 452, 23. 454, 1. 458, 22. 460, 5. 474, 17. 476, 1, 2, 14. 480, 23. 482, 3, 16. 490, 25. 492, 8. 494, 12. II p. 8, 19. planum secat sphaeram I p. 216, 9. II p. 8, 2. 254, 23. 256, uel conoides et sphaeroides. I p. 366, 7. 368, 4. 384, 11. 398, 12. 430, 13. τὸ τέμνον έπίπεδον I p. 152, 10. 250, 1. 282, 9, 11. 340, 18, 19. 342, 6, 7, 16, 18, 25, 344, 7, 8, 14, 16. 346, 1. 348, 21 sq. 350, 6. 352, 11 sq. 358, 13. 362, 12. 364, 10, 15. 370, 18. 454, 3. 476, 3, 4. 482, 5, 7. 492, 10, Π p. 10, 3. ὑπέκειτο μὴ τέμνειν Ι p. 360, 3. 364, 1. cfr. I p. 282, 8. τὸ τετμακός έπίπεδον Ι p. 370, 21. 440, 13. 454, 5. έπίπεδον τέμνειν Ι ρ. 152, 9. 250, 3. κώνον τέμνειν έπιπέδφ Ι p. 76, 25. 78, 6. 88, 17, 25. 92, 13, 23. หย์โเษδοον I p. 82, 1. τμημα τεμνειν από σφαίρας Ι p. 232, 2, de cono sphaeram secanti. I p. 8, 12. de circulo lineam secanti II p. 82, 24, 84, 7. de linea spiralem secanti II p. 56, 25. 66, 2. 68, 8. 76, 8. 80, 3. 90, 2, 5, 17. uel coni sectionem. I p. 310, 2. II p. 320, 8. 326, 16. 330, 14, 16. 336, 22. lineam secare. I p. 206, 23. 214, 13, 23. 216, 4, 6. 230, 5. 300, 22. II p. 6, 23. 24, 5. 26, 1, 26, 162, 1, 202, 11, 206, 14, 19. 300, 16. 306, 13. 312, 26. 342, 18. de puncto lineam dividenti II p. 194, 14. Els τὸν αὐτὸν λόγον τέμνειν. Ι p. 310, 8. II p. 192, 14. 210, 28. 212, 4. 302, 14. μ. λόγος. δίχα τέμνειν in duas partes aequales secare. angulum I p. 16, 13, 25. 20, 3, 9. 264, 5. 266, 3. II p. 56, 13, 16, 23. 88, 22. 94, 4. 96, 26. 98, 2. cfr. δίχα. ambitum I p. 34, 16. 36, 14. 40, 2. 42, 22. 46, 4. 48, 18. 258, 8. 260, 7. sphaeroides I p. 370, 6, 12. cylindrum I p. 376, 4. 384, 1. lineam I p. 302, 10. 304, 6, 8. 380, 25. 898, 6. 430, 6. II p. 148, 5. 164, 22. 170, 25. 172, 4. 174 16. 190, 17. 192, 13. 202, 14.

214, 8. 302, 18. 304, 9. 306, 18. 314, 2. 334, 26. 342, 13. cfr. διά, κατά. — τέμνει Ι p. 304, 8. 380, 24. II p. 56, 25. 82, 24. 90, 5, 12. 190, 17. 304, 9. 334, 26. 336, 22. τέμνοντι (= τέμνουςι) I p. 310, 2. 384, 11. II p. 90, 17. 98, 2. 194, 14. 210, 28. 212, 14. 320, 8. 326, 16. 330, 14, 16. τέμση I p. 8, 12. II p. 8, 2. τέμνεται I p. 304, 6. 876, 6, 11, 12. τεμνέτω II p. 68, 8. 84, 7. 254, 23. 302, 18. τεμνόντων ΙΙ p. 256, 6. τεμνέσθα I p. 348, 22. τέμνων I p. 16, 18. 36, 14. 152, 9, 10. 300, 22. 302, 10. II p. 24, 5. 56, 16, 23. 164, 22. 300, 16. u. supra. τεμνόμενος I p. 20, 3. 42, 22. 376, 4. 384, 1. II p. 88, 22. 94, 7. 96, 26. 174, 16. τέμνειν Ι p. 360, 3. 364, 1. II p. 26, 26. u. supra. τεμεί I p. 216, 9. 368, 4. 398, 6. 430, 6. II p. 66, 2. 76, 8. 80, 3. τεμούντι Π p. 192, 14. τμαθησόνται II p. 192, 13. τέμωμεν Ι p. 20, 9. τεμείν Ι p. 206, 8. 210, 2, 6. 214, 13, 23. 232, 2, 8. II p. 4, 17, 19. 26, 1. τμηθη Ι p. 76, 25. 82, 1. 88, 17. 92, 13. 236, 2. τμαθη̃Ι p. 284, 3, 7, 20, 25. 288, 3, 16. 340, 14, 20, 28. 342, 8, 12, 19, 23. 344, 2. 348, **14. 352, 7, 14. 354, 22. 356, 1.** 364, 7. 452, 23. 474, 17. 490, 25. II p. 6, 10, 15, 23. 8, 19. τμηθήτω I p. 92, 23. τμηθείς Ιρ. 40, 2. τμαθείς Ιρ. 844, 18. 348, 23. 352, 15. 370, 5. 372, 3. 374, 19. 380, 7. 386, 12. 896, 26. 404, 19. 410, 22. 416, 11. 428, 23. 440, 2, 7. 454, 1. 458, 22. 460, 5. 476, 2. 480, 23. 482, 3. 492, 8. II p. 162, 1.

170, 25. 206, 14, 19. TETRA σέται Ι p. 346, 5. 350, 6. Π p. 802, 14. τετμάκει Ι p. 896, 12. 430, 13. τέτμηται I p. 266, 3. τέτμηνται I p. 310, 8. τετμήσθω I p. 16, 25. 34, 16. 46, 4. 48, 18. 78, 6. 88, 25. 152, 8. 194, 19. 206, 23. 208, 2. 210, 8, 10. 216, 1, 4, 6. 230, 5, 7. 236, 8. 242, 3. 248, 20. 264. 5. τετμάσθω Ι p. 344, 12. 352, 15. 370, 8. 454, 1. 476, 1. 482, 3, 16. 492, 8. 494, 12. II p. 56, 13. 148, 5. 172, 4. 202, 11, 14. 214, 8. 306, 13, 18. 312, 26. 314, 2. 342, 13, 17, 18. τετμήσθωσαν I p. 250, 3+. 258, 8. 260, 7. τετμακός u. supra. τετμακός έσσείται I p. 366, 7. τετμημένος Ι p. 138, 2. 180, 2. τετμαμένος Ι p. 440, 6. τετμαμένος έστω Ι p. 870, 16. TETHUHÉPOS ÉGGEÍTAL I p. 370, 9. τετμάσθαι I p. 476, 14. τεταγμένως ordinate. Η p. 230, 21. υ. πατάγω. τέταρτος quartus. II p. 4, 18. 12, 5. 124, 24. 126, 8. 218, 6, τετάρτοι άριθμοί II p. 268, 6, 7. 280, 10, 11, 14, 22, 23. 282, 4, 28. 284, 22, 23. 286, 19. τέταρτον ες. μέρος. Ι p. 16, 23†. cfr. μέρος. τετα**ρτ**α ανάλογον II p. 230, 14. τετραγωνίζω quadro. τετραywrlfsir II p. 294, 18. 296, 4. τετράγωνον quadratum. I p. 258, 8. 260, 7. 262, 5, 12, 17. 444, 18, 21, 24. 446, 3 sq. 448, 2 sq. 450, 18, 22. 452, 2 sq. 464, 10. τὸ ἀπὸ — τετράγωvov I p. 76, 17+. 262, 2. 314, 7, 18, 23, 26. 318, 24, 26. 320,

1, 3, 24. 322, 2 sq. 334, 19.

338, 8, 10. 894, 10. 402, 8.

434, 19, 25. 484, 3. 488, 21. 490, 13, 15, 17. 496, 25. 498, 8. II p. 6, 24, 25. 34, 16. 36, 5 sq. 38, 19, 21, 25. 40, 2 sq. 42, 1, 20, 23. 44, 8 sq. 46, 4, 6, 27. 48, 1. 128, 1 sq. 130, 2, 16, 20. 132, 2, 6, 8. 134, 23. 136, 1 sq. 228, 14, 17. 230, 6, 8. 232, 14, 21. 234, 3 sq. τὸ τετράγωνον το άπό Ι p. 286, 17, 19. 298, 17. 300, 2, 4, 24. 302, 2. 304, 9, 10, 19, 20. 306, 1. 312, 23. 326, 1, 6, 13. 328, 6 sq. 332, 16, 21, 23. 346, 21, 22, 27, 29. 348, 2 sq. 350, 14, 15, 22. 354, 4, 8, 16, 18. 356, 2. 408, 14. 410, 15, 21. 412, 9, 11. 414, 14, 15, 27, 28. 446, 8, 9, 21. 448, 14, 16. 452, 11, 13. 466, 10. 488, 26. II p. 34, 15, 19. 36, 4, 8. 40, 15, 16. 42, 14, 15, 17, 21. 44, 9, 14, 24. 46, 2 sq. 48, 4 sq. 50, 3, 6, 14. 106, 17, 20. 108, 5. 110, 14, 16, 22, 25, 27. 114, 8, 11, 16, 17. 116, 6, 9, 23, 25. 118, 8, 18, 19. 120, 26. 122, 4. 124, 12. τὸ ἀπό υ. ἀπό. τετράκις quater. Ι p. 112, 5†. 266, 4. τετρακισχιλίαι quattuor mil-

τετρακισχιλίαι quattuor millia. II p. 274, 7, 16, 18.

Te τραπλάσιος quadruplex. I p. 2, 10. 108, 24. 110, 5. 112, 12, 15. 116, 18. 118, 7, 8, 14, 16. 124, 16. 126, 9. 128, 10, 18, 19, 23. 136, 6, 8. 140, 12, 14, 18, 20. 146, 21. 148, 4, 7, 10. 188, 7. 190, 8. 262, 11. 482, 24. 486, 24. 496, 6. II p. 4, 12. 12, 6. 38, 5. 124, 25. 214, 17. 218, 4, 16. 220, 7 sq. 222, 3 sq. 224, 5, 10, 24, 26. 226, 3 sq. 236, 3, 7, 13. 336, 8, 10. 338, 22. 344, 20. 346, 1. 350, 17, 18. μεζων η τετο. I

p. 140, 19. 144, 10. ἐλάσσων I p. 144, 11. 146, 8.

τετοαπλασίων idem. II p. 214, 19. 216, 1, 4. 346, 18. u. λόγος.

τετοάπλευςου figura quattuor laterum. II p. 332, 21. 334, 1.

τετράς numerus quaternarius. I p. 100, 26. 104, 23. 110, 2. 120, 5. 130, 14. 142, 6.

τετταράποντα quadraginta. τεσσαράποντα Π p. 282, 24. τεσσαράποντα καὶ ἔξ Π p. 284, 18. ὀπτὰ καὶ τεσσαράποντα Π p. 286, 17.

τετταραποστομόριον. pars quadragesima. τετρωκοστομόριον. II p. 264, 26. 266, 5. 274, 4. 8.

τετταρακοστός quadragesimus. τετρωκοστός Π p. 282, 23. 284, 14. Επτος καί τετρωκοστός Π p. 286, 13. τέτταρες quattuor. τέσσαρες Π p. 216, 24. 218, 12. 280, 9. 286, 20.

 $au\eta$ likovītos (aulikovītos) talis. I p. 116, 7. 178, 14. 184, 19. 186, 21†. II p. 242, 8, 10. 244, 17. 246, 8. 252, 24. 274, 24. 276, 22. 278, 24. 280, 18. 282, 14. 284, 8. 286, 7. 288, 8. 290, 2.

τῆνος iste. I p. 6, 4.

τίθημι pono. τιθέμενος (ἐπί)

II p. 166, 17. ἐτέθεν II p.
266, 2. τεθείς II p. 250, 9,
12. 252, 5 (ἐπί). τεθείσα (ἐπί)

I p. 372, 11, 22. suppono. θείς

II p. 246, 18? τιθείς II p.
266, 5. lineam ponere uel ducere inter puncta definita.

θέμεν II p. 28, 25. 32, 21. de magnitudinibus propositia vel datis. τεθέωντι II p. 34, 11,

13. τυθέσθω II p. 352, 7. de pondere in libro adfixo. τεθέν (ἐπί cum dat.) II p. 158, 12, 13, 30. τίς quis, aliquis. I p. 34, 10. 78, 8. 86, 5. 90, 2. 94, 1. 110, 10. 136, 8. 140, 17. 156, 17. 162, 13. 290, 17, 23. 294, 21. 298, 3, 13. 312, 6. 316, 10. 318, 9 sq. 320, 11, 13. 326, 26, 27. **328, 3. 332, 5, 7. 336, 8, 10.** 344, 23. 362, 26. 364, 8, 19. 366, 19. 368, 1. 376, 18. 382, 1, 12. 384, 18. 400, 9, 26. 416, 10, 23. 422, 25. 424, 4. 436, 15. 440, 22. 446, 20. 448, 10. 454, 8, 10, 20. 456, 1. 464, 9. 466, 21. 468, 9, 11. 470, 14. 476, 1, 22. 478, 4. 482, 3 al. II p. 2, 5. 40, 18. 70, 11, 20. 72, 2, 9, 12. 74, 18. 78, 4, 20, 23. 82, 7, 19. 84, 4, 13. 86, 26. 88, 3. 90, 20, 98, 6, 100, 27. 104, 6. 108, 3. 110, 2. 112, 28. 120, 11. 122, 29. 142, 7, 11. 144, 1. 152, 15. 160, 4, 9, 15. 164, 3, 7. 170, 20. 174, 10. 178, 5. 200, 15. 230, 15. 236, 11. 242, 2, 19. 244, 10. 246, 10, 15. 252, 1, 3, 4, 20. 264, 23. 270, 22. 272, 4. 294, 8, 10, 14. 300, 4. 302, 12, 18. 322, 13. 330, 7. 346, 10. δύο τινά II p. 2, 22. allog tig I p. 290, 17. 292, 4, 6. II p. 102, 2. u. ällog. tiveg mér — tiveg dé alii — alii I p. 6, 21. 8, 9. 10, 5, 15, 56, 12. τίς quis (interrogatiuum) I p.

13. 42, 10, 11. 344, 13. 346,

46, 10†. indirecte II p. 4, 5. τμημα (τμαμα) pars figurae uel lineae. I p. 24, 11, 16. 258, 9. 300, 23. 302, 2. 348, 8. 350, 20. 354, 6, 19. 356, 3. 370, 2. 420, $12 (\acute{e}v)$. 444, 15, 24, 446, 1, 2.

464, 5, 14. II p. 6, 17, 24, 25. 20, 17, 18. 36, 15, 17, 26. 38, 9. 154, 20 (év), 21. 156, 2 (év), 3, 9 $(\tilde{\epsilon}\nu)$, 11. 162, 1. 184, 1, 3. 188, 9. 196, 3, 4. 206, 17, 18. 208, 1, 4. 228, 11, 13. 258, 6. 262, 5. 802, 16, 17. 320, 5. 326, 13. — segmentum. circuli. I p. 24, 4. 34, 24, 28. 36, 4 sq. 42, 3, 5, 22. 44, 7, 8. 46, 17. 48, 24, 52, 9, 56, 8, 98, 25, 27. 100, 1, 6. 148, 17. 152, 11. 154, 10. 156, 13, 14, 160, 24. 224, 8, 9, 15. 230, 10. II p. 294, omissum I p. 38, 2. τμημα έπίπεδον Ι p. 182, 17. 186, 8. u. έπίπεδος. — sphaerae. I p. 2, 11. 122, 19, 22. 148, 14. 154, 3, 5. 156, 5. 164, 16, 21, 22. 166, 10. 168, 19, 26. 170, 8. 176, 2, 5, 21. 178, 23, 26. 180, 25. 184, 16. 188, 8, 18. 194, 12, 13. 196, 6. 198, 20, 22. 200, 7 sq. 202, 2. 204, 25, 26. 208, 7, 15, 16. 210, 2, 6, 9, 17. 216, 10. 218, 8 sq. 220, 8, 10. 224, 3 sq. 226, 4, 9, 10, 17. 228, 2, 21. 230, 10. 232, 2 sq. 234, 24, 28. 236, 10, 21. 238, 18. 242, 5 sq. 246, 1. 248, 17. 250, 5. 252, 2. II p. 4, 17 sq. 6, 1 sq. 8, 3, 8. έν σφαίρα Ι p. 148, 20. 154, 8. 176, 8. tò μείζον τμάμα Ι p. 242, 5, 13 al. τὸ κατὰ τὸ Γ τμῆμα I p. 196, 1. τὸ ἀπὸ *ABΓ* τμῆμα Ι p. 234, 18. τὸ κατὰ περιφέρειαν τμ. I p. 250, 4, 5. 252, 2. 254, 20. — parabolae. I p. 2, 4, 6. 302, 6 sq. 304, 5. 306, 7 sq. II p. 192, 2 sq. 194, 9, 15. 198, 5 sq. 200, 3 sq. 202, 1 sq. 204, 4 sq. 206, 1 sq. 208, 3 sq. 210, 7 sq. 212, 1 sq. 214, 4, 11, 14. 216, 10 sq. 232, 8, 9, 11. 236, 20, 21, 25. 238, 3, **7,** 8. 296, 3, 5, 8. 300, **12**. 302, 9. 318, 22. 320, 24. 326, 5, 9. 328, 18. 330, 2, 5, 20. 332, 10 sq. 334, 1 sq. 336, 9 sq. 338, 10, 14. 340, 2 sq. 342, 5 sq. 344, 1 sq. 346, 5 sq. 348, u. περιέχω. — conoidis. I p. 276, 4, 5. 278, 17. 374, 11. 376, 1. 378, 12. 380, 2 sq. 382, 1, 9, 10. 384, 12, 19. 386, 8 sq. 388, 2, 5, 8. 390, 12, 13, 14. 394, 3, 4. 396, 16 sq. 398, 2, 4. 400, 12 sq. 402, 1, 4. 404, 3 sq. 406, 2 sq. 410, 9 sq. 412, 4 sq. 414, 1, 17 sq. 416, 2, 10, 26. 418, 7. 424, 26. 428, 10, 15, 22. 432, 5, 10. 434, 2, 6. 438, 13, 14, 25. II p. 8, 15, 23, 27. — sphaeroidis. I p. 282, 10, 14, 22. 284, 4 sq. 286, 2 sq. 372, 16 sq. 374, 2 sq. 376, 18. 440, 5, 18, 21, 23. 442, 1, 10. 448, 25. 452, 14, 26. 454, 16. 456, 2. 458, 1, 14, 24, 25. 460, 1 sq. 462, 7. 470, 12. 476, 26. 478, 8, 9. 480, 2, 9. 482, 12. 486, 7, 18. 488, 3 sq. 490, 20. 494, 8. 496, 1, 8, 11. 498, 4. τὸ μείζον Ι p. 284, 8 sq. 286, 9 al. τὸ ἔλασσον I p. 284, 12 sq. 286, 3, 4 al. τοίνυν igitur. I p. 36, 18. 396, 20. 424, 26. 428, 14. 450, 5. 452, 22. 474, 17. 490, 24. II p. 42, 1. 50, 9. 66, 21. 102, 20. 112, 7. 122, 13. 158, 4. τοιοῦτος talis. I p. 10, 20. 214, 21. 326, 5. II p. 244, 19. 250, 3. 290, 13. ὁ τοιοῦτος Ι p. 6, 18. 8, 6. 10, 1, 12. II p. 8, 2. τομεύς sector. circuli. I p. 18, 14, 21, 23. 22, 25. 24, 1, 10, 13. 26, 19. 162, 1. 176, 17. 182, 17. II p. 88, 12, 23, 26, 28. 90, 21, 25, 26. 92, 2, 3, 6, 9. Archimedes, ed. Heiberg. III.

94, 8, 10, 15, 16. 96, 18, 26, 28. 98, 11, 15. 100, 11, 17. 102, 5, 8, 9, 11, 12. 104, 1, 18 sq. 108, 19, 26. 110, 8 sq. -112, 13, 21, 23. 114, 5, 6, 11. 116, 16. 118, 6, 13, 14, 23. 120, 2 sq. 122, 1 sq. 124, 3 sq. 134, 21. 136, 6, 9. — τομεύς στεοεός sector sphaerae. defininitur I p. 8, 11. u. praeterea I p. 184, 12, 13. 186, 2, 3, 11. 188, 16. 196, 9. 198, 16, 17. 200, 4. τομεύς ες. στερεός Ι p. 164, 10, 19. 166, 2. 168, 10, 13, 18. 17ó, 9. 180, 24, 26. 182, 3 sq. 184, 9, 17. 186, 6 sq. 188, 19. 200, 14. — corruptum I p. 260, 13. τομή (τομά) sectio. sphaerae. I p. 210, 11. 216, 2. 226, 22. — coni I p. 288, 4 sq. — conoidis. I p. 276, 6. 278, 19. 340, 15, 21, 25. 342, 5, 9. 344, 4, 6, 15, 18, 346, 6, 348, 7, 10, 17, 25. 350, 1, 7. 352, 1. 356, 13, 16. 358, 4, 21. 360, 8, 23. 362, 3. 364, 8. 374, 20, 25. 376, 14. 380, 10, 13. 386, 14. 398, 2, 12. 404, 20. 412, 1. 416, 12. 428, 27. 430, 13. II p. 8, 20, 26. — sphaeroidis I p. 368, 6. 370, 19. 372, 1, 4, 9. 440, 9. 454, 3. 460, 6, 7. 476, 3, 15. 482, 5. 492, 10. - linea sectionis I p. 78, 7. 88, 26. 92, 24. 206, 8. 348, 19. 352, 11. 360, 28. 362, 3. 366, 10. 368, 7, 11. 440, 14. 460, 9. κοινά τομά I p. 340, 17. 342, 16. u. noivág. — punctum sectionis II p. 82, 24, 176, 2. 320, 6. ὰ ἀνάλογον τομα II p. 162, 4. — κώνου τομά I p. 346, 12, 350, 4, 11, 358, 22, 23, 25, 360, 9 sq. 362, 21, 23, 364, 12, 16, 868, 6, 374, 80

21. 376, 12. 380, 10, 16. 384, 9. 430, 4. 476, 7. II p. 294, 18. 298, 10, 13, 20, 21. 300, 7. 302, 12. 320, 3, 8. 322, 3. 326, 13, 17. 328, 21. 330, 14, 23. 336, 4, 22. 338, 3. — $\alpha \mu \beta \lambda v$ γωνίου κώνου τομά hyperbola. · I p. 276, 22, 23. 278, 2, 6, 11. 342, 1. 348, 25. 358, 5, 7. 416, 14. 422, 8. 428, 26. — ó£vγωνίου πώνου τομά ellipsis. I p. 280, 20, 23, 25, 27. 288, 5 sq. 290, 2, 3. 306, 19, 21, 24. 308, 3, 8, 14. 310, 3 sq. 312, 2 sq. 314, 28. 316, 2, 3, 6, 19. 318, 2 sq. 320, 9, 12, 14. 322, 26. 324, 1 sq. 326, 5, 24. 328, 16. 330, 2 sq. 332, 4, 6, 8. 334, 16. 336, 8. 338, 20. 342, 13. 344, 5, 9. 348, 10, 17. 352, 2, 9, 18, 20. 354. 2, 9. 362, 20. 366, 9 sq. 368, 13. 370, 19. 372, 5, 10, 26. 380, 14. 382, 2, 5, 8, 13. 384, 5, 15, 17. 398, 13, 14. 400, 1 sq. 402, 12. 408, 9, 12. 430, 14, 19. 434, 23. 440, 9, 12. 454, 4, 12. 460, 7. 476, 4, 13, 16. 482, 6. 492, 11, 14. II p. 8, 25. περλ διάμετοον τάν I p. 318, 17. 324, 15. 326, 20, 26. 330, 13. 382, 2, 8, 13. 384, 5, 13. 386, 1. 398, 14. 400, 10. 408, 9, 14. 430, 15, 21. 432, 2. 454, 8, 19. 476, 19, 21. ἀπὸ διαμέτοου I p. 454, 24. τομά = όξυγωνίου κώνου τομά I p. 316, 7, 21 al. αι άπὸ τᾶς τομᾶς άγομέναι Ι p. 304, 3. 350, 19. 354, 5, 18. 368, 20. II p. 338, 4. cfr. διάμετρος, πέντρον. ορθογωνίου κώνου τομά parabola. I p. 274, 16, 19. 302, 5, 13. 304, 2, 8. 306, 12, 13. 340, 16. 344, 26. 352, 1. 356, *13*, *15*, *386*, *14*, *398*, *3*, *5*, *404*,

21. 406, 4. 412, 2. II p. 8, 9, 12. 188, 4. 192, 3, 19. 194, 10. **198, 11. 202, 5. 208, 10. 210,** 27. 212, 27. 228, 7, 21. 230, 18. 296, 2, 6. 298, 7, 16. 300, 2, 13. 302, 10, 15, 20. 304, 1, 3. 318, 23. 322, 1. 326, 6. 328, 19. 334, 13, 19. 336, 19, 24, 26. 338, 11, 15, 18. 340, 3. 342, 6. 344, 13, 19. 348, 23, τομά = όρθογωνίου πώνου τομά ΙΙ p. 280, 2, 20, 22. 330, 16. 336, 1, 6, 7. 338, 20 al. τόμος frustum. cylindri. definitur I p. 288, 24, 25. praeterea I p. 340, 8, 10. 382, 12. 384, 1 sq. 400, 9, 12, 16, 24. 402, 2 sq. 404, 3. 430, 23. 432, 4. 434, 12 sq. 436, 5 sq. 438, 5, 9, 21. 454, 20. 456, 15. 458, 13. 476, 22. 480, 5, 16. κυλίνδρων τόμοι Ι p. 380, 3. 400, 28. 458, 8. 478, 11. xvλίνδοου τόμοι Ι p. 434, 3. 438, 16. 456, 9. 480, 12. — parabolae. II p. 228, 7 sq. 230, 10. 232, 11. 236, 22, 24. 238, 3, 6, 10. — corruptum I p. 250, 6 (scrib. τόμων). τόπος locus. II p. 250, 10, 23. 252, 6, 23. 254, 4. 266, 4. το ονεύω torno. το ονευθέντος II p. 250, 12. τοσαντάκις toties. Η p. 14, 27. 16, 2, 9. 62, 14. τοσανταπλάσιος Ι p. 14, 5. τοσανταπλασίων Π p. 154, 12. τοσοῦτος tantus. II p. 16, 6, 8, 12. έπὶ τοσοῦτον ΙΙ p. 268, 11? τοσοῦτοι tot. I p. 116, 7. II p. 20, 16. 272, 8, 21, 23. τουτέστι hoc est. I p. 14, 9. 18, 8. 30, 22. 32, 1+, 20. 44, 16. 70, 20, 21. 88, 6. 110, 25.

126, 9. 140, 11. 148, 5. 160,

2. 160, 17, 190, 22, 192, 2, 194, 9. 196, 7, 13, 16. 198, 28. 200, 3 sq. 202, 15, 16, 19. 204, 8 sq. 206, 17. 208, 11 sq. 212, 4. 214, 11, 12. 216, 22. 218, 7, 8. 222, 11. 224, 21, 27. 228, 15. 234, 26, 27. 238, 8, 10. 240, 8 sq. 242, 12. 246, 9. 248, 9, 12. 308, 5. 390, 24. II p. 32, 29. 34, 2. 66, 8. 114, 18. 152, 21. 162, 5. **178, 18. 186, 23, 25. 190, 4.** 200, 8. 204, 6, 11. 210, 1. 212, 20. 216, 1, 19. 218, 26. 220, 23. 222, 14. 224, 2, 22. 232, 2, 12, 236, 12, 18, 19, 348, 19, τραπέζιον trapezium. I p. 40, 22. 56, 3. 310, 9, 11, 12. II p. 182, 26. 184, 7, 10, 15. 186, 11, 12, 14. 194, 1, 2, 3. 196, 6, 10, 12. 312, 17, 20, 21, 23. 314, 3 sq. 316, 1 sq. 318, 2 sq. 320, 10, 12, 20, 21. 322, 7 sq. 324, 2 sq. 332, 1, 4, 7. 334, 6. $\tau \varrho \epsilon \tilde{\iota} \varsigma$ tres. I p. 64, 6†. 232, 29. 234, 3, 7, 8. II p. 44, 5. 148, 22. 150, 1. 226, 24. τὰ τρία ΙΙ p. 6, 7. τριάκοντα triginta. τέσσαρα nal τριάκοντα II p. 282, 1. τριακονταπλάσιος ΙΙ p. 248, 6, 15. τοιακονταπλασίων 11 p. 262, 14, 17, 24. τριακόσιοι trecenti. II p. 264, τριακοστός tricesimus. τέταρτος καὶ τριακοστός Η p. 280, 28. 282, 20. τοίγωνον triangulus. I p. 2, 5. 26, 23. 28, 2. 32, 10. 66, 23. 68, 5. 302, 8, 18. 306, 5, 7, 9. 310, 14. II p. 56, 22. 166, 10 sq. 168, 3 sq. 170, 1 sq. 172, 1 sq. 174, 9, 12. 176, 11. 182,

12. 260, 11. 296, 7. 302, 13 al.

omissum I p. 262, 6 sq. II p. 174, 14. 260, 6. τρ. τὸ διὰ τοῦ ἄξονος coni I p. 78, 5. τριπλάσιος triplex. I p. 266, 13. 280, 7, 15. 296, 24. 300, 3, 5. 340, 11. 416, 6. 420, 3. 428, 19. 444, 3. 448, 17, 18, 21. 452, 13. 462, 18, 20. II p. 6, 24. 12, 5. 34, 18. 36, 7. 38, 8, 16. 40, 11, 18. 102, 9. 104, 24. 124, 24. 126, 10. 216, 2 sq. 218, 5, 17. 220, 5, 15, 22. 222, 12 sq. 224, 4, 8, 9. 226, 13, 17, 21. 236, 8, 14. 264, 14. 308, 6. 320, 12, 13. 324, 21. 326, 1, 2, 20, 21. 332, 6, 7, 9, 23, 24. 336, 9. lóyog I p. 142, 26. 144, 27. 146, 1. 184, 6, 8. II p. 288, 21. u. λόγος. τριπλασίων triplex. λόγος Ι p. 82, 11, 130, 11, 132, 5, 134, 19. 136, 3. 142, 20, 25. 144, 22. 170, 20. 174, 21, 24. 184, 2. 286, 15. — sed etiam alias pro τοιπλάσιος legitur. I p. 262, 19. 270, 8. 340, 8. II p. 102, 15, 16. 106, 2, 3. 216, 2, 5. 264, 2, 16. τοίς ter. τοὶς ἡ Ε⊿ I p. 232, 26. τρισκαιδέκατος tertius decimus. II p. 290, 9. τρισμυριοπλασίων Η p. 262, 26. 264, 1. τριτημόριον (τριταμόριον) pars tertia. I p. 468, 24. 470, 2, 4. 474, 4. II p. 12, 25. 14, 1. 46, 2. 134, 7, 10, 19, 20. 136, 3, 20. 138, 2, 5, 8, 12. τρίτος tertius. I p. 206, 2. 268, 4. II p. 4, 16. 12, 4. 124, 23. 126, 8. 218, 3, 5, 8, 10. τοίτον μέρος Ι p. 4, 12, 14. ΙΙ p. 10, 16. μέρος omissum I p. 264, 2. 266, 3, 20. a. weeos. reira negiodos II p.268, 30*

23. τρίτοι άριθμοί Π p. 268, 1, 2, 5, 19. 270, 19. 278, 11, 14, 20, 27. 280, 1. 282, 4, 7. 288, 21, 22. 286, 19. τρόπος modus, ratio. τὸν αύτὸ ν τρόπον Ι p. 130, 4. 144, 20. 464, 13. II p. 44, 6. 54, 3. 62, 6. 192, 8. 268, 5. 270, 7. τον είρημένον τρόπον Ι p. 302, 18. τόνδε τὸν τρόπον ΙΙ p. 228, 9. 248, 22. 252, 11. 266, 1. α. διά. τυγχάνω. τυγχάνουσι cum particip. I p. 56, 11. ως έτυχεν Ι p. 80, 13 †. 410, 18. οὐ τὰν τυχοῦσαν ΙΙ p. 2, 17.

Υ. ὑπάρχω adsum. ὑπάρχειν ΙΙ

p. 242, 8. 266, 15. ὑπαρχόντων I p. 214, 18. II p. 242, 5. **νπάρξασα Π p. 2, 17.** ὑπέρ cum genetiuo. de (=περί). I p. 6, 5, 8. II p. 2, 3. 10, 7. 266, 13. — cum accusat. supra. II 254, 22. 256, 8. 266, 16. ὑπερβάλλω excedo. ὑπερβάλλον είδει Ι p. 296, 1, 15. 420, 15. 422, 24. 424, 7. 436, 14, 23. 464, 19, 23. 468, 11. 472, 21. — ὑπερβάλλει II p. 242, δπερβάλλοντι II p. 242, 9. ὑπερβάλλων ΙΙ p. 242, 15. 246, 11. ὑπερβαλλόμενος ΙΙ p. 246, 18. 248, 12. — ὑπερβάλλουσα praecipua. II p., 2, 18. ὖπέρβλημα spatium dens. I p. 296, 2, 7, 9, 16. 420, 17, 20. 426, 20, 25. 464, 19. 468, 12. u. πλευρά. ὑπερέχω excedo (cum datiuo differentiae et genetiuo comparationis). ὑπερέχει I p. 34, 21. 258, 10. 260, 13. 378, 7. *392*, 24. 402, 1. 418, 7, 24. 426, 4, 6. 434, 5, 8. 438, 18.

442, 4, 7. 450, 10. 456, 12. 458, 10. 480, 2, 14. 488, 5, 6. 496, 15. 498, 6. II p. 12, 26. 14, 9. 20, 14. 42, 20. 50, 17. 54, 11, 16, 20, 26. 56, 1, 19. 94, 16. 100, 14. 102, 24: 106, 18. 108, 23. 112, 18. 116, 6, 23. 120, 4. 122, 20. 130, 11, 13. 134, 7. 146, 8. 216, 26. 218, 2, 9. 296, 10. 330, 5, 19. 332, 12, 13, 19. 350, 13. 352, 8. ὑπερέχει ἐλάσσονι Ι p. 262. 20. 376, 24. 384, 23, 25. 388, 8. 390, 12. 462, 11. II p. 98, 14. 352, 13. ὑπερέχη Ι p. 182, 13. ὑπεφέχουσι I p. 298, 5†. υπερέχοντι I p. 468, 12. II p. 54, 8. ὑπερεχόντων (imp.). I p. 420, 18. ὑπεφέχειν Ι p. 10, 20, 21. 142, 3. II p. 14, 26. 16, 19. 296, 10. เป็น ธธตาเ υπερέχειν I p. 374, 17. 380, 5. **388**, 7. **392**, 23. **400**, 29. 418, 6. 426, 3. 434, 5. 438, 18. 442, 4. 450, 9. 456, 11. 458, 10. 462, 15. 470, 16, 20. 480, 1, 13. ὑπερέχων Ι p. 290, 6, 10. 296, 2, 17. 298, 4, 14. 300, 2. 448, 11, 16. 452, 12. II p. 16, 21. 34, 14, 18, 20, 22. 40, 17. 42, 2 sq. 44, 10, 18. 50, 10, 12, 100, 29, 102, 6, 10, 13. 104, 7, 21, 25, 29. 110, 2, 9, 20. 112, 28. 114, 4, 7, 12. 120, 11, 20, 23. 122, 2, 29. 124, 5, 8, 11. ὑπερέξει I p. 14, 3. II p. 16, 21. 20, 15. — supersum. ύπερέχουσι I p. 266, 13. ύπερίσχω 😑 ύπερέχω, ύπερίσχειν II p. 14, 10. ύπεροχή (ὑπεροχά) excessus. I p. 258, 10. 260, 13. 290, 6. 296, 3, 17. 298, 4, 15. 448, 12. 468, 13. 488, 4. 490, 17. 496, 15. 498, 6. II p. 12, 25. 14, 2, 8. 20, 14, 17, 24. 34, 12, 23.

42, 20. 44, 3, 4, 5, 18. 50, 17. 54, 15, 19, 26. 94, 16. 100, 13. 102, 1. 104, 10. 106, 18. 116, 6, 23. 130, 7. 134, 7, 11. 144, 10, 16. 146, 7. 158, 15. 216, 26. 218, 2, 9. 296, 10. 330, 4, 7, 9, 19. 332, 11, 14, 16, 18. 350, 13. 352, 7. $\dot{v}\pi\dot{o}$ cum genetiuo. ab. I p. 4, 7. 10, 3, 13, 27. 164, 14. II p. 288, 5, 13. 294, 16, 17. 296, 1, 4, 26. 302, 14, 15. cfr. περιέχω, περιλαμβάνω. το υπό Ι p. 32, 14 sq. 40, 10. 62, 26 †. 64, 1†, 2†. 78, 14 sq. 108, 12. 110, 12, 24, 27, 28. 154, 21, 23. 166, 9. 168, 3. 170, 22. 192, 1. 204, 1 sq. 212, 6. 216, 16, 19. 222, 13. 238, 26. 240, 6, 7, 9, 10. 242, 25. 244, 1, 2, 4. 246, 12, 13, 14. 254, 3, 4. 306, 4. 320, 26, 27. 322, 1 sq. 326, 14. 328, 7 sq. 338, 9, 11. 346, 7. 354, 11, 15. 420, 24. 422, 12. 434, 27. 436, 4. 466, 12. 484, 5 sq. 486, 4, 21, 24, 28. 488, 2 sq. 490, 2 sq. 496, 2 sq. 498, 7. II p. 30, 2, 4, 5. 32, 22 sq. 38, 2, 6, 7. 40, 5. 48, 24. 50, 1. 110, 24, 26. 114, 16. 116, 3. 118, 11, 16. 120, 25. 124, 13. 126, 27. 128, 5, 7, 9. 130, 4 sq. 132, 1 sq. 134, 22. 136, 2 sq. 138, 1, 3, 4, 6. cfr. II p. 106, 6. ἀ ὑπὸ — γωνία ΙΙ p. 170, 10, 11, 13. 172, 10, 16, 17, 18. 174, 2. u. γωνία. ἀ ὑπό (sc. γωνία) Π p. 78, 15. 94, 12. 170, 10, 11, 13. 172, 11, 16, 18, 19. 174, 2. — cum accusatiuo. sub. II p. 258, 22. u. ὑποτείνω, ΰψος. — cum datiuo non occurrit. ὑπογράφω infra describo. ὡς ύπογεγράπται ΙΙ p. 152, 9. υπόθεσις. υποθέσεις astro-

nomicae, opus Aristarchi. II p. 244, 9. ὖπόκειμαι suppositus sum (cum infinitiuo). ὑπόκειται Ι p. 374, 23. 380, 12. 440, 16. Îl p. 16, 4. 256, 8 (particip.). 262, 13. 264, 12. 274, 3, 11. 288, 12. 306, 8. ὑποκείσθω Ι p. 368, 1. ὑπέκειτο I p. 88, 9†. 274, 15. 322, 25. 328, 28. 334, 3. 360, 3. 364, 1. 366, 5. 454, 7, 9. 460, 12. 476, 14. II p. 58, 1 (particip.). 162, 6. ύπέμειντο Ι p. 304, 22. ύποneinevos I p. 10, 23. 202, 1. II p. 144, 6. 244, 10. 246, 4, 13. 262, 9. 274, 1. respicit ad figuram infra descriptam. ώς υπόκειται Ι p. 258, 5. ΙΙ p. 312, 24. 316, 22. τὸ ὑποπείμενον I p. 12, 5. 14, 27. ύπολαμβάνω suppono, statuo. II p. 266, 10. 290, 19. ὑπολαμβάνομεν I p. 6, 4. II p. 244, 25. ὑπολαμβάνοντι ΙΙ p. 242, 7. ὑπολαπτέον II p. 244, **24**. ὑποτείνω subtendo. de latere figurae sub angulum subtendenti. ὑπό. ὑποτείνουσα Ι p. 96, 14, 22. 104, 20, 26. 110, 7. 124, 4, 13. IÍ p. 260, 16. ὑποτείνει ὑπό I p. 164, 2†. cum accusatiuo. ὑποτείνουσα I p. 96, 16. II p. 258, 6. 262, 5. ύποτίθεμαι suppono. Η p. 246, 20. 248, 14, 19. 264, 22, 26. 266, 5, 9. ὑποτιθέμεθα Ι p. 276, 20. 280, 19. ὑποτιθέται II p. 244, 12, 18. 246, 2, 9. 288, 9, 15, 23. 290, 3, 15. υποτιθέσθαι II p. 246, 6. ΰστεφον postea. I p. 274, 3, 8. II p. 68, 29. 346, 7. 350, 9. τὰ ΰστεφον Ι p. 290, 18, 21. II p. 12, 6.

ύψηλός altus. ύψηλότατος Η p. 242, 13. υψος altitudo. trianguli. I p. 2, 6. 26, 24. 28, 4, 13. 30, 20. 32, 26. 40, 13. 44, 3. 302, 9. II p. 192, 4, 6. 198, 18. 296, 8, 22. 308, 15. 312, 4. 334, 16, 23. 340, 4, 8, 9. 342, 7, 9, 17. 344, 1, 16, 23. 346, 7. 348, 24. 350, 1, 9, 11. — parallelogrammi. I p. 46, 9, 22. 48, 4, 10, 12, 50, 2 sq. — segmenti circuli. I p. 98, 29. — segmenti parabolae. definitur II p. 336, 14. — prismatis. II p. 296, 19. – coni. I p. 80, 26, 28. 82, 7, 8, 19, 21. 88, 11, 13. 112, 22, 27, 118, 10 sq. 134, 5, 13, 14, 18. 146, 9. 188, 19. 194, **13.** 196, 8. 198, 5, 19. **200**, 3 sq. 202, 4. 204, 14. 232, 4. 340, 4, 7, 10, 12. 408, 2, 7. 416, 4. 488, 21. 498, 2, 3. II p. 8, 22 sq. — cylindri uel frusti cylindri. I p. 146, 20. 188, 13. 374, 16. 380, 3. 384, 20. 388, 6. 400, 28. 402, 9. 418, 5. 426, 2. 434, 3, 20. 438, 16. 442, 2. 450, 8. 456, 10*.* 458, 8. 460, 2. 470, 15. 478, 11.480,12. — segmenti sphaerae. I p. 166, 9, 194, 14, 16, 17. — solidi ficti. II p. 228, 15, 19. 230, 6, 8. 232, 14, 21. 234, 3, 7, 14, 16. — $\dot{v}\pi\dot{o}$ $\tau\dot{o}$

— cfr. praeterea II p. 242, 13.
Ф.

αύτὸ ΰψος Ι p. 92, 6. 96, 4.

φαίνω ostendo. φαινέται II p. 246, 5. φαινόμενος II p. 248, 20. τὰ φαινόμενα II p. 246, 4. φανείσας I p. 274, 6. φανέντα II p. 2, 12. φανήσειν passiue II p. 290, 19. φανερός manifestus. I p. 290,

12. 342, 27? II p. 4, 10. φανερόν οὖν έστι τοῦτο I p. 16, 25†. II p. 180, 17. cfr. I p. 190, 7. φανερόν (οὖν, γάρ, δέ) ὅτι Ι p. 10, 24. 24, 1. 40, 13†. 42, 27. 108, 5. 122, 12. 128, 8. 146, 13. 154, 26. 160, 8. 164, 9. 168, 23. 172, 9. 174, 22.200, 19. 250, 13. 294, 10. 316, 18. 338, 18. 370, 13. 410, 8. 412, 8. 468, 20. II p. 16, 7. 40, 15. 92, 12. 146, 15. 164, 16. 184, 10. 192, 9. 228, 23. 238, 9. 262, 21. 270, 19. 272, 17. 276, 15. 278, 11. 280, 11. 284, 1, 10, 25. 286, 8, 22. 288, 22. 290, 13. 308, 9. 310, 2. 324, 18, 25, 27. 334, 12. 338, 3, 23. 340, 19. 342, 1. 346, 10. διότι ΙΙ p. 96, 2. φανερον έκ τούτων οτι I p. 58, 18. 354, 25. II p. 150, 14 al. φανερόν έστιν öτι I p. 58, 5. II p. 6, 13, 98, 17. φανερον ουν έστιν, ο έδει δείξαι I p. 328, 28. 334, 3. 458, 19. 480, 21.

φέρω, φέρομαι moueor, circumuoluor. de circulo et figura ei inscripta, quae sphaeram et solidum efficient. οἰσθήσεται Ι p. 120, 11, 13. 162, 5. ο**ίσθήσονται Ι** p. 102, 12, 16, 21. 120, 21, 28. 152, 14+. 162, 13, 19. ἐνεχθήσεται I p. 102. ένεχθήσονται Ι p. 102, 4, 9. — de puncto, quod in linea circumacta mouetur et spiralem efficit. φερήται ΙΙ p. 10, 12. 52, 2. φερόμενον II p. 10, 26, 14, 14, 18, 3, 52, 11. 54, 15, 25. 58, 26, 27. 60, 3, 23, 24. 62, 1. ἐνεχθέντος IÍ p. 18, 3. ἐνεχθη II p. 14, 13. ἐνηνέκται Π p. 16, 5, 6, 8, 12. Eunvénda II p. 14, 18. -vacura .4, 81.9 II subyaches

μενον ΙΙ p. 18, 12, 14. έ. ἔστω II p. 18, 8. Estly II p. 58, 25. φημί (φαμί) dico, contendo. $\varphi \eta \mu \ell \quad (\delta \dot{\eta}) \quad \delta \tau \iota \quad \text{in repetendo}$ proposito (cfr. λέγω). I p. 244, 13. 246, 5 sq. 416, 26. 440, 24. II p. 162, 14. cum infinitiuo I p. 460, 23. II p. 10, 14, 24. 12, 2, 18. 56, 10. 208, 23. 306, 6. 310, 11. 312, 12, 24. 316, 23. 320, 9. 326, 17. 330, 2. φαμές ΙΙ p. 246, 7. — φαμένοι ΙΙ p. 4, 2. $\varphi \iota \lambda \iota \alpha$ amicitia. II p. 294, 4. φιλοπονία industria. II p. 2, 18. φίλος amicus. II p. 294, 6. φροντίζω meditor. περί. πεφροντικότεσσι ΙΙ p. 290, 22. φυσικώς a natura. I p. 4, 17. $\varphi \dot{v} \sigma \iota \varsigma$ natura. I p. 4, 5.

X.

χαίοω. χαίοειν ualere, saluere. I p. 2, 1. 188, 1. II p. 2, 1. χείο manus. II p. 248, 25. χιλιάγωνον figura mille laterum. II p. 248, 17. 254, 18. 262, 8, 19, 21, 25, 27. χιλιάς II p. 266, 23. 268, 4. χίλιοι mille. II p. 270, 11, 15. 276, 14, 17, 25. 278, 2. 280, 10, 14, 22, 24. 282, 29. 284, 4, 12, 14. 286, 21. 290, 5, 12. χιλιοπλασίων II p. 262, 22. χοάομαι utor. χοωμένοι ΙΙ p. 296, 16. κεχρήνται II p. 296, 12. χοεία utilitas. χοείαν έχειν I p. 286, 26. II p. 14, 5. 298, 5. χοήσιμος utilis. II p. 266, 9. 270, 20. χοόνος tempus. II p. 2, 14. χοόνον ποιείν II p. 2, 7. — II p. 14, 16, 20, 23. 16, 1 sq. 18,

5 sq. 54, 13, 17, 21, 24. 60, 22. omissum II p. 18, 15, 22. **χρόνφ tandem. II p. 2, 12.** zώρα terra, regio. II p. 242, 5. χωρέω capio. χωρείν ΙΙ p. 274, 6. χωρίζω colloco. πεχωρίσται ΙΙ p. 6, 14. πεχωρισμένος ΙΙ p. 4, 1. 6, 9, 22. χωρίον spatium. I p. 24, 2 sq. 26, 1 sq. 36, 8, 10, 16. 38, 6, 7. 40, 18. 42, 12, 25, 26. 44, 13, 16. 46, 11, 14. 48, 17, 25. 52, 4, 8, 9. 54, 22, 23. 56, 28. 152, 4. 166, 8. 172, 6. 294, 21. 296, 2 sq. 298, 3, 6, 8, 11. 300, 6, 7, 9, 13. 306, 19. 308, 21. 312, 14, 16, 19, 24. 314, 2, 12, 24. 316, 6 sq. 408, 8, 11. 420, 15, 22. 422, 12, 18, 23, 27. 424, 3 sq. 426, 13, 18, 24, 26. 436, 3 sq. 438, 2. 464, 8 sq. 466, 14, 20, 23, 28. 468, 2 sq. 470, 27. 472, 4 sq. II p. 10, 15. 12, 2, 7, 10, 11, 18, 21. 14, 8. 44, 27. 48, 14. 50, 6. 52, 15, 17. 88, 8, 14. 90, 1, 20, 24. 92, 5 sq. 94, 20 sq. 96, 3 sq. 98, 7 sq. 100, 6 sq. 102, 19 sq. 106, 5, 10, 28. 108, 10, 17, 22, 24. 112, 19. 114, 14, 26, 120, 1, 3, 4. 122, 15, 18, 20. 126, 1 sq. 128, 4, 11, 12, 26. 130, 6, 17, 21. 132, 3, 27. 134, 3, 17, 21. 136, 6 sq. 138, 10, 11. 164, 14. 188, 3, 11, 12. 190, 1, 7. 198, 20. 208, 19. 294, 16, 17. 296, 9, 12. 306, 3, 4, 6. 308, 2 sq. 310, 8 sq. 312, 6, 23, 25. 314, 12, 13, 15. 316, 5, 18. 318, 13, 17. 320, 19, 20, 24. 322, 13. 324, 1 sq. 328, 3 sq. 330, 3, 6, 10. 332, 12 sq. 334, 4, 8, 10. 340, 25. 344, 13 sq. 346, 3, 4, 9. 350, 2, 6, 13, 16. 852, 1 80. -1. Eninedov I p. 190, 5, 9. II

p. 4, 9, 13. — omissum I p. 36, 13. 42, 14, 17, 20. χωρίς praeter (ita ut excipiatur). I p. 18, 23. 26, 22. 28, 1. 30, 18, 24. 32, 25. 42, 2. 44, 6. 58, 7 sq. 60, 4, 6, 15. 68, 22. 70, 4. 98, 26. 100, 6. 102, 3. 120, 18. 146, 23. 148, 7, 24. 152, 12, 156, 15. 290, 11. 298, 10. 300, 4, 16. 392, 13. 424, 13, 15. 430, 21. 438, 1, 2. 448, 18. 452, 12. 472, 21. II p. 40, 1, 19. 42, 6, 16, 22. 44, 10, 14. 50, 13, 18. 92, 6. 104, 26, 29. 110, 12, 20. 118, 7, 12. 120, 17, 23, 124, 4, 11.

Ψ.

ψαμμίτης titulus libelli. II p. p. 242 sq. ψάμμος (δ) arena. II p. 242, 2, 10. 244, 1. 246, 8, 12. 264, 23, 24. 274, 11 sq. 276, 15, 21, 27. 278, 12, 17, 23, 26. 280, 12, 18, 21. 282, 7, 13, 16. 284, 1, 8, 11, 26. 286, 6, 9, 22. 288, 2, 4, 8, 25. 290, 2, 4, 14. cfr. ἀριθμός. ψαύ ω tango. ψαύοντα ἐπίπεδα I p. 282, 8. 368, 7. ψεῦδος falsum. II p. 6, 10, 13, 22. 8, 5.

Ω.

 οῦτως Ι p. 14, 6, 7. 62, 25. 64, 3, 4†. 86, 15. 98, 5. 100, 9. 110, 19 174, 11, 17. 196, 11, 12. 198, 23, 26. 212, 8, 9. 216, 22, 24. 218, 1, 2. 220, 13. 222, 6, 11, 13. 224, 6, 21. 230, 11. 234, 25. 238, 1, 11. 322, 4. 328, 6, 8, 11. 338, 2, 4, 8. II p. 24, 22. 152, 19. 154, 8, 12, 13, 15. 168, 15. 170, 23. 172, 8 sq. 180, 22, 23, 26. 200, 4. 212, 6, 15, 17. 216, 13. 222, 10, 15, 19, 23, 224, 13, 16, 226, 1, 16. 232, 1, 11, 18, 20. 234, 24. 236, 4, 10, 12. 238, 2, 4, 6. 300, 20. 302, 1, 4. 308, 5. 322, 15. 324, 6, 7. omisso ovτως I p. 64, 7†. 82, 2. 98, 3 sq. 100, 11. 176. 26. 202, 11, 12, 13. 204, 2. 208, 11. 212, 2. 216, 5, 6, 10. 224, 24. 228, 11. 230, 6, 14. 234, 8. 238, 13, 16, 19. 240, 11, 18, 20. 264, 6. 268, 6. II p. 34, 1, 2, 300, 7, 314, 14. ὡς ἐστιν — οὖτως Ι p. 196, 14. — ώς — ούτως έστιν II p. 226, 6. — ἔχει ποτὶ — ὡς ΙΙ р. 108, 6. 126, 19, 23. Едег ώς - ούτως Ι p. 328, 13. έστι πφός — ὼς Ι p. 76, 17†. 172, 6. 202, 19. 212, 5. 262, 10. 338, 11. II p. 30, 9, 13. 32, 23. 34, 4. πεποιήσθω ώς ούτως Ι p. 210, 13, 14. 214, 14. 216, 11. 220, 1. 222, 26. 224, 4, 17. 230, 2. 234, 12, 22. II p. 210, 9. 234, 13. omisso ούτως Ι p. 214, 1, 24. 236, 16. ώς — ούτως Ι p. 84, 9, 11, 18. 86, 16, 18, 20. 88, 2 sq. 100, 17 sq. 174, 14. 190, 21, 26. 192, 1, 3. 194, 4, 21, 23. 196, 15. 198, 24, 27. 200, 5, 11, 23. 202, 15. 204, 11. 206, 15. 208, 1. 210, 19. 212, 3, 22. 214, 10. 216, 25, 26. 218, 4 sq. 222, 2 sq. 224, 26. 228, 12, 13, 15. 230, 12. 232, 12. 234, 29. 238, 21. 322, 6. II p. 32, 26, 27. 152, 15. 154, 10. 186, 16, 17, 18, 20. 190, 5, 13. 224, 23. 226, 7, 12. 230, 14. 232, 3 sq. 234, 20, 22, 27. omisso σῦτως I p. 192, 24, 29. 196, 16, 20. 202, 17. 204, 3, 4, 5, 7. 212, 1, 6, 21. 216, 16, 17. 224, 23, 25. 230, 13. 232, 16. 238, 20, 23. 264, 7. 268, 7, 8. 428, 4. u. λόγος, ἔχω.

ώσαύτως item. I p. 378, 5. II p. 86, 24.

ωσπερ tamquam. II p. 10, 6. 244, 26?

ωστε ita ut. cum infinitiuo. I p. 12, 18. 16, 2. 18, 16, 26. 20, 18. 22, 2, 10. 24, 10, 15, 21. 30, 22. 58, 2. 60, 22. 66, 6. 70, 10. 72, 20. 90, 15. 96, 12. 136, 15. 138, 4, 27? 140, 1, 25. 142, 2. 144, 11. 176, 19. 186, 7. 192, 24. 208, 1. 210, 2, 6. 216, 5, 6, 9. 224, 6. 230, 6. 232, 3. 318, 23. 326, 6. 374, 16. 380, 4. 388, 6. 392, 23. 400, 29. 418, 5. 426, 2. 434, 4. 438, 17. 442, 3. 450, 8. 456, 10. 458, 9. 462, 3, 9. 470, 15. 480, 1, 13. II p. 4, 17, 19. 6, 5, 23. 8, 11. 10, 23. 16, 18. 22, 4. 24, 6. 26, 8. 28, 8. 30, 24. 64, 27. 72, 17. 76, 5. 78, 28. 84, 20. 88, 13. 92, 13, 16, 25. 96, 7, 9, 19. 98, 3, 19, 21. 100, 11. 102, 23. 108, 20. 112, 13. 120, 2. 122, 17. 134, 14. 158, 16. 160, 11. 162, 1. 184, 1. 188, 9. 190, 8. 198, 21. 202, 12. 206, 5, 20. 208, 11, 21. 212, 8. 214, 1. 228, 11. 244, 17. 252, 15. 306, 15, 24. 312, 26. 318, 10. 340, 23. 344, 6, 8. 350, 14. οῦτως ἄστε Ι p. 372, 23. — quare. cum indicatiuo. I p. 16, 24†, 28. 18, 7. 26, 17. 28, 10. 58, 11 †. 64, 16. 66, 23. 72, 4. 80, 3. 126, 3. 142, 24. 144, 13, 17. 146, 2. 206, 18. 216, 17, 26. 226, 3. 228, 9, 19. 230, 10, 16. 240, 23. 254, 5, 14. 266, 14. 268, 15. 270, 11. 300, 9. 306, 3, 6. 322, 22. 328, 25. 332, 26. 346, 6, 27. 350, 7, 15. 354, 17. 358, 21, 25, 362, 6, 23, 400, 8, 404, 5. **412**, **10**. **424**, **17**, **22**. **428**, 1, 7. 448, 24. 488, 3. II p. 16, **15. 30,** 8, **10. 38, 25. 56, 21.** 66, 16. 70, 6. 76, 17. 86, 8. 112, 2. 114, 23. 122, 8. 124, 14, 16. 144, 11. 154, 6, 18. 156, 1. 162, 3, 166, 5, 11, 170, 9, 172, 16. 174, 1. 178, 1. 180, 18, 27. 182, 3, 23. 186, 6, 13, 19. 190, 20. 200, 17. 204, 3, 12. 210, 9. 214, 20. 216, 20. 222, 19, 26. 224, 21, 26. 232, 11. 236, 19. 256, 8. 258, 3, 18. 260, 1, 18, 22. 262, 3, 25. 272, 14. 294, 19. 302, 3. 304, 6, 19. 310, 22, 26. 314, 18. 318, 7. 320, 23. 322, 5. 328, 7. 334, 2. sine uerbo. I p. 62, 13. 68, 9. 152, 5. 198, 27. 338, 14. 360, 16. 364, 26. 392, 14. 438, 8. 446, 10. II p. 154, 4. 156, 22. 232, 4, 17, 24. 234, 23 al. in eiusmodi locis semper auditur indications. — μείζων η оста II p. 158, 14, 16. 160, 2. 274, 6.

Index uerborum apud Eutocium occurrentium.

Hic locos, quos Eutocius e uerbis Archimedis excerpsit et suis notis praefixit, ut par erat, neglexi. contra recepi uocabula in fragmentis aliorum ab Eutocio citatis occurrentia, quia haec fragmenta plerumque suis uerbis dedit. tamen in omnibus excepto fragmento illo Archimedis III p. 154, 23—172, 26, quod se ipsum retractasse diserte profitetur III p. 154, 15 sq., semper auctoris nomen significaui, in qua re his compendiis usus sum:

pl = Plato. h = Hero. ph = Philo. ap = Apollonius. dc = Diocles. pp = Pappus. sp = Sporus. m = Menechmus. ar = Archytas. e = Eratosthenes. n = Nicomedes. di = Dionysodorus.

A.

Άγαθός υ. ὧ. άγγεῖον uas. III p. 106, 19 e. άγνοέω ignoro. ήγνοηπότες p. 302, 1. αγω duco lineam rectam (perpendicularem, parallelam). άγομένη p. 38, 12, 14, 27. 40, 6. 174, 12. 326, 11, 17. ηπται p. 28, 4. 72, 18 h. 76, 4 ph. 126, 9. 134, 22. 194, 18 dc. 214, 22. 220, 26. 222, 18. ἤχθω p. 16, 18, 21, 23. 38, 19. 72, 1 h. 78, 23 dc, 25 dc. 82, 22 dc. 84, 11 pp. 90, 7 sp. 92, 23 m. 98, 24 ar. 100, 17 ar. 120, 4 n. 122, 1 n. 154, 29. 156, 4. 160, 18, 19, 22, 27. 162, 26. 164. 25. 168, 7, 9, 170, 16, 182, 3 di. 192, 3 dc. 198, 15 dc, 28

dc, 29 dc. 204, 13 dc. 206, 18. 338, 22. 340, 1. ἤχθωσαν p. 74, 3 ph. 78, 20 dc. 90, 12 sp. 94, 2 m, 22 m. 96, 10 m. 98, 5 m. 108, 3 e. 164, 23. 182, 4 di. 190, 28 dc. 198, 18 dc. 328, 17. 340, 3. ήγμένη p. 162, 29. 164, 21. 194, 20 dc. 302, 4. $\tilde{\eta}\chi\partial\alpha$ i p. 254, 18. $\dot{\alpha}\chi\partial\tilde{\eta}$ p. 80, 20 dc. 82, 3 dc. 320, 20. dzθείσα p. 40, 12. 82, 4 dc. 94, 20 m. 170, 20. 194, 15 dc. 320, 21. 332, 7. άγάγωμεν p. 320, 16. 326, 14. άγαγών p. 300, 19. ἀγαγείν p. 300, 28. ἡ οῦτως άγομένη p. 30, 14. **ἄδηλος p. 14, 1, 7.** άδιαίρετος individuus. p. 142, 7. εωτὰς θομιδά inarticulate. p. 140, 11.

άδυνατέω nequeo. άδυνατήσαντα p. 152, 21. άδύνατος. ὅπες ἀδύνατον p. 120, 12 n. ά. ποόβλημα p. 176, 10. cum inf. p. 268, 22. 336, 23. άεί p. 68, 16 pl. 116, 14 n, 16 n, 18 n. 118, 6 n. 148, 28. αίο έω sumo. Ελης p. 112, 18 e. αίσθησις sensus. p. 6, 12. α ίτ έω postulo. ήτήσατο p. 6, 21. ὡς ἥτηται p. 220, 25. $\alpha l' \tau \eta \mu \alpha$ postulatum. p. 6, 10, **15**. **308**, **4**. αίτία causa. διὰ τὴν αύτὴν αλτίαν p. 356, 13. ακλαστος non fractus. p. 4, 14. απολουθέω sequor. απολουθεί p. 18, 19. 76, 17. τὰ ἀκολουθοῦντα p. 172, 27. ἀκολουθείν p. 28, 18. ακολουθών p. 302, 6. 306, 3. απολουθήσει p. 146, 8. άκολουθία tenor. p. 148, 26. a nólovo os consentaneus. p. 60, 2. 178, 18. 208, 27. ακολούθως congruenter. 214, 10. άκούω intellego. άκούειν p. 314, 3. απριβής p. 2, 4. 272, 8. 276, 19. 288, 24. τὸ ἀπριβές p. 272 col. Ill, 8. 274, 16, col. III, 8. 280, 7. 286, 7. 290 col. III, 9. 292, 18. 296, 17. 298, 12. αχριβέστερος p. 300, 19, 27. άκριβῶς p. 264, 17. 268, 21. 300, 24. 302, 10. 324, 1. ἀκριβέστερον p. 110, 9 e. ακρος extremus. οἱ ἄκροι sc. ogoi termini exteriores proportionis. p. 40, 26. 48, 25. 50, 3. 72, 13 ph. 146, 28. 182, 11 di. 224, 25. 234, 13, 18, 21. 246, 1. 256, 13. cfr. p. 356, u. praeterea p. 112, 17 e. 116, 12 n.

άληθής uerus. p. 6, 21. 12, 26. άληθῶς re uera. ὡς ἀληθῶς p. 264, 7. recte. p. 328, 12. άλλά autem. p. 4, 18. 10, 17, 20, 29. 12, 4, 10. 20, 8. 24, 8. 30, 1, 17. 36, 9. 40, 27. 44, 14. 46, 1. 64, 10. 72, 16 h. 74, 24 ph. 76, 1 ph. 80, 7 dc. 86, 24 pp. 88, 27. 90, 22 sp. 92, 1 sp, 5, 10, 13 sp. 94, 26 m. 98, 11 m. 108, 18 e, 20 e. 120, 10 n. 124, 16 n, 27 n. 126, 13. 130, 23. 134, 6, 27. 138, 5. 144, 14, 16. 156, 18, 22. 158, 24. 162, 3, 8. 170, 3. 172, 1. 182, 8, 21 di, 24 di. 184, 8, 18 di. 186, 13 di. 194, 26 dc. 196, 1 dc. 200, 16, 22 dc. 202, 9, 13, 16 dc. 212, 5, 19. 214, 29. 216, 20 sq. 218, 5. 222, 24. 228, 16. 230, 11. 232, 20. 238, 13, 18, 21. 240, 11, 15, 19. 242, 7, 17. 244, 6, 11. 246, 8. 250, 24. 296, 5. 314, 23 al. uerum. p. 4, 15, 21. 12, 22. 14, 19. 18, 13. 66, 1. 106, 10 e. 128, 6, 16. 140, 15. 146, 5. 178, 12. 268, 25. 336, 24. at certe. p. 142, 9. 266, 19, 27. cfr. p. 66, 16. άλλὰ δή p. 20, 11. 120, 13 n. 170, 13. αλλα naí p. 8, 19. 16, 10. 36, 2. 44, 1. 66, 14, 220, 26, άλλήλους p. 14, 5, 19. 34, 27. 36, 10, 12, 17. 46, 22. 52, 20. 56, 8. 60, 20. 62, 22. 68, 2 pl. 70, 11 h. 84, 22 pp. 96, 27 m. 98, 3 m. 110, 12 e. 112, 2 e. 114, 20 n. 188, 22 dc. 190, 3 dc. 204, 5 dc, 16 dc. 206, 1, 4 dc. 216, 3. 220, 17 al. žllog p. 2, 18, 21. 6, 25. 8, 3. 116, 2 n. 130, 5. 140, 26. 210, 2. nat' ăllo nal ăllo oqueiov p. 226, 19. 254, 8. cum articulo p. 2,13. allos res p. 36,

30. 48, 4. 88, 2 pp. 120, 6 n. 150, 8. 160, 2. 196, 20 dc. 210, 5, 6, 10. 222, 8. 224, 28. 260, 4. 346, 11. 348, 13, 14. 350, 7, 8. 358, 7. 366, 1. es allo p. 112, 14 e. άλλως p. 96, 5. 220, 23. 222, 224, 2. τὸ ἄλλως p. 234, 16. nal ällas 214, 19. ovn ällως p. 28, 14. α̃μα p. 2, 9. 100, 8 ar. 114, 15. άμαρτάνο erro. ἡμαρτημέvos p. 154, 7. άμβλύς. άμβλεὶα γωνία p. 14, 22. 252, 7, 9. άμελετησία incuria. p. 178, 27. άμή χανος inhabilis. p. 114, 14. άμφότεροι p. 12, 13. 14, 4. 54, 12. 60, 7. 146, 6, 7, 9. 150, 26. 360, 4. $\tilde{\alpha} \nu$ cum optatino potentiali. p. 2, 16. 4, 11, 25. 64, 28. 78, 11 ap. 142, 5. 214, 5. 220, 23. 224, 1. 264, 1, 8, 13, 15. 268, 5, 6. 282, 15. pro ἐάν p. 14, 18. 214, 9. 286, 7. $n\tilde{\alpha}\nu = n\alpha l$ έάν p. 226, 18. 234, 20. post pronomina relativa et coniunctiones p. 106, 11 e. u. άχρις. άνα distributiue. p. 18, 3. άναγκαΐος p. 178, 24. 266, 2. 324, 2. 326, 2. άνάγκη cum inf. p. 174, 8. άναγ**ο**άφω. άναγοάφεται p. 112, 22 e. τετράγωνον άναγεγοάφθω άπό p. 62, 11. ομοίως άναγεγραμμένος p. 242, 364, 8. άναγράψωμεν p. 362, 5. άν άγω. άνήχθω διά παρά p. 180, 19 di. άναθημα donum uotiuum. p. p. 110, 12 e, 17 e.

άναλέγεσθαι colligere. p. 270, 6 (ἐξ). 306, 6. άναλογία p. 46, 21. 66, 7 pl, 23 pl. 104, 14 e. 210, 1. 290, 5. 296, 3. 348, 1, 6. 350, 12. 354, 2. 358, 11. 368, 18. άνάλογον p. 106, 21 e, 24 e. α. έξης, μέσος. ἀνάλογον ἔχειν p. 54, 6. ἀναλογ. εἶναι p. 72, 14 ph. 92, 24 m. 102, 14 ar. 112, 4 e, 7 e. 138, 6. 182, 12 di. 212, 9. 216, 16. 220, 4. 228, 7. 230, 17. 234, 13. 242, 12, 13. 288, 5. 342, 19. 364, 6. 368, 14. άνάλυσις p. 66, 5. 160, 10. 164, 18. 166, 6, 13. 176, 28. 208, 23. κατά την άνάλυσιν p. 152, 11. ως έν τη άναλύσει p. 218, 19. διὰ τῆς ἀναλύσεως p. 66, 4. άναλύω. άναλύων p. 240, 25. άναλέλυται p. 174, 26. τὰ άναλελυμένα p. 154, 21. 176, 27. άναμετοέω dimetior. άναμετοείν p. 106, 18 e. άναμε**το**ήσαιο p. 112, 17 e. άνάπαλιν p. 18, 25. 22, 1. 134, 16. 138, 19. 144, 12. 194, 7 dc. 282, 28. 300, 1. 346, 15. 350, 16. 352, 6. 354, 27. 364, 18. — alio sensu p. 236, 17. άναπληρόω. άναπληρούμενος p. 74, 22 ph. αναπεπληφωμένος p. 86, 6 pp. άναπληφούν p. 152, 26. **άναστρέφομαι. άνεστραμμέ**νος p. 66, 17. άναστοέψαντι p. 20, 24, 26. 138, 18. 150, 6. 350, 20. 352, 2. άνατίθημι. άνέθηκα misi. p. 2, 15. άνατομή rima. p. 116, 4 n, 9 n, 15 n. ανελλειπής plenus. p. 114, 16. άνελλειπώς ρ. 266, 13.

άνεμιαίος inanis. p. 2, 17. άνεπαίσθητος insensilis. p. 272, 7. ανευ p. 106, 25 e. άνής p. 66, 9, 18. 114, 13. 264, 11. ανθεμα = ανάθημα p. 114, ανθοωπος p. 178, 27. άνισος p. 8, 19. 10, 11. 12, 25. 14, 19. 18, 2. 46, 24. 90, 5 sp. 224, 10, 13, 18. 228, 22. 240, 3. al. els avisa p. 254, 8, 27. άνισότης inaequalitas. p. 12, 21. 14, 8, 16. άνομοίως p. 350, 11. άντιάω. άντιάσειε accipiat (cum genet.) p. 114, 6 e. άντίγοαφον codex. p. 152, 19. 180, 2. άντιπάσχω, άντιπεπόνθασιρ. 64, 27. 158, 21. 160, 12. 184, 7 di. 186, 23 di. 216, 1. 370, άντιπεπονθέναι p. 164, 28. 260, 8. κατά τὸν άντιπεπονθότα λόγον p. 336, 2. ἀντιπεπόνθησις ratio contraria. p. 336, 10. ἀντιπεριάγω in contrariam partem circumago. άντιπεριαγόμενος p. 100, 11 ar. άντιστροφή conversum. p. **158, 8. 162, 21. 166, 17, 28.** 196, 24 dc. ανω supra. p. 208, 27. ανωτέρω p. 4, 19. 142, 15. 148, 9. 174, 10. 178, 12. 222, 23. 228, 11, 23. 246, 4. 254, 7. 312, 23. 368, 13. ἐν τοῖς ἀ. p. 350, 2. ά. τοῦ P p. 336, 8. $\tilde{\alpha} \nu \omega \vartheta \epsilon \nu$ supra. p. 68, 13 pl. 116, 2 n. άξιος p. 2, 2. 264, 7. άξιόω censeo. άξιοῖ p. 6, 10.

άξιοῦν p. 104, 20 e.

άξίωμα p. 308, 4, 5. άξόνιον cardo. p. 116, 6 n. ãξων cylindri. p. 62, 7. 64, 16, 18. 66, 1. 116, 17 n. coni. p. 40, 1. 212, 9. parabolae. p. 94, 14 m. 96, 19 m, 23 m. 156, 27. 162, 15. 166, 3. 174, 23. 180, 15 di. 326, 12. 334, 1. cfr. περί. άπάγω. άπάγει είς convertit in. p. 190, 18 dc. $\tilde{\alpha}\pi\alpha\xi$ semel. p. 346, 26. 356, 9 al. άπαρτάω suspendo. άπηρτημένος έξ p. 306, 22. απας omnis. p. 106, 22 e. 300, 29. ἄπαντα πρὸς ἄπαντα Eucl. V, 12. p. 52, 21. 150, 2. 344, 11. 352, 16. ἄπειρος. ἐπ' ἄπειρον in infinitum. p. 96, 28 m. άπεναντίον, ἡ άπεν, πλευρά parallelogrammi. p. 42, 17. άπέχω. ἴσον ἀπέχουσαι genet. p. 334, 1. ἀπλῶς p. 4, 15. 176, 14. 268, 11. ούχ ἀπλῶς p. 4, 13. άπό a (puncto). u. κάθετος, όρθός. αι άπὸ ἐπί(sc. άγόμεναι εύθεῖαι) p. 28, 15. 74, 6 ph, 7 ph. 78, 14 ap. αί άπό p. 70, 16 h. 76, 13, 21. cfr. p. 80, 25 dc. ex (de fundamento) p. 22, 17. cfr. p. 306, 4. — cfr. αποτέμνω cett. τὸ ἀπό — τετράγωνον. u. τετράγωνον. omisso τετράγωvov p. 36, 8, 9, 10, 11. 40, 1. 46, 3 sq. 48, 28. 52, 7, 26. 54, 2, 21, 22. 64, 24, 25. 72, 4 h, 5 h, 6 h, 7 h. 74, 25 ph, 27 ph. 86, 12 pp, 13 pp, 18 sq. pp. 90, 25 sp, 26 sp. 92, 6 sp, 7 sp, 9 sp, 26 m, 27 m. 94, 1 m, 23 m. 96, 16 m, 18 m, 22 m 98, 7 m, 10 m. 102, 10 ar. 124,

134, 1 sq. 138, 3 sq. 148, 19, 20, 23. 150, 19, 23. 152, 6. 154, 26. 156, 7 sq. 158, 19 sq. 160, 6 sq. 162, 2 sq. 164, 11 sq. 168, 14, 16. 170, 1 sq. 172, 4 sq. 174, 1 sq. 176, 10, 19, 20. 180, 18 di. 182, 13 di, 14 di sq. 186, 14 di, 15 di. 194, 10 dc sq. 196, 2 dc sq. 200, 11 dc sq. 202, 1 dc sq. 206, 21, 29. 208, 1 sq. 212, 16. 214, 29. 216, 1, 4, 7, 16. 218, 23, 24, 26. 220, 1, 2, 21. 222, 21 sq. 224, 5, 6, 26. 226, 2 sq. 228. 7 sq. 230, 4 sq. 232, 3 sq. 234, 2 sq. 238, 4 sq. 240, 7 sq. 242, 18, 19, 24. 244, 3 sq. 246, 5 sq. 248, 2, 27, 29. 250, 1 sq. 252, 8 sq. 254, 20, 22, 23. 256, 1 sq. 258, 6 sq. 272, 2, 3, 4, 5, col. I, 6. 274, 12, 13, 14. 276, 16, 17, 19. 278 col. I, 9. 280, 4, 5, 7. 286, 4, 5, 6, 7. 288, 21, 22, 24. 292, 9, 10, 11, 13. 296, 15, 16, 17. 298, 9, 10, 13. 328, 29. 330, 1, 2, 9, 16. 340, 8. 362, 14, 15. ò από? p. 232,11. δ απὸ — κύβος u. κύβος. omisso κύβος p. 86, 22 pp, 24 pp. πύλινδοος απὸ κύκλου p. 64, 1, 21, 26. απὸ σημείου tangere. p. 74, 26 ph, 28 ph. 98, 23 ar. άπογράφω. άπεγραψάμεθα p. 178, 19. άποδείκνυμι. άποδείκνυσι p. 198, 18 dc. άπεδείκνυεν p. 128, 5. ἀπέδειξεν p. 188, 4 dc. 300, 17. ἀπεδείξαμεν p. 178, 13. ἀποδείξαι p. 66, 13. άπεδείχθη p. 190, 2 dc. άποδειχθηναι p. 6, 13. αποδέ-

δεικται p. 110, 2 e. 188, 16 dc. αποδεικτικώς demonstrando.

p. 106, 6 e. 140, 15.

2 n sq. 126, 12 sq. 132, 28.

ἀπόδειξις p. 6, 11. 8, 13. 12, 17. 18, 14. 78, 17. 84, 4. 88, 20. 106, 26 e. 110, 8 e, 15 e. 112, 12 e. 132, 13. 148, 26. 153, 3. 174, 15. 178, 27. 266, 15. ἀπολαμβάνω abscindo (lineam rectam uel arcum). άπολαμβανομένη p. 80, 23 dc (ὑπό). 82, 4 dc (ἀπό ὑπό), 5 dc. 84, 26 pp. 94, 17 m (ἀπό πρός). 128, 17. ἀπολαβόντες p. 270, 9. 284, 20 (ἴσην ἀπό), 28 (id.). άποληφθείσα p. 270, 11. άπειλήφθω p. 78, 21 dc. άποπίμπλημι expleo. άποπλησαι p. 140, 12. άποπληρόω expleo. άποπληρῶν p. 114, 12. $\alpha \pi \delta \rho \eta \mu \alpha$ haesitatio. p. 104, 15 e, 16 e, 19 e. άποσυλάω excerpo. λήσαντες p. 154, 17. **άποσ**ώζω seruo. αποσώζειν p. 114, 21 n. ἀπέσωζον p. 154, άποσώζων p. 266, 14. άποτέμνω partem lineae. αί άποτεμνόμεναι abscisae p. 332. 8 (ἀπό), 10, 11. ἀπετέμνοντο p. 76, 14. αποτέμοις p. 70, 16 h. ἀποτεμόν p. 70, 17 h. άποτίθεμαι ίσην. lineam aequalem abscindo uel pono. άποτίθεσθαι p. 18, 14. άποθέμενοι p. 208, 9. 270, 18. άπότμημα reliquum. p. 32, 7. απτομαι tango. de puncto in linea aliqua posito, uelut απτεται παραβολής et simil. p. 96, 19 m, 22 m. 158, 2, 13. 196, 27 dc. 198, 6 dc. ηπτετο p. 158, 14. 198, 7 dc. ηπται p. 96, 23 m. άπώτερος remotior. p. 226, 21. άπωτέρω remotius. p. 174, 24. 254, 11. αoα passim. mire collocatum

p. 200, 28 dc. 204, 18 dc. 212, 8. 248, 17. u. praeterea p. 10, 22. 42, 2. 72, 12 h. 330, 6. in apodosi p. 14, 28. 24, 15. 26, 13. 48, 9. 56, 18. 86, 11 pp. 90, 17 sp, 25 sp. 92, 3 sp. 96, 18 m, 21 m. 98,6 m, 9 m. 102, 7 ar. 108, 16 e. 130, 21. 134, 11. 136, 5. 138, 2, 12. 140, 4. 144, 5, 10. 148, 12, 22. 150, 1, 13, 23. 156, 10. 158, 19. 162, 5. 164, 8. 170, 6, 27. 172, 6. 186, 17 di. 192, 7 dc, 13 dc. 194, 5 dc, 10 dc. 198, 10 dc. 200, 13 dc, 18 dc. 202, 6 dc, 20 dc. 206, 3 dc, 29. 214, 23. 216, 9. 222, 4, 9. 224, 6, 17. 230, 14, 17, 232, 9, 11, 17, 20. 234, 14. 238, 8. 248, 12. 278, 9. 284, 3, 14, 26. 292, 9. 298, 11. 300, 1, 3. 328, 28. 342, 10. 348, 23. 370, 6. cfr. nαί. ά οι θμητικός. ἀο. ἀναλογία proportio arithmetica p. 46, 21. ἀρ. είσαγωγή p. 142, 1. ή άριθμητική p. 142, 9. άριθμός p. 140, 18, 19, 25. 142, 2, 22. 144, 26. 146, 26. 268, 22, 24, 25. 300, 16, 18, 27. δ δοθείς άριθμός p. 268, 20. 270, 2. άρ. μη ὢν τετράγωνος p. 268, 21. τον άριθ- $\mu \dot{o} \nu$ numero p. 22, 19. άρκέω satis sum. άρκεῖ p. 302, 12. ηραεσεν είς p. 8, 18. άρμόζω aptus sum. άρμόζειν p. 18, 15. ἀρμόσει p. 12, 17 $(\ell\pi\ell)$. 78, 18. 146, 25. άρτάω suspendo. άρτώμενος άπό p. 306, 11, 14, 17, 24. 312. 16, 24. άρτησις suspensio. κέντοον της άρτήσεως p. 306, 2. 'οτιακισά οτιος pariter par (anumerus). p. 22, 18.

άρτιόπλενρος p. 22, 21. 24, 11. 42, 15. άρτιος par. άρτία διαίρεσις p. 22, 16. άρχαῖος antiquus. p. 102, 22 e. τὸ ἀρχαῖον p. 154, 10. άρχή p. 4, 6. ἐν τῆ ἀρχῆ p. 314, 15. έξ ἀρχῆς p. 140, 19. 174, 4. 176, 13. 178, 17. 254, 28. ἄοχομαι. άοχόμενος έξ p.114, 2 e. ἀπό p. 146, 29. άσάφεια obscuritas. p. 154, 6. άσαφής obscurus. p. 326, 1. 342, 17. άσαφῶς obscure. άσαφέστερον p. 50, 26. άσύμπτωτος asymptotus hyperbolae. p. 162, 28. 166, 27. 168, 10. 170, 19. 182, 5 di. 198, 5 dc. 200, 4 dc. 206, 27. 208, 4. περί άσυμπ. p. 158, 6. 162, 20. 166, 11. 180, 21 di. 198, 1 dc, 26 dc. 206, 7, 13. έν άσυμπ. p. 94, 6 m, 19 m. ασχαστος non hians. p. 110, 11 e. άτον έω non ualeo. άτονήσας p. 178, 22. άτοπος p. 8, 12. 66, 16. ὅπεο άτοπον p. 38, 5. οὐδὲν ἄτοπον p. 140, 16. αὐτόθεν statim. p. 2, 18. 18, 13. 24, 13. 84, 8. 150, 10. 206, 8. 324, 8. 354, 15. αὐτός ipse. p. 4, 4, 5. 6, 12. 8, 8. 12, 18. 34, 13. 46, 11. 84, 9. 110, 13 e. 114, 5 e. 126, 7. 152, 26. 154, 13?, 15. 176, 2. 220, 28. 240, 5. 264, 11. 266, 12. 316, 17. αὐτό per se p. 268, 1. $\alpha \dot{\nu} \dot{\tau} \dot{\eta} = \dot{\eta} \alpha \dot{\nu} \dot{\tau} \dot{\eta}$ p. 202, 27 dc. $\ddot{\delta} \alpha \dot{\nu} \dot{\tau} \dot{\delta}$ p. 32, 10. δ αὐτός idem. p. 6, 6, 19. 10, 3. 12, 13. 28, 18. 36, 22. 48, 7, 10. 76, 7, 9, 17. 78, 16.

86, 17 pp, 21 pp, 23 pp. 88, 5, 20. 92, 16. 112, 12 e. 114, 12. 150, 18, 21, 24. 168, 2. 182, 10 di. 186, 10 di. 188, 6 dc, 20 dc. 190, 1 dc. 192, 12 dc. 208, 13. 226, 9, 14. 232, 15. 234, 1, 3, 6. 238, 4. 242, 26. 244, 2 sq. 250, 13, 19, 25. 318, ή αὐτὴ δοθεῖσα p. 190, 15 dc, 26 dc. 204, 11 dc. ταύτόν p. 46, 22. 142, 2. 246, 6. 254, 11. τὸ αὐτὸ τοῦτο p. 16, 14. pronomen III personae p. 2, 6, 20. 4, 2. 6, 11, 20. 8, 5, 9, 11. 34, 13. 36, 8. 152, 24. 264, 4, 14. 266, 6. 338, 20. uacat p. 108, 4 e. 288, 22. 326, 15. καὶ αὐταί p. 36, 2. 152, 24. 154, 1. 178, 26. αύξάνω augeo. αύξηθηναι p. 106, 22 e. άφαιρέω. άφαιρεί p. 32, 12. κοινοῦ ἀφαιρουμένου p. 20, 17. 26, 17. άφαιρεθείς ἀπό p. 18, 11. 46, 24. 132, 6. 354, 17, 19. 368, 25, 26. ἀφελείν από p. 314, 12. άφέλωμεν diuidendo p. 150, 27. ἀπό p. 272, 4. 286, 5, col. I, 7. άφανίζω obscuro. ήφανισμέvos p. 180, 1. $\dot{\alpha} \varphi \dot{\eta}$ p. 30, 20. 50, 8, 10. 54, 10, 14. ά φίστα μαι desisto. άπέστημεν

74, 6 ph. 76, 13, 16. 78, 14 ap. **B.**

p. 154, 5. disto. αφέστηκεν

αχαρις inuenustus. p. 178, 24.

äχοι cum genet. usque ad. p.

22, 25. axois av p. 68, 19 pl.

p. 226, 15. 254, 13.

βαδίζω adgredior. βαδίζων έπί p. 178, 23. βαίνω. γωνίαι βεβήκασι ἐπὶ περιφερείας p. 286, 13. γωνία βεβηκυία έπί p. 22, 16. 284, 22. βάρος pondus. p. 306, 13. u. κέντρον.

βαρύτης grauitas. p. 306, 2, 4. βασιλεύς p. 102, 21 e. 114, 4 e. βασιλικός regius. p. 104, 1 e. βάσις. trianguli p. 24, 3. 28, **24**. 30, 17. **88**, 17, 18. **126**, 9. 134, 24. 218, 22. 270, 22. 286, 20. 316, 20. 320, 13, 19, 20. 324, 12. 342, 4. την αὐτην βάσιν έχων p. 326, 10. ίσων βάσεων p. 316, 19. coni p. 26, 23. 28, 2. 64, 12. 128, 28. 130, 20, 21. 132, 1, 3. 186, 10 di, 24 di. 188, 18 dc, 25 dc. 190, 1 dc. 212, 10. 216, 2. 260, κῶνος βάσιν ἔχων p. 126, 28. 128, 18, 26. 130, 3, 6, 12, 25. 132, 4, 6, 8. 184, 3 di sq. 186, 5 di sq. 188, 6 dc. 204, 20 dc, 26 dc. 252, 23, 26. ἐπὶ τῆς αὐτῆς βέσεως p. 184, 12 di. 206, 1 dc. 236, 14. ἐπὶ ίσων βάσεων p. 190, 3 dc. pyramidis p. 28, 14, 15, 17, segmenti sphaerae p. 52, 23, 25. 188, 8 dc. 218, 11. segm. parabolae p. 328, 13. 332, 7, 8. τμημα βάσιν έχον p. 204, 22 dc, 28 dc. cylindri p. 60, 7, 9, 16, 22, 24. 62, 4 sq. 64, 10, 17, 19 al. 252, 21. solidi p. 158, 20, 21. 160, 13. 164, 29. βάσιν ἔχον p. 364, 20, 26. 366, 6, 8. έπι τῶν αὐτῶν βάσεων οντα p. 362, 27.

βεβαιόω confirmo. βεβαιωθη p. 2, 21.

βελοποιικά liber Heronis de machinis construendis p. 70, 5. βιβλίδιον libellus. p. 264, 10. βιβλίον p. 152, 25. 154, 4. 264, 20. 300, 21. 306, 7, 10. το δεύτερον β. p. 42, 1. 158, 9.

162, 23. 166, 29. 182, 7 di. 200, 6 dc. 236, 8. 256, 6. 312, 11. τὸ πρώτον β. p. 60, 1. 128, 3, 4, 22. 166, 9, 18. 196, 25 dc. 200, 12 dc. 208, 5. 256, 8. 324, 17. ξατον βιβ. p. 272, 12. 332, 6. βίος p. 266, 1, 2. 300, 22. βολή iactus. p. 106, 24 e. βούλομαι. βούλεται p. 4, 7. 42, 9. 264, 12. βούλοιτο p. 174, 18. έβούλετο p. 302, 4. βουλόμενος p. 106, 20 e. βραχύς breuis. p. 116, 3 n. βραγέα p. 326, 2. έπξ βραγύ τι p. 106, 7 e. πρὸς βραχύ p. 140, 16. βραχύτερος p. 264, 2. βραχύ aduerb. p. 116, 1 n. βωμός ara. p. 104, 18 e. 106, 15 e.

Г.

 $\gamma \alpha \rho$ passim, uelut p. 6, 17, 22. 10, 1, 12, 18. 12, 14, 27. 14, al. καὶ γάρ p. 366, 29. γε p. 76, 20. 104, 1 e. 112, 15 e, 19 e. δέ γε p. 114, 1 e? 306, 3. εί γε p. 2, 20. γενναΐος nobilis. γενναιότατε p. 306, 1. γένος p. 306, 2. γεωμετοέω. γεωμετοούμενος p. 110, 1 e. γεωμέτοης p. 4, 3. 104, 7 e, 20 e. γεωμετοία p. 66, 17. γεωμετοικός p. 114, 15. 264, 18. γίγνομαι. γίνεται p. 30, 14. 38, 23. 44, 1, 12. 104, 5 e. 120. 3 n. 128, 18. 146, 2, 16. 148, 27. 168, 11. 170, 1. 172, 5. 208, 26. 226, 17. 254, 20. 256, 2, 4. 276, 3. 354, 18. yivovται p. 78, 28 dc. γινέσθω p. 308, 18. γίνεσθαι p. 174, 14. Archimedes, ed. Heiberg. III.

306, 5. γινόμενος p. 12, 18. 22, 17. 28, 25. 44, 10. 50, 1. 70, 18 h. 118, 14 n. 252. 8. γενέσθαι p. 10, 2. 106, 25 e. γένηται p. 14, 21. 60, 8. 66, 19. 74, 6 ph. 76, 26 ap. 84. 27 pp. 108, 7 e. 110, 23 e. 144, 24. γένωνται p. 78, 14 ap. 338, 6. γένοιτο p. 78, 11 ap. γενόμενος p. 50, 17 (ὑπό). 68, 15 pl. 78, 15 ap. 98, 16 n. 268, 24. γενάμενος p. 68, 26 pl. 80, 25 dc. γενήσεται (τὸ πρόβλημα) p. 62, 6. 64, 17. 66, 2. 272, 1. 366, 5. γέγονεν p. 190, 9 dc. 202, 25 dc. 214, 27, 364, 21. 368, 24. γεγονέτω p. 18, 24. 48, 3. 64, 24. 82, 16 dc. 86, 2 pp. 92, 20 m. 120, 5 n. 154, 27. 164, 25. 170, 1, 28. 186, 8 di. 190, 27 dc. 198, 21 dc. 230, 15. 232, 1. γεγονέτωσαν p. 96, 7 m. γεγονός είη p. 64, 28. γιγνώσκω, γνωσόμεθα p. 4, 11. γλῶσσα sermo. p. 154, 9. $\gamma \nu \omega \mu \eta$ sententia. p. 2, 20. γνωρίζω comperio. γνωρίζομεν p. 264, 12. γνώριμος p. 120, 3 n. γνωρίμως p. 324, 21. 332, 2, 12. 336, 19, 21. 338, 7, 10. δμοίως γνωρίμως p. 338, 4. γοαμμή p. 2, 18. 4, 12 sq. 6, 18, 25. 8, 6, 8, 11. 10, 2, 8, 11, 23. 12, 16 sq. 14, 18. 16, 12, 27. 82, 2 dc, 8 dc, 15 dc, 20 dc. 88, 6, 9, 19. 100, 3 ar, 10 ar. 110, 9 e. 112, 22 e. 118, 3 n, 6 n, 8 n, 9 n. 120, 2 n, 13 n, 16 n. 136, 10. 310, 23. 326, 7, 8. μία γρ. p. 4, 16, 16, 1. εύθεια γρ. p. 104, 13 e. γραφείον graphium. p. 118, 2 n. γοαφή scriptum, opus. p.66,9.

γράφω scribo. p. 60, 2. 66, 8, 11, 20. 78, 17. 92, 17. 106, 6 e. 114, 10, 18, 19, 152, 23, 27. 154, 5 sq. 178, 21. 188, 2. 264, 3, 6, 9. 266, 22. 268, 16. 348, 5. explico p. 98, 16. describo. figuram p. 110, 18 e. circulum p. 22, 11. 62, 20, 29 ($\pi \epsilon \varrho l$). 70, 11 h ($\pi \epsilon \varrho i$). 74, 2 ph ($\pi \epsilon \varrho i$). 76, 26 ap. 78, 2 ap, 6 ap. 84, 9 pp. 90, 9 sp. 98, 20 ar. 100, 14 ar. 120, 8 n. coni sectionem p. 94, 2 m, 13 m, 18 m, 19 m. 96, 28 m. 98, 1 m, 14. 156, 27. 158, 3, 7, 12. 162, 15, 17, 20, 24. 166, 3, 12. 174, 5, 21. 180, 16 di, 18 di, 21 di. 196, 20 dc, 26 dc. 198, 2 dc, 5 dc, 23 dc, 26 dc. 206, 7, 14, 23, 26. aliam lineam curuam p. 82, 13 dc. 100, 3 ar. 118, 2n. 122,4n. formae inueniuntur hae: γράφει p. 114, 10. 188, 2. γράφομεν p. 154, 18. γράφειν p. 66, 11. γράφων p. 114, 19. γράφεται p. 98, 14. 266, 22. γράφεσθαι p. 154, 14. γοαφόμενος p. 70, 11 h. 100, 14 ar. 174, 5, 21. 178, 21. γράψει p. 100, 3 ar. γοάψομεν p. 152, 23, 27. 162, 15, 20. γραφήσεται p. 66, 20. 118, 2 n. 154, 29. γράψωμεν p. 196, 20 dc. 198, 2 dc. γράψαι p. 206, 7, 14. γράψαντες p. 62, 29. $\gamma \rho \alpha \phi \tilde{\eta}$ p. 156, 27. 158, 7. γραφείς p. 22, 11. 98, 16. 120, 8 n. γεγραφέναι p. 106, 6 e. γέγραπται p. 110, 18 e. 154, 15. γεγοάφθα p. 62, 20. 74, 2 ph. 76, 26 ph. 78, 2 ap, 6 ap. 82, 13 dc. 84, 9 pp. 90, 9 sp. 94, 13 m, 18 m, 19 m. 96, 28 m. 98, 1 m, 20 ar. 122, 4 n. 158, 3, 12. 160, 3, 12. 162, 17, 24. 180, 16 di, 18 di, 21 di. 196,

26 di. 198, 5 di, 23 dc, 26 dc. 206, 23. γεγραμμένος p. 60, 2. 66, 8. 78, 17. 92, 17. 94, 2 m. 114, 10, 18. 154, 5. 206, 26. 264, 3, 6, 9. 268, 16. 348, έγέγραπτο p. 164, 10. γυμνάζομαι uersor. σάμενος cum genet. p. 266, 11. γωνία. ή πρὸς τῷ Β γωνία p. 14, 22. 74, 21 ph. 218, 2. 220, 6. 270, 20. ή ὑπὸ ΞΗΝ γωνία p. 22, 23. 30, 19. 118. 17 n. 196, 22 dc. 210, 21. 270, 13. 278, 3. 288, 9. omisso γωνία p. 22, 24, 26. 24, 4 sq. 26, 3, 4. 28, 22 sq. 30, 21. cfr. p. 54, 3. u. praeterea p. 68, 18 pl, 19 pl. 308, 17. 310, 15. 312, 2. 318, 13. 320, 6. ή ἐν τμήματι γ. p. 214, 13. 220, 6. κατάγειν έν γωνία p. 196, 22 de: γωνία γωνία (ἴση) p. 30, 1, 18. αί έν τοῖς πολυγώνοις γωνίαι p. 36, 1. γωνίαι ποίνγώνου p. 44, 16, 19, 21, 23. 52, 18, 23.

4.

 $\delta \acute{\epsilon}$ passim. $\kappa \alpha \acute{\iota} - \delta \acute{\epsilon}$ p. 12, 12. 16, 12. 50, 9. cfr. καί. δέ tertio loco 152, 19, 26. δείκνυμι. δείκνυσι p. 118, 6 n (particip.). 266, 2 (οτι). δείπνυται p. 120, 18 n. 126, 18 (οτι). δεικνύμενος p. 8. 11. δεικνύειν p. 18, 2. δεικνύναι p. 126, 26 (omisso αν). δείξομεν p. 112, 3 e. 206, 7. 338, 20. έδείξαμεν p. 176, 22 (om. ων). δείξας p. 190, 17 dc. δείξαι p. 76, 6 ph. 152, 18. δεῖ ἄρα δεὶξαι, ὅτι p. 232, 14. 238, 6, 8, 15, 29. 246, 9. đeiξαι ότι p. 246, 6. om. άν p. 246, 4. υ. δέω. δειχθήσεται p. 34, 21. 148, 15. 158, 27.

170, 11. 172, 15. 184, 24 di. őτι p. 18, 20. 30, 14. 52, 19. 72, 10 h. 128, 21. 186, 8 di. 208, 23. δειχθήσονται p. 28, 8 (particip.). 316, 3. ἐδείχθη p. 38, 24. 134, 13. 144, 14. 148, 21. 172, 18. 182, 22. 200, 26 dc. 228, 17. 346, 5. 352, 21. 364, 2. 366, 13. 368, 1, 3. öti p. 56, 3, 350, 1, $\dot{\omega}_{S}$ p. 122, 19 n. cum inf.? p. 196, 10 dc. particip. p. 38, 4. om. av p. 16, 11. 24, 8. 124, 13 n. 130, 4, 23. 150, 19. 194, 2 dc, 12 dc. 216, 8. 240, 20. 250, 25, 27. δειχθείς p. 122, 8 n. δειχθηναι ὅτι p. 238, 24. 246, 24. δέδειπται p. 32. 9. 34, 19. 128, 3. 148, 18. 150, 11. 160, 10. 166, 6. 172, 28. 176, 11. 190, 16 dc. 210, 7. 210, 12. 222, 23. 228, 11. 236, 28. 238, 14. 246, 4. 328, 5. 330, 2, 19. 334, 25. 358, 2. 362, 19. ὅτι p. 32, 3. 48, 23. 54, 19. 324, 9. 326, 16. 334, 11. 342, 1. 360, 21. cum particip. p. 274, 10. 276, 13. 282, 24. 360, 5. om. av p. 52, 4. 278, 7. 340, 17. δεδειγμένος p. 6, 4. 128, 22. 204, 1 dc. 266, 16, 20. 324, 8. δεδείχθαι p. 266, 5. δεδειγμέναι είσί p. 368, 17. δειπτέον ὅτι p. 32, 11. 142, 23. 208, 17. $\delta \epsilon i \xi \iota g$ demonstratio. p. 208, 27. δέκα p. 266, 4. 300, 10 al. δεπαέξ p. 330, 16, 18, 19. δεκαοκτώ p. 360, 2, 3. δεκαπέντε p. 342, 11, 13. δεκαπλάσιος p. 300, 11. 368, 2 (1') al. δέκατος p. 314, 15. 324, 16? 332, 21 al. δεκτικός capax. p. 106, 19 e. δεόντως necessario. p. 14, 16. δεύτερος p. 60, 3. 110, 18 e.

120, 1 n. 210, 4, 6. 260, 14. 324, 3. 346, 25, 26. 366, 3 al. terminus secundus proportionis p. 18, 18. 84, 6 pp. 88, 1 pp. 90, 2 (cfr. p. 91 not. 1). 126, 16. 138, 3. 182, 18 di, 19 di. 216, 17, 18, 20, 22, 23. 218, 24. 222, 22, 27. 228, 10. 246, 2. 256, 21, 23. 364, 8. δεύτεgov aduerb. p. 364, 24. δέω. δεῖ p. 68, 2 pl. 70, 7 h. 72, 24 ph. 76, 23 ap. 90, 6 sp. 92, 19 m. 98, 19 ar. 106, 21 e, 28 e. 120, 12 n. 122, 9 n. 158, 27. 180, 7 di. 198, 13 dc. 204, 4 dc. 206, 6. 226, 1. 246, 24. 270, 1. 314, 3, 12. ὅπες ἔδει εύρείν p. 72, 21 h. 82, 29 dc. 96, 4 m. 98, 13 m. ὅπερ ἔδει δείξαι p. 134, 17. 144, 23. 212, ὅπες ἔδει ποιῆσαι p. 186, 3 di. 202, 28 dc. 206, 4 dc. δέοι p. 64, 16. δέον ἔστω p. 60, 11. 62, 10. 64, 20. 160, 3. δείν p. 12, 23. 14, 9, 17. 18, 13. 28, 13. 66, 6. 178, 12, 25. **δέομαι egeo. δεϊται p. 2, 5.** δεόμενος p. 264, 2, 4, 8. $\delta \dot{\eta}$ p. 6, 19. 40, 12. 48, 13. 62, 18, 21. 66, 18. 72, 1 h, 10 h. 84, 25 pp. 86, 9 pp. 90, 6 sp. 92, 20 m. 98, 20 ar, 27 ar. 100, -17 ar. 132, 12. 140, 22. 142, 20, 23. 166, 5. 180, 7 di. 182, 1 di. 190, 7 dc. 192, 8 dc. 194, 5 dc. 198, 11 dc. 210, 25. 218, 15, 25, 232, 4, 310, 3, 326, 8, 12. 328, 2, 9, 15. 330, 5. 368, 22. $\delta \eta \lambda \alpha \delta \dot{\eta}$ scilicet. p. 18, 8. 236, 4. 320, 2. δηλονότι idem. p. 72, 2 h. 118, 14 n. 140, 25. 312, 16. 318, 6. δηλος. δηλον, ότι p. 6, 27, 22, 17. 24, 13. 36, 2. 62, 3. 78 17. 84, 5. 174, 9. 226, 15. 264,

14. 270, 16. 306, 19. 312, 2. - 336, 7. 360, 14. δηλόν έστι, от р. 148, 28. 330, 24. **ё**оті δη̃λον p. 48, 29. 78, 27 dc. 324, 16. 348, 6. ὅπως p. 34, 7. cum infinit. p. 266, 24. δηλόω planum facio. δήλωσον p. 2, 19. δηλοῦντα p. 324, 19. διά cum accus. p. 2, 3, 8, 12. 16, 24. 20, 9, 19. 82, 22 dc. 102, 15 ar. 154, 15. 168, 9, 15. 170, 22, 25. 200, 5 dc, 11 dc. 218, 5. 224, 20. 248, 29. 256, 5, 7. 300, 22. 314, 7. διὰ τὰ αύτά p. 24, 16. 32, 27. 190, 7 dc. 192, 8 dc. 198, 11 dc. 202, 20 dc. 210, 25. 218, 15, 25. 298, 1. 328, 9. 330, 5. 352, 11. διὰ ταῦτα p. 288, 20, 25. διὰ τοῦτο p. 20, 6, 18, 24, 17. 30, 22. 32, 5. 40, 1, 26. 44, 3, 13. 48, 29. 64, 6. 74, 29 ph. 88, 18. 90, 21 sp. 118, 19 n, 25 n. 126, 10. 138, 25. 168, 12. 194, 5 dc. 198, 4 dc. 200, 7 dc. 208, 26. 212, 20. 258, 4. 292, 7. 316, 19. 328, 11. 334, 4. 340, 9, 19. 360, 17. διὰ τό sequente infinitiuo p. 12, 18. 28, 17. 42, 10. 50, 7. 54, 6. 70, 12 h. 80, 2 dc. 86, 8 pp. 102, 1 ar. 156, 30. 158, 10. 164, 28. 166, 24. 170, 19. 176, 20. 178, 12. 182, 10 di. 198, 3 dc. 200, 23 dc. 202, 1 dc. 214, 7. 254, 17. 258, 2. 260, 8, 9, 270, 22, 286, 1, 340, 14. cum genet. p. 4, 6. 20, 20. 66, 12. 88, 9, 11. 98, 14. 106, 3 e, 4 e, 9 e, 18 e. 120, 17 n. 122, 19 n. 128, 21. 132, 13. 154, 2. 222, 12. 302, 7, 10. 314, 15. al. διὰ σημείου p. 70, 12 h. 74, 22 ph. 78, 22 dc, 25 dc. 80, 19 dc. 82, 3 dc, 14 dc, 21 dc. 88, 7, 94, 1 m, 13 m, 108, 8 e.

116, 17 n. 162, 15, 20. 166, 11. 168, 6, 8. 178, 20. 320, 20. 826, 13. 328, 17. 338, 23. Extπεδον διὰ εύθείας p. 28, 1. 138, 24. διὰ τῶν αὐτῶν p. 8, 11. 126, 18. διαβήτης circinus quidam. p. 98, 14. διάγω lineam. διήχθω p. 90, 10 sp. (ἐπί), 11 sp. (ἀπό). 108, 8 e. 122, 17 n. 154, 28 (\$\vec{e}\vec{n}\ight). διαχθη p. 118, 8 n. διαγαγείν p. 120, 21 n. διαγομένη p. 120, 1 n, 4 n, 13 n. διαγώνιος diagonalis. p. 196, 28 dc. διαίρεσις divisio. p. 22, 16. διαιρέω. διαιρείται p. 142, 10. διαιρούσι» είς ίσα p. 308, 16. 818, 18. διαιρεθήσεται p. 22, 19. 328, 14. διαιρεθη p. 136, διαιρείσθαι p. 332, 13. διαιφούσα μέσον p. 114, 25 n. διαιρετέον p. 142, 8. διήρηνται p. 334, 2. διηρημένη άναλογία p. 66, 14. διηρημένος p. 76, 19 (είς). διελόντι p. 20, 13, 19. 20, 22, 29. 136, 16, 20. 184, 25 di. 190, 6 dc. 208, 18. 218, 8. 246, 28. 314, 22. 342, 6, 20. 352, 10. διαμαρτάνω erro. διαμαρτάνον p. 2, 19. διημαρτηκέναι 104, 4 e. διαμένω maneo. διαμένειν p. 68, 9 pl. διαμένων p. 104, 7 e. διαμένη p. 110, 11 e. διάμετοος. circuli p. 42, 11. 44, 17 sq. 46, 15. 62, 12, 22. 78, 20 dc. 82, 5 sq. dc. 88, 23. 100, 2 ar. 266, 3. 284, 5 sq. περί διάμετρον p. 62, 19. διαμ. τοῦ τόμου p. 360, 18. δ. βάosos coni uel segmenti sphaerae p. 212, 10, 14. 216, 3. 218. 11. parabolae p. 166, 7. 174,

5, 9. 326, 5, 8, 15, 17. 328, 3, 8, 15. 330, 25. 332, 9, 14. 334, 1, 5. 338, 15, 21. 340, 1. 360, 11. sphaerae 136, 5. 176, 3. 180, 6 di. 188, 13 dc. 204, 3 dc. 208, 8. 212, 20. 220, 19, 24. parallelogrammi p. 78, 4 ap. 108, 3 e. διανοοῦμαι reputo. διανοηθείς p. 2, 11. διανοείσθαι p. 154, 13. διαπειράζω experior. διαπειράζειν p. 76, 21. διαπέμπω mitto. διαπεμψάμενος p. 104, 19 e. διαπήγνυμι figo. διαπήγνυται p. 110, 3 e. διαπορέω haesito. διαπορών p. 104, 11 e. διασαφέω explico. διασαφῆσαι p. 4, 6. διάστατος extensus. έφ' εν διάστατος p. 266, 25. διάστημα radius. circuli p. 20, 10. 76, 25 ap. 78, 1 ap. 90, 8 sp. 120, 7 n. conchoidis p. 118, 4 n, 12 n. 122, 3 n. distantia p. 116, 3 n. διατηφέω conseruo. διατηφων p. 106, 14 e. διατρέχω permeo, moueor. διατρέχειν p. 114, 23 n. διατοέχων (έν) p. 116, 7 n. διαφερόντως in primis. p. 2, 14. διαφέρω differo. διαφέρει p. 76, 11. διαφέρουσα p. 88, 6. διάφορος diversus. p. 62, 7. διδάσκαλος magister. p. 56, 27. 98, 16. 260, 17. 300, 26. 302, 16. δίδωμι. διδόμενος p. 140, 26. δ. ἐστι 64, 19. 66, 1. δέδοται p. 136, 5, 6, 8, 10. 138, 20, 25, 27. 158, 15, 17. 194, 19 dc. 196, 16 dc. 198, 7 dc sq. 212,

13 sq. 214, 3 sq. 218, 10 sq. 220, 17 sq. δεδομένος p. 84, 3. 136, 5, 7. 138, 21, 22. 140, 5, 6. 156, 30. 158, 1. 176, 4. 194, 17 dc, 18 dc. 214, 15, 20, 24. 220, 12, 25. δεδομέναι είσί p. 212, 13. 214, 9. 218, 11 alibi. δεδόσθαι p. 6, 20. 158, 12. δοθήσεται p. 84, 8. 212, 16. 220, 20. δοθήσονται p. 214, 10. δεδόσθω p. 206, 11. δεδόσθωσαν p. 106, 28 e. 110, 21 e. 122, 8 n. δοθείς p. 32, 8. 34, 5, 8. 46, 20, 23. 64, 18, 21, 22. 66, 6, 22 pl. 68, 1 pl. 70, 6 h. 72, 23 ph. 76, 23 ap. 82, 9 dc. 84, 3, 6. 86, 27 pp. 90, 5 sp. 92, 19 m, 26 m. 94, 3 m, 4 m, 7 m, 10 m. 96, 6 m, 15 m, 18 m sq. 102, 18 ar. 104, 7 e. 106, 2 e, 10 e, 12 e. 110, 20 e. 112, 5 e, 6 e. 120, 20 n, 21 n. 122, 2 n sq. 136, 8, 9. 138, 27, 29. 142, 21. 146, 26. 154, 23. 158, 2 sq. 160, 1 sq. 164, 19. 174, 1, 2. 176, 9, 19. 180, 4 di, 6 di. 188, 21 dc. 190, 10 dc sq. 194, 21 dc, 22 dc. 198, 13 dc. 202, 22 dc, 26 dc. 204, 3 dc, 9 dc. 206, 6. 212, 17, 18, 20. 214, 2, 7, 17. 218, 15, 16. 220, 21, 23, 27, 28. 266, 7. 268, 11. 324, 14. 336, 24. δίζημαι quaero. δίζηαι p. 112, 21 e. p. 270, 20, 21. 284, 23, 26.

δίμοιρος duae partes. ὀρθῆς p. 270, 20, 21. 284, 23, 26. διό quare. p. 6, 1. 14, 8. 286, 8. διορθόω corrigo. διορθωσάμενος p. 178, 26. διορισμός p. 154, 20. ἔχει δ. p. 178, 3, 6. διότι = ὅτι p. 254, 11. quad. p. 344, 2.

p. 104, 3 e? διπλασιάζω idem. σιασθήσεται p. 104, 15 e. διπλασιάσαι p. 104, 10 e, 18 e. διπλασιάσειε p. 104, 8 e. διπλασιασθείς p. 104, 4 e. διπλασιασμός conduplicatio. p. 104, 9 e. διπλασιεπιτέ ταρτος λόγος. 21. p. 146, 19, 21. **δ**ιπλάσιος p. 38, 20. 40, 3, 7. 46, 15. 62, 2. 64, 6, 8. 104, 2 e, 14 e. 152, 9. 158, 26. 164, 15. 166, 22. 172, 25. 176, 17. 178, 5. 196, 7 dc, 9 dc, 12 dc sq. 198, 22 dc. 200, 9 dc. 212, 7. 228, 24. 252, 25, 27. 258, 17, 20, 22. 282, 20. 320, 14, 17, 19. 330, 8. 336, 16. 356, 16, 17. 362, 6. λόγος διπλ. p. 144, 28. 146, 11. 238, 18. 240, 16. 242, 4. έλάσσων η δ. p. 252, 14. μείζων η δ. p. 252, 11. διπλήσιος p. 112, 13 e. διπλασίων. λόγος δ. p. 54, 1, 4. 56, 9. 92, 11 sp, 12 sp. 230, 12, 13, 19. 242, 24. 316, 10. έλασσονα λόγον έχει η διπλασίονα p. 238, 7, 10. 240, 18, 23. διπλασίους γωνίαι p. **220**, 6. διπλοῦς. διπλη p. 44, 4. 124, 14 n. 166, 19, 24. 270, 16, 24. 282, 26. 286, 2. 328, 29. 340, 4, 12, 13. 346, 2. δυνάμει διπλη p. 258, 19. δίς bis. p. 346, 24, 25. 354, 15. 356, 9, 10, 12 al. δισσός duplex. p. 112, 18 e. δίχα τέμνειν. p. 14, 25. 16, 17, 20, 22, 50, 9, 60, 21, 70, 10 h, 72, 2 h, 3 h. 78, 5 ap. 88, 16. 112, 11 n. διαιφεΐν p. 328, 14. διχοτομέω in duo aequalia diuido. διχοτομείν p. 286, 1.

διπλάζω conduplico. δίπλαζε

διχοτομήσαντες p. 270, 8. διχοτομείται p. 334, 13. διχοτομούμεναι ὑπό p. 360, 12. διχοτομία punctum medium. p. 28, 23. 76, 13. 214, 21. 226, 15, 20. 254, 9, 14. 320, 6, 10. διχοτ. τῆς γωνίας p. 276, 3. 278, 3. 282, 1. 290, 3. 296, 2. διχῶς duobus modis. p. 60,6. 64, 17. δοκέω uideor. δοκεί p. 50, 27. 266, 15. 300, 19. 308, 3. đóty р. 2, 17. боий р. 214, 11. боξειεν p. 268, 6. έδόκει p. 104, 4 e. $\delta \dot{o} \xi \alpha$ sententia. p. 306, 6. δύναμαι. δυνάμεθα p. 324, 13. δυνώμεθα p. 110, 2 e. δυνάμενος p. 116, 4 n. δύνασθαι p. 28, 17. 106, 7 e. ηδύναντο p. 28, 16. δυνήσεται p. 114. 23 n. δυνησόμεθα p. 106, 11 e. 16 e. δύναται τὸ ἀπό p. 38, 28. 52, 2, 6. ή δυναμένη πλευρά p. 270, 1. δύνασθαι τὰ παρά p. 196, 22 dc. 206, 25. δυνάσθωσαν τὰ παρά p. 94, 16 m. δύνασθαι παρά p. 98, 1 m, 3 m. 156, 28. 162, 16. 166, 4. 174, 6. 180, 17 di. δύναμις. κατά δύναμιν p. 2, 6. 178, 26. δυνάμει si rem spectes. p. 114, 18. δυνάμει p. 34, 27, 38, 18, 274, 17, 258, 19. δύναμις quadratum. p. 272, 8. 276, 19. 288, 24. δυνατός p. 6, 13. 8, 9. 106, 25 e. 112, 19 n. 174, 16. 176, 22. 266, 26. κατὰ τὸ δ. p. 154, 18. 178, 19. 342, 18. 8vνατὸν γὰς τοῦτο p. 22, 7. 90, 12 sp. δυνατόν sc. έστι cum inf. p. 14, 2. 18, 2. 42, 15. 142, 6. 204, 12 dc. 268, 12. 302, 10, 314, 15, 320, 20, 336, 23. Ovvarov for com inf.

p. 32, 6. 60, 6. 174, 1. 204, 1 dc. 314, 6. δύο p. 4, 26. 6, 27. 14, 21. al. indeclinabile p. 330, 27. ðvo δυσίν ἴσαι p. 30, 1, 17. δύο αί p. 8, 1. 10, 2, 27. 14, 27. 30, 7. δυσθεώρητος difficilis perspectu. p. 2, 7. 324, 2. δυσκολία difficultas. p. 2, 9. δυσμήχανος inhabilis. p. 112, 19 e. δυσχεφής difficilis. p. 154, 16. δυσχερῶς difficulter. p. 106, 8 e. 324, 3. δώδεκα p. 330, 6, 12. 340, 24, 27. δωδέκατος p. 282, 13. δωδέκατον sc. $μέρος \frac{1}{12}$. p. 270, 12, 13. δω ρέομαι dono (τινίτι). έδω-**وήσω p. 114, 5 e.**

E.

έάν p. 10, 13. 18, 17. 20, 15. 22, 23. 26, 3. 28, 23. 36, 27. 42, 23. 44, 10. 48, 13. 50, 6. 52, 13. 54, 10. 60, 16, 22. 62, 23. 68, 11 ph. 72, 13 h. 80, 18 dc. 84, 7. 88, 1 pp. 104, 12 e. 112, 6 e, 9 e. 116, 11 n. 118, 1 n, 8 n, 21 n. 136, 6. 140, 18. 144, 29. 146, 15, 26. 150, 7, 26. 156, 27. 158, 6. 162, 14, 19. 164, 2. 188, 11 dc. 196, 18 dc. 198, 1 dc. 212, 17. 214, 14. 216, 15, 27. 218, 19. 220, 12. 224, 9, 22, 26. 226, 24. 234, 12, 17. 242, 11. 244, 28. 254, 7, 17, 27. 260, 2. 270, 7, 17, 26. 272, 4. 284, 20, 26. 286, 2, 5. 320, 16, 18. 326, 8, 12. 336, 7. 346, 9. 362, 5. 368, 25 al. έαυτόν p. 32, 5, 13. 40, 7. 48, 5, 6. 104, 20 e. 106, 1 e. 110,

7 e. 220, 12. 236, 9. 268, 23, **24**. **272**, **1**. 300, **26**. **306**, **20**. έβδομηκοστομόνον 11. δέκα έβδ. p. 266, 4. 300, 10. **ξβδομος p. 266, 4. τὸ ξβδο**μον p. 284, 9, 13. έγγοάφω. έγγοάψαι p. 34, 6 (είς). έγγοάφεσθαι p. 324, 21. έγγράφεται p. 338, 5. έγγραφόμενον τρίγωνον p. 32, 4(είς). έγγραφομένη πυραμίς p. 28, 13. τὸ έγγραφόμενον p. 24, 13. 26, 12. 32, 3. 338, 11. τὸ έγγραφόμενον σχημα (εθθύγοαμμον) p. 332, 2, 12. 336, 13, 17, 20, 22. τὸ έγγεγραμμένον εύθύγραμμον p. 34, 7 $(\varepsilon \nu)$, 12 $(\varepsilon i \varsigma)$. 38, 16 $(\varepsilon i \varsigma)$, 25. 338, 8 (ἐν). τὸ ἐγγεγραμμένον p. 24, 18. 34, 19, 23. 36, 29. 38, 1, 4, 44, 18, 22, 56, 6, 8, 16, 19, 22. έγγεγράφθω p. 34, 12 (είς). έγγύς p. 292, 13. έγγύτερον р. 174, 22. 336, 12. Еуую р. 226, 20. ἔγγιστα p. 274, 15 sq. 276, 19. 280, 6. 286, 7. 288, 23. 296, 17. 298, 12. 300, 11. έγγύτερος p. 254, 9. έγκειμαι comprehendor. έγκείσεται είς p. 116, 6 n. έγχωφέω. ένεχώρει fieri poterat. p. 300, 15. έγώ p. 302, 9. ἡμεῖς p. 178, 13. 180, 2. 240, 6. 248, 11. 338, 20. $\eta \mu \tilde{\alpha} s$ p. 2, 11. 66, 18. 270, 5. ημέν p. 60, 1. 264, 17. 268, 17. 310, 23. ἡμῶν p. 2, 2. 106, 9 e. 176, 27. 264, 5. έδαφος solum. p. 118, 2 n. si cum coniunctiuo. p. 2, 17. 64, 28. cum optatiuo p. 18, 9. 60, 21. 62, 26. 64, 16. 174, είγε p. 2, 20. εί καί p. 2, 12. 142, 8. ral el p. 266, 26. 2008 p. 94, 14 m, n. 008108.

genus p. 112, 22 e (év). 266, 25. τὸ ὑπὸ — εἰδος p. 208, 3. τῷ είδει δεδομένος p. 214, 17. είκός ueri simile. p. 2, 10. είποστός p. 196, 24 dc. δεύτερος και είκ. p. 48, 23. Εβδομος καί είκ. p. 166, 8. είκοστοτέταρτον 🛼 p. 282, 15. είκότως iure. p. 12, 21. 252, 16. είμί. έστι passim. είσι p. 6, 24. 8, 1, 2. 10, 11 al. \(\bar{y}\) p. 28, 18. 42, 5. 66, 1. 68, 20 pl. 72, 14 h. 158, 26. 172, 25. 188, 11 dc. doi p. 12, 12. 216, 15 al. είναι p. 6, 20. 8, 8, 19. 12, 22, 25. 14, 2. 64, 16 al. είη p. 4, 11, 25. 60, 21. 62, 26. 102, 24 e. 154, 13. 264, 1 al. ἔστω p. 6, 17. 26, 22. 62, 8 al. έστωσαν p. 46, 23. 68, 1 pl. 70, 6 h. 72, 23 ph. 76, 23 ap. 82, 9 dc al. ov p. 6, 11, 21. 8, 5, 9, 11. 24, 4, 14. 26, 2. 30, 4. 36, 1. 44, 5 al. $\eta \nu$ p. 4, 23. 32, 6. 120, 1 n, 11 n. 132, 21. 136, 21 al. ἔσται p. 20, 16, 17. 22, 11, 26. 28, 25. 34, 14. 36, 30 al. έσονται p. 46, 27. 50, 7. 80, 21 dc. ἔστι p. 12, 26. 16, 14. 34, 5. 140, 13. 324, 9. τούτου γάρ μή ővtos p. 12, 25. 14, 18. 120, 17 n. ἔστωσαν data sint p. 18, 20 al. ἔσται ualebit p. 20, 23. έστι om. p. 32, 21, 22, 28, 62, 9, 25, 80, 2, 198, 8 dc, 220, 5, 27 al. ἐσόμενος p. 42, 13. ἔσται factum erit p. 68, 26 pl. 78, 15. ἔστω datum sit. p. 326, 4. ὄντων datis. p. 122, 16 n. 148, 2. 210, 2. είπεο p. 224, 28. είς p. 2, 1 sq. 34, 13. 114, 23 n, al. n. έγγράφω. pro έν p. 34, 7. 98. 16. cfr. p. 68, 15 pl.

els p. 10, 13, 18. 28, 5. 38, 13, 18. 62, 20. 68, 5 pl. 70, 11 h. 72, 18 h. 114, 21 n. 320, 18. 336, 12, 340, 24 al. Evi nleious p. 112, 10 e. εν πρὸς έν p. 52, 20. 136, 25. 352, 16. 344, 11. δ εls p. 68, 17 pl. 84, 12 pp. 160, 4. 252, 10. 266, 17. εν και ημισυ p. 146, 23. είσανω induco. είσαναγεῖ» p. 102, 22 e. είσαγωγή institutio. μηχανιnal elsay. Heronis. p. 70, 4. Pappi p. 84, 1. αριθμητική είσαγ. p. 142, 1. είτα p. 6, 8. 126, 26. 130, 28. 154, 21. 178, 2. είτε - είτε. p. 88, 11. είτε είτε καί p. 360, 15. **ἔκαστος p. 38, 27, 28. 40, 4.** 66, 19. 104, 3 e. 110, 7 e. 310, 10. 332, 7. συναμφότερος έκάστη p. 354, 28. έχάτερος p. 14, 3. 32, 21. 74, 25 ph, 27 ph. 76, 16. 102, 5 ar. 122, 11 n. 136, 8. 140, 3. 156, 2. 158, 11. 190, 29 dc. 192, 12 dc, 16 dc. 196, 13 dc. 198, 4 dc. 200, 24 dc. 202, 2 dc, 5 dc. 208, 2. 220, 15. 232, 15 sq. 242, 27. 340, 18, 20. 366, 24. 368, 26. έφ' έκάτερα p. 78, 22 dc. 80, 18 dc. 194, 15 dc. 198, 20 dc. εκάτερον έπατέρου p. 292, 5, 8. 360, 1. έκατόμπεδος centum pedes longus. p. 102, 24 e. έκβάλλω produco. ἐκβα<mark>λλο</mark>μένη p. 88, 8. 166, 6. 170, 21. 318, 20. έκβεβλήσθω p. 84, 24 pp. 86, 7 pp (έπί). 122, 2 n, 13 n, 20 n. 164, 20, 23 (ἐπί). 166, 10, 15 (ėπί). 180, 10 di. 194. 14 dc. 198, 28 dc (ἐπί). 200. 2 dc. 206, 15, 20 (ἐπί). 282, 20 (Eni). 318, 18. Enbeblin-

σθωσαν p. 68, 3 pl (έπί). 70, 13 h (ἐπί). 96, 27 (ἀπό). 200, 1 dc (ἐπί). ἐκβληθέντων ἐπί p. 192, 1 dc. ἐκβληθείσα p. 78, 8 ap. 82, 19 dc. 88, 13 (¿πί). 98, 22 ar. 108, 9 e. 122, 13 n, 21 n. 160, 20. 166, 14. 198, 20 dc. 206, 22. ἐκβληθείσα ducta p. 80, 23 dc. ἐκβεβλημένη p. 10, 26 (έπί). 74, 19 ph. 316, 24. ἐκβάλλειν ἐπίπεδον. έκβαλλόμενον διά p. 186, 2 di, έκβληθέν διώ p. 204, 14 dc. ἔκδοσις editio. p. 56, 25. 260, 15. 302, 15.

έκει ibi. p. 76, 12.

έκεῖνος ille. p. 88, 6. 112, 8 e. 142, 8. 184, 8 di. 238, 29. 244, 24. 254, 28. 264, 16. 270, 6. 318, 6. 346, 11. náneiro p. 14, 16.

ἔκθεσις expositio. p. 4, 3. ἔκκειμαι expositus sum. έκκείσθω p. 92, 21 m. 128, 27. έκκείσθ**ωσαν** p. 130, 5.

έπτίθεμαι expono, έπτίθεσθαι p. 4, 2. έκθέμενος p. 126, 27. 266, 16. 268, 5. ἐκθέσθαι p. 2, 6. 324, 3. Entedels p. 178, 22. ἐπτεθειμένος p. 266, 12. έκθησόμεθα p. 342, 17.

έπτός p. 120, 20 n. 138, 12. 208, 23. 272, 12. 312, 4, 7, 18. Entos p. 332, 6 al. Entov 1 p. 300, 3 al.

έλάσσων p. 26, 16, 18. 36, 30. 160, 30. 168, 16. 170, 8, 27. 172, 29. 174, 2. 224, 11. 286, 16 al. ἐλάττων p. 6, 20. 10, 15, 16, 17. 12, 1, 5, 10. 16, 10. 54, 4. 146, 5, 7. 170, 10. 175, 19 al. ἐπ' ἔλαττον p. 118, 7 n. έλά**χιστος** p. 272, 7.

έλαττό ω minuo. έλαττῶσαι p. 226, 1.

έλεφάντινος eburneus. p. 110, 4 e. ελιξ spiralis. p. 266, 6. έλλείπω desam, deficio. έλλείπει p. 274, 15, col. III, 8. 278, III, 9 al. έλλειπον ομοίφ p. 196, 23 dc. έλλειψις ellipsis. p. 196, 21 dc, 27 dc. 198, 7 dc, 23 dc, 27 dc. έμβάλλω. έμβαλλόμενος insertus. p. 106, 23 e. έμός p. 2, 6, 17. 264, 1. έμπίπτω incido. έμπέση p. 146, 18. έμπεσεῖν p. 104, 18 e. έμποδών γίνεται obstat. 148, 26. έμφανής apertus. p. 20, 24. 66, 18. 174, 16. έμφανίζω declaro. έμφανίζων p. 6, 9. έν p. 2, 6. 4, 3. 6, 14. 48, 22. 56, 3. 98, 5 m, 8 m, al. pro είς? p. 264, δ. έν τῷ cum inf. p. 110, 10 e. έναλλάξ p. 46, 12. 92, 4 sp. 132, 19. 136, 17, 20. 144, 11. 156, 14. 162, 7. 186, 12 di. 196, 5 dc. 200, 20 dc. 208, 19. 214, 28. 216, 10, 19. 228, 14. 246, 26, 30. 248, 17, 19, 25. 256, 24. 272, 14. 276, 6. 278, 6. 282, 4. 288, 12. 290, 6. 296, 4. 334, 3. 342, 20. 362, 1. τδ έναλλὰξ τμῆμα p. 188, 10 dc. έναντίος contrarius, p. 14, 5. 100, 5 ar. τάναντία p. 252, 16 †. έναρμόζω apto. ένηρμόσθω p. 98, 22 ar. ένήρμοσται p. 110, 5 e. ἐναφμοσθείς p. 116, 8 n. ένδέχομαι. ένδέχεται fieri potest. p. 76, 19. ἐνδεχόμενον αν εἶη fieri potest. p. 4, 24.

ένδιατρίβω moror. ένδιατρί-

ψας p. 140, 16.

ένεκα p. 114, 17.

ἔνεστι licet. p. 12, 13. 42, 16. **62, 6**. 152, 19. 214, 19. ένίοτε interdum. p. 14, 19. ἔννατος nonus. τὸ ἔννατον † p. 360, 5. ένατος p. 342, 17. έννέα nouem. p. 142, 17. 330, 17, 18. 342, 14. έννο έω cogito. έννοεῖν p. 12, ένενόουν p. 302, 7. ἔννοια p. 6, 9, 14. 8, 13. 66, 18. 140, 12. 154, 17. ένταῦθα p. 6, 27. 66, 20. 76, 15. 88, 9, 11. 174, 11, 12, 24, **25**. 208, **27**. **222**, 13. 234, 23. **244**, 29. 302, 10, 13. 324, 8. 340, 19. κάνταῦθα p. 210, 7. έντεῦθεν hinc. p. 270, 16. έντός p. 10, 14, 18. 112, 18 e. 128, 17. 208, 22. 312, 1, 3, 17. έντυγχάνω incido. έντυγχάνων p. 140, 13. 154, 15. 264, 3. έντετυχήκαμεν p. 66, 10. ένετύχομεν p. 154, 5? 180, 2? έντυχών p. 178, 21. έξ p. 6, 13, 14. 132, 12 al. u. σύγκειμαι. propter. p. 154, 6. 178, 26. ἐκ τούτου p. 8, 7. έξ αύτῶν p. 154, 13. έξ ὧν p. 300, 25. ἐκ τῶν αὐτῶν p. 20, 23. ν ξξ p. 142, 17 al. έξάγωνον p. 42, 17. 270, 8, 11. η τοῦ έξαγώνου p. 284, 20. έξάπις p. 346, 23. έξαπλάσιος λόγος 6:1. p. 144, 27. 146, 3. έξαπλασία p. 342, 12. 358, 20. έξεστι licet. p. 6, 6. 142, 20. 174, 17. 306, 6. έξόν p. 270, 6. έξηγέομαι interpretor. έξηγούμενος p. 270, 4. $\hat{\epsilon} \xi \tilde{\eta} s$ p. 6, 8, 11. 132, 13. 152, 23, 27. 184, 23 di. 190, 16 dc. 240, 25. 248, 11. 284, 17. 338, έξῆς ἀνάλογον p. 48, 16.

96, 3 m. 102, 16 ar. 230, 16.

368, 14. ξ. άλλήλων κείμενα p. 364, 21. παὶ τὰ ἐξῆς p. 50, τὸ έξῆς p. 230, 26. 334, 24. 24. 308, 6. έν τοῖς έξης p. 42, 13, 20. κατὰ τὸ έξῆς p. 146, 29. 234, 22. έξις habitus. p. 114, 15? έξουσία. κατ' έξουσίαν 500 arbitrio. p. 4, 4. έξω p. 226, 22. έξωτέρω p. 194, 7 dc. έξωθεν praeterea. p. 344,25. έπαγγέλλομαι profiteor. έπαγγελλόμενος p. 66, 10. έπηγγείλατο p. 152, 8. έπηγγέλθαι p. 152, 25. ἐπηγγελμένος passiue. p. 154, 14. 178, 21. έπάγγελμα promissum. p. 152, 19, 26. έπαγω addo. Επάγει p. 240, έπήγαγεν p. 240, 5. έπαγαγών p. 132, 12. ἐπάγων p. 300, 23. έπαγωγή. έπαγωγη per inductionem. p. 140, 15. έπαν άγ ω revertor. έπανακτέσ p. 142, 21. έπαναλαμβάνω rursus adgredior. p. 178, 7. έπαναφέρω transfero. έπανοίσομεν έπί. p. 112, 8 e. έπανόρθωσις emendatio. p. 2, 15. ἐπάνο p. 108, 6 e. έπανξάνω augeo. έπαυξηθηναι p. 106, 24 e. έπαύξω augeo. έπαύξειν P. 106, 14 e, 20 e. έπεγγελάω irrideo. έπεγγελῶν p. 114, 14. έπεί p. 32, 18. 42, 25. 66, 4. 126, 7. 134, 5, 22. 136, 15. 146, 7. 216, 27. 218, 12, ²⁰. 222, 8. 228, 12. 232, 10, 18. 240, 6. 248, 11. 280, 2. 330, 13. 348, 18. 350, 1. 354, 26.

έπεὶ γάρ p. 20, 27. 24, 1. 26, 11, 25. 28, 21. 30, 16. 36, 16. 40, 4. 50, 12. 64, 2. 130, 29. 132, 18. 134, 1. 136, 4, 18. 138, 1, 10, 16. 148, 6, 18, 29. 150, 10, 18. 172, 28. 204, 17 dc. 206, 27. 208, 17. 212, 12. 214, 27. 216, 17. 218, 10. 220, 10, 24. 222, 3, 17. 224, 2, 16. 228, 6. 234, 10. 244, 1. 246, 24. 252, 21. 254, 25. 256, 19. 270, 26. 274, 10. 276, 13. 288, 9. 310, 1. 314, 20. 316, 8. 318, 11. 328, 26. 334, 24. 338, 9. 340, 22. 342, 9, 19. 348, 6. 360, 11, 21. έπεὶ δέ p. 140, 11. 178, 19. 316, 11. 324, 9. . 336, 4. έπεὶ καί p. 44, 25. 102, 17 ar. 124, 15 n, 20 n. 258, 20. έπεὶ οὖν p. 10, 13, 27. 14, 24, 26. 24, 5. 30, 1. 32, 9. 38, 24. 72, 2 h. 74, 22 ph. 80, 4 dc. 86, 10 pp. 88, 14. 90, 14 sp. 92, 9 sp, 24 m. · 94, 23 m. 96, 11 m, 17 m. 98, · 5 m. 102, 5 ar. 130, 19. 140, 3. 156, 5. 158, 17. 160, 22. 162, 1, 27. 164, 4. 166, 19. 168, 9. 170, 2, 28. 182, 4 di. 192, 4 dc, 16 dc. 194, 7 dc, 17 dc. 200, 3 dc, 8 dc, 26 dc. 202, 3 dc. 204, 29 dc. 210, 19. 220, 15. 230, 9. 232, 7, 15. 238, 5. 272, 3. 282, 13, 24. 284, 11, 25. 298, 15. 330, 19. 340, 3, 11. 342, 21. 352, 21. 358, 2. 360, 5. 366, 30. 368, 14. 370, 3. καὶ έπεί p. 34, 28. 48, 5, 15. 82, 23 dc. 94, 3 m. 124, 8 n. 162, 18. 168, 14. 170, 22, 25. 182, 15 di. 186, 11 di. 190, 5 dc. 192, 9 dc. 194, 23 dc. 196, 28 dc. 198, 9 dc. 200, 14 dc. 202, 18 dc. 230, 16. 278, 7. 284, 1. 292, 8. 296, 12. 298, · 8. 300, 2. 328, 5. 330, 6. 344, 20.

έπειδή p. 4, 18. 52, 1. 66, 12. 138, 20, 27, 158, 4, 174, 8, 180, 17 di. 196, 7 dc. 206, 8. 214, 12. 216, 7, 20. 258, 18. 296, 7. 310, 24. 328, 2. 344, 6. 348, 22. 358, 22. 366, 25. ἐπειδη ovv p. 326, 1. ἔπειτα p. 116, 13 n. έπεξεργασία elaboratio. p. 264, 4. έπεξέοχομαι explico. ἐπεξελθόντες p. 324, 1. έπί cum accus. πίπτειν έπί p. 4, 27. cfr. praeterea p. 80, 29 dc. 100, 1 ar. 116, 12 n, 13 n. έπὶ τὰ αὐτά p. 8, 19; u. noilog, énátegog. cfr. épagμόζω, ἄγω, ἐπιζεύγνυμι. multiplicando \times p. 158, 22 sq. 160, 7 sq. 164, 16, 27, 28. 166, 1. 170, 7 sq. 172, 7 sq. 174, 1 sq. 176, 9 sq. 230, 28. 232, 9, 12, 13, 234, 4 sq. 238, 5 sq. 240, 7 sq. 242, 18, 19. 246, 5. 250, 1 sq. 272 col. I, 2 cett. 284, 3. cum genet. σημείον έπλ γοαμμῆς 4, 25. 6, 22, 24. 10, 13. 12, 14. 14, 23. 68, 20 pl. 82, 2 dc. 88, 7, 19. 108, 1 e, 2 e. 136, 9. 154, 24. 164, 17. 166, 2. 168, 5. 172, 21. 174, 16. 178, 14. 202, 23 dc. 204, 6 dc. 208, 11. 312, 4, 25. 320, 21. 336, 1. ἐπί — βάσεως p. 60, 19. u. βάσις. cfr. p. 158, 25. έπl — καταγραφής p. 32, 13. 68, 23 pl. 80, 28 dc. · 108, 7 e. 118, 11 n. 126, 7. per. 116, 14 n. έφ' οὖ p. 252, 15 †. in. p. 6, 6. 14, 13, 14. 18, 1, 3. 28, 12, 16. 32, 3, 8. 34, 19. 42, 17. 52, 18. 76, 9, 16. 110, 1 e. 142, 4 sq. 146, 24. 148, 15. 170, 11. 172, 15, 19. 214, 5. 268, 21. 312, 3 sq. 326, 16. cum dat. p. 114, 12. 116, 15 n. ἐπιβάλλω. ἐπιβαλλόμενοι adgressi. p. 104, 17 e. ἐπιβαλεϊν inuenire p. 152, 21. έπίγοαμμα epigramma. p. 110, 16 e. έπιγραφή titulus. p. 264, 11. έ. έχον p. 264, 10. έπιγοάφω, έπιγεγοαμμένος p. 114, 10? อัพเดิยในขอนเ ostendo. อัพเดิยใξαι p. 264, 12. έπιδίδωμι. έπιδιδόντες έαντούς adgressi. p. 106, 1 e. έπιζεύγνυμι. ἐπιζευγνύς p. 32, 7. έπιζευγνύουσα p. 44, 15 sq. 46, 1. 52, 18, 22, 24. 54, 2, 3. 328, 13. 334, 12. Eniζευγνυμένη p. 4, 27 (ἐπί). 10, 13. 12, 15 (ἐπί). 28, 9 (ἐπί— $\vec{\alpha}\pi\acute{o}$). 48, 29. 50, 8 ($\vec{\alpha}\pi\acute{o}$ $\vec{\epsilon}\pi\acute{\iota}$). 168, 13 (ἀπό ἐπί). 170, 23 (ἀπό έπί). 214, 14. 310, 18 (ἀπό έπί). 320, 10 (έπί). ἐπιζεύξωμεν p. 8, 4 (ἐπί). 22, 24 (ἀπό - ἐπί). 28, 24 (ἀπό ἐπί). 42, 23 (ἐπί). 54, 10 (ἀπό ἐπί). 270, 9, 18. 284, 21, 28. 326, 9. ἐπιζεύξας p. 8, 9. 82, 1 dc. έπέζευκται p. 30, 20 (ἀπό ἐπί). έπεζεύχθω p. 14, 26. 16, 18, 21, 24. 26, 24 ($\alpha \pi \acute{o} - \acute{e} \pi \acute{\iota}$). 28, 27. 78, 23 dc. 86, 7 pp, 9. 88, 13. 120, 9 n. 122, 6 n, 15 n. 166, 15. 192, 2 dc. 198, 16 dc. 206, 14. 338, 22. ἐπεζεύχθωσαν p. 6, 22, 26. 10, 12. 14, 24. 70, 9 h. 78, 3 ap. 102, 4 ar. 308, 15, 20. 320, 6 ($\alpha \pi \acute{o} \acute{e} \pi \acute{l}$). 328, 15, 19. ἐπεζευγμένη p. 16, 16. 32, 18. 34, 24. 38, 22 (ἐπέ ἀπό). 210, 18. ἐπιζευγθείς p. 30, 15 (ἀπό). 54, 11, 14 (ἀπό ἐπί). 74, 1 ph. 78, 27 dc (ἀπό ἐπί). 80, 26 dc (ἀπό). 82, 18 dc. 84, 24 pp. 86, 6 pp. 90, 10 sp (ἀπό ἐπί). 102, 2 ar

(ἀπό ἐπί). 122, 12 n, 20 n. 154, 28. 164, 20. 192, 1 dc. 194, 14 dc. 206, 19. 252, 6 (ἀπό ἐπί). 258, 2. 308, 17 (ἀπό). ἐπιζευχθη p. 52, 13. 80, 20 dc. 164, 3 (ἀπό ἐπί). 254, 17. ἐπιζευχθώσι p. 44, 10. 50, 6 (ἀπό έπί). 216, 27. 218, 19. έπιλαμβάνω. ἐπιλαβόμενος adprehendens p. 116, 11 n. žπιλογή electio. p. 4, 23. έπιμελῶς diligenter. p. 264, έπιμε ę ής superpartiens. p.18, 9. 142, 6. έπιμόριος superparticularis. p. 18, 8. 142, 6. έπινοέω cogito. ἐπινενόηται p. 106, 8 e. *Éxivosiv* p. 6, 6. έπινοήσωμεν p. 118, 1 n. έπινοῶν p. 18, 2. ἐπενόησεν ότι p. 104, 12 e. έπινόημα inventum. p. 106, 20 e. έπίπεδον p. 4, 12. 28, 5, 6. 204, 13 dc. 306, 13. 312, 1. τὸ ἐπίπεδον figura plana p. 104, 5 e. 324, 13. ἐπίπεδον σχημα p. 306, 11. ἐν ἐπιπέδφ p. 4, 15, 17. 6, 17. 10, 2. 14, 21. 16, 15. 18, 5. ἐπίπεδον núnlov p. 26, 26. 100, 16 ar. έπιπέδω τέμνειν p. 180, 4 di, 8 di. έπισκέπτομαι. ἐπισκεπτόμενος p. 308, 7. έπεσκεμμένος p. 264, 19. έπίστασις deliberatio. p. 2, 4. 264, 2. έπιστημονικός peritus. p. 2, έπισυνάπτω adiungo. έπισυνάψαι p. 178, 25. έπίταγμα propositum. p. 64, 28.

έπιτάττα *iubeo, έπι*τάξη p.

106, 11 e. ἐπιτετάχθω p. 84, 20 pp. έπιταττόμεθα p. 268, 19. δ έπιταχθείς λόγος p. 84, 23 pp. 86, 5 pp. ἐπιταχθη̃ p. 112, 10 e. τὸ ἐπιταχθέν p. 112, 9 e. έπιτίθημι impono. έπιτιθείς p. 268, 8. έπίτοιτος p. 324, 11, 12. 342, 3, 6. 360, 22. έ. λόγος p. 142, 14. ἐπιτυγγάνω incido. ἐπιτυ- $\chi \dot{\omega} \nu$ cum genet. p. 152, 21. έπιφάνεια p. 6, 6. 18, 3, 4. 110, e. regulae p. 68, 13 pl. 114, 21 n. 116, 2n. prismatis p. 36, 27. 38, 2. cylindri p. 36, 28. 38, 3. pyramidis p. 40, 3, 10,

18. τοῦ σχήματος p. 52, 1, 8. 56, 4, 6, 10. coni p. 50, 13, 17, 22. 100, 9 ar. 128, 7. sphaeraep. 128, 28. segmenti sphaerae p. 126, 28. 130, 7, 13, 25. 238, 7 sq. 240, 22, 24. 242, 17. 250, 28. 252, 2. ἔπιχειφέω conor. ἐπεχείφη-

σεν p. 152, 26.

έπιχείρημα conatus. p. 152, 27.

έπομαι. έπεται p. 210, 11. τὰ έπόμενα termini sequentes proportionis p. 136, 26. 210, 3 sq. 212, 7. 342, 24, 25. 344, 13, 15. 348, 8, 10, 13. 350, 6, 25, 28. 352, 17 sq. 358, 3 sq. 368, 6, 7. έπόμενος (δρος) p. 142, 3, 16. ἡ ἐπομένη p. 356, 1. έπταπλάσιος p. 284, 10 al. έπωστός mobilis. p. 110, 6 e. ἔργον opus. p. 112, 19 e.

έρμηνεύω interpretor. έρμηνεῦσαι p. 2, 22.

έρχομαι. έρχεται διά p. 174, 7. ἔφχονται διά p. 320, 11. έφχέσθω cadat. p. 164, 3. 166, 13. 168, 14. 170, 24. ÉLGEN

p. 2, 11, 18. 152, 23. อ์ไทุโบθώς είς p. 66, 18. ἔσχατος extremus. p. 148, 1. έτερος p. 10, 23, 16, 3, 34, 6, 9. 68, 11 pl. 96, 24 m. 104, 16 e. 106, 13 e. 118, 11 n. 132, 13. 152, 22. 154, 2, 23. 178, 23. 190, 18 dc. 198, 14 dc. 202, 22 dc. 254, 12. 270, 3. 300, 18. ό έτερος p. 12, 23, 24. 14, 9, 10. 16, 6. 70, 12 h. 306, 21. έτερός τις p. 6, 18. έν — έτεgov p. 178, 15. έτι porro. p. 10, 5. 42, 6. 148,

16. 158, 11. 266, 3. 272, 6. 274, 3. 276, 8. 278, 8. 282, 6. 284, 8, 12, 15. 300, 10. Ετι τε 188, 15 dc. 190, 13 dc, 24 dc. 202, 26 dc. 204, 9 dc. adhuc. p. 8, 5, 7, 10, 21.

ε v bene. p. 112, 15 e. εναίων beatus. p. 114, 3 e. εύεπίβολος diligens. p. 2, 5. εύθεια p. 4, 16, 17, 22, 27. 6, 17. 8, 4, 7, 10. 10, 10. 12, 15 sq. 14, 11, 21. 16, 13, 15. 22, 20. 46, 21, 24, 48, 16, 50, 6, 54, 11. 60, 18. 62, 1, 20. 108, 9 e. 110, 20 e. 114, 25 n. 116, 16 n. 118, 8 n. 120, 1 n. 122, 8 n. 154, 23. 160, 2. 164, 3, 19. 170, 24. 182, 11 di. 188, 6 dc. 190, 8 dc, 14 dc, 15 dc. αί ἐν τῷ **κύκλω εύθείαι p. 302, 8. καθ** εύθείαν p. 108, 8 e. 110, 23 e. έπ΄ εύθείας είναι puncta p. 78, 11 ap. έπ' εὐθείας p. 68, 3 pl. omissum p. 22, 25. 28, 9, 15, 24. 30, 14. 66, 6. 80, 22 dc. 102, 3 ar, 18 ar. 252, 6. 320, 6.

εὔθετος aptus. πρός p. 76, 18. εύθύγραμμον p. 34, 23. 36, 16. 52, 28. 268, 12, 14. 324, 13. 336, 1, 14, 18, 22. 338, 8. χωρίον εύθύγ. p. 264, 12.

εύκαιρος tempestiuus. p. 300, εύκατανόητος facilis intellectu. p. 118, 10 n. eŭzolog facilis. p. 802, 3. ε ν κόλως facile. ε ν κολώτερον p. 76, 20 ευλόγως ordine. p. 246, 4. εύμάρεια facilitas. p. 2, 3. ευρεσις inventio. p. 66, 8, 19. 106, 26 e. 178, 24. $\varepsilon \tilde{v} \varrho \eta \mu \alpha$ inventum. p. 114, 14. ευρησις inventio. p. 98, 18. 268, 8. εύρίσκω, εύρίσκει p. 174, 24, 25. εὑρίσκομεν p. 66, 9. 152, 20. ευρίσκεται p. 84, 6. ευρισπόμενος p. 84, 5. 106, 11 e. ευρήσει p. 174, 23. ευρήσομεν p. 8, 4, 7. 106, 9 e. εύρεθη p. 84, 7. 104, 12 e. εὐρεθηναι p. 84, 7. 86, 29 pp. εύφεθείς p. 98, 14. 178, 4. 260, 7. 326, 3. εύρών p. 2, 2. 66, 15. 154, 16. 300, 24. εὐρεθήσεται p. 300, 23. εύρεῖν p. 46, 21. 60, 12. 62, 10. 64, 20. 66, 22 pl. 68, 2 pl. 70, 7 h. 72, 21 h, 24 ph. 76, 24 ap. 82, 10 dc, 29 dc. 84, 2, 21 pp. 90, 6 sp. 92, 20 m. 98, 20 ar. 106, 1 e, 29 e. 110, 21 e. 112, 10 e. 122, 10 n. 140, 13. 152, 19. 268, 21. 270, 2. 300, 22. 302, 11. 324, 9. εὐρήπασι p. 264, 17. ηυρηνται p. 102, 19 ar. 108, 23 e. 112, 5 e. εὐρῆσθαι p. 266, 6. εύρηκέναι p. 106, 4 e. ηύρηκέναι p. 66, 13. ἔσται ηύ**ο**ημένη p. 88, 3 pp. εύούς latus. p. 112, 16 e. $\varepsilon \dot{v} \chi \dot{\eta}$ uotum. p. 264, 6. έφάπτομαι linea circulum tangit. έφάπτεται p. 24, 5. 32, 21. 42, 24. έφαπτομένη γ. 24, 1, 9, 32, 12, 50, 9, 74,

26 ph (ἀπό), 28 ph (ἀπό). 98, 23 ar. coni sectionem. śwazτεται p. 166, 16, 27. έφαπωμένη p. 328, 1 (διά), 9. 360, 14. έφήπτετο p. 168, 1. parabola hyperbolam p. 168, 3. sensu uulgari έφαπτόμενος p. 118, 2 n. έφαρμόζω, έφαρμόζει p. 308, 10 (dat.). έφαρμόσει p. 310, 12 (ἐπί). ἐφαρμόσουσι p. 310, 14 (ἐπί). ἐφαρμόζειν p. 4, 28 (ἐπί). ἐφαρμόζων p. 310, 13 $(\hat{\epsilon}\pi\hat{\iota})$. 328,4 (dat.). sensu uulg. έφαρμοσθ $\tilde{\eta}$ p. 176, 2 (cum dat.). έφεξης deinceps. p. 108, 3e. 126, 26. 264, 9. 300, 29. έφίστημι animaduerto. έπστήσαι p. 28, 12 (ότι). 172, 27 (dat.). ἐπιστῆναι adgredi(dat.) p. 264, 8. έχω. έχεις p. 2, 20. βάσιν έχειν lσόπλευρον et simil. p. 128, 14. 62, 11. 64, 1, 26 al. egs p. 48, 2. 148, 5, 7, 10, 13 al. έντὸς έχει p. 312, 1, 3. 1600οοπούντα έχει p. 312, 24 al. u. λόγος. οῦτως ἔχει p. 208, 17. cfr. ἔχουσι p. 176, 26. ώς έχει p. 68, 23 pl. 110, 24 e. 312, 10. *Exovo* p. 48, 24 al. έχομεν p. 34, 10. έχης p. 110, 17 e. Exp p. 18, 18. 20, 21. 306, 25. ἔχωσι p. 18, 4. ἐζέτω p. 18, 22. 20, 12, 24. 86, 2 pp. 100, 9 ar. 130, 6. 180, 12 di. 266, 17. ἔχων p. 4, 14. 12, 20, 24. 38, 5. 110, 4 e. 116, 4 n. 180, 1 al. ἔχων πέρας p. 6, 19. 10, 4, 9. πλευφάς p. 282, 23. 284, 2. 300, 6. βάσιν p. 60, 17, 23, 24. 62, 24. 64, 11, 14, 23, 252, 21, 23, 26, 254, 2. 260, 6. 342, 4 al. έστιν έχον p. 154, 1. Εσται Εχον p. 326,

9. έχόμενον consequents p. 264,

1. κατὰ τοὺς ἐχομένους secundum ordinem deinceps sequentium. p. 148, 2. ἔχειν p. 314, 7 al. οὕτως ἔχειν p. 276, 15. εἶχεν p. 176, 15. εἶχεν p. 176, 15. εἶχεν p. 176, 15. εἶχεν p. 176, 18. ἔξει p. 20, 19. 64, 18. 220, 13. 362, 8. 370, 2. ἔξομεν p. 82, 1 dc. 146, 23. ἕως cum optat. p. 70, 16 h. ἕως ἄν p. 110, 22 e. ἔως οὖ p. 84, 26 pp. 108, 7 e (contunct.).

Z.

ζητέω. ζητείν περί p. 270, 6. ἐξήτουν 104, 10 e. ζητῶν p. 106, 2 e. ἐζητεῖτο p. 104, 6 e. ζητίσας p. 264, 16. τὸ ζητούμενον p. 78, 15. 106, 1 e. 154, 8. 174, 17. 264, 15. ἐστι ζητούμενον p. 268, 1. ἐζητημένος p. 264, 14. ζήτημα quaestio. p. 268, 7. ζητησις perscrutatio. p. 154, 4. 268, 9. ἔχειν ζήτησιν p. 266, 11. Σνγός p. 306, 14, 22, 25. 312, 24. 314, 7.

н.

η quam. passim, uelut p. 2, 8. 266, 4. 284, 16. 288, 14. 290, 8, 9. 296, 6. 298, 4. η ant. p. 60, 9. 62, 8. 64, 21, 23. 106, 13 e, 17 e? 110, 4 e. 112, 16 e. 122, 18 n. 142, 6, 10. 306, 12. 312, 18. $\ddot{\eta} - \ddot{\eta}$ p. 14, 9. 64, 17. 146, 6. 174, 18. ἢ καί p. 14, 20. 222, 7. cfr. ητοι. ήγεομαι puto. ήγούμεθα p. 324, 2. τὰ ἡγούμενα termini antecedentes proportionis. p. 46, 14. 136, 26. 200, 28 dc. 210, 3 sq. 212, 1. 258, 13. 342, 23, 24. 344, 12, 13. 348, 7, 9,

16. 350, 9, 20, 24, 27. 352, 16, 21, 23, 29. 358, 2, 3, 22. 366, 20. 368, 5, 6. ἡγούμενος (ὄφος) 142, 4, 17. $\tilde{\eta} \delta \eta$ iam. p. 114, 18. 266, 20. η̃κω uenio, cado (de linea recta uel sectione conica uel simil.) διά. ήξει p. 70, 12 h. 74, 22 ph. 156, 29. 158, 7. 162, 17, 21. 164, 3. 166, 5, 12. 168, 13. 170, 24. 180, 17 di. 196, 23 dc. 198, 2 dc. ήμέτερος noster. p. 56, 27. 98, 15. 260, 17. 302, 16. ημικύκλιον semicirculus. p. 74, 2 ph. 84, 9 pp. 86, 11 pp. 90, 9 sp. 98, 25 ar, 26 ar, 27 ar. 100, 5 sq. ar. 102, 4 ar, 6 ar. 312, 5. ήμικυλίνδριον p. 98, 24 ar, 26 ar. ກໍ່μικύλινδοος p. 106, 4 e (sed fort. scrib. ἡμικυλινδοίων). ημιόλιος dimidia parte maior. p. 60, 11, 15, 18, 23. 62, 3, 10, 16, 21, 25. 64, 2 sq. 222, 6. 252, 24. 342, 15. 358, 20, 23. ή. λόγος p. 142, 12, 17. 146, 11, 17, 20, 24, 230, 20. 242, 15. 250, 27. μείζων η ήμιόλ. p. (222, 5) 230, 7, 22. 252, 1. ημισυς. ημίσεια p. 34, 28. 50, 15, 19. 52, 16, 17, 23, 25. 62, 14. 120, 14 n. 194, 19 dc. 196, 22 dc. 198, 19 dc, 24 dc. 200, 24 dc. 208, 9. 210, 21. 212, 15, 21. 214, 14, 18. 218, 13. 254, 21. 258, 16. 270, 11. 282, 14 sq. μείζον η τὸ ημισυ p. 32, 5, 12, 15, 28. 222, 3. 268, 10. τῷ ημίσει p. 254, 22. το ημισυ p. 142, 13, 18. 146, 13, 15, 16. 258, 14. 270, 8, 22. τὰ ἡμίση p. 200, 28 dc. 212, 1. 258, 13.

362, 3.

ήμισφαίριον hemisphaerium. p. 128, 8. 252, 24. 254, 1. ήπες p. 38, 1, 4, 12. 40, 18. 48, 10, 13. 290, 8. 336, 13. ήτοι aut. p. 140, 18. 146, 26. 306, 13. 370, 6. ήτοι — ή p. 18, 18. 60, 7. 120, 4 n. ήτοι ή ή p. 12, 12. 18, 10. 160, 8. ήττον minus. p. 6, 13.

0.

θάτε**ρον p. 312, 18.** θαυμαστός admirandus. **268, 6**. **θέλω** uolo. *θελήσωμεν* p. 346, θεός deus. p. 2, 10. **θεονδής** diuinus. p. 112, 21 e. θέσις. θ. έχειν p. 68, 24 pl, 25 pl. 70, 18 h. 74, 10 ph. 86, 2 pp. 100, 9 ar. κατά θέσιν p. 14, 5. θέσει ούσης p. 190, 9 dc. θέσει δεδομένη p. 136, 10. 156, 29. 158, 2 sq. 190, 20 dc. 194, 17 dc, 20 dc, 23 dc. 196, 27 dc. 198, 2 dc, 3 dc, 6 dc, 7 dc. 214, 12, 20, 23. 220, 24, 26. ἡ θέσει sc. δεδομένη p. 94, 11 m. 214, 22. cfr. p. 92, 21 m. θεωρέω. θεωρῆσαι p. 16, 14. **θ**εω**ρία p. 2, 14. θ**εώ**ρ**ημα p. 2, 4. 4, 2. 32, 11. 34, 13. 38, 24. 40, 29. 48, 23. 60, 1, 3, 4. 132, 13, 14. 154, 5, 19. 158, 8. 162, 22. 168, 8, 18, 29. 182, 7 di. 196, 24 dc. 200, 5 dc, 11 dc. 208, 5, 24. 222, 12. 236, 8. 238, 15. 240, 25. 256, 5, 8. 266, 10. 268, 9, 19. 272, 12. 284, 17. 320, 19. 324, 4, 17. 332, 15. 342, 17.

I.

ενα ut. p. 14, 20. 60, 8. 66,
17. 110, 2 e, 17 e. 144, 24.

154, 19. 176, 1. 214, 10. giloτεχνητέον ໃνα p. 110, 10 e. ενα μή p. 320, 11. Εστιν ενα p. 332, 14. ίσογώνιος. τρίγωνον ί. p. 36, 3. 44, 12. 210, 23, 25. 218, 3. 220, 4. 288, 4. 362, 6. parallelogrammum p. 236, 23. ζσόπλευφος p. 22, 21. 24, 10. 28, 14, 17. 38, 25. 270, 21, 23. **284, 28**. **ισοπληθής p. 338, 7.** ίσο ο ο ο π έ ω. Ισορροπήσει μ.306, 19. 318, 7. *ἰσορροπῶν* p. 306, **25**. 31**2**, 24. ίσορροπία aequilibritas. p. 314, 5, 14. ίσος. passim, uelut p. 14, 20, 25. 16, 17, 19, 22. 18, 11, 14. 110, 4 e. 112, 6 e. loog nal öμοιος p. 310, 10. ἴσα p. 224, 10. είς ίσα p. 76, 20. 332, 1. δι' ίσου p. 44, 26. 134, 15. 194, 27 dc. 200, 17 dc. 210, 11, 27. 212, 6. 218, 7. 222, 28. 232, 24. 348, 1. 350, 12. 354, 2. 358, 11. 366, 5. ίσοσκελής p. 38, 26. lσότης aequalitas. p. 14, 7. **ἔστημι. έστώς κατά p. 84, 1**5 pp. εστάναι p. 102, 1 ar. ίστοφέω trado. *ίστοφεῖ* p. 98, ίστος ία γεωμετρική Eudemi p. 264, 19.

K.

καθά sicut. p. 142, 15. 148, 27. καθάπες p. 108, 7 e. 114, 22 n. καθαςμόζω apto. καθήρμοσται p. 110, 13 e. κάθετος p. 86, 11 pp. 94, 22 m. 96, 25 m. 118, 15 n, 16 n. 218, 21. 222, 18, 19. 254, 18, 19. 286, 1. = ῦψος p. 188, 10 dc, 11 dc. ἐπί p. 26, 26, 28, 28,

10, 24. 38, 23. 50, 8. 54, 11. ἀπό ἐπί p. 38, 12, 14, 19, 27. 40, 6. 54, 16. 72, 1 h. 90, 13 sp. 100, 17 ar. 122, 1 n. 126, 9. 158, 16. 162, 26. 174, 12. 182, 3 di. 188, 3 dc. 198, 28 dc. 326, 11. ἀπό p. 95, 5 m. 198, 8 dc. 258, 3.

καθίημι impendo. **καθεῖν**αι p. 2, 8.

καθίστημι muto. εἰς. καθιστάναι p. 106, 13 e. καθίστασθαι p. 106, 17 e. καταστησόμεθα p. 112, 11 e.

καθόλου omnino. p. 106, 12 e. 154, 18. 174, 26. 176, 28. 178, 3. 216, 15. 224, 9. 226, 24. 320, 17. και et. passim. ὁ αὐτὸς και p. 48, 10. etiam p. 2, 10. 4,

18, 21. 6, 13. 10, 1. 12, 19. 14, 2, 7, 13. 84, 5. 88, 4. 106, 20 e. 108, 18 e, 22 e. 110, 17 e. καί - δέ p. 88, 20. 120, 3 n. 142, 19. 146, 24. 176, 12. 220, 23. καὶ — ἄρα p. 46, 10. 202, 14 dc, 17 dc. 212, 6, 15, 19. 216, 4, 22. 218, 2, 6. 220, 1, 3. 222, 27. 228, 3, 14, 17. 232, 21, 23. 256, 16. 258, 12. 288, 19. 330, 18. 344, 4, 10. 346, 6. 352, 13, 16. 356, 3, 27. 366, 14, 23. καὶ γάρ p. 48, 28. καὶ γὰο καί p. 190, 2 dc. modo р. 66, 17. $n\tilde{\alpha}\nu = n\alpha l \,\,\tilde{\alpha}\nu$ р. 4, 17. 8, 3. 12, 12. 20, 21. 28, 18. 42, 15. 112, 15 e. 146, 18,

καλέω. καλεῖ p. 4, 12, 13, 21. 118, 3 n. 310, 22. καλεῖν p. 128, 9. ἐκάλει p. 326, 7. ἐκαλεῖτο p. 104, 8 e. καλούμενος p. 106, 4 e.

27. κάξ = καὶ έξ p. 6, 12. κάν

= καὶ ἐν p. 140, 10. 268, 6.

nαλός. τὸ nαλόν pulchrum illud. p. 104, 2 e.

Archimedes, ed. Heiberg. III.

καλῶς recte. p. 14, 8. 18, 1. 28, 12. 308, 3. 352, 1. 354, 22. καμαφικά Heronis. p. 98, 17. 99 not. 2.

καμπύλος. κ. γοαμμή p. 4, 12, 13, 16, 19. 66, 12, 14. 106, 5 e. 112, 22 e.

κανόνιον regula parua. p. 68, 11 pl. 70, 14 h. 74, 9 ph. 78, 11 ap. 84, 11 pp, 25 pp. 86, 1 pp.

x a v w regula. p. 68, 6 pl, 19 pl, 21 pl, 25 pl. 74, 4 ph. 76, 11, 13, 19. 80, 29 dc. 88, 10, 11. 112, 18 e. 114, 20 n. 116, 1 n sq. 118, 5 n, 7 n, 9 n, 11 n. 122, 4 n.

μαρμίνος circinus. p. 76, 20. κατά cum accus. secundum. p. 2, 6. 22, 16. cfr. 32, 5, 13. 40, 7. 142, 9, 10. 264, 9, 11. η κατά p. 314, 5, 14. κατά παν σημείον p. 8, 9. κατά περιφέρειαν p. 130, 19, 23, 26. κατά σημείον secare. p. 14, 26. 16, 20. 46, 26. 60, 22. 72, 3 h. 78, 3 ap, 8 ap. 80, 28 dc. 82, 20 dc. 94, 22 m. 120, 8 n. 162, 25. 174, 3 sq. 180, 20 di. 182, 2 di. 190, 11 dc, 22 dc. 194, 21 dc. 198, 21 dc. 208, 11. 270, 24. 328, 16. 334, 13. 336, 2. 338, 23. 360, 13. tangere p. 42, 24. 68, 21 pl. 168, 2, 3. 360, 13. concidere p. 73, 19 ph. 98, 23 ar. 100, 7 ar. 102, 3 ar, 4 ar. 108, 10 e. 122, 6 n, 14 n, 21 n. 160, 20. 164, 22. 166, 10. 168, 8. 170, 21. 194, 16 dc. 200, 3 dc. 318, 20. κατά — μέρος p. 68, 22 pl. (cfr. 100, 9 ar). 114, 24 n. 116, 9 n. cum genet. per. p. 42, 12, 15, 18. 50, 12, 13.

καταβάλλω conficio. καταβεβλημένος p. 2, 2. xαταγραφή figura. p. 12, 27. 32, 13. 38, 16. 68, 23 pl. 80, 29 dc. 118, 11 n. 126, 7. 134, 21. 148, 27. 154, 7. 172, 28. 176, 3. 198, 13 dc. 210, 18. 308, 13. 330, 24.

παταγοά φω describo. lineam. παταγεγοαμμένη p. 82, 1 dc. **παταγοάφειν** p. 88, 6.

πατάγω redigo. εἰς ἔλασσον p. 302, 5 (καταγαγεῖν). duco (lineam rectam ad aliam). κατ- ῆπται p. 98, 6 m, 9 m. αί καταγόμεναι ordinatae. p. 94, 15 m (ἐπί). 96, 29 m (ἐπί). 98, 2 m. 158, 28. 162, 16. 166, 4. 174, 6. 180, 16 di. 196, 21 dc. 198, 23 dc. 206, 24. 330, 25. κατάδηλος apertus. p. 10, 1. καταλείπων relinquo. καταλείπονται p. 286 col. I, 8. καταλείπειν p. 32, 7. καταλειφθείς p. 152, 22. καταλειφθήσεται p. 272, 5. 286, 5.

κατανοέω intellego. κατανοείν p. 142, 20. 176, 24. κατανοήσας p. 2, 3. κατανοήσαι p. 12, 26. 42, 16.

καταντάω peruenio. είς. κατήντησεν p. 176, 28. κατηντήσαμεν p. 176, 5.

καταπαλτικόν catapulta. p. 106, 20 e.

κατασκευάζω. κατασκευάζων p. 102, 23 e. 154, 3. 208, 13. 284, 17. κατασκευάσας p. 188, 23 dc. κατεσκευάσθω p. 68, 3 pl. κατεσκευασμένος p. 68, 17 pl. 84, 19 pp. τῶν αὐτῶν κατασκευασθέντων p. 170, 16. κατασκευασθέντων p. 170, 16. κατασκευή p. 76, 7, 9, 17. 78, 16. 88, 4. 106, 26 e. 114, 12. 324, 16.

καταστρέφω conuerto. κατέστρεφεν intransit. p. 104, 16 e. κατάτρησις foramen. p. 106, 23 e.

καταχοάομαι abutor. κατακεχοήθαι p. 266, 15.

πατάχοησις abusus. p. 268, 5.
κεζμαι. πεζται p. 148, 27. 206,
8. πεζσθω p. 68, 17 pl. 92,
3 m. 108, 1 e. 154, 27. 160,
16. ἴση πεζσθω p. 14, 25. 16,
16, 19. 46, 27. 60, 14. 62, 14.
92, 24 m. 96, 1 m. 166, 14.
180, 11 di. 190, 29 dc. 194,
18 dc. 198, 17 dc. 200, 7 dc.
206, 16, 18. 282, 19. πεζμενος
p. 14, 5. 98, 27 ar. 132, 26.
146, 29. 380, 26. πεζσθωσαν
p. 70, 7 h. 72, 24 ph.
πεν p. 114, 2 e.

κέντρον. circuli. p. 30, 20. 34, 23. 38, 17. 84, 10 pp. 188, 13 dc. ἡ πρὸς τῷ κέντρφ γωνία p. 270, 13. κέντοφ τῷ Β p. 76, 25 ap. 78, 1 ap, 6 ap. 90, 8 sp. 120, 7 n. τοῦ σχήματος p. 312, 4, 5, 7. της βάσεως p. 26, 23. sphaerae p. 54, 10, 13, 15. 128, 1, **2**0. 130, 1, 10, 27. 128, 15, 24, 25. 138, 21. 204, 5 dc. 236, 11. 252, 7. éx τοῦ κ. είναι p. 34, 25. 44, 5. ή έκ τοῦ κέντρου p. 46, 3 sq. 50, 15, 18. 52, 2, 6, 9. 54, 14, 21, 22. 56, 4, 5, 9. 176, 4. 182, 25 di. 184, 2 sq. di. 186, 6 sq. di. 188, 9 dc. 246, 17. 252, 11. 266, 18. ἡ διὰ τοῦ κ. p. 88, 17. αί ἐκ τῶν κέντοων p. 36, 17. 38, 10. κ. δοπης p. 306, 10, 13. βάρους p. 308, 14. 312, 2, 15. 320, 7, 21. 334, 15, 27. 336, 1, 15. 368, 21. βάρους om. p. 310,12. 312,23,26. 318, 8. 320, 11. 334, 2, 12, 29. 336, 9, 12, 17, 21, 338, 14, 370, 8, 9. unglov nomen libri. p. 264, 20. 300, 26.

έκινουμεν p. 76, 12. πινέω **κινη̃** p. 116, 12 n. κινούμενος p. 42, 11. 70, 15 h. 74, 4 ph. 76, 11. 78, 12. 88, 10. 100, 10 ar. nivelodo p. 68, 6 pl. 70, 16 h. 84, 11 pp, 17 pp. искиνήσθω p. 74, 5 ph. πινηθήσεται p. 116, 15 n. nίνησις motus. p. 68, 16 pl. 100, 5 ar. 116, 16 n. πλεινός clarus. p. 66, 9. 264, 14. πογχοειδής γραμμή. conchoides. p. 114, 11. 118, 4 n, 13 n. 122, 4 n. κογχοειδής p. 122, 19 n. ποίλος. έπὶ τὰ αὐτὰ π. p. 4, **24**, **26**. **8**, **19**. **10**, **5**. **12**, **22**. 14, 1, 3. 16, 3. 310, 23, 25. u. praeterea p. 112, 16 e. ποινός p. 10, 16, 28. 12, 2, 7. 14, 15. 24, 2, 7. 30, 16. 88, 15. 150, 27. 306, 1. π. άφαιφεῖσθαι p. 132, 6. 168, 11. π. προσκείσθω p. 14, 29. 42, 3. 72, 5 h. 86, 13 pp. 124, 3 n. ποινά έχειν p. 14, 13. ποινότερος p. 154, 17. κόλουρος κώνος. truncatus. p. 50, 13, 17. ποςυφή. coni. p. 26, 22. 28, 10,

26, 22, 28, 10, 15, 22, 28, 10, 15, 23, 38, 15, 22, 40, 2, 128, 15, 27, sectoris. p. 130, 18, 24. segmenti parabolae. p. 326, 6, 7, 13, 18, 328, 12, 330, 24, 332, 9, 336, 13, 338, 9, 360, 16. segmenti sphaerae. 180, 9 di. 184, 23 di, 26 di, 27 di. 186, 7 di, 8 di. trianguli p. 320, 13, 19.

χον φότης leuitas. p. 306, 2, 5. κρείττων. κράτιστος optimus. p. 2, 16.

κοίνω accuso. κοίνοιτο p. 268, 5.

μοίσις iudicium. p. 2, 20. 14, 16. μύβος p. 84, 2, 3, 21 pp. 104,

9 e, 10 e, 15 e. 106, 13 e, 17 e. 112, 13. δ άπὸ — μύβος p. 86, 3 pp, 4 pp, 21 pp, 24 pp, 28 pp. 242, 6 sq. 250, 20 sq. 362, 17, 18, 21. 364, 3, 4, 24, 25. **πυπλικός. γραμμή π. p. 4, 13.** núnlog p. 26, 13, 15. 64, 7, 8. 78, 20 dc. 82, 2 dc. 182, 25 sq. di. 184, 1 sq. di. 186, 5 sq. di. omissum. p. 34, 12. 252, 21. μέγιστος π. p. 130, 3. δ Β núnlos p. 34, 11. 36, 22, 29, 30. 38, 16. 60, 23. 62, 1. ò \(\mu\)O núnlog p. 62, 24, 25. 64, 11, 14, 20. o AEI núnlos p. 74, 21 ph. κύκλ. περί πολύγωνον p. 84, 25. 44, 17, 21. ὁ περί διάμετρον την - πύπλος p. 128, 24, 26. 132, 2, 9. 188, 12 dc, 19 dc, 25 dc. 204, 20 dc, 27 dc. 252, 21, 27. 254, 3. 260, 3, 4, 6.

πυλινδοικός. ἐπιφάνεια. p. **42**, 18. **100**, 2 ar. γοαμμή p. **100**, 7 ar.

κυλίνδοιον p. 116, 1 n, 5 n, 10 n, 15 n.

κύλινδοος p. 2, 1. 60, 9 sq. 62, 9, 10, 23. 64, 1 sq. 102, 1 ar. 112, 19 e. 116, 17 n. 252, 21. ὁ ΔΕ κύλινδοος p. 62, 2, 3. κυρίως proprie. p. 128, 8. κυριώτερον p. 142, 4.

κύτος cauerna. p. 112, 16 e. κῶλος membrum, pars. p. 104,

κωνικός. γραμμὴ κ. p. 4, 14. ἐπιφάνεια p. 42, 12, 16. 50, 12. 100, 6 ar. 128, 14. κων. στοιχεῖα p. 158, 9. 162, 23. 166, 9, 19. 168, 1. 182, 8 di. 196, 25 dc. 200, 6 dc, 12 dc. 206, 8. 208, 6. cfr. 312, 12. 326, 3. 328, 6. 332, 6.

xãvos p. 26, 22, 56, 21, 23. 60, 20, 24, 62, 8, 26, 64, 2, 15. 126, 27, 28. 128, 2, 6, 17. 184, 5 sq. di. 186, 5 sq. di. 188, 5 dc, 18 dc, 20 dc. 190, 1 dc, 3 dc. 212, 10. ὁ ΛΓ πῶνος p. 62, 1, 4. ὁ ἐν τμήματι πῶνος p. 236, 9.

κωνοτομέω. κωνοτομεῖν p. 112, 19 e.

A.

λαμβάνω. λαμβάνεται p. 140, 9. λαμβάνοιτο p. 142, 5. λαμβάνειν p. 6, 10, 8, 15, 110, 3 e. 174, 17, 18. λαμβάνεσθαι p. 110, 9 e. 142, 7. λαμβανόμεvos p. 12, 14. 18, 4. 40, 12. 46, 4, 7. 62, 5. 128, 5. 162, 11. 164, 7. 170, 12. 172, 17. 178, 14. 224, 4. 232, 23. 234, 12. 238, 23. 366, 2. u. ΰψος, μέσος, ομοίως. έλαμβάνετο p. 88, 7. 140, 11. ληψόμεθα p. 112, 7 e. λάβωμεν p. 286, 3. 368, 23. λαβεῖν p. 4, 25. 8, 10. 104, 14 e. 106, 3 e. 154, 24. 266, 19. λαβών p. 8, 3. 208, 11. 326, 12. είληπται p. 164, 13. 202, 23 dc. 368, 13. εάήφθω p. 6, 21. 14, 23. 64, 22. 98, 8 sp. 142, 22, 25. 160, 6. 168, 5. 170, 13. 180, 14 di. 204, 6 dc. 230, 8. είλήφθωσαν 6, 24. είλημμένος p. 8, 3. είλημμένη τις p. 368, 15. έσονται είλημμέναι p. 82, 28 dc. ληφθήσονται p. 12, 16. ληφθησομενος p. 112, 11 e. έληφθη p. 346, 25. 356, 26. *ληφθη* p. 82, 2 dc. 88, 12. 140, 18. 234, 18, 21. ληφθώσι p. 80, 18 dc. ληφθείς p. 8, 4. 66, 4. 76, 9. 140, 19. 320, 20. λέγω. λέγω (οὐν, δή) ὅτι p. 6, 21. 10, 25. 18, 22. 20, 12, 25. 26, 25. 48, 1. 74, 14 ph. 78. 23 dc. 86. 3 pp. 118, 15 n.

122, 21 n. 132, 27. 142, 29. 144, 26. 146, 9. 148, 3. 164, 29. 170, 14. 204, 15 dc. 206, 26. 224, 14. 230, 6, 25. 308, 16. 328, 23. léyes p. 306, 2, 4. 328, 12. 354, 22. léyor p. 176, 29. 300, 27. léyezai p. 106, 3 e. τί λέγω περί p. 66, 16. λέγω δέ p. 106, 17 e. έλέyero p. 140, 22. 286, 9. 16γοις ἄν p. 50, 27. 220, 23. 1έγοι p. 114, 7 e. λεγόμενος p. 140, 25. 176, 14, 26. 178, 3. τὸ λεγόμενον p. 4, 11. 60, 9. 140, 11, 15. 154, 19. 326, 2. ένὸς λεγομ. p. 330, 23. ἔλεξας 104, 1 e. léyeur p. 214, 19. λέλεπται p. 140, 13. είπον p. 302, 9. είπεν p. 324, 10. είπείν p. 102, 24 e. 142, 2. 254, 11. 308, 3. 326, 2. εἰπών p. 178, 3, 12. 240, 5. λεπτέον p. 34, 11. έλέχθη p. 352, 1. λεγθείς p. 106, 27 e. δηθείη p. 214, 5. λεχθήσεται p. 214, 11. 252, 16 †. είζηται p. 4, 19. 34, 7. 42, 19. 70, 18 h. 74, 12 ph. 76, 17. 142, 15. 146, 24. 148, 9. 166, 13. 174, 20. 234, 17. 236, 5, 18. 254, 7. 268. 8. 15. 270, 2, 3. 310, 23. 312, 10, 22. 332, 12. τὸ εἰρημένον p. 50, 27. 146, 26. 228, 23. 302, 6, 10, 13. 314, 16. 324, 3, 16. 332, 21. 344, 7. είρημένος p. 14, 6, 34, 10, 68, 15 pl. 88, 5, 9. 100, 12 ar. 132, 4. 144, 25. 154, 16. 156, 3, 12. 172, 28. 184, 24 di. 188, 23 dc. 204, 29 dc. 208, 27. 222, 13. 250, 1. 300, 15, 28. 320, 14. 366, 12. λείπω desum. λείπει είς p. 272 col. III, 7. cum genet. 280, 6. λείπων είς p. 118, 18 n. λείπεται τινί τινος p. 272, 7. 276, 19.

λέξις. πατὰ λέξιν ipsis uerbis. p. 84, 9. λέξει p. 154, 18. λεπτός tenuis. λεπτότατος p. 110, 5 e. λεπτά partes secundae. p. 302, 7. λεύσσω cerno. λεύσσων p. 114, 7 e.

λήγω desino. λήξωσα είς p. 66, 5. λήγοντες είς p. 148, 1. λήμμα p. 38, 24. 152, 22. 230, 24. 236, 28. 332, 13. 340, 18. λήψις methodus construendi.

p. 106, 9 e.

λιθοβόλος ballisticus. p. 106,

λογίζομαι cogito. λογισάμενος p. 2, 9.

λογιστικός, ή λογιστική p. 142, 9. λογιστικά p. 302, 4. **λόγος. ὁ αὐτὸς λόγος p. 18, 19.** 20, 23. 66, 1. 362, 10. ἐν τῷ αύτῷ λόγῳ p. 82, 26 dc. 232, 23. 332, 10. 342, 21, 22. 344, 6. 354, 27. 366, 1. o dodels lóyos p. 180, 7 di. 176, 14. 186, 3 di. 198, 14 dc. 204, 2 dc, 4 dc. 208, 11. λόγον ἔχειν δεδομένον p. 140, 5, 6. 180, 5 di. 188, 23 dc. 206, 4 dc. 220, 11 sq. τὸν αύτὸν λόγον ἔχειν ον p. 48, 24. 52, 19. 118, 23 n. 350, 3. τοῦτον ἔχει τὸν λόγον, δν έχει p. 186, 1 di. 236, 10. 346, 27. 354, 23. λόγον έχειν πρός p. 84, 3, 21 pp. 86, 4 pp. 154, 2. λόγον ἔχειν ον 184, 25 dc. 196, 11 dc, 15 dc. 274, 17. 316, 12, 14. 348, 19 sq. 350, 1. 358, 18 sq. 360, 3, 6. 368, 21. 370, 1, 2. λόγος, δν έχει p. 86, 21 pp, 23 pp. 140, 20. 180, 10 di. 188, 7 dc. 196, 10 dc. 204, 4 dc. δν έχει λόγον, έχέτω p. 180, 12 di. ὂν ἔχει p. 180, 7 di. ἔχει ὄν p. 358, 24. δ λόγος τῶν τμημάτων et similia. p. 138, 28. 140, 19. 146, 28. 234, 18, 21. 240, 20, 21. 250, 26, 28. à $\tau \tilde{\eta}_S - \pi \varrho \delta_S - \lambda \delta \gamma \sigma_S$ p. 54, 1. 86, 14 pp, 17 pp, 23 pp. 132, 20, 27, 28. 136, 6. 142, 23. 144, 1, 19, 22, 27. 146, 3, 10, 13. 148, 4, 10, 12. 150, 18. 152, 1. 196, 18 dc. 204, 16 dc. 212, 22. 214, 2 al. omisso lóyos p. 54, 1, 4. 84, 23 pp. 138, 26. 146, 11, 14, 19. 148, 6. 150, 19 sq. 152, 1. 202, 6 dc, 23 dc. 216, 8, 9. 230, 12 sq. 232, 3 sq. 234, 4, 7. 238, 4, 19. 240, 16, 19. 242, 4 sq. 244, 2 sq. 250, 9, 13, 18. μείζονα λόγον έχειν ήπεο p. 18, 22, 23. 20, 2 sq. 26, 7. 38, 1, 3, 12. 40, 15, 17. 150, 3, 5. 222, 6, 9, 11. 224, 15, 17, 19. 226, 10. 228, 24, 25. 230, 5, 10, 14. 244, 24. 246, 11 sq. 248, 1 sq. 250, 3, 8, 16, 23. 256, 23, 25. 258, 11 al. ἐλάσσονα λόγον έχειν ηπες p. 18, 18. 20, 21, 26. 22, 2, 3. 26, 12, 14. 38, 5. 56, 19, 20, 22. 118, 24 n. 150, 7. 224, 24. 226, 27. 228, 3, 4. 238, 21, 28. 240, 9, 14. 246, 3, 7, 10. 282, 28. 284, 6. 288, 16, 17, 19. 292, 1 sq. 296, 9, 11. 298, 6, 15. Ev διπλασίονι λόγφ είναι p. 52, 29. διπλασίονα λόγον έχειν ηπες p. 56, 11. 92, 11 sp, 12 sp. 316, 10. μέσον λόγον ἔχειν p. 50, 15, 19. δ τοῦ ἀναστρέψαντι λόγος p. 20, 24. δ AΓ lóyog p. 140, 20, 21. 142, 25, 26. τον αύτον έχει λόγον p. 332, 15. 344, 4, 352, 15. 356, 17. 360, 7. τῆς ΡΛ ποὸς ΛΧλόγος ἐστὶ δοθείς p. 140, 2, 3, 4. 188, 24 dc. 190, 4 dc, 12 dc. ἐν τῷ δοθέντι λόγφ γίνεσθαι p. 202, 25 dc. lóyos p. 140, 22, 28, 26. 142, 3, 11. 202, 5 dc. 314, 8. 380, 23. ἐν τῷ λόγφ p. 336, 7. ratiocinatio p. 146, 25. 148, 27. res p. 140, 17. λοιπός ρ. 286, 5. λοιπός δ p. 26, 17. 30, 21. 80, 2 dc. 118, 18 n, 19 n. 130, 24, 25. 132, 7. 150, 27. 220, 19. 314, 18. 318, 14. 330, 18, 21. 342, 14. 370, 2. ἡ λοιπή ἡ p. 370, 1. ἑ λοιπός p. 46, 25. 68, 22 pl. 84, 16 pp. 143, 15. 160, 6. 210, 22. 214, 16. 218, 3. 220, 13. 236, 11, 12. 266, 12. 284, 17. 316, 4. τὸ λοιπέν p. 18, 12. 332, 15.

M. μάθημα. τὰ μαθήματα p. 2, 15. 266, 10. μαθηματικός, μ. σύνταξις Ptolemaei. p. 302, 5. μαχρώς multis uerbis. μαχρότε**φον** p. 190, 17 dc. μαλλον p. 2, 7. 8, 6. 120, 16 n. 268, 6. 300, 18. 306, 21. 386, 20. μάνδοα saeptum. p. 112, 15 e. **μανθάνω. έμάθομεν p. 210, 1.** μάθοιμεν p. 88, 12. μέγας. μεγάλη p. 270, 4. μείζων p. 6, 24, 27. 8, 2 sq. 10, 11 sq. 12, 2, 9, 11. 14, 1 sq. 16, 1 sq. 20, 5, 16, 17. 28, 22. 40, 15. 48, 8. 54, 3. 146, 5, 6, 9. 170, 15. 172, 9, 11. 176, 9, 17, 21. 178, 6. 180, 15 di. 208, 20, 21. 224, 11, 16 al. u. lóγος. μέγιστος p. 158, 24. 164, 16. 166, 1. 172, 23; u. núnlog. μεγάλα p. 114, 13. μέγεθος p. 18, 20. 106, 22 e. 110, 6 e. 118, 5 n. 136, 7. 140, 18. 146, 26. 210, 2, 4. 220, 12. 224, 10. 234, 17, 22. 266, 23. 306, 24. 308, 2. 312, 23, 26. 314, 4, 6, 12, 318, 7, 334, 16, 17. 364, 21. τὰ πρῶτα μ. γ.

342, 23. 348, 7, 13. 350, 6. 352, 21, 27. τὰ δεύτερα μ. p. 342, 24. 848, 8, 14. 350, 8. 352, 23, 28. τῷ μεγέθει δεδομένος p. 158, 1. 194, 23 dc. **214, 13.** μέδιμνος p. 106, 17 e. μέλλω. μέλλει p. 106, 24 e. μέλλοντα p. 4, 2. μέλος. παρά μέλος contra ueros numeros modosque. p. 2, 12, μέμψις uituperatio. p. 300, 23. μέντοι sed tamen. p. 78,9 ap. 152, 24. 154, 8, 7. 266, 6. μένω. μένει p. 306, 12, 18. 308, 354, 20. μένων p. 70, 15 h. 100, 1 ar, 4 ar. 108, 5 e. 118, 1 n. 142, 7. 312, 25. τοῦ αὐτοῦ μένοντος β. 62, 8. μερικώς particulariter. μερικώτερον p. 178, 6. μ**ες**ισμός diuisio. p. 302, 2. µė¢og regio. p. 4, 28. 68, 22 pl. 114, 24 n. 116, 13 n. 240, 25. τὰ Α, Β, Γ μέρη p. 306, 20, 25. pars. p. 48, 5, 7, 8, 82, 7 dc (ἀπό). 84, 26 pp. 132, 14. 142, 10, 11. 284. 17. τρίτον μ. et simil. p. 62, 27. 208, 3. **266**, **4**. 282, 14. 284, 10, 16. 292, 5, 300, 4, 340, 28, τὰ μέρη p. 312, 24. 344, 3. 352, 15. πάντα τὰ μ. p. 308, 10. 312, 1. έν μέρει p. 154, 8. μ**εσό**γ**οαφον p. 114, 1 e.** μέσος p. 108, 5 e, 6 e. 110, 5 e. 112, 17 e. 116, 16 n. 366, 26. έν τῷ μέσφ p. 306, 16. μέσος (õços) p. 144, 25. 146, 4 sq. 148, 18, 20, 21. 182, 11 di. 234, 14. 246, 2. 256, 14. μ. λαμβανομένης τῆς p. 140, 10, 22. 236, 4. 244, 14. 250, 10. zò ὺπὸ τῶν μέσων p. 40, 27. 48, 26. 72, 14 h. μέσον p. 234, 18, 19, 20. 342, 23, 25. The wear

p. 50, 21, 224, 26, 354, 29. 356, 10. δ ἀπὸ τῆς μέσης p. 50, 3. μέσαι p. 82, 27 dc. 84, 7. 90, 1. 96, 7 m. 106, 10 e, 25 e. 108, 24 e. 110, 3 e. 112, 6 e, 8 e, 10 e, 11 e. μέση (-αι) άνάλογον p. 46, 21. 66, 6, 22 pl. 68, 2 pl. 70, 7 h. 72, 21 h, 24 ph. 74, 15 ph. 76, 23 ap. 78, 24 dc. 80, 9 dc, 21 dc. 82, 5 sq. dc. 86, 29 pp. 88, 26. 90. 6 sp. 92, 8 sp, 20 m. 98, 20 ar. 102, 18 ar. 104, 14 e. 106, 2 e, 28 e. 110, 20 e. 122, 9 n. 134, 23. 180, 14 di. 218, 21. 230, 9. 244, 3. $\mu \varepsilon \tau \alpha$ cum genet. + p. 42, 4. 52, 23, 25. 72, 4 sq. h. 124, 23 n, 24 n. 226, 14, 16. 280, 27. 244, 4 sq. 248, 22. 250, 17. 256, 3, 4, 6. 850, 3, 22. 352, 7. 354, 5. 356, 3 sq. 358, 4. 364, 2, 15, 19, 20. cum accus. post. 110, 16 e. 116, 3 n. 176, 28. μετά ταῦτα ρ. 6, 10. 8, 15. μετάγω transfero. μετάγων p. 86, 1 pp. μεταξύ p. 8, 3. 26, 4. 74, 7 ph. 80, 23 dc, 28 dc, 84, 18 sq. pp. 88, 7. 118, 8 n. 120, 1 n. 148, **28**. 166, 26. 170, 12, 13. 172, 17, 20. 174, 19, 23, 25. 178, 15, 16. 182, 1 di. 194, 6 dc. 208, 16. 226, 17. 268, 13. 386, 18, 21. 360, 15, 16. μεταμορφόω transformo. μεταμο**ρ**φῶσαι p. 112, 15 e. μετασχηματίζω transformo. μετασχηματίζειν p. 106, 14 e. μεταφέρω transfero. petaφερέσθω p. 68, 18 pl. μετέχω particeps sum. μετασχόντες p. 264, 19. μετρέω, μετρούμενος ύπό p. μετρείσθαι ύπό p. 42, 14. **42**, 10.

μέτοησις dimensio. p. 264, 10. 302, 15, μετοητής amphora. p. 106, 17 e. μετοικός. μετρικά Heronis. p. 270, 3. μετρίως satis. p. 66, 17. 300, 16. 308, 6. 324, 3. μέτοον mensura. p. 106, 16 e. μέχει. μ. τοσούτου eo usque. р. 76, 12. $\mu \dot{\eta}$ p. 42, 18. 66, 1, 14. 112, 6 e. μη ἄρα p. 154, 13. μηδέ p. 2, 18. 112, 19 e, 20 e, 21 e. μηδείς p. 2, 8. μηδέπω nondum. p. 266, 16, 26. μηδέτερος neuter. p. 4, 27. μηκέτι p. 18, 13. μηκος p. 314, 7. μήκει p. 36, 19. 274, 18. 340, 11. μήν p. 44, 1. 158, 11. άλλὰ μην καί p. 212, 21. 214. 3. μήτε-μήτε. p. 64, 16. μηχανικός p. 56, 26. 98, 15. 260, 16. 302, 16. μικοός p. 104, 1 θ. κατά μικούν p. 154, 17. παρά μ. p. 302, 12. **μοῖοα pars (gradus).** p. 302, 7. μονάς p. 142, 7 sq. 146, 16. 272, 8, col. III, 7. 284, 9. ἀπὸ μονάδος p. 330, 26. μόνος. μόνη semel sumpta. p. 344, 16 sq. 346, 1 sq. 350. 9 sq. 352, 1. 354, 20. 366, 3 sq. 368, 2, 10. μόνον p. 76, 11. 88, 5. où µòror p. 4, 21. 8. 18. 12, 21. 16, 8. 106, 10 e. 836, 24. μόριου particula. p. 220, 12. fractio. p. 268, 24, 25. 272, 7. 274, 3. 276, 8. 278, 8. 282, 6. μοῦσα musa. p. 114, 4 e. μουσικός. περί μουσικής Νίcomachi p. 140, 27.

μυςιάς p. 302, 2. μύςιοι. μυςία p. 114, 1 e.

N.

ναός aedes. p. 106, 15 e. νεότης inventus. διὰ νεότητα p. 2, 12. vevçov neruus. p. 106, 24 e. νοέω. νοείν p. 14, 3. 114, 20 n. νοείσθαι p. 12, 20. νοούμενος p. 16, 1. 26, 5. 42, 25. 116, 18 n. 118, 11 n. voelsto p. 70, 14 h, 17 h. 110, 23 e. 128, 25. 308, 12. νοείσθωσαν p. 132, 26. 230, 2. νοήσωμεν p. 60, 16. 64, 1. 214, 14. vonσειας p. 816, 24. νοήσαιμεν p. 174, 5. von9 p. 10, 13. 60, 22. 62, 23. 68, 12 pl. veνοήσθω p. 26, 21. 38, 15, 21. 60, 9. 74, 8 ph. 86, 5 pp. 98, 24 ar. 128, 28. 168, 4. 176, 2. νενοήσθωσαν p. 10, 1, 26. 14, 21. 16, 14. 84, 22. 74, 17 ph. 210, 17. νομίζω puto. νομίζω p. 264, 18. voulzei p. 306, 5, 11. voμίζων p. 152, 25. vvv p. 8, 4. 34, 11. 76, 17. 128,

\boldsymbol{x}

14. 316, 11.

ξηφός siccus. p. 106, 16 e. ξύλινος ligneus. p. 110, 3 e.

о.

τοῦ ὅν p. 48, 2. 56, 17. 140,
21. 142, 24. 144, 22. 148, 4 sq.
176, 28. 190, 21 dc. 230, 7, 21.
234, 2, 6, 19. 238, 10, 12. 240,
14, 20, 22. 242, 15. 250, 11,
23. 252, 1. 336, 3, 8. οἱ δὲ
p. 106, 1 e. τὰ μὲν p. 114,
7 e. τὸ τοῦ p. 62, 2, 5. 84, 4.
110, 7 e. 348, 5.

õõs p. 112, 15 e. 114, 1 e. 188, 8. 300, 21. ððós uia. p. 152, 22. 178, 25. 30 av quare. p. 152, 20. 154, 14. olda scio. lors p. 2, 5. sidiναι p. 178, 13. 264, 18. ζοτέον p. 4, 12. 76, 7. 128, 4. 360, 16. oloμαι. οίμαι opinor. p. 266, 24. φήθημεν p. 178, 25. olos p. 68, 25 pl. 74, 10 ph. 118, 3 n. οδου έστίν ένός p. 828, 25. 880, 4 sq. 340, 23, 24, 25. 342, 10, 11, 13. olor uelut. p. 68, 6 pl. 106, 17 e. 188, 11 dc. 806, 14. olov ès p. 32, 18. olov fere. p. 8, 11. 12, 18. δυνέω. δυνήσας p. 2, 9. όπταπλάσιος p. 104, 6 e. μετ' όλίγον p. 132, δλίγος. 23. ἐξ ὀλίγου p. 112, 13 e. ούπ όλίγος p. 154, δ. őlos. őlos ó p. 10, 6. 14, 9. 16, 27. 20, 5. 32, 28. 90, 19 sp. 138, 25. 140, 1. 150, 14. 212, 19. 220, 22. 328, 10. 340, 26. 342, 12. 360, 7, 8. 368, 24, 25. ò ölos p. 126, 10. 134, 25. 152, 22. 178, 23. 254, 19, 27. **370**, 8. 61 ως p. 302, 4. οὐδὲ ὁ. p. 66, 9. ομαλώς aequabiliter. p. 110, 11 e. δμοιος. **δ**ιὰ τῶν ὁμ**ο**ίων p. 20, 20. - p. 80, 27 dc. - conus. p. 212, 10. segmenta sectionis coni. p. 332, 5, 11, 25. 338, 10, 14. δμοιον πολύγωvov p. 24, 13, 17. 26, 5. 34, 6 sq. 36, 1. cfr. p. 52, 28. 338, 10. τρίγωνον p. 50, 1. 102, 10 ar. 126, 10. 134, 25. 166, 21. 222, 19. 254, 19. 258, 8. 308, 14, 20. 310, 4. 316, 9, 16, 18. σχημα p. 106, 14 e. segmentum sphaerae p. 210, 19. 216, 27. 220,7. Exhelmew

ομοίφ p. 196, 23 dc. 198, 25 dc. 206, 26. cfr. p. 54, 5. 242, 13. 364, 8. δμοιότης similitudo. triangulorum. p. 102, 15 ar. 106, 15 e. 192, 6 dc. 194, 24 dc. 218, 6. 242, 10. 290, 4. 296, 2. 310, 7. όμοίως p. 10, 24. 20, 14. 24, 9. 28, 8. 34, 10. 42, 25. 62, 26. 72, 9 h. 74, 27 ph. 208, 23. 306, 22. 310, 3. 316, 3. 318, 18. 332, 13. 334, 2. 360, 15. ομοίως δή p. 6, 26. 8, 2. 30, 6. 50, 16. 52, 17. 146, 18, 25. 148, 15. 154, 2. 170, 11. 172, 14. 234, 20. ομοίως λαμβανόμενα 158, 25. 164, 17. 166, 2. 172, 22. ομολογέω, ομολογούμενος p. 8, 12. ωμολογημένος p. 6, 12. ομόλογος. latus p. 52, 29. 288, 5. δμοῦ p. 272, col. I, 5. II, 6. III, 6 cet. δμως p. 266, 21, 27. 312, 12. δνομα p. 6, 9. 154, 10. όνομάζω nomino. όνομάζει p. 4, 16. 6, 8. ονομαζόμενος p. 154, 11. ωνομάσθη p. 332, ώνόμασται ἀπό p. 142, 11. όνομασία denominatio. p. 4, 4. $\delta \pi \dot{\eta}$ foramen. p. 116, 6 n, 10 n. òποίος qualis. ò. τις p. 28, 18. δπότερος uter. p. 14, 1. 174, 18. uteruis. p. 14, 6, 156, 4. õπως quo modo. p. 84, 5. 176, 23. 270, 1. ὅπως ποτέ p. 148, 25. οπωσοῦν quoquo modo. p. 4, 17. 264, 4. όργανικός p. 106, 9 e. 110, 13 e. όργανικῶς p. 110, 2 e. όργάνιον p. 112, 11 e.

δργανον p. 106, 21 e, 27 e.

110, 22 e. 114, 11, 120, 18 n.

θην p. 2, δ. ὄρθιος. όρθία πλευρά p. 94, 14 m. όρθογώνιος. parallelogrammum. p. 70, 13 h. triangulus. 126, 8 n. 134, 22. 222, 17. 254, 17. 258, 2. 266, 17. 268, 3. όρθός. πρὸς όρθάς cum dat. (linea ad lineam). p. 16, 18, 20, 23. 28, 4. 68, 2 pl. 74, 3 ph. 82, 12 dc. 86, 10 pp. 90, 8 sp. 96, 6 m, 27 m. 114, 20 n. 122, 9 n, 14 n. 138, 24. 154, 27. 160, 17. 164, 19. 180, 13 di. 190, 28 dc. 198, 15 dc. 204, 13 dc. 214, 21. sequente πρός p. 28, 7. πρὸς ὀρθάς p. 78, 20 dc. 84, 10 pp. 88, 16, 17, 23. 92, 23 m. 96, 11 m. 194, 15 dc. 198, 18 dc. 220, 26. ἐπί p. 108, 1 e. linea ad planum. p. 28, 6. 102, 8 ar. ορθή (γωνία). p. 24, 4, 5. 30, 19. 32, 18. 36, 3. 42, 26. 44, 10. 68. 4 pl, 24 pl, 26 pl. 70, 7 h. 72, 24 ph. 74, 21 ph. 76, 24 ap. 80, 1 dc. 102, 12 ar, 13 ar. 118, 20 n. 210, 22. 218, 2, 14, 20. 284, 25. ἡ όρθή p. 22, 15, 17. 126, 8. 134, 23. 194, 19 dc. 196, 22 dc. 198, 19 dc, 24 dc. 200, 24 dc. 214, 15. 222, 18. 254, 18. 258, 3. 266, 18. 282, 13. 284, 23. έν όρθη γωνία p. 94, 15 m. αι δύο δρθαί p. 118, 18 η. αί τέσσαρες όρθαί p. 270, 14. 282, 14, 22. πεδον όρθον πρός ἐπίπεδον p. 28, 2. 102, 6 ar. ὀρθον ἐπί cum genet. p. 98, 25 ar, 26 ar, πρὸς εύθεῖαν p. 180, 8 di. 186, 2 di. 204, 14 dc. όρθη εύθεία p. 94, 18 m. ὀρθή πρός p. 102, 9 ar. ο φθός κύλινδοος γ. 102, 1 ar.

όθέγομαι concupisco.

ορίζω, ώρίσατο p. 332, 6. ό όρ*ίζων* p. 306, 12, 14, 18, 21. 308, 1. 312, 16, 25. õoog definitio. p. 4, 1, 5. 128, 8. terminus proportionis. p. 140, 18. 142, 3, 16. 146, 28, 29. 148, 2. 226, 24. 230, 25. 234, 13. 244, 29. ög p. 2, 19. 4, 9. 32, 10. 38, 1. 42, 24. 46, 22. 48, 5. 80, 29 dc. 82, 11 dc. 106, 9 e, 28 e. 110, 5 e. 176, 28. η δή p. 100, 6 ar. adsimilatum. p. 146, 29. 234, 22. όσος p. 114, 4 e. όσφ p. 226, 15. 254, 13. 386, 19. ὅσοι ἄν p. 106, 10 e. ὅσον πρός p. 148, 25. όσπερ p. 14, 20, 34, 11, 42, 4, 19. 66, 15. 76, 6 ph. 78, 11 ap. **146, 8. 176, 21. 258, 14. 264,** 15. 284, 10. 300, 10. 302, 9. α. δείκνυμι, εύρίσκω. $\vec{o} \sigma \tau \iota \varsigma = \vec{o} \varsigma$. p. 38, 23. 90, 2. 116, 6 n. 118, 3 n. 128, 8. 146, 16. 152, 23. όταν p. 8, 20. 18, 14. 140, 23. 158, 26. 172, 25. 194, 6 dc. 210, 3, 338, 5. ότε p. 112, 17 e. ότι passim. u. λέγω, δείκνυμι. uacat. p. 178, 6. 208, 14. 234, 23. ού μόνον ὅτι ού p. 16, 8. quod. p. 76, 12. 144, 3 e. = ίστέον uel δεικτέον ότι p. 12, 21. 238, 19. 248, 4. 332, 11. cfr. p. 246, 26, 30. $o \dot{v} \delta \alpha \mu o \tilde{v}$ nusquam. p. 178, 20. ούδέ p. 12, 25. 14, 18. 66, 9. 300, 22. $o\dot{v}\delta\dot{\epsilon} - \dot{\alpha}\lambda\lambda'$ $o\dot{v}\delta\dot{\epsilon}$ p. 266, 20. οὐδὲ γάρ p. 154, 4. ούδείς p. 2, 2. 152, 19. 266, 11, 22. 268, 1, 5, 8. οὐδὲν πρός p. 176, 12. κατ' οὐδέν p. 148, 26. ovdév p. 6, 12. . 270, 5.

ούδέτερος p. 306, 21. οθεέτι p. 32, 9. 34, 10, 21. 142, 6. 178, 11. ov p. 68, 17 pl. 74, 9 ph. 110. 1 e, 17 e. 146, 15. 150, 26. 158, 3. 160, 31. 166, 13. 168, 4. 180, 18 di. 188, 21 dc. 190, 29 dc. 210, 7. 230, 15. 234, 23. 266, 5, 26. 286, 2. 288, 25. **296, 2. 352, 1. 354, 22.** 358, 11, 26, 29. 364, 21. 368, 24 al. μέν οὖν p. 34, 5. 62, 4. 160, 9. 178, 18. διὰ οὖν ταῦτα p. 288, 20. 290, 3. ώστε οὐν p. 312, 25. ούράνιος caelestis. p. 114, 5 e. ούτε. ούτε — καί p. 302, 10. ούτος p. 2, 4 sq. 6, 21, 8, 5. 10, 1. 12, 25. 14, 18. 82, 9 dc, al. u. lóyog. nai ravta p. 106, 8 e. καὶ τοῦτο p. 266, 24. τουτί p. 264, 15. ούτως p. 34, 21. 46, 23, 50, · 27. 62, 4. 80, 22 dc. 88, 12. 94, 9 m. 96, 26 m. 114, 19, 21 n. 128, 21. 136, 15. 160, 1, 16. 164, 18. 174, 26. 186, 8 di. 198, 12 dc. 204, 2 dc. 206, 8. 208, 11. 224, 2. 274, 9. 338, 10. οὖτω p. 120, 3 n, 19 n. 154, 26. καὶ οὖτως p. 146, 7. 170, 14. 176, 12. 190, 17 dc. όφείλω. όφείλουσα p. 84, 7. 86, 28 pp.

П.

παῖς filius. p. 114, 3 e. πάλαι iamdiu. p. 264, 13. παλαιός uetus. p. 154, 4. πάλιν p. 10, 18, 27. 16, 19, 22, 23. 20, 14, 22. 46, 7. 48, 14. 60, 22. 62, 8, 23. 64, 17. 78, 1 ap. 80, 21 dc. 98, 1 m. 100, 4 ar. 120, 20 n. 126, 20. 130, 28. 134, 5, 10. 136, 18. 138, 27. 144, 6. 146, 20. 158, 4. 164, 19. 170, 22, 25. 228, 11, 21. 232, 9, 18. 252, 11. 286, 2. 296, 1. 380, 12. 344, 5. 350, 1, 27. 354, 17, 19, 26. 368, 3. $\pi \acute{\alpha} l \iota \nu \ \acute{\nu} \acute{\eta} \ p. 6, 24. 16, 16. \pi \acute{\kappa} l \iota \nu \ \acute{\nu} \acute{q} \acute{q} \ p. 278, 3. 280, 2. 282, 1. 364, 13. <math>\pi \acute{\alpha} l \iota \nu \ \acute{e} \pi \iota \acute{e} \ p. 284, 13. 464, 13. 464 \ p. 284, 25 \ p. 28 \ p. 38, 280, 2. 282, 2$

πανταχού p. 102, 24 e.

πάντη omnino. p. 2, 19. 12, 26. πάντως p. 14, 19. 28, 13. 118, 9 n. 174, 7. 314, 4. 336, 12. οὐ πάντως p. 326, 12.

πάνυ p. 2, 10. 14, 16. 314, 8. 342, 17.

παρά cum accus. praeter. p. 4, 15. ἄγειν παρά et simil. p. 40, 13. 72, 18 h. 76, 3 ph, 4 ph. 94, 20 m. 98, 24 ar. 814, 24. 326, 17. 328, 2, 17 al. τὰ παρά p. 196, 23 dc. u. δύναμαι. πάρα = πάρεστι p. 112, 15 e. cum genet. = ὑπό. p. 300, 15. cum datiuo. apud. p. 104, 6 e, 19 e. 306, 3.

παραβάλλω adplico. παρά. παραβληθή p. 212, 18. παραβαλείν p. 324, 14.

παραβολή parabola. p. 94, 14m, 22m. 96, 19m, 23m. 98, 4m, 6m, 8m. 98, 14. 154, 11. 156, 28. 158, 3, 15. 162, 16, 25. 164, 12. 166, 4, 16. 168, 2, 3, 15. 170, 25. 174, 6, 7, 21, 23. 180, 16 di, 20 di. 182, 1 di, 15 di. 326, 4, 16. 332, 11. 334, 6. 338, 5, 21. π. περί ἄξονα τήν 96, 19 m, 23 m, 29 m. 98, 2 m. cfr. p. 96, 24 m. ἐπὶ παραβολής p. 94, 1 m.

παράγω promoueo. παςαγέσθω p. 84, 25 pp. παραγόμενος p. 78, 13 ap. παραδίδωμι. παραδεδομένος p. 266, 21.

παράθεσις adplicatio. p. 80, 29 dc.

παραιτέω deprecor. παρητησάμεθα p. 66, 11.

παράπειμαι. de spatio. παρά. παραπείμενα p. 94, 16 m. de regula. παραπείσθω p. 74, 4 ph. παραπολουθέω consequor. παραπολουθείν p. 302, 3.

παρακολούθημα consequentia. p. 120, 17 n.

παραλαμβάνω adsumo. παραλαμβάνονται p. 356, 10. παρελήφθη p. 14, 17. 346, 23. 354, 15.

παραλείπω omitto. παραλελειμμένος p. 154, 1.

παραλληλόγοαμμον p. 62, 16, 18, 27. 64, 3. 70, 9 h, 13 h. 76, 8. 78, 3 ap. 98, 26 ar. 106, 12 e. 108, 2 e, 5 e. 112, 11 n. 156, 3. 160, 21. 196, 28 dc. 236, 24. 318, 8. 334, 6. 340, 14. 346, 1 sq. 362, 5.

παράλληλος p. 24, 15. 30, 14, 22. 40, 24. 42, 18. 44, 2, 11. 52, 13. 68, 9 pl, 12 pl, 16 pl. 74, 20 ph. 78, 22 dc, 25 dc. 80, 19 dc, 22 dc, 27 dc. 82, 3 dc, 21. 86, 8 pp. 88, 14. 94, 2 m. 102, 13 ar. 108, 4 e. 110, 11 e. 120, 4 sq. n. 122, 16 n. 154, 29, 156, 1, 4, 160, 18, 19, 22. 162, 27, 29. 164, 21, 22, 24. 166, 7, 24. 168, 7, 8. 170, 17, 20. 174, 9. 182, 3 di, 5 di. 192, 2 dc. 198, 29 dc. 206, 17, 28. 306, 12, 14, 18. 308, 1. 310, 2. 312, 16, 24. 316, 2. 318, 12. 320, 20. 326, 14. 328, 1 sq. 330, 22, 28, 332, 7, 8, 334, 4, 5, 13. 340, 1. 360, 13, 15. 362 7. διά τάς παραλλήλους Σ. 1224.

17 n. 316, 25. ἐν παραλλήloss p. 108, 11 sq. e. 110, 25 e. παραλογισμός p. 264, 17. παραναγιγνώσκω recognosco. παραναγνωσθείσης p. 56, 26. 260, 16. 302, 15. παρατεταγμένως p. 840, 2. παραφράζω, παραφράζοντες p. 342, 18. παρεμβάλλω interpono. terminos medios. παρεμβάλωμεν p. 82, 27 dc. παρεμπίπτω interponor. παρεμπίπτωσι p. 146, 27. παρεμπιπτέτω p. 144, 25. 146, 8. παρεμπιπτέτωσαν p. 148, 3. παρεμπίπτων p. 146, 4. παρίστημι trado. παραστήσαι p. 140, 17. παριστών p. 140, 15. παροράω neglego. παροραθηναι p. 2, 4. παρώνυμος denominatus. p. 140, 25. πᾶς p. 4, 15. 12, 19. 112, 14 e. 266, 24. 306, 4. πάση η totus. 208, 24. δ πας p. 336, 9. πάντα πᾶσιν p. 80, 1 dc. πάντες p. 4, 3. 18, 3. 24, 9. 28, 1. 42, 11. 44, 15 sq. 46, 1, 2, 5. 52, 18 sq. 54, 5. 104, 11 e. 106, 15 e. 110, 11 e. 114, 4 e. 146, 28. 158, 25. 164, 16. 166, 2. 170, 11. 172, 16, 19. 234, 22. πατήο p. 114, 3 e. $\pi\alpha\bar{v}\varrho o \varsigma$ paruus. p. 114, 2 e. πάχος crassitudo. p. 106, 22 e. πείθω persuadeo. πείθουσιν εαυτούς p. 110, 7 e. πειράζω experior. πειράζων p. 86, 1 pp. πειράομαι. πειρώμενος p. 126, πειράσομαι p. 2, 21. πελεκινοειδής u. p. 69 not.p. 68, 14 pl. 114, 23 n. 116, 7 n. πεμπτημόριον p.366,26. δύο

πεμπτημόρια p. 360, 7. 366, 25, 30. πέμπτος p. 210, 12. πέμπτα p. 366, 24. 368, 19. τοία πέμπτα p. 356, 22, 24. **358**, 9, 14, 19, 21, 360, 2, 368, 17, 20, 23. 370, 5. πενταπλάσιος (ε΄) p. 366, 20. 368, 1 al. πέντε p. 348, 19, 21 al. πεντεκαιδεκαπλάσιος 360, 1. πε ο αίνω. πεπερασμένος p. 6, 18. 92, 22 m. 94, 12 m. πέρας p. 6, 19. 10, 8. 70, 12 h. 84, 13 pp. 100, 2 ar. 116,4 n. 188, 22. 326, 8. τὰ π. ἔχειν έν έπιπέδφ p. 18, 4. τὰ αὐτὰ n. Ezeiv p. 12, 24, 28. 14, 4, 11, 17. 16, 7. 18, 1. περί cum accus. in. p. 2, 13, 14. 66, 17. 114, 16. circum. p. 42, 11. 74, 5 ph. 76, 12. 78, 12 ap. 98, 21 ar, al. u. xv**κλος, π**αραβολή. περί γωνίαν p. 220, 4. 266, 17. κῶνος περί βάσιν p. 64, 12. περί καταγραφάς p. 154, 6. — u. περιγράφω. cfr. p. 34, 12. τὰ περί p. 36, 16. cum genet. de. p. 2, 1, 20. 78, 19. 114, 11. 152, 24. 188, 1, 2 al. περιάγω circumduco. περιαγόμενος p. 100, 1 ar, 7 ar. περιαγωγή circumuolutio. p. 100, 3 ar. περιβαίνω comprehendo. περιβαίνειν p. 116, 5 n. περιγραφή circumscriptio. p. **32**, 8. περιγράφω. περί. polygonum circum circulum. περιγράψαι p. 34, 9. 268, 12. περιγραφόμενος p. 24, 11. 268, 14. περιγραφόμενον p. 26, 11, 14, 16. reflaskárhresse b.g7 56' 27: 282, 23. τὸ περιγεγραμμένον p. 24, 18. 34, 10, 14, 20, 22. 36, 10, 12, 21, 22. 44, 16, 17, 20. 52, 23. 56, 7. figuram solidam circum sphaeram. περιγεγραμμένος p. 56, 15. τὸ περιγεγραμμένου .p. 52, 8. 56, 5, 18, 21. describo. περιγράψει p. 100, 8 ar.

περιέχω, περιέχεται ὑπό p. p. 128, 14. περιεχόμενος ὑπό p. 32, 15. 106, 12 e. 128, 6. 326, 4. 342, 2. εὐθεῖα περιέχουσα χωρίον μετά p. 158, 1. έπιφάνεια περιέχουσα τμημα p. 128, 19. (εὐθεῖαι) γωνίαν περιέχουσαι p. 14, 22. 22, 26? 76, 24 ap. 206, 11. 218, 14. περιέχειν γωνίαν p. 70, 8 h. 74, 1 ph. ἴσας γωνίας περιέχουσιν p. 24, 3.

περίπειμαι circumiaceo. περικείσθαι p. 84, 13 pp.

πε οιλα μβάνω. πεοιλαμβάνων p. 10, 12, 25. 12, 12. 16, 9. πεφιλαμβανόμενος p. 10, 6. 12, 13. 14, 20. 16, 4. περιλαμβάνεσθαι p. 12, 23. 14, 10, 12. περιλαμβάνεται p. 14, 14. περιλαμβάνοιντο p. 14, 19.

περίλειμμα p. 26, 18. 32, 13,

15, 26, 29.

περιλείπεται p. περιλείπω.

850, 26, 29.

πες (μετρος. polygoni. p. 88, 20. 40, 2, 11. 284, 2, 4, 14. circuli. p. 284, 13. figurae. p. 310, 25. 312, 4, 17, 18.

περιττεύω supersum. περιττεύει p. 286, 7, col. III, 7. 298 col. III, 8.

περιττός. οί περισσοί άριθμοί. p. 328, 24. 330, 22.

περιφέρεια. arcus. p. 22, 18, 19, 20. 32, 6, 17. 76, 26 ap. 78, 2 ap. 21 dc. 80, 18 dc. 24 dc. 84, 28 pp. 88, 18. 120, 8 n. 268, 13. 270, 11. 286, 13. 300, 3. περιφ. έξαγώνου p. 270, 8, 11. 284, 22. ambitus circuli. p. 74, 8 ph. 100, 17 ar. 220, 27. 266, 2 sq. 284, 15, 23. 300, 25. 302, 11. segmenti. p. 214, 22.

περιφερής circularis. p. 4, 20. περιφέρω, περιενεχθη p. 100,

πηλικότης λόγου. quantitas rationis. p. 140, 23, 25. 142, 6 sq. 144, 18 sq. 146, 2 sq. πινακίσκος tabella. p. 110. 4 e, 10 e. 112, 10 e.

 π ίναξ tabula. p. 110, 22 e. 114, 1 e.

πίπτω. πίπτει p. 138, 13. 148, 28. πίπτη p. 194, 6 dc. πίπτειν p. 4, 28. πιπτέτω p. 102, 1 ar. πεσείται p. 100, 17 ar. $(\ell \pi \ell)$. 194, 7 dc. 208, 22. 336, 9. ἐν τῷ αὐτῷ πεσείται p. 318, 21. πεσοῦνται p. 336, 18. πεσείν είς p. 106, 7 e.

πλάτος p. 114, 25 n. πλ. ἔχειν 94, 17 m. πλ. ποιείν p. 212, 18. πλευρά. figurae. p. 10, 14. 28, 15. 52, 29. 54, 6. polygoni. p. 22, 21. 24, 11. 38, 13 sq. 40, 5. 42, 10 sq. 44, 24, 25. 46, 2. 56, 7, 8, 11. 268, 4, 13. 282, 22, 23. 284, 2. 300, 5. 338, 6. trianguli. p. 220, 4. 288, 5. 290, 5. 320, 7, 10, 18. quadrati. p. 62, 20, 29. cfr. τετραγωνικός. parallelogrammi. p. 76, 10. 236, 25. 362, 8. coni. p. 38, 11. cubi. p. 104, 4 e. 106, 18 e. η έλάσσων πλ. p. 254, 12.

πληθος p. 154, 16. 180, 1. ἴσοι τὸ πληθος p. 210, 2. 332, 8. πλήν praeter. p. 106, 7 e. πλήρης plenus. p. 268, 25.

zlnoóm. zlnoovyti p. 264, 1. zlive loviaterculus. p. 110, 8e. ποιέω. ποιεί p. 142, 19, 27. 144, 2, 18. 268, 23, 25. 284, 4. 814, 13. 854, 16, 19, 21. Éxolei р. 176, 11. жогоог р. 140, 24. ποιείτω p. 142, 28. 144, 2. 232, 5, 6. ποιῶν p. 8, 6. 142, 4. 164, 14. 174, 17. 178, 14, 23. 194, 18 dc. 814, 8. moisir p. 60, 7. 62, 8, 27. 106, 14 e. 120, 21 n. 122, 18 n. 142, 16. 174, 4, 13. 204, 12 dc. 302, 8. 814, 15. ποιήσει p. 100, 6 ar. 160, 11. ποιήσομεν p. 86, 1 pp. ποιήσουσιν p. 94, 21 m. 310, 15. ποιήσωμεν p. 20, 15. 36, 27. 48, 14. 88, 1 pp. 150, 7. 188, 13 dc. 196, 18 dc. 224, 27. 260, 2. ποιήσας p. 22, 23. 62, 27. 112, 7 e. ποιῆσαι p. 202, 29 dc. 346, 10. Ecortai ποιούσαι p. 46, 28. εσόμεθα πεποιηκότες p. 112, 9 e. ποιητέον p. 46, 23. πεποίημεν p. 144, 4, 8, 9, 17. 232, 8 sq. πεποιήκειν αν p. 302, 8. πεποιηπέναι p. 152, 26. πεποιήσθω ὁ αὐτός p. 84, 23 pp. ποίος qualis. p. 300, 24. πολλάπις p. 302, 9. πολλαπλασιάζω. πολλαπλασιάζεσθαι p. 18, 13. πολλαπλασιαζόμενος έπί. p. 142, 2, 16. 268, 23. 284, 4. π oll α πλασιασθείς p. 140, 24. 142, 18. 144, 19. πολλαπλασιάσας p. 142, 26, 27, 28. 144, 1 sq. 146, 23. 232, 5 sq. πολλαπλασιάσωμεν p. 146, 1, 15. πολλαπλασιασμός multiplicatio. p. 272, 9. 274, 19. 276, 20. 280, 8. 286, 9. 290, 2. 292, 15. 296, 19. 298, 14. 302, 2. πολλαπλασιεπιμερής multiplex superpartiens, p. 18, 11.

πολλαπλασιεπιμόριος multiplex superparticularis. p. 18, πολλαπλάσιος p. 18, 10. 142, 344, 3. τὰ ὡσαύτως πολίαπλάσια p. 352, 15. zólog polug conchoidis. p. 118, 5 n, 12 n. 122, 8 n. πολύγωνον. p. 22, 20. 24, 10. 84, 6, 10. 40, 9, 18. 54, 20. 284, 1. de perimetro. p.284, 12. πολυπλασιάζω, πολυπλασιάsoper éxí p. 272, 1. πολύπλευρος. πολυπλευρόтерос р. 886, 19. πολύς p. 66, 9. 140, 14. 154, 4. 178, 26. τὰ πολλά p. 178, 27. πολλά p. 114, 13. πολύ p. 76, 20. **zoll** p. 8, 2. 10, 19, 22. 12, 1, 5, 10. 26, 13. 48, 15. 120, 16 n. mire collocatum. p. 32, 25. πλείων p. 16, 13. 80, 22 dc. 112, 9 e. 146, 27. 148, 3. 234, 20. 264, 8. 270, 4. 306, 12. 320, 11. πλέον p. **254**, 13. πολυτρόπως multifariam. p. 154, 7. πονέω laboro. πεπονηκώς p. 114, 16. πορίζω construo. ποοίζεται p. 88, 9. ποριζόμενος p. 64, 18. πορισθείς p. 66, 2. έπορίσατο p. 90, 2. ποδίσασθαι **266**, 27. πόρισμα p. 132, 12, 236, 8, 18. πόσος quantus. indirecte. p. • 106, 19 e. ποσός. ἐπὶ ποσόν aliquatenus. p. **266, 1**0. ποτέ p. 148, 25. που p. 266, 24. πρᾶγμα. p. 264, 13. 266, 16. τὰ πράγματα res. p. 154, 10. .8 ,306, g areta p. 306, 8. no ena. no enoi decet. p. 4,2.

πρίσμα p. 36, 28. 88, 2. πρό p. 2, 1. 264, 14. τὸ πρὸ τούτου p. 28, 12. 56, 3. 136, 14. προάγω adduco. προαχθείς p. 2, 7.

προβαίνω procedo. προέβη p. 66, 4. προβαίνει p. 176, 28. πρόβλημα p. 62, 6. 64, 17. 66, 5, 10. 104, 9 e. 114, 16. 152, 28. 154, 3, 21. 176, 1, 10, 24. 178, 7. 190, 9 dc, 17 dc. condicio. p. 178, 4.

ποογάφω, τὰ προγεγραμμένα

p. 82, 22 dc.

προδείκνυμι. προδειχθείς p. 122, 5 n. προδέδεικται p. 204, 12 dc. προδέδειγμένος p. 16, 24. 224, 20. 328, 21. πρόδηλος. πρόδηλον ὅτι ad-

paret. p. 214, 10.

ποόειμι progredior. ποοιών p. 132, 16.

προέρχομαι. προέρχεται p. 84, 5. προελθών p. 208, 24. πρόθεσις. p. 84, 4. 176, 13. 178, 17. 264, 11.

ποοκατασκενάζω. προκατεσκενασμένος p. 82, 9 dc.

πρόπειμαι. προέπειτο p. 76, 6 ph. 146, 3. προπείσθα p. 154, 24. 206, 12. προπείμενος p. 10, 11. 64, 15. 80, 28 dc. 120, 18 n. 128, 14. τὸ προπείμενον p. 28, 16. 82, 10. 46, 20, 28. 68, 26 pl. 84, 6. 264, 9.

προλαμβάνω. προληφθείς p. 236, 28. 238, 3. έν τοῖς προλαβοῦσιν in praecedentibus. p. 234, 17. 238, 14. 332, 13.

334, 12.

ποολέγω. ποολέγει p. 324, 19. ποολέγων p. 188, 2. ποοεηθείς p. 152, 18. ποοειπών p. 4, 2. ποοείφηται p. 64, 22. 82, 15 dc. 178, 20. 268, 4. προειφημένος p. 10, 24. 12, 17. 18, 3. 146, 7. 174, 15. 332, 16. 368, 18.

ποοοίμιον procemium. p. 66, 12. 810, 24.

πρός cum accus. p. 6, 11. 10, 1. 14, 16. 42, 20. 76, 21. 264, 9. 266, 1. πρὸς τό cum infinit. p. 110, 8 e. cum datino. ή πρός γωνία πλευρά p. 24, 7. ή πρὸς τῷ Δ γωνία p. 24, 5. 26, 2. 28, 22. 36, 2. 42, 26. 44, 11. 70, 1 pl, 8 h. 74, 1 ph. 76, 25 ap. 80, 1 dc. 118, 20 n, 21 n. 198, 18 dc. 200, 25 dc. 206, 11. 210, 22. 214, 15. 218, 2, 20. 252, 7. 270, 10, 21. 284, 22. 810, 16. πρὸς σημείω p. 50, 10. 70, 15 h. 74, 5 ph. 80, 24 dc. 82, 5 dc, 6 dc. 92, 22 m. 114, 24 n. 116, 3 sq. n. 270, 9. cfr. 76, 14? πρὸς τῆ κορυφη p. 320, 19. 332, 9. praeter. p. 66, 13. 142, 13. cum genetiuo, $= \dot{v}\pi\dot{o}$. p. 114, 11. 264, 18. 266, 20. 268, 1, 2. προσαρμόζω adapto. προσαρμοσθήσεται p. 154, 21.

ποοσαφηνίζω. προσαφηνισθείς p. 142, 20.

ποοσβάλλω. προσβεβλήσθω p. 122, 14 n.

προσδιορισμός p. 176, 15.

προσεκβάλλω. προσεκβάλλων p. 208, 8. 284, 27 (έπl). προσεκβαλλόμενος p. 76, 10. 168, 4. προσεκβαλών p. 270, 17 (έπl). προσεκβαλών p. 270, 17 (έπl). προσεκβαλών p. 270, 16, 13. προσεκβεβλήσθω p. 60, 13.

προσενοίσκω praeterea inuenio. προσενρείν p. 66, 6. 178, 22.

ποοσέχω animaduerto. ποσσέχειν p. 88, 4. ποσσέχοι (cuma accus.) p. 302, 12. προσήκω, τὸ προσήκον p. 142, 9. τὰ προσήκοντα p. 266, 22. πρόσκειμαι. πρόσκειται p. 14, 8. 72, 3 h. 124, 1 n. 228, 22. προσέκειτο p. 28, 13. προσneίσθω p. 10, 16. 12, 2, 7. 42, 3. 72, 5 h. 86, 14 pp. 124, 4 n. πρόσκεινται p. 240, 4. προσκείσθωσαν p. 10, 28. 14, 29. 204, 7 dc. 224, 14. προσλαμβάνω adsumo. προσλαμβάνειν p. 8, 13. προσλαβών p. 242, 25. 354, 15, 18, 20. προσμολυβδοχοέω plumbo adfigo. προσμεμολυβδοχοημέvos p. 110, 14 e. προσπίπτω, προσπιπτέτωσαν p. 118, 13 n (ἀπό). ποοσπίπτουσα p. 76, 15. προστίθημι, προσθήσομεν p. 240, 6. 248, 11. προσθείναι p. 190, 11 dc, 22 dc. προσέθηκεν p. 12, 23, 28, 16. προσετέθη p. 18, 1. προστεθείς p. 178, 4. 256, 1. προσετέθησαν p. 202, 24 dc. προστεθη p. 224, 10. 254, 27. πρότασις p. 66, 2. 266, 13. 324, 4. προτείνω, προταθείς p. 188, 21 dc. πρότερον p. 60, 12. 64, 19. 120, 5 n. 140, 22. 176, 27. 178, 11. 208, 13. 248, 29. 264, 5. 344, 7. πρότερος p. 118, 10 n. 346, 24. προτίθημι. προέθετο p. 84,2. προτεθείς p. 12, 18. 60, 18. 62, 5, 64, 2, 24, 142, 21, 268, 2, 5. πρῶτον p. 4, 7. 60, 4. 154, 19. ποῶτον μέν p. 364, 22. πρώτος p. 6, 15. 104, 11 e. 148, 1. 208, 5. 210, 4, 6. 266,

10. τὰ πρῶτα μεγέθη p. 346,

26. u. μέγεθος, το πρώτον

βιβλίον p. 200, 12 dc. u. βιβλίον. om. βιβλίον p. 140, 27. 324, 1, 7. 332, 22. terminus proportionis. p. 18, 17. 126. 15, 16. 136, 1. 138, 2, 3. 140, 20. 182, 18 di. 216, 16 sq. 218, 22, 24. 222, 20, 21, 26, 27. 228, 2. 234, 19. 246, 2. 256, 20, 22. **258, 5. 268, 9, 16. 364,** 6, 7. πταῖσμα error. p. 154, 6, 16. 180, 1. πυθμήν fundamentum. p. 114, πυνθάνομαι. πυθόμενος δτι p. 102, 23 e. πυραμίς p. 28, 14. 40, 4, 10, 19. πυρίον speculum causticum. τὸ περὶ πυρίων Dioclis, p. 78, 19. 152, 24. 188, 1, 2. πω p. 2, 8. $\pi \tilde{w}$ g indirecte. p.140, 22, 324, 20. πως p. 140, 12.

P.

φάδιος p. 106, 9 e. 268, 8. ξαδίως p. 86, 1 pp. ξεία p. 114, 2 e. ξέπω. ξέψει ἐπί p. 306, 21. 312, 18. 318, 6. ξήμα uerbum. p. 176, 1. 178, 18. 266, 12. ξητόν contextus. p. 38, 16. 126, 7. 134, 21. 148, 16. 154, 15. 176, 2. 314, 3. 368, 18. ξόμβος στεξεός. p. 6, 8. ξοπή p. 306, 1 4, 7, 11. 314, 7. cfr. πέντοον.

Σ.

σαφήνεια perspicuitas. p. 10, 23. σαφηνίζω explico. ἐσαφηνίσθησαν p. 300, 16. σαφηνισθή p. 154, 20. σαφηνίσας p. 324, 1. αφής perspicuus. p. 4, 11. 14, 20. 222, 12. 285, 7. 306,

6. 332, 15. ώς έν σαφεστέρ**φ** τῷ λέγειν p. 142, 12. σαφέστερος p. 60, 8. 154, 18. 264, 2. 140, 17. σαφῶς perspicue. p. 2, 6. 6, 9. 50, 27. 60, 1. 178, 19. 266, 12. 268, 15. 310, 23. 342, 18. σε μνύνο μαι. σεμνυνόμενος p. 114, 13. σηκός cubile. p. 104, 1 e. σημείον p. 4, 26. 6, 22, 25. 8, 3, 9. 12, 14. 14, 23. 32, 22. 42, 23. 68, 20 pl. 80, 26 dc, 28 dc. 82, 2 dc, al. σιρός sirus. p. 112, 16 e. σκέλος crus. p. 68, 5 pl, 17 pl, 21 pl. σ**χηπτοον p. 114, 6 e.** σκοπός consilium. p. 2, 19. 264, 1. 300, 20, 21, 302, 1. σός p. 2, 13. 114, 6 e. σπουδαίως, σπουδαιότερου p. 154, 14. σπουδή studium. p. 2, 11, 17. 60, 3. στερεός p. 112, 14 e. al. u. δόμβος, τομεύς. στερεά γωνία p. 28, 21. τὸ στερεόν p. 56, 16. 104, 6 e, 7 e. 106, 12 e. 158, 19, 22. 160, 12. 164, 28. 242, 12. 364, 7, 22, 26. 366, 5, 8, 13. στερέω. ἐστερημένος p. 114, 15. στέρησις p. 306, 5. στεφάνη corona. p. 110, 14 e. στήλη columna. p. 110, 14 e, 19 e. στοιχείον. τὰ στοιχεῖα (Ευclidis) p. 6, 14. 34, 8. 210, 1, 12 al. u. novinós. στοιχείωσις Euclidis. p. 32, 3, 9, 34, 20, 42, 1, 140, 10, 23. 256, 6. 272, 13. 314, 16. 332, 21. στ. δεδομένων p. 214. 11. στρογγύλος p. 116, 6 n. Archimedes, ed. Heiberg. III.

σύ p. 112, 15 e, 19 e. σοι p. 2, 15, 16. 106, 27 e. 110, 17 e. τοί p. 112, 15 e. σύγγραμμα p. 4, 6. 114, 11. συγγράφω. συγγεγραμμένος p. 152, 24. 306, 7. συνεγοάψατο p. 178, 24. σύγκειμαι. έξ. σύγκειται p. 4, 18. 140, 19. 144, 22, 27. 146, 11, 20, 28. 148, 4, 7, 10. 232, 2. 234, 18, 21. 250, 11. 362, 15, 17. συγκεῖσθαι p. 140, 22. συγκείμενος p. 4, 22. 8, 10. 12, 16, 17. 16, 14. 334, 15, 17. 344, 17 sq. 348, 2 sq. 350, 4 sq. 352, 2 sq. 354, 1 sq. 356, 14 sq. 358, 1 sq. 364, 16, 23, 27. 366, 2 sq. 368, 7, 9, 11. ò συγκεί- $\mu \epsilon \nu o c$ lóyoc $\epsilon n - \tau \epsilon - \kappa \alpha l p$. 86, 15 pp, 17 pp, 19 pp. 150, 19, 23, 25. 230, 26. 234, 1, 5. 236, 19, 24. 244, 12. 250, 17. 362, 8, 11. σύγ**κ**ρισις p. 114, 17. συγχωρέω, συγχωρήσης p. 2, 18. συλλαμβάνω comprehendo. συλλαμβάνων p. 2, 10. συλλογίζομαι. συλλογίσασθαι p. 32, 11. συμβαίνω. συμβαίνει p. 42, συμβαίνον p. 118, 6 n, 10 n. συμβέβημε p. 106, 5 e. συμβάλλω, συμβάλλει p. 122, 5 n. συμβαλλέτω p. 122, 6 n. 168, 7. 170, 17, 21. συμβαλλέτωσαν p. 194, 16 dc. συμβαλεί p. 100, 7 ar. 170, 18. συμβαλέτω p. 102, 3 ar. συμβεβλημένος p. 114, 20 n. συμμετοία p. 110, 7 e. σύμμετοος p. 314, 13. συμπέρασμα p. 266, 13. συμπίπτω. συμπίπτουσι φ. 312, 9. avprintera p. 98, 22 ar. 108, 9 e. 122, 13 n, 20 r

160, 19. 164, 20. 166, 10. 200, 2 dc. συμπίπτειν p. 174, 8. συμπίπτουσα p. 74, 19 ph. 156, 1, 316, 24. 318, 19. συμπεσείται p. 120, 15 n. 166, 6. συμπληφόω. συμπεπληφώσθω p. 62, 15. 70, 8 h. 122, 10 n. 156, 2. 160, 20. συμπορεύομαι. συμπορεύεσθαι p. 118, 7 n. σύμπτωσις p. 100, 10 ar, 13 ar. συμφανής p. 8, 7. 146, 25. συμφυής adfixus. p. 68, 12 pl, 14 pl. 116, 1 n, 6 n, 11 n. συμφώνως p. 176, 26. συνάγω concludo. συνάγει p. 132, 13. συνάγεται p. 208, 25. 274 col. I, 7. 280 col. I, 9. ourήγετο p. 136, 14. συνήχθη p. 132, 1. συναχθείη p. 224, 1. συναχθείς p. 132, 12. συναχθήσεται p. 214, 6. 274, 9. συνηχθαι p. 50, 27. συνάγεσθαι p. 214, 11. committo. συνάγω p. 110, 22 e. συνάγεσθαι p. 110, 10 e. συναίοω, συνάρασθαι p. 2, 17. συναμφότερος ἡ (τε—καί). p. 50, 16, 19. 136, 15, 19. 138, 16. 188, 8 dc, 14 dc, 15 dc. 190, 5 dc. 192, 9 sq. dc. 194, 1 sq. dc. 196, 14 dc. 202, 2 sq. dc. 204, 19 dc, 25 dc. 208, 17. 210, 2, 4. 214, 1. 220, 10, 14, **16**. 222, **4**, **5**, 10, 11. 236, 10. 246, 25, 27, 29. 248, 1 sq. 272, 13. 274, 1, 4. 276, 5, 6, 10. 278, 5, 6, 9, 10. 282, 3 sq. 288, 11, 13, 15. 290, 6, 9, 10. 296, 4, 5, 8. 298, 2, 5. 342, 25, 27. 344, 1 sq. 346, 6 sq. 348, 3 sq. 350, 4 sq. 352, 3 sq. 354, 5 sq. 356, 2 sq. 358, 1 sq. 366, 17 sq. 368, 4, 8, 10. συναμφότερα γ. 274, 13. τὸ συναμφότερον p. 26, 13, 15, 16.·

συναποδείκνυμι. συναποδέ**δεικται p. 238, 2.** συνάπτω. συνάπτομεν p. 114, συναπτόμενος p. 4, 17. 110, 12 e. λόγος συνηπται έκ p. 142, 24. 148, 13. συνδρομάς p. 112, 18 e. σύνδυο p. 232, 23. 366, 2. συνεγγίζω, συνεγγίζει p. 336, 20. συνεγγίζων p. 8, 6. σύνεγγυς p. 266, 5. 270, 1. 300, 18, 21, 302, 12, συνέχεια p. 4, 14. 12, 19. συνεχής. συνεχή σημεῖα p. 12, 14. 82, 14 dc. 88, 7. συνεχής άναλογία p. 66, 7, 15, 23 pl. 90, 7 sp. 104, 14 e. 106, 29 e. 110, 21 e. u. praeterea p. 76, . 20. 80, 22 dc. 224, 22. 264, 5. κατά τὸ συνεχές p. 122, 10 n. συνεχῶς perpetuo. p. 8, 5. **268, 19**. συνηβάω. συνηβών p. 114, 3 e. συνήθης. p. 154, 9. τὸ σύνηθες p. 4, 3. σύνθεσις compositio problematis. p. 66, 3, 7. 208, 7, 8, 24. 218, 17. 222, 12. 240, 5. 248, 11. rationis p. 140, 9. 146, 7. **συνίστημι. συνιστάμενος p.** p. 10, 14, 19. συστησώμεθα p. 26, 4. 118, 22 n. συστησάμενος p. 62, 28. συνεστάτω p. 28, 26, 62, 18, 108, 2 e. 198, 19 dc. συσταθήσεται p. 270, 18. συνοράω. συνοράν p. 266, 21. σύνταγμα p. 140, 14. σύνταξις p. 2, 2, 22. 302, 6. ή μεγάλη σ. Ptolemaei. p.270,4. συντελέω conficio. συντελεῖται p. 110, 8 e. συντίθημι compono problema. συντέθειται p. 174, 26. Gunted'en p. 224, 12. Gun $m \partial \mathcal{S}, \partial \mathcal{C}, m \mathcal{C}, k \mathcal{C}. q$ us so $n \partial \mathcal{S}, m \mathcal{C}$

160, 1, 10, 16. 198, 12 dc. διὰ τοῦ συνθέντι p. 148, 22. cfr. p. 290, 5. 296, 4. συνθέντι p. 18, 19, 23. 20, 9, 22. 22, 2. 124, 18 n. 132, 20. 134, 2. 194, 25 dc. 200, 15 dc. 204, 18 dc, 24 dc. 208, 26. 210, 28. 212, 2. 214, 1. 222, 10. 224, 19. 228, 13. 248, 13, 21. 256, 12. 272, 13. 276, 5. 278, 4. 282, 2. 288, 11. 346, 19. 354, 6. 356, 3. 364, 1. 366, 16. συντόμως, συντομώτερον p. 110, 15 e. συνωθέω. συνωσθήτω p. 108, σφαίρα p. 2, 1. 54, 15. 128, 23. 130, 2, 4, 22. 136, 4. 176, 13. 180, 4 di, 6 di, 8 di. 184, 20 di, 24 di. 186, 3 di. 188, 4 dc, 11 dc. 190, 18 dc. 204, 2 dc, 3 dc, 15 dc. σφαιρικός. ἐπιφάνεια σφ. p. 128, 7, 16, 19. 130, 19. τὰ σφαιρικά Theodosii p. 314, 17. σφάλλω. σφαλείς p. 104, 2 e. σχεδόν p. 76, 7. σχημα p. 52, 1. 110, 16 e, 18 e, 24 e. 128, 14, 18. 132, 8. 268, 11. 310, 25. 312, 3, 13, 16. 324, 11, 15, 20. 326, 4. 332, 2, 12. 342, 2. ἐν τῷ αὐτῷ σχήματι p. 104, 8 e. τὸ δεύτερον σχημα p. 108, 7 e. cfr. p. 252, 15†. 332, 16. σχόλιον. τὰ σχόλια p. 362, 19. σώζω, τῆς αὐτῆς βασέως σωζομένης p. 60, 7. 62, 5. σωλήν stria. p. 68, 7 pl, 14 pl, 15 pl. 114, 23 n. 116, 8 n. σωληνίζω strio. σωληνισθει-

T.

σῶν p. 68, 13 pl.

τάξις. τῆ — τάξει p. 148, 2. ταράττω. τεταραγμένη άνα-

λογία p. 210, 1. 348, 1. 350, 11. 354, 2. τάττω. τεταγμένη άναλογία. p. 358, 11. cfr. p. 350, 11. ταύτη p. 76, 11. τάφος p. 102, 23 e. 104, 1 e, 3 e. τάχος. έν τάχει p. 104, 3 e. τε = καί. p. 154, 6. cfr. έτι. τε -- καί. p. 2, 13. 4, 5. 6, 13. 14, 7. 42, 2. 62, 5. 68, 19 pl. 74, 8 ph. 76, 2 ph. 86, 10 pp. 88, 16. 108, 24 e. 112, 2 e. 114, 15. 118, 8 n. 120, 2 n. 126, 10. 128, 6. 134, 25. 140, 14, 26. 152, 9. 176, 17. 182, 9 dc. 300, 28. 306, 2, 6. 310, 18. 318, 12. 346, 23. 354, 15, 21. 362, 10. 364, 4. 366, 2, al. τε — μετά p. 350, 4. τε — τε p. 114, 16. τε transpositum. p. 78, 16. 92, 16. 144, 22, 27. 146, 9. 148, 4 sq. 178, 5. 236, 19. 250, 11, 18. 264, 18. 344, 17 sq. 348, 4, 17. 350, 10, 18. 352, 4, 20. 354, 1 sq. 356, 14, 15. 358, 12. 364, 16, 27. τελευταΐος p. 132, 14. τελέω. τελέοιτο p. 114, 7 e. τέλος. έπὶ τέλος p. 2, 11. έπὶ τέλει p. 132, 13. 152, 18. 178, 21. ἐν τῷ τ. 154, 14. τέμνω. τέμνει p. 72, 2 h. 88, 24. 118, 9 n. 174, 9, 12. 186, 3 di. 328, 8. τέμνουσι p. 70, 10 h. 194, 21 dc. 198, 27 dc. 328, 24. 332, 1. έτέμνετο p. 176, 13. τέμνεται p. 72, 3 h. 88, 17. 166, 27. 330, 21. $\tau \dot{\epsilon} \mu$ νονται p. 330, 26. τέμνηται p. 226, 18. τεμνέτωσαν p. 98, 4 m. τεμνέτω p. 78, 2 ap. 82, 19 dc. 94, 22 m. 120, 8 n. 180, 20 di. 182, 2 di. 198, 20 dc. 204, 14 dc. τέμνων φ. 32, 6. 74, 5 ph. 78, 7 sp, 12 sp 88, 8. 162, 24. 174, 21. 338

33*

15. τέμνειν p. 120, 2 n. τεμών p. 208, 10. τεμεί p. 94, 21 m. 100, 2 ar. 182, 1 di. τεμούσι p. 98, 3 m. τέμνεσθαι р. 50, 9. 270, 23. тентонетос p. 174, 4. τμηθείς p. 60, 21. 836, 2, 16. τμηθη p. 118, 11 dc. 254, 8. 320, 18. τεμεῖν p. 160, 3. 178, 12. 180, 4 di, 7 di. 188, 22 dc. 190, 11 dc, 22 dc. 198, 13 dc. 204, 2 dc. τμηθήσονται p. 80, 27 dc. 360, 17. τέμωμεν p. 336, 7. τετμήσθω p. 14, 25. 16, 17, 20, 22. 46, 25. 78, 5 ap. 122, 11 n. 128, 23. 338, 23. τετμήσθωσαν p. 328, 16. τετμημένος p. 138, 23. τέτμηται p. 122, 1 n. 288, 10. τέρμα p. 112, 17 θ. τεσσαράκοντα. τεσσαράκοντα πέντε p. 358, 24. 360, 3. τέσσαρες p. 18, 20. 48, 16. 72, 14 h. 102, 16 ar. 182, 11 · di. 216, 15. 226, 24. 230, 16, **25**. 234, 13. 242, 11. 244, 28. 256, 19. 340, 23 al. τεταγμένως p. 338, 22. τεταρτημόριον. circuli. p. 22, 15, 18. τέταρτος p. 18, 19. 216, 17 sq. 246, 3. 256, 21, 24. 364, 7. 366, τέταρτον quarto. p. 364, 25. τέταρτον (μέρος) p. 146, 14,16. τρία τέταρτα p. 146, 13. τετραγωνικός. πλευρά τ. p. 268, 20. 272, 6. 274, 14. 276, **18.** 280, 6. 286, 6. 288, 23. 292, 12. 296, 16. 298, 11. τετράγωνον p. 62, 13, 19, 28. 64, 3. τὸ ἀπό — τετρ. p. 62, 22. 216, 3. 242, 5, 16. 362, 14, 16. 364, 23, 26. 366, 6, 8. τετράγωνος άριθμός. p. 268, 22, 23, 274, 16. τετράκις p. 346, 24. τετραπλάσιος p.104,5e. 130,

9, 10, 340, 9 sq. 358, 20. τετραπλασίων p. 316, 11. 340, 22. τετράς p. 42, 9, 14. τεύχω. τεύχειν p. 112, 3 e. zevzois p. 114, 1 e. τηδε p. 112, 17 e. τηρέω. τηρών p. 4, 4. τηρείν p. 76, 19. τίθημι. τίθησι p. 208, 15. τε-8 els p. 22, 8. 28, 27. 80, 24 dc. τεθή p. 148, 25. τίς indirecte. p. 4, 12. 104, 7 e. 264, 12. 310, 22. TIG p. 4, 25. 6, 10, 18. 14, 12, 14. 32, 7. 68, 7 pl. 70, 15 h. 80, 28 dc. 82, 2 dc. 84, 14 pp. 86, 6. 90, 11 sp. 100, 4 ar, 8 ar. 104, 7 e, 17 e, 18 e. 106, 11 e. 108, 1 e. 112, 21 e. 114, 7 e. 116, 6 n. 118, 2 n, 11 n. 174, 18. 188, 7 dc, 12 dc. 190, 25 dc. 206, 11. 266, 6, 15, 23, 27. 268, 23. 302, 4, 12. 312, 3. 320, 19. τμημα. circuli. p. 32, 4, 5. 210, 20. 220, 7. τὸ μεῖζον τμῆμα p. 52, 24. τὸ ἔλασσον τ. p. 52, 25. sphaerae. p. 126, 26. 128, 20. 130, 8, 14, 25, 26. 132, 15. 138, 28. 180, 4 di, 9 di. 184, 22 sq. di. 186, 7 sq. di. 188, 5 sq. dc. 204, 4 sq. dc. 206, 3 dc. 212, 13, 14. 214, 5, 9, 12. 218, 1, 10. 236, 4 sq. 238, 3, **4**, 6. **24**0, 19, 23. 242, 17, 18. 250, 28. 252, 1. pars. p. 134, 24. 136, 8. 160, 4, 6. 218, 22. **2**26, 19, 21. 25**4**, 9, 10. 268, 12. 330, 24. 332, 14. parabolae. p. 326, 6 sq. 328, 4. 332, 5. 334, 13, 16. 336, 6 sq. 338, 7, 10. 340, 2. 342, 5, 7, 360, 22, 23, 24. 362, 1. 368, 22, 23. 370, 4, 7, 8.

2, 4. 208, 1. 292, 6. 330, 1, 3,

τοίνυν p. 114, 16. 116, 9 n. 118, 1 n. 140, 17, 268, 2, 324, 4, τοιόσδε. τὸ τοιόνδε. p. 6, 15. τοιοῦτος p. 8, 13. 190, 9 dc. 268, 2. 324, 11, 15. 328, 25. 330, 4 sq. 340, 24. 342, 11, 12, 14. τὸ τοιοῦτον p. 34, 19. 42, 13. 76, 7. 84, 4. 88, 4. 104, 9 e. 128, 5, 18. 174, 7. τομεύς p. 56, 20, 21. 128, 5. 130, 18. 132, 10. 370, 3, 6. τομ. στερεός p. 6, 8. 128, 8, 9. 130, 23. τομή diuisio. p. 22, 16. 338, 5. punctum sectionis. p. 226, 17. 254, 10, 14. κώνου τ. p. 332, 360, 14. διάμετρος τῆς τομ. p. 326, 17. ορθογωνίου κώνου τομή p. 154, 11. 324, 20. 342, 2, 3. αμβλυγωνίου κώνου τομή p. 154, 12. κοινή τομή έπιπέδων p. 28, 3. 100, 15 ar. 102, 7 ar. linearum. p. 136, 9. τόμος p. 360, 18. 370, 9. τόπος p. 100, 10 ar. τοσούτος. έπλ τοσούτον p. 68, 19 pl. 78, 13 ap. τοσούτφ p. 254, 13. 336, 20. τότε p. 194, 6 dc. τοντέστι p. 20, 18. 22, 13. 36, 18, 19. 38, 2. 40, 16, 18. 40, 8. 46, 3, 6. 52, 7. 54, 18, 14, 21. 70, 17 h. 74, 7 ph. 76, 14. 86, 5 pp, 12 pp, 16 pp. 88, 28. 90, 26 sp, 27 sp. 92, 5 sp, 6 sp, 27 m, 28 m. 96, 14 m, 16 m, 21 m, 22 m. 98, 6 m, 9 m. 102, 10 ar, 14 ar. 118, 22 n. 120, 11 n. 124, 6 n, 8 n. 126, 21. 130, 22. 132, 10, 14. 136, 17. 138, 17. 144, 1, 27. 146, 1, 13, 22. 148, 29. 150, 5. 152, 5, 9. 156, 12, 15. 158, 5. 160, 30. 162, 2, 19. 164, 5, 11. 166, 21. 170, 6. 172, 3, 5. 174, 22. 176,

16. 184, 11 di. 186, 14 di. 196, 22 dc. 200, 29 dc. 206, 2 dc. 208, 21. 210, 3, 4. 214, 2. 220, 20, 21. 224, 18. 228, 10, 26, 27. 230, 18. 232, 3, 4. 238, 12. 242, 16. 246, 10, 28, 30. 248, 3 sq. 250, 14. 252, 10. 254, 21, 22. 258, 5, 16. 316, 17. 328, 25. 330, 8, 16. 340, 7, 18. 342, 26. 344, 14. 350, 11. 356, 1. 358, 9. 368, 16, 17, 19. 370, 5. τραγφδοποιός p. 102, 22 e. τρείς p. 92, 24 m. 108, 2 e. 110, 4 e. 210, 2. 224, 22. 228, 8. 340, 25 al. τριάκοντα p. 360, 1, 2. τριακοστός, τέταρτος καὶ τρ. p. 166, 17. τριάς p. 112, 20 e. τοίγωνον p. 26, 5. 28, 2. 30, 2, 3, 5. 32, 4, 12, 14. 32, 23, 24. 36, 19, 23. 44, 12, 13. 72, 17 h. 76, 3 ph. 100, 5 ar, 12 ar. 102, 11 ar, 16 ar. 166, 22. 210, 23, 26. 214, 16. 218, 3. 220, 5. 268, 10. 306, 15. 308, 13. 310, 1 sq, al. τὰ πρὸς τῆ **παθέτ**φ τρίγωνα p. 126, 9. 134, 24. 222, 19. 254, 19. το. άπό p. 316, 13, 16. omissum p. 10, 14, 19. 26, 5. 30, 4 sq. 32, 27, 28. 36, 20, 21. τοιπλάσιος p. 62, 2. 64, 4, 12. 252, 24. 266, 3. 284, 8, 15. 300, 9. 342, 7. τρ. λόγος p. 144, 28. 242, 6, 28. ἐλάσσων ἢ τρ. p. 284, 12. τριπλασίων, τριπλασίονα λόγον έχειν ήπες p. 48, 17. 230, 18. μείζονα ή τοιπλασίονα λόγον έχειν ήπεο p. 48, 2, 19. 56, 18. ἐλάσσονα p. 56, 17 (τοῦ ὂν). τριπλούς. τριπλή p. 330, 3. 340, 25. 342, 10. 7015 p. 848, 2b.

τρίτος p. 166, 29. 272, 12. 314, 16. 366, 3 al. terminus. p. 18, 18. 84, 8. 88, 2 pp. 126, 15. 136, 1. 138, 2. 140, 21. 182, 19 di. 216, 18, 19, 21. 218, 23. 222, 21 sq. 228, 9, 10. 284, 20. 246, 3. 256, 22, 24. 258, 5. Tò τρίτον p. 142, 14. 160, 7. 270, 10, 14. 282, 13. 284, 24, 25. δύο τρίτα p. 146, 22. ἐκ τρίτων tertio. p. 2, 11. τοίτον p. 864, 25. τρίχα p. 46, 26. τρόπος p. 66, 19. 178, 24. τὸν δυνατόν τρόπον p. 264, 5. κατά τὸν αύτὸν τρόπον p. 60, 3. τινα τρόπον p. 104, 7 e. τυγχάνω, τυγχάνει p. 142, 10. τυγχάνων p. 18, 9. 62, 7. 264, 7. τευξεται p. 2, 15. έτύγχανεν p. 176, 9. τύχοι p. 336, 15. τυχών p. 4, 26. 6, 22, 25. 14, 23. 16, 15. 68, 18 pl. 82, 2 dc. 168, 6. 202, 24 dc. 206, 10. τυχόν fortasse. p. 2, 21. τυλάριον clauiculus. p. 84, 17 pp. τύλιον clauiculus. p. 84, 14 pp. τύλος clauus. p. 68, 14 pl. 70, 15 h.

r.

ύγοός. τὰ ὑγοά p. 106, 16 e. **ὑμέτερος p. 2, 20.** ΰπα**ρξις p. 12, 20.** ὑπάρχω. ὑπάρχη p. 146, 5. ύπῆρχεν p. 12, 26. ὑπάρχων p. 176, 22. 244, 3. 272, 5. 314, 4. υπεπίτοιτος subsesquitertius. lóyog v. p. 146, 10. ύπερβάλλω, ύπερβάλλοντα p. 206, 25. ύπερβολή p. 94, 20 m. 154, 12. 158, 7, 14. 162, 21, 27. 166, 12, 26, 28, 268, 3, 4, 8, 9, 170, 18, 22. 174, 10, 22. 182, 1 di,

200, 3 dc. 206, 7, 14, 24, 27. 208, 4. 312, 6. ἐπὶ ὑπερβολῆς p. 94, 6 m. ύπερέχω. ὑπερέχει p. 48, 5, 7, 10. 284, 8, 15. 288, 23. 290 col. III, 9 al. 292, 13. 296, 17. 298, 12. 300, 9. μείζονι ύπεςέχει p. 48, 9, 12. έλάττονι υπερέχει p. 266, 3. **νπερέξει** p. 18, 12. ὑπερέχων p. 116, 1 n. 284, 13. τῷ ἴσφ ὑπερέχειν p. 46, 22. ύπεςμεγέθης p. 268, 7. ờπεροχή p. 116, 18 n. 350, 21, 26, 29. νπό cum accus. sub. p. 32, 25. 110, 13 e. 130, 21 al. cum genet. sub. p. 110, 14 e. ab. p. 2, 13. 4, 2. 66, 8. 98, 16. 106, 9 e. 154, 20. 176, 25, 27. 178, 4. 264, 3, 5. 266, 21, 22. 300, 28. 302, 13. 342, 1. ἡ ὑπὸ ΚΕΜ (γωνία) p. 34, 28. 40, 4, 26 sq. 42, 1 sq. 68, 4 pl. 78, 28 dc. 86, 10 pp. 102, 12 ar. 118, 17sq. n. 122, 17n. 194, 19 dc. 198, 19 dc. 282, 13 sq. 284, 25. τὸ ὑπό p. 38, 19. 40, 2. 46, 2, 5. 48, 25, 26, 28. 52, 2 sq. 54,4,5. 72, 4 sq. h. 74, 23 sq. ph. 92, 25 m, 26 m. 94, 3 sq. m. 96, 14 m, 17 m, 21 m. 98, 7 m, 9 m. 102, 9 ar. 124, 2 sq. n. 132, 28. 134, 1 sq. 156, 5 sq. 158, 5, 6. 162, 1 sq. 164, 1 sq. 166, 1. 168, 15, 16. 170, 1 sq. 172, 2, 3, 8, 10. 180, 18 di. 182, 6 sq. di. 192, 13 dc, 14 dc. 194, 2 sq. dc. 196, 2 sq. dc. 198, 25 dc. 200, 5 sq. dc. 202, 6 sq. dc. 206, 21, 26. 208, 2. 212, 17. 220, 20. 224, 3, 4, 5, 25. 226, 2 sq. 228, 1, 6. 230, 26, 28, 29. 232, 3 sq. 234, 2 sq. 244, 7 sq. 246, 1 sq. 250, 2 sq. 264, 9 sq. 256, 1 sq. h vao

4 di. 198, 2 dc, 6 dc, 26 dc.

(εc. γενομένη) ἐπιφάνεια p. 50, 22, 23. cfr. 76, 8. 252, 8? ύπογοάφω. ύπογέγοαφα p. 106,27 e. ὑπογεγράφθω p.110, 16 e. ύπόδειγμα. ἐπὶ ὑποδείγματος p. 144, 24. ύποδείκνυμι. ύποδείξαι p. 146, 4. ờπόθεσις p. 4, 5, 6. 354, 28. res. p. 2, 8. καθ' ὑπόθεσιν p. 138, 23. ύπο**κάτω p. 106, 8 e. υπόκειμαι. υπόκειται p. 124,** 19 n, 25 n. 136, 4. 166, 20. 192, 5 dc. 256, 11. 258, 18. 270, 26. 274, 2. 278, 10. 280, 2. 296, 7. 298, 8. 310, 6. 316, 11. 318, 8. 346, 26. 360, 11. 366, 26. 370, 3. ὅπερ ούχ ὑπόκειται p. 312, 19. 318, 7. ὑποκείμενος p. 12, 27. 102, 6 ar. 308, 13. 314, 5. ὑπόκεινται p. 272, 9. 274, 19. 276, 20. 280, 8. 286, 10. 290, 2. 292, 15. 296, 20. 298, 14. ὑποκείσθω p. 60, 12. ὑποκείσθωσαν p. 10, 23. υπέκειτο p. 290, 7. ύπομιμνήσκω. ὑπομνηστέον p. 140, 21. ύπόμνημα p. 34, 8. 56, 24. 98, 17, 142, 1, 260, 14, 302, 14, ύπομνηματίζω, ύπομνηματίσαντες p. 306, 9. **ὑπονοέω. ὑπονοῆσαι. p. 66, 16.** ὑπόστασις p. 154, 8, ύποτείνω. ύποτείνουσα (cum accus.) p. 22, 20 (de chorda). p. 288, 6 (γωνίας). ύποτίθημι. ύποθοίτο p. 274, 11. 276, 15. ὑποθέμενος p. 104, 10 e. ύστερον, τὸ ές ύστερον p. 114, 5 e. **ὑφημιόλιος** subsesquialter. p. 146, 20, 22.

 $\ddot{v}\psi o \varsigma$ cylindri. p. 60, 8 sq. 62, 1 sq. 64, 1 sq. 252, 22. trianguli. p. 324, 12. 326, 10. 342, 5. coni. p. 64, 13, 128, 1, 20. 130, 1 sq. 132, 2, 3, 5, 7, 9. 184, 4 sq. di. 186, 6 sq. di. 188, 6 sq. dc. 190, 2 dc. 204, 21 dc, 27 dc. 206, 2 dc. 216, 2. 236, 15. 252, 23, 27. 254, 3. 260, 6, 8, 10. segmenti sphaerae. p. 184, 23 di, 26 di, 27 di. 186, 8 di. 204, 23 dc, 29 dc. 212, 14. 214, 9. 218, 12. 236, 11, 12. ποινοῦ ὕψους λαμβανομένης. p. 40, 11. 46, 4, 7. 134, 8, 10. 156, 23. 162, 10. 164, 7. 170, 4. 172, 2. 224, 4. 234, 12. 238, 23. 244, 7, 19. ύπὸ τὸ αὐτὸ ΰψος είναι p. 32, 25. 130, 21. cfr. praeterea p. 158, 20, 21. 160, 13. 164, 29. 362, 27. 364, 14, 23, 27. 366, 6, 9.

Φ.

φαίνομαι. cum particip. φαίνεται p.114, 13. 266, 11. έφάνη δυνατόν p. 266, 26. cum infinit. φαίνονται p. 300, 29. έφαίνετο p. 128, 9. φανε**ę**ός p. 144, 24. 240, 3. 332, 20. φανερον δή, ότι p. 6, 23. 34, 24. 38, 19. 70, 10 h. 74, 20 ph. 326, 5, 328, 20. φανερόν δέ, ὅτι p. 20, 20. 92, 16. 150, 9. 234, 9. φανερον ούν, ότι p. 16, 24. 336, 21. φανεφόν ἄφα, ὅτι p. 166, 16. φανεφόν, ὅτι p. 140, 11. 320, 8. 324, 15. 334, 29. 336, 17. φαντασία p. 2, 5. φάσκω. ἔφασκε p. 88, 20 (ὅτι). 128, 9. φέρω. φέρεσθαι κατά p. 42, 12, 16, 19. φέρεται κατά γ. 50, 13. olodnjaerai p. 50, 14.

ένεχθήσεται p. 116, 14 n. έφέρετο p. 180, 2. φημί p. 10, 10. 140, 17. 300, 29. 350, 21. φησί p. 4, 7. 6, 1, 19. 8, 15. 32, 10. 60, 4. 66, 7, 12. 84, 9. 128, 2. 130, 28. 182, 16. 148, 16. 176, 5, 29. 178, 7. 188, 24 dc. 208, 14. **234**, **23**, **266**, **1**, **5**, **17**, **282**, **19**, **284**, **18**. **286**, **8**. **288**, **25**. **292**, 8. 300, 26. 308, 7. 314, 12. 324, 4, 21. 360, 17. φασί p. 102, 22 e. 104, 17 e. 140, 26. έφαμεν p. 300, 20. φδέγγομαι. φθέγξομαι p. 2, 12. φιλομαθής p. 270, 6. 306, 6. φιλοπόνως p. 106, 1 e. φίλος p. 114, 4 e. 154, 9. φιλοσοφία p. 2, 13. φιλόσοφος p. 2, 16. 264, 14. φιλοτεχνέω, φιλοτεχνητέον p. 110, 9 e. φράζω, φραζομένη p. 110, 15 e. φράζεαι p. 112, 14 e. φρέας. φςείατος p. 112, 16 e. φροντίς p. 264, 8. φυσικός p. 306, 8. φύσις p. 122, 14 e. τῆ φύσει p. 268, 1.

X.

χαίρω. χαίρειν p. 102, 21 e. χαλκοῦς p. 110, 4 e, 13 e. χαφακτηφίζω. ἐχαφακτήφισεν p. 12, 22. χάρις. χάριν p. 10, 23. χείρ p. 114, 6 e. χειρουργέω. χειρουργήσαι p. 106, 6 e. χελωνάριον p. 116, 7 n, 11 n. χελώνιον p. 114, 23 n. χοινικίς p. 106, 23 e. χολέδρα p. 110, 6 e. χράσμαι. χρῆται p. 66, 16.

πέχρηνται p. 302, 1. έχρήσατο p. 4, δ. κεχοῆσθαι p. 66, 14. χοεία p. 106, 7 e. 114, 12. 266, 2. 300, 22. χρή p. 28, 12. 88, 24. 114, 20 n. 172, 27. 176, 25. 238, 24. 266, 21. 270, 5. έχοῆ» p. 246, 4. 302, 5. χοησιμεύω. χοησιμεύων η. 6, 10. χοήσιμος p. 42, 12, 20. 106. 19 e. 120, 18 n. 178, 17. 300, 20. χοησμός. κατά χο. p. 104, 18e. χοήσις p. 76, 18. χρόνος. μετά χρόνον p. 104, 17 e. έπὶ πολύν χρόνον p. 104, 11 e. χωρέω. χωρεϊ p. 106, 19 e. χωρίον p. 26, 18. 32, 8. 94, 16 m, 21 m. 154, 24, 26. 158, 5. 160, 3. **164**, 10, 13. 174, 2. 264, 12. 268, 15. zwęls p. 26, 22. 34, 22. 38, 15. 128, 23. 132, 26. 210, 17. 230, 3.

Ψ.

ψαύω. ψαύη p. 68, 22 pl. ψαύων p. 68, 18 pl, 21 pl. 166, 26.

Ω.

φ p. 112, 13 e. 306, 1. φς. φς ίστε p. 2, 5. φς ἔχει p. 68, 23 pl. φς εἰσηται p. 4, 18. 42, 19. 64, 22. 70, 18 h. 74, 12 ph. 82, 15 dc. 140, 26. 146, 24. 148, 9. 154, 15. 158, 3, 12. 166, 13. 174, 20. 178, 20. 264, 20. 268, 4, 8. φς ἐδεἰχθη p. 38, 24. 128, 3. 158, 26. 160, 10. 166, 5. 184, 23 di. 328, 4. post uerba sentiendi et simil. p. 2, 10, 12. 88, 4. 178, 3, 13. 204, 12 dc. 234, 17. 266, 22. 302, 9. 324, 10. uelut. p. 10, 24. 14, 6, 18, 15. 22, 7,

11. 28, 24. 62, 28. 64, 20. 68, 12 pl, 24 pl. 70, 15 h. 76, 15. 80, 26 dc. 82, 27 dc. 84, 16 pp. 98, 18. 100, 11 ar. 116, 3 n, 4 n. 120, 5 n, 14 n. 154, 25. 158, 4, 13. 162, 18, 24. 164, 4. 166, 13. 168, 14. 174, 11, 12. 196, 20 dc, 26 dc. 198, 5 dc. 224, 23. 226, 25. 230, 3. 326, 14. cfr. p. 170, 25. 180, 19 di. γεγονέτω ώς -- οῦτως p. 18,24. 48, 3. 64, 24. 120, 6 n. 164, 25. 186, 9 di. 198, 21 dc. 232, 1. 308, 18. 366, 5. 368, 24. omisso οῦτως p. 82, 16 dc. 214, 27. 230, 15. 258, 3. 276, ποιείν ώς — οῦτως p. 20, 15. 36, 27. 48, 14. 52, 15, 16. 150, 8. 188, 14 dc, 15 dc. 196, 18 dc. 260, 2. omisso οὖτως p. 88, 1 pp. 224, 27. δέδεικται ώς — ούτως p. 200, 26 dc. 210, 7. omisso οὖτως p. 148, 18, 21. 150, 11. ώς — οῦτως p. 20, 1. 36, 9, 11. 44, 14 sq. 46, 1 sq. 52, 20, 21, 26, 72, 16 h, 19 h. 76, 1 ph. 80, 11 dc. 82, 24 dc. 86, 24, 26. 90, 25 sp. 98, 11 m. 102, 14 ar. 120, 10 n. 124, 10 n, 12 n, 16 n. 126, 12 sq. 134, 4 sq. 136, 25. 138, 2, 5, 7, 18. 144, 13. 148, 19. 150, 1. 156, 7 sq. 162, 3 sq. 164, 6, 12. 170, 3. 172, 1. 182, 13 sq. di. 186, 13 di, 14 di. 190, 6 dc, 7 dc, 26 dc. 192, 5 dc, 7 dc. 194, 9 sq. dc. 196, 1 sq. dc. 200, 10 sq. dc. 202, 13 sq. dc. 204, 10 dc, 18 dc. 210, 5, 12. 212, 2. 216, 2, 20. 218, 5, 8, 25. 220, 1. 222, 20 sq. 224, 6. 226, 7. 228, 8, 16, 17. 238, 13, 22. 242, 7, 9, 17. 248, 2, 27. 250, 5. 256, 12. 258, 4, 6, 9. 282, 10. 330, 1. 342, 25, 27. 344, 4, 11. 346, 3, 19. 348, 2,

12. 350, 16, 20. 352, 6, 13, 16. 354, 6. 356, 4 sq. 358, 2, 6. 362, 3. 364, 3 sq. 366, 12 sq. 368, 1, 7. 370, 3, 4. ès omisso ούτως p. 20, 8. 46, 15. 80, 16 dc. 86, 25. 88, 27. 90, 22 sp. 92, 1 sq. sp. 94, 27 m. 98, 12 m. 108, 12 sq. e. 112, 1 e, 3 e. 124, 9 sq. n. 126, 2 n, 24. 132, 19, 20. 136, 1 sq. 138, 19. 144, 11, 15. 148, 22. 150, 2. 162, 9. 208, 18, 19. 210, 27, 28. 212, 1 sq. 214, 28, 29. 216, 4, 19, 22. 218, 7. 220, 3. 222, 23. 228, 7, 13, 14. 232, 20, 21. 240, 11. 246, 8. 256, 11. 272, 13. 276, 5 sq. 278, 5, 6. 282, 3, 4. 288, 11, 18. 314, 22, 23. 316, 1, 2, 25, 27. 352, 11, 21, 26. 354, 2. 362, 1, 29. 364, 1, 18. έστιν ώς — ουτως p. 26, 6. 36, 21. 44, 3, 13. 46, 8. 54, 20. 56, 3. 72, 15 h. 74, 29 ph. 82, 24 dc. 86, 12 pp. 88, 21, 24. 96, 8 m. 120, 9 n. 124, 15 n. 132, 27, 28. 134, 2, 3, 5. 136, 15, 19. 138, 4, 10, 16. 148, 29. 154, 25. 156, 6. 158, 17. 160, 4 sq. 162, 1. 164, 4. 182, 12 di. 186, 11 di. 190, 5 dc, 13 dc, 23 dc, 24 dc. 192, 4 dc, 9 dc. 194, 8 dc, 12 dc, 24 dc, 25 dc. 198, 9 dc. 200, 9 dc, 14 dc. 202, 3 dc, 18 dc, 26 dc. 204, 7 sq. dc. 208, 12. 210, 3, 24. 218, 4, 22. 224, 2. 232, 17, 24. 234, 10. 316, 15. 342, 22. 344, 8. 348, 7. 350, 6, 12. 352, 12, 17. 354, 29. 356, 13. 358, 12. 360, 23. 362, 20. 368, 5, 15. omisso οΰτως p. 36, 6. 40, 8, 13, 25. 50, 2. 52, 14. 54, 12. 70, 1 pl. 76, 4 ph. 80, 5 dc, 7 dc. 90, 14 sq. sp. 92, 9 sp. 94, 24 m, 26 m. 96, 2 m, 12 m, 20 m. 98, 7 m, 10 m, 108, 10 e, 14 e. 110, 24 e. 122, 21 n. 126, 1 n, 11. 132, 18, 21. 134, 25. 136, 21. 138, 1. 144, 5, 10. 208, 17, 25. 210, 26. 216, 10, 16, 18. 218, 26. 222, 19. 228, 1, 12. 232, 20. 278, 4. 282, 2. 288, 10. 290, 6. 296, 4. 298, 2. 310, 2, 5. 314, 21. 316, 25, 318, 21. 328, 6. 334, 3. 344, 9, 16. 346, 12, 16. 352, 2, 9. 362, 28. 364, 370, 6. εἶναι πρός — τὸς p. 34, 27. 36, 17. 60, 20. 62, 22. 132, 6. 140, 1. 184, 11 di, 13 di. 190, 4 dc, 206, 1 dc. 236, 15. 260, 10. 316, 19. 362, 27. 364, 14. ὑπόκειται ὡς p. 810, 8. sicut. p. 12, 26, 34, 13. 42, 16. 48, 29. 66, 15, 21. 72, 22. 78, 19. 84, 9, 11, 12. 110, 7 e, 17 e, 24 e. 140, 10, 13. 164, 18. 174, 15, 24, 25. 178, 11. 180, 3. 188, 1. 244, 29. cfr. p. 140, 23. 142, 11. enim. p. 2, 20. apud participium. p. 18, 8, 114, 14, 300, 24. 314, 3. apud praepositiones. p. 60, 22, 80, 25 dc. 84, 8. 100, 1 ar. 126, 6. 134, 21. 152, 10. 168, 5. 176, 2. 198, 12 dc. 264, 9. 308, 12. quantum. p. 300, 15. quomodo, p. $206, 6. = \omega \sigma \tau \epsilon p. 154, 13. apud$ superlatiu. p. 110, 5 e.

ῶς sic. p. 114, 7 e. ἀσανίτως p. 110, 8 e. 112, 3 e. τὰ ἀσανίτως πολλαπλάσια p. 344, 3. 352, 15.

αστε cum indicatiuo. p. 8, 1. 16, 1. 24, 5, 10, 16. 26, 7, 15.

28, 1. 30, 20, 22. 32, 23. 40, 8. 48, 18, 25. 64, 13. 74, 28 ph. 102, 8 ar. 104, 15 e. 118, 24 n. 134, 25. 136, 8. 138, 26. 158, **21. 174**, 16. 186, 24 di. 206, 29. 208, 22. 212, 15. 214, 17. **216**, 10. **218**, 12, 16, 22. 220, 14. 224, 18. 226, 3, 18. 230, 21. 232, 12. 236, 18. 240, 8. **242,** 14. 244, 8, 14. 252, 10. **254, 20. 256, 8. 258, 21. 268,** 4. 270, 5, 12. 272, 2. 274, 3. **282**, **22**, **292**, **2**, **4**, **14**, **296**, **10**. 300, 5, 22. 310, 9, 11. 312, 25. 320, 14, 17. 328, 12. 334, 15. 340, 7, 19. 342, 5, 15. 348, 27. **350, 26, 29. 356, 13, 16. 362,** 5, 7. 368, 21. cum infinitiuo p. 4, 26. 8, 7. 18, 12. 68, 23 pl. 70, 7 h. 72, 24 ph. 78, 9 ap. 84, 12 pp. 86, 2 pp. 96, 8 m, 29 m. 114, 21 n. 142, 11, 14. 154, 25. 156, 28. 160, 4. 162, 16. 166, 4. 174, 6, 13. 180, **4** di, 8 di, 16 di. 188, 22 dc. 190, 12 dc, 23 dc. 196, 21 dc. 198, 23 dc. 204, 7 dc. 206, 24. 208, 12. 224, 23. 230, 4. 268, 12. 320, 18. 338, 6. omisso uerbo p. 16, 26, 22, 19, 28, 7, 36, 8. 48, 13. 50, 22. 52, 26. 62, 3. 90, 18 sp. 94, 8 m. 106, 15 e. 120, 16 n. 126, 12. 134, 3. 138, 29. 142, 8. 150, 13, 15. 164, 1. 208, 26. 210, 21. 212, 16, 214, 14. 218, 7. 220, 20. 228, 24. 256, 12. 310, 16. 320, 15. 328, 29. 330, 10. 350, 16. 352, 5. 356, 21. 362, 3. οντως ώστε p. 68, 9 pl. 90, 11 sp. 140, 12, 336, 16.

Index nominum propriorum apud Archimedem, Eutocium, scholiasten Florentinum occurrentium.

'Ακαδημία. οί ἐν 'Ακαδημία γεωμέτοαι III p. 104, 20 e. 'Aπουπατής nomen corruptum. II p. 248, 8. Άλεξάνδοεια ΙΙ p. 450. 'Αμμώνιος philosophus. III p. 2, 16. Άντιφῶν ΙΙΙ p. 264, 16. Άπολλώνιος Pergaeus. III p. 76, 22. 158, 9. 162, 23. 166, 9, 19. 168, 1. 182, 8. 196, 25. 200, 6, 12. 208, 5. 300, 17. 312, 12. 326, 3, 7. 332, 5. schol. III p. 374, 12. 375, 3. κωνικά sine nomine III p. 206, 8. 328, 5. cfr. Ωπυτόπιον, Περγαΐος. Αρίσταρχος Samius. II p. 244, 9, 24. 246, 9. 248, 9, 19. 288, 9, 15, 23. 290, 3, 15. cfr. Σάμιος. Αριστοτέλης ΙΙΙ p. 306, 2, 8 (φυσικαλ πραγματεῖαι). Άριστοτελικός, κηρία Ά. ΙΙΙ p. 264, 19. Άρπάδιος ΙΙΙ p. 140, 14. Aρχαί liber Archimedis. II p. 246, 11. Άρχιμήδειος ΙΙΙ p. 2, 21. 176, 1. Άρχιμήδης Ι p. 2, 1, 2. 188, 2. 274, 1. II p. 2, 1. 294, 2. **482**. **433**. **443**. **444**. **450**. **454**.

III p. 2, 1. 56, 25. 152, 25. 154, 8. 176, 13, 25. 178, 18, 21. 188, 4. 190, 16. 260, 15. 264, 3, 9. 266, 1, 12, 22. 268, 2. 300, 20, 24, 28. 302, 13, 14. 306, 10. 308, 3. 332, 2. schol. ΙΙΙ p. 376, 22. τὸ περί σφαί**φας καλ κυλίνδφου ΙΙΙ p. 2, 1.** 56, 24, 25. 236, 8. 260, 15. 264, 6. 268, 16. 310, 24. 324, 10. 332, 22. 362, 19. schol. III p. 375, 6. cfr. III p. 32, 11. 38, 24. 60, 4. **κύκλου** μέτρησις III p. 264, 10. τὸ πεοὶ τῆς τοῦ ὀρθογωνίου κώνου τομῆς III p. 342, 1-2. μηχανικά u. Index I. cfr. Aρχαί. Άρχύτας Tarentinus. III p. 98, 18. 106, 3 e. 112, 19 e. cfr. Ταραντίνος. Άσκαλωνίτης έθνικόν Eutocii. III p. 56, 24. 260, 14. 302, 14.

Bυζάντιος έθνικόν Philonis. III p. 72, 22.

Γάδαρα patria Philonis iunioris. III p. 300, 27.
Γέλων filius Hieronis. βασιλεύς II p. 242, 2. 290, 17.
Γεμίνος III p. 808, 3.

Γλαῦκος filius Minois. III p. 102, 23 e.

Δήλιοι III p. 104, 17 e.
Διοκίῆς III p. 78, 19. 88, 5, 12, 20, 21. 92, 17. 152, 23. 188, 1, 2. ἐν τῷ περὶ πυρίων III p. 78, 19. 152, 24. 188, 1, 2. Διοννσόδωρος III p. 152, 20. 154, 2. 178, 20. 180, 3. Δοσίθεος amicus Archimedis. I p. 2, 2. 188, 2. 274, 1. II p. 2, 1. 294, 2. Δωρίς γλῶσσα Archimedis. III p. 154, 9.

Έρατοσθένης Cyrenensis. II p. 450. III p. 102, 20, 21 e. 114, 8 e, 14, 17. cfr. Κυρηναΐος.

Εὐδημος ΙΙΙ p. 98, 18. 264, 18 (γεωμετοική Ιστοοία).

Eὖδοξος Cnidius. I p. 4, 11, 17. II p. 248, 7. III p. 66, 11, 16. 106, 4 e. 112, 21 e. cfr. Κνίδιος.

Eὐκλείδης I p. 14, 1. III p. 272, 12. 814, 16. schol. III p. 383 quater. στοιχεία II p. 446. III p. 6, 14. 34, 8. 210, 1, 12. στοιχείωσις I p. 24, 6. III p. 32, 3, 9. 34, 20. 42, 1. 140, 10, 23. 256, 6, 8. 272, 13. 314, 16. 332, 21. uerba elementorum citantur omisso nomine III p. 238, 28. 244, 23 al. κονικά στοιχεία I p. 300, 10. 302, 3, 4. 304, 15. ἡ στοιχείωσις τῶν δεδομένων III p. 214, 11. cfr. III p. 136, 6. 140, 5. 220, 12, 16. 212, 17 sq.

Eὐτόκιος Ascalonita. III p. 56, 24. 260, 14. 302, 14. cfr. III p. 260 not. crit.

Zεύξιππος amicus Archimedis. II p. 242, 19. 266, 12. Ζεύς III p. 114, 5 e.

Hέλιος II p. 450 u. 1. 452 u. 27, u. 32.

'Η φακλείδας amicus Archimedis. II p. 2, 4. 6, 9.

'Η φακλείδης idem? ἐν τῷ Αρχιμήδους βίφ III p. 266, 1.

Ασχιμήδους βίω III p. 266, i. Ήφων Alexandrinus. III p. 70, 3. 76, 8, 9. 78, 16. 98, 17. citantur βελοποιιπά et μηχανιπαὶ είσαγωγαί III p. 70, 3. έν τοῦς μετριποὶς III p. 270, 2. Ἡρώνας. ἐν τῷ ὑπομνήμαι τῷ εἰς τὴν ἀριθμητιπὴν εἰσαγωγήν. III p. 140, 27.

Θεοδόσιος Tripolita. σφαι φικά. III p. 314, 17. Θέων Alexandrinus. comment. in Ptolemaeum. III p. 140, 14, 270, 3. Θεινακίη II p. 450 u. 4. 452 u. 36.

'Ιπποκράτης Chius. III p. 104, 12 e. 264, 15. cfr. Χζος. 'Ισίδωρος Milesius, magister Eutocii. III p. 56, 26. 98, 15. 260, 16. 302, 16.

Kλαύδιος Ptolemaeus. III p. 270, 4. 802, 6.

Κνίδιος έθνιπόν Eudoxi. III p. 66, 11.

Kόνων Alexandrinus, amicus et aequalis Archimedis. I p. 6, 3. 188, 4. II p. 2, 2, 13, 19. 294, 3, 4, 9.

Kυρηναίος έθνικόν Eratosthenis. II p. 450. III p. 114,8e.

Μάγνης. λογιστικά ΙΙΙ p. 302,3. Μενέχμειος ΙΙΙ p. 112, 20 e. Μένεχμος III p. 92, 18. 106, 8 e. Μιλήσιος ἐθνικόν Isidori. III p. 56, 26. 98, 15. 260, 16. 302, 16. Μίνως III p. 102, 23 e.

Νικαιεύς έθνικόν Pori. III p. 300, 23.
Νικό μαχος. περλμουσικής. III p. 140, 27. ἀριθμητική είσαγωγή III p. 142, 1.
Νικομήδης. περλ κογχοειδών III p. 114, 9, 10. 118, 3.

Πάππος. μηχανικαὶ εἰσαγωγαί ΗΙ p. 84, 1, 2. 90, 3. 92, 17. ὑπόμνημα εἰς τὰ στοιχεῖα ΗΙ p. 34, 7. comm. in Ptolemaeum ΗΙ p. 140, 13. 270, 3. Περγαῖος ἐθνικόν Αpollonii. ΗΙ p. 300, 17. Πέτρος ΗΙ p. 306, 1. Πλάτων ΗΙ p. 66, 21. 104, 20. 306, 4, 9 (in Timaeo). Πόρος Νίαθουκ. ΗΙ p. 300, 23. πρότερον. `οἱ πρότερον Ι p. 82, 13. 340, 4. Η p. 246, 19. 294, 13. 296, 3. οἱ πρ. γεωμέτραι Η p. 396, 13.

Πτολεμαίος III, rex Aegypti. III p. 102, 21 e. 114, 3 e. Člaudius Ptolemaeus astrologus. III p. 270, 5. 302, 6. 306, 3. περί ξοπῶν III p. 306, 7. cfr. Κλαύδιος.

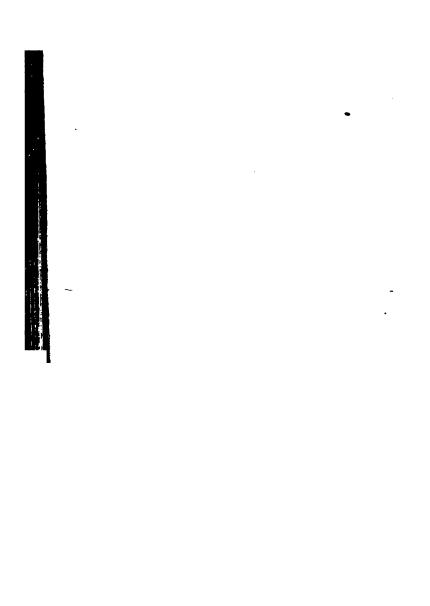
Σάμιος ἐθνικόν Aristarchi. II p. 244, 9.
Σικελή Sicilia. II p. 450 u. 3.
Σικελία ΙΙ p. 242, 4.
Σπόςος ΙΙΙ p. 90, 4.
Συράκουσαι ΙΙ p. 242, 4.
Σωκρατικός. τὸ Σωκρατικόν ΙΙΙ p. 2, 9.

Τα ς αντίνος ἐθνικόν Archytae. III p. 106, 3 e.
Τίμαιος ὁ παςὰ Πλάτωνι ΙΙΙ p. 306, 4, 9.

Φειδίας II p. 248, 8. Φίλων mechanicus. III p. 72, 22. 78, 16. Philo iunior Gadarensis III p. 300, 26.

Xτος έθνικόν Hippocratis. III p. 104, 12. 264, 16.

²Ωμυτόπιον liber Apollonii. III p. 300, 17.



BIBLIOTHECA GRAECA

VIRORUM DOCTORUM OPERA

RECOGNITA ET COMMENTARIIS INSTRUCTA

FR. JACOBS ET VAL. CHR. FR. ROST.

LIPSIAE IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.

Bedeutend ermässigte Preise.

Discussion sind bis Joses.	
<i>M</i> . A	· M. S.
Aeschinis in Ctesiphontem oratio	Lysiae et Aeschinis orationes se-
ed. Weidner 3. 60	lectae ed. Bremi 1. 50
Aeschyli Agamemno ed. R. Enger 3. 75	Lysiae orationes selectae ed. Bremi — 90
Aristophanis Nubes ed. Teuffel.	Pindari carmina cum deperdita-
Ed. II 1. 20	rum fragm., variet. lect. adi.
Delectus epigramm. Graec. ed.	et comment. illustr. L. Dissen.
Jacobs 1. 80	Ed. II. cur. Schneidewin. Vol. I. 3. 90
Demosthenis conciones ed. <i>H</i> .	Vol. II. Sect. I. II. (Comment. in
Sauppe. Sect. I. (cont. Philipp. I.	Olymp. et Pyth.) (à 1 % 50 %.) 3. —
et Ölynthiacae I—III.) Ed. II. 1. —	Platonis opera omnia ed. Stallbaum
Euripidis tragoediae ed. Pflugk et	X voll. (21 Sectiones.)
Klotz. Vol. I, II et III. Sect.	Einzeln:
I—III 14. 70	Vol. I. Sect. 1. Apologia Socratis
Einzeln:	et Crito. Ed. Wohlrab 2. 40
Vol. I. Sect. 1. Medea. Ed. III 1. 50	Vol. I. Sect. 2. Phaedo. Ed. V.
" I. " 2. Hecuba. Ed. III.	cur. Wohlrab 2. 70
ed. Wecklein 1, 20	Vol. I. Sect. 2. Symposium c. ind.
,, I. ,, 3. Andromacha.	Ed. III 2. 25
Ed. II 1, 20	Vol. II. Sect. 1. Gorgias. Ed. III 2. 40
" I. " 4. Heraclidae. Ed.II 1. 20	Vol. II. Sect. 2. Protagoras c. ind.
" II. " 1. Helena. Ed. II. 1. 20	Ed. III. ed. Kroschel 1. 80
" II. " 2. Alcestis. Ed. II. 1. 20	Vol. III. Politia sive de republica
,, II. ,, 3. Hercules furens	libri decem. 2 voll. Ed. II.[Vrgr.] 7. 50
Ed.II. cur. Wecklein 1. 80	Vol. III. Sect. 1. Politia lib. I-V 4. 20
" II. " 4 Phoenissae 1. 80	Vol. III. Sect. 2. lib. VI—X 3. 30
" III. " 1. Orestes 1. 20	Vol. IV. Sect. 1. Phaedrus. Ed. II 2, 40
" III. " 2. Iphigenia Taurica 1, 20	Vol. IV. Sect.2. Menexenus, Lysis,
" III. " 3. Iphigenia quae est	Hippias nterque, Io. Ed. II . 2. 70
Aulide 1, 20	Vol. V. Sect. 1. Laches, Charmides,
Hesiodi carmina ed. Goettling et	Alcibiades I. II. Ed. II 2. 70
Flach. Ed. III 6. 60	Vol. V. Sect. 2. Cratylus cum. ind. 2. 70
Homeri Ilias ed. Spitsner. Sect.	Vol. VI. Sect. 1. Euthydemus . 2. 70
I—IV 4. 50	Vol. VI. Sect. 2. Meno et Euthy-
Einzeln:	phro itemque incerti scriptoris
Sect. I. lib. 1—6 — 90	Theages, Erastae, Hypparchus.
Sect. II. lib. 7-12 90	[Vergr.] 4. 20
Sect. III. lib. 13—18 1. 35	Vol. VII. Timaeus et Crities.
Sect TV 1ih 19-94 1 95	[Vergriffen] b. 4

	M 2 1	
Platonis opera omnia ed. Stallbaum.		Thucydidis de belle Peloponne-
LISTORIS OPERS OFFICE CO. SIGNOSAN.	' ì	siace libri VIII ed. Poppo.
Einzelnen:	1	Kinseln:
Vol. VIII. Sect. 1. Theaetetus.	1	Vol. I. Sect. 1. Lib. I. Ed. II .
Ed. II. rec. Wohlrab	8. —	Vol. L. Sect. 2. Lib. II. Ed. II.
Vol. VIII. Sect. 2. Sophista	2. 70	Vol. II. Sect. 1. Lib. III. Ed. II
Vol. IX. Sect. 1. Politicus et in-		ed. J. M. Stahl
certi auctoris Minos	2. 70	
Vol. IX. Sect. 2. Philebus	2. 70	Vol. II. Sect. 2. Lib. IV. Ed. II
	Z. 10	ed. J. M. Stahl
Vol. X. Sect. 1. Leges, Vol. I. lib.		Vol. III. Sect. 1. Lib. V. Ed. II
I—IV	8. 60	ed. J. M. Stahl
Vol. X. Sect. 2. lib. V-VIII.	8. 60	Vol. III. Sect. 2. Lib. VI. Ed. II
Vol. X. Sect 3 lib IX—XII et		ed. J. M. Stahl
Epinomis	8. 60	Vol. IV. Sect. 1. Lib. VII
Sophoclis tragoodiae ed. Wunderus.		Vol. IV. Sect. 2. Lib. VIII
2 voll	9. 90	Xonophontis Cyropaedia ed. <i>Borne</i> -
m		mann. [Vergriffen.]
Einseln:		Memorabilia ed. Kühner, Ed. II
Vol. L. Sect. 1. Philoctetes. Ed. IV		— Anabasis ed. Kühner
ed. Wecklein	1, 50	Einseln à 1 🚜 80 Å.
Vol. L. Sect. 2. Oedipus Rex. Ed.V		Sect. I. lib. I—IV.
ed. Wecklein	1. 50	Sect. II. lib. V-VIII.
Vol. I. Sect. 3. Oedipus Coloneus.		Occomomicus ed. Breitenbach
Ed. III	1. 80	- Agesilaus ed. Breitenbach
Vol. I. Sect. 4. Antigona. Ed. V		- Hiero ed. Breitenbach
ed. Wecklein	1. 50	- Hellenica, Sect. I. (lib. I. II.)
Vol. II. Sect. 1. Electra. Ed. III	1. 20	ed. Breitenbach. Ed. II
Vol. II. Sect. 2. Aiax. Ed. III .	1. 20	- Sect. II. (lib. III-VII)
Vol. II. Sect. 3. Trachiniae. Ed. II	1. 20	ed. Breitenbach
	#0	

!

Berlag bon B. Ob. Ernbmer in Leipzig.

Unfere Muttersprache, ihr Werden und ihr Wefen.

Don Prof. Dr. D. Beile.

Deutsche Sprach und Stillehre

von Deof. Dr. B. Weile.

Eine Unleitung

jum Derftandnis und jum Gebrauche unferer Mutterfprache. [XIV und 192 S.1 8, 1901. In Command gebunden 2 Mr.

Das vorffenende Daufe fil ein Seitenftlof ju bem befremben Werfe beifelben

Iduna. Denische Beldenlagen

bem bentichen Bolhe und feiner Augend wiedererighti son Rarl Beinrich Redi.

Boblfeile Aufgabe. -Bigs Tolle, in 2 michen Beinmentdinben. Preis 4 Die ab Bi-

And in b eingelnen habig fartenierten Seiten: Leil; gudrum, 80 Pl. II. Leil; die Albeitungenfunge, 2 fer. ib Di. III. Leil; Die Sage "Biefund r. Schmies, 30 Sl. IV. Tail: Diefrig von Dern v. 1, Gefellen, 1 fell, 20 Sl.



An elektrimen elizameinentilen de ber hare betein er einerfelieren Berein beitriger Generalise mires belangen Beitriger Schlere er plei bei nehmen beitrigen Beitriger Schlere er plei bei nehmen bei beitrigen bei beitrigen bei beitrigen bei beitrigen bei beitrigen beitrigen beitrigen beitrigen beitrigen beitrigen be

Auf Datur und Geiftegwelt

Sammliting biffenschaftlich geneinberftanblicher Barnesoans allen Sebieten bes Wiffens.

30 1 .Will., in geichmachbollem Einbaub 30 1 .Wil. 25 Pf.

Telies Bandefen in in fich abgefichen und einzeln Kinfing.

Luft, Maffer, Licht und Warme, Acht Gorfräge aus der Experimental - Chemie von Prof. Dr. Blochmann. Dit 100 Abb.

nige Gerritze aus vom Geliche ber Erpreimental-Chemia füngerungerbrischerer Bernelbättigung ber alltäglichen Erickelnungen ber prachlichen Erickel in bas berflänzuge ber gentlichen Erickelnungen ein

Die bruifden Bolloftamme und Lanbichaften von Frof. Dr. D. Beibe Mit 26 Alb.

Schilbert burt eine gute Crepabilinia Belber, Landschalte und anderen Billiern utnirange die Eigenart ber beseiftes Consu. E Schmitt.

Die Leifestübungen und ihre Beneutung für die Gefundheit nan Prof. Dr. W. Janber. Mit 19 Abb, im Text und auf D Tajeln.

Effi berüfer auffilmer, erethalb uns uner meiden Umfilmbes die Beinehnbungen iegenbertet intelne, indem es der Arrien, untermet die in Getrach Ummenden Organe beforcht. Unfere wichtigften Anfrues flagen

hagen Wit gehir, Mod im lett Bermitelt durch die Shifteren ber olaboliter Rallathflanien ber Betwiepflanzen, meiner in untdaalität Ges allemente entwicke Krantniffe

Bon und Leven bes Tieres nun Dr. 4B. Snade. Dit jahr. Abb. im Tert.

Berney ja einen befferen Berfill berich nebent Mogelung, auferer Frenze is hent und giel und sieht, au führen Der Raupf ginlichen Menich und

Tier nes Proj. Dr. Karl Idftein. Mit 31 Abb. im Trp. Ter hibe virifdeliffige Schriften bentignikerte Kung erlägti eine ein gebente, ftenis trem fame gile leftenisch

Dartellung.

Tad Theater non Brivathogent Dr.

Borinsti. Mit 3 Bitbuillen. mit bei ber Berichtung ber berein eilem Geitunger bie bemmelider Wiesber Melte und gesentenntlich feinen eine Der Bun bes Meltalle b. Frai, Dr.

3. Schriver. Mit geift Abb.

MATERICAL

Berlag bon B. G. Cenbu

Beallexikon des klassisch

Siebente verbefferte Auflage von 9 Beit gabireichen Abbitt Lex. Breis geheftet 14 ML, reich ge

Schriften von H

Bohlfeile Anbgaben zu bebeutenb

Die Gotter und Gernen ben blaffifchen , tople ber Geleffen und Romer. Und O. M. Geott. und enitzen Einsboreben fie Weitliefe fingen

Gefibligte ber Grieden und Bunger in G

L Die gelbe in fizmuhi II. Die gelbe grenbiner

Erzählungen :

Bilder aus bei Ablitumen.

Silder ans d mites William

Die Stelfter Di

Die Stelfter b

Manberungen. Ratife. Dine U. Erili El. Banh geb "& STANFORD,



